

SITZUNGSBERICHTE

DER

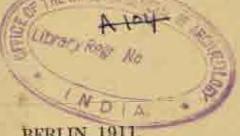
KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

26328

JAHRGANG 1911.

ERSTER HALBBAND. JANUAR BIS JUNL



BERLIN 1911

VERLAG DER KÖNIGLICHEN AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

IN COMMESSION THE GROWN PRIMER

CENTRAL ARCHAEOLOGIGAN
LIBRARY, NEW DELHI.
Aco. No. 26.828
Data 30.5.57

INHALT

	Saile
Verzeichniss der Mitglieder um 1 Januar 1911	1
J. Monography: Ther des tilelische Pilistongeschiecht der Karsel in Myeim	D.
HELMENT: Cher die Genautigkeit dur Dimensionen des Havroun'sehm Erziellipsaufs	10
Parmanius; Other den Ring einer Matris	201
J. Monoranova and L. Halberstander: Ches die Besinflussung des experimentellen	
Tr-pannsomeninfection threst China and Chinadervate	38/1
Samuel Chur die Vortholle der Auwendung eines Reversionsprisums bei Duppelstern-	
inesimperi	LY
NERRET: Ului nouere Probleme der Wärmethourin	65
Mittheilung über die Dr. Carl Gürven-Stiffung	90
Jahresbericht über die Samuling der griechlachen lieschriften	91
Jahresbericht über die Samming der lateinischen Inschriften	92
Jahresterinit über die Prosopographie der camischen Kalseracht (1.—3. Jahrlondert)	91
Jahrenbericht über den Indes mi militaris imparii Romani	94
Jahresherichs über die Politische Correspondent Furenmu's des Grosses	64
Jahrs-heriali über die Geischischen Münzwerke	84
Jahrs-Bericht doer die tyrechungum Julizwerke	05
Jahreshericht über die Anta Burmsslen	96
Jahreshericht über die Rasr-Ausgabe	96
Jahrasbericht über die Ausgabe des Ibs Soud	97
Jahresberieht über das Wörternuch der engyptischen Spruche	OSL
Jahresbericht über das «Thierreich»	Du
Jahresbericht fiber das -Pflanzeureichs	90
Jahrasbericht fiber die Geschichte des Firsternhimmels	101
Jahresbericht über die Ausgabe der Werke Weinzie von Brunoure's	103
Jahreshoricht über die Interskudsmische Lunnen-Ausgabe	102
Jahreshericht über das Corpus medizorum Genecorum	Carlo State Control
Jahresbericht der Deutschen Commission	104
Jahre bericht über die Forschungen zur nenhochdeutschen Sprach- und Bildningsgeschichte	115
Jahresbericht der Hesimiter-Stiffung	
Jahresbericht der Savient-Silltung	116
Jahresbericht der Bers-Stiftung	117
Jahresbericht der Hangann und Eries geb Heckmann Wantzm-Stiffung	117
Jahreshericht der Kirchenväter-Commission	118
Jahrenbericht der Commission für des Wörterhuch der deutseben Rechtsepenebe	110
Jahrssbericht der Akademischen Jubiläumestiftung der Studt fterlie	123
Chernicht der Personalverändnrungen	125
Farmework Cher den Rang einer Matrix II.	128
Hamson: Das boke Lied des Apostels Panius von der Liebe (L.Kor. 15) und seine rei-	100-20
Marian Albertalia Reference	122
Adresso an Hrn. Riemann Schuarnen zum fünfzigishrigen Doctorjuhillium am 1. Februar 1911	164
R Maistre : Kunrische Syllaborinschriften in nichtgriechischer Sprache intera Lat 47 :	160
Zonna: Des culturgeschichtliche Hintergrund in den Erzählungen des alten trischen Heiden-	
	174

Littal

The state of the s	100011
L. Bornances: The sman Sain des Hrn. C. Jiscore de des Theorie der undhamm Gruppen.	100000
times and Child offered in the control of the contr	212
Pite des von L. Brensmann gefundenen Hewers eines Satzes von S. Jestine	241
Plane dle Generacio Trancia des alliquestam Familiamen	252
The said become the experiment Warned for tightn Temperatural 444	300
F. A. Lasinemann: Unterscanningen other the specificatio Warmer best Course Louise Louise Language and Langua	316
Canilly of These avenues des Harnburnholism	824
RUBERS and O. von BARYER: Uber eine tamers lange diese Strahlung des Queensilher-	
Annual and a second and a second as a seco	:039:
the con recommended Perfune due Laure-duite und der Ballenstoffe un Roung-	100
Amban Material confirmantitit 20 Green Likelitectellin	140
The Karmer Bernelet filter photographic-like Antimilanum allignorgischer Handschriften	: 0115
The American Malerent	568
8 J. Marcan Dies sines standingersichen Oction sun Fumiand und den Vorgeng seiner	-
Wind the second of the second	379
Advanced the Ferrorate Zum er zum fünfrig marigen Dogtorphiliams am 14. Mise. 1911	385
the Spining resemble and the Deann of Lavaging Colored Lat II out the	388
Thomas Ches den Sometrenian and die tickinshen Eigenstanten des Zinnes	113
E Simplement: The dru Principalismewhiled der directions innellen Kryptalle	428
Transport Various and Wielsternengrang in Lebausprouss.	430
Western Aluci vernous Cher die Wespen des Aristophanes L	4170
Nemer may F. A. Lorens Ass. Untermedianges there are specifiache Warme but tretten	MAN
Transmittered Vice and a second of the secon	- AM's
West and Maries and the Cher die Wespen das Aristophanes H	554
Vices Message der Sommenperatur	54
Laboratorich Alice die Lieronegabe der Monumenta Germaniae Metorica	類
Comme and H Sentiness: Zur Kennines der Walder Umkehrung. VI	SAM!
C. Canarmiducur und E. Landaur Butrage am Convergent von Funttimenfolgen	587
1 Singer Ober frennen paraditeber finearer refletitationen	019
Adresso an Hrn. Lansa Entens zum Grafulgilbriges Domorjahillann am 18. Mal 1911	1128
U. Mareren: Ingeneration and Mantida in Kepres (bleren Tal. IV)	830
Financips: Ober die umerbegbaren disareten Bewogungsgruppen	654
Runne and O. ves Barres: Cher die Energieverdeilleng der von der Quersquecksüber-	-
lampe ausgesamtion langwalligen Strahlung	066
Fucusarius: Oruppentharreitsche Afdeitung der 22 Krystallelassen	- 081
Bericks due Commission für den Thessuren linguage Launag über die Zeit vom 1. Oerober	692
1010 life L. April 1911	
Bestimmungen über die Varieitung des aus der e. Börrmenza-Stiftung beschafften Mass-	1095
thoriumbromble	097
Money: Amerits rede	701
Witerens Attriturale	708
Done Ewidering at Hit Mone and Witterin	700
Fames Guildenierole auf Breaken Larance	71
Mont Gadichinisweds and Amer Tomas	71-
Ve hilling due Lerenz-Modeille	71:
Prelaminatirethan and dem Cornamina schon Legal	71
Preis der Gruf Louway-Stiftung	200
Stipending der Housen Grenskn-Stiftung	1 15.65

VERZEICHNISS

PER

MITGLIEDER DER AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN AM 1. JANUAR 1911.

1. BESTÄNDIGE SECRETARE.

							Gewählt von	Datum der Königlishe Bestilbung						
Hr. Amores			81		187		physmath.	Classo	-		-	1878	April	10.
- Vehlen	×	14	-			81	phil,-hist	*		0		1893	April	5
							philhist.							
- Waldayer	Sig.	şi.		3		71	physmath.	=	4	5	8	1896	Jan.	20:

H. ORDENTLICHE MITGLIEDER.

2	Physicalisch, malhematische Clame	Millianghlach-tismrimhe Classe	Daimu der Königiniber Restlitzung		
Hr.	Arthur Augers	3. E. C. A. E. G. S. H. B. C. C.	1866 Aug. 18.		
		Hr. Johannes Vahlen	1874 Dec: 16.		
		- Alexander Conze	1877 April 23,		
-	Simon Schreendener		1879 Juli 13.		
	Harmann Mank		1880 Marz 10.		
		- Hermann Disti	1881 Aug. 15.		
=	William Waldeyer		1884 Febr. 18.		
		- Heinrich Brunner	1884 April 9.		
-	Franz Eilhard Schulze .	84 8 8 8 8 8 9 4 8	1884 Juni 21.		
		- Otto Hirschfeld	1885 März 9.		
		- Eduard Sachan	1887 Jan. 24.		
		- Guelas van Schmaller	1887 Jan. 24.		
		- Wilhelm Dilliey	1887 Jan. 24;		
123	Adulf Engles	4 3 3 3 3 4 5 U E S G	1800 Jan. 29.		
	THE PLANT OF HIS 10	- Adolf Harnack	1890 Febr. 10.		
-	Hermann Amandus Schwar.		1892 Dec. 19.		
(5)	Georg Frobenius		1893 Jan. 14.		
16	Emil Fisches	laman see see	1893 Febr. 6:		
-	Oskur Herbang		1893 April 17.		
-	Max Nanck	60 - 27 - 23 - 63 - 5	1894 Juni 11.		
	The state of the s	- Karl Stampf	1895 Fehr. 18.		

Physikalisch: muthmanische Classe		Philosophiesk-kantoriethe C	Inner)		Danier de	e Kanigi na quin	Subste
	Hr.	Erich Schmidt	2 (2)		1896	Febr.	18.
	1	Adolf Erman			1895	Febr.	18.
Hr. Emil Warburg	. 0 %				1895	Aug.	13.
- Jakob Heinrich van't Hoff			Q -213		1896	The second second	
	-	Reinhold Koser .	3 41		1890		
	-	Max Lenz			1896		14.
	Ties:	Reinhard Kekule von	Stro-		-		
		donit=	W 61		1898	Juni	B.
	- 5	Ulrich von Wilmon	ritz-		1		
		Moellendorff	3 5		1899	Ang.	2.
- Wilhelm Branca	0 14 5		2 3		1890		18.
- Robert Helmert					1900		B1.
- Heinrich Müller - Breslau					1901		14.
	-	Heinrich Dessel			1002	-	11.
	2	Konrad Burdach			1902	Mal	9.
- Friedrich Schottley	W	£ 1 0 0 0 0 0 0			1903	Jan.	5.
	-	Gustan Roothe	14. 4	-	1903		5.
	=	Dietrich Schäfer .			1903	Aug.	4.
		Educard Mayor				Aug.	100
	-	Wilhalm Schulze	4 6		100000	Nov.	16.
	=	Alon Brand			1004	April	3.
- Harmann Strute	4 19		-			Aug.	
- Hermann Zimmermann	2		195 G	-		Ang.	THE OWNER OF
- Adolf Martens	2 2	2 2 2 2 2 2 2 2 2	5 6	-	1904	100	
- Walther Nernst			41 18		1905	Nov.	
- Max Rulmer		3 0 0 0 0 × 0		*	1906	Dec.	2.
- Johannes Orth	4 E				1006	Dec	2.
- Albrecht Penck	B A	8 8 8 8 m x 10			1906	Dec	2,
		Friedrich Müller	* 10		1906	Dec.	24.
	-	Andreus Heusler	4 11	-	1907	Aug.	8.
- Hanrich Rubens	20 0	KKKS EKS	W		1907	Aug.	
- Theodor Liebisch					1908	Aug.	
	17	Eduard Selar	1 N N	-	1908	-	1 - 2 -
	*	Heinrich Luders .	21 12	ī	1909	Ang.	
		Heinrich Morf		,	1910	Dec	
	-	Heinrich Wölfflin .	-		1910	Doc.	14
(Die	Adresa	en der Mitglieder s. S. I	X.)				

III. AUSWÄRTIGE MITGLIEDER.

Physhalleck-mulhematische Classe	Philipphia - high double threes		et Känigilanen autligung
	Hr. Theodor Naldeke in Struss- burg - Friedrich Imhoof-Blumer in	1900	Marz 5.
	Winterthur	1900	Miles 5.
	- Pasquale Villari in Florenz.	1900	Marz 5.
Hr. Wilhelm Hiltory in Minster		1000	Marz 5
- Eduard Susse in Wien		1900	Milez 5
Sir Joseph Dalton Hooker in			CHE THE
Sunningdala		1904	Mai 29.
Hr. Adolf con Barger in Minul		1905	Aug. 12.
Att. sandy with according to the state of	- Vatraslan von Jagid in Wien	1908	Sept. 25.
	- Panagiotis Kabbadias in		
	Athen	1908	Sept. 25.
Lord Hayleigh in Witham, E.		1910	April 6.
IV	EHRENMITGLIEDER.	Diagram d	ar Ronigfinder
		8	Milanne
Eacl of Crawford and Balcare	win Haigh Hall, Wigan	1883	Juli 30.
Hr. Max Lehmann in Göttin	gen; a p = a p a a p a p	1887	Jun. 24.
Hugo Graf von und zu Lerch	enfeld in Berlin	1900	Murz 5.
Hr. Richard Schime in Grune	wald bei Berlin .	1900	Marz 5.
Ernn Eliss Wentzel geb. Hack	mann in Berlin	1900	Mars. 5.
Hr. Konsul von Stutt in Ber	lin vis. But have a site	1900	Marz 17.
- Andrew Dicken White in	Ithaca, N. Y.	1900	Dec. 12.
Rochus Frhe, con Liliencron i	n Cohlenz	1901	Jan. 14.
Berthard Farst can Balow in	Rom	1910	Jan. 31.

V. CORRESPONDIRENDE MITGLIEDER.

Physikalisch-mathematische Classe.

										Dange	der W	188
Hr. Ernst	Wilhelm Bensche in	Str. shur	E		-411			-		1900	Febr.	.8.
- Lennis	Boss in Albany, N.	Y	7								Oct.	
	Brefeld in Charlotte								0		Jian.	
- Heinr	ich Brow in Leipzig	G + .			-		1			1906		
· Otto	Batich's in Heidelber	E - 1	le.			-	4				Marz	
- Kart	Chan in Leipzig .										Jan.	18.
- Giaco	mo Ciamician in Bol-	ogna	4			-		-	ì		Oct.	
- Gasta	a Darbous in Paris		-		=	97	le		4		Febr.	
Sir Georg	Howard Darrein in	Cambrid	ign.				-				Juni	
Hr. Willie	em Morris Daris In !	Cambridg	v. 1	Manie	-	-			2		Juli	
Rehm	of Dedekind in Brau	narhweig					14			NO STATE OF	Milex	
	Thristofor Doner in U									1900	Febr.	22.
	Ehlers in Göttingen					-0.1	L		1	1897		21.
Roland Br	eron Estes in Buda	pest	4			-	1		1	100		6.
Hr. Mas	Medringer in Heidel	herg .	100	F 1		10			4		Felie.	
Sir Archit	iald Geikie in Haslan	nere. Sun	гоу	P- 1				1			Febr.	
- Davin	Gill in London .	1 - 8	-1	- 1		1		-	-	1890		5.
Hr. Paul	Gordon in Erlangen								4		Febr.	
- Kari	Grade in Frankfurt	a.M.	l.	-			-				Juni	
	ig von Graff in Gras				-		3				Febr	
	b Hobertoudt in Der									10000	Juni	-8.
	Home in Wien .			1		1 4			-		Febr.	
	Hensen in Kiel			11 1				-			Fehr.	
- Richo	rd von Hertwig in M	Guchen		4	- 20						April	
Sir Vielor	Horsley in London	2	-90	0.1		- 4			4		Juli	
Hr. Adolf	um Koenen in Gött	ingen	1	4			-			1904		ō.
- Leo	Komigsberger in Heid	lelberg	4		. ,						Max	
- Willia	In Körner in Mailar	ul	-				-	-	10		Jan.	
- Fried	rich Kustner in Bonn	Co X I		- 1	į į	- 6	-				Oct.	
- Alber	t Ladenburg in Bresl	lau	a	- 4		4		4.			Jan.	6.
- Henry	Le Chatelier in Par	in _	-	2 1	-	-	-			1905		14
- Philiq	p Louisd in Heidell	herry	41			1	5-	10	0	1000		21.
- Migh	d Livy in Paris			97.1	-		-0	4		1898		28.
- Gabr	id Lippmann in Par	18 102				-			-		Febr.	
- Hond	rik Antoon Lorentz is	u Leidan		1 -		-	- 4	Č.	-		Mini	4.
- Hube	d Ludwig in Bonn.			k ,		2	-4	-		1898		14.

	Physikallach-mashematlache Classe.	Daimi der Wahl
He.	Felix Marchard in Leipzig	1010 万山 28.
-	Friedrich Merkel in Gottingen	1910 Juli 28.
4	Franz Merlenr in Wien	1900 Febr. 22.
-	Henrik Mahn in Christiania	1900 Febr. 22.
-	Alfred Gabriel Nathorst in Stockholm	1900 Febr. 8.
-	Karl Noumann in Laipzig	1893 Mai 4.
04.	Maz Noether in Erlangen	1896 Jan. 30.
-	Wilhelm Oswahl in Gross-Bothen, Kgr. Suchsen	1905 Jan. 12,
=	Wilhelm Pfeffer in Leipzig	1889 Dec. 19.
	Emile Picard in Paris	1898 Febr. 24.
+	Edward Charles Pickering in Cambridge, Mass	1000 Jun. 11.
-	Henri Poncarl in Pans	1896 Jan. 30.
-	Georg Quincks in Huidelberg	1879 Marx 13.
	Ludwig Radlkofer in Minahen	1900 Febr. 8.
Sir	William Rameny in London	1896 Oct. 20.
Hr.	Gustal Retries in Stockholm	1893 Juni 1.
-	Thurdaye William Richards in Cambridge, Mass	1909 Oct. 28.
14	Wilhelm Konrad Ronigen in München	1806 Marz 12.
-	Heinrich Rosenbuch in Heidelberg	1887 Oct. 20.
-	Georg Oselan Sars in Christiania	1898 Febr. 24.
-	Oswald Schmiedelery in Strasslurg	1910 Juli 28.
-	Gustan Schwalbe in Strassburg	1910 Juli 28.
-	Higgs con Seeliger in München	1906 Jan. 11,
Flor	mann Graf zu Solm - Loubezh in Strussburg	1829 Juni 8.
Hr.	Johann Wilhelm Springel in Giessen	1900 Jan. 18.
-	Edward Strashurger in Bonn	1889 Det 19.
-	Jahannes Steller in Rom	1900 Febr. 8.
Sir	Joseph John Thomson in Cambridge	1910 Juli 28.
Hr.	August Toepler in Dresden	1879 Märs 13.
-	Guster von Techermok in Wien	1881 Marz 3.
Siz	William Turner in Ediuburg	1898 Marz 10.
Hr	Woldemar Voiat in Gottungen	1900 Mars 8. 1900 Febr. 22.
	Johnnies Diderik van der Wauls in Amsterdam	1907 Juni 13.
~	Otto Wollach in Göttingen	1800 Jan. 19.
*	Eugenius Warming in Kopenhagen	1896 Jan. 30.
3	Heinrich Waher in Strassburg	1897 Mirz 11.
- 2	August Walenman in Freiburg i. Br.	1910 Juli 14.
=	Withelm Wien in Würzburg	1899 Juni S.
-	Against Land at Section 242 at to the	1887 Oct. 20.
	Ferdinand Zirkel in Boon	

	Philosophisch-bistorische Classe			Thomas	dar We	deli
Hr.	Karl con Amira in München	- 1	-	1900	Jan.	18.
=	Ernst formanual Bokker in Heldothery	-	-	1897	Juli	20.
-	Friedrich von Berold in Bonn			1907	Febr.	14
-	Engen Bormann in Wien	1	4	1902	Juli	24.
-	Emile Bautrons in Paris		20	1908	Febr.	27.
+	James Henry Breasted in Chicago	-		1907	Juni	13.
-	Ingram Bywater in Loadon	1	-	1887	-	17.
=	Read Cagnut in Paris				Nov.	3.
-	Acthur Chaquet in Villemomble (Seine)		-	1907	Febr.	14.
-	Samuel Rolles Dringe in Oxford	- 6	-6-	1910	Dec.	5.
-	Louis Duckeene in Rom	-		1893		20.
-	Benno Erdanno in Berlin			1903		15.
-	Julius Enting in Strassburg ,		-	1007		13.
-	Rud Foncart in Paris	-			Juli	17.
2	Wilhelm Fröhner in Paris		-	1910	Juni	23.
-	Percy Gardner in Oxford		2	1908		29.
	Ignaz Goldzilier in Budapest		-		Dec	8
-	Theodor Compert in Wien		71	1893	Oct.	19.
_	Francis Llowellyn Griffith in Oxford	-	-	1900	Jan	18.
-	At a law in a state of the stat	-		1900		18.
-	TO THE PARTY OF TH		5	1964		Įā.
-	SWIN HOLD BY WELL-BUILDING VICE	100		1900	Jan	18
-	AND A PER OF BUILDING			1900	Jan	18.
-	Bernard Haussoullier in Paris			1907	Mai	2
-	Barclay Vincest Head in London .				Ogn	29.
-	Johan Ludwig Holberg in Kopenhugen			1898	Marz	
-	Cal Thanks and Michigan March			1904	Nov.	3.
-	Autoline Illiano de 1778-Avon de Banto			1893	Febr.	
-	Lion Henzey in Paris			1900	Jan.	18
	Haraht Hjarne in Upsala :		10		Febr.	
=	Maurice Hollman in Athen		1	10/10	Febr	
-	Edward Holm in Kopenhagen	- 5	- 5	1904	Nov.	
-	Theophile Homothe in Paris			1887	Nov.	
-	Christian Hiller in Florenz			1907		2
-	Adolf Julicher in Martning		-	1906	7	
1/4	Karl Justi in Bonn			1893		
	Frederic George Kenym in London		-		Jan.	18.
-	Georg Friedrich Knapp in Strassburg		-	STREET	Dec.	14.
-3	Basil Latyschew in St. Petersburg	-		1891	-	4.
-	Friedrich Lee in Göttingen			1006		
4	August Loskien in Leipzig	1	-	1900		
+	Émile Levameur in Paris	1		1900		18.
=	Friedrich Loofs in Halls a. S.	-	91	1904		3:
-	Giacomo Lumbroso in Rom.	1			Nov.	

	Philosoph)sch-historianha Classe.	Theo	dar Wald
Hr.	Arnold Luschin von Ebengreuth in Grav	1904	Juli 21.
-	John Postland Mahaffy in Duhlin	1900	Jan. 18.
_	Gaston Maspero in Paris	1897	Juli 15.
-	Wilhelm Meger-Labke in Wien	1905	Juli 6.
-	Ludwig Mitteis in Leipzig	1905	Febr. 16.
-	Galerial Monad in Versailles	1907	Febr. 14.
-	Hainrich Niesen in Bonn	1900	Jan. 18.
3	Georges Perrot in Paris	1884	Juli 17.
	Edmond Pottier in Paris	1908	Out. 29.
	Franz Praetorius in Breslau	1910	Dec. B.
-	Withelm Radloff in St. Petersburg	147 M. C. C.	Jan. 10.
-	Pio Rajan in Florenz	1909	Marz 11.
-	Moriz Ritter in Bonn	1907	Febr. 14.
-2	Karl Robert in Halle a. S	1907	Mai 2.
-	Anton E. Schlabach in Graz	1906	Juli 5,
_	Richard Schroeder in Heidelburg	1900	Jan. 18.
	Eduard Schworts in Freiburg i. Br	1907	Mai 2,
-	Émile Senart in Paris	1900	Jan. 18.
-	Eduard Slevers in Leipzig	1900	Jan. 18.
	Henry Sweet in Oxford	1901	Juni 6.
Sir	Edward Mounde Thompson in London	- 11 5	Mai 2.
	Filhelm Thomsen in Kopenhagen	1900	Jun. 18.
-	Girolamo Vitelli in Florent.	1897	Juli 15.
-	Julius Wolfhausen in Gättingen	1900	Jan. 18.
-	Willialm Wilmanns in Bonn.	1906	
	Ludeig Winner in Kopenhagen	1891	
-	Wilhalm Wandalband in Heidelberg	1903	Febr. 5.
	Willialm Wandt in Leipzig	1900	Jan. 18.

INHABER DER HELMHOLTZ-MEDAILLE.

Hr. Santiago Rumón y Cajal in Madrid (1904).

- Emil Fimber in Berlin (1908).

INHABER DER LEIBNIZ-MEDAILLE.

a Der Meduille in Gold.

Hr. James Simon in Berlin (1907).

- Erusst Solvay in Brüssel (1909).

- Henry T. von Böttinger in Etherfeld (1909). Joseph Florimund Due de Loubat in Paris (1910). b. Der Medallie in Silber.

Hr. Karl Alexander con Mortius in Berlin (1907).

- A. F. Lindemans in Sidmouth, England (1907).
- Johannes Bolte in Berlin (1910).
- Karl Zenmer in Berlin (1910).
- Albert can Le Coy in Berlin (1910),
- Johannes Illery in Wursen (1810).
- Max Wellmann in Potsdam (1910).
- Robert Koldewey in Babylon (1910).
- Gerhard Hessenberg in Breslau (1910).

BEAMTE DER AKADEMIE.

Bibliothekar und Archivar der Akademie: Dr. Köhnke.
Bibliothekar und Archivar der Deutschen Commission: Dr. Behrend.
Wissenschaftliche Benmte: Dr. Dessau, Prof. — Dr. Harms, Prof. — Dr. non Fritze.
— Dr. Kael Schmidt, Prof. — Dr. Frhr. Hiller con Gaertriagns, Prof. — Dr. Ritter.

WOHNUNGEN DER ORDENTLICHEN MITGLIEDER UND DER BEAMTEN.

- Hr. Dr. Auwers, Prof., Wirkl. Geh. Ober-Regierungs-Rath, Lindenstr. 91 SW 68.
 - Branca, Prof., Geh. Bergrath, Lutherstr. 47. W 62...
 - Brandl, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Kaiserin Augustu-Str. 73. W 10.
 - Brunner, Prof., Wirkl, Geh. Rath, Lutherstr. 36. W 62.
- Burdach, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Grunewald, Schleinitzstr. fi.
- - Cince, Professor, Grunewald, Wangenheimstr. 17.
- Diele, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Nürnberger Str. 65, W 50.
- Dillhoy, Prof., Geb Regierungs-Rath, Granewald, Siemensstr. 37.
 - Dressel, Professor, Krouenstr. 16, W 8.
- Engler, Prof., Geh. Ober-Regierungs-Rath, Dahlem bei Steglitz, Altensteinstr. 2.
 - Erman, Prof., Geh. Regierungs-Rath. Dahlem bei Steglitz, Peter Lenné-Str. 72.
- Fischer, Prof., Wirkl. Geb. Rath, Hessische Str. 2. N 4.
- Frolenius, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Charlottenburg, Leibnizstr. 83.
- Harnack, Prof., Wirkl. Geh. Rath. Grunewald, Kunz Buntschuh-Str. 2.
- Helmert, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Pútsdam, Geodätisches Institut.
- Hortieig, Prof., Geh. Medicinal-Rath, Grunewald, Wangenheimstr. 28.
- Heusler, Professor, Victoria Laise-Platz 12, W 30.
- Hirschfeld, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Charlottenburg, Mommsenstr. 6.
- van't Hoff, Prof., Cieh. Regierungs-Rath, Steglitz, Filandustr, 9.
- Kebule von Stradonitz, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Landgrafenstr. 19. W 62.
- Kozer, Wirkl. Geh. Ober Regierungs-Rath, Charlottenburg, Carmerstr. 10.
 - Lens, Prof., Geh. Regierungs-Rath. Augsburger Str. 39. W 50.
 - Liebisch, Prof., Geh. Bergrath, Charlottenburg, Kantstr. 31.
- Luders, Professor, Charlottenburg, Sybelstr. 20.
- Marious, Prof., Geli. Ober-Regierungs-Rath, Gross-Lichterfelde-West, Fontanestr. 22.
 - Meyer, Professor, Gross-Lichterfelde-West, Mommsenstr. 7/8.
- Mary, Professor, Halensee, Kurfürstendamm 100.
- . Maller, Peolessor, Zehlendorf, Berliner Str. 3.
- Maller-Bresley, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Grunewahl, Kurmarker Str. 8.
- . Munk, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Matthäthirchstr. 4. W 10.
- Nersit, Prof., Goh. Regierungs-Rath, Am Karlsbad 26a. W 35.
- Orth, Prof., Geh. Medicinal-Rath, Grunewald, Humboldtstr. 16.
- . Penck, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Knessbeckstr. 48/49. W 15.

- Hr. Dr. Planck, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Grunewald, Wangenheimstr. 21.
- - Rooths, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Westend, Abornalles 39.
- Rubens, Prof., Geb. Regierungs-Rath, Neme Wilhelmstr. 16, NW 7.
- Rulner, Prof., Geh. Medicinal-Rath, Knriurstenstr. 92 a. W 62.
 - Sachau, Prof., Gali, Ober-Regionings-Rath, Wormser Str. 12, W 02
- Schäfer, Prof., Grossherzogl. Badischer Geh. Rath. Steglitz, Friedrichstr. 7.
- Schmidt, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Augsburger Str. 43. W 50.
- - von Schmoller, Prof., Wirkl. Geh. Rath. Wormser Str. 13. W 62.
- Schottky, Prof., Cab. Regierungs-Rath; Steglitz, Fichtestr. 12a.
- Schulze, Franz Eilhard, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Invalidenstr. 43
 N 4.
- Schulze, Wilhelm, Prof., Geh. Regierungs-Rath. Kaiserin Augusts-Str. 72. W 10.
- Schwarz, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Grunewald, Humboldtstr. 33.
- - Schwondoner, Prof., Geh Regierungs-Ruth, Matthaikirchstr. 28. W 10
- - Seler, Professor, Steglitz, Kaiser Willielm-Str. 3.
- - Stewe, Prof., Geb. Regierungs-Rath, Enckeplatz 3a. 5W 48.
- Stumpf, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Augsburger Str. 45. W 50.
- - Falden; Prof., Geh. Regierungs-Kath, Genthiner Str. 22. W 35.
- Waldeyer, Prof. Geh. Medicinal-Rath, Lintherstr. 35. W 62.
- - Warbury, Professor, Charlomenhurg, Marchett, 25 b.
- von Wilamowitz-Moellendorff, Prof., Wirkl. Geh. Rath, Westend, Eichenallee 12.
- Wolffin, Prof., Geh. Regierungs-Rath, Halcosce, Kurfürstendamm 160.
- - Zimmernann, Wirkl Geh Ober-Baurath, Calvinstr. 4. NW 52.
- Hr. Dr. Behend, Bibliothekar und Archivar der Deutschen Commission, Gross-Lichterfelde-West, Knesebeckstr. Sh.
 - Dessar, Professor, Wissenschaftlicher Beamter, Charlottenburg, Carmerstr. 8.
 - - con Fritze, Wissenschaftlicher Beamter, Courbièrestr. 14. W 62.
 - Harmy, Professor, Wissenschaftlicher Beamter, Friedenan, Ringstr. 44.
 - Freiherr Hiller von Gaertringen, Professor, Wissenschaftlicher Beamter. Westend, Ehereschenalles 11.
 - - Kölnke, Bibliothakar und Azchivar, Charlottenburg, Goethestr. 6.
- Ritter, Wissenschaftlicher Bennter, Friedrichsbagen, Seestr. 71.
- Schmidt, Karl, Professor, Wissenschaftlicher Beamter, Bayreuther Str. 20. W 62.

SITZUNGSBERICHTE

1911.

١.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

DER

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

12. Januar. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

1. Hr. Sacnav sprach über den Pupyrus 6 der Elephantine-

Samulung. (Ersch. später.)

Derselbe ist zwar um sehr fragmentarisch urhalten, verdient aber durch seine Berührung mit dem Alten Testament besondere Beachtung. Es ist sin Sendschreiben, welches der Stauthalter Arsames auf Befehl von König Darius II. durch Vermittelung sines Hannnjah zu die jüdische Militäreolonis in Elephantine richtete. Der Inhalt bezieht sieh auf die Passah-Feier und ist in der Hauptssche ein Auszug aus Evodus 11, 16—10 sowie aus Deutsronomium 16; 17. Das Schreiben ist datiet vom Jahre 5 des Darius II. oder 419 v. Chr. Geb.

- 2. Derselbe legt eine Abhandlung des Hrn. Generaleonsul a. D. Dr. J. Monormann in Constantinopel über das türklische Fürstengeschlecht der Karasi in Mysien vor.
- 3. Vorgelegt wurde Bd. 5 des von der Akademie unterstützten Werkes A. Fischen, Das deutsche evangelische Kirchenlied des 17. Jahrhunderts. Vollendet und hrsg. von W. Tünent. Gütersloh 1911.

Über das türkische Fürstengeschlecht der Karasi in Mysien.

Von Dr. J. Morotmann, Generalkonsul a. D. in Konstumingel.

(Vorgelegt von Hrn. Saunau.)

Unter den türkischen Dynastien, die nach dem Untergange des Sehlschukidenreiches von Konia im wesiliehen Kleinasien auftauchen und in den byzantinischen Grenzprovinzen kleine sellatändige Reiche gründeten, hat die der Karasi, 文文, von Mysien, das kürzeste Dasein geführt; sehon nach wenigen Jahrzehnten wurde ihr Länderbesitz von den Osmanen von Brussa aufgesogen.

Die Anfänge der Dynastie liegen im Dunket. Nikephoros Gregoras (1205-1360) berichtet 1,214 über die Verhältnisse in Kleinasien zu Anfäng des 14. Jahrhunderts:

Die Türken hatten sich verständigt und den ganzen Länderbesitz der Romäer in Asien durch das Los unter sich verteilt. Der Karamane Alisurlos besetzte den größeren Teil des inneren Phrygiens und dazu die Gegend bis nach Philadelphia und bis in die nächste Nähe von Antiochia am Mäander, Sarchanes die Gegenden von dort bis Smyrm und die diesseitigen Küstengebiete von Ionien; die Umgebung von Magnesia. Priene und Ephesos hatte sich ein anderer Satrap, Sasan, nageeignet, das Land von Lydien und Kolien bis Mysien am Hellespont ein gewisser Kalamis und sein Sohn Karast, den Olymp und die bithynischen Landschaften Atman, die Gegend am Sangarios bis Paphlagonien hatten die Söhne des Ammrios innter sieh verteilt¹.

THE DESTRUCTION OF THE MATERIAL OF THE TOTAL CATEGORY OF THE PROPERTY OF THE P

Der «Karamane Allaurios» ist der Herrscher von Kjutahia (Kotyaon) Alischir, Sohn des Kermian, der um die Mitte des 13. Jahrhunderts anzusetzen ist: Sarchanes, der Stammvater der Saruchanogiu in Magnesia am Sipylos: Sasan wird nur hier und bei Pachymeres (II 589) sowie in einer zufällig erhaltenen Notiz (Canasomanus 1, 2091), als Eroberer von Ephesos genannt. Aiman ist natürlich Osman. Dagegen hat der Autor die Aidinogiu und die Mentescheogiu vergessen. Der um einige Dezennien ältere Pachymeres (1242—1310) nennt 2, 316 unter den Bedrängern der Romäer zur Zeit des Andronikos Palaeologos Asovinos kal Arsana, und an einer späteren Stelle (II 389), wo er das Vordringen der türkischen Horden in Bithynien, Mysien, Phrygien, Lydien und Kleinssien erwähnt, ruft er aus:

Das ist das Werk der Amorpio (Umur), Atminec (Ohman), Atminec (Allin), Ancrea (Alischir), Mantaxiai (Montesche), Canamhanacci(?), Analogo (Alneddin), Ambanana, Analogo (Conapha (Isfending) und Tagainai(?) und wie sonst ihre abscheulichen, verwünschten Namen lauten.

Wie an der ersten Stelle Assische mit Umur und Osman, so siehen hier die Umur mit den Osman und die Assich mit den Isfendiar und bei Gregoris n. a. O. Karamet. Osman und die Söhne des Umur zusammen. Es liegt daher nahe, zu vermuten, daß der Karamet des Gregoris identisch ist mit dem Assische (Assiche) des Pachymeres; vielleicht steckt darin der orientalische Name delle (Alemschäh) oder des (Kalemschäh, s. ihn Baioutah, Voy. ed. Darausenv II 281).

Duras S. 13 erwähnt, daß unter Andronikos, dem Paläologen, gleichzeitig mit dem Folle von Ephesos u. a. Magnesia nebst Pergamon und der ganzen Eparchie Mareach von Saruhan, ganz Phrygien von Kermian, -das undere Großphrygien (etera Povila Astan) aber von Assus bis an den Hellespont von Karasi erobert worden sei.

Wann die einzelnen Gebietsteile des alten Mysiens bzw. der späteren Landschuft Karusi-ell ("Land des Karusi") von den Scharen des Karusi besetzt worden sind, läßt sich nicht mehr feststellen.

Edremid, das Azzamytios, Atranyanos der späteren Byzantiner, und Assos haben sich ziemlich lange gehalten, mich nachdem sehon die ganze Küste den Türken in die Hände gefallen war.

Nach Adramyttion berief der Kaiser im Jahre 1283 eine Kirchenversammlung, um die ladermien Parteien der Arseniaten und Josephiten zu versöhnen (Pachymeres 2, 59; Nikeph. Gregoras 162, 166), und etwa um dieselbe Zeit kam der Seldschukide Melik Masur (vielmehr Mesud) dorthin, im sich die Unterstützung des Kaisers zu siehern (Pachymeres 2, 327f. 612); wenige Jahre später erfahren wir, daß der genuesische Herr von Phohia, Mannele Zaccaria (1275—1288), den Selantz der Stadt gegen die Türken übernommen hatte (Pachymeres 2, 557 f.). Assus war noch zu Anfang des 14. Jahrhunderts in Händen der Griechen, wurde aber dann von den Einwohnern geräumt, die nach Mytilene übersiedelten (Pachymeres II 437).

Von Kyzikos aus unternahmen im Jahre 1303 die Katalanen ihre siegreichen Vorstöße gegen die Türken, wodurch den Griechen der Besitz dieses Gebietes für einige Jahre gesichert wurde. Dorthin begah sich der Kaiser im Jahre 1328, um die Kapelle der Osomitüs von Hyrtakion (d. i. das alse Artake, heute Erdek) zu besuchen, hauptsächlich über um mit zen täc Osyriac kexonta Tamerkann ten ton Tuze tale kata ton Ermennton sünc nonenn einschenen ovene rinkdom bareinet zu verhandeln (Kuntakuzenes I 339).

Als Ibn Batuta etwa im Jahre 1330 Kleinasien bereiste, besuchte er in Bergama den Sultan Jachschi Khan und in Balikesri Demur Khan; von Balikesri sagt er, daß der Vater des Demur Khan diese Stadt wieder hergestellt habe: er meint Jachschi Khan.

Der Tamer Khan, Sohn des Jaxi, bei Kantakuzenes ist natürlich identisch mit dem Demur Khan, Sohn des Jachschi Khan, bei Din Batuta.

Nun nennt Kantakuzenos im späteren Teile semes Geschichtswerkes zwei Persönlichkeiten, die wir zumächst als Angehörige der
Karasidynastie anzusprechen geneigt sind, deren Existenz aber sich
nicht mit den Angaben der tärkischen Historiker vereinigen läßt. Il 65
(a. 1341) berichtet er, daß Sarahan, der Herr von Lydien, und Jachschl
(Fissäc) einen Streifzug gegen Thrakien vorbereiteten; des weiteren,
S. 09 ff., daß persische Streitkräfte, die nus Pergamon gekommen waren
äc Fissäc esträme äs, in den Thrakischen Chersones eingefallen waren.
Der Domestikos sehlug diese sowie eine zweite Schar, die ebendaher
stammte, so daß Jachschi sich zum Frieden bequemte.

Im Jahre 1343 (Moralt 1344) liefert Vatatzes dem Kantakuzen die festen Plätze des Chersones mit Ausnahme von Gallipoli und Hexamilion aus. Während der Kaiser sieh dort aufhielt, truf Suleiman τών κατά των Ατίαν επτραμών είς, mit ihm bei Agospotamoi zusammen und stellt ihm Reiter und Fußvolk (II, 476). Nikephoros Gregorus, der dieselben Ereignisse erzählt, erwähnt S. 741, daß Vatatzes über

bedeutende Streitkelifte nus Asien verfügte, in ik Teolac Ezetuköti nénomben o catelanic Covamian, rambede éni evratel ned Braxéoc avité katactée

Il 507 erzählt Kantakuzenes, daß seine Gegner (im Jahre 1345) den Sultan Orhan um Hilfe gegen ihn angegangen hätten sowie schon vorher, Соумман тол Карася Фругіас сатейник, daß aber beide es algelehnt hätten.

Es ist meines Erachtens völlig ausgeschlossen, daß die hier genannten, Jachschl und Suleiman, vom Sultan Orhan eingesetzte Beamte (Sandschakbege) sind: es sind vielmehr die letzten Ausläufer der Karasioglufamilie, wie es Kantakuzen in der zuletzt angeführten Stelle ausdrücklich sagt.

Wir leitten somit folgende Fürsten nachgewiesen:

- 1. Kalamschah (Kaname, Amicue),
- 2. Karusi Jaj Kapache.
- 3 Jackschi Khan (etwa 1330, residiert in Pergamon).
- 4. Demir Khan Tannexanus etwa 1330.
- Sufeiman (etwa a. 1345; Schwiegersohn des Vatatzes, verbündet mit Kantakuzenos).

Wie bereits bemerkt, stehen die durchaus zuverlässig klingenden Nachrichten der Byzantiner über die letzten Herrscher der Karasi-dynastie in unlösbarem Widerspruche mit den Angaben der osmanischen Geschichtschreiber, die übereinstimmend berichten, daß das Land Kacasi bereits im Jahre 735 oder 737 (1334 bzw. 1336) vom Sultan Orhan eingezogen sei.

Aschikpaschazade, der älteste bekannte Historiker, berichtet S. 33 meiner Handschrift, daß der Karasioglu Adschlan beg A. 34 bei seinem Tode zwei Söhne hinterließ, von denen einer, Tursun beg, am Hofe des Sultans Orhan lebte; die Bevölkerung verlangte diesen und sandte ihm Nachricht durch den Wesir Hadschi Elbegi. Darauf sprach Tursun beg zum Sultan: O mein Khan, ziehen wir in das Land; die Städte Balikesri, Hergama und Edremid mit allen Dependenzen sollen dir gehören, sehenke mir uur Kyzijldsche Tuzla und Mahram (d. l. Assus) und diese Gegenden. Darauf zog Orhan ans, eroberte Ulubat (Lopadium), Bilujüz (Gulioz) und Abulliont (am See von Apollonias); Kalamesturia, die griechische Herrscherin von Kermasti, und ihr Bruder Mihalidsch unterwarfen sich freiwillig; als der Sultan sich Balikesri näherte, flüchtete der Sohn des Adschlan beg von dort und sehloß sich in Bergama ein, wohin ihm der Sultan folgte. Tursun beg ging vor die Festung, um mit seinem Bruder zu reden:

da wurde er verschentlich durch einen Pfeilsehnft getötet. Da ergrimmte der Sultan und befahl, daß das Land fortan ihm gehören
sollte: die Bevölkerung unterwarf sieh, und man beließ den Timarioten
thre Lehen. Das geschah im Jahre 735 (1334/35). Kanzelgebet und
Münze gingen auf Sultan Orhan über; der Karasioglu zog mit Vertrag ab und wurde nach Brussa geschickt, wo er nach zwei Jahren
starb. Das Land des Karasi aber erhielt Suleiman Pascha, der älteste
Sohn des Sultans, zum Lehen Hiermit stimmt wörtlich die sog.
Haniwaldsche Chronik in Leunclavius, Hist. Musuhm Turcorum (Frankfurt 1591) S. 196 ff. überein'; die übrigen Geschichtschreiber:

Sendendin I 47: Munedjimbaschi III 36 und 288; 'Ali, künh elahbar, V 43: 451. Hadschi Khalfa, Dschihannuma, 66:

wissen auch im Grunde nicht mehr zu berichten, obwohl sie zum Teil sehr viel ausführlicher sind, namentlich Seadeddin, der die Geschichte pragmatisch zu gestalten versucht. Daß sie alle auf eine einzige Quelle zurückgehen, die in ihrer ursprünglichsten Form bei Aschikpaschazade vorliegt, beweist der Umstand, daß keiner von ihnen den Namen des älteren Eruders des Tursunbeg anzugeben vermag. Wenn sie bald 7.35, bald 7.37 H. als Datum der Eroberung angeben, so mag betzteres vielleicht das Datum des Todes des letzten Karasioglu sein, der, wie Aschikpaschazade sagt, das Ende seiner Herrschaft noch zwei Jahre überlebt hat.

Nun ist es sehr auffällig, daß der Saltan Orban in seinem Schreiben an den Fürsten von Dsehmik vom i Moharrem 741 = 27. Juni 1340 (in Feridans Sammlung I. S. 76 der ersten Ausgabe), in dem über die Eroberung von Ulubad berichtet wird, mit keiner Silbe die Einziehung des Landes Karasi erwähnt. Das ist, nur dann erklärlich, wenn dies Ereignis damals überhaupt noch nicht stattgefunden hatte. Wir werden wohl nicht in der Annahme fehlgehen, daß Sultan Orban im Jahre 737 nur die paar griechischen Enklaven am See von Apollonius (Lopadium, Apollonius, Kirmusil, Mihalitsch), welche sein

Die Ortsnamen eind bei Leundavies mit wentgen Ausnahmen bis ein Unkenntlichkeit verstümmelt; v. Hauers, Osm. Gesch. Late, belanguet, daß er aus Aschikpaschwade schüpft, was tatsächlich unrichtig ist; er meint wahrscheinlich Neschri.

^{*} Nur Kantzen, Gesch des Oam Reichs (Hamlung 1745); S. 37, nemnt ihre Kanten; glücklicherwebse können wir noch die Quelle dieser Angabe nachweisen; es sind ihre Worte die Scadeddin (F47 des Druckes):

تجلال بك وقات الد وب ... خوك اوغلى قائم مقام بدر .. اوليجق (4. L. als Adachlan beg gesturben und sein ültwer Salm an seine Stelle getroten war usw.). in denen Kannama des Wort قاسم ما قائم verlesen hat.

Gebiet von dem der Karnsinglu treunten, eroberte, und erst melicere Jahre später — etwa 1345 — leizteres selber eingezogen hat. In der Überlieferung der Osmanen sind dann beide Begebenheiten ehronologisch verschmolzen worden.

Münzen der Karasifülesten sind bisher nicht zutage gekommen, ebensowenig Inschriften, wenn nicht noch solche in Balikesri oder sonstwo sich erhalten linben; in Bergama ist eine kleine Moschee (die sog. Arabdjamissi), die anscheinend aus vorosmanischer Zeit stammt

Nach Munedschimbaschi 3, 36 umfaßte das Gebiet der Karasiogia

Digende Stadte:

Balikeari (Residenz), Edindschik, Mamas, Bergama, Edremid, Kemer Edremid, Bunarhissar, Ivrindi, Ajasmend, Righaditsch, Mandahoria, Syndirghl, Gördes, Demiedschi, Kyzyldscha Tuzla, Basch Kelembe.

Aus Aschikpascharades Erzählung ist noch hinzuzufügen Mahram (das ist Assus, hente Behramköi) sowie aus der Quelle von Hammers (Osm. Gesch. I, 111) Tarhala, das ist Soma'.

Lachala bei Soma war imsprünglich Sitz des Kadis des Instrikts von Soma; piter aber wurde die Verwaltung nach Soma verlogt, und Tachala geriet in Vergessenheit (Dillmanumi S. 056, 659, 673).



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DESCRI

11.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

12. Januar. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. WALDEYER.

1. Hr. Hanner las fiber die Genauigkeit der Dimensionen

des Havronn'schen Erdellipsoids.

Die Landesvermessung der Vereinigten Stuaten vom America hat in dem letzten Jahrzehot thre ausgedehnten breiecksmessungen rusammungefasit und mit Hülfe zahlreinher astronomischer Ortabestimmungen zu einer Neubestimmung des Erdellipsoids benutzt. Zum ersten Male wurden dabei an die beobachteten astronomischen Werthe Verbessutungen mach Masssgabe der Paar schen Gleichierwichtstheorie der Erdkruste angebracht, um den Einflüssen der continentalen Febalung und der Gebirge Rechnung an wagen and zo möglichet memalen Werthen für das Erdellipsoid zu gelangen. Der günstige Erfolg spiegelt sich in der grossen Gennnigkeit der Ergebnisse wieder, obwohl dieselbe our halb so gross ist, als der Leiter der Arbeiten annimmt.

2. Hr. FRORENIES trug eine Arbeit vor: Über den Rang einer

Matrix:

Über den Räng einer zusammengesetzten Matrix werden eine Reihe von Sätten entwickelt, die dazo bematzt werden, den Rung einer Function einer Matrix zu berechnen und seine Beziehung zu den Exponenten der Elementartheiler ihrer charakteristischen Determinante to entwickeln.

3. Hr. Onva legte eine Abhandlung der HH. Prof. J. Morsenborn and Dr. L. HALBERSTAEDER in Berlin vor: Cher die Beeinflussung der experimentellen Trypanosomeninfection durch Chinin

and Chininderivate.

Hier wird im Amehluss an eine früher vorgelegte Mitthellung der Nachweis orbrucht, dass das Hydrochinin bei gleicher Giftigkeit nine erhehlich böhere Wirksamkelt gegen die Teypanosomen bestizt als des Chinin. Was für die Trypanosomen gilt, wird wold such für die Malariaparasiten gelten, und so darf jetzt der Zeitpunkt als gekommen erachtet werden, wo mit Versachen zur Behandlung der Malaria mit Hydrochinin begonnen werden milite.

4. Hr. HERTWIG überreichte die 4. Auflage seines Werkes: Die Elemente der Entwicklungslehre des Menschen und der Wirbeltiere. Jens 1910.

Über die Genauigkeit der Dimensionen des Hayfordschen Erdellipsoids.

Von F. R. HELMERT.

L

Die Vermessungsbehörde der Vereinigten Staaten von Amerika, die Const and Geodelie Survey in Washington, die unter der ausgezeichneten Leitung des Hen. O. H. Tittmann steht, hat im Jahre 1909 ein vom Vorsteher des Rechnungswesens, Hrn. John F. Hayronn, verfaßtes Werkunter dem Titel «The Figure of the Earth and Isosiasy from Measurements in the United States» veröffentlicht, worin zum ersten Male bei der Ableitung der mathematischen Erdfigur eine Reduktion der Beobachtungen mach der Hypothese von Pratt durchgeführt wird (vgl. hierzu meine Abhandlung in den Sitzungsberichten von 1909, S. 1192—1198).

Im Jahre 1910 ist von demselben Verfasser eine Ergänzung erschienen: «Supplementary Investigation in 1909 of the Figure of the Earth and Isostasy», worin die Untersuchung mit einem bedeutend reicheren Beobachtungsmaterial wiederholt wird.

Endlich wurde im 1. Teile der «Verhandlungen der Internationalen Erdmessung in London und Cambridge 1909» S. 365 ff. von Havrond der Nachweis geliefert, daß auch die Abweichungen der in den Vereinigten Staaten von Amerika beobachteten Werte der Intensität der Schwerkraft von der Normalformel im großen und ganzen der Isostosie gut entsprechen.

Die Berechnung der Erddimensionen erfolgte für 3 Werte der Tiefe der Ausgleichsfläche füber welcher die Dichtigkeit der festen Erdkruste als in jeder Vertikalen für sieh als konstant augenommen wird). Es sind die Werte in Kilometern: 162:2, 120:9 und 113:7-Zu jedem derselben gehört eine Fehlerquadratsumme der Beobachtungsgleichungen, die hinsichtlich der geodätischen Unbekannten ein Minimum ist. Durch ein interpolatorisches Verfahren finden sich dann aus den drei behandelten Fällen die günstigsten Werte, für welche die Fehlerquadratsumme nun auch noch hinsichtlich der Tiefe der Ausgleichsfläche ein Minimum ist. Wie sehon in meiner obenerwähnten

Abhandlung bemerkt wurde, stimmt dieses Ergebnis mit dem aus Schwerestörungen abgeleiteten bis auf wenige Kilometer überein; obwohl beide Bestimmungen auf einige Zehner von Kilometern unsieher sind und man daher auf einen größeren Unterschied gefäßt sein mußte.

Für den von mir aus den Schwerestörungen an den Küsten abgeleiteten Wert der Tiefe T der Ausgleichsfläche konnte ich die Unsicherheit durch Berechnung des mittleren Fehlers nach den gewöhn-Uchen Regeln der Ausgleichungsrechnung ableiten.

Bei der amerikanischen Ableitung liegt die Sache anders, weil die Tiefe T nicht in den Fehlergleichungen auftritt. Da num hier die übliche Methode versagt, so wird der Weg eingeschlagen, für mehrere regionale Gruppen der übrigbleibenden Fehler die günstigste Tiefe T abzuleiten. In der zweiten Abhandlung sind es 14 Gruppen. Aus der Betrachtung dieser Werte: wird dann in nicht näher erläuterter Weise der Schluß gezogen, daß in den Vereinigten Staaten die Tiefe der Ausgleichsfläche zwischen 100 und 140 km enthalten sei, bei 122 km als wahrscheinlichstem Wert (1919, S. 58).

So schätzenswert diese Betrachtung hansichtlich des Erkennens systematischer Einflüsse ist (wie ja überhaupt die beiden Abhandlungen noch reich an anderen Betrachtungen sind, die dem gleichen Zwecke, insbesondere auch der Prüfung der Zulässigkeit der Annahme gleichmäßiger Kompensation dienen), so drangt sich doch unwillkürlich dem Leser die Frage auf, ob man nicht aus dem vorliegenden Zahlenmaterial in einfacher Weise auch das Gewicht für die Unbekannte T entsprechend den üblichen Voraussetzungen der Methode der kleinsten Quadrate herleiten könne

Wie man dieses Gewicht nach den bekannten Regein zu beatimmen hatte, wenn man keine Mühe zu scheuen brauchte, ist von vornherein klar. Man hätte nämlich in die Fehlergleichungen noch je ein Glied aufzunehmen, welches als Unbekannte eine Verbesserung △T eines Näherungswertes T. mit dem die isostatischen Verbesserungen der Lorabweichungen bereehnet zu denken sind, enthielte. Als Koeffizienten einer sehr kleinen Verbesserung ΔT treten dabei die Differentialquotienten der bezüglichen Verbesserungen der Lotabweichungen nach T auf. Diese Koeffizienten waren also zu berechnen.

Es ist aber nicht nötig, diese mülesame Rechnung auszufähren, indem das schon vorliegende Rechnungsmaterial auch zur Gewichtsbestimming von T ausreicht.

Da die Lösung dieser Aufgabe vielleicht noch in anderen Fällen der Anwendung der Ausgleichsrechnung nach der Methode der kleinen Quadrate von Bedeutung werden kann, so soll sie hier vorgeführt werden, zugleich mit einer Anwendung auf den besprochenen Fall.

2.

Die Anzahl der Unbekannten ist im smerikanischen Problem bei der zweiten Abhandlung gleich 6, nämlich 2 Lotabweichungskomponenten im gewählten Nullpunkt der Vermessung, eine Orientierungskonstante. 2 Parameter des Erdellipsoids und die Tiefe der Ausgleichsühliche. (Bei der ersten Abhandlung kommen 2 Orientierungskonstanten vor: die Anzahl der Unbekannten ist somit 7.) Zur Ableitung der Formeln genügt es hier, nur 3 Unbekannte anzuschreiben. x, y und z seien kleine Verbesserungen von Nüberungswerten derselben, so daß die Fehlergleichungen lineare Form annehmen. Die Gewichte dieser Gleichungen können wir der Einfachbeit halber zu 1 voraussetzen.

Würde nun in üblicher Weise mit Fehlergleichungen gerechnet werden, die alle 3 Unbekannten enthielten, so sollen die günstigsten Werte der Unbekannten x_n , y_n und z_n sein.

Die Fehlergleichungen lauten etwa:

$$\lambda_i = -1 + a_i x_i + b_i y_a + v_i z_a \qquad i = 1 \dots n. \quad (1)$$

Die l_i sind hierbei die Unterschiede Beobachtung—Rechnung mit den Nüherungswerten der Unbekannten. x_i, y_i, z_i müssen somit als kleine Verbesserungen dieser Näherungswerte verstanden werden.

Die Normalgleichungen sind für [\(\lambda\lambda\)] ein Minimum:

$$\begin{aligned} [a\lambda] &= o \text{ oder } [al] = [aa]z_s + [ab]y_s + [ae]z_s \\ [b\lambda] &= o & [bl] = [ab]x_s + [bb]y_s + [be]z_s \\ [c\lambda] &= o & [cl] = [ac]x_s + [bc]y_s + [cc]z_c \end{aligned}$$
 (2)

Die reduzierten Normalgleichungen werden:

$$\begin{aligned} [al] &= [aa]z_e + [ab]y_e + [aw]z_e \\ [bl \cdot i] &= [bb \cdot i]y_e + [bc \cdot i]z_e \\ [cl \cdot z] &= [cw \cdot z]z_e. \end{aligned}$$

Das Gewicht ist nun für die Unbekannte z. bekanntlich gleich [co.2].

Wird bei Aufstellung der Fehlergleichungen das Glied c,z weggelassen, also der Näherungswert der 3. Unbekannten nicht verbessert, so ergeben sich anstatt der λ und der Werte der Unbekannten x, und y_a etwa die Größen c, und $x, \pm \xi$, $y, \pm \varepsilon$. Der Allgemeinheit wegen nehmen wir an, daß nunmehr bei Bildung der Unterschiede Beobachtung—Rechnung für die 3. Unbekannte ein Wert eingeführt worden sei, der einer Verbesserung z des zu den ℓ , gehörigen Näherungswertes dieser Unbekannten entspricht. In den Fehlergleichungen

$$v_i = -l_i' + a_i x + b_i y \tag{4}$$

oder

$$v_i = -l_i' + a_i(x_i + \xi_i) + b_i(y_i + x_i)$$
 (4*)

ist dann mit Rücksicht auf die Beziehung / = Beobachtung-Rechnung, indem die Rechnungswerte um ca zugenommen haben:

$$I_i = I_i - r_i(s, +C). \tag{5}$$

werm noch == z,+ E gesetzt wird.

Hieraus folgt

$$a_i = \lambda_i + a_i \xi + b_i x + c_i \xi$$
 $i = c_i \cdot x$. (6)

Bildet man nun jetzt die Summen [va], [vb] und [vc], deren beide ersten bei der Ausgleichung nach x und y mit Festhaltung von z gleich Null gesetzt werden, so folgt

$$\phi = [aa]\xi + [ab]u + |ac|\zeta$$

$$\phi = [ab]\xi + [bb]u + [bo]\zeta$$

$$[ce] = [ae]\xi + [be]u + [ce]\zeta$$
(7)

und hieraus nach dem bekannten Verfahren des Ubergungs zu den reduzierten Normalgleichungen:

$$\begin{aligned}
\alpha &= [sa]\xi + [ab]\eta + [ac]\zeta \\
\phi &= [bb \cdot 1]\eta + [bc]\zeta \\
[ac] &= [ac \cdot 2]\zeta
\end{aligned} (8)$$

Nun erhält man aber uns den Fehlergleichungen v.:

[v] = []

and

 $[vv] = [\lambda\lambda] + [vc]^{\top}$.

Es ist also

$$[vv] = [\lambda\lambda] + [cc \cdot z]C^2, \qquad (9)$$

oder mit Wiedereinführung von $\zeta = z - z_s$ aus $z = z_s + \zeta$:

$$[m] = |[\lambda\lambda] + [m \cdot z]z^2| - 2z [m \cdot z]z + [m \cdot z]z^2$$
. (10)

Hat man für 3 Werte der letzten Unbekannten z die Quadratsumme [nv] auf Grand der Ausgleichung der anderen Unbekannten
gehildet, also ausgehend von den Fehlergleichungen (4), wobei die
4 in den 3 Fällen entsprechend der Wahl von z verschiedene Werte
annehmen, so kann man aus den 3 Werten von [vv] mittels des Ausdrucks (10) die Größen [hh], z. und [co-2] berechnen, d. h. die minimale Fehlerquadratsumme, den sichersten Wert von z und sein Gewicht-

Um dies auszuführen, schreiben wir:

$$[vv] = S - Uz + Pz^* \tag{11}$$

milt

$$S = \{\lambda \lambda\} + \{\alpha \cdot 2\}z_1^1, \quad U = 2z_1[\alpha \cdot 2], \quad P = \{\alpha \cdot 2\}; \quad (12)$$

Entsprechend den 3 Annahmen für 2 sind 3 Gleichungen gegeben, welche aus (10) folgen:

$$\begin{aligned} [vv]_i &= S - Uz_i + Pz_i^* = s_i \\ [vv]_i &= S - Uz_i + Pz_i^* = s_i \\ [vv]_i &= S - Uz_i + Pz_i^* = s_i . \end{aligned}$$
 (13)

Hierin sollen die s lediglich zur Abkürzung der Schreibweise für [vv]
dienen. Aus (13) ergibt sich:

$$P = -\frac{s_i(z_i - z_i) + s_i(z_i - z_i) + s_i(z_i - z_i)}{(z_i - z_i)(z_i - z_i)(z_i - z_i)}, \quad (14)$$

$$U = -\frac{s_i(z_i^* - z_i^*) + s_i(z_i^* - z_i^*) + s_i(z_i^* - z_i^*)}{(z_i - z_i)(z_i - z_i)(z_i - z_i)}. \tag{15}$$

S wird man zur Kontrolle aus allen 3 Gleichungen (13) ableiten. In den Ausdrücken für P und U kann man augenscheinlich die s um dieselbe beliebige Größe vermindern, was zur Erleichterung der Rechnung dient.

Endlich ist:
$$z_i = U(zP)$$
 (16)

mit dem Gewicht P nach (14) und der Fehlerquadratsumme

$$[\lambda\lambda] = S - Pz_{\nu}^{*}. \tag{17}$$

Die Formeln (13) bis (17) gelten für jede Anzahl von Unbekannten, wie leicht zu ersehen ist. Sie gelten also auch für das amerikanische Problem; nur ist unter z die Tiefe der Ausgleichsfläche T zu versiehen.

3.

Die vorliegenden umerikanischen Zahlenwerte sind folgende, wobei sich I auf das Altere Material mit n=507 und 7 Unbekannten (1909, S. 114) und III auf das gesamte Material mit n=733 und 6 Unbekannten (1910, S. 54) bezieht:

$$T = 162.2$$
 $z_1 = 18.5$ $s_1 = 8220$ 10297 120.9 $s_2 = 7.2$ $s_3 = 8020$ 10063 113.7 $s_4 = 6$ $s_5 = 8013$ 10077 .

Die Formeln (14) his (17) geben hierzu:

$$P = 0.0798$$
 0.1569
 $V = -0.3976$ +3.074
 $z_0 = -2.49$ +9.80
 $T_0 = 111.2$ 123.5
 $|\lambda\rangle| = 8013$ 10062.

Die plausibelsten Werte T, der Tiefe der Ausgleichsfläche und ihre mittleren Fehler werden hiernach in Kilometern:

I.
$$T_s = 111.2 \pm \sqrt{\frac{8013}{500 \cdot 0.0798}}$$
, d. i. ± 14.2 ,
III. $T_s = 123.5 \pm \sqrt{\frac{10062}{727 \cdot 0.1569}}$, d. i. ± 9.4 .

Bei Anniduze des Gauszschen Fehlergesetzes werden also die wahrscheinlichen Fehler bzw. \pm 9.6 und \pm 6.3 km.

Die von Havron abgeleiteten Werte T_n sind ein wenig anders: sie lauten $T_n=113.0$ im l. Falle (1909, S. 146) und $T_n=122.2$ im

III. Falle (1910, S. 54).

Die Ursache der Unterschiede ist hauptsächlich der Umstand, daß innerhalb des Intervalls der Werte T=113.7 bis 162.2 die Änderung der Größen l' nicht genau proportional ist der Änderung von T_1 mithin der bei der Entwicklung der Formeln vorausgesetzte lineare Zusammenhang zwischen l' und z_i vgl. (5), nicht streng vorhanden ist. Harrons findet im allgemeinen Proportionalität zu log T_1 doch dürfte unsere Annahme für die vorliegenden Beobachtungen wohl günstiger sein.

Man kann dies in Ermangelung der Angaben für die einzelnen l'
mittels der numerischen Glieder der Normalgleichungen prüfen, deren
Werte für die 3 Tiefen 162.2, 120.0 und 113.7 in den beiden Abhandlungen mitgeteilt sind. Da diese numerischen Glieder den Summen
[al'] und [bl'] in der vorn gegebenen Entwicklung entsprechen, so
müssen bei linearem Zusammenhang z. R die Unterschiede von [al']
für die 3 Fälle den Unterschieden der bezüglichen Werte von T proportional sein:

 $[al']_{ats} - [al']_{res} : [al']_{res} - [al']_{res} = 162.2 - 120.9 : 120.9 - 113.7, \\ d. l. 5.7.$

Die Zahl 5.7 kommt nun wenigstens im Mittel für die verschiedenen Normalgleichungen nahezu aus deren numerischen Gliedern heraus. Addiert man die Absolutwerte der Unterschiede für die 6 Normalgleichungen nach 8. 105 der Abhandlung von 1909, so folgt als Quotient 6.0 austatt 5.7; nach 8. 39 der Abhandlung von 1910 ergibt sieh ferner aus den 5 Normalgleichungen daselbst in gleicher Weise 5.8 austatt 5.7.

Bennizt man aber an Stelle von T die log T als abhängige Variable, so hat man für die 3 Tiefen die Werte der Logarithmen gleich 2,2101, 2,0824 und 2,0558. Die Unterschiede 2,2101—2,0824 und 2,0824—2,0558 geben als Quotienten 4.8. Das ist stark abweichend.

Nichtsdestoweniger wollen wir doch noch die Rechnungsergebnisse nach unsern Formeln mitteilen, wenn dabei $\log T$ als letzte Unbekannte eingeführt wird. Es findet sich:

1.
$$T_c = 113.1 \pm 11.4 \text{ m} \cdot \text{F} \quad \text{ond} \, \pm 7.7 \text{ w} \cdot \text{F}.$$

III. $T_c = 122.0 \pm 8.5 \text{ m} \cdot \text{F}. \quad \text{and} \, \pm 5.7 \text{ w} \cdot \text{F}.$

(10)

Diese Werte für T. entsprechen den amerikanischen Ergebnissen bis auf die ganz unerheblichen Unterschiede von o.1 bzw. o.2 km. Sie weichen von den Ergebnissen (18) allerdings um 1.9 bzw. 1.5 km ab; doch ist dies mit Rücksicht auf die Unsicherheit nicht von Bedeutung.

Was die berechneten Unsicherheiten anlangt, so glaube ich, die Angaben (18) den Angaben (19) vorziehen zu sollen.

Wie Harrom selbst bemerkt, sind übrigens die nach der M. d. kl. Qu. berechneten Unsieberheiten zu klein, da die übrigbleibenden Fehler einen systematischen Charakter haben (1910, S. 54). Durchschnittlich bilden in einer reihenweise erfolgten Zusammenstellung der Ausgleichareste (1910, S. 41—54) etwa 5 geographische Nachbarwerte eine Vorzeichengruppe, wührend für zufällige Fehler 2 zu rechnen sind.

Man könnte dementsprechend vermutungsweise die mittleren Fehler im Verhältnis V2: V5 vergrößern, d. h. um etwa die Hälfte thres Betrags.

Um aber eine sicherere Grundlage für dieses Vorgehen zu haben. Iteß ich auf Grund der ebenerwähnten Übersicht der Ausgleichsreste der 7,33 Gleichungen, die in der 2. Abhandlung gegeben sind, eine kleine Rechnung anstellen. Diese Reste sind hier, wie bemerkt, reihenweise aufgeführt, so daß immer geographische Nachbarwerte einander folgen. Nun wurden je 5 einander folgende addiert, erwa so (wenn die Nummern von 1 ab der Reihe nach angenommen werden): 1 bis 5, 6 bis 10, 11 bis 15 usw.: dann noch 3 bis 7, 8 bis 12 usw. oder 2 bis 6, 7 bis 11 usw.

Das mittlere Quadrat von 5 Nachbarwerten bei den Breiten und Längen ergab sich so zu 124.8, während das Fünffache des mittleren Quadrats der Einzelwerte nur 55.5 beträgt.

Für alle Reste, also die Azimute eingeschlossen, folgt ebenso 137:8 bzw. 68.7.

Im ersten Falle zeigt sich eine Vergrößerung der Quadrate aufs z.z3-fache, im zweiten eine solche aufs z-fache. Die ersten Potenzen steigen demgemäß aufs 1.5- bzw. 1.4-fache. Letztere Zähl ist wohl weniger maßgebend, weil bei den Azimuten die Messungsfehler einen hervorragenden Einfluß außern.

Aus dieser Berechnung geht samit hervor, daß man bei Festhaltung der tiewichte der aus der Ausgleichung folgenden Werte der Unbekannten wegen der systematischen Einflüsse eine Vergrößerung des mittleren Fehlers der Gewichtseinheit um erwa die Hälfte eintreten lassen muß.

Wahrscheinlich ist dies noch nicht ganz ausreichend, weil die benachbarten astronomischen Stationen sich nicht nur, wie hei vorstehender Betrachtung vorausgesetzt is), zu Linienzügen gruppleren, sondern in mehreren Fällen eine flächenförmige Ausbreitung annehmen Dadurch erhöht sich der Einduß der systematischen Fehler. Indessen ist es kaum durchführbar, dies zahlenmäßig zu präzisieren. Auch ist dem erwähnten Umstande immerhin teilweise bei der Bildung der Linienzüge Rechnung getragen. Ich nehme daber die Vergrößerung der nach der Theorie zufälliger Fehler berechneten mittleren Unsieherheiten um 50 Prozent als genügend (wenigstens nicht als übertrieben groß) an.

Geschicht dies, so wird in (18) III der m. F. ± (4), der w. F.

±0 km cunil.

Das Ergebnis $T_a=123.5\pm14$ m. F. erscheint trotz der Vergrößerung des mittleren Fehlers noch immer genauer als der von mir im Vorjahre aus den Schwereanomalien an den Küsten abgeleitete Wert, nämlich auf dieselbe Dichtigkeit der Erdkruste reduziert wie bei dem amerikanischen Ergebnis: $T_a=124\pm22$ m. F.

Da jedoch das amerikanische Ergebnis nur auf Beobachtungen aus dem Bereich der Vereinigten Staaten von Amerika beruht, so dürften beide Ergebnisse als annähernd gleich genau zu erachten sein.

4.

Die Unsicherheit in der Kenntnis von T wirkt selbstverständlich vergrößernd auf die Unsicherheit der anderen Unbekannten. Havronn hat bei der Angabe der wahrscheinlichen Fehler der aus der Ausgleichung hervorgehenden Werte für die Unbekannten und also auch derjenigen für die Aquatorialhalbachse und die Abplattung des Erdellipseich keine Rücksicht bierauf genommen. Man kann aber diesem Umstand leicht Rechnung tragen, da aus den beiden Abhandlungen hervorgeht, wie sich beide Größen mit T ändern.

Die erforderliche Formel habe ich als Beispiel für die Theorie aquivalenter Beobschtungen bereits früher entwickelt. Daraus kann

man folgende Beziehung berleiten:

Die Ausgieichungssechnung unch der Methode der kleinsten Quadrate. z. Aufl.

$$\mu_{i}^{*} = \mu_{i}^{*} + \frac{\hat{\beta}^{*}}{\frac{1}{\mu_{T}^{*}} + \frac{1}{\mu_{T}^{*}}}.$$
 (20)

Hierin bedeuben μ_T^* und μ_T^* das mittlere Fehlerquadrat von T aus der Ausgleichung sowie aus einer etwa noch vorhandenen andern, unabhängigen Bestimmung, μ_t^* das mittlere Fehlerquadrat einer der underen durch die Ausgleichung bei festem Werte von T bestimmten Unbekannten und μ_t^* das mittlere Fehlerquadrat, wie es sieh mit Rücksicht auf die Ungenauigkeit von T für diese Unbekannte ergibt. Es wird also angenommen, daß aus beiden Bestimmungen von T ein Mittelwert nach Maßgabe der mittleren Fehler gebildet und zur Berechnung der plausibelsien Werte der andern Unbekannten bemutzt sei.

Der Koeffizient β ist für irgendeine derselben, etwa y, aus der Beziehung $\Delta y = \beta \Delta T$ zu entnehmen.

Hayrond halt in der z. Abhandlung (1910. \sim 39 u. 54) aus praktischen Gründen an dem Werte T=120.9 km fest, der dem plausibelsten jedenfiells bis auf wenige Kilometer nahe liegt, und den wir also betrachten als gemeinsames Ergebnis aus Hayronds Untersuchung und aus der meinigen mittels der Schweremessungen. Die Werte für und μ_T sind nahezu wie für die plausibelsten Werte von T bzw. ± 14 und ± 22 , wenn wir beim ersten Wert von der Vergrößerung um die Hälfte wegen systematischer Einflüsse Gebrauch machen. Die geringe Abweichung des angenommenen Wertes von T gegen die plausibelsten ändert nichts Merkliches an den mittleren Fehlern

 $\mathcal{E}=2.53$ für die Äquatorialhalbachse, da nach der 2. Abhandlung, 8.39, zu $\Delta T=48.5$ km eine Zunahme von 123 m gehört. Zugleich ist mit der Vergrößerung um die Hälfte $\mu_i=\pm 39$ m (entsprechend dem von Havronn angegebenen wahrscheinlichen Fehler von ± 18 m und auf Grund einer Nachrechnung ans den Normalgleichungen). Demgemäß folgt aus (20) der mittlere Fehler des plausibelsten Wertes der Äquatorialhalbachse gleich ± 49 m.

Da zu T=120.9 als Wert der Halbachse 6378388 m gehört, und die plausibelste Annahme für T einige Einheiten größer ist, so müßte auch als plausibelster Wert der Halbachse ein um einige Meter größerer Wert angenommen werden. Diese Veränderung ist aber als amerheblich anzusehen; wir vernachlässigen sie mit Havroan und setzen als Ergebnis für die Vereinigten Staaten von Amerika un:

Sieht man bei der Berechnung des Einflusses der Unsicherheit des Wertes $T=\pm 20.0$ km von seiner Bestätigung durch die Schwere-

messungen ab, berücksichtigt also nur seine Bestimmung aus den Lotabweichungen in den Vereinigten Staaten von Amerika, so fällt in Formel (20) das Glied 1 fort, und es findet sich anstatt (21) das Ergebnis:

Für die Abplattung der Meridianellipse folgt in gleicher Weise bei beiden Berechnungsarten der Unsicherheit:

Zumächst ist hierbei fürs Quadrut der numerischen Exzentrizität

$$\hat{n} = 0.00000035$$
 and $n_c = \pm 0.0000253$, damit $n_c = \pm 0.0000256$ bzw. 257 nsw.

In den in (21) bzw. (21*) und (22) angegebenen Unsieherheiten sind noch nicht alle Fehlerquellen berücksichtigt. Bei der Aquatorial-halbachse zumal kann noch ein konstinter Fehler der Längeneinheit sowie die Hähenahweichung des Geoids vom Ellipsoid einen merklichen Einfinß erlangen. Indessen treten doch diese Einflüsse gegen die berücksichtigten weit zurück, so dab wir sie hier nicht weiter betrachten wollen, da sie die angegebenen mittleren Fehler nur um wenige Meter vergrößern würden.

Wenn wir die Ergebnisse der Untersuchung von Havrond nun meh etwas weniger genau finden, als die amerikanische Abhandlung 1910 angibt, so bleiben sie doch jedenfalls noch so genau, daß ihre große Bedeutung für die Erkenatnis der Größe und Gestalt der Erde dadurch nicht beeinträchtigt wird.

Über den Rang einer Matrix

Von G. FROBENIUS.

Die Reduktion einer Schar von bilinearen Formen auf die Normalform von Weierstrass hat Engan Were in seiner Abhandlung Zur
Theorie der bilinearen Formen, Monatsberichte für Mathematik und Physik.

7. Jahrgang, mit Hilfe der Matrizeurschnung ausgeführt. Die invarianten
Zahlen, von denen die Normalform abhängt, hat er, ebenso wie Weierstrass, aber auf einem ganz anderen Wege, direkt definiert, nicht, wie
Camille Johnas oder Stiekelbeiger, ihre Bedeutung aus der Normalform nachträglich abgelesen.

Die Grundlage seiner Arbeit bildet außer der Formel von Synvestes

die Beziehung

worin på den Rang der Matrix uten Grades A bezeichnet. Beide Formeln sind enthalten in der Ungleichheit

die sich, chenso wie (2.), ohne weiteres aus dem Satze von Weve (S. 15) ergibt:

I. Wenn die Spalte z die Lösungen der Gleichung ABz = 0 durchläuft, so stellt Bz genau $z_{\theta} - z_{\theta,0}$ linear unabhängige Spalten dur.

Die neue Ungleichheit (3.) kann auf die schärfere Form

$$(4.) \qquad \qquad \rho_{ABC} - \rho_{AB} - \rho_{BC} + \rho_{B} = \rho_{ABB} \qquad (LBC = ABN = 0)$$

gebracht werden, worin L und N vollständige Lösungen der Gleichungen LBC=0 und ABN=0 sind. Setzt man darin A=0, N=E oder C=0, L=E, so erhält man

Ersetzt man aber A, B, C durch A, E, B, so findet man

$$(\beta_s) \qquad \qquad \varepsilon_s + \varepsilon_\theta - \rho_{AB} = n - \varepsilon_{AB} \qquad \qquad (AM = LB = 0),$$

worin L und M vollständige Lösungen der Gleichungen AM=0 und LB=0 sind, oder in mehr symmetrischer Form

$$(7.) \qquad \rho_A - \rho_{AB} = \rho_L - \rho_{AB}, \qquad \rho_B - \rho_{AB} = \rho_B - \rho_{AB}.$$

Sei A eine Matrix von verschwindender Determinante, und ε , der Rang von A^* . Ersetzt man nun A, B, C in (3:) durch A, A^{-1} , A, so erhält man die Ungleichheit

Es sind also nicht nur die ersten, sondern auch die zweiten Differenzen der Rangzahlen $\rho_0 (=n), \bar{\rho}_1, \bar{\rho}_2, \cdots$ positiv. Ein besonderes Interesse gewinnt diese Beziehung dadurch, daß ihre linke Seite die Anzahl der Elementarteiler der Determinante |sE-A| ist, die gleich sind (vgl. Schursworn. Hondbach der Theorie der linearen Differentialgleichungen Bd. I.S. 127). Daher gilt der Satz:

II. Die Anzahl der Elementwierler der Determinante |sE-A|, die gleich s^* sind, ist gleich dem Range der Matrix $PA^{*-1}Q$, falls P und Q vollständige Lösungen der Gleichungen $PA^*=0$ und $A^*Q=0$ bedeuten.

Insbesondere ist die Anzahl ihrer für s=0 verschwindenden linearen Elementarteiler gleich dem Ränge der Matrix PQ, wo P und Q vollständige Lösungen der Gleichungen PA=0 und AQ=0 sind. Diesen Satz hat schon Sticktunnarn gefunden, und seinen Beweis labe ich in meiner Arbeit Über die prinzipale Transformation der Thetafunktionen mehverer Variabeln, Creanes Journ. Bd. 95 S. 267 wiedergegeben.

Setzt man

$$(9.) \qquad \qquad p_{n-1}-p_n=\lambda_n.$$

so ist

$$\lambda_1 \ge \lambda_2 \ge \dots \ge \lambda_n > 0$$
.

und $\lambda_{n}-\lambda_{n+1}$ ist die Anzahl der Elementarteiler von |sE-A|, die gleich s^{n} sind, demnach λ_{n} die Anzahl derjenigen, deren Exponent $\geq s$ ist. Enthält der größte gemeinsame Teiler der Unterdeterminanten des Grades $n-\lambda$ von |sE-A| den Faktor s in der Potenz δ_{n} , und setzt man

$$(10) \qquad \qquad b_{n-1}-b_n=x_1$$

so sind

die inturianien Exponenten jener Elementarteiler, und

$$0=\kappa_1+\kappa_2+\cdots+\kappa_n=\lambda_1+\lambda_2+\cdots+\lambda_n$$

ist der Exponent der in |sE-A| enthaltenen Potenz von s. Dann ist auch z_i die Anzahl der Rangdifferenzen $\lambda_1, \lambda_2, \dots, \lambda_s$, die $\geq \lambda$ sind, also $z_i = v$.

Zwei solche Zerlegungen einer Zahl 8 in positive Summanden habe ich assezierte genannt, Über die charakteristischen Einheiten der symmetrischen Gruppe, Sitzungsberichte 1903 S. 342. Sie bestimmen sich gegenseitig vollständig durch die Bedingungen, daß $x_1 = v_1 \lambda_1 = u$ ist, und daß die Zahlen $x_2 + \lambda_1 - x - 3 + 1$ alle von Null verschieden sind. Zwischen Ihnen besteht die Relation

(11)
$$n + 3n + 5n + \cdots + (2\mu - 1)n = \lambda_1^2 + \lambda_2^2 + \cdots \lambda_n^2$$
,

die bei der Berechnung der Anzahl der linear unabhängigen, mit 4 vertauschbaren Matrizen eine Rolle spielt (vgl. Hesset, Theorie der Körper con Matrizen, Caertes Journ, Bd. 127-8, 159). Sie ergibt sich aus der allgemeineren evidenten Formet

$$F(\lambda_1) = F(\lambda_2) + \dots + F(\lambda_n) = (\kappa_1 - \kappa_2) F(1) + (\kappa_2 - \kappa_3) F(2) + \dots + (\kappa_{n-1} - \kappa_n) F(n-1) + \kappa_n F(n)$$

$$= \kappa_1 F(1) + \kappa_1 (F(2) - F(1)) + \kappa_2 (F(3) - F(2)) + \dots + \kappa_n (F(n) - F(n-1)).$$

Daß in der Tat $\rho_{s-1}-2\rho_s+\rho_{s+1}$ die Anzahl der Elementarteiler s' der Determinante $\|sE-A\|$ ist, kann man leicht einsehen, wenn man die Normalform von Weiterstrass, in die sich A durch kontengrediente Substitutionen transformieren täßt, als bekannt voraussetzt. Der Beweis wird aber durchstehtiger, wenn man die Normalform auf dem Wege von Wevn entwickelt. Daber will ich hier diese Herleitung in einer möglichst einfachen und demtlichen Form wiedergeben.

& L

lst AB = 0, ist x der Rang von A, und x der von B, so ist $x + x \le n$. Ist A gegeben, so kann man B so bestimmen, daß x + x = n wird. Dann heißt Y = B eine vollständige Losung der Gleichung AY = 0, und wenn V eine willkürliche Matrix ist, so ist Y = BV ihre allgemeinste Lösung. Zugleich ist X = A eine vollständige Lösung der Gleichung XB = 0 und X = UA ihre allgemeinste Lösung.

Ich bezeichne mit (x) oder x eine (nicht quadratische) Matrix von n Zeilen und nur einer Spalte, worin n Größen $x_1, x_2, \cdots x_r$ untereinnnder stehen; ich nenne sie eine einspaltige Matrix oder kurz eine Spalte. Z. B. ist y = Ax der symbolische Ausdruck für des System der n linearen Formen

$$\begin{split} y_i &= a_{i1} \ x_i + a_{i2} \ x_2 + \cdots + a_{in} \ x_{n-1} \\ y_i &= a_{i1} \ x_i + a_{i2} \ x_2 + \cdots + a_{in} \ x_n \\ y_i &= a_{i1} \ x_i + a_{i2} \ x_2 + \cdots + a_{in} \ x_n \end{split}$$

lst B eine vollständige Lösung der Gleichung AB=0, und ist x eine willkürliche Spalte, so ist y=Bx die allgemeinste Lösung der Gleichung Ay=0.

1. Wenn die Spalle z die Lösungen der Gleichung ABz=0 durchläuft, so stellt Bz genau $\phi_{R}-z_{AB}$ lineur unabhängige Spalten dar.

Denn zu den $z=n\cdot z_{AB}$ unabhängigen Lösungen der Gleichung ABz=0 gehören die $\sigma=n-z_B$ Lösungen $z',z'',\dots z^{B_1}$ der Gleichung Bz=0. Werden sie durch $z^{(s+1)}$, $z^{(s)}$ zu einem vollständigen System von τ Lösungen ergänzt, so sind die $z-\sigma=z_B-z_{AB}$ Spalten $Bz^{(s+1)}$... $Bz^{(n)}$ unabhängig. Denn ist

$$b = g_{\pm 4} \cdot B z^{\pm 4/4} + \dots + c_{+} B z^{(i)} = B(c_{++1} z^{(i+1)} + \dots + c_{+} z^{(i)}),$$

wo ci ca ... skalare Faktoren sind, so ist

and mithin $r_1 = 0$, $r_2 = 0$.

ist L eine vollständige Lösung der Gleichung LB=0, so läßt sich y stets und mir dann in der Form y=Bz darstellen, wenn Ly=0 ist. Daber ist z_x-z_{xb} such die Anzahl der unabhängigen Lösungen der zn Gleichungen Ay=0 und Ly=0. In dieser Form finder sich der Satz von Weyn in der Arbeit von Kaust, Linear-Funktionen und Gleichungen, Programm (No. 127) der Realschule zu Lichtenberg, Ostern 1909 (S. 13). Für die Anwendungen ist die folgende Form die bequemste:

III. Ist ABC = 0, so ist $\varphi_{AB} + \varphi_{BC} \ge \varphi_{BC}$ Let A eine collständige Library der Gleichung A(BC) = 0, oder ist C eine solche der Gleichung (AB)C = 0, so ist

Seien zumächst A, B, C drei beliebige Matrizen. Ersetzt man in dem Satze I die Matrix B durch BC, so ist $\lambda = \varepsilon_{a1} - \varepsilon_{a10}$ die Anzahl der Spalten y', y'', \dots , wofür ABCy = 0 ist, und die Spalten BCy', BCy'', unabhängig sind. Dann genügen z' = Cy', z'' = Cy'', der Gleichung ABz = 0, und die λ Spalten Bz' = BCy', Bz'' = BCy'', sind unabhängig. Da es aber nicht mehr als $\varepsilon_{a} - \varepsilon_{10}$ solche Spalten z', z'', \dots gibt, so ist $\lambda \leq \varepsilon_{a} - \varepsilon_{10}$ oder

Diese merkwürdige Relation ist also eine unmittelbare Folge des Satzes von Wavn. Ist speziell ABC=0, so ist $\varepsilon_{AB}+\varepsilon_{BC}\leq \varepsilon_{BC}$

Ist C eine vollständige Lösung der Gleichung (AB)C=0, und ist x eine willkürliche Spalte, so ist z=Cx die allgemeinste Lösung der Gleichung (AB)z=0. Unter den Spalten Bz=BCz, d. h. unter den Spalten der Matrix BC sind aber z_s , linear unabhängig. Nach Satz I ist daher $z_B-z_{AB}=z_{BC}$. (Vgl. Formel (z_s)). Jede der beiden in dem Satze III für das Bestehen dieser Gleichung ausgesprochenen

Bedingungen ist hinreichend, aber nicht notwendig. Daher ist auch nicht die eine eine Folge der anderen

Ist A eine vollständige Lösung der Gleichung A(RC) = 0, so ist

und mithin

$$p_A + p_B = g_{AB} + n$$
,

Umgekehrt seien A und B irgend zwei gegebene Matrizen, die dieser Bedingung genügen. Ist dann C eine vollständige Lösung der Gleichung (AB) C=0, so ist $x_{1n}+z_{2n}=z_{n}$, mithin $x_{1}+z_{2n}=n$, und folglich ist A eine vollständige Lösung der Gleichung A(BC)=0, So gelangt man zu einer dritten Form des Satzes von Weve:

IV. Stets and nur dawn ist $g_A + g_B = g_{AB} + n$, weno vs eine solche Matrix C gibt, daß A eine vallständige Lüsung der Gleichung A (BC) = 0 ist, oder eine solche D, daß B eine vallständige Lüsung der Gleichung (DA) B = 0 ist. Allgemein ist

$$F_{2}+g_{N}\leq g_{N}g+g_{N}, \qquad (n-g_{N})+(n-g_{N})\geq n+g_{N}g_{N}.$$

Von jenen beiden Bedingungen ist demnach jede eine Folge der anderen. Die Zahl $n-\varepsilon_A$ nennt Wrys die Nullikät der Matrix A. Doch ist es vorzuziehen, mit dem von n unabhängigen Begriffe Rong zu operieren.

Nun seien wieder A, B, C drei beliebige Matrizen. Eine unmittelbare Folgerung aus der Relation (3.) ist der Satz:

V. Ist der Rong von B gleich dem von AB, so ist euch der Rong von BC gleich dem von ABC.

Zn einer schärferen Einsicht in die Bedentung der Ungleichheit (3.) führt die folgende Entwicklung. Seien L und N vollständige Läungen der Gleichungen LBC=v und ABN=0.

Ist dann U eine vollständige Lösung der Gleichung A(BU)U=0, so ist $\rho_{ABC}+\rho_{BCC}=\rho_{BC}$. Da X=CU eine Lösung der Gleichung ABX=0 ist, so ist CU=NV, also LB(NV)=LB(CU)=(LBC)U=0 oder L(BN)V=0 und mithin $\rho_{LBS}+\rho_{BST}\leq\rho_{BS}$, und weil $\rho_{BST}=\rho_{BC}-\rho_{ABC}$ ist,

Ist dagegen V eine vollständige Lösung der Gleichung L(BN)V=0, so ist $\rho_{LBE}+\rho_{BNV}=\rho_{BN}$. Da V=BNV der Gleichung LY=0 genögt, und da Y=BC eine vollständige Lösung dieser Gleichung Ist, so ist BNV=BCU und mithin A(BC)U=0, also $\rho_{ABD}+\rho_{BNV}\leq \rho_{BND}$ und weil $\rho_{BND}=\rho_{BND}=\rho_{BND}=\rho_{BND}$ ist,

Folglich ist

$$p_{HS} - p_{AH} = p_{HS} - p_{AHS}$$
, $p_{AH} + p_{HS} = p_{HS}$

and mithin

$$(4) \qquad \qquad \rho_{AB} = -\rho_{AB} + \rho_{B} = -\rho_{ABB}.$$

Diese Formel umfaßt alle hisher entwickelten Resultate.

§ 3.

Aus der Gleichung (4.) ergibt sich der Satz von Wern (S. 17):

VI. Sind die ganzen Funktionen f(s) und g(s) teilerfremd, und ist n-s der Rang von f(A), und $n-\beta$ der von g(A), so ist $n-s-\beta$ der Rang von f(A)g(A).

Man bestimme die ganzen Funktionen $f_i(s)$ und $g_i(s)$ so, daß $f(s)f_i(s)+g(s)g_i(s)=1$ wird, und setze f(A)=P, $f_i(A)=P_i$, $g(A)=Q_i$, $g_i(A)=Q_i$. Dann ist $P_iP+QQ_i=E$. Ferner ist nach (6.)

$$cy + cq - cpq = u - csu$$
.

wo L und M vollständige Lösungen der Gleichungen LQ=0 und PM=0 sind. Daher ist

$$LM = L(P_1P + QQ_1)M = LP_1(PM) + (LQ)Q_1M = 0.$$

und mithin

$$(n-pp)+(n-pq)=n-ppq.$$

Sind allgemeiner je zwei der Funktionen f(s), g(s), h(s), ... tellerfremd, und ist $n-\gamma$ der Rang von h(A), so ist $n-\alpha-\beta-\gamma-...$ der Rang von f(A) g(A) h(A)

Da es nicht mehr als n^* unabhängige Matrizen aten Grades gibt, so besteht zwischen den Potenzen A^* , A^* , A^* , ... eine lineare Beziehung. Sei $\psi(A) = 0$ die Gleichung niedrigsten Grades, der A genügt, sei $\psi(s) = |sE-A|$ die charakteristische Determinante von A, und seien a, b, c, \cdots die Wurzeln der beiden Gleichungen $\psi(s) = 0$, und $\psi(s) = 0$ zusammengenommen. Ist also

$$\psi(s) := (s-a)^{\alpha}(s-b)^{\beta}(s-c)^{\gamma}, \dots, \qquad \psi(s) := (s-a)^{\alpha}(s-b)^{\alpha}(s-c)^{\alpha} \dots,$$

so sind a und z night beide Null. Daher ist a>0. Denn sonst wäre $\kappa>0$ und $|A-\alpha E|$ von Null verschieden, und aus der Gleichung

$$(A - aE)^*(A - bE)^*(A - cE)^* \dots = 0$$

könnte man den Faktór $(A - aE)^*$ wegheben.

ist n-a' der Rang von $(A-aE)^*$, n-B' der von $(A-bE)^*$,..., so ist $n-a'-B'-\gamma'-...$ der des Produktes, und demunch ist

$$a' + 2' + \gamma' + ... = n$$
, $(a - a') + (\beta - \beta') + (\gamma - \gamma') + ... = 0$.

Ist etwa z = 0, so ist x' = 0, also a' < z. Ist aber x > 0, so verschwinden in der Matrix $(A - aE)^*$ alle Determinanten (n-1) ten, (n-2) ten, (n-x'+1) ten Grades. Für s = 0 verschwindet folglich

die Funktion $|(A-aE)^*-aE|$ der Variabela s nebst ihren ersten z-1 Ableitungen. Nun ist aber 0 eine z fache charakteristische Wurzel der Matrix A-aE und folglieb auch der Matrix $(A-aE)^*$. Daher ist

und mithin

$$sl = z \cdot 8' = 8$$
, $yl = y$, ...

also stets x > 0, and demnach anch x > 0. Ist s, der Rang von $(A - nE)^s$, so ergibt sich wie oben, daß $s \ge n - x$ ist. Da aber $s_{n+1} \le s$, = n - x ist, so ist $s_n = s_{n+1} = s_{n+2} = \cdots = n - x$. Dagegen ist $s_{n+1} < n - x$. Denn, sonst hatte nach Satz VI

$$(A - aE)^{*-1}(A - bE)^{*}(A - cE)^{*}...$$

den Rang $n-\alpha-\hat{\beta}-\gamma$ -= 0, während U(A)=0 die Gleichung niedrigsten Grades für A ist. Nach (8.) ist demnach

(12.)
$$p_0 > p_1 > \dots > p_{n-1} > p_n = p_{n+1} = p_{n+1} = \dots = n-1$$
.

Für die Reduktion von A auf die Normalform ist die Gleichung $\rho_* = \mu - \omega$ von der größten Wichtigkeit. Es ist möglich, daß $\rho_* = \omega - \omega$ ist, daß also die Gleichung $(A - \alpha E)x = 0$ weniger als a unabhängige Lösungen besitzt. Dann gibt es aber einen solchen Exponenten τ , daß die Gleichung $(A - \alpha E)^*x = 0$ genan a Lösungen hat, und dies tritt stets und nur dann ein, wenn $\tau \geq x$ ist.

Der Einfachheit halber nehme ich jetzt au, die Matrix A habe die charakteristische Wurzel 0, g(s) sei durch s^* , $\psi(s)$ durch s^* gemu teilbar, A habe den Rang s. Die Gleichung A[x]=0 hat durch n-s, $=\delta=s,-s$, unabhängige Lösungen, und gemu dieselben hat die Gleichung $A^{r+1}x=0$ oder $A^{r+2}x=s$, well s=s,s=s,s=s,s=s ist. Diese Lösungen wollen wir in folgender Art wählen: u,u^*,u^*,\cdots seien $\lambda_s=s_{s-s}-s$, Lösungen der Gleichung A[x]=0, wofür die Spalten $A^{r+1}x$ unabhängig sind: v,v^*,v^*,\cdots seien $\lambda_{s-1}=s_{s-1}-s_{s-1}$. Lösungen der Gleichung $A^{r+1}x=0$, wofür die Spalten $A^{r+1}x$ unabhängig sind: w,w^*,w^*,w^*,\cdots seien $\lambda_{s-1}=s_{s-s}-s_{s-1}$ Lösungen der Gleichung $A^{r+1}x=0$, wofür die Spalten $A^{r+1}x$ unabhängig sind: w,w^*,w^*,w^*,\cdots seien $\lambda_{s-1}=s_{s-2}-s_{s-1}$ Lösungen der Gleichung $A^{r+1}x=0$, wofür die Spalten $A^{r+1}x$ unabhängig sind, usw. So erhält man

Spalten, die alle der Gleichung Ar = 0 genügen und unabhängig sind, also ein vollständiges System ihrer Lösungen bilden. Denn ist

$$z = uv + u'u' + u''w'' + \dots + bv + b'x' + \dots + vv + v'w' + \dots = n$$

BO ISL

$$A^{r+1}\pi = aA^{r+1}u - a'A^{r+1}u' + a''A^{r+1}u'' + \cdots = 0$$

und mithin $a = a' = a'' = \cdots = 0$; sodann

$$A^{**5}x = bA^{**5}x + bA^{**5}x + \cdots = 0$$
,

and mithin b = b = ... = 0, asw.

Die λ , Lösungen u, u', u'', beißen primitive, zum Exponenten v gehörende Lösungen. Für λ der λ , Lösungen v, v', v'', können und sollen die Spalten Au, Au', Au'', gewählt werden, da $A'^{-2}(Au)$, $A^{-1}(Au)$, unabhängig sind. Die übrigen λ , $-\lambda$ dieser Lösungen heißen primitive, zum Exponenten v-1 gehörende Lösungen. Für λ , der λ , Lösungen w, w', w'', können und sollen die Spalten Av, Av', Av'', gewählt werden, von denen die Spalten $A^{0}u$, $A^{1}u'$, $A^{2}u'$, einen Teil bilden. Die übrigen λ , λ , dieser Lösungen heißen primitive, zum Exponenten v-2 gehörende Lösungen usw. Die gesamte Anzahl der primitiven Lösungen ist

$$\lambda_{\nu} = (\lambda_{\nu-1} - \lambda_{\nu}) + (\lambda_{\nu-2} - \lambda_{\nu-1}) + \cdots + (\lambda_{\nu} - \lambda_{\nu}) = \lambda_{\nu} = \mu.$$

Die a Exponenten, zu denen sie gehören, mögen mit

bezeichnet werden. Ist z einer derselben, und p eine primitive, dazugehörende Lösung, so ist $A^*p=0$, und unter den oben gewählten δ Lösungen, die Normallösungen heißen mögen, befinden sich neben p die s-1 daraus abgeleiteten Lösungen Ap, A^*p , $A^{*-1}p$. Ich neme sie eine Kette von Lösungen.

Demnach zerfallen die 8 Lösungen in z Kotten von je z, , z, ... z, Lösungen, und es ist

$$(14.) x_1 + x_2 + \cdots + x_n = \delta$$

die Gesamtzahl der Lösungen der Gleichung Ax = 0. Von den Zahlen $x_1, x_2, \cdots x_n$ sind λ_n gleich ν , $\lambda_{n-1} - \lambda_n$ gleich $\nu - 1, \cdots \lambda_{d-1} - \lambda_d$ gleich β . Daher sind (1,3,) und (1,4,) assoziiert Zerlegungen von δ ; d. h. nuter den Zahlen $x_1, x_2, \cdots x_d$ befinden sich λ_{d+1} die ≥ 2 sind, und unter den Zahlen $\lambda_{d+1} \lambda_{d+1} - \lambda_d$ befinden sich folglich x_d , die ≥ 2 sind; insbesondere ist $x_1 = \nu$ und $\lambda_1 = \nu$. Oder, wenn von den Zahlen $\lambda_1, \lambda_2, \cdots \lambda_d$

$$\lambda_n \ge a$$
, $\lambda_{n+1} < a$

ist, so ist & = & and wenn von den Zahlen x, x, ... x.

Ist: so let $\lambda_1 = \lambda$.

Dies kann man am einfachsten graphisch einsehen. Denn ist z. B. $\mu=3$ und

$$x_1 = 6 = 1 + 1 + 1 + 1 + 1$$

 $x_2 = 4 = 1 + 1 + 1$

so ist r=5, und $\lambda_1, \lambda_2, \cdots \lambda_n$ sind die Summen der Elemente der Spalten des obigen Schemas. Das analoge Schema für $\lambda_1, \lambda_2, \cdots \lambda_n$ ergibt sieh also aus dem für $x_1, x_2, \cdots x_n$ durch Verlauschung der horizontalen und der vertikalen Reihen.

Nach (13.) ist v ≤ 6, also wenn wir zu den Bezeichnungen des § 2 zurückkehren.

Folglich ist U(s) ein Divisor von $\psi(s)$, der aber durch jeden Linearfaktor von $\psi(s)$ teilbar ist. Demnach ist $\psi(A)=0$.

\$ 4-

Die α Normallösungen der Gleichung $(A-aE)^*x=0$ seien p,p',p'',\cdots , so geordnet, daß auf jede primitive Lösung die aus ihr abgeleiteten folgen. Die $\bar{\alpha}$ Normallösungen der Gleichung $(A-bE)^*x=0$ seien q,q',q'',\cdots , die γ der Gleichung $(A-aE)^*x=0$ seien r,r',r'',\cdots . Die aus diesen $\alpha+\beta+\gamma+\cdots=n$ Spalten gebildete Matrix nten Grades

$$L = (p, p - \cdots , q, q) \cdots , r, r, \cdots , \cdots)$$

hat eine von 0 verschiedene Determinante. Denn sonst könnte man skalare Faktoren k, k', \dots so bestimmen, daß

$$kp + k'p' + \cdots + lq + l'q' + \cdots + mr + m'r + \cdots = 0$$

ware. Setzt man $(s-b)^*(s-c)^* \cdots = \chi(s)$, so folgt ans $(A-bE)^*q = 0$ lie Gleichung $\chi(A)q = 0$; obenso ist $\chi(A)r = 0$. Daher ware such

$$\chi(A)(kp + k'p' + \cdots) = 0$$
, $(A - nE) \cdot (kp + k'p' + \cdots) = 0$,

Bestimmt man f(s) and g(s) so, daß

$$\chi(s)f(s)+(s-a)^*g(s)=1$$

wird, so ist dann auch

$$(f(A) \times (A) + g(A)(A + aE)^*)(kp + k'p' + \cdots) = 0$$
, $kp + k'p' + \cdots = 0$, and mithin $k = k' = \cdots = 0$.

Ist p eine primitive, zum Exponenten × gehörende Lösung, und sind p' = (A - aE) p, $p'' = (A - aE) p' = (A - aE)^* p$, $\cdots p^{(s-1)} = (A - aE) p^{(s-1)} = (A - aE)^{s-1} p$ die aus ihr abgeleiteten Lösungen, so ist

$$(A-aE)p^{(a-1)} = (A-aE)^*p = 0$$

und mithin

$$AL = (ap + p', ap' + p'', \cdots ap^{s-s} + p^{(s-s)}, ap^{(s-s)}; \cdots),$$
Ist B die Matrix a ten Grades der bilinearen Form
 $B = a(x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_sy_s) + (x_2y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_sy_{s-1}) + \cdots,$

so ist

$$LR = (ap + p^e, ap + p^e, \dots ap^{(a-2)} + p^{(a-1)}, ap^{(a-1)}; \dots)$$

and mithin

$$AL = LB$$
, $L^{-1}AL = B$.

Umgekehrt haben zwei ühnüche Matrizen dieselben charakteristischen Wurzeln, und für jede solche Wurzel a die nümlichen Rangzahlen s_1, s_2, \ldots , also auch dieselben Zahlen $\delta_0, \delta_1, \delta_2, \ldots$, deren Differenzen nach (10.) die Zahlen s_1, s_2, \ldots sind, und demnach dieselbe Normalform B. Für B aber ist $(s-a)^m$ der größte gemeinsame Divisor der Unterdeterminanten $(n-\lambda)$ ten Grades von |sE-A|, wie Stickenberger, Über Scharen von bilinearen und quadratischen Formen, Crelles Journ, Bd, 86 8, 30 und Nerro, Zur Theorie der linearen Substitutionen, Acta math, Bd, 17 8, 267 gezeigt hat. Aus der am Ende des § 3 erhaltenen Relation $s_1 = s$ folgt insbesondere, daß, wenn $\psi(s) = \psi(s)\Im(s)$ ist, $\Im(s)$ der größte gemeinsame Divisor der Unterdeterminanten $(n-1)^{mn}$ Grades von |sE-A| = q(s) ist.

VII. Enthält die Determinante der Matrix A-sR den Faktor s in der Potenz s^* , und enthält ihn der größte gemeinsame Divisor ihrer Determinanten $(n-\lambda)^m$ Grades in der Potenz s^* , ist ferner ε , der Rung der Potenz A^* , so sind die beiden Zerlegungen von δ

$$\dot{\varepsilon} = (\varepsilon_0 - \varepsilon_1) + (\varepsilon_1 - \varepsilon_2) + (\varepsilon_2 - \varepsilon_1) + \cdots = (\varepsilon_n - \varepsilon_1) + (\varepsilon_1 - \varepsilon_2) + (\varepsilon_2 - \varepsilon_1) + \cdots$$
assoziirte Zerlegungen.

Über die Beeinflussung der experimentellen Trypanosomeninfektion durch Chinin und Chininderivate.

Von Prof. Dr. J. Morgenroth und Dr. L. Halberstaedter

Aus der Bakteriologischen Abteilung des Pathologischen Instituts Berlin. Vorgelegt von Hrn. Okra.

In einer früheren Mitteilung' hatten wir, im Gegensatz zu der allgemein herrschenden Ansicht, zum ersten Male festgestellt, daß dem Chinin und einigen seiner Derivate eine präventive Wirkung gegenüber der Infektion von Mänsen mit Trypanosoma Brucei (Nagana) zukommt. Erfolgreiche systematische Versuche in dieser Richtung lagen bis dahin nicht vor, nur Vassat hatte, wie Messat beiläufig bemerkt hat, bei einem Surrastamm nach sehr großen Chinindosen ein vorübergehendes Verschwinden der Trypanosomen beobachtet. Wir hatten dann in der kontinuierlichen Fätterung ein geeignetes Verfahren gefunden, um mit genügender Sicherheit den Einfluß der zu prüfenden Präparate auf die Infektion zu bestimmen.

Damit wurde der Weg einer exakten pharmakologischen Prüfung des Chinins eröffnet, und zwar bezüglich derjenigen seiner Funktionen, welcher die größte praktische und theoretische Bedeutung zukommt, nämlich seiner antiparasitären Wirkung bei Protozoeninfektionen. Von dieser Grundlage aus wurde der weitläufige Versuch einer vergleichenden Pharmakologie der Chininderivate in Angriff genommen, um theoretisch die Abhängigkeit der antiparasitären Wirkung von der chemischen Konstitution zu erforschen, wobei in praktischer Hinsicht das Bestreben maßgebend war, Verbindungen zu suchen, die dem Chininfiberlegen sind. Die dauernde Unterstützung der Vereinigten Chininfabriken Zimmer & Co., in Frankfurt a. M. und die stets bereitwillig gewährte sachkundige Beihilfe Ihres Direktors Dr. Weilen gaben uns die Möglichkeit eines systematischen Studiums. Fräulein Lotte Ascuta

Über die Beeinfinsung der experimentellen Trypanovemeninfektion durch
 Chinin. Diese Sitzungsber, der phys.-math. Klusse vom 21. Juli 1910.
 Bull. Inst. Pasteur 1907. Bd. 5. S. 185.

haben wir für verständnisvolle Mitarbeit bei den zahlreichen Versuchen zu danken.

Wir sind jetzt sehon in der Lage, über Versuchsreihen zu berichten, aus denen mit Bestimmtheit hervorgeht, daß dem Chinin keineswegs der erste Bang unter den in Frage stehenden Verhindungen zukommt. Vielmehr hoben sich unter den bisher untersuchten Derivaten des Chinins zwei hervor, denen auf Grund unserer Prüfungsmethode entschiedene Vorzäge dem Chinin gegenüber zugesprochen werden müssen.

Wie bereits früher mitgeteilt wurde, führten uns vergleichende Versuche, die mit der zuerst angewandten, in vieler Hinsicht weniger befriedigenden Methode der subkutanen injektion ausgeführt wuren, zu der Erkenntnis, daß die Vinylseitenkette des Chinins mit ihrer Doppelbindung sfür die trypanozide Wirkung nicht von ausschlaggebender Bedeutung ists. Dasselbe hatte sehon Rem Huxr' im Emmenschen Laboratorium bezüglich der Giftwirkung freilebenden Infusorien gegenüber und der Toxizität im Versuch an Warmblütern festgestellt. Vielmehr zeigten uns schon zwei Verbindungen, in denen die Doppelhindung gelöst ist, das Hydrochlorehinin und das Hydrochlorisochinin Andentungen einer therapeutischen Überlegenheit dem Chinin gegenüber, deren eingehenden Untersuchung nach der alten Methode die stürkeren örtlichen Nebenwirkungen hindernd im Wege gestanden hätten.

Auf Grund der weiteren Versuche vermittels der Fütterungsmethode können wir nun feststellen, daß bestimmte Veränderungen der Settenkette, bei denen die Doppelbindung nicht mehr besteht, den trypanoziden Effekt erhöhen, und zwar ohne die Toxizität zu vergrößern.

In erster Linde steht hier das Hydrochinin.

Nächstdem erwiesen ansgedehnte Versuche, die wir nun mit dem Hydrochtorisochinin angestellt haben, daß sich die sehen früher angenommene Überlegenheit vor dem Chinin bestätigt. Doch steht es hinter dem Hydrochinin zurück, das wir im folgenden eingehender behandeln wollen.

Das Hydrochinin und Hydrochlorisochinin unterscheiden sich von der Konstitution des Chinins, für welche die bekannte Raussche Formel anzunehmen ist, in der Seitenkette wie folgt:

Arch Internat de Pharmaradyn, Bd. tz. 1904 S. 497-

Vergleichender Versuch zwiselen Chininbase 0.05 (1.) und Hydroethinin 0.05 (2.). 1. Efftering mit (Hinfubase 0.05 pro Cake +0.6 Lexithin-Eiweiß (Milch), Fatteringsdauer vor der Infektion, 3 Tage.

Nummire						H	1.21	B B C	Trypancsomen (Nagana) im Blut and Tod	u (Nagana) im	11 21 11	O H	i in	-22	3	0.0	I I	=				1
		-	40	H	-	15	-	4-	: 29		90	12	10 11 12 (3 14 15 10	6	- 3	-	2	2	2	4	11	10
H. 489, H. 989, H. 989	PETET 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1			****	0000000000000000	E0000003003	AND FILTERAL	THEFT	+ > > - [] - [] [* 10 10 1	0 0 0 0	400	000	111	9 9 0	3 7 6	E + a	7 9. 2		+ 0 =	*+	
H. toors H. toors	111	0.0 9	000	+ 0		7 - 1	11	TI	+	Kontrollim	E			1								1

2. Fütterung mit Hydrochinin 0.05 pro Cake +0.6 Lezithin-Eiweiß (Milch). Fütterungsdaner vor der infektion: 5 Tage.

Nr.	2	9	3	4	3	8	7	38	3	to	_1.5	12	13	44	35	12	深景	19	22	.23
IL 990	-	_	0	0	-0	_	_	0	-	p	n	10	_	D:	ō	6	n	0	10	0
lb 992	-	_	0	-0	10	-	-	0	.0	n	o	0	-	0	ò	-01	4	0	30	60
3E 993	-	_	0	n	a	-	H	Ō	-5	0	- 50	(D)	-	10	2	9	0	4	0	0
11 1994	-	-	0	0	47	-	-	101	0.	10	0	10	-	30	0	0	10.	0	U	-01
IL 995	-	_	0	10	41	-	-	0	*	-	10	10	-	Ø	0	10	0	0		341
H. 1956	-	-	0	4	10	-	-	0	0	0	0	-10-	-	Di-	-0	0	0	0	0	.00
M. 997	-		23	9	Ġ	-	_	0	-10	GF.	41	0	_	0	0	-0	10	0	0	4
11, 099	-	-	0	0	-13	-	-	ij	ь	- 0	10	0	-	D	0	-0	D	0	0	0.
IL (000)	=	-	10	0	'in	-	-	O	0	D:	-0.	0	-	D	0	0	0	9	0	8
II 1001	-	=	0	0	0	-	-	12	0	0	0	0	-	0	0	-9.	0	9	0	111
H. 001	-	-	0	0	<i>(i)</i>	-	-	(+)	18-	+++	1.55	++++								
Hey .11	~	-	0	t																

Die übereinstimmenden Ergebnisse unserer zahlreichen vergleichenden Versuche sind am besten zu ersehen, wenn wir einige derselben in Tabellenform nebeneinanderstellen.

Wir haben in der letzten Zeit für die Fütterungsversuehe mit Chinin meist die freie Chininbase an Stelle des zuerst benutzten Chininum tannicum basicum angewandt, über das wir schon berichtet haben, und das sich inzwischen auch durch die Erzielung von Dauererfolgen in einer ziemlichen Anzahl von Fällen bewährt hat. Als Grundlage vergleichender Versuche erschien die freie Base geeigneter, da von den Derivaten des Chinins zunächst gleichfalls das freie Alkalaid zur Anwendung kommen mußte.

Ober die Versuchstechnik ist schon früher das Wesentliche mitgeteilt worden, bei länger fortgeführten Versuchsreiben vermeiden wir neuerdings die soust sich einstellende laanition der Mäuse, Imdem wir, um Eiwelß und Fett einzuführen, das Cakepulver mit Milch anrühren und pro Cake von 8 g o.6 g Lecithineiweiß nach dem Vorgang von Emmion zufügen.

0.2 g der Chininhase pro Cake erweist sieh, wie sehon früher erwähnt, ausnahmslos als tödlich. Gibt man 0.1 g der Chininhase pro Cake, so ergeben sieh bei der Ausführung zahlreicher großer Versnehsreihen Differenzen, die offenbar damit zusammenhängen, daß die Mäuse in verschiedenem Maße empfindlich sind. Es ging im Laufe der Fütterung ein wechselnder Prozentsatz der Tiere zugrunde, ein Teil derselben erst nach längerer Zeit, zweifelles infolge ungenügender Ernährung, da wir zuerst die erwähnten Zusätze unterließen. 0.05 g pro Cake wird von fast allen Tieren danernd vertragen; immerhin gehen stets, besonders im Beginn der Fütterung, einzelne Tiere zugrunde, indem sie entweder die Nahrung nicht annehmen, oder sieh durch allzu reichliche Aufnahme vergiften. In der letzten Zeit wurden unsere Resultate erheblich gleichmäßiger, als wir die Tiere isolierten.

Die Infektion wurde mit dem auch früher beuntzten, von Maus zu Maus fortgezüchteten Naganastamm vorgenommen nach 4—ştägiger Vorütterung. Sie erfolgte subkutan mit stark verdümtem Blut, so daß die unbehandelten Kontrolltiere am 6. bis 8. Tage sturben. Es ist vorteilhaft, Versuche, bei denen es auf einen exakten Vergleich versehiedener Präparate ankonmt, an gleichartigem Tiermaterial zu gleicher Zeit anzusetzen und sämtliche Tiere einheitlich zu infizieren.

Die Toxizität der Hydrochininbase, die zu den Versuchen verwendet wurde, erweist sich bei Fütterung nicht größer als die des Chinins. 0.05 pro Cake wird auch hier von den meisten Tieren auf die Dauer gut vertragen. Füttert man gleichzeitig eine Reihe Mause mit o. r g Chinin bzw. Hydrochinin pro Cake, so ist das Verhalten derselben im wesentlichen gleichartig. Von je 12 Mansen, die - ohne Infektion - gleichzeitig mit o.1 g pro Cake gefüttert wurden, starben bei beiden Praparaten innerhalb der ersten 8 Tage. je 4. Die späteren Todesfälle schalten wohl für die Beurteilung aus, da Inanition in Frage kam; bei Beendigung der Fütterung am 18. Tage lebten von den Chimintieren noch 4. von den Hydrochlnintieren noch 2. Wir hatten bei unsern ersten Versuelien die Toleranzder Tiere gegen 0.1 g Chininbase pro Cake, verglichen mit unsern jetzigen Erfahrungen, offenbar etwas zu hoch eingeschätzt. Vielleicht spielt hier die Jahreszeit eine gewisse Rolle: die ersten Versuche fielen in die Sommermonate, und hier kommt möglicherweise die von Hunt beobschtete geringe Giftempfindlichkeit der Tiere bei hölterer Außentemperatur in Frage. Bei intravenöser Injektion im Kaninchenversuch erweist sich eine Übereinstimmung der Giftigkeit zwischen dem salzsauren Chinin und Hydrochinin, ebenso hei subkutaner Injektion im Versuch an Mäusen. Dies steht in Übereinstlumnung mit den Toxizitätsversuchen von Hust.

Die Tabelle gibt zwei gleichzeitig ausgeführte Versuchsreihen mit den beiden Verbindungen wieder. Der Unterschied in der Wirkung des Chinins und des Hydrochinins tritt hier wie in sämtlichen von uns durchgeführten Versuchen ganz klar hervor. Je i Tier stirbt ohne Trypsnosomen am 4. Tag. Von it mit Chinin behandelten Tieren führt bei 9 Tieren die Infektion zum Tode, und zwar ist die Verzögerung gegenüber den Kontrollen meist sehr gering. 2 Tiere leben am 21 Tag trypsnosomenfrei.

Von 11 mit Hydrochtuin behandelten Tieren erliegt ein einziges der Infektion, die gegenüber den Kontrollen ziemlich verzögerist. Die übrigen 10 Tiere leben am 23. Tag frei von Trypanosomen.

Bemerkenswert ist in beiden Fällen das Auftauchen und Wiederverschwinden von Teypanosomen im Blut, wie wir es auch sehan früher beim Chinin beobachtet haben. Von vornherein läßt sich beim Krscheinen von Trypanosomen im Blut der behandelten Tiere nie sagen. oh dieselben im weiteren Verhaf wieder verschwinden oder unter fortsehreitender Vermehrung den Tod des Versuchstieres herbeiführen werden, im ersteren Falle tritt eine deutliche Heilwirkung den allerdings von Aufang der Infektion an imter deni Einfluß des therapeutischen Agens stehenden Parasiten gegenüber zutage, im zweiten Falle därfte es sich um die Ausbildung einer Armeifestigkeit handeln. Auf jeden Fall sind beide Arten von Rezidiven wesentlich verschieden, Wir haben nach Chininbehandlung eine Festigkeit auch schon in weiteren Generationen beobschtet und wenden ihr aus theoretischen Gründen und aus praktischen Gesichtspunkten binsichtlich der Malariatherapie, die spitter noch zu erwähnen sind, auch künftig unsere Aufmerksamkeit zu.

Verhältnissen die gleiche Dosis des Hydrochinins dem Chinin weit überlegen ist, und daß das Hydrochinin nauer Bedingungen einen fast sicheren Schutz gegen die Infektion gewährt, bei welchem das Chinin in der Mehrzahl der Fälle versagt. Es ist sogar nach unseren Erfahrungen die Dauerwirkung von 0.05 g Hydrochinin pro Cake konstanter als die von 0.2 g Chinin tannicum (welches etwa 0.1 g Base entspricht). 0.03 g pro Cake zeigt bei beiden Präparaten, Chinin und Hydrochinin, keine neumenswerte Wirkung. Der hier gegebene quantitative Ausdruck für die Differenz der Wirkung erscheint allerdings etwas schematisch, insofern, als nach unserem Dafürhalten ein qualitativer Unterschied eine gewisse Rolle spielt, indem das Hydrochinin bei den Dosen, bei denen überhaupt eine Wirkung eintritt, dieselbe sicherer, mit größerer Regelmäßigkeit manifestiert.

Wir haben bereits in unserer früheren Mitteilung betout, daß wie bestrebt sind, unsere Versuche der Malariatherapie dienstbar zu nuchen. Es dürfte nun der Zeitpunkt gekommen sein, auf Grund unserer Tierversuche bei Trypanosomeninfektion durch umfangreiche klinische Prüfung, als deren erste Grundlage die Behandlung frischer, unkomplizierter Malariafälle dienen muß, den Wert des Hydrochinius dem Chinin gegenüber festzustellen. Die wichtigste Frage dürfte nun die sein, zugleich die Hauptfrage für die Fortsetzung und praktische

Richtung unserer weiteren Arbeiten über die Pharmakologie des Chinins, ob sich unsere Ergebnisse auf die Malaria übertragen lassen, und ob man im Trypanosomenexperiment einen vergleichenden Maßstab für die Antimalariawirkung gewinnen kann. Das Zusammentreffen trypanozider und plasmodiozider Wirkung sehen wir eben auch bei dem Dioxydiamidoarsenobenzol. Läuft die pharmakodynamische Wirkung des Chinins bzw. seiner Derivate in beiden Fällen parallel, so müßte man bei dem Hydrochinin mit Dosen auskommen, welche der Hälfte der wirksamen Chinindesis entsprechen, was für Prophylaxe und Therapie von um so größerer Bedeutung ware, als diesen Dosen, soweit es der Tierversuch vermaten IABL, entsprechend dem gleichen Grade der Toxizität beider Präparate nur geringe Nebenwirkungen zukämen. Zudem hat das salzsaure Salz des Hydrochinins, falla es nicht stärkere lokale Wirkung ausübt als das Chinin - was eben nur durch vorsichtige Erprobung am Menschen festzustellen ist -, für die subkutane Injektion den Vorzug weit größerer Löslichkeit,

Der sehon bemerkte qualitative Unterschied zwischen dem Chinin und dem Hydrochinin, die weit größere Zahl von Dauererfolgen bei dem letzteren, laßt sogar an die Möglichkeit denken, mit dem Hydrochinin in einer der des Chinins völlig entsprechenden Dosierung bei Malaria Hellungen mit besseren Chancen der Rezidisverhütung zu erzielen, als sie beim Chinin vorliegen.

Besonders möchten wir aber einem Versuch mit Hydrochinia das Wort reden bei denjenigen Malariafällen, welche sich gegen Chinin mehr oder weniger refraktär zeigen, bei welchen häufig und frühzeitig Rezidive auftreten, Erscheinungen, als deren Ursache man wohl zum Teil eine durch Einwirkung des Chinins erworbene Chininresistenz der Parasiten ansehen darf. Derartige Fälle sind von E. R. Stitt aus Panama und neuerdings in auffallender Häufung aus dem Innern von Brasilien von M. Cooro, Neiva, Nocht und Wennen beschrieben worden, ihre Zahl wird sich voraussichtlich häufen, je ausgedehnter die Chinin-prophylaxe und -therapie in stark verseuchten Gegenden Auwendung finder, und sie werden in immer höherem Maße den Wunsch nach einem dem Chinin einem Hinausgehen über die tägliche Grammdosis ernstliche Schwierigkeiten im Wege stehen. Schließlich steht hier das letzte Wort bei der Empirie.

Vom theoretischen Standpunkt aus scheint uns die Berechtigung zu vergleichenden Versuchen au Trypanosomen und Malariaplasmodien gegeben. Von der Wirkung des Chinins und seiner Derivate auf freilebende, meist eiliate Infusorien ausgehend, therapeutische Wege für die Malaria zu erschließen, dürste weit weniger Aussieht auf Erfolg haben, wenn wir auch das wissenschaftliche Interesse solcher Versuche durchaus anerkennen! Denn Lebensbedingungen und Organisation weisen hier und dort die denkhar größten Verschiedenheiten auf. Dagegen handelt es sich bei den Trypanosomen und bei denjenigen Entwicklungsstadien der Malariaparasiten, die gerade für die Chimotherapie in Frage kommen, um frei im Blutplasma lebende Formen, deren Organisation, soweit die Beziehungen zu dem umgebenden Medium, speziell die Ernährung, in Betracht kommt, weitgebende Analogien aufweisen dürste.

Bezüglich einer Anwendung des Mittels zur Prophylaxe und Therapie der Schlafkrankheit (auch Versuche bei Kala-azar dürften Interesse haben) können wir nur auf die zurückhaltenden Hemerkungen verweisen, die wir in unserer früheren Mitteilung (a. a. O. S. 742) über das Chinin gemacht haben. Wir sind aber zu der Hoffnung berechtigt, daß es uns auf dem eingeschlagenen Wege gelingen wird, zu Verbindungen zu gelangen, die bei der einen oder andern Infektionskrankheit dem Chinin und auch dem Hydrochinin überlegen sind.

Wir sind mit analogen vergleichenden Versuchen bei der Infektion von Versuchstieren mit Paeumokokken beschäftigt, zu denen uns die von klimscher Seite des öftern betonte Wirksamkeit des Chinins auf des Verlauf der fibrioösen Paeumonie des Menschen veranlaßt.

Die hier mitgeteilten Ergebnisse bedeuten für uns keineswegs irgendeinen Abschluß, sondern vielmehr den Beginn einer planmäßigen Untersuchung der Chiminderivate.

Ausgegeben am 19. Januar,

Nach Rest wiekt Hydrochinio auf gewisse freilebende Informien schwächer als Chinio.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

III.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

19. Januar. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

1. Hr. Statue las über die Vortheile der Anwendung eines Reversionsprismas bei Doppelsternmessungen.

Im Laufe des recgangenen Jahres sind auf der Berliner Sternwarte Beschachtungen am ozölligen Refractor augestellt erurden, um die Urzachen der bei Doppelsternmessungen auftreienden systematischen Fehler nichte zu untersuchen und ein Verfahren zu erproben, welches kürzlich zu deren Beseitigung vorgeschlagen worden ist. Die Ergebnisse dieser Untersuchung fatten die grossen Vortheile des Reversionsprismus dazgethan und lassen durch eine zweckmässige Anwendung desselben einen erheldlichen Fortschritt in der Genausgkeit der Doppelsternmessungen erwarten.

2 Hr. Auwers legte eine von Hrn. Prof. J. Perers. Observator am hiesigen Kgl. Recheminstitut, berechnete Tafel einundzwanzigstelliger Werthe der Functionen Sinus und Cosinus vor, die in dem Anhang zu den Abhandlungen des Jahres 1911 zum Druck gelangen wird.

Die Tafel ist urspelinglich für die Bedürfnisse der mit Unterstätzung der Akademie von HH. J. Battschtwere und J. Perzee berichnsten schtstelligen Logarithmentafel angelegt worden und enthält die nomerischen Stats und Cosinus von 10' zu 10' durch den ganzen Quadranten und von 1" zu 1" für das erste Zehominuten-Intervall.

3. Hr Mayan legte einen Anfsatz von Hrn. Prof. Dr. R. Massyn in Leipzig vor: «Cyprische Syllabarinschriften in nichtgriechischer Sprache.» (Ersch. später.)

Zwei inschriftensteine aus Oxford mit cyprischer Schrift, die zum ersten Male eine Probe der Sprache der einheimineben Bevälkerung von Cypres geben.

4. Hr. Plance überreichte die 3. Auflage seiner Vorlesungen über Thermodynamik. Leipzig 1911; weiter wurden vorgelegt zwei Veröffentlichungen der Deutschen Commission der Akademie: Bd. 11 der Deutschen Texte des Mittelalters, enthaltend die Predigten Taulers, hrsg. von F. Verten. Berlin 1910 und von Wieland's Gesammelten Schriften der 3. Band der die eigentlichen Werke umfassenden 1. Abteilung, hrsg. von F. Hourven. Berlin 1910.

5. Die Akademie hat durch die philosophisch-historische Classe Hrn. Sacnau als Beitrag zu den Kosten der Herstellung eines Thesaurus der japanischen Sprache 12000 Mark. Hrn. Prof. Dr. Gustav Knon in Strassburg i. E. zu einer Reise nach Frankreich behufs Fortführung der Arbeit an seinem Werke «Die deutsche Nation zu Orleans» 800 Mark und Hrn. Privatdocenten Dr. Rudout Users in München zur Drucklegung seines Werkes «Hamann und die Aufhlärung» 500 Mark bewilligt.

Seine Majestät der Kaiser und König haben durch Allerhöchsten Eriass vom 14. December 1910 die Wahlen des ordentlichen Professors der romanischen Philologie an der Friedrich-Wilhelms-Universität zu Berlin Dr. Hannen Morr und des ordentlichen Professors der Kunstwissenschaft an derselben Universität Geheimen Regierungsraths Dr. Hannen Wölfplas zu ordentlichen Mitgliedern der philosophisch-historischen Classe zu bestätigen geruht

Über die Vorteile der Anwendung eines Reversionsprismas bei Doppelsternmessungen.

Von H. STRUVE.

Die von meinem Vater und auf dessen Auregung von Desmowski, Dunin, Binoumban, O. Stone u. a. angestellten Versuche zur Bestimmung der systematischen Korrektionen ihrer Doppelsternmessungen hatten die Notwendigkeit ähnlicher Untersuchungen dargetan und die Aufmerksamkeit der Beobachter auf diese für die Doppelsternkunde aberaus wichtige Frage, welche schon von Besser und W. Strove aufgeworfen worden war, gelenkt, hatten aber gleichwohl nur teilweisen Krfolg gehabt, weil sieh den Bestimmungen der systematischen Fehler sehr erhebliche Schwierigkeiten teils infolge der Abhängigkeit solcher Auffassungsfehler von allen möglichen schwer zu überschenden Uzsuchen, teils auch wegen Ihrer Veränderlichkeit mit der Zeit entgegenstellten und die an künstlichen Modellen oder an einzelnen Doppelsternen abgeleitzten Resultate sieh nicht mit genügender Sicherheit auf Messungen anderer Paare übertragen ließen. Diesen Gründen ist es wohl hauptsächlich zozuschreiben, daß man während der letzten Jahrzehnte von direkten Bestimmungen der systematischen Korrektionen ganz abgesehen und sieh darauf beschrankt hat, dieselben für die einzeinen Beobachter unter der Annahme, daß die Mittelwerte aus einer großen Zahl verschiedener Beobachter frei von diesen Fehlern seien. abzuleiten. Allein, abgesehen davon, daß dies doch nur ein Notbehelf ist, der außerdem eine beträchtliche Zahl gleichzeitiger und gleichwertiger Beobachter voransactzt und bei manchen sonst guten Beobachtern, wie die Erfahrung gelehrt hat, die systematischen Fehler so große Beträge erreicht haben, daß in solchen Fällen die Vereinigung der Messungen verschiedener Beobachter zu Mittelwerten nicht statthaft erscheint, so haben die in den letzten Jahren von den HH. Do-BERCK, LAU, LOBSE II. B. BUSGEführten Untersuchungen an verschiedenen Doppelsternbahnen es sehr wahrscheinlich gemacht, daß sowohl in den Messungen der Positionswinkel wie auch der Distanzen systematische

Febler vorkommen, die bei der Mehrzahl der Beahachter in gleichem Sinne wirken und daher in den Mittelwerten nicht elimintert werden, und haben damit aufs neue die Befreiung der Beobachtungen von ihren systematischen Fehlern in den Vordergrund gestellt.

Kinen wertvollen Beltrag haben in dieser Hinsight kürzlich die HH. SALEY and Boshus in Paris' geliefert, indem sie auf ein einfaches Verfahren aufmerksam machten, welches die Aussehließung der persönlichen Fehler bei Positionswinkelmessungen bezweckt. Das Verfahren besteht in der Anwendung eines gewöhnlichen Reversionsprismas, drebbar um die optische Achse, wie es bereits früher des öftern zu Untersuchungen über systematische Fehler benutzt worden ist. Während jedoch früher das Prisma nur dazu diente, die scheinbare Richtung der Komponenten abzuändern, um die Abhängigkeit der Messungen von dem Neigungswinkel der Verbindungslinie gegen die Vertikale zu untersuchen, so wird hier, wie es scheint, zum ersten Male, der Versueh gemacht, die persönlichen Fehler durch Verbindung einer gewöhnlichen Messung des Positionswinkels mit einer zweiten gleichartigen Messung mit vorgesetztem Prisma zu eliminieren. Siellt man nämlich das Prisma, das sich leicht auf dem Okular befestigen lassen muß, so ein, daß dir Kante desselben der Verbindungslinie des Doppelsterns parallel ist und demnach auch die scheinbare Neigung der Verbindungslinie gegen die Vertikale dieselbe bleibt wie bei der ersten Messung ohne Prisma, so wird infolge der Umkehrung des Bildes durch totale Reflexion am Prisma das Mittel beider Messungen frei von dem persönlichen Aufhissungsfehler sein, der bei der Schatzung des Parallelismus der Verbindungalinie mit den Mikrometerfäden begangen wird, während die halbe Differenz beider Ablesungen den Auffassungsfehler ergibt. So einfiels und bequem dieses Verfahren ist und so wesentliche Vorzüge es vor manchen früher angewandten Methoden zur Bestimmung der systematischen Fehler zu haben scheint, so ist es doch an eine Reilie von Voraussetzungen und Bedingungen geknüpft, die einer eingehenderen Prüfung bedürfen.

Von den HH. Salet und Bosam sind a. a. O. ein pear am Pariser Refraktor von 38 cm Öffnung ausgeführte Messungen mitgeteilt, welche für die Zweckmäßigkeit des Verfahrens, das im folgenden kurz die Prismenmethode genannt werden möge, sprechen. Zu einem gleich günstigen Urteil ist Dr. W. Hassenstein, wie ich anch einer privaten Mitteilung weiß, auf Grund einiger Messungen am Königsberger Refraktor gelangt. Angesichts der Bedeutung, welche dieses Verfahren in Zukunft erlangen könnte, schien es aber wünschenswert, die Be-

Bulletin astronomique XXV, S. 18, 1908.

obachfungen auf eine größere Zahl von Sterupaaren auszudehnen, sie unter möglichst verschiedenen Bedingungen auzustellen und damit zugleich die Voraussetzungen, von denen die Anwendbarkeit wesentlich abhängt, genauer zu untersuchen.

Auf die nabeliegende Anwendung des Reversionsprismas zur Untersuchung der Distanzuressungen soll hier nicht eingegangen werden.

2

Die im folgenden mitgeteilten Messungen sind im Laufe des letzten Jahres am Mikrometer des neunzolligen Berliner Refraktors zum Teil von mir, zum Teil von Dr. Gurusick ausgefährt worden. Das Objektiv, noch aus der optischen Werkstätte von Ergunnoren stammend, ist ein wenig astigmatisch, was sich namentlich an helleren Objekten und bei guter Luft durch ein krouzförmiges Aussehen der Sterne kundgibt. Imfolgedessen können bei Doppelsternmessungen an helleren Sternen Auffassungsverschiedenheiten zwischen zwei Beobachtern, die lediglich hierin ihren Grund haben und durch die Prismenmethode nicht beseitigt werden, stattfinden. Durch Vorsetzen einer Objektivblende von 13 em Durchmesser, die biswellen benutzt ist, lassen sich die Bilder beller Sterne in der Regel erheblich verbessern. An Sternen sehwächer als 5. Größe war der Astigmatismus nicht mehr deutlich zu erkennen.

Behufs Anwendung der Prismenmethode waren zwei der alten Mikrometerokulare von 250- und 440 facher Vergrößerung von Toepfer & Sohn mit neuen Fassungen versehen worden, welche so eingerichtet sind, daß man auf dieselben leicht und bequem ein Reversionsprisma der bekannten Form aufsetzen kann, ohne das Okular abzunehmen und seine Fokussierung zu findern. Durch Drehung des Prismas um die Achse, unabhängig von der Drehung des Positionskreises, kann seine Kante den Mikrometerfäden parallel gestellt, d. h. das Prisma in diejenige Lage gebracht werden, in welcher es bei der Prismenmethode zur Anwendung kommt. Ein kleiner Teilkreis mit grober Teilung erleichtert die Einstellung des Prismas. In optischer Hinsieht sind die beiden von Hensoldt bzw. von Toepfer bezogenen Prismen sehr befriedigend ausgefallen. Eine durch dieselbe verursachte Schädigung oder Änderung des Bildes ist selbst bei hellen Sternen nicht nachzuweisen gewesen.

Die Messungen erstreckten sich in erster Linie auf zwei nördliche Paare e Draconis und Σ28οπ, die bereits in der Liste der von Dranowsen zur Untersuchung der systematischen Korrektionen ausgewählten Sternpaare vorkommen: namentlich e Draconis wurde von

möglichst oft beobachtet. Hierzu kamen in der Absieht, späterhin Vergleichungen mit den aus Bahmelementen abgeleiteten oder von anderen Beobachtern bestimmten Ortern zu ermöglichen, einige Doppelsterne mit bekannter Orbitalbewegung von τ his 6" Distanz, wie η Cass.. α Piseium. ζ Caneri, γ Leonis, ξ Urs. maj., ξ Bootis, sowie einige undere Paare, die zur Beantwortung besonderer Fragen aufgenommen wurden. Sterne unter t" Distanz wurden nur wenige mitgenommen, da bei den ungünstigen Beobachtungsbedingungen in Berlin nur selten solche Paare mit genügender Sieherheit gemessen werden können. Es mag an dieser Siehe auch erwähnt werden, daß die Messungen gegenwärtig nicht nur unter der Undurchsiehtigkeit der Berliner Luft und häufig eintretendem Nebel zu leiden haben, sondern auch durch das beständige Zittern des Instruments infolge des Verkehrs in der Nühe der Sternwarte sehr erschwert werden.

Die Einstellungen wurden übereinstimmend von beiden Benhachtern immer in der Weise gemacht, daß die Komponenten in die Mitte zwischen die etwa 6-10" voneinander entfernten Mikrometerfüden gebracht wurden, und es wurde stets, wie ich das auch bei meinen früheren Messungen in Pulkowa und Königsberg getan habe, bei scheinbar vertikaler oder horizontaler Kopfhaltung (Verbindungslinie der Augen senkrecht oder parallel zur Richtung der Sterne) beobachtet. Diese Beobachtungsweise hat den großen Vorzug, daß das Auge in diejenige Lage gebracht wird, in welcher es kleine Richtungsänderungen am schärfsten wahrummt. Wir wollen die entsprechenden vier Stellungen des Begleiters durch a, b, c, d im Sinne der wachsenden Positionswinkel unterscheiden, so daß a und e die scheinbar vertikalen Stellungen (Begleiter unten oder oben), b und d die scheinbar horizontalen Stellungen (Begleiter rechts oder links) bedeuten. Daß es hinsichtlich der systematischen Korrektionen nicht gleichgültig ist, wie früher vielfach angenommen wurde, auf welcher Seite (unten oder oben, rechts oder links) der Begleiter sich befindet, selbst dann nicht, wenn die Komponenten nahezu gleiche Helligkeit haben, hat sich bereits aus früheren Messungen von mir (vgl. Beobachtungen des Neptunstrabanten S. (4) feststellen lassen und wird anch durch die jetzigen Messungen bestätigt.

Im folgenden sind zunächst die Messungen der beiden am häufigsten beobachteten nördlichen Paare ε Draconis und Σ 2801 zusammengestellt. An diese schließen sich die anderen Sterne nach den R.A. geordnet an. Unter A ist das Resultat der Messung von p ohne Prisma, unter B mit Prisma, unter C das Mittel beider gegeben. Jede Messung sowohl ohne wie auch mit Prisma berubt auf δ Einstel-

lungen, die kombinierte Messung daher auf 12 Einstellungen. Daneben ist die Richtungs der Verbindungslinie durch a, b, c, d, der Positionswinkel p-q gegen die Vertikale, von der Richtung zum Scheltel aus im gewöhnlichen Sinne gerechnet, ferner die Lage des Instruments (I Fernrohr folgend), die Vergrößerung und der Zustand der Bilder (5 sehr gut, 1 schlecht) augegeben. Bei den Steznen mit rascher Bewegung im Positionswinkel, wie n Cass., ξ Urs. maj., ξ Bootis, ist außerdem die Reduktion auf eine bestimmte mittlere Epoche hinzugefügt. Unter die Einzelmessungen sind (ohne Rücksicht auf die Vergrößerung und den Winkel p-q) die Mittelwerte neben die Epoche gesetzt, bei einigen der häufiger beobachteten Sterne auch die Mittelwerte für die einzelnen Richtungen getrennt gehildet. Die Distanzmessungen, die gelegentlich gemacht worden sind und hier nicht diskutiert werden sollen, sind der Kürze halber weggelassen.

Um jede Beeinflussung der Beobachter auszuschließen, wurden die Ablesungen des Positionskreises von einem Assistenten gemacht, die Messungen ganz unabhängig voneinander ausgeführt und erst nach vorläufigem Abschluß derselben vergliehen.

	1 ,2503	# Arraj		(4) (7.8)	1 = 370	Banh	AP SAM	1111	
			0=1	1870 m	1/ = +70%1				
Datum 1910	Siera-	done Prisma	Il mit Prima	$\frac{R}{\Delta + R}$	Run-	p-q	des des	Ver- gräßh- rung	ma
Mir A	ist our	3714	idas	6263	a.	567	1	250	3-2
9	6.75	3.22	Hirla	6.01	38	353	1	350	4
112	B 46	22/6	16.22	6.30	-40	18:	7	350	2
0.866	This	19287	0.27	121	. 4	- 6	1	11.10	4-3
3(i	10057	933	2.81	6.08	. K	-44	3	130	3-4
- 26	11.10	2144	8.05	6.63	100	+1	1	110	3-4
April z	18.39	11,115	0.07	780	- 4	13	1	940.	3-4
1.0	3.0149	2.79	8.87	531	16	49	-11	(680)	3
18	11 4.	10.40	2.07	0.30	A.	45.	31	449	1
- 11	9.3	2974	TEXAL	8.49	14	(30)	11	430	187
- 0	9.115	7.35	84.7%	16.52	4	83	11	210	3-4
1.2	Alaz	4/15	4.42	149		37	10	319	3-4
- 1Z	19 1/8	4/57	B 13	1 25	.01	30	П	patt	3
Junt 17	13:44	6120	6/82	4.88	6	6R	П	640:	3.
21	10. 39	2.50	4-34	greto	7.	116	11	110	3-1
Juli 14	41:33	6,19	3-55	5.83	9.	136	H	640	4
11.	ET. (69)	8:57	402	6.76	Ac.	331	11.	149	3
JE	18 3	STR	9/00	7:38	47	150	11.	610	1-1
1.09	25 (SE	710.72	4-02.	T-37	ň.	130	n	890.	3-1
1.6	17-14	9.70	6:33	7.60	4	134	11	8.40	5-1
Okt. 7	=1.37	4775	10.79	7.77	7	-17	4	9.45	+-3
6	73 24	9.019	270	- 77	d	204	-1	\$10	4-5
14	21 35	4194	8.00	6-45	3	336	1	au 15	2-1
43	21 8	TERU	7264	9,321	P	212	I	a-ati-	3.

Lutum	Stem-	dhur Priema	<i>D</i> mit Prisma	$\frac{\ell}{A+B}$		Rich-	p q	Laga des Instr:	Ver-	HIIA
Ola 19	0,25	2193	7794	5*45		16	2130	1	110	اودو
No. =	0.36	1.89	(600	DITE		of.	290	1	250	128
TARK IN	4.9	5.37	10.07	7.72		it.	593	1	250	12
12	1.0	143	00,77	7-51		d	391	1	230	-3
138	3.7	9/27	7:77	8,30		al .	110	1	150	- 3
181	Z 34	11.12	7 14	9/29		0	110	15	750	And
181	4 33	16-51	7.13	7.00		-16	330	1	150	300
Mitrol	a	5-11	Wi53	7-02	THE					
	6	9,47	1.19	0.72	(6)					
		6.22	1.38	0.80	(0)					
9	4	4.70	9.42	6.54	(3)					
	1910:48	7/09	101	7.00.	[38]					
							Sent, 1	Gara	re les	
Mars 8	6 50°	uttr	9100	7588		-14	357°	II	230	4
· ·	81 58	SAM.	0-43	0.08		19	30	11	950	1-2
19	7.38	4,91	047	5.49		12	5	17	230	2
April ()	9 48	6/13	7.30	6.97		a	-29	11	250	
11	10 4	2.50	ALDE	0.07		18	-32	II	H9.	3-3
Jigli au	19 4	1,50	7.50	8,50		-	166	1	-330	3
36	14.16	117	6.07	7.85			17/	1	830	3-2
Aug. 2	17 99	5017	7.53	0.73		6	136	11	F30.	2
Sipt. 16	20 10	7.43	8.78	8.11		90	117.8	1	630	3
6.6	30 28	499	2.47	16.32		186	206	L	254	3
20	20 50	5-47	6,99	9/29		0	217	1	110	1-0
29	JO 26	Fu97	6.52	6.33		40	103	-1	440	2
- 49	30 21	2-04	7-14	5/27		d	318	-1	4,411	3
30	31 (2)	-5/69	0.39	5.99		A	220	F	110	1-3
KARL I'M	23 %	5-14	8 5/2	7.93		d	- 305	T.	110	*
- 87	30 (6)	7.83	9.85	7,30		19	372	1	440	Z
Munel	-01	6.53	:2303	6.78	(4)					
	À	Sug	(632	6.33	(2)					
38	9.	1144	7.39	703	(7)					
	d	0.47	8-03	1)37(3)	(4)					
	1910.53	6.70	3.02	6.96	(66)					

		Y sBot	(7.8) (έη 3 = +39° ;	linkt 3	L IL Sy	UESE	
Dutina 1910	Stern teit	oline Prima	II mot Prisms	$\frac{C}{\pm i \pm B}$	Riching	prop	Lage dus lindy	Ver- grillo- ranz	ina
Märs 6	2 4 T	15473	19770	-7374 -2716	1	203"	1	350	2-3
44	93	172.3	273.3	272.7	4	344	F	250	3
26	10 (1	2112	271-7	371.6	4	388	t	110	1-4

Die mit einer Versebenen letten drei Beschachtungen konnten in den Mittelwerten alcht mehr berücksichtigt werden.

Datum	Sten-	d. One Pressure	nai Priama	14 H		finely turns		Laga din limtra	Ver- grafie- rung	Bud
April 2	84 3**	27020	#12%0	01179		18	3500	Ti.	(4.00)	3-2
10	11:23	271-7	273:2	27/8-5		d	295	111	-1±0	3-2
Juni 177	16 3	271537	374-5	173-9.		M	0.	H	744	2
18	16 18	77969	274.0	arab.		-16	T	П	440	0-3
238	49, 18	232.8	374-3	27,3.3		10	1	п	9.60	3
Juli to	17:37	268.5	275-7	273-1		-8	20	П	-8.10:	3-4
75	17.31	369.9	775.5	212.0		-4	30	П	4 at 2	4-3
79.	17 18	270.)	274.3	27,5(5)		0.	18	11	140	2-3
Albs. 7	21.58	277.0	- 571.2	2723		16	103	1	140	3-1
15	21 28	272.0	270.1	871/F		10	93	Ŧ	110	3
Mirtel	· a	170,50	175-15	273.52	(6)					
-	- 6	277.00	270.95	411.94	102					
	Lat	270-75	213:77.	272.25	16)					
	1910:42	-110/03	273.95	274.46	(14)					
							Beak	P. Gue	Littlering	
Mate 8	No. or a m	27378	37428	25441		il.	259	11	350	4
Juli 28	10 23	275.0	474.9	2730		8	5,7	1	330	1-4
Ang: 2	10.38	=70-4	371.5	271-0			-35	11	350	2-3
Sept. 25	21 4	\$74.5	272.3	273.6		6	84	- 3	250	7-3
	1910/53	273-41	:72:75	273.09	(4)					

	≥ 60	i Cave	lop	(4) (7-8)	e= 6	F3;	linol	L H, S	FRUVA	
	$\sigma = \phi^{k} a z^{k}$	9 / =	+si*+i'		Red. anf (410-30		Δρ	= +3îc	jähriich	
Mare o	6 53	240048	241774	24170	+0.01	1	180	1	1110	2
10	0.43	238.74	343.00	114	+000		187	1	250.	9-4
40	0:33	237.95	343:03	240.49	+0.67	10	789.	1	250	3-4
April 1	8. 23	840.79	- 842.37	247-19	+0.30	107	199	1	144	3-4
40	9.16	=39-43	342.75		+0.4=	-6	310	П	110	3-2
12.2	9.38	344-39	845-87	20149	F0.49	W.	212	11	440	1
Olt. 7	2) (5	444.44	443.3=	243-73	-452	4	146	11	140	4-3
N	50 10	243.29	210.37	212.03	-0.54	-41	110	П	440	2-3
215	20 46	241.07	243-37	347.17	—ti.≠8	-27	311	П	440	40
- 36	26 48	272.14	643-14	242.83	-0.04	1	311	П	440	4-3
Nov- tz	6.10	704.17	140,60	242.36	-0.72	6	tos	3	330	3
Noz. 6	= 17	249.03	311.37	243.10	-6.85	16.	647	1	250	1
Mirrol	- 4	243,23	29161	2424)	(3)					
4	1/1/	24 1.70	40.00		E53					
4	18	240.00	243.34		(6)					
	d.	241.75	магуо	100000	(1)					
	1910.50	241.59	343.28	241.94	(12)					

		Y ana	* P1	malos en	(3)°(4) 165079	+= 2/5 1 = +2/17	Beot	h. H. S	NOVE:	
18) 10) 10	E011	ohiis Priuma	O. mit Petinum	2+H =	liken-	1-0	Lag- des Instr.	Ver- grade-	Bild
Jan	- 67	2130	315714	314028	-315201	4	105/4	1	250	3-4
	17	2 10	313.24	318.38	315.01	d	ged	1	250	3-1
Mara	_	9 22	313000	316:17	314.73	7	20%	11	250	3-3
	3	0.34	313.85	317-13	315.50	a	278	11	850	2
2700	8	5-58	314-03	313-30	314.68	il	184	П	130	4
Chi.	3	0.24	313-34	314.97	314.13	- 10	133	-1	140	3-0
Nov	1771	1 00	313-39	115.00	314.30	Ess	324	1	£50	2-5
	- 54	1 18	3/3/95	315.82	314 88	ď	321	1	150	3-3
	12	1 13	333,85	114.85	3,14-35	19	320	E	320	2-1
=	4,1	1-45	313-29	316.47	313.87	-4	319	-1-	250	2-1
		1710.48	313-55	313.85	314.55	[10]				
		2.00					Book	P. Gur	Exit	
Jan	17	3 18m	384725	313734	313776	· ·	300	1	230	3:
_	17	3.44	311-17	313,64	314.58	at-	296	1	250	3
		1916.0	314.16	314.51	314-33	(2)				-

		¥ аба	Car	entop,	(01.57)	/= 30	Tieó	6. H S	THUYS	
				0=3	1 30 m8	# = +66° 57'				
Stärs	10:	1 16	250719	250792	250255	2	173	1	140	19.7
	13.	0 6	248-24	251.74	149.90		148	1	2371	2-1
-	16	6 57	249.25	230.61	249,96	10/	171	1	640	41
April		8.81	249.02	241.30	250-46		191	1	440	3-4
	16	2.7	248.90	231/64	250,27		202	ш	940	3
See 12	23	7 45	248.24	253.33	250.08	- 10	203	П	440	3
OFF	13	73 38	230.69	254.03	35239	W	398	П	440	1-3
	8	20 37	44744	#31/75	249.58	al.	316	П	440	2-3
	15	20 49	122.03	352-42	252.03	90	349	n	440	3-4
-	21	0.40	ganija.	254-07	331.98	7	16	II	840	-
Deig.	- 6	3 12	250.82	243.43	34420		90	1	# 3 0	Said.
		1910/30	249.3A	231.71	330.54	(1)			41	-

	STRIPPE: A	angendin	g dia R	evirentia	iamus lati l)appor	sternme	выпрен.	48
	US 545	B Aus	igan AL	(3) (8)	* = 2)	Ber	b. H. S	TRUES	
			*=3	Majiro 2	= +57° 13'				
Dutam	Siemo	4	H	0	-Octob		Lagn	Wer-	
1419	161	eline	hid	4+N	Mac	p-q	des	Biggs.	Elila
-		Prisma	Promote	-	9.001.012		Instr.	mili	
Marx 26	3" 15"	13878:	341177	34678	W	244	1	449	4-3
31	7 10	333.84		337.78	il	297	1	140	5-1
April (7 48	335:25		138.33	H.	297	1	440	3-4
0	10 38	337-39		338.23	W	290	II	410	3-2
ONT -3	10 2	333734		336.82	- 0	283	11.	440	3
Oss. 17	0 3	334-44	349 79	337-61	- "	9.6	I.	140	3-3
	13910.34	135.52	.121.18	338.35 (6)				
	1	12 ±56.	(6.7) (7)	1=07		Bonb	P. Gar	THE REAL PROPERTY.	
		100000		1 a175 #					
Mars 4	7 60	.116722	x 16855	116040	4	int*	1	250	19-33
- 3	7. 47	117:01		116.04	8	100	T	440	3
	1910.17	116.63		11572 (0)			77	-
		=					the same		
		1 to37		*= 028 2 020 d :		Boob	P. Gur	HEICK.	
Mars 4	8" 16"	394787	293710	Society	W	277	41	350	2
	4		Fr - 41				H Proces		
		2 170		7 - 1-1 1-1-2-2-1-1		Deten	P. Guz	Walter	
Miler 4	8, 12,	108773	103533	108222	A	917	1	250	.2
	3 2710		one Total del sei sei sea	(1) (3)	al-al-	Han	b. H. St	WPV4	
	- 2110	the sea for		Ma872 3		0.0	MI ARI NEI		
Mars 26	10 ² 1 ²	230797	233723	321701		179*	1	440	455
20	10 16	APRIL AND THE	223.30			178	D	150	4-8
स्कृती 🛪	8 41	216.43	172.52	22121	- 4	193	1	110	3-4
	1919-22	226.18	<u>+ + + , j n</u>	301.27	53				
			80	on P five	PHISTOR				
April &	A Cam	216,10	E00750	22(200)		187*	1	440	4-3
		2.1189	(2) 88	$i = x_i^* r$		Reio)	b. II. 51	h cru a	
				dyffe å:	+57'51				
Milita an	634"	38270	1+537	41763	- 6	nu*	- 11	640	
41	1 8	44.43	173-17	49.57	۵	8.41	11	446	4
23	7 30	30.52	-63.64	山内	10	48	11	440	
23	8 14	200-63	34.71	4049	6	17	Ш	4.40	3 4 4
26	7 41	44-25	39.41	tagt	y	0.1	H	1.00	4
Trail 44	T.34	18.11	A 1.103	10-77	18	72	II.	980	4
April 11	10 30	3911.	44307	11.59		192		410	3-1
	1020-23	39-8)	42-35	40-54	7)				

40.00		4,0	6-Septieral Auto	SERVICE AND	Hi In the	mint i	MITTE			
	2 1190	Conne	ei All.	(3) (5) 8 629	6) ====================================		Beat.	H. Sea	0.92	
		-			41-2-14-23	25				
Daram	Stere	4	B	0		Élan-		Lage	Vor-	
3916	niili	olina	100000	141		Title	9-9	des	graba-	Bild
		Prisus	. Prisim	14		Lines and		Inste.	rang	
Miles 5	7 9	3295(6	335502	332221		-18	1475	11	dest	-
18	9.15	128.88	and the same of	330.63		d	313	I	+4%	1
[819	6 32	329-43		370,80		- 10			140	-31
31	7 34	130.07		330.03			150	1	440	3-4
51	8 4	379-33	4.50	330-63		et.	340	II	4,00	- 8
April 3	8 13	330-9R		-		u	130	3	AND	1
-1	The same of the sa			331.01		-11	BRE	-31	110	3
	1010.23	329.72	331.90	330.55	(0)					
								/ m		
8.00	Van 16se	الجاللين				4	reep: E	Guen	8.8 E/AL-	
Mürz a	8 56		33/297	332743		a	314	1	230	2
31	59	379.05	339:13	129/59		d	318	1	410	3
	9.12	329,69	730.09	329.99		4	313	1	440	2-3
	1910.22	33%48	13971	330.60	(1)					-
			33.12	-	190.81					
	2 1494	71.0	omis i	(2) (5.4)	4 = 308	- 1	Beoh 1	1 STREET	Y'E	
				State.	r = +20					
dan za	7 12	177595	116905		11		1110	144		
März &	0 8					8	150	11	230	2
8		120.05	115700			19	13a.	H	330	3-0
	9:21	115-55	118.01			1	131	11	25	3-3
32	9.28	118.27	114.22	110.45		9.	TAU	11	25	4
- 32	9,43	114-17	TT9HB	110.33		8	125	П	230	-
	1910:16	117530	11653	116.92	(3)					
						48	anh is	Goras		
April 2	and not	117797	Ta a 270	a switter-					4.800	
man -	1150 3=	117793	31600A	137201		li li	119,	1	256	- 2'
	1523	& Ura	ae maj.	(O (E)	*= £	To 1	brak f	LSTREE		
	A			111	fied and	-		e savene		
-	= 11 1573	8 =	+32761		1910.30		Sp ==		lichek	
Man. 19	6445	1.7.86	0.600	- Factor						
		traffic	125"10	125,146	0;11	4.	190	1	250	3-2
Mlira 4	× 17	121400	173.23	7.3+此年	-2.27	4	-107	1	440	1-4
3	H 11	122.75	136-38	8.04157	-9.39	- 4	165	T	250	1-4
6.	5.21	LEELER	129.57	A. E. g. chief	-446	-	155	II	250	944
-94	0.05	t23.83	125 (10)	124.47	-0.24	10	F20	1	Ifau	1-4
30-	7 05	12397	103-50	124.71	-0.10	9	Trig	11.	440	1-3
April 1	5 40	+20.00	155-15	121.88	-0.11	100	164	11		2-3
Juni 18	15 30	F-7-44	121/97	123.30	+3.11	1	28	II		351
Juli za	17 5-	123:05	FF2F34	121.00	+0.51	à	34	II		
49	17 14	TERMS	19339	143.93	9-0.52	A	Ř.	n	FH0	1-1
65	16 34	lijaq	1.13/97	173294	+0.53	A	96	n		3=1
	1910 (0	023.04	E24.80	124.40	(12)		-	-	110	3-3
					1.16					
						R	66 16	German	2.0	
April 4	all are	TESTON	1874742	4 6 18 3 .	- 6				4.8	
126373	4 30	*********	12444	481523	-023 t		364"	H	140	1
		10.00								

	To be	soli de	-onie	(+1.12)	1	als	III.a	66. II. S	de de la company	
		diane and		11, 18,2		411		voc in o	LREVE	
		4	11	0	-	TANK.	100	Toron	Ver-	
Liatinn	Stame	ohine	mit	A+B		Tirh-	p=q	Lage	gralle .	1000
3919	reit	Primus	Prisma	*		Tmag	111-3	lastr.	Et and	a sector
Milita :	4° 6°	and Pink	42064	11970		34	\$15°	-1	230	4-3
fa.	1) 10	45.52	40.00	44.00		0.	Gris.	T	250	2-1
19	10 01	13.04	49.00	10:02		180	0.5	1	140	1
191	10.10	46.70	41.63	44.22		16	60	1	dito	3
*3	9 155	43.50	§8,22	45/01		10	63:	- 1	Ho	-2
Appl 4	LL W	42,63	43604	48-55		36	48	1	8160	-3
100	11 30	44.45	50.51	47.71		0	38	11	4.451	-3
Mal 11	11 27	42 17	- 4年封	45.95		- 10	43	.1	250	3
	1919-24	44.63	45 ₹1	45.23	[8]					
							Heat	P. Gur	ESICS	
ā) ed a	D 6	13704	data)	43776		N	48°	1	250	3
141	11 4	47.17	16-54	16.35		To	410	T	440	200
161	62.25	19.09	(6:09	47-59		ad .	0.9	.11	119	3
	1916.36	40.21	35.37	45-90		ei-				-
		7 8	200	700						
		2 1849	(8.9)	(i) h=	its		8.6	h H.S.	9 U T E	
			6=1	alazia	11=	+97°3	54			
Stire 19	10 37	15:57	32783	14520		h		1	Ha	3
Sr. lank	75 59	33-95	38 10	36.03		19		31	440	2-3
	1910.34	34.61	15.51	35111	(2)					- 10
		-	W 20		11.3					
	S 18	77 s.l	South	12) (6)	1=	2.8	Has	to H 80	REVE	
				ATGETS.		+2373				
April 1	10" 10"	379745	33175	130225		8	43*	1	646	7
3	10. 43	120 B7	730 81	130.34		1	45	3	440	3-4
26	13 40	110.11	333-45	111.80		Li.	5	п	440	3-1
50	12 13	331/47	33241	131.01		- All	- 4	П	410	2-3
ditti ora	18 15	331/25	231 53	132.40		W	390	II	440	3-4
13	18, 34	384.00	111 55	333.87		17	590	П	9.00	3
Old 8	19:57	130:17	333.74	331405		6	390	п	440	2-3
Matel	16/	110.39	331.88	331.08	(4)					
37711,021	4	111.88	331.00	331.00	(1)					
-	1910-43	-								
	1844.35	3,86446	332.53	551-79	(7)					
							Heob.	P. HOZE	(8) CE	
Jall 26	17 / 17 11	106564	334503	130031		al	24	E	440	1-1
26	17:32	302.25	TIE 10	32482		11	PUL	1	200	1-2
-18	16-38	jeguo	330.23	3=166		11	196	1	250	3-1
50	11 30	Auprop	33.0.00	00 61		of .	262	4	200	2-1
150	17 38	173-00	320 33	330 65	2	*	2710	- 1	LID	2-3
Artic 3	16 10	333 09	330.02	337 33		*	347	F	250	1
3	17 0	34139	53,2.29	Min.ch		4	396	1	350	12
- 11	17 70	320.00	333.95	331/81		il	795	, k	=30	1-2
							-	-		

725	a Frague	Sten-	A	U	1.0		THEFT		Lage	N 66-	
	310	init	ohne	mit	A+B		Kieh-	p = q	desi	große-	BBd
- 00	435		Prisma	Prisms	-3		tung		.Instr.	ring	
Aug	£ 10	16 48"	328242	332987	330065		il	297	181	350	31
	10	17 15	127184	330.01	329.38		1	204	1	- 350	4
	31	18 29	13131	330.70	331,03		d	280	2	250	3
Sympl	. 10	19.28	326.89	333-22	130.05		d	280		330	3
	16	19 48	349/TT	333.03	331/39		d	289	120	250	3.
	26	19 40	347.19	333-77	330048		īl	284	T	110	7-2
	20	30 0	331.00	33545	332.07		48	289	T	410	1-2
Mili	ol.				*****	2.5				-	-
APRICA.	20.0	H.	332.09	329:92	331.01	(2)					
-	-		328,23	332.75	330.50	(13)					
		1910.62	325.76	332-37	130.57	(13)					
		E 1888	€ Be	offe	(4-3) (6-7)	. 4=	224	Beat	Hist	A streets	
					17.54 15.00	Red.		800000	and a part mark.	EN PRE	
		4:=3	40 4578	$\ell = +1$	9531	auf		A 0 =	= -y= jal	intirds.	
					,-	1910.50	į.				
Apri	1 :	11 Om	140527	141754	raifgo	-1275		180	1	440	
-	4	11 30	139-49	144124	141.86	-1.70	-	0.77	1	146	3-7
	5	10-55	147-42	192.79	143,13	-1,68	6	180	ü	140	300
	29	12 58	140.95	143.65	142.30	-1-26	5	162	111	100	3-2
	30	12.48	341.57	141.37	141.97	-1.19	8	169	n	440)
Mai	19	13 56	142.00	140,77	141-39	-0.84		655	41	130	3-3
Juni	TI.	16 58	145.50	F39/30	149.63	-0.21	b	110	4	440	3
Juli	13	18 38	111.94	138.80	140 87	10.01	18	103	11	440	3
_	16	18 0	143149	130'01	141.25	+0.28	A.	ros	11	440	2-4
		1910.30	149/23	140.48	149.71	(19)					
								Bash	P. Guin		
Juli	20	17 0 m	142140	139730	140069	+0.52	3%	ing	I		
	28	17.20	147.74	138/75	140.73	+0.40	8	108	1	440	3
Aug	3	17 73	F40.54	130.42	139.08	+0.50	16	108	Î	250	3
	10	47 34	140.79	139.60	1,0.20	+0.77	8	Tipl	1	250	3
	31	19: 3.	141-17	140,00	Lipping	+112	6	101	î	250	-3
		1910.50	142.24	140010	14537	(5)				230	7
			0.5100.4			14.0					
		¥ 1909	444.0	Biolin .	64 W	256					
		- 5303	99.0		(5) (6) 15 ots	0 = 4 ²		Books, 3	Source	n Firm	
404	2	1.655m	71.63			1=4	-1913				
duli	3/2	176.53	293724	-313;34	243724		E	200*	T.	250	1-2
	25	37 40	243.05	24399	143-57		3	108	T	750	3-3
		1910:57	243144	243-30	243.40	(5)				-100	
		E 2130	11 Ikra	emants.	(3) (8)	e = a2	e.	Beob. 1	e (min)		
					1 3 3	δ = +9		2000-1	-17 U.S.B.	REUE	
तेवा	24	19340*	1,34255	135733	135210			162	180		
- James	7%	19 1	137-22	136-34	136.68		6	58*		230	1
Sept.	100	ao 19	136.49	130.49	130.34		b	31	1	239	1-2
	20	30 33	136.34	134-77	135:31		4	43	4	110	4
-		1910.61	13/020	135.62		2.1	12	63	3	190	3-3
		of A majoril	A Townson	4 33452	135.01	641					

2	a073 × C	ienge = s	(8) (8) 272 a		183 +71825		. Н. Sт	ипув.	
Miles 17: 857	The second second	(20)32 (21.50	121.33		h 4	123	E L	250 440	3-3
TOTO	70 123.14	130:91	102.03	(5)					
						Beeb.	P. Gira	BRICK	
Mars In. 165	a" 123°17	121227	12222		h	119	11	350	-2
dali 26 19 3		123.62	132.04		4	289	1	250	1-3
Aug. 2 46 4	1 151.31	123.74	122.78		of	280	11	250	2-3
1610	16561 64	122.88	122:54	(a)					

	2 484	, pc		(4) (5)	1 = 30		Book.	P. Our	A # 17 S	
Profits to the	194 04	cautas	125244		å'=+2	7	1600	1	250	3-3
Oku 2	19113/hn	127-89	121.34	127-57	(2)	U	128	, L	110	5-1

 $n = 22^{3}.4271$, $\delta = +77^{6}.59^{5}$ Mära 8 $3^{6}.43^{36}$ 255730 270730 267765 d 245^{6} II 450 4-5

3.

Aus der obigen Zusammenstellung sind die Vorteile der Prismenmethode sofort ersichtlich. Besonders deutlich treten sie bei meinen Messungen des häufiger und in allen möglichen Stundenwinkeln beobachteten Sterns e Draconis hervor, wo die Mittelwerte für die vier Hauptrichtungen bei den Messungen ohne Prisma um mehr als 5° voneinander abweichen, während sie bei den kombinierten Messungen innerhalb o°6 übereinstimmen. Ordnet man ferner die Messungen nach dem Neigungswinkel p-q, so erhält man für e Draconis:

p -q	d	B	1+B	Zohl da- M-sz
353°	7744	8200	7210	(2)
1.0	5.08	800	1.53	(7)
43	7-51	5.49	1-53	(4)
104	Rege	5-53	6.89	((r)
133	8.83	9-41	7.03	(3)
233	4.30	8.88	6.55	139
257	4.06	64-421	6.84	(3)
319	7/59	17.51	7-43	(3)

also ehenfalls eine befriedigende Übereinstimmung gegenüber den beträchtlichen Unterschieden in den Kolumnen A bzw. B. In den Messungen von Dr. Gutusick, welche sieh überhaupt durch große Gleichfürmigkeit und Genauigkeit auszeichnen, ist die Verbesserung der Darstellung zwar weniger auffällig als bei mir, bei einzelnen, namentlich hellen Sternen, wie e Bootis, jedoch auch sehr dentlich ausgesprochen. In welchem Maße die innere Übereinstimmung der Messungen in jedem einzelnen Falle verbessert wird, läßt sieh der folgenden Tabelle entnehmen, in welcher unter A der mittlere Fehler einer einfachen Messung, abgeleitet aus der Vergleichung aller Messungen A oder B, unter C der mittlere Fehler einer kombinierten Messung, abgeleitet aus der Vergleichung aller Messung, abgeleitet aus der Vergleichung abgeleitet auch der vergleich auch

gleichung aller Mittel $\frac{A+B}{2}$, unter y das Gewicht einer kombinierten

Messung, bezogen auf das Gewicht einer einfachen Messung als Einheit, aufgeführt ist. Durch die Angabe des halben Gewichts wird die kombinierte Messung auf die gleiche Zahl von Einstellungen wie die einfache Messung, im vorliegenden Falle also auf 6 Einstellungen, reduziert. Bei den rascher bewegten Paaren, wie η Cass., EUrs. mj., E Bootis, ist bei der Ableitung des m. F. auf die Bewegung Rücksicht genommen. Sterne, für welche weniger als 5 Messungen vorlagen, sind hier fortgelassen.

H.	STREET		of .	m. F. cincr olaf. Messang v Einst.	m. V. omorkomb Mesmog- 13 Einst.	Zahl der Messengen	p/2 Gewicht ciner komb. Mossung 6 Einst.
3:2603	e Drac.	(4) (7.8)	20)	±2762	±1°02	28	3/3
E-2801		(7.8) (8)	4.7	2.34	0.66	14	6.3
2 00	y Cass.	(4) (7.8)	6.3	1:58	0.50	12	3/2
E 307	a Pasc.	(3) (4)	2.3	1:45	0.51	10	3-3
2 262	i Cass.	(4) (7)	2.0	1.88	0.59	13	1.8
0.2 345	# Aurig.	(3) (8)	3.3	3.08	1.34	× 14	3.6
2 1187		(7) (8)	4.1	2.36	0.54	4	16.5
2 1190	€ Camera	(5) (5.6)	-1-1	1:73.	0.75	6	2.7
S 1434	y Loan	(2) (3.4)	3.8	1.07	2-47	3	9,6
2 1423	9 Drean mi	(4) (5)	2.9	0.90	9.52	4.0	-6.0
2 1536	Leon	(4) (2)	1.3	2.90	1.37	8	0.6
2 1877	* Boot	(3) (6)	4.8	1.00	1.22	7	9.9
2 2888	F Boot.	(4.5) (6.7)	2.7	1.60	0.46	9	6.0
1.0	ULBECK						()
2 2603	= Denc.	(1) (7.8)	2.0	1.71	0.80	16	1.0
2 1977	# Boot.	(3)(6)	Bitt	2.48	0.83	13).	4.4
2 1888	E Book	(4-5) (6.1)	263	1437	0.47	3	4.0
2 2572	70 p Oph.	(4) (6)	3,0	0.57	9.47	M.	0.7
							2.6

Eine kombinierte Messung nach der Prismenmethode hat hiernach im Durchschnitt etwa 3 bis 4 mal so großes Gewicht wie eine auf derselben Zahl von Einstellungen bernhende einfache Messung. Die Paare mit sehr ungleichen Komponenten werden von beiden Beobachtern weniger genau gemessen.

Ein weiteres Kriterium liefert die Vergleichung der von beiden Beobachtern gemeinsam beobachteten Sterne. Bildet man die Differenzen S-G zwischen den Resultaten beider Beobachter einesteils für die einfachen Messungen ohne Prisma (A), andernteils für die kombinierten Messungen (C), so erhält man

			R	Zald		Gow.	
			einf. Mess.	komb. Mess.		Inaa.	y
2 2603	# Drac.	(4) (7-8)	-0561	+0504	28	16	10.2
3 29b)		(5.8) (8)	一工油炭	-0.63	0.40	4	318
2 100	« Plac.	(3) (4)	-0.31	+0.51	10.	2	1-7
2 333	* krist.	(5.6) (6)	40.17	+0.19	2	T	0.7
N 1116	a Gent.	(2) (3)	+achy	+1.27	3	3	79-79
Σ 1196	€ Canuel	(3) (5.6)	-0.76	+9.15	Th	3.	1.0
¥ 1424	y Lison.	(4) (3-4)	-0.67	-0.09	5	*	9.35
Y 1593	E Ursan mi.	(4) (5)	+0.01	+0.29	T.I.		0.6
2 1530	Leoni	(4) (7)	-r.8a	-0.67	- 1	-3.	4.3
2.1877	· lipot.	(3) (6)	+2.30	+145	7	15.	4.8
7 1888	€ bloot	(4.3) (6.7)	-1.31	-0.16	9	F	3.8
¥ 2075	z Cephai	(4.3) (8)	+0.93	→0.52	21	3	1.0

Danieben ist die Anzahl der Messungen n_i n_j für jeden Beobachter und das unter der Voranssetzung gleicher trenanigkeit gefolgerte Gewicht der Differenz $g = \frac{n_i}{n_i} \frac{n_j}{n_i + n_j}$ gegeben. Mit Rücksicht auf die Gewichte ergibt sich die Quadratsumme der Differenzen:

bel den einfachen Messungen = 122.2,
kombinier(en Messungen (doppetr genoomen) = 49.0,

woraus ebenfalls auf die erheblich größere Genauigkeit der kombinierten Messungen geschlossen werden kann. Die Differenzen aus den kombinierten Messungen tragen den Charakter zufälliger Fehler und sind überdies nicht wesentlich größer, als man nach den obigen m. F. zu erwarten berechtigt ist. Die größeren Differenzen zeigen sich bei den helleren Paaren, wie alseminorum, e Bootis, und erklären sich wahrseheinlich durch die Unvollkommenheiten des Fokalbildes, nämlich das vielfach als störend bemerkte kreuzförmige Aussehen heller Sterne. Dem letzteren Umstande ist es wohl auch zuzuschreiben, daß die Messungen an Paaren mit sehr ungleichen Komponenten, wie die oblige Zusanunenstellung der m. F. lehrt, mit einer größeren Unsicherheit behaftet sind.

Zu einem bemerkenswerten Ergebnis führen ferner die aus der Vergleichung der Messungen mit und ohne Prisma fotgenden systematischen Korrektionen dp, nach den vier Richtungen a, b, c, d geordnet. Fassen wir zunächst meine Messungen ins Auge, so erhalten wir:

Denn	16.	TE	RECUI.	44.24	-

					210.00 1	P CALMEAN					
	B	ijdae	mg a				1.9	10	dp	pro-y	Virgi
	490	10	ite	1-4	Vergr.	4 Cuesings:	Okt.	7:	-004	5464	
E Dragonla	Mari	100	£3%5	20"	316			В	-1.2	310	449.
		18	HLF	353				15	-0.9	3/1	-
		10	+3-1	14	4				-	No. of	12
		16	+,2,0	- 00	440	· Plainm	Jan.	25	-0.7	300	210
		16	+0.0	84			Okt	17	+0.5	333	446
	April	3	+1-1	113			Nigri		+0.8	324	390
		10	+0.5	90				12	+0.5	340	
		Ell	+1.8	30		(20.				4.15	
		1.2	+3.2	-33	250	Cassiop.	Okt.	2	44.7	558	440
		12	+0.0	3.7	ii ii			13	4-0.6	314	
		12	+3.0	20	7446			29	443	18	-
2 5801	Juni	62	14.5	0	140	0 Ameigan	Okt				
		18	+12.0	3	12		- September 1	12	+3.5	21	440
		.21	-1-1-1	3	*	201189	März	21	-	27.4	
	Juli	14	+3.0	20			00000000		+3.9	69	440
		73	+3,8	30	*			23	+2.6	48	-4
		100	+3.0	18			April	36	3-2.0	51	-
							a special	2.5	3-2-5	357	+

	1910	ilji	p=0	Vergr		Richu	ung c		
₹ Cameri	Mirr -5	+277	3.17	440		1910	de	p-9	Farge.
1800	20	+0.5	350	-	= Draconis	Juli 14	-053	1369	110
	41	0.0	340			13	-1.4	139	-
	31	+1.3	339	-		10	=1.7	134	
	April 3	+0.1	328	2		ORE 7	+3.0	237	4
Leonis	Marz 19	J+3-5	62	440		Ed	+15	236	
	33	+3.2	-63	(R)		13	+2-1	225	
	April 20	+39	_38	- 6	a Cassion.	Mary 9	+5.6	280	110
	Mai 11	+3-3	42	250	In sympanity	to to	+4.7	187	440
2 1643	Juni 18	16:214	353	440		in	+2.5	185	9700
200 000						April a	+1.1	2200	440
= Bootie	April 1	+0:8	715	440		16	41.8	220	-
	ã	11-0.5	115	4		22	+1.5	ain	4
	29	sh1.5	5	91	and the second	A 160-			
	30	+0.5	- 7	-	Cassley	Mirz o	+04	173	110
						12	+1.8	148	250
	Richa	ing b				April 1	+0.7	678	340
	1910	de	$p-\bar{q}$	Vergr.		April 1	+13	202	
a Irracania	Mārz:26	-3*3	410			32	+24	293	
- Alleranie	April 10	F3	43	440			3000	-83	-
	Jun 17	→1×5	98		e Ariotia	Jan. 27	+0.3	121	250
	21	-1,6	110			37	+1.1	181	-
	dull 15	-1.3	134		a Geminorun	Mars 25	+0.6	-170	440
	46	-2.7	130	-		30	+4.2	178	350
2 1801	Okt. 7	-0.6		Ser.		April =	+1.5	193	440
× 2001	15	-14	103	440	4			4	
-141-1-		- 30	93.		y Loonle	Jan. 20	-0.9	130	350
4 Cassion.	Nov. 12	-1.8	104	350		Mirz 8	+13	137	-
- Samuel	Den o	-1.8	847			12	434	125	-
і Симіорі,	Dea. 6	-4.8	40	750	E Urman maj.		+0.6	119	320
2 1187	Mars 21	-1.6	66.	440		Mare 3	40.6	387	440
	25	-0.13	37	- 6		3	+1.8	188	\$25
	26-	-0.9	61			6	+0.7	135	3.
y Lehnis	Mars 8	-2.4	134	250		9	404	170	440
	1.0	-2.3	129	4.		April d	+0.8	189	*
E Urane mal.	Just est	- 44	7.8	1.46		asignin a	+1.3	164	
F to same must	Juli 14	-0.3	81	140	& Bootle	Apell)	-0.4	180	440
	150	-0.0	Sz	-		7	+2,4	477	
	16	0,0	Si	14		3.	40.7	180	-
Lennis	4					29	+44	167	
h Treatmen	Mars 5	7.4	11	320		30	+0.4	100	3
	5	-1.5	69			Mai. 19	-0.6	155	-
	April a	-2.6	60	140					
200	100	-2.1	48	*		Richtm	ur a		
Y 1643	März 19	-1-4	66	440		1910	do	ping !	Vanner
g Bootie	Juni 31	-1-5	110	440	a Parameter		1000		
	Juli 15	-2.1	103		· Dragoni ·	Okt. *	+179	266	449
	16	-3.3	105	4		Nov. 12	+4.5	290	1000
e Cophel	Mira in	-1.5	123	440		Then, 5	+24	290	250
Super	16	-0.7	131	110		14	+3.3	291	4
Sitzungs	benichre 11		-3-				7 773		

	1910	stje	2-9 Ve	gr	10000	N/A	0-9	Vergr.
2 2801	Miles 1	+471	363° F3	o (Bassiop.	Ulca 8	+252	310	44
	- 83	+2.2	244 -					
	16	+44	247 44	o # Aurigan	Mara 2	413.79	394	4(0)
	26	+0.0	- 10 m		11	+3,0	295	
	April >	4111	236 L		Apřil i	45.1	=97	-
	to	+0.7	200 +		1.1	+1.4	300	
« Cussion.	Oit: eq	482	311 44	ó	23	4-3.3	288	
· Piscinn	Jun 17	+主7	300 -23	g Cancel	Miles 16	+1.8	31.7	4.411
	Miles 3	+1.4	270 -	s House	July 14	41.5	290	City
	. 5	+1.6	258 -	e-100 H 2000				440
	-8	+0.6	280 -		Oht. a	-0:3	2100	*
	Nov. 9	+0.0	331 +		1796	+1.9	290	- 10
	13	******	310 .	OY 481	Miles &	+23	245	250

Man sieht, daß in den drei Richtungen o, c, d weitaus die positiven Korrektionen vorherrschen, während die Richtung b ausnahmstos negative aufweist. Und zwar scheinen die Korrektionen außer von der Richtung nur in geringem Grade noch von dem Gesichtswinkel bzw. der angewandten Vergrößerung abhängig, von der Heiligkeit und Helligkeitsdifferenz der Komponenten aber nahezu unabhängig zu sein. Bildet man die Mittelwerte zunächst getreunt für die beiden Vergrößerungen, so erhält man

	Richts	Richtung # Richtung b		nng b	Richa	ung e	Richtung of	
	de	Zulil der Moss.	dp	Zahl des Aless.	dy	Zalil dor Mesn.	de	Zahl der Me-
Verge zgo 440	+2500 +7.6+	(9) (37)	-1785 -1.51	(b) (⇒)	+1523 +0.57	(52) (23)	+3214 +1.03	(12)

also in der Tat eine geringe Abhängigkeit von der Vergrößerung, und im Mittel

		do	m. P.	Zahl der Mons	mittl. Dist.	risla dji	m, P
Richtung	icz .	+1211	कंडडी (क	(46)	2557	+0.071	±oloo#
	3	-1.60	20.17	(30)	3.47	-0.000	±0.00s
	0	30,00€	20.17	(39)	3,38	+0.053	±0.010
-	ď	441.83	主压力	(29)	2127)	+0.070	(£00004)

Ferner scheint eine Abhängigkeit der Korrektionen von dem Winkel p-q, den die Verbindungslinie mit der Vertikalen einschließt, trotzdem daß stets bei scheinbar vertikaler oder horizontaler Kopfhaltung beobachtet worden ist, d. h. die Verbindungslinie der Augen senkrecht oder parallel zur Richtung der Sterne gestellt wurde, bei

den vertikalen Richtungen sicher vorhanden zu sein. Man erhält namlich im Mittel

für die Richtung
$$a$$
:
 $dp = \pm 0.74$ m. F. ± 0.30 für $p - q < 0^{\circ}$ (17)
 $= \pm 2.28$ • ± 0.19 • > 0 (29)

für die Richtung et

$$dp = \pm 0.54$$
 m. F. ± 0.22 für $p - q < 1.80$ ° (23)
= ± 1.61 * ± 0.19 * > 1.80 (16)

In den horizontalen Richtungen dagegen ist, wenigstens auf Grund des vorliegenden Materials, eine Abhängigkeit von p-q nicht nachzuweisen.

Auf demselben Wege ergeben sich aus den Messungen von Dr. Gernstex die folgenden systematischen Korrektionen nach den vier Richtungen a. b. c. d geordnet:

			T	tent, P.	Gunnsien					
	Richm	ng-a				tyse		dp	6-4	Vergr.
	1910-	ilp	$\mu - q$	Vergr.	0.2 ish	Marx	4	4-073	101"	230
± }∥aconi∈	Mare 8	+:21	357	210			5	-Q.T	100	440
	40	+03	20		0 E 170	Main	1	-0.5	91	757
	127	+0.8	5	- 2	y Leonis	April			-	101
	Apeil 11	+0.2	29		-	stian	2	-1.0	110	250
	TE	-0.6	31	440	Loanis	April	*	-0.8	18	440
Z 2801	Attig. d	+0.5	5.5	250	E Bootin	Juli :	26	-03	111	440
ir Piseium						4	8	-2.0	108	250
IC 1.101641310	Jant 17	+41.8	396	250		Aug.	#	-0,6	roll	-
Clancil	Militin - 4	-29	319	zio		4	16.	-0,6	106	
	37-	+0.1	31)	440		1	11	-0.7	101	
Leonia	April 1	+0.17	18	250	pr Descontis	Juli: :	26	-0.3	56	350
	16	-1.3	29	440		Sept.	6	-0.2	ña.	110
194-10-	70.0		-			3	Zfs	-0.7	63	19.
· Hootin	Juli 20	-14	390	130	top Ophinehl	Aug. 1	ia.	+0.3	144	119
	Aug. 3	-0.7	297		(Academical)		1.5	+0.6	134	230
#.Denronia	Juli 24	+0.3	58	350		Sept. 3	iù	-0.4	135	440
\$ 2924	Ame: a	-15	28	440	e Cephei	Mises 1	12	-0.0	119	250
					μ Cygni	Our		-0.3	128	440
	Richtm	ing A			X ayay	Sept a	15	-1.3	65	140
	1910	de	F-9:	Vergr.		-	_			
* Dynamia	Aug 5	-1014	135%	250		Ric	darma	ig ir		
	Sept. 29	30,j	2.20	440		Taxo		ulp	0-0	Vergr.
¥ 3861	Jidi an	-4.5	- 83	350	+ Draconis		4	-130	1666	250
	Sept. 15	-20	14	-300	A designation		of a	-2:0	177	450
								-		

* Urunnis	161	i D	she.	9-9	Varge.		1910	de	j== j1.	Vergr.
	Sept	. 16	+024	198	ago:	E 2801	Mare 8	+025	139*	130
	-	16	+0.7	200				17.00	-Mary	1
		26	+0/8	317	440	a Pistinm	Jan: 17	-05	100	230
		29	D.7	105	F			-	-	-
	OH	37	0,3	113	*	£ 1037	Mary 4	+0.1	273	250
e Arietia	Jun.	47	+03	173	250	Cancri	Mars 31	+0.5		
· Gaminorum	April	2	+0.4	187	440	E. (COMMAN)	ments 34	350-2	318	140
¿ Ursaé maj.	April	*	+0.2	104	440	* Bootle	Juli 26	+3-7	294	440
as Baotia	Juli	36	-0.0	206	250		36	+3.6	193	250.
		18	-2.1	198			28	+20	200	×
The second second	4.77	- 100					30	+3.0	293	
700 Ophincht		28	-0.1	252	250		Aug. 2	+2.8	25(6)	
	Aug		+0:1	153	*		6	+2.0	295	
		10	-1-0.1	150	440		10	+2.2	297	
		31	-0.1	436	.=50		1.0	+1.5	294	-
	Sept	229	40.3	133	440		11	-0.3	289	- 1
a Cygnl	Juli	28	-0.9	160	250		Sept. 16	+3.2	289	
		70	200	555.	247		16	+1.6	289	
	133	Lehim	ng/d				26	+3.3	289	1440
							⊒6	retain)	289	
	191	0	uko	1-4	Verge:					
- Draconis	Sept	-	+122	3180	440	« Cephel	Juli 26	+1.0	- 289	350
	Okt	10	*1.6	363			Aug. z	+1,0	:80	

und im Mittel aus allen Messungen:

Richtung	神	m. P.	Zahl 1 L Moss.	Mint. Dist.	r-viu dy	m. F.
16	-0217	±0°27	13	uting	-0.003	=0.011
8	-a.55	±0014	22	2.30	-0.011	300.0€
F .	0.00	25.0,73	18	2.80	0/900	±0.006
sij.	41.65	40.36	21	2.59	+0.086	±0.014

In den horizontalen Richtungen b und d zeigen sich demnach bei Dr. Gutusuck Fehler in demselben Sinne, nur in etwas geringerem Betrage als bei mir, während seine Messungen in den beiden vertikalen Richtungen a und e als frei von systematischen Fehlern angesehen werden können.

Es ist nicht ohne Interesse, die obigen Ergebnisse mit früheren zu vergleichen, die von mir auf einem ganz anderen Wege bei Gelegenheit der Beobachtungen des Neptunstrabanten am 30 zölligen Pulkowaer Refraktor abgeleitet worden sind. Die aystematischen Fehler der Positionswinkelmessungen wurden damals in der Weise bestimmt, daß eine größere Zahl von Doppelsternen mit einem stärkeren Okular durch Bisektion mit dem Mikrometerfaden und gleichzeitig mit einem sehwächeren Okular nach dem gewöhnlichen Verfahren der Schätzung durch Einstellung zwischen den Fäden beobachtet wurde. Indem die Messungen durch Bisektion als nahezu sehierfrei angesehen werden konnten, ließen sich durch Vergleichung die Fehler der Schätzungen

bestimmen. Auf diesem Wege ergaben sich für die vier Richtungen folgende Korrektionen:

Richtmag	die	Zald d. Mess.	Mirst Disc.	* - min dp
100	4-2201	33	12508	+0'08'
1.6	-28.3	17	72.79	-0.165
10	+7314	32	12:12	+0.360
d	+23.8	28	20.56	+0.074

Die Distanzen der Sterne, welche damals speziell zur Kontrolle der Beobachtungen des Neptunsträbanten ausgesucht worden waren. waren durchschnittlich a bis 5 mal größer als bei der vorliegenden Beobachtungsreiher auch die Okularvergrößerung von 515 war damals noch eine stärkere. Unter solchen Umständen ließ sich eine vollständige Übereinstimmung dieser auf anderem Wege erlangten und um 18 Jahre zurückliegenden Bestimmungen mit den letzigen, bei der großen Veränderlichkeit der Auffassungsfehler, nicht erwarten. Immerhin ist es bemerkenswert, daß die früheren Bestimmungen dem Sinne nach die hier gefundenen Resultate bestätigen, indem sie zu positiven Werten in den drei Richtungen a, c, d und zu negativen in der Richtung b geführt haben.

Das Ergebnis dieser Messungsreihen läßt sich demnach dahin zusammenfassen, daß durch die Prismenmethode die systematischen Fehler in den Positionswinkelmessungen, die namentlich bei meinen Messungen sich als recht ansehnlich herauszestellt haben, über auch bei den Messungen von Dr. Gurnsick nicht zu vernachlässigen sind, in der Hauptsache eliminiert werden, und damit sowohl die Messungen jedes einzelnen Beobachters unter sich wie auch die Resultate der beiden Beobachter untereinander in wesentlich bessere Übereinstimmung gelangen. In dem unmittelharen Ausschluß der systematischen Fehler bei jeder einzelnen Messung liegt ein besonderer Vorzug dieses Verfährens und praktische Schwierigkeiten stehen seiner Anwendung nicht entgegen, da die Okulare leicht für die Aufnahme von Reversionsprismen eingerichtet werden können, und die Zeit, welche alsdann eine kombinierte Messung bei derselben Zahl von Einstellungen braucht, nur wenig größer ist als bei der einfachen Messung. Es wird sich empfehlen, die Zahl der Einstellungen, die bei diesen Versuelismessungen absichtlich etwas größer, zu je 6, genommen worden war, in Zukunft auf je 2 his 4 Einstellungen zu beschränken.

Bei den vorliegenden Messungen ist von beiden Beobachtern stets bei scheinbar horizontaler oder scheinbar vertikaler Kopfhaltung beobachtet worden, ein Verfahren, dem ich wegen der größeren Sieherhelt der Einstellungen entschieden den Vorzug gebe. Es versteht sieh aber von selbst, daß die Prismenmethode dieselben und vielleicht noch größere Vorteile bieten wird, wenn die Messungen bei normaler Kopfhaltung, wo die Abhängigkeit von dem Neigungswinkel gegen die Vertikale in der Regel noch größer ist, angestellt werden.

Desgleichen wird die Prismenmethode gute Dienste leisten, wenn die Positionswinkel nicht, wie hier angenommen, durch Parallelstellung, sondern durch Bisektion mit dem Faden bestimmt werden. Bei größeren Distanzen werden die systematischen Fehler in diesem Falle gering sein: sie sind aber sicher vorhanden, wie das u. a. an meinen Messungen von 61 Cygni nachgewiesen werden kann'. Und was die kleinen Distanzen anbetrifft, so halte ich es für einen Irrtum, wenn man glaubt, durch Bisektion mit dem Faden zuverlässigere, von systematischen Fehlern weniger beeinflußte Resultate zu erlangen als durch Parallelstellung. Ebensowenig wie bei letzterer der Beobachter sich das Urteil dadurch bildet, daß er die Entfernung der beiden Komponenten von den Mikrometerfälen abschätzt, was bei nahen Paaren viel zu ungenau wäre, vielmehr die Einstellung bei solchen darauf binausläuft, drei Punkte in eine gerade Linie zu bringen, so wird auch die Bisektion mit dem Faden bei engen Doppelsternen nicht als eigentliche Koinzidenzbeobachtung anzuschen sein, sondern nur mit Hilfe der Augenbewegungen zustande kommen, indem nan die Richtung von dem einen Stern zum undern mit der Richtung des Fadens vergleicht. Und es ist daher anzunehmen, daß die Auffassungsfehler hier von derselben Ordnung sein werden wie bei den gewöhnlichen Einstellungen. Ein Beweisfür das Gegenteil ist bisher auch noch niegends erbracht.

Auf ein paar Punkte bei der Anwendung der Prismenmethode, deren Beachtung die Sicherheit der Messungen noch erhöhen könnte, möge noch zum Schluß besonders hingewiesen werden.

Erstlich ist darauf zu schen, daß die Einstellungen mit Prisma möglichst unter den nämlichen Umständen, bei gleichem Luftzustand, gleicher Helligkeit des Gesichtsfeldes, gleichem Abstand der Faden, gleicher Kopfhaltung des Beobachters usw. wie die Einstellungen ohne Prisma erfolgen, weil solche Nebenumstände erfahrungsgemätidie Auffassung beeinflussen.

Sodam wäre es denkhar, daß eine Fehlerquelle bei der Anwendung der Methode, woran Anfänger auch Austoß nehmen, in der veränderten Einstellungsweise bei den Messungen mit Prisma, bei welchen die

Das Pane de Cygni ist von mie hindig am Königsberger Refraktor bestoeliter worden. Eine Verüffentlichung der Messungen, welche Dr. Hassessens zusammengestellt und diskuthert hat, wird in der desmächet erscheinenden Abteilung der «Königsberger Bestlaghtungens erfolgen

Drehung des Positionskreises zugleich eine seheinbare Drehung der Verbindungsline zur Folge hat, liegen könne. Man gewöhnt sieh indessen sehr bald daran, beim Beobachten mit Prisma, umgekehrt wie bei den gewöhnlichen Messungen, das Augenmerk auf die Drehung der Verbindungslinie zu ienken und die Fäden dabei als ruhend zu betrachten. Die Einstellungen lassen sieh dann ebenso bequem und sieher ausführen wie bei den Messungen ohne Prisma, so dab das geänlierte Bedenken schwerlich praktisch von Belang sein wird. In der Tat zeigen die ohlgen Messungsreihen keinen Unterschied in der Gemmigkeit bei den Beobachtungen mit oder ohne Prisma.

Von besonderer Bedeuiung ist es endlich, daß das Fokalbild im Fernrohr ein möglichst vollkommenes ist, da Fehler in demselben, wie unregelmäßige Form und Färbung der Sternscheibehen, Ausstrahlungen und Verzerrungen, nicht nur an sich die Beurteilung des Mittelpunkts an hellen Sternen erschweren, sondern auch, indem sie fin reflektierten Bilde nicht gleich; sondern symmetrisch geschen werden. zu einer veräuderten Auffassung der Richtung führen können. Beruht doch die Anwendbarkeit der Methode ganz wesentlich auf der Voraussetzung, daß durch die Zwischenschaltung des Prismas das Aussehen der Sterne keine merkliche Anderung erfahre, eine Bedingung. die infolge der Brechung und Reflexion im Prisma immer nur genähert erfüllt sein kann. Die Nachteile, bedingt durch ungenügende Form oder Schärfe des Fokulbildes, werden sich am meisten an sehr hellen Sternen bemerkbar machen, was auch die vorliegenden Beobachtungen bestätigen. Zur Verbesserung des Fokalbildes wird es sich empfehlen, von Objektivblenden häufiger Gebrauch zu machen, wo die Helligkeit der Sterne dies gestattet. Und dann wird man auch erwarten dürfen, daß die Auwendung der Prismenmethode den großen Instrumenten das ihnen zukommende Übergewicht über die kleinen Instrumente in höherem Maße, als es bisher der Fall war, geben wird.

Auf dem Gebiete der Doppelsterne ist während der letzten Jahrzehmte durch zahlreiche Neuentdeckungen, durch Sammlung eines grüben Beobachtungsmaterials, durch Bearbeitung von Doppelsternbahnen viel geschehen. Aber man muß gestehen, daß hinsichtlich der Genauigkeit und Sicherheit der Messungen seit den Tagen von W. Srauvz kein nennenswerter, der Vervollkommnung der Hilfsmittel entsprechender Fortschritt erzielt worden ist. Es steht zu hoffen, daß ein solcher eintreten wird, sohald das Reversionsprisma, das auch zur Untersuchung der Distanzmessungen von großem Nutzen ist, allgemeineren Elugang finder.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

IV.

DER

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

26. Januar. Offentliche Sitzung zur Feier des Geburtsfestes Sr. Majestät des Kaisers und Königs und des Jahrestages König Fautnaum's II.

Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

Der Vorsitzende eröffnete die Sitzung, der Se. Excellenz der vorgeordnete Hr. Minister von Taorr zu Sozz beiwohnte, mit einer kurzen auf die Doppelfeier des Tages bezüglichen Ansprache.

Hierauf hielt Hr. Neusst den wissenschaftlichen Festvortrag:

Über neuere Probleme der Wärmetheorie.

leh stehe vor der ehrenvollen Aufgabe, aus meinem Arbeitsgebiet vor Ihnen zu berichten: gewiß wäre es verlockend, ein bestimmtes Kapitel der physikalischen Chemie eingehender zu besprechen. Doch sehreickt die weitgehende Spezialisierung, die, falls man etwas Neueres behandeln wollte, damit verbunden wäre; sind doch durch die Vorarbett zahlreicher großer Vorgänger auf dem Gebiete der Physik und Chemie die Fundamente fast überall seit langem im wesentlichen festgelegt, und es muß daher notwendig Detailfragen behandeln, wer über neue Forschungsergebnisse zu berichten hat Lassen Sie mich also meinem Vortrage, der naturgemäß recht abstrakte Dinge behandeln muß, wenigstens dadurch eine zwar mehr persönliche, aber vielleicht etwas wärmere Färbung geben, daß ich eine Anzahl verschiedenartiger Fragen behandele, die in den von mir geleiteten Laboratorien in Göttingen und hier auf dem Gebiete der Wärmelehre von meinen Mitarbeitern und mir bearbeitet wurden, und zwar möchte ich sie in der Relhenfolge besprechen, wie sie sich mir aufdrängten. Das Bild, welches ich auf diese Weise von der Methodik eines wissenschaftlichen Laboratoriums geben kann, wird zwar nur lückenhaft und unvöllständig sein, aber wenigstens den Vorzug besitzen, daß ich aus eigener Anschauung und Erfahrung werde sprechen können.

Eine wohlbegründete Anschauung der neueren Physik erblickt im Wärmeinhalt der Kürper nichts anderes als verborgene Bewegung, die in einem Hins und Herfahren der kleinsten Teilehen des betreffenden materiellen Gehildes besteht und deshalb für den Beobachter nicht so direkt zuganglich und in ihrer Wirkung nicht so unmittelhar ist, wie etwa die Bewegung einer abgeschossenen Flintenkugel, bei der sich der Körper als Ganzes bewegt.

Diese Auffassung nicht nur ausgesprochen, sondern auch fhre Fruehtbackelt durch viele Anwendungen nachgewiesen zu haben, ist in erster Linie das unsterbliche Verdienst von Clausers.

Natürlich sind ühnliche Anschuungen mehr oder weniger vager Natur auch schoo vor Clausus hier und da gelegentlich geäußert worden; aber er hatte außerdem noch einen ihm fist kongenialen weitblickenden Vorgänger; der Fall ist so eigentümlich und lehrreich, daß ich ihn kurz erzählen will. Am 14. Dezember 1845 reichte J. J. Waterstos, ein sonst ganz anbekannter Forscher, der Royal Society in London eine Arbeit ein, die eine sehr vollständige Theorie der Wärme, speziell für gasförmige Körper, also für den Fall, der bis heute der einfachste geblieben ist, zur klaren Darstellung brachte. Aber die Wirkung dieser Arbeit wurde dadurch vereitelt, daß sie ungedruckt blieb; man legte ihr im Schoße der erwähnten gelehrten Gesellschaft keine Wichtigkeit bei, und Waterston selbst större den Schlummer seiner Arbeit in den Archiven jener Gesellschaft nicht. Erst fast nach sinem halben Jahrhundert wurde Lord Ravienan zufällig auf diese Arbeit unfmerksam und sorgte für ihre nachträgliche Drucklegung.

Man wird Lord Ravition beipflichten, wenn er in einigen einleitenden Worten daram hinweist, daß durch dies Mißgeschick die
Entwicklung einer der wichtigsten physikalischen Theorien um mindestens ein Dezennum verzögert wurde, daß man aber anderseits der
englischen Akademie ihre Verkennung der Bedeutung der damals sehr
neuartigen und scheinbar phuntastischen Ausführungen eines unbekanaten Anfängers nicht sehr stack wird verübeln können; ebensa
wird man es zwar bedauern, aber nicht zum Vorwurf machen, daß
der Auter in der Verbreitung seiner Theorie gar keinen Elargeiz entwickelt hat.

Als nun 1892 die vor etwa 50 Jahren geschriebene Arbeit hekunntgegeben wurde, bot sie ein wissenschaftliches Interesse an sich nicht mehr: die nachträglich erhobene Stimme des jungen Warraston mußte verhalten, weil der inzwischen weit vorangeeilte Wagen der Forschung sich anberhalb seiner Hörweite befand: man wußte längst, was in der Arbeit stand und noch viel mehr dazu. Auch wenn die Arbeit überhaupt nie aus Tageslicht gelangt wäre, würde es sich nicht um einen Verlust, sondern nach wie vor nur um eine Verzögerung für die Entwicklung der Naturforschung handeln.

Wie anders, wenn etwa der Hamlet einem solchen Schlekaal verfallen gewesen wäre! Ich fürchte, auch unsere heutigen Dramatikur würden diesen Verlust uns nicht haben ganz ersetzen können.

Man hat oft — insbesondere verdanken wir hierüber flatzmourz manche tiefgehende Bemerkung — über den Unterschied zwischen der Arbeitsweise des Künstlers oder Poeten und der des Naturforschers gesprochen; aber vielleicht treffen die obigen Beispiele den Kern dieses Unterschiedes besonders dentlich. Im Künstler offenbart sich die höchste Individualität, deren der menschliche Geist fähig ist; die Kraft der Naturforschung aber zeigt sich in der fast scholastischen Zusammenarbeit weiter Kreise, für die alle Verschiedenheiten der Sprache und selbst der Rasse ganz unwesentlich sind. In der Arbeitsweise des Künstlers einerseits, des Mathematikers und Naturforschers underseits haben wir wohl die beiden Extreme geistiger Tätigkelt zu erblicken, zwischen denen sich die übrigen Berufe einrelben; so ist z. B. die Betätigung des technischen Erfinders zwar von größerer Individualität als die des theoretischen Forschers, steht aber doch der letzteren weit näher als der Kunst.

Der Physiker und Chemiker speziell muß sieh also sagen, daß seine Arbeit nur Dinge zutage befördern kann, die bei der jetzigen intensiven Bebanung dieser Gebiete früher oder später sicherlich von anderer Seite gefunden werden würden.

Mancher Förscher, der sieh für durch und durch originell hält, wird dies vielleicht nicht gern hören; zum Troste mag ihm dienen, daß seine Resultate dafür, wir es scheint, unzerstörbare Bestandteile der Forschung bleiben.

Von experimentellen Fortschritten ist das selbstverständlich und im Gegensatze zu einer häufig geäußerten Auffassung, wonach die theoretischen Ergebnisse auf dem Gebiete der Physik und Chemie in einem fortwährenden Wechsel sich befinden, muß ich auch betonen, daß diese für die Physik und auch großenteils für die Chemie der letzten hundert Jahre, d. h. etwa seit Verwendung exakter Messungs- und Rechnungsmethoden, gewiß nicht zutrifft. Die gegenteilige Auffassung ist vielmehr auf folgendes Mißverständnis zurückzuführen.

Man darf ein sogenanntes Naturgesetz, etwa eines, um den besonders charakteristischen Fall zu nehmen, das sich durch eine matbematische Gleichung ausdrücken läßt, nie als eine Formel auffassen, in der die darin auftretenden Größen jeden beliebigen Wert annehmen können; sie ist ja bloß innerhalb bestimmter, mehr oder weniger enger Grenzen experimentell geprüft und alle unsere Erfahrungen sprechen dafür, daß jedes Gesetz bei seiner Anwendung an gewisse Gebiete gebunden ist. Wenn man daher in gewissen extremen Fällen wieder einmal ein Versagen eines an sieh brauchbaren Gesetzes findet, so ist es gänzlich verkehrt, von einem Fallen desselben und einem dallurch bedingten Umschwung unserer Anschauungen zu sprechen; man hat im Gegenteil nur die Schranken aufgefunden, die man aus irgemiwelchen Gründen bei der Aufstellung des Gesetzes noch nicht berücksichtigen konnte. Streng genommen sollte man allerdings nie ein Naturgesetz hinschreiben, ohne die Grenzen anzugeben, innerhalb deren man es zweifelles mit hinreichender Genangkeit anwenden kann.

So ist man sich vielleicht nicht immer bewußt, daß man bei Anwendung unserer Naturgesetze auf die lebende Zeile oder gar auf das Problem der Willensfreiheit eine Exaktheit und Sicherheit derselben voraussetzt, die experimentell in keiner Weise als bewiesen angesehen werden kann.

Auf der andern Seite stellt die erwähmte Aufbesung an den Forscher die Aufgabe, für alle wichtigeren Naturgesetze die Grenzen ihres Gültigkeitsbereiches zu präzisieren, wobei allerdings an den Scharfsinn des Theoretikers wie an die Kunst und die Hilfsmittel des Experimentators häufig ungewähnliche Auforderungen herantreten; dafür aber wird der neugewonnene Ausbliek auch um so weiter sein, je fundamentaler das betreffende Gesetz ist. Und man kann es geradezu als die Signatur der neueren Physik bezeichnen, daß auf diesem Wege mit überraschenden Resultaten gearbeitet wird. Ein spezieller Fall wird uns auf dem Gebiete der Würmelehre entgegentreten, dem wir uns nach diesen einleitenden Worten nunmehr zuwenden wollen.

Wenn der Wärmeinhalt wirklich aus der Bewegung der kleinsten Teilehen besteht, und wenn diese Bewegung um so intensiver wird, je böher die Temperatur steigt, so muß anderseits bei hinreichender Abkühlung diese Bewegung endlich zur völligen Ruhe gebracht werden können: Dieser Temperaturpunkt, der sogenannte absolute Nullpunkt, liegt nach verschiedenartigen Feststellungen, die weit genauer als bis auf 1/10° übereinstimmen, bei —273.09°. Dieser Temperatur hat sieh Kamenisch Osses in Leiden bereits bis auf wenige Grade genähert, als ihm jüngst die Verilüssigung des Heliums gelang.

Nach der herrschenden Theorie nehmen wir also an, daß die Bewegung der einzelnen Atome und natürlich erst recht diejenige der Moleküle von Elementen und Verbindungen bei dieser Temperatur aufhört; die im Innern des Atoms selbst stattlindenden Bewegungen aber, welche man zur Erklärung der Erscheinungen der Radioaktivität annehmen muß bleiben von der Temperatur unberühet und müssen daher auch beim absoluten Nullpunkt fortdauern, so daß derselbe also nicht ganz so radikaler Natur ist, als man früher vor Erkenntnis dieser Schranken unserer Auffassung über die Beziehung zwischen Wärme und Bewegung annehmen mußte.

Die Messung der Temperatur ist nicht nur eine der wichtigsten Aufgaben der Physik, sondern die messende Physik wurde überhaupt erst möglich, seitdem man brauchbare Thermometer hatte.

Derartige Instrumente gibt es nun in großer Anzahl; die theoretische Grundlage aber für alle solehe Apparate liefert in letzter Instanz das Luffthermometer, bei welchem die durch die Temperatursteigerung hervorgerufene Druckzunahme gemessen wird. Nach dem sogenannten zweiten Wärmesatz kann nun aber jeder reversible Vorgang, der sich mit der Temperatur ändert, zur Konstruktion eines dem Luftthermometer aquivalenten Meßapparates dienen. Wenn man z. B. den Dampidruck einer Flüssigkeit bei zwei Temperaturen bestimmt und die spezifischen Wärmen von Flüssigkeit und Dampf wenigstens angenähert kennt, so kann man den Dampfdruck für alle Temperaturen berechnen, und die Messung des Dampfdrucks liefert daher umgekehrt eine Temperaturbestimmung. Noch besser ist aber hierzu die Bestimmung ehemischer Gleichgewichte in Gasen geeignet, und in der Tat war es bei imsern Arbeiten möglich, auf diesem Wege indirekt das Gebier lufithermometrischer Messungen mich oben hin sehr zu erweitern; übrigens ist die Untersuchung des chemischen Gleichgewichts in hoch erhitzten Gasen, wie speziell die Dissoziation des Wasserdampfs und der Kohlensäure uml die Bildung des Stiekoxyds, auch an sich von wissenschaftlichem wie technischem Interesse.

Es ist nicht besonders sehwierig. Temperaturen von 2000° und mehr berzustellen und auch für die Zweeke der Messung hinreichend konstant zu erhalten; aber es fehlte an hitzebeständigem und dabei guschichtem Material: Platin und Porzellan sind bei diesen Temperaturen geschmolzen. Nach vielen eigenen vergeblichen Versuchen mit verschiedenartigen Materialien vermochte die Firma Heraeus mir schließlich kleine Gefaße aus Iridium zu liefern, in denen sich Dampfdichtebestimmungen bis zu 2050° ausführen ließen. Es zeigte sich sogar, nachdem durch die Konstruktion einer Anzahl Nebenapparate die Meßtechnik verfeinert war, daß derartige Bestimmungen sich verhältnismäßig leicht und genau ausführen ließen, und es gelang insbesondere, die Dissoziation des zweiatomigen Schwefelmoleküls in seine beiden Bestandteile nachzuweisen und ziemlich genau zu messen. Ohne auf die sonstigen mit diesem neuen Hilismittel von mir und später von vos Wartenberg gewonnenen Resultate einzugehen, sei nur das uit-

gemeine Ergebnis betont, dab die Gasgesetze sieherlich auch bei diesen hohen Temperaturen noch gelten; andernfalls hätten die aus den Dampfdichten nach Avosanzos Gesetz abzuleitenden Molekulargewichte Anomalien zeigen müssen, die eben ausbliehen.

Ein underer Weg, den in langiähriger Arbeit mein Assistent. Dr. Pura elmeie, führte noch erheblich weiter. Wenn man nämlich ein explosives Gas, das man in eine Bombe einschließt, durch einen Funken entzündet, so stellt sich sehr rusch eine hohe Temperatur. ber, die allerdings nach wenig Tausendstel Sekunden bereits um mehrere Hundert Grade gesunken ist, aber aus dem Maximaldruck der Explosion bestimmt werden kann. Schon Busses und später besonders La Chargiann in Frankreich und Lasers in Deutschland haben diese Methode zur Messung spezifischer Warme von Gasen benutzt. doch waren thre Resultate nur approximativ, weil die benntzten Instrunente zur Messung des Drucks nicht schnell genug den hier ungehener raschen Veränderungen folgten. Erst als dieser Übelstand erkannt und beseitigt war, konnte eine Methode geschaffen werden, die uns nicht nur spezifische Wärmen mit unerwarteter Genmigkeit zu messen gestattete, sondern vor allem auch einen Einblick in eine Aurahl chemischer Gleichgewichte bei sehr hohen Temperaturen ermöglichte. Insbesondere ließ sich beim Wasserdampf auf Grund der so gewonnenen spezifischen Wärmen die Dissoziation bis zu einer Temperatur von etwa 2000° rechnerisch verfolgen, und sie ergab sieh experimentell so groß, wie sie sieh unter der Annahme der Gültigkeit der Gasgesetze mit Hilfe des zweiten Warmesatzes auf dem angegebenen Wege berechnen ließ; auch hier wollen wir wesentlich nur das Resultat hervorbeben, daß demgemäß auch die Gasgesetze so weit als experimentell geprüft angesehen werden können. Ubrigens werden diese Messungen sich gewiß schrittweise bis zu noch viel höheren Temperaturen fortführen lassen, während für die oben erwähnten der Schmeizpunkt des Iridiums (23506) die Grenze bildet, Folgende Gasgleichgewichte wurden u. a. im Laufe der erwähnten Untersuchungen messend verfolgt:

$$z H_i + O_i = z H_i O$$

 $z CO + O_i = z CO_i$
 $N_i + O_i = z NO$
 $z H_i O + N_i = z NO + z H_i$
 $H_i + CI_i = z HCI$
 $z H_i S = S_i + z H_i$
 $CI_i = z CI$
 $S_i = z S_i$

Die Untersuchung einer größeren Anzahl von Gleichgewichten in Gasen führte nun aber zur Erkenntnis einer Beziehung zwischen diesen Gleichgewichten und der zu ihrer Herstellung erforderlichen Wärmentwicklung. Daß solehe Beziehungen existleren, hatte man schon lange vermutet, und die beiden großen Thermochemiker Junus Thomsex in Kopenhagen und Bramenor in Paris vertraten diesen Standpunkt; aber beide Forscher kamen zu der Erkenntnis, daß an eine einfache Gleichsetzung von chemischer Energie und Würmeentwicklung, was ja der nächstliegendste Ansatz wäre, nicht zu denken ist. Mir fiel nun auf, daß bei gasförmigen Reaktionen, wie

$$H_s + J_s = 2 HJ$$

 $H_s + Cl_s = 2 HCl$
 $2 NO = N_s + O_s$

das Gleichgewicht aus der Wärmeentwicklung nach einfachen Formeln wenigstens annähernd zu berechnen ist, und diese Beziehungen traten Immer auf, wenn man bezüglich der Zahl der renglerenden und entstehenden Molekülgattingen analoge Gleichgewichte in Parallele setzte, also z. B. unter sich wiederum die Reaktionen

$$2H_1 + 0_1 = 2H_10$$

 $0 + 0_2 = 200$
 $30_1 = 20$

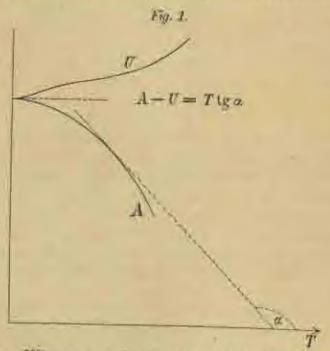
verglich. Aus dem ersten und zweiten Wärmesatz lassen sieh derartige Beziehungen nicht ableiten, und so vermutete ich denn, daß
noch ein dritter Satz ganz allgemeiner Natur existieren müßte, aus
dem u. a. auch die obenerwähnten Regelmäßigkeiten folgen. Diesen
Satz glaube ich gefunden zu haben; ich möchte ihn hier im einzelnen
um so weniger entwickeln, als unser verehrtes Mitglied Max Pianck
ihn vor kurzem in unserm Kreise in seiner Beziehung zur Entropiefimktion behandelt, außerdem in seiner soeben erschienenen dritten Auflage seiner Thermodynamik mit der meisterhaften Klarheit, die alle
seine mathematisch-physikalischen Deduktionen auszeichnet, eingehend
dargelegt hat. Hier will ich mich darauf beschränken, die Erweiperung zu besprechen, die das erwähnte neue Wärmetheorem im Vergleich zu den beiden Hauptsätzen der klassischen Thermodynamik
bringt, und zwar wollen wir der Auschauliehkeit willen einen bellebigen chemischen Prozeß ins Auge fassen.

Der erste Wärmesatz, unf eine chemische Reaktion angewandt, besagt, daß die mit derselben verknüpfte Energieänderung lediglich vom Anfangs- und Endzustande (welche beiden Zustände wir uns am einfachsten als gleichen Temperaturen entsprechend vorstellen wollen) abhängig ist und im übrigen nur noch mit der Temperatur sich andert. Der zweite Wärmesatz besagt für denselben Fall, daß, wenn der Anfangs- und Endzustand durch die gleiche Temperatur ehnrakterisieri ist, dann der betreffende Prozeß bei bester Ausnutzung einen ganz bestimmten Betrag von äußerer Arbeit (auch «Anderung der freien Energie» genannt) zu leisten vermag, der also ebenfalls nur vom Anfangs- und Endzustande abhängt.

Ohne eine neue Hypothese einzuführen, läßt sich dann zeigen, daß die beiden in den vorstehenden beiden Abschnitten definierten Größen (Energieanderung Γ und maximale äußere Arbeit A) durch eine Differentialgleichung initeinander und mit der absoluten Temperatur T verknüpft sind, die folgende Form besitzt:

$$A - U = T_{1g + 1}$$

worin z $\left(\text{tg z} = \frac{dA}{dT} \right)$ den Winkel bezeichnet, die eine an die A-Kurve im Punkt T gelegte Tangente mit der Temperaturachse bildet (vgl. Fig. 1).



Der neue Wärmesatz verbindet die erwähnten Größen noch wesentlich enger; er besagt nämlich, daß sie bei tiefen Temperaturen nur sehr wenig voneinander verschieden sind oder, geometrisch ausgedrückt, daß sie sich in der Nähr des absoluten Nullpunktes der Temperatur tangieren, wie es beifolgendes Diagramm, das für die sehr genau untersuchte Renktion

zutrifft, als Beispiel erkennen MBt.

Ohne eine neue Hypothese zu machen, läßt sich zeigen, daß die gemeinschaftliche Tangente parallel der Temperaturachse verlaufen muß. Übrigens ist naturgemäß der Satz zur Zeit nur auf solche chemische Reaktionen oder sonstige Prozesse anwendbar, bei denen wir U und A bis zu beliebig tiefen Temperaturen extrapolieren können, ähnlich wie ja auch der zweite Wärmesatz nur auf solche Vorgänge angewandt werden kann, für die die Bedingungen der Reversibilität gefunden sind.

Der erste Wärmesatz, den wir bekanntlich in erster Linie J. R. Mayen und Heramourz verdanken, und der zweite Wärmesatz, der nach seinen beiden Entdeckern auch das Prinzip von Cansor-Chaisius genannt wird, sind wohl die allgemeinsten Naturgesetze, die wir besitzen, denn sie sind auf eine fast unbegrenzte Zahl von Vorgängen anwendbar, die man in den physikalischen oder chemischen Laboratorien oder von unsern Sternwarten aus beobachtei. Man hat daher wohl geglaubt, daß gerade wegen ihrer allgemeinen Anwendbarkeit und wohl zweifellos erwiesenen Sicherheit hier eine Grundlage für eine möglichst hypothesenfreie Naturforschung gegeben sei.

Ich habe schon oft, z. B. in den verschiedenen Auflagen meiner »Theoretischen Chemie», Gelegenheit genommen, vor dieser Verkennung und Überschätzung der Wärmesätze zu warnen.

Zunächst ist nämlich mindestens der zweite Wärmesatz gewiß nicht auf alle Zustandsänderungen anwendbar; auch ohne an die psychischen Prozesse zu denken, hat es nicht den Anschein, als oh die neu entdeckten, wahrscheinlich völlig irreversiblen Erscheinungen der Radioaktivität einer quantitativen Behandlung durch den zweiten Wärmesatz überhaupt zugänglich seien.

Aber auch bei sozusagen ganz gewöhnlichen Prozessen, wie Verdampfung oder Dissoziation, versagt das Prinzip von Carron-Clausus überall dann, wenn der Temperaturbegriff seine Bedeutung verliert, und dies ist im Sinne unserer, gerade durch zahlreiche Beobachtungen der jüngsten Zeit so vollkommen gestützten Molekulartheorien stets der Fall, wenn wir materielle Komplexe ins Auge fassen, die nur aus einer kleineren Zahl von Molekülen bestehen

Schließlich — und hierin liegt die größte Beschränkung — fehlt in den Formeln der Thermodynamik der Begriff der Zeit; Geschwindigkeiten bewegter Massen, Reaktionsgeschwindigkeiten, Diffusionsgeschwindigkeiten, alles Größen, die fast bei jedem tatsächlich alch abspielenden Vorgang auch für den Experimentator von maßgebender Bedeutung sind, entziehen sich daher von vornherein der thermodynamischen Behandlungsweise; eine so mächtige Waffe sie daher auch für den Naturforscher ist, so verkennt man ihr Wesen völlig, wenn man ihr eine unbegrenzte Allgemeinheit zuschreiben oder gar andere logische Hilfsmittel als entbehriich bezeiehnen will.

Und ich muß hinzufügen, daß auch der neue Wärmesatz, wenn er auch die Zahl der ums bekannten Maßbeziehungen bereits sehr stark vermehrt hat und meiner Überzeugung nach bei seiner weiteren Anwendung und Lutwicklung viel stärker vermehren wird, hieran nichts ändert, weil er naturgemäß mindestens den gleichen Beschränkungen wir der zweite Wärmesatz unterworfen ist.

Als ich das erwähnte Wärmetheorem vor 3 Jahren aufstellte. ließ sich zwar damals schon eine Anzahl annähernder Beziehungen zwischen chemischem Gleichgewicht oder elektromotorischer Kraft einerseits und Warmeentwicklung underseits aufstellen, die auch durch ein reiches Tatsachenmaterial zu erhärten waren; aber eine befriedigend exakte Prüfung konnts ich an der Hand der damals bekannten Beobachtungsdaten nur in vereinzelten Fällen durchführen. Wenn wir nämlich z. B. auf einen beliebigen chemischen Prozeß den neuen Wärmesatz anwenden wollen, so müssen wir zu diesem Zweeke für eine beliebige Temperatur die Wärmeentwicklung U messen, was allerdings in sehr vielen Fällen bereits lange gescheben ist. Sodann müssen wir diese Größe bis zu möglichst tiefen Temperaturen berechnen, und zwar so weit herunter, his sie von der Temperatur praktisch unabhängig wird. Hierauf erst sind wir dann über den Verlauf der maximalen Arbeit und damit auch über den des chemischen Gleichgewiehts oder der elektromotorischen Kraft für alle Temperaturen orientiert: wir können sogar sehr einfach und genau die Kurve dieser Größe durch eine graphische Konstruktion finden, indem wir uns der S. 72 angegebenen Gleichung bedienen und mit derselben aus

$$\lg z = \frac{A - U}{T}$$

sukzessive die Richtung berechnen, in der die A-Kurve auszuziehen ist (vgl. Fig. t). So kann man prüfen, ob die auf diesem Wege erhaltene Kurve mit den Beobachtungen stimmt,

Um aber die Kurve der Wärmeentwicklung bis zu tiefen Temperaturen zeichnen zu können, gebrauehen wir einer von Kucunorr aus dem ersten Wärmesatz abgeleiteten Beziehung zufolge die Kenntnis der spezifischen Wärmen, und diese waren bis zu hinreichendtiefen Temperaturen kaum für trgendein Beispiel vollständig genug gemessen worden.

Obwohl auf dem Gebiete der Gasgleichgewichte noch mancherlei wichtige Fragen mit den von meinen Mitarbeitern und mir ausgearbeiteten Methoden zu untersuchen waren, so trat doch naumahr eine audere dringendere Aufgabe an mich heran, nämlich die möglichst

genaue Prüfung des neuen Wärmesatzes an einigen beliebig herauszugreifenden Beispielen; und zwar bestand die Ergänzung; die das historige Beobachtungsmaterial zu diesem Ende erfahren mußte, wie eben auseinunderwesetzt, lediglich in der Bestimmung spezifischer Wärmen bis zu möglichst tiefen Temperaturen hinab. Während bei der Untersnehung der Gasgleichgewichte aus den vorlier angegebenen Gründen die liöchsten nur irgend erreichbaren Temperaturgebiete der Messung zugänglich gemacht werden mußten, so entstand jetzt die Aufgabe, umgekehrt möglichst nahe zum absoluten Nullpunkt der Temperatur herabzugehen: während vorher als sekundare Hilfsmittel die heizende Wirkung von elektrischen Strömen und Explosionen beranzuziehen war, mußten wir nunmehr his andere Extrem gehen, namlich uns mit der Technik des Arbeitens bei der Temperatur der flüssigen Luft und des flüssigen Wasserstoffs vertraut machen, und der Wunsch drangt sich von selbst auf, künftig auch noch das letzte und stärkste Mittel in dieser Richtung, das flüssige Hellum, zur Ergänzung wenigstens in einigen wenigen Fällen heranzuziehen.

In der Regel wird der Leiter eines Laboratoriums, schon um die Betriebskosten nicht unnötig zu steigern, sich mit einem bestimmten Arbeitsgebiet, für welches er im Laufe der Zeit sich die nötigen äußeren Hilfsmittel eingerichtet hat, möglichst lange und eingehend zu beschäftigen haben; eine gewisse Tradition der experimentellen und theoretischen Methodik, die sich für dies Spezialgebiet in dem betreffenden Laboratorium dann von selbst ausbildet, erleichtert auch dem neu eintretenden Adepten das Verständnis und die Mitarbeit in hohem Maße. In unserm Falle aber verlangte die plötzlich auftretende Aufgahe, wie mir schien, gebieterisch die Inangriffnahme eines neuen Arbeitsgebiets, und ich hoffe, daß die gewonnenen Ergebnisse den einem solchen Wechsel der Arbeitsrichtung entsprechenden Mehraufwand gerschtfertigt haben.

Folgende Einschatung sei gestattet: ganz billig sind solche Versuche nicht: vorber war es der hohe Preis des Iridiums, eines Metalls, im Vergleich zu dem selbst das von allen Institutsdirektoren gefürchtete Platin sich einer gewissen Wohlfellheit erfreut, und zwar kam hier noch der durch die Zerstänbung des elektrisch erhitzten Iridiums eintretende Materialverlust als recht unangenehme Beigabe hinzu, der sich durch eine Überziehung der Iridiumöfen mit einer Glasur zus Zirkenoxyd und Yttriumoxyd zwar verringern, aber nicht völlig beseitigen ließ. Bei den jetzt zu besprechenden Versuchen kamen die Kostenfür flüssige Luft, die hier in Berlin zum Glück käuflich ist, und besonders für die Vorrichtungen zur Erzeugung noch tieferer Temperaturen mit Hilfe des unter hohem Druck sich entspannenden Wasser-

stoffs hinzu. Es ist selbstverständlich, daß für solche Untersuchungen der Etat unserer Institute nicht ausreichen kann, und so möchte ich nicht unterlassen, auch hier dankbar zu erwähnen, daß durch die Stiftung eines thermodynamischen Fonds von privaten Seiten die letztgenannten Arbeiten eine große Unterstützung erführen.

Es wurden nunmehr also hauptsächlich die Methoden zur Bestimmung der spezifischen Wärme bei sehr tiefen Temperaturen ausgebildet, und zwar war es besonders erwünscht, nicht nur die mittleren spezifischen Wärmen für ein größeres Temperaturintervall, sondern auch die einem bestimmten Temperaturpunkte entsprechenden wahren spezifischen Wärmen einer genauen Messung zugänglich zu umehen. Dies gelang schließlich dadurch, daß, wie ich im vorigen Jahre der Akademie eingehend berichtet habe, die zu untersuchende Substanz, sei es als massiver Block, sei es in einem mit Luft oder Wasserstoff gefüllten Silbergefäßeben luftdicht eingeschlossen, durch einen dünnen Platindraht elektrisch um z. B. ein Grad erwärmt wurde; und zwar befand sieh bei der eigentlichen Messung die zu untersuchende Substanz aufgehängt in einem möglichst vollkommen evakuierten und von flüssiger Luft oder flüssigem Wasserstoff umgebenen Glasgefäß. Der Platindraht diente zugleich als hochempfindliches Widerstandsthermometer; die Beseitigung der Wärmeleitung durch das Auspumpen der Luft und das fast völlige Fehlen der Strahburg bei so tiefen Temperaturen gab den Messungen eine ganz unerwartet hohe Präzision. Zur Ergänzung werden bei h
heren Temperaturen mit einem ebenfalls neu konstruierten Kupferkalorimeter die spezifischen Wärmen, die hier weniger veränderlich sind, über ein größeres Temperaturintervall bestimmt.

Damit war denn also zugleich die Möglichkeit gegeben, den neuen Wärmesatz für eine größere Anzahl von Beispielen genau zu prüfen, und zwar sind bisher folgeinle Fälle soweit durchgearbeitet, daß das obiger Figur entsprechende Diagramm gezeichnet werden konnte, das sich in allen gut untersuchten Fällen als den Forderungen des neuen Wärmesatzes durchaus entsprechend ergab:

```
S \, \text{monoklin} = S \, \text{rhombisch}
B \, \text{enzophenon} \, (C_s \, H_s \, . \, \text{CO} \, . \, C_d \, H_s) \, \text{amorph} \longrightarrow \text{kristallisiert}.
C \, \text{U} \, \text{SO}_s + H_s \, \text{O} = C_0 \, \text{SO}_s \, . \, \text{H}_s \, \text{O}
K_s \, \text{Fe}(\text{CN})_s + 3 \, H_s \, \text{O} = K_s \, \text{Fe}(\text{CN})_s \, . \, 3 \, H_s \, \text{O}
N \, \text{a}_s \, \text{HPO}_s \, . \, 7 \, \text{H}_s \, \text{O} + 5 \, H_s \, \text{O} = N \, \text{a}_s \, \text{HPO}_s \, . \, 12 \, \text{H}_s \, \text{O}
(C(\text{OOH})_s + 2 \, H_s \, \text{O} = (\text{COOH})_s \, . \, 2 \, H_s \, \text{O}
P \, \text{b} + 2 \, \text{Ag} \, \text{Cl} = P \, \text{b} \, \text{Cl}_s + 2 \, \text{Ag}
P \, \text{b} + 2 \, \text{Hg} \, \text{Cl} = P \, \text{b} \, \text{Cl}_s + 2 \, \text{Hg}
A \, \text{g} + \text{Hg} \, \text{Cl} = P \, \text{b} \, \text{Cl}_s + 2 \, \text{Hg}
A \, \text{g} + \text{Hg} \, \text{Cl} = A \, \text{g} \, \text{Cl} + \text{Hg}
Z \, \text{n} + \text{Hg}_s \, \text{SO}_s + 7 \, \text{H}_s \, \text{O} \, (\text{Eis}) = Z \, \text{a} \, \text{SO}_s \, . \, 7 \, \text{H}_s \, \text{O} + 2 \, \text{Hg} \, .
```

Die Aufstellung derartiger Zustandsdiagramme bietet nun auch, abgesehen von der Prüfung des Wärmetheorems, an sich genügendes Interesse, so daß die Untersuchung möglichst zahlreicher Fälle erwünscht erscheint; erst damit werden wir über die Statik der betreffenden chemischen Reaktion oder des betreffenden Vorgangs überhaupt hinreichend aufgeklärt sein. Der in jedem Falle einzuschlagende Weg ist klar vorgezeichnet; man wird zunfichst am liebsten einen Fall nehmen, bei dem das ehemische Gleichgewicht oder die elektromotorische Kraft mindestens bet einer Temperatur gut gemessen ist und wofür ferner hinreichend sichere thermochemische Messungen vorliegen, sei es, direkter Art, sei es, daß, was allerdings nur selten der Fall sein wird, die Änderung des Gleichgewichts oder der elektromotorischen Kraft mit der Temperatur sehr genan bekannt und damit eine thermodynamische Berechnung ermöglicht ist. Es bleibt dann nur noch übrig, die spezifische Wärme aller beteiligten Substanzen bis zu möglichst tiefen Temperaturen hin zu untersuchen.

Der schon vorgezeichnete Weg kann jedoch nur bei Reaktionen zwischen kristallisierten Stoffen und Flüssigkeiten, die sich beliebig stark unterkühlen lassen, eingesehlagen werden; bei Gasen oder Lösungen muß man mit Hilfe der Dampfdrucke oder Löslichkeits- bzw. Verteilungskoeffizienten auf obigen Fall umrechnen, was wohl häufig Schwierigkeiten experimenteller, nie aber solche theoretischer Art mit sich bringt.

Neben der Thermodynamik besitzen wir als logisches Hilfsmitteh um die Erscheinungen der Außenwelt nicht nur der anschaulichen Vorstellung, sondern auch einer quantitativen Berechnung zugänglich zu machen, in erster Linie noch die Prinzipien der Mechanik einschließlich der Lehre von den Fernkräften, ferner die Atomistik und schließlich die Hypothese des Lichtäthers. Für die letztere, die wir auch kurz als die «Theorie des Vakuums» bezeichnen können, besitzen wir zwar als sicheres Fundament den Extrakt ans den sehr genan studierten optischen und elektrischen Erscheinungen im Vakuum, wie er sich in den Maxwaus-Hunzzschen Grundgleichungen der Elektrodynamik niedergelegt findet; aber unsere Vorstellungen von der Natur des Vakuums, d. h. des von allen materiellen Atomen (einschließlich Elektronen) befreiten Raumes sind gerade in der letzten Zeit wieder sehwankend geworden, und man fühlt sich zur Zeit versucht, darauf das Wort des Dichters anzuwenden:

Um sie kein Ort, noch weniger eine Zeit: Von ihnen sprechen ist Verlegenheit. So wollen wir daher diese Fragen hier nicht weiter berühren; nur meiner persönlichen Auffassung möchte ich Ausdruck geben, daß die Belebung, die das Newrossehe Kraftgesetz und die erwähnten Formein der Elektrodynamik in der Zukunft einmal durch den Ausbau einer speziellen Ätherhypothese erfahren wird, recht von allen bisherigen Versuchen in dieser Richtung verschieden sein därfte. Aber wir wollen, wie gesagt, dieses Gebiet hier verlassen und zum festen Boden der Betrachtung materieller Gebilde zurückkehren, von dem sich bisher kein Naturforscher ungestraft zu weit eutfernt hat

Die Kombination der Primipien der Mechanik mit der Dauronschen Vorstellung, daß alle chemischen Elemente aus unter sich gleichartigen Atomen bestehen, der sogenannten Atomistik, führte zu der Entwicklung der kinetischen Theorie der Materie und damit, wie wir schon oben andeuteten, zur Erkenntnis des Wesens der Wärme sowohl wie auch des Begriffes der Temperatur. Der Wärmeinhalt besteht hiernach also aus der Euergie der Bewegungen der einzelnen Atomowie auch der Atomkomplexe, der sogenannten Moleküle, die der chemische Prozeß aus einzelnen Atomen bildet. Bei verdünnten Gasen bewegen sich die einzelnen kleinsten Tellehen frei wie die Meteoriten Im Weltenraum; bei Flüssigkeiten müssen die Moleküle wegen Ihrer grotten Nähe -wie Regenwürmer nebeneinander hindurchkriechen. (Borrzussa); im festen Zustande schwingen die Moleküle wie das Pendel einer Uhr um eine Ruhelage. In allen Fällen aber bestimmt die Intensität der Bewegung den Wärmeinhalt und somit meh die Tempermuir:

Derjenige, der nächst den Begründern der Wärmetheorie, nämlich CLAUSIUS, MAXWELL und van den Waals, um meisten und erfülgreichsten über diese Fragen nachgedacht hat, ist unstreitig Boltzmann, einer der größten Theoretiker aller Zeiten. Als sein Lebenswerk ist seine Darstellung der Castheorie zu bezeichnen, die Leipzig 1805 und 1908 in 2 Bänden erschien. In diesem Werke, das eine Fülle der scharfsinnigsten mathematisch-physikalischen Betrachtungen enthält; und das an vielen Stellen unseren experimentellen Erfahrungen weit voraneilt, sind sicherlich noch so manche Schätze zu lieben. Freilich darf nicht verschwiegen werden, daß der Autor über die Stärken wie anch die Schwächen seiner Theorie wohl nicht hinreichend die Erfahrung zu Rate gezogen hat; vielleicht wäre man dann schon früherzu einer prinzipiellen Erweiterung seines Standpunktes geführt worden, die man wet in neuester Zeit aufrand, obwohl schon einen sonst gegen jeden Wink der Natur so feinfühltgen Forscher wie Borrzsass manche Beobachtungen zu einer teilweisen Anderung seines Standpunktes håtten veranlassen können: wir werden bald sehen, wie diese nene

Erkenntnis nuch mit den hier zu besprechenden Ergehnissen in engste Beziehung tritt.

Jene Beobachtungen betreffen nämlich gerade Messungen der spezifischen Warme und, obwohl von mir, soweit es sich lediglich um die Prüfung meines Wärmesatzes handelte, die theoretische Dentung der spezifischen Warmen hätte außer Betracht gelassen werden können, so eröffnete sich doch anderseits die Aussicht, auf diesem Wege zu einem tieferen Einblick in das Wesen jenes Satzes zu gelangen. Es ist der Atomistik seit langem gelungen, die beiden Hauptsätze der Thermodynamik aus dem Verhalten der Atome und Moleküle berauszu arklären; für den neuen Wärmesatz war das gleiche zu hoffen und zu fordern.

Noch vor einigen Jahren war man, was die Theorie der spezifischen Wärmen anlangt, ganz auf die in erster Linie von Bouzzaans entwickelten Anschauungen angewiesen; uur wenige und kaum gelungene Versuche einer Weiterentwicklung wurden gemacht.

Boutsmanns Standpunkt war im wesentlichen folgender. Der Wärmeinhalt der Gase besteht aus der Energie der fortschreitenden Bewegung und der Energie der Rotationsbewegung; hierzu können noch die Energiemengen hinzutzeten, welche durch die Schwingungen der einzelnen Atome eines zusammengesetzten Gasmoleküls um ihre Ruhelage bedingt sind. Bei festen Stoffen — die Flüssigkeiten, bei denen die spezifische Wärme am kompliziertesten ist, wollen wir hier außer acht lassen — hat nam es wesentlich mit Schwingungen der Atome um eine Ruhelage zu tun, d. h. es verhalten sich die einzelnen Atome fester Körper wesentlich wie die einzelnen Atome der Gasmoleküle.

Macht man nun die Annahme, daß ein in sich rotierendes Atom keine merkliche Energie aufminmt und daß ferner bei gegebener Temperatur alle denkbaren Bewegungsenergien sich gegenseitig ins Gleichgewicht setzen, so ergibt sich eine Anzahl von allgemeinen Gesetzmäßigkeiten, die wenigstens zum Tell in auffällender Weise von der Erfahrung bestätigt wurden. Einatomige Gase müssen hiernach eine Molekularwärme von $\frac{3}{2}R=2.08$ besitzen, was übrigens sehon Chaustes geschlossen und Konot und Wannung für Quecksilberdampf zuerst bestätigt gefünden hatten. Bei den obenerwähnten Messungen von Dr. Pus ergab sich für Argon der gleiche Wert sogar in dem ganzen Temperaturintervall von Zimmertemperatur bis 2350° . Für mehratomige Gase, soweit man ihre Moleküle als starre Körper ansehen kann, folgen ehenfalls bestimmte Werte der Molekularwärme, die in vielen Fällen, wenigstens bei tiefen Temperaturen, auch wirklich gefünden

worden sind. Für feste Körper lehrt die Theorie, daß jedes Grammatom sowohl bei Elementen wie bei Verbindungen eine Wärmekapazitüt von 3R = 5.96 besutzt, was den von Derosa und Perir für Elemente gefundenen und von Newass und Korr auf die Verbindungen übertragenen Gesetzen entspricht. Diese in der Tat sehr auffälligen und an sehr vielen Beispielen beobachteten Gesetzmäßigkeiten setzten es außer Zweifel, daß man mit dieser Theorie jedenfalls auf einem nicht ganz verkehrten Wege sieh befand; aber auf der andern Seite fehlte es nicht an vielen Tatsachen, die wieder gar nicht in den Rahmen der erwähnten Auffassungsweise hineinpaßten.

So steigt die Molekularwärme auch solcher Gase, deren Moleküle bei tiefen Temperaturen sich wie starre Körper verhalten, mit der Temperatur deutlich an; dies war nur so zu erklären, daß die beiden Atome, z. B. eines Sauerstoffmoleküls, bei hohen Temperaturen in Schwingungen geraten; wenn dies aber geschieht, so mußte nach der obenerwähnten Annahme jede Schwingungsenergie auch sofort den ihr zukommenden Wert annehmen, während in Wirklichkeit nur ein ganz allmähliches Ansteigen beobachtet wird. Überhaupt steht die erwähnte Auffassungsweise dem Anwachsen der spezifischen Wärme mit der Temperatur, einer fast immer beobachteten Erscheinung, geradezu ratlos gegenüber.

Das Gesetz von Denose und Pettr ferner erleidet eine Anzahl deutlicher Ausnahmen, die sehon seit langem die Aufmerksamkeit auf sich gezogen haben; nähert man sich tieferen Temperaturen, so versehwinden diese Ausnahmen nicht etwa, obwohl hier die Theorie wegen der Immer kleiner werdenden Schwingungsamplituden der Atome immer genauer hätte zutreffen müssen, sondern sie werden im Gegenteil immer zahlreicher.

Vielleicht hätte man sich also bereits vor Dezennien bei sorgfältiger Durchmusterung des gesamten Beobachtungsmaterials sagen
können, daß die Ausnahmen gerade immer dann mehr oder weniger
deutlich hervortreten, wenn es sich um Schwingungen der Atome um
eine Ruhelage handelt, und, wenn man diesem von der Natur wohl
hinreichend deutlich gegebenen Winke weiter gefolgt wäre, so härte
man vielleicht schon früher zu einer fundamentalen Erweiterung des
mechanischen Bildes, das uns die kinetische Theorie über den Zustand
der Materie gibt, gelangen können. In Wirklichkeit aber wurde die
Lösung des Rätsels auf einem ganz anderen Wege gefunden, und ich
möchte den Weg um so lieber hier kurz auseinandersetzen, als der
Name eines Mitglieds unserer Akademie mit dieser hochbedeutsamen
und änßerst überraschenden Erweiterung unserer kinetischen Auffassungsweise für alle Zeiten verknüpft sein wird.

Bei seinen berühmten Untersuchungen über die Gesetze der Strahlung wurde nämlich Max Plance zu der Auffassung geführt, daß ein Elektron, welches um seine Rubelage schwingt, nicht jede beltebige Schwingungsenergie je nach Umständen aufzunehmen oder abzugeben vermag, sondern daß dies nur in bestimmten Stufen möglich ist; ein schwingendes Elektron, das sich mit der Umgebung ins Wärmegleichgewicht setzt, enthält daher entweder die Energie Nutl oder ein ganz bestimmtes Energiequantum oder das doppelte, dreifache usf; und zwar ist dies Quantum der Schwingungszahl des Elektrons proportional. Anschaulicher noch können wir dies so ansdrücken, daß man, um die experimentell sehr gut untersuchten Gesetze der Strahlung zu erklären, einem schwingungsfähigen, elektrisch geladenen Atom eine Temperatur von z. B. 1000° (absolut) oder gerade 2000 oder gerade 3000 usw. zuschreiben muß, wobei man natürlich nicht vergessen darf, daß die Temperatur, die man wirklich mißt, nicht diejenige eines einzelnen schwingenden Atoms ist, sondern ein Mittelwert, wie er sich nach dem Gesetze der Wahrscheinlichkeit im Sinne von Maxwents Verteilungsgesetz einstellt; dieser Mittelwert besitzt im Gegensatz zu der Temperatur der einzelnen Teilehen, die von Atom zu Atom schwankt, einen wohldelinierten Wert, wenn es sieh nur um eine hinreichend große Anzahl schwingender Teilchen handelt.

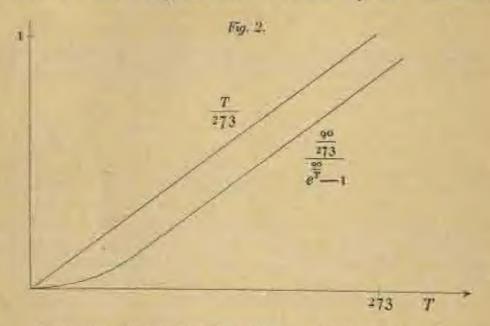
Plance hat diese Anschanung, wie erwähnt, nur auf um eine Ruhelage schwingende Elektronen angewandt, well ihn bei seinen theoretischen Untersuchungen lediglich die von derartigen schwingenden Gebilden ausgesandte elektromagnetische Strahlung Interessierte. Die logische Kraft, die in der erwähnten Anschanung steckt, offenbarte sich bereits in seinen Händen darin, daß er nicht nur seine mit allen bisherigen Beobachtungen stimmende Strahlungsformel hieraus ableiten, sondern auch aus den Konstanten dieser Formel die absolute Größe eines Elektrons und somit auch die der gewöhnlichen materiellen Atome in bester Übereinstimmung mit allen sonstigen Erfahrungen auf diesem Gebiete berechnen konnte.

Wenige Jahre darauf (1907) verallgemeinerte Easters die Plancesche Anschanung dahin, daß sie auf jedes sehwingende Atom, nicht
nur auf das schwingende Elektron, anzuwenden sei, und zog sofort die
hierdurch gegebene Folgerung, daß der Energielnhalt E kristallisierter
Stoffe mit der Temperatur nicht, wie Boltzmanns Theorie verlangte, der
absoluten Temperatur proportional, sondern im Sinne der Planceschen
Strahlungsformel

$$E = 3R \frac{g_i}{e^T - 1}.$$

d. h. zumächst sehr viel langsamer und erst bei hinreichend höhen Temperaturen letzterer proportional ansteigt.

Fig. 2 zeigt als ausgezogene Linie den Wert von 3RT, als punktierte Linie den Wert von E nach obiger Gleichung; wie man sieht, werden bei hohen Temperaturen beide Ausdrücke praktisch identisch



Aber auch die Einsteinsche Auffassung seheint mir konsequenterweise noch einer weiteren Verallgemeinerung fühig zu sein. Bei den
stark unterkühlten Flüssigkeiten haben wir es mit um bestimmte Ruhelagen oszillherenden Atome zu tun, so daß also auch amorphe Substanzen, wie z. B. die Gläser, die nach Tamanss Darlegung als unterkühlte Flüssigkeiten aufzufassen sind und daher keinen Schmelzpunkt
besitzen, der Planck-Einsteinschen Auffassung zu unterwerfen sein
werden. Sodann aber, und hierdurch wird eine weitere Reihe von
Schwierigkeiten beseitigt, die der Boutzmannschen Theorie anhaften,
wird die gleiche Auschanung auch auf rotierende Gebilde anzuwenden
sein, nur daß hier die der Schwingungszahl entsprechende Tourenzahl des rotierenden Gebildes nicht konstant ist, sondern mit der Lebhaftigkeit der Wärmebewegung zunimmt.

Nunmehr sind wir in der Lage, uns ein ziemlich vollständiges Bild von der Wärmebewegung in Gasen und in festen Körpern zu machen; die Flüssigkeiten wollen wir, wie schon betont, wegen ihres bei höheren Temperaturen aus mehrfachen Gründen viel komplizierteren Verhaltens hier außer acht lassen.

Der Energieinhalt eines einstomigen Gases besteht hiernach wesentlich aus der Energie der fortschreitenden Bewegung; Rotationsenergie kann, außer etwa bei ungeheuer hohen Temperaturen, nicht in merklicher Menge vorhanden sein, weil eine Rotation eines Atoms wegen seiner ungeheueren Kleinheit mit einer sehr bahen Tourenzahl verbunden sein müßte, damit eine merkliche Energiemenge hierin aufgespeichert werden kann. Bei zweiatomigen Gasen sind, wie schon BOLTZMANN annahm, aber jetzt wohl erst wirklich gerechtfertigt wird, Rotationen in zwei zueinander senkrechten Ebenen möglich, während eine Rotation um die Verbindungslinie der beiden Atome ans den gleichen Gründen wie oben bei gewähnlichen Temperaturen nicht merklich stattfinden kann. Außerdem aber können die beiden Atome Schwingungen um ihre Ruhelage ausführen; jedoch kann im Sinne der Quantentheorie die hierin aufgespeicherte Energie in um so grö-Bereu Beträgen, also erst bei um so höheren Temperaturen, in merklicher Weise aufgenommen werden, je schneller jedes Atom um seine Ruhelage pendelt. Ein Atom schwingt nun um so schneller, je fester es gebunden ist; anderseits aber wird nach der Plascaschen Formel die Energie bei um so höheren Temperaturen aufgenommen, je höher die Schwingungszahl der betreffenden Atome ist. So haben wir denn also zu erwarten, daß diejenigen zwelatomigen Gase, die erst bei extrem hoher Temperatur sich in die Atome spalten können, sich bei gewöhnlichen Temperaturen wie starre Körper verhalten müssen, während bei mäßig hohen Temperaturen dissoziierbure Gase schon bei gewöhnlichen Temperaturen Schwingungsenergie aufzunehmen imstande sein müssen. Tatsächlich haben die Messungen von Regnault, Strecker und anderen ergeben, daß Gase, wie Wasserstoff, Sauerstoff, Stickstoff, Chlorwasserstoff, Jodwasserstoff, Kohlenoxyd, die sieh sämtlich sieherlich erst weit über 2000° in die einzelnen Atome spalten, eine spezifische Warme bei gewöhnlicher Temperatur besitzen, wie sie Bourz-MANN für starre Körper berechnet hat, während diejenigen Gase, die sich bereits erheblich unterhalb 2000° in die einzelnen Atome spalten, nämlich Chlor, Brom und Jod, sehon bei gewöhnlichen Temperaturen merkliche Schwingungsenergie aufzunehmen vermögen und daher erheblich größere Werte der spezifischen Warme hesitzen.

Ganz ähnliche Betrachtungen lassen sich auch für die mehratomigen Gase austellen. Hierauf wie auf die Formeln, die sich aus diesen Anschauungen ergeben, muß ich mir ein näheres Eingehen

hente versagen.

Besonders fruchtbar erwies sieh die Quantentheorie in ihrer Anwendung auf die spezifische Wärme der festen Elemente. Der Weg zwar, den Eisseus selber einauschlagen suchte, nämlich die Ableitung der Schwingungszahl v der Atome uns optischen Messungen, hat sich bisher wenigstens als kaum gangbar erwiesen; die schwingenden Teil-

chen brauchen offenbar nicht notwendig sich optisch bemerkbar zu machen, weil es sich eben hier in der Regel nicht um Jonen, d. h. um elektrisch geladene Atome, sondern um neutrale Atome handeln wird. Aber Hrn, Lisdenaus, einem meiner Miturbeiter, der sieh auf meine Veranlassung mit Messungen der spezifischen Würme beschäftigt. gelang es ganz kürzlich in sehr einfacher und origineller Weise, diese Schwingungszahl aus dem Schmelzpunkt T., dem Atomgewicht m und dem Atomvolum V des betreffenden Elementes zu berechnen. Der allgemeine Gedankengung war folgender. Der Schmelzpunkt ist nach Lindenann dadurch charakterisiert, daß die Elongationen der Atome um ihre Ruhelage solche Beträge annehmen, daß die Atome zusammenstoßen und daß so der feste Verband der einzelnen Atome im Kristall zerstört, der Körper mit anderen Worten geschmolzen wird. Dieser Abstand ergibt sich nan aus dem Molekularvolumen; anderseits können wir den Energieinhalt beim Schmelzpunkt aus der spezifischen Wärme berechnen und da derselbe außer von der Schwingungsamplitude mir noch vom Atomgewicht und der Schwingungszahl abhängt, so let letztere als einzige Unbekannte zu berechnen. Die so erhaltene Formel lautet:

$$s = \text{const.} \sqrt{\frac{T_*}{mV^{\frac{3}{2}}}}$$
.

Damit sind wir aber in die Lage versetzt, die Atomwärme der Elemente bis zum absoluten Nullpunkt herab zu berechnen, und auf diesem Wege ist eine sehr umfangreiche Prüfung der Quantenhypothese ermöglicht.

Die Prüfung an dem von meinen Mitarbeitern und mir nach den ohigen Methoden erbrachten Beobachtungsmaterial hat nun in der Tat ergeben, daß mindestens in erster Annäherung der Verlauf der spezifischen Wärme durch sie wiedergegeben werden kann; allerdings scheint es, als ob bei sehr tiefen Temperaturen, etwa bei derjenigen des siedenden Wasserstoffs, die Abnahme nicht ganz so stark ist, als es die Formel Enstrass verlangen würde. Aber es ist ganz wohl denkhar, daß in den festen Körpern nicht alle Atome gleich fest an thre Ruhelage gebunden sind, sondern daß hier, z. B. deshalb, weil die einzelnen Bausteine des festen Körpers nicht aus einzelnen Atomen, sondern aus Komplexen derselben bestehen und daß in letzteren die Atome zum Teil fester, zum Teil lockerer gebunden sind, nicht eine, sundern mehrere Schwingungszahlen einzuführen wären; macht man diese Annahme, die gewiß von vornherein nicht unwahrseheinlich ist, so kann man zwar zur Zeit die Theorie nicht mit völliger Exaktheit prüfen, aber es bleibt doch auf der andern Seite die Tatsache bestehen, daß

Ersstens Formeln uns, wenn auch nicht über alle Einzelheiten, so doch über die Gesamtheit der Erscheinungen in anschaulicher und widerspruchsfreier Weise Rechenschaft geben, zumal wenn man damit die Hilf-losigkeit der älteren Theorie gegenüber den Abweichungen von Dulosa-Perris Gesetz und vielen andern Tatsachen vergleicht.

Das wichtigste Ergebnis aber, welches die Anwendung der Theorie von Planck und Einstein auf die spezifischen Wärmen fester Stoffe bisher erbracht hat, ist unstreitig die Aufklürung, die wir über das Wesen des Gesetzes von Denose und Perri dadurch erhalten haben. Dasselbe kann hiernach pur in den Temperaturgebieten zutreffen, in denen die Energie proportional der absoluten Temperatur ansteigt, und dies ist dort der Fall, wo die mittlere Energie eines Atoms merklich größer geworden ist als diejenige des ihm zukommenden Elementarquantums. Bei tiefen Temperaturen. In denen umgekehrt die mittlere Schwingungsenergie erheblich unter den Wert des Energiequantums berabgeht, ist der Energieinhalt und damit auch die spezifische Warme bedentend kleiner, als dem Werte 3 R = 5.95 emspricht; die oben erwähnte Auffassung des Schmelzpunktes setzt uns sogar in den Stand, das Gültigkeitsbereich des Gesetzes von Dulose und Perre von vornherein abzuschätzen. So wird die Ausnahmestellung, die speziell Diamant und Graphit besitzen, nunmehr einfach dadurch verständlich, daß diese Substanzen einen sehr hohen Schmelzpunkt und ein sehr kleines Atomgewicht besitzen: ähnlich verhalten sich, wenn auch nicht gans so ausgeprägt, Bor und Silizium, die bekauntlich ebenfalls schon bei Zimmertemperatur einen viel kleineren Wert haben, als es das Gesetz von Denose und Perer verlangt. Lithium gehorcht bei Zimmertemperatur trotz seines kleinen Atungewichtes diesem Gesetze, weil es einen viel niedrigeren Schmelzpunkt besitzt: Auf der andern Seite gehorehen Blei und, wie Politikus soeben veröffentlichte Messungen zeigen, auch Quecksilber bis zur Temperatur der flüssigen Luft noch gut dem Gesetze von Denova und Perer, well diese Elemente neben ihrem sehr hohen Atomgewicht außerdem noch einen niedrigen Schmelzpunkt aufweisen; bei der Temperatur des siedenden Wasserstoffs habe ich aber bereits auch beim Blei schon konstatieren können, daß hier die Atomwärme, übrigens auch quantitativ im Sinne der obigen Formel, auf etwa den halben Wert gesunken ist. Daß auch dieses Element den bei hinreichend tiefen Temperaturen allgemein geforderten starken Abfall der Atomwärme zeigt, ist gewiß eine weitere kräftige Stütze für die Theorie von Plasck und Eisstein.

Als ich mit einem selbstgebauten Apparat mir zum erstenmalflüssigen Wasserstoff darstellte, war es bereits aehr auffällig, daß ein an das Ausströmungsventfl des sich expandierenden Wasserstoffs anTemperaturahfall bis zum Punkte der Wasserstoffverflüssigung anzeigte; dies war nur so zu deuten, daß bei diesen tiefen Temperaturen die dieke Kupferspirale, durch welche dem Ventil der Wasserstoff zugeführt wurde, nur eine sehr geringe Wärmekapazität besitzt, wie dies aus den obigen Betrachtungen von vornherein abzuleiten war; denn das Kupfer ist ein Element mit mäßigem Atomgewicht und ziemlich hobem Schmelzpunkt. Die Messungen ergaben mir denn auch, daß Kupfer bei der Temperatur des siedenden Wasserstoffs noch nicht den zwanzigsten Teil der spezifischen Wärme bei gewöhnlichen Temperaturen besitzt.

Man hat wohl früher immer angenommen, daß sich die Natur gegen die Erreichung des absoluten Nullpunktes der Temperatur, also des Gebiets des Wärmetodes, wie man sich poetisch häufig ausdrückt, sehr stark sträubt; es ist aber nunmehr klur, daß der starke Abfall der spezifischen Wärme der Metalle und anderer Stoffe bei sehr tiefen Temperaturen umgekehrt den Weg dorthin in unerwarteter Weise erleichtert.

Zur Zeit ist die Quantentheorie wesentlich eine Rechnungsregel, und zwar eine solche, wie man wohl sagen kann, sehr seltsamer, ja grotesker Beschaffenheit; sie hat aber in den Händen von Plasck, was die Strahlung, in den Händen von Eisserns, was die Molekularmechanik anlangt, so reiche Früchte gebracht und ist, wie ich im vorstehenden angedeutet habe, auch so vieler sonstiger Anwendungen fähig, daß der Forschung die Pflicht erwächst, möglichst vielseitig dazu Stellung zu nehmen und sie der experimenteilen Prüfung zu unterziehen.

Wenn Newron, als er die moderne Mechanik schuf, den Weg zu den Erfolgen der theoretischen Physik ebnete, wenn Dauton in der Atomtheorie Physik und Chemie mit ihrem fruchtbarsten logischen Hilfsmittel beschenkte, so hat Phance in der Quantenhypothese eine wiederum ganz neunrtige Methodik naturwissenschaftlicher Rechenoperationen gefunden, und zwar ist diese bereits au nützliche Hypothese nicht etwa eine bloße Atomistik der Energie, sondern tatsächlich etwas ganz Neues, weil ja die Quanten je nach der Bewegungsart des betreffenden Atoms jeden beliebigen Wert von Null aufwärts annehmen können.

Natürlich aber wird der Wunsch rege, die erwähnte Rechnungsregel in irgendeiner Weise unserer Anschauung nüber zu bringen: dies
war bisher nicht möglich, aber ein Hinweis darauf, wo vielleicht der
Schlüssel zum Verständnis zu suchen ist, dürfte nicht zu gewagt sein.
Die Quantenhypothese tritt, wie die vorstehende Darstellung erkennen
ließ, immer da in Kraft, wo es sieh um Atome oder Moleküle handelt,
die um einen Punkt kreisen, und zwar mit Tourenzahlen, denen wir

weder in der Astronomie noch bei allen unseren eigenen Experimenten je begegnet sind (z. B. beträgt v selbst für die trägen Bleiatome über 10" Touren pro Sekunde!). Hier versagen also imsere bisherigen mechanischen Formeln und müssen durch die Quantenhypothese modifiziert werden. So sehr überraschend ist dies wohl nicht, wenn wir bedenken, daß es sich hier um eine Extrapolation der Gesetze der Mechanik handelt, die ganz ungeheuer die Grenzen der hisherigen Erfahrung überschreitet: überraschend ist nur die ganz merkwürdige Art und Weise, in der diese Abweichung erfolgt. Wenn also etwa, schon um z. R den in der Wärmeleitung der Kristalle bei sehr tiefen Temperaturen stattfindenden Austausch der Energie zu erklären, der nach den Versuchen Euckens sogar sehr lebhaft ist, obwohl bei den kleinen Amplituden der Schwingungen ein direkter Anstoß der Atome fist ausgeschlossen ist, die Newtonsche Attraktion, die dem Gesetz von Coulomn entspricht, durch eine den Amrikuschen Gesetzen analoge Erweiterung zu ergänzen sein wird, so dürfte diese Erweiterung doch anderseits zu völlig andersartigen Formeln führen müssen.

Die gewöhnliche kinetische Theorie der Gase operiert mit geradlinigen Geschwindigkeiten, und zwar mit Werten derselben, wie wir sie in der Ballistik kennen und wie sie aus der Astronomie in sogar viel größerem Betrage geläufig sind. Von einer Extrapolation der Gesetze der Mechanik ist hier also nicht die Rede: eine solche würde erst bei ungeheuer hoch erhitzten Gasen auftreten und, wenn die geradlinige Geschwindigkeit der Gasmoleküle mit der Liehtgeschwindigkeit kommensurabel würde, so wäre auch hier eine Abweichung von den bekannten Gesetzen der Mechanik und demgemäß ein Versagen der bisherigen kinetischen Gastheorie wohl mit größter Wahrsscheinlichkeit zu erwarten.

Wir sehen also — und hier können wir an die einleitenden Betrachtungen anknüpfen — auch das Grundgesetz der Wärmetheorie, wonach die Temperatur der lebendigen Kraft der kleinsten Teilehen proportional ist, hat seine Grenzen: für freie Gasmoleküle sind Abweichungen allerdings erst bei extrem hohen Temperaturen, hier aber wohl mit großer Sicherheit zu erwarten; für gebundene Atome liegen sie in der Quantentheorie, und zwar werden sie bei tiefen Temperaturen besonders deutlich. In keinem Falle aber werfen diese Abweichungen das erwähnte Grundgesetz, dem noch ein weites Reich seiner unumschränkten Herrschaft unterstellt bleibt, über den Haufen; daher würde man hier, wie in vielen Almlichen Fällen, Unrecht tun, wenn man wieder einmal von einem Umstarz einer lange anerkannten Theorie sprechen wollte!

Zum Schlusse wollen wir mit den neuen Gesichtspunkten, die wir für die spezifische Wärme inzwischen gewonnen haben, noch einmal den oben besprochenen Wärmesatz ins Auge fassen und prüfen, ob er nunmehr, ähnlich wie es für die beiden bereits bekannten Wärmesätze möglich war, etwa ebenfälls einer molekulartheoretischen Deutung fähig ist.

Der erste Wärmesatz, das Gesetz von der Erhaltung der Energie, ist eine unmittelbare Konsequenz aus den Prinzipien der Mechanik, wenn wir uns die materiellen Gebilde als aus einzelnen Atomen, d. h. Massepunkten bestehend, denken, die irgendwelche mir von ihrer Ent-

fernung abhängige Kräfte aufeinander ausüben.

Weit schwieriger ist das Verständnis des zweiten Wärmesatzes vom Standpunkte der Atomistik. Erst Bourzaans war es, der in einer Reihe sehr scharfsinniger Abhandlungen zu der Erkenntnis gelangte, daß alle diejenigen Prozesse, bei denen im Sinne des zweiten Wärmesatzes ein Verlust an freier Energie stattfindet, solche sind, bei denen die Atome aus einer unwahrscheinlicheren Konstellation in eine wahrscheinlichere übergehen; der zweite Wärmesatz ist daher ühnlich wie der Begriff der Temperatur, mit dem er ja eng verknüpft ist, ein Satz, der nur dann Gültigkeit, ja überhaupt einen Sinn besitzt, wenn man mit aus sehr vielen Atomen bestehenden Gebilden operiert, eine Bedingung, die in der Regel von seibst bei unsern Versuchen im Laboratorium, wie auch sogar bei der kleinsten lebenden Zelle hinsreichend erfüllt ist.

Sehr einsach gestaltet sich aber nun wiederum die Deutung des neuen Wärmesatzes. Nach der Quantentheorie sind auch bei endlichen, wenn auch biswellen sehr kleinen Entfernungen vom absoluten Nullpunkt der Temperatur alle sesten Stoffe, seien es Kristalle oder unterkühlte Flüssigkeiten, nur ungeheuer wenig von ihrem Zustande beim absoluten Nullpunkt selber verschieden; hieraus aber ergibt sich sofort als weitere Konsequenz, daß in diesem Gebiete, wie es unser Satz verlangt, die Kurven der gesamten Energie und der freien Energie praktisch zusammensullen, d. h. sich tangieren müssen. Und es würde sogar wenn, wie es die Formeln von Planck und Einstein verlangen, die untere Kurve in Fig. 2 beim absoluten Nullpunkt wirklich die Abszisse mit unendlich hoher Ordnung berührt, das gleiche von der gegenseitigen Berührung der belden Kurven in Fig. 1 gelten müssen.

Als Ergelmis unserer Betrachtungen können wir also hinstellen, daß die ganz verschiedenartigen Erwägungen und scheinbar gänzlich getrennten Gebiete, auf denen Planck arbeitete, als er die Theorie der Strahlung aufdeckte, und ich, als ich die Beziehungen zwischen chemischer Energie und Wärme zu enträtseln mich hemülite, nunmehr

in das gleiche Endresultat eingemündet sind. Im einzelnen sind natürlich zwar noch viele Lücken anszufüllen und Detailfragen zu beantworten, im großen und ganzen aber dürften die neuen Auschauungen über das Wesen der Wärme in festen Körpern und ihre Beziehung zur chemischen Kraft gesiehert dastehen.

Als ich im Laufe meiner Ausführungen u. a. die durch die Quantentheorie geschaffene Erweiterung unserer Anschauung vom Wärmezustand
der Materie schilderte, ist vielleicht manchem von ihnen die amüsante
Wendung eingefallen, mit der Gorrrann Keller sein Sinngedichts
beginnt: Als die Naturwissenschaften ehen wieder auf einem höchsten
Gipfel standen usw. : die hierin liegende Ironie mag berechtigt sein,
aber der Forscher kann den Optimismus bei seiner Arbeit nicht entbehren, weil er sonst verwirrt und mutlos vor der Fülle der sich
ihm aufdrängenden Gesichte den Blick zu Boden senken würde.

Und trotzdem müßte er als einzelner daran verzweifeln, aus dem Wirrwarr der Beobachtungen die harmonische Weise eines Naturgesetzes herauszuhören, wenn er in seiner Arbeit nicht zahlreiche Bundesgenossen fände Die Feinmechanik, die, einem Kunstgewerbe vergleichbar, durch das Talent und die Emsigkeit vieler Meister und Gesellen besonders in Deutschland zu einer wundervollen Blüte gelangt ist, fertigt ihm Instrumente, auf deren Präzision er sich verlassen kann; die Industrie, die Elektrotechnik an der Spitze, liefert die Hilfsmittel zur Erzeugung mannigfacher Energieformen, und unsere chemischen Fabriken, selber Stätten eifriger Forschung, ersparen ihm einen großen Teil umständlicher präparativer Arbeitslast; sehließlich liegen in den Methoden der theoretischen Physik erprobte logische Hilfsmittel von größter Mannigfaltigkeit parat.

Die Erfolge der Forselung wachsen mit der Zahl ihrer Jünger, die sieh gegenseitig in die Hände arbeiten; im Interesse eines schnellen Fortschritts ist es daher mit Freuden zu begrüßen, das Nordamerika und auch Japan schon lange zur Mitarbeit den älteren Kulturnationen sich beigesellt haben; von Sädamerika, Südafrika, selbst China und anderen Ländern wird ähnliches in immer steigendem Maße zu erhoffen sein. Jede Kulturnation aber muß sehon um der Bedeutung willen, die die naturwissenschaftliche Forsehung für die Wehrkraft, die Technik und die Heilkunde besitzt, danach streben, im eigenen Lande möglichst viel Erfolge zu erzielen; es ziemt sich daher, der größen Förderung zu gedenken, die unser erhabener Monarch, dessen Geburtstag wir festlich begehen, unserer Arbeit durch die Begründung der Kaiser-Wilhelm-Institute kürzlich hat angedeihen lassen. An Bestrebungen in dieser Richtung hat es ja bei uns in Deutschland zum

Glück nie gefehlt, und insbesundere hat unser verstorbenes Ehrenmitglied Farmuck Arvaorr auch hierin seinen weiten Blick bewährt.
Aber erst durch das Machtwort des deutschen Koisers, und, was die
Nation noch dankharer empfinden wird, erst durch das von der Opferwilligkeit vieler Patrioten getragene ganz persönliche Eingreifen Sr. Majestät konnte die Schöpfung ins Leben treten, die neue Mitarbeiter
und weitere Hilfsmittel den Zielen unserer Forschung zuzuführen bestimmt ist. An diesem schönen Worke mitzuarbeiten, wird auch
unserer Akademie nicht nur statutenmäßige Pilicht, sondern auch
Frende und Ehrensache sein.

Der Vorsitzende verkündete, dass die Akademie beschlossen habe, ihrem Mitgliede Hrn. Jacon Heisenen van't Horr in Auerkennung seiner wissenschaftlichen Verdienste die Helmholtzmedaille zu verleiben.

Über die Güvruza-Stiffung verkündet derseibe:

Dr. Cart Görtlen-Stiftung.

Nachdem Hr. Prof. Dr. Carl Gürrier in München mit dem 1. October 1910 den Gesammtbetrag der Aufkünfte von dem Capital der von ihm bei der Akademie errichteten Stiftung der Akademie überwiesen hat, tritt die Stiftung in Wirksamkeit und wird nach den Bestimmungen ihres in den Abhandlungen der Akademie, Jahrg. 1907. S. XX ff., veröffentlichten Statuts zunächst der philosophisch-historischen Classe den Betrag von 2300 Mark zur Verfügung stellen, welcher Betrag in einer oder mehreren Raten vergeben werden kann.

Die allgemeine Bestimmung des Statuts hinsichtlich der Zuertheilungen ist nach § 2 die, dass sie zur Förderung wissenschaftlicher Zwecke geschehen sollen, und zwar insbesondere als Gewährung von Beiträgen zu wissenschaftlichen Reisen, zu Natur- und Kunststudien, zu Archivforschungen, zur Drucklegung grösserer wissenschaftlicher Werke, zur Herausgabe unedirter Quellen und ähnlichem.

Hierneben kommt nach § 6 die Verordnung des Stifters in Betracht, dass dieses erste Mal die Zuertheilung erfolgen soll zu gunsten einer Arbeit aus irgend einem Zweige der Philosophie als der von dem Stifter selbst vertretenen Wissenschaft.

Bewerbungen im Zuertheilung müssen bis zum 25. October 1911 im Buresu der Akademie, Berlin W 35. Potsdamer Str. 120. eingereicht werden. Die etwaige Zuertheilung erfolgt am 26. Januar 1912. Alsdann wurden die Jahresberichte über die von der Akademie geleiteten wissenschaftlichen Untersehmungen sowie über die ihr angegliederten Stiffungen und Institute vorgelegt.

Sammlung der griechischen Inschriften.

Bericht des Hen, von Willamowitz-Morleshoure.

Der Druck von VI (Lakonien und Messenien, bearbeitet durch Hrn Kolbe) hat begonnen. Für XII 9 (Kuboin, bearbeitet durch Hrn Zubahrn) sind die Schriftproben ausgewählt, die abgebildet werden sollen, und die Tafeln hergestellt. Es hat sieh beransgestellt, daß ein Papier, welches die für akademische Publikationen geforderte Haltbarkeit besitzt, nicht zugleich für den Druck von Autotypien geeignet ist; daher werden in Zukunft die Schriftproben nicht im Text, sondern auf besonderen Tafeln gegeben werden.

Um das Material für die Inschriften von Arkadien zu sammeln (V 2), hat Freiherr Hingrs von Garringers das Land bereist und dabei auch die topographische Forschung dieses zum großen Teile arg vernachlässigten Landes betrieben. Er wird hierüber besonders berichten. Es war für das gunze Unternehmen von großer Bedeutung. dati der wissenschaftliche Beamte der Akademie in Athen und anderen Orten die persönlichen Beziehungen mit dem grischischen Gelehrten und den Schulen der anderen Nationen pflegen kounte. Sowohl die griechische Regierung wie die griechischen Gelehrten haben sich von neuem durch ihr Entgegenkommen und die einsichtige Förderung ihrer Unternehmungen den lebhaften Dank der Akademie verdient. Dasselbe gilt nicht nur von unserem deutschen archäologischen Institute, sondern von allen fremden Schulen. Insbesondere hat die British School auch diesmal wie in den früheren Jahren Abklatsehe der nengefundenen Inschriften aus Spartz beigestenert. Mit der französischen Schule ist geradezu eine Arbeitsgemeinschaft begründet. Denn in Ausführung früherer Vereinbarungen ist zwischen der Académie des Inscriptions et belles lettres und unserer Akademie ein Vertrag abgeschlossen, auf Grund dessen die delischen Inschriften (XI) im Rahmen und der Anlage und Ausstattung unserer Inscriptiones Graeene von der Pariser Akademie berausgegeben werden sollen. Der Druck des ersten Heftes, boarbeitet von Hrn. F. Dönnbach, wird noch in diesem Jahre beginnen. Wie ein solcher Vertrag nur zustandekommen konnte, wenn auf beiden Seiten außer der Übereinstimmung in allen sachlichen Fragen auch volles persönliches Vertrauen vorhanden war, so darf gehofft werden, dais das Werk, wenn auch entspreehend seinem Umfange nicht rasch, zur Vollendung kommen und dann der Wissenschaft nicht nur durch das überreiche Material, somben anch als Dokument einträchtigen und hochsinnigen Zusammenwickens

Förderung und Ehre beingen werde.

Die Sammlung der kyprischen Inschriften, von der im vorigen Jahresberichte zuerst Mitteilung gemacht wur, wird in erster Linie von der Kgl. Sächsischen Gesellschaft der Wissenschaften geleitet: doch mag auch hier erwähnt werden, daß der Beacheiter, Hr. R. Musten, selbst, namentlich zur Aufmahme der Cesnolasammlung, nach Amerika gereist ist. Kurz vorher hatte er von Funden Nachricht erhalten, die in Rantidi, nicht sehr weit von Paphos, gemacht waren, und in den Berichten der Sächsischen Gesellschaft einige Inschriften veröffentlicht. Das hat der Akademie Veranlassung gegeben, die Fundstätte untersuchen zu lassen. Hr. Dr. R. Zann, Kustos der Kgl. Museen, hat die schwierige Aufgabe mit ebensoviel Aufopferung wie Geschiek durchgeführt; der Bericht wird später erscheinen.

Für das Archiv ist die Exzerpierung namentlieh zur Ergänzung von XIV (Italien) gefördert. Einverleibt ist ihm das Manuskript von A. Bozokus Corpus, ein Geschenk, für das dem Enkel des großen Begründers dieser Unternehmung, Hrn. Landrichter Bozoku, wieder ein

besonders lebhaffer Dank auszusprechen ist.

Sammlung der lateinischen Inschriften.

Bericht des Hrn. Hinsonykan.

Für den VI. Band (Rom) hat Hr. Base nach Übernahme der Redaktion im Oktober 1909 seine Tätigkeit zunächst auf die Aufnahme und Revision der neuen Funde gerichtet. Diesem Zweck diente ein halbjähriger Aufenthalt in Rom (Winter 1909 to), zu dem die Akademie die Mittel gewährt hatte. Nach seiner Rückkehr war er vorwiegend mit der Bearbeitung des für das Austarium gesammelten Materials und der Ergänzung desselben aus den Publikationen der letzten Jahre beschäftigt. Die Drucklegung des Austarium und der Namenindices soll im Frühjahr 1911 begonnen werden.

Zu Band VII (Britannien) hat Hr. Havenstein in Oxford ein wertvolles Supplement eingesandt, das die etwa seit 1888 in Britannien gefundenen Inschriften nebst zahlreichen Nachträgen zu den früher gefundenen enthält. Dasselbe wird in der Ephemeris epigraphien Band IX Heft 4 demnächst zum Druck gelangen.

Hr. Bonsans hat die umfangreichen, aber sehr zertrümmerten Funde in Viterbo im Herbst 1910 geprüft und die fertiggestellten Nachträge zum XI Band (Mittelitalien) sodann der Drucklegung übergeben, obsehen der offizielle, für die Notizie degli scavi bestimmte

Fundbericht noch nicht erschienen ist. Der Druck der sonstigen Nachträge zu Etrurien und der längst druckfertigen zu Umbrien soll unmittelbar darauf beginnen.

Die Nachträge zu den Gallischen Inschriften (XIII, 1) bat Hr. Hinsch-TELD soweit fertiggestellt, daß ihre Drucklegung vor Ostern dieses Jahres wird beginnen können. - Hr. Franz in Heidelberg, der an Stelle des von der Corpusarbeit leider zurückgetretenen Hrn. von Do-MASSENSKI die Bearbeitung der Nachträge zu den Inschriften von Germamen (XIII, 2) abernommen hat, hat im vergangenen Jahr die Museen von Baden-Raden, Straßburg, Stuttgart und der Saalburg aufgenommen und die Exzerpierung der Literatur fortgesetzt. - Hr. Bons hat auch in diesem Jahre die Ausarbeitung des gallisch-germanischen Instrumention mar wenig fördern können. - Hr. Striser hat die Ziegelstempel von Obergermanien jetzt fast vollständig aufgenommen. Ergielig war besonders die mübsame Durcharbeitung des in Mainz aufgehäuften Materials: Für die Ziegel der Belgica ist mit etwa 2000 Abklatschen aus dem Trierer Museum ein Grundstock geschaffen. -Die Exzerpierung von Bund XIII für die Indices hat Hr. Sznatolawek abgeschlossen und mit der Ausarbeitung begonnen. - Die Karten von Gallien und Germanien hat Hr. Prof. Kurtschmen bis auf die aus den Nachträgen sich ergebenden Ergänzungen vollendet; dieselben werden demnächst dem Stieh übergeben werden.

Hr. Dresser hat die Abteilung der Gladiatoren- und sonstigen Tesseren für den XV. Band (Instrumentum der Stadt Rom) endgültig geordnet und die Ausarbeitung einzelner Klassen nahezu fertiggestellt.

Die Neubearbeitung des I. Bandes (Inschriften der Republik) ist von Hrn. Lommarzsen in München bis zum 75. Bogen zum Druck gebracht.

Das von Hrn. Dessau gemeinsam mit Hrn. Causar bearbeitete Auctarium zu Band VIII (Afrika) ist im Satz bis Bogen 188 gelangt. Die neugefundenen inschriften von Thugga, deren Zahl auf gegen 800 angewachsen ist und die sich jetzt im Druck befinden, sind wie bisher von Hrn. Poisssor freundlichst mitgeteilt worden.

Das in den vorjährigen Berichten erwähnte Supplement zu Band XIV (Lathum) ist, von Hrn. Desser hearbeitet, jetzt in der Ephemeris epigraphica Band IX, 3 erschienen.

Dem von demselben verwalteten Archiv des Corpus sind in letzter Zeit die bei der Akademie befindlichen Zink- und Holzstöcke und Kupferplatten zu Abbildungen in den früher erschienenen Bänden überwiesen worden; die Ordnung des umfangreichen Materials ist in Angriff genommen.

Prosopographie der rämischen Kaiserzeit.

Bericht des Hru, Hersonrum.

Den Druck der Magistratslisten haben die HH. Dessan und Kurns im vergangenen Jahr noch nicht beginnen können.

Index rei militaris imperii Romani.

Bericht des Hrn. Hinschrann.

Hr. Rettering ist auch in diesem Jahre durch amtliche Pflichten an der Fortführung der Arbeit verhindert worden.

Politische Korrespondenz Friedrichs des Großen.

Bericht der HH, von Schnopler und Kosen,

Der kurz vor Weihnachten erschienene 34 Band führt in 452 Nommern vom 1. Juli bis zum 31 Dezember 1773. Die Vorgänge, im die sich diese Schriftstücke gruppieren, sind vornehmlich die Warschauer Verträge vom 18 September 1773, durch die der polnische Reichstag die Abtretung der von Preußen, Osterreich und Rußland das Jahr zuvor in Besitz genommenen Gebiete genehmigte; die Zwistigkeiten zwischen Preußen und der Stadt Danzig wegen des Danziger Hafens und des Zollrechtes, sowie die Stellungnahme Rußlands und Englands zwischen den beiden Partuien; die schwierigen Verhandlungen wegen endgültiger Abgrenzung der polnischen kawerbungen Preußens und Österreichs; die fortgesetzten Bemühungen König Funduchs um die Wiederherstellung des Friedens zwischen Rußland und der Türkei und um die Ausgleichung des Gegensatzes zwischen Rußland und Schweden.

Seine Vorbereitungen für einen welteren Band hat der Bearbeiter unserer Sammlung, Hr. Dr. G. B. Volz, dem Abschlusse genähert.

Griechische Münzwerke.

Bericht des Hrn. DEESSEL

Das nordgriechische Münzwerk. Im November des verthesemen Jahres erschlen vom I. Bande die erste Abtheilung der zweiten
Hälfte. Sie umfasst die Beschreibung der Münzen von Odessos
(297 Nommern), die Prof. B. Pick noch vor seinem Rücktritt von
der Redaction des Bandes fertig gestellt hatte, sowie die von Hrn.
Realing bearbeiteten Münzen von Tomis (1218 Nummern): dem stattlichen Hefte ist eine Ergänzungstafel beigegeben. Die letzte Abthei-

tung des Bandes wird die Nachträge zu Dacien und Moesien, die Concordanzen und Register enthalten. Auch in diesem Jahre hat Hr. Realiso die Excerpirung der neu erschienenen und zum Theil auch älterer Litteratur für Band II (Thracien) und III (Maccionien) ausgegeführt oder überwacht.

Das von Hen. Strack in Giessen gelieferte Mannscript für den ersten Faseikel des II, Bandes (Thracien) ist im November zum Satz gegeben. Die für diesen Faseikel bestimmten 8 Tafeln wurden im Laufe des Sommers unter Aufsicht des Hrn. v. Farzu fertig gestellt.

Hr. Müxzes in Basel wur in diesem Juhre durch andere Verpflichtungen verhindert, die Bearbeitung der zweiten Hälfte des thraeisehen Bandes zu fördern.

Das kleinasiatische Münzwerk. Hr. v. Farrze hat das Manuscript für den ersten Fascikel des mysischen Bandes, der die Münzen von Adramytion bis Kisthene enthalten soll, im Wesentlichen vollendet, sollass der Druck dieser Abthellung im nächsten Frühjahre beginnen kann. Eine ehronologische Vorarbeit über die autonomen Münzen von Adramytion und eine Abhandlung über die perganenischen Prägungen hat inzwischen Hr. v. Farrze zur Entlastung des mysischen Handes anderswo veröffentlicht.

Das Manuscript für den kurischen Band hat Hr Kranschen in Wien, durch Berufsgeschäfte und durch die Verlegung der Kaiserl. Münzsammlung in andere Räumlichkeiten verhindert, leider auch im verflossenen Jahre nicht zum Abschluss gebracht.

Acta Borussica.

Bericht der HH. vos Schnoller, Koser und Histze. Im Jahre 1910 sind folgende Bünde zur Ausgabe gelangt:

1. Band X die Behördenorganisation (1734—1756) von Dr. Histzia, 2. Band V, 1 die Behördenorganisation (1730—1735) von Dr. Stolze, 3. Band III Münzwesen, münzgeschiehtlicher Teil (1755—1765) von Dr. Freihert von Schnörten, 4. Band III Getreidehandelspolitik und Kriegsmagazinverwaltung (1740—1756) von Dr. Skalweit.

Dr. Herze ist aus dem Kreise unserer Mitarbeiter ausgeschieden und von der Akademie zum Mitglied unserer Kommission gewählt worden; Dr. Stolze ist mit dem letzten Bande der Behördenorganisation, den er übernommen hat (1733—1740), beschäftigt; der Druck ist bis zum 41. Bogen vorangeschritten. Dr. Freiherr von Schnötten ist mit der Fortsetzung der Münzgeschichte nach 1765 und mit dem beschreibenden Teil (drittes Heft, nach 1786) beschäftigt.

Dr. Racurt hat die Handels-, Zoll- und Akziseverfassung bis 1740 übernommen und den ersten Band, der bis 1742 reicht, fertiggestellt:

davon sind 30 Bogen gedruckt; der Band wird im Laufe des Jahres 1911 erscheinen können; an Material für den zweiten Band sind schon umfangreiche Teile gesammelt.

Dr. Skalweit ist mit der Getreidehandelspolitik von 1756 bis zum Tode Friedrichs des Großen beschäftigt; das Material ist in der Haupt-

sache gesammelt und chronologisch geordnet.

Dr. Hass ist mit dem XI. Bande der Behördenorganisation und allgemeinen Stantsverwaltung, welcher die Zeit des Siebenjährigen Krieges betrifft, so weit vorangeschritten, hat 1919 zu diesem Zwecke noch eine Relhe preußischer Archive und Registraturen besucht, daß er hofft, den Band im Herbst 1911 abschließen zu können.

KANT-Ausgabe.

Bericht des Hrn. Dirrney.

Da die zuerst erschienenen Bände der Werke vergriffen waren, wurde mit einem Neudruck derselben begonnen. Band I liegt bereits vor, ihm sollen folgen Band IV, III, II. Die Bände VIII und IX dieser Abteilung werden in Kürze erscheinen können. Ebenso wird der I. Band des handschriftlichen Nachlasses (XIV) bald herausgegeben werden. Er enthält die Reflexionen über Mathematik, Physik, Chemic, physische Geographie und eine Einleitung, welche über die Einrichtung der ganzen Abteilung orientieren wird.

Das Manuskript zum 4. Bande des Briefwechsels (XIII) liegt jeizt fast abgeschlossen vor, es fehlt noch das Register. Mit dem Druck dieses Bandes wird im laufenden Jahre begonnen werden können.

Die Vorarbeiten zur Herausgabe der Vorlesungshefte haben begonnen. Es hat sieh dabei gezeigt, daß die meisten der vorhandenen Hefte nicht unmittelbar in Kants Vorlesungen mitgeschrieben, sondern aus Heften verschiedener Jahre zusammengestellt sind. Der Datierung erwachsen daraus große Schwierigkeiten, welche nur durch eine allseitige Prüfung und Vergleichung des Materials überwunden werden können. Dabei müssen die von Hrn. Ameriks datierten Reflexionen berücksichtigt werden, so daß die Fertigstellung dieser Abteilung von dem Erscheinen der Bände des handschriftlichen Nachlasses abhängig ist.

Ibn Saud-Ausgabe.

Bericht des Hrn. Sacnav.

Ungünstige Gesundheitsverhältnisse einiger meiner Mitarbeiter haben es mit sich gebracht, daß die Arbeit an der Ibn Saad-Ausgabe während des vergangenen Jahres nicht in demselben Maße gefördert werden konnte wie bisher.

Der Druck des von Hrn. Prof. Dr. Sinwalls, Gloßen, bearbelteten Bandes II, i, der die Nachrichten über das Lebensende Muliammeds enthält, ist vollendet im arabischen Text, während der Druck der An-

merkungen und Indizes noch aussteht.

Zur Vollendung der Gesamtansgabe bedarf es noch zweier welterer Bände, des Tells I, n. der von Hen. Prof. Dr. E. Mirrwoch bearbeiter wird und einen Teil der Biographie Mahammeds enthalt, sowie des Tails VII, der von Hrn. Prof. Dr. B. Meissen, Breslan, bearbeitet wird und die Biographien der berühmtesten Muslims der Stadt Basra in Shilbabylonien umfaßt. Es ist zu hoffen, daß die Hauptarbeit an diesen beiden Bänden im Laufe dieses Jahres zum Abschluß gelangen wird.

Wörterbuch der ägyptischen Sprache.

Beright des Hrn. Eunay.

Die Ausarbeitung des Manuskriptes wurde von Hen. Ennas unter Mitwirkung der HH. Buzenasner und Gnarow tortgesetzt: dabei wurde zu Ende geführt und von __ z etwa ein Viertel erledigt. Der Reichtum der Sprache tran dabei wieder überraschend herver, denn allein das I ergab 1344 Worte, die sich vielfach wieder in sehr sahlreiche Rubriken sonderten: so war so stune in 550 Rubriken zu teilen. V . Herz. in 170, | bringen. in 160.

Die nubische Expedition der Akademie, deren schon im vorigen Berichte gedacht war, führte in der diesjährigen zweiten Kampagne unter Leitung des Hrn. Jessen ihre Aufgabe dem Plane gemäß zu Ende. Die Inschriften der sämtlichen Tempel, die der Überflutung Nubiens zum Opfer fallen werden, sind damit für die Wissensuhaft gerettet Es wurden im ganzen etwa 2000 Photographien und 8000 Bogen Abklatsche gewonnen; mit ihrer Verarbeitung für das Wörterbuch ist bereits begonnen worden

Auch sonst erhielten wir neues wissenschaftliches Material; Hr. Ann. kollationierte des Buch der Pfortens in den thebanischen Königsgräbern, Hrn. Navnaz verdanken wir Abklatsche anderer dort. befindlicher Inschriften, kleinere Texte den HIL Bonenandt, Gaungstu und Roepen.

Die Verzettelung erstreckte sich wie schon in den letzien Jahren hauptsächlich auf die Tempel der griechischen Zeit, auf Elfu (IIH. JUNKER und Boylas), auf Phill (Hr. JUNKER) und Theben (Hr. Sivue). Daneben wurden verzettelt: Religiöse Texte des in. R. (Hr. Grapow). -Buch zum Schutze des Plearan und Ritual der Balsamierung (Hr. Resen). - Verschiedene kleinere Texte (HH Beschauft und Grardw).

Die Zahl der verzeitelten Stellen betrug 1248, die der alphabetisierten Zettel 24360. Im ganzen wurden bisher verzettell 32282 Stellen und alphabetisiert 1120549 Zettel.

Die Nebenarbeiten wurden von den HH. Benemannt, Devann, Gearow und Frl. Monoragrens erledigt

An Stelle des Hrn. Kuns trat Hr. von Bissing als Vertreter der Münchener Akademie in die Kommission ein.

Das Tierreich.

Bericht des Hrn. F. E. Schulze.

Einen unersetzlichen Verlust hat das «Therreich» im verflossenen Jahre durch den Tod unseres hochverdienten wissenschaftlichen Beamiten Hrn. Prof. Dr. Fritz Edler von Maenrestrial erlitten Der Verstorbene hat sich seit dem Beginn der Arbeiten am «Tierreich» im Jahre 1893 als Schriftleiter mit unermüdlicher Hingabe dem Werke gewidmet, zunächst nebenantlich als Kustos des Zoologischen Institutes der Universität, dann seit 1901 ausschließlich als Beamter auserer Akademie. An seine Stelle wird mit dem 1. April des laufenden Jahres Hr. Prof. C. Aestera treten, bisher Privatdozent an der Universität Kiel. Als Hilfsarbeiter sind tätig: Frl. Magras Lernes seit neun Jahren und Hr. Dr. Tn Kuntaarz selt Oktober vergangenen Jahres. Es war dem versturbenen Prof. von Margenthal noch vergönnt, eine der wichtigsten und schwierigsten Lieferungen zum Abschluß zu bringen, die Gallwespen oder Cynipidae, bearbeitet von den HH. Prof. von Dalla Torre (Innsbruck) und Kurren (Ritsch) auf 58 Bogen und mit 422 Abbildungen. Von neuen Lieferungen wurden in Druck gegeben die Zecken. Izolider (Lieferung 26), bembeitet von Hrn. Prof. Dr. L. G. NEUMANN (Toulouse). und die Chamarelevatidas (Lacierung 27) von Hrn. Privatdozent Dr. Franz Wensen (Wien). Das Erscheinen beider Bände ist mit Ablauf des Berichtsjahres zu erwarten. Die Lieferungen 25 und 25; Gallwespen und Zecken, haben neben rein wissenschaftliebem Wert auch praktische Bedeutung, weil sie Tiergruppen behandeln, die als Schädlinge Gegenstand der Bekämpfung sind, die Gallwespen als Erzeuger von Deformationen auf Nutzpflanzen, die Zecken als Übertrager tropischer Viehsenchen.

Der Nomenclator animalium generum et subgenerum, zunächst im Interesse des «Tierreich» als Nachschlagewerk begonnen, entwickelt sich zu einem großen selbständigen Unternehmen der Akademie, auf dessen Abschluß die Fachgenossen angesichts der großen Redeutung, die es für die Praxis der Systematik haben wird, sehon jetzt große Hoffnungen setzen. Em von Inhalt und Form

des Nomenklators im voraus einen Begriff zu geben, wird beabsichtigt, einen kleinen, für sich benutzbaren Abschnitt, die Primaten, schon jetzt als Probelieferung erscheinen zu lassen.

Das Pflanzenreich.

Bericht des Hrn. ENGLER.

Im Laufe des Jahres 1910 wurden folgende Hefte veröffentlicht;

- 41. W. Wangenin, Gorryaceae, Nyssaceae, Alangiaceae, Cornaceae.
- 42 F. Pax, Euphorhaceur-Jatrophear, 10 Bogen.
- 43. H. Wonzz, Umbelliferae-Apioidear-Ammineae-Heteroclitic, 14 Bo-gen.
- 44. F. Pax, Euphorhiacene-Adrianeae. 7 Bogen.
- 45. FR. KRENZLIN, Orchidaceae-Dendrobimae, Teil 1. 24 Bogen.
- 46. L. Diers, Menispermavene. 22 Bogen.

Durch die Monographien der in den Heften 42-46 enthaltenen Familien und Gruppen, welche seit Jahrzehnten einer gründlichen Durcharbeitung bedurften, ist sehr viel Neues bekannt geworden.

Das 47. Heft (etwa 7 Bogen), enthaltend die Euphorbiaeras-Chuytiene von F. Pax und Cephalotaeras von J. M. Macrastane, wird binnen kurzem ausgegeben werden.

Im Drucke sind zur Zeit (Mitte Dezember 1910): Geraniarene von R. Ksurn (eine ebenso umfängreiche wie schwierige Familie, von der bereits 14 Bogen im Satze stehen); Sphagnacene von C. Warsstore. Mit den Sphagnacene kommt zum ersten Male im »Pflanzenreich» eine Gruppe der Kryptogamen zur Behandlung; die Arbeit ist deshalb von ganz besonderem Werte, weil sie auf den reichen Erfahrungen eines lebenstänglichen unermüdlichen Studiums beruht.

Ferner sind dem Abschlusse nahe folgende Bearbeitungen, deren Drucklegung im Jahre 1911 beginnt:

- Fn. Kuxszins, Orchidareas-Dendrobiinas, Teil 2 (umfassend die Gattung Eria und deren Verwandte).
- J. Pensuss, Nuchtrug zu Heft 4. Moniminorus.
- H. Worre, Umbelliferae-Samuuloidene.
- A. ENGLES, Acacear-Lasioideae.
- K. KRAUSE, Goodeniacene.
- A. Beann, Hydrophyllacene.

Geschichte des Fixsternhimmels.

Die Arbeiten des Bureaus sind während des Jahres 1910 weiter unter unmittelbarer Leitung des geschäftsführenden Mitgliedes der Commission in derselben Beschränkung bezüglich des Umfanges und des Hülfspersonals wie in der zweiten Hälfte des Vorjahrs fortgesetzt worden. Am 1. October 1910 war der Hrn. Prof. Risteseaus zunächst bewilligte zweijährige Urhaub abgebaufen, und die Akademie konnte alsdann zur Neubesetzung der damit erleitigten für das Unternehmen eingerichteten Stelle eines wissenschaftlichen Beamten schreiten; die Stelle wurde Hrn. Dr. H. Partsen mit der Bestimmung übertragen, dass er sie zunächst commissarisch zu verwalten habe, und zwar vom 1. April 1911 ab.

Die im Vorbericht besprochene Revision der Nordzettel wurde für die Stunden 11^h, 12^h und 13^h fortgesetzt. Die anschliessende Berechnung fehlender Processionen wurde von Dr. Parrsen für 808 Sterne der Stunde 4^h, von Hrn. Makruss für 1111 Sterne der Stunde 6^h ansgeführt, der Auszug der nur in Bonn VI vorkommenden Sterne für die Stunden 4^h bis 12^h vorgenommen. In diesen neun Stunden finden sich zwischen dem Acquator und 81°, 2967 solcher Sterne; leider hat die Hoffnung, alsbald neue Bestimmungen derselben zu erhalten, sieh verflüchtigt, indem die Bonner Sternwarte ihre Zusage, diese Bestimmungen zu übernehmen, dringenderer Arbeiten wegen hat zurücknehmen müssen.

Neue Eintragungen sind im Berichtsjahre in Zahl von 13630 hinzugekommen. Hr. Mastens hat den Eintrag der Cataloge Dorpat 1875 (Ms.), Berlin C und III. Rudchiffe-Catalog vollendet (rund 10300) Nummern), ferner die neu erschienenen Cataloge Romberg-Seyboth 1885 (6943 Sterne) und Dorpat 1820 (1716 Rectaseensionen) eingetragen und mit dem Eintrag des Greenwicher Second Ninesyear Catalogue für 1920 begonnen, der auf zum Theil noch aus dem 15. Jahrhundert stammende Beobachtungen gegründet ist und deskalb noch zu dem Progremm der gegenwärtigen Sammlung gehört. Dr. Partsca hat die ersten acht Stunden des Washington Zone Catalogue 1850 mit 5064 südlichen Sternen ausgezogen, den die Washingtoner Sternwarte höchst dankenswerther Weise unmittelbar je nach Vollendung grösserer Ms.-Abselmitte in einer Durchschrift zur Verfügung stellte.

Der von Hru. H. Osven bearbeitete » Dritte Radeliffe-Catalog» für 1875, dessen Herausgabe vom Boreau besorgt wurde, ist im October 1910 als Nr. i von Bd. XCH der Nova Acta der Leopoldinisch-Carolinischen Akademie erschienen. Der Vorstand der Akademie hat mit der Herausgabe des Catalogs auch umserm Unternehmen einen werthvollen Dienst erwiesen, für den ihm aufrichtiger Dank zu sagen ist.

Die Bearbeitung der Bradley'schen Beobachtungen an den Graham'schen Meridianinstrumenten der Greenwicher Sternwarte, die vom Berichterstatter zwar selbständig, aber nach der Begründung der «Geschiehte des Eixsteruhimmels» unmittelbar für die Zwecke dieses Unternehmens 1904 in Angriff genommen wurde, ist im wesentlichen durchgeführt. Die drei Zettelentaloge, für die Durchgangsheobachtungen am

Mittagsfermrohr und am Quadcanten und für die Zenithdistanzen, liegen, als Zusammenstellungen der einzelnen Beobachtungen und ihrer Mittel für 1745.01 vollender vor. Die beiden Druckvorlagen für die Ergebnisse der einzelnen Durchgangsbeobsehtungen sind bis auf die Einsetzung der definitiven Catalognummern der Sterne ebenfidls vollständig, diejenige für die Zenitlalistanzen ist für die Stunden oblids 18 ausgeschrieben.

Die in Folgo der zweijshrigen Beurlaubung des Prof. Ristenbaut ersporten Gehaltsbezüge wurden, soweit sie der Akademie verblieben und nicht an die allgemeinen Staatsfonds zurückfällen mussten, von der physikalisch-mathematischen Olasse zur Ausführung von Nebenarbeiten für die Geschichte des Fixsternlihmmels der Commission zur Verfügung gestellt. Zunächst hat Hr. Statve eine systematische Reduction und Catalogisirung der zahlreichen in den Jahren 1855-1868 aus Eltern Meridiankreise der Berliner Sternwarte ausgeführten Ortsbestimmungen von Vergleichsternen durch die HH. Dr. Curunes und E. Rosen vornehmen lassen, die für die Rectascensionen vollendet, für die Deellnationen weit vorgeschritten ist. Der Generalentalog von etwa 2500, durchschnittlich zweimal beobachteten Sternen für Acq. 1865 wird im Lauf der nächsten Manate zusammengestellt werden können.

Commission für die Herausgabe der "Gesammelten Schriften Wilhelm von Humboldis".

Bericht des Hrn. Schnigt.

Die Vorarbeiten zum o Bande, der die Gedichte umfaßt und von den späteren Sonetten natürlich nur eine Auswahl bringen soll. wurden von Hrn. Prof. Dr. LEITZMASS im Jahre 1910 so weit geführt, daß der Druck seit dem Oktober fortfäuft; er wird zum Frühjuhr fertig sein. Das Tempo der folgenden Bände, zunächst der Tagebücher, muß wegen des großen handschriftlichen Materials und zugunsten eines für Tagebücher und Briefe gehotenen reichlicheren Kommentars etwas verlangsamt werden. Das Briefkorpus hat manchen Zuwachs erhalten; auch der neue Frankfurter Fund sehr bedeutender Nummern an Schiller ist schon durch genaue, bereits dem ersten Rumischandrock Ennance zugute gekommene Kollation ausgebeutet worden. Dem Goethe-Schiller-Archiv wird die Benutzung der Blätter an Fran v. Berg verdankt. Unermidlich hat sich fortwährend Hr. Privatelozent Dr. Spaangen erwiesen, sowohl für Herbeischaffung von Korrespondenzen als für mannigfache große Nachträge zu Gebraumes Abreilung der Politischen Denkschriften, deren Ergänzung bevorsteht.

Interokudemische Lemniz-Ausgabe.

Bericht des Hrn LENZ.

Der zweite Band des kritischen Kataloge's der Lansstz-Handschriften (1672—1676) ist zur Zeit in der Vervielfültigung begriffen und wird von den beiden Akademien von Paris in kurzem veröffentlicht werden.

Die Drucklegung des ersten Bandes der Ausgabe der Briefe und Denkschriften hat leider noch nicht begonnen werden können, da noch nicht alle Mitarbeiter ihre Beiträge eingesandt haben.

Im Sommer vorigen Jahres kamen in London die bis dahin in Cheltenham aufbewahrten Originale der Briefe von Lemaz an Justus Dransfeld zur Versteigerung; diese Sammlung wurde durch die Akademie noch in letzter Stunde für die Lemaz-Ausgabe angekauft.

In den Kgl. Archiven zu München hat Hr. Dr Revitz die Akten und Korrespondenzen zur polnischen Thronkandidatur des Pfalzgrafen Philipp Wilhelm von Neuburg in den Jahren 1668 und 1669 wiedergefunden, insbesondere den Briefwechsel zwischen dem Pfalzgrafen und Johann Christian Boineburg. Wir können infalgedessen jetzt für die meisten der zahlreichen Flugsehriften, die für und gegen den Pfalzgrafen erschienen, die Verfasser aktenmäßig feststellen. Lauszu Behauptung, daß er außer dem bekannten Spezimen unter dem Pseudenym Georgius Elicovins Lithuanus noch andere Schriften verfaßt habe, hat sich dabei bestätigt: nicht weniger als sechs neue Flugsehriften aus der gemeinsamen Feder Boineburg-Leinziz sind zum Vorschein gekommen.

Corpus Medicorum Graecorum.

Bericht des Hrn. H. Dreas.

Im vorjährigen Bericht war die Hoffnung ausgesprochen worden, daß die in Band XV des Kühnschen Galenus enthaltenen Schriften (= Band V 9, 1 des Corpus) im Laufe des Jahres 19 to erscheinen könnten. Diese Hoffnung ist leider nicht erfällt worden. Unvorhergesehene Verzögerungen an ein paar einzelnen Punkten des Bandes rückten die Drucklegung des ganzen Komplexes von vier Schriften himms. Insbesondere konnte die wichtige arabische Version von Galenus in Hippocratem nest excer aussend noch nicht vollständig ins Deutsche übertragen und damit dem Editor nutzbar gemacht werden. Außerdem sah sich der Bearbeiter des Kommentars zu nest prome genötigt, von seiner Arbeit zurückzutreten. Diese Schrift übernahm Hr. Dr. Axei, Nelsos in Upsala. Jetzt aber kann damit gerechnet werden, daß der ganze Band in Bälde zum Druck gelangen wird.

Der längst gehegte Plan, in einer größeren Expedition die Handschriftenschätze des Athos mit Hilfe unseres photographischen Apparates muzbar zu muchen, wurde im verflossenen Jahre ausgeführt. Hr. Dr. jor. KARA HECHEROR, der sowohl im Handschriftenlesen wie in der Technik des Prismenapparates geübt war, unternahm es mit seinem Frennde Hrn Theodor Sendtnes sus München, im Auftrage der däutschen und preußischen Akademie usch dem Athos zu reisen und eine möglichst große Anzahl von Handschriften verschiedener. Klöster durchzuphotographieren. Der Expedition war großer Erfolg beschieden: innerhalb der 6 Wochen, die zur Verfügung standen, gelang es den beiden Herren, ungefähr 4500 Aufnahmen auf die Puplerrollen zu bringen, die jetzt bereits entwickelt und an die betreffenden Mitarbeiter der beiden beteiligten Akademien versendet sind. Den beiden Herren, die ihre Zeit und Kraft mit glücklichem Erfolge den Zweeken des Corpus Medicorum widmeten, spricht die Akademie auch an dieser Stelle ihren Dank aus.

Hr. Hennes berichtet über die von ihm im Auftrage der Kgl. Dänischen Gesellschaft der Wissenschaften ausgeführten Arbeiten folgendes:

*Für Paulos Aiginetes sind die Pariser Hss. 2205, 2206 und 2208 von mir in Kopenhagen vollständig kollationiert. Die übrigen Pariser Hss. werde ich diesen Sommer für die erste Hälfte des Werks kollationieren. Da die wichtigsten Athoshss, jetzt photographiert sind, hoffe ich im Laufe des Herbstes mit der Recensio anfangen zu können. Die alte lateinische Übersetzung soll mit einem Zusehnß der Puschauss-Stiftung in die Teubnersche Bibliotheca medii aevi aufgenommen werden; das Manuskript wird hoffentlich vor den Sommerferien druckfertig vorliegen.

Hr. Randra, der im Auftrage der Dänischen Gesellschaft der Wissenschaften den Oribasius (Band VI des Corpus) übernommen hatte, setzte die im vorigen Berichte angegebenen Handschriftenuntersuchungen sowie die Bearbeitung des Textes fort.

Hr. Innere, der Vertreter der Kgl. Sächsischen Gesellschaft der Wissenschaften in der autonomen Kommission, hat an Band IV (Soranos) weitergearbeitet. Bei der Hermusgabe von Hest rynakenen nason machte sich der Mangel eines zuverlässigen Textes von Aëtios Band XVI geitend. Die kleinen Soranstücke Hest einzenson (nach H Schorses Abschrift und der Photographie von Laur. 74.7) sowie Hest chreinen katarnatun (nach Schorses Kollation derselben Hs.) wurden in Angriff genommen.

Schließlich ist mitzuteilen, daß an Stelle des verstorbenen Mitgliedes der autonomen Kommission Hrn. Kaumachen Hr. Gugsus (Kgl. Bayerische Akademie der Wissenschaften) in München als Mitgüed kooptiert und von der Generalversummlung der Assoziation in Rom (Mai 1910) bestätigt worden ist.

Deutsche Kommission.

Bericht der HH. Berdach, Heublen, Rokthe und Schnier.

Die Inventarisation deutscher Hamischriften schritt für Nordand Mitteldeutschland in gewohnter Weise vorwänts, während sie in
Säddeutschland und Österreich sich verlangsamt und in der Schweiz
ganz gestockt hat. Es muß für die Zukunft eine Hamptsorge der
Deutschen Kommission sein, da Wandel zu schaffen. Das gründlichste Mittel wäre ja, an die Orte, wo heimische Kräfte trotz wiederholter Bemühungen nicht zu gewinnen simt, von Berlin aus jüngere
Philologen zu entsenden und daneben an unser Handschriftenarchiv
wichtigere Handschriften zu entleihen, um sie dort beschreiben zu
lassen. Aber zu konsequentem Vorgehen in dieser Richtung stehen
um- zur Zeit die Mittel nicht zur Verfügung; auch scheint es uns nach
wie vor sachlich vorteilhafter und würdiger, daß jede deutsche Landschaft ihren ererbten Besitz an handschriftlich fixiertem geistigem Leben
möglichst selbst aufnehmen helte.

In Österreich beschrieb Dr. Buser zwei Fragmente der Weltchronik des Rudolf von Eins im Besitz des Museums zu Neutitschein,
Dr. Dworzer die Willehalm-Handschrift in den Kunsthistorischen Sammlungen des Allerhöchsten Kaiserhauses zu Wien. Die Handschriften
der Studienbibliothek zu Klagenfart durchmusterte, allerdings ohne
neunenswerten Ertrag, Ecors Frar von Müller. Aus Graz gingen uns
von der Hand des Bildiothekurs Dr. Einenen 6 Beschreibungen zu.

In Bölmen und Mähren setzte Dr. Dolon während der Winterund Frühlingsmonnte seine Aufnahmetärigkeit fort. Aus folgenden
Orten liegen von ihm Beschreibungen vor: Tepl (Stiftsbibliothek und
Stadthibdhothek), Schlackenwert (Piaristenbibliothek), Kanden (Bibliothek des Franziskanerklosters), Ossegg (Stiftsbibliothek), Randnitz
(Lehkowitzsche Bibliothek), Fürstenstein (Piaßsehe Bücherei), Braunau
(Privarbibliothek In Lasers, Stiftsbibliothek), Troppan (Bibliothek
des Minoritenklosters, Gymnasiahnuseums, Stadimuseums), Teschen
(Scherselmiksche Bibliothek), Kuttelberg (Spalatnaysche Bibliothek),
Eger (Bibliothek des Franziskanerklosters), Brünn (Landesarchiv),
Kremsier (Fürstenbergsehe Bibliothek), Ruigern (Stiftsbibliothek),
Znaim (Gymnasialbibliothek, Stadtbibliothek), Iglau (Gymnasialbibliothek),
thek, Stadtbibliothek), Budweis (Stadtbibliothek, Museum), Hohenfurt (Stiftsbibliothek), Prag (Bibliothek des Stiftes Strahov),

In Bayern wur die diesjährige Ernte nicht sehr reich. Zwar übermittelten uns wieder Oberbibliothekur Dr. Lamasona und Bibliothekar fir. Perzer einige Beschreibungen, leider aber konnten sie infolge anderer amtlicher und privater Arbeiten nicht in dem reichen Maße der früheren Jahre für ims tätig sein. Als neuer Mitarbeiter für die Münchener und überhaupt die bayerischen Handschriften ist seit dem Juli Privatdozent Dr. Witners eingetreten; er soll insbesondere auch den in Privatbesitz besimtlichen Beständen nachgehen. Bisher konnte er indessen erst wenige Proben einsenden. Einige Meistersingerkodizer ans Augsburg, Memmingen und Dillingen untersuchte and beschrich Dr. Brimesn.

Aus Württemberg ist nur für Stuttgart ein Fortschritt zu melden. Dort rückte dank der vom dortigen Ministerium gewährten pekuniären Unterstützung und dem verständnisvollen Entgegenkommen des Leiters der Landeshibliothek, des Hrn. Oberstudienrats Dr. Stent. die Arbeit, die durch schwere Erkrankung des einheimischen Beschreibers, kaum begonnen, ins Stocken geraten wur, um ein tüchtiges Stück vor, nachdem wir von Berlin aus einen Helfer enfsundt batten. Unser Beauftragter, Dr. Gulle, vermochte während der Monate Mai und Juni mit energischem Eifer aus der Abteilung Biblica und Breviaria eine größere Anzahl, zum Tell recht umfangreicher Kodizes geistlichen Inhalts aufzunehmen: genannt seien darunter deutsche Psaltecien. Traktute des Meister Ekhard, Armenbibel, gereimte deutsche Übersetzung der Sprüche Salomonis, Gebetbücher, deutsche Exzerpte ans Kirchenvätern, aus Bernhard von Clairvaux, Litaneien, Segen.

Aus der Strafiburger Landesbibliothek liegen von der Hand Dr. Ricress einige Beschreibungen vor. Je eine Handschrift der Landeshibliothek in Karlsruhe und der Universitätsbildiothek Heidelherg (Sammlungen mittelhochdentseher Verserzählungen) beschrieb stud Becara einige Heldelberger Handschriften von Minnereden Dr. MATTHAL.

Aus dem Königreich Sachsen sind nur gelegentliche Eingänge zu verzeichnen. Die Beschreibung einer Meistersingerhandschrift der Kgl. öffentlichen Bibliothek zu Dresden lieferte Dr. Bennenn, einige Handschriften der Leipziger und Zwickauer Ratsbibliotheken beschrieb Dr. Duton.

Elnen erfreulichen Zuwachs danken wir in Sehlesien wieder der Tätigkeit Dr Knarruns. Er setzte die Aufnahme der Handschriftenbestände der Kgl. und Universitätsbibliothek zu Breslau fort und untersuchte das bisher wenig benchtete Diözesanarchiv zu Breslau. Uberraschende Entdeckungen konnten ihm nicht beschert sein, wohl aber reichere Ausmalung des bekammen Büldes von Schlesiens geistigem Leben im ansgehenden Mittelalter und später: neben lateinischen Rhythmen und Hymnen, Rechtsbüchern, deutschen Gebetbüchern und mystischen Traktaten wurden verzeichnet lateinische Predigtniederschriften über deutsche Sprichwörter, alchimistische Rezepte und Verse, ein lateinischer grammatischer Verstraktut von Magister Johannes Jusse. des Laurentius Albertus Antithesis et discrimen Papatus et Luthernmismi", deutsche Verse des Johannes Naso Bauersmann und Luther ; deutsche Verse auf den Untergang des Papstes und der Kalvinisten, eine Versbeschreibung der Mongolenschlacht des Jahres 1241 (Handschrift des 17. Jahrhunderts!); Im Diözesansrchiv deutsche Schriften Seuses (Exemplar, Betrachtungen, vollständiger als in Drawus Ausgabe, 'Von der ewigen Wahrhelt'). In der Bibliothek des Matthäusgymnasiums arbeitete Dr. Kaarvin zwei Blinde Jesuitemiramen durch. Die Schulfgotschsche Bibliothek zu Wurmbrunn durchmusterte für uns Dr. Nicken. Gelegentliche Beschreibungen aus Glatz und Neiße ateuerte Dr. Donen belt Rechtshandschriften aus dem Görlliger Ratsarchiv buchte Prof. Borcaline.

In Gotha setzte Archivdirektor Dr. Euwald seine dankenswerte Tätigkeit fort: nicht weniger als 23 vielfach lehrreiche Beschreibungen hat er gespendet; außer bekannten Handschriften von mind. Dichtungen, mind und mind Brevieren sei eine für den Text noch nicht benutzte Handschrift der Goldenen Bulle Karis IV. in lateinischer und deutscher Sprache erwähnt. Eine humanistische Sammelhandschrift Jenas beschrieb Dr. Bekralor mit gewohnter Sorgfalt.

Aus Ostpreußen liegen nunmehr die ersten Beschreibungen Dr. Erruseuns von Handschriften der Universitätsbibliothek zu Königsberg vor.

Die älteren Handschriften der neubegründeten Abteilung für niederdeutsche Literatur an der Universitätsbibliothek zu Greifswald
beschrieb Dr. Klappes, dem Hr. Bibliotheksdirektor Dr. Mukau sie in
Breslau zugänglich gemacht hatte (Psalmen mit der Erklärung des Petrus
von Harenthal: die früher in Reifferscheids Besitz befindliche Handschrift von Buschmanns Mirakel und andere).

Einige Erbauungsbücher aus den Quart- und Oktavhandschriften der Berliner Kgl. Ribliothek erledigte Dr. Guar. In Kotthus prüfte Prof. Hanner die Bestände von Stadtarchiv. Stadthibliothek, Gymnusium und Oberkirche; die jungen Sammlungen boten nur geringe liturgische Stücke.

Zahlreiche, namentlich für die mittelhochdeutsche Prosa interessante Handschriften der Herzoglichen Bibliothiek zu Dessan behandelte wieder Oberlehrer Dr. Marraži: so hatte er deutsche Übersetzungen von Gordonius Lilium medicinae und Antidotarius, des Meister Wiels-

wolt Geschichte Alexanders des Großen, mehrere Hamlschriften der Passio Christi, die Prosa von den heiligen drei Königen zu buchen, aber mich deutsche geistliche Gedichte zu verzeichnen.

Næderdeutsche Handschriften der Universitätsbibliothek zu Gießen beschrieb Prof. Bosoniuse; so eine niederdeutsche Prosaübersetzung von Boethins de einsolatione philosophiae, ein lateinisch-niederdeutsches Glossar mit Merkversen, ein Leben des heiligen Antonius und zahlreiche Exempel. Mirakei und Legenden in niederdeutscher Prosa-

Ist der Rheinprovinz ihr bewährter Bearbeiter Dr. Cumst zunächst auch durch seine Berufung un das Historische Institut zu Rom entzogen worden, so sind diesural doch noch manche Ergebnisse aus seiner früheren Reisetätigkeit nachzuholen. Das Hilfspriesterseminar zu Gresdonek bei Goch bot in seiner Bibliothek manche niederrheinische Handschriften aus der Sphäre der Mystik; erwähnt sei eine niederrheinische Ordensregel für Frauenklöster der Windesheimer Kongregation: unter den lateinischen Handschriften interessiert besonders eine Sammelhandschrift, die neben Legenden. Exempela und anderen geistliehen Stücken auch weltliche Prosa und Verse in bunter Fülle birgt (Petrarcas Grischils, Aenens Silvius De fortuna, das Lehrgedicht De Bufone, Facetus, das Pamphilusdrama, Aderiafiverse usw.). Aus der Pfürrbibliothek zu Uleve verzelehnete Dr. Camst mittelnlederdentsche Übersetzungen von Bonaventuras Leben des heiligen Franziskus. - Die Aufnahme der Aach ener Stalthibliothek bat Prof. Lau-CHERT abgeschlossen: aus der Reihe der üblichen Erbauungsbücher und Chroniken heben sich historische Gedichte und die religiösen Dichtungen des Heinrich von Dagene hermus. - Auf dem Kgl. Staatsarchiv zu Düsseldorf beschrieb Prof. Bozcarre ein Depositum der Stadt Wesel, einen niederdeutsehen Kodex des Schwäbischen Landand Lehnsrechts; and dem Kgl. Staatsarchiv zu Kohlenz inventarisierte er emige dort deponierte Handschriften des Augusta-Gymnasiums, darunter ein Geslicht über geistliche Armut, Exempel und Heiligenleben, die Augustinerregel der Schwestern von Gräfrath, viele niederrheinische Predigten und Traktate, Sprüche der Heiligen und Väter, von Isteinischen Stücken einen Totentung, eine metrische Bearbeitung der Cantica canticorum, lateinisch-deutsche Hexameter über Synonyma. Als reichhaltig an mystischen Stücken erwies sieh die Bihltothek des Hospitals mi Cues bei Bernkustef, über die Prof. Boncauss allgemein orientierte: einige Handschriften (Rechtsbücher, Legenden, Traktste) hat er außerdem genau beschrieben. - Mit der Aufnahme der Stadtbibliothek zu Trier begann fleißig stud. phil. An. Broken, der zumeist in den Niederungen der autorlosen Meß- und Beichtbücher. Heiligenfeben, Klosterregeln, Kalender, Arzueibücher blieb, aber doch auch auf Heine. Hagenaus Schrift von den Sitten der Prülaten hinwies und die Handschrift der Speeschen Trutznachtigall untersachte. Ein schönes mittelniederländisches Gebetbuch des 13. Jahrhunderts aus dem Privathesitz des Dr. Hissausa zu Barmen beschrich Dr. Denen.

Aus den Schätzen der Universitätsbihliothek, des Priesterseminars und des Diözesamuseums zu Münster haben Prof. Bösen und Dr. Chause manche Nachlese gebracht; der Reigen der mittelniederdeutschen und mittelniederländischen Andachtsbücher hat sieh förigesetzt; notiert sei ein mederdeutscher Mandeville, die einzige Handschrift von Dietrich Koldes Christenspiegel, ein niederdeutsches Freidankfragment uns ler Bibliothek des Priesterseminars, neue Fragmente der poetischen Roethiusübersetzung (vgl. Zeitschr. f. Deutsches Alterium 50, (49) aus der Universitätsbibliothek — Fin Liederbuch des 10. Jahrhunderts aus Benekhausen i Westf (im Besitz von Frau v. d. Busche-Münch zu Göttingen) beschrieb stud. Arregs: eine Sammelhandschrift prospischer und poetischer niederdeutscher Legenden aus der Bibliothek der evangelischen Altstädtischen Kirche zu Bielofeld nahm Prof. Tüber auf.

In der Königlichen und Provinzialbibliothek zu Hannover erhedigte Oberlehrer Dr. Beine eine Anzula niederdeutseher Gebetbücher,
terner eine interessante Sammelhandschrift mittelniederdeutscher Gediehte und Prosa aus Kloster Marienstuhl, endlich die bekannte Handschrift der Marienlieder; eine späte Abschrift von Wolfhart Spangenbergs Buch von der Musica untersuchte Dr. Bennen. An die Handschriften des Stadturchivs zu Hildesheim trat neu heran der von
Dessau übergesiedelte Oberlehrer Dr. Martuät, der neben ehronikalischen und juristischen Kodizes namentlich ein niederrheinisches Andachtsbuch aus dem Besitze des Museums analysierte. — Einen kurzen
Besuch der Fürstlich Stolbergischen Bihliothek zu Wernigerode bemuzte Prof. Hexaici zu vorläufiger Orientierung über die isteinischdeutsehen Lehrgedichte der gut geordneten Sammlung.

Sehr ergehnisreich war auch im vergangenen Jahre wieder Or. Hagess Tätigkeit in Lübeck. Für eine große Anzahl kleinerer nieder deutscher Gedichte (Klosterallegorie; Beginehen zu Paris, Fremlen der Marin und der Marin Magdalena, Tagzeiten Christi, Anselmuslegende) sind neue Handschrüfen mit textlichen Vorzügen aufgetaucht; es treten überraschend reiche Massen niederdeutscher Übersetzungsliteratur (u. a. Gersonsche Traktate) zutage; besonders interessieren die lebhaften geistigen Beziehungen zu den Niederlanden. Und da sind mit Nachdruck hervorzuheben einige niederleutsche Handschriften, die in einem auffallenden Verhältnis zu dem 2., 3. und 4. Buch der Imitatio Christi stehen. Streckenweise eine Übersetzung, unterscheiden sie sieh doch durch große

Läcken und durch abweichende Anordnung von dem Werke des Thomas a Kempis. Dr. Haues glaubt nachweisen zu können, daß die den lüblsehen Handschriften entsprechenden Kapitel der Imitatio sich sehon stillistisch durch ruhige Kindringlichkeit von der erregten schwärmerischen Art des Thomas a Kempis unterscheiden; er weiß den allgemeinen Eindruck durch stillstische Einzelmerkmale philologisch zu stützen und kommt so zu dem Ergebnis, daß die lübischen Handschriften (Ms. th. g. 15 und 43) die Übersetzung einer Quelle des Thomas, der latrinisch noch nicht aufgefundenen Admonitiones ad interna trahentes in 60 Kapiteln darstellen, die Thomas wenig verändert seinem weiterobernden Werke einverleibte. Jedenfalls eröffnen diese lübischen Funde eine vielverheißende Perspektive auf die innere Geschichte eines der wirkungsvallsten Bücher des germanischen Mittelalters.

Prof. Hauptarbeit gehörte wieder der Herzoglichen Bibliothek zu Wolfenbüttel. Außer einer Augusteischen Handschrift (Antigamagatus) hat er über 500 Kodizes der Helmstedter Klasse (737 bis (247 der laufenden Katalognummern) durchgearbeitet, davon 240 beschrieben. Wenn die Stürke seiner Ausbeute nach wie vor in der poetischen lateinischen und deutschen Kleinkunst lag, so erkiärt sich das darans, daß der verdienstliche, gedrockte Katalog die größeren Werke befriedigend verzelehnet hat; Indem aber Hesmer jede Handsehrlft Blatt für Blatt durchsah, hat er, am Rande eingetragen, lose elngelegt, im Einhand verwendet, viele kleinere Stücke gefunden, von denen der Kutalog nichts weiß, der sich vor der Aufgalie, 8000 Handsaliriftenhande zu verzeichnen, mit summarischem Verfahren begnügen mußte. Neben lateinischen und niederdeutschen Sprüchen, Liedern, Sagen, Rezepten, Gebeten, Rätseln naw, treten diesmal lateinische Prosserzählungen auch weltlichen Inhalts mehrfach auf; erwähnt seien noch mittelniederdeutsche Gespeiche zwischen Christus und der Seele, eine gyistliche Ehrentafel in Versen, Mariengedichte, zumal Inteinische Verse des 16 und 17, Jahrhunderts von Tob. Cober, Arnold, Goerinua, Joh. Schimlerus Hoelemensis, Andr. Fabricius. — Aus dem Landeshauptarchiv zu Wolfenbüttel war nur noch weniges nachzuholen: das l'aschenbuch des braunschweigischen Kapitänleutnants Achatz von Münchhausen (mit fremden und eigenen Gedichten des 17. Jahrhunderts); ein Horarbun aus dem Nachlasse des jüngst verstorbenen Sammlers Vasez, in Belerstedt; Vorarbeiten und erste Entwürfe zu den Romanen des Herzogs Anton Ulrich, viele Dutzende von Bänden umfassend. Die literarischen Hundschriften des Archivs können jeux waht als criedigt getten. - Die chemalige Universitätshibliothek zu Helmsteilt hat ihre Hamlschriften nach Wolfenbüttel abgegeben und enthalt nur noch Druckes aber in ihnen stecken ungehanden oder in den Einbänden verborgen noch manche bleev Hundschriften und Fragmente, die bisher nicht beachtet wurden. Prof. Hysmer ist gemeinsum mit Prof. W. Hangen, der für den Berliner Gesamtkatidog der Wiegendrucke in Helmstedt tätig war, solchen Stücken nachgegangen und hat 16 Beschreibungen eingesandt, zum Tell poetische Einträge des 16. Jahrhunderts; natürlich ist das erst ein kleiner Anfang. - In der Stadtbibliothek zu Braunschweig wurde die Abteilung Neuere Handschriften durch Prof. Hysam zu Ende geführt. Sie umfaßt 603 Nummern (von denen die letzten 86 Nummern erst durch Reserro katalogisiert worden sind), meist Werke des 16 .- 19. Jahrhunderts; unter ihnen waren 78 für uns zu beschreiben; darunter die Abschriften, die Kael F. A. Scheller und Schönemann aus ältern deutschen Kodizes nahmen: die beiden Liederbücher des Paul Schroder, der 1693 und 1594 in Jena eigne und fremde Dichtungen aus der galanten Poesie des 17. Jahrhunderts und Studentenlieder sammelte: das französische Traplierspiel-(politisches Gespräch von (670); das Gesängebuch der Brüdernkirche zu Braunschweig; eine niederdeutsche Autorlegende; Rechtsquellen, Humanistengedichte, Chroniken mit Liedereinlagen, Grabschriften, Glockeninschriften, Spruchverse, Memorialverse, Lokalgeschiehtliehes usw. Auch 12 Bruchstücke älterer Hamlschriften fanden sich bei dem Umzuge der Stadtbibliothek im Frühjahr 1910 und wurden von Hexact beschrieben. Die Stadtbibliothek kann Jetzt wohl als erledigt gelten!.

In England beschrieb Dr. Dolch Fragmente eines Kränterbuchs im Britischen Museum zu London, Prof. Purason eine Handschrift geistlicher Lieder und Traktate, im Besitz des Hrn. E. C. Quans zu Cambridge, sowie mehrere Codlees aus der Bibliothek des Hrn. Alex. H. Heru in Fosbury-Manor bei Hungerford (darunter eine Christ-berrechronik und die erste vollständige Handschrift der Übersetzungen Stalinhöwels von Boccaccios Schrift De claris mulieribus und von Petrarene Griseldn).

Die Zahl der Beschreibungen insgesamt übersteigt 5100, die der geordneten Zettel 200000. An der Verzeitlungsarbeit beteiligten sich die HH. stud. Ab. Becker, Dr. Böhner, Dr. Böhner, Dr. Böhner, Dr. Granzow, Dr. Korzenberg, Fragen, die zum Teil positiverleitigt wurden, trafen zahlreicher als im Vorjahr ein.

Für den Katalog, der des gesamte gedruckte Handschriftenmaterial zweckmäßig verzeichnen soll, erledigte der Archivar die Zeitschrift Germania (37 Bände) vollständig, die Zeitschrift Alemannia zum Teil.

Val. über Heinere finaffährere Tatigkeit im Braunschweiger Lande neine Rerichte im Braunschweigischen Magazia 1910. S 110 ff., und im Zeutreihlett für Blabhotbeksweren 1910, S 156 ff.

Von Schenkungen an unsere kleine Bibliothek seien dankbur erwähnt die von der Verwaltung der Kgl. Hibliothek gespendeten vortrefflieben Kataloge Valentin Roses und der von der Universitätshibliothek zu Gleßen überwiesene Katalog der dortigen Handschriften von Adrian

Von den Deutschen Texten des Mittelalters' ist der lange verzögerte Band XI: Die Predigten Taulers aus der Engelberger und der Freiburger Handschrift sowie aus Schmidts Abschriften der ehemaligen Strabburger Handschriften, herausgegeben von Fren. Verren' endlich zum Abschluß gekommen: das sehr ausführliche Wortverzeichnis hat auf Wunsch des Horausgebers Dr. Stenmann besorgt. Außerdem kam zur Ausgabe Bd. XXI: Die mitteldentsche poetische Paraphrase des Buches High, aus der Handschrift des Kgl. Staatsarchivs zu Königsberg, herausgegeben von Ton E. Kansten. Im Deucke beimden sieh B-L XIX Daniel, eine deutsche Ordensdichtung aus der Stuttgarter Handschrift, herausgegeben von Agrava Hönxen' und Bd. XX: Rudolfs von Ems Weltchronik, aus der Wernigeroder Handschrift, herausgegeben von Gestav Eungwann. Demnächst sall der Satz des Vaterbuchs beginnen, das Kam Reissenberg in Graz für die Deutschen Texte perustet bat.

Von der Wieland-Ausgabe erschien zu Anfang des Jahres 1911 der 3. Band der Poetischen Jugendschriften, dem gegen die ursprüngliche, zu knapp bemessene Eintellung Sterreuts nach der «Clementina» und späteren Vorberichten die ungeheure Abhandlung über Bodmers Nosh als Bleigewicht angehängt werden mußte. Dr. Hoseven wird uun den Schluß dieser Gruppe und alle Lesarten dazu rüsten, Dr. Brunca anhangsweise die Diktatheste in Auszügen bearbeiten. hierfür eingehende Verstudien nötig sind, sall der 5. Baml vor diesem 4. gehracht werden. - Dr. Stanza war durch seine Berufting an die Brüsseler Universite libre gehemmt, hat aber noch im alten Jahre die ganze Reihe der Shakespeare-Übersetzung ausgedruckt und auf Wunsch des Redaktors, der die drei Bände als geschlossenes Ganzes samt dem Apparat zugänglich sehen wollte, sofort die jeizt unter der Presse befindlichen Lesarten geliefert, mit einer Einleitung über Entstehungsgeschichte und Redeutung des bahabrechenden Werkes nebst umfangreichen Anmerkungen zu einzelnen durch sprachliche Eigentümlichkeiten oder Fehlgriffe des Dolmetsch auffallenden Stellen. Diese Zugnben warden den Pilogern deutscher und englischer Literatur gleich

willkommen sein, ohne alle Mitarbeiter zu demselben Ausmaß zu verpflichten.

Über eine künftige Gesamtausgabe von Hamanus Werken und Beiefen mit dem unerhällichen Kommentar sind vorläufige Verhandtungen mit seinen besten Keunern Wasna und R. Ussur gepflogen worden.

(Ther die Arbeiten am 'Rheinischen Wörterbuche' berichtet das außerakudemische Mitglied der Deutschen Commission Hr. France:

Die im vorigen Bericht genannten Helfer und Mitarbeiter setzten in diesem Jahr thre Tätigkeit fort. In der zweiten Hälfte des Jahres sind zeitweise nuch einige Studenten beschäftigt gewesen. Die HH. Dr. Meurn und Dr. Ternso haben mit neuen Kräften Ihre Arbeit aufgenommen. Dem letzteren wurde, um ihn von anderen Nebenarbeiten zu entlasten, eine Entschädigung zugebilbigt.

Ansgegeben wurden die Nummern to 13 der Fragebogen an die Seminare, Präparandenanstalten und andere Mitarbeiter, sowie die Doppelnummer 3/6 der 'Anfragen und Mitteilungen zum Rheinischen Warterbuch', worin u. a ein genauerer Bericht fiber die Tätigkelt für das Unternehmen enthalten ist. Dem in unserem vorigen Bericht spwälmten, von Hrn cand theol. Sonöx vermilaßten Zeitungsartikel folgte in diesem Sommer auf Anregung desselben Herrn ein zweiter. der eine noch größere Fülle von Eingängen hervorrief. Zum Teil mog der fast unerwärtete Erfolg auch darin begründet sein, daß die sonst gelegentlich gewährte kleine Vergütung jetzt grundstizlich allen zuge-agr wurde, die nicht ausdrücklich das Gegenteil wünschen. Unsere Mittel sind durch diese Neuerung allerdings recht beträchtlich in Anspruch genommen worden. Die neuen Einglinge brachten nuch eine grotle Anzahl sonst poels wenig oder auch gar nicht belegter Wörter und Austleneke. So erfrentich das an sich ist, so beweist es doch zu gloicher Zeit, wie trügerisch die Hoffmung ist, jemuls eine auch. nur annihernde Vollständigkeit des Wörterbuchs zu erwichen. Die vorläufige Durchsicht und Berechnung sowie der Briefwechsel, die sich an die Eingünge knüpften, erforderten so viel Zeitaufwand, daß noch lange nicht alles verzetielt werden konnte, und andere laufende Arbeiten, auch die Vorarbeiten für eine Mundartengengraphie, liegen bleiben muliten. Boch ist die Verzettelung ülterer Texte aus Büchern und Zeitschriften im Laufe des Jahres ordentlich gefördert worden. Dr. Thense bemühte sich für das Unternehmen auch wieder durch persönliche Wanderungen und Reisen. Seine Aufnahmen hatten neben faut- und wortgeographischen Einzelheiten und dem allgemeinen Worthestand auch

die Vervollständigung der mit A anlautenden Wörter im Auge. Hierin wären die ersten Anfänge einer systematischen Bearbeitung für einen Teil des Gebietes zu erblieken. Noch ist zu erwähnen, daß seit April Hr. Gymnasialoberlehrer Dr. A. Wenne zu Köln unter Enthändung von seinem Schuldlenst beschäftigt ist, aus dem ungedruckten Stoff des dortigen historischen Archivs Auszüge für uns zu machen und diese Arbeit beträchtlich gefördert hat. Auf dem Kgl. Staatsarchiv zu Düsseldorf für uns zu arbeiten, hat Hr. Oberlehrer Dr. Hanenen in Aussicht gestellt, und auch bei den Aufnahmen des Hen. Dr. Kaverwas für die Thersicht über den Inhalt der kleineren Archive der Rheinprovinz'. welche die Gesellschuft für Rheinische Geschichtskunde zu Köln veröffentlicht, sollen in Zukunft unsere Zwecke berücksichtigt werden.

Der Bestand unseres Archivs an alphabetischen Zetteln, der das letzte Mal auf ungefähr 170000 beziffert wurde, hat sich, unter Ausscheidungen, um etwa 20-25000 vermehrt, die Zahl der aus den Fragebogen zusammengestellten ist jetzt auf ungefähr 40000 zu veranschlagen.

Über die Zentralsammelstelle des Dentschen Wörterhuchs in Göttingen berichtet ihr Leiter Dr. Jonannes Locunen das Folgende:

Der dritte Assistent Dr. KAMMERER verließ uns zum i. Oktober, um in den Schublienst überzugehen. Als Hilfsacheiterinnen traten ein: um 31. Januar 1010 Frl. E. Boadt, um 28. Februar Frl. D. Becure, am 10. Oktober Frl. H. Bouer, diese nur für die Zeit bis Ostern 1911.

Die Gesamtzahl der bisher tätigen Exzerptoren beträgt 276. Durch den Abgang filterer Helfer wurde, wie besbeichtigt, die Zahl so eingeschränkt, daß augenblicklich nur noch 67 (gegen 18) im Vorjahr) arbeiten. Wenn trotzdem beinahe 🖟 der vorjährigen Zettelmenge chikamen, so wird dies besonders der energischen und aufopferungsvollen Tätigkeit einzelner Exzerpturen, wie der Hrn. Dr. Geigen, Fischen, Greken und Keyn, verdankt. Von den Exzerptoren wurden geliefert. vom 1. April bis 15. Dezember 1910 etwa 194 500 Zettel. Die Zentralsammelstelle selbst konnte aus den 'Lexikalischen Hilfsmitteln' 40467 Zettel beistenern. Aus dem alten Zettelmaterial wurden etwa 61400 der Sammlung einverleibt, insgesamt also etwa 295400. Der Gesamtbestand beträgt demnach per 15. Dezember 1910: 976200 (+450200) Zettel [am 20, Jan, 1911 war die Million um etwa 20000 Zettel überschritten!

An altem Material erhielt die Zentralsammelstelle wertvolle Bereicherungen. Aus dem Nachlaß Dr. Wützens übersandte S. Hazet. etwa 3000 Zettel; Prof. Wusnermen überließ uns sein gesamtes Material für Go - Gz, etwa 30000 Zettel.

Die für die Vervollständigung des Hauptquellenverzeichnisses erforderliche Durchsicht dieses älteren Zettelmaterials sowie die oft sehr sehwierige Identifizierung sehr vieler dieser Zettel bildete die Hauptarbeit während des vergangenen Jahres. Da die eben genannten Zuwendungen erst sehr spät eintrafen, wurde die Herstellung des 2. Teiles des Quellenverzeichnisses so verzögert, daß erst jetzt im Januar mit der Drucklegung begonnen werden kann. Doch wird sieh der Absehluß des ganzen Verzeichnisses noch vor Ostern erreichen lassen. Das Einordnen des alten Zettelmaterials ist, wie im September veranschlagt wurde, zur Hälfte erledigt. Bis Ostern bofft die Zentrafsammelstelle auch hier völlig im reinen zu sein.

An die nunmehr 13 Mitarbeiter des Wörterbuchs wurden im Laufa des Jahres 103000 Zettel versendet; außerdem wurden auf Wunsch einzelner Herren besondere Aufträge erledigt und ältere Zettel kollationiert. Das in der Zentralsammelstelle selbst exzerpierte Material erstreckte sich den Wünschen der Mitarbeiter gemäß auf ältere tilessarien. Dialektwörterbücher und technische Literatur.

Die Abgrenzung der Gebiete der Mitarbeiter ist gegen das Vorjahr nicht geändert worden. Mit den HH. Prof. Dollmann, Prof. Eulise, Dr. von Kraun und Dr. Leopold sind die definitiven Verträge abgeschlossen worden. Zwischen der Akademie und Prof. Wenderlich ist nammehr unter Mitwickung des Reichsamts des Innern ein Vertrag zustande gekommen, wonach Prof. Wenderlich den Buchstaben G nur bis zum Schlaß von Gn fortführen wird und die von ihm übernommenen und nen hinzugefügten Zettelmaterialien für Go-Gz der Akademie zur Verfügung stellt. Für diese Schlaßpartie des G werden demnächst noch zwei neue Mitarbeiter geworben werden

Im Laufe des Berichtsjahres ist die 11. Lieferung des Bandes IV 1 m (Gewissen — Gewitzel, bearbeitet von Prof. Wundenlich) und die 9. Lieferung von Band XIII (Wand — Wandeln, bearbeitet von Prof. von Banden) ausgegeben worden: nahe bevor steht das Erscheinen der 1. Lieferung von Band XIV (bearbeitet von Dr. Görze), mit der der erste der durch die Neuorganisation gewonnenen Mitarbeiter hervortreten wird. Es ist zu erhöffen, daß der nächste Bericht bereits einen größeren Jahresfortschritt wird melden können.

Forschungen zur neuhochdeutschen Sprach- und Bildungsgeschichte. Bericht des Hrn. Bunnach.

Trotz bingebendem Bemüben hat es sieh im verslossenen Jahre noch nicht ermöglichen lassen, die im Verein mit Hrn. Oberlehrer Dr Pius bearbeitete kritische Editlon des Briefwechsels des Cola di Rienzo

zur Veröffentlichung zu bringen. Doch sind zwei Bände (1. kritischer Text der Korrespondenz mit Anmerkungen und Apparat, 2. urkundliche Quellen zur Geschichte Rienzos mit Lesarten und Ammerkungen nebst kritischer Ausgabe des 'Oraenlum Cyrilli') im Druck abgeschlossen. Der Druck der Einleitung hat begunnen. - Die kritische Ausgabe des Ackermanns aus Böhmen, für die dank dem Eifer des Hrn. Prof. Dr. ALGIS BERNT (Leitmeritz) Text, Lesarten, Glossar gedruckt und dessen Antell an den Anmerkungen im Manuskript bereits vorliegen, wird der Berichterstatter sieh angelegen sein lassen, so welt abauschließen, daß während des Sommers oder Herbstes ein erster Teil die ganze Dichtung in gereinigter Gestalt mit Kommentar und lexikalischer Darstellung der Sprache der Öffentlichkeit vorlegen kann. - Für die Ausgabe Heinrichs von Mügeln hat Hr. Prof. Dr. Dollmann (Wien) die Bearbeitung der Ungarn-Chronik so weit gefördert, daß sein Manuskript des kritischen Textes, des Varlantenapparats und der lateinischen Fassung bald nach Ostern zum Druck gelangen soll. - Für die Herausgabe deutscher und lateintscher Schriften und Gedichte Johanns von Neumarki ist Hr. Oberlehrer Dr. Klappen (Breslau) als Mitarbeiter eingetreten. - Die Materialsammlung für die von dem Berichterstatter vorbereitete Darstellung der Sprache des jungen Goethe in ihren gesamten grammatischen, stillstischen, lexikalischen Erscheinungen wurde - nuch einer durch äußere Verhältnisse bedingten Unterbrechung von Hrn; Prof. Dr. Axz (Charlottenburg) mit Hilfe einer bezahlten jüngeren Kraft planmißig weiter ergänzt und gewann durch die treue Ausdauer des Genannten einen Zuwaelis von 2000 Zetteln.

HUMBOLDT-Stiffung.

Bericht des Hrn. Waldever.

An Stelle des verstorbenen Kuratorialmitgliedes Eanst von Mendussohn-Bartholde, Exzellenz, wurde Hr. Generalkonsul Paul von Mendussohn-Bartholde, Sohn des Verstorbenen, gewählt; derselbe hat die
Wahl angenommen. Die für das Jahr 1910 verfügbaren Stiftungsmittel
im Betrage von 9000 Mark sind Hrn. Baanet zur Fortsetzung der Ausgrabungen der Tendagnen-Expedition in Deutsch-Ostafrika bewilligt
wurden. Folgende Veröffentlichungen, deren Herausgabe durch die
Hunndurg-Stiftung unterstützt wurde, sind im laufenden Jahre erschienen:

Ergebuisse der Plankton-Expedition der Humonnt-Stiffung. Bd.3. Lh: Die Tripyleen Radiolarien. 10. Bonennt. A., Porospathidae und Cadhilae. Kiel und Leipzig 1910. Schutzer, Leonhand. Zoologische und anthropologische Ergebnisse einer Forschungsreise im westlichen und zentralen Südafrika ausgeführt in den Jahren 1903—1905. Bd. z. 4. Jena 1909—10. (Denkschriften der Medicinisch-Naturwissenschaftlichen Gesellschaft zu Jena. Bd. 14, 16.)

Reck, Hans Isländische Masseneruptionen, Jena 1910. (Geologische und palaontologische Abhandlungen, Herausgegeben

von E. Kores. Neue Folge. Bd. 9, Heft 2.)

Bückise, H. Die Basalte und Phonolithe der Rhön, ihre Verbreitung und ihre chemische Zusammensetzung. (Sitzungsherichte der Kgl. Preuß. Akademie der Wissenschaften. 1910. Stück XXIV.)

Für das Jahr 1911 werden mind 8500 Mark verfügbar sein.

Sarmer-Stiffung.

Bericht des Hrn. Buunner.

I. Vem Vocabularium Jurisprudentiae Romanae sind im Jahre 1910 zwei weitere Hefte veröffentlicht worden, nämlich das erste Heft des dritten Bandes (habeo — idem), bearbeitet von Dr. Hesax und Prof. Dr. Kübera, und das erste Heft des fünften Bandes (r — sed), bearbeitet von Hra. Amtsrichter Vorkman, der nach Vollendung dieses Faszikels und zweier weiterer, bereits gedruckter Bogen (sed — servo) von der Beteiligung an der Arbeit ausgeschieden ist. Für das zweite Heft des zweiten Bandes, das Hr. Dr. Ganes fertiggestellt hat, ist der Druck begonnen worden. Die Vollendung dieses Heftes kann für das nächste Jahr mit Sicherheit in Aussicht gestellt werden. Vom zweiten Heft des dritten Bandes ist ein Bogen bereits gedruckt (idem — ignarus). Für das erste Heft des vierten Bandes (N — Q) ist teils von Hrn. Dr. Brastoff, teils von Hrn. Referendar Lessen das Manuskript eingeliefert worden, so daß der Druck beginnen konnte.

II. Die Neubearbeitung von Honevers Deutschen Rechtsbüchern des Mittelalters konnte im verflossenen Jahre leider nur wenig geflördert werden. Hr. Dr. Boscaniss konnte die für Ostern 1910 geplante wissenschaftliche Reise nicht unternehmen und maßte sich mit Rücksicht auf seine Übersiedlung von Posca nach Hamburg und die Übernahme seines neuen Wirkungskreises darauf beschränken, das von der Reise des Jahres 1909 mitgebrachte Material durchzunrbeiten und den Bestand au fertiggestellten Beschreibungen sonstiger Handschriften gelegentlich zu vermehren. Hr. Prof. Dr. Junus Gunne schreibt, daß er im Jahre 1910 durch unabweisliche underweitige Arbeiten und durch eine rheumatische Augenentzündung verhindert gewesen sei, für das Unternehmen etwas Erhebliches zu leistem.

Borr-Stiftung.

Bericht der vorberatenden Kommission.

Die Kgl. Akademie der Wissenschaften hat am 16. Mai 1910 den Jahresertrag der Borr-Stiftung in Höhe von 1350 Mark dem Privat-dozenten an der Universität Göttingen, Hrn. Dr. Reisenschaftlichen Reise nach Rußland verliehen

HERMANN und Elise geb. HECKMANN WENTZEL-Sliftung.

Jahresbericht des Curatoriums für 1910.

Aus den im Jahre 1910 verfügbar gewordenen Ertrögnissen des Stiftungscapitals wurden bewilligt

> 5000 Mark zur Fortführung des Wörterbuchs der älteren deutschen Rechtssprache;

> 4000 Mark zur Fortführung der Ausgabe der ältesten griechischen christlichen Schriftsteller, und

> 2000 Mark als zweite und letzte Rate der besonderen Bewilligung zur Anfertigung der für das Unternehmen erforderlichen Catenen-Photographien;

> 4000 Mark zur Fortsetzung der Bearbeitung einer Prosopographie der römischen Kniserzeit, Jahrh. IV VI;

> 4000 Mark als fünfte und letzte Rate für die Herausgabe des Voeutzkow'schen Reisewerks:

> 1000 Mark als dritte und letzte Rate der Beihülfe zur Herausgabe einer topographischen Karte des westlichen Kleinasiens von Prof. A. Philipson.

Über den Fortgang der Arbeiten an der Kirchenväter-Ausgabe und der Prosopographie berichtet die hier folgende Anlage I, über das Rechtswörterbuch Anlage II.

Von dem Vorntzzow'schen Reisewerk wurde das 5. Heft von Band II (Zoologie, Systematische Arbeiten) ausgegeben und damit dieser Band abgeschlossen.

Von der Pannerson sehen Topographischen Karte wurde die erste der drei Lieferungen, Blatt 1 und 3, ausgegeben. Der zugehörige Theil des Textwerks 1st unter dem Titel: Reisen im westlichen Kleinasien. I. Heft: als Ergänzungsheft 167 zu «Petentann's Geographischen Mittheilungen» erschienen.

in das Curatorium, dessen Mandat mit dem 31. März 1910 ablief, wurden die ausscheidenden Mitglieder von den zuständigen Classen sämmtlich für die neue Geschäftsperiode 1910—1915 wiedergewählt.

Anl I.

Bericht der Kirchenväter-Commission für 1910.

Von Hen. HARRAUR.

t. Ausgabe der griechlischen Kirchenvärer.

Ausgegeben wurden zwei Bände, nämlich:

die Apokalypse des Esra (hrsg. von Vioren) und

die Kirchengeschichte des Theodoret (hesg. von Parmenter). Im Druck befinden sich:

die Chronik des Eusebius nach dem Armenier (hrsg. von Karst) und

die Kirchengeschichte des Philostorgius (Hmez).

Grössere Unterstützungen erhielten Hr. Kam Schmot für die Collation der Demonstratio des Eusebius (Pariser Codex), Hr. Karst für die Bearbeitung der Chronik des Eusebius, die HH. Brotz und Parsentien zu Photographien von Codices, Hr. Eughard zu einer Reise nach England im Interesse der Martyrien-Forschung und Hr. Lautzmann zur Catenen-Forschung.

Von dem «Archiv für die Ausgabe der ältesten christlichen Schriftsteller» wurden fünf Hefte ausgegeben, nämlich:

Bd. IV (XXXIV) Heft 4: HAASE, Zur Bardesanischen Gnosis. Literarkritische und dogmengeschichtliche Untersuchungen.

Bd. V (XXXV) Heft :: Kocs, Cyprian und der römische Primat. Eine kirchen- und dogmengeschichtliche Studie.

Bd. V (XXXV) Heft 2: KARAPET TER-MERERTECHIAN und ER-WAND TER-MINASSIANTZ, Irenāus, Buch IV und V in armenischer Version.

Bd. V (XXXV) Heft 3: B. Weiss, Der Hebräerbrief in zeitgeschichtlicher Beleuchtung.

Bd. V (XXXV) Heft 4: Flessing und Harrack, Ein jüdischchristliches Psalmbuch aus dem ersten Jahrhundert (Die Oden Salomes).

2. Prosopographia imperii Romani sacc. IV-VI.

Die beiden Leiter der Prosopographie, Hr. Jüneum und Hr. Seren, berichten, dass die Arbeiten in ordnungsgemässer Weise fortgesetzt wurden. Die abschliessende Gestaltung der kirchenhistorischen Artikel konnte noch nicht erfolgen, weil die Excerpte aus den Acta Sanctorum noch nicht übergeben worden sind. Hr. Seren arbeitet neben der Abfassung der einzelnen Artikel an der chronologischen Ordnung der Kaisergesetze.

Ani. IL.

Bericht der Commission für das Wörterbuch der deutschen Rechtespruche, für das Jahr 1910.

Von Hrn. BRUSSER.

Die akademische Kommission in Sachen des Wörterbuchs der deutschen Rechtssprache hielt in Heidelberg am 7 April 1910 ihre neunte Sitzung ab. Anwesend waren die IIH. BRUKKER, GIERRE, ROETHE, Freiherr von Schwisp und die IIH. Mitarbeiter Brider, Freiherr von Künssberg, Perets und Wall.

Die Kommission beriet sich über den Stand der Arbeiten und über Heranziehung neuer Mitarbeiter zur Verzettelung einzelner Rechtsquellen. Der Aufruf an die Fachgenossen, das Unterachmen durch Einsendung gelegentlicher Beiträge zu unterstätzen, ist zwar an mehr als dreihundert Adressen versandt worden, hat aber auf drei Autworten eingebescht. Von der Versendung derartiger Aufrufe ist daher für die Zukunft Abstand genommen worden.

Für die Reihe der Wörter A—am wurden einzelne Wortartikel von den Anwesenden übernommen, andere bestimmten Mitarbeitern zugewiesen. Die Kommission setzte das Honorar für die Mitarbeiter (pro Bogen von 16 Spalten) fest und beschloß die Veröffentlichung eines Doppelheites von etwa 20 Bogen binnen drei Jahren in Aussicht zu nehmen, welches die Wortartikel A—Acht, ein provisorisches Vorwort und ein Verzeichnis der wichtigsten Abkürzungen enthalten soll. Das ganze Werk wird auf einen Umfang von ungefähr acht Bänden zu etwa 1000 Seiten berechnet. Verhandlungen wegen Übernahme des Verlags sind im Zuge.

Die Schitzung des Zettelarchivs ergab einen Bestand von 713600 Zetteln gegen 573200 im September 1908; es hat sonach eine Vermehrung um 140000 Zettel stattgefunden.

Als Vorarbeit hat Freiherr von Kenssnere eine Untersuchung: «Acht, eine Studie zur älteren deutschen Rechtssprache», Weimar 1910, veröffentlicht.

Bericht des Hrn. Sonnonn.

Der Bestand des Archivs darf Ende 1910 auf 750000 Zettel eingeschätzt werden.

Unsere Bestrebungen wurden durch Einsendung gelegentlicher Funde oder einschlägiger Aufsätze, durch Auskünfte und Werbung von Mitarbeitern in dankenswerter Weise durch folgende Herren gefördert: Rechtspraktikant E. Aur in Ochsenfurt, Prof. Dr. K. von Asma in München, Landgerichtsrat Karl Bress in Torgan, Prof. Dr. Max Connar

In Heidelberg, Oberbibliothekar Dr. K. Ebel in Gießen, Privatdozent Dr. F. Febluse in Heidelberg, Prof. Dr. J. France in Bonn, Prof. Dr. Frommond in Greifswald, Archivar Dr. Gürben in Nürnberg, Oberst a. D. Freiherr von Gurtenberg auf Schloß Steinenbausen, Privatdozent Dr. Paul Merker in Leipzig, Prof. Dr. von Moellen in Berlin, Privatdozent Dr. Ernst Pereis in Berlin, Prof. Dr. Kuur Pereis in Hamburg, Prof. Dr. R. Person in Heidelberg, Dr. E. Rosenstock in Berlin, P. Adambau Schopens O. S. B. in Maria Luich, Privatdozent Dr. Walthen Schönbors in Heidelberg, Prof. Dr. Edward Schröder in Göttingen, Privatdozent Dr. C. Freiherr von Schweren in München, Prof. Dr. U. Stutz in Bohn, Prof. Dr. Redout Thomas in Basel, Richter Dr. Fautz von Woess in Wien, Prof. Dr. Alther R. von Whersenko in Innshruck, Dr. W. Zersenhe in Marienburg.

Demgegenüber sind auch wir immer öfter in der Lage gewesen, Gelehrten und Praktikern auf Grund unseres reichen Zettelschatzes

wissenschaftliche Auskünfte zu geben.

Nach wie vor wird beim Einordnen der Anfang des Alphabets bevorzugt, dessen Ausarbeitung im Gange ist. Die Beteiligung Answärtiger an der Ausarbeitung der Wortartikel ist leider nicht lebhaft; trotzdem besteht die Hoffnung, das Manuskript für das erste Heft in der von der Kommission angesetzten Frist fertigzusstellen.

Im Berichtsjahre sind Manuskripte eingelaufen von den Kommissionsmitgliedern Brusser. Schröder und Freiheren von Schwindsowie von den HH. Dr. Franksand Brioer (Heidelberg), Dr. August Elekasser (Konstanz), Dr. Alexander Gal (Wien), Dr. Freihert von Künssberg), Dr. Paul Merker (Leipzig), Dr. Leonald Perker (Heidelberg), Dr. Gustav Wahl (Frankfurt u. M.).

Ständige Hilfsarbeiter blieben die gleichen wie bisher. Der Stand der Handhibliothek ist unverändert.

Varzelobale dar im Jahre 1910 ausgezogenen Quellen.
(Die Britelge der anverzeitese Smundemm eind mit * du ber betrencheschen Gemisser surf mit ** bescheund

Abhandlungen zum schweizerischen Recht. (6: 17. 24. 25. 28.) jur. Harrings. Mirrais, Leipzig.
Der nithachdeutsche Islder, hrsg. von Hencht phil. O. Rosen, Berin.

Almela Stadurecht! Prof. me Massa, Britmel

Alteneta Brura, Schöppenbuch (ungedrucht): Dr. Erser Brura, Magdeburg, von Amira, Grandrid des germanschen Beschaft Franchen Breeze, Rheinsberg, Anton, Diphensulade Rahräge zu des deutschen Bechan, 1777; Dr. S. Hörra, Münchon, Banach, Die Rörfalet zwischen Hamburg, Brunen und Holland: Admirat Racura, Heidelburg.

Hausch, Die Islandisher der Deutschun: Admiral Raumes, Hestelberg. Bellezo du, Beiträge zu Schlesiens Rochtsgoschichte: Rochtsnowalt A. Grosswers, München

Beenhurg, Stadtlinde (165-1520) jur Fried Lerrwitz, Leipzig Bild at hick des liverarischen Vereine in Statigart, 31. Dr. Aventy Et. Lesna, Konstant. Birub, Cartalarinar Saxonicum (teilweise): Privatilorem Dr. Ca. Fria von Schwerfe. Manahen

Brandenburger Kriminalardaung. 1717: jan J. M. Gaousrasa, Künigsberg I fr. Brandenburgianhes Zallreglement. 16711 Admiral Bavara, Heldelberg,

Beaumychweiger Urinntenluch I (furtgesein): Assessor Dr. W. Schurrenne, Virefelde L Hr.

Bremer Corellichtuquellun (Lappenberg): Dr. Admust Ersässen, Kometana.

Buch Wainshorg, breg von Höhlhaum. III. u. IV.: Admiral Bacura, Beidelberg. Burge, Die Wikinger, überseint von Raugerland Privatelinant Dr. Limmus Passis, Heidelberg.

Carlabach, Budische Rechtsgeschichte. H.: phil. Hass Helmer Merke, Rüppurr. Curp us constitutionum Brandenburgo-Cuimbacansum (begonnen): Rechtsanwill A. Gro-BENGES, Monches.

Carpus jura vanataria forestalia, hrag. von Fritach (begunnen): Dr W. Diasa, Militalien. Coutumes d'Ypres. 1619: Prof. nes Mauer, Brussol.

Dellus, Haubergs und Hanbergsgemassenschaften: Dr. von Küssenam. Dittmer, Das Sassen- und Hoistenrecht: Dr. W. Dass, München.

Handelsrechnungen des deutschen Ordens, breg von Sattler: Dr. von Kussenne. Dreyer, Zur Erläuterung der deutschen Rechte ... angewandte Nebenstunden Pa. Poors, Sinigar.

Bentiel-Brandt, Beitrage me Reichsgewinichte (begunnun): Dr. Westennass Heidel-

Edlingen, Urkundenbuch der Studt: Archivrus Dr. Mynnan, Stattgart, Athrecht von Eyb, Deutsein Schriften: phil. O. Resen, Berlin.

"Fonces rarum Austriacarum II 59: jur. L. Tienren, Lim a. D.

Freiburger Disconanarchiv. 1.-13. 14.: Dr. A. Riefiern, Romann. Frahmsparger, Meerkriegeordning: 1565: Admiral Barnan, Heidelberg.

Fustrer, Bayrische Chronik: Fran Loa Beumm, Rheinsberg. Gevenius, Meierrecht 1803: phil. A. Kastsen, Photheim.

"Geschlahte der Stadt Königimlich 1782: jun, Gumo Kasra, Prag-

Granberg, Bauermefreiung in Böhnen mal Schlemen: jur. H. Februs, Wien.

Genpen, Disceptationes forensen 1757 Dr. Canas Cana, Wilferdingen. lisekmann, De juse squeria 1800: Rechbanwalt Gronzonen, München.

Hananier, Les constitutions des empagnes de l'Alance; Dr. W. Duss, Minichen. Her chrharen Hansestädte Schiffordning und Secrecht 1014: Admiral Brenes Haldelberg

Hussische Blätter für Volkskunde: Dr. G. Laussus, Godben.

Hildesheim, Urkundealmeh des Horbstifts: Prof. Genvermen, Konstant,

Hild sahaim, Urkundenbuch der Studt, Regider: Frau Inc. Braven, Rheinsberg.

Friede von Habentahe, Rechtsbuch 1348: De. Fn. Graum, Münchon:

Thum a - Sternegg, Deutsche Wirtschaftsgeschichte it: Fran in Bennen, Rheinaberg. " Jahrbuch der kunsthistorischen Sammingen des Alberhochsten Kaiserhausse (begannen);

Pa. Tames, Stategart. Saiserawarth, Urbundauluch des Stiftes: Privatifozent Dr. Paus Mennes, Leipzig-"Kralh, Landhandfeste von 1598: jur. Hermans Fufun, Wies.

Lubisches Stadtrecht 1680; Admiral Barsen, Heidelberg.

Marianburger Trafferbush. 1399-1460; Dr. W. Zieskeim, Marienburg.

Marienburg, Zhobuch des Hanses: Dr. W. Zussenen, Marienburg.

"Merning Studtrecht (Zeitschr. f. doutsches Alterium VI): De. Frant Zanth, Kurnanling b. Wim-

'Merz, Sudwecht con Brongacton cand jur. Successes, Born.

Mittellungen für Geschichte Gothus 1897-1904; jur. Farre Zirrwerz, Leipzig. Mitteilungen sus dem Studturchiv in Koln. 17 18.; Admiral Uzenes, Heidelberg-Mitte Inngen des historischen Vereins für Ninderbarenn 1 .- 25.2 phil. Haas, Minchen. Mittelniederdeutsche Pastuachtspiele, besg. von Seeinann: ile. A. Kisassen.

Montanus, Schwankbacher jur. Farre Zerrweit Leipzig.

Manumenta Boica 14, 15, 17, -21.0 Dr. W. Diese, Münching

Monumente Gormaniae historica, Script. ur. Merce. 1 .- V. Privaldenem Dr. LEGROUP PIRELS, Heidelberg.

Mor Bliefin . Spiegel des Regiments. 12131 phil H. H. Marsa, Rappure.

Mühlhansen, Stuftreeht. 1230-1250: Dr. Eusse Beier, Magdebern

Muhibansen, Chronit der Stadt, breg, von Jurdan jur Pater, Zerburg, Leiting,

Mühlhamann, Urkundanlunk; De. Enner Benne, Singdahurg.

Malsow, Mast and Gewicks in Besel, 1910; Francis, Brance, Rheinsberg,

Nens Heidelberger Jahrhauher, 14. Dr. von Konseine.

Neue Mitteilungen des fichempieh sichenchen Vernice to Rentusnwah Gio sussain, Münchion: 19.1 jun Farra Zerrwerz, Leipzig.

Naumark or Resimbuch, breg. von Mainardos: Rechtsmisult Georgenia, Mileches Peter Nalse, Der Kaufmann in der dentschen Spruche den Mittelalters, Gött, Dies, 1900 Dr. L. Panelle, Haidelburg.

Nature, III. Labeo, breg von Piper: Dr. A. Erelisen: Konstant.

Narnharg, Halsgorichtsonlaungen (Zeitsehr, f. Strafrechtsw. XII); jur. Perna Khairburg L.I'r.

"Daterrofehlsche Urbarn. III r: Dr. Phast Zanta, Komenhung h. Worn.

"Osterrorchische Weistümer VIII.: Dr. Ronour Zane. Gold h. Leofine. IX.: Pa Tuona, Stategart,

Paul und Bezung, Beiträge zur Geschichte der dustschen Sprache : - 42: Dr. K. Eustson, Konstanz,

Marcol Planist, La très aucience comme de Bretagne! De La Penna, Heidelberg. Proudische Assolurans - und Havereierdnung. (700: Admiral Bacura, Heldalberg Proudischie Bordingsrogloment spry: Admiral Barmer, Reidelborg.

Preulinghes Sacrucht 1727: Admiral Bacuelt Holdellurg

Prenilische Strandungsordnung. 1728: Admiral Bannen, Heistelberg.

Qu'ellen und Forschungen zur Geschielste der Ahm Rendunau : phil. If II Maven. Rönnner.

Rigarations, Conshitte and Cokunden der, brag, van Siewest: Admirel Reports, Heidelberg

"Röhler, Demails Dorfweistamer in Bahmun jur G. Kosm, Prag-

Das St. Pauler Formular. Briefe und Urtimlen aus der Zeit König Wennel H. Prag 1806; jur G. Koma, Prag. Schmitz, Bullumber, Prof. Man Coman, Hebialburg-

Schruder, Spruchvergieichung und Urgeochichte. 3. Aufl.: Hr. A. Fasisann Konstanz,

Se breiber, Ernleibe in Straffburg, 1999; Fran Inx Rumore, Rheimburg,

Schriften des Verwins aus Geschichte den Budensens, 3: 7- 8 : Pürmench Derson KINKELD, BUTH

schweizenieghes Idiotikun 3: 7 Ibegommi); Dr. cox Krassens,

Seratern-Pauly, Nemnimato, Kirchepiel und Hocheshulmer Amagelulunter De-W. Digsa Minuhen.

Senekonhurg, Kuissrliche höchste Gericht-backelt, Rocht mwalt Gronnessen, Mon-

Siegener Urhandenbash I (erledigt); Privatdozent Dr. Laurero Pinera, Heidelberg Suchsenapiegelglouse inmh den Wiener Sitzingeberinhem 1881 - 1894): jue. Fairs Zerowerz, Laspaig.

Slaba, Helgoland and seine Spracher De Erasses, Konsting.

StraBburger Zunft- und Poliziavdanigen jur Zerrwers, Leipzig-"Suderen ander, Halsgerichtsordnung für die 1707: jus. H. Fafus, Wien-

"Tiraler Landescolung 1573: jur. H. Fenny, Wien. "Thenter Pollesiordnung, 1571 fur. H. Fufus, Wien

Tourney: Friedomoegister, Irag. von W. Benny Dr. von Kensenmo.

Tunker, Miroharger Bannan marbuch: Ile. A. Electers, Kanware Van des Linden, Les gibles marchanges: Prof un Marix, Britand.

Vue offentlich ungen der bienrichen Kommanion für Steiermuck. Den be. Bancan, Rhousberg.

Walts, Destrolle Vertessungsgeschichte Fran Ina Benaue, Rheinsberg. Wasserschieben, Buflogdinungen Poat Max Course, Beidelburg,

Wannernahieben, Primip der Erbenfalge jur. Pour Zerrwere, Leipzig-"Welli, Urkumles des Studiacentes Badent stud jur. von Burner, Bern.

"Wien, Maninghang, 1659 per H. Faran, Wien.

**C. Wingar, Urbundliche fleiträge zur Rechtsgeschichte: Dr. von Kossennan-

Wolfeam von Eschenback, heer van Lastenann Dr. A. Erstsern Konstant Wastiemberg beste Endfine Roomsqueten. L. Dr. Francean Januar, Hodelberg. Zerrschrift des hautenschan Vereim für Schwaben und Neuburg. 3., Dr. W. Dussa, Müschen.

Zolene lielfe das westprenilischen Geschichtsvoreine, bis 1909: Rechtsanwall Gennunera,

Zertucheift für deutsche Worthwelmig. 1919; R. Sensitera

Akademische Jubiläums-Stiftung der Stadt Berlin. Bericht des Hyn. Diels.

Du die Entscheidung über die Verwendung der Stiffungserträgnisse der laufenden vierjährigen Periode erst im Jahre 1912 fallen wird, ist für das abgelaufene Jahr nur über den Abschluß der Bearbeitung der in der vorjährigen Periode unternommenen Trinilexpedition der Fran Prof. Skarska zu berichten.

Dank einer außerantentlichen Beihilfe von 2000 Mark seitens der Berl. Akad. d. Wiss. ist das die wissenschaftlichen Ergebnisse jener Expedition zusammenfassende Work unter der Redaktion von ihre Prof. Branckensons in Berlin so rasch gefördert worden, daß es bereits abgeschlossen und im Drucke vollendet gerade jetzt ausgegeben werden kounte. Die hierin mitgeteilten Forschungsergebnisse dürfen in mehrbicher Beziehung als sehr wertvoll bezeichnet werden. Es ist damit das von Frau Prof. Sternan und der Akademischen Jubiläumsstiftung der Stadt Berlin ausgeführte und unterstützte Unternehmen zum Absehluß gebracht.

Schliesslich wurde über die seit dem Fammanus-Tage 1910 (27. Januar) bis heute unter den Mitgliedern der Akademie eingerreienen Personalveränderungen Folgendes berichtet:

Die Akademie verlor durch den Tod die ordentlichen Mitglieder der physikalisch-mathematischen Classe Haus Landour und Robert Koon; die ordentlichen Mitglieder der philosophisch-historischen Classe Adott Tobler und Heisenen Zumer; die auswärfigen Mitglieder der physikalisch-mathematischen Classe Eduand Predere in Bonn und Giovanna Virgunio Schlafarelli in Mailand; das auswärfige Mitglied der philosophisch-historischen Classe Ledoud Deelse in Paris; die correspondirenden Mitglieder der physikalisch-mathematischen Classe Alexander Agassiz in Cambridge, Mass., Eduand van Beneden in Lüttich, Stanislad Gannizzard in Rom, Sir William Hussins in Londou, Friedmen von Rechinghausen in Strassburg, Melemon Treus, früher in Buitenzoeg, zuletzt in Saint-Raphaël (Südfrankreich), Rudolf Fritm in Strassburg und Angelo Mosso in Turin; die correspondirenden Mitglieder der philosophisch-historischen Classe Benedert Niese in Halle a. S., Edu

Schure in Göttingen, About Michaelis in Strassburg und William James in Cambridge, Mass.

Neu gewählt wurden zu ordentlichen Mitgliedern der philosophischhistorischen Classe Heisenen Mohr und Hersmen Wöhleren; zum answärtigen Mitglied der physikalisch-mathematischen Classe das bisherige
correspondirende Mitglied Lord Rayleien in Witham, Essex; zum Ehrenmitgliedern der physikalisch-mathematischen Classe Wilhelm Wies in
Mürzburg, Sir Josen John Thomson in Cambridge (England), Sir Vieron
Honsley in London, Felix Marchann in Leipzig, Frienden Mehrel in
Göttingen, Angelo Mosso in Turin, Gustav Schwalde in Strassburg,
Oswald Schmedenen in Strassburg, Wilham Morris Davis in Cambridge,
Mass., Lewis Boss in Albany, N. Y., und Friedman Küstner in Bonn;
zu vorrespondirenden Mitgliedern der philosophisch-historischen Classe
Wilhelm Fröhner in Paris, Samuel Rolles Daver in Oxford, Ignaz
Goldzum in Ofen-Pest und Franz Pragronies in Breslau.

SITZUNGSBERICHTE

1911

V.

DER

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

2. Februar Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Vanlen.

"I. Hr. von Sennoum sprach über die Bevölkerungsbewegung der deutschen Städte von threm Ursprung bis ins 19. Jahrhandert.

Der Voerrugemie gehr hanptslichtlich auf die Ursachen ein, wolche für der unsatzu der dentsollen Stätte vom 14---17 Jahrhundert einen grossen Rückgung berbeigeführt ballen, und auf alle politisch-administrativon Anderungen, welche das Wiederenflaßen in den letzten zwei Janohunderten ermöglichten

2. Vorgelegt wurden der Neudruck des 1. Bandes der von der Akademie veranstalteten Kant-Ausgabe. Berlin (9)0, das mit Unterstützung der Akademie gedruckte Werk F. Schutzunss, Kalifa und Dimna, syrisch und deutsch. I. H. Berlin (91), ferner D. Schäffer und E. Trohen, Hanserecesse von (477—1530, Bd. 8. Leipzig (910, Enten Schuher, Reden zur Litteratur- und Universitätsgeschichte. Berlin (91) und P. Menzen, Kants Lehre von der Entwicklung in Natur und Geschichte. Berlin (91).

Ausgegeben am 9. Februar.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

VI.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

2. Februar. Sitzung der physikalisch-mathematischen Glasse.

Vorsitzender Secretar: Hr. Waldever.

1. Hr. Zumenass las: Über die Bedeutung von Untersuchungen über die Knickfestigkeit elastischer Stäbe für die Praxis an der Hand von Beispielen, wie Brückeneinstürzen u. dergi.

Er beschrieb die Einrichtungen, lie der Verein Deutscher Brücken- und Eisenbaufahriken trifft, um Bruchverauche mit Betickentheilen in natürlieher Grösse anstellen au können. Es ist zu diesem Zweck mit Aufwendung bedeutender Geldmittel eine hydranlische Versuchsmuschine beschafft wurden, die 3000 Tonnen Druck bei 15 Meter Länge des Probestiekes auszuüben im Stande Ist.

2. Hr. Faorexus trug eine Arheit vor: Uber den Rang einer Matrix. II.

Die Elementartheiler der charakteristischen Determinante einer zerfallenden Matrix sind die der einzelnen Theile zusaumengenommen.

3. Folgende Druckschriften wurden vorgelegt: Das die Ergebnisse der Trinil-Expedition der Akademischen Jubilimmsstiftung der Stadt Berlin enthaltende Werk: Die Pithecanthropus-Schichten auf Java-Hisg, von M. L. Seitena und M. Bearenemens. Leipzig 1911: das mit akademischer Unterstützung bearbeitete Werk W. Satonos. Die Adamellogruppe. Tl. 2. Wien 1910 (Abhandlungen der k. k. Geologischen Reichsanstalt. Bd. 21. Heft 2): 4 Sep. Abdr. aus den Bänden 4 und 6 des Archivs für Hydrobiologie und Planktunkunde, enthaltend Beiträge zur Kenntnis der Süsswasserfanna der Dauphine-Alpen, eingesandt von dem gleichfalls von der Akademie unterstützten Dr. L. Kennach: endlich H. Zumannann. Die Knickfestigkeit der Druckgurze offener Brücken. Berlin 1910.

Über den Rang einer Matrix. II.

Von G. FROBENIUS.

\$ 5.

Will man die Normalform B einer bilinearen Form A untersuchen, ohne auf die Wrimstrassiche Definition der Elementarteiler zurückzugehen, so muß man die früheren Entwicklungen noch durch folgende Bemerkungen ergänzen.

Wenn die Matrix "teu Grades

$$A = \begin{pmatrix} A' & 0 \\ 0 & A'' \end{pmatrix}$$

in die beiden Matrizen A' und A" der Grade a' und a" vollständig zerfällt, so ist

$$A^s \Longrightarrow \begin{pmatrix} A^{r_s} & 0 \\ 0 & A^{r_s} \end{pmatrix}$$
,

und mithin in leicht verständlicher Bezeichnung

$$g_k = g_k^2 + g_k^2$$
, $\lambda_k = g_k^2 + \lambda_k^2$, $k = k^2 + k^2$.

Den Zerlegungen

$$\delta' = \lambda_1' + \lambda_2' + \cdots$$
 $\delta'' = \lambda_1'' + \lambda_2'' + \cdots$

selen assoziiert die Zerlegungen

$$b' = w'_1 + x'_2 + \cdots$$
, $b'' + x''_1 + x''_2 + \cdots$

Unter den u' Zahlen $\mathbf{z}_1^{\prime}, \mathbf{z}_2^{\prime}$, befinden sich daher \mathbf{z}_1^{\prime} , die $\geq \mathbf{z}$ sind, und unter den u' Zahlen $\mathbf{z}_1^{\prime\prime}, \mathbf{z}_1^{\prime\prime}, \cdots$ befinden sich $\mathbf{z}_1^{\prime\prime}$ solche Zahlen. Unter den $\mathbf{u}' + \mathbf{u}''$ Zahlen $\mathbf{z}_1^{\prime\prime}, \mathbf{z}_2^{\prime\prime}, \cdots$ gibt es folglich $\mathbf{z}_1^{\prime\prime} + \mathbf{z}_1^{\prime\prime}$ = $\mathbf{z}_1^{\prime\prime}$, die $\geq \mathbf{z}$ sind. Demnach ist der Zerlegung

$$\ell = \lambda_1 - \lambda_2 + \dots + \lambda_n$$

assozuert die Zerlegung

$$0 = \kappa_2^2 + \kappa_3^4 + \dots + \kappa_1^M + \kappa_2^M + \dots,$$

worm die Summanden noch nicht der Größe nach geordnet sind. Die für s=0 verschwindenden Elementarteiler von |A-sE| haben daher die Exponenten $\kappa_1',\kappa_2',\dots,\kappa_r',\kappa_r'',\dots$ d. h. es sind die Elementarteiler von |A-sE'| und |A-sE''| zusammengenommen.

VIII. Die Elementarteiler der chavakteristischen Determinante einer Matrix, die in mehrere Matrizea vollständig zerfällt, sind die der einzelnen Teile zusammengenommen.

Ist F die Matrix der Form $x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_ny_{n-1}$, so ist F^* die der Form $x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_ny_{n-2}$, F^* die der Form $x_1y_1 + x_2y_2 + \cdots + x_ny_{n-2}$, usw. Mithin ist $\rho_0 = \kappa$, $\rho_1 = \kappa - 1$, $\rho_2 = \kappa - 2$, ... und $\lambda_1 = \lambda_1 = \cdots = \lambda_n = 1$. Die charakteristische Determinante der Elementarform

$$C = a(x_1y_1 + x_2y_2 + \dots + x_ny_n) + (x_1y_1 + x_2y_2 + \dots + x_ny_{n-1})$$

bat folglich nur den einen Elementarteiler $(s-n)^*$. Mit Hilfe des obigen Satzes ergeben sich dann die Elementarteiler der charakteristischen Determinante der Normalform B, die in eine Anzahl von Elementarformen der Gestalt C vollständig zerfällt.

Ausgegeben im 9. Februar.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

VII.

DER

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

9. Februar. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

1. Hr. Harrack les über das hohe Lied des Apostels Paulus von der Liebe (I. Kor. 13) und seine religionsgeschichtliche Bedeutung.

In der graten Hälfte der Abhandlung werden einzelne Stellen besprochen, die in tertkritischer und exegetischer Hinsicht noch controvers sind, besonders der drutte Vers. In der zweiten Hälfte wird die religionsgeschichtliche Bedeutung des Hymnus in seiner Beziehung zum Judenthum, zu der Predigt Jesu und zum philosophischen idealismus der Griechen erörtert.

- 2. Das correspondirende Mitglied der philosophisch-historischen Classe Hr. Richann Schröden in Heidelberg hat am 1. Februar das fünfzigjährige Doctorjubiläum begangen: die Akademie hat ihm eine Adresse gewidmet, deren Wortlaut unten folgt.
- 3. Vorgelegt wurde der 19. Band der von der Akademie mit Mitteln der Wentzel-Stiftung unternommenen Ausgabe der griechischen christlichen Schriftsteller der ersten drei Jahrhunderte, enthaltend Theodorets Kirchengeschichte hrsg. von L. Parmenter: Leipzig 1911.

Das correspondirende Mitglied der philosophisch-historischen Classe Wilhelm Wilmanns in Bonn ist am 29. Januar verstorben.

Das hohe Lied des Apostels Paulus von der Liebe (I. Kor. 13) und seine religionsgeschichtliche Bedeutung.

VOD ADOLF HARNACK.

Day Thema des großen Lobgesangs auf die Liebe im 13. Kapitel des 1. Korintherbriefs ist bereits einige Kapitel vorher (8, 1) vom Apostel angeschlagen', alsbald aber wieder verlassen worden. Nach Darlegungen anderer Art kommt er im 12. Kapitel auf die Charismen, über welche die sittlich noch unreife Gemeinde einer ausführlichen Belehrung bedurfte, and zwar in theoretischer und praktischer Hinsieht: Gott teilt die Charismen nach freiem Ermessen aus, man kann sie daher nicht erzwingen: ferner, die Gaben haben sämtlich den Zweck, die Gemainde als ganze zu bauen, daher sind alle gleich notwendig, und die Bevorzogung eines Charismas mit Geringschätzung der andern ist verwerflich. Wie das 14. Kapitel lehrt, bevorzugten die Korinther vor allem die Gabe des ekstatischen Zungenredens: sie wollten, wo möglich, sämtlich Zungenredner werden, während doch gerade dieses Charisma nach dem Urteil des Apostels, auf den Erfolg gesehen, für das bescheidenste gehalten werden muß. Zwischen die Belehrung über diesen speziellen Punkt und die allgemeine Darlegung über Natur und Zweck der Charismen hat Paulus den Lobgesang auf die Liebe eingeschoben, der als solcher die lehrhaften Ausführungen sachlich und stillistisch durchbright.

Die Art der Einführung des Lobgesangs bietet einige Schwierigkeiten Nachdem der Apostel seine allgemeinen Ausführungen mit den tebhaften Fragen beschlossen hatte: «sind alle Apostel? sind alle Propheten? sind alle Lehrer? sind alle Kräfte? haben alle die Gnadengaben der Heilung? reden alle mit Zungen? legen alle |die Worte der Zungenredner| aus?», fährt er fort: «Eifert vielmehr nach den Gnadengaben,

[&]quot;HENDELC OYCICI, ILAG AFATH OKOAOME! . . . I AG TIC AFATIS TON BOOM, GYTGE EFHICTAL

welche die höheren [al. besseren] sind, und ich zeige euch noch einen Weg in überschwenglicher Weise. Was ist unter den «höheren [besseren] Gnadengaben» zu verstehen? Ferner, inwiefern konnte der Apostel den Inhalt des nun folgemien Hymnus als «Weg» bezeichnen? Endtich, muß man nicht mit Luther u. a. die Worte «in überschwenglicher Weise» als adjektivische Bestimmung auf «Weg» statt auf das Verbum beziehen («einen köstlicheren Weg»)?

Die erste Frage kann sieher entschieden werden. Die shöheren (besseren) Gabens können nur die sein, welche an einer anderen Stelle als -Früchte- des Geistes bezeichnet werden (Gal. 5, 22; effic Frucht aber des Geistes ist Liebe, Freude, Friede, Geduld, Freundliehkeit, Gütigkeit, Glaube, Sanfimut, Enthaltsamkeita). Indem er sie hier «Charismen» nennt, schreibt er absichtlich paradox: denn «Chacismen Im engeren Sinne sind jene Tugenden nielit, weil sie, da sie ia die Ausgestaltung des Christenstandes selber sind, von jedem Christen erwachen werden können und sollen. Die Charismen im engeren Sinne aber sind in Wahrheit «Zugaben»; als solche können sie als Überhöhungen des Christenstandes beurteilt werden; aber deshalb bleiben doch Liebe, Freude, Friede usw. die eigentlich höchsten Gaben, weil sie schlechthin notwendig sind, weil der christliche Charakter nur in thren seine Ausprägung findet, und weil das ewige Geschick nur von thnen abhängt. Der religiösen Genußsucht und dem unheitigen Tifer der Korinther, die sich an die Charismen angeschlossen haben, setzt der Apostel das Einfache und Notwendige als das Größere oder vielmehr als das Bessere gegenüber!

Die Ausleger verstehen die Worte odie höheren Gabens fast durchweg anders, Sie meinen; der Apostel fordere hier dazo auf, unter den Charismen im engeren Sinne dielenigen zu hevorzugen, die am meisten zur Erbanung dienen, abn gegenüber dem Zungemeden etwa die Proplettie oder die Lehrbaftigkeit oder die Erkenninis. Alleindie hüberen Gaben- stehen angemehetalleh nicht nur den beiden letztgemannten (Zungenreden und Auslegung) gegenfiber, sondern allen in v. 29 and 30, also auch iv 1.4-11, aufgeführten. Jede Beschränkung ist bier pure Willkür. Auch ware es zwar nicht geradern unerträglich, aber doch kann verständlich, wenn der Apostel, der kurz rocher geschrieben hat, daß Gott die Charismen einem jeden austellt, win er will (v. 11), mm die Auweisung giber Elfert (Zixavre) nach diesen Charismen. - Ubrigens lat die LA. Meizona keineswegs gesichert, aus werigsten durch 14.3 und 13.13; denn an belden Stellen werden Charismen derselben Kategorie untereinander vorglichen. Es ist meines Erachtens wahrscheinlich, dan speirross die ursprüngliche I.A. ist, die durch 14,5 and 13, 13 verdrangs worden ist. Diese LA macht as vollends deutlich, daß Paulus nine ganz undere Kategorie von Charismen - nämlich Tugenden, die er sonst night Charismen numit - numnehr his Auge falls. Kesistosa hieten DEFGKL al longe plu, d, e, f, vg (exc. am), copen, arm, Tertuil., Origenes, Ambros., Ambrosisst., Chrysint, fore eith the maizena, Anal the restronal in a Vater; szizona ist direch *ABC, am, with the Hieron, and chaige Väter bearingt, in denon abor Origones schwerlich zu ereinen ist, da min asizona uns Kontamination mit 14. 5 merzon zu atammen scheint. Möglich, daß Origenes selbst geschwunkt hat. Jedenfalls ist selzons eine fast

Welches die höheren [besseren] Charismen sind, brauchte der Apostel den Korinthern nicht ausdrücklich zu sagen; denn, wenn alle die Gaben, die er in c. 12 genaunt hatte, nicht zu ihnen gehören, so mußte jedes Herz empfinden und wissen, was er im Sinne hatte. Daher ist das Folgende mit aund noche (kal fri) = aund zum Überfluße angeschlossen. Er sagt aber nicht, daß er seinen Lesern die besseren Gaben nun doch nennen, sondern daß er ihnen aden Wegzeigen werde, der zu ihnen führt. Dieser Weg, auf den er den Eifer der Korinther lenken will, ist die Liebe. Also ist ader Wege hier ganz wörtlich zu nehmen und nicht, woran man auch denken könnte, als aLehre zu verstehen. Ergibt sich doch nach v. 4—7 aus der Liebe ein ganzer Chor negativer und positiver Tugenden; diese sind also — so ist jetzt zu spezialisieren — die abesseren Gabene, die der Apostel e. 12, 31 im Sinne hatte, und die Liebe, da sie ihre Wurzel ist, ist das Mittel, also auch der Weg, sleh ihrer zu bemächtigen.

Kein ganz sicheres Urteil vermag ich über die Beziehung des «καθ' «παθεσιλέ» zu gewinnen. Der dem Paulus geläufige Ausdruck steht Röm. 7, 13 beim Adjektiv (κ. 2. κακρτωλός), Il. Kor. 1, 5; 4, 17; Gal. 1, 13 aber beim Verbum. Unzweifelhaft ist die letztere Beziehung, stillistisch betrachtet, die natürlichere", zumal da das Fehlen des Artikels bei εκός doppelt empfindlich wird, wenn καθ' «περε zu diesem Worte gehört. Sachlich entsteht freilich auch so ein sehr guter Sinn

ansschile Blich alexandrinische Lesart. Gener und Merzu haben sich für abertress entschieden; die große Mehrzahl der Ausleger bevorzugt seizens. Hersauch bezeichnet diese als die schwierigere LA, und befolgt sie deshalb; minder treffend ist sie, nicht schwieriger.

Die Erwägungen, welche Krosteknäss an die ganz schlecht bezeingte Lewet ett (gwei) angeschlössen hat, lasse ich auf sich berühen.

Auffallend ist, daß fachte artikelles ist (keine Handschrift bietet ihn). Wahrscheinlich hat Bracket Recht: Der Apostel will die Korinther spannen. Doch feldt es auch an Beispielen für nachlässigen Wegfall des Artikels nicht. Eine gewisse In-korrektheit kann man darin erblichen, daß Paulin bei der Mahnung: zestelte ta zationata ta speittens, wohl auch die Liebe im Sinne gehalt hat, sie aber nur als den Weg, um jeme besseren Charismen zu grwihnen, bezeichnet. Allein er läßt sehehm von der Liebe im Sinne des Aposteis beides sagen, sowohl daß die «die gefühlennter allein modern als auch daß sie der Weg au allen anderen ist.

[.] Doch ist die Wortstellung ihr minder gilmale.

(seinen Weg, hoch über alless, seinen erhabenen Wegs). Zieht man KAG THEFE, aber zum Verbum, so scheint es verschieden übersetzt werden zu können: man kann den Ausdruck eng mit en verbinden, so daß es einfach pleonastisch zu verstehen ist (snoch zum Überfluß, so Ewann, auch schon Guories) - aber dieser "Oberfluß. neben en erscheint wirklich überflüssig; außerdem ist die Übersetzung schwerlich zu beiegen -, oder man kann mit Bulkorn in ausgezeichneter, weil ihres Erfolgs sieherer Weise paraphrasieren wollen, aber damit wäre der Akzent von dem Weg nur die Empfehlung des Weges gerückt, was der Apostel schwerlich gewollt hat -, oder endlich man kann annehmen, daß Paulus die hinreißende hymnische Form seiner Beschreibung des Wegs mit dem Ausdruck angekündigt hat. Letztere Auslegung, die frellich eine enthehrliche, vorgreifende Reflexion bei dem Apostel voraussetzt, müßte meines Erachtens befolgt werden, wenn man kae ruges nicht zum Substantivum zieht: «Eifert vielmehr nach den besseren Gaben, und ich zeige' euch noch einen Weg in hoher Rede . Da alle diese Fassungen nicht recht befriedigend sind, so ist die Verbindung mit . Weg. meines Erachtens doch überwiegend wahrscheinlich, zumal da auch der älteste Erklärer unseres Kapitels, Clemens Alexandrinus (Quis dives salv. 38), The KAD VICESOARN baon bietet.

Nun folgt das hohe Lied von der Liebe. Es ist nicht meine Absicht, den vielen vollständigen Erklärungen eine neue hinzuzufügen. Aber sowohl in textkritischer als auch in sachlicher Hinsicht bestehen noch manche Unsicherheiten. Auf diese werde ich eingehen. Das 13. Kapitel des ersten Korintherbriefs gilt mit Recht als die höchste, weil eindrucksvollste schriftstellerische Leistung des Apostels nach Form und Inhalt. Daher ist es, wenn irgendwo, so hier die Pflicht des Exegeten, den Text und das Verständnis zur vollkommensten Sieherheit zu bringen. Die Aufgabe, die religiousgeschichtliche Bedeutung des Hymnus zu erfassen, ist kaum noch versucht worden. Ihr geiten die Schlußansführungen.

Man beachte das lebhaft anticipieremie Pelseus.

Die ausstührlichste und beste, welche ich kenne, ist die von Jonannes Weber (Komment z. 1. Kueintherber, 1910); aber sein Vorschlag, meser kapitel umzustellen und su e. 8 an ziehen, seheint mie nicht genügend begründet und hat mich den Anfang des Hymnus (Zungenreden) gegen sich. Dab Paulas den Hymnus erkan fertig hatte, ab er seinen Brief seinenb, könnte man aus der losen bzw. schwierigen Verbindung schlieben, in welcher er mu c. 12 und 14 steht. Allein die feinen pådagogischen Beziehungen im Aufang und im mittleren Teil des Hymnus en den Adressation machen diese Annahme doch unwahrscheinlich.

ZHAGITE TÀ XAPICMATA TA KREITTONA, XAI ETI KAO PRIERBOAIN DOON IMIN ACIKNYMI EAN TAIC FRÜCCAIC TÜN ÁNDPÚRIUN ARAÐ KAI TÖN ÁFFÉRUN, ÁFATI HN Á É MH. ÉXW., TÉFONA XAAKÓC HXÜN Á KÝMBARON ÁRARÁZON.

2 KAÍ ČÁN ČXW ПРОФИТЕЇAN KAÍ CÍÐŰ TÁ MYGTŘINA HÁNTA KAÍ HÁCAR TŘIN L'HÚCH, KÁH ČXW HÁCAN TŘIN HÍCTIN ÚCTE ÚPH MEDICTÁNAI, ALÁTHIN DE MŘ ČXW,

QÃO ÉN EIMI.

- KAN YWMICW MANTA TĂ YMAPXONTĂ MOY, KAI ŚĀN MAPĀĀW TO CŴMĀ MOY, TNA KAYXĤCWMAI, ĀFĀMHN ĐĒ MĤ ĒXW.
 QŸĐĒN ŴŒĠĀDŶMAI.
- 4 A ATATH MAKPORYMET, KPHCTEFETAL II ATATH, OF ZHADE H ATATH,
 OF DEPTEREFERENT, OF PYCLOFTAL, 5 OF ACKHMONES,
 OF ZHTEE TA EAYTHE"), OF DAPOZENETAL, OF ACCIDETAL TO KAKON.
- O OF MAIPER ETIL TH ADIKIA, CYNMAIPER OF TH AAHOEIA.
- 7 HANTA CTÉTEL, HANTA MOTEVEL, HANTA SAMIZEL, HANTA PROMÈNEL.
- H AFATH DYAGHUTS EXHITTE! —

 SITE DE HROCHTEIN, KATAPPHONCONTAL,

 SITE PAGCEN, HAYCONTAL,

 SITE PROCESC, KATAPPHONCONTAL

Wenn ich mit den Zungen der Menschen rede und der Engel. Liebe aber nicht habe, bin ich ein dröhnendes Erz oder eine gellende Schelle.

2 Und wonn ich Weissagung habe und weiß alle Gebeitunisse und alle Erkenutnis, und wenn ich allen Glanben habe, also daß ich Berge verseize, Liebe aber nicht habe, hin ich nichts.

3 Umi wenn ich austeile alle meine Habe, und wenn ich dahingebe meinen Leib, unf daß ich mich elibmen darf, Liebe abee nicht habe, lit's mir kein nütze.

4 Die Liebe ist knammig, voll Güte ist die Liebe, nicht weidet die Liebe, nicht prankt sie, nicht hillit sie sich, 5 nicht maskiert sie nich, nicht sucht sie das live, nicht fäßt sie sich erbittern, nicht rechnet sie das

6 night front sie sich an der Ungereihtigkeit, sie erfreut sieh aber an der Wahrheit.
7 Alles decket sie, alles glacht sie,

alles bofft sie, alles tragt sie.

* Die Liebe höret niemals auf seien es Weissagungen, sie werden abgetau werden, seien es Zungen, sie werden aufhören, seien es Erkenntnisse, sie werden abgetau werden;

[&]quot;) TO HE EASTEC.

- DER MEROYC TAP TINDCKOMEN KAT EK MEROYC TIPOHTEYOMEN"
- TO OTAN DE EACH TO TENEIGN, TO EX MÉPOYO KATAPIHOACETAL.
- TE TERMEN NATION. ENERGYN DE NATION. ESPONDYN DE NATION. EXOTE-
- 12 BAÉTOMEN TAP APTI AI ECOTTPOY EN AIMIFMATI,

 TÔTE À TPÓCETON TIPÒC TIPÒCETTON'

 EPTI TINÚCKE EK MÉPOYC.

 TÔTE À ÉTITNÉCOMAI KABÉC KAI ETECHÉCUMA.
- 13 NYN) DE MENEI MICTIC, EAMIC, ALAMH, TA TPÍA TASTA. MEIZON DE TOSTON IL ALAMH.
- 9 dem Stückwerk ist unser Erkennen, und Stückwerk ist unser Weissagen; 10 wenn aber kommt das Vollkommann, wird das Stückwerk abgetan [werden;
- 11 Als ich ein Kind war, redete ich wie ein Kind, cann wie ein Kind, dachte [wie ein Kind,

als leh ein Mann geworden war, tat ich ab, was des Kindes ist.

- 12 Denn wir sehon jetzt mittels eines Spiegels, im Rätsel, dann aber von Angesicht zu Angesicht; jetzt kunne ich stückweise, dann aber werde ich erkennen, so wie auch ich erkaunt bin.
- 13 Nun aber bleibet Glaube, Huffnung, Liebe diese drei, die größte aber ander ihnen ist die Liebe.

Daß die Liebe mindestens in den zwei ersten Teilen des Hymnus die Nächstenliebe ist, unterliegt keinem Zweifel. Ob im dritten Teil ihr Begriff sich etwa erweitert, steht zur Frage.

V. 1. Angenommen den Fall, ich sei ein Zungenredners usw.—
so ist das iss auch in den folgenden zwei Versen zu verstehen²; ob der
Fall wirklich werden kann, darauf kommt es nicht an. Mit dem Zungenreden beginnt der Apostel, weil die Korinther so hohes Gewicht auf
dasselbe legten. Die «Engelreden» können als eine (dann wohl nicht
ganz ohne Ironie angewandte) Abstraktion gefaßt werden (Huxmen);
aber wahrscheinlicher ist, daß Paulus ebenso ernsthaft eine Engelsprache angenommen hat wie Juden und Heiden (Göttersprache). Die
tonmalenden Vergleiche lehren, wie man sieh die Erscheinungsform
des Zungenredens zu denken hat, nicht als ein halblautes Stammeln,
sondern als ein Schreien, dumpf hallend und wiederum schrift und

1 Zu vergleichen ist Jou. Weisz S. 312.

Das Schwanken der Handschriften in bezug auf zal één, zal én unit zén lesse teh als gleiebgültig besselte, z. B. Weisz, Texte u. Unters. XIV. J. S. 62 f. — Das treffend gewählte Perfektum rerona haben einige Handschriften durch sie ersetzen zu müssen geglaubt; zus einem alten Schreiberverschen ist dann en ein entstanden und das ist zu ennum- bzw. ein unnum- geworden. Auch 6 (volut) ist vor xaande eingeschaftet worden.

gellend. Unübertrefflich ist der Gegensatz zum feierlichen Anfang des Verses: Menschen- und Engelzungen — ein dröhnendes Erz und eine gellende Schelle!

V 2 ist eine Steigerung gegenüber v. 1. Der Vers enthält in seinem Vordersatz zwei Glieder', und der Ton liegt auf dem manna. Angenommen den Fall, ich besäße die Prophetie und kennte alle Gebeimnisse und (hätte!) alle Erkenntnis, und gesetzt, Ich hätte allen Glauben usw. Aber wenn der Satz auch formell zweigliedrig ist. so folgt daraus doch nicht, daß der Apostel die Prophetie mit der Mysterienerkenntnis (d. h. der Erkenntnis der Geheimnisse des Heils) und der Gnosis in eins setzt oder gar diese beiden von jener ableitet. sondern nur dem Glauben gegenüber gehören sie zusammen. Beachtenswert ist, daß der Apostel die Gnosis von der Mysterlenerkenntnis unterscheidet. Der Grund kann nur darin liegen, daß sie umfassender ist. Die Mysterienweisheit enthält die Erkenntnis bestimmter Probleme. nämlich der Heilsprobleme, die Gnesis aber umfaßt das gesamte Gebiet des Erkennens in den drei Reichen des Seins sub specie dei. Der höchste Glaube erprobt sich darin, daß er nicht nur Wunder, sondern auch die größten Wunder zu tun vermag. Das, was der Apostel neunt, ist die Probe größter Wunder; es ist derselben Quelle entnommen, aus der es Matthaus (17, 20; 21, 21) und Markus (11, 23) geschöpft haben. nämlich der evangelischen Überlieferung. Unübertrefflich ist wiederum der Kontrast mit dem Nachsatz - .ich bin nichts. Nicht konnte es heißen; .Ich habe nichtsa; denn ein solcher Mensch hat ja die außerordentlichsten füter; aber mitten in diesem Reichtum der Erkenntnis ist er selbst nichts, also noch ärmer als arm!

V. 3. Die letzte Steigerung: auch die höchsten Liebeswerke, ohne Liebe getan, sind für den, der sie tut, ohne Nutzen. Der Nachsatz (ofden decaovea) macht es unzweifelhaft, daß hier Taten gemeint sein müssen, durch welche man das Heil zu erlangen hofft; denn nur so kann oder Nutzens verstanden werden. Das erste Glied des Vordersatzes bestätigt dies ohne weiteres; denn daß Almosen, zumal wenn man das ganze Vermögen opfert, zum Heile dienlich sind, entspricht der populären (spät-jüdlschen) Anschauung, der sich Paulus

¹ Ean steht zweimal, nicht dreimal,

Man braucht clad nicht notwendig auch auf nikas ties resiens zu beziehen; esse kann fortwirken, zumal es sofort wiederluit wied.

^{*} Ope meneralene (meht accierana) lesen Wenreous und Hoar mit ACKL und vielleicht mit Recht; fl. Wenz, n. n. O. S. 33, will bei dar regulären Form bleiben.

Neben ovecht findet sich auch ovach in den Hambehriften. — Daß in A decasyman statt ein steht, wäre nicht erwähnenswert, wenn nicht auch Amtrosine so höte u. z. Aber in zilen Fällen muß das als eine Einwickung vom folgenden Verse her betrachtet werden.

inschließt. Aber wie lautet das zweite Glied: ean napage to coma MOY THE REPUBLICANT ORDER THE REPUBLICANT Die dentschen Exercten haben sich similich für die erstere I.A. entschieden, ja manche von ihnen streifen die andere LA. Raum, so sieher sind sie Ihrer Sache; mich die Textkeitiker sind fast alle tauch B. Weisz und v. Sopan auf ihrer Seite: aber miller Westcorr-Horr ist Lagrana für kayascumai eingetreten. Textkritisch allein läßt sich die Frage nicht untscheiden. Die Oberlieferung zeigt folgendes Bild:

KAYBEGOMAI DEFG - aber diese a Codd, bieten in den Briefen einen Text - L und sehr zahlreiche Minuskel, Aphra., Method., Basil., Enthal., Cyrill., Maxim., ferner Tertall., Cymian, Pseudocypr. de rebapt., Ambrosiaster, griechische und lateinische Codd., welche Hieronymus kannte. Augustin, die latemischen Codd, die fig mit vulg., ferner syr. utr., kopt. Mss. [?], armen., athiop. Mss. [?], goth.

KAYGHCOMAII CK und viele andere, Ephraem [?], Chrysost., Cyrill., Theodoret. Die Versionen können natürlich auch hierher gesetzt werden.

KAYMCGMAN &AB, griechische Codd., welche Hieronymus kannte, 17, kopt. Mss., athlop. Ms., goth, marg., Ephraem.

WESTCOTT-HORT number die LA. KAVERCOMA: "Western and Syrian". konstatieren aber, daß sie auch sonst vorkommt. Sones schreibt mir auf Grund seines reichen Materials: «Kavencema) ist sicher Komn (antiochenisch) und höchstwahrscheinlich palästinensisch-eusebianische LA. Von den agyptischen Texten lesen vier (bzw. fünf) gegen drei (aber jüngere) kayxicumai Kayxicumai komint such in neun palästinensisch-eusebianischen Codd vor, mehrmals in save. korrigiert. Es findet sich auch in ethehen Kono-Codd., die nie Einflüsse vom ägyptischen Text erfähren haben!

Doch bedeutet Laurenaus Entschriding hier wenig; denn er wullte ja nicht den ursprünglichen, sindern den Ekesten Text der griechischen Handschriffen her-

Sange fährt fort: Daher ist die Neigung der Schreiber in dem ihnen bei Paulus geläufigen kayxaccasa deutlich. So können mich die Schreiber der palästinensisch-cusebianischen Codd, der Reminiszans erlegen sein, wenn sie nicht von den agyraischen her dieselbe übernommen haben. Da die lateinischen Codd. Kayencomai

Statt des sicher bezeugten vanica bietet Clemms Alex, einmal (Pådag, II, t. 4) AMAGO. Das int aus der Stelle getlossen Matile to, 211 Frans nonecon coy ta tras-XONTA SAI ACC OTEXOS [Luc.: alkace], the überhaupt on vergletchen ist.

stellen. Übrigens gibt er savssicasai nur in Klammern.

* Historyunus achreibt (in Gal. T. VII. 517 Vall.): Si tradidero corpus moum ut glorler, dazu: schi în Latinis coficileis, în co testimonio quod supra passimus: Si tradidaro corpus meum ut giorier, sardeams habere pro sgioriers; sed all similitudinem verbi, qua apud Graecos sardeams et sgloriers, i.e. cavescoma es xayxicoma, una litterae parte distinguitur, apud nostros error inolevit, sed et apud ipsos Graecos exemplaria sunt diversa .. Vgl. Hieronymus in Esaj. T. IV, 688: «Apostains at estam corpus suum tradat martyrio at ardieat sive glorietur, atrumque esta fertur in exemplaribus.

Dieser Tatbestand läßt meines Erachtens eine siehere Entscheidung nicht zu, wenn auch kayencomm (kayencomm) weiter verbreitet und nach dieser Zeugenreihe früher bezeugt ist als das erst für das 4. Jahrhundert und hauptsächlich nur figyptisch bezeugts kayancomm. Neigt sieh aber, rein textkritisch betrachtet, die Wagschale nach der Seite des kayencomm, so tritt sie ins Gleichgewicht, ja neigt sieh auf die undere Seite, sobald drei Zeugen hinzugezufen werden, die noch nicht verhört worden sind.

- (L.) Es ist mehr als wahrscheinlich, daß Hieronymus bei seiner Angabe, wie gewöhnlich, einfach den Origenes wiedergibt, den er ausschreibt. Origenes ist es also, der die Verschiedenheit der Überlieferung bereits bemerkt, aber die Richtigkeit von κανκάσωσαι als selbstverständlich vorausgesetzt hat. Wie hätte auch Hieronymus um von seiner Flüchtigkeit zu schweigen den Mut gefunden, von der allgemeinen lateinischen Überlieferung abzuweichen, wenn er nicht eine gewichtige Autorität besessen hätte? Nun aber haben Westcott-Hort die LA. καγκάσωσαι bei Origenes wirklich entdeckt. Zwar Chankes Druck bietet (Cat. S. 252) καγεκώσαι, alier das ist ein Fehler; denn das Scholion des Origenes, welches folgt, setzt καγκάσωσαι voraus; ως αγκατον οπτος τωπίσαι τιπά τα γπάσκουτα οπ αιά τημα κτατίπη, καλά αιά τημα κεποσώση, καὶ ως αγκατον όπτος καὶ παρτγεθικαί τιπα επέκεν καγκήσεως. Die LA. καγκήσωσαι ist also sicher von Origenes befolgt.
- (2.) Auch Clemens Alex, bezeugt die LA. xavxscussar; denn sowohl Strom. IV, 18, 111, 4, als such Strom. VII, 10, 59, 4 zitiert er unsern Vers so, daß er navanidess absolut nimmt (er sagt dafür emoradasi) und den Finalsatz ganz fortläßt. So konnte einer nur zitieren, der nicht ina savoncomai las, sondern ina savoncomai. Aber man wird auch weiter noch Westcorr-Hoer darin recht geben müssen, daß bei Clemens kayxacumai direkt zu belegen ist, obgleich die einzige Handschrift an der einzigen Stelle, an welcher Clemens unsern Vers wörtlich zitiert, KAYONCETAI bietet. Sie lautet (Strom. IV, 18, 1111): AVTIKA D ANOCTOROC TAYAOC EAN TO COMA MOV ETHOU [8. U.], WHEIN, AFATHEN OF MH EXW, XAAKOC EIMI HXWH KAI KYMBAAON AABAAZON Kontamination von v. 3. IL 17. HH MA EK STABECEWS EKAEKTHS, OF AFATTHS PAWOTIKHS MAPTYPHOW, METEL, 4680 AC. KITTEP O'N KAI MICOU THOCLOKUMENO ETIKPOTUN TA XEIAH EIC MAP-TYPIAN KYPIOY DMOADTHEW KYPION, KOINOC EIMI ENEPWHOC, HEDN TON KYPION, OF PINDERUN. ECTI FAR KAI O MAGE O TOTE ESTABOLN ATATION, ECTI KAI AMAGE HAPA-DIOCYC TO COMA, THE RAYXACETAL Die LA. der Handschrift (KAYONCETAL)

vertreten, kann kavxècosal, seibst wenn es d'ie ägyptische LA sein sollte, etwa auf Origenes rubend (?), für den Urtext auch rein textkritisch nicht in Frage kommen. Der Indikatis -cosas nuch sa ist später sehr häufig, kann aber nicht mit -cusas konkurrierun für die Rezunsionen (Familien), höchstems könnte es Kusas sein.-

ist unerträglich; denn die beiden letzten Sätze können nicht adversativ sein, sondern müssen purallel sein. Wären sie adversativ — was schon der Zusammenhang nahezu verbietet —, so genügte das bloße kaysécerai nicht; es müßte vielmehr notwendig das gute Motiv genannt sein, aus welchem der Märtyrer sich verbrennen läßt. Die Handschrift ist also an dieser Stelle zu körrigieren.

(3.) Auch Clemens Romanus hat KAYSHCOMAI höchstwahrscheinlich nicht gelesen. In seinem Briefe ist er von c. 47 an stark von unserm Briefe ablifungig (47.1: ANAXABETE THE ETHETOAHN: TOP MAKAPIOV Tlavaov to? Anoctoaov, nămlich unsern Brief). C. 40 steht sein holies Lied von der Liebe unter Benutzung von 1. Kor. 13. In c. 55 schreibt ET TIUTE THE DE KAI THOOGETHATA CONUN ENERKUMEN HOARD BACIACIC CAL AFRYMENDS . . THE CONTANT CANTON C BIC BENATON, THE PYCHITAL GIA TOP EAYTON AIMATOC TOYC HONITAC ... CHICTAMENA HONNOYO EN RMIN HAPAGE-AUKOTAC BATTOYC ELC ARCHA, STIME ETEPOYC AYTPINCONTAL TOANOL BAY-TOWE MARE AWEAR SEE ADVACIAN RAI MARONTEC THE TIME ASTON ETEROVE trancan. Es ist nicht wohl zu verkennen, daß dem Clemens unsre Stelle vorschwebt, aber vom Feuertod hat er nichts in 1hr geleson. Mit napaciconal verbindet er ele sanaton, ele acena, ele ace-ACIAN: aber am Feuertod geht er vorüber, weil er durch I. Kor. 13, 3 nicht auf ihm geführt worden ist. Absichtlich kann er ihn nicht weggelassen haben, also las er ihn nicht.

Somit ist die I.A. KAYKEGMAN über Origenes bis Clemens Alex. und höchstwahrscheinlich bis Clemens Romanus hinnufzuführen. Dadurch erhült sie eine außerordentliche Verstärkung. Aber entscheidend ist auch diese Zeugenreihe nicht; denn Clemens Romanus ist kein ganz sicherer Zeuge, und Clemens und Origenes bezeugen uns nur, daß in Ägypten nicht erst im 4., sondern sehon am Ende des 2. Jahrhunderts karkermat gelesen worden ist. Wie steht es mit den inneren

Gründen?

Für KAYERCORM und gegen KAYNECORM wird folgendes angeführt; der freiwillige Verbrennungstod bzw. das Erleiden von Federqualen zum Besten anderer sei als stärkster Beweis der Aufopierung besonders passend, dazu sei das Beispiel nach Daniel 3, 28 (95): Kal nas-taukan ta zumata avtün ele ennymenon gewählt; die LA. sei viel zu sehwierig, um von den Emendatoren eingebracht zu sein, umgekehrt sei kaynecoma als Emendation leicht erklärlich, weil das Wort bei Paulus so hämig sei, dem Sinn nach aber sel es unerträglich, weil damit ein dem Kontext völlig fremdartiger Gesichtspunkt eingetragen, ja der Sinn des Verses zerstört werde; denn wenn im Vordersatz bereits zugestanden werde, daß das Motiv zur Preisgabe des Lebens die Ruhmsucht (Kenederis) sei, so bedürfe es nicht mehr der Ver-

sicherung, daß solche Aufopferung ohne Wert sei, und die Worte: Aranen at en exu, würden überflüssig. Wenn je einmal eine LA. ohne welteres zu verwerfen ist, so ist das hier der Fall- (Goder). Vorsichtiger spricht Heixenet nur von der größeren Kraft, die der Gedanke bei kavasconar gewinnt, während kavasconar matt sei.

Die hier angeführten Gründe sind meines Erachtens nicht stichhaltig; außerdem stehen ihnen folgende Erwägungen entgegen;

- (1.) Die LA. Kayastora, ist nicht nur schwierige (B. Wrisz), sondern sie ist sehr verdächtigt denn mit Recht sind die Ausleger im Zweifel, inwiefern der freiwillige Verbrennungstod als Aufopterung zugunsten anderer zu verstehen ist. Goder u. a. denken an das Martyrium durch Feuer, aber das ist keine Aufopferung für andere, und es lag außerdem noch nicht im Gesichtskreis des Apostels! Nun kann man ja annehmen, der Apostel habe keinen bestimmten Fall im Auge gehabt, sondern eine möglichst heroische Aussage gewählt und die Beziehung auf die Aufopferung im Dienste des Nächsten dem Leser überlassen, aber warum er dann überhaupt spezialisiert, ist nicht recht verstämflicht: «Wenn ich alle meine Habe brockenweise austeile und wenn ich (sogar) meinen Leib dahingebe", ist jedenfälls kräftiger und straffer,
- (2.) Die Danielstelle, die zur Bezeugung der LA. KAYONGOMAI ungeführt wird, kann auch gegen sie geltend gemacht werden; sie war sehr bekannt und konnte einen alten Abschreiber sehr wohl zu einer Korrektur verleiten.
- (3.) Nachdem die Kirche in die Epoche der Martyrien eingetreten war, in der der Verbrennungstod nicht selten gewesen ist, ist das Eindringen der Variante kavencomat für kavxnommt viel verständlicher als der umgekehrte Fall. Da an einen zufälligen Schreibfehler, der sich fortgeptlanzt lact, nicht zu denken ist, also auch ein gedankenlos eingeführtes kavxnommt nicht angenommen werden darf, so ist die absiehtliche Einführung dieses Worts dadurch nicht gedeckt, daß es bei Paulus häufig ist. Kavencomm aber bot doch schlechterdings keinen

Weiss denkt bei zavestosse an eine Folier, durch die Geständnisse zuungunsten des Nächsten erprest werden sollen. Sehr unwahrscheinlicht! Hr. Hötzteilt mir mit, daß er die Stelle von dem Zeichen, das den Sklaven aufgebrunnt wurde,
verstehe. Das höt sich eher hören, aber ohne weiteres geht dieser Sinn doch nicht
ans den Wurten liervor. Wer denkt denn bei zavesnaj sofort an das Sklavenbrandmall

Anlati, es zu tilgen; kayxicuma dagegen wird aus demselben Grunde getilgt worden sein, der es noch jetzt vielen unannehmbar erscheinen blitt (s. unten).

- (4) Haradu to coma mer ina kavencoma ist zwar an sieh erträglich, aber doch auffallend umständlich («ich gebe meinen Leib
 dahin, auf daß ich verbrannt werde» solche Umschweife hat die
 griechische Sprache nicht nötig); dazu kommt, daß der Übergang
 zur t. Person etwas befremdlich ist; näher lag doch kavel (wie auch
 Basilins hietet). Bei каужесьма dagegen fällt diese Schwierigkeit weg
- (5.) «Kayeńcumai», bemerkt vos Sones (s. oben), nicht kayeńcomai ist als die überlieferte Form in den Handschriftenfamilien, die nicht kayencumai bieten, anzuerkennen. Nun kommt zwar die Unform eines Conj. Fut. in byzantinischer Zeit vor, aber dem Paulus sie aufzubürden, ist bedenklich; andrerseits ist auch iss mit Indie. Futuri für Paulus nicht nachweisbar! Die Annahme ist daher fast zwingend, daß die Unform kayencumai aus kayencumai entstanden ist, indem man zunächst nur einen Buchstaben vertauscht hat.
- (6.) Allen diesen Gründen gegenüber scheint aber noch immer das Hauptargument gegen die LA. KAYKECOMM siegreich zu bleiben, daß sie nämlich den Sinn des Verses zerstöre. Wenn dies der Fall wilre, müßte man sie natürlich trotz allem verwerfen. Zuzugestehen ist, daß der Sinn des Verses nahezn zerstört ist, jedenfalls seine Kraft einbüßt, wenn raykären stets nur, und also nuch hier, seitles Prahlensbedeutet. Allein das ist keineswegs der Fall,

Каухасвая (каўхняя, каўхнеіс, ёгкаухасвая = 2 эпрят) kommt bei Paulus nicht weniger als 55 mal vor', ist also ein ihm besonders ge-Bufiges Wort und muß daher bei der psychologischen Charakteristik des Apostels verwertet werden, was noch nicht hinreichend geschehen ist. Paulus empfindet es als eine vox media, ist der Gegenstand des Rühmens der richtige, so darf und soll der Christ, und zumal der Apostel, sich rühmen; er darf und soll sich rühmen, weil vor dem Richterstuhle Gottes einst ein jeder empfangen wird, danach er gehandelt hat. Er muß also dann etwas (einen Schatz) vor Gott aufweisen können — wie das zustande kommt, mag hier dahingestellt werden -, und dessen, was er dort aufweisen wird, kann er sich schon jetzt rühmen; solcher Ruhm ist keine кенодоль. Das ist die Meinung des Apostels; von ihr ist nichts abzuziehen, ab sie ums getilla oder nicht. Weil das seine Meinung ist, so schreibt er (). Kor. 9. 15 C/: KANON MOI MANNON ATTOBANCÍN IÍ TÓ KAPNHAL MOY DÝMBIC KENGCEL ZAN TAP EVALUENIZUMAT, OVE ECTIN MOI RAVXHMA, (ROM. 5, 21): RAVXÚMEBA ÉTÍ

Im Rümerbrief Strai, in I. Kor. qual, in H. Kor. against, in Gal. 3 mal, in E.ph. c mat, in Phill 3 mal, in I. Thesa, 1 mal, in H. Thesa, 1 mal.

cantal the adehe to seco, or monon as, and all sayxoness in take dalveem — warrum also auch night: κανχώπεσα έν τη παναφούς τον εφηρατος? —, (I. Kor. 5, 6): ον καλόν το κανχήπα νάων. Der zweite Korintherbrief zeigt besonders, wie sich Paulus (als Apostel) als zum Rühmen berechtigt ansieht, vgl. auch II. Thess. 1, 4: I. Thess. 2, 19: Philipp. 2, 16: εἰς κανχήπα επο) εἰς βηθέραν Χρίζτον. Das κανχήπα ist also etwas, was, wenn es das richtige κανχήπα ist, «Nutzen bringt» (εγηφέρει). Mit dürren Worten sagt das Paulus II. Kor. 12, 1, wenn er es auch für den speziellen Fall verneint: κανχής σαι αξί, εν ενηφέρου πέν, ένενcomal τὰν εἰς οπίτασας. Eben diese Nebeneinanderstellung von κανχής σαι und εγηφέρειν (φρεχέρολι) (Indet sieh aber auch an unster Stelle, und das entscheidet. Damit sind alle Schwierigkeiten weggeräumt, und die LA. κανχής ωπα ist gesichert. Der Satz για καγχής ωπα bezieht sich natürlich auf beide vorangezogene Sätze, und der ganze Vers ist also zu übersetzen bzw. zu paraphrasieren:

·Und wenn ich alle meine Habe brockenweise austeilte und wenn ich sogar meinen Leib dahingäbe, damit ich mich rühmen dürir — d. h. damit ich ein kavana ele naspan seor hätte! — aber hätte keine Liebe, so nützte es mir nichts!.

Nutzios wird also das in der Aufopferung liegende carrona lediglich durch den Mangel der Liebe; denn an sich enthält die Austeilung der ganzen Habe und die Preisgabe des Lebens ein wirkliches sarrana, und nach ihm zu streben ist erlaubt. Daher erscheint die Aussage durch die Worte: MARAYARGEMAN, weder gebrochen noch schwächlich, vielmehr wird sie nun erst recht wuchtig: auch das zarrana vor Gott wird zu nichts, wenn die Liebe fehlt!

Der paulinische Gebrauch von kayricest war aber nicht der gewöhnliche, und der Anstoß, den die modernen Leser nehmen, nahm schon das hellenische Altertum. Man lese nur ignatius und Hermas sie kennen, als Bürger des Zeitalters griechischer kesonosia, kayracest nur als etwas Schlimmes. Paulus aber kennt es als etwas Berechtigtes, weil er von Jugend auf in dem pharisäischen Schema gesteckt

^{*}Wenn du deine Habe verkanfet und den Armen anstellet, wirst du sinen Schatz im Himmel haben», beibt es m der oben verglichenen Paralleletalle Matth. 19, 21. Eines Schatze im Himmel dacf man sich rübmen. Il Kor. 8, 24 sagt Paulus, daß die Opferwilligkeit der Korinther für ihn em Gegenstand der Korinter sol, wie viel mehr für ein selber, vgl. 9, 21. and 9, 9 in bezug auf den Almosengeben; itzehengen, fanzen roc minnen, a zurnochm au of winer ein ron alöma.

^{*} Ocaes ist hier () oceen) überwiegend bezongt, s. B. Weisz, a. a. O. S. 32.

Eine Australime bildet Clemens Rom, der aber in seiner Sprache überhaupt Abhängigkeit von Paulus zeigt, a. c. 34, 5: 75 каухная ямин каі и парвиса сотю сь то осф. Dazu verübeiche mun II, Kor. 7, 4: полай ми парвиса прос час. прави мої каухнества чаба.

hat, welches an Ansprüchen, Rechtstiteln, Ruhmestiteln Gott gegenüber nicht nur keinen Anstoß nahm, sondern sie forderte. Radikal und his zur vollen Aufhebung hat der Apostel diese Denkweise innerlich korrigiert, aber, wie so oft, das Schema doch behalten und mit dem Schema auch einen Rest der Vorstellung selbst. Bei Augustin ist es später nicht anders: «dens coronat nostra merita», sagt derselbe Mann, der keine anderen merita kennen will als die «munera dei»

Die Ablehnung der richtigen LA. KAYXHOWMAI ist dadurch erklärt: sie war anstößig, und die Korrektur vollzog sich leicht, da man nur einen Buchstaben zu verändern brauchte und sieh damit auf die Danielstelle und die Martyrien aufs willkommenste gewiesen sah. Schon im 2. Jahrhundert, jedenfalls vor Tertullian, hat die Verlauschung in maßgebenden Handschriften stattgefunden. Wie nahe sie lug, kann man daran ermessen, daß auch solche Kirchenväter, welche каухисьмы lesen, bei dem павадочна то сыва an die Märtyrer denken, obgleich Paulus nicht an diese gedacht hat, sondern an solche Fälle, wie sie Glemens Romanus c. 55 beigebracht hat (s. o.). Schließlich aber ist darnuf hinzuweisen, daß wir im Neuen Testament noch eine Stelle besitzen, die den Gedanken genau wiedergibt, der Paulus hier vorschwebte. I. Joh. 4, 17 heißt es: En royto tetenelwin is atam men imon, The Happician examen in the homes the spiceue. Man braught hier für massacia nur kayxama sinzusetzen (in bezug auf die Zusammengehörigkeit beider Wörter s. o. Anm. t), so ist der paulinische Gedanke genau wiedergegeben; nur die Liebe ermöglicht ein zavzung am Gerichtstage (s. o. Philipp. 2, 16); ohne die Liebe also ov cymeerer to kayxhma, ser es auch das größte-

In v. 4 fehlt it status das dritte Mal bei vielen Zeugen (B, 17, 73, 74 usw. usw., f. vulg., kopt., armen., Clemens Alex. und viele Väter), aber die Zahl der Zeugen, die es bieten, überwiegt. Es wurde getilgt, weil die Abschreiber die kraftvolle chiastische Stellung: a Ataus Makeobyme), kometevetat it araus (so Lacunann, Hennet, B. Weisz; s. die Stichenabteilung im Cod. D) nicht verstanden haben und daher das zweite Araus zu dem folgenden of theor zogen. V. 5 Clemens Alex. und Cod B bieten statt th taythe eielmehr to mit savine und Wisteott-Hort haben diese LA als alternative an den Rand gesetzt. B. Weisz (a. s. O. S. 17, 103) nennt sie willkürlich, gedankenlos und unmöglich; allein (1) weil bei Paulus die andere LA ganz geläufig ist², konnte

Philipp. 2, 21: Th EAVTON ZHTOYCH. I. Kor. 10, 24: MMARIE 10 CAYTOY PATEITE.

10, 11, MÀ ZHTÚN TÓ EMAYTON.

Lesloch ist es nicht ausgeschlessen, daß der Apeatel is krams aaksonymet kreic reveral: it krams av zhant is krams av menneseveral, ov avenovral gewolft hat; alien kramger und schünge wird die Satshan dadarch nicht.

diese leicht eingesetzt werden, (2) auch to so savtüc ist dem Paulus nicht freund, s. H. Kor. 12, 14; of 2870 th 1800, (3) die L.A. Ist keineswegs ummöglich auch nicht so schwächlich, wie sie auf den ersten Blick erscheint, ja sie paßt sogar besser in den Zusammenhang, als theavtüc, weil die übrigen Verba, neben denen sie steht, sämtlich ein Verhalten der Liebe nach außen bzw. zu Anderen ausdrücken. Was mich dennoch abhält, mich mit Sicherheit für sie zu entscheiden, ist lediglich die schwache Bezeugung und die Beobachtung, daß Clemens Romanus, bevor er seinen, von 1. Kor. 13 abhängigen Hymnus auf die Liebe bringt, schreibt (49, 6); obeisei zerein to kommosente nähm kal nich to eavto?

V. 7. Ein Zweig der alten abendländischen Übersetzungen (s. Sonra jun., Das lateinische Neue Testament in Afrika zur Zeit Cyprians. Texte und Untersuchungen Bd. 33, S. 598) bietet für manta etersisonnia diligits, hat also wohl irrtfunlich etersi gelesen; es kann aber auch sein, daß der Wunsch, die Trias sagape omnia diligit, eredit, sperats zu erhalten, hier eingewirkt hat. Die LA. ist wertlos.

Die Verse 4—7 enthalten zwei seltene Worte und ein Wort, dessen Erklärung unsicher bleiben muß; zu mergepeyetzt (Latt seltsam: «perperam agit», aber Tertullian «non protervum sapit») haben Garakte und Heismer Treffliches beigebracht; man hat «prunken» zu verstehen". Xəheteyecen findet sich meines Wissens zuerst in der griechischen Literatur in dem Evangelium oder der Spruchsammlung, die Glomens Romanus benutzt hat. Er zitirt e. 13: maaicte memammend tün actum top eypley Indog, die Caaaheen giedenden entekein kal makposymian, optweram einem «Caeate ina eachente, abiete ina abeol pain. De noiefte, optie

theorem kommendert in Phidag, III, 1, 2 meditore Verse and I. Kor. 13. In diesem Zusammenhang schreibt er: To. 2 difficactor annother, ones exhibitationed in the series of the large of th

^{*} Massouren ist in der alten afrikanischen Bibel (s. auch Tertuit, de pat. 12) durch magnanium est- überseizt! Man hat hier zwei schöne Beispiele von der skinviachen Art der Venn Latina.

Prinken- ist besser als das verwamtte (Prablen): Clemens Alex, schreibt (Pfidag, III, 1, 3)) периетель в калампиное перителего кај дребунтос ехим бладом до кај етносре јо добитолосј обју дехнадаце. Асхомов гал то далотров кај меј ката обин схана Also kommt unser «unmaskiert» der Bedeutung am nächsten, nicht aber ist «manständiges Betragen» zu verstehen. Bei Tertullian in off асхомовој merkwürdigerweise durch «non proterit» wiedergegeben, was zwar einen guten Sinn gibt, aber activacien richtig ist. — Zn of пародумата в. den umgekehrten Gedanken Hebr, 10, 24° ст. пародумата.

HOHERCETAL WIN . . . DE MPHOTEFEGGE, OFTOG KUNGTEYBROCTAL FRIN 'S METPO merseite, en avid matemakteras value. Demgemäß schreibt er selbat im folgenden Kapient: xoncreycomesa caytoïc kata thu erchaarxnian kal PAYEYTHTA TOP HOMEANTOC THAT. Hat night Paulus das Verhum, welches, wo es sonst bei den Vätern vorkommt, auf ihn zurückgeht, aus jenem Evangelium, welches wohl eine Rezension von Q war, entlehnt? -Welche Bedeutung von creren dem Apostel vorgeschweht hat, ist schwer zu entscheiden. Nicht wohl kann die Bedeutung ertragenin Betracht kommen (gegen Weisz): denn im folgenden liest man; masta thosese. Wohl aber kann man übersetzen «zudecken, verbergen» oder schützens oder schweigend an sich haltens (Hesychius sagt cterein spintein, cynéxein, bactázein, ynoménein). Das Wort findet sigh im Neuen Testament nur noch 1. Kor. 9, 12 und I. Thess. 3, 1, 5 (auch in der LXX ist es sehr selten). An der ersten Stelle bedeutet es auch hier steht wanta cresomen - ganz klar: - wir halten in allem an uns (damit wir nicht eine Hemmung bereiten dem Evangelium) .. An den beiden anderen Stellen wird es am besten mit aushalten, ertragen. übersetzt. Die Übersetzung die Liebe hält in allem an sich (Hersener) scheint mir aber an unsrer Stelle nicht kräftig und bedeutend genng neben den folgenden Verben, uml auch das панта korrespondiert dann nicht mehr genau mit den drei folgenden nasta Die Grundbedeutung scheint mir am meisten am Platze zu sein: «die Liebe deekt alles zue, vgl. l. Pet. 4, 8 (Jakob. 3, 20): arann gaarmen TANGOC AMARTINA'.

Wenn Paulus Koloss. 3, 14 die Liebe das Band der Vollkummenheit nennt, so sind unsre Verse 4—7 und besonders der letzte wie eine Glosse dazu. Obwohl sie in der Kinzelausführung gewiß nicht ohne Rücksicht auf die lieblosen Zustände in der koristhischen Gemeinde niedergeschrieben sind, so erheben sie sich doch über diese Beziehung hinaus zu einer Schilderung, die alles Partikulare abgestreift hat. Welch tiefe Erfahrung liegt zugrunde, wenn die Analyse der Liebe mit askensymel beginnt und mit voorens schließt, wenn das absolute niens am Schluß der Schilderung so wuchtig hervortritt, und wenn innerhalb derselben der Satz den Höhepunkt bildet, daß die Liebe sieh an der Wahrheit frent 1 Was die Disposition der

Ehen diese Worte hietet auch Clemens Romanus in seinem von unserem Kapitel abblingigen Hymnus vor nanta anexeta, tianta massoormal (c. 49), und man durf daher vielleicht schließen, daß er cräter im Sinne vom stegit- verstanden hat. Doch

So sind die Worte verzaien as the anesis au verstehen. C'et verstiekt mir und ist des Rhythmus wegen gewist. Die andere Erklürung (mit der Wahrheit) bringt etwas Fremdes hinein. Die Wahrheit ist him wie sonst beim Apostel als etwas Ethisches gestacht, was der Idee des Gerechten und Guten sohr nahe kommit: vgl. o. 5. 3; zu kannet

15 Aussagen betrifft, so ordnen sich die 9 ersten Verba ungezwungen zu drei Versen. Der erste beschreibt die Haupteigenschaften der Liebe, der zweite die Simplizität und Wahrhaftigkeit ihrer Erscheinung, der dritte die Seihstlosigkeit und unerschütterliche Güte ihres Wesens. Diese preisende Schilderung schließt mit dem lapidaren, zweigliedrigen Satz ab: «Nicht freut sie sich an dem Unrecht, sie freut sieh aber an der Wahrheit.» Er leitet hinüber zu den 2 × 2 großen positiven Aussagen.

Der dritte Teil des Lobgesangs (v. 8—13) bandelt, indem er zu der Vergleichung mit den Charismen zurückkehrt, von der Ewigkeit der Liebe! Weil die Liebe etwas Vollkommenes, Absolutes ist (v. 7: viermal masta), so hört sie niemals auf!, während die Charismen teils abgetan werden — so die Weissagungen und Erkenntnisse —, teils von selbst aufhören (die Glossofalien)! Von diesem Pankie seiner Ausführung an steigt dem Apostel das Erkenntnisproblem auf und läßt ihn bis zum Schluß nicht los Erst sind es noch Weissagung, Erkenntnis und Glossofalie (v. 8), dann Erkenntnis und Weissagung (v. 9), dann (v. 11 u. 12) nur noch Erkenntnis — ein deutlicher Beweis, daß es letztlich dieser allein gilt. Man fühlt es den Worten an, wie der sehmerzlich ihm die Einsicht ist, daß unser Wissen unvollkommen

LA DONNELC, AAA SIAKPUSSIAC KALAMSSISC, RÜM, 2.8: ADSMOTT TO AAMSSIA, DESCRACHED AS ALLE THE ACRES AND STRUCK AND STRUCK

in v. 8 ist wohl des besser bezongte und schwierigere ékuntrei (nicht nitten in leien [in teriurus knodigen sich die folgenden Passiva an], forner — wie neoscreist im B bietet den Sing.) — so auch des angewähnliche radicen (mit AD-FWG 17, 47. Tertull, [aber nicht Itala], Gregor Nysa.), weil as archlich notwordig ist. in v. 11 halten sich die Zeigen in bezog auf die Stellung des dreimaligen & namet (von oder hinter dem Verbam) die Wage. Datt che vor hert in v. 12 in alien Handschriften verloren gegangen ist, erklärt sich leicht, ebenso die sein alte Hazufügung von & vor de steutvere, die sehen Chemens Alexa. Tertull, Origenes bieten (auch die in Abstract findet sich). Man müßte die besthalten, erklärte sich die Hinzufügung nicht ohne welteres, während des Wegfallen fast unbegreiflich wäre. Chemens Alex. hintes in Abstract nieunle (außter Exc., ex. Theodom 15), s. Phidag, I. 6, 36; Steum, I, 19, 94; V. 1, 74; Alex es ist doch gesinhert.

⁾ Der leelkativ écource les hier mit Bedacht statt des Futurums gewählt.

Feineres griechholies Sprachgefühl fehlte dem Apostel in hohem Maße, sonst hatte er nicht v.8 savarriodental ... raycontal ... savarriodental ... raycontal ... savarriodental ... Sachleh war der Wechsel an der 2. mid die Wiederholling en der 3. Stelle angezeigt, und die genögte ihm. Ciemene Alex. (Quis dives 18) sehreiht verbessernd: he tottele satzfentatal, ragecal parental, lesse im the savarriodental.

und daher auch der Dauer nieht fühig ist. Es ist nicht die Stimmung des Sokrates in bezug auf das Nichtwissen, es ist vielmehr eine Faustische, aber ganz auf die Gotteserkenntuls gerichtete Stimmung. die ihn beherrscht; doch zur Folie hat sie das triumphierende: «Die Liebe hört niemals auf. und dieser Konfrast gibt den Schlußworten des Apostels den unvergleichlichen Reiz und führt den Hymnus erst auf seine Höhe. Erkenntnisse' und Weissagungen hören auf, weil wir sie nur stückweise besitzen und well as ein Gesetz ist, daß das Stückwerk sein Ende findet, wenn das Vollkommene eintritt. Für den auf das Ganze und das Absolute gerichteten Geist des Apostels verhält sich teilweise und vollkommene Erkenntnis nicht wie Telle und Ganzes. Das Bild, welches er für ihr Verhältnis brancht, zeigt vielmehr, daß er jene als etwas kindlich Unmaßgebliches beurteilt. was daher nicht erust zu nehmen ist? und was nicht der ganzen, sondern einer ganz anderen Erkenntnis zu weichen hat1. So pessimistisch denkt der Apostel über das, was man von Gott und gottlosm Dingen wissen kann! Den Grund, warum dem so ist, bringt der 12. Vers: weil wir in dieser Zeitlichkeit (1971) mit emittels eines Spiegels in einem Rätsels schauen, Man wirde den Apostel in das Moderne bzw. in das Hellenische transponieren, wenn man hier an die allgemeine Welterkenntnis und an eine Erkenntnistheorie denken wollte. welche die Dinge mir im Spiegelbild oder gar in der Schranke der spezifischen Sinneswahrnehmung zu erkennen eingesteht. Nicht auf die Dinge bezieht sich die schmerzliche Klage des Apostels, sondern

One -4x select resicones (v. 5) fordert resicut in v. 8 zu lesen (s. 6.). Von der resicut hätte der Apostel eicht gesagt, daß sie aufhört (Nilheres s. u.).

Sain fein and die drei, eine Stiegerung darstellenden Verha AAAGS, SPORGE und acrizmen gewählt. Auch unser sepuele, ja sogut unser acrizcoal in der Gegenwart ist, gemessen as dem, was kommen wird, kindlich und hat heine Ewigkeitsbedenung. Zu weit in der Ausdeutung geld aber Goder, wenn er das AAAR auf die Glassolalie, dus sensein auf die Prophetie und das sortzecssi auf die Erkenntnisse bezieht; deim in secside kann man nur künstlich die Beziehung auf die Prophette blochtragen. - Bemerkanswert ist endlich noch, daß dar Apostel nicht sagt: - Als ich ein Mann gewurden war, hörte das Kindliche auf., sondern shahe ich das Kindliche abgetan ... Es was ihm schal und unwahr gewurden! Das also ist die Stimmung des Apostels der bekenntnis und den underen Charlianen gegenüber, die es in der Gegenwart besitzt - er müchte sie als gang ungenfigend ahten, wenn our das Vollkommene schim erschlenen ware! Diese Stimmung let hereits, wie Gover eichtig erkannt hut, in c. 1.7 hungsprings: Note Paid at Potentions in Amazin Kapichati, Attekaskonengys rou Arrockayese ro? cycley. Das war freilich in Wicklinhkeit nicht die Stimmung der Koriathez, alser Paulus stellt in Eingung mehrerer Briefe sich die Gemeinden vor, wie sie sein sollbun!

^{*} School daß der Apontel dans -es nésurce nicht eté nése, sondern eté téacons gegenüber gestellt hat, zeigt seine Meinung über des Verhältnis der Erkenntnis der Gegenwart zu der Erkenntnis der Zukunft, die freilich erst durch v. 11ff. ganz deut-lich wird.

allein auf Gott und seine Wege!; das wird durch die Worte: «dann aber von Angesicht zu Angesicht» ganz klar; sie müßten anders lauten, wenn es sich um die Welterkenntnis handelte Nachdem man dies aber konstatiert hat, darf man doch hinzufügen, daß es hier eine Stimmungsidentität gibt, so verschieden auch die Art ihrer Auslösung sein mag, und ferner daß auch die hellenische Philosophie in jenem Zeitalter mehr und mehr Religionsphilosophie und Gottessehnsucht geworden ist, also daß sie nicht sowohl nach der Erkenntnis der Wirklichkeit der Dinge strebte, sondern, wie der Apostel, nach der Erkenntnis des Göttlichen «von Angesicht zu Angesicht».

Was es für eine Erkenntnis ist, nach der der Apostel sich ausstreckt und die er der Erkenntnis zu écontror en Angesicht zu Angesicht ausgedrückt, hat er nicht nur durch «von Angesicht zu Angesicht» ausgedrückt, sondern noch deutlicher durch die Worte: «Dann aber werde ich erkennen, gleichwie auch ich erkannt bin «". Welchen innern Anteil

Doch ist sacrosen gewiß absichtlich objektlos geseint, und ein jeder empfindet den Grund dafür,

² Es ist ein alter Streit, oh diese Worte smittels eines Spiegels. oder schurch ein henbes] Glass zu übersetzen sind; aber dieser Streit hatte nicht entstehen sollen Van der sicheren Bedeuung scourron = «Spiegel» abzuweichen (mit Tertuillen), ist mivat-ain, and som Uherdin's beinerkt Clemana Alex, zo unserer Stelle (Stram I, 15, 64); at compay = and integacing also durch Refraktion, die das Bild undoutlich mucht. Nur in uns sellest und in unseren Brüdern werden wir unch Clemens Bett (also mer indirekt) gewahr. Clemens zitiert in diesem Zusammenhang das apokryphe Wort; slase ton Adeanon cov. clase ton seen cov. Auf une sellest und die Bruder braucht man den Spiegel jedoch nicht zu beschränken. Gewiß denkt Paulm auch an Spiegelung Gones in Natur und Geschichte. - Nielits zu inn hat das rom Apostel gebrauchte Bild vom Spiegel mit Sap. Salom. 7, 26 [Arrayracna cap serio [die Weisheit] surst autor CAL ECONTEDN ANHAIGMTON THE TOY SEEN ENSPIREACY, unit vollends mining mit Dide Salom 13 (Sieh, unser Spiegel ist den Herr; öffnet die Augen und beschauet die in ihm ; und dem angeblichen Herrnwort in einem angeblichen Jukannesbrief jile mont. Sins et Sion 13: summ et nos qui illi credimuz Christum in nobis tansquam in speciala ridenaus, inso nes instruente et mouente in epistola Johannis discipull sul ad populum: Ita me in voltis videte quomodo quis cestrum se ridet in aquam aut in speculian. ; tiana unders ist auch Jakob, r. eq. Dagogen last sich Theophil, ad Autol. I. z beranziehen, wenn die Vergleichung unch andersartig ist: Erthe fi for en 19 econtre, of Adnata SPACEAL TO TRECUTION TOT ANAPOSTOY EN THE ECONTRE. DETING HAI GTAN IS AMARTIA EN THE AMERICANO, OF ATHATAL O TOLOFTOC ANDMOSTOC SEMPEN TON SEON.

Pass Objekt als solches kann nicht als Rüssel bezeichnet sein, ouch weniger kann in abstract irgendwie örzlich verstanden werden, sondern es gibt obenso win an scotterer den Madus des Schauens aus wir schauen, wie ein Glossator sagt, es zutänach kal siede sal deceman, die wohl undeuten, über keine sichere Dennung zutänsen. Die alte afrikanische Latina (s. such Tertull.) hat die aenignates beibehalten Franz 14) die nenignates die imagines. Der Ausdruck des Aposteis ist durch Num. 13, 8 bestummt: erem kard erden dagen affür en eine kal of al sienealten.

^{*} Die Erklieung Goders, das sachen af écourser bezoge sich auf die Prophetiund erst v. 12 h auf die Erkenntois, ist unhaltbar; denn offenbar sigt v. 12 h dasselbs

er an diesem Satze nimmt, zeigt bereits der Übergang aus der 1. Pers. Plor, zur 1: Pers: Sing., mag man das Ich auch ein «typisches» nennen. Schon in v. Lt hatte er (nach v. o; wir) in der t. Pers. Sing, gesprochen; er war aber in v. 12a wieder zum Phiral zurückgekehrt. Jetzt (12b) spright er aufs neue im Singular - die Rede wird zur Konfession und zum Ausdruck der persönlichsten und sichersten Hoffnung, die ihn beherrscht! Für diese ist ihm enocome nicht stark genug. Unsre-Sprache vermag leider den Gegensatz: Arti rinacku tôte at tinresponse nicht gut wiederzugeben". Dem er sepont aber tritt nicht nur (wie in v. 10) das über man hinausführende teasion entgegen, sondern der Apostel greift bier noch höher: «Ich werde erkennen, gleichwie auch ich erkannt bine, d. h. wie Gott mich kennte, so werde ich ihn (und seine Wege) erkennen. Das also ist es, wonach das Mark seiner Seele seufzt, was er aber zugleich als die sicherste Hoffnung festhält. Kühner kann keine Hoffnung aufsteigen! Die Erkenntnis von Anresicht zu Angesicht ist die Erkenntnis, die wie Gott erkennt! Wie sehr Paulus in dem Probleme leht, das in dem Verhältnis unserer Erkenntnis Gottes zu der Erkenntnis Gottes von uns gegeben ist, zeigen mehrere Stellen seiner Briefe. Doch ist an unserer Stelle keine Beziehung auf die Liebe gegeben; Erkeuntnis und Liebe erscheinen vielmehr als etwas ganz Aussinanderliegendes, wie is auch in der Beschreibung der Liebe v. 4-7 nichts genannt worden ist, was auf die Erkenntnis Bezug hat. Anders steht es bei Johannes (s. darüber unteri).

Tote просыпон прос просыпон ... тоте спинасомы — wann dieses тоте eintreten wird, war in v. 10 unmifeverständlich deutlich gesagt (отын блен то теленон): wenn die Parusie des Herrn mit dieser Erde auch allem Unvollkommenen ein Ende machen wird, nicht früher.

ohne Bild, was in v. 12a bildlich ausgedrückt ist. Wäre es unders gemeint, so mülte das dentlich hervortreten. Goders Erklärung un übrigens um eine weitere Folgerung seiner falsehen Ausdeutung von v. 11 (s. o.). Auch dieser Vers, hat es nur mit der Erkennuis zu um. Im besten Fall kann die Prophetie miteingeschlossen gedacht werden.

¹ Ugle to rindocess and drinniscesin Montress, a. a. O. S. 113.

^{*} Man hat den Aorist deurschen auffällend gefunden und sich durch ihn zu der Annahme verfähren lassen, Paulos wolle urgen: wie ich einst erkannt wurde, nämlich in dem Mommite meiner Bekehrungs. Allein es ist nicht abzusehen, warum der Apostol an dieses spezielle, wenn auch grundlegende Ereignis hier gedacht haben soll. Der Aurist ist vielmehr zeitlos-deskriptiv (s. Mourres S. 134-135£).

^{*} Siehn Galat. 4.8: NºN aŭ rnontec seon, kaanon aŭ truccentec ĉti attut. I. Kor. 8, 3 f.: el tie ackel ĉingkenaj ti, oŝtig ĉing kaske aŭ truchaj [su diesen Worten bilden unste Verso eme Glosse]: el aŭ tie arată ton seon, oŝtoc ĉingetaj ŝti attut fin aŭtoŝ [dieser Gedanke lat unster Stelle firmd]. Merlendridig lat die Parallele, die Heinaut aun Philo. Cherud zu der ersten Hälbe des Godankens des Apostels belgebracht hat: ote zonen producens nandan a truckionen (l. 8, 197 ed. Cour).

Hiernach findet das won at som seine Erklärung. Der Sinn ist: in dieser unsrer Zeitlichkeit, in der wir nur stückweise und unsichere Erkenntnisse haben, die einst abgetan werden, besitzen wir doch etwas Unveränderliches, also auch schlechthin Wertvolles, nämlich die Liebe.

Nur weil dies dem Apostel vorschwebte, konnte er Glaube und Hoffnung hier der Liebe beigesellen. Aber auch so kommen sie unerwartet: denn sie sind durch nichts vorbereitet! Daß sie erwähnt werden, kann daher nur darin seinen Grund haben, daß der Apostel den Gedanken: »Von allem, was wir jetzt besitzen, ist die Liebe das Wertvollste», zum Ausdruck bringen wollte. Das Schwergewicht ruht also auf v. 13h: »Die Liebe ist die größeste unter ihnen.»

Hier erhebt sich aber noch eine Schwierigkeit. Wie kann der Apostel sagen, daß in dieser Epoche nur Glaube, Liebe, Hoffnung bleiben - die Charismen bleiben doch auch? Es liegt hier in der Tat ein Widerspruch vor, der logisch nicht ganz gehoben werden kann, aber psychologisch wohl verständlich ist. Ein Besitz, wie der der Charismen, der, wie der Apostel soeben sehmerzlich bekannt hat, nur eine teilweise, kindliche Erkenntnis ermöglicht, ist im Grunde kein wirklicher Besitz". Ihm gegenüber bleibt aber etwas, was nichts Tellweises und Kindliches ist, woran man sich also halten kann, namlich Glaube, Hoffnung und Liebe. Damit ist nicht gesagt, daß auch von den beiden ersten gilt: ovacnore exmutoven, wie von der Liebe - denn same sasmoness ove term tartic (Rom 8, 24), and dasselbe gilt vom Glauben -, wohl aber daß es mit ihnen eine andere Bewandtnis hat als mit den Charismen; denn der Chergang von Glaube und Hoffnung zum Vollkommenen ist Erfültung, der Übergung von der Charismen-Erkenntnis zur vollkommenen Erkenntnis aber ist ein Bruch; denn jene wird abgetan, und die neue tritt an ihre Stelle! In diesem Sinne hat der Apostel, seine Gedanken zusammendrängend und ein Mittelglied in der Rede auslassend, vom Bleiben des Glaubens, der Hoffnung und der Liebe gesprochen, um dann den Schluß zu finden, auf den es ihm ankam, daß die Liebe auch unter ihnen die größte sei. Sie ist die größte - auch das muß suppliert werden -, weil sie das Vollkommene und Bleibende nicht nur durch Antizipation ist,

An dieser Stelle lifft sieb also der Labgesang vom Standpunkt der Forderung strenger Geschlossenheit bekritteln. In solchen Fällen pflegen exegetische Logiker den Vers einfach zu streichen oder nehmen an daß etwas ausgefällen zei. Hier sind solche Verschläge meines Wissens noch nicht gemächt worden.

Selu fein paraphrasieri Irenius (IV, 13, 2): «Omaibus ceteris evacuatis manere tidem etc.», vgl. II, 25, 3: «Reliquis partificas destructis hanc tone perseverare, quae sunt fides, spes et caritas».

wie Gimbe und Hoffnung, sondern unverändert in die Ewigkeit über-

geht: Die Liebe hört niemals auf.

Noch ist schließlich zu beachten, daß der Apostel die drei Regriffe (Hanbe, Hoffnung und Liebe durch ein mehdrückliches . th iria rafta: zusammengefaßt hat. Die Annahme, er stelle sie der Trias Glossolalie, Prophetie, Erkenntnis gegenüber, ist kleinlich, zumal da er es mit den beiden ersten gar nicht mehr zu tun hat. Wohl aber will die Zusammenfassung den ausschließlichen Wert dieser drei Tugenden zum Ausdruck bringen; nichts kann sich ihnen in dieser Zeitlichkeit an die Seite stellen. Daß der Christenstand durch sie umschrieben sei, hat der Apostel auch sonst gesagt (s. Thess. 1, 3; 5, 8; Kol. 1, 4 f.). Wer hat diese große Devise der christlichen Religion aufgebracht? Paulus selbst? Wir wissen es night. Johannes und Ignatius haben sie nicht wiederholt - Giaulie und Liebe verknüpfen sie, aber die Hoffnung spielt bei ihnen keine Rolle3 -, aber Polykarp (ep. 3) und Barnabas (c. 1) haben sie wiedergegeben, und vom Ende des 2. Jahrhunderts an ist sie durch die Lektüre der Paulusbriefe zu einer kirchliehen Formel geworden, bis dann Ambrosius die drei christlieben Tugenden mit den vier antiken in seiner Ethik kombiniert und damit an diesem Hauptpunkte den katholischen Synkretismus geschaffen hat

Den religiösen und sittlichen Gehalt dieses Lobgesangs ausschöpfen zu wollen, soll man sich nicht anmaßen; er will empfanden sein. Dem Reiz der Form und der stillstischen Mittel nachzugehen und ihr Geheimnis aufzudecken, kann man versuchen. Wichtiger und lehrreicher

Vgl. Clement Alex., Quit dives 38: - Menet de la tria fatta, enclic. éastic, afaith neithe dé en toiteil à acaine, sai emaine fiethe mên tap anéphetal, bean artoria tricomen, industre medit, kai eastic abanize et ton éasticéentum átroadbentum. Afaith de eic trainement estatement estatement estatement estatement.

^{*} Clemens Rom. (c. 58) stellt Giante and Hoffmang formeilant zusammen.

^{*}Num über bleilt Glaube, Höffnung, Liebes — klingt, wie wenn der Apastel einen bekannten Spruch aufnehme; dam würde sich besser erklären, wurum der Zusammenhang an unserer Stelle nicht einwurfsfert ist (s. o.). Allein nutwendig ist die Annahme nicht. Resens (Agrapha in den Texten u. Unters. Bd. 30 S. 153 E.) Versuch, den Spruch als ein Herrenwort zu erweisen, ist nicht geglückt. J. Watsz (S. 320) glaubt aus der Sicherheit, mit der Paules den Satz hingestellt hat, auf ein autweitstives Wort schließen zu müssen.

^{*} Unter allem, was Panius geschrieben hat, ist dieser Hymnus das Stück, weiches durch seine Form sin hörbeten meht (s. Jon. Weisz S. 31 (f.)). Er bietet die weinbensten und stärksten änheitschan Reize, und es leint sieh, über die Mittel mehandenken, durch welche Panius solche Wirkungen erzielt hat. Poesie im streegen Stan ist der Hymnus fivilich nieht, modern «Reize» (daher ist auch die Bezeichnung Hymnus nicht gans korrekt). Er ist, wie Röm 8, frei hervorgesprudelt, was jedoch die Anwendung einiger einflicher Kunstmittel micht ausschließt. Rhythums und poetische Gestalt floasen und der Begeisterung — zum deutlichen Faweis, daß tiefste Anschauung und Empfindung

aber ist es, über die religionsgeschichtliche Stellung dieses erhabenen Gedichts Klarheit zu gewinnen. Es ist kein Psalm wie die ATlichen oder wie die jüngst entdeckten Oden Salomes: von dort hat Paulus kein Vorbibl entnommen. Der Hymnus steht vielmehr ganz auf sieh

in der Aussprache mit binever Notwendigheit dichterisch werden. Letztlich ist es der Inhalt, der in der gewaltigen Aussprache wie vollendete Possie wirkt,

Zunächst ist schon die Anlage umüberprefflich. Der flymmas verfällt in drei Teile und einen Schlußvers: die Unembehrlichkeit der Liebe (v. 1—3) das Wesen und Wicken der Liebe (v. 4—7), die Ewigkelt der Liebe (v. 8—12). Jeder Teil hat seine besondere Aulage; aber in allen werden die höchsten Wirkungen durch die ausgeweichnete Answahl der Worte, durch die kraftvolle Einfachheit des Satzbans und die kombinierten Mittel der Antitheuse und der Wiederholung erzieh. Dahei ist vom Gebrauch eharakterisierender und schilderuder Adjektiva, den ersten Versangenommen, vollständig abgesehen. Alles ist auf das Verbum gestellt im Deutschen läßt sieh das leider micht überall wiedergeben), und so erhält der Löbgrsang die lebhafteste innere Bewegung neben einer lapidaren Monumentainer. Dieses parudose Ineinander verlaßt dem Stheh seinen gehelmnisvollen isthetischen Reix. Weicher Dichter ist dam Apasital blerin gleichgekommen? Auch die Wortstellung unterstützt die Wirkungen in ausgezeichneter Wrise; sie könnte im keinem Verse besser zem

Die drei Teile sind ganz verschieden behandelt. Der erste, einleitende, bebt aufs feierlichste au, und seine drei Unterteile sind streng parallel und gleichmüßig ausgehildet, so jedoch, daß sie inhaltlich eine Steigerung darstellen: (1.) Zungeureden (Ekstare); (2.) alle Weissagung, alles Wissen und die höchste Glaubenskraft) (3.) aufungfermles Handeln. Der dreimal wiederholte Satzu «Arkmin alle exceptus tritt jedenmal als auführeisscher Untersatz hinzn, und nun wird das Ergebnis gezogen. Das erstemel mit einer tronischen Schärfe, die durch Mark und Bein geht: «Zungen der Menschen und Engel — um dröherendes Erz und eine gellende Scheile!» Welch ein Kuntran! Statt himmlischer Stimmen die tobenden Lause eines holden Instrumental Die beiden anderen Male aber wird, nuch breiter Entfaltung im Vordersatz, im Nachsatz die höchste Wirkung durch die Kütze erzielt: «ofesie eine noden deschaften die keinen diese Worte allen Besitz und alle Ruhmestitel meder, die ohne die Liebe etwas gesten wollen. Dabel verstärkt das «Ich», welches diesen ganzen Teil beherrscht, die Glaubhaftigkeit der Aussagen, ab daß kein Widerspruch möglich ist. Wer so spricht, der hat a erfahren!

Der sweite Teil setzt zunächst wieder feuerlich ein: dreimal wird - Arapas im ersten Satze wiederholt, indem die drei Grundeigenschäften der Liebe — Langmul, Gilte, Neidlasigkeit — aufgeführt werden. Aber dann fäll's den Dichter nicht länger; wes das Herz voll ba, dem geht der Mund über! Aus der Fülle seiner Anschmung von der Liebe strömen ihm in innerater Erregung die Worte, um der Liebe Wesen und Art suszudeneken — zuerst in lauter Negatimen, aber schon die wirken wie große Positionen, und sie schließen mit dem erhabenen Gedanken, daß die Liebe mit dem Höchsten zusammonsteht, was en gild, mit der Wahrheit. Aber auch damit hat sich der Dichter noch nicht genug getan. Ein viermal wiederholtes nährte teitt dem achtfachen sofke gegenüber und bringt in einer mitaltigen Polge die Absolutheit der Liebe suf den rollendetsten Ausdruck. Die Rede wird immer hinreißender, die Gedanken scheinen sich zu überstätzen; aber es anheim zur so — jedes Wort steht sieber an seinem Platze. Die Ekstase ist eine Ekstase du solt.

Der Dichter indert den Ton, indem er sich anschickt, das Lette en augen. In drei kepidaren Worten stellt er den Hanptgedanken thematisch an den Anfang: «A Arkin otzenore exmirres». Alsbald gerüt er aber wieder in innere Bewegung, die sich auch (s.o.) in dem doppelten Wechsel des Plural und Singular spiegelt (v. 9 und 122 Plura, v. 11 und 124 Singular Singular spiegelt (v. 9 und 122 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 123 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 und 124 Plura, v. 11 und 124 Singular spiegelt (v. 9 u

selbst, da sich auch in der profanen Literatur meines Wissens nichts Ähuliches findet. Hat er aber überhaupt eine religionsgeschichtliche Bedeutung? Die Modernen werden eine solche in den «Zungen der Engel» und in der «gellenden Schelle» finden wollen; sie seien ihren Nachforschungen gerne überlassen. Das wahrhaft Wichtige ist, was der Apostel über Liebe und Erkenntnis sagt und wie sieh das zum Hellenischen, wie zu Plato, verhält!

- 1. Man muß mit der siehersten latsache beginnen Liehe und Erkenntnis haben in diesem Hymnus nichts miteinunder zu tun. Weder führt die Liebe zur Erkenntnis noch die Erkenntnis zur Liebe. Das ergibt sich ohne weiteres auch daraus, daß die Liebe hier «caritas» ist und nichts anderes. Nicht nur für die ersten beiden Teile des Hymnus ist das offenbar, sondern auch für den letzten. Eben deshalb stellt Paulus in dem abschließenden Verse auch die Liebe nicht mit der Erkenntnis, von der er doch noch eben gesprochen, zusammen, sondern mit Glaube und Hoffnung, also mit religiös-sittlichen Tugenden, und eben deshalb fehlt bei der Beschreibung der Liebe im zweiten Teil jede Erwähnung des Erkennens.
- 2. Die gegenwärtige Erkenntnis und die zukünftige Erkenntnis empfindet der Apostel lediglich als Kontraste. Zwar scheint es anders zu sein, wenn er jene als stückweise Erkenntnis bezeichnet; aber dem Stückweisen steht nach ihm nicht das Ganze gegenüber, sondern das Vollkommene, welches etwas ganz underes ist als die Summe von

ther doch hat der Wechsel eine große Wirkung. In drei sayndetisch sich folgenden Sätzen stellt der Apostel die Vergänglichkeit der Weissagungen, Zungen und Kenntnisse zur Dauer der Liebe in Kontrast: mit der Liebe ist's nicht wie mit den Charismon! Dus «кауантивосонта» beberrscht diesen Vers und setzt sich noch im to. und 11. Verse fort. Im 9. aber wird «6« аврогс» zum Stiehwort und greißt in den 10. und 12. Versöher. Der 11. Vers ist durch das fünnnat wiederbeite Wort «напос» bestummt, der 12. endlich durch den sehr wirkungsvoll wiederholten Gegensatz von «Агт» und «тойк» зажие durch die Antithesen: «4» есбитест — просмию прос просмию, und «проско из мерогс — фильмесска каласс «А епитарсона» (шин benehre, wie wirksam die dem Zeiten verwendet sind, welche die vorlungehanden Antithesen: «13 ex mergyc — 15 feation» und «мяюс — Амя» bediesen).

Der Schluftvers bringt durch eine genfalt Diversion noch einen neuen Höhnpunkt. Indem das enthete das erzeitere kenntrete positis wieder aufnimmt, frist an die Stelle des Wissens, das sich neben der Liebe nicht zu behaupten vermag, hier auf Erdeu Glaube und Hoffmung. Sie vermögen sich zu behaupten, aber größer als sie ist die Liebe. Wirksamer konnte der Apostei nicht schließen.

*Agape und kros haben ursprünglich nichts miteinander gemein; aber schon un i Jahrhundert wächst Agape wert über den Begriff caritas hinaus und schält wesentliche Markmale den Eros. Im z. Jahrhundert ist das Problem Agape-und Grosis- gelläßig.

In c. 8, t konfrontiert Paulus beide (die Liebe und die Erkenntnis in der Gegenwart) und kommt zu dem berben Ergebnisse, daß, während die Liebe erbaut, die Erkenntnis auf häht. Über eine andere Berichung zwischen beiden, die gleich darauf angenommen wird, s. unten.

Teilen. Die gegenwärtige Erkenntnis ist nach ihm eine kindliche, die nicht durch Ergänzung verbessert wird, sondern die abgetan werden muß; denn sie sieht nur Reflexbilder, deren Verständnis und Deutung rätselhaft bleibt. Also: keine Brücke führt vom Stückwerk zum Ganzen: der Apostel verspürt auch keinen Drang, dieses stückweise Wissen zu vermehren. Weil er es als einen wertlosen Besitz beurteilt, möchte er es vielmehr abstreifen, wie er einst als Mann das Kindische abgetan hat.

3. Weetvolle Erkenntnis, nämlich die Erkenntnis von Angesicht zu Angesicht, die volle Erkenntnis — wie Gott erkennt —, ist erst zu erwarten, wenn das Vollkommene gekommen ist, d. h. wenn (durch die zweite Erscheinung des Christns) diese Zeitlichkeit ihr plötzliches Ende gefunden hat.

Mit diesen Gedanken bat Plato, hat die idealistische Religionsphilosophie der Griechen, von späteren Entwicklungsstufen des Neuplatonismus abgesehen, schlechterdings nichts zu tun; sie sind ihnen entgegengesetzt. Es bedarf keines weiteren Wortes, um das zu erweisen. Paulus erscheint hier nicht als der Schüler, sondern als der Gegenpol zu Plato und den Griechen. Sie fassen Erkenntnis und Liebe zusammen (amor intellectualis), Paulus trenut sie: sie kennen zwar eine stufenweis aufsteigende Erkenntnis, aber alles Wissen lat qualitativ identisch, Paulus leugnet das; usch ihnen ist die gegenwärtige Erkenntnis trotz ihrer Unvollkommenheit das Beste in der Welt. Paulus ist weit von diesem Glauben entfernt; sie wissen endlich nichts von einem zukünftigen Ereignis, durch welches das Vollkommene mit einem Schlage da sein wird, sondern von einem allmählichen Übergung des Geistes aus den Banden des Simulichen zu höherem Sein. Kein Zweifel - Paulus ist Jude und will von dem Wissen der Hellenen nichts wissen.

Aber damit ist doch noch nicht alles gesagt, vielmehr fehlt noch eine Hauptsache, und sie führt Paulus und Plato doch zusammen. Das abschätzige Urteil über die Erkenntnis gilt nur von der gegenwärtigen, stückweisen Erkenntnis. Sobahl der Apostel an die vollkommene Erkenntnis denkt, urteilt er ganz anders. In zitternder Bewegung und in heißem Drang schant er auf sie aus: das Beste in der Welt, das Beste in dieser Zeltlichkeit ist die Liebe; aber das absolut Beste, das, wonach seine Seele sich sehnt, ist die vollkommene Erkenntnis, die Erkenntnis von Angesicht zu Angesicht, die Erkenntnis, in der deh erkenne, wie ich erkannt bins. Mit der Liebe hat diese Erkenntnis, wie bemerkt, nichts zu tun; aber es ist doch nicht gleichgültig, daß er auf sie geführt wird, indem er über die Liebe nachdenkt, und an einer andern Stelle desselben Briefs (8, 3) geht er noch einen Schritt weiter: «Wenn jemand Gott liebt, der ist von ihm erkannt. « Auch

hier sagt er freilich nicht, der erkennt Gotte, aber es ist doch der erste vorbereitende Schritt zu dieser Kombination! Die Erkenntnis von Angesicht zu Angesicht ist das höchste Ziel — hören wir hier nicht Plato? Ferner, wenn die Erkenntnis auf ihrem Höhepunkt zu ihrem Objekt lediglich das Letzte, die Gottheit, hat, ist das nicht auch Plato? Endlich, wenn der Apostel in diesem Zusammenhang die gegenwärtige Erkenntnis als eine Erkenntnis im Spiegel bezeichnet, ist das nicht eine Bestätigung für den platonischen Ursprung des leitenden Gedankens?

Doch Vorsicht ist geboten! Der Apologet Theophilus sagt einmal, Schulweisheit wiedergebend, das Wort * 9500 * käme sowohl von * 1065) scass- als auch von «sten». Wir lächeln über diese doppelte Etymologie: aber in der Religionsgeschiehte des hellenistischen Zeitalters handelt es sich häufig um doppelte Ursprünge, ja, man durf sagen, nur diejenigen Begriffe und Institutionen haben durchgeschlagen und sind schließlich zum Siege gelangt (nämlich im katholischen Christentum, welches der Abschluß der universalen Entwicklung ist), die eine doppelte Wurzel besessen haben; die übrigen sind sämtlich zu Boden gefallen. Das katholische Christentum ist eine Bildung aus zwei konvergierenden und zuletzt verschmolzenen Linien, von denen die eine, von den Propheten ausgehend, über die jängeren Psalmen in der spätjädischen Entwicklung (einschließlich der urchristlichen) verläuft, die andere in der Entwicklung der griechischen Religionsphilosophie (einschließlich des Mysterienwesens). Die beiden Reiben sind aber nicht nur konvergent und laufen schließlich im 3. und 4. Jahrhundert zusammen, sondern es sind außerdem schon während ihres Verlaufs von beiden Hauptlinien Seitenlinien ausgegangen, die sich miteinander verflochten haben.

Wenden wir diese Einsicht auf das uns vorliegende Problem an, so kann kein Zweifel sein, daß die Höchstschätzung der vollkommenen Erkenntnis sich auch auf der jüdischen Linie ausgebildet hat und ebenso die Überzeugung, daß die höchste Erkenntnis und überhaupt das Höchste Gotteserkenntnis ist und nichts anderes. Also wird sie auch Paulus nicht erst vom Platonismus ber gewonnen haben. Nicht einmal die eigentümliche Klangfarbe, in der die Erkenntnissehnsucht bei ihm sich ausspricht, braucht hellenisch zu sein. Sein πρότωπου πρότ πρότωπου, ούκ εκ κίνικκατι hat (s oben) an dem Spruch Num. 12, 8 die vollgenügende Unterlage. Und von hier aus kann sogur das Δ΄ εκοπτρού, welches auf den ersten Blick ganz platonisch annutzt, genügend urklärt werden. Man vergleiche

Sinhe Matth. 1 t. 27.

Num. 12, 8
ctoma katá ctoma anangue
syté, su sídel nal é9 dí aínitmátun'

L. Ког. 13, 12
влепомен Арті ді есоптроу
ен кінігматі, тоте де просшпон
прос просшпон

Die verschiedenen Ausdrücke eroma kara eroma und modeumen mode modcamos erklären sich daraus, daß Paulus den behräischen Grundtext las (תוד אליכת) und mit axenosea den Satz begonnen hatte. Das hebelische ren haben die Lxx und er übereinstimmend und richtig ilurch digena wiedergegeben. Also entspricht das paulinische af 4con-Trov dem ex class. Im Grundtext steht awas: mit einem Schlage mucht dies Wort sowohl das exenomen als nuch das al econtroy des Paulus klar; denn aste heißt sowohl das Schen, das Geschene daher das Angesichte, die Gestalte als auch die Erscheinung im Unterschied vom Wesen und endlich der »Spiegel» (Exod. 38, 8). Paulus behielt also das Wort bei, welches er in dem Bibelverse las, der ihm hier vorschwebte. Damit ist die Herkunft des Bildes vollkommen erklärt - Paulus sehnt sieh, Gott so zu sehen, wie es einst dem Moses verheißen worden ist -, und jeder Rekurs auf Griechisches erübrigt sich?. Deshalb braucht nicht verneint zu wenten, daß auch ein griechischer Philosoph den Ausdruck hätte wählen können ; Plato hatte ihn gewiß als ein erhabenes Zeugnis seiner eigenen Philosophile anerkannt. Zwei weltgeschichtliche Linien konvergieren hier!

Aber hätte Plato auch das emiraccomai kasuc kal eneraccioni verstanden? Verstanden bätte er es wohl, aber anders als der Apostel. Für Paulus ist es nicht nur der Ausdenek vollkommenster Erkenntnis, sondern zugleich auch das Bekenntnis, in dem allwissenden tiott geborgen zu sein. Dieses eneraccom empfängt seinen Sinn aus c. 8, 3: el ne arang ton becom, ovtoc enactai vil avter. Weit besser aber bütte

V HITHTENETE AN EFTEN TO GEOCH TIPOC AARON KAI MARIAN. ANGYCATH TON ADTON MOT EAN TERRETA TIPOPETTHE THOM STEPS, EN GRANATI AVITO PRINCENCOMET RAI OF TIME ARTIST STA OFTER GESATION MOT MOTORS. ON DAY TO DIKE MOT FORTOC SCITIK STOMA RATA

Der hebrüsche Text von Num. 12,8 ist allernings nicht in Ordnung. Wenn es 12,6 heißt, dall Propheten Gott (nur) wie sehen werden, Moses aber von Mund in Mund wert, so kunn wer nicht richtig win, da das Wort nicht in zwei aufeinanderfolgenden Satzen verschieden gebenucht sein kann (auf die Differenz der Punktation ist doch wohl kein Gewicht zu legen). Daher hilft auch die Lesari wegennicht die nur die um 7 liegende Schwierigkeit wegräniet. Wahrscheinlich ist mit Parkenos wie ist zu lesent las Panlas so, so ist seine Abhlingigkeit vollends klur. Win man aber nuch den Text beilen mag, offenbar ist, duß das 20 schutzer des Paulus duren werschlaßt ist, ebenso wie ist abursen durch zuweit. Parallelen aus Philo new, sind also überfübssig.

Auch darf man fragen, ob Paulus imstande gewesen ware, den alten Sprach durch eine Bufferlich sohr geriege Anderung auf einen an viel schahneren Anafrank zu bringen, wenn er nicht griechinche Luft gestmet häne.

Plato den Satz verstanden, daß die Liebe sieh nicht der Ungerechtigkeit freut, sondern der Wahrheit. «Wahrheit» ist bei Paulus «die Bezeichnung der neuen religiösen oder metaphysischen Weltauschauung des Evangeliums, aber auch das zugleich religiöse und eth ische Prinzip, dem es sieh zu beugen, zu gehorchen gilt, so daß die Ungerechtigkeit mit der Wahrheit unverembar ist» (J. Weisz). Eben dies ist aber auch die Überzengung Platos

Hier liegt bei aller Größe der Verschiedenheit der tiefste Einheitspunkt. Nicht im Wort vom «Spiegel» ist er zu suchen, sondern in der Gemeinsamkeit jeues (iedankens und in der Tatsache, daß der Apostel, indem er über die Liebe nachdenkt und sie als etwas Unvergängliches erkennt, zur Frage der Erkenntnis überhaupt geführt wird. Liebe und vollkommene Erkenntnis haben bei ihm nichts miteinander zu tun, aber sie haben für den Apostel doch etwas (iemeinsames — das Ewige.

Die Richtung, die der Apostel hiermit und sodann in der Zusammenstellung von Glaube und Hoffnung mit der Liebe nimmt, beweist sber weiter, daß sein Begriff der Liebe von dem Stoischen spezifisch verschieden ist. Dieser ruht auf rationalen Erwägungen über die Gleichheit der Menschen und erscheint als die vernunftgemäße Funktion der vernünftigen Erkenntnis von des Mensehen Ausstatung und Zweck. Auch dem Apostel sind solche Erwägungen nicht fremd ', aber sein Begriff' der Liebe ist nicht von hier entsprungen. Für Paulus ist Liebe nuch als Nachstenliche von der Cottesliebe untrembar; von thr, mit thr empfängt sie, obgleich sie ganz carltas ist. Sein und Art; aber auch das Umgekehrte gilt: in und mit der Nächstenliebe ist die Gottesliebe, ist die Religion selbst gegeben. Das beweist der Schlußvers; Paulus hätte, durchweg in dem Hymnus von der Näelistenliebe redend, nicht am Schluß mit Glaube und Hoffnung kommen können, wenn ihm die Nächstenliebe nicht mit der Gottesliebe untrennbur verbunden, ja eine unlösbare Einheit gewesen. ware. Diese Anschauung, im Alten Testament vorbereitet, geht auf Jesus selbst zurück. Somit ist die stoische Menschenliebe und die Liebe, die Paulus meint, etwas sehr Verschiedenes; aber es ist auch hier wiederum so wie in bezug auf die Schätzung der vollkommenen Erkenntnis - es gab in jenem Zeitalter in bezug auf den Begriff der Liebe zwei konvergierende Linien, die humanitär-stoische und die theistisch-jüdische. Während ihrer Entwicklung fund bereits ein gewisser Austausch statt - auch im Helkmismus tritt ein starkes religiöses Element in das humanitäre ein; erinnert sel an Epiktet -: Paulus

^{1 3.} Rom. 1; 1916.; 2, 1416.; Act 17, 22ff. Hier hat der Apasiel von der Ston gelerot.

aber bewegt sich in dem Hymnus ausschließlich auf der letztgenannten Linie; erst später sind sie zusammengeflossen!

Einen Fortschritt über Paulus in der Richtung auf Plato bat Johannes gemacht': er hat Liebe und Erkenntnis auf christlichem Hoden einander genähert. Aber bevor man dem nuchgeht, ist es notwendig, zu konstatieren, daß Johannes in dem Hauptpunkt ein treuer Schüler Jesu und ein Gesimnungsgenosse des Paulus gehlichen ist. Das ihnen Gemeinsame liegt in dem Grundbegriff der Liebe, wie ihn auch Johannes faßt. Auch mach ihm sind Gottesund Nächstenliebe so verwandt oder vielmehr eine solche Einheit. daß sie vertauschbar sind. Wir wissen, daß wir vom Tode zum Leben hinübergegangen sind, weil wir die Brüder lieben; wer (sie) nicht liebt, der bleibt im Todes (L. Joh. 3, 14). «Wer da behauptet, im Lichte zu sein und seinen Bruder haßt, der ist noch in der Finsternis; wer seinen Bruder liebt, der bleibt im Lichtes (L. 2, 9). *Darin erkennen wir die Liebe, daß jener für uns sein Leben gegeben hat, so sollen wir für die Brader das Leben hingeben . (1., 3, 16). . Wenn jemand sein Herz gegen seinen bedürftigen Bruder verschließt, wie bleibt die Liebe Gottes in Ihm? . (L. 3, 17.) . Wenn wir ans untereinander lieben, bleibt Gott in uns, und seine Liebe ist vollkommen in uns. (L. 4, 12). . Wer seinen Bruder nicht liebt, den er sieht, der kann nicht Gott lieben, den er nicht sieht, und dies Gebot haben wir von Ihm, daß, wer Gott liebt, such seinen Bruder liebt. (I., 4, 20 f.). - Darun werden alle erkennen, daß ihr meine Jünger seid, wenn ihr Liebe untereinander habte (Joh. 13, 35).

Einen Hymnus auf die Liebe, augsregt durch L.Kor. 13, bat um das dahr 95 Clemens Romanis (c. 40) gedücktet, sher er kame sieh, zumal er in mehroren Stellen Plagiat ist, neben dem Lobgesang des Paulin olcht schan lassen. Es fehlt ihm an Tiefe und ursprünglicher Empfindung; er erscheint als ein verworvenes Mosaik ohne hiberen Wert. Merkwurdig, daß Clemens Alex. (Strom. IV. 18, 1716) beide Hymnen zusammen kommentiert und nichts davon verritt, daß der des Clemens Romanis eine Stümperei ist naben dem des Paulin. Der Hymnus lautet:

^{**}O EXUM APARTHM EN XPICTO HOMCATO TÀ 199 XPETOS HAPARTAMATA

TON ASCHON THE APARTHE TO SEED THE ASNATAL ESHINGARDAY TO ASPANSION THE
KANADHUE ASTOS THE APRESTOE ESSITEIN; TO EVOC SEE D'ANATOM HAPARTH AMERICANTION SETTIN;

ATATH KOARA HAAT TO SEED, ATATH KAAVITTELTEAGOOD LAAFTIGH, ATATUM TIANTA AMERITA, THATA MAKTOSYMEL DYDEN BÂNAYCON EN ATATUM, SYDEM PROFESANON ATATH CRICKA OTA ÉREI, ATATUM OF CTACHÁZEL, ATATUM THATA TIMEL ÉM OMOMON, EN TH ATATUM ETEAGUSHCAN TIANTEC CIL EKAEKTOL TOP SEOF. AKA ATATUM COPALM SYAPECTÓN ÉCTIM TO BEID.

EN AFATH TIPOCEPÁRETO MAIC Ó ACCHOTHC DIÁ THA AFATHH HA ÉCHÓN TIPOC JONAC TO AÍNA ATTOT EAGREN THÉP HAGIN THOOTE XPICTOC Ó ETPICE HAGIN 14 GEARRATI TOT BEOT, KAI THA CAPRA THÉP THE CAPROC ANGIN KAI THE TYXAN THÉP TON PYXON BHÔN.

Das ist die Liebe, die auch Paulus in seinem Hymnus meint; auch wenn Johannes sessia und drans zusammenstellt, sieht man sich an ihn erinnert. Wiederum aber ist es dieselbe Erkenntnis, die Paulus meint, wenn Johannes L. 3, 2 sagt: «Wir wissen, daß wir einst Thm gleich sein werden, denn wir werden Ihn sehen, wie Er ist. Aber es geht weit über Paulus himaus, wenn Johannes schreibt (L. 4, 7f.): - Lasset uns einander lieben, denn die Liebe ist aus Gott, und ein jeglicher, der da liebt, ist aus Gott geboren und erkennt Gott; wer nicht liebt, der erkennt Gott nicht; denn Gott ist die Liebe, Hier ist die Anschauung, dals die Liebe ein metaphysisches und gnostisches. Prinzip sei, verkündet; sie hat ihre Wurzel in der Geburt aus Gott, der die Liebe ist, und ihre Frucht ist Gotteserkenntnis. Ferner aber - die Liebe tritt nach Johannes in die Lücke ein, daß wir in der Gegenwart Gott noch nicht zu schmien vermögen: Niemand hat Gott geschen; wenn wir einander lieben, so bleibt Gott in uns (L. 4, 12), ja III., 12 heißt es: Wer Gutes tut [d. h. liebt], ist aus Gott; wer Boses int, hat Gott night geschen. Wenn nach Jobunnes Con die Liebe ist und der ganze Christensmad in das Wort ausammengefaßt erscheint: Bleibet in meiner Liebe, wie ich in der Liebe des Vaters bleibe. (15, 10), so ist hier die Liebe -die allmächtige Liebe, die alles heget, alles tragt , und die auch die Erkenntnis Gottes einschließt.

Aber so gewiß die Linie des Johannes stärker zu Plato hin konvergiert als die des Paulus, so fehlt doch noch viel zur wirklichen
Annäherung; denn das Schema, daß die Erkenntnis sich stufenweise
von der niederen Erkenntnis aus entwickelt und in Liebe übergeht,
ist dem Johannes noch ganz fremd. Erst bei Valentia und Clemens
Alexandrinus findet es sich! Johannes steht doch ganz wesentlich
auf der jüdisch-theistischen Linie, und sein Begriff der Liebe hat mit
dem hellenischen Eros, dem Amor intellectualis, nichts zu tun. Vorbereitet aber hat er das Eindringen desselben in den christlichen Gedankenkreis, weil er «Gott lieben» und «Gott erkennen» zusammengerückt, ja in eins gesetzt hat.

Von Johannes kehren wir zu umserem Hymnus zurück. Worin seine religiousgeschichtliche Bedeutung liegt, läßt sieh nunmehr mit wenigen Worten sagen. Immitten einer Kulturwell, die in ihrem besten

Eine Mittelstellung eimmi Irenius ein. Ganz paulinisch klingt IV, 55, 8; dilectionis munus est pretinabis quam agnitio, gloriasus antem epian propheria, munitus autem reliquis charlematibus supereminens. Aber, auf der johannelschen Linie fortschreitend, schreibt irenium (IV, 72, 3); «Numquam desiniams diligentes denm: sed quanto pius sum intuiti (nermus, tanto pius sum illigiums.

Streben intellektualistisch gerichtet war und zugleich mit Mysterien und Sakramenten ninging, hat Paulus den Grundgedanken Jesu von der Nachstenliebe in hinreißender Weise und in einer Sprache, die jedermann verstand, zum Ausdruck gebracht. Die Liebe, nämlich die Nächstenliebe, ist das Beste, weil das Bleibende und Ewige, in der Welt: sie steht über allen Gaben und Erkenntnissen, die wir zu erwerben vermögen, und sie hat ihren Platz neben, ja über den religiosen Tugenden des Glanbens und der Hoffnung. Die schlichte. ungefärbte Moral ist damit als das Wesen der Religion selbst enthallt. Die Religion ist, wie bei Jesus selbst, vom Himmel herabgeführt ins Menschliche und Notwendige, ohne ihre Göttlichkeit einzubüßen. Kernsprüche Jesu haben hier eine programmatische, aus tiefster Nachempfindung geborene Ausgestaltung empfängen! Die · Caritas » ist als das Wesen der neuen Religion in den Mittelpunkt gestellt. Dilectio summum fidei sacramentium. Christiani nominis thesaurus, quam apostolus totis viribus saucti spiritus commendat. so hat Tertullian (de pat. (2) mit Recht von dem Hymnus des Paulus geschrieben. Die Entwicklung des Wesens der christlichen Religion hat freilich andere Wege eingeschlagen; man hat die Metaphysik nicht. missen wollen, und die christliche Religionsphilosophie hat den Amer intellectualis in die Carina eingemischt. Aber wenn niemals in der Kirche ganz vergessen worden ist, daß die Caritas - und nur sie - das Sacramentum tidel ist, so hat neben den Sprüchen Jesu der Hymnus des Paulus daran den größten Anteil. Durch ihn und mit ihm hat sich die Carltas als Religionsprinzip siegreich behauptet.

Und Paulus — wie er kein Hellene gewesen ist, so ist er auch niemals einer geworden! Daß sich unter seinen zahlreichen versuchten Ideen — auf sie reduziert sich seine spekulative Theologie und Psychologie — auch einige auf hellenischem Boden gewachsene und aus Mysterienweisheit stammende finden, wer kann sich über diese längst bemerkte Tatsache wundern? Aber auch diese Ideen hätte der Apostel olcht rezipiert, wenn sie sich nicht an Erkenntnisse angeschlossen hätten, die er in seiner jüdischen religiösen Bildung bereits besaß. Aus dieser, durch seine christliche Erfährung umgestatteten, aber nie aufgegebenen Sphäre ist er niemals berausgetreten, und nichts Hellenisches list er sich anzueignen vermocht, was nicht bereits Anknüpfungspunkte in der ihm vertrauten religiösen und theo-

Auch Jesus spricht von solchen, die du weissagen und mit decen en doch nichte ist [Matth 7, 22], und von solchen, denen die Geister anterian sind, und demen das nichts nützt (Luk. 16, 20). Die Hamptenmme der Gebote ist ihm die Liebe zu Gett und dem Nächsten, und neben der Betatigung der letzteren hat Jene überhaupt keinen besondieres Spielraum.

logischen Überlieferung besaß. Der Apostel der Heiden ist steis, sofern er nicht ein Christ war, ein Jude geblieben. Daß er es geblieben
ist, obgleich er den Prozeß der Überführung der neuen Religion in
die griechische Welt so kräßig begonnen hat, ist seine Stärke gewesen und hat ihm die bleibende Stellung in der Geschichte gegeben.
Er selbst ist an dieser seiner Haltung persönlich gescheitert ; aber daß
seine Gedanken weit über das Zeitalter des Hellenismus hinaus wirksam geblieben sind, das verdanken sie in erster Linie nicht dem hellenischen Element, das ihnen spärlich beigemischt ist, sondern der Kraft,
mit der es der Apostel vermocht hat, den alten Gott des Judentums
als Vater Jesu Christi neu zu verkündigen und die Liebe in den
Mittelpunkt zu rücken.

Siche moine Beiträge zur Einleitung in das Neue Testament Heft IV (1911), S. 28-62.

Adresse an Hrn. Richard Schroeder zum fünfzigjährigen Doktorjubiläum am 1. Februar 1911.

Hochgechrier Herr Kollege!

Fünfzig Jahre sind verllossen, seit Sie an der Universität Berlin die juristische Doktorwürde erlangten. An dem Gedenktage, den Sie aus diesem Anlaß heute feiern, fühlt auch die Preußische Akademie der Wissenschaften sich berufen, Ihnen die wärmsten Glückwünsche und den Ausdruck ihrer rückhaltlosen Anerkennung darzubringen. Seit einem vollen Jahrzehnt dürfen wir Sie als korrespondierendes Mitglied zu den Unsrigen zilhlan. Aber sehon die Jahre Ihrer wissenschaftlichen Ausbildung brachten Sie in enge Beziehungen zu dem Gelehrtenkreise unserer Akademie. Ist doch Ihre Jugendzeit enge verknüpft mit dem Namen Jacob Grimas, dem Sie bei der Herausgabe der deutschen Weistümer als treuer Mitarbeiter zur Seite standen, und dessen Werk zu vollenden Ihnen nach dem Tode des Meisters vergönnt war. Die Anregungen, die Sie von ihm und als Schüler Homernas, der ja gleichfalls der Unsere war, empfungen haben, sind in Ihrer Lebensarbeit zu reifer und köstlicher Frucht gediehen.

Im Nordosten Deutschlands geboren und in der heiteren Atmosphäre eines Vaterhauses aufgewachsen, dem der große Humorist Fraz Reuren befreundet war, haben Sie nach Abschluß Ihrer Lehrjahre im Westen Deutschlands Ihre Hütten gebaut, wo Sie nicht weniger als fünf deutschen Universitäten zur erfreulichen Zierde des Lehrkörpers geworden sind. Am Mittelrhein, am Main, an der Leine, am Oberrhein und am Neckar haben Sie eine machhaltige und tiefgreifende akademische und literarische Tätigkeit entfaltet, um trotz der Schmiegsamkeit, mit der Sie sich den Stätten Ihres Wirkens anpaßten, der treue und unverfälschte Sohn der pommersehen Erde zu bleiben.

Zahlreiche Aufgaben sind im Laufe läres arbeitsreichen Lebens an Sie herangetreten. Sie haben sie mit unverwüstlichem Optimismus auf Ihre Schultern geladen und in berechtigtem Vertrauen auf Ihre Schaffenskraft mit heroischem Fleiße erledigt, soweit dies erwartet werden durfte.

Aus Ihrer Doktorilissertation ist das inhaltvolle und grundlegende Werk über die Geschichte des chelichen Gützerechts in Deutschland heransgewachsen. Die Kenntuls der deutschen Rechtsquellen haben Sie durch hoekwillkommene Editionen, durch Ihre branchbare und vielgebrauchte Sammlung von Urkunden zur Geschichte des deutschen Privatrechts und durch Spezialuntersuchungen gefördert. Mit kühnem Wagemut haben Sie es unternommen, die Geschichte des deutschen Rechtes von den Urzeiten bis an die Schwelle der Gegenwart in einem stoffreichen Lehrbuche unter Dach und Fach zo bringen, und dessen rasch aufeinanderfolgende Auflagen in feiner und empfindsamer Fühlung mit den Fortschritten der rechtsgeschichtlichen Forschung zu einem klaren Spiegelbilde des jeweiligen Standes der Wissenschaft zu gestalten. Aber auch dem Aufbau und Ausbau des geltenden Rechtehaben Sie sich nicht versagt, denen Sie durch Ihre Vorarbeit zum chelichen Güterrecht des Bürgerlichen Gesetzbuchs und durch Ihre Vorträge und Abhandlungen über privat- und handelsrechtliche Materien erhebliche Dieuste geleistet haben.

Ensere Akademie verpflichten Sie zu besonderem Dank, indem Sie seit zwülf Jahren die wissenschaftliche Leitung des großen akademischen Unternehmens besorgen, das die Herstellung eines Wörterhuches der Alteren deutschen Rechtssprache zum Ziele hat. Möge es Ihnen beschieden sein, die Publikation des nationalen Werkes dem glücklichen Ende entgegenzuführen, Ihnen und der Akademie zu Ehren und zum Ruhme der deutschen Wissensehuft.

Die Koniglich Preußische Akademie der Wissenschaften.

Kyprische Syllabarinschriften in nichtgriechischer Sprache.

Von Prof. RICHARD MEISTER in Lineag.

(Vorgelegt von Hrn. Mayra am 19, Januar [s. ohen S, 39].)

Hierzu Taf. I.

Bisher glaubten wir, daß die kyprische Silbenschrift lediglich von den kyprischen Griechen angewendet worden sei, denn kein einziger der kyprischen Syllabartexte, die wir bisher kannten, redete eine andere Sprache als den kyprisch-griechischen Dialekt. Jetzt sind zu unsere großen Überraschung zwei Inschriften in kyprischer Syllabarschrift, jede in vier Zeilen, die in einer nichtgriechischen Sprache abgefaßt sind, zutage getreten.

Als ich im Jahre 1909 im Ashmoleannuseum zu Oxford war, bat ich Hrn. D. G. Hogarry, der vor kurzen die Leitung des Museums von Hrn. Arrum Evass übernommen batte, mir drei Steine mit Syllabartexten aus Marion-Arsinoe, die, wie mir mitgetellt worden war, in das Ashmoleanmuseum gekommen waren, zu zeigen. Sie fanden sich damals nicht: aber im August 1010 entdeckte sie Hr. Hogarte in einem Kellerraum des Museums, in den sie wahrscheinlich bei der Umräumung des Museums in das neue Gehände ohne Wissen des damaligen Direktors gebracht worden waren. Und neben diesen drei Inschriften aus Marion-Arsinoo lagen die zwei Steine, von denen jeh rede. Leider ist über ihre Herkunft nichts Genaueres bekannt. Hr. D. G. Hogastu schrieb mir am 24. August 1910: I have asked my predecessor Agence Evans about the stones, but he knows nothing of them. They are not entered in our old lists, and I can only suppose, they had long lain in the cellar of the old Ashmolean building, and were transferred here in 1895 without the Keeper's knowledge: Und am 30. August: Their origin remains a complete mystery. Neither Mr. Evans nor anyone connected with the Museum seems ever to have seen them before, and as they hear no mark, I cannot tell, when or whence they came into the Museum.

An der Echtheit der Inschriften besteht kein Zweifel. Der Charakter der Schrift ist in allen Stücken gleichmäßig und elegant, ahnlich dem der Schrift auf der idalischen Bronze. Ich würde die Steine nach der Schrift in das 5. Jahrhundert oder in die erste Hälfte des 4. v. Chr. G. setzen. Die Zeiehen sind die des gemeinkyprischen, nicht die des paphischen Syllabars. Einige sind von singulärer Gestalrung: Das von mir mit mi? umschriebene Zeichen II z hat rechts einen zweiten Seitenstrich, den das gewöhnliche Zeichen mi nicht kennt: aber auf der kyprischen Tonplatte im Leipziger Museum für Völkerkunde (Sächs Berichte 1908, S. 2ff.), Vorderseite Z. t. steht dasselbe Zeichen mit doppeltem Seitenstrich (leider ist seine Bedeutung auf der Tonplatte nicht zu erkennen); das von mir mit su? wiedergegebene Zeichen II 1. II 2 unterscheidet sich etwas von dem gewöhnlichen kyprischen su. ähnelt aber dem su auf der Inschrift aus Salamis SGDI 126, Z 2 (A. P. DI CESNOLA, Salaminia, S. 66, nr. 68); 1/2 1 1 ist gleichfalls von dem gewöhnlichen le etwas verschieden, aber dem Le in der eben genannten salaminischen Inschrift Z. z recht Almlich; mehr noch gleicht es dem minoischen Zeichen, das A Evaxs, Scripta Minos I, 57 auf der Bügelkanne von Orchomenos wiederfindet. Die Regel, daß die j-Sillenzeichen nur nach i-Silbenzeichen stehen, weil im kyprischen Dialekt nichts andres als den Übergangslaut von zum fölgenden Vokal ansdrückt, findet sich in den Insehriften beider Steins genau beobachtet: ekijanoti I 2, ekicijaki II 1, kavalija II, 4. Für die Lesung der Inschriften ist die Geltung der übrigen Regeln des kyprischen Syllabars vorauszusetzen, so daß z.B. die Zeichengruppe ka ra li ja nicht nur ksvalija, sondern auch kvalija bedeuten kann, die Gruppen ma na 12, H t. 2, 4, ta na 1 t. 3, auch mna, this gelesen werden konnen, ta ra vi II 4 auch tarri, pu e ne II 3 (mit ne am Wortende) auch puen gelesen werden kann usw. Die Lesung ergibt nirgends sprachliche Monstra, sondern glaubliche, wenn auch unverständliche Worter. Mit dem Formans -na gebildet erscheinen ana II i. mann 12. II 1. 2. 4, tana I 1. 3, mina II, 3. Ein Stammwort scheint vorzuliegen in eki II 2, von dem Ableitungen ekijanoti I 2, ekivijaki II 1 zu sein scheinen. Auf -off (möglicherweise auch -o(n)ti zu lesen) gehen die Wörter munoti 1 1. 3/4. skijanoli 1 2 mis, auf -ranu die Würter citilerunu 1 1 und pakimiranu 1 3. Ähnlich wiederkehrende Wortgruppen finden sich mehrmals: vitileranu tana manati 1 i und pakimiranu tana munoti 1 3/4. skijanoti manu 1 2 and skirijaki mana II 1, vgl. mich ski mari mana Il 2.

Auch an der Herkunft der Steine aus Kypros kann nicht gezweifelt werden. Nur aus Kypros kennen wir überhaupt diese Silbenschrift, uml im Schriftcharakter gleichen die beiden Inschriften den kyprisch-griechischen genau. Aber welches ist die Sprache, die sie reden, von welchem Volke stammen sie? Dats sie weder griechisch noch phonizisch sind, zeigt schon der erste Blick. Aber neben den eingewamterten Griechen und Phüniziern wohnten die autochthonen Kyprier im Lande. Skylax (Peripl. 103) sagt, daß Amathus von Autochthopen und im Binnenbind auch andre Städte von Berbaren bewohnt wurden. Herodot 7, 90 erzählt, daß ein Teil der Bevölkerung von Kypros sich aus athiopischem Ursprunge berleite. Aller Wahrscheinlichkeit nach ist die Urbevölkerung von Kypros mit der Urbevölkerung von Süd- und Südwestkleinssien verwandt. Die Teukriden, das Königsgeschlecht von Salamis, stehen mit den Teveror von Olbe in Kilikien (Kurrsumus, Eml. 190, A. t) in Zusammenhang. Kulte Kleinasiens treffen wir in Kypros wieder. Zwei späte (c. c, w) Weiliinschriften für Zeve Assessnoc (Cesnota, Descriptive Atlas III. Taf. CXLIII, ur. 1, 2) aus einem Tempel in der Nähe von Fasuli bezeugen die Existenz des aus Karien bekannten Kultes für Kypros: 1. Au-MHTER AL AABRANIN SYEAMENGE ATTENDEN, 2 OMACAC AL AABRANING EYEA MEnoc arranges, und der Name des Omacac tragt in seinem s-Suffix (vgl. auch den Namen der Stadt Tamaccoc) wie in seinem Stamm (vgl. lyk. Ovace, Ovaslac, kar, Ovaslane, Kustschner, Einl. 360) . kleinasintische. Merkmale. Die autochthone Bevölkerung hat sieh ihre Sprache auch nach der Einwanderung der Fremden in Kypros zweifellos ebenso bewahrt wie in den kleinasiatischen Landschaften, und wenn sie sich zum Ausdruck ihrer Sprache auf unseren zwei Steinen der Schrift. der Griechen ihres Landes bedient hat, so tat sie dasselbe, was wir von der antochthonen Bevölkerung der kleinasiatischen Landschaften wissen. Aus den Wortformen der Steine vermag ich freilich keine Stätze für die geäußerte Vermutung zu gewinnen. Auch das Wort pa un mo II 3 (= Pamim(m)n?), dessen Klang un den Namen des auf der Stele von Sendjirli genannten Königs des Landes Sam al: Panammo (vgt Kaerschmen, Einl. 397 f.) erinnert, darf, solange der Zusammenhang, in dem es steht, ganz unbekannt ist, nicht zu solchem Zwecke verwendet werden. Andre werden hoffentlich die Frage weiter fördern.

Anf der Tafel gebe ich die Inschriften der beiden Steine nach den Photographien wieder, die mir Hr. D. G. Hogarn zugleich mit wohlgelungenen Abklatsehen freundlichst geschickt hat. Hrn. D. G. Hogarn spreche ich auch für die Erlaubnis, die Inschriften publizieren zu dürfen, meinen verbindlichsten Dank aus.

Die Inschrift I ist c. 0.47 lang, c. 0.28 hoch, die Inschrift II c. 0.55 lang, c. 0.26 hoch. Geschrieben sind beide Inschriften auf den Steinen von rechts nach links. Die Wörter sind auf den Steinen R Minren. Kyprische Syllabarinachriftan in alchigriechscher Spenche. 169 (und so auch von mir in der folgenden Silbenumschrift) durch Punkte voneinander getrennt worden.

I.

L. v. vi li li? va mi ta na-mu na li-

. 2. a i lo e ki ja no tiema na ko

. 3. to u pa ki mi ra nu to na mu

. 4. no ti

II.

Z. t. n mi ta si su? su e ki ri ja ki-ma na

s 2, a po i-r ki-ma ci-ma rat-su? mi? ra-

· 3. I me la ni pu e ne-mi na-pa na mo

· 4. (//) ni o-ta va vi-ka va li ja-ma na-mi ////



T.



II.



R. Meister: Kyprische Syllabarinschriften in nichtgriechischer Sprache.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

VIII.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

16. Februar. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. WALDEVER.

1. Hr. Maurens las: Über die technische Prüfung des Kautschuks und der Luftballonstoffe im Königlichen Materialprüfungsamt zu Gross-Lichterfelde (West). (Ersch. später.)

Die Prüfungen erstrecken sieb auf Verwendung der chemischen und besenders der mechanischen Verfahren. Die getroffenen Einrichtungen bierfür wurden vorgeführt.

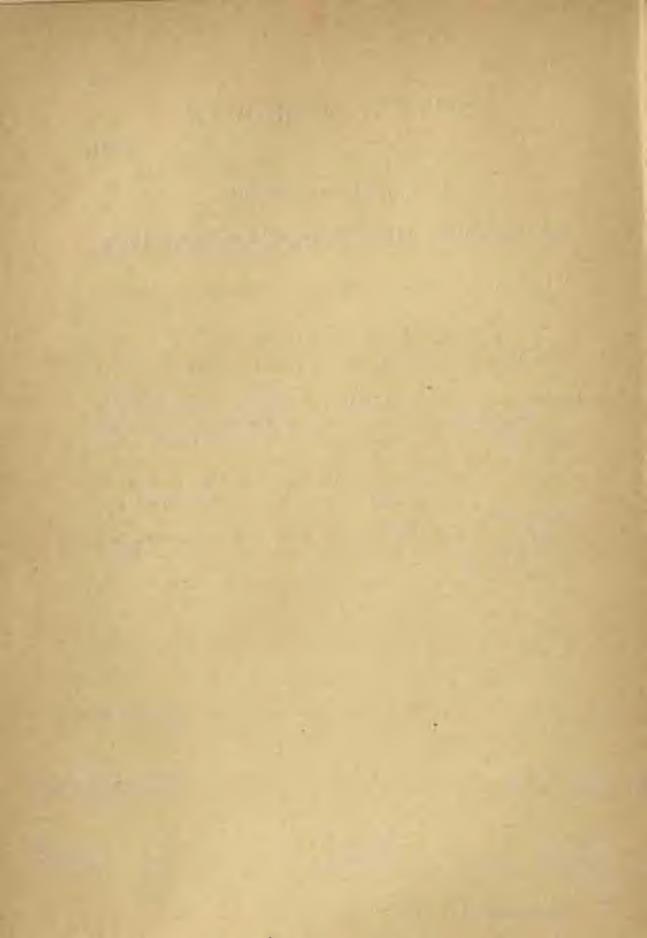
2 Hr. Fronzents legte eine Arbeit des Hrn. Dr. Ludwis Bubens nach in Königsberg vor: Über einen Satz des Hrn. U. Johnan in der Theorie der endlichen Gruppen linearer Substitutionen. (Ersch. später.)

Jade andliche Gruppe in a homogenen Variabela bezitzt eine ausgezeichnete Ausz'sche Untergruppe, derart, dass ihr Index eine aus von der Zahl a abhängige Grenze nicht überschreitet.

Für diesen Satz von Jonnan wird ein neuer, von den beiden bekannten gänzlich

rerachistener Beweis entwickelt.

Ausgegeben sin 23 Februar.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

IX.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

16. Februar. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

*Hr. Bunden verlas die von Hrn. Durner eingesendete Abhandlung *über die Entstehung der historischen Weltanschauung Niesunn's in seiner Jugendzeit«.

Sie behandelte besonders den Einthose Kawa's, Rusannin's und Jacon's auf Niespan.

Der kulturgeschichtliche Hintergrund in den Erzählungen der alten irischen Heldensage.

Von H. ZIMMER.

(Vorgelegt von Hrn. Diers am 12, Januar 1911 [s. Jahrgang 1907 S. 297].)

Den Glanzpunkt der reichen älteren Irischen Literatur bildet nach Umfang, Alter und literarischem Wert die epische Literatur, und in ihr ragt wieder die altere Heldensage, auch Cuchulinnsage nach dem Haupthelden oder Ulstersage genannt, hervor. In Handschriften des 11, und 12. Jahrhunderts sowie jüngern liegen umfangreiche Texte derselben vor: durch die Spuren älterer Lautgebung im Vokalismus und Konsonantismus verraten diese Texte, daß es sich hier zum Teil um Niederschriften des o. und 10. Jahrhunderts handelt, also Texte so alt wie die bekannten Glossenhandschriften in Würzburg und Mailand; manche Verbalformen, verglichen mit denen in Wh. und Ml., machen es wahrscheinlich, daß diese Niederschriften des 9./10. Jahrhunderts ihrerseits sehr wold auf Erzählungen zurückgehen können, deren Aufzeichnung bis ins 7. Jahrhundert und darüber hinaus reichte. Inhaltlich handelt es

In dem Nachlasse des Hru. Zimman hat Hr. Prof. Kunn Mayen in Liverpool neuerdings noch die bier zur Verüffentlichung Lommente Abhandlung gefunden, die identisch ist mit der van dem Verfasser am 21. Mirz 1907 der Akademie vorgelrageren, die damale den Titel trug; Tiber den Einschlag ans den Kulturzuständen der vorkeltischen Bewohner Irlands in dem in den Erzählungen der alten nordirischen Heldensage enringement Kulturbild and dem alten Irland'. He Zingan heatwichtigte damale den Aufenta in den Sitzungsberichten zu voröffentlichen, scheint die aber später els centes Kapitel eines umfassenderen Buches 'Aus der Coltie Fringe' gedacht en liaben, zu dam alch im Nachhall eine genaus Inhaitsamzaho gefunden hat. Auch der in den Stiz, Bec. 1910, S. 51 veröffentlichte Aufstig Nr. 5 Zonnene Uber alle Handelsverbindungen usw.' mmm S. 1105 f. Stellung zu dem historischen Hintergrund der keitischen Heldemage. In dieser Veröffentliebung sind einige Bruchfehler zu berichtigen: S. 1050. Z. 4 | Namunilmer & 1067, Z. 9 l. Prom-Genchichtswerk; S. 1069, lengte Zeile I. Umfang: S. 1077, Z. 5 von unten (statt Exemplare) L. Evangelign; S. 1085, Z. 28 L (Columbianus, Galling); S. 1094, Z.1 Lille und Z. J L. elementer; S. 1098, Z. 17 L. xlatereen; S. 1104. Z. 21 L. ANYHOLDHIOL, desellent Z. 22 L. PERINGERINA; S. 1108, Z. 22 L. EPÉTITORIEC; S. 1119. Z. 1.1 Britten und ebendasellat Z. 31 mill per rep karny gestrackt wan. Die Durchsight der varliegenden Aldendhing bat Hr. K. Mayan wiederum in dankenswerter Weise illurnammen. Distant.

sich bei den Stoffen aus dem Cuchulinpsagenkreis wesentlich um die feindlichen oder freundlichen Beziehungen Nordostirlands (Ulster: wesentlich die heutigen Grafschaften Monaghan, Armagh, Louth, Down, Antrim) zu Nordwestleland (Coonaught: wesentlich die heutigen Grafschaften Roscommon-Longford, Galway, Mayo). Dort gruppieren sich zahlreiche Helden um den in Emsin Macha (hentiges Armagh in der Grafschaft Armagh) sitzenden Oberkönig von Ulster Namens Conchobar mac Nessa, in der Roter Zweig' (Craeb rand) genannten Halle zu einer Art Tafelrunde: huer, in Connaught, ist es das Herrscherpaar Allill und Medb, die in Cruschan Ai (heute Ratheroghan in Roscommon) sitzend den Mittelpunkt abgaben:

Die einheimische Tradition betrachtet - sieher seit dem 10. Jahrhundert - die sowohl in zahlreichen kürzeren Elnzelsagen als in größeren, epischen Ganzen wie in Tam bo Chalege oder Fled Brichenn erzählten Begebenheiten als geschichtliche Ereignisse, die sich, synchronistisch betrachtet - d. h. eingeordnet in die Darstellung von Kuseb-Hieronymus-Prosper Tiro -, um die Zeit von Christi Geburt in Irland abgespielt hätten, also vor der Eroberung des beanchbarten Britanniens durch die Römer! Ganz klar ist, daß die vorchristliche Zeit Irlands den Hintergrund der Erzilhlungen bildet. In diese Kulturzustände des heidnischen Irlands haben - wenigstens in den auch der sprächlichen Form nach Altesten Texten - nur sehr spärlich Niederschlige aus christlicher Welfanschauung Eingang gefunden; wenn auch viel stärker, so doch im großen und ganzen gleichfalls nur an der Oberfläche Regend sind die formalen und sachlichen Einflüsse, die die genauere Bekanntschaft der Iren mit der klassischen Literatur bewirkt hat; tiefer gehen schon die Einwirkungen, die die Erlebnisse und Zustände des Wikingerzeitalters Irlands in den Texten des Cuchuliansagenkreises, wie sie uns überliefert sind, bervorgerufen haben. Alle diese fremden Elemente, die die uns überlieferten alten Erzältlungen aus dem Cuchulinnsagenkréis im Laufe der Überlieferung in sich aufgenommen haben - die einen mehr, die anderen weniger -, haben jedoch den Kern des Sagenkreises, seinen historischen Hintergrund nicht alteriert. Wir haben daher in der Tat alten Grund, in den alten Texten des Cuchulinnsagenkreises zwar nicht Quellen für die politische Geschichte Nordirlands zu sehen, wohl aber in ihnen in der Heldensage widergespiegelte, gute Bilder von den Kulturzuständen Nordirlands - in Sitten und Bräuchen, Einrichtungen und Lebensanschaumugen - aus einer bestimmten Periode seiner vorchrist-

In anderem Zusammenhang (S xv) Anm.) sind Erwägungen visammengestellt, the die hohe Glaubwürdigkeit der roco dahre alten frischen Tradition wahrscheinlich omastrem.

lieben Zeit, die auch noch nicht von der im 2 und 3 Jahrhundert auf Britanniens Boden sich verbreitenden antiken Kultur beeinflußt ist.

Auf dieser Auschauung weiterbauend, zieht man ziemlich allgemein als ganz selbstverständlich einen Schluß, den kurz und prägnant neuerdings mein Freund und Mitarbeiter Kuno Meven, als Vertreter der communis opinio in diesem Punkte, so formulierte (Die Kultur der Gegenwart, I. Serie, 10, I, S. 84): 'Die in allen diesen Sagen zutage tretenden Kulturzustände zeigen uns Einrichtungen und Sitten der vorchristlichen Zeit - nämlich Irlands -, die im großen wie in vielen Einzelheiten der altkeltischen Kultur des Kontinents entaprechen." Nun, so gewiß hier (in Irland) wie dort (bei den Kelten des Kontinents) viele Einzelheiten zusammenstimmen, so sind doch die Kulturzustände des Cuchulinnsagenkreises als Ganzes, also im großen, in einem, und zwar sehr wesentlichen Punkte kein Bild von der altkeltischen Kultur des Kontinents, soweit wir aus den Nachrichten der Alten hierüber urteilen können. Diese von der communis opinio der Mitforscher abweichende Ansicht habe ich, selt ich mit der in Frage kommenden Literatur näher bekannt wurde, immer geliegt und auch öfters gelegentlich angedeutet, so vor allem (1804) in einem in der Zeitschrift der Savignystiftung für Rechtsgeschichte XV, 200 - 240' (Rom. Abteilung) veröffentlichten Aufsatz über 'Das Mutterrecht der Pikten und seine Bedeutung für die arische Altertumswissenschuft' in den kurzen Ausführungen S. 227-229 mit der dazugehörigen Anmerkung S. 237-240. Den Mitforschern auf dem Gebiet keltischer Literaturforschung Imben die kurzen Ausführungen anscheinend keine Veranlassung zum Nachdenken gegeben, auch nachdem sie - allerdings ohne die Material liefernde Anmerkung - durch Groner Hysornsos in seinem 'Leabhar nan Gleann, the Book of the Glens' (Edinburgh 1896) S. 28-30 aus der Verborgenheit gerissen wurden! Ich will daher im folgenden das nach meinem Dafürhalten für die Forschung auf dem Gebiet des frischen Altertums schwerwiegende Problem gesondeet etwas ausführlicher vornehmen - wobei ich in Studie II einigen aus meinem Aufsatz aus dem Jahre 1894 notwendigerweise wiederholen muß - und entscheidendes Material so vorlegen, daß auch Nichtkenner der altirischen Sprache sich ein selbständiges Urtell bilden können.

Als einen wesentliehen Teil des Kulturzustandes eines Volkes dürfen wir wohl mit Recht das Verhältnis oder das Verhalten der Geschlechter zueinander betrachten, die Stellung des Weibes in der Gesellschaft. Ist dem so, dann wird man behaupten dürfen: jeden aufmerksamen Leser der Texte der alten irischen Heldensage, der

Nur Joux Rays, der auch die erwähnte Übersetzung veranlaßte, hat in seinen Arbeiten ein gewisses Verständnis für die Hedeutung des Problems gezeigt.

mit den Zuständen der anderen arischen Völker in ältester Zeit vertraut ist - also der indischen Arier in vedischer Zeit, der Germanen, Griechen und Römer -, den müssen die Kulturzustände des Cuchulinnsagenkreises in dem in Rede stehenden Punkte auf das allerfremdartigste berühren; es ist eine fast vollständig fremde Welt, die sich da zeigt. Das Prinzip der Gesellschaftsordnung in den Kulturzuständen des Cuchuliansagenkreises ist Monogamie und Vaterrecht wie überall bel den arischen Völkern seit ältester Zeit, aber die Frauengestalten in der alten irischen Heldensage tragen, wenn nicht ausnahmslos, so doch sowohl in der Mehrzahl als auch in den in den Sagentexten hervorragendsten Figuren, einen unsagbar gemeinen Charakter, sofern wir sie, d. h. ihr Reden und Handeln, an dem arischen Prinzip der Gesellschaftsordnung messen oder sie mit hervorragenden Frauengestalten in der indischen, griechischen und germanischen Heldensage vergleichen. Den Beweis für diese Behauptung werde ich nicht so führen, daß ich aus allen Winkeln der altirischen Literatur Schmutz zusammenkarre: der branchte nicht unter allen Umständen voll heweisend zu sein, und es hieße den Lesern fast Unerträgliches zumuten. leh will vielmehr von der markantesten Frauengestalt der Cuchulinnsage, der sagenberühmten, noch heute im Märchen lebenden Königin Medb von Connaught und ihrer Tochter Findabair' ausgehen uml einfach vorführen, wie sich diese beiden hervortretenden Francngestalten in Reden und Handeln in den beiden umfangreichsten und altertümlichsten Epen der Cuchulinusage zeigen, in der von den heutigen Iren mit der Biss verglichenen Tain bo Chaluge ('das Zusammentrelben' und dann 'das Wegtreiben der Rinder aus Cualnge') und Fled Brierenn ('das Fest des Brieriu'). Daran sollen sich dann die weiteren Erörterungen anschließen.

Die Kopfkissenunterhaltung zwischen dem Herrscherpaar von Connaught, also König Ailill and seiner Frau Medb, womit die eine Version der Tain bo Cualnge in der Handschrift Lt., beginnt, erzählt uns die Bußere Veranlassung zu dem großen Raubzug des genannten Herrscherpaares von Connaught und ihrer Verbändeten nach Ulster. Im Verlauf der Unterhaltung setzt Medb, durch eine übermütige und unvorsichtige Anßerung ihres Mannes Ailill gereizt, diesem auseinander, daß sie sellist weniger die Frau seiner Wahl als er der Mann lhrer Wahl sei, und neunt zum Beweis die Bedingungen, die sie an ihre Bewerber gestellt habe, mit dem Hinzufügen, daß Ailill diese erfüllt habe. Als Bedingungen forderte sie, daß der Mann threr Wahl

[!] Sie ist nach lierem Namen (Findalaur) der altirische Vertreter derselben gemeintnselkeltischen Sagengestalt, die une in der Sage der heitischen Kelten als Guennueur (Ganhamara), Guenahayfar, Guenny entgagentritt.

sein solle fer rennedit cenet cenamen ein Mann ohne Geiz, ohne Eifersneht, ohne Forcht (I.L. 55h 36). Sie erklärt dann, warum sie diese drei Bedingungen gestellt habe und sagt zur Erläuterung der Bedingung cenet ohne Eifersucht: Dambadeunet infer cumbeind abadehomadas beus, däig nirabasa elam canfer arseäth availe ocum. Fuzzusa dano infersain is tussu is Adill mat Rossa Runid do Lagnite wenn der Mann, den ich habe, eifersdehtig wäre, dann wäre dies auch nicht passend, denn teh bin nie zuvor, ohne einen Mann im Schatten des andern zu haben, gewesen. Diesen Mann — d. h. den meinen Bedingungen entsprechenden Mann — find ich nun, nämlich dieh, nämlich Ailill mat Rossa Runid aus Leinster (I.L. 54a 8—10).

Diese Grundsätze der Medb werden nun alsbald in dem Enos in bezug auf den in Rede stehenden Punkt illustriert. Im weiteren Verlanf der Unterhaltung zwischen Aflill und Medb stellt sich beraus, daß Ailiff einen Stier bei seinen Herden hat (den Findbemach), dem aus den Herden der Medb nichts konnte an die Seite gesetzt werden. Als sie nun hörte, daß bei dem Ubsteredlen Dare mae Fachtnai ein dem Findbennuch ebenbürtiger oder überlegener Stier (Dond Güdnge) sich befinde, stand ihr Sinnen und Trachten, diesen als Eigentum oder zu Lehn zu bekommen. Deshalb forderte sie den Herold Mac Roth, von dem sie die Nachricht hatte, auf, zu Dare, dem Besitzer des Stieres. zo gehen und für 50 trocken stehende (d. h. trächtige) Kühe den Dond Cualnge au leilien. Für den Fall jedoch, daß Dare aus Furcht vor seinen Landsleuten den Stier nicht zu verleihen wage, laßt Medle durch den Herold Mac Roth dem Dare ein anderes Anerbieten machen; Taitsum fein ratharb; ragaid commeit aferaind fein domin Malotel Ai do carpat trisecht cumal ; ragaid cardes moliastasa fessin 'er soll selbst mit

Windigen übergetzt ohne den einen Mann um Schatten des undern bei mir (au haben)'. (Die altielsche Heldensage The S. b). Er hat gracelle chemowenig verstanden wie sein Gewährsmann Hogan, auf dessen Laun Lives of the Saints' S. roa er sich beruft: wenn nämlich Erg ar math in chairthi clouchs ucus ein vade et asto jaxta propinquum lapidem' wiedergibt, so ist damit doch nicht bewiesen, daß graciff. am Schatten' hedeutet. Die gause Redensart eracuft wird bier for prope verwendet, sher an die gewöhnliche Priiposithon as 'vor, für' (ante, prac, pro ZE 6xx fil) in doch nicht zu denkan. Vurtonige Wörter erleiden im Irischen vom q. bis 12. Jahrhundert und his in unsere Tage mannigfache Schwärbungen (s. Zimaca, Strangsberichte 1905, S. 124 ff.); so wird to go a in cas cion, dian, tern (zu va-, gan-, dan-, ara-), wie ja in dem in Frage stehenden Satze direkt dambirletaid für diemb und emfer vorkommt: armshiresch für alteres earnaberach ist gewähnlich und arfägim für earfägem findet sich chenfalls im Texte (s. Quious, Die hunliche Gellung der voetsnigen Wörter und Silven in der Book of Leinster Verslan der Thin ho Chaluge, Greifswald 1900, S. 12. 17, 30). So sight growth avoils for urscath araile 'hinter dem Schutten' wie unser im Schatten. Wie mir von einem Zuhörer, dessen Muttersprache Neinrisch ist, schon vor Jahren versichert worde, ist much heute four newath arotte volksmonliche Beseichunng für Liebhaber einer verheirateten Fruit, alm Hamfreund'.

seinem Stier kommen; es wird ihm werden (zukommen) die gleiche Graße seines eigenen Landgutes von dem ebenen Lande von Mag Af und ein Streitwagen im Werte von 21 Sklavinnen und as wird 1hm werden (zukommen) die Freundschaft meines eigenen Oberschenkels (Lende)' (LL. 54b 15, 16). Eine Gesandtschaft von neun Mann unter Führung Mac Roths geht nach Gualuge und bringt vor Dare durch Mac Roth das Anliegen der Medb vor. Gemäß dem Auftrag bittet er zunschst um leihweise Uberlassung des Stieres auf ein Jahr, fügt aber noch, ehe Däre darauf eine Antwort gegeben, hinzu: Et availl aile donn beus: tairsin fein luttarb 7 fogeba comment theraind fein demen Mauje Ai - carpat trisecht cannal - cardes cliasta Medbe wirsin anachtair und noch etwas anderes weiter (habe ich dir anzubieten): komm du selbst mit deinem Stier und du wirst die gleiche Größe deines eigenen Landgutes von dem ebenen Lande von Mag Ai erhalten und einen Streitwagen im Werte von 21 Sklavinnen und die Frenndschaft von Medbs Oberschenkel (Lenden) dafür außerdem' (LL 54b 25-28)1.

Was mit Medts Oberschenkel- (Lemien-) Freundschaft gemeint int, let ja gauz klar. Um eine Deutung des Ausdeuckes in übertragenem Siene überneiden, ihr ja an sich durch die Grundsätze der Medb und ihr weiteres Verhalten in der Erzählung ausgeschlossen ist, will ich eine Illustration an einem andern Texte der alten Heldensage geben; sie findet sich in dem bekannten Text Tochmare Elaine ihn Werhon om Etain'. Ailill, der jängere Bruder eines trischen Oberkönigs Eochaid Airem zo Zenten der Medb, verliebte sich in Ettin, die bildschine Fran seines Benters, suchte aber seme Liebe zu unterdrücken und gerht in einen Krankbeitsenstand, den man für Auszehrung hielt. Als Eochaid Abem auf eine der gewähnlichen Herrscherreisen durch trland sich begah, empfahl er den anscheimend dem Tode geweilten Bruder Ailill der zurückbleibenden Gattin Etzin; sie besuchte denn auch eines Tages den kronken Schwager Ailill und hatte mit weildichem Scharfblick in der Unterhaltung hald die Urstehe des Leidens entdeckt; unch wenigen Besiehen war sie bereit, den Adill von seiner Kraukheit zu beilen, was sie ihm in einem Liede aukündigte, das su beginnt:

Birig a Oilill amra I corn mich chill, rachalma ! dang fogeba suma, raferet dagenter limm dolinger. Danatolas ritchell nglice, dodas laun emmandraget, twach surgi - cam a dath - hin to for scompocath. Mand for let afir venith, amic indrig, arigflasth, dalier daslan, v Glovin grint, otha megtun comminn.

'Echebe dich, o herriicher Affill! jegliche Rahe wird dir werden, Tapherster! denn da wirst bier erlangen - mm er ist behamtt: danch mich wird deine Heitung geschehen. Wenn es die in deinem verschlagenen Sim gefällt, beg die Hand um meinen Hals: der Anfang des Liebens (miege, neutrisch piliste wurges bedeutet unehrliches Kind') - wounds win loualt - lat Weib und Mann in gegensuitigem Küssen. Wenn dir dier aber nicht genfigt, bester Mann, o Königssohn, königlieher Rerescher, werde ich dir zur Heilung (wörtlich werde ich als deine Heilung) o geliebter Glonn (er hieß 'Allitt' mit dem Beinemen Oenglinnach) geben vou meinem Knis b) a zu melnem Nahel." Hier histel Etain dem Schwager blac Oberzehenkelfreundschaft. Siehe Trische Teate von E. Wisnuscu 1880', S. 125. 1-12 and Zimmen. Kelt. Studien 1881, S. 78-90.

Wenn auch Dare zuerst seinen Stier zusagte, so verlief doch schließlich die Gesandtschaft resultatios, well einige der Boten der Medb in ihrer Rezenttheit unziemliche Worte über Dare und die Ulter gebrauchten, die dem Dare hinterbracht wurden. Als Mae Roth so ohne Stier nach Connaught zurückkam, da betrieb Medh alsbaid energisch einen großen Zug nach Ulster, um den Stier mit Gewält zu entfähren. Unter den Scharen, die von allen Seiten zusammengezogen wurden, bildeten ein wichtiges Kontingent 3000 Ulter, die infolge eines in einem anderen altirischen Sagentext erzählten Ereignisses damals und schon längere Zeit unter dem berähmten Ulterhäuptling Fergus mac Röig und Cormac Condlongas, dem Sohn des Ulterkonigs Conchobar, in Connaught in der Verbannung lebten. Ihnen fiel auf dem Zuge, wo sie Rache nehmen sollten, schon deshalb eine bedeutende Rolle zu, weil sie ja Weg und Steg in Ulster kannten-Namentlich Fergus mac Roig war neben seiner Stellung als Führer der Ulterhilfstroppen die Kolle als Generalstabschef des Gesamtheeres zugefallen. Ihm fesselten auch personliche Beziehungen an Medb. Er war, wie man im Heere wußte - was wir noch sehen werden -, in den letzten Jahren vor dem Zug der Munn im Schatten des andern (Ailill) oder einer von solchen für Medl in Criachan Ai gewesen. War nun auch Ailill der 'Mann ohne Eifersucht', so waren ihm doch im Innersten die engen Beziehungen seiner Fran zu dem Fergus mac Roig, dessen Frau (Flidais Schönhaar, die frühere Gattin des Munsterhäuptlings Allill Find) such den Zug mitmachte, zuwider. Als daher bei dem Rückmarsch aus Cualnge mit dem Stier und zahlreichen erbeuteten Herden, wie ihn eine LU, 65b 23ff. (= YBL, 25a 17ff.) erhaltene Version schildert, Medb vorschlägt, man wolle, um die Beute rasch übers Gebirge zu bringen, das Heer so teilen, daß Affill mit der einen Hälfte über Midluscheir und sie in Begleitung von Fergus mae Roig über Bernas Ulad mit der anderen Hälfte ziehen solle, da fügt sich zwar Ailill, trifft aber Vorkehrungen: Isandsm asbert Ailill frin ornid Cuillius: finno dom india Meidto ; Fergus, arfetur cid codanice doucholbdinse 7 bidfo lim donised comartha nuait. Dothiet Cuillius inten batter hiChricheib. Ansait indlanamain forlebid - lotar indbie remit; dother chues Cuillius 7 ni forchialator infer foresi. Ecmaic boi achlaideb hifarrad Fergusa Tanisca Cuillius asathruaill , fofavails intravill fas. Dothert Cuillius & Ailill. Ameint? or Ailill. Amne dano or Cuillius, under dais sund comartha. Ismaithsin tra or Ailill. Tibid cechtar de friachele. Amul dondruminso or Cuillius, isamlaid fisfairness hicomlepaid. Isdethbir dis or Ailill, isarchobair ocontain durigni. Bamaith blath incluides lat or Ailill, atming fotenide ismearput ; unurt leined imbi. Atraig Fergus dischlaidinh iarum. Aill amait orse. Cid notai ol Medh. Olognim dorignius fri Ailill

orse, Industidid sund colum usindfld, or Fergus - nipmorbdad lib eid esian cotisor. Econaic nightir Medb teshaid inclaidib. Test uss 7 berid claideab aurad laiss inalaim. Dogus claidinh craind seindha. Isde uta fid mordrualle lu Ultu. Tiagam uss individ arcole ar Fergus, Cotrecat isinmain aslisjaih vlib, arrochat apugiti Congairther Fergus do Ailill doimbiet fidehille. Intan dolluid Fergus donphupull, gabaid Ailill gari fris. Ashert Fergus: F& fer fristilither usw. 'Da sagte Aifill zu seinem Wagenlenker Cuillius: Kundschafte mir heute die Medb und den Forgus aus; ich weiß nicht, was sie zu dieser Verbindung brachte, und es wird mir lieb sein, wenn mir von dir ein sichtbares Zeichen kame. Cuillius kam hinzu, als sie - d. h. Medb und Fergus mit der Heereshälfte - in Cluichir waren. Das Paur (Medb und Fergus') blieb zurück, und die Krieger marschierten weiter. Guillius kam bis zu ihnen heran, und sie hörten den spähenden Mann. Es traf sich (zufällig), es lag sein Schwert in der Nähe des Fergus. Cuillius zieht es aus seiner Scheide und ließ die Scheide feer zurück. Cuillius kam bis zu Aifiil. (Ist es) so? sagte Ailifl. Ja so, sagte Cuillius, hier 1st für dich ein sichtbares Zeichen. Das ist nun schön, sagte Ailill. Jeder von beiden lächelt den andern an. Wie du verinutet hattest, sagte Cuillius, so trat ich sie in dem Bett zosammen. Es ist für sie wohl nötig, sagte Ailill, es ist wegen der Hilfe bei dem Raubzug tat sie es. Bewahre das treffliche Schwert gut auf, sagte Ailill. leg' es unter deinen Sitz in dem Streitwagen und eine Leinenhülle um es. Fergus erhob sich darauf, um sein Schwert wiederzunehmen. Wehel sagte er. Was ist dir? sagte Medb. Eine schlechte Tat habe ich an Allill getan, sagte er. Wartet hier, bis ich aus dem Walde kommen werde, sagte Fergus, und wundert euch nicht, wenn es lange dauert bis ich kommen werde. Es traf sich, daß Medle den Verlust des Schwertes nicht bemerkte. Fergus bricht and and nimmt das Schwert seines Wagenlenkers in seiner Hand mit sich Er macht ein Holzschwert im Walde. Und davon kommt die Bezeichnung Fid mordrustle 'Wald der großen Scheide' bei den Ultern Wir wollen aufbrechen und unseren Gefährten folgen, sagte Fergus. Es treffen sich in der Ebene all ihre Scharen, sie errichten ihre Zelte. Fergus wird zu Ailili zum Schachspiel gerufen*. Als Fergus hinzuging zum Zelt, begann Ailill ihn anzulachen. Fergus sagte: Ein trefflicher Mann, dem man zulächelt usw. (LU, 65h 31-66a 14 = YBL. 25 n 24-25 h 5). Allill erwidert auf des Fergus vom schlechten Ge-

¹ Das hier stehends Wort Januaria wird his zum hautigen Tag our vom Ehrpaar gebraucht; des dazugehörige Abstraktum fünamum bezeichnet den Heischlichen Verkehr.

Das Zelt des Fergus stand immer nachat dem des Alfill, dessen Zelt wieder neben dem seiner Fran Medn stand (LU, 50 b 3).

wissen eingegebene prahlende Redeusarten mit einer Strophe, die beginnt mit Na fer baig dittlith elaidib prahle nicht mit deinem Verlust des Schwertes', läßt also dem Fergus und in der weiteren Unterhaltung auch der sich einmischenden Medb keinen Zweifel, daß er über den Vorfall unterrichtet ist.

Die andere Rezension der Tain bo Chalnge, die uns sowohl selbständig in LL. 53b - 104b als in bedeutenden Bruchstücken älterer Überließerung in der großen Kontamination LU 35a-82b und YBL. 173-53b, 33 vorliegt, kennt dies Ereignis ebenfälls, verlegt es aber nicht in die Zeit des Kriegszuges, sondern hißt es sich in der vorangehenden Friedenszeit am Hofe von Crnachan Ai zwischen Medb und dem als Flächtling dort weilenden Fergus abspielen, wobei dem Ailfill selbst die Rolle zufällt, die in der eben gegebenen Version Cuillius spielt. Das Schwert, das dem Fergus mac Roig abhanden kommt, ist sagenberühmt und macht seinen Träger durch seine Eigenschaften fast unüberwindlich': begreiflich, daß der Verlust des Caladbolg unter den Ulsterflüchtlingen in Connaught sieh herumsprach und mit der Geschichte des Verlustes auch in die Heimat nach Ulster gemeldet wurde, so daß man in Ulster während des Kriegszuges wohl unterrichtet war, daß Fergus in der großen Schelde statt des Caladbolg ein Holzschwert trug. Es werden daher von dem Haupthelden der Ulter, dem jugendlichen Cuchulinn, beim Zusammentreffen mit dem als Parlamentar der Medb dienenden Fergus mehrfach dahingehende hölmische Anspielungen gemacht, aus denen wir den Vorgang, wie er sieh nach der anderen Rezenslon des großen Epos abspielte, geman kennen lernen.

Als der herannahende Fergus durch des Cuchulina Wagenlenker genau beschrieben wird und dabel die Worte fallen Chaideb sithidir töi charaig foradibeliastuib ein Schwert so lang wie das Ruder eines Kahnes auf seinen Oberschenkeln (liegend — er sitzt im Streitwagen), da fällt Cuchulinn ein: isfäs indläi mörsin doberar lampopa Fergus, arnifil chaideb inaintiuch inge chaideb eraind. Atchoas dam dano, olCuchulinn rogali Ailill ambægul innacotlud hessenn 7 Medb 7 doretlaister uchaidiub ar-Fergus 7 dorut diaaraid diatoscaid 7 dorutad chaideb eraind inaintech "es ist leer das große Ruder, das von meinem (früheren) väterlichen Freunde Fergus zebracht wird, denn es ist kein Schwert in seiner Scheide nußer ein Holzschwert. Mir ist auch erzählt worden, führ Cuchulinn fört: Ailill überraschte sie in ihrem Schlaf, ihn

Dieses Schwert ist nach seinem Nomen (Calabbaly) der altirische Vertreter desselben gemeininselkeitischen Sagenschwertes, das ums in der Hebbensage der britischem Keiten als Calabrateb bei den Kymren und in den aus dem Bretonischen entstellten Samen Escolibor, Erchribourg, Calabram, Caliburaus bekannt ist.

selbst und die Medb, und er nahm dem Fergus sein Schwert weg und gab es seinem Wagenlenker zum Aufheben, und es wurde ein Holzschwert in seine Scheide getan' (LU. 68b, 12-17 = YBL, 28a, 11-19). Noch ein zweites Mal erwähnt Cuchulinn den Vorgang, und zwar direkt dem Fergus ins Gesicht. An Fergus kam im Verlauf der Ereignisse die Reihe, dem Cuchulinn im Einzelkampf entgegenzutreten. Nachdem er sich Mut angetrunken, macht er sich auf und tritt Cuchulian emgegen. Asbert Cuchalina iarum iscomylinui dotheig armochendsa apopa Fergus, olse, cenclaideb innaintiuch. Argatsai Ailill ass at praediximus. Iscumma limsu eter or Fergus cianobeth claideb and an imbortha fortau 'Cucholina sagte darauf: Du trittst, o alter Freund Fergus, im Vertrauen auf Sicherheit vor mir mir entgegen, sagte er, da kein Schwert in der daffir bestimmten Scheide. Denn Ailill hat es herausgenommen ut praediximus. Das ist mir ganz gleichgültig, sagte Fergus; auch wenn das Schwert drin ware, wurde es auf dir nicht spielen (LU. 82 b, 8-12 = YBL 34b, 38-43). Hier ist lehrreich, die undere Quelle derselben Rezension, Handschrift LL. heranzuziehen, wo an der Stelle entspreehend LU, 68 a, 11-17 (= YBL, 28 a, 11-19) die Geschiehts weggelassen ist (LL. 71h, 10), dafür aber an der in Rede stehenden zweiten Stelle statt des 'ut praediximus' eine volle, lehrreiche Erzählung folgt. Isfürnglinne dothat mophopa Fergus domsalgidse, nifull claideb inintiach nalue more leis. Fir dosam. Blindain rusinscentse turraid Ailill Fergus ictecht inocataid Medba arsindlettic iCritachain 7 achlaideb ursindlettir nafarrad. Et topacht Ailill inclaideb assaintig 7 döbröthus claideb crained diamend 7 dobert abrethir natibered do colucud la inchatha moir. Cumma limin itir adultain, bar Fergus, daig cianabeth andso, nitricfadsu 7 nihimmertha fart 'mit leerer (schwacher) Sieherheit tritt mein alter Freund Fergus mir entgegen — sagte Cuchulina —; es ist kein Schwert in dem hinern des großen Ruders, das er mit sich führt. Damit hatte er recht. Ein Jahr vor dieser Geschichte - d. h. dem Kriegszug - stieß Ailill auf den in Vereinigung mit Medb an dem Abhang in Crunchan gegangenen Fergus, der sein Schwert neben sich an dem Abhang (liegen) hatte. Und Ailill zog das Schwert aus semer Scheide und gab ein Holzschwert an seine Stelle und gab sein Wort, er würde es ihm nicht (wieder) geben bls zum Tag der großen Schlicht. Es ist mir überhaupt gleichgültig, mein Zögling, sagte Fergus, denn, wenn anch das Schwert drin ware, würde es dir nicht kommen und würde es auf dir nicht spielen (LL. 79b, 54-80a, 8).

Am Tage der großen Schlacht zwischen dem Heere von Ailill und Medb und den zur Verteidigung ihres Landes herangerückten Ultern gibt Ailill dem Fergus das Schwert, als die Dinge zum Ärgsten zu kommen drohten, und auch hier erfahren wir — da diese Begebenheit nur in der zweiten Rezension vorliegt —, daß Ailill am Abhang in Gruachan sich des Schwertes bemächtigt hat (YBL 51b, 18 ff. = LL 102a, 9 ff.).

Die Beziehungen von Medb und Fergus dauerten auch noch nach dem Kriegszug fort, wie wir aus dem kurzen Todesursache des Fergusmae Röich' (Aided Fergusa maic Röich) lernen, wo erzählt wird (s. Todd Lecture Series XIV, S. 32): Batar ann iacngnimuib aconloch ar May Ai. Dinast mor len il chichi ; veti ann. Lau naon ann dono hill indoq nile sinloch diafothrucud. Ery sis, aFergus, ar Allill, - baid nafiru! Nitmuith amusci, ar Fergus. Laud sis arttisin. Norfulaing acridi do Meidle condechaid isinloch. Mur docunid Fergus isinloch, dovala anumbul dogrenaig - doelochails antehtor unlochs coraibi fortiachtar uli. Luid Medh dino coraibi forabruindisium - agabla ime - cataircellsom inloch annsin - rogab et Ailill. Daluid dino stas Medb. Isalaind andogni undam, aLugaid, - wasilit isinlock, ar Ailitt. Cid nach gontar ! ar Lugaid ; nitue urchor nimraill riom. Tellgan dan orchur forru, ar Addl. Impo magaid cuetha, ar Luguid, - talraid gai dam. Robin Fergus acanige asintoch ; abruinni fria ; tucad acarpat docum Oilello combai inaforrad 7 doteile Lugaid woor dongai comboi trianadruim siar sechlair. Doriacht antwehur, ar Lugaid. Isfir on, arcach, atat bruindi Fergusa. Sie - d. h. die Ulsterflüchtlinge mit Fergus - hielten sich einst nach tapferen Taten bei dem See auf (der Ebene genaunt) Mag Ai auf, wo sie ein großes Lager mit Spielen und Jahrmarktsvergofigungen hatten. Eines Teges nun dort begabsich die ganze Schar in den See, sich zu baden. Geh' himmter, a Fergus, sagte Ailill, und tauche die Männer unter. Sie sind im Wasser nicht besonders gut, sagte Fergus, ging über trötzdem nieder in den Sec. Medb konnte es nicht über ihr Herz bringen, bis sie auch in den See ging. Als Fergus in den See gegangen, kam, was von Sand und Steinen da war, alles vom Boden des Sees an die Oberfache'. Medb hing sich - wörtlich ging, his sie war - an seine (des Fergus) Brust, während sie ihre Beine um ihn schlang, and dann umkreiste er so - schwimmend? - den See, und Effersocht ergriff den Allill. Medb kam darauf wieder heraus. Prachtig, o Lugaid, ist, was der Hirsch und die Hindin in dem See

Der schambalte Erzähler will hiermit affentar andeuten, das man das, was sieh nach den folgenden Worten der Erzählung schließen läßt, nicht geschen habe wegen des trüben Wassers. In der Art haben die Erzähler des 5. und 10. Jahrinnderta durch kleine Zusätze manches verdackt oder entschuldigt, was als geschichtliche Tatsuchen überkommen haben. Auch die Bemerkung Allilla zu Cuillins (z. 5. 181) es ast für sie wohl abilg, eint wegen der Hilfe beun Raubzug, daß sie es tat ist ein solcher Zusatz nimes schambalten Erzählers des 9. oder 10. Jahrhunderts.

^{*} Lugaid war des Königs Ailill Bruder und Freund des Fergus. Während die Leute im Bad gingen, standen offenhar Ailill, Medb, Fergus und der Hofsunt im Ufer

machen, sagte Ailfil. Warnm wird er nicht getbret? sagte Lugald. der nie vorher einen Fehlwurf getan hatte. Wirf du für uns einen Wurf nach ihnen, sagte Ailiil. Wende mein Autlitz ihnen zu, sagte Lugaid, and gebt mir einen Speer'. Fergus war dabei, sieh in dem See zu waschen und seine Brust ihnen (d. h. Aifill und Lugaid) zugekehrt, und zu Ailfil wurde sein Streitwagen gebracht, daß er in seiner Nühe war, und Lugaid warf einen Wurf mit dem Speer, daß er durch seinen (Fergus) Rücken wieder herauskam. Der Wurf ist angekommen, sagte Lugaid; das ist wahr, sagten alle, es ist das Ende des Faegus.

Wenden wir uns nun zu der würdigen Tochter dieser Königin Medb, der Findabair; und betrachten ihre Erlebnisse bei dem Kriegszug, den sie mitmachte.

Nach einem 'Rinderraub des Froech' (Tain bo Froich) genannten alten Sagentext war Findabair in den berühmten Mayohelden Froech verliebt, und dieser wird von Ailill und Medb zur Teilnahme am Zuge gegen Ulster bewogen durch das Versprechen, er solle Findabair anch beendigtem Zuge zur Frau erhalten (I.L. 248a, 11-252b; 5). Er fällt auf dem Zuge durch Cuchulinns Hand (LU, 63b, 8-28), so daß dies Versprechen nicht brauchte eingelöst zu werden. Aber nicht bloß der Mayohäuptling Froech war durch Findabair zur Teilnahme am Zuge verlockt worden, sie war auch siehen Unterkönigen von Munster jedem einzeln und ohne Wissen des andern von Medb zur Frau versprochen worden, um sie zur Kriegsteilnahme zu bestimmen, wie sich während des Zuges bei einer noch zur Sprache kommenden Gelegenheit zur bitteren Überraschung der sieben Munsterhäuptlinge heransstellte (LL, 92a, 15-39 = YBL, 43a, 15-27). Auch willirend des Zuges wird Findahair von ihrer Mutter fortwährend als Lockvogel benutzt, wobei sich einige für unser Problem lehrreiche Szenen ergeben.

in der älteren Version, die uns nur in Bruchstücken in der großen Kompilation von LU. und VBL. erhalten ist, wird erzählt, daß Ailill und Medb zu dem Entschluß kamen, dem Ulster Schritt für Schritt verteidigenden Cuchulinn die Findabair anzubieten unter der Bedingung, daß er vom Widerstand ablasse (LU. 7 ta 7.ff.). Nachdem Mane Athramail vergebens versucht hat, dieses Ancrbieten an den Mann zu bringen,

des Sees, um dem Buten zuzuschen, und die Ratte, die Medb mit Fergus im See gab, spielts sich offenhar vor versammeltem Hof und unter den Augen der mithadenden Ulsterilhehtlinge ah.

Direct Gespräch spiehe sich effenhar ab, während Fergus und Medb die Runde um den See muchten, und Medb war wieder ans dem Wasser Beraus, wie erzählt int, che des Speer dem Lagald gebracht wurde.

fährt die Erzählung fort: Tat Lugaid classi, or Ailill, 7 avon airlathar do inningin. Test Luquid sarsuidiu - adfet doCoinculainn antesn. Apoba Lugaid, olCuckulainn, ishrzenin. Ishriathar rig assidrabairt for Lagaid, nitha brec de. Dentar amiant, of Cuchulainn. Luid Lugail wad lawdin 7 mifet do Ailill o do Meills anothesesin. Tel indruth inviction, or Ailill o mind rig foracinal - facisidar dichein Coinculaina, arnochannithgue 7 teiti indingen leis - aranaiscent dis hi 7 tecut ass ellom femchruthsin - isdoig immerthai ceilg foncheuthsin connufastba sib cein coti lah Ultu douchath. Teit inrum indrath chuci 7 indingen luis, 7 badichein arlastar Coinculainn. Teit Cu diasaiytin. Ecman atgroinstum forerlabrai judfir combodrath. Scethis hie telms boi inalaim fair consessaind instead cotte aincine ass. The dochum naingini, benaid aditrilis di , sadid liic trianabrat , trianalenid , sadid corthe triamedin indraith. Atat andichorthi and, idim corthi Findabrach 7 corthi indraith. Facbais Cachulaind fonchruthism ad, Tiagair 5 Ailitt 2 a Medb dotarmoracht ammuntiri, arbufota 160 rombatar; conaccassa iarmu isintimidism. Atchlos iacom fondunchaire ule anisin. Nibai tra earti doib laCoinculained instain. 'Lugnid soll zu ihm gehen, sagte Allill, und er soll ihm das Mädchen anbieten (eigentlich 'anraten'). Lugaid geht darauf und berichtet dem Cuchulinn dies. O alter Freund Lugaid, sagt Cuchulinn, das ist eine Luge: Es ist eines Königs Wort, er hat es gesprochen, sagte Lugaid, nicht wird ein Trug davon kommen. Dann mag so geschehen, sagt Cuchulinn, Lugaid ging von ihm mit dieser Antwort und meldete dem Ailill und der Medb diesen Bescheid. Der Narr soll in meiner Gestalt gehen, sagte Ailill, und das Königsdiadem auf seinem Kopf, und er soll sich ein wenig von Cuchulian entfernt aufstellen, damit er ihn nicht erkeune, und die Jungfrau sollmit ihm gehen und er soll sie ihm (dem Cuchulinn) verbinden (antrauen), und dann sollen sie rasch sich fortmachen auf diese Weise, und es ist wahrscheinlich, daß ihr so einen Betrog an ihm (Cuchulinn) spielen werdet, so daß er euch nicht aufhalten (hindern) wird so lange, bis er mit den Ultern zum Kampfe kommt. Darauf geht der Narr und das Madchen zu ihm, und aus der Ferne redete er zu Cuchulinn. Cuchulinn geht auf ihn zu. Zufällig erkannte Cuchulinn an der Redeweise des Mannes, daß er ein Narr war. Er warf einen Schleuderstein, den er in der Hand hatte, nach ihm, so daß er in seinen Kopt führ (sprang) und das Gehirn mit herausnahm. Dann kommt er (Cuchulinn) zu der Findabair, schneidet ihr ihre beiden Haardechten ab und setzt (pflanzt) einen hohen Stein durch ihren Mantel (Obergewand) und durch ihr Hemd (Untergewand) und er setzt (pflanzt) einen Steinpfeiler durch die Mitte des Narren. Diese beiden Steinpfeiler befinden sich dort, nämlich Findabairs Steinpfeiler und 'des Narren Steinpfeiler'. Auf diese Weise ließ Cuchulinn sie zurück.

Von Allill und Medb wird ausgeschickt, nach ihren Leuten zu forschen, weil es ihnen dünkte, daß sie lange wegblieben: darauf wurden sle (Fludabair und der Narr) in dieser Lage erblickt. Später wurde dies durch das ganze Lager hin bekannt (gehört). Es war nun daraufhin für sie (Allill und Medb) kein Vertrag (möglich) mit Cuchulinn (LU. 71# 26-71b q.)

Sehr bald wird Findabair in eine noch heiklere Lage gebracht. Hören wir zuerst die altere Rezension der Erzählung, die obige Begebenheit erzählt. Föidis Cuchulainn auraid coRochid mac Füthemain di Ultaib, cottsad diachobair. Femaie dano rocarastar Fundabair Rochad. avisiteide oclark usaildem roboi la Ultu indialaidein. Teit ingilla inallocham Rochada - asbert fris techt defarithin Conculains ... Dother Rocharl atitaid, cet tech do. Decaid dun ammag india, for Ailill. Atchiu derim tursumag, olindercaid, 7 mathoclack etarro, nithurmainyet do indoic whi corici agualui. Cia sut a Fergus, for Ailill. Rochad mac Fitheman, forse a Isdocobair Conculaina dothert. Rofetarso anasmulth duits frie, of Fergus. Tat cet lach Walh lasinningin üt, coria medon indmeini - teit indingen reman 7 remib, 7 tëiti marcach diaucallaim coti avenur doaccallaim nalogini - tabraiter lama tairis - immacurit sin fogail amuntiri dind. Dognither iarom amlaidsin. Trit Rochad arcend inmarcaig. Dodeochadso 5Findabair ardochendso, condechnis diahacallaim. Teit iarom diahacallaim ağemur. Matti dimislög immi dicachleith, nosyabar 7 fochertar lama tairis. Maidid dana diamuntieseem forteched. Lecuireium iaromeass - fomneas fair cantudecht forsinslög entisadar ben friUltu ali, Dorairngired da dano Findabair dotabairt da - bamusai wodib iarsadia. 'Cuchuliun schickte seinen Wagenlenker zu Rochad mac Fathemain von den Ultern, daß er zu seiner Hilfe käme. Es traf sieh nun, daß Findabair den Rochad geliebt hatte, denn er war der schönste junge Krieger bei den Ultern in jener Zeit. Der Bursche geht zu Rochall und angie ihm, er solle dem Cuchuliun zu Hilfe kommen. . . . Rochad zog vom Norden heran und 100 Krieger mit ihm. Schaut für uns aus in die Ebene heute, sagte Affill. Ich sehe eine Schar über die Ebene kommen, sagte der Späher, und es befindet sich ein jugendlicher (zurter) Krieger anter ihnen, nicht reichen die anderen jungen Männer weiter than als bis an seinen Schultern. Wer ist das dort, o Fergus? sagte Ailill. Rochad mac Fathemain, erwiderte er, und er zieht zu Cuchulinus Hilfe herbei. Ich weiß, was für enelt gut ist gegen ihn, sagte Fergus. Hundert Krieger von euch sollenmit dem Madehen dort (Findabair) bis zur Mitte der Ebene geben, und das Madchen soll vor uns und vor euch gehen, und ein Reiter soll gehen, ihn (Rochad) anzureden, daß er allein zu einer Unterhaltung mit dem Mädchen komme, und Hand soll an ihn gelegt

werden, und dieses wird den Raubzug seiner Schaar von ans abniehen. Es wird darauf danach gehandelt. Rochad geht dem Reitersmann entgegen. Ich bin, sagte dieser, von Findahair vor dieh gekommen, daß du zu einer Unterhaltung mit ihr kommest. Er geht darauf allein zu einer Unterhaltung mit ihr Von allen Seiten stürzt man von seiten der Schar auf ihn zu, man ergreift ihn, und Hand wird auf ihn gelegt. Seine Schar wird nun in die Flucht getrieben. Darauf wird er losgelassen und verpflichtet, nicht gegen das Heer (Ailills) zu marschieren, bis er komme vereint mit allen Ultern. Versprochen wurde ihm darauf, Findahair würde ihm gegeben werden, und er kehrt darauf von ihnen weg' (LU. 72 n. 29—72 b, 15).

Von diesem Zusammentreffen der Findabair mit Rochad hat nun die andere Rezension, die die Regebenheit bel einem späteren Zeitpunkt des Kriegszugs erzählt, einen Bericht, in dem die Unterhaltung' etwas drastischer geschildert wird als der etwas schamhafte Erzähler der eesten Rezension es wagt: Reochaid mac Pathemain. Exids d'Utails. Trichnicait lech based alin. Arus ragab tiling agid inaguil danaslungaib. Atchondaic Findubair ingen Allella 7 Medha anisein. Acus rabaisi garad ramathair riMeuth. Racharusa inliech ut wair chein itm, barei 7 iser molennan e 7 moroga tochmaira. Maracharais angen, fa less dadaig 7 quint Thesead then flair danuslunguib, got churaind delle immerchallus. Fermits Reachaid mac Fathemain anisein - faiss indingen dadaig leis Rochad mac Fathernain, von den Ultern war er. (kam) mit einer Schar von dreimal funtzig Kriegern und besetzte einen Hügel direkt im Angesicht der Scharen (von Ailill und Medb). Das sah Findabair, die Tochter von Allill und Medb, und sie sagte zu ihrer Mutter, zu Medb nämlich; Ich habe den Krieger dort eine lange Weile schon gelieht, angte sie, er ist mein Liebling und der mir genehmste Freier (wurde er sein). Wenn du ihn, o Tochter, lieb hast, dann seblaf bei ihm zur Nacht und bitte ihn am Waffenstillstand für unsere Scharen, bis er am Tage der großen Schlacht uns gegenübertreten wird. Rochad mac Fathemain nahm dies an, und das Mädchen schlief die Nacht. bei ihm (II. 92a, 1-14). Diese Geschichte wurde im Lager so bekunnt, daß es auch einer der sieben Munsterhauptlinge hörte, der an dem Heereszug tellnahm, weil ihm die Findabair zugesagt worden war. Als er sich vor seinen Landsleuten über dieses Hintergangenwerden beklagte, da stellte sich heraus, daß auch die übrigen sechs

Im YBL 453, 6-14 wesentlich übereindinnund ebense: Fundahar gesteht, daß Ruelad über erste Liebu (essiere) sei: der Rat der Eltern ist marerkarne ding . - für his sudäruch dading wenn du ihn lieb hast also . - schlaf margen zur Nacht bei ihm ; ebenso befolgt de den Rat: fänd hummungen er schlaft bei dem Midchen.

Munsterhäuptlinge in derselben Lage waren, so daß sie beschlossen. Rache zu nehmen. In dem entstandenen Tumult waren sehon 800 tapfere Krieger aus dem Heere Aililis gefallen, ehe die geräuschten Häuptlinge beruhigt worden!

Damit ist die Verwendbarkeit der Eindabair auf dem Kriegszug noch nicht erschöpft. Im Verlauf hatten Allill und Medb mit dem Ulster Schritt für Schritt verteidigenden Cuchulium einen Vertrag dahin abgeschlossen, daß Cuchulinn aufhören sollte, das Gesamtheer zu beunruhigen, wenn ihm an jedem Tag ein Mann aus dem Heere Ailills zum Einzelkampf an der Furt, wo Cuchulinn Stellung genommen hatte. entgegentrete, und das Gesamtheer so lange abwartend liegen bleibe. bis Cuchulinu in einem solchen Einzelkampf unterlegen sei. Bald gelüstete keinen Krieger in Ailills Heer mehr, den Zweiknunf mit Cuchulinn zu bestehen, so daß Affill und Medb aus der Sorge, einen Kämpfer zu finden, gar nicht heraus kamen. Wie man's anstellte, wird anschaulich erzählt: Rocongrad Ferbath hipupult da Ailill - Medb - asbarar fris mide forlitim Findalmach a nubairt do, arbuhe alogu archomrae fei Comeulaina: bahe fer andingbala leo arbacuma dan deblinaib laScathaich, Doberar fin då iarom carbomese - usberar fris: bäcam leosom allindsin, nitabrud auht ere -L. fen 180 - buhi indingen nogebed laim foracuitseom de. Nihaixobor lem, or Ferbath, comalta , fer bithchoting dam Chehulainn, Rayatsa arapa arachend imbarach cotopachtur achend de. Bid in dogenad or Medb. 'Feebath ('der tumbe man') war in das Zelt zu Aflill und Medb gerufen worden und er wird aufgefordert, sich neben Findabair zu setzen und ihm gesagt, sie solle ihm gegeben werden, denn ihn hatten sie (Ailill und Medb) sieh zum Kampf gegen Cuchulinn ausgesucht. Ihn hielten sie ihm gewachsen, denn beide (Ferbæth und Cuchulinn) hatten dieselbe Kunst bei der Scathach (gelernt) Darauf wird ihm Wein gegeben, bis er trunken war, wobel man ihm saget, sie hielten das für einen feinen Trank, sie führten nur eine Last von 50 Wagen davon mit; und das Mädchen (Findabair) holte aufs neue von dem für ihn bestimmten Teil davon. Es ist nicht mein Wimsch (zu kömpfen), sagt Ferbæth: Cuchulian ist Pflegebruder und durch Blutsbruderschaft mir nahestehend. Nichtsdestoweniger werde ich ihm morgen entgegentreten, um ihm den Kopf abzuschlagen. Du wirst re sein, der es tan konnte, sagt Medb' (LU. 73a, 38-73b, 3 = VBL 30b, 30-31a, 14). Auch hier ist wheder die undere Rezension drastischer: Ferbeith, rucad impail Medba. Tucad indingen fora lethlitim; issi doirtes curnu fuir, si dobeir philic lavechnoendig do, isi guibes l'aim foruchuit. Ni dochach to Meidle inline dalter for Fer mbeth; withwent ucht over micet fin it dochum tougphuirt. Ferheeth wurde in das Zelt der Medb gebracht. Das Mädchen wurde an seine eine Seite gesetzt; sie

ist es, die ihm die Hörner einschenkt, sie ist es, die ihm bel jedem einzelnen Trunk einen Kuß gibt, sie ist es, die ihm seinen Anteil zuführt. Nicht für jeden hat Medb den Trunk, der dem Ferbath zugeteilt wird; es wurde nur eine Last von 50 Wagen davon ins Lager gebracht (LL. 74b. 18—23: 31—30).

Als such die Hoffmung auf Ferbæth fehlschlägt, fragt Lugaid, wer am folgenden Tag Cuchulinn entgegentreten wolle. Nifnigebtharside etir, or Allill, arht madaranaid etill occai: nachfer dothati chuenib. taliraid fin do coronnaith amenma - usberthar friss; issed namma fil dondfin tucid a Cruachnaile; rosath linni dobithsiu foruisciu isindunud. 7 doberthan Findabair foradesreth -, asberthan: vagaid chucut districe cend indriostairthe chimni. Nofaite cocachlath ngaile maidchi - norate fris anisin. Nogonadsom eachfer dib audir. Nifeta nech teo arachend assennad. Conquicther Ath Litring may Noise alla naile, brathair side da Laugaid via Muman. Bamor anallehas. Doberar fia do q doberar Findabair foradescald. Tossecui Medbandis: iswelloch lim indlänamenn west alsi, bacoindas acomew. Nigebsa dit em, or-Aikill, rambia distuca cend indrustarthe damsa. Dobar immorea ar Larine. Ein solcher wird überhaupt nicht gefinden werden, sagte Ailill, wenn ihr nicht dabei Klugheit anwender: jeder Mann, der zu ench kommt, dem gebt Wein, his er heiteren Sinnes wird, und man sage ihm: das ist nur mehr da von dem Wein, der aus Crunchu gebracht wurde; es tut uns leid, daß du in dem Lager auf Wasser gesetzt bist. Und man gebe Findabair zu seiner Rechten und sage ihm: sie wird zu dir kommen, wenn du uns den Kopf des Rasenden (Cuchulinn) bringst. So wurde zu jedem Helden, wenn seine Nacht an die Reihe kam, geschickt und es wurde dies zu ihm gesagt. Er (Cuchulina) tôtete jeden Mann von ihnen, wie er an die Reihe kam. Zuletze konnten sie (Allill und Medh) schon niemand mehr gewinnen, Ihm entgegenzutreten. Den nächsten Tag wird Lärine mac Nois zu ihmen hestellt, der ein Bruder des Lugaid, Königs in Munster, war. Seine Aufgeblasenheit war groß. Es wird ihm Wein gegeben, and Findahair wird zu seiner Rechten gesetzt. Medb schaut das Paar an: das Paur dort erfreut mein Herz, prächtig ware ihr Zusummenstoßen!. Ich fürwahr werde dich nicht hindern darin,

Schon üben S. 181 Ann. im bemerkt, daß das im Irischen für Paar stehende Wort kingsein vom legitimen Ehspaar verwondet wird, aber auch von jadem geschiechtlich verkahrenden Pane. Das im Text mit "Zusummenstoßen" überseitzte Wort comme bedautet an nich "Jeden Zusummentreffen", daber gewöhnlich "Kampf"; aber es finden sich in den alten Sagentexten Sieden, wo es dem Zusummenhaug nach unzwehleutig vom Begottungsaht gebraueht wird, so z. h. im Fled Brierenn in einer Szenz, die noch zur Sprache kummun muß (LU, 107a, z), und charakteristisch ist, daß such hier Medb. das Wort es gebraucht. Hierzu uchma man, daß abige Szenz der Täln bö Cüaluge aus der Bezenstinn ist, die in der Erzählung möglichal derent ist (a. oben S. 184, Ann. 17

sagte Ailill: sie soll ibm werden, wenn er den Kopf des Rasenden mir bringt. Ich werde ihn bringen, sagte Lärine." (LU. 73b. 37 bis 74a, 8 = YBL, 37n, 1-19).

Auch Larine vermochte Cuchulinus Haupt nicht zu bringen. Nach vielen Zwischenfällen war man genötigt, als letzte denkbare Hilfe den Fer Diad Conganchnessach (Nibelung mit der Hornhaut) aus Connaught kommen zu lassen, der Jugend- und Blutsfreund Cuchulinns war. Er kam, ohne daß er genau wußte, was der Zweck seines Herbeiholens war, weil er sich vor den Gedichten der als Boten gesundten Spottharden tärchtete. Tamic Ferdiad leisnatechteile hism ummun eimdergtha doib. Tucud Findabair inyen Medba 7 Alilla finishalhlaim; ist Findabairsin nogobad him arcacheuach 7 arcacheopan dFirdial, ist nobeired learn pic friancheopan dibside do, is nodailed ubla firehalma dursedlach alened fair; ised adhered si, bahe aleandan 7 atoga tochmaire doferails interpail Fordiad. Inaim robo sarch subach sofarbailig Ferdiad, isand adbest Medb: Maith ails a Fhirdiad infetairseo ciufath maradgoired isinpupullsa? Ferdiad kam mit diesen Boten, aus Furcht, er würde von Ihnen verspottet werden. Findabair, die Tochter von Medb und Aifill, wurde ihm zur Seite gesetzt: diese Findabale reichte jeden Becher und jeden Humpen dem Ferdiad, sie gab drei Küsse. bet jedem Humpen ihm, sie teilte ihm wohlduftende Apfel zu, die sie aus der Tasche ihres Hemdes (Untergewandes) herausholte; das sagte sie, Ferdiad ware ihr Liebehen und ihr liebster Freier von den Männern der Welt. Als nun Ferdind sait, frühlich, überglücklich war, da sagte Medh: schön nun, o Ferdiad, weißt du, warum du in dieses Zelt gerufen wurdest?' (YBL. 35 a. 47-35b, 6). Als Ferdind dies verneinte, klärte ihn Medb auf und bot ihm für den Kampf gegen Guchulinn ganz ungeheure Geschenke wie nie zuvor und zum Schluß: Findabair mingensa 7 ingen Ailella dovenment dait y comaid dinstitusticisea diaris aleas airsin annas fogeba Findabair, meine und Ailills Tochter, (wird) dir zur einzigen Fran und Kündnis meines Oberschenkels, wenn du Bedürfnis hast, dazu außerdem wirst du bekommen". (YBL 35b, 16 bis 19). Die zweite Rezension der Tain bo Cüalnge kennt in der Er-

S. 185, Z. 16). Danich ist die Erzählung blau des Künigsselt ist in ein Bordell umgewandelt; Findahair sitzt neben Lärine, an seiner Rechten; sie schenkt ihm immer ants nene out, gibt then bei jedem Schlack einen Kuil, holt ihm neuen Swill berbei. Mit einem Blick auf des Paur beginnt die Bordellmutter Medh das Gespräch mit Aillil, das natifelieh geführt wird, das Larine es hören kauer. Er hört es mit den aweidenilgen Worten win limmain und comeno und versicht es auch, wie seine kurzen Zustimmungsworts reigen. Die Errählung, wie me vorliegt, ist kunstvoll dezent, niervollsifindig die Situation für jeden Zuhörer des 9. und 10. Jahrhunderts veraländlich machena. Also dasselbe Angelast wie dem Dare vor dem Zug (a. oben S. 1781f.).

zählung selbst nur die goldne Spange im Mantel Medbs' tiateo bir bor imbrutt Medba) als Zugabe zur Findabair, aber in dem längeren Gedicht, das ein Zwiegespräch zwischen Medb und Ferdiad darstellt, bietet Medb sieh zuerst selbst als Zugabe zu vielen Geschenken:

A Fhirdiad innage daig isathun dana damsa batjer grada sechcach yannachcain

'O Ferdiad des Kampfes, da du ein kühner Mann bist, sollst du mein Liebhaber sein vor alten andern ohne irgendeine Bezahlung (Tribut)' (IL. 81b, 15-17); als dies nicht zieht, bietet sie dem Ferdiad zum Schluß von vielem andern:

Finnabair nafergya eigan iarthair Elgga arúdúh ehon na verdda aFhirdia eotjia

Findabair die zornige, die Königin West-Irlands, wird nach der Tötung Cuchulinns dir werden, o Ferdiad') (LL. 81b. 41/42). Immer wieder während der Kampfpausen rat Cuchulinn dem Ferdiad, abzulassen, indem er mit denselben Worten auf die Rolle der Findabair bei der Täin bo Güalnge hinweist (LL. 84a, 16ff.; 85b, 9, 10; 88a, 16-17). Schließlich fällt die Findabair am Schluß des Kriegszugs nach der altertümlicheren Rezension zeitwellig dem Cuchulinn selbst zu, denn nach dem Friedensschluß, als Communghtleute und Ulter heimziehen anaid Findabair laComeulaind bleibt Findabair bei Cuchulinn (VRL, 53a, 34).

Das Verhalten der übrigen Frauengestalten in der Tain be Guainge ist rasch erörtert. Von vornehmen Frauen, deren Namen dem Erzähler erwähnenswert, nahm sußer Medb und Findabair nur noch Thidais Schönhaar Teil: sie war die Frau des erschlagenen Munsterherrschers Ailill Find gewesen und dann des Fergus Ebegesponst beim Zug; sie wird nur emmal erwähnt (LU. 56a, 13. LL. 56b, 47-51). Von dem übrigen zahlreichen Weibsvolk (Frauen und Mädehen) die das Heer begleiteten, erfahren wir gelegentlich, daß sie aus Neugierde, den Cuchulian von ferne zu sehen, auf die Schilde und Schultern der Krieger klettern (LU. 81 a. 39ff.; LL. 79a. 13ff.; YBL. 33b, 27ff.; I.U. 74b, 22ff.); sie laufen auch öfters aus dem Lager, um sieh Einzelkämpfe von Ferne anzusehen. Weiter erfahren wir, daß die Kriegsgöttin Mörrigan in Gestalt eines schönen Weibes zu Cuchulinn kommt und sich ihm anbietet (LU. 74a, 30ff.: YBL, 31b, 42ff.). Viel wertvoller als dies ist aber ein Sittenbild, das wir in einer in beide Rezensionen der Tain bo Cualnge eingelegten aber einen organischen Bestandteil des Epos bildenden Erzählung bekommen. Haben wir im

Die zweite in Lf., erhaltens Rezenzion läßt die Findabair bei dem infolge ihres Schlafens bei Rochad entstandenen, oben S. 189 erwähnten Aufstande der Monsterbäuptlinge am Herzschleg sterben (Li., 92 a. 34—38; YRL, 43 a., \$3 ff.).

vorhergehenden wesentlich den Hof von Connanght in seinen beiden liervorragendsten Frauengestalten auf dem Kriegspfad kennen gelernt. so führt uns dies Bild an den Hof von Ulster, macht uns mit der Königin und ihrem Hofstaat bekannt. In der Erzählung von den Knahentaten des Haupthelden der Sage, des Cuchulinn, erfahren wir, daß der siebenjährige Cuchulian zu Eriegerischer Tat ausgezogen war und drei gefährliche Feinde erschlagen hatte, deren Köpfe er im Wagen mit sich führte. Auf der Heimkehr fing er einen wilden Hirselt, den er hinten an den Wagen band, und eine Anzahl wilder Gänse (Schwäne), die er so an den Wagen befestigte, daß sie darüber schwebten und mitflogen. In diesem phantastischen Aufzug stürmte er in wilder Raserei nach Emain Macha (Armagh), der Residenz seines Onkels, des Ulsterkönigs Conchobar. Curptech dorēt faradorhum olindercaid la Emain Macha; ardailfe fuil laiss eachdune fil isindlis manifoichlither 7 manidichset mud ernochta friss. Tassoisom iuram elär ele acharpail frih Emain - bagess ill antsin - asbert Cuchulainn: Tongo dodia toingle Ulaid, manistar for doglen frimes ordailfe fuil cochnen fil isindikn. Mnā ernochta arachend, ar Canchobar, Totheit iaram hantrocht n Emna arachend imMugain maai Conchobair mic Nesso - domochtat ambruinni fries. Its ole inso conductot frit india, or Magain. Foilgiscom aguiris. Lasodain atesthat laith gaile Enma , focherdat indobnig nitarusei. Maitti immiseou indabarh hisin; indabarh vile dano involut fichis dornalli de: intress dabach indeochaid iaroudiu fosugert side, cambo chunsi du atess 7 ofuacht. Dothat ass iarom ; dobeir indrigan sarsudiu, . Muyain, bratt nyorm nimbi - dely nargit nand - tene chulpatach o suidid foglien Chuncholair inrom. Ein Mann auf einem Streitwagen kommt auf euch zu, sagte der Wächter in Emain Macha; er wird das Blut eines jeden Mannes vergleßen, der in der Burg ist, wenn nicht Vorkehrungen getroffen werden und wenn entblößte Weiber ihm entgegentreten. Darauf wandte er die linke Seite seines Wagens gegen Emain und dies war nicht gestattet (ein Tabu für Emain), und es sagte Cuchulinn: ich schwöre zu Gott, zu dem die Ulter sehwören, wenn sich nicht ein Mann zum Kampfe gegen mich findet, werde ich das Blut eines jeden, der in der Burg ist, vergießen. Entblößte (ganz nackte) Frauen sollen ihm entgegentreten, befahl Conchobar. Es geht ihm darauf das Weibsvolk von Emain entgegen um Mugain, die Gemahlin des Conchobar mac Nessa, und sie entblößen ihre Brüste ihm gegenüber. Das sind Krieger, die dir heute entgegentreten, sagte Mugain. Er verbarg sein Angesicht. In dem Moment laufen die Helden von Emain herbel und werfen ihn in ein Faß mit kaltem Wasser. Dieses Faß bricht (springt) um ihn herum; das zweite Faß, in das er geworfen wurde, kocht auf in faustdicken

Blasen davon; das dritte Faß, in das er darauf ging, dieses erwärmte er so, daß dessen Hitze und Kälte ihm angemessen (zusagend) war. Darauf geht er herms und Mugain die Königin legt einen blauen Mantel, an dem eine silberne Spange war, um ihn und ein Hemd (Untergewand) mit einer Kapuze, und er setzt sich zu Conchobara Knie darauf. (LU, 63u, 21-40; YBL, 22b, 20-41). Die andere Rezension trägt wie gewöhnlich die Farben etwas stärker auf: es seien nur die wesentlich in Frage kommenden Sätze gegeben. Otas based inchemoirle rawulhaiged les : inbantrocht delecud immuch desheigid inmaic is trivaicuit ban is deich mna 7 secht fichit dissir derylomnocht invenfecht uti 7 umbanto-sech rempo, Samdlach, dothochail unnochta 7 annare do. Tancatur immuch inbannacerad tille 7 hungbatar annachta 7 annare vile do. Foilgil inmac agnais force ; dobretha adveich frisincarput arnaacced nochta no nare numban. Androin roiryabid inmovbec isincharput. tuend itri dabehaib uaruscib e doditshid afherge. Und dieses war der Beschluß, den man finste: das Welbsvolk hinauszulassen zu dem Knaben, d. h. dreimal fünfzig Frauen, also zehn und sieben mal zwanzig feuerige, splitternackte' Weiber alle auf einmal, and Scandlach ihre Führerin vor ihnen herschreitend, um thre Brust and thre Scham thm darzubieten. Das gesamte junge Weibsvolk kam heraus und sie zeigten ihm ihre Brüste und ilire Scham. Der Junge verbirgt sein Antlitz vor ihnen und blickte auf den Wagen, daß er die Brüste oder die Scham der Weiber nicht schen sollte. Da wurde der kleine Knabe in dem Wagen ergriffen, er wurde in drei mit kaltem Wasser gefüllte Fasser gesteckt", um seinen Zorn abzukühlen' (LL. 67b, 35-45).

Das sind die Frauengestalten in der Tain be Cualnge, in dem größten Epos des alten Irland: hier Medb, die Königin von Connaught und ihre Tochter Findabair in ihren Reden und Handlungen auf dem

Im frischen derglomwicht. Es ist nocht nacht, loven bedeutet ber, blott, so dall tomnocht selma eine starke Verstärkung von 'nacht'; derg bedeutet rot', ist aber, wohl ausgehend von Redensatten wie 'rotes Feuer' (dergitten) oder 'rotes Zorn' (dergferg) für 'athrikes Fouer', 'starker Zorn' im frischen in volkstömlicher Rode eine der stärksten Verstärkungen geworden, wie im volkstömlich im Hochdenteiben. So ist deurggbrüch 'rote Luebe' = 'wahnstunige Liebe', deurgmässeh 'rotte'in soriel wie 'in aller Herrgottsträhe; deurgmässes 'rote Trunkenheit ist ein solcher Zustand der Betrunkenheit, dall jemand um allen vieren zur nächsten Pfütze kriesht, um au ihr seine Pfeife auszusünden, wie mir einst erklärt wurde. So ist also derglomsocht die durch zwei marke Verstärkungen bezeichnets Nockshait, also etwa aplitterfasernackt.

Cuchulina geriet off in solche Illize, daß frisch gefallener Schnee eine Elle um ihn herant schmolz und er dann Rüstung und aller mit Emschluß des Heindes von sieh riß, um nicht wahminung zu werden (LU, 71x, 16; 68x, 14 = 70b, 12-19; 77x, 34). Dann wird er, wie im Serglige Conculaind erzählt wird, in drei Fässer kniten Wassers nachemander gesteckt (LU, 48b, 28-31).

Kriegszug, dort in einer Erzählung em Ausschuft aus dem Hofleben von Ulster in Emain Macha. Wenn wir uns nun dem zweiten großen altirischen Epos zuwenden, genannt Fied Brierenn (Fest des Brierin). so lernen wir nielit minder interessante Szenen zunächst kennen, die uns Medb und Findabair zu Hause, in Cruschu (Ratheroghan), vor-Wheen, also Hofleben in Companght in Westirland um Christi Geburt.

Bei einem Fest, welches der Thersites unter den Ultern, Brieriu mit dem Beinamen Giftzunge', Conchobar, dem König von Ulster, und seinen Helden veranstaltete, gerieten die drei hervorragendsten Helden Loegaire, Conall Cernach und Cuchulina nach vorhergegangener Aufbetzung durch Brieriu in Streit darüber, welcher von ihnen den unbestrittenen Vorrang beanspruchen dürfe und damit das unbestrittene Recht; bei großen Schmansereien den Festeber zu verteilen. Um Rhutvergießen zu verhindern, einigte man sich dahin, daß das Königspour von Communght, die bekannten Ailill und Medb, den Schiedsspruch fällen sollten. Ein glänzender Zug auf Streitwagen brach von der Burg des Brieriu auf; Cuchulinn, der sich etwas versäumt hatte. erst einige Zeit später. Lange, bevor von Cruachu, der Burg Allillsund der Medb in Roscommon, das Geringste von den herannahenden Ultern zu sehen war, erfüllte Getäse die Luft, und die Erde erhebte, daß in der Burg der Medh die Waffen von den Wänden fielen und die Menschen in der Burg zitterten wie Schilf gegen den Strom. Fimiabair stürzt, neugierig wie Franen sind, hinan auf den Söller über dem Vortor der Burg, um auszusebauen. Sie erblickte zuerst in der weiten Ferne einen Streitwagen mit einem Krieger und, auf Aufforderung der Medb, schildert sie die Rosse, den Streitwagen und den Wagenkämpfer so, daß Medb erkannte, es sei Loegaire, der Siegreiche, der angerast komme; sie spricht die Befürchtung aus, sein Herannahen bringe Unheil. Nun tritt ein zweiter Streitwagen mit einem Krieger fern in der Ebene in Schweite von Findabair: sie schildert ihn ebenso genan, und Medb erkennt, daß es Conail Cernach ist, wobei die Befürehtung, daß er Unheil bringen könne, noch stäcker zum Ausdruck kommt. Damit trift nun ein dritter Streitwagen mit einem Helden darin fern in der Ebene in Findabairs Gesichtskreis: wieder eine großartig poetische Schilderung der Rosse, des Streitwagens und des Wagenkämpfers durch Findabair, wieder erkennt Medb den Mann, namilch Cuchulinn, und ihre Befürchtungen und ihre erregte Stimmung werden noch lebhafter. Bei weiterem Herannahen in der Ebene kommen sich die drei Wagen immer näher, und als Findabair meldet, sie kämen nebeneimunder heran, so daß Schulter der drei Helden neben Schulter und Wagenrand neben Wagenrand stand, da gerät Medb in höchste Ekstase, in eine Stimmung, die durch ihren Namen treffend bezeichnet

ist : nach einigen wilden Ausrufen ertont ihr Befehl Mna finna fornochta frin, of Medb, werehiche inernochto etrochta, collen ningen naurlam ningchomrair, liss aurstoethi, biling forabete. Dabeha uuruisti, derpula inditta. biad ylan imdu, braichlind muad mesemar, muith feinne fathud: fachen incoth lothat, bess mnortur tairis. 'Blondhaurige, stark nackte Franen ihnen entgegen! sagte Medb, vorgehaltene, entbloßte, glanzende Brüste und viele Madchen zum Liebesdienst bereit! Die Gehöfe aufgeschlossen! Die Burgen offen! Fässer kalten Wassers! Lager bereitet! Reichliche reine Speise! Berauschenden edlen Malztrank, der Wikingerhelden gute Stärkung! Willkommen der Kampf, der kommt, sieher werden wir nicht getötet trotzdem' (LU-106b, 46-107a, 5). Nach diesen Befehlen der Medb, die ja durch die sehon vorgeführten Stellen aus der Täin bo Cunlinge (s. oben S. 193 ff.) an sich ziemlich klar sind, fährt die Erzählung in ruhigem Tone fort: Lasodain dollaid Medb forfordorus indliss immuch isinuurlaind 7 tricowat imjen lee - teora dalicha narusci dontriur lath ngaile dodanie resinsting dottathunud ambrotha. Rollid roga diib iarxudiu diis inbad tech farleth dobertha docachfir deb no intech daib atring. Atech forleith docach or Ouchulainn. Farsauliu berthar iligi condergothaib sainamenib unrobodech leo donutri erlictud ingen 7 debreth Findabair taCoinculainn sechedeh isinairicul irrabi 7 toncutar Claid ali forsudin 7 buid Ailill 7 Medb 7 ateglach muli corofersat fælte fri Ultu. Frisgart Sencha mac Aililla ismaith lind, orse. Tragait Ulaid iarom isindun 7 dolleicher arrigthech daib. Damit (bei diesen Worten) ging Medh durch das Vortor der Burg hinaus in den Vorhof und dreimal fünfzig Mädchen mit ihr, und drei Fässer mit kaltem Wasser (wurden) für die drei Helden (gebrucht), die zu ihr dem Heere vorausgekommen

Medb bedentet eigmologisch die Trunkens, die an Mes Berauschte'. Altir, Medb: kyme, welche betrunken' = altir, fedb 'Wawe': kymr, gesche 'Witwe'. Wie fedb und geschlie regullir mit ein inselkeltisches 'neues gleich lat ziebes, got, reduce, sanskrit milliomi zurückgeben, an altir, medb, kymr medbie auf ein inselkelt. 'medes, femin, zu meden = kymr, medde 'teunken. Dies 'medens, 'meden ist mit seknadärem Suffix von inselkeltisch 'meda (altir, mit, Gent meden, kynr, medd 'Met') gehildet, das ja sanskrit manba, gr. 2652, lit. midus, hal. meda, alta, meda,

^{*} Hier ist die Komposition mehomene weelheelneitiges Zosammenstoßen von Medb so verwendet wie in der oben 8. 190 angeführten Szene aus der Tain bö Güalnge dus Simplex comrac. In demselben zweidentigen, aber durchsichtigen Simma auch im Schlußsatz cath Kampf verwendet; men vergieiebe auch, wie in der S. 193ff, aus der Tain bo Güalnge die Weiber als die 'junge Krieger' von Magain bezeichnet werden und daß comrac das Nomen verhale ist zu dem dort gebrauchten condrigat.

waren, um ihre Hitze zu mildern (kühlen). Darauf wurde ihnen zur Wahl gestellt, ob ein besonderes Haus sollte jedem der drei Männer gegeben werden oder nur ein Haus für sie drei zusammen. Ein besonderes Hans für jeden, bestimmte Cuchulion. Darauf wird in Hänser mit koatbaren Lagerstätten gebracht, was ihnen von den dreimal funfzig Madchen um besten geffel, und Findabair wurde zu Unchuling außerdem in das Gemach geführt, in dam er sich befand, und es kamen darauf alle Ulsterlente an, und Ailiil und Medb und ihr ganzes Gefalge ging und begrüßten die Ulter. Es erwiderte Sencha marAibilla - ein berühmter Elter, Conchobars Ober-Bofinarschaft -: wir sind angenehm berührt. Darauf treten die Ulter in die Burg ein, und das Königshaus wird ihnen überlassen' (LU. 107 a, 6-(07 a, 18), we sie um Conchebar und Fergus mae Roig, der damals noch in Ulster weilte, drei Tage schmausen, ohne daß die drei genannten Helden zum Vorschein kommen-

In einer anderen Version von Fled Brierenn, deren abweichende Szenen und Schilderungen in die in Hs. LU. enthaltene Kompilation hineinverarbeitet sind, wird die eben gegebene Bewirtungsszene der drei Haupthelden nach ihrer Ankunft abweichend so geschildert; Dobretha roga doils cid bind norayad dianechaib. Asbert Conall - Lorgaire nirthend dabhadna dothalsairt dianechails; gran corna immorro rothog Cuchulainn dia echaib. Feotar and indadchisin; Rointir inbanchuri eterro itez. Dobretha Findabair 7 coera ingen impi hitsch Conculainn; dobretha Sadb sulbair ingen wile Allella - Medba - cacca ingen impi hifarrad Consill Cernaig; dobrethis Canchend ingen Chrit maio Magach - cocca ingen malle fria hifarrail Loegairi bundaig. Nothathiged Medb fessin immorra organithach sintech imbii Ciichulainn. Featar and indadaigsin. 'Es wurde thoen die Wahl gelassen, welche Speise ihre Rosse bekommen sollten. Conall und Loegaire sagten, man solle ihren Rossen zweijührigen Hafer geben; Gerstenkorn aber wählte Cuchulinn für seine Pierde. Sie schliefen nun diese Nacht dort so: Das Weibsvolk wird unter sie in drei Teile geteilt. Es wird Findabaie und fünfzig Madchen mit ihr in das Haus des Cuchulinn gebracht; Sadb die Beredte, eine andere Tochter Ailills und der Medb und fünfzig Mädchen mit ihr wird zu Conall Cernach gebracht; es wird Conchend, die Tochter des Cet mac Magach, und funfzig Madchen zogleich mit ihr zu Loegaire bundach gebracht. Medh selbst aber besuchte' in gewohnter Weise das Haus, in dem Cuchulinn sich befand. So schliefen sie dort diese Nucht' (LU, 108b, 2-14). Zu dem vorietzten Satz

Im Irischen steht die Tempus, welches Gewohnheit oder häufige Handlung in der Vergangenheit ausdrückt.

muß man sich erinnern, daß auch in der Täin bo Gualuge nach beiden Rezensionen Medh dem Ferdiad ihre Tochter Findabair zur Frau anbot und 'außerdem üben drein' Bündnis ihres Oberschenkels, 'wenn du danach noch Bedürfus fühlst' tellaire ales), s. oben S. 191 ff.

Wie uns die Tain bo Gaainge neben dem Verhalten von Medb und Findabair auf dem Kriegszug einen Ausschnitz aus dem Hoffeben von Emain Macha in einer eingelegten Erzählung vorführte (s. S. 193 bis 194), so bieiet uns die Erzählung vom Feste des Brierin und dessen Folgen neben den gegebenen drastischen Bildern vom Hoffeben in Commught ein zwar etwas anderes, aber für die Kulturzustände im alten Irland um Christi Geburt nicht minder lehereiches Bild vom Nachbarhof in Ulster.

Als Brieriu sein großes Fest zur Feier der Einweibung des nemen Hauses dem König Conchobar und den Ultern in Dün Rudraige gab, da kamen, wie das in Irland Sitte war, nicht nur König Conchobar, die drei Helden Loegaire, Conall und Cuchalinn und andere sehon im Verlauf vorgekommene Helden, darunter auch Fergus mac Rölg, Rochad mac Fathemon und der Hofmarschall Sencha — es werden im ganzen 33 namentlich aufgezählt (LU. 101 n. 1—17), außer Conchobar —, sondern auch die Frauen des Königs und die Frauen der Helden in festlicher Fahrt von Emain Macha nach Dün Rudraige. Nach Ankunft und Besichtigung der eigens zu dem Fest von Brierin erbauten Festhalle gruppieren alch auf der einen Seite der Halle die Helden und Häuptlinge der Ulter um ihren König (onchobar zu einer Fest- und Kneiptafel. Auf der anderen Seite der Halle konstituieren die Frauen der Helden und Häuptlinge um Mugain mit Schamhaaren wie Ginstern' (Mugum altenchaethrech')

Mugaio, die Fran des Ulterkonig Concholues und Tochter des Irischen Oberkantes Enchand Feidlisch, führt in der Sage den stehenden Bemanien absahlasthreit (znweilen entstellt aitencharcheck, z. Kuso Meyer, Told Lectures XIV, 23). Dies Wort millte Jedem Iren des 9. Jahrhunderts bit klier sein, wie nuem Griechen im 6. Jahrhundert v. Chr. das Beiwort der Eos Phaozakryson: es besagt Schumhaure (emther) habend so lang wie Ginstern'. Wenn man sich erimert, weielie Gastrollen die Mogain an der Spitze der 130 France affentlich gab mich der Erzählung der Tain bo Cualuge (s. oben S. 193 ff.), dann hit nicht wunderbar, das ihre Untertainen aller diese über latimste Teilettengeheinniese hinausgehenden Geheinniese ihres Naturgenandes genau miterrichtes waren, and sie davon den auf die splitesien Geschlechter forterbenden schmückenden Beinamen erhielt. Daß me übrigens, viellsicht utwas weolger temperamentvall, der Medb, ihrer Kollingis in Commanght, wenig nachgab, erfallyen wir aus dem Segentext Auled Lüegairi Bündaig (der Tod des Locyaire Bunduch), der so beginnt: And mor dismine dochemente re Mayern Attinchaircheck : hen Canchebear in Mugam sin. Esti Constichair mt And. Rofers foren ambeith ombied "And man Ammine frat mit Mugain mit den Schamhuaren wie Glinstern geschiechtlichen Verkehr - su dochomreie s. oben S. 190 Ann. r und S. 196 Ann. z - Diese Mugsin war die Fran des Concholar, und dieser Acd war Singenerrabler und Hofdichter Concholars. Es

die Gattin Conchobars ebenfalls eine Fest- und Kneiptafel: es werden außer der Künigin die drei Frauen der Haupthelden (Fedelm foltchain, die Gattin Loegaires, Lendahair, die Gattin Connills, und Emer (eltehain, die Gattin Cuchulinns) und noch sieben andere Frauen namentlich genannt mit dem Zusatz islie turem tra - alsozis innembol didegmnaih and chona 'es ist zuviel zum Aufzählen und Beschreiben. was außer den genannten von edeln Frauen dort war (LU, 103b, 27l. An der Frauentafel ging es natürlich auch bald lebhaft zu Es ist nicht zu vergessen, daß Brierin dem Loegnire die Tellnahme an den Hauseinweihungsfeierlichkeiten dachirch besonders verlockend erscheinen ließ, daß er die Schilderung dessen, was geboten wurde, mit den Worten begann Atti dabach und hitalla triar dolathaib paile fer nUlad inqualmad dofin aicusta ('es steht ein Fall da, in welchem drei von den Ulterrecken Platz haben, gefüllt mit Naturwein') LU, 110a, 41. Dies FaB ochten, aus Bordenux eingeführten Weines is. Sitzungsber d. K. Prouß, Akad d. Wiss, Berlin 1908, S. 435) wurde bei dem Fest bezwungen, und die Manner batten sich schon die Köpfe gründlich erlittzt (LU: 1018, 41ff.); auf die Franen wirkte er noch kräftiger. Als nun dem Brieriu sein Plan, durch Aufhetzen der drei Hauptheiden is, oben S. 195) es zu solenner Prügelei unter seinen Landsleuten zu bringen, fehlgeschlagen war, da richtete er sein Augenmerk auf die Frauen und überlegte, wie er ihnen beikommen könnte. Eben war er mit seinem Plane fertig, bast unir Insin dolluid Fedelm nölehride colenit ban asturigthig immach instrummi ail 'in dem Moment ging Fedelm (Longuires Frau) mit füntzig France aus dem Festhaus heraus schwer betrunken" (LU, 1016, 21, 22). Briefin naht sich ihr mit schmeichelnden Redensarten: Loeguire gebühre der Vorrang und ihr selbst der Vortritt bei Hofe; wenn sie an dem Tage zuerst ins Hans trete, würde sie zeitlebens unbestritten den Vorrang haben. Teit ass Fedelm laxadain tartzora fulthairbe ontig bei diesen Worten entfernt sich Fedelm über drei kleine Ackerlängen* vom Hause weg' (LU. 101 b, 33).

words knowledged die to waren (a Todd Lest XIV, S. 22). Der Diehler wird beswaff matürlich; die Mognin, die ihn - im Sinne der altirischen Heldensage ist das als absolut sicher auzunehmen - in die Situation gebracht, leht so weiter, als ob de you cinem damais nicht malir gern gesebenen, aber Legi Gmon Frauenrecht Gebrauch gements habe, wie dies je such ganz so het Meith ist.

incremm od heißt wortlich mach Schwere des Trinkens. Da es inselkeltiseher Sprachgebrauch ist, die abgeschlossene Handlung durch Proposition 'nach' (Lytter, well, nearly, are alter are) mit Verbalaumen und abhängigen Genriv (oder belgesetztem Presessivpronumen), sowold un Aktiv und Passiv zu hilden, und da bronner Abstruktum zu trumm ist, so fürdert des meelkeltische biliom entweder nachdem son schwar gebrunken hutte' oder 'schwer tranken' zu hierzeitzen

^{*} Altie, aiche gleich kymr, erw., bern, ers., bret ers (Plur, ers.) ist etymologisch lat, arrain, oder vielmaler wie dem let, occas ein kelt assess (ir. nie, kymr. sengald,

Darauf trat Lendabair, die Gattin Conalls, offenbar aus denselben Ursuchen und zu demselben Zweck wie Fedelm, aus dem Hause, und Bricriu betörte sie mit gleichen Worten. Dann kam Emer, Cuchnilinna Frau, gleich den vorhergenannten Rivalinnen mit fünfzig Frauen aus der Festhalle, und Brieriu verschwendete reichliche Worte, sie zu betoren, an sie. So trafen sich die drei Frauen - Fedelm, Lendabair, iomer - drei kleine Ackerlangen vom Hause entfernt an ein und demselben Ort (incenmagin), ohne daß eine von der Aufhetzung der andern durch Cuchuliun etwas wußte (LU. 102a, 5, 6). Rebus bene gestis! kehren sie zur Festhalle zurück. Tochim fossad nülaind summalla usinchetna fuitherbe, ising surrafue uch its uchoise secharaile. Indfhuithairle tänise immorra baminin ; baluaithin animtheont issudin. Indfuithairhe immorro banessa dontig, usamlaid pur cacliben diaseitche areoin z tivergalout allente convellaib alarac doinchosnom dul isatech arthus, vair ised atrubairt Braviu fricaches timehell araill, ins robad bancayan inchiicid uli inti dib cetneragad issatech 'ein ruhiges, schones, langsames Zuschreiten war es auf der ersten kleinen Ackerlänge, kaum daß eine von ihnen Hiren Fuß an dem anderen vorheisetzte; auf der zweiten kleinen Ackerlänge wurden ihre Schritts (ihr Gang) kürzer und rascher; auf der kleinen Ackerlänge aber, die zunächst dem Hause war, suchte jede der drei Franen die andere mit Macht so zu überholen, daß sie ihre Hemden (Untergewänder) bis zu den Kugeln ihrer Hüften (also vorn und hinten bis zu den Huftknochen) aufhoben, in dem

hret nevez), dem lat horne ein helt histor (ellir, mese) untsprecht, gleich einem lat"orerenn Mit ir. fo (= kynne. ge) werden zahlerlehe Nomina (Substantiva und Adjoktiva) gehildet, om zu hezeichnen, daß etwas nicht ganz an etwas hernnreicht.
Wenn man im Kynrischen gefengt wird, wie es einem gehn, antwortet man in der
Regel nicht zu lee, gu das (gut), sondern zu olen, zu wiele (ziemlich oder leidlich
gut). So lat altir, sath Kampf, aber fochith Versuchung, teilnlatin to kirchtichem
Sinner; gande ist Bitte', aber forger Bettelei i dans Mensch', alam ferlung ein hommosches u.v. a. in heisch und Kynrisch. So ist altir, futbanele (d. h. fabress) man vergleiche und = kynr, suw, altkelt, mress, ein 'kleiner Morgen Ackerland' als bestimmtes Maß.

Hieriber sehweigt des Eezihlers Höflichkrit, nur ein kurzes Wort deutet au, was sich der Zuhürer deuten und und aus dem Zusummenlungs deuten kann, nimich lasstinet es beidt akunch Dathogat danig lassdam bie gehen zu ütrem Hann anfück landam (LU 102n, 7). Es bedeutet lassdam einfach und (la) dem (nodain), damit, wird aber in den alten Sagontexten regelmäßig, wenn nach einer Rede oder mach einem Befeld vom Bestenden uder Befehlenden zu etwas anderem, einer Handhung, übergegnigen wird — egt. oben 5. 196 die Stelle aus LU 107a, 6 bis 107a, 21 — oder nach einer Handhung zu einer weiteren: somit entspricht lasmäns amen lat. Um sestim diebis, quims rebes cognite, rebus hane geste und Challeben in der Erzählung. Mit diesem vielsagenden bischin dentet also der Erzähler ihr Ausführung des Geschildes un, das die Frauen lattermen ist una hangig von einen der zu einem und demanlben Orte, drei kleine Ackerläugen zu der Fosthelie, führte.

* Neugal durcines (d. h. mit tirae versehm) bezeichnet einen 'knysbeinigen diek en Mann , tirveng 'ein kleines fettes Francusiunner', die miolge ihres Fettes die Tallie ver-

Wettstreit zuerst ins Haus zu kommen, denn das latte Brierin einer jeden von ihnen mit Umgehung der undern gesagt, es würde diejenige von ihnen, die zuerst ins Haus eintrete, die Weiberkönigin (d. h. die Voruehunstel von ganz Ulster sein' (LU, 102 n, 7-16). Bei diesem Wettlauf der trunkenen, ehrgeizigen Damen entstand ein Lärm, als ob fünfzig Streitwagen berandonnerten, so dab die Manner an threr Kneiptafel - die offenbar das Austreten der drei Damen nicht bemerkt hatten - glaubten. Feinde nahten, und zu den Waffen sprangen und drauf und drau waren, in der Trunkenheit aufeinander einzuhauen! Aber Sencha, der Hofmarschall, fiberschaut die Situation: er klürt, da er den Brieriu beobachtet hatte bei der Verhetzerei, einerseits die Mäiner auf, was der lärm sei und läßt anderseits die Tür der Festhalle vor den herantosenden Weibern schließen. Emer, Cuchulimus Frau, kommt merst an, lehnt sieh mit dem Rücken gegen den Türdügel, ruft die Türhüter au, während sie dahei gegen die anderen herannahenden Frauen gestikuliert. Damit (lasodain, s. S. 200 Ann. 1) springen die Manner (Loegaire: Conall, Cuchulinn) der drei France auf, jeder, um seiner Fran die Tür zu öffnen, damit sie zuerst eintreten konne. Da sehwant Konig Conchobar, dem Präsidenten der Männerkneiptafel. Unheil und 'er schlägt mit dem silbernen Stift, den er in der Hand hielt, an den bronzenen Pfeiler an seinem Sitz' (benaid acts nargit coloi inulaim frishen taitni creduna inaimta). Auf dies Zeichen von Silentium strictissimum setzte sich alles, und darauf nahm der Oberhofmarschall Sencha das Wort und ermalinte sie, ruhig dazuhleiben und die France draußen ihren Wortkampf ausfechten an lassen. Tolluid eachben fochoim acheli annuaig coniduad doronsat inbrintharchath ban Ulad 'jede Frau stellte sich draußen unter den Schutz thres Mannes, und da veranstalteten sie den Wortkampf der Ulterfrauen' (LU. 102a, 36-38). Es folgt dann jener in der Sage berühmte groteske, aber von größer Kunst der Erzählung zeugende Wortkampf der drei Frauen Fedelm, Landabair und Emer (LU 1028, 19-1038, 2).

breen hat, also game Hilfle id. Die Anschauung von Souces, daß concllaib alarm to the globes of their forks' bedoute, ist also brigg sie haben die Hemden noch eine Stufe höher, bis zu den 'Hüft kugetu', gehoben, also so wie bei der Begräßung von Gesten. was ja offenbar anch ein bekaunter und gefibter Griff war (& oben S. 193 ff.).

¹ Thursayests hat in den Sageri am dem alten Irland' S. 84 diese Stelle in unbegreetlicher Weiss mittverstauden, wenn er übersetzt und waren im Begriff, auf ihre Cattimmen auxulumpp corolmaster cachifil autid active active sintig: v. dan ist such dem Zusammenhang Unsino, da die Heiden im Hause waren, die Frauen eine kleine Ackerlänge vom Hause entfernt und ans der Fortsetzung der Erzählung klar ist, daß die Helden von dem Austreien der Frauen nichts wußten; 2. frang in dem Hauss igst er unter den Tisch fallen; 1. 54 kann in dem Zusammenhang in id omatter bem frisch gar nicht für Guttin gebrancht werden, was für den, der's nicht fühlt, nicht mit dies Worten abgemarht werden kang, let aber so,

So groß such die Kunst des Erzählers des 9 Jahrhunderts in dem 'Wortkampf der Ulterweiber' und der ganzen Scene ist - die Kunst des Erzählers ist in dem, was er bloß sagt, ebenso groß wie in dem, was er andeater und was er verschweigt' -, so darf uns diese Kunst doch nicht hinwegtäuschen über das, was erzählt wird. Wem fallt bei der ganzen Episode (LU, 101b, 22-103a, 2) vom Wortkampf' der Gattinnen der drei vornehmsten Helden der altirischen Heldensage nicht ein anderer Wortkampf ein: 'wie die küniomnen ein ander schullen! (Der Nibelunge Not 757-805)? wer erinnert sich nicht, daß auch Der Nibelunge Not von Festlichkeiten meldet, an denen Könige und Königinnen, Helden und ihre Frauen teilnahmen? wenn steht nicht die Szene vor Angen, in der Prünhilt din men ihre Jungfernwürde verlor (Der Nibelunge Not 578-636)? Die Kunst des irischen Erzählers des q. Jahrhunderts in Fled Brierenn ist mindestens ebenbürtig der deutsehen Erzählerkunst des 12: Jahrhunderts in den besten Liedern von Der Nibelunge Not, aber der Inhalt von Fled Brierend zu Der Nibelunge Not ist wie der eines durch reichliche Kloakenbeimischung getrübten Brunnens zu dem einer winen Quelle. Dort die drei halb betrunkenen, von Verrichtung der Nutdurft zurückeilenden - und in welchem Aufzug! - Ulterweiher vor der verschlossenen Tür des Festhauses scheltend, hier die stolzen Köni-

Es ist charakteristisch für die altirische Segonliteratur, daß je mehr ein Text verest, datt er, wenig beginflußt, in der Form des 9. Jahrhunderts auf um gekommen bit, um so künstlerischer seine Form ist und um so dezemter die Darstellung. Es war vormehme Gesellseinst, in der sich die Erzähler des 9. und 10. Jahrhunderts bewegten, and mancher von den Erzählers und Hörern war mit der Literatur des Elassischen Alternans, sei es sum Tell auch nur in den Formen des untergehenden klassischen Altertums, vertrunt, anderseits was die Kultur felanda im 9. und 10. Jahrhundert durch fortgesetzte Bomithungen der christlichen Kirche doch eine wesentlich andere als die ann die Wende unserer Zeitrechnung, die in den Erzählungen, der alten Heldensage von Jahrhandert zu Jahrhandert fort überliefert wurde. Als ermx historieus, als den sieb der epische Erzähler betruchtete, muste er die Blierkommenen Tatsuchen weiterereitblien, aber wie, das blug von seinem Geschmack und dem seiner Zohörer ab. Und der Geschmack der Zahaver und der Erzählne einkt vom 10. Jahrhundert ab in der literurischen Verrolaung, die die brische Völkerwanderungsperiode, die Wikingerseit, über Irland brachte, humer mehr. Das beweisen nicht unr die Erzählungen der jüngeren Heldensage, das beweisen auch Teste der literen Heldensagn, die war in den jüngeren Limsebenungen doe 11./12. Jahrhunderts auf uns gekommen; um klarsten liegt diese Verraining des Geschmacks zuliege, wens alle Texte des 9: Jahrbunders weventlich anverindert in verschiedener Jüngerer Berlieferung auf uns gakommen sind. Ein Beieptel ung dies veranschauhehen. In dem schlinen alten Text von der Meerfahrt des Maeidala werfen die reidischen Spielgeführten dem Nonnensohn, der von der Königin sis Pflegrandin errogen wurde, var monifess wätheir askethir Motter und Vater sind unbekannit (LU, 22 b, 26); daftir hat YBL an der Stelle nifes mit en redemutismi forothence hall nicht gawaßt wird, welcher Hund dich gezougt hat auf dem Misthaufen. and in Harletin 5280 (Beit Mus.) halls as on an rotchic forthrock welcher Frand to

ginnen Kriemhilt und Prünhilt vor dem Dom zu Worms streitend; dort die Metze Findabair und die Messaline Medb, sieh vor jedem prostituierend, hier Prünhilt dan meit sich wehrend, his sie gestehen mußte: ich were mich nimmer mere der edelen minne din. Es ist schon bemerkt worden, daß die heutigen fren mit Vorliebe Fain bo Gualnge der Ilias an die Seite setzen. Ungefähr mit demselben Recht, mit dem man Fled Brierenn dem mittelhochdeutschen Epos von Der Nibelange Not an die Seite setzen kann; soweit die Erzählerkunst im Rahmen von Episoden geht, läßt es sich allenfalls hören, da auch der gute Homer zuweilen schläft: aber der Inhalt! In der Tain bo Cualuge ein Kriegszug der Connaughtleute um leihweise Therlassung eines guten Stieres auf ein Jahr und etwas Rache für die Verschmähung der freiwillig angebotenen 'Oberschenkelfreundschaft'; in der Ilias ein Kriegszug um Rückgewinnung des schönsten Weibes und Rache für verletzte Gastircundschaft. So verschieden die Motive, so verschieden der ganze Inhalt der griechischen und irischen Ilias. 'Ilias' und 'Der Nibelunge Not' auf der einen Seite, "Fain bo Chaluge' und 'Fled Brierenn' der Iren auf der underen können überhaupt nur in einem Atem genannt werden, soweit es sich um die formelle Erzählerkunst handelt. sonst trennt sie eine fast unüberbrückbare Kluft: hier, bei Gricchen und Deutschen, arische Kultur, veredelt durchs Christentum in 'Der Nibelunge Not': dort bei den Iren Ausschnitte aus der Kultur, der vorarischen (und vorkeltischen) Urbewohner Westeuropas, wie sie im Idiom eines keltischen Stammes, dem die Aufgabe zufiel, diese Urbewohner in Irland zu höherer Kultur heraufzuziehen, sich in seiner Heldensage noch im o. Jahrhundert wiederspiegelt. Doch damit greife ich schon dem Gang der Untersuchung weit vor.

Um in bezug auf Fled Brierenn möglichst dieselbe Vollständigkeit wie die in der Tain bo Cuainge angestrebte (s. S. 194) auch in bezug auf die weniger stark hervortretenden weiblichen Figuren zu erreichen, sind noch einige Bemerkungen nötig. Als die drei Helden Loegaire, Conall und Cuchulinn zum Hause des Samera kommen, um sich die Kraftproben anweisen zu lassen, fernis Samera fælti friu, dobretha Buan ingen Samera grad doChoinchdainn bewillkonunte Samera sie, Buan, die Tochter des Samera, schenkte dem Cuchulinn thre Liebe' (LU, 100a, 6, 7). Als dann Cuchulian nach Besiegung der Genien des Tales und des Eccoil mit dem letzteren an seinen Wagen gefesselt, seinen schmählich davongelaufenen Konkurrenten Lorgaire und Conall nacheilend, direkt nach Emain Macha führ, ohne zur Behausung des Samera zurückzukehren, huid Buan ingen Samera forfare natricarput. Atyeoin slight formaid Concultinin, folding wachset cumung nothinged, morblaided namitrai , nofairsinged, , notinged darbernodaib;

rolebling indingen tra from novalionar modiantsium forfurissin charpail consemains and immount combo much de, excelde climanighter and Brana ging Bunn, die Tochter des Samera, auf die Spur der drei Streitwagen. Sie erkannte die Spur des (breiten) Wagenbertes vom Cuchulinns Streitwagen - denn jeden engen Weg, den er führ (ging), da grub er die Mauern um und verbreiterte ihn -, und sie setzte über Klüfte springend nach. Da nun tat das Mädeben einen sehrecklich großen Sprung hinter than (dem Cuchulian) her auf der Spur des-Wagens', so daß sie mit ihrer Stirn an einen Felsen schlug und davon starb sie. Davon stammt die Ortsbezeichnung Ualg Buana (das Grab der Buan LU 109 b, 16-23.

Die letzte Fran in Fled Brierenn, die als stürker hervortretend zo erwähnen, ist Bläthnat, die Tochter des Mend, die Frau des Munsterkonigs Curoi mac Dari, der In Temair Lunchra in Munster (Kerry) hauste. Bei ihm sollten sich schließlich die drei Helden die Entscheidung um den Vorrang holen. Dolloter ierein einmatin ernehnrach atriur churad cocathraig Conros, idon Cachulainn - Conall - Locgaine; scorit acceptu indorus nurathrach isesin - tiagait isurigitech - ferais failti moir frin Bluthnath ingen Mind ben Conroi mair Dairi ; niralii Curai hifus aravind indadchisin 7 rofitir roliefaitis 7 faravaile commirle luximmati imeen namend cotisad donturus diandechaid sair hitirib Scathiach. Boi immures inben mare ircofotherwant of cofolend of colemnath immescrib of condergodails sainameails comtae laidig. Othanie doils sarum coderquel, uibert inhou frin iarsudia, eachfor dib anidehi dofhairi naeutheach rotisad Carin 7 dano, orsi, isamlaid atrubaire Curai afari daib sarnasuib. 'Es zogen darauf am andern Morgen die drei Helden zur Stadt des Curoi, nämlich Cuchuffinn, Conall und Loegaire, sie spannen darauf ihre Wagen ab im Staditor und gehen in das Königshaus, und Bläthnat, die Tochter Menns, Curols Frau, begraßte sie herzlich. Curol war an dem Abend nicht zu Hause, um sie begrüßen zu können. hatte aber gewußt, daß sie kommen würden, und hatte seiner Fran Ratschläge hinterlassen in bezug auf die Absieht (den Willen) der Helden, bis er zurückkehre von seiner Expedition, auf die er ostwärts in die Skythengeillde gezogen war. Die Frau aber war meh threm (der Helden) Willen mit Baden und Waschen und berauschenden Getranken und kostbaren Lagera, so daß sie zufriedengestellt waren. Als es nun zum Zu-Bette-Gehen ging, sagte die Frau zu ihnen, jeder Mann von

i for forer mehorpers. Im Nonireschen lat das Dominians furiere lets mache mit der Fage einen, egge . freemath das Eugen, Ebenmachen . Unchnitum Wagen mit them bretten Wagenhert smedie noch dur vorliergebouden De chreibung allen en ehen wie eine Eoge das Feld, und so nemat der Erzähler die Sjoer des Wagens fleres tocharpait unbr unschaulisti.

Ilinen müsse seine Nacht die Stadt bewachen, his Curol zurückkame. und, fügte sie hinzu, so hat Curoi gesngt, daß the He Stadtwache dem Alter nach übernehmt (LU. 110b, 39-11ta, 8). So ziehen sie der Reihe nach - Loegaire, Conall und Cuchulinn - auf Stadtwache, und am Morgen nach der Wachnacht Cachulians kommt Caroi beim und fällt die Entscheidung. Ein vollständig anderes Bild, andere Atmosphäre in Munster als am Hofe in Connaught und in Ulster. Aber, aber, such dieses 'Blumchen' - das bedeutet nämlich Bluthnat - war nicht so rein als der dezente Erzähler in Fled Brierenn zu zeigen liebt: eine in zahlreichen Handschriften und auch Keatings Geschichte Irlands (Keating, Complete History of Ireland, Dublin 1811, Vol. I. 398ff.) erhaltene Erzählung aus der alten Heldensage weiß, daß Bläthnat ihren Mann schmählich und verschmitzt hinterging, dem Unchulinn austieferte, der ihn tötete, und dann mit diesem Cuchulian davonlief. Fercherine, der Hofport Curois, folgie, nahm Rache und verfertigte dann seine berühmte Totenklage auf Curol (Amro Chanroi), die so berühmt war, daß selbst in Wales eine Nachhildung in kymrischer Sprache in einer Sammlung altwelscher Gedichte erhalten ist. Es liegt daher nahe, daß der Erzähler der Episode von dem Abenteuer der Helden bei Curois Stadt Im o. Jahrhundert einige kurze Sitzelien dezent unterdrückt hat.

Hiermit sind die Hauptbilder aus den beiden größten alten Epen der Iren, Tam bo Coulnge und Fled Brierenn, vorgeführt, soweit es auf die Charakterisierung der Hauptfrau en gestalten der alten irischen Heldensage ankommt. In Ausführung des S. 177 oben aufgestellten Programms will ich nun aus underen Erzählungen der alten Heidensage zunächst noch einige Einzelheiten auswählen, wie sie sehon zum Teil in den Anmerkungen des Vorhergehenden gegeben wurden, also Einzelheiten, die entweder einige der in Täin bo Unalnge und Fled Brierenn vorgekommenen Dinge durch einiges weitere Material besteuchten sollen, oder auf die Höte von Ulster und Connaught in ihren Haupfiguren, wie sie in der Sage fortleben, Licht werfen.

Die S. 198 erwähnte Sitte, daß die Frauen des Irischen Heldenzeitalters bei allen Gelegenheiten mit dabei waren', ist die Quelle

Natürlich zeinten sie nicht immer, wie in Fled Britasm geschildert ist. Wir haben augen interessanten Text um der alem Rebiemage, der ums seigt, wie man sich um 9. Jahrbundert in Irhand das Amüssment der France der Relden bei Rofe dachte. Einst war Lugard Ranbuderg, der Enkel des trischen Oberkünigs Fochald Feldlech und zellen Oberkönig, der die letzte Zeit vor seiner Thronbesteigung am Hofe des Ulterhersgebors Canchalar verbracht auter (LL-40a, 26—40 k, 35) und Cachallinas Zögling und jüngerer Freund war, meh mit Fran um Geinge bei Brierin tengenommen hatte (LL-(3)k, 21)) eine war dieser Lagard und seiner von Fied Brierin her bekannten Fran Derbfargailt am Hofe des Ulterportscher Canchalar auwessend; oh blaß zum

zuhlreicher Begebenheiten und soll wenigstens durch ein altes Beispiel noch beleuchtet werden: Gabaie Eorhaid hAeremon ruge nErend ; argialisat cone coicid Erent do, idon et carhennid. Bater he array intansin, idoa Conchabar muc Nessa - Mess Gegra - Tigernach Tethannach - Curus 7 Ailill mac Mata Mairisci. Batur he duine Echdach : Dun Fremuen im Midiu - Dun Fremain hi Tethbai; Fremein Tethbai bainmainem lais doduimb Herenn. Arfocurar o Echard forsira Herenn fezo Temra dudenam inbliadain varnigabiell vige fricommus ambésa - achisa dóib coesad cóic mbliadain. Bainond aithese laften Herend fri Eochaid: nithrolaimtes Fess Temrach dorsg cenriquai lais; olairabi rigan hifuil indrig inten rogal flaithes. Eochaid Airem übernahm die Herrschaft über Irland, und die fünf Teilkönigreiche von Irland erkannten ihn an, nämlich der König jedes Teilkönigreichs. Das waren damais ihre Könige: Conchobar, der Sohn der Ness, und Mess Gegra und Tigernach Tetbannach und Curoi und Alfill mac Mata Murisci. Das waren Eochaids Burgen: die Burg von Frewin in Meath und die Burg von Frewin in Teffia; Frewin in Teffin dünkte ihm die liebste von allen Burgen Irlands. Das Jahr nach Ergreifung der Herrschaft werden die Männer Irlands von Eochafd aufgefordert, das Fest von Tara abzuhalten, um ihre auf Servituten bernhenden Rechte und

Vergnügen oder in Staatsgeschäften, wird nicht direkt gesagt. Letzteres ist am dem Gang der Erashtung das Wahr-cheinliche, Emes l'ages min - es dest gegen Ende des Winters - trat in Emain Macha (Armogh) starker Schnechtll ein, und die Mähner machten - wohl jeder - eins große Schwessinie (großen Steinpfeller von Schwes). Waltered die Manner nun auf dem Versammlangshägel oberhalb von Armagh (satilary inefail as Emain) sich besauden (L.L. 1254, 49-50), letter namme forwarerthe. Bahansergroup; subram action is conthe ills our assus ragus and. Inhan orga will thin authory anguile wan. Novogekt dans madib; conquirther Derbfergoill multih. Norheard less, or niebebach. Ted arm formmently, resolvey sade cotalian. Desferenter tra meller so, micongradaighter (tall comamus. Game assue assacial 7 assistes 7 addies 7 adville. Niluscoccobraits on. Doguither spinned ambridges 7 bernie various thetig, gingen die France auf die Pfeiler (von Schnee). Folgendes war the Emfall (Erfindung): wir wollen unserne Urm and den Selmeepfeller - d. h. jede auf einen schneepfeller - lässen, um zu erfahren, welches (von une un weitesten einsinkt (hincangeht in the). Die Fred, die durch ihn (den Schueepfeffer) reichen wird, die ist die beste flut den Vorrang) von uns. Es wurde nan nicht von ihnen erreicht (nämlich daß eine durchkam); en wird Dervingill von ihnen herbegernten (es an versuchen). Sie walte eigentlich nicht, denn sie war nicht kimiliacht sie gang gleichwohl auf des Schmepfeller, er sehlich von ihr bis zur Erde (d. h. die wank ein bes zur Erde). Wenn die Mittiner das wilkten (angteit alet. airsis wird es gelisht bei (any uner rinzigen Frau - il li, seir daiden sidelte Uhrelegenheit, sogur den Schneshaufen allem zum Schmelten zu beingen, meht bei einer Frau, and infolge dieser Efferencht - as worden for die Angen sus dem Kopf gerassen und thre Nasendligal and thre heider three and thre Plechten. Day was sum night only angenehm. Auf diese Weise wird sie gepainigt und wird darauf zu ihrem Hanne gewagen (L1, 115a, 40-49). Unterdessen eilen Curbulinn und Lugahi aus der Versannehing der Manner herbei. Dervorgill nimmt in längerem Liede Abschied von Laben, Lugaid stude her threm Anblick, Cuchulina stürzt das Ham, in walches sich die Konigituen geführliet zusammen, so dall 150 von Amen sterben, widmet sodenn Derrorgill and Lagaid simu Nachraf and beerdigt in [LL 135a, 49-135b, 40].

die ihm von ihnen zukommende Steuer auf den Zeitraum von 5 Jahren festzusetzen. Folgendes ist die einstimmige Antwort durch die Männer, Irlands an Eochaid: sie würden das Fest von Tara für einen König nicht veranstalten, der keine Königin bei sich habe; denn nicht befand sich eine Königin bei dem König, als er die Herrschaft übernahm (LU. 129b, 20-33). Der allen Hörern des o, Jahrhunderts klare Grund wird in einem Zusatz in einer jüngeren Handscheift gegeben mit ar nitrigeth fer vinunus do Temraig diafets a nithegith ben cinfer denn nicht. pflegte ein Mann ohne Fran nach Tura zum Feste zu gehen und nicht ging eine Frau ohne Mann'. Die Männer, wie Conchobar und Ailill, wurden bei ihrer Weigerung wohl von dem Gedanken geleitet, daß es nicht verlockend war, mit Frauen wie Medb an den Hof eines unverheirateten Überkönigs zu gehen. Lochahl sah auch die Berechtigung der Weigerung vollkommen ein und, um den Grund für weiteres. Streiken der Männer Irlands und damit der Steuerverweigerung zu beseitigen, sandte er alshald die Boten aller Teilkönigreiche durch Irland auf die Suche nach einer Frau, wobei er zwei Bedingungen stellte; sie sollte die schünste in Irland sein und uibiad innfarral acht ben nudfesser nech dofernih Herenn riam 'es sollte mir Gefahrtin von ihm werden ein Weib, die keiner von den Männern blands vorher gekannt habe . Also ein Madchen wie die Königstöchter Findabair und Sadb (s. S. 197) wollte er nicht. Es wurde sehließlich tatsächlich eine den beiden Bedingungen entsprechende Gefährtin gefunden. Etain, die Tochter Etars. Und diese Perle unter den Franca Irlands in Irlands Heldenzeitalter ist die Etain, die ihrem Schwager Ailill Oenglounach das oben 8, 179 Anm. 1 erwähnte Anerbieten macht, ihn von seinem Kummer zu heilen. Dies spricht Bände.

Die in den beiden Rezensianen der Tain bo Cüalnge für den Hof von Ulster is. S. 103/104) und in Fled Brierenn für den Hof von Commanghi (s. S. 196) erzählte Sitte des Röckehochhebens und Entblößens der Brüste ist auch sonst noch in dem Cuchulinnsagenkreis ein Mittel, mit dem Frauen durch ihre Schamlosigkeit den jugenillichen schamvollen Cuchulinn von seinem Vorhaben ablenkten. In einem Text LL. (67b, 32-111b, 45, der die Tabus Cuchulinns behandelt, wird das Zeigen der Brustwarzen und hervorstehenden Brüste (chichi 7 unchroumi ban dothusbenad da) als eins der beiden Mittel bezeichner, die ihn unfehlbar ablenkten (LL, 110a, 30ff.); in der Erzählung von Cuchulinns Ende erfähren wir, daß die Frauen ihn an

Die jüngere Handschrift hat, um Zweifel auszuschließen, mach bereif mani degren diamethical week all resun or a brils sie sine als Weil ashmen, ween shon irgendein anderer vor thim sie gehabt (devongeurages hatte).

dem verhängnisvollen Tag durch Entgegentreten mit entblößten Brüsten an der Ausfahrt hindern wollten (LL. 119a, 24) und vorübergehend gehindert haben. Endlich wird in dem in LU, erhaltenen Schlubstück von Mesce Ulad ('die Trunkenheit der Ulter') dies Mittel von der Riches angewamlt, damit Crumthand den Cuchuliun leicht töten könne und so ihren von Guehulim erschlagenen Sohn räche: Lotur indinid intelliaig cofornactar Coinculains for ath gracind hierich Uathne. Tiscaid Riches abstach di fiad Choinchulainn, Muchais Cachalainn cetan feilar arnachandercurhad abermochta. Tofairthe hifechtsa aChrumthaind, olRiches, Dofral infer chucus, or Long; nate em, of Cuchulainn, cein bes inben inchruth unut nienerussa. Gabris Liveg claich asiacharput 3 dibaircid di conducemaio tarabilhain, commemand adrum inde - combinaire de incom. Cote curlet iarxin Cüchuloinn around Crumthaind of fich fris cotic achend law of afodh. Es gingen (Crumthand und Riches) dem Heere nach und stießen auf Cuchulinn an einer Furt vor sich im Gebiet von Owney in Tipperary Riches zicht ihre Kleider aus Im Angesicht von Guchalinn. Cuchulian verbarg sein Antlitz (Stirn) gegen den Boden des Streitwagens', damit er ihre Ganznacktheit nicht sehen sollte. Lauf lanzu min, o Crumthand, rief Riches. Der Mann naht sich dir, sagte Loeg (der Wagenlenker zu dem sein Antlitz in dem Wagen verbergenden Cachalian). Nein fürwahr, sagte Cachalian, solange das Weib in jener Weise ist (d. h. splitternacki), werde ich ihn (den Kopf) nicht erheben. Da nahm Loeg einen Stein aus dem Wagen und wirft nach thir, daß er sir traf über ihr hithain, so daß ihr Rücken entzweibrach und sie davon starb. Darauf erhob sieh Cuchulinn gegen Crumthand und kämpfte gegen ihn und nahm seinen Kopf und seine Rüstung mit sieli (LU. 20b. 9-20).

Nun von Einzelheiten noch ein Bild vom Hof in Ulster und eins vom Hof in Connaught.

Conchobar der Ulsterherrscher — der selbst den stehenden Beinamen mac Nessa, 'Sohn der Ness', führt, also nach der Mutterseite seine Abstammung bezeichnet — hatte eine unverheirstete Schwester, namens Dechter, die an seinem Hofe lebte. Als sie einst aus einem ehernen Gefäß einen Trunk nahm, sprang ein kleines Tierehen (mil mber) mit dem Trank auf ihre Lippen und mit dem Atenizug hinamter. In der Nacht hatte sie einen Traum, in dem ihr ein Mann erschien, der sich als Lug mac Ethlend aus dem Feenlande vorstellte und sagte, er sei in ihren Bauch gefähren, sie würde sehwunger werden und

Dail man zo frühr ein meharpan ergünnen meh, im kinr um der Parallele Fenigus immen agness forru 7 debreihe adeesch francuspot neukased mehta an vare nambna (III., 07 b. 42-43) is oben S. 194.

einen Sohn gebären, der Setanta heißen solle! Das Müdchen wurde darant schwanger. Buceist mar la hUltu na confes cèle foraseille, duniet; buhuman tea ba o'Chonchobur thremessi arbaleis nofaird offur. Arnennisc jarem Concheber affair doSualdam mac Roig. 'Es war großes Fragen (Münkeln und Zischeln) bei den Ultern, da man nichts von einem Gefährten in ihrem Besitz wnite, der es komite getan haben : sie hegten die Befürchtung, es könnte von Conchobar in der Trunkenheit geschehen sein, denn belihm oflegte seine Schwester zu schlafen. Conchobar verband (verkufipfte) darauf seine Schwester dem Sualdam mac Roig' (LU. 128 h. 17 - 31). Dieser Sualdam mac-Röig, den wir uns nach seinem Auftreten in der Täh bo Chalnge als einen dumals bei der Verheiratung übers beste Mannesalter schonhinausgekommenen kleinen Eillen in Ulster denken müssen, wurde des Setanta-Guehufinn Pilegevater, und wie sein Name aussagt, ein 'guter Pflegevater' (Su + ultam).

Zu diesem Bild aus Ulster ein noch etwas greileres Ebenbild aus Connaught. Medb., die hervorragendste Franenfigur der alten Hehlensage, hatte neben drei Brüdern Bres, Nar und Lothur, die nach ihrem Großvater Eind die 'deel Find von Tara' genannt wurden, noch zwei Schwestern Eithne und Clothru. Als die drei Brüder der Medh den Vater Eochsid Feidlech, der als Oberkönig von Irland in Tara suß, der Herrschaft berauben wollten, trat ihnen die Schwester Clothru, die auf einer Insel im Loch Ri - nach ihr Inis Ulothrann 'Insel der Clothru genannt - gebot, entgegen: In doshargud foranthar duib? arii, isanfir mir ciadognether. Isrcen tra arindise. Infachaid iartaigi etert arinben. Ni morither, orandoic. Isdoich mittim duib trianafarmenfir. Tait chucumsa arsi, vrisinbaid comperta dam, dits infacțid iartaige lim. Dognither on. Luid cuchfer arminir dils curri, combin maith de, idon Lugaid Kidinderg mac natriFind Emma. Habt ihr die Absicht, euren Vater zu vergewaltigen? sagte sie: es ist ein großes Unrecht, wenn es geschieht. Es ist aber notwendig, sagten die (drei) jungen Leute. Laßt ihr überhaupt Nachkommenschaft zurück? fragte sie.

Es ist dies der im Vochergehenden att erwähnte jugeodliche Hauptheld der alten prochen Heldensage, Cuchulina, der den Namen Setauta trug, bis er als Junge von 6 Jahren den Bemamen 'Culamis Hand' (Cuchulinn) erhielt, der dann den insprünglighen Namen Seiania verdrängte. Die wunberhare Erzeugung durch Verschlucken eines kleiner Tiereben, Weirmehres usw., mit einem Schlack Wasser durch Frauen oder Madglien kommt auch noch bei anderen Hehlen der frischen Sagn vor.

^{*} Wrongen liest dunier. Es staht dentilch in der Ha, demet, was etwas ungeusus Schreibung für denicht (oder hunger einend) bet, da ja lu Lill, ganz gewühnlich s und r für grammatisch erforderliches th und ch stellen z si felik mir die kleine Zeichen über I und e: Dieses abnieth fit inn gant Mar die 3. Pers. Sing. des imperfekts von thiguin (dogwood von dogwoo wie dobored van dobine) la rejutivor Verwendung, also nut Aspirierung des unlautenden que iso 'welcher es machte'.

Es ist nicht viel Aufhebens damit zu machen (wörtlich 'nicht wird sie verherrlicht'), sagten die jungen Männer. Es ist wahrscheinlich. daß für fim bevorstehenden Kampfe) durch das (wegen des) Unrecht fallt. Kommt zu mir, sagte sie, denn es ist gerade meine Empfängniszeit, und versucht, ob ihr Nachkommenschaft hinterlaßt durch mich (mit mir). Das wird gemacht. Es ging Jeder Mann nach seiner Reihenfolge zu ihr, und es wurde Gutes davon, unmlich Lugaid der rotgestreifte, der Sohn der drei Find von Emain (I.L. 124b, 46-53). Dieser Neffe der Medh nach Matterund Vaterseite ist ein Zögling Cuchulinns; wie er später als junger Mann zum Oberkönig Irlands zu Lebzetten Conchobars, Cuchulinns und der Medb gewählt wird, ist uns in dem alten Sagentext Serglige Conculainn (das Siechbett des Cuchulinn) ausführlich erzählt (LU. 46a, 1-36), wobei die in dieser Erzählung gegebene Bezeichnung mac natri Find Emna Sohn der drei Find von Emna (LU. 46a, 32) beweist, daß such sie Kenntnis der eben gegebenen Geschichte voraussetzt! Dall non dieser Lugaid mit seiner eigenen Mutter Clothru einen Sohn gezeugt hat, der Crimthann heißt und den Beinamen nie nüür führt - was sowohl 'Enkel des Nar', wie einer der drei Großvater hieß, als Enkel der Scham bedeuten kann -, das weiß der alte Lebor Gabala auf Grund uns verloren gegangener Erzählungen zu berichten; ise in Luquid Richndery doronsat trimaice Echdach Fedlig vinsmir, idon reClothraind. Et dans dorone in Lugardein mue riamathair fein, idon Crimthann mac Lugdech, ri Herenn er ist der Lugaid mit den roten Streifen, den die drei Söhne des Eochaid Feidlich mit Ihrer Schwester, nämlich mit Clothru, machten. Und dieser Lugald weiterhin machte einen Sohn mit seiner eigenen Mutter, nămlich den Crimthann, Sohn des Lugaid, König von Irland 2 (L.L. 238,

¹ Unter den zein vornehmen Uiterfranen, die ueben der Königh Mugain als Teilnehmer an der weiblichen Kneiptafel in Fied Brierenn namentlich aufgeführt werden (s. oben S. 199) ist auch Derkorpmilt den Lagdach riabnderg unte wert Find Emmi Dervorgill, die Fran des Lugaut unt den roten Struifen, des Sohns der drei Find von Emma (LU 1054, 22), also auch hier der Inzeat als bekannt voransgesoriet.

Da Derbforgaill in Fled Beierein die Fran von Lugaid ist; da nie neine Fran ist in der S. 205 Anmerkung angeführten Erahhlung, ihm Kinder schenkt und er aus Kammer über ihren Tod stirbt (LL 125h, 19); da nich Lebor Gabilla auf Gennt alter Erzihlungen moldet, daß Lugaid im 25 Jahre seiner Regierung im zein Schwert fied aus Kummer um seine Fran (LL 23m, 49, 50); da Derbforgaill in dem Almehiedslied vor dem Sterben den Lugaid nenn mac Clothrane Sohn der Ciothra (LL 125h, 20) — aus all diesen Gründen umfi man annehmen, daß die Sage ihn den Inzest mit der Matter in früher Jugend begehen ließ, einer an den Hof Conchibars bam, Clothra lebte auf mit Clothrand forfect Er, d. h. Inisheioghram im Loch Ree in der Grafschaft Lungford, nachstem ihre drei Brütter mit ihr den Inzest begangen, mit dem Lugaid Rinbalerg emaprang, und wurde sehllestilet, im Austrag ihrer eigenen Schwester nemorder (LL 125m, 1—46 danneh hat ine, mit

51 bis 23 b. 4: Rawl. B. 512, ; b. 25 ff.). Auch dieser Crimthann wurde, nachdem er den Nachfolger seines Vaters - Conchobar mit den roten Augenbrauen, ein anderer als der oft in den vorhergehenden Erörterungen erwähnte Conchobar; der Ness Sohn - ersehlagen hatte. Oberkönig in Irland. Nach den großen Chronisten und Historikern des 17 Jahrhunderts ist im achten bzw. im zwölften Jahre seiner Regierung Jesus Chrisms geboren'.

dem zom Manne heranwachsenden Lugant auf Inischeghran ohne Mann lebend, wahrscheinlich den Sohn selbst, wie vorher die Brüder, zum neuen lezest engestiftet, aus

dens Cranitiann entsprang

Bie vier Meister (1632 hie 1634) nehmen an im 8. Jahre (s. O'Donovan, Aumile ringheachte Regeare, 1851, Ild I, S. 90), (i. Kenting (1634 bis 1640) lm 12. Julier tm Forus France yr Eirynn (Ausgabe 1811, Bd L S, 408). Diese hauten winder unf den Arbeiten der großen trischen Synchronisten und Chronologen des rt. Jahrhunderts (Tigernach, Flana Mainistrech, Gilla Caengen, Eochaid a Flohm, Machaura) and aporymen Werken dersellsen Zeit (Leber Gabübt, Aided Conchebair o. a.). Vom zweiten Drittel des 4. Jahrhunderts (c. 340) war von Südost-Irland (Wexford) aus das Christentum in Irland allmähliek vorgaderingen, um im Veriauf von 100 dahren ganz Irland zei gewinnen, es war das Jungo Mönchschristentum der abendländlachen Kirche, dassen Hauptrepräsentant Martin von Tours (c. 315 his 400) ist, das Irland gewann, und darum ist die trische Kirche des 5. und 6. Jahrhunderts amschließlich Kloster-(Abt-) Kirche in three Organisation, die von Beginn (c. 630) three Unterworting umi Angleichung an Rom volle 500 Jahre brauchte (his 1452), his sie an die romische Episkopal - (Metropolitan-) Kirche voll ständig angeslichen wurde. Im 5. und 6. Jahrlumbert waren überali Klasterzouren in den sinvelnen Territorien, die hatorgemaß Ostertafeln besaßen: merst die Tafeln der älteren Supputatio Romana (S4 Jähriger Zyklusy, an deren Stelle mit der fortschreitenden Unterweirfung unter Rom zwischen 630 und 715 Tabellen mich dem Zyklus des Dionysius texten. lo diese Ostertabellen wurden wichtige Ereignion um der binneren Geschichte Irlands, wie Tod eines Oberkonigs und Shallehes, king entmerkt. So baben wir für die großen Lluipu der inneren Geschichte ziemben sichere Baten bis in die Mitte, wenn nicht Beginn des 4 Jahrhunderta. Nimmt man dazu noch: 1. die Ralle, die Geschlechtsregister (Genealogica) bei den Inselkation (Iran und Kymren) spielen, solange wir ihre sichere Geschichte Rennan; z. daß bei den Kelten von Jeher ein Literntenstand existierte, von dem eine Gruppe sich mit Anliquitäten und Geschlechtsregistern beschäftigte (s. Kultur der Gegenwart I. Serie, 10, I, S. 34-61) - nimmt man diese benien Momente zosammen, so ist klar, siele man zur Zeit des Beginne von Antisichmagen in den Ostertabellen in Irland über die Hauptfiguren der Inneren trischen Geschichte, die Oberkünige - und in einzelnen Territorien, wie Ulater, Comanght, Monster, Leinster auch über die Territoriallierrscher - noch auf mebrere Jahrhunderte aber die 4. Jahrhundert binauf ziemlich siehere Tradition batte, also his um unsere Zeitrechnung und darüber himan. Was nun im einzelnen zur Ausfüllung dieses Gerippes der Genealogen die Historikor, d. h. die Sagenerzähler. vorbringen, das mus methelich sehr eum grano salis ausgenommen werden: von Jahrhundert zu Jahrhoudert sotzt nich noues an, finden breignisse jangerer Zeit Nielseschlag in der älteren Geschichte; es ist namentlich die Namensgleichheit so vieler Hauptfiguren der verschiedennten Zeiten (Echand, Allill, Cormus www.) die mitspielt; führen sie auch in tieschlochtsregistern ihre untwischeidenden Belnamen oder die Namen der Vorfahren, in der Erakhlung sind sie meistens Echaid. Art. Aildl sehlichtweg, da ja dort selven ein underse Art oder Abbt in des speziellen Geschichte in Frage kinnint; as weeden im 14. Jahrhundert Ereignisse und Persönlichkeiten des

Hierunt ist mein ohen S. 177 für den Beginn der Untersuchung aufgestellies Programm - zu zeigen, wie sieh die beiden markantesten Frauengestalten der alem trischen Heldensage, Königin Meilb you Connaught and thre Tochter Findahur, in den beiden alterramifelisten und umfangreichsten Epen der Cuchuliansage, Tün bis Conlage und Fled Reierenn, in Rede und Handburg geben - vollständig erledigt, und zwar so, daß ich aus den genanuten beiden Epen und anderen Erzählungen der alten Heldensage zugleich zu zeigen suchte, daß dieses Reden und Handeln der beiden Frauen dem Milien der alten Heklensage überhaupt entspricht: Medh und Findabair sind vielleicht etwas temperamentvoller, aber im Grunde nicht anders als die meisten vornehmen Frauen ihrer Zeit. Es ist unn nicht meine Absicht; im Anschluß hieran das auszuführen, was ich S. 177 als Ausgangspunkt abwies, nämlich aus der gesamten frischen Literatur des Mittelaiters — also aus zahlreichen kaum berührten anderen Texten der alten nordirischen Heldensage: aus den verschiedenartigen zahlreichen alten Sagenerzählungen, die keinem Zyklus angehören: aus der jüngeren Heldensage (Finnsage); aus der kirchlichen Literatur. namentlich dem Heiligenleben im lateinischer und irischer Sprache, in Prosa und gebundener Rede - alles das zusammenzutragen, was von geschlechtlichem Schmutz sich findet, es würde die Leser Ekel überkommen, da aus dem gesamten Kreis der mir bekannten alteren Literaturen arischer und semitischer Völker sich keine annähernd ähnliche Zusammenstellung machen läßt. Aber wichtiger ist ein anderes; diese Zusammenstellung hat für ansere Untersuchung keinen Zweck, ja wäre nur zu sehr geeignet, das Problem zu verdunkeln-Je jünger die Texte eämlich werden, um so mehr sehwindet das Charakteristische der S. 177-210 vorgeführten Bilder, es wird einfach mehr und mehr - wenn auch nicht völlig - Unsittlichkeit

berfinmten Cormus (nine Cuilensiin) von Murster (p. Jahrhumfers) um dem berühmten Cormpe (mac Ant) des 3. Jehrhunderes verhienden, die un 9. Jehrhundert auf Lummende Finnsage im 3. Juhrhundert versetzt. Die im 9. Jahrhundert auf den Schultern Bullacincetzende unit im 11. Jahrhundert billhande Chronologie und Synchronistik het hier vill and dom Crentson, abor day blenbt duch bemerkenswert daß, wie in Wirklich heit die Ramer niechen Beden mehr beireten haben, die ragenhafte Geschiebte des t, his 5. Jahrfunderts nichts eniu gar nichts von hoen will. Die Gelehrten des to, and 11 Juhrhumberts haben die innece leisthe Chronologie und Geschiehte, lib e 400 mit Hilfe der Aufzeichnutgen in Osteriafefa, derfüber binner durch Kombination. ernohrmuistisch verarheitet, und da im ja begreiffieh, das, wenn an Siehe der innersus Chronologie A.D. and A.M. grantst wird; for the agendatic Geschichte aus Christi Gelmet Differences bis 2n so ja 50 Jahren haranskommen. Das trifft night die innere Chronologie. Men kamt sagen, dul der historieche Rintergrand für die Eltere irische Relitenrage en richee die Zelt um Augustus bat wie der hierarische Bintergroud unvere mid. Epos von der Mibelange Not die Zeit Attilas und der Aufenthalt der Burgunder um Ehein.

beider Geschlechter. Worin besteht unn das Charakteristische der vorgeführten Sittenbilder?

Suchen wir es durch den Gegensatz klarzumachen. Wo die Ordnung der Gesellschaft auf Vaterrecht aufgebaut ist, da herrscht Mannermoral, also zunächst Monogamie; es ist nicht die strikte. engere, höhere des Christentums, die Monogamie für beide Geschlechter, sondern die der Arier des Altertums vor dem Christentum; Monogamie für die rechtmißige Frau, für den Mann daneben Kebsenwirtschaft, mehr oder weeiger legitlm. In solchen Verhältnissen tritt uns der Mann als der heischende gegenüber; und wenn sich gelegentlich Kulturzustände finden, in denen unter diesem Vaterrecht Monogamie faktisch eine Farce ist, soweit Fürsten. Edle und Mächtige in der Gesellschaft in Betracht kommen - man denke z. B. ap jus primae noctis -, so ist doch immer charakteristisch: der Mann fordert, gibt den Impuls; dus Weib gibt, ja gibt sich sogar in legitimen Verhältnissen oft erst mit Widerstreben und Scham (s Prinhilt in der Nibeiunge Not). Ganz das Gegenteil nun ist charakteristisch für die Gesellschaft, die wir S. 177-210 im alten Irland für die Zeit um Christi Geburt in den Epen Tain bo Cüninge und Fied Reierenn sowie anderen Erzählungen der alten Heldensage kennen lernen. Wir sehen eine Ordnung der Gesellschaff, in der der Mann im Offentlichen Luben anbedingt herrscht und befiehlt, während im Geschlechtsleben das Weib so dasteht, daß es fordert und der Mann sich hingibt, einwilligt, daher der Mann der Verschämte und das Weib die Schamlose ist, wie dies so drastisch in der Sage im Verbilten Cuchnlinus gegenüber den Frauen zutage tritt (s. S. 193 194, 208). Nur um dieses Charakteristische in der Gesellschaft der altirischen Heldensage noch weiter von verschiedenen Seiten zu beleuchten, sollen einige Ausführungen folgen.

Hier ist in erster Linie wieder lehrreich die Kopfkissenunterlmitting zwischen Ailill und Meill in der Einleitung zu Tain bo Cüainge, von der die Untersuchung den Ausgang nahm (S. 177). Direkt. im Anschluß an die zitlerten Schlußwurte fuaruse dane infersum. Idon, tuseu, idon Ailill mac Rossa Ruaid do Laigaib ('diesen Mann fand ich nun, nämlich dieh, nämlich den Ailfil mac Rossa Ruahl von Leinster) führt Medh in demselhen Atemzug so fort!; mirat neuit, niesat staid, nirout deaith Tucusa vor - coibehl duit amal asdech wit domain, idon, timtharh dafher dec detach, carpat trisecht cumul, comlethet taigthi dodergir, countirous dariged cit dafhindraisa. Cipš imress mēla - mertain - meraigecht

I leb bitte obse S. 178 durchsulesen, um sich in des Zusammenbarg zu setzen-

ort nifhuil diri no eneclana duitsin ind acht nafit damsa, armedo; däig fer ortineur man atatehomnaue du warst nicht geizig; du warst nicht eifersüchtig, du warst nicht schneideles (ohne Schneide). Ich gab dir Vertrag (cor., d. h. das vertragsmäßige Ehegeschenk) und Moegengabe (codehe) so gut wie (d. h. in so behem Wert, von der Güte wie) sie nur einem Weibe zukommt, nämlich Kleidung für 12 Mann von Gewandstoff, einen Streitwagen im Wert von dreimal sieben Sklavinnen, die gleiche Breite deines Gesichtes von rotem Golde und die gleiche Schwere deines linken Unterarms von blondem ruise (Bronze?); wer immer Schimpf und Schwäche und Narreteiding dir antut, dir steht kein Schädenersatz oder Genoginung für verletzte Ehre an ihn zu, außer was mir zusteht, sagte Medb; dem du bist ein Mann auf Weiberaussteuer (LL 54n, 11—18).

Wollen wir zu einem vollen Verständnis dieser eigenartigen Stelle gelangen, so tun wir gut, zuerst fiber die frische See in die Literatur von Wales zu schauen; in den altweisehen Gesetzen (10. Jahrh.) wird für jeden Staatsbürger vom König herab sein querth und sein samet bestimmt, d. h. 'der Wert der Entschädigung, des Ersatzes' (gwerth) und 'die Buße für die Ehrenverletzung' (surget), also die Buße für die materielle und ideelle Schädigung. Als Buße nur für die ideelle Schädigung des Königs von Nordwales führt das Gesetzbuch neben anderem an: guyalen eur kehyt av ef chun akyn urasset av y vys e bevan, a clour our kyflet ay huynep a kyn tehet ar enyn amaeth 'cine Rute van Gold, so lang wie er (der König) selbst und so dick wie sein kleiner Finger, and eine Plane von Gold, so breit wie sein Angesicht und so dick wie der Nagel eines Ackermanns (Dull Gwynedd I, 2, 3). Diese Rechtsbestimmungen werden nun vortrefflich durch einen kymrischen Sagentext, die Geschichte von 'Branwen uerch Lyr', Illustriert. Der König von Irland, Matholwch, war nach Wales gekommen, um Branwen, die Schwester des Königs Bran, als Frau heimzuführen. Als in Aberffraw Hochzeitsfeier gewesen war, ging Effissyen, ein Stiefbruder der Brauwen, der die Iren nicht leiden konnte, hin und schnitt den schönen Pferden Matholwchs das Fleisch über den Zähnen, die Ohren am Kopf und die Seliwänze am Rumpfe weg. Sobald Matholweh dies horte, eilte er mit den Iren zu den Schiffen, um nach Irland zu fahren. König Bran von Wales schickte bestürzt einen Boten nach mir den Worten; eveh yn yol a menegwek idaw, ef agaiff murch tach am bop un oralygrwyt. Ac ygyt a hynny ef ageiff ymrynebwarth ldiw thathen aryant and hyfref a chylest ac of chun achlawr our cyflet ac soyneb. A mynegweh idaw py ryw we awaaeth a phanyw om awaod innen y greanaethpwyt hyny geht ihm nach und meldet ihm; er wird bekommen ein gesundes Roß für jedes einzelne, das ihm beschädigt ist. Und

zugleich hiermit wird er bekommen als Genugtuung für ihn eine silherne Rute, welche so dick und so lang ist wie er selbst, und eine Platte von Gold, so breit wie sein Angesicht. Und teilt ihm mit, was für ein Kerl es tat und daß es zu meinem Leidwesen geschah' (Red Book of Hergest I, 30, 10 ff.). Also such hier neben Schadenersatz dieselbe Genngtnung für Ehrenverletzung wie in den Gesetzen für den König. Wenden wir uns nach Irland, so treffen wir in der Sage ganz dasselbe. Nach dem Raubzug der Connaughtleute, der uns in der Tain bo Cualnge erzählt ist, bereitete Conchobar einen Rachezug nach Connaught vor, vor dem Ailill und Medh bange wurde, und man beriet, Conchobar folgenden Sühnevorschlag zu machen: sond minud cachshaind - grianan ininad cachgrianain, tech ininad cachatigi, ba ininad chachabo, dam ininad vachdaim et inDond Cualnge fair annas; comleithet azigthi dodergör doChoncholast donchursain Pfahl für jeden (vernichteien) Pfahl, ein Sommerhaus für jedes Sommerhaus, ein Wohnhaus für jedes Wohnhaus, eine Kuh für jede Kuh, einen Ochsen für jeden Ochsen und den Dond Cualnge nußerdem dazu; die gleiche Breite seines Angesichts von rotem Gold dem Conchobar für diesen Fall' (LL. 173 b, 33-38). Noch ein weiteres Beispiel ist fehrreich aus dem Text Mesca Ulad, dem schon oben S. 208 eine lehrreiche Szene entnommen ist: Als die Ulter auf ihrem Zuge in der Trunkenheir das Fest in Temair Luachra, an dem auch Ailill von Connaught mit seinen 7 Söhnen als Gast tellnahm (LU. 203, 35, 37) gefeiert hatten, da ging hernach Ailill in freundschaftlicher Weise nach Ulster zu Besneh (forcelidi): Dobreth comfethet aensch diar - argut do Allill - secht cumula (do)cachaac diamaccaih 'es wurde dem Aiiill gegeben die gleiche Breite seines Angesichts von Gold und Silber und 7 cumal (= Sklavin = 3 Kuhe) jedem Sohn von seinen Söhnen (LU. 20b, 27-29). Da dem Ailill und seinen Söhnen ein Verlust nicht zu ersetzen war, erhalten sie nur Genugtuung für verletzte Ehre.

Aus kymrischen Gesetzen sowie aus alten Sagenerzählungen der Inselkelten lernen wir also, daß bei den Inselkelten nehen dem materiellen Ersatz eine Genugtuung für verletzte Ehre gegeben wurde: sie bestand für Könige nach den übereinstimmenden Zeugnissen in einer Platte von Gold, so breit wie das Antlitz des Beleidigten, und in einer Rute (Stab gwjalen, Rathen) von gleicher Größe mit dem Beleidigten, elænfalls von Gold oder Silber nach den kymrischen Zeugnissen. Wer in Kenntnis inselkeltischer Sprache und Literatur auch nur wenig über das Aufängerstadium hinaus ist und etwas kombinieren kann, dem ist die symbolische Bedeutung hiervon ganz klar. Wir sagen: 'es stelgt jemand die Schamröte ins Gesicht'; im Altirischen bedeutet imdergnim (von derg 'rot) eigentlich 'er-

röten machen', regulär 'einen beschämen, beschimpfen, than die Schamröte ins Gesicht treiben". Man ging aber im trischen und inselkeltischen Altiertum weiter: man nahm an und erzählte, wie wir aus Sagentexten wissen, daß diese Röte im Angesicht zu Ausschlag oder Blasen (bolgu) im Gesicht wurden, namentlich bei Fürsten und Edlen infolgesie herabsetzender Spottgedichte (s. LL. Sin. 40; Three Irish glossaries S. XXXVIII, 17ff.). Es wurde also durch angeranen Schimpf das Augesicht entstellt; und wenn nun bei den laselkeiten ab Genngtunng eine Platte von Gold, so breit wie das Autlitz des Beleidigten, bei Königen gegeben wurde, so bezeichnet dies offenbar symbalisch die Reparatur des durch Schamröte, Ausschlag, Blasen Infolge der angetagen Schande entstellten Gesichts. Dies drücken auch die technischen Ausdrücke für 'Genugtung für verletzte Ehre' aus; altir, enechlann (eneclaum), kymr, gwynelwerth (gwynelwearth). Es hedeuter altie, enech ebenso wie kyme, bret. enep Angesicht (= sanskrit antko, gr. (sama): hierzu ist kymr. gwynep ein Kompositum aus gwo (= ir. fo. gr. (no), das verkleinernde Wörter bildet, mit suep, also eigentlich 'Angesichtehen. Was den zweiten Teil des Kompositums milangt, so ist altir, lum eine dünne Platte von Gold, die nach den Sagentexten als Schmuckstück an der Stirn getragen wurde und auf Schülden; es entspricht kymr. Hafn Platte und ist mit diesem eine Entlehnung aus dem lateinischen lannun, lamma aus der brittischen Römerzeit; es bedeutet also altir meclana Genngtoung für verletzte Ehre wörtlich Platte für das Angesicht, ist also der sprachliche Ausdruck dessen, was in den weisehen Gesetzen und in kymrischen sowie irischen Sagentexten als Genngtming für verletzte Ehre vorgeschrieben und gegeben wird. Das kymrische myndacerth ist 'der Wert für das (entstellte) Angesicht', also entsprechend, wenn auch nicht so anschaulten wie der altirische

Nunmehr sind wir gerüstet, die S. 214 verlassene Rede der Medh zu verstehen und in ihrem vollen Sinne zu fassen, zumal wenn wir noch eine Stelle zus einer Erzählung der alten irischen Heldensage hinzunehmen. In der Erzählung vom Siechbeit des Cuchulinn' (Serglige Conculainn) sehlldert Fand den glückseligen Zustand, als Manandan mac Lir sie heimführte:

Denomblue Managoran mass, robine cole camadas, dornase dior arandhi) thue dan aliag mindergilar

Als der stattliche Manannanm ich heimführte, war ich ausagende Gattin ihm: einen Handring von Gold besitze ich noch, den er mir als Lohn (Bezahlung) für mein Errötenmachen (d. k. nach dem, was S. 215 ausgeführt ist, dafür, daß er mich erröten machte beim

Nehmen der Jungfernschaft) gah' (LU. 50n. 9, 10). Nimmt man dazu noch, daß in den altweischen Gesetzen gwynelwerth die technische Bezeichnung für die Genugtming für verleizte Ehre auch die Morgengabe' des Ehemanns an die Fran bezeichnet, wofür cowyll der spezielle Ausdruck ist (s. Ancient laws of Wales I, 92, 12), dann kann kein Zweifel sein, daß Medb auf die Morgengabe' - pretium virginitatis im germanischen Recht - so anspielt: ich babe in die den Mann gefunden, wie ieh ihn wünschte, ohne Geiz, ohne Furcht, ohne Etfersucht. Ich habe, so wie bei euch arischen Kelten der Mann die Frau heimführt, dich heimgeführt: ich habe das vertragsmäßige Ehegeschenk (cor) und die Morgengabe (coibche) so dir gegeben, wie bei euch arischen Kelten der König der jungen Königin gibt - natürflich mit der Umauschung, die durch die Umtauschung der Beziehung der Geschlechter bestimmt ist, also im Geiste eures arisch-keltischen Branches: Kieldang für 12 Mann an Gewandstoff und einen Streitwagen. im Werter von 7 Sklavinnen als oor; ferner dafür, daß ich dir die Jungfernsehuft genoumen, also deine Ehre verletzt und dich zum Erröten gebracht, als Morgengabe 'die gleiche Größe deines Angesichtes von rotem Gold', womit du dein Angesicht wieder reparieren kannst. und die gleiche Länge deines linken Unterarms von blondens enine dir gegeben, wie es bei euch Recht und Sitte ist, einem König oder Königssohn, der du warst, als tienngunnng für verletzte Ehre zu geben. Wie also bei ench arischen Kelten der Erau nur der Schadenersatz (dire = kymr. dirmy) and die Genagtuung für verletzte Ehre lewehltenn = kymr ywyaebwerthi zusteht, die threm Mann zukommt, so hast du nur Anspruch auf beides, soweit es mir zusteht. So sprach Medb. In der Erzählung, wie sie uns überkommen ist, folgt über noch der Satz denn ein Mann auf Feauengur bist du (dan fer artineur mana atotehomicaio). Das ist sehr lehrreich. Im 9. Jahrhundert, in das wohl die Autzeielmung dieser Erzählung zurückgeht, waren unter jahrhundertelanger versinter Tätigkeit der arisch-keltischen Kultur und des Christentums derartig rechallche Anschauungen unverständlich: man legie sich die treu durch Jahrhunderte forigepflanzien Erzählungen zurenkt, wordt wir in in anderen Punkten hinreichend Belege haben. Erbtöchter kannte men dumals, und da lag es nahe, die unverständlichen Rechtsverhältnisse sich so zu erklären, also den Ailill als 'Manu einer Erbtochter' aufzufassen, was der Erzähler mit den Worten for artment man atatehomous gibt. Diese Auffassung ist falsch und widerstreitet der Sage: Medh ist gar keine Erbtochter im späteren Sinne, da sie nach der Sage drei Bruder und zwei Schwestern hat. und Lugaid Riabderg als Sohn theer Schwester und der drei Brüder vorhanden ist, der ja dann auch später Oberkönig in Irland wird

(8. oben 8. 209 ff.); anderseits ist Allill kein armer Schlucker; ein Bruder von ihm ist Oberkönig in Tara, ein anderer herrseht über Leinster, und er hat, wie er ja selbst behauptet und im Verlauf der Kopfkissenunterhaltung beweist, größeren Besitz mit in die Ehe gebracht als Medb (LL. 540, 19—54b, 3) Gerade well die Sagenerzähler des 9. Jahrhunderts die Erinnerungen an teilweise andere Ordnung der Gesellschaft im Haldenzeitalter nicht mehr verstanden, ist in dem Gespräch in der Kopfkissenunterhaltung manches verschoben, um das Unverständliche begreiflich zu machen

So ist also die ganze Stelle LL, 54a, 8-18, wie sie oben S. 177 und S. 213-216 behandelt wurde, in ihren Auschammgen aus einem Guß, und das charakteristische an ihr ist die vollständige Umkehr der Zustände, wie sie unter reinem Vaterrecht bestehen. Medb nimmt sich einen Mann, nicht etwa, wie unterm Vaterrecht ein Mädchen einen Mann annimmt, und auch nicht einen armen Schlucker - soweit dies zum Ausdruck kommt, stammt es aus der Auschauung jüngerer Zeit -; sondern einen Königssohn und Bruder von Königen. der eben so großen Besitz hat wie Medb: sie zahlt das vertragsmaßige Ehegeschenk (cor) an ihn, sie gibt ihm die Morgengahe als Pretium virginitatis; und wie im Vaterrecht der Mann Kebsen als legitim betrachtet, so beansprucht Medb Haustreunde' (Männer im Schatten des anderen) als legitimes Recht, als Bedingung des Ehekontraktes. Es handelt sich nicht um extreme Reden, in der Hitze des Streitens ausgesprochen, soudern um offen von Ihrer Seite proklämierte Grundsätze, um stillschweigend von Ailill anerkannte und um offen von Medb in Taten umgesetzte, wie wir sehen: sie bietet sich, um kurz zu erinnern, dem Dire offen an (S. 178/179), rbenso dem Ferdind sich als Zugabe zur Tochter (S. 102), sie benutzt mit Wissen three Ailill den Fergus auf dem Kriegszug und am Hofe (S. 186-185) als den Mann im Schatten des underen, sie setzt das dem Ferdiad gemachte Anerbieten bei anderer Gelegenheit in die Praxis um (S. 1971.

Ein weiteres Moment zur Charakteristik der verkehrten Weit vom Standpunkt des Vaterrechts in den Erzählungen der alten irischen Heldensage ist folgendes. Wir haben in zahlreichen Handschriften zwei Repertoire irischer Sagenerzähler aus dem 10. Jahrhundert, das eine aus der Regierungszeit des Oberkonigs Dommall mac Muirchertaig (956—979): beide sind vollständig unabhängig voneinander und enthalten, kritisch betrachtet, je (6) Titel von Sagenerzählungen, die die betreffenden Erzähler auf ihrem Repertoire hatten, und von denen ungefähr 3 beiden Repertoiren gemeinsam sind, es sind also etwas über 200 Erzählungen, von denen ein gutes Drittel in Handschriften

des zu bis 16 Jahrhunderts auf uns gekommen ist. Wenn auch ganz verschieden angeordnet, gleichen sich die belden Repertoire darin, daß sie die Erzählungen nach Gattungen wesentlich ordnen, also z. B : tana 'Herdenwegtreibungen', togla Zerstörungen', ontha 'Schlachten', imrama 'Seefahrten', cohtra Abenteuer, fessa 'Festlichkeiten' u. a. Unter diesen Guttungen führen beide Repertoire auch aitheda auf: das eine Repertoire mit 7, das andere mit 17 Erzählungen. Es sind aitheda Erzählungen, die man hel Griechen oder Germanen als Entführungen bezeichnen würde, das Wort authed bedeutet aber Entlaufung'. Es handelt sich meist darum, daß Mädelten ihren Eltern oder Frauen ihren Mannern entlaufen und als Verführer ihrerseits junge Männer. Stiefsohne asw. entführen, zum Mitentlaufen zwingen. Ein kurzes Beispiel möge dies illustrieren: R math rogal Muma, idon Mairid macCarrelo, Batar damar mathi leis. iden Ecchaid - Rib Eblin immerro ingen Giarri aBruig moie Inder, ist buben do Mairid. Rolaside menanain foramusam, idan for Eachaid; basi tra octothlogud ingilli frire ciana. Rolaisi tra fodetiid algis fairsiann cotuichad foraithed lei. Asbert immorro Rib friabrathair aramberad leis immaii sin nobeth foothis ; noragadsom atir leis. Dobert irrom Eochaid Eblind leis foraithed ; tie Rib 180. Tin guter König herrschte über Manster, Mairid Sohn des Cairid. Er hatte zwei gute Söhne, namlich Rochaid und Rib Eblin aber, die Tochter von Guare aus dem Gebiete des Mac Indoc, war die (zweite?) Fran Mairids. Sie warf ihren Sinn (ihr Begehrent auf thren Sohn, nämlich auf Eochaid und war nun längere Zeit dringend den Jungling mit Bitten bestürmend (ihr Verlangen zu gewähren). Zum Schluß zwang sie thin, durch eine Schandenbitte failges d. h. eine Verwünschung, die, wenn die Schandenbitte nicht erfüllt wurde, den Mann unglücklich machte), dali er mit ihr entlaufe. Aber Rib - dem er wohl von dem ihm angetanen Zwang Mittellung gemacht hatte - sagte zu seinem Bruder, daß die Mitnahme dieses Weibes ihn (den Rib) unter üble Nachrede bringen würde, und er würde mit ihm außer Landes gehen. Eochaid entlief also mit Ebliu und Rib kommt mit ihnen (LU 308, 33-34).

Also France sind die Entführer der Männer zur Zeit der alten frischen Heldensage, sie sind das trelbende Element und der Mann das zurückhaltende: gefällt ihnen ein Mann, so bisten sie sich an, and will der Mann nicht, wendet er sich schamvoll vor schamhasem Verlangen ab, so zwingen sie ihn durch eine geiss, eigentlich Bitte', dann eigenartige Beschwörung bei der Ehre eines Mannes, mit der im Irischen Heldenzeitalter Bitten aller Art erzwungen werden konnten; wurde so etwas 'schamloses' oder 'schandbares in

den Augen des Gebetenen erzwangen, so ist es alors wie in der vorgeführten Geschichte! Wie dies geschah, illustriert uns eine Geschichte, die uns wieder an den bekannten Hof Conchobars in Emain Macha in Ulster versetzt. Dem Sagenerzähler Conchoburs namens Feidlimid wurde von seiner Frau eine Tochter geboren, von der schon vor der Geburt geweissagt wurde, sie würde zum sehönsten Weibe heranwachsen, aber Hunderten von Edlen Tod und Verderben bringen: Conchobar verhinderte die Tötung des kleinen Wesens und ließ sie abgeschlossen in einem Haus erziehen, um sie herangewachsen zur Kehsen zu machen. So wuchs das Madehen unter Aufsieht einer Pflegematier heran zur schönen Jungfrau, ohne einen anderen Mann als thren Pflegevater Conchobar gesehen zu haben. Einstmals nun war ihr Pflegevater zur Winterzeit beschäftligt, im Schnee ein Kalb abzuziehen, von dem gekocht werden sollte, und Deirdre erblickte einen Raben, der von dem Blute im Schnes trank. Da sigte sie: so einen Mann könnte ich allein lieben, an dem die drei Farben dort. namlich das Haar wie der Rabe, die Wange wie das Blut und der Körper wie der Schnee. Leborcham, eine Hexe, sagte ihr, einen solchen Mann gebe es in Emain, das sei Noisi, der Sohn des Usnech, und Deirdre verliebt sieh so in den Unbekannten, daß sie gesteht: mir ist nicht mehr wohl, bis ich ihn sehe. Nöist, das Objekt von Deirdres Liebe, war ein berühmter, tapferer Ulterkrieger, der zudem durch seinen sehönen Tenor (andord Nichtbaß') berühmt war. Errötend folgt er ihren Spuren und ist von ihrem Gruß beglückt, das Schönste sucht er auf den Fluren, womit er seine Liebe schmückt', singt Schiller vom verliebten Jüngling. Was tut die eben zur Jungfran heranwachsende Deirdre in dem irischen Heldenzeitalter? Der Sagenerzähler erzählt es anschaulich: Freht nund ding baiseom inti Noisi ottenur fordue aurratha; idon nakonna, ocundord Ambiliaium dion abinur inte Noisi immung, nosetlamusi cuci immuch annul dothecht secha. Et nisnathyevin, Iscain presiscom adshamase teit sechnind. Dieglair, oreist, semuisci mora bale nalut tuirb. Ata tarb inchoicid lett orresseom, idba

Des Wort geist int etymologisch und in seiner Bedeutungsentwicklung annnenblur, Wurzel ist ged (im s.Fnt. gress) mit Ablam god (guide Bitte', gurdim 'ich bitte') and gold (im Part. rogal ich imbe gebeten'); derselbe Ablant in Warrel ret: aftir. ranh. kyme georges until to Wartel set sagen't kyme, showed, quosed in faith, late cases; mit dem bekannten Suffix a- wird gesa, was altir, geine. Ann der Bedrutung Bitte, instandige Bitte", Beschwärung (P)mas 'ich lege Beschwärungen auf dich' ader jeh iege dich umer Beschwörungen') wird für den, der einer geles unsheilt einersells eine Verpittentung etwas zu ten und auderwitt ein Verbot etwas zu ten. Die letztere Bedeutung ist in den alten Sagentexten die häufigein: geres Conculuien sind die Dingedie Cachalian alcht im dark die taba für fün sand. Ein nach Etymologie und Bedentungsmitwiskling blar arisch-keltisches Wort bewichnen in der affarischen Helitonsage gewähnlich Drige, die typisch für die Polynester sind.

estillad. Nothingfainte etruit farnetis, orgini, it sugebiend tarben be amul tussu: Nitho, orsesseom, eith fobithin faitsine Cathbad. Indomfemidisa adeiri sin't bidde immerco erseissom. Lasadein facheire belg rues corrapaib adano forachind. Dano mele z vuithindu ondso, alsi, manimberasu latt. Eirja unim aben, olse. Rollier on al sisi. Finst nun war Naisi allein auf dem Walle der Burg, nämtich von Emain, und ließ seinen Tenor hören . . . und als mm Nöisi allein so draußen war, da entschläpfie sie (Deirdre) zu ihm hinaus, als wolle sie un ihm vorbeieilen. Und er erkannte sie (in dem Augenblick) nicht. Das ist eine schöne Kalbin, sagte er, die an uns vorbeigeht. Es müssen, sagte sie, die Kalbinnen groß sein, wo es keine Stiere gibt. Du hast den Landesstier bei Dir, sagte Noisi, womit er den König der Ulter meinte. leh möchte zwischen euch beiden die Wahl haben, sagte sie, und ich würde ein junges Stierchon wie Dich nehmen. O nein, rief Noisi, schon wegen Cathbads Prophezeiung. Sagst Du dies, um mich zu verschmälten? Allerdings, sagte er. Bei diesen Worten (lasodain, s oben S. 200 Anm. () tut sie einen Sprung auf fan zu und ergriff seine beiden Ohren an seinem Kopf Zwei Ohren der Schande und des Spottes sind hier, sagte sie, wenn Do mich nicht nit Dir nimmst. Weich von mir, o Weib, sagte er (LL: 260n, 24-44). Noisi hepachrichtigt sofort seine Brüder von der alligest, die auf Ihm lag: hitid ole de, arindoie. Ciabeith nacibiaso fomeball coin benemital imbethaid, Regmuitui lee itir maile 'Daraus wird Unheil kommen, sagen die Helden, Was aber auch werden mag. Du sollst nicht unter Schande sein, solange wir am Leben sein werden. Wir werden mit ihr in ein anderes Land ziehen' (LL 260a, 48-50). Das führen sie noch mit Gefolge in derselben Nacht aus.

Hier wird uns anschaulich geschildert, was in dem vorher erwähnten Beispiel (S. 219) einfach mit Rolaisi tru folkriid ailges fairsium co 'sie legte zum Schlaß eine nilgest auf ihn, daß' gegeben ist. Diese Deirdre, die Fran des Noisi mae Usnig, ist übrigens neben Emer, der Brau Onehultuns, bemerkenswert: beide, Deirdre und Emer, sind in der alten Heldensage der Iren die beiden einzigen stark hervortretenden weiblieben Figuren, die dem Manne ihrer Wahl in Glück und Unglück Treue halten, wobei Deirdre und Noisi unglücklich werden ; ihnen stehen die Medh, ihre Töchter Findabair und Sadb,

In der epischen Erzählung der jüngeren Heldensage von der Entführung Distribute deren Grainne, die hambieheiftlich zwar nicht über das 13. Jahehundert bieausgehlt, aber an den Allesten Texten der jüngeren Helderenge gehürt und wohl im to, Jahrhundert theer emien Entatchung mieli enriickgeben kann, ist die ganze Art. wie Grainne den Diarmalt an Stalle der Alteren Flun waldt in Ossianic Society 3, 54) eine Parallisis oder vielmehr direkts Nachshaung der alten Erzählung von der Wald Koisses

Conchend, die Tochter von Cet, Clothru, Mugain, Bläthnat und viele andere als Repräsentanten anderer sittlicher Anschauungen in erdrückender Fülle gegenüber. Oft geht die Werbung der Frauen gar nicht so zeremoniell vor sich wie bei Ebliu oder Deirdriu; wenn der Mann sich die Weihshilder trotz ihrer fürchterlichen gessa nicht so energisch vom Leibe hält wie Cuchultun bei dem Kriegszug es mit der als 'Tochter des Königs Bunr' in Gestalt eines jungen Weibes. mit Kleidung von jeder Farbe zu ihm kommenden Mörrigan unt (LU. 74a, 30ff.; YBL, 31b, 42 ff.), dann kriechen sie einfach zu dem Manne lus Bett wie Macha zu dem verwitweten Ulsterpächter Crumchu, um sich ein Kind zu holen (YBL, Ffra, 41), und stachein den Mann, der sich weigert, ihnen zo Willen zu sein, mit Holm an, wie Brig Brethach, die Frau des auch in der Tain bo Cuninge sich auszeichnenden Ulsterhelden, den alternden Blat in dem Sagentext Aided Chelichair (KUNO MEYER, Todd Lect. XV, S. 24).

Die ganze Gattung der aithela genannten Sagentexte in den Repertoiren der irischen Sagenerzähler des 10. Jahrhunderts ist also schon ebensosehr durch Ihren Namen wie durch viele Ihrer Einzelheiten eine Illustration der vom Standpunkt des Vaterrechts verkehrten Welt, wie sie in den Erzählungen der alten irischen Heldensage in weitem Umfang im Hintergrund erscheint; verkehrt ist aber diese Weit nur vom Standpunkt des Vaterrechts, das den Rahmen für den Hintergrund abgibt, in das sie nicht bineinpaßt. Dabei Milt sich ohne Schwierigkeit erkennen, daß dieser Zustand des Verhältnisses der Geschlechter einst in einer Ordnung der Gesellschaft, die im Hintergrand der Heldensage liegt, der natürliche muß gewesen sein, der legale, die Ordnung der Gesellschuft selbst. Es handelt sich also um ein offen anerkanntes Recht der Frau; es ist nicht ein zur Krankheit der Gesellschaft umgestaltetes individuelles Laster. sondern es ist der normale, der Gesundheitszustand einer Kultur, die im Hintergrand der irischen Sagentexte aus der älteren Heldensage erscheint. Danit steht etwas underes offenbar in engem Zusammenhang

Die S. 177-222 vorgeführten Dinge werden in den alten Texten des Cuchulinnsagenkreises nicht etwa wie etwas Pikantes mit beson-

durch Deirdre an Stelle des alteren Concholar. Auch Grainne ist dem Manne ihrer Wahl treu wie Deirdre, was deshalb ins Cowicht fallt, weil dies so seiten in irischer Sagenreschiehte bit; endlich wird das Paur Grainne und Diarmait abnoso von Ori zu Der gohrtzt win Deirdre und Nöist. Wir haben hier zu dem von mir anderweitig (Zisihr. f deutsches Altertum 35, 42-47, 154 ff.) an schlägenden Belipielen nachgewiesenen Vocgang, wie den Trägern der jungeren Heidensagn (Fim age) die Kompositionen and Matire der alten Heidensage bei den grofferen Epen (miegeneurthe Finte miteminwillin Concentiant, Cath Finntrage: Two to Chaluge, Accouling maintirache Sudurcharpus Companied) als Vortild vorschwehten, eines welteren Beieg.

derem Behagen erzählt, ebensowente aber mich mit erkennbaren Zeichen der Mißbilligung, wie man dies von Erzählern im christlichen Irland des 7. bis 10. Jahrhunderts erwarten möchte. Ebenso unbefangen wie die Sagenerzähler Druiden (druid) und Vaten (fathi) auftreten, die Helden 'zu dem Gott, bei dem ihr Clan (tunth) schwhri', schwören lassen, und von Christentum keine Spur in den Erzählungen vorhanden ist, ebenso sind für die Sagenerzähler des 9. Jahrhunderts die geschilderten sittlichen Zustände integrierender Teil der Gesellschaft jener Zeit, die sich in den Sagentexten widerspiegelt. Der Erzähler steht in der Tain bo Chalnge, Fled Brierenn und vielen anderen auf uns gekommenen Texten wie ein verax historieus - um ein Wort Bedas zu gebrauchen - dat er überliefert Personen und Dinge in dem Licht, wie er sie überkommen hat; es lat für ihn Geschichte, und da fälscht er nicht absichtlich und mit Bewußtsein'. daraus folgt, daß die Texte der alten trischen Heldensage, so viel geschlechtlichen Schmutz sie auch enthalten, nicht als unsittlich zu betrachten sind, sofern nicht die Vorführung der Dinge selbst, sondern die Absichtlichkeit, mit der sie vorgebracht werden, den Maßstab abgibt. An diesem Malistab gemessen, sind pikante Erzählungen viel Jüngerer hagiographischer frischer Literatur unendlich viel unsittlicher als die Erzählungen der nordirischen Heldensage in ihren ältesten Fassungen.

Nunmehr wende ich mich zum Ausgangspunkt der Untersuchung zurück (S; 176) und frage: Haben wir ein Recht zu sagen: Die in diesen Sagen - aus denen die Bilder von S 177-222 genommen slud zutäge tretenden Kulturzustände zeigen uns Elnrichtungen und Sitten der vorchristlichen Zeit - nämlich Irlands -, die im großen wie in vielen Fänzelheiten der altkeltischen Kultur des Kontinents entsprechen?' Haben wir ein Recht anzunehmen, daß solche Sitten, wie sie die Untersuchung S. 178-223 vorführte, bei den Frauen der Edlen der kontinentsien Kelten vorkemen, mit denen

[·] Wie unendlich hoch steht der lee des g./ro. Jahrhunderte in dem Punkt über den fren des 19./20. Jahrhunderts, wo der Zweck alle Mittel beiligt, wenn die fren auf flow Vergangenheit, also auch die Vorführung der alten Sagenstone kommen. Der Goist bewulkter Falselung hit erst durch die Kirche nach dem Anschließ an Rom in der zwischen 634 umt 2185 allmähllen geschaffenen Patricklegende in die klee bliehe Literatur eingeführt werden, nachdem einmal, wie Rerder sagt, das besse Prinzip angenommen war, daß man zum Nutzen der Kirche Lügen erfinden. Diehtungen schreifen durie, so war der historische Glaube verletzt, Zunge, Feder, Gedzehluss und Einhildungskraft der Menschen hatten ihre Regel und Richtschnur esp. foren (Herder, bleen XV. 1). Von kirchlicher Literatur drang das Gift dans im Verlaufe der Jahrhunderte überall in der irischen Literatur vor, bis absüchtliches und bewalkes Verheim Hohan der Wahrheit chanse patrintisch in Irland wiede wie es schon bluger Ausdrach frommer Gestimming war.

Griechen und Römer seit Anfang des 4 Jahrhauderts v. Chr. an verschirdenen Stellen in sehr nahe Berührung kamen? Drei intensive, Jahrhanderte dauernde Berührungen zwischen kontinentalen Kelten und Griechen-Römern kommen in Betracht.

Im ganzen 4. Jahrhundert sitzen keltische Stämme in der Donauchene durch Pannonien und Mösien; mit Ihnen stellt sich Alexander vor seinem Zug gut, und sie schieken Abgesandte, ihn in Babylon zu begrüßen; unter den Diadochen dringen Scharen von ihnen nach Süden bis Delphi, andere setzen much Kleinasien und gründen einen unabhängigen Keltenstaat am Halys (um 235). Welch eine Balle von Nachrichten über Kelten des Altertums ist hiervon zu den Griechen gekommen und, mit Nachrichten über kontinentale Kelten aus anderen Quellen vereinigt, in griechischen Schriftstellern zu finden. Bequem, much für die Bedürfnisse solcher, die nicht mehr Briechtsch lessni, sorgend, liegt es in dem sechshändigen Werk von Eon Gomony, Extraits des Auteurs Grees contenant la géographie et l'histoire des Gaules (d. h. Kelten) Paris 1878 - 1892 vor, womit Dom Bouquets Recueil iles Historiens des Gaules (1728) für unsere Zeit teilweise erneuert. ist. Ist in diesem gewaltigen Material ein Anhalt dafür zu finden. daß bei den kontinentalen Keiten dieses Gebieres vom Ende des 5 bis ins. 1. Jahrhundert v. Chr. ähnliche Verhältnisse in der Beziehung der Geschlechter zueinander geherrscht haben, wie sie uns die Erzühlungen der altirischen Heldensage (s. S. 178 - 223) in Irland um Christi Geburt verraten? Keine Spur.

Ende des 5. oder Aufang des 4. Jahrhunderts drangen keltische Stämme in Oberitalien ein und gründeten, vor Rom (390) auf ihrem Siegeslauf gehemmt, in Oberitalien sädlich und nördlich vom Po bis in die Alpen, zwischen fremden Völkern und über fremde Massen gebietend, eine Keltenberrschaft. Über 250 Jahre dauerten die Kümpfe der Römer mit diesen Kelten Oberitaliens und wohl 350 Jahre, his sie romanisiert waren. Haben wir über ihre Kultur Nachrichten, die uns berechtigen, das S. 178—223 entworfene Teilbild der Kultur der iriselien Kelten um die Zeit vor Christi Geburt kontinentalkeltisch zu neunen? Keine Spur.

Zwischen a 122 and 51 v. Chr. vollzog sich die Eroberung des transalpinischen Galliens durch die Römer, woran sich die allmähliche Romanisierung anschloß. Ausgezeichnete Quellen stehen uns hier zu Gebote. Und wie verhalten sie sich zu der mehrmals gestellten Frage? Aus der Fülle des Materials kann man und hat man (D'Arbois, La civilisation des Celtes et celle de l'épopee homérique 1899, S. 321) zu einem Zug aus dem vollen und saftigen Bilde nuf S. 178—225 eine scheinbare Parallele belgebracht. Aus dem siebenten Jahre des Krieges

in Galiten, der den allgemeinen Vezzweiflungsaufstand der Kelten brachte und in dem die Gemüter aufs höchste erregt waren, erzählt Gasar bei der Schilderung des vergeblichen Sturmes der Römer auf Gorgovia folgendes: Tum vero ex omnibus urbis partibus orto clamore qui lougius aberant repentino tumultu perterriti, cum hostem intra portas esse existimarent, sese ex oppido elecerunt. Motres familias de muro vestem argentunque jactabant et pertore ando prominentes passis manibus ofitextubantur Romanos ut sibi parcerent, nen sicut Avarioi fecissent, ne a mulicribus quidens et infantibus abstinerent: nomuellae de mura per manus demissae sese militibus tradebant (Bellum Galli VII, 47, 4-6). Diese Stelle scheint aber doch underer Anknüpfung und underer Auffussume faltig als der Gleichsetzung mit dem oben S. 196/197, 200, 208 beleuchteten Einzelzug aus dem Sittenbild der alten frischen Heldensage. Taciens meldet in der Schilderung der hohen Stellung der Franch der Germanen: memoriae proditur quasdam acies inclinatas iam et labantes a feminis restitutas constantia prevam et obiecta pretaram of monstrata comminus captivitats, quain longe impatientius feminarum suarum nomine timent, adeo ur efficacius obligentur animi civitatami nothus inter obsides puellar quoque nubiles imperantur Germania 8). wozu ja Cäsar selbst eine gute Illustration gibt, wenn er beim Auszug der Sueben und ihrer Verbündeten zur Entscheidungssehlacht schreibt: tum demun pecessario Germani suas copias castris edukerunt generatinque constituerunt paribus intervallis, Harudes, Marcomanos, Tribocos, Vangiones, Nemetes, Sedusios, Suebos omnemque aciem suam redis et carris circumilederunt, ne qua spes in fliga relingueretur. La milières imposuerunt, quae ad proclium proficierentes punsis munitus flentes implorabant, ne se in servitatem Romanis traderent (Bellum Gall, I, 51, 2). Dies Verhalten der Germanenweiber ist la klar and wird zustem von Client und Tocitus richtig gedeutet: Furcht vor Sklaverei und der für die Frauen daraus resultierenden Schunde Germanenweiber und Frauen kontinentaler Kelten haben dieser Schande oft den Tod vorgezogen, wie wir es z. B. aus der Schlacht auf Campi Raudii schiltren, wo ja germanische Cimbern und keltische Hilfstruppen unterlagen. Wer möchte aber damus den Schluß ziehen, daß Germanenfrauen und Keltenfrauen des Kontinents immer und unter allen Verhältnissen den Tod dem Leben in Schande, in der Sklaverei, vorzogen? Wenn dann ein so heftiges Kriegsjahr vorausging wie der Erhebungskrieg in Gallien im Jahre 52, wenn eine so lange und heftige Belagerung wie die von Gorgovia vorausging, die die Verteidigung immer aussichtsloser erscheinen ließ, ist es dann so auffellend, dass framen in Gorgovia, die zu der Gruppe solcher gehörten, die dem Tode alles andere vorzogen, in dem Momente, wo

die Feinde in die Stadt einzudringen schienen und die Eroberung des Platzes sicher schien, zu solchen Schritten griffen, wie sie Casar meldet! Ich sollte denken, wenn irgendwo, dann gilt bei einem Vergleich der absolut vereinzult dastehenden Meldung bei Casar mit dem geläufigen. In das ganze Sittenbild der alten irischen Heldensage passenden Zage aus dem alten Irland das Wort: Si duo faciunt idem, non est idem.

Wer aber einem solchen Gedankengange abhold ist, wer tiefere Zusammenhänge zwischen dem Verhalten der Germanenfrauen, wie Sage und Geschichte erzählen, über das Bild von der Belagerung Gorgovias hinüber zu dem oben S 196 197, 200, 208 gegebenen Kulturbilde aus dem nordirischen Heldenzeitalter sucht, etwa in dem Sinne, daß alte Gewohnheiten des Krieges bei kontinentalen Kelten und Germanen, wie sie Casar in dem Falle bei Gorgovia melder, bei den Germanen ebense verfeinert, wie sie bei den keltischen Goidelen in Irland vergröbert und verallgemeinert wurden - wer solche Gedankengänge liebt, der muß sich eine Gegenfrage gefallen lassen: wenn ein gemeinsamer Zug allem zugrunde liegt, warum muß dieser, da doeh weder Griechen noch Römer sonst Ähnliches von den kontinentalen Kelten wissen, keltisch im Sinne arisch-keltisch sein? Worde der Zug aus Bell. Gall. VH. 47 statt bei der Belagerung von Gorgovia in Gallia Celtica bei Belagerung einer Stadt südlich der Garumaa, also in Aquitania, erzählt werden, so würde kein Mensch ihn für kontinentalkeltisch zu erklären wagen trotz der Zeugnisse in der alten irischen Heldensage. Ist denn die Garumna seit urvordenklichen Zeiten Grenze zwischen Kelten und Aquitanera so, daß nie in Gallia Celtica hincin eine andere Bevälkerung als Kelten - Rasse- und Sprachkelten gesessen hätten? Damit kommen wir jedoch zu einem Problem, zu dessen Lösung noch andere Untersuchungen vorausgehen müssen, und das daher erst in Studie IV aufgenommen werden kann-

So viel wird wohl jeder, der dem Gedankengang S. 225/226 nicht zustimmen kann, zugeben: der Nagel Beil, taall VII, 47 reicht nicht hin, um alles, was S. 178—223 aus den Erzählungen der alten trischen Heldensage vorgebracht wurde, daran aufzuhängen, um also trotz des Mangels an Zeugnissen der Griechen und Römer über derartige Zustände kontinental-altkeltischer Kultur, wie sie das Heldenzeitalter Irlands kennt, sagen zu dürfen, daß uns in den Einrichtungen und Sitten, wie sie aus den Erzählungen der alten trischen Heldensage vorgeführt wurden, altkeltische Kultur des Kontinents vorliege. Die Art, wie die Erzählungen der alten trischen Heldensage fast allgemein verwendet werden, um Recht und Sitte der Kelten im Altertum darzustellen, wo andere Quellen schweigen, ist höhere Kritiklosigkeit;

sie wird hauptsächlich dadurch befördert, daß man sich eins nicht klarmacht; nicht unsittliche Zustände als solche sind charakteristischfür den Hintergrund der altirischen Heldensage, sondern daß Dinge als legitim durchscheinen, die unmöglich sind auf dem Boden des reinen Vaterrechts, also einer rein arischen Kultur, was die Kultur der Kelten ebenso wie der Germanen in grauer Vorzeit einstwar, als Rassen- (Volks-) Einheit und Spracheinheit bei ihnen noch identisch waren. Der Widerstreit, wie er bei Assimilierung eines Volkstums, dessen Gesellschaftsordnung auf einem anderen Prinzip als dem der arischen Völker aufgehaut ist, durch ein arisches Volkstum ganz natürlich in der Chargangszeit zutage troten muß, ist der historische Hintergrund der Erzühlungen der alten irischen Heldensage. Das soll die nächste Studie erweisen.

Ausgegeben am 28, Februar,



KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

23. Februar. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Secretar: Hr. Vanlan.

1. Hr. Neanst las .aber dle specifische Warme bei sehr

tiefen Temperaturens. (Ersch. später.)

Die Arheit bildet eine Fortsetzung seiner früheren Mittheilungen. Die Messungen sind bie zur Temperatur des düssigen Weisenstaffs geführt worden! ganz im Sinne sowohl der Quanientheorie von Plasses und Eissertes wie auch des vom Vortragenden entwickellen Würmelheorems fallen die Atoms bez. Molecularwärmen aller bisher nutersechten Stoffe bei fiefen Temperaturen zehr stark ab. Beispielsweise beträgt beim Stedepunkt des Wesserstoßs die Atomwärme des Bleis 27. diejenige des Kopfers aur mehr 0.2. während das Gesetz von Denosa und Perer bekanntlich den Werth 6 verlangt.

Es ergab sich bei diesen Untersuchungen zugleich eins sehr auffallende Beziehung eswischen dem Euergieinhalt der Metalle, wie er aus obigen Messangen folgt, und threm galvanischen Widerstund: die theoretische Deutung derselben im Sinne der Elektronen-

theorie finder such in older awesten von Hrn, Lawnessaws verfassten Natiz.

2. Hr. PROBENIUS trog eine Arbeit vor: Über den von L. Birnerbach gefundenen Beweis eines Satzes von C. Jordan.

Der Beweis des Hen. Hernenagen wird durch Eluführung des Begriffs der Sannnung einer Matrix, die für umtkre Substitutionen invariant ist, vereunfacht.

- 3. Hr. Warmere legte eine Abhandlung des Hrn. Dr. Nemiss in Berlin «Uber die Kerne des Diencephalon» vor, deren Aufnahme in den Anhang zu den Abhandlungen der physikalisch-mathematischen Classe von der Akademie genehmigt wurde.
- L Die Akademie hat die Aufnahme einer von Hrn. Conze in der Sitzung der philosophisch-historischen Classe vom 2. Februar vorgelegten Abhandlung des Hrn. Director Dr. Turonon Wiegann in Constantinopel: «Siebenter vorläufiger Bericht über die von den Königlichen Museen in Milet und Didyma unternommenen Ausgrabungenin den Anhang zu den Abhandlungen dieser Classe genehmigt.
- Die Akademie hat durch thre philosophisch-historische Classe Hrn. vos Wrianowrz-Moenienbourr zur Anfertigung von Photographien Plutarchischer Handschriften weiter 500 Mark bewilligt.

Die Akademie hat in der Sitzung vom 19. Januar den ordentlichen Professor der vergleichenden Sprachwissenschaft an der Universität Göttingen Dr. Jakon Wackermann, und in der Sitzung vom 9. Februar den ordentlichen Professor der vergleichenden Sprachwissenschaft und des Sanskrit an der Universität Bonn Geheimen Regierungsrath Dr. Hermann Jacobs zu correspondirenden Mitgliedern ührer philosophisch-historischen Classe gewählt.

Über einen Satz des Hrn. C. Jordan in der Theorie der endlichen Gruppen linearer Substitutionen.

Von Dr. Ludwig Bieberbach in Königsberg i. Pr.

(Vorgelegt von Hrn. Facensons in der Sitzung der phys.-math. Classe am 16. Februar 1911 [s. oben S. 171].)

In zwei im Cherreschen Journal (1878) und den Atti di Napoli (1879) erschienenen Abhandlungen hat Herr C. Johnna den folgenden Satz anf-

gestellt und bewiesen:

Jede endliche Gruppe in n hamagenen Variabeln besitzt eine ausgezeichnete Ansizehe Untergruppe derart, daß der Index derselben, d. h. der Quotient der Ordnung der Gruppe dividiert durch die Ordnung der Untergruppe eine nur von der Zahl n abhängige Grenze nicht überschreitet.

Weiterhin hat Hr. Bucarrer in zwei in den Transactions of the American mathematical society 1904 und 1905 erschienenen Abhand-

lungen einen neuen Beweis des genannten Satzes gellefert.

Im folgenden möchte ich einen dritten Beweis des Johnassehen Theorems mitteilen. Derselbe geht von der bekannten Tätsache aus, daß jede endliche Gruppe eine positive Humitische Form invariant hüßt und beruht in leizter Instanz auf elementaren Abschätzungen. Im § 1 gebe ich zunächst einige Sätze über die Transformation vom Gruppen, die ein und dieselbe Humitische Form invariant lassen, ineinander. Unter Benutzung dieser Sätze wird dann im § 2 mit Hilfe einer Methode, die in der Theorie der unendlichen Gruppen vielfüch Verwendung gefnuden hat, eine ausgezeichnete Annische Untergruppe konstrutert, der jedenfollt alle die Operationen angehören, deren charakteristische Gleiekungen lauter Wurzeln mit hinreichend wenig von Null verschiedenen Argumenten besitzen. Im § 3 wird dann gezeigt, daß der Index dieser ausgezeichneten Untergruppe eine nur von nachhängige Schranke nicht übersteigt.

Der Beweis liefert augleich eine explizite Angabe einer oberen Grenze für diesen Index, die allerdings viel zu hoch ist. Ich habe nuch keinen Wert darauf gelegt, alle Abschätzungen so scharf durchzuführen, als es möglich gewesen ware. Es lag mir nur daran, den

Beweisgang auseinanderzusetzen.

Einige Hilfssätze.

Bekanntlich läßt jede endliche Gruppe bomogener linearer Substitutionen in a Variabeln eine positive Hamarrische Form dieser a Variabeln von nicht verschwindender Determinante invariant. Da man diese durch eine lineare Transformation in die Hamarrische Haupt-

torm $H = \sum_i |x_i \hat{x_i}|$ (x konjugiert imaginār zu x_i) übertühren kann, so

dürfen wir immer annehmen, daß unsere Gruppen gerade diese Form festlassen. Das soll in dieser Arbeit immer geschehen. Dies ist wesentlich für das Gelingen unseres Beweises, do hlerbei die Relationen, die in diesem Falle zwischen den Koeffizienten einer Substitution bestehen, und die einfache Form, die infolgedessen die inverse einer gegebenen Substitution annimmt, benutzt werden. Wenn nümlich die Substitution

$$A = \begin{vmatrix} a_{12} \cdots a_{1s} \\ \vdots \\ \vdots \\ a_{s1} \cdots a_{ss} \end{vmatrix} = (a_3)$$

die Form H in sich überführen soll, so müssen die folgenden beiden Reihen von Relationen bestehen, die gegenseitig aus einander folgen;

1.
$$\sum_{i=1}^{n} a_{ii} \bar{a}_{ii} = 1, \qquad \sum_{i=1}^{n} a_{ii} \bar{a}_{ii} = 1, \\ (k = 1 \dots n)$$
2.
$$\sum_{i=1}^{n} a_{ii} \bar{a}_{ii} = n, \qquad \sum_{i=1}^{n} a_{ii} \bar{a}_{ii} = 0, \\ (k, i = 1 \dots n, k \ge i)$$

$$(k, k = 1 \dots n, k \ge i)$$

$$(k, k = 1 \dots n, k \ge i)$$

Infolgedessen hat die inverse Substitution die folgende Form:

$$A^{-1} = \begin{bmatrix} \hat{a}_{11} & \dots & \hat{a}_{m} \\ \vdots & \ddots & \vdots \\ \bar{a}_{1n} & \dots & \bar{a}_{m} \end{bmatrix}$$

Man neunt solche Substitutionen mitär Wesentlich die Relationen t. werden wir später zu benutzen haben. Zunächst müssen wir uns aber noch etwas näher an die Transformation der Heamtruschen Form, von der wir ausgingen, in die Hauptform, erinnern, um daraus einen Hilfssotz herzuleiten. Man kann nämlich zunächst mit Hilfe einer umitären Substitution die Heustrusche Form auf die folgende Gestalt bringen, wo die k. reelle positive Zahlen sind:

$$H' = \sum_{i}^{n} \langle k_i x_i \hat{a}_i \rangle$$

lst das geschehen, so kann man von hier durch eine nicht unitäre Multiplikation in leicht ersichtlicher Weise zu H übergehen. Hieraus kann man mühelos den folgenden Satz ablesen:

Jede lineare Substitution S (nicht verschwindender Determinante)
 kann in folgender Form geschrieben werden

$$S = U_1 M U_2$$
.

Dabei sind U_1 und U_2 unitäre Substitutionen. M ist eine Substitution, in der nur die Diagonalgiieder von Null verschieden, reell und pasitiv sind.

Der Beweis folgt so unmittelbar aus den vorigen Bemerkungen, wenn man H zunächst durch S in eine Hennresche Form überführt und von dieser auf die angegebene Weise zu H zurückgeht, daß wohl darüber kein Wort weiter zu verlieren ist.

Aus Satz 1 folgt aber sofurt der folgende — und den brauchen

Wir später:

II. Wenn zwei Gruppen G, und G, die H invariant lassen, überhaugt durch eine Substitution S invinander übergeführt werden können, so können zie auch durch eine Substitution U, die gleichfalls H festlößt, ineinander übergeführt werden, derart, daß U immer dieselben beiden Substitutionen ineinander überführt, die S ineinander überführt.

Man übersieht sofort, daß man zum Beweis nur zu zeigen hat, daß eine Multiplikation M mit positiven Koefflzienten, die eine unitäre Substitution wieder in eine unitäre Substitution überführt, notwendig mit derselben vertauschbar sein muß. Dann kann man $U=U_i\,U_i$ setzen und Satz II ist bewiesen.

Daß aber die eben aufgestellte Behauptung richtig ist, kann man so einsehen.

Sei

$$\dot{M} = (m_i)$$
 $m_i > 0$

die Multiplikation und

$$A = (aa)$$

eine unitäre Matrix derart, daß MAM^{\to} unitär ist. Ohno Beschränkung der Allgemeinheit dürfen wir annehmen, daß A nicht diese Form besitzt:

wo A, eine unitäre Matrix von r Zeilen ist. Denn sonst konnten wir eben jeden Bestandteil für sich behandeln.

Unter diesen Voraussetzungen ist nun zu zeigen, daß die m alle einander gleich sein müssen. Dann bilden wir uns MAM". Es ist

$$\left(\frac{m_s}{m}u_d\right)$$
.

Nun ist aber

$$1 = \sum_i |a_i| \hat{a}_i = \sum_i |\frac{m_i}{m_i^2} a_i \hat{a}_j.$$

Wir wollen nun annehmen, es seien nicht alle m_i einander gleich und daraus einen Widerspruch ableiten. Wir dürfen dann zuhig annehmen, daß m_i das größte oder eines der größten sei. Wir bilden die eben angeschriebene Relation für k=1. Diese können wir so schreiben:

$$\sum_{i}^{n} (m_{i}^{i} + \bar{m}_{i}^{i}) v_{ij} \bar{n}_{ij} = 0;$$

Daraus folgt sofort, daß jedesmal, we'nn in der ersom Kolonne der Matrix von A ein a_i , von Null verschieden ist, für dieses i $m_i = m_i$ sein muß. Es muß dies für mindestens ein m_i zutreffen, da sonst sofort aus dem umtären Charakter von A folgen würde, daß es die Form hätte, die es nach Voraussetzung nicht haben soll. Samit dürfen wir nun annehmen, daß einige m_i einander gleich sind. Ohne Beschränkung der Altgemeinheit dürfen wir natürlich annehmen, daß dies die ersten i, und nur diese sind, auf deren Gleichheit wir beim ersten Schritt schließen können. Dann sind also

$$u_{n+k+1}=u_{n+2n}\,\cdots\,=u_{n+k}=u_n$$

Nun biblen wir dieselbe Relation, die wir eben für k=1 betrachteten. für k=2,3... Dabel muß nun notwendig für mindestens ein weiteres m_i , otwa m_{i+1} , geschlossen werden können, daß m_i gleich ist. Denn undernfalls müßten in den ersten Kolonnen alle Konffizienten vom (i+1)ten ab versahwinden, und daraus würde wieder folgen, daß A eine Gestalt hat, die es nach Voranssetzung nicht haben soll. So kann man weiter sehließen und erhält schließlich den Beweis des Satzes

Diese Entwicklungen können auch aus der Arbeit des Hrn. Facarzuns «Über die kogeedienten Transformationen der bilinearen Formen», Sitzungsber. (Sob. § 3. S. (5. abgelesen werden. Dort wird gezeigt, daß irgend 2 unitäre (es ist dort von orthogonalen Substätntionen die Rede) aber die Betrachtungen übertragen sich sofort auf unitäre) Substitutionen, die durch eine Substitution in einander übergeführt werden, zuch durch eine unitäre aus einander hervorgehen, die, und darauf kommt es an, von der speziellen transformierten Substätu-

tion night abhilingt.

Folgerung I. Nehmen wir einmal an, es sei uns eine endliche Annache Gruppe unitärer Substitutionen vorgelegt. Dann können wir sie bekanntlich so transformieren, daß alle Operationen der Gruppe von der Normalform sind, d. h. nur in der Diagonale von Nufl verschiedene Koeffizienten besitzen. Da aber derartige Substitutionen selbst unitär sind — alle Diagonaleiemente sind ja Einheitswurzeln —, so folgt sofort, daß wir die Transformation durch eine unitäre Substitution völlziehen können. Daraus folgt, daß wir immer annehmen dürfen, daß die Operationen einer in einer unitären Gruppe onthaltenen Amzsehen Gruppe von der Normalform sind. Hiervon haben wir im nächsten Paragraphen Gebrauch zu machen.

Fölgerung 2. Es war oben davon die Rede, auf welche Form zwei vertauschbare Operationen immer gebrucht werden können. Nun mfissen wir uns an die Form erinnern, die zwei verhausehbare Operationen A und B notwendig immer besitzen. Für unsere Zwecke genügt es, die eine der heiden, erwa A, in der Normalform anzonehmen. Dabei mögen die e, ersten Multiplikatoren von A einander gleich und von allen anderen verschieden sein. Ebenso die i fidgenden einander gleich und von allen anderen verschieden usw. Dann ist B notwendig, wie bekannt, eine Substitution, die sich in leicht ersichtlicher Weise aus quadratischen Matzixen von v. Zeilen, v. Zeilen usw. zusammensetzl. Wenn aber nun eine Operation C zwar A nicht in sich selbst transformiert, wohl aber in eine andere Substitution überführt, die selbst von der Normalform ist, was kann man dann über C aussagen? Ich behaupte, dann muß in der Diagonalen von C notirendig mindeslens ein Knaffiziert verschwinden. Denn U entsteht aus einer Operation von der Art B durch Multiplikation mit einer Permutation der Variabeln, die ja bekanntlich zu den unitären Substitutionen gehören. Da aber diese Permutution nach Voraussetzung nicht lediglich die r. ersten Variabeln unter sich, die , folgenden unter sich usw. vertauschen soll, so folgt daraus oline weiteres die Behauptung

§ 2:

Konstruktion der ausgezeichneten Aussischen Untergruppe.

An die Spitze stelle ich den folgenden Satz:

III. Wenn die Koeffizienten zweier Substitutionen einer endlichen Gruppe untitter Substitutionen dem absoluten Betrage nach um weniger als $u = \left(\frac{1}{8\pi^2}\right)^2$ von den entsprechenden Koeffizienten der stentischen Substitution abweichen so sind die beiden naturendig miteinander verlauschbur.

236 Gesamutsitzong v. 23. Febr. 1911. - Mitth. d. phys.-math. Cl. v. 10. Febr.

Der Bequemlichkeit halber schreibe ich für den Beweis dieses Satzes die Koeffizienten der beiden Substitutionen in der folgemlen Form

$$A_1 = \begin{vmatrix} A + \overline{a}_{11}^{(0)} & a_{12}^{(0)} & \cdots & a_{13}^{(0)} \\ \vdots & & & & & \\ \overline{a}_{31}^{(0)} & \overline{a}_{33}^{(0)} & \cdots & 1 + a_{33}^{(0)} \end{vmatrix}.$$

Analog seien $a_{3}^{(i)}$ die Koeffizienten von A_{i} und $a_{2}^{(i)}$ die der gleich einzuführenden Substitution A_{i} . Die Voraussetzungen sind also die: die vorgelegte Gruppe, in der A_{i} und A_{i} vorkommen, ist endlich, und die $a_{3i}^{(i)}$, $a_{3i}^{(i)}$ sind dem absoluten Betrag nach kleiner als $\left(\frac{1}{8\pi^{i}}\right)^{3}$. Dann setze ich

$$\begin{split} J_1 &= J_1 J_2 \quad J_1^{-1} J_2^{-1}, \\ J_2 &= J_1 J_2 \quad J_2^{-1} J_2^{-1}, \\ J_3 &= J_1 J_3 \quad J_3^{-1} J_3^{-1} J_3^{-1}, \\ J_4 &= J_1 J_3 J_4 \quad J_4^{-1} J_4^{-1} J_4^{-1}, \end{split}$$

Betrachten wir nun die Koeffizienten $a_{+}^{(i)}$ von A_{+} . Sie sind ganze rationale Functionen der $a_{+}^{(i)}$, $\overline{a}_{-}^{(i)}$ und $a_{-}^{(i)}$, $a_{-}^{(i)}$, aber von der besonderen Art, daß jeder Term dieser ganzen rationalen Eunktionen, mit Ausnahme derjenigen, die sieh auf Grund der Relationen um Anfang des vorigen Paragraphen wegheben, immer mindestens einen Faktor mit dem oberen Index 1 und zugleich einen Faktor mit dem oberen Index 2 enthält. Denn wenn man einmal die $a_{-}^{(i)}$ irgendwie in Null öbergehen täßt, und ein zweites Mal mit dem $a_{-}^{(i)}$ ebenso verfährt, so muß in beiden Fällen A_{+} nuch seiner Delinition die identische Substitution werden. Nun ist leicht zu sehen, daß jede der erwähnten ganzen rationalen Funktionen höchstens 8m Glieder mit dem Koeffizienten I enthält. Hieraus und aus der vorigen Bemerkung folgt sofort, daß alle:

$$\left| | a_n^{(i)} | \right| < u^2 8 n^2 = \left(\frac{1}{8 n^4} \right)^8 = \mu^{\frac{1}{2}},$$

Schließt man ebenso bei A_{ij} das sich ja ans A_i und A_i gerade so sufbaut wie A_i ans A_i und A_i , so findet man

$$\left|\left.a_{\mu}^{(i)}\right.\right|<\mu\cdot\mu^{\frac{1}{2}}\cdot gn^{\ast}=\mu^{\ast}.$$

and allgemein gilt

$$|u|^{m}$$
 $|<\mu,\mu^{\frac{k-1}{2}},8\pi^{2}=\mu^{\frac{k}{4}}$.

Hieraus erkeunt man, daß sich A, mit wachsendem A immer mehr der Identität nähert. Da die Gruppe aber nach Voraussetzung endlich ist, muß die Identität nach endlich vielen Schritten erreicht werden. Sei etwa A. die erste Substitution, die der Identität gleich ist. Dann folgt daraus, daß A., und A. miteinander vertausehbar sind. Wir dürfen also nach Folgerung i des § 1 annehmen, daß beide von der Normalform sind. Es ist also

$$1 = A_1 = A_1 A_{-1} A_1^{-1} A_{-1}^{-1}$$
 oder $A_{1-1} = A_1 A_{1-1} A_1^{-1}$

Daraus wollen wir nun schließen, daß nuch A, und A, miteinander vertausehbar sind, eben unter Benutzung der Kleinheit der Koeffizienten der Substitutionen. Es war nämlich weiter

$$A_{i,j} = A_i A_{i+1} A_i^{-1} A_{i+1}$$

oder

$$A_i^{-1}A_{-i} = A_{-i}A_i^{-1}A_{-i}^{-1}$$

Da aber A and A beide von der Normalform sind, so ist such A, A, and der Normalform. Also transformiert A, eine Substitution von der Normalform wieder in eine Substitution von der Normalform. Wenn diese von der ersten verschieden ist, so muß nach Folgerung 2 im § 1 mindesteus, ein Koeffizient in der Diagonalen von A. Null sein. Da aber alle diese Koeffizienten in der Diagonalen nur weniger als un', also um weniger als t von t abweichen, so ist dies nicht möglich. (Die Substitutionen, die wir jetzt nach der Transformation von A, und A, auf die Normalform verfinden, gehen nämlich aus Substitutionen, deren Koeffizienten um weniger als a von den entsprechenden der identischen Substitution abweichen, durch eben diese Transformation hervor, und deshalb weichen die genannten Koeffizienten um weniger als μn^2 von 1 ab.) Also muß $A_1^{-1} = A_1^{-1} A_{1-1}$ sein. Daraus folgt aber, daß A = 1. Also war A, nicht, wie wir voraussetzten, die erste der Identität gleiche Substitution. So sind wir auf einen Widerspruch gekommen, der sich nur dann hebt, wenn die erste der Identität gleiche Substitution A, 1st, denn dann nur können wir die eben eingehaltene Schlußweise nicht wiederholen. Wenn aber $A_i = 1$, so sind A_i and A_j vertauschbar, whe wir beweisen wollten.

Hilfssatz: Seien $e^{3}e^{1/4}$ $(h=1\cdots n)$ die Wurzeln der charakteristischen Gleichung einer unitären Substitution von endlicher Ordnung. Wenn dann für alle h $|\sin \mathbb{S}_1 2\pi| < \frac{\mu}{32n}$, $-\frac{1}{8} < \mathbb{S}_3 < \pm \frac{1}{3}$, dann sind sämtliche Koeffezienten der Substitution dem absoluten Betrage nach um weniger als die Zahl u von Satz III von den enteprechenden Koeffizienten der identischen Substitution verschieden.

Um diesen Satz zu beweisen, ist es zweckmäßig, Reelles und Imaginäres zu trennen: wir erhalten dann eine reelle orthogonale Substitution, deren Koeffizienten die reellen und imaginären Bestandteile der Koeffizienten der unitären Substitution sind. Wenn wir also wissen, daß die Koeffizienten einer derartigen orthogonalen Substitution dem absoluten Betrage nach om weniger als $\frac{n}{2}$ von den Koeffizienten der telentischen Substitution abweichen, so sind die Koeffizienten der ursprünglichen unitären Substitution dem absoluten Betrage nach um weniger als u von den Koeffizienten der identischen Substitution verschieden.

Mun sicht nun aber sofort ein, daß der obige Satz bewiesen ist, wenn wir folgendes gezeigt haben: nämlich, daß für alle orthogonalen Substitutionen A m In Variabeln in der Operation

$$\mathbf{B} = A \mathbf{A} A^{\pm}, \quad A = (a_2),$$

$$\mathbf{wo} \quad \mathbf{A} = \begin{bmatrix} \mathbf{A}, & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \mathbf{A}_4 & \cdots & 0 \\ 0 & \mathbf{A}_4 & \cdots & 0 \end{bmatrix} \quad \text{and} \quad \mathbf{A}_* = \begin{bmatrix} \cos \frac{\pi}{2}(2\pi) & -\sin \frac{\pi}{2}(2\pi) \\ \sin \frac{\pi}{2}(2\pi) & \cos \frac{\pi}{2}(2\pi) \end{bmatrix},$$

die sämtlichen Kocffizienten um weniger als $\frac{\mu}{2}$ von denjenigen der identischen Substitution abweichen, wofern für alle 3, die Bedingung des Hilfssätzes besteht. Wir wollen das amächst für A beweisen und dam allgemein

Da $\cos \mathbb{R}/2\pi = 1 + (1 - \cos \mathbb{R}/2\pi)$ and $1 - \cos \mathbb{R}/2\pi < |\sin \mathbb{R}/2\pi|$ $< \frac{\mu}{32\pi}$, wolven our $-\frac{1}{3} < \mathbb{R} < +\frac{1}{5}$, so is die Behauptung für A evident.

Um sie mm allgemein zu beweisen, schließen wir ganz wie schon früher bei ähnlicher Gelegenheit. Die Differenzen zwischen den Koeffizienten der identischen Substitution und den Koeffizienten von B sind ganze rationale Funktionen der a_a und a_a sowie der sin 5.2π und $1-\cos 3.2\pi$, wobei aber in jedem Glied der ganzen rationalen Funktion mündestens einer der beiden letztgenannten Ausdrücke vorkommt, weil durch Nullsetzen derseiben die ganzen rationalen Funktionen verschwinden. Jede dieser rationalen Funktionen hat aber höchstens 16a Glieder. Also ist jede dem absoluten Betrag nach kleiner als $\frac{\mu}{2}$, und damit ist der Hilfssätz bewiesen.

Folgerung I. Fassen wir um alle Operationen A. A. ... der Gruppe ins Auge, für deren sämtliche charakteristischen Wurzeln die Bedingung des Hilfssätzes besteht. Dann enthält ersichtlich das System dieser Operationen zu jeder Operation, die darin vorkommt, auch alle

in unserer Gruppe damit konjugierten Substitutionen. Nach Satz III sind aber mit Rücksicht auf den Hilfssatz alle Operationen des Systems miteinander vertauschbar. Daraus folgt, daß die Gruppe, die sich durch bellebige Zusammensetzung der A. untereinander rezeugen läßt, eine Austsche und, wie uns der letzten Bemerkung folgt, ausgezeichnete Untergruppe unserer endlichen Gruppe ist.

Diese Gruppe ist es, deren ladex, wie wir im nüchsten Paragruphen zeigen werden, eine nur von n abhängende Schranke nicht übersteigt. Bevor wir jedoch dazu übergehen, müssen wir zunächst noch eine zweite Folgerung über diese Anntsche Gruppe ziehen.

Folgerung 2. 1ch behaupte nümlich. In dieser Auszehen Gruppe sind insbesondere alle die unitären Substantionen enthalten, deren sämtliche Koeffizienten um weniger als der von denjenigen der identischen abweichen.

Wir betrochten zum Beweis die dieser unitären entsprechende orthogonale Substitution, deren Koeffizienten also auch um weniger als un von denjenigen der Identität abweichen. Wir brauchen dann nur zu zeigen, daß die sämtlichen Transformierten einer solchen Substitution Koeffizienten besitzen, die um weniger als product von denjenigen der identischen Substitution abweichen. Denn unter diesen Koeffizienten sind ja auch die sin Sien enthalten, und dann folgt untere Behauptung nach der Schlußweise der ersten Folgerung. Um aber dies zu beweisen, brauchen wir nur einfach die Schlußweise, die zu unserem Hilfssatze führte, zu wiederholen. Die Zahl der in den rationalen Funktionen vorkommenden Glieder ist nämlich jetzt < 32n

\$ 30

Der Index der ausgezeichneten Annaschen Untergruppe.

Um zu beweisen, daß der Index unserer ausgezeichneten Untergruppe eine auf von a abhängige Schranke nicht übersteigen kann, verfahren wir folgendermaßen. Wir fassen das System aller derjeutgen Operationen $A_1, A_2 \cdots$ der Aberschen Untergruppe ins Auge, deren sämtliche Koeffizienten um weniger ab $\frac{n}{32^nn^n}$ von denjenigen der identität abweichen. Anderseits bilden wir uns ein System von Operationen $B_1, B_2 \cdots$ der Gesamtgruppe (nicht der Anxischen) derart, daß keine zwei der B_1 durch Multiplikation mit einem A_2 aus einander hervorgehen. Ich werdt dann beweisen, daß die Anzahl der Operationen B_2 eines solchen Systems kleiner ist als $\kappa(n) = (1 + 32^nn^n)^{n/n}$. Damit ist aber dann zugleich bewiesen, daß auch der Index der Annischen Unterp

gruppe kleiner ist als diese Zahl $\lambda(a)$. Denn der Index der Untergruppe ist doch die Maximalzahl von Operationen, die ein System enthalten kann, wenn keine zwei derselben durch Multiplikation mit einer Operation der Untergruppe aus einander hervorgehen sollen. Die A. gehören aber der Untergruppe an.

Wir gehen also Jetzt zu dem in Aussicht gestellten Beweis über. Um mich kürzer ausdrücken zu können, will ich z Substitutionen, die durch Multiplikation mit einem A_i (dessen Koeffizienten also um weniger als $\frac{\mu}{82^2n^2}$ von denjenigen der Identität abweichen) benachbart nennen. Dann gilt zunächst der folgende Satz:

Wenn in 2 Substitutionen entsprechende Koeffizienten dem absoluten Betrag nach um veniger als propositionen voneinander abweichen, so sind sie benachbart. Das kann, wie wohl ohne weiteres einleuchtet, ganz nach unserer oft angewandten Schlußweise gezeigt werden.

Wir fragen also nun, wieviel Substitutionen ein System höchstens enthalten kann, wenn keine z Operationen darin vorkommen sollen, in welchen entsprechende Koeffizienten um weniger als ander abweichen, d. h. in welchen die absoluten Beträge der Differenzen entsprechender Koeffizienten kleiner sind als diese Zahl.

Dazu bemerke ich zunächst folgendes. Nach den Relationen des § 1 ist die Quadratsumme der absoluten Beträge in einer jeden Zelle gleich 1. Somit sind die Koeffizienten komplexe Zahlen vom absoluten Beträg ≤ 1 . Wir haben also nur festzustellen, wieviel verschiedene Punkte wir im Einheitskreis oder auf seiner Peripherie wählen können, wenn keine zwei der Punkte um weniger als $\frac{\mu}{3y^2n^4}$ von einander entfernt sein sollen.

Diese Zahl « ist aber ersichtlich kleiner als $\left(\frac{32^3n^3}{2\mu}+1\right)^2$. Wenn man diese Überlegung für alle Koeffizienten anstellt, so ist die Maximalzahl von Operationen, die ein System nicht benachbarter enthalten kann, offenbar kleiner als «". Domit ist aber dann auch bewiesen:

Der Index der ausgezeichneten Abelschen Untergruppe ist kleiner als $x^{\mu} = \lambda(n) = (1 + 32^n n^m)^{n/2}$.

Über den von L. Bieberbach gefundenen Beweis eines Satzes von C. Jordan.

Von G. FROBENIUS.

Jede endliche Gruppe von Matrizen nien Grades besitzt eine kommutativinvaviante Untergruppe, deren Index eine gereisse nur von n abhängige Grenze nicht überschreitet.

Für diesen Satz hat Hr. Burnungen hier einen Beweis entwickelt, der die beiden bisher bekannten Boweise der HH. Jornax und Binnerung an Einfachbeit weit übertrifft, wenn auch der letztere für die wirkliche Bestimmung der Gruppen des Grades a mehr leistet. Dieser neue Beweis läßt sich, ohne an seinem Gedankengange etwas wesentliches zu ändern, formal merklich vereinfachen.

baß namlich die Koeffizienten einer Matrix R kleine Werte haben, drücke ich dadurch aus, daß die Summe S ihrer n³ Normen unter einer gewissen Grenze µ liegt, während Hr. Bassenaam dies von dem absoluten Betrage z des größten Koeffizienten aussagt. Die Größe S nun bleibt ungeändert, wenn R durch zwei undare Substitutionen U, V nun bleibt ungeändert, wenn R durch zwei undare Substitutionen U, V transformiert, also durch URV ersetzt wird, während z keinerlei Invarianteneigenschaft besitzt. Jene zuerst von Hrn. I. Schwa in seiner Arbeit Uber die charakteristischen Wuczeln einer Invaren Substitution mit einer Anwendung auf die Theorie der Integrulgbeichungen, Math. Annalen Bd. 66 benutzte Größe S ist daher weit bequemer als z zu verwenden, und zugleich gewinnt die ganze Untersuchung auf diese Weise un Anschaultehkeit. Um den scharfsinnigen Beweis des Hrn. Beneunach leichter zugänglich zu machen, will ich meine Vereinfachung seiner Entwicklung kurz dariegen.

§ 1.

Die Substitutionen einer endlichen Gruppe is lassen eine positive Hammusche Form ungeändert. Transformiert man diese durch zwei konjugiert komplexe Substitutionen in die Hamptform E. so werden jene waithe, genügen also den Bedingungen

$$(U) \qquad UU = E, \qquad \bar{U}'U = E, \qquad \bar{U}' = U^{-1},$$

wo U die zu U konjugiert komplexe Matrix bezeichnet. Jede dieser drei Gteichungen ist eine Folge jeder andern.

Sind $r_1,r_2,\cdots r_s$ die charakteristischen Wurzeln der Matrix der Form $R=\sum r_{ss}x_sy_s$, so bezeichne ich mit

$$\chi(R) = \sum r_{ii} = \sum r_i$$

die Spur von R. Dann ist

$$\chi(RS) = \chi(SR) = \sum_{s,i} \tau_{ki} \tau_{is}.$$

Ferner bezeichne ich mit

$$(4.) \qquad \Rightarrow (R) = \chi(RR') = \chi(R'R) = \sum_{n \in I} r_{n \in I} \bar{r}_{n \in I}$$

die Summe der Normen der n^* Koeffizienten, die Spannung von R. Sind dann U und V unitäre Formen, so ist

$$\mathfrak{p}(UR) = \chi(\bar{R}'\bar{U}'UR) = \chi(\bar{R}'R) = \mathfrak{p}(R)$$

und

$$(5.) \qquad \Rightarrow (R) \Rightarrow (UR) \Rightarrow \Rightarrow (RV) \Rightarrow \Rightarrow (URV).$$

Nun ist

$$A - B = (AB^{-1} - E)B = B(B^{-1}A - E).$$

Ist also B unitar, so ist

(6.)
$$\Rightarrow (A-B) \Rightarrow (E-AB^{-1}) \Rightarrow (E-B^{-1}A)$$
.

Für je zwei Formen ist nach der Schwanzschen Ungleichheit

$$(7.1) \qquad \qquad V = (P - Q) \leq V + (P) + V + (Q).$$

Jede unitäre Form A kann durch eine unitäre Substitution P in

$$L = P^{-1}AP = \overline{P}^{\prime}AP = \sum u_{i,\overline{u}_i}y_i$$

transformiert werden, worin $a_1, a_2, \cdots a_s$, die charakteristischen Wurzeln von A, den absoluten Betrag I haben.

Denn ist α eine Wurzel der Gleichung |xE-A|=0, so kann man die n Größen q_n , q_n , q_n , so bestimmen, daß sie den Bedingungen

$$\sum_{s} a_{s1} q_{s1} = a q_{s1} \quad (s = 1, 2, \dots s) \quad \text{and} \quad \sum_{s} q_{s1} \bar{q}_{s1} = 1$$

genügen. Zu der Spalte q_n , q_n , q_n , kann man der Reihe auch eins zweite, dritte, mte Spalte so bestimmen, daß die n Gleichungen

Q'Q=E erfüllt werden (Scaru, § 1). Bewegen sich z und σ von 2 bis n, so ist dann in der Form Q'AQ=C

$$e_{i1} = \sum_{i,k} q_{i1} a_{ki} q_{i1} = a \sum_{i} \bar{q}_{i1} q_{i1} = a, \ c_{i1} = \sum_{i,k} q_{i1} a_{ki} q_{i1} = a \sum_{i} \bar{q}_{i2} q_{i2} = 0.$$

Da ferner C eine unitäre Form ist, so ist

$$t = \sum_{i} \tilde{c}_{i,1} e_{i,1} = \tilde{a} a_i, \qquad 0 = \sum_{i} \tilde{c}_{i,1} e_{i,2} = \tilde{a} e_{i,1}$$

Daher verfällt die Form

$$\theta = ax_iy_i + \sum_{i,i} c_{ii} x_iy_i$$

vollständig in zwei Formen, die beide unitär sind. Nimmt man von der zweiten, die nur n-1 Varlabelnpaare enthält, die Behauptung bereits als bewiesen an, so gilt sie auch von A

Man kann dabel die charakteristischen Wurzeln a_i , a_{ij} o, in einer solehen Reihenfolge wählen, daß $L=aE_1+bE_2+cE_3+\cdots$ wird, werin a_i,b_i,c_j,\cdots verschieden sind, und

$$E_i = x_i y_i + \cdots + x_r y_r$$
, $E_i = x_{i+1} y_{r+1} + \cdots + x_{r+1} y_{r+r} \cdots$

ist. Ist nun B eine mit A vertauschbare unitäre Form, so ist nuch $P^- AP = L$ mit $P^- BP = M$ vertauschbar, und mithin ist die Form $M = B_1 + B_2 + R_3 + \cdots$, worin B_1 nur von den ersten "Variabeln-paaren abhängt, B_1 nur von den folgenden s usw. Sel Q_1 eine unitäre Substitution für $x_1, \cdots x_n$, die B_1 in die Normalform transformiert usw. Dann transformiert $Q = Q_1 + Q_2 + Q_3 + \cdots$ die Form M in die Normalform. Ferner transformiert Q, die Form aE_1, Q_2 die Form bE_3, \cdots , mithin Q die Form L in sich selbst. Die unitäre Substitution PQ = U transformiert also die beiden miteinander vertauschbaren unitären Formen A und B gleichzeitig in die Normalformen

$$U^{-1}AU = \sum a_1x_1y_1, \quad W^{-1}BU = \sum b_1x_1y_1.$$

§ 2.

1. Set $C = ABA^{-1}B^{-1}$ der Kommutator der beiden unitären Formen A und B, und sei $\Im(E-B) < 4$. Ist dann A mit C vertruschbar, so ist auch A mit B vertruschbar, also C = E.

Ist A mit $C = A(BAB^{-1})^{-1}$, also auch mit BAB^{-1} vertauschbar, so kann man A und B durch dieselbe unitäre Substitution U so transformieren, daß

$$A = \sum a_1 x_2 y_2, \quad BAB^{-1} = \sum b_1 x_2 y_2$$

wird. Die Spunning $\Im(E-B)$ bleibt dabei nach (5.) ungeändert, weil $E-U^{-1}BU=U^{-1}(E-B)U$ ist. Da jene beiden Vormen ähnlich sind, so müssen $a_1,a_2,\dots a_r$ mit $b_1,b_2,\dots b_s$ übereinstimmen, abgesehen von der Reihenfolge, und mithin ist $BAB^{-1}=P^{-1}AP$, wo P eine Permutation ist, also eine Matrix der Determinante $|P|=\pm 1$, worin in jeder Zeile und in jeder Spalte ein Koeffizient gleich 1 ist, die n-1 andern verschwinden. Ist z. B. P die Matrix der Substitution $y_s=v_s,y_s=v_s,y_s=v_s,\dots$, so ist $P^{-1}AP=P^*AP$ die der Form $a_su_1v_1+a_5u_2v_2+a_5u_3v_3+\dots$, die durch diese Substitution und die kogrediente $z_n=u_1,x_3=u_4,x_5=u_4,\dots$ aus $A=\Sigma a_kx_ky_1$ hervorgebt.

Ist nun PB=Q, so ist AQ=QA. Wird dann, wie oben, $A=aE_1+bE_2+\cdots$ gesetzt, so sei Q gleich

Qii Qii - Qii - Qii Qii -

wo $Q_{s3}=E_sQE_s$ ist, also die Teilmatrix Q_{ts} aus den Koeffizienten von Q besteht, welche die Zeilen $1,2,\ldots r$ mit den Spalten r+1, $r+2,\ldots r+s$ gemeinsam haben. Damit Q mit A vertausehbar sel, ist notwendig und hinreichend, daß $Q_{s3}=0$ ist, falls α von β verschieden ist.

Angenommen nun, P sei nicht mit A vertauschbar. Wird dann P in analoger Weise in die Teilmatrizen P_{e2} zerlegt, so muß mindestens eine der Matrizen P_{e3} , worin z von S verschieden ist, einen von Null verschiedenen Koeffizienten $p_a=1$ enthalten, etwa eine solche, worin $z<\hat{S}$ ist, so daß auch $z<\lambda$ ist. Da $Q_{a3}=0$ ist, so ist $q_{a4}=0$. Die übrigen Koeffizienten p_a der zuen Zeile von P sind dann 0, also alle Koeffizienten einer Zeile von P_{aa} , so daß die Determinante $|P_a|=0$ ist. Es muß aber auch mindestens eine der Matrizen P_{a4} , worin $\gamma>\delta$ ist, einen Koeffizienten $p_{a4}=1$ ($\mu>\gamma$) enthalten. Sonst wäre nämfich $|P_a|=|P_{14}||P_{24}||P_{24}||\dots=0$,

Da P eine (reelle orthogonale) unitare Matrix ist, so ist nach (6.) z(E-B) = z(E-P-Q) = z(P-Q)

$$\geq \|p_{ax} - q_{ax}\|^{2} + \|p_{ax} - q_{ax}\|^{2} + \sum_{i} \|p_{ix} - q_{ix}\|^{2} + \sum_{r} \|p_{ax} - q_{ax}\|^{2}.$$

wo φ die Zahlen 1, 2, ... n mit Ausschluß von \times , und wo σ diese Zahlen mit Ausschluß von λ durchläuft. Denn da $p_{**}=1$ ist, so ist $p_{**}=p_{**}=0$, und da $p_{**}=1$ ist, so können die Indizes ω_{*} weder mit $\varphi_{*}\lambda$ noch mit \times , σ übereinstimmen. Nun ist QQ=E, mithin

$$t = |q_{st}|^{b} + \sum_{s} |q_{ss}|^{s} = a + \sum_{s} |p_{ss} - q_{ss}|^{b},$$
 st

und folglich ist

$$\mathbb{P}(E-B) \ge 4$$
.

Ist also $\Im(E-B) < 4$ oder allgemeiner $\Im(L-B) < 4$, wo L irgendeine mit A vertauschbare Form ist, so ist A mit B vertauschbar.

11. 1st C der Kommutator der beiden unitären Formen A und B,

$$(8.) \qquad \qquad \exists (E-C) \leq 2 \, \exists (E-A) \, \exists (E-B) \, .$$

Transformiert man A und B durch eine unitäre Substitution U in $U^{-1}AU$ und $U^{-1}BU$, so geht auch C in $U^{-1}CU$ über. Die Spannungen

 $z(E-A) = a_*$ $z(E-B) = b_*$ z(E-C) = c

bleiben dabei ungeandert. Daber können wir annehmen, daß A die Normalform hat. Dann ist nach (6.)

$$z = \exists (E - AB(BA)^{-1}) = \exists (BA - AB) = \exists (A(E - B) - (E - B)A)$$
$$= \sum |a_{*}(e_{**} - b_{**}) - (e_{**} - b_{**})a_{*}|^{3}.$$

demmach.

$$(9) \quad \Xi(E + ABA^{-1}B^{-1}) = \sum_{n,n} |a_n - a_n|^2 |a_n - b_{nn}|^2 = \sum_{n \in \mathbb{N}} |a_n - a_n|^2 (|b_{nn}|^2 + |b_{nn}|^2).$$

Nun ist $|a_*-a_*| \le |1-a_*|+|1-a_*|$. Rezeichnet man diese beiden positiven Summanden mit p und q, so ist

$$a = \sum |1-a_4|^2 \ge p^2 + q^2 = \frac{1}{2} (p+q)^2 + \frac{1}{2} (p-q)^2 \ge \frac{1}{2} (p+q)^2.$$

also $|a_* - a_*|^* \le 2a$ and mithin

$$c<2a\sum|a_{sk}-b_{sk}|^2=2ah$$

lst R unitar, so ist

$$\Rightarrow (E-R) = \chi ((E-R)(E-R')) = \chi (2E-R-R)$$
.

well $\chi(S) = \chi(S')$ ist, und wenn $e^{i\phi_1}, \dots e^{i\phi_n}$ die charakteristischen Wurzeln von R sind, also

die Normalform von R ist, so ist

(10.)
$$\Rightarrow (E-R) = \sum_{i} (1-e^{-i\phi_{i}})(1-e^{-i\phi_{i}}) = 4\sum_{i} \sin^{2}\left(\frac{1}{2}\phi_{i}\right) \le 4\pi.$$

lst z. B.

$$A = \begin{pmatrix} e^{i\alpha} & 0 \\ 0 & e^{-i\alpha} \end{pmatrix}, \quad B = \begin{pmatrix} \cos(\beta) & -\sin(\beta) \\ \sin(\beta) & \cos(\beta) \end{pmatrix}.$$

so ist

$$a = 8 \sin^2\left(\frac{a}{2}\right), \qquad b = 8 \sin^2\left(\frac{\beta}{2}\right)$$

word much (9.)

$$c=2\left(\sin^2(z)+e^{-i\alpha}\right)^2\sin^2(5)=8\sin^2(z)\sin^2(3)=2ab\cos^2\left(\frac{a}{2}\right)\cos^2\left(\frac{5}{2}\right),$$

Dies Beispiel, das ich Hrn Senen verdanke, zeigt, daß in der Formel (8.) der Zahlenfaktor 2 nicht durch einen kleineren, konstanten oder von n abhängigen, ersetzt werden kann. Der folgende Satz III ist auf diese beiden Matrizen nicht anwendbar, well sie nicht eine endliche Gruppe erzeugen. Übrigens ist in (8.) stets c < 2ah und nur dann c = 2ab, wenn a oder b = 0 ist.

III. Sind A und B zwei unitäre Formen einer endlichen Gruppe, und ist

$$\ni (E-A) < \frac{1}{2}$$
, $\ni (E-B) < 4$;

so ist A mit B vertauschbor.

Sei C der Kommutator von A und B, D der von A und C, \cdots N der von A und M. Dann ist

$$\label{eq:energy} \exists \; (E-C) < 2a \, \exists \; (E-B) = 2ab \,, \quad \exists \; (E-D) < 2a \, \exists \; (E-C) < (2a)!b \,,$$
 alignmein

$$\Rightarrow (E-N) < (2a) \cdot b$$
,

falls N die viv der Formen $C, D, \cdots K, L, M, N$ ist. Ist min die Größe 2a < 1 (nicht = 1), so nehmen ihre Potenzen unbeschränkt ab, und da die Gruppe $\mathfrak G$ endlich ist. so muß einmal $\mathfrak I(E-N) = 0$, also $N = AMA^{-1}M^{-1} = E$ werden. Demunch ist A mit M, dem Kommutator von A und L, vertauschbar. Da außerdem $\mathfrak I(E-L) \le h < 4$ ist, so ist A auch mit L vertauschbar, dem Kommutator von A und K, also auch mit K und jeder vorhergehenden Form, mithin auch mit B.

insbesondere sind je zwei unitäre Formen einer endlichen Gruppe vertauschbar, für die 2 % (E-S) < 1 ist.

Sind A und B zwei vertauschbare unitäre Matrizen, so sind es auch $e^{i \cdot A}$ und $e^{i \cdot B}$. Daher sind nach (10.) zwei Matrizen stets vertauschbar, wenn in jeder die Sinus der halben Differenzen der Phasen $\phi_1, \phi_2, \dots, \phi_s$ absolut $<\frac{1}{\sqrt{8\pi}}$ sind.

Seien E, S, T, U, ... die sämtlichen Formen der Gruppe \mathfrak{G} , welche der Bedingung $2\mathfrak{F}(E-S) < 1$ genügen. Mit S genügt ihr auch S^{-1} , weil $E-S^{-1} = -S^{-1}(E-S)$ ist, und $R^{-1}SR$, falls R irgendeine Form von \mathfrak{G} ist. Daher ist

$$\hat{\Xi} = E + \hat{S} + T + U + \dots = R - (\hat{S})R$$

cin in \mathfrak{M} invarianter Komplex. Je zwei der Formen von \mathfrak{S} sind miteinander vertauschbar. Die von ihmen erzeugte Gruppe \mathfrak{M} ist also eine kommutative invariante Untergruppe von \mathfrak{M} . Von ihrem Index $r = (\mathfrak{M} : \mathfrak{M})$ gilt der Satz von Josooks.

Sei A ein Element von \emptyset , das nicht in \mathfrak{S} enthalten ist, B ein Element, das weder in \mathfrak{S} noch in $\mathfrak{S}A = A\mathfrak{S}$ enthalten ist, C ein Element, das weder in \mathfrak{S} , noch in $\mathfrak{S}A$, noch in $\mathfrak{S}B$ enthalten ist, bis schließlich

$$\mathfrak{G} = \mathfrak{S} + \mathfrak{S} A + \mathfrak{S} B + \dots + \mathfrak{S} P + \dots + \mathfrak{S} Q + \dots$$

ist. Die Anzahl dieser Komplexe sei s. Da ⊗ in der Gruppe R enthalten ist, so ist auch

$$\mathfrak{M} = \mathfrak{M} + \mathfrak{R} A + \mathfrak{R} B + \cdots + \mathfrak{R} P + \cdots + \mathfrak{R} Q + \cdots$$

Die Anzahl der verschiedenen unter diesen Komplexen ist r = (0.91). Daher ist $r \le s$.

Zwei Komplexe $\mathfrak{S}P$ und $\mathfrak{S}Q$ können Elemente gemeinsam haben. Aber Q ist nicht in $\mathfrak{S}P$ enthalten, und P nicht in $\mathfrak{S}Q$. Denn wäre P=SQ, so wäre $Q=S^{-1}P$, wo S^{-1} in \mathfrak{S} enthalten ist. Für jedes Element SP des Komplexes $\mathfrak{S}P$ ist

$$25(P-SP) = 25(E-S) \le 1.$$

Ist umgekehrt für irgendein Element R von @

$$2\Rightarrow (P-R) = 2\Rightarrow (E-RP^{-1}) \le 1$$
.

so ist $RP^{-i}=S$ in \mathfrak{S} , also R=SP in $\mathfrak{S}P$ enthalten. Da Q nicht in $\mathfrak{S}P$ enthalten ist, so ist dempach

Let p_s = $w_{si} + ix_{si}^r$, so iso

$$\gamma = \sum_{i} p_{i\lambda} \hat{p}_{i\lambda} = \sum_{i} (x_{i\lambda}^{i} + x_{i}^{i}).$$

Die $m=2n^s$ reellen Größen x_* , x_* , deren absolute Werte daher 1 sind, bezeichne ich in einer bestimmten Reihenfolge mit $x_1, x_2, \cdots x_n$, ich neuns sie die Koordinaten von P. Sind dann $y_1, y_2, \cdots y_n$ die Koordinaten von Q, so ist

(141.)
$$2\sum_{i}(x_i - y_i)^{i} \ge 1$$
.

Für jede unitare Matrix P ist

$$(12.)$$
 $-1 \le x_1 \le +1$, $-1 \le x_2 \le +1$, \cdots , $-1 \le x_3 \le +1$.

ich wähle nun eine positive Größe k und zerlege das Intervall $-1 \le x \le +1$ in die Teilintervalle

Das ganze Intervall bat die Ausdehnung 2, jedes Teilintervall die Ausdehnung h, nur das letzte hat eine kleinere Ausdehnung und kann unter Umständen aus der Zahl +1 allein bestehen. Die Auzahl der Teilintervalle ist daher $\leq \frac{2}{h} + 1$. Wird diese Einteilung für jede der im Koordinaten ausgeführt, so zerfällt das Gebiet (12.) in

$$s' \leq \left(\frac{a}{b} + 1\right)^n$$

Teilgebiete. Liegen zwei Stellen $x_1, x_2, \dots x_n$ und $y_1, y_2, \dots y_n$ in demselben Teilgebiet, so ist

$$|x_n - y_n| < h_1$$
 $2 \sum (x_n - y_n)^s \le 2mh^s = 1$.

fulls

$$\frac{1}{h} = \sqrt{2m} = 2n$$

gesetzt wird. Nach (****) kann daher in keinem der s' Teilgebiete mehr als eine der s Stellen E, A, B, C, ... liegen. Mithin ist s' \geq s \geq r und folglich

(13)
$$r \leq (4n+1)^{4n!}$$

Diese Grenze kann man mit Hilfe bestimmter Integrale leicht verschärfen. Die Punkte E, A, B, ... liegen nämlich auf der Kugel $E(P) = \sum x^* = u$, die mit dem Radius $\varphi = \sqrt{n}$ um den Anfangspunkt beschrieben ist. Je zwei sind um mehr als $2\sigma = \sqrt{\frac{1}{2}}$ voneinander entfernt. Beschreibt man um jeden eine Kugel vom Radius σ , so haben nach (7.) keine zwei dieser s Kugeln einen Punkt gemeinsam. Sie liegen alle zwischen den beiden mit den Radien $\varepsilon + \sigma$ und $\varepsilon - \sigma$ um den Nullpunkt beschriebenen Kugeln.

Ist aber das Volumen einer Kugel vom Radius I gleich z, so ist das einer Kugel vom Radius z gleich zz". Daher ist

$$s\sigma^* < (\rho + \varepsilon)^n - (\rho - \varepsilon)^n$$

and mithin

(14.)
$$r < (\sqrt{8n+1})^{2n^2} - (\sqrt{8n-1})^{n+2}$$
.

SITZUNGSBERICHTE

1911

DER

XI.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

2. März. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

 Hr Srumer las off ber die Bedeutung des Ähnlichkeltsverhältnisses bei der mechanischen Reproduction der Vorstellungen. (Ersch. später.)

Giebt nun zu, dass Reproductions niemals die Wiederkehr einer individuell identischen, sondern immer nur des Auftreten einer der feüheren Vorstellung übnlichen, im Grenzfälle gleichen. Vorstellung bedeuten kinne, so ordnen sieh alle Fälle der soge-nannten Abnilchkeitsreproduction unter die riehtig verstandene Formel der Berührungs-reproduction.

 Vorgelegt wurde das mit Unterstützung der Akademie erschienene Werk des Prof. Abuckts: «Untersuchungen zu Kast's physischer Geographie.» Tüblingen 1911.

Ausgegeben um 9. März.



SITZUNGSBERICHTE

1011.

DER

XII.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

2. März. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Waldever.

 Hr. Russer sprach über - Verlust und Wiedererneuerung im Lebensprocess -. (Ersch. später.)

Der Vortragende entwickelt zunächst historisch, welche Bedenung der Gedanke der Omsumption der lebenden Theile durch das Leben für die Theurie der Ernührung gehalt habe, uml geht dam an der Hand neuer Experimente am Menschen dazu fiber, in schildern, welche Stellung die norderne Physiologie zu dieser Frage der Consumption einnehmen mitsee und welche Geösse der letzteren zukommt und von welchen Bedingungen sie abhängig sei.

2. Vorgelegt wurde Heft 47 des akademischen Unternehmens
Das Pflanzenreich+, enthaltend die Euphorbiaceae-Clayticae von F. Pax und die Cephalotaceae von J. M. Macramann Leipzig (91)

Über die Gauss'sche Theorie der elliptischen Functionen.

Von F. Schottky.

(Vorgetragen am 1 December 1910 [s. Jahry, 1910 S. 9891)

Den Arbeiten von Jacom und Abri, hauptsächlich den um 1828 erschienenen . Fundamenta. und den . Recherches., verdauken wir unsre Kenntniss der elliptischen Functionen. Zu diesen Arbeiten der beiden Entdecker sind Notizen aus dem Nachlass von Gauss gekommen, die weit spilter veröffentlicht, aber weit früher niedergeschrieben sind. als Apri's und Jacom's Untersuchungen; eine Zeitangabe in dem Gaussschen Handbuche lautet: «Functiones Lemniscaticas considerare coeperamus 1797. Januar. 8. Die Gauss schen Notizen, so zahlreich sie sind, geben keine vollständige Theorie. Sie geben die Gedanken eines grossen Mathematikers über einen wichtigen Gegenstand, und es tritt in thuch gegen das, was Ann und Jacon mitgetheilt haben, ein Unterschied hervor, der nicht unwesentlich ist: Gauss ist nicht, um zur Darstellung der elliptischen und Thetafunctionen zu kommen, durch das complicirte Transformations- und Multiplicationsproblem hindurchgegangen. Auch betrachtet Gauss die elliptischen Eunetionen wesentlich als abhängig von zwei Veränderlichen: eine davon ist die eigentliehe Variable, die andre der Parameter, an dessen Stelle später der Modul tritt. Mir scheint sogar, dass die Modultheorie für Gauss die Hamptsache gewesen ist. Die Gauss'schen Notigen zu erganzen, so, dass eine abgeschlossene Theorie daraus entsteht, ist bei der Unvollständigkeit des Materials eine schwierige Sache. Was ich hier thun will, ist Folgendes. Ich greife einige der Gedanken von Garss auf. um von dem, was Gauss sowohl wie Jacom erreicht haben, eine Darstellung zu geben, die unch denen verständlich sein soll, die nicht eigentliche Mathematiker sind. Dazu ist es nöthig, dass ich in dem Hauptiheil der Untersochung von der Benutzung imaginärer Werthe ganz absehe. Ich stelle mir geradezu die Aufgabei die Theorie der reellen elliptischen Functionen zu entwickeln, und bestrebe mich hierbei, nicht möglichst neue, sondern möglichst einfache Vorstellungen zu verwenden. Ich vermeide auch mehrdeutige Ausdrücke. Wenn Wurzelgrössen oder Logarithmen auftreten, so sind es immer positive Wurzeln, reelle Logarithmen positiver Grössen.

Gelit man aus von der Gleichung der Ellipse

$$\frac{x^3}{b^3} + \frac{y^3}{b^3} = 1$$

und betrachtet x und y als abhängig vom Ellipsenbogen s, so ist es vortheilhaft, neben x und y noch eine dritte Coordinate des Ellipsenpunktes einzuführen, eine positive Grösse c, deren Quadrat

$$z^i = \frac{b^i}{a^i} x^j + \frac{a^i}{b^i} y^i$$

ist. x, y und z sind periodische Functionen von s. Ihre Periode ist der Umfang der Ellipse, den wir mit $2\pi R$ bezeichnen, so dass R der Radius der Ellipse ist. Vermehrt man s um den halben Umfang, so gehen x und y in -s und -y, z aber in sich selbst über.

Es ist, bis auf constante Factoren. $\frac{dx}{ds}$ mit $\frac{y}{z}$, $\frac{dy}{ds}$ mit $\frac{x}{z}$, $\frac{dz}{ds}$ mit $\frac{xy}{z^2}$ identisch. Wir fügen eine fünfte Veränderliche u hinzu, und zwar so, dass

$$\frac{du}{ds} = \frac{1}{s^2}$$

ist. Diese Grösse u durchläuft, da z beständig zwischen a und h bleibt, gleichzeitig mit s das ganze Zahlenintervall von $-\infty$ bis $+\infty$; wir können sie deshalb zur unabhängigen Veränderlichen machen. Das hat den offenbaren Vorthell, dass wir einfachere und gleichmässigere Differentialbeziehungen erhalten. Der Differentialquotient jeder der drei Coordinaten nach u ist bis auf einen constanten Factor gleich

dem Product der beiden andern Coordinaten; es ist ausserdem $\frac{ds}{du}=z^{s}$.

Dass damit der Anfang einer Theorie gemacht ist, muss sieh erst zeigen, indem man weiter schliesst.

Zunächst ergänzen wir die Voraussetzungen. Wir nehmen andass der Bogen vom höchsten Punkte der Ellipse gerechnet wird, und zwar positiv nach rechts. Wir nehmen ferner an, dass u gleichzeitig mit s verschwindet. Dann sind z und u ungerade, y und z gerade Functionen von s, und wenn wir u als unabhängige Veränderliche

254 Sitting der phys. math. Clause v. 2. Marz 1911. — Mitch. v. 1. Dec. 1910.

ansehen, so sind x und s ungerade, y und z gerade Functionen von u. —

Es ist ferner $\frac{du}{ds} = \frac{1}{z'}$ eine Function von s, die ungeändert bleibt, wenn man die Veränderliche s um den constanten Werth $R\pi$ vermehrt, u selbst muss sich hierbei um eine positive Grösse vermehren. Aber diese muss, da $\frac{du}{ds}$ ungeändert bleibt, eine Constante sein; wir nennen sie $A\pi$. Dann folgt, wenn wir nungekehrt x, y, z und s als abhängig van u betrachten, dass die beiden ersten Grössen in -x, -y übergehen, z in sich selbst, und s in $s+R\pi$, wenn man u um $A\pi$ vermehrt. Die wichtige Differenz As-Ru ist ebenso wie x', y', z' and z selbst eine periodische Function von u mit der Periode $A\pi$.

Auf der oberen Hälfte der Ellipse sind x, s und u Grössen, die gleichzeitig zunehmen; es ist

$$\begin{split} u &= \int\limits_{z}^{t} \frac{dx}{z\sqrt{a^{z}-x^{z}}}\,, \qquad \varepsilon &= \int\limits_{z}^{z} \frac{z\ dx}{\sqrt{a^{z}-x^{z}}}\\ z &= \sqrt[3]{a^{z}-xx^{z}}\,, \qquad \kappa &= i - \frac{b^{z}}{a^{z}}\,. \end{split}$$

Die Grösse z, die wir hier einführen, wäre nach Legender und Jacom als & zu bezeichnen; aber wir wollen den Fall, wo b grösser als a und demnach z negativ ist, nicht ausschliessen. Daher kann z jeden Werth haben, der kleiner als 1 ist, auch den Werth O.

Die aufgestellten Integrale, erstreckt von —a bis +a, geben $A\pi$ und $R\pi$; erstrecken wir sie von a bis a, so erhalten wir $\frac{A\pi}{2}$ und $\frac{R\pi}{2}$. Es ist demnach

$$\frac{\pi}{2}A = \int \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}} \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}}, \quad \frac{\pi}{2}R = \int \frac{\sqrt{a^2 - x^2}}{\sqrt{a^2 - x^2}} \frac{dx}{\sqrt{a^2 - x^2}},$$
$$\left(x = 1 - \frac{b^2}{a^2}\right).$$

Nehmen wir y als Integrationsvariable, so bekommen wir dieseiben Ausdrücke, nur mit Vertausehung von a und b; auch x ist durch $1-\frac{a^s}{b^s}$ zu ersetzen. Daher sind A und R symmetrische Functionen von a und b.

Es sind ausserdem R und $\frac{1}{A}$ Mittelwerthe zwischen a und b. Dies ist leicht zu sehen, da die Grösse $z = Va^* - \times x^*$ zwischen a und b bleibt, und

$$\int_{\sqrt{a^2-x^2}}^2 dx = \frac{\pi}{2}$$

ist. Die Grösse $M = \frac{1}{A}$ ist das Gayss'sche Mittel zwischen a und b.

R und A sind Functionen von a und b. Aber der Quotient und das Product

$$\frac{R}{a} = \varepsilon, \ Aa = a$$

hängen bloss von dem Verhältniss der beiden positiven Grössen ab. Es ergieht sieh, wenn man in den Integralen x durch ax ersetzt:

$$\frac{\pi}{2}x = \int_{1}^{1} \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} \frac{dx}{\sqrt{1-x^2}} , \quad \frac{\pi}{2}x = \int_{1}^{1} \frac{\sqrt{1-x^2}}{\sqrt{1-x^2}} dx .$$

Wir fügen endlich noch diejenigen Ausdrücke hinzu, die sich ergeben, wenn man in den Integraten die dritte Coordinate z zur Integrationsvariablen macht. Wir setzen dabei voraus, dass a grösser als b ist, dass somit z abnimmt von a bis b, wenn x von o bis a zunimmt. Dann wird:

$$\frac{\pi}{2} A = \int_{1}^{a} \frac{dz}{Va^{2} - z^{2} Vz^{2} - b^{2}}$$

$$\frac{\pi}{2} R = \int_{1}^{a} \frac{z^{2} dz}{Va^{2} - z^{2} Vz^{2} - b^{2}},$$

Wenn wir unter f(u) entweder die Eunetion x, oder y, oder z verstehen, und die Ableitung von f(u) mit f'(u) bezelchnen, so ist

$$(f'(u)) = k + lf'(u) + mf'(u),$$

wo k, l, m drei Constanten bedeuten. Functionen, die einer solchen Gleichung genügen, haben ein Additionstheorem. Den wichtigen Satz hat Euren bewiesen, aber nicht in dieser Form ausgesprochen: er hat dadurch die Entdeckung der eiliptischen Functionen seinen Nachfolgern überlassen! Ein einfacher Beweis ist folgender:

Aus der angenommenen Gleichung ergieht sich durch Differentiation

$$f''(u) = lf(u) + 2mf'(u)$$
.

Es sei g(u) eine zweite Function, die derselben Differentialgleichung genügt. Dann ist identisch:

$$f^*(u)(g'(u))^* - g^*(u)(f'(u))^* = (f^*(u) - g^*(u))(k - mf^*(u)g^*(u)).$$

Von den Factoren auf der rechten Seite nennen wir den ersten L, den zweiten M. Auch die linke Seite zerfällt in zwei Factoren, f(u)g'(u)-f'(u)g(u) und $f(u)g'(u)+g(u)f'(u)=\frac{d}{du}(f(u)g(u))$. Wir nennen den ersten G, den zweiten H. Dann ist GH=LM; es ist ferner:

$$\frac{dG}{du}=f(u)g''(u)-f''(u)g(u)=-z\inf(u)g(u)\left(f^*(u)-g^*(u)\right),$$

also:

$$\frac{dG}{du} = -2mf(u)g(u)L.$$

Es ist aber auch:

$$\frac{dM}{du} = -\operatorname{inf}(u)g(u) \; \frac{d}{du} \left(f(u)g(u) \right) = -\operatorname{inf}(u)g(u)H \, .$$

Folglich isu:

$$\frac{dG}{du} : \frac{dM}{du} = L : H = G : M.$$

Darans ergiebt sich, dass der Quotient

$$\frac{G}{M} = \frac{L}{H} = c$$

eine Constante ist. Es besteht also zwischen f(n) und g(n) eine algebraische Gleichung, die hier in zwei Formen: G=eM und L=eH dargestellt ist.

Es sei w trgend ein von v unabhängiger Werth. Dann können wir g(u) = f(u+w) setzen, denn f(u+w) genügt derselben Differentialgleichung wie f(v) Indem wir v = 0 setzen, erhalten wir für v einen Ausdruck durch f(w) und f'(w). Wir können demnach sagen: Bei

^{*} Genen dasselbe: gilt von Niess Hessen Aber. Die Aber Schen Functionensind, ebenso wie die Theta, ganz eine Erfindung deutseher Mathematiker. — Man vergleiche übrigens mit den Entwicklungen dieses Paragraphen: Gauss Werke, Bd. III, Leumiskatische Functionen II, instessondere Art. 14, S. 423—483.

willkürlichen Werthen von u und w besteht eine algebraische Gleichung zwischen f(u), f(w) und f(u+w).

Diese Gedanken sind etwas allgemeiner, als wir sie brauchen. Wir verstehen unter f(u) speciell die ungerade Function x; wir setzen ausserdem, da es auf die Wahl der Längeneinheit nicht ankommt, es aber vortheilhaft ist, nur einen Parameter zu haben, mit Lroesder und Jacom, u gleich v. Wir haben es dann nur mit zwel Functionen v und v zu thun, die den Gleichungen

$$\left(\frac{dx}{du}\right)^s = (1-x^s)(1-xx^s), \quad \frac{ds}{du} = 1-xx^s$$

genügen. Sie sind beide ungerade; ihre Ableitungen werden gleich i für u = 0.

In diesem besonderen Falle ist, wenn wir unter g(u) die Function f(u+w) verstehen:

$$M = 1 - \kappa f^*(u) f^*(u + w)$$
, $G = f(u) f'(u + w) - f'(u) f(u + w)$

and c = -f(w): denn für u = 0 reducirt sich M auf t; G auf -f(w). Es bestehen also, bei willkürlichen Werthen von u und w, die Gleichungen:

$$\begin{split} \frac{f(u)f'(u+w)-f'(u)f(u+w)}{v-xf^*(u)f^*(u+w)} &= -f(w), \\ -f(w)\frac{d}{du}\left(f(u)f(u+w)\right) &= f^*(u)-f^*(u+w). \end{split}$$

Daraus folgt zunächst das Additions- und Subtractionstheorem der Function f(u) in der bekannten Gestalt:

$$\frac{f(u)f'(u') + f(u')f'(u)}{1 - \kappa f''(u)f''(u')} = f(u + u'),$$

$$\frac{f(u)f'(u') - f(u')f'(u)}{1 - \kappa f''(u)f''(u')} = f(u - u');$$

ferner aber die Gleichung:

$$s(u+w)-s(u)-s(w) = -xf(u)f(w)f(u+w)$$
.

Denn wenn man die Ausdrücke auf beiden Seiten, die beide für u=0 verschwinden, nach u differenzirt, so erhält man links, da $s'(u)=1-\kappa f'(u)$ ist: $\kappa(f^2(u)-f^3(u+w))$, und rechts dieselbe Function. Wir setzen hier w=u' und w=-u', und addiren die beiden Gleichungen. Dann folgt:

$$s(u+u') + s(u-u') - 2s(u) = -xf(u)f(u')(f(u+u) - f(u-u')).$$

Der Ausdruck rechts ist, nach dem Additions- und Subtractionstheorem der Function f(u), gleich

$$\frac{-2 \times f(u) f'(u) f'(u)}{1 - \times f'(u) f''(u)}.$$

und dies ist gleich $\frac{i}{N}\frac{dN}{du}$, wenn wir den Nenner mit N bezeichnen. Es ist also:

$$s(u+u')+s(u-u')-2s(u)=\frac{1}{N}\frac{dN}{du}$$

$$N=1-xf^{s}(u)\ f^{s}(u')\,.$$

Diese Gleichung, gewonnen durch Integration aus einer Form des Additionstheorems für f(u), weist darauf him, dass wir mit dem Integriren noch nicht fertig sind. Am einfachsten wäre es, eine Function einzuführen, deren Ableitung s(u) ist. Aber wir müssen vorsichtig sein. Es handelt sich hier um die erste Einfährung der Jacom'schen Thetafunction, um die Gaess'sche aneue Transcendente die so wichtig ist, dass, sobald man ihre Eigenschaften kennt, das Interesse an den Integralen u und a sowie an den elliptischen Functionen selbst dagegen zurücktritt.

u und s waren aufs Gerathewohl so definirt, wie sich diese Grössen zumächst darbieten, wenn man an nichts Anderes denkt. Aber, was bis jetzt bewiesen ist, bleiht im Wesentlichen bestehen, wenn man zu u noch einen constanten Factor hinzufügt und wenn man zu durch eine lineare Function von u und s ersetzt. sändert sich um so, wenn sich u um an ändert; die Differenz

bleibt ungeändert. Wir können demnach die elliptische Bogenfunction ϵ in zwei Theile zerlegen, von denen der eine, $\frac{\beta}{Z}u$, proportional u ist und somit positiv wie negativ beliebig gross werden kann, während der Rest, $\frac{f}{Z}$, periodisch ist mit der Periode $z\pi$ und daher zwischen endlichen Grenzen schwankt:

Mit den Eigenschaften der Function t und der sich an t anschliessenden S hat die Zahl α , die in complicirter Weise von x abhängig ist, wenig zu thun. Wir setzen deshalb zweitens:

$$u = zv$$
.

Dann ist / eine ungerade Function von c, die ungeändert bleiht, wenn man c um v vermehrt.

Das Integral von t, $\int t dv$, muss eine gerade Function von v sein, und sie könnte sich höchstens um eine Constante ändern, wenn man v um π vermehrt. Diese Constante muss ϕ sein. Denn ist:

$$\phi(v+\pi) = \phi(v) + C, \ \phi(-v) = \phi(v).$$

so folgi daraus, indem man r durch - c-π ersetzi:

$$\phi(v) = \phi(v + \pi) + C$$

es ist ilso U = 0.

Nun bilden wir, indem wir unter e einen vorläufig willkürlich bleibenden constanten Factor verstehen,

$$9(v) = ve^{\int dv}$$
.

Dann haben wir eine geralle Function von r, mit der Periode =, die nicht verschwinden, also auch nicht ihr Zeichen ändern kann: sie genügt der Gleichung

$$t \Im = \frac{d\Im}{dr} \; ,$$

und c ist der Werth, den sie für c=0 annimmt. Das einfachste wäre, c=1 zu setzen. Aber man wird von vornherein vermuthen, dass wir diese Bestimmung später ändern müssten.

Nehen $\Im(v)$ führen wir, mit Jacosi, eine zweite Function $\Im_v(v)$ ein, wiederum mit einem vorläufig willkürlich bleibenden constanten Factor C_v indem wir

$$Cx = \frac{S_1(v)}{S_1(v)}$$

setzen. x ist ungerade und ändert auch sein Vorzeichen, wenn man u um $x\pi$, also v um π vermehrt. Dieselben Eigenschaften hat demnach $S_r(v)$. Es ist

$$S_1(v+\pi) = -S_1(v); \ S_2(-v) = -S(v),$$

wahrend:

$$\Im(v+\pi)=\Im(v);\ \Im(-v)=\Im(v)$$

ist. — Nun gehen wir zurück zur letzten Additionsformel, die wir mit z multiplieiren. Es ist

$$\alpha s(u) = \beta u + \frac{1}{\Im(v)} \frac{d\Im(v)}{dv}.$$

260 Sitzung der phys.-math. Classe v. S. März 1911. - Mitth: c. 1. Dec. 1910.

Entsprechende Ausdrücke haben wir für as(u+u), as(u-u'), wenn wir neben u=av auch u'=ar' einführen. Es wird ausserdem

$$N = i - \frac{\varkappa}{C^*} \Big(\frac{\Im_i(v) \, \Im_i(v')}{\Im(v) \, \Im(v')} \Big)^*.$$

Wir haben also, wenn wir die Ableitung von $\Im(v)$ mit $\Im(v)$ bezeichnen:

$$\frac{\Im'(v+v')}{\Im(v+v')} + \frac{\Im'(v-v')}{\Im(v-v')} - 2\,\frac{\Im'(v)}{\Im(v)} = \frac{1}{N}\,\frac{dN}{dx}\,.$$

Diese Gleichung können wir integriren; es folgt aus ihr, dass

$$\frac{\Im(v+v')\ \Im(v-v')}{\Im^*(v)\ \Im^*(v')}$$

sich von N nur um einen constanten Factor unterscheidet. Dieser Factor ist auch von r' unabhängig, da beide Ausdrücke in Bezug auf r und r' symmetrisch sind. Aber es kommt auf den constanten Factor weniger au, als darauf, dass hier bewiesen ist:

Das Product $\Im(v+v')$ $\Im(v-v)$ lässt sich linear und homogen, mit Coefficienten, die von e unabhängig sind, durch $\Im^*(v)$ und $\Im^*(v)$ ausdrücken

Von $S_i(t+r)$ $S_i(t-r)$ gilt dasselbe.

Denn bilden wir das Product f(u+u') f(u-u'), so ist dies einerseits, bis auf einen constanten Factor, mit

$$\frac{\Im_{i}(v+v')}{\Im(v+v')}\frac{\Im_{i}(v-v')}{\Im(v-v')}$$

undrerseits, nach dem Additions- und Subtractionstheorem, mit

$$\frac{f^*(u) - f^*(u')}{1 - x f^*(u) f^*(u')}$$

identisch. Der Nenner des letzteren Ausdrucks ist proportional

$$\frac{\Im(v+v')}{\Im^2(v)}\frac{\Im(v-v')}{\Im^2(v')}$$

Demnach 1st $\Im_i(e+r')$ $\Im_i(e-r')$ proportional

$$S^{2}(v)$$
 $S^{3}(v')$ $(f^{2}(u)-f^{2}(u'))$.

also proportional

Wir kommen so su dem Satz:

Die beiden Functionen S(v) und $S_r(v)$ haben die Functionaleigenschaft, dass alle Functionen, die sich ergeben, wenn man in den Producten S(v+v') S(v-v') und $S_r(v+v') S_r(v-v')$ für v' verschiedene

constante Werthe setzt, sich linear und homogen durch zwei unter ihnen ausdrücken lassen.

Der Satz bedarf noch einer Ergänzung. Betrechten wir das Additionstheorem für f(u+u'). f(u+u') selbst ist proportional

$$\frac{\Im_i(v+v')}{\Im(v+v')}$$
.

In dem Ausdruck, der f(u+u') darstellt, ist der Nenner proportional

$$\frac{\Im(v+v')\Im(v+v')}{\Im^*(v)\Im^*(v')}.$$

Es ist daher

$$\Im_i(v+v')\Im(v-v')$$
 mit $\Im'(v)\Im'(v')\left(f(u)f'(u')+f(u)f'(u)\right)$

his auf einen constanten Factor identisch. Setzt man für den Augenblick S'(v)f(u) = L(v), S'(v)f'(u) = M(v), so hat man:

$$\Im_i(e+v')\Im(e-v') = \lambda L(e) + \mu M(v),$$

wo λ , μ von v unabhängig sind. Die Producte $\Im(v-v')\Im_i(v+v')$ bilden daher ebenfalls eine Schaar von Functionen der Variabeln v_i in der sich nur zwei linear unabhängige belinden.

\$ 3.

Wir haben bei der Definition von 3 und 9, zwei constante Factoren willkürlich gelassen. Der eine, c, ist der Werth von 5 für v = 0, der andre, C, kommt in der aufgestellten Gleichung

$$C_1x=\frac{3}{9}$$

vor. σ and C können Functionen von π sein; wenn wir sie zweekmässig bestimmen wollen, müssen wir \Im and \Im , als Functionen von v and π betrachten. Das Entscheidende sind die partiellen Differentialgleichungen, denen \Im und \Im , genügen. Sie sind deshalb etwas umständlich aufzustellen, weil man es zuerst mit den Grössen u und v zu thun hat, von diesen aber zu v und v übergehen muss. Da \Im , und, bis auf den Vorzeichenwechsel, auch \Im , ungeändert bleibt, wenn man v um v vermehrt, so können wir uns auf die Werthe von v zwischen v und v un

$$u = \int_{1}^{t} \frac{dx}{\sqrt{1 - x^{2}} \sqrt{1 - xx^{2}}}, \quad s = \int_{1}^{t} \frac{\sqrt{1 - xx^{2}}}{\sqrt{1 - x^{2}}} dx.$$

Sie sind hiermit gegeben als Functimum von x und x. Thre partiellen Ableitungen nach x bezeichnen wir mit u' und x. Es ist dann-

$$a' = \frac{1}{2} \int_{-2}^{z} \frac{x^{2} dx}{\sqrt{1 - x^{2}} \sqrt{(1 - xx^{2})^{2}}} \,, \quad s' = -\frac{1}{2} \int_{-2}^{z} \frac{x^{2} dx}{\sqrt{1 - x^{2}} \sqrt{1 - xx^{2}}} \,.$$

Die letzien beiden Integrale lassen sich mil u und s zurückführen. Es ist, wenn

$$(x-x^2)(1-xx^2)=R$$

gesetzt wird:

$$2x(1-s)u' = s - (1-s)u - \frac{xx(1-x')}{\sqrt{R}}$$
$$2xs' = s - u,$$

wie sich sofort ergiebt, wenn man die rechtsstehenden Ausdrücke nach x differenzirt.

Die Gleichungen müssen auch bestehen bleiben für x=1, wo $u=\frac{\pi}{2}\alpha$, $s=\frac{\pi}{2}\beta$ wird; für α und β gelten daher die Gleichungen:

$$2x(1-x)\frac{du}{dx} = x - (1-x)x$$
$$2x\frac{dx}{dx} = x - u.$$

Wenn man hier g climinirt, kommt man zu dem bekannten Satz:

z genügt der linearen Differentialgleichung zweiter Ordnung $D(\phi)$ = 0, wobei $D(\phi)$ den Differentialausdruck

$$4\frac{d}{dz}\left(z(1-z)\frac{d\phi}{dz}\right)-\phi=D(\phi)$$

bedeuteta

Da wir jetzt die Differentialquotienten von u,s,z,s meh z haben, so können wir auch die von

$$\frac{u}{a} = v, \quad t = as - pu$$

bilden, die wir mit e' und f' bezeichnen. Es ist, wenn wie zur Ab-

$$4\times(1-x)\alpha^*=N$$

setzen:

$$Ne' = zt - \frac{2\alpha \times x(1-x^*)}{VR}$$

$$Nt' = \frac{z_0 x^* \times x(1-x^*)}{VR}.$$

Denken wir uns die Beziehungen zwischen e, t, x und x in der Form gegeben: x = F(e, x), t = G(e, x). Dann erhalten wir, indem wir diese Gleichungen nach x differenziren und dabei immer noch e und t als Functionen von x und x ansehen:

$$\alpha = \frac{\partial F}{\partial x} x' + \frac{\partial F}{\partial x}, I = \frac{\partial G}{\partial x} x' + \frac{\partial G}{\partial x}.$$

Aber wir betrachten jetzt v und z als unabhängige Veränderliche, x und t als Functionen davon. Dann ist

$$o = \frac{\partial x}{\partial x} e' + \frac{\partial x}{\partial x}, \ t' = \frac{\partial t}{\partial x} e' + \frac{\partial t}{\partial z};$$

und wenn wir für e', f' die gefundenen Ausdrücke einsetzen:

$$\begin{split} N\frac{\partial x}{\partial x} &= \frac{\partial x}{\partial x} \left(\frac{2 \operatorname{d} x x (1-x^*)}{V \bar{R}} - 2t \right) \\ N\frac{\partial t}{\partial x} &= \frac{2 \operatorname{d} x (1-x^*)}{V \bar{R}} \left(\operatorname{d} x + \frac{\partial t}{\partial x} \right) - 2t \frac{\partial t}{\partial x} \;. \end{split}$$

Die Ableitungen von x und t nach v sind so zu bilden, als ob z constant ware. Da $\frac{dx}{dy} = \sqrt{R}$, $\frac{dt}{du} = z(1-xz^2)-z$ ist, so ist

$$\frac{\partial x}{\partial x} = xVR$$
, $\frac{\partial t}{\partial x} = x'(t - xx') - xx$;

man hat also:

$$N \frac{\partial x}{\partial x} = 2x^{2}xx(t-x^{2}) - 2t \frac{\partial x}{\partial x},$$

$$N \frac{\partial t}{\partial x} = 2x^{2}xx)/\overline{R} - 2t \frac{\partial t}{\partial x};$$

man hat femer;

$$t = \frac{1}{9} \frac{\partial 9}{\partial r}, \quad \frac{\partial t}{\partial x} = \frac{\partial}{\partial r} \left(\frac{1}{9} \frac{\partial 9}{\partial x} \right)$$

und wenn man weiter nach e differenzirt,

$$\begin{split} \frac{\partial^{n} t}{\partial x^{n}} &= -2x^{n} x x \sqrt{R} \\ \frac{\partial^{n} x}{\partial x^{n}} &= x^{n} (-(1+x)x + 2xx^{n}) \\ &= -2x^{n} x x (1-x^{n}) - \frac{N}{4x} x \,. \end{split}$$

264 Suzung der phys.-math. Classe v. 2, März 1911. - Mittle v. 1, Dec. 1910.

Dadurch gehen die Gleichungen über in folgende:

$$N\frac{\partial x}{\partial x} + \frac{N}{4x}x + \frac{\partial^{2}x}{\partial x^{2}} + \frac{2}{5}\frac{\partial 5}{\partial x}\frac{\partial x}{\partial x} = 0$$
$$N\frac{\partial}{\partial r}\left(\frac{1}{5}\frac{\partial 5}{\partial x}\right) + \frac{\partial^{2}t}{\partial x^{2}} + 2t\frac{\partial t}{\partial x} = 0$$

Die letzte Gleichung lässt sich unmittelbar integriren. Es, folgt aus ihr, dass

$$\frac{1}{9} \frac{\partial 9}{\partial x} + \frac{1}{N} \left(\frac{\partial t}{\partial v} + t^2 \right)$$

oder, was dasselbe ist.

$$\frac{1}{\Im} \left(\frac{\partial \Im}{\partial x} + \frac{1}{N} \frac{\partial^2 \Im}{\partial v^2} \right) = m$$

eine von e unabhängige Grösse ist. Die vorangehende Gleichung über wird, wenn man dieses Resultat hinzunimmt, mit der folgenden identisch:

$$\frac{1}{x\Im}\left(\frac{\partial(x\Im)}{\partial x} + \frac{1}{N} \frac{\partial^*(x\Im)}{\partial x^*}\right) = m - \frac{1}{4x} \ .$$

Nun ist Ca5 = S, Wir erhalten daher:

$$\frac{1}{\Im_r} \left(\frac{\partial \mathfrak{S}_r}{\partial x} + \frac{t}{N} \, \frac{\partial^s \mathfrak{S}_r}{\partial x^s} \right) = m_r \, ,$$

WO

$$m_z = m - \frac{1}{4z} + \frac{1}{C} \frac{dC}{dz}$$

ist. m können wir bestimmen, indem wir $\sigma = 0$ setzen. Dann wird

$$\vartheta = c, \ \frac{1}{\Im} \ \frac{\partial \vartheta}{\partial x} = \frac{1}{c} \ \frac{dc}{dx}$$

Da ferner

$$\frac{1}{9} \frac{\partial^2 9}{\partial x^2} = t^2 + \frac{\partial t}{\partial x} = t^2 + a^2 (1 - xx^2) - ax$$

ist, und da für v = 0 die Grössen t und a verschwinden, so ist für v = 0;

$$\frac{1}{N} \stackrel{1}{\lessgtr} \frac{\partial^{2} \Im}{\partial v^{2}} = \frac{\pi(\alpha - z)}{N} = \frac{1 - \frac{\beta}{\alpha}}{4\pi(1 - \kappa)}.$$

Der letzte Ausdruck ist identisch mit

$$\frac{1}{4(1-x)} = \frac{1}{2x} \frac{dx}{dx}$$

denn nach den Differentialgleichungen, die für a und ; aufgestellt worden sind, ist

$$1 - \frac{\rho}{\alpha} = x - \frac{2 \times (1 - x)}{x} \frac{d\alpha}{dx}.$$

Wir erhalten somit:

$$m = \frac{1}{c} \frac{dc}{dx} + \frac{1}{4(1-x)} - \frac{1}{2x} \frac{dx}{dx}.$$

Wir haben nun die Differentialgleichungen:

$$\frac{\partial \mathfrak{D}_i}{\partial x} + \frac{1}{N} \frac{\partial \mathfrak{D}_i}{\partial x^i} = m \mathfrak{D}_i,$$

$$\frac{\partial \mathfrak{D}_i}{\partial x} + \frac{1}{N} \frac{\partial^i \mathfrak{D}_i}{\partial x^i} = m_i \mathfrak{D}_i,$$

und wenn wir wollen, dass diese Differentialbeziehungen so einfach wie möglich werden, müssen wir n und C so wählen, dass m und m_i gleich o werden. Dies erreichen wir, allerdings mit einem Opfer, Indem wir

$$c = \sqrt{x} \stackrel{?}{V}_{1} - x$$

$$C = \stackrel{?}{V}_{x}$$

setzen. Die erste Bestimmung können wir ohne Weiteres treffen; die Function 3 hat eine reelle Existenz für alle Werthe des Parameters azwischen — co und 1. Die zweite aber ist nur möglich, wenn wir anuf das kleinere Intervall von o bis 1 beschränken, so dass wir mit beiden Functionen zugleich nur dann operiren können, wenn wir zwischen o und 1 annehmen.

Beide Functionen 3 und 3, genügen jetzt derselben Differentialgleichung

$$4 \times (1-x) \alpha^{1} \frac{\partial \phi}{\partial x} + \frac{\partial^{2} \phi}{\partial x^{2}} = 0;$$

thre constanten Factoren sind so bestimmt, dass

$$\Im(0) = \sqrt{x} \sqrt{1-x}$$

$$\frac{\Im_1(0)}{\Im(0)} = x \sqrt{x}$$

ist. Es versteht sich von selbst, dass wir die Wurzelgrössen als positiv annehmen. Es ist klar, dass die partielle Differentialgleichung wichtig werden muss, sobald man sich die Aufgabe stellt. 3 und 3, durch Fotaura'sche Reihen auszuhrlicken. Aber es ist zweckmässig, zuvor die Abhängigkeit der Grösse z und einiger noch hinzutretender Grössen vom Parameter zu untersuchen. Durch die Gleichung

$$\alpha \pi = 2 \int_{0}^{1} \frac{dx}{\sqrt{1 - x^2} \sqrt{1 - x x^2}}$$

ist a definire als Function von z, and zwar für alle Werthe von z zwischen i und - co. Sie luit einen positiven Werth, von dem man olme Weiteres sieht, dass er zunimmt mit zunehmendem z. Denn die Function unter dem Integralzeichen wird durch eine undre mit durchweg grösseren Werthen ersotzt, wenn man z vergrössert. Bei der Annaherung von z an den Punkt i wird av unendlich, und zwar logarithmisch; die Differenz $2\pi - \log \left(\frac{16}{1-x}\right)$ wird für x = 1 nicht unendlich, sondern o. Es ist dies ein Satz, der unscheinbar aussieht. Aber an Ihm sind Eurea, Lasersone, Jacont betheiligt, and awar so, dass es schwer ist, zu sagen, wer von den dreien an seiner Entdeckung und un seiner sichern Regründung den grössten Antheil hat. Einzu stellt eine richtige Überlegung au, die sieh aber nicht auf das Integral zz bezieht, sondern auf zz, den halben Umfang der Ellipse mit den Halbachsen i und VI-x; Leonsonx stellt den Satz auf für ma, aber mit nicht ansreichender Begründung; Jacont beweist ihn für #2. mit absichtlicher Anlehnung un die Eunes'sche Methode. Seitdem sind mehrere Beweise gegeben worden. Es schadet nichts, wenn zu ihnen noch ein einfacher hinzutritt.

leh vergleiche za mit einem andern Integral, indem sch bilde:

$$\pi x - \int_{-1}^{1} \frac{i dx}{1 - x x^3} = i \int_{-1}^{1} \frac{\sqrt{1 - x x^3 - \sqrt{1 - x^3}}}{\sqrt{1 - x^3 (1 - x x^3)}} dx$$

Ich führe statt a die Variable ein

$$t = \frac{\sqrt{1-x^2}}{\sqrt{1-xx^2}} \,,$$

die von a bis o abnimmt, wenn a von o bis a zonimmt. Dann ist

$$\frac{\sqrt{x - xx^2 - \sqrt{x - x^2}}}{\sqrt{x - x^2}(x - xx^2)} = \frac{-x}{1 + t} \frac{dt}{dx};$$

dalier.

$$z \times -2 \int_{0}^{1} \frac{dx}{1-xx^{2}} = 2 \int_{0}^{1} \frac{xdt}{1+t},$$

$$z \log(z) - x\alpha + 2 \int_{0}^{1} \frac{dx}{1-xx^{2}} = 2 \int_{0}^{1} \frac{(z-x)dt}{1+t}.$$

Der Werth des Integrals auf der rechten Seite ist positiv, wird aber unendlich klein, wenn sich \times der Eins nähert. Denn er ist kleiner als $z\int (1-x)dt$, noch kleiner als $z\int (1-x')dt$. Es ist aber

$$1-x^{2} = \frac{(1-z)t^{2}}{1-zt^{2}} < \frac{(1-z)t}{1-zt^{2}}$$

Somit ist der Werth des Integrals auf der rechten Seite der aufgestellten Gleichung positiv, aber kleiner als

$$2\int_{1}^{k} \frac{(1-x)\ell d\ell}{1-x\ell^{2}} = \frac{1-x}{x} \log\left(\frac{1}{1-x}\right).$$

Dies wird offenbar nuendlich klein gleichzeitig mit 1-x. Es ist ferner

$$\int_{-1}^{1} \frac{z \, dx}{1 - x x^2} = \frac{1}{V_X} \log \left(\frac{1 + V_X}{1 - V_X} \right).$$

and die Differenz

$$\frac{1}{V_E} \log \left(\frac{1 + V_E}{1 - V_E} \right) - \log \left(\frac{4}{1 - x} \right)$$

wird chemballs, wie man leicht sieht, unendlich klein gleichzeitig mit 1-z. Folglich ist $\log\left(\frac{t6}{1-z}\right)-zz$ eine Function von z, die sieh bei der Aunftherung von z an den Werth i dem Werthe o unbegrenzt nähert.

Damit ist der Satz bewiesen. s wird bei der Annäherung an den Werth x = 1 unendlich, aber nur logarithmisch: das Product x = 1 - x wird demnach für x = 1 nicht unendlich, sondern o.

Nun ist aber #V:-x diejenige Function von z, in die z übergeht, wenn man x durch

$$x' = \frac{x}{x-1}$$

268 Shaning day phys.smath. Classe v. 2, Mirr 1911. - Mills. v. 1 Dec. 1910.

ersetzt. Denn führt man zwei positive Grössen a,b ein, die mit z in der Beziehung stehen: $1-z=\frac{b^a}{a^a}$, so ist $\frac{a}{a}$ eine symmetrische Function von a und b. Bei der Vertauschung von a mit b geht z in z' über. Nennt man a' die Function, in die hierdurch a übergeht, so ist demnach $\frac{a}{a}=\frac{b}{a^a}$, mithin $a'=a\sqrt{1-x}$.

Lässt man nun z sich dem Werthe i nähern, so nähert sich z' dem Werthe — ∞, z' dem Werthe o. Damit ist bewiesen:

 α whichst beständig, und zwar von o bis ∞ , wenn ε das ganze. Intervall von $-\infty$ bis 1 durchläuft. Speciell ist $\alpha = 1$ für $\varepsilon = 0$.

Da $\frac{a}{a}$ ein Mittelwerth zwischen a und b ist, so liegt $\frac{\pi}{a}$ zwischen

1 and $\sqrt{1-x}$, $1-\frac{1}{x}$ zwischen o und

$$t - \sqrt{1 - x} = \frac{x}{1 + \sqrt{1 - x}},$$

Um so mehr liegt $1-\frac{1}{\alpha}$ zwischen o und x

Der Satz der drei Mathematiker lässt sich schärfer fassen, indem man die Function z direct ausdrückt durch den Logarithmus von $\frac{2^*}{1-\varkappa}$ und durch zwei Functionen, die nicht nur bis zum Punkte z=1, sondern darüber hinaus für alle positiven Werthe von \varkappa definirt sind und die sieh an der Stelle $\varkappa=1$ regulär verhalten. Die Grundidee einer solchen Darstellung geht ebenfalls auf Faars und Lagrader zurück.

Eine der beiden Functionen, die wir zu Hülfe nehmen, ist diejenige β , die aus z hervorgeht, indem man \times durch $1-\times$ ersetzt. Sie ist damit definirt für alle positiven Werthe von z. Sie wird ifür x=1, unendlich für x=0, aber $\pi\beta-\log\left(\frac{x^*}{x}\right)$ wird unendlich klein, wenn z abnehmend sieh dem Werthe o nähert. Es wird daher auch

$$= \frac{\beta}{\alpha} - \frac{1}{\alpha} \log \left(\frac{2^{\alpha}}{\alpha} \right),$$

und, da $1 - \frac{1}{x}$ zwischen o und z liegt, z $\log \left(\frac{1}{x}\right)$ aber für z = o verschwindet.

$$= \frac{S}{\alpha} - \log\left(\frac{2^4}{\kappa}\right)$$

unendlich klein bei der Annäherung von an den Worth o.

Wir setzen

$$-\pi \frac{\beta}{a} = \omega$$
.

Diese Function von \times existirt nur in dem Intervall von \circ bis 1, wo \times and β generasam existiren. In diesem Intervall nimmt \times zu von 1 bis ∞ , β nimmt ab von ∞ bis 1; also ist \times negativ und nimmt beständig zu, von $-\infty$ bis 0, wenn \times von \circ bis 1 wāchst. Die Differenz $\times -\log\left(\frac{\times}{2^4}\right)$ wird unendlich klein bei der Annäherung von \times au den Nullpunkt. Wir bezeichnen sie mit 4γ :

$$z = \log\left(\frac{x}{z^4}\right) + 4\gamma.$$

Nun lässt sich der Differentialquotient von wangeben. ω genügt der Differentialgleichung $D(\phi) = 0$, wo $D(\phi)$ den Differentialausdruck

$$D(\phi) = \pm \frac{d}{dx} \left(x(t-x) \frac{d\phi}{dx} \right) - \phi$$

bedeutet. Dieser bleibt ungeändert, wenn man × durch t — × ersetzt.

Daraus folgt, dass Ξ derselben Differentialgleichung genügt wie α,
und daraus weiter, dass

$$x\left(t-x\right)\left(x\frac{d\beta}{dx}-\beta\,\frac{dx}{dx}\right)$$

eine Constante ist. Es ist daher;

$$\frac{ds}{dz} = \frac{z}{z(1-z)z^*},$$

wo i einen constanten Factor bedeutet. Dieser Factor ist gleich i-Denn es ist

$$\frac{dw}{dz} = \frac{1}{z} + 4 \frac{d\gamma}{dz}.$$

Ware a von 1 verschieden, so wurde $\frac{d\gamma}{d\varkappa}$ für $\varkappa=0$ von der ersten Ordnung, γ selbst dort logarithmisch unemdlich werden. Da das nicht der Fall ist, so muss $\varkappa=1$ sein. Da ferner γ für $\varkappa=0$ verschwindet, so ist

$$4\gamma = \int_{-\infty}^{\tau} \left(\frac{1}{\pi (1-s) a^{s}} - \frac{1}{s} \right) ds.$$

Hier steht unter dem integralzeichen eine Function von «, die sieh auf der ganzen Strecke von −∞ bis i regulär verhält. Wir ver-

270 Sitzung der phys. math. Classe v. 2. März 1911. - Mitth. v. 1, Dec. 1910.

stehen jeizt unter 4γ dieses integral. Dann ist γ , ebenso wie α , für das ganze Intervall von $-\infty$ bis τ als reguläre Function von \star definirt; sie verschwindet für z=0. In dem Theilintervall von ϕ bis τ aber haben wir:

$$u = \frac{-\pi\beta}{\alpha} = \log\left(\frac{\pi}{2^*}\right) + 4\gamma.$$

Wir vertauschen jetzt \times mit $t-\times$. Dadurch geht γ über in eine Function γ_1 , die für $\times = 1$ verschwindet, und die sich an der Stelle $\times = 1$ regulär verhält. Wir erhalten so:

$$\pi x = 3 \log \left(\frac{x^4}{1-x}\right) - 4\beta \gamma_{\tau}$$

Die Gleichung gilt zwar nur bis zu dem Werthe $\varkappa=1$. Aber die in ihr auffretenden Grössen β und γ , sind Functionen, die über den Pankt $\varkappa=1$ hinaus definirt sind und die sich in diesem Punkte regulär verhalten.

Wir setzen:

$$q = \frac{x}{2} e^{i\pi}$$
.

Damit ist eine Grösse q definirt, der Jacom sche Modul der elliptischen Functionen, ebenfalls so, wie z und γ , für die ganze Streeke von $-\infty$ bis t; sie ist positiv für die positiven, negativ für die negativen Punkte der Streeke und verschwindet für x=0 von der ersten Ordnung. In dem Intervall von 0 bis t aber ist

$$\omega = \log(q) , \qquad q = \ell^* ;$$

und da in diesem Intervall w bei zunehmendem \times die Werthe von $-\infty$ bis ϕ durchläuft, so durchläuft q, bestämlig wachsend, die Werthe von ϕ bis t.

Aus der Gleichung $u = -\frac{\pi B}{\pi}$ folgt durch Vertauschung von π mit t - x die Eigenschaft der Function w:

$$w(x)w(1-x)=\pi^*.$$

Eine ähnliche Eigenschaft besitzt q. q genügt, längs der ganzen Strecke von $-\infty$ bis t, der Gleichung:

$$\frac{dq}{q} = \frac{dx}{x(1-x)x^2}.$$

Nennen wir x' and q' die Functionen von x, in die x and q übergeben, wenn man x durch $x' = \frac{x}{1-x}$ ersetzt, so ist

$$(1-x)\alpha^{\gamma}=(\alpha')^{\gamma}, \qquad \frac{dx}{x}=\frac{dx^{\gamma}}{x'(1-x')}:$$

daher

$$\frac{dq}{q} = \frac{dq'}{q'}.$$

Mithin ist q'=cq, we clean constant Factor bedenter. Vertauschen wir z mit z', so folgt: q=cq'; es ist also c'=c. Es muss aber c negativ sein; denn wenn z in dem Theilintervall von o bis t liegt, so liegt z in dem von o bis $-\infty$; es ist daher q positiv, q' negativ. Folglich ist q'=-q. Demnach besteht die Gleichung:

$$q\left(\frac{x}{x-1}\right) = -q(x).$$

Lassen wir nun x die Werthe von o bis $-\infty$ durchlaufen, so durchläuft x' die von o bis t, q' ebenfalls die von o bis t, und q die von o bis -1. Damit ist bewiesen:

Wenn z das ganze Intervall von $-\infty$ bis t durchiauft, so nimmt q beständig zu, und zwar von -1 bis +1. Es nimmt also q nur Werthe an, die zwischen -1 und +1 liegen, und jedem dieser Werthe entspricht ein bestimmter von \times . Wir können deshalb den Parameter \times als Function des Moduls q auffassen. Die partielle Differentialgleichung, der \Im und \Im , genügen, vereinfacht sich dadurch wesentlich. Sie wird

$$\frac{\partial^4 \phi}{\partial r^2} + 4q \frac{\partial \phi}{\partial q} = 0.$$

Da wir olmedies, wenigstens bei \mathfrak{I}_1 , uns beschränken müssen auf die Werthe von s, die swischen \mathfrak{I}_2 and \mathfrak{I}_3 liegen, so können wir auch statt q die Urösse $\omega = \log{(q)}$, den logarithmischen Modul, einführen. Die Differentialgleichung wird dann noch einfacher:

$$\frac{\partial^4 \phi}{\partial x^2} + 4 \frac{\partial \phi}{\partial y} = 0.$$

Von Interesse ist es, den Modul q und das Gauss sehe Mittel

$$\frac{a}{a} = M$$

als Functionen der beiden positiven Grössen a,b zu betrachten, die mit x durch die Gleichung $t-x=\frac{b^a}{a^a}$ verbunden sind. M ist eine symmetrische, q aber eine alternirende Function von a und b; denn der Vertauschung von a mit b entspricht die Vertauschung von x mit

 $\frac{\pi}{x-i}$, q ist positiv, wenn a>b, negativ, wenn a< b ist. Der Hauptsatz aber ist folgender:

M geht in sich selbst, q in q^* über, wenn man u durch das arithmetische, b durch das geometrische Mittel zwischen a und b ersetzt.

Am directesten wird der Satz bewiesen, Indem man die Definition von z. 5, w durch die Integrale zu Grunde legt.

Wir nehmen a > b an und setzen:

$$a' = \frac{a+b}{2}$$
, $b' = Vab$.

Wir setzen ferner:

$$A = \frac{\alpha}{a}, \quad B = \frac{\beta}{a},$$

also $w = -\frac{\pi B}{A}$; und es seien A', B', w' diejenigen Werthe, die ans A, B, w hervorgehen, indem man a durch a', b durch b' ersetzt

Es war 2 d durch das Integral ausgedrückt

$$\frac{\pi}{2} A = \int_{0}^{x} \frac{dx}{\sqrt{a^{2} - x^{2}} \sqrt{a^{2} - x x^{2}}},$$

wo $\epsilon = \epsilon - \frac{b^i}{a^i}$ ist; aber auch durch das folgende:

$$\frac{\pi}{2}A = \int_{\mathbb{R}}^{n} \frac{dx}{\sqrt{a^{2} - x^{2}} \sqrt{x^{2} - b^{2}}}.$$

B entsteht aus A, indem man a ongeändert lässt, aber z durch $1-x=\frac{b^z}{a^z}$ ersetzt. Wir führen $\frac{bx}{a}$ als Integrationsveränderliche ein, bezeichnen diese aber dann wieder mit x. Dadurch ergiebt sieh, analog dem zweiten Ausdruck von A:

$$\frac{\pi}{2}B = \int_{1}^{b} \frac{dx}{\sqrt{u^{2} - x^{2}} V h^{2} - x^{2}}.$$

Wir reduciren noch den zweiten Ausdruck für A, indem wir das Integral in zwei Theile theilen: in das von b bis b' und das von b' bis a. Bei dem ersten führen wir die tirösse $y=\frac{ab}{\pi}$ als Integrationsvariable ein, die von a bis b' abnimmt, wenn x von b bis b' zunimmt. Da alsdam

$$\frac{dx}{\sqrt{a^{\nu}-x^{\nu}}\sqrt{x^{\nu}-b^{\nu}}} = -\frac{dy}{\sqrt{a^{\nu}-y^{\nu}}\sqrt{y^{\nu}-b^{\nu}}},$$

so sind die beiden Theile einander gleich, und man erhält:

$$\frac{\pi}{2}\,A=2\int\limits_{0}^{2}\!\frac{dx}{\sqrt{x^{2}-x^{2}}\,\sqrt{x^{2}-k^{2}}}.$$

Nun sei ℓ das arithmetische Mittel zwischen x und $\frac{ab}{x}$, also:

$$2t = x + \frac{ab}{x}.$$

Diese Grösse I minut zu von b' bis a', wenn x von b' bis a zunimmt, und sie minut ab von $+\infty$ bis a', wenn x von ϕ bis b zunimmt. Da ansserdem

$$(x^{2} - a^{2})(x^{2} - b^{2}) = \pm x^{2}(t^{2} - (a^{2})^{2}),$$

 $\frac{dt}{dx} = \pm \frac{1}{x} \sqrt{t^{2} - b^{2}}$

ist, so ergiebt sich!

$$\frac{\pi}{2}A = \int_{\sqrt{a'^2 - t^2}}^{t} \frac{dt}{\sqrt{t'^2 - b'^2}},$$

$$\frac{\pi}{2}B = \frac{1}{2}\int_{\sqrt{(t'^2 - a'^2)}}^{\infty} \frac{dt}{(t'^2 - b'^2)}.$$

Die erste Gleichung sagt direct aus, dass A=A ist. Bei der zweiten müssen wir noch statt t die Grösse $\frac{a'b'}{t}$ als Integrationsvariable einführen, die von b' bis ϕ abnimmt, wenn t von a' bis ∞ sumimmt. Dann ergiebt sieh: $B=\frac{t}{t}B'$. Demnach ist w'=zw, und da $w=\log(q)$ ist: q'=q'.

Damit ist dieser Satz der Gauss'schen Theorie des arithmetische geometrischen Mittels bewiesen; M ist nicht nur ein Mittelwerth zwischen a und b, sondern auch zwischen a' und b', ferner zwischen $\frac{a'+b'}{2}$ und $\sqrt{a'b'}$. Die Grösse $\frac{a'+b'}{2}$, das Quadrat von

$$Va + Vb$$

kann schon als starker Näherungswerth von M bezeichnet werden't

i Ebenso ist dan Quadrat von $\frac{a+b}{\Gamma a+\Gamma b}$ ein sueker Amüberungswertb für den Ellipsenradius.

Dass man für die Werthe von z zwischen o und i die Grösse a In eine Potenzreihe von z entwickein kann:

$$x = A(x) = a_1 + a_2 + a_3 x^3 + atc.,$$

geht unmittelbar aus dem Ausdruck von $\frac{\pi}{2}$ a durch das Integral hervor; aber einfacher bestimmen sich die Coefficienten durch die Differentialgleichung D(s)=0, der x genfigt; a_s ist gleich s, da s=s wird für s=0.

Seizi man $\phi = z^*$, so wird

$$D(\phi) = (2n)^{4} \times^{4-\epsilon} - (2n+1)^{4} \times^{4};$$

setzt man $\alpha = \sum_{i} a_{i} x^{i}$, so wird deinnach:

$$D(a) = \sum_{n=0}^{\infty} ((2n+2)^n u_{n+1} - (2n+1)^n u_n) n^n$$

Da D(a) = 0 ist, so mass

$$(2n+2)^{n}u_{n+1} = (2n+1)^{n}u_{n}$$

sein; die Reihe A(8) ist folgende

$$1 + \left(\frac{1}{2}\right)^r x + \left(\frac{1}{2} \cdot \frac{5}{4}\right)^r x^2 + \text{ etc.}$$

Es ist dies eine Potenzreihe mit positiven Coefficienten, convergent his sum Punkte x=t hin, aber nicht mehr für x=t, wo x unendlich wird.

Die Function γ , die in der genzen Strecke von $-\infty$ bis i regulär ist, und die für x=0 verschwindet, lässt sich nun ebenfalls für kleine Werthe von z in eine Fotenzreihe $\Phi(x)$ entwickeln. Die Coefficienten, abgesehen von dem constanten (Hiede, welches o ist, sind ebenfalls positiv, und die Reihe convergirt ebenfalls bis zu x=z hin, sogar noch für z=z. Es ist dies ein Wernestrass scher Satz, bewiesen mit Hülfe der Thetareihen im zweiten Band der Werke von Weinestrass, S. 266. Ich branche hier nothwendig einen elementaren Beweis und stütze mich auf folgenden Hülfssatz:

Wenn A und B Potenzreihen von x mit positiven Coefficienten siml:

$$A = \sum_{n} (a_n \mathbf{x}^n), \qquad B = \sum_{n} (b_n \mathbf{x}^n),$$

so ist der Quotient beider ebenfalls als Potenzreibe mit positiven Coefficienten darstellbar

$$\frac{B}{A} = C = \sum_{n=1}^{\infty} (c_n x^n)_n$$

convergent, mindestens soweit der Zähler convergirt, falls $\frac{a_{n+1}}{a_n}$ mit wachsendem n zunimmt und kleiner ist als $\frac{b_{n+1}}{b}$.

Denn aus diesen Voraussetzungen folgt, dass, für m≤n,

positiv ist. Nun ist nach den Gleichungen, durch welche die Coefficienten e bestimmt werden,

$$\sum_{n=s}^{s} h_n c_{n-s} = b_s,$$

$$a_s c_{n+s} + \sum_{n=s}^{s} (a_{n+1} c_{n-n}) = b_{n+s}.$$

Darnus folgt:

$$a_i b_n \epsilon_{n+1} = \sum_{n=0}^{\infty} (a_n b_{n+1} - a_{n+1} b_n) \epsilon_{n-n}$$

Wenn daher alle Coefficienten his zu c_i positiv sind, so ist auch c_{i+1} positiv.

Daraus folge, dass alle Coefficienten e positiv sind; es folgt ferner, dass $b_{n+1} > a_n c_{n+1}$ ist, dass also die Reihe C convergert, wenn B convergent ist

Setzen wir für A die Reihenentwicklung von α , für B die Binomialentwicklung von $\frac{1}{V_1-\kappa}$, so ist

$$\frac{a_{n+1}}{a_n} = \left(\frac{2n+1}{2n+2}\right)^n, \qquad \frac{b_{n+1}}{b_n} = \frac{2n+1}{2n+2}.$$

Die Bedingungen des Hülfssatzes siml hier offenbar erfüllt. Folglich ist $\frac{1}{\alpha \sqrt{1-\alpha}}$ für die Werthe von α zwischen o und 1 in eine convergente Potenzreihe mit positiven Coefficienten entwickelbar.

Dasselbe muss gelien von dem Quadrat des Ausdrucks, ferner von

$$\frac{1}{4} \left(\frac{1}{x(1-x)a^4} - \frac{1}{x} \right)$$

und von dem Integral dieser Function, also vom 3.

Die Reihenentwicklung $\gamma = \mathfrak{D}(x)$ convergirt auch noch für x = t und es ist $\mathfrak{D}(1) = \log(2)$. Denn innerhalb des Intervalls von o bis 1 besteht die Gleichung

$$\omega = \log \left(\frac{x}{2^4}\right) + 4\mathfrak{D}(x).$$

Bei der Annäherung von x an 1 wird x unendlich klein, und der Logarithmus wird gleich $-4 \log(2)$; es nähert sich daher $\mathfrak{P}(z)$ dem Werthe $\log(z)$. Da nun $\mathfrak{P}(z)$, als Potenzreihe mit positiven Coefficienten, eine zunehmende Function ist, so muss, vor dem Endpunkte 1. $\mathfrak{P}(z)$ kleiner als $\log(2)$ sein. Um so mehr muss, für 0 < x < 1, die Summe der ersten a Glieder von $\mathfrak{P}(z)$ kleiner als $\log(2)$ sein. Dann kann diese ganze Function von x wegen ihrer Stetigkeit auch für x = 1 nicht größer als $\log(2)$ sein. Es ist daher die Summe der ersten x Glieder von $\mathfrak{P}(1)$, wie gross man auch x nehmen mag, kleiner als $\log(2)$; das heisst: es ist $\mathfrak{P}(1)$ convergent und $\le \log(2)$.

Andrerseits ist, wenn z vor dem Werth 1 liegt, $\mathfrak{P}(1) > \mathfrak{P}(2)$, $\mathfrak{P}(2)$ kann aber dem Werthe $\log(2)$ beliebig nabe gebracht werden; daher ist $\mathfrak{P}(1) \ge \log 2$. Darans folgt: $\mathfrak{P}(1) = \log(2)$

Betrachten wir q als abhängig von a, b. Wir haben dann

$$\dot{q} = \frac{z}{z^*} e^{i \eta(s)},$$

wo $x=\frac{a^2-b^2}{b^2}$ ist. Aber diese Darstellung gilt nur, wenn $b^2<2a^2$ ist; ist b^2 grösser, so wird x kleiner als -z und die Reihe divergirt.

Ersetzen wir a durch $\frac{a+b}{2}$, b durch Vab, and demnach

$$\frac{a^{\mathfrak r}-b^{\mathfrak s}}{a^{\mathfrak s}} \ \operatorname{durch} \ \Big(\frac{a-b}{a+b}\Big)^{\mathfrak s}.$$

so erhalten wir nicht q, sendern q, q selbst ist demusch:

$$q = \frac{\lambda}{2^2} e^{i \Phi(\alpha)},$$

wo A die Grasse

$$\lambda = \frac{a-b}{a+b} = \frac{1-V_1-x}{1+V_1+x}$$

bedentet. Diese zweite Form ist hel beliebigen positiven Werthen von a und b, also in Bezug auf z innerhalb der ganzen Strecke von $-\infty$ bis +x, convergent.

Wir können dieselbe Transformation noch einmal vornehmen. Dann geht λ in das Quadrat von

$$u = \frac{\sqrt{a - \sqrt{b}}}{\sqrt{a + \sqrt{b}}} = \frac{1 - \sqrt{1 - x}}{1 + \sqrt{1 - x}}$$

filler, und es wird

$$q = \frac{1}{2} \mu_{\theta} v_{\theta} u_{\theta}.$$

 $\mathfrak P$ ist eine Potenzreihe ohne constantes Glied, im übrigen mit positiven Coefficienten, und es ist $\mathfrak P(1) = \log 2$, also kleiner als 1. Da hiernach $\mathfrak P(\mu') < \mu'$ ist, so ist der Exponentialfactor zwar grösser als 1, aber kleiner als

$$\frac{1}{1-\mu^i}$$

ist. μ^i selbst ist kleiner als $\frac{1}{1000}$, wenn das Verhältniss von σ zu h

zwischen z und $\frac{1}{z}$ liegt. Demnach stellt

$$\frac{1}{2}u = \frac{1}{2} \frac{Va - Vh}{Va + Vh}$$

einen Näherungswerth von q dar, der sich von dem wirklichen Werth um weniger als den tausendsten Theil desselben unterscheidet, wenn die grössere der beiden Zahlen a,b kleiner ist als das Doppelte der kleineren.

Es handelt sich jetzt um die Darstellung von 3 und 3, durch Formen sche Reihen. Wir nehmen dabei z zwischen o und 1 au, so dass auch q eine positive Grösse zwischen o und 1 ist. 3 ist gerade. 5, ungerade: 3 bleibt ungeändert, 5, geht in —3, über, wenn man r um z vermehrt. Die Form der Reihen ist daher diese:

$$\Im(v) = A_s + 2A_s \cos(2v) + 2A_s \cos(4v) + \text{etc.}$$

 $\Im(v) = 2B_s \sin(v) + 2B_s \sin(3v) + \text{etc.}$

Setzt man die Reihen in die Differentialgleichung $\frac{\partial^2 \phi}{\partial x^k} + 4q \frac{\partial \phi}{\partial q} = 0$ ein, der beide Functionen genügen, so erhält man für A_a die Bestimmung

$$4q \frac{dA_n}{dq} = m^i A_n.$$

278 Sitzing der phys.-math. Classo v. 2. Märr 1911. - Minli, v. 1. Dec. 1910.

Derselben Gleichung genügt B_n ; es unterscheidet sich daher A_n , und ebenso B_n , von $q^{\frac{1}{4}}$ nur um einen Factor, der unabhängig von q ist:

$$A_n = \mathfrak{A}_n q^{\frac{n^2}{4}}, \ B_n = \mathfrak{A}_n q^{\frac{n^2}{4}}.$$

 \mathfrak{A}_{\bullet} , \mathfrak{A}_{\bullet} und \mathfrak{B}_{\bullet} lassen sich leicht bestimmen. Es ist $\mathfrak{D}(0) = V_{\bullet}V_{1-x}$, und die Entwicklung von a nach Potenzen von a füngt mit $1+\frac{1}{4}\times 1$ an, also die von $\mathfrak{D}(0)$ mit $1-\frac{1}{8}\times 1$, die von q aber mit $\frac{1}{16}$. Folglich ist bis auf einen Rest, der von höherer Ordnung unendlich klein wird, $\mathfrak{D}(0)$ mit 1-2q identisch. Da nun $\mathfrak{D}(0)=\mathfrak{A}_{\bullet}+2\mathfrak{A}_{\bullet}q+$ etc. ist, so ist $\mathfrak{A}_{\bullet}=1$, $\mathfrak{A}_{\bullet}=-1$.

Ferner geht aus der Differentialgleichung, der x als Function von u genügt, hervor, dass x in $\sin(u)$ übergeht, wenn man x = 0 setzt. Statt $\sin(u)$ können wir schreiben: $\sin(v)$: denn der Factor z, um den sich u von v unterscheidet, wird v für v v v Da non

$$\frac{\Im_r(v)}{\Im(v)} = x \mathring{V}_x$$

ist, da ferner

$$\Im(v) = 1 , \qquad \frac{2q^4}{\mathring{V}_{\rm R}} = 1 \text{ for } x = 0$$

ist, so folgt:

$$\frac{F_{\nu}(v)}{2q^3} = \sin(v) \text{ für } \nu = 0.$$

Mithin ist $\mathfrak{B}_i = 1$. Von den beiden Founts schen Reihen füngt also die eine an mit 1 - 2y cos (2x), die andere mit $2y^{\frac{1}{2}} \sin(x)$.

Um die Factoren \mathfrak{A}_n und \mathfrak{B}_n sämmtlich zu bestimmen, benutzen wir die Functionaleigenschaft von 9 und 2. Wir schreiben, indem wir unter A_{-n} dasselbe verstehen wie unter A_n , unter B_{-n} den zu B_n entgegengesetzten Werth $-B_n$.

$$\begin{split} \mathfrak{D}(v) &= \sum_{m \text{ gas.}, i} A_m \cos (mv), \\ \mathfrak{S}_i(v) &= \sum_{m \text{ sin } (mv)} B_m \sin (mv); \end{split}$$

die erste Samme ist fiber alle geraden, die zweite über alle ungeraden Zahlen m zu erstrecken. Wir bilden

$$P = \Im(v + v')\Im(v - v').$$

Dann ist

$$P = \sum_{(v, v, p, v)} A_v \cos m(v + v') \cos n(v - v')$$

Wir können dafür schreiben:

$$P = \sum_{m,n} A_m A_n \cos \left((m+n)v + (m-n)v' \right),$$

und hierfür:

$$P = \sum_{m, n \in \mathbb{N}} A_m A_n \cos \left((m+n) v \right) \cos \left((m-n) v' \right).$$

Denn die Differenz des ersten und zweiten Ausdrucks

$$\sum_{(a_1,a_2,a_3)} A_n \sin m(v+v') \sin n(v-v')$$

ist gleich o, wie man erkennt, indem man n mit — n vertauscht; die des zweiten und dritten

$$\sum_{(m,n)\in \mathbb{R}^{m}}A_{n}\,\sin\,\left((m+n)v\right)\,\sin\,\left((m-n)v'\right)$$

ebenfalls, wie sich ergiebt, wenn man m mit a vertauscht. — Demnach ist, wenn man $m = \lambda + u$, $n = \lambda - u$ setzt:

$$P = \sum_{i=1}^{n} A_{i+1} A_{i+1} \cos(2\lambda v) \cos(2\mu v').$$

und die Summation ist zu erstrecken erstens über alle Paare gerader, zweitens über alle Paare ungerader Zahlen λ , μ . Danach zerfällt die Summe in zwei Theile; den ersten, wo λ , μ gerade Zahlen sind, bezeichnen wir mit L, den zweiten mit M:

$$P = L + M$$
.

L bleibt ungeändert. M geht in — M über, wenn man r um $\frac{\pi}{2}$, und auch, wenn man r' um $\frac{\pi}{2}$ vermehrt.

Betrachten wir P, L, M als Functionen von v allein: P = P(v), L = L(v), M = M(v). L(v) and M(v) lassen sich linear ansdrücken durch das Product P(v), and ein zweites, das aus P(v) entsteht, indem man v durch einen andern Werth ersetzt. Unter den Functionen, die sich so ausdrücken lassen, sind nur zwei linear anabhängige. Nun haben aber L(v) and M(v) die besonderen Eigenschaften: $L\left(v+\frac{\pi}{2}\right) = L(v)$, $M\left(v+\frac{\pi}{2}\right) = -M(v)$; dadurch sind sie bestimmt, jede bis auf einen von e unabhängigen Factor. Da ausserdem L und M symmetrisch sind in Bezug auf v und v, so können wir setzen:

$$L = r\pi(v)\pi(v'),$$

$$M = s\pi_c(v)\pi_c(v'),$$

wo r and s Factoren bedeuten, die von v and v' anabhängig sind, $\kappa(v)$ and $\eta_{\kappa}(v)$ Functionen, die in der Form

$$\begin{split} \eta(v) &= \sum_{0 \text{ (gen)}} C_{\nu} \cos \left(2 \, \lambda v\right), \\ v_{\nu}(v) &= \sum_{0 \text{ (magen)}} D_{\lambda} \cos \left(2 \, \lambda v\right). \end{split}$$

ausdrückbar sind. Wir nehmen bierbei wieder $C_{-i}=C_i$, $D_{-i}=D_i$ an. Wir haben demnach

$$P = r \sum_{(v,v) \in \mathcal{C}_{\nu}} C_{\nu} \cos{(z\lambda v)} \cos{(z\mu v')} + s \sum_{(v,v) \in \mathcal{C}_{\nu}} D_{\nu} D_{\nu} \cos{(z\lambda v)} \cos{(z\mu v')}.$$

Die Vergleichung dieser Form mit der früheren führt zu den Beziehungen;

$$A_{*+*}A_{*-*} = rC_*C_*$$
 für gerade,
 $A_{*+*}A_{*-*} = sD_*D_*$ für ungerade Zahlen λ , μ .

Speciall folgt hieraus, dass für gerade Zahlen λ : $A_s^* = rC_sC_s$, dass $A_o^* = rC_s^*$ und $A_s^* = rC_oC_s$ ist. Nun ist $A_o = 1$, $A_s = -q$ und C_s können wir gleich t annehmen. Dann ist r = 1, $C_s = q^*$, $C_s = A_s^*$. Wenn wir $\mu = z$ setzen, so folgt:

$$A_{i+1}A_{i-1}=\eta^*A_i^*.$$

Diese Formel zeigt, dass der Quotient

$$\frac{A_{j+1}}{A_jq^2}$$

von λ umabhängig ist; setzen wir $\lambda = 0$, so erhalten wir -q; es ist daher

$$A_{1+i} = -q^{i+i}A_{i}$$

Dies wiederum zeigt, dass

$$(-1)^{\frac{1}{2}} \frac{A_1}{q^2}$$

von λ unabhängig ist. Fär $\lambda = 0$ erhalten wir 1; es ist also

$$A_i = (-1)^{\frac{1}{2}} q^{\frac{1}{2}}.$$

Damit sind die Coefficienten der ersten Jacom'schen Thetareibe vollständig bestimmt; es ist;

$$\Im(v) = \sum_{(i, p; v)} (-1)^{\frac{1}{2}} q^{\frac{1}{2}} \cos(\lambda v)$$

$$= 1 - 2q \cos(2v) + 2q^{4} \cos(4v) - \text{ etc.},$$

$$\Im(0) = 1 - 2q + 2q^{4} - 2q^{6} + \text{ etc.}$$

Zugleich ist damit gefunden, dass $C_i=q^{\frac{1}{2}}$, and dass, wenn λ,μ ungerade Zahlen sind,

$$*D_*D_* = -q^{\frac{h^2+\mu^2}{2}}$$

ist. Hiernach ist es erlaubt, $D_{i}=q^{\frac{1}{2}}$ zu setzen. Dann ist s=-1, und es besteht die Gleichung:

$$\Im(v+e')\Im(v-e')=\varkappa(v)\varkappa(v')-\varkappa_*(v)\varkappa_*(v').$$

wo $\pi(r)$ die Summe $\sum q^{\frac{r}{r}}\cos(2\lambda r)$ ist, erstreckt über alle geraden Zahlen λ , $\pi_r(r)$ dieselbe Summe, erstreckt über die ungeraden Zahlen.

Es bleibt noch die Entwicklung von S_s(v) zu finden. Das Product S_s(v+v')S_s(v-v') lässt sich ebenfalls linear durch s(v), $s_s(v)$ ansdrücken; da es aber für v=v' verschwindet, so muss

$$\mathfrak{D}_i(v+v')\mathfrak{D}_i(v-v')$$
 mit $\eta(v)\eta_i(v') = \eta_i(v)\eta(v')$

identisch sein - abgesehen höchstens von einem Factor, der von e und offenbar auch von r' unabhängig ist.

Nun ist nach der Definition von a und a,:

$$\pi(n)\pi_{\epsilon}(n') - \pi_{\epsilon}(n)\pi(n') = \sum_{i} (-1)^{\epsilon} q^{\frac{n^{2}+n^{2}}{2}} \cos(x\lambda n) \cos(2\mu n').$$

die Summe erstreckt über alle Zahlenpaare λ, μ , bei denen die eine gerade, die andere ungerade ist. Setzen wir $\lambda + \mu = m$, $\lambda - \mu = b$, so sind m, n ungerade Zahlen, und wir erhalten:

$$\pi(v)\pi_{i}(v') - \pi_{i}(v)\pi(v') = \sum_{m,n = m \neq 0} (-1)^{\frac{m+n}{2}} q^{\frac{m^{2}+n^{2}}{2}} \cos\left((m+n)v\right) \cos\left((m-n)v'\right).$$

Dafür können wir seizen:

$$\sum_{w_{1}=w_{1}=0}^{\infty}(-1)^{\frac{m+n}{2}}q^{\frac{m^{2}+n^{2}}{2}}\cos\left((m+n)v+(m-n)v^{2}\right),$$

und dafür;

$$\sum_{n \in \mathbb{N}} (-1)^{\frac{n-1}{p}} (-1)^{\frac{n-1}{p}} q^{\frac{n^2+n^2}{2}} \sin (m(n+n^2)) \sin (n(n-n^2)).$$

Hier haben wir direct

$$\pi(v)\pi_i(v') - \pi_i(v)\pi(v') = \Im_i(v+v')\Im_i(v-v');$$

2 (c) 1st die Summe

$$\begin{split} \tilde{z}_i(v) &= \sum_{n = -\infty} (-1)^{\frac{n-1}{2}} q^{\frac{n^2}{2}} \sin\left(mv\right) \\ &= z q^{\frac{1}{2}} \sin\left(v\right) - z q^{\frac{1}{2}} \sin\left(3v\right) + ctc. \,, \end{split}$$

auch der constante Factor ist richtig bestimm), da $xq^{\frac{4}{3}}\sin(\tau)$ das Anfangsglied in der Entwicklung von $\Im_{\tau}(e)$ sein muss.

Wir fügen zu S und S, noch die beiden Functionen

$$\Im_i\left(v+\frac{\pi}{z}\right)=\Im_i(v)\;,\qquad\Im\left(v+\frac{\pi}{z}\right)=\Im_i(v)$$

hinzu, sodass wir das elegante System der vier Jacom'schen Reihen haben;

$$S_{s}(v) = 2q^{\frac{1}{2}} \sin(v) - 2q^{\frac{1}{2}} \sin(4v) + \cdots$$

$$S_{s}(v) = 2q^{\frac{1}{2}} \cos(v) + 2q^{\frac{1}{2}} \cos(3v) + \cdots$$

$$S_{s}(v) = 1 + 2q \cos(2v) + 2q^{\frac{1}{2}} \cos(4v) + \cdots$$

$$S_{s}(v) = 1 - 2q \cos(2v) + 2q^{\frac{1}{2}} \cos(4v) + \cdots$$

mit den Nullwerthen:

$$\begin{split} & \vartheta_{4}(0) = 2q^{\frac{1}{2}} + 2q^{\frac{2}{3}} + 2q^{\frac{11}{3}} + \cdots \\ & \vartheta_{3}(0) = 1 + 2q + 2q^{2} + 2q^{3} + \cdots \\ & \vartheta(0) = 1 - 2q + 2q^{2} - \cdots , \end{split}$$

die ihrerseits wichtige Functionen von q darstellen.

Die Function $\Im(r)$, die ebenso wie \Im , und \Im , gerade ist, habe ich zuletzt hingeschrieben. Ich würde ihr den Index 4 geben, wenn ich mich für berechtigt hielte, an diesen von Jaconi eingeführten Bezeichnungen irgend etwas zu ändern. Immerhin, wenn man die Theta-relationen übersichtlich und vollständig aufstellen will — eine Aufgabe, der wir uns hier nicht zu unterziehen brauchen —, ist es sehr vortheilhaft, die Reihenfolge \Im , \Im , \Im , und \Im der vier Functionen festzuhalten und die zuerst definirte Function \Im als die letzte in der Reihe zu betrachten.

In den «Fundamenta» hat Jacou nur die beiden Functionen S und S., die dort als

$$\Theta\left(\frac{2Kv}{\pi}\right), \qquad \Pi\left(\frac{2Kv}{\pi}\right)$$

bezeichnet sind:

Nach dem, was zu Anfang bewiesen war, ist

$$\frac{\Im(v+v')\Im(v-v')}{\Im^*(v)\Im^*(v')} \quad \text{von } i - xf^*(u)f^*(u'),$$

$$\frac{\Im_*(v+v')\Im_*(v-v')}{\Im^*(v)\Im^*(v')} \quad \text{von } f^*(u) - f^*(u')$$

nur um einen Factor verschieden, der von r und e' unabhängig ist. Setzen wir $v'=\frac{\pi}{2}$, so wird f(u')=1. Daraus folgt, dass sich

$$\frac{\mathfrak{S}_{s}^{s}(v)}{\mathfrak{S}^{s}(v)} \ \text{von} \ 1 + \times x^{s}, \ \frac{\mathfrak{S}_{s}^{s}(v)}{\mathfrak{S}^{s}(v)} \ \text{von} \ 1 + x^{s}$$

nur um Factoren unterscheiden, die von v unabhängig sind. Nun sind x, $\sqrt[r]{1-x^2}$, $\sqrt[r]{1-x^2}$ im Wesentlichen nichts Anderes als die drei Coordinaten des Ellipsenpunktes. Diese drei Coordinaten sind demnach, bis auf vonstante Factoren, den drei Thetaquotienten $\frac{z_1}{z_2}$, $\frac{z_2}{z_3}$, $\frac{z_3}{z_3}$ gleich.

Setzt man in der Gleichung

$$\frac{\Im_{v}(v)}{\Im(v)} = x \mathring{V} *$$

 $n = \frac{\pi}{2}$, so wird x = 1; man erhält daher:

$$\frac{\vartheta_{\lambda}(0)}{\vartheta_{\lambda}(0)} = V_{X};$$

damit wird x selbst als Function von q dargestellt. Da ferner

Const.
$$\frac{\Im_{z}^{*}(v)}{\Im_{z}^{*}(v)} = v - xx^{*}$$

ist, so ergieht sich, indem man erst $c = \frac{\pi}{2}$, dann v = 0 setzu:

$$\frac{\Im^4(b)}{\Im^4(0)} = 1 - x.$$

Num ist $\Im^*(0) = x^*(1-x)$; es ist also $\Im^*(0) = x^*$, und, du $\Im_*(0)$ eine positive Grösse ist; $\Im_*(0) = Vx$. Es bestehen demnach die drei Gleichungen;

$$\mathfrak{P}_{\alpha}(0) = V_{\alpha} V_{\alpha}; \quad \mathfrak{P}_{\beta}(0) = V_{\alpha}; \quad \mathfrak{P}_{\alpha}(0) = V_{\alpha} V_{1-\alpha}.$$

Aus Hinen folgt:

$$3!(0) - 3!(0) + 3!(0) = 0$$

Wir können noch eine andere Constantenbestimmung hinzufügen. Es sei $\Im_r(e)$ die Ableitung der ungeraden Function $\Im_r(e)$. Aus der Gleichung

$$\frac{\vartheta_i}{\vartheta_i} = x \hat{V} \hat{x} = x \frac{\vartheta_i(0)\vartheta_i(0)}{x}$$

ergiobt sich, wenn man durch e dividirt und dann e = o weizt;

In einer der nachgelassenen Arbeiten von Gauer (Zur Theorie der neuen Transcendenten II, Werke, Bd. III; der Heransgeber Schrenze verlegt sie in das Jahr (808, dasselbe Jahr, in dem die Summatio serierum erschienen ist) findet sich auf S. 445 folgende Bemerkung:

-Die Reihen

$$\begin{aligned} p &= 1 + zx + zx^{1} + \text{etc.}, \\ \frac{1}{pp} &= t \\ q &= 1 - zx + zx^{1} - \text{etc.}, \\ \frac{1}{qq} &= u \end{aligned}$$

werden durch Differentialgleichungen am einfachsten auf folgende Art ausgedrückt:

$$\begin{split} x\frac{dt}{dx} &= t', \quad x\frac{dt'}{dx} = t'', \quad x\frac{dt''}{dx} = t''', \\ x\frac{du}{dx} &= u', \quad x\frac{du'}{dx} = u'', \quad x\frac{du'}{dx} = u''', \\ \frac{u}{t} - \frac{t}{u} &= z(tu - ut') = -4u^2t'' = +4t^2u'', \\ \frac{t''}{t''} + 3\frac{t'}{t} &= \sqrt{\frac{1}{t'} + 16\frac{t''}{t'}}, \end{split}$$

Aber die Differentialbeziehungen werden meiner Ansieht nach einfacher, wenn man statt der beiden Hülfagrössen t und u das Product und den Quotienten von p und q einführt, und noch einfacher, wenn man

$$p' = *$$
, $\left(\frac{q}{p}\right)^* = i - *$

setzt; sie werden dann:

$$A \frac{d}{dx} \left(x(t-x) \frac{dx}{dx} \right) = x, \qquad \frac{dx}{x} = \frac{dx}{x(t-x)x}.$$

Dennoch zeigt sich hier, wie tief Gauss in die Beziehungen zwischen den Functionen, die man gewöhnlich als Constanten der Theorie ansicht, eingedrungen ist.

§ 8.

In einer seiner Arbeiten stellt sich Jacon die Aufgabe! Den historischen Gang der Entdeckung der elliptischen Functionen umkehrend«, die Theorie der elliptischen Functionen aus den Eigenschaften der Thetareihen abzuleiten blacom, Werke, Bd. I, S. 499—538). Sie ist in mehrfücher Beziehung von Interesse. Erstens deshalb, weil

man, die schönen Reihen zum Ausgangspunkt nehmend, durch ein consequentes, fast allzu schematisches Verfahren, zu den Grundformein der Theorie der elliptischen Functionen zurückkehrt. Für uns kommt noch ein zweiter Punkt hinzu. Die Entwicklung von 5 und 5, beruhte — bei der hier durchgeführten Untersuchung — auf dem Fountaischen Satz, der nicht zu den elementaren Hülfsmitteln der Analysis gehört. Die Lösung des Jacom'schen Problems aber hat die Kraft, die erhaltenen Resultare zu verificiren.

Wir wollen, indem wir die alte Aufgabe von Neuem vornehmen, von Jacom in zweifacher Weise abweichen; erstens dadurch, dass wir uns auch hierbei ganz auf reelle Grössen beschränken, und zweitens dadurch, dass wir alle Grundgleichungen, z. B. auch die Gleichung D(z)=0, direct als Folgen bestimmter Thetarelationen nachweisen. Dabei benutzen wir allerdings auch die partielle Differentialgleichung $\frac{\partial^2 \phi}{\partial x^2} + 4g \frac{\partial \phi}{\partial y} = 0$, der, wie man ohne Weiteres sieht, alle vier Thetareihen, und auch ihre sämmtlichen Ableitungen nach e. genügen

Wir gehen aus von den definirenden Gleichungen

$$\begin{split} \mathbb{S}_i(v) &= \sum_{v \in \mathcal{V}} (-1)^{\frac{m}{2}} q^{\frac{m^2}{4}} \cos\left(mv\right), \\ \mathbb{S}_i(v) &= \sum_{v \in \mathcal{V}} (-1)^{\frac{m-2}{4}} q^{\frac{m^2}{4}} \sin\left(mv\right), \end{split}$$

und bilden $\Im(v+v')\Im(v-v')$. Den ursprünglichen Ausdruck

$$\sum_{(m, n \text{ pre})} (-1)^{\frac{m+n}{p}} q^{\frac{-n^2+n^2}{2}} \cos (m(v+v')) \cos (n(v-v'))$$

können wir ersetzen durch

$$\sum_{m, n \in \mathbb{N}^{n+1}} (-1)^{\frac{m+n}{2}} q^{\frac{m^2+m^2}{2}} \cos \left((m+n) \tau + (m-n) \varepsilon^2 \right)$$

und diesen durch

$$\sum_{\{n,\dots,n\}\in\{n\}} (-1)^{\frac{m+n}{2}} q^{\frac{(n^2+n^2)}{2}} \cos{(m+n)} c \cos{(m-n)} r^2;$$

denn es zeigt sich beide Mal, dass die Differenz gleich o ist. Es sei nun $m=\lambda+\mu$, $n=\lambda-\mu$. Dann sind λ , μ ganze Zahlen, und zwar beide gerade oder beide ungerade. Wir erhalten somit für $\Im(v+v')\Im(v-v')$ einen Summenausdruck, der aus zwei Theilen besteht; jeder der beiden Theile hat die Form

$$\sum_{i=n} (-1)^{n} q^{\frac{n^{n}+2}{2}} \cos(2\lambda n) \cos(2\mu n^{n}),$$

286 Salesang der phys.-meath. Classe v. 2. Marz 1911. - Minh. v. 1, Dec. 1910

aber der eine ist zu erstrecken über alle Paare gerader Zahlen, der andere über alle Paare ungerader. Jeder der beiden Theile ist ein Product zweier Factoren: wir erhalten:

$$\Im(v + v')\Im(v - v') = \pi(v)\pi(v') - \pi_i(v)\pi_i(v')$$
,

14'0

$$n(v) = \sum_{0 \in v} q^{\frac{\lambda^2}{2}} \cos(2\lambda v)$$

$$n_i(v) = \sum_{0 \in v} q^{\frac{\lambda^2}{2}} \cos(2\lambda v)$$

ist. Genau so verfahren wir mit $\mathfrak{D}_i(v+v')\mathfrak{D}_i(v-v')$. Wir erhalten zuerst:

$$-\sum_{(v)=\sup(v)} (-1)^{\frac{n+n}{2}} q^{\frac{n^2+n^2}{2}} \sin(m(v+v')) \sin(n(v-v'));$$

dann:

schliesslich:

$$\sum_{|m|=m \pmod{2}} \frac{1}{q^{\frac{n-1}{2}}} q^{\frac{n^2+m^2}{2}} \cos\left((m+n)v\right) \cos\left((m-n)v'\right).$$

Nun sei wieder $m=\lambda+\mu$, $n=\lambda-\mu$. Dunn sind λ , μ ganze. Zählen, und entweder λ gerade, μ ungerade, oder umgekehrt. Hiernach zerfällt die Summe in zwei Theile. Der eine ist

$$\sum_{v \text{ problem}} q^{\frac{\sqrt{v} + \mu^2}{v}} \cos(z\lambda v) \cos(z\mu v') = \eta(v)\eta/(v').$$

der undere ist $-v_{i}(v)v(v')$. Es ist daher:

$$\Im_{\tau}(v+v')\Im_{\tau}(v-v')=\eta(v)\eta_{\tau}(v')-\eta_{\tau}(v)\eta(v')\,.$$

Endlich werde noch S(r+r')S(r-r') gebildet, also:

$$\begin{split} \sum_{v \in \mathbb{R}^{n}} (-1)^{\frac{m+s-s}{2}} q^{\frac{m^s+s^s}{2}} \cos \left(m(v+v')\right) \sin \left(n(v-v')\right) \\ = \sum_{v \in \mathbb{R}^{n}} (-1)^{\frac{m+s-s}{2}} q^{\frac{m^s+s-s}{2}} \sin \left((m+n)v + (m-n)v'\right). \end{split}$$

Wir können dies zerlegen in eine gerade und eine ungerade Function von e; und zwar ist der erste Bestandtheil

$$= \frac{1}{\pi} \sum_{n=0}^{\infty} (-1)^{\frac{n-n+n-1}{2}} q^{\frac{n^2(n+n)^2}{2}} \cos \left((m+n) r \right) \sin \left((m-n) r' \right),$$

die Summation erstreckt über alle Zahlenpaare m,n, deren Differenz ungerade ist. Man sieht sofort, indem man $m+n=\lambda, m-n=\mu$ setzt, dass dies zerfällt in das Product einer Function von v mit einer von v'. Von dem zweiten Bestandtheit gilt dasselbe. Es ist daher nuch $\Im(v+v')\Im_v(v-v')$ linear und homogen ausdrückbar durch zwei Functionen von v allein, mit Coefficienten, die von v' abhängen.

Um die Hölfsfunctionen n, n. die in den Gleichungen

$$\mathcal{D}(v+v')\mathcal{D}(v-v') = \kappa(v)\kappa(v') - \kappa_i(v)\kappa_i(v')$$

$$\mathcal{D}_i(v+v')\mathcal{D}_i(v-v') = \kappa(v)\kappa_i(v') - \kappa_i(v)\kappa(v')$$

vorkommen, zu eliminiren, setzen wir erst eine, dann beide Veränderlichen gleich o. Aus den Formein, die wir so erhalten:

$$S^{*}(n) = n(0) \pi(n) - \pi_{*}(0) \pi_{*}(n),$$

$$S^{*}_{*}(n) = \pi_{*}(0) \pi(n) - \pi(0) \pi_{*}(n),$$

$$S^{*}(n) = \pi^{*}(0) - \pi^{*}(0)$$

folgt, dass

1.
$$\Im^{*}(\phi)\Im(v + v')\Im(v - v') = \Im^{*}(v)\Im^{*}(v') - \Im^{*}(v)\Im^{*}(v')$$

II. $\Im^{*}(\phi)\Im(v + v')\Im_{*}(v - v') = \Im^{*}(v)\Im^{*}(v') - \Im^{*}(v)\Im^{*}(v')$

ist. Dazu tritt noch eine dritte Gleichung. Zwischen $\mathbb{P}(v+v')\mathbb{P}_i(v-v')$, $\mathbb{P}(v)\mathbb{P}_i(v)$ und $\mathbb{P}\left(v+\frac{\pi}{2}\right)\mathbb{P}_i\left(v-\frac{\pi}{2}\right)=-\mathbb{P}_i(v)\mathbb{P}_i(v)$ muss eine fineare Gleichung bestehen, da alle drei Producte sieh durch dieselben beiden Functionen von v allein ausdrücken lassen; die Coefficienten bestimmen sieh, indem man v=0 und v=v' setzt; man erhält:

III.
$$\mathfrak{D}_{\epsilon}(0)\mathfrak{D}_{\epsilon}(0)\mathfrak{D}(v+v')\mathfrak{D}_{\epsilon}(v-v') = \mathfrak{D}(v)\mathfrak{D}_{\epsilon}(v)\mathfrak{D}_{\epsilon}(v')\mathfrak{D}_{\epsilon}(v') - \mathfrak{D}_{\epsilon}(v)\mathfrak{D}_{\epsilon}(v)\mathfrak{D}(v')\mathfrak{D}_{\epsilon}(v')$$
.

Zu den drei Hauptgleichungen treten nun eine Anzahl von speciellen; zunächst die folgenden:

$$\begin{array}{ll} \text{IV.} & \mathcal{P}(o)\mathcal{P}_{r}(e) = \mathcal{P}_{r}(o)\mathcal{P}(e) - \mathcal{P}_{r}(o)\mathcal{P}_{r}(e) \,, \\ \text{V.} & \mathcal{P}(o)\mathcal{P}_{r}(e) = \mathcal{P}_{r}(o)\mathcal{P}_{r}(e) - \mathcal{P}_{r}(o)\mathcal{P}_{r}(e) \,, \\ \text{VI.} & \mathcal{P}(o) = \mathcal{P}_{r}(o) - \mathcal{P}_{r}(o) \,. \end{array}$$

die sich aus I und II ergeben, wenn man erst e', dann nuch noch e gleich $\frac{\pi}{2}$ setzt. Ferner folgt aus III, indem man e'=-e annimmt;

$$\frac{\vartheta_i(zv)}{z\vartheta_i(v)} = \frac{\vartheta_i(v)}{\vartheta_i(0)} \cdot \frac{\vartheta_i(v)}{\vartheta_i(0)} \cdot \frac{\vartheta(v)}{\vartheta(0)}$$

Wenn man den Ausdruck auf der rechten Seite nach Potenzen von v entwickelt, so ist der Coefficient von v*:

$$\frac{1}{z}\left(\frac{\mathfrak{D}_{s}^{n}(0)}{\mathfrak{D}_{s}(0)}+\frac{\mathfrak{D}_{s}^{n}(0)}{\mathfrak{D}_{s}(0)}+\frac{\mathfrak{D}^{n}(0)}{\mathfrak{D}(0)}\right).$$

Sitzung der phys.-math, Classe v. 2. März 1911. — Mitth, v. 1. Dez., 1910.

Aher es ist auch

$$\frac{\mathfrak{P}_{i}(2\,r)}{2\,\mathfrak{P}_{i}(0)}=1+\frac{1}{2}\,\frac{\mathfrak{P}_{i}^{**}(0)}{\mathfrak{P}_{i}'(0)}\,r^{2}+\,\mathrm{etc}.$$

Nun ist, der partiellen Differentialgleichung zufolge, der 3 (c), 3 (c), 2(c) und auch 9 (v) genügen:

$$\begin{split} \Im_i''(\mathbf{o}) &= -4q \, \frac{d\Im_i(\mathbf{o})}{dq} \,, \qquad \Im_i''(\mathbf{o}) = -4q \, \frac{d\Im_i(\mathbf{o})}{dq} \,, \\ \Im_i''(\mathbf{o}) &= -4q \, \frac{d\Im_i(\mathbf{o})}{dq} \,, \qquad \Im_i'''(\mathbf{o}) = -4q \, \frac{d\Im_i'(\mathbf{o})}{dq} \,; \end{split}$$

es 1st daher

$$\frac{1}{\Im_i(0)}\frac{d\Im_i(0)}{dq} = \frac{1}{\Im_i(0)}\frac{d\Im_i(0)}{dq} + \frac{1}{\Im_i(0)}\frac{d\Im_i(0)}{dq} + \frac{1}{\Im(0)}\frac{d\Im(0)}{dq} + \frac{1}{\Im(0)}\frac{d\Im(0)}{dq}.$$

und hieraus folgt, dass sich 3'(0) von 3,(0)3,(0)5(0) höchstens um einen von q unabhängigen Factor unterscheiden kann. Aber dieser Factor ist 1, denn

$$\frac{\vartheta_1'(0)}{2q^{\frac{1}{4}}} \text{ and } \frac{\vartheta_1(0)}{2q^{\frac{1}{4}}}$$

erhalten für q = 0 den Werth 1, und $\hat{S}_{s}(0),\hat{S}(0)$ werden gleichfalls I fur q = 0: Es ist also:

VII.
$$\Im(o) = \Im(o)\Im(o)\Im(o)$$
.

Wir differenziren die Gleichung III nach e' und setzen dams e' gleich o. Dadurch ergiebt sich, mit Benutzung der Formel VII:

VIII.
$$\Im(v) \frac{d\Im_v(v)}{dv} - \Im_v(v) \frac{d\Im(v)}{dv} = \Im^*(o)\Im_v(v)\Im_v(v)$$
.

S.(o), S.(o) and S(o) sind in dem intervall von o bis 1, das wir hier nur in Betracht ziehen, Functionen von q, die positive Werthe laben. Die beiden ersten sind durch die Reihen direct als positive Grössen gegeben. S(o) kann für keinen der Werthe von q verschwinden, was unter Anderem aus der zuletzt aufgestellten Gleichung VIII deutlich hervorgeht. Demnach kann die Function $\Im(0) = i - 2q + etc.$, die für kleine Werthe von g offenbar positiv ist, nicht ihr Vorzeichen weeltseln.

Wir führen nun

IX.
$$* = \mathbb{P}_{i}^{i}(0), \quad * = \left(\frac{\mathbb{P}_{i}(0)}{\mathbb{P}_{i}(0)}\right)^{i}$$

Zufolge dieser Definition und der zwischen 3,(0),3,(0),5(0) bestehenden (Heichung VI ist:

X.
$$\vartheta_i(0) = 1/x \hat{V}x$$
, $\vartheta_i(0) = 1/x$, $\vartheta_i(0) = 1/x \hat{V}_1 - x$.

Jetzt führen wir die elliptische Function x = f(u) ein, indem wir setzen:

XI.
$$\frac{\dot{z}_{s}(v)}{\dot{z}(v)} = z \dot{V} \varepsilon, \quad u = z \varepsilon.$$

Dann führt die Formel VIII zu der Differentialgleichung

XII.
$$\left(\frac{dx}{du}\right)^{i} = (1-x^{i})(1-xx^{i}).$$

Aber das Verfahren ist damit noch nicht abgeschlossen. Wir differenziren die Gleichung IV zweimal nach v und setzen dann v=0. Wir erhalten dann zunächst:

$$\mathfrak{S}^*(0)\mathfrak{S}_*(0)\mathfrak{S}_*''(0) = \mathfrak{S}_*(0)\mathfrak{S}_*(0)\mathfrak{S}_*'(0) - \mathfrak{S}_*(0)(\mathfrak{S}_*'(0))$$

und daraus, indem wir

$$\mathfrak{D}_{i}''(0)$$
 durch $-4q \frac{d\mathfrak{D}_{i}(0)}{dq}$, $\mathfrak{D}^{*}(0)$ durch $-4q \frac{d\mathfrak{D}(0)}{dq}$, $\mathfrak{D}_{i}'(0)$ durch $\mathfrak{D}_{i}(0)\mathfrak{D}(0)$

ersetzen:

$$q \frac{d}{dq} \log \left(\frac{\Im_i(\phi)}{\Im(\phi)} \right)^i = \Im_i^s(\phi)$$
.

Dit

$$\mathfrak{I}_{i}^{*}(0) = xx^{i}, \ \mathfrak{I}_{i}^{*}(0) = x^{i}, \ \mathfrak{I}^{*}(0) = (1-x)x^{i}$$

ist, so erhalten wir

$$q \frac{d}{dq} \log \left(\frac{1}{1 - \kappa} \right) = \kappa \alpha',$$

oder:

XIII.
$$\frac{dq}{q} = \frac{dx}{x(1-x)x^4}$$

Dazu treten zwei Folgerungen aus der Gleichung I. Wir differenziren sie zweimal nach z und setzen dann v = 0; wir erhalten au:

$$\Im^*(o) \left(\Im(n)\Im''(r) - (\Im'(n))^*\right) = \Im(o)\Im''(o)\Im^*(r) - (\Im'(o))^*\Im'_*(n).$$

Wir differenziren auch diese zweimal nach v, setzen r = 0 und erhalten:

$$\mathbb{S}^{p}(0)\left(\mathbb{S}(0)\mathbb{S}^{pp}(0) - \mathfrak{z}(\mathbb{S}^{pp}(0))^{p}\right) = -\mathfrak{z}(\mathbb{S}^{p}(0))^{p}$$

Die eine dieser Gleichungen giebt die Beziehung der Function 3 zur Bogenfunction 8, die andere liefert die Differentialgleichung für z. beides in sehr versteckter Form. Es ist

$$\mathbb{P}''(0) = -4q \frac{d\mathbb{P}'(0)}{dq}, \ \mathbb{P}''''(0) = -4q \frac{d\mathbb{P}''(0)}{dq}.$$

290 Sitzung der phys. couth Clause v. 2, Marz 1911. - Mitth. v. J. Dec. 1910.

Der Gleichung XIII zufolge ist aber $q \frac{dz}{dq} = x \mathbb{P}(0)$. Es ist demnach auch:

$$\mathfrak{F}^{\circ}(0) = -4 \times \mathfrak{F}^{\dagger}(0) \frac{d \mathfrak{F}(0)}{d x}, \ \mathfrak{F}^{***}(0) = -4 \times \mathfrak{F}^{\dagger}(0) \frac{d \mathfrak{F}^{\prime}(0)}{d x}.$$

Da ausserdem

$$(9,(0))^{4} = (3,(0))^{4} \frac{\sqrt{x}}{1-x}$$

ist, so haben wir eine erste Reduction:

$$\begin{split} \Im(v)\Im''(v) - (\Im'(v))^v &= -4 \times \Im(o) \frac{d\Im(o)}{dx} \Im^2(v) - \frac{\Im^2(o) V_x}{v - x} \Im^2(v), \\ &- 4 \left(\Im(o) \frac{d\Im''(o)}{dx} - 3\Im''(o) \frac{d\Im(o)}{dx}\right) = -2\Im^2(o) \frac{1}{(v - x)^v}. \end{split}$$

In der ersten Gleichung setzen wir

$$\frac{\Im^2(v)}{\Im^2(v)} = x^* \sqrt{x} .$$

Dann wird.

$$\frac{d^2\log\Im(v)}{dv^2} = -4\times\Im^3(0)\frac{d\Im(0)}{dx} - \frac{\Im^3(0)}{1-x}\times x^4.$$

Die zweite lässt sich so schreiben:

$$z \frac{d}{dx} \left(\frac{\mathfrak{S}^*(0)}{(\mathfrak{S}(0))^t} \right) = \frac{\mathfrak{S}^*(0)}{(t-x)^t}.$$

Die erste Gleichung dividiren wir durch

$$x^{s} = \frac{S^{s}(0)}{1 - x}$$

und erhalten so:

$$\frac{d^*\log(\Im)}{du^*} = -4\pi(1-\pi)\frac{1}{\Im(\lozenge)}\frac{d\Im(\lozenge)}{d\pi} - \pi\pi^*$$

In der zweiten ersetzen wir

$$\frac{\Im''(0)}{(\Im(0))!}$$
 durch $-4 \times \Im(0) \frac{d\Im(0)}{dx}$.

Dadurch entsteht:

XIV.
$$4\frac{d}{dx}\left(x\frac{d\Im^{*}(0)}{dx}\right) = -\frac{\Im^{*}(0)}{(1-x)^{*}}.$$

Dies ist nicht geradeza die Gleichung D(a) = 0, aber sie lässt sieh unmittelhar in diese überführen, wenn man $\mathbb{P}'(0) = aV + \infty$ setzt.

Die erste Gleichung aber können wir so sehreiben:

$$\frac{d^{s}\log(\mathfrak{P})}{du^{s}} = -\frac{s}{s} + 1 - \kappa x^{s}$$

und indem wir lutegriren:

$$x = \frac{\rho}{x} u + \frac{1}{S} \frac{dS}{du}.$$

Daber isr:

$$\frac{\beta}{\alpha} = 1 + 4x(1-x)\frac{1}{\Im(0)}\frac{d\Im(0)}{dx}$$

$$= 1 + 2x(1-x)\frac{1}{\alpha}\frac{d\alpha}{dx} - x,$$

sumit

XVI.
$$\rho = 2x(1-x)\frac{dx}{dx} + (1-x)x.$$

Es fragt sich jetzt, was durch alle diese Rechnungen erreicht ist. Wir haben die Differentialgleichung D(z)=0, die in der Formel XIV enthalten ist, und zwar ist $z=\frac{\Im^2(\phi)}{V(z-z)}$ diejenige Lösung derselben, die gleich i wird für z=0. Es ist ferner q diejenige Lösung der Gleichung

$$\frac{dq}{q} = \frac{dx}{x(1-x)a^k},$$

die der Bedingung

$$\frac{2q^{\frac{1}{q}}}{\sqrt[4]{q}} = 1 \text{ für } x = 0$$

genügt. Es sind demnach z und q genau dieselben Functionen von z, x genau dieselbe von u und x, die vor der Aufstellung der Thetareihen betrachtet wurden. Damit ist die Darstellung der Function x = f(u) durch Thetareihen von der Anwendung des Forenze'schen Satzes unabhängig gemacht.

Wenn man imaginäre Werthe zulässt, kann man schreiben:

$$\begin{split} \mathfrak{D}(v) &= \sum_{n \in \mathbb{N}} \left(-1\right)^{\frac{n}{n}} q^{\frac{n^2}{4}} e^{in\tau}, \\ e^{-i\frac{n}{2}r_0}(v) &= \sum_{n \in \mathbb{N}^n} \left(-1\right)^{\frac{n-1}{2}} q^{\frac{n^2}{4}} e^{in\tau}. \end{split}$$

Diese Summen werden in die ursprünglichen Ausdrücke übergeführt, indem man je zwei Glieder, die zu entgegengesetzten Zahlen gehören, zusammenfässt. Es ist leicht zu erkennen, dass sie auch ber imaginaren Werthen von e und q convergent sind, mit der einzigen Beschränkung, dass der absolute Werth von q kleiner als 1 sein muss. Die neuen Ausdrücke zeigen ausserdem, dass die elliptische Function f(u) eine doppelte Periodicität hat: Ersetzt man n durch n+2, so erhält man:

$$\Im(n) = -q e^{\alpha n} \sum_{s \in \mathbb{R}^n} (-s)^{\frac{s}{s}} q^{\frac{s^2}{s}} (q e^{ss})^{p}.$$

Daher ist, für $q = e^*$:

$$\Im(v) = -g e^{iv}\Im(v - i\omega)$$
.

Dieselbe Gleichung güt für $\div_i(v)$. Daeaus geht bervor, dass der Quotient der beiden Theta ungeändert bleibt, wenn man v um is vermindert oder vermehrt. Führt man eine Grösse S ein durch die Gleichung $x = -\frac{\pi \beta}{s}$, so bleibt das Quadrat des Thetaquotienten ungeändert, sowohl wenn man v um π_i als auch wenn man v um vermehrt: $x^i = f^*(u)$ bleibt ungeändert, wenn man πx , aber auch wenn man $\pi i S$ zu u bleibt ungeändert, wenn man πx , aber auch wenn man $\pi i S$ zu u bleibt ungeändert, wenn man πx , aber auch wenn man πx

Erseizt man in den beiden Reihen a durch a+1, so erhält man die nothwendig imaginäre Transformation, durch welche die beiden Theta in einander übergefährt werden:

$$\begin{split} i \mathbb{S}(v) &= q^{\frac{1}{4}} \, e^{iv} \mathbb{S}_i \bigg(v - \frac{i\omega}{z} \bigg), \\ i \mathbb{S}_i(v) &= q^{\frac{1}{4}} \, e^{iv} \mathbb{S} \bigg(v - \frac{i\omega}{z} \bigg). \end{split}$$

\$19

Die logarithmische Medulfunction $x=-\frac{S}{a}$, die mit dem Jaconsschen Modul durch die Gleichung $q=e^*$ verbunden ist, ist nächst der Thetarethe das Wichtigste, was durch die Arbeiten Jacom's sowie durch die von Gauss über elliptische Functionen zur Analysis bloweigekommen ist; sie ist noch wichtiger geworden durch ihren Zusummenhang mit einer neueren Entdeckung, der des Puzam'schen Satzes. Ahalielt wie es bei der Thetarethe der Fall ist, bleiben die Eigenschaften der Modulfunction im Wesentlichen bestehen, wenn man ihr einen constanten Factor hinzufügt. Dieser Factor ist verschieden gewählt worden. Gauss setzt: $q=e^{-r}$: Wennschass $q=e^{r}$ Der letzteren Bestimmung des constanten Factors kännen wir uns deshalb

nicht anschliessen, weil wir nich die Eigenschaften der Modulfunction auf Beziehungen zwischen reeilen Veränderlichen gründen, die Grösse zaber nicht existire, wenn man sich auf reelle Grössen beschränkt. Aber auch die Gauss'sche Definition hat den Nachtheil, dass durch sie der Factor π in die Differentialbeziehungen zwischen den Hälfsgrössen eingeführt würde. Wir haben dies bisher vermieden, indem wir die Legenbar'schen K und E von dem Factor $\frac{\pi}{2}$ befreiten. Allerdings tritt, wenn man q=e setzt — was der Sache nach mit der Rumass'schen Darstellung der Thetareibe übereinstimmt —, die Grösse πi in den Relationen zwischen den verschiedenen Zweigen der vieldentigen Function ω auf. Das ist natürlich und braucht meht geändert zu werden.

w ist definirt als reelle, und zwar negative Grösse für die reellen Werthe von κ zwischen ο und τ, sie wächst beständig, von —∞ his ο, wenn die Variable das Intervall in der Richtung von ο nach τ durchläuft. Diese negative Grösse ist, bis auf den Factor —π, als Quotient zweiez Integrale gegeben, von denen das eine aus dem andern hervorgeht, wenn man κ durch τ—κ ersetzt. Es ist daher π dieselbe Function von τ—κ, die κ von κ ist. Zur Werthbestimmung von κ haben wir den Summenausdruck

$$u = \log\left(\frac{\lambda}{2^n}\right) + 2\mathfrak{D}(\lambda^n).$$

wobel

$$x = \frac{1 - \sqrt{1 - x}}{1 + \sqrt{1 - x}}$$

ist: $\mathfrak{P}(\lambda')$ ist eine Potenzreihe von λ' ohne constantes Glied, sonst mit positiven Coefficienten, die noch für $\lambda = 1$ convergirt, und zwar ist $\mathfrak{P}(1) = \log(1)$.

Wir betrachten jetzt z als complexe Veränderliche: wir lassen alle immrinären Werthe zu und schliessen nur diejenigen reellen aus, die grösser als i sind. Innerhalb des so definirten Gebiets, dessen Grenze ein Theil der reellen Linie ist, kann r-x nicht negativ, V:-x nicht rein imaginär, der reelle Theil von V:-x nicht o werden. Der reelle Theil von V:-x ist demnach beständig positiv; darans folgt, dass λ , absolut genommen, kleiner als i und $\mathfrak{D}(\lambda^2)$ convergent bleibt.

Demosch wird durch den Summensusdruck ein Zweig der Function a definirt für die ganze Ebene mit Ausschluss der reellen Strecke von 1 bis co. Dieser Zweig ist selbst nicht eindeutig. Er wird singuthe im Punkte x = 0, and zwar wie log (x), denn die Differenz zwischen log (x) and log (x) bleibt regulär im ganzen Geblet; auf einer geschlossenen Linie, die den Nullpunkt umkreist, ändert sich wum 2xi; Um die Function in einem beschränkteren Bereich eindeutig zu definiren, schliessen wir noch ein zweites Stück der reellen Linie, das von o bis -∞, aus. Wir erhalten so einen Bereich R, der doppelt symmetrisch ist: die eine Symmetrienchse ist die reelle Linie, die andere steht senkrecht darauf und halbirt das intervall von o bis t. Innerhalb R ist ela Zweig der Function w eindeutig definier, wenn wir festsetzen, dass w auf der Geraden zwischen o und i reall sein soll; wir nennen ihn den Zweig der directen Werthe. Auf den beiden Strecken, die die Grenze von R bilden, hat dieser Zweig verschiedene Werthe, je machdem man sich der Grenze von oben oder von unten nähert: man hat deshalb bet jeder der beiden Strecken eine obere und eine untere Seite zu unterscheiden. Auf der oberen Seite der Linken Strecke ist offenbar der imaginare Theil von a gleich +=i, auf der unteren - wi; es ist daher $w = \pm \pi i + t$, wo t eine reelle Grösse bedeutet. Diese ist nichts Anderes als der directe Werth der Modulfunction im Punkte der auf der Strecke zwischen o und 1 liegt, wenn x selbst zwischen o und -x angenommen wipl. Denn vertauscht man x mit x , so geht a in - a und somit e in -e über. I ist demmach negativ und nimmt beständig zu von - w his o, wenn z vom Nullpunkt aus die linke Strecke durchlauft.

Abalich verhält es sich auf der rechten Strecke. Die Gleichung $w(x)w(t-x) = \pi^2$ ist aufgestellt unter der Voraussetzung, dass x einer der rechlen Punkte innerhalb R ist; sie besteht deminach für das ganze Gebiet. Es ist daher, wenn x den directen Zweig bedeutet, $\frac{\pi}{w}$ innerhalb R genau dieselbe Function von t-x, wie x selbst von x. Die Substitution von t-x für x bedeutet eine Drehmig der Ebene um den Schnittpunkt der beiden Symmetrienehsen, und zwar um einen Winkel von t So 2 . Das Innere von R geht dadurch in sieh selbst über, die beiden Strecken vertauschen sieh, und zwar wird die untere Seite der linken Strecke zur überen der rechten. Es ist daher unf der rechten Strecke

$$\frac{\pi^i}{w} = \mp \pi i + \tau,$$

wo das obere oder untere Zeichen gilt, je nachdem man sich einem Punkte der rechten Strecke von oben oder von unten nähert, mil wo r eine reelle Grösse bedeutet, die beständig zunimmt, von $-\infty$ bis o, wenn x vom Punkte i aus die rechte Strecke durchläuft.

2 m = 1 +
$$\frac{\pi^2}{w}$$
 .

wo $\omega'=\frac{\pi'}{\omega}$ ist. Durch die nun folgenden Durchkreuzungen der Linie mit der andern Strecke geht

$$u' \ln 2n\pi i + u' = 2n\pi i + \frac{\pi'}{u}$$

über u. s. f. Wir schen um diese Weise: a ist eine unendlich vielwerthige Function, die sich in der ganzen Ebene, mit Ausschluss der Punkte o. t. o, zum mindesten wie eine rationale verhält, und deren Zweige aus dem directen durch Transformationen von der Form

$$w' = \pi i \cdot \frac{\pi w + 6\pi i}{\gamma w + 6\pi i}$$

hervorgehen; dabei sind α , β , γ , δ ganze Zahlen, die der Bedingung $\alpha \delta - \beta \gamma = 1$ genügen. Wir nennen eine Grösse α' , die mit α durch eine solche Gleichung verbunden ist, congruent α ; zwei Grössen, die congruent α sind, sind auch einander congruent.

Es kommt hinzu, dass die Modulfunction, abgesehen von den drei singulären Punkten, nie unendlich wird und auch nie verschwindet, dass auch ihr reeller Theil nie verschwindet und somit stets negativ bleibt. In Bezug auf den directen Zweig gehr dies für die Punkte innerhalb R deutlich aus der Gleichung $w = \log\left(\frac{\lambda}{2}\right) + 2\mathfrak{D}(\lambda')$ hervor. Dem da die Coefficienten von $\mathfrak{D}(\lambda')$ positiv sind, so ist der

absolute Werth von $\mathfrak{D}(\lambda)$ kleiner oder gleich $\mathfrak{D}(z)$, wo $z = |\lambda'|$ ist: da z < 1 ist, so ist $\mathfrak{D}(z) < \mathfrak{D}(1)$, also kleiner als $\log(z)$. Daraus folgt, dass der reelle Theil von $\mathfrak{D}(\lambda')$ zwischen $\log(z)$ und $-\log(z)$, der von w zwischen $\log|\lambda|$ und $\log\left|\frac{\lambda}{z'}\right|$ liegt. Für die Punkte an der Grenze muss, schon wegen der Stetigkeit der Function, dasselbe gelten.

Die beiden Logarithmen sind offenbar negativ. Es hat daher der reelle Theil des directen Zweiges von ω in jedem Punkte innerhalb und auf der Grenze von R einen endlichen von o verschiedenen negativen Werth. Nehmen wir aber einen andern Zweig ω' , so ist dieser mit ω durch eine Gleichung von der angegebenen Form verbunden. Daraus folgt, wenn wir mit -D den reellen Theil von ω , mit -D' den von ω' bezeichnen: D'=Dz', wo

$$z = \left| \frac{\pi i}{\gamma \omega + \delta \pi i} \right|$$

ist. Diese Grösse i kunn, wenn wir von den drei singulären Punkten absehen, weder o noch ∞ sein.

Nehmen wir irgend einen Punkt z und den zugehörigen directen Werth z. Zu den Grössen, die congruent z sind, gehören nicht nur die sämmtlichen Werthe der Modulfunction im Punkte z, sondern auch die, welche sie in den Punkten

$$1-x$$
, $\frac{x}{x-1}$, $\frac{1}{x}$, $\frac{1}{1-x}$, $\frac{x-1}{x}$

innimmt. Denn erstens gehört $\frac{\pi}{\omega} = w(1-x)$ such zu den Werthen, die congruent ω sind. Ferner gehört dazu $\omega + \pi i$, und dies ist ein Werth der Modulfunction im Punkte $\frac{\pi}{\chi-1}$. Für die übrigen Punkte der aufgestellten Reihe ergiebt sich dasselbe durch Zusammensetzung der beiden Substitutionen

Fügen wir zu den aufgestellten fünf Werthen noch x selbst bluzu, so bekommen wir eine Gruppe von sechs Punktien, die wir als Gruppe (x) bezeichnen wollen. Das Resultat dieser ersten Untersuchung lässt sich dann so aussprechen:

Die Modulfunction ist eine unendlich-vieldeutige, die aber nur dvei singuläre Paukter $\kappa=0$, ι , ∞ besitzt, ihr reeller Theil bleibt beständig negativ. Die sämmtlichen Werthe, die sie in den sechs Punkten einer Gruppe annehmen kann, sind in dem definirten Sinne einander congruent

\$ 10.

Wir betrachten jetzt nur die directen Werthe der Modulfunction. Dann ist die Function im beschränkten Gebiet R_* sogar an der Grenze, eine eindeutig definierte, wenn wir, wie es geschehen muss, die Grenzstrecken als zweiseitig annehmen. Singulär wird sie nur in den Eckpunkten $0, 1, \infty$. Da sie reell ist auf der reellen Linie, soweit diese innerhalb R verläuft, so hat sie in conjugirten Punkten conjugirte Werthe. Nun ist, wenn wir mit a den Werth der Function im Punkte z bezeichnen, ihr Werth im Punkte $1-\kappa$. Auf der zweiten Symmetrieschse, wo $|x|=|1-\kappa|$ ist, sind κ und $1-\kappa$ conjugirte Werthe, also auch κ und κ . Darans folgt, dass auf dieser Linie der absolute Werth von κ gleich κ ist.

Verth der Function im Punkte $\frac{x}{x-1}$. Dies ist bewiesen für den Grenziall, wo z der oberen Seite der linken Strecke angehört; es muss offenbar bestehen bleiben, wenn sieh z von dieser Strecke nach oben entfernt. Ganz ebenso ist, wenn wir unter z einen Punkt der unteren Halbebene verstehen, $\alpha + \pi i$ der Werth der Function im Punkte $\frac{x}{x-1}$. Beschränken wir nun z auf den Kreis |x-t|=1, so ist hier $\frac{x}{x-1}$ der conjugirte Werth von z. Infolgedessen ist $|x-\pi i|=|x|$, wenn z der oberen, $|x+\pi i|=|x|$, wenn z der unteren Hälfte dieser Kreislinie angebört.

Lassen wir z die ganze Begrenzung von R durchlaufen, und zwar so, dass das Innere von R durchweg zur Linken bieibt; zuerst, nach dem Nullpunkt zu, die obere Seite der linken Grenze, dann, in entgegengesetzter Richtung, die untere Seite derselben. Alsdann folgt die untere Seite der rechten Strecke bis zum Punkte t, und von t aus die obere Seite der rechten Strecke. Wir haben demnach vier auf einander folgende Theile der Begrenzung zu unterscheiden. Auf dem ersten ist $w = \pi i + t$, und t nimmt ab von o bis $-\infty$; auf dem zweiten ist $w = -\pi i + t$, t nimmt zu von $-\infty$ bis o; auf dem dritten ist $\frac{\pi}{w} = \pi i + \tau$, τ nimmt ab von o bis $-\infty$; auf dem dritten ist $\frac{\pi}{w} = \pi i + \tau$, τ nimmt ab von o bis $-\infty$; auf dem

 $[\]frac{\pi^2}{2} = -\pi i + \tau$, τ minut wieder zu von $-\infty$ his 0.

Das beisst, wenn man z als variabela Punkt einer zweiten Ebene betrachtet:

Der Punkt w beschreibt vier sich an einander auschliessende Linien, die sich links von der Ordinatenachse hinziehen: Zuerst eine Gerade, von π_i aus, parallel der negativen Abscissenlinie his in's Unendliche, dann eine zweite Gerade, ebenfalls parallel der negativen Abseissenlinie, aber unterhalb derselben im Abstand π_i vom Unendlichen bis $-\pi_i$; abstann einen Halbkreis von $-\pi_i$ bis π_i , und einen zweiten Halbkreis von π_i bis π_i .

Dass die beiden letzten Linien Halbkreise sind, ist leicht zu erkennen, indem man z. B. die Gleichung der letzten Linie auf die Form bringt:

$$\frac{\pi i - w}{0 - w} = i \left(\frac{-\tau}{\pi} \right).$$

Hier ist $-\frac{\pi}{\pi}$ ein positiver Factor, der abnimmt von ∞ his o. Es schliesst demnach die Gerade von ω nach π i mit der von ω nach o denselben Winkel ein, wie i mit 1.

Das Gebiet zwischen den beiden Parallelen zur Abseissenlinie mit den Endpunkten + mi und - mi, das nach rechts abgeschlossen wird durch die beiden Halbkreise, welche die Punkte + # | und - # i mit dem Nullpunkt verbinden, ein Gebiet ganz links von der Ordinatenlinie, nennen wir 67. Dann entspricht vermöge des directen Zweiges der Modulfunction jedem Punkte der Begrenzung von R ein bestimmter Punkt der Begrenzung von G, und umgekehrt. Dass auch jedem Punkte z im Innern von R ein bestimmter Punkt des Innern von G entspricht, und umgekehrt, ist leicht zu erkennen. Denn es sei w. treend ein Punkt der s-Ebaue, der nicht auf der Grenze von U liegt. Der Punkt i liegt ausserhalb; die Anderung, die der Logarithmus von w — w erfährt, wenn a den ganzen Umfang von G im positiven Sinn durchläuft, ist daher ami oder o, je nachdem z, innerhalb oder ausserhalb G liegt. Man kann diese Anderung auch erhalten, indem man den Logarithmus als Function von z ansicht, definirt für das Gehiet R, and z die Begrenzung von R durchlaufen lässt. Da a-1 nicht o wird, so ist die vollständige Anderung von $\log \left(\frac{w-w}{w-1}\right)$ gleich

Man vergleiche die Figuren bei Gross, Bd III, 8,477 und 478. Besonders eherakteristisch erscheim mirg dass unter diese Fragmente von Garen über die Modelfauerion auch Bemerkungen über die Patentialtheorie elegestreit sind (S. 479 und 480). Für mich geht darmie bervor, dass Gares von Riemann bei Gedanken beseelt gewesen ist.

x = x, wo a die Anzahl der Punkte innerhalb R bedeutet, in denen x = x, wird. Die Vergleichung zeigt, dass n = 1 oder o ist, je nachdem x, im hanern von G oder ausserhalb liegt. Der directe Zweig der Modulfunction nimmt demnach innerhalb R keinen Werth an, der ausserhalb G liegt, und jeden innerhalb G gelegenen einmat. Dass die Function innerhalb R keinen Werth x, annehmen kann, der an der Grenze von G liegt, ist klart denn dann müsste sie innerhalb R alle Werthe annehmen, die in einer bestimmten Umgebung von x, liegen, also auch Werthe, die ausserhalb des Bereiches G liegen.

Damit ist der Satz gewonnen:

Der Bereich der Werthe des directen Zweiges der Modulfunction ist ein Theil der se-Ebene links von der Ordinatenachse; er ist begrenzt durch zwei von πi und $-\pi i$ ausgehende Parallelen zur Abscissenlinie und durch zwei Halbkreise, die den Nullpunkt mit $+\pi i$ und $-\pi i$ verbinden. Jeden dieser Werthe, gleichviel ob er im Innern oder auf der Grenze liegt, nimmt der directe Zweig der Function ein und nur einmal au.

Die zwischen R und G festgestellte Beziehung ist demnach die der conformen Abbildung.

Jetzt beschränken wir z auf einen Theilbereich von R. Es sei zunächst (x) eine beliebige Gruppe von sechs zusammengehörigen Punkten; mit z seibst bezeichnen wir denjenigen Werth der Gruppe, der, absolut genommen, der kleinste ist. Dann ist

$$|x| < |t-x|$$
 and $|x| < \left|\frac{x}{x-1}\right|$.

daher: |z| < |1-z| < 1. Dies ist ein bestimmtes Gebiet S_i und zwar ein Segment: nach rechts begrenzt durch einen Theil der zweiten Symmetrieachse von R_i nach links durch einen Bogen des Kreises |z-t|=1, der durch den Nallpunkt in zwei gleiche Theile zerfällt. Es kann zwar vorkommen, dass mehrere der sechs Grössen (z) den kleinsten Werth erreichen, so dass wir zwischen mehreren freie Wahl haben. Dann liegt z auf der Grenze von S. Aber es handelt sich im Folgenden um Ungleichheitsbeziehungen zwischen continuirlichen Grössen, die nicht vollständig aufhören, wenn man zur Grenze übergeht. Wir erlauben uns deshalb, z im Innern von S anzunehmen.

Es ist leicht zu sehen, dass, wenn |z| < |1-z| < 1 ist, z die kleinste Grösse threr Gruppe ist; die beiden Bedingungen sind demnach gleichwerthig.

Der Bereich S reicht nur in dem einen Punkte $z=o_i$ wo $z=\infty$ ist, bis zur Grenze von R. Es muss ihm demnach ein Theilbereich H von G entsprechen, dessen Begrenzung sich zwar in's Unendliche er-

streckt, sonst aber vollständig innerhalb G verläuft. Auf der Schne ist $|w|=\pi$, auf dem oberen Theil des Kreisbogens: $|w-\pi i|=|w|$, auf dem unteren: $|w+\pi i|=|x|$. Der Bereich H ist demnach begrenzt durch zwei zur Abseissenlinie parallele Gerade, $|w-\pi i|=|w|$ und $|w+\pi i|=|w|$, und durch einen Bogen des Kreises $|w|=\pi$.

Wenn's im Innern von S liegt, so liegt w im Innern von H. Es ist daher

$$|w| < |w - \pi i|$$
, $|w| < |w + \pi i|$, $|w| > \pi$,

wenn $|z| \le |1-z| < 1$ ist. Was diese Ungleichheiten bedeuten, lässt sich in zwei ganz verschiedenen Formen aussprechen:

Denken wir uns die Punkte der arithmetischen Reihe $*+m\pi i_*$ die wir erhalten, wenn wir für m alle ganzen Zahlen setzen. Daraus, dass $\omega + \pi i$ ebenso wie $\omega - \pi i_*$ absolut genommen, grösser als u ist, fölgt, dass w die kleinste unter den Grössen $u + m\pi i_*$ ist, und auch neben $-\omega$, die kleinste unter den Grössen $n\omega + m\pi i_*$ wenn $n = \pm 1$ ist. Nehmen wir aber für n eine positive oder negative ganze Zahl, die absolut genommen grösser als i ist, so ist a fortiori $n\omega + m\pi i_*$ grösser als ω . Um dies zu beweisen, bezeichnen wir den reellen Theil von ω , welcher negativ ist, mit $-D_i$ mit $\pm Ei$ den imaginären, wobei wir annehmen, dass auch E nicht negativ ist. Da $|\omega| < |\omega \pm \pi i|$ ist, so ist $D^* + (E - \pi)^* > D^* + E^*$, also $E < \frac{\pi}{2}$. Da ferner $D^* + E^* > \pi^*$ and um so mehr $D + E > \pi$ ist, so ist $D > \frac{\pi}{2} > E$; folglich 2D > D + E

and am so mehr D+E>= ist, so ist $D=\sum_{i=1}^{n}E_i$; folglich 2D>D+R $>|\omega|$. Hiermach ist, wenn n eine der Zahlen ± 2 , ± 3 etc. bedeutet, $n\omega+m\pi i$ grösser als ω . Denn schon der reelle Theil von $n\omega+m\pi i$ ist, absolut genommen, grösser als ω . Wir sehen hieraus: Unter den Grössen $n\omega+m\pi i$, die wir erhalten, wenn wir für n und m beliebige ganze Zahlen setzen, und nur den Werth n=0 ausschliessen, ist ω die kleinste πi aber ist noch kleiner als ω , und es ist nicht ausgeschlossen, dass auch einige der Vielfachen von πi kleiner als ω sind. Damit ist der Satz gewonnen:

Wenn die Linie von o nach \times die kleinste, die von i nach \times die zweitkleinste Seite des durch die Punkte $0,1,\times$ gebildeten Dreiecks ist, so ist der zugehörige directe Werth \times der Modulfunction so beschaffen, dass πi , neben $-\pi i$, die kleinste aller Grössen ist, die sich ganzzahlig aus \times und πi zusammensetzen lassen: \times aber wird die kleinste, wenn man $\pm \pi i$ und die Vielfaeben von $\pm \pi i$ aus dem System $nx + m\pi i$ fortlässt.

Vgl. Danaran, Über die elliptischen Modalfimetionen, Journ. L. Math. Bd. 83:

Nehmen wir irgend einen Werth a', der dem directen congruent ist,

$$u' = \pi i \frac{2\pi + 3\pi i}{\gamma u + \delta \pi i}$$
:

und bezeichnen mit -D den reellen Theil von w, mit -D' den von w. Dann ist

$$D^i = D \Big| \frac{\pi i}{\gamma x + \delta \pi i} \Big|^i.$$

Aber der Factor, der hier mit D multiplicirt ist, kann höchstens gleich t sein, wenn πi die kleinste der Grössen $\gamma \omega + \delta \pi i$ ist: er kann nur den Werth t erreichen, wenn $\gamma = 0$, $\delta = \pm 1$, $z = \pm 1$ ist, also wenn $\alpha' = \omega + \beta \pi i$ ist. Die Punkte $\omega + \delta \pi i$ bilden daher in der Gruppe der congruenten die Reihe derer, die den grössten Abstand von der imaginären Achse haben: ω selbst ist in dieser Reihe derjenige Punkt, der dem Nullpunkt im nächsten liegt. Dadurch entsteht der zweite Satz:

Wenn z der kleinste Werth seiner Gruppe ist, so liefert der zugehörige directe Werth w der Modulfunction einen Punkt der Gruppe (4), in dem das Maximum des Abstandes von der imaginären Achse erreicht wird; und zwar ist w derjenige unter den Punkten größten Abstandes von der imaginären Linie, dessen Entfernung vom Nullpunkt die kleinste ist.

An den zweiten Satz ist noch eine Bemerkung zu knüpfen. Wenn |x| < |x-1| < t, und demnach |x| < t ist, kann man zur Bestimmung des directen Werthes der Modulfunction die einfachere Formet

$$x = \log\left(\frac{x}{2^n}\right) + 4\mathfrak{P}(x)$$

anwenden. Nun liegt der reelle Theil von $\mathfrak{D}(z)$ zwischen $\log(z)$ und $-\log(z)$; der reelle Theil von z also, den wir mit -D bezeichnet haben, zwischen $\log|z|$ und $\log\left|\frac{z}{z^2}\right|$. Wir bezeichnen mit K den grössten unter den absoluten Beträgen der Gruppe (z). Dann ist $|z|=\frac{1}{K}$ und daher

$$\log(K) < D < \log(x^*K)$$
.

D stellt das Maximum der unter den Abständen der zur Gruppe (z) gehörigen Panktgruppe (z) von der imaginären Linie. Dieses Maximum ist grösser als log (L), aber kleiner als log (2 L). Um so mehr sind die Entfernungen aller übrigen Punkte der Gruppe (z) von der imaginären Geraden kleiner als log (2 L).

Dieser kleine Satz ist deshalb von Interesse, well auf ihm einer der Beweise des allgemeinen Picano'schen Theorems beruht. An sich braucht dieses wundervolle

Der directe Zweig der Modulfunction wurde durch eine Poteuzentwicklung mit einem hinzutretenden logstrithmischen Gliede definirt.

Man kann aber auch die directe Definition $v=-\pi^2$ dadurch erweitern, dass man bei den Integralen π^2 und π^2 neben den reellen Werthen von x zwischen $-\infty$ und 1, bezüglich zwischen o und $+\infty$, beliebige imaginäre zulässt. Schliesst man die reellen Werthe von x zwischen 1 und ∞ aus, und lässt elle Imaginären zu, so kann, da x eine reelle Grösse zwischen 0 und 1 ist, der reelle Theil von V $1-\pi x^2$ nicht verschwinden: wir dürfen ihn als positiv annehmen. Ebenso lässt sich das Integral $\frac{\pi}{2}\beta$ eindeutig definiren, wenn man die linke Strecke der reellen Linie ausschliesst. Innerhalb R sind auf diese Weise beide Integrale definirt. Ihr Quotient, multiplieirt mit $-\pi$, ist offenbar innerhalb R eine analytische Function, und da diese für die reellen Werthe von z zwischen o und 1 mit dem directen Zweige der Modulfunction übereinstimmit, so ist sie überhaupt mit diesem Zweige identisch.

Wir führen nun bei dem Integral $\frac{\pi}{2}$ α die Grösse $\kappa x^* = t$ als Integrationsvariable ein. Wir erhalten so:

$$\pi \alpha = \int_{0}^{1} \frac{dt}{V R(t)},$$

WO:

$$R(t) = t(t-1)(t-2)$$

ist. Das Vorzeichen des Integrals lassen wir unbeachtet, da es nus hier mehr auf die absoluten Werthe der Grössen ankommt.

Theorem knines undern Bewels neben dem, den sein Autor selbst gegeben hat. Aber ich glaube, dass durch die Untersuchungen Anderen (Bunza, Lawnan, Canarmacount). die schliesslich mich zum Picam'schen Satz führen, uemere Verstellungen filer die singu-Bren Punkte der Functionen, und mich unsere Auffassungen der Madulfunction vertieft worden sind. In elner Arbeit, durch die ich mich in Jones Untermehangen betheilige (Mier zwei Beweise des allgemeinen Prann einen Satzon, Sitzungsber, 1907, S. \$23 hie 840), steht, durch ein Versehen von nur, auf & egt, log (328) statt log (284), and dieser Pohler zisht sieht durch die Formeln von 3 2 und 3. Die durt unftretenden Potenzen von 2 sind daher darch höhme til ersetzen. På bil ziemhen gleichgillig, wie gross these Expanguten sind. Dest men and hole Poleuren von a gefassi ein musa, wonn man entweder die is der Bourn'schen Arbeit unbestimmt umgesprochenen Sätze zu basilimmten macht, oder wenn man die Formel log (E) < D < log (2º E) als Ausgangspunkt an waiteren Schlüssen banutat, ist klar, Ich gedenke übrigem bei anderer Gelegenbeit auf die Boweiso des Preum schen Sotzes zurückzokungeret es soil für diesen Satz kein Beweis varhanden som, in dem sich ein denered unsagrigirter Hüchtigkeltsfehler befindet.

=6 entsteht aus =z, indem man z durch i -x erseizt. Wie erseizen gleichzeitig / durch i -t. Dadurch ergiebt sieh:

$$\pi\beta = \int\limits_{V-R(l)}^{*} \frac{dt}{V-R(l)} \, .$$

Wir schreiben dafür

and setzen: $2\pi x = A$, $2\pi l \hat{\beta} = B$, so dass

$$u = \pi i \cdot \frac{R}{\Lambda}$$

ist, und A, R zwei Fundamentalperioden des elliptischen Integrals $\int \frac{dt}{VR(t)} darstellen. <math>\frac{1}{z}A$ und $\frac{1}{z}R$ sind Halbperioden, gewonnen auf geradlinigem Wege, die eine auf der Linie von o nach z, die andere auf der von 1 nach z.

Nun nehmen wir z im Segment S un, das heisst: wir nehmen un, dass die Linie von o mich z die kleinste die von 1 nach z die zweitkleinste Seite des breiecks (o, t, z) ist. Dann ist =i die kleinste der Grössen nw + m = i, also die kleinste der Grössen

$$\frac{\pi i}{A}(mA + nB),$$

folglich A die kleinste der Grössen mA + nB, und ebenso ist B die kleinste der Grössen mA + nB, die übrig bleiben, wenn man für m den Werth ϕ ausschliesst. Die kleinste Periode A des elliptischen Integrals ist demnach die, deren Hälfte durch integration längs der kleinsten Seite des Dreiecks (0, +, *) erhalten wird. Das Integral über die zweitkleinste Seite, multiplieirt mit 2, liefert diejenige Periode B, die nächst A und den Vielfachen von A die kleinste ist.

Das lässt sich noch etwas erweitern, indem man / durch eine ganze lineare Function von / ersetzt und daufit eine gewöhnliche Ahnlichkeitstransformation vornimmt. Es gilt der Satz:

Unter den Halbperioden des elliptischen Integrals

$$\int \frac{dx}{V(x-a)(x-b)(x-c)}$$

ist diejenige die kleinste, die sich durch integration auf der kürzesten Seite des Deelecks a, b, e ergiebt; nächst dieser und ihren Vielfachen ist diejenige die kleinste, die auf der zweitkürzesten Seite erhalten wird.

304 Sittening der phys.-math. Classo c. 3. Marz 1911. - Mitch. v. 1. Dez. 1910.

Hiermit ist jedenfalls das, was die merkwürdigen Ungleichheiten für a und z sagen, auf die klarste und einfachste Weise ausgedrückt Dass, wenn man dieser Bestimmung nach

$$q = e^{ai\frac{T}{J}}$$

setzt, der Jaconi'sche Modul q seinen kleinsten Werth erhält, unter den unendlich vielen, die zulässig sind; dass somit die Thetareihen am stärksten convergent werden, geht ebenfalls unmittelbar aus den aufgestellten Sätzen hervor.

SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XIII.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

9. März. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

"1. Hr. Schmor las über » Dramatische Entwürfe Ludwig Uhlands».

Nach einer Gruppirung, wobel die Mbelungenskizze gestreift wurde, erörterte ar den ersten, achwächlichen und den letaten, bedeutenden Versuch an Stoffen aus der rumanischen Powie: Francesco da Rimat. Bernardo del Carpio.

2. Vorgelegt wurden zwei neu erschienene Theile der Ergebnisse der Plankton-Expedition der Humbonny-Stiftung: Bd. II be enthaltend die Heteropoden von P. Schiebenz und Bd. III Le enthaltend die Foraminiferen (Thalamophoren) von L. Reubnieg. Tl. 1. Kiel und Leipzig 1911.

Die Akademie hat das ordentliche Mitglied der physikalischmathematischen Classe Jaros Henrich van't Horr um 1. März durch den Tod verloren.

Untersuchungen über die spezifische Wärme bei tiefen Temperaturen. III.

Von W. NERNST.

(Aus dem Physikalisch-Chemischen Institut der Universität Berlin.)

[Vorgetragen am 23, Februar 1911 [s. oben S. 229].]

Die in meiner früheren Mitteilung mitgeteilten Messungen habe ich nunmehr bis nahe zur Temperatur des siedenden Wasserstoffs himmter fortführen können.

An der Versuchsanordnung seiber war nichts zu ändern, indem die bereits beschriebene Methode wie zu erwarten auch bei diesen Temperaturen jede nur irgend wünschenswerte Prazision lieferte Schwierigkeiten machte allerdings die Eichung des benutzten Platindrahtes, doch gelang es schließlich, eine Anzahl Temperaturpunkte sieher festzulegen und durch eine so branchbare Formel zu vereinigen, daß daraus der in dem Gebiet von 20 bis 40° abs. sehr stark variable Temperaturkoeiftzient, auf den es wesentlich ankommt, mit ausreichender Genauigkeit abgeleitet werden konnte (vgl. auch weiter unten).

Die Versuche mit Zink stellte ich mit durch einen kleinen känflichen Apparat aus Bombenwasserstoff gewonnenem flüssigen Wasserstoff un; für die Messungen am Blei und Kupfer benutzie ich flüssigen Wasserstoff, der zugleich für eine andere Gelegenheit von Hrn. Prof. Wassen in Leipzig in seiner großen Anlage in einer Quantität von etwa 41 bergestellt und uns freundlich zur Verfügung gestellt wurde; gerade diese Versuche wurdt mir wegen der relativ großen Mengen düssigen Wasserstoffs, mit denen ich hier arbeiten kounte, sehr lehrreich, und ich möchte auch bier Hrn. Prof. Wiesen und Hrn. Dr. Lampspele für ihr großes Entgegenkommen vielmals danken.

Die Mehrzahl der Versuche stellte ich mit Wasserstoff an, der in kleinen selbstgehauten Apparaten verflüssigt wurde; auf die Konstruktion dieser Apparate, die an anderer Stelle beschrieben werden sollen, will

Snaungsber, d. Berl Akod, d. Wiss, 1910, 262.

ich hier nicht eingehen und nur bemerken, daß ich bei diesen die Einrichtung getroffen habe, das evakuierte Glasgefäß, welches die zu untersuchende Substanz enthält, unmittelbar in den Verdüssigungsraum selber zu bringen; indem so ein Umfüllen des Wasserstoffes vermieden wurde, gelang es, mit wenigen Gramm düssigen Wasserstoffs auszukommen; die Versuche mit diesem Apparat gehen so einfach und glatt, daß ich fast täglich Messungen ohne besondere Mühewaltung und Kosten auszuführen in der Lage bin. Natürlich läßt sich, wie es im Wesen der von mir benutzten Methode liegt, durch sukzessive Erwärmung von der tiefsten Temperatur aufwärts der Verlauf der wahren spezifischen Wärme ohne weiteres bis zu viel höheren Temperaturen ermitteln.

Indem ich also, wie schon bemerkt, wegen aller sonstigen Einzelheiten auf meine frühere Arbeit verweisen kann, seien im folgenden zunächst als Beispiel die Versuche mit Blei mit ihren Einzelheiten wiedergegeben; was die übrigen Messungen anlangt, werde ich mich hier auf eine graphische Wiedergabe meiner hauptsächlichsten Versuchsresultate beschränken.

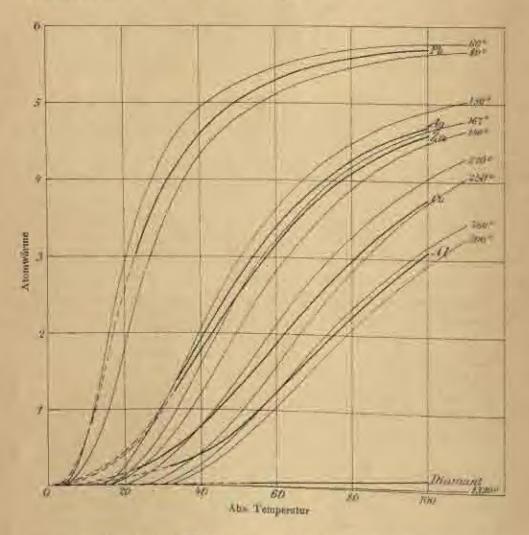
4	ai	g	WC	WC korn	Alter-	Kurre	Diff. in Proceeding
230	Z-#T	13,44	3,06	5.44	=46	1.000	+1
48(1)	2.654	53/0	7-8.6	1745	5.64	5-22	===
16.5	1,39	11.01	7194	7.83	6.13	4.18	44
37.0	10.35	94.5	8,44	8.84	4.67	4=48	-4
32.3	8-43	30.0	8.3.1	Basi	4.63	6.50	+3
+1 + bb tm.	8.1-8	361.0	10.21	term	330.		-
85.5	84.6	8883	11:00	00.54	5.62	.5.43	(9)
900.0	5.13	98.5	Reiot	10.61	5-01	5. fc7	1 -+1

Blei, Block von 392.25 g.

Es bedeuten Δt die durch die Energie E (g. cal.) hervorgerußene Temperatursteigerung, und zwar bei der Mitteitemperatur T; WC den Wasserwert des Blocks, WC korr, denjenigen hach Abzug des Wasserwerts der anßer Blei benutzen Substanzen (hier lediglich etwas Paraffin zur Einhüllung des Platindrahtes; in andern Fällen die Silberunhüllung und dergleichen).

Ferner wurden bisher in Almlicher Weise bei einer größeren Anzahl von Temperaturen Silber, Zink, Kupfer, Aluminium, Chlorkalium, Merkurochlorid gemessen; die entsprechenden Kurven für die Metalle finden sich in der Figur eingetragen. Beim Chlorkalium liegen die beobachteten Werte in der Mitte zwischen der Silber- und der Zinkkurve, und zwar wurden hier 9 Messungen von $T=z_3$ bis T=86 gemacht; Jod lieferte eine wenig unterhalb Blei liegende Kurve.

Bei den einzeinen Messungen können zuweilen wegen Veranderungen des Vakuums und wegen des häufig erforderlichen raschen Arbeitens Fehler bis zu mehreren Prozenten unterlaufen: die den ausgeglichenen Kurven zu entuehmenden Werte aber dürften kaum Fehler enthalten, die 1—2 Prozent übersteigen.



Der Umstand, daß bei der nachträglichen graphischen Zusammenstellung sich eine so harmonisch verlaufende Kurvenschar ergab, bestätigt wohl indirekt die Genauigkeit meiner Messungen, die sich übrigens, wenn es darauf anklime, sieherlich mit größeren Mitteln auf das zehnfache steigern ließe. An die biaherigen Beobachtungen lassen sieh folgende Schluß-

folgerungen knupfen:

1. Der Verlauf der Atomwärmen ist bei tiefen Temperaturen für die sechs untersuchten Metalle übereinstimmend, indem jene gleich $f\left(\frac{T}{T_{c}}\right)$ gesetzt werden können, wobei die betreffende Funktion von der Natur des betreffenden Stoffes unabhängig und T_{c} eine demselben charakteristische Konstante ist. Das gleiche gilt für Chlorkalium und auch für den Diamant (dessen Werte von Dewse gemessen wurden), nicht aber für Merkurochlorid (vgl. w. u.).

2. Die dünn gezeichneten Kurven sind nach Eissteiss Formel

berechnet, wonach die Atomwärme

$$3R\frac{e^{\frac{3r}{T}}\left(\frac{\beta r}{T}\right)^{r}}{\left(e^{\frac{2r}{T}}-1\right)^{r}}$$

Diamant a. a. O. konstatierte) in allen Fällen dort gut, wo es sich um eine Abnahme der Atomwärme von etwa 5.6 bis auf 2—3 handelt; bei tieferen Temperaturen aber fällt letztere merklich laugsamer ab, als die Formel verlangt. Bei der Betrachtung der Korven wird man aber, zumal wenn man ihren übereinstimmenden Verlauf berücksichtigt, nicht bezweifeln können, daß bei sehr tiefen Temperaturen die Atomwärme in allen Fällen nicht nur sehr kleine Werte annimmt, sondern daß sogar ein Tangieren der Temperaturachse eintritt, wie es die punktierte Verlängerung der beobachteten Kurven andeutet.

5. Damit ist aber das von mir aufgestellte Wärmetheorem, wenigstens was seinen einen Teil anlangt, bestätigt, indem für T=0

$$\lim \frac{dU}{dT} = 0$$

wird: vermutlich konvergieren nach Vorstehendem sogar auch die höheren Differentialquotienten gegen sehr kleine Werte.

4. Der Umstand, daß sich Chlorkalium bezüglich des Verlaufs seiner Atomwärme genau wie ein Element verhält, dessen Atome gleichartig gebunden sind, wäre nach Enstruss Anschauungen so zu deuten, daß beide Atome wenig verschiedene Eigenfrequenz besitzen, was gerade in diesem Falle an sieh plausibel erscheint, weil Chlor und Kalium

Proc. Royal Soc. A. 76, 325 (1905).

Ann. d. Phys. [4] 32, 184 (1907); die zu Se = 1330° gehörige Kusse sollte mich Einstruss Berechnung für Diamant gelten.

auch im freien (kristallisierten) Zustande nach Landsaws Formel nicht sehr verschiedene Eigenfrequenzen haben (1.69 bzw. 1.75-10"). Anders beim Merkurochlorid; hier sind die Eigenfrequenzen der Elemente sehr verschieden, und die Verbindung verlangt, wie sehon Politizunfand, dessen Formel sich gut den neuen Beobachtungen auschließt, entsprechend die Einführung zweier Zr-Werte (80 und 236), so daß ein ganz anderer (weniger gegen die Temperaturachse geneigter) Verlauf resultiert. — Ähnlich verhält sich nach den früheren Beobachtungen (a. a. O.) übrigens auch Schwefel, so daß auch hier im Molekül verschiedenartig gebundene Atome anzunehmen sind.

- 5. Daß in ihrer Gesamtheit die Beobachtungen eine glänzende Bestätigung der Quantentheorie von Paanck und Ersaten erbringen, liegt auf der Hand; der bei den tiefsten Temperaturen langsamer mfolgende Abfall der Atomwärme ließe sich im Sinne jener Theorie einfach etwa in der Weise deuten, daß die Eigenfrequenzen nicht scharfen Linien, sondern nach kleinen Schwingungszahlen zu langsam abfallenden Bauden entsprechen.
- 6. Der Umstand, daß die untersuchten Metaile einerseits und die nichtmetallischen Substanzen (Diamant, Chlorkalium) anderseits keinen Unterschied im Verlauf der Atomwärme erkennen lassen, muß gegen die Elektronentheorie des galvanischen Widerstandes insofern Bedenken erregen, als nach letzterer die Elektronen einen keineswegs unbedeutenden Beitrag zur Atomwärme der Metalle liebem müßten, der aber gewiß nicht vorhanden ist. Will man daher daran festhalten, daß die Elektronen die gleiche lebendige Kraft und somit auch die gleiche Atomwärme wie ein einstomiges (Jas (2.98) besitzen, so müßte jedenfalls die Zahl der Elektronen viel kleiner sein, als meistens geschätzt wird. Nimmt man ferner noch an, daß die Konzentration der Elektronen durch die Temperatur geändert wird, so wird der Widersprüch noch vergrößert, weil jede Änderung eines Gleichgewichts durch Temperaturerhöhung mit Wärmeabsorption verbunden ist.
 - 7. Der Vergleich der Formel von Lindemann

$$r = 2.12 \cdot 10^{11} \sqrt{\frac{T_c}{MV^{\frac{3}{2}}}}$$

(T. Schmelzpunkt, M Atomgewicht, V Atomvolumen) mit den Ergebnissen meiner Messungen liefert folgende Tabelle:

^{*} Zeitschr. f Elektroch. 17, 5 (1911).

Phys. Zeitschr. 11, 609 (1910).

Tabelle L.

Planon	M	T _b	r	$r = 1.11 - 10^{13} \sqrt{\frac{T_c}{MV^{\frac{1}{4}}}}$	Kan	
Mark and and	sal	500	18.3	14 cmn	1.41 -	1011
Ø	101	1235	103	5) .	3/3	-
0	65.0	644	0.3	53. 1	3.6	Je-
10 e m m 10 e l	63.6	1357	2/3	st -	4.9	×
	27.2	min	10.03	58 t	6,0	0
	\$20.0	386	25.0	(64 1)	163	
icci	11-2	1031	18:9	ALF Y	1-5	

Die Formel von Lindenann bewährt sich also an dem neuen geunderen Beobachtungsmateriel viel besser als früher (Lindenann a. a. O.); mindestens für die Metalle wird man nunmehr den Verlauf der Atomwärme bei tiefen Temperaturen mit ziemlicher Sicherheit aus Schmelzpunkt, Diehte und Atomgewicht ableiten können, was besonders für die Verwendung meines Wärmetheorems von Bedeutung ist.

Schließlich sei noch auf eine, wie mir scheint, sehr auffallende und von der bisherigen Elektronentheorie nicht vorgeschene Beziehung zwischen Atomwärme und elektrischem Widerstand hingewiesen, die ich empirisch auffänd.

Für die obigen Messungen mußte der Temperaturkoessizient dar von mir benutzten Platinsorte im Intervall von 20 bis 80° als. mit möglichster Genanigkeit festgestellt werden: hierzu benutzte ich außer der Eichung mit Hilfe der Dampfspannungskurve von Sauerstoff (Kamerusch-Onnes) und Wasserstoff (Thavens) — wobei mir übrigens das von Stock angegebene Thermometer ganz vortreffliche Dienste leistete — luftthermometrische Messungen und vor allem ein Bleiwiderstandsthermometer. Wie nämlich Kamerusch-Onnes fund, weicht die Widerstandskurve des Bleies von Zimmertemperatur bis zum Siedepunkt des Wasserstoffs hinab viel weniger von einer geraden Linie ab, als es Platin tut.

Nun zeigt sich, daß der Temperaturkoeffizient des Platins, der von Zimmertemperatur bis eiwa T=65 immerhin nicht beträchtlich variiert, bei noch tieferen Temperaturen überans rasch abfällt, ganz

Communications of the Physic Lab. of Leiden Nr. 107 (1908).

⁴ Exp. Unters. von Gasen. Brannichweig 1905, S. 266.

Ber, d. Dentsch, Cham. Ges 39 2066 (1906).

ühnlich, wie es die Ersstrisschen Kurven in obiger Figur tun. Es tritt so der Temperaturkoeffizient des elektrischen Widerstands in eine gewisse Parallele zur Atomwärme, und weiterhin füllt auf, daß beide Größen bei hüheren Temperaturen einem gleichen von der Natur des Metalls unabhängigen Wert zustreben; es tritt mit andern Worten das Gesetz von Duroso-Perm und die Regel von Clausus, wonach der Temperaturkoeffizient des Widerstandes dem Ausdehnungskoeffizienten der trasenaheliegt, in eine deutliche Analogie. Es ergab sich sogar auch darin Ähnlichkeit, daß der Temperaturkoeffizient gerade wie die Atomwärme bei den tiefsten Temperaturen merklich langsamer abfällt, als es der Formel von Eusereix entspricht.

Die obigen Erwägungen führen zunächst zur Prascuschen Strahlungsgieichung als einer einfachen Formel' für den elektrischen Widerstand,
die sich im Gebiete des raschen Abfalls des Températurkoeffizienten,
also gerade dort, we ich dringend eine solche gebrauchte, gut bewährt,
wie aus Tabelle II und III zu ersehen ist:

Tabelle II.
Widerstand des Bleis nach Kamerungs-Onnes-

$$m = \frac{0.1626}{47 - 1} + 0.00070.$$

r	w (heab.)	to (limit)	
14250	9.01711	0.01 14	
18.02	0.02110	0.02314	
30.31	0.03032	0.01010	
5946.	0/17920	0.1201	
68:57	0:21730	0.2204	
473.09	1.0000	(10001)	

Unterhalb 20° sollte nach obiger Interpolationsformel der Widerstand gegen 0.0211 konvergieren und somit der Temperaturkoeffizient sehr klein werden; in Wirklichkeit füllt, wie schon oben bemerkt, letzterer nicht so rasch ab. Bei 15-1 betrug der Widerstand z. B. 0.202, während er nach obiger Formel nur auf 0.0215 gesunken sein sollte.

Die nachfolgende Mittellung bringt eine etwas modifizierte, innerhalb noch weitster Greezen brauchbare Formel.

³ Ibid Nr. 99. Uhrigens lieferte mir von Kantaavw als «min» bezogenes Blei genan die gleichen Werte, so das mir das Blei vinen varirefflichen Anschlaß an die inflithermonstrischen Mesaungen von Kantantas-Owars vermittelte.

Tabelle III

Widerstandskurve des von mir benutzten Platins nach eigenen Messungen.

$$w = \frac{0.583}{100} + 0.0021.$$

7	in strontist	or (burn
2014=	-0.452 -7	0.0248
22/0	0.02:51	0.0056
2872	0.0343	0.0331
344	(0.944)	9.0457
50.9	0.1200	0 1197
273:94	8,0000	of relaying

Daß die Prancusche Strahlungsformel eine brauchbare Interpolationsformel für gewisse Gebiete der elektrischen Leitfähigkeit liefert,
könnte nun ja allerdings ein zufälliges Zusammentreffen sein, obwohl
dies nach den obigen Bemerkungen kanm mehr anzunehmen sein wird.
Es stellte sieh nun aber weiter heraus, daß die darin als Exponent
vorkommende Konstante für mehr oder weniger (aber immer unr
schwach) verunreinigte Metalle konstant bleibt, während die additive
Konstante mit der Verunreinigung wächst; es hat den Ansehein, als
ob sich bierauf eine scharfe Prüfung auf Reinheit eines Metalles (und
vielleicht auch auf gewisse Strakturveränderungen) wird gründen lassen.
Ob diese Konstante bei ganz reinen Metallen gegen Null oder nur gegen
einen kleinen, aber bestimmbären Wert konvergiert, können erst weitere
Untersuchungen entscheiden.

Es liegt nun nahe, den aus der Leitfähigkeit abzuleitenden Sv-Wert mit demjenigen zu vergleichen, den die spezifische Wärme liefert; dies ist in Tab. IV geschehen; die Sv-Werte in der dritten Kolumns and, wo erforderlich, nach Landbyanns Formel berechnet;

Tabelle IV.

Merali	we whenten	sper Wittin	
Hg	~ 28ª	48.9	
Au	18	122	
Pi -	44.5	131	
Agreement	110	100	

Ein Parallelismus zwischen beiden Zahleureihen ist unverkennbar, wenn also z. B. Blei verglichen mit fast allen andern Metallen bls zu relativ tiefen Temperaturen dem Gesetz von Dutoso-Perre gehöreht, so ist dies nunmehr in einen, allerdings zumächst rein empirischen Zusammenhang damit gebracht, daß Blei ebenfalls im Gegensatz zu fast allen anderen Metallen auch bis zu sehr tiefen Temperaturen einen (nahe) konstanten Temperaturkoeffizienten des elektrischen Widerstandes besitzt. Kupfer und Ahminium hingegen, die ich auf ihre Leitfähigkeit untersucht habe, zeigen bei tiefen Temperaturen, ebenfalls in Analogie zur spezifischen Würme, einen der Reihe nach stärkeren Abfall des Temperaturkoeffizienten.

Die obenerwähnte Tatsache, daß sich der Einfluß von geringfügigen Verunreinigungen in einem von der Temperatur unabhängigen Zusatzwiderstand dokumentiert, ist nicht auf das Gültigkeitsbereich der S. 312 besprochenen Interpolationsformel beschränkt, sondern gilt, soweit ich sie bisher habe prüfen können, allgemein. Setzen wir, wie üblich, den Widerstand beim gewöhnlichen Sullpunkt gleich 1, so läßt sich der Widerstand w, der einen Platinsorte aus dem Widerstand w, einer zweiten Platinsorte berechnen, nach der aus obigem sich ergebenden Gleichung

$$w_i = \frac{w_i - a}{1 - a},$$

worm z sehr klein gegen i sein muß. Als beliebig herausgegriffenes Beispiel wollen wir den Widerstand von Phi (Kamerlison-Onnes) auf den von Phi reduzieren, indem wir z = -0.00182 setzen (s. Tabelle V).

Auch das Platin d von Kamerenson-Onnes läßt sich mit a = +0.02614 mit ziemlicher Annäherung auf Pt, reduzieren, obwohl hier bei der Temperatur des flüssigen Wasserstoffs der Widerstand erwadreimal so groß ist, als er reinem Platin entspricht. Interessantes Material in dieser Hinsicht bieten auch die verschiedenen von Kamerenson-Onnes untersuchten Goldsorten.

Älmlich läßt sich die von mir benutzte Platinsorte auf Pt $_1$ von Kamminen-Onnes reduzieren, indem $\alpha=\pm\,0.0092$ gesetzt wird.

Man brancht also nur den Widerstand eines möglichst reinen Platindrahtes bei 6° und z. B. bei der Temperatur flüssiger Luft unter Verwendung des Stockschen Thermometers zu bestimmen, um dann sofort die Widerstandskurve dieses Drahtes aus der sehr genau bestimmten von Pt. (Kameransen-Onnes) berechnen zu können. Für das Temperaturgebiet von T=56 bis $T=20^\circ$, in welchem keine Elehangen für Pt. vorliegen, benutze man die oben angegebene Interpolations-

Vgl. Joseph die unenfolgende Natiz von Lieurnaun.

Tabelle Y.

7	e,	U-Time	$(w_i \leftarrow w_{ui}) \cdot 10^f$	1 00182	$\left(u - \frac{w_{\rm H} > v.oot8z}{t.oot8z}\right) > 10^{\circ}$
27 1.00	E-00006	1,00000	0	1.00000	0
242.40	0.83890	0.87950	no	0.87882	8
STAIRS.	0.76591	0.70642	41	0.76994	-3
1-15-35	0.04084	0.64923	61	0.04981	-3
160.26	0.58346	20	-	773	T0
161.00	0.56301	0.30034 (7)	170	0.50114	700
132.28	0.43313	0.43207	7.12	0.43304	
11,1,98	0.35370	0.35233	125	0.3330,0	7
00.30	0.25185	0:23754	F79	W-25200	-7
77.98	0-2004,3	0.10000	133	0.20047	-2
68.41	9.33974	0.13819	155	0.13973	*
50.91	12 12 Hag	6.83653	101	0.12812	2
16:44	9,13011	DE 10854	162	0.11010	-91
34.11	(0.0754)	1000		-	
14.833	(0.02(3)			-	
20.23	maina	- 1		-	
1-3/8/4	0.01244	-			
31.73	0.01073	-		-	

formel oder interpoliere direkt (unter Beachtung des s-Wertes meines Platins) nach Tab. III, wie für die zwei in Klammern befindlichen Temperaturen in Tab. V geschehen; im übrigen Gehiete reiehen sinfache Interpolationsformeln der üblichen Art aus. Es ist so ermöglicht, von Zimmertemperatur bis etwa — 253° jede Temperatur bis auf etwa 0.2° genau zu messen und meistens noch genauer: dies seheint mir einen beachtenswerten Fortschritt in der Thermometrie tiefer Temperaturen zu bedeuten.

Bei den vorstehend mitgeteilten häufig recht schwierigen experimentellen Arbeiten wurde ich von meinem Privatassistenen Hrn. Dr. Pollitzer wiederum aufs eifrigste unterstützt; ebenso verdanke ich ihm bei der Konstruktion der Kalorimetergefälle und der Apparate zur Wasserstoffverdüssigung manche nützliche Anregungen und originellen Vorschläge.

Untersuchungen über die spezifische Wärme bei tiefen Temperaturen. IV.

Von F. A. LINDEMANN.

(Aus dem Physikalisch-Chemischen Institut der Universität Berlin.)

(Vorgelegt von Hrn. Nursst am 28. Februar 1911 [a. oben S. 229].)

Hr. Prof. Niesst teilte mir schon vor der Publikation die oben bebeschriebenen interessanten Beziehungen zwischen der elektrischen Leitfähigkeit der Metalle und ihrem Energieinhalte mit; auf seine Ancegung befallte ich mich daraufhin mit der Deutung dieser Gesetze im Sinne der Elektronentheorie, und es sollen meine Betrachtungen in dieser Richtung im folgenden kurz mitgetellt werden.

Es soll im wesentlichen hierbei an der Elektronentheorie von Rucker, Daube und J. J. Tuouson' festgehalten werden, deren unleughares Verdienst in der Aufklärung des Wienmann-Franzschen Gesetzes dazu mahnt, vorläufig möglichst wenig an ihr zu ändern.

Da es sich im folgenden nicht derum handelt, die Konstanten im absoluten Maße zu bestimmen, so kann man davon absehen, mit der Geschwindigkeitsverteilung zu rechnen, und kann sieh mit den einfachen Mittelwerten begnügen. Der Grundgedanke der Daumschen Anfinssung besteht darin, daß die treien Elektronen im Metall an der Würmebewegung der Materie nach den Gesetzen der statistischen Mechanik teilnehmen, in anderen Worten, daß ein Gramm-Molekül Elektronen bei der Temperatur T die Energie 3 RT enthält. Da man num bisher immer mit verhältnismäßig großen Zahlen freier Elektronen pro Atom gerechnet hat, diese schwanken von etwa 0.6 bis 20-

[†] E. Riccus, Zur Theorie des Galvanismes und der Warme, Ann. Phys. Chem. 66 (1896) 353; 545; 1199. Über des Verhältnis der Leidfähigheiten der Metalle für Wärme und für Ellektristiät, Ann. Phys. s (1900) 835. P. Dames, Zur Elektronen-theorie der Metalle, Ann. Phys. s (1900) 560, 3 (1900) 369. J. J. Tanasos, The Corposentar Theory of Matter (1907).

Es müßten nämisch die Atomwärmen der Metalle um ein konstantes additives Glied größer sein als die Atomwärmen der Nichtmetalle, nämlich um par K, wobel pa die Anzahl freier Elektronen pro Atom bedeutet. Nach den neuesten oben mitgeteilten Messungen hat aun Kupfer bei der Temperatur des flüssigen Wasserstoffs die Atomwärme 0.22. Nach dem allgemeinen Verlauf der Kurve zu urteilen, sinkt auch dieser Wert beträchtlich tiefer, er gibt aber jedenfalls die obere Grenze an für die Anzahl der freien Elektronen pro Atom. Diese muß also weniger als 0.074 pro Atom bei 23° absolut betragen. Niemt man nun mit J. J. Thomson au, daß die Anzahl der freien Elektronen ungefähr proportional VT wächst!, was sich aus einer Betrachtung des Thomson-Effektes ableiten läßt, so beträgt die Anzahl Elektronen pro Atom bei Zimmertemperatur etwa 0.26. Es läßt sich leicht zeigen, daß die Leitfähigkeit gegeben ist durch die Gleichung

$$t = \frac{ne^2 \lambda u}{4 \cdot \frac{3}{2} kT}.$$

wobei n die Anzahl freier Elektronen pro cm², e die Ladungen des Elektrons im elektromagnetischen Maße, λ die mittlere freie Weglänge des Elektrons, u die mittlere Geschwindigkeit bedeuter und $k=\frac{R}{N}$ ist, wobei N die Anzahl Moleküle pro Mol darstellt. Hierbei ist natürlich l gleich dem reziproken spezifischen Widerstand in elektromagnetischen Einheiten. Es ist also

$$\lambda = \frac{6kTl}{ne^*u};$$

n ist $\frac{\beta}{a}N$, wenn a das Atomvolumen bedeutet. Für Kupfer kann man, da es hier nur auf die Größenordnung ankommt, $k=1.35\cdot 10^{-c}$, $T=273^\circ$, $I=5.9\cdot 10^{-t}$, $n< N \frac{0.255\cdot 8.7}{63.6}<0.035\ N<2.11\cdot 10^{t}$, $s=1.56\cdot 10^{-c}$, $u=1.5\cdot 10^{t}$ setren, woraus folgt $z>1.7\cdot 10^{-t}$. Da der Abstand zweier benachbarter Atommittelpankte etwa 2.28·10^{-t} em beträgt, so erleidet ein Elektron im Kupfer im allgemeinen erst nach Passieren von über 75 Atomen einen Zusammenstoß.

Zu ähnlichen, wenn auch nicht ganz so hohen Werten von λ gelangt man durch eine andere Betrachtungsweise. Wenn man mit

J. J. Tuonson, u. z. (), 8.76.
P. Drude, J. J. Tronson, u. n. ().

Louentz die Wärmestrahlen als hervorgerufen durch den Zusammenstoß der freien in ungeordneter Wärmebewegung befindlichen Elektronen mit den Atomen betrachtet, so ist die mittlere freie Weglängegegeben durch den Weg, den ein Elektron, dessen Gesehwindigkeit durch die Gleichung

$$\frac{mu^*}{2} = \frac{3}{2}kT$$

bestimmt ist, in der Zeit zurücklegt, welche einer halben Periode der Strahlung im Intensitätsmaximum entspricht. Es ist dies bei Zimmertemperatur etwa

$$\frac{10^{-3}}{2 \cdot 3 \cdot 10^{10}} = 1.67 \cdot 10^{-11},$$

also beträgt 2 rund 2.5-10-1 cm, immerhin noch 10 Atomabstände. Es ist einleuchtend, daß diese Zusammenstöße nicht zwischen

Elektron und Wirkungssphäre des Atomes im gewöhnlichen Sinne stattfinden können, da der Durchmesser dieser Wirkungssphären etwa 85 Prozent des Abstandes der Atommittelpunkte zu betragen scheint. so daß eine mittlere freie Wegilinge größer als der Atomahstand undenkbar wäre. Es bleibt also mir noch die Amnahme übrig, daß die Elektronen durch die Wirkungssphären, die sich gegenseitig nicht durchdringen können, bindurchfliegen können, daß aber ein sogenannter Zusammenstoß bzw. eine große Beschleunigung nur dann in Erscheinung tritt, wenn das Elektron auf einen im Innern der Wirkungssphäre befindlichen Kern trifft. Man kann sich auch in einem jeden Atome mehrere Kerne denken, wobei sich einem die Vorstellung eines dem Tnossosschen Atommodelle ähnlichen Gebildes aufdrängt. Es soll aber hier davon Abstand genommen werden, hierauf näher einzugehen-Für die weitere Rechnung ist es völlig belangtos, ob man sich einen oder mehrere Kerne denkt. Es soll also der Einfachheit halber im folgenden von einem Kerne die Rede sein.

Der Kern selbst nimmt selbstverständlich an der Wärmebewegung des Atoms teil, wahrscheinlich kann man ihn sogar als Träger der Masse und Energie betrachten. Nimmt man nun an, daß ein freies Elektron nur dann eine heftige Beschleunigung oder, wie man sich gewöhnlich ausdrückt, einen Zusammenstoß erleidet, wenn es seinen Weg durch die Kugel führt, welche der Kern mit seinen Schwingungen erfüllt, oder, anders ausgedrückt, wenn man die Annahme macht, daß die Wirkungssphäre des Kernes dieser Kugel proportional ist, so kann man auf einfachem Wege zu Formeln gelangen, welebe der Erfahrung

F. A. LENDERANN, Uner die Berochnung undekalarer Eugenfrequenzen, Phys. Zeitschrift 11 (1915) S. 509.

entsprechen. Ob man diese Veränderlichkeit der Wirkungssphäre mit der Schwingungsamplitude vielleicht auf die Entstehung eines magnetischen Kraftfeldes zurückführen will oder ob man sie sich rein mechanisch vorstellen will, mag dahingestellt bleiben.

Wenn der Radius des Kernes τ ist, so beträgt die mittlere freie Weglänge am absoluten Nullpunkt $z=\frac{d^3}{2\pi\sigma}$, wobei d den mittleren Abstand zweier benachbarter Atommittelpunkte bedeutet. Enthält das Atom der Eigenfrequent die Energie $E=\frac{hi}{e^{\frac{1}{2\sigma}}-1}$, was nach Prasck $e^{\frac{1}{2\sigma}}-1$

und Erssreis! der Fall sein muß, und durch die neueren Messungen von Nrassr und seinen Schülern sich zu bestätigen scheint, so sehwingt der Kern mit der Amplitude

$$r = \frac{\tau}{\pi} \sqrt{\frac{\hbar}{\frac{\hbar}{2+m\left(\frac{\hbar}{e^{\frac{2\tau}{2T}}-1}\right)}}} = K_i \sqrt{\frac{1}{\frac{1}{e^{\frac{2\tau}{2T}}-1}}}$$

Er bedeckt also mit seiner Wirkungssphäre einen Kreis der Fläche $\tau(r+\sigma)'$ und es folgt $\lambda=\frac{d^2}{2\pi(r+\sigma)'}$. Für den Widerstand folgt also die Beziehung:

$$W = \frac{2\pi K_i T(r+\tau)^i}{ar^i w d^i} \cdot$$

Da sich a und a proportional VT undern, so folgt, daß $W = K_*(r + \sigma)^*$, oder, wenn man den Wert für r einsctzt.

$$W = K_i \left(\frac{1}{k_i} + \sigma \right)$$

$$= K_i \left(\frac{K_i^2}{k_i^2 - 1} + \frac{2K_i \sigma}{\sqrt{\frac{k_i^2}{k_i^2 - 1}}} + \sigma^i \right)$$

Der Widerstund läßt sich hiernach durch die Formel

$$W = \frac{A}{r_{i-1}} + \sqrt{\frac{2AB}{r_{i-1}}} + B$$

wiedergeben. Wie man sieht, reduziert sich dies für kleine Werte von T auf die Form

Ann. d. Phys. Bd: cz., 180 (1907).

¹ Vorlenngen über die Theoria der Wärmestrahlang (1906).

W. Nerner, Sitzungsber, d. Berl, Akad, d. Wiss, cz. S. 287. A. Mausus und F. A. Landenann, Zeitscher, f. Ellektrochemie 3 (1910), S. 299.

$$W = \frac{A^*}{e^T} + \frac{2 \stackrel{.}{A} \stackrel{.}{B}}{e^{*T}} + B^* \,, \label{eq:W}$$

in der das Glied $\frac{2AB}{4}$ überwiegt. In der Tat hat auch Hr. Prof. Neusst gefünden (s. o.), daß die Widerstandskurve früher aufbiegt

wie die Energiekurve $\frac{A^2}{e^2-1}$, daß aber eine bestimmte Beziehung

zu der Eigenfrequenz i der Metallstome unverkensbar ist. Wenn dagegen bei höherer Temperatur die Amplitude groß geworden ist, gegen den Durchmesser des Kernes, so überwiegt das erste Glied und es wird

$$W = \frac{A^*}{\frac{2r}{R^T} - 1} + B^* = \frac{A^*}{8r} T - \text{konst.},$$

welches der bekannten Widerstandskurve bei hoher Temperatur im allgemeinen entspricht. Daß sich durch diese Formel die von Kamenanson-Onnes (vgl. S. 312 der vorhergehenden Mitteilung) gemessenen Widerstände darstellen lassen, zeigen folgende Tabellen:

Widerstand w eines Bleidrahtes bei der absoluten Temperatur T.

T	# liedh	or flyn.
14-35 18-25 20-31 56-11 68-35 71-94 89-44 169-46 -73-99	0.02314 0.02314 0.03032 9.17129 0.21142 0.25257 0.20419 0.50548	0.01313 0.03)00 9.03033 0.1744 0.3145 0.4531 0.3049 0.4614
380 es	1.0052	0.0951 1.05(t)

Widerstand w eines Silberdrahtes bei der absoluten Temperatur T.

		Bleid St.
T	lieoh,	w bur
70.2 *8.4 *77.4 -18.62 273.1	0.008914 0.008914 0.15528 0.10703 0.43282 1.0000	0.0014 0.0014 0.1573 0.1963 0.4384 1.0444

Hierbei ist der Widerstand des Bleidrahtes durch die Formel

$$W = 0.415 \left\{ \frac{0.54}{e^{\frac{10}{T}} - 1} + \frac{0.3}{\sqrt{\frac{10}{e^{\frac{1}{T}} - 1}}} + 0.0004 \right\},\,$$

der des Silberdrahtes durch die Formei

$$W = \frac{0.54}{e^{\frac{100}{T}} - 1} + \frac{0.3}{\sqrt{\frac{100}{e^{\frac{1}{T}} - 1}}} + 0.0018,$$

wobei für \Im 70 bzw. 160 die aus den spezifischen Wärmen ermittelten Werte der Eigenfrequenzen eingesetzt sind. In gleicher Weise lassen sich die Widerstände von Pr. (in und Al darstellen. Man sieht, daß bei ganz tiefen Temperaturen, wo T < 0.15 ße ist, die Formel versagt, offenbar darum, weil die tatsächlich vorhandene Energie erheblich größer ist, wie es der oben vorausgesetzten Praxekschen Funktion entspricht (vgl. auch die vorhergehende Arbeit). Ferner ist es auffällig, daß die konstante 0.3 nicht den oben berechneten Wert 2 A B hat, was als ein Mangel der Theorie empfunden werden muß, der sich vielleicht dadurch aufklärt, daß die Wirkungssphäre nicht streng proportional dem durch die Wärmeschwingungen erfüllten Raume verhält. Es hat sich rein empirisch die Tatsache herausgestellt, daß das Verhältnis beider Konstanten für die verschiedensten Metalle konstant ist, und zwar etwa 1.8.

Es last sich also durch die Amahme, die die bekannte Schwierigkeit mit der Atomwärme beseitigt und übrigens auch den Bestimmungen aus der Dispersion entspricht, nämlich daß im Metall verhältnismäßig wenige freie Elektronen vorhanden sind, und durch die weitere Voranssetzung, daß die Wirkungssphäre der Atomkerne, mit denen die freien Elektronen zusammenstoßen, mit der Amplitude ihre Wärmeschwingungen anwachsen, eine mit der Erfahrung in großen Zügen übereinstimmende Formel für den elektrischen Widerstand ableiten. Es erklärt diese Betrachtungsweise auch die von Prof. NEEEST neu aufgefundenen bemerkenswerten Beziehungen zu der Eigenfrequenz der Metallatome, und ferner die Ahhängigkeit des Widerstandes von der Temperatur, ohne die komplizierten ad hoc gemachten Annahmen über die Veränderlichkeit der freien Weglänge mit der Temperatur, auf die man bisher augewiesen war. Die andern bekannten Schwierigkeiten der Theorie der freien Elektronen in Metallen bleiben aber bestehen und lassen es zweifelhaft erscheinen, ob man nicht die jetzige Theorie in ihren Grundvorstellungen wird abandern müssen.

P. DEUDE a. S. O., Ber. d. Spence Review (1909). XXVIII, 5, S. 387.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XIV.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

16. März. Sitzung der physikalisch-muthematischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Waldever.

1. Hr. Ogen las über Atrophie der Harnkanälchen.

La wurden verschiedene Formen der Inactivitätsatrophie, der Atrophien in Folge ungentigender Ernährung der Epithelzeilen, in Folge directer Schädigung der Epithelzeilen und in Folge Einwirkung seitens des interstitiellen Gewebes erörtert und durch einzelne Beispiele erlättert.

2. Hr. Runnes berichtet über eine in Gemeinschaft mit Hrn. Prof. Dr. O. von Barren ausgeführte Untersuchung «Über eine äusserst langwellige Strahlung des Quecksilberdampfs».

Durch Anwendung der früher beschriebenen Quarzlimenanordnung lässt sich aus der Gesammtemission einer Quarzquecksilberhaupe eine Strahlung aussondern, von welcher ein beträchtlicher Antheil durch sehwarzen Carton hindurchgeht. Die durchterbunde Strahlung zeigt eine mittlere Wellenlänge von etwa 300 u. Die Eigenschaften diezer Strahlung, welche einem läsher völlig unbekannten Theile des Spectrums angehört, werden nilber untersucht.

Über Atrophie der Harnkanälchen.

Von J. ORTH.

Es ist lange bekannt, daß man hänfig in den Nieren atrophische Harnkanälchen finder, d. h. Kanälchen, deren Gesamtumfang kleiner ist als derjenige normaler Kanälchen und deren einzelne Epithelzellen gleichfalls nicht die ihnen normal zukommende Gräße besitzen. Der Grad der Atrophie kann ein verschieden hoher sein; aus der Atrophie kann schließlich ein völliger Schwund entstehen. Bei dem Vorkommen zu kleiner Kanälchen und Zellen kunn es sich um solche handeln. welche überhaupt nicht ihre normale Ausbildung erlangt, also eine Entwicklungsstörung erfahren haben (Hypoplasie); hänfiger ist es. daß Kanalchen, welche bereits thre volle Ausbildung erlangt hatten, mitsamt ihren Zellen wieder kleiner geworden sind (eigentliche Atrophie). Die Tunica propria ist dabei geschrumpft, die Epithelzellen sind entdifferenziert. d. b. sie zeigen in denjenigen Kanälchen, welche sonst ein kompliziert gebautes Epithel besaßen, nur kleine Formen und einfachen Ban. Men darf sich die Entdifferenzierung nicht so vorstellen, als waren die Zellen mit dem Verlust ihrer feineren Ausbildung wieder zu Embryonalzellen geworden, sondern es sind pathologische Nierenzellen, die zwar noch Stoffwechsel haben und teilweise auch noch ein Sekret Hefern können, aber nicht mehr normal funktionieren. Es ist anzunehmen, daß diesen Zellen die Fähigkeit, wieder zu normal differenzierten sich zu entwickeln, nicht verloren gegangen ist, aber in den meisten Fällen sind sie sicherlich für eine normale Tätigkeit dauernd ausgefallen.

Ich habe nicht die Absicht, auf die erste Gruppe (hypoplastische Kanälchen) im ganzen einzugehen, sondern werde sie nur insoweit berücksichtigen, als sie mit der zweiten Gruppe Berührungspunkte darbietet, d. h. soweit die Differenzialdlagnose mit der eigentlichen Atrophic in Betracht kommt. Auf diese habe ich seit längerer Zeit besonders geschtet, und ich will hier meine hauptsächlichsten eigenen Erfahrungen zusammenstellen.

Die Atrophie kann in allen Lebenszeiten entstehen und zerfällt zunächst in zwei Untergruppen: A. Atrophie infolge Funktionswegfalls, Inaktivitätsatrophie, B. Atrophie aus anderen Ursachen.

A. Atrophie infolge Funktionswegfalls.

Eine Inaktivitätsatrophie spielt vor allem bei den mit besonderen Funktionen begabten Organen (Muskelu, Drüsen, Nerven) eine hervorragende Rolle: sie betrifft nur das funktionierende Parenchym, alcht das Stützgewebe. Die Bedingungen, unter welchen sie eintritt, sind aber keineswegs überall gleich: Während z. B. an den Skelettmuskein durch Stillstellen, also völligen Wegfall der Funktion und damit auch der Funktionsreize, Atrophie herbeigeführt werden kann, wird im Herzen nie Wegfall, sondern nur Verminderung der Funktion und der Funktionsreize in Betracht kommen können. Bei den Nieren dagegen kann es sich niemals um Wegfall oder nuch nur Abnahme jener Funktionsreize handeln, welche von den sogenannten harnfähigen Stoffen des Blutes ausgehen, denn je weniger die Nieren tätig sind, um so mehr müssen diese Stoffe im Blute zunehmen und durch die interstitiellen Capillaren den Epithelzellen zugeführt werden. Und diese sind es, welche in bestimmten Abschnitten der Kanälchen die spezifischen Bestandteile des Harnes sezernieren, während im übrigen die Niere bekanntlich die Eigentümlichkeit zeigt, daß verschiedene Bestandteile thres Schretes an ganz verschiedenen Stellen abgesondert werden, und das Harnwasser eine ganz andere Quelle hat als die spezitischen Harnbestandtelle, indem es und die Salze - vielleicht auch noch einzelne andere Stoffe - von den Gefäßknäueln der Nierenkörperchen herkommen. Es ist nun auch für die Physiologie der Nierensekretion sicherlich von dem größten Interesse, daß die Inaktivitätsatrophie der Hamkanälchen dann eintritt, wenn die Absonderung der Gefäßknänel versiegt. Das abgesonderte Harnwasser kann offenbar night Schwemmaterial allein sein, bestimmt, das besondere Sekret der Epithelzellen nach den abführenden Harnwegen zu befördern, sondern es muß von ihm nus eine bestimmende Einwirkung auch auf die Tätigkeit der Epithelzellen ansgeübt werden. Diese Einwirkung kann nicht eine bloß ernährende sein, denn zur Ernährung ist das Glomerulussekret offenbar ungeeignet, vielmehr muß die Ernährung auch mich dem histologischen Bau der Niere den interstitiellen Capillaren obliegen. Die Wichtigkeit der Gefäßknäuel für das Gesundbleiben der Nierenkanälchen bringt es mm mit sich, daß in keinem anderen drüsigen Organ so häufig Inaktivitätsatrophien vorkommen als wie in den Nieren, da Veränderungen an den Knäueln ungemein häufig sind, vor allem in den höheren Lebensaltern.

Wenn ein Gefäßknäuel seine Tätigkeit erheblich verringert oder ganz eingestellt hat, so atrophiert das ganze von ihm ausgehende Harnkanalchen bis zu der Stelle, wo es sich mit einem noch voll tätigen verbindet, d. h. bis zu einer gewissen Stelle der Sammelröhren. Die gewundenen Kanalabschnitte und die Schleifenabschnitte verfallen gleichmäßig der Atrophie. Je nachdem nun nur vereinzelte Knäuel oder ganze Gruppen von ihnen funktionsunfähig werden, wird die Atrophie nur an einzelnen Kanalchen, die mitten zwischen normalen liegen, oder an vielen oder gar allen Kanalchen kleinerer oder größerer Nierenabschnitte hervortreten.

Diese Form der Inaktivitätsatrophie ist schon lange bekamit und wird in allen Lehrbüchern erwähnt; sie findet sich besonders im Anschluß an Arteriosklerose der Nierenarterien (arteriosklerose formumpfniere), kann aber auch ohne allgemeine Arteriosklerose durch Veränderungen der Knäuel allein herbeigeführt werden (glomeruläre oder corpusculäre Schrumpfniere); beide Formen können unter der Bezeichnung vasculäre Schrumpfniere zusammengefaßt werden. Die vasculäre Schrumpfung beginnt mit Vorliebe in den subcapsulären Schichten und setzt sieh von da nach der Tiefe zu fort. Es kann aber auch das Umgekehrte eintreten: so habe ich z. B. bei chronischer Tuberkulöse gesehen, daß fast ausschließlich die der Grenzschicht (und den tuberkulösen Käsemassen) benachbarten Gefäßknäuel mit ihren Kanälchen atrophisch geworden waren, während die subcapsulären Schichten durchgängige Knäuel und wohlerbaltene Kanälchen zeigten.

Es ist, wie ich schon vorher andeutete, für das Eintreten einer Inaktivitätsatrophie der Harnkanäleben nicht eine völlige Undurchgängigkeit (sog. Atrophie) der Knäuel nötig, sondern es genügt schon eine hyaline Umwandlung einer größeren Anzahl Schlingen eines Knäuels

Diese Inaktivitätsatrophie der Kanālchen bietet einen besonders guten Beweis für die Richtigkeit der Angabe, daß die entdifferenzierten Epithelzellen keineswegs einer Sekretionsfähigkeit entbehren, nur ist es nicht normales Sekret, sondern eine colloide Masse, welche sich in so großer Menge anhäufen kann, daß die Kanālchen nicht nur ganz verstopit, sondern noch dazu bis zum makroskopischen Sichtbarwerden erweitert werden. Die Erweiterung erfolgt meist ungleichmäßig, so daß sich sogenannte Colloideystehen bilden. Ihre Bildang hat also mit einer primären Entzündung der Niere gar nichts zu tun, sondern setzt eine Inaktivitätsatrophie voraus.

Nachdem festgestellt worden ist, daß es kongenital-atrophische Glomeruli gibt, muß natürlich auch augenommen werden, daß es auch kongenital-atrophische Harnkanälchen gibt; es ist aber sehr sehwer, hier eine Entscheidung zwischen kongenitalen und nichtkongenitalen Veränderungen zu treffen. Die Anwesenheit von Veränderungen des Zwischengewebes kann meines Erachtens für die nichtkon-

genitale Natur nicht sicher verwertet werden, da auch bei kongenitaler Veränderung, wie überall bei abnormer Beschaffenheit der Kanälchen, sekundär eine Inflitration des Zwischengewebes sich einstellen kann.

Einen Fall habe ich kürzlich beobachtet, bei dem die kongenitale Natur im höchsten Grade wahrscheinlich ist (Sekt. 1396, 1910).

Es handelte sieh um ein tuberkulöses weibliches Individuum von 28 Jahren, bei dem mir an einer Niere eine kleine, unscheinbare Schrumpfstelle aufliel. An einem senkrechten Durchschnitt zeigte sieh an der Grenze von Rinde und Mark ein rundlicher, grauer, fast hanfkorngroßer Herd, den ich zunächst für einen tuberkulösen Gefäßherd zu halten geneigt war. Die mikroskopische Untersuchung orgab aber ein sogenanntes Markfibrom, das hier aber sehr reich an glatten Muskelbündeln war, zahlreiche, zum Teil sehr weite Kanälchen enthielt und cortikalwärts von den Arcus vasculosi gelegen war, und genau der Stelle entsprechend fänden sich in der Rinde, obwohl die Arterien im Bereiche des Fibroms völlig frei waren, eine größere Anzahl atrophischer Knäuel mit Atrophie der zugehörigen Kanälchen. Da einzelne Nierenkörperchen gut gebildet waren, so lagen atrophische und nichtatrophische Kanälchen neben- und durcheinander.

Da diese sogenannten Markfibrome wahrscheinlich alle kongenitale, auf Entwicklungsstörungen beruhende Bildungen sind, so ist es sehr wahrscheinlich, daß auch die Atrophie der Glomernli und der Harnkanälehen eine angeborene ist und daß auch sie einen Bildungsfehler (Hypoplasie) darstellt. Daß an der betreffenden Stelle der Niere überhanpt eine Bildungsanomalie vorlag, wird dadurch bewiesen, daß das typische Rindengewebe nur eine ganz schmale, oberflächliche Zone einnahm, während der meduläre Abschnitt der Rinde nur von gebogen verlaufenden Kanälehen gehildet wurde, welche das Aussehen von Sammelröhren hatten. Hier kann es sieh nur um eine Entwicklungsstörung gehandelt haben.

Eine zweite Form von laaktivitätsatrophie von Nierenkanälchen ist bisher weniger beschtet worden, nämlich die Inaktivitätsatrophie unterer Abschnitte von Kanälchen bei völligem Zugrundegehen oberer Abschnitte. Es handelt sich um die Funktionsausschaltung der im Mark liegenden isolierten Absehnitte von Harnkanälchen, also im wesentlichen von Schleifenkanälchen, bei Nekrose der Rindenabschnitte, wie sie durch anämisch-nekrotische Infarzierung erzeugt wird. Bekanntlich können Infarkte weit in das Mark hineinreichen, und in ihrem Bereiche sind natürlich dann such die Markkanälchen abgestorben. Wenn aber der Infarkt auf die Rinde beschränkt ist, dann bleiben die im Mark liegenden Teile der in der Rinde abgestorbenen Kanälchen lebendig, aber sie unterliegen einer Inaktivitätsatrophie. Im Gegensatz

zu den Befunden bei vasculürer Inaktivitätsatrophie an Rindenkanälchen habe ich in diesen atrophischen Kanälchen keine colloiden Inhaltsmassen gesehen. Trotzdem kann man ihre Lage unterhalb von ülteren Rindeninfarkten, besonders an Präparaten mit Bindegewebsfürbung, leicht erkennen, da das interstitielle Bindegewebe zusammengerückt ist und zuweilen wohl auch noch eine absolute Zonahme erfahren hat an van Gieson-Präparaten fallen diese Stellen durch ihre rötere Färbung auf. Es gelingt aber gelegentlich auch noch auf andere Weise die atrophischen von den nichtstrophischen Markkanälchen fürberisch zu unterscheiden.

Das war der Fall in der Niere eines 32 jährigen Dienstmädchens, walches an einem schweren rheumatischen Herzklappenfehler zugrunde gegangen war (Sekt. 1276. 1910).

An einem Sudanpraparat eines Niereninfurktes mitsaint der zugehörigen Marksubstanz war an zahlreichen geraden Kanālchen der nicht atrophischen Abschnitte des Markes eine außerst starke Feitablagerung, also Rotfärbung vorhanden, während unter einem alten Infarkt die auch an Umfang deutlich kleineren atrophischen Kanälehen fast nur blane Kernfärbung, keine oder nur ganz geringfügige Rotfärbung darboten, - ein recht sinnfälliger Beweis dafür, daß die Stoffwechselvergänge in diesen Kanälchen ganz andere waren als in jenen. Der Gedanke liegt nahe, daß die Ursache für die Verfettung nicht im ernährenden Capillarblute, sondern in dem abgesonderten Harnwasser enthalten war: - den atrophischen Kanälchen wurde kein Harnwasser mehr zugeführt, während ihre interstitiellen Capillaren kein anderes Blut enthielten wie diejenigen der verfetteten Kanälchen. Ausgeschlossen ist natürlich nicht, daß die Verschiedenheit der Stoffwechselvorgänge in den Epithelzellen der atrophischen Kanälchen einerseits und in den nichtatrophischen anderseits die Ursache des verschiedenen Verhaltens aligibt.

Es ist bekannt, daß auch in infarzierten Rindengebieten verschiedene Abschnitte der Kanälchen in bezug auf das Absterben sehr verschieden sich verhalten können, daß insbesondere die geraden Kanalabschnitte sich viel länger lebendig erhalten als die gewundenen, es ist daher sehr wohl denkbar, daß die kleinen indifferenten Kanälchen, welche man so häufig an der Markseite der Rindeninfarkte findet, oft weit zwischen die nekrotischen gewundenen Kanälchen hineinreichend, solchen erhalten gebliebenen, aber infolge von inaktivität atrophisch gewordenen geraden Kanälchen entsprechen. Der gelegentliche Befund von Karyomitosen an ihrem Epithel würde kein Gegengrund für diese Annahme sein, da, wie sehen vorher bemerkt wurde, wohl zugegeben werden darf, daß atrophische Kanälchen, wenn ihnen auch die nor-

male Funktion und Differenzierung der Zellen abgeht, doch einen kräftigen Stoffwechsel haben und dadurch zu formativen Leistungen befähigt sein können.

Nun finden sieh aber bei alten Infarkten nicht nur an der Markseite, sondern auch unter der Kapsel und in dem ganzen anstoßenden Nierengewebe häufig ganz ähnlich aussehende strophische Kanälchen, weiche nicht als inaktiv-atrophisch bezeichnet werden können, da die zugehörigen Knäuel funktionstüchtig ausschauen. Es mag in diesen Regionen noch klein und indifferent aussehende Kanälchen geben, welche nichts anderes sind als unfertige, in regeneratorischer Neubildung des Epithels begriffene Kanālchen, aber die Mehrzahl, vor allem die seitlich die Infarkte öfter in nicht unbetrüchtlicher Ausdehnung umgebenden indifferenten Kanalchen können ihrer ganzen Lage und Anordnung, ihren Beziehungen zu den Nierenkörperchen nuch gar nichts underes sein als atrophisch gewordene Harnkanalchen, aber solche, bei denen die Atrophie unmöglich aus Inaktivität hervorgegangen sein kann, da ehen die Knäuel erhalten und also nicht funktionsuntüchtig sind. Hier muß eine andere Ursache für die Atrophie vorhanden gewesen sein, diese Atrophie gehört also zu der zweiten Grappe:

B. Atrophie aus anderen als funktionellen Ursachen.

Eine solche Atrophie kann eine dreifach verschiedene Ursache haben:

- 1. ungenügende Ernährung der Epithelzellen.
- z. direkte Schädigung der Epithelzellen,
- 3. Einwirkung seitens des interstitiellen Gewebes.

In die erste Abteilung

1. Atrophie durch ungenügende Ernährung der Epithelzellen

geboren die eben erwähnten Atrophien, welche man in der Umgebung nekrotischer Infarkte in den Nieren findet, sowohl die zu den Seiten der Infarkte, als auch die in der subenpsulären Schicht vorkommenden. Die schwere Ernährungsstörung im Zentrum des Infarktes kann unmöglich plötzlich am Rande einer vollkräftigen Ernährung Platz machen, sondern zwischen den Gewobsabschnitten mit völligem Mangel und denjenigen mit nicht wesentlich gestörter Ernährung und ein Abschnitt zwischengeschaltet sein, in dem die Ernährung zwar nicht aufgehoben, über doch vermindert ist: in ihr tritt die Atrophle ein. Da die Gefäßknäuel durchgängig sind, so ist kein Grund

verhanden, in ihnen die Ursache für die Ernährungsverschlechterung zu suchen, diese kann vielmehr nur in Störungen der Zirkulation in den interstitiellen Capillaren ihre Quelle haben, an denen man ja auch in Gestalt der collateralen Hyperämie schon makroskopisch eine Zickulationsstörung erkennt, wie man an den Epithelzellen der collateralen Kanälchen in der so häufig unchweisbaren Verfettung einen optischen Ausdruck der an ihnen eingetretenen Ernährungsstörung sehen knon. Wie aber sowohl die Ausdehnung der collateralen Hyperämie als auch diejenige der Vertettung bei den einzelnen Infarkten sehr wechselnd ist, entsprechend den wechselnden normalen collateralen Zirkulationsverhältnissen, über die neuerdings Zonnek interessante Aufschlösse gegeben hat, ebenso wechselnd und von den normalen Gefäßeinrichtungen an der gegebenen Stelle abhängig müssen auch ille mit allgemeiner Atrophie der Kanälchen endenden Ernährungsstörungen sein, worans sich unschwer das Wechselvolle der Befunde in bezug auf die collaterale atrophische Zone bei den einzelnen Infarkten erklären läßt. Es ist aber auch nicht ausgeschlossen, daß gerade hier mit einer allmählich sich herstellenden besseren Zirkulation und Ernährung die Epithelien sich wieder erholen und, da die Nierenkörperchen nicht gelitten haben, also eine völlige Wiederherstellung der Funktion möglich ist, die ganzen Kanalchen wieder ein normaleres Aussehen annehmen, so daß schließlich von der atrophischen Zone gar nights mehr zu finden ist. Es würde also in solchem Falle ganz von der Zeit der Untersuchung abhängen, ob man eine collaterale atrophische Zone findet oder nicht.

Vor kurzem habe ich noch eine andere hierhergehörige Form von Atrophie kennen gelernt, nämlich eine keilförmige Atrophie infolge von Arterienwandtuberkulose! Mir waren schon lange zweierlei Folgen von Arterienwandtuberkulose in der Niere bekannt, über die ich schon vor 25 Jahren durch meinen damaligen Assistenten Nasse in Vmonows Archiv habe Bericht erstatten lassen. Wenn die Arterie vollständig verlegt ist, sei es durch die tuberkulöse Wucherung direkt, sei es durch einen auf ihr sekundär entstandenen Thrombus, so entsteht wie bei embolischer Verstopfung ein anämischnekrotischer Infarkt in der Rinde, gleichgültig, ob es sieh um eine akute disseminierte Miliartuberkulose oder um eine chronische tokalisierte Nierentuberkulose mit Beteiligung der Arterien handelt Wenn aber die Arterie nicht völlig verstopft ist, wenn an der tuberkulösen Wandstelle noch ein Blutstrom vorbeigeht, so kann dieser Tu-

In meinem Jahrenbericht über der Jahr 1909 habe ich in den Chariteannalen (Bd. XXXIV) blerüber wie such über die collaberalen Atrophien bei Jakolkten Louis-Mittelburgen gemacht.

berkelbaeillen in das Verbreitungsgebiet des erkrankten Gefäßes mitschleppen und so eine umschriebene, mir auf dieses eine Gefäßgeblet beschränkte disseminierte Miliartuberkulose erzeugen. Selbstverständlich kann, nachdem dieses geschehen ist, nachträglich noch ein Verschluß der Arterie und eine Infarktnekrose sich einstellen, so daß man zweierlei; sozusagen tuberkulöse, Infarkte unterscheiden muß, solche ohne lokalisierte disseminierte Tuberkulose in dem infarzierten Gewebe und solche, bei denen dieses zerstreute millare Tuberkel enthält; bei jenen ist der Arterienverschluß wahrscheinlich schnell eingetreten, auf jeden Fall eingetreten, elie es zu einer wirksamen Verschleppung von Tuberkelbacillen aus dem Arterienherd gekommen war, im letzten war diese zuerst eingetreten und dann erst der Verschluß nachgefolgt. Selbstverständlich kann auch in dem tuberkelfreien nekrotischen Infarkt uoch nachträglich eine Bacillenansiedlung zustande kommen, aber dann können sich nicht in dem abgestorbenen Gewebe, sondern nur am Rande sekundär-tuberkulöse Gewebswucherungen einstellen.

Nun habe leh also noch eine dritte Folge der Arterientuberkulose in der Niere kennen gelernt: die keilfermige Atrophie, eine Atrophie, welche genau auf das Verzweigungsgebiet der erkrankten Arterfe beschränkt ist. Auch diese Atrophie kunn für sieh allein bestehen oder gleichzeitig mit disseminierter Millartuberkulose verbunden seln. sie kann in einer dieser Formen für sich allein bestehen oder neben Infarkten zu finden sein. Es kann sich bei dieser Atrophie nicht etwa um eine Inaktivitätsatrophie handeln, denn die übrigen Getababschnitte, und insbesondere die Glomerull, sind ja nicht krank, durch die Knäuel zirkuliert ja noch Blut, es kann also noch Harnwasser abgesondert werden, dagegen ist der Blutstrom in den interstitiellen Capillaren vermindert und damit such die Ernährung der Kanalepithelien verschlechtert. Immerhin ist nicht außer acht zu lassen, daß die Absonderungsmenge des Harnwassers sehr wesentlich von dem Blutdruck und der Strömungsgeschwindigkeit abhängig ist. und daß diese beiden unter den angegebenen Verhältnissen herabgesetzt sein milssen. Zu der verminderten Ernährung wird sich also auch noch eine Verminderung der Arbeit hinzugesellen, und die folgende Atrophie der Kanälchen, wird auf das gleichsinnige Zusammenwirken der beiden Ursuchen zurückzuführen sein. Auch in diesen Kanalchen habe ich bis jetzt keinen colloiden Inhan gesehen.

Inwieweit es eine nicht auf einzelne Gefäßgebiete beschränkte, sondern über die Niere zerstreute Atrophie der Harnkanälchen Infolge von Verminderung der Ernährung gibt, bedarf
melnes Erachtens noch genauerer Erforschung. Bei allgemeiner Er-

nährungsstörung erscheinen auch die Nieren verkleinert, auch das Alter kami mit einer Atrophie der Nieren (sentte Atrophie) verbunden sein, aber in der Mehrzahl dieser Fälle, vor allem bei der senilen Atrophie, findet man nicht nur atrophische Kanälchen, sondern auch atrophische Nierenkörperchen, d. h. die Atrophie der Kanälchen kann eine sekundäre, eine Inaktivitätsatrophie sein. Muß sie es sein?

Die Ansicht findet viele Vertreter, daß zwischen Nierenkörperchen und Harnkanälchen ein derartiges Wechselverhältnis besteht, daß nicht nur das Kanälchen strophiert, wenn der Glomerulus undurchgängig geworden ist, sondern daß auch umgekehrt der Glomerulus undurchgängig, atrophisch werde, wenn das Harakanalchen aus irgendeinem Grunde primär atrophisch geworden sei. Ich vermisse tür die letzte Behauptung den Beweis; sehe vielmehr den gegenteiligen Beweis dafür erbracht, daß auch bei schwerster und seit langer Zeit bestehender Atrophie der Kanälchen die Glomeruli und die ganzen Nierenkörperchen überhaupt völlig gut erhalten sein können, so daß also jedenfalls das eine feststeht, daß eine Atrophie des Kanälchens nicht notwendig eine Atrophie des Nierenkörperchens im Gefolge haben muß, Darum werde ich immer, wo Atrophie von Nierenkörperchen und Harnkanfilchen zugleich vorliegt, so lange annehmen, daß die Atrophie des Körperchens das Erste, diejenige des Kanalchens das Zweite ist, bis mir der unumstößliche Gegenbeweis erbracht wird.

Die Unabhängigkeit der Nierenkörperchen von den Harnkanälchen wird bewiesen durch die Fälle von Nierenschrumpfung, welche durch Stauung des Harnes bedingt werden.

Die bekannteste Form ist diejenige, bei welcher ein Hindernis für die Entleerung des Harnes in den abführenden Wegen vorhanden ist und eine Hydronephrose sich entwickelt hat. Das Nierengewebe kann dabei bis auf ein Minimum reduziert werden, so daß die hydronephrotische Atrophie zu den Atrophien gehört, welche die böchsten Grade erreichen können. Es spielt dabei der Umstand mit, daß gleichzeitig Rinde und Mark dem Schwund anbeimfallen

Bei dieser hydronephrotischen Atrophie wirken verschiedene Umstände zusammen, um ein so großes Resultat zu erzeugen. In erster Linie der Massendruck des angehäuften Schretes, welcher eine Störung der Zirknistion und damit der allgemeinen Ernährung in der Niere zur Folge haben muß. Aber es werden nicht nur die intrarenalen Gefälbe gedrückt werden, somlern auch die großen Hilusgefüße. Wenngleich sie in lockerem, nachgiebigem Binde- und Fettgewebe eingebettet begen, so kann es doch nicht aushleiben, daß auch ihr Launen unter dem Druck des im Nierenbecken und den Nierenkelchen sich

stauenden Sekretes beeinträchtigt wird und daß dadurch die im Nierengewebe so schon vorhandene Zirkulations- und Ernährungsstörung noch erhöht wird. Eine allgemeine Herabsetzung der Ernährung spielt also wohl bei der hydronephrotischen Atrophic eine Rolle.

Aber auch eine Herabsetzung der Funktion ist bei dem Gewebsschwund beteiligt. Schon durch die erwähnte Zirkulationsstörung muß die Absonderung des Harnwassers ungünstig beeinflußt werden. ganz besonders aber wird dies der Fall sein müssen durch die unausbleiblich eintretende Erhöhung des Druckes innerhalb der Harnkanalchen und innerhalb der Kapselräume der Nierenkörperchen. Magauch die Absonderung des Harnwassers nicht ein einfacher Eiltrationssondern ein Sekretionsvorgang sein, auf keinen Fall wird die genannte Druckerhöhung ohne Einwirkung auf die Menge des abgegebenen Harnwassers sein; diese muß vermindert sein, und es muß also eine Herabsetzung der Nierentätigkeit ihre Folge sein. Eine solche wird schon durch die verhältnismäßig geringe Menge des angestauten Sekretes, sie wird vor allem aber auch dadurch bewiesen, daß bei einseitiger Hydronephrose die andere Niere stärker arbeitet, also vikariierend die Arbeit der kranken Niere mit übernimmt. Trotz Intaktbleibens der Glomeruli, auf welches ich erst kürzlich in einer kleinen Hemerkung in Vucuows Archiv (Bd. 202) hingewiesen habe, muli also auch hier eine Inaktivität vorliegen, und dieser Umstand darf bei der Erklärung der hydronephrotischen Kanālehenatrophie sieherlich nicht vernachlässigt werden, ich bin aber doch der Meinung, daß unßer den beiden genannten noch ein anderer Faktor sehr wesentlich mitwirkt, nämlich eine direkte Schädigung der Epithelzellen, so daß diese Atrophie der zweiten Untergruppe, der

2. Atrophie durch direkte Schädigung der Epithelzellen zugerechnet werden kann.

Die hydronephrotische Atrophie beginnt regelmäßig in der subcapsulären Schicht und schreitet nach der Marksubstanz hin fort, in der aber ebenfalls, und zwar unabhängig von der Rinde, eine Atrophie, insbesondere der Ductus papillares, zur Entwicklung gelangt. Schließlich ist das gesamte Kanalsystem utrophisch, und gerade darin liegt eine der wesentlichen Verschiedenheiten zwischen dieser Form und den anderen Formen der Nierenatrophie. Sehr bemerkenswert ist, daß sich die Kanälchen in den Columnae renales im allgemeinen besser und länger erhalten als in den änßeren, von der Kapsel bedeckten Abschnitten der Rinde, und ich sehe gerade darin eine wichtige Bekräftigung der Annahme, daß eine direkte Einwirkung auf die Enitheizellen bei deren Atrophie eine Rolle spielt. Man sollte denken, daß, wenn ein von dem Inhalt der Kelche ausgehender Druck von außen die Hauptrolle dabei spielte, dann gerade die Columnae, die gewissermaßen zwischen zwei Pressen gefaßt sind, und nicht wie die änßeren Rindenabschnitte wenigstens etwas answeichen können, eine ganz besonders schwere Schädigung erfahren müßten; aber gerade das Gegenteil ist der Fall. Wenn wir aber annehmen, daß die Schädigung vom eigenen inhalt herrührt, so kann man wohl verstehen. daß die aus den Columnse kommenden Kanälchen weniger stark geschädigt werden als die von der freien Rinde kommenden, weil jene an den Seiten der Papillen, diese aber auf ihren Spitzen ausmunden. Die erste sichtbare Folge einer Harnstauung in den Kelchen ist die Erniedrigung, die Abplattung der Papillen. Diese muß aber an den hervorragendsten Stellen, also da, wo die Kanalchen der freien Rindeausmunden, die stärksten Veränderungen hervorrufen, d. h. diese Kanälchen müssen ebenfalls frühzeitiger und stärker geschädigt werden als die an den seitlichen Abflachungen der Papillen ausmündenden. und das sind eben die aus den Columnae Bertini kommenden Kanalchen.

Noch eine andere Erscheinung deutet darauf hin, daß die Atrophie bei Hydronephrose einen anderen Charakter hat als bei Inaktivität, das ist das Fehlen der Colloidsekrehion. Geradeso wie in hydronephrotischen Nieren auch atrophische Glomeruli vorkommen können, so wie sie in allen Nieren gefunden werden können, ebensu können auch colloide oder hyaline Inhaltsmassen gelegentlich in hydronephrotischen Nieren gefunden werden, aber dieser Befund ist nur eine Ausmahme, eine Komplikation, an und für sich enthalten die hydronephrotisch-atrophischen Kanälchen kein Sekret.

Eine besondere Stellung nehmen unter den hydronephrotischen Atrophien die tuberkulösen Fälle ein. Mag die Tuberkulose sekundär in einer schon hydronephrotischen Niere entstanden oder mag erst durch eine ehronische absteigende Tuberkulose der Ureter undurchgängig geworden und dadurch eine im vallen Sinne des Wortes tuberkulose Hydronephrose entstanden sein, die allgemeinen Folgezustände an den Nieren müssen dieselben sein wie bei einer nicht mit Tuberkulose komplizierten Hydronephrose.

Es gibt aber bei chronischer Tuberkulose noch eine zweite Form von ausgedehnter Nierenatrophie, welche mit der hydronephrotischen vollkommen übereinstimmt, aber ohne Hydronephrose im engeren Sinne auftritt, bei der aber doch auch eine intrarenale Stauung des Sekretes vorhanden ist, weil durch die chronischen tuberkulösen Vorgänge an den Papillen die ausführenden Harnkanälchen undurchgängig geworden sind. Ich habe sehon vorher darauf hingewiesen, daß auch bei der

ehronischen Tuberkulose Arterienveränderungen vorkommen, welche zu Atrophie und Infarktbildung Veranlassung geben können, aber dabei handelt es sich um umschriebene, auf einzelne Arteriengebiete beschränkte Atrophie; hier ist die Atrophie in dem von der chronischen Tuberkulose betroffenen Nierenabschnitt eine gleichmaßige und allgemeine und ganz unabhängig von Gefäßwandtuberkulose. Da auch gerade in diesen Fällen eine Beeinträchtigung der großen Nierengefäße, wie ich sie bei der gewöhnlichen Hydronephrose anerkannt habe, fehlen kann, da die Glomeruli völlig normales Aussehen darbieten können, so scheint mir diese Atrophie besonders geeignet zu sein, die Bedeutung der Sekretstauung innerhalb der Kanalchen selbst zu beleuchten, die Atrophie infolge direkter Schädigung der Epithelzellen zu beweisen. Die Tuberkulose steht übrigens in dieser Beziehung nicht allein, dem alle Tumoren im Nierenmark können nach Besexe keilförmige Atrophie in der Rinde durch Sekretstanung erzeugen.

Bei der hydronephrotischen sowohl wie bei allen vorher genannten Nierenstrophien spielt eine Veränderung des interstitiellen Gewebes keine primäre Rolle, aber sekundär tritt sehr hänlig eine zellige Infiltration oder eine faserige Verdickung auf. Die erste findet sich vorzugsweise in der Rinde, eine Zunahme des faserigen Zwischengewebes sowohl hier als auch im Mark, aber bei der Bewertung gerade dieses Befindes muli man sehr corsichtig sein, damit man nicht eine rein passive, nur relative Vermehrung mit einer aktiven, absoluten verwechselt. Es liegt ja auf der Hand, daß mit dem Schwund der eingelagerten Kunllichen die Maschen des interstitiellen Gewebes kleiner werden müssen, daß dies Gewebe ebenso wie die Nierenkörperchen, bel denen das leicht zu erkennen ist, näher zusammenrückt, also eine relative Zunahme erfährt. Eine solche kann man besonders gut in dem durch Inaktivität atrophisch gewordenen Abschnitte des Markes unterhalb von Rindeninfarkten erkennen. Es gibt aber zweifellos außer und neben der zelligen Infiltration eine faserige Verdickung durch Neubildung an dem interstitiellen Gewebe, insbesondere der Rinde, und so erhebt sich die Frage: gibt es eine

3. Atrophic durch Einwirkung des interstitiellen Gewebes.

Nach dem oben Bemerkten ist es ohne weiteres klar, daß, wenn gleichzeitig Atrophie der Kanälehen und Vermehrung des interstitiellen Gewebes verhanden ist, zunächst nach einer anderen Erklärung für die Atrophie gesucht werden muß, und daß beim Nachweis einer solchen von vornherein die Veränderung des Gerüstes als eine sekundäre anzusehen ist immerkin ist es auch in solchen Fällen nicht ausgeschlossen, dab durch Wucherung des bindegewebes aun wieder eine ungünstige Rückwirkung auf die Kanälchen ausgeübt werden kann. Es ist mir freilich durchaus unwahrscheinlich, daß dadurch eine verbreitete Einwirkung herbeigeführt werden kann, sondern ich denke nur an umschriebene, rein lokale Wirkungen, durch die aber wohl Abkulckungen, ja völlige Abtrennungen kleinerer Abschnitte von Kanälchen herbeigeführt werden können. Wenn dann das Epithel solcher Kanalstücke sezemlert, kommt es zu Cystenbildungen, wie sie vorher als Kolloideystehen sehon Erwähnung fanden.

Ein anderes ist die Frage, ob von einer primären Veränderung der Gerüstsubstanz eine allgemeine Kanälchenatrophie als Folgezustand erzeugt werden kann. Man spricht in der Medizin noch sehr viel von interstitieller Nephritis in Fällen, wo eine Schrumpfung mit Vermehrung des interstitiellen Gewebes vorhanden ist. Ich vermeide seit Jahren den Ausdruck interstitielle Nephritis ganz, spreche vielmehr nur von Schrumpfnieren, weil ich mich nicht habe überzeugen können, daß in solchen Fällen der Prozeß stets mit einer interstitiellen Veränderung beginnt. Ich bin immer noch so altmodisch, daß ich eine primare Wucherung des Bindegewebes drüsiger Organe für möglich ansehe, aber in der Niere halte ich ihr Vorkommen doch für sehr beschränkt und glaube nicht, daß sie für die Entstehung einer Kanälchenatrophie eine häufige oder wesentliche Rolle spielt. Bei Nierenschrumpfung nach Scharlach kann man am chesten noch hierhergehörige Befunde erheben, aber bei der gewöhnlichen, sogenannten chronischen interstitiellen Nephritis fehlen die Atrophien der Nierenkörperchen nicht, und bei ausgeprägter Granularatrophie kann man leicht feststellen, daß die Atrophie der Kanälchen und die Veränderung des interstitiellen Gewebes im wesentlichen da sieh finden, wo die Körperchen atrophisch geworden sind, während da, wo die Körperchen noch erhalten sind, sowohl Kanälehen als auch interstitielles Gewebe nicht verändert erscheinen. Daß es aber durch primare Veranderungen des interstitiellen Gewebes überhaupt zu einer sekundaren Atrophie des Drüsengewebes kommen kann, dafür geben die Nieren mit leukämischer Infiltration des Zwischengewebes ein sehr gutes Beispiel. Hierbei kann eine Atrophie der Glomeruli völlig fehlen, und doch sind die Kanälchen mehr oder weniger stark verkleinert, man darf wohl sagen zusammengedrückt Für gewöhnlich wird die Volumenahmahme der Kanalchen durch die Volumenvergrößerung des interstitiellen Gewebes überkompensiert, d. h. die Nieren oder die betreffenden Nierenabschnitte erscheinen vergrößert. aber es kann auch das Gegenteil der Fall sein, wie ein kürzlich beobachteter Fall von Leukämie beweist, der allerdings etwas komplizierte Verhältnisse darbot (Sekt. Nr. 139, 1911, Sojähriger Mann). Infolge einer Prostatahypertrophie war eine ausgesprochene Balkenblase und eine Erweiterung der Nierenbecken (links stärker) vorhanden. Die linke Niere war auffällig kleiner als die rechte, und während diese ein gleichmäßig graurotes Aussehen hatte, zeigte jene an der Oberdäche graurote und blatigrangelblich gefärbte Absehnitte. Beide Farben waren überall scharf voneinander abgegrenzt, und die gelblichen Teile lagen etwas tiefer als die grauroten. Auch auf der Schnittfläche zeigte sich der gleiche Wechsel der Färbung, aber nur innerhalb der Rindensubstanz; die Markgegend zeigte sich graurot.

Wir wußten zunächst nicht, was wir mit dieser linken Niere diagnostisch anfangen sollten, weil die Stellen mit lenkämischer Infiltration, an die wir in bezug auf die blassen gelblichen Stellen dachten. gewöhnlich unders aussehen und nahmen deshalb die mikroskopische Untersuchung zu Hilfe; diese ergab das Resultat, daß an den graugelblichen, atrophischen Stellen eine starke typische leukämische Infiltration des Zwischengewebes vorlag, daß aber trotz dieser beträchtlichen Volumenzunahme des Gerüstes die betreffenden Merenahschnitte kleiner geworden waren, weil die Zunahme des Gerüstes überkompensiert wurde durch eine Umfangabnahme der Kanälchen. In den nicht leukāmisch infiltrierten Abschnitten war eine nennenswerte hydronephrotische Atrophic noch nicht eingetreten. Die leukämischen Infiltrate saßen wesentlich in der Rinde, trotzlem war im Mark sehr deutlich die relative Zunahme des interstitiellen Rindegewebes in dem au dem Bereich der infiltrierten und atrophischen Rindenteile gehörigen Absolmitte zu bemerken. Woher diese auffällige Atrophie? Die Beantwortung dieser Frage wurde dadurch erschwert, daß auch atrophische Nierenkörperehen vorhanden waren, also eine Inaktivitätsatrophie einer Angahl von Kanalchen vorhanden sein mußte. Man konnte darau denken. daß die Atrophie vor der Leukämle vorhanden war und daß die leukamische Infiltration gerade hier eintrat, weil bereits eine Veränderung vorhanden war. Ich will durchaus nicht leuguen, daß ein Teil der Veränderungen in dieser Weise zu erklären ist, aber ich bin doch zu der Überzeugung gekommen, daß auf diese Weise nicht alle Veränderungen zu erklären sind.

Wenn auch nicht ausschlaggebend, so doch jedenfalls beachtenswert ist die Tatsache, daß in allen Teilen beider Nieren einzelne atrophische Nierenkörperchen vorhanden waren, ohne daß überall eine leukämische Infiltration an diesen Stellen eingetreten wäre: wichtig und beweiskräftig ist aber die Tatsache, daß in den atrophischen Teilen auch noch viele wohlerhaltene Glomeruli vorhanden und trotzdem alle Harnkanälehen atrophisch waren. Es muß also jedenfalls ein Teil der Kanälehen atrophisch geworden sein, nicht weil ihnen das Arbeitsmaterial entzogen war, sondern aus einer anderen Ursache, und zwar einer örtlich wirksamen, und da bleibt meines Erachtens nichts anderes übrig als die Einwirkung des durch die leukämische Infiltration veränderten interstitiellen Gewebes. Ich will aber noch einmal hervorheben, daß daneben auch noch eine gewöhnliche partielle vaskuläre Atrophie vorhanden ist und daß deren Vorhandensein doch möglicherweise die Hauptursache dafür ist, daß die leukämisch infiltrierte Niere das ungewöhnliche Aussehen und Verhalten einer Leukämisch en Atrophie dargeboten hat.

Jedenfalls gibt es eine Atrophie von Harakanälchen infolge von primären Veränderungen des interstitiellen Gewebes, allein sie kommt gegenüber den anderen vorher geschilderten Atrophien weniger in Betracht.

Über eine äußerst langwellige Strahlung des Quecksilberdampfs.

Von H. Rubens und O. von Baeyer.

Bei Verwendung rein thermaktiner Strahlungsquellen ist das Vocdringen im Spektrum nach Seite der langen Wellen äußerst schwierig. Besitz: die Wärmequelle keine selektiven Eigenschaften, so vermindert sich die Strahlungsintensität im langwelligen Spektralgebiet mit der vierten Potenz der Wellenlänge. Zwar wächst diese Strahlungsintensität proportional der Temperatur der Strahlungsquelle, aber in viel höherem Maße, nämlich mit der vierten Potenz der absoluten Temperatur vermehrt sich die Gesamtenergie des strahlenden Körpers, aus welcher jene Teilstrahlung durch bestimmte Prozesse ausgesondert werden muß. Es ist daher mit einer Temperaturstelgerung der Lichtquelle meist für den vorliegenden Zweck knum ein Vorteil verbunden. Im langwelligen Spektrum hat sieh als vorteilhafteste Warmequelle rein thermaktinen Charakters infolge sehr günstiger selektiver Elgenschaften der Auerstrumpf bewährt. Aber auch hier ist es bisher nicht gelingen, Strahlen von wesentlich größerer Wellenlänge als 100 a auszusondern.

Es soll in dem folgenden über Versuche berichtet werden, welche wir ausgeführt haben, um die Kenntnis des ultraroten Spektralbereichs durch Verwendung von Lichtquellen zu erweitern, bei welchen die Strahlung von glühendem Gas ausgesandt wird. Solche Lichtquellen sind, soweit reine Temperaturstrahlung in Frage kommt, im höchsten Maße selektiv. Ferner ist hier mit der Möglichkeit des Vorhandenseins einer langweiligen ultraroten Luminiszenzstrahlung zu rechnen.

Die von uns benutzte Versuchsanordnung ist mit derjenigen völlig identisch, welche vor kurzem von Hrn. Wood und dem Einen von uns zur Isolierung langwelliger Strahlen verwendet und in diesen Berichten ausführlich beschrieben worden ist!. Sie beruht auf der Anwendung von Quarzlinsen, welche infolge der außerordentlichen Verschiedenheit der Brechungsexponenten für Wärmestrahlen diesseits und jenseits

R. Rennes and R. W. Wood, diese Berichte, 1910, S. 1124.

des Absorptionsgebiets im Quarz (1.50 gegen 1.14) dersri justiert werden können, daß sie die ausgesendete langwellige Strahlung auf ein gegebenes Diaphragma konzentrieren, während die gewöhnlichen Wärmestrahlen zerstreut werden. Ferner gründet sich die Methode auf die selektive Absorption des Quarzes und auf die Wirkung gewisser zentraler Blenden. Bezüglich aller Einzelheiten des Verfahrens und der angewendeten Instrumente muß auf die genannte Arbeit hingewiesen werden.

Als Lichtquellen dienten uns zunächst kräftige Flaschenfimken zwischen Elektroden von Zink, Cadmium, Aluminium, Eisen, Platin und Wismut; zur Erregung wurde ein 40-cm-Induktor von Boas mit starker Sekundarwickelung verwendet. Die Speisung des Induktoriums geschah durch Wechselstrom. Es ist uns jedoch in keinem Falle gelungen, in dem betrachteten langwelligen Spektralgebiet eine merkliche Strahlung zu erhalten. Ebensowenig Erfolg hatten wir bei Anwendung der Bogenlampe mit Kohlenelektroden sowie mit Brenze-Kohlen und Eisendochtkohlen, wenn die Untersuchung auf den Lichtbogen selbst beschränkt blieb. Zwar erhielten wir in den beiden zuletzt genannten Fällen stets kleine unregelmäßige Ausschläge in unserem Mikroradiometer, welche zweifellos von langwelliger Strahlung herrührten, aber es ist nicht unwahrscheinlich, daß diese Strahlung von festen Teilchen im Lichtbogen ausgesandt wird. Zu einer näheren Untersuchung waren die beobachteten Wirkungen weder genügend regelmäßig noch hinreichend intensiv.

Eine verhältnismäßig sehr starke langweilige Strahlung erhielten wir jedoch mit der Quarzquecksilberlampe, insbesondere bei höherem Energieverbrauch. Bei einer Belastung der Lampe von 4 Ampere bei 100 Volt auf eine Liehthogenlänge von etwa 80 mm ergab sich ein Ausschlag unseres Mikroradiometers von mehr als 50 mm. Dieser Ausschlag erwies sich nach längerem Brennen der Lampe als 80 konstant, daß er auf Bruchteile eines Prozents leicht gemessen werden konnte.

Wenige Vorversuche belehrten uns darüber, daß die hier beobachtete langwellige Strahlung der Quecksilberbogenlampe eine wesentlich andere Zusammensetzung besitzen müsse als diejenige des Auerstrumpfs, deren mittlere Wellenlänge sich unter den gleichen Verhältnissen zu etwa 107u ergeben hatte. Wir fanden z. B., daß eine
Quarzschieht von 14.66 mm Dicke 46.6 Prozent der isolierten Strahlung hindurchließ, wenn die Quecksilberlampe als Lichtquelle diente,
und nur 21.7 Prozent, wenn der Auerstrumpf als Strahlungsquelle
verwendet wurde.

Zur Ameunderung ultravioletter Strahlen hat Hr. P. Lessan schon früher Quarzilasen mit Vorteil verwendet (Am. d. Phys. 1. S. 486, 1900).

Sabstone	16.	J_{I_1}	n_i	D_{j}	D,
	-	Process.	Processia	Parent	Francis
anra 1	41.5	12.1	254	51 %	58.9
Lanaryilmr Umre	1.00	12.5	35.2	-	(66).0
hodi	0-59	53.	19.4	39-5	12.2
telmada (1-24	0.3	3.7	16.5	72-3
ylvin	3. (0	0	3/6	4147	1.0-7
familia	1-20	45.3	8415	100	_
olep.	0.63	0.8	13.9	24.2	_
limmer	0.055	16.6	-38.8	31.5	55.0
is a war war war and	81/0	2.4	9.0	29.9	25.9
itaffin	503	5740	9213	82.5	85.5
Arrgummi	101.40	39.0	31.5	58.8	Jisia.
erneten .	1628	11.2	10-1	32.7	34-8
albaumholz	1,90	0.7	3.5	202.0	-
downzes Papier	0.17	33-5	52.4	78.5	79.0
apput (saliwarz Kurron)	a 38	3-1	11.7	29.8	3957
dlafoid	nat	(6.0	37.0	38.7	43-5
Figure Common to the Co	820.69		55.5	60.3	162,7
Page 2	4 11 18	30	41.0	38-4	30,2

In der vorstehenden Tabelle ist für eine größere Zahl von Substanzen die Durchlässigkeit der mittels Quarzlinsen isolierten langwelligen Strahlung bei Benutzung beider Lichtquellen (D_i) für den Auerbrenner, D_i für die Quarzquecksilberlampe) zusammengestellt. Ferner enthält die Tabelle in einer weiteren Spalte unter D_i die Durchlässigkeit der durch eine 2.0 mm dieke Schicht aus amorphem Quarz illtrierten Strahlung der Quecksilberbogenlampe für die gleichen Substanzen. Es war von vornberein anzunehmen, daß die beobachtete Strahlung der Quecksilberlampe aus zwei Teilen bestehen müsse, von welchen der eine von den heißen Quarzwänden herrührt, während der andere von dem Quecksilberlampf ausgesandt wird. Zur Reindarstellung dieses letzteren Teils erschien uns ein Filter aus geschmolzenem Quarz zunächst am geeignetsten.

Später fanden wir, daß sich ein Strahlenfilter aus schwarzem Karton für die Isolierung der von dem Quecksilberdampf herrührenden Teilstrahlung noch besser bewährte als der amorphe Quarz. Wir haben deshalb in der letzten Spalte der Tabelle unter D_i die Resultate der Durchlässigkeitsmessungen aufgeführt, welche wir erhielten, wenn als Strahlungsfilter an Stelle des amorphen Quarzes 0.38 mm starker sehwarzer Karton verwendet wurde.

Bei Betrachtung der Tabelle fällt zunächst auf, daß für sämtliche Substanzen die Werte von D_i , D_i , D_i , und D_i eine aufsteigende

Unbearlieltetes Spaltangsstück.

Reihe bilden. Soweit es sich hier um Substanzen handelt, deren Absorptionsgebiet bekanntermaßen bei kürzeren Wellenlängen gelegen ist, wie Quarz, Fluorit, Steinsalz und Sylvin, deutet dieser Gang auf eine Zunahme der mittleren Wellenlängen der entsprechenden Strahlungen hin. Es ist hiernach also anzunehmen, daß die von der Quecksilberlampe herrührende Strahlung eine größere mittlere Wellenlänge besitzt als die vom Auerstrumpf ausgesandte, und daß der durch sehwarze Pappe filtrierten Strahlung der Quecksilberlampe eine größere mittlere Welleulänge zuzuschreiben ist als der durch amorphen Quarz gereinigten. Zu dem gleichen Schlusse berechtigt das Verhalten von schwarzem Papier und schwarzer Pappe in noch höherem Maße, da in solchen Medien, deren hauptsächlichste Schwächung auf diffuser Zerstreuung beruht, die Durchlässigkeit mit wachsender Wellenlänge stark ansteigen muß. Die Erhöhung der mittleren Wellenlänge aber, welche die Strahlung der Quecksilherlampe durch Einschaltung der Strahlungsfilter aus amorphem Quarz bzw. schwarzem Karton erfährt, beruht nach unserer liberzeugung darauf, daß die kurzwelligere Strahlung der Quarzwände, welche wohl im wesentlichen mit der des Auerbrenners übereinstimmt, durch diese Filter sehr viel stärker absorbiert wird als die offenbar viel langwelligere Strahlung des Quecksilberdampfes.

Von besonderem Interesse ist die ungemein hohe Durchlässigkeit des Quarzes für die hier betrachteten Strahlenarten. Berechnet man aus den Durchlässigkeiten für die 41.7 mm dicke, senkrecht zur Achse geschnittene Quarzplatte die Absorptionskonstanten $q_* = \frac{1}{d} \log$ nat. $\frac{100}{D_*'}$ worin d die Dicke der Platte in Millimetern. D_*' die wegen des Reflexionsverlustes korrigierte Durchlässigkeit bedeutet, so ergeben sich für die hier untersuchten Strahlenarten der Reihenfolge nach die folgenden Werte von q_* :

$$q_i = 0.044$$
; $q_i = 0.026$; $q_i = 0.0089$; $q_i = 0.0057$.

Man sieht, daß die durch schwarze Pappe ültrierten Strahlen der Quecksilberbogenlampe eine etwa 8 mal so dicke Quarzschicht durchdringen müssen, um auf denselben Bruchteil ihrer Anfangsintensität geschwächt zu werden, als die von dem Auerstrumpf herrührenden Strahlen. Ganz ähnlich liegen die Verhältnisse bei dem amorphen Quarz, doch ist hier das Absorptionsvermögen für die vier untersuchten Strahlenarten etwa 20 mal so groß wie bei der natürlichen Modifikation.

Zu den Substanzen, deren Hauptabsorptionsgebiet in dem Wellenlängenbereich unterhalb 100 µ gelegen ist, scheint neben Fluorit, Steinsalz und Sylvin auch Glas und Glimmer zu gehören. Die hohe Durchlässigkeit der als gute Isolatoren bekannten Stoffe Paraffin, Hartgummi RUBERS II. O. von Barran: Laugwellige Strahlung des Quecksilberdampts. 343

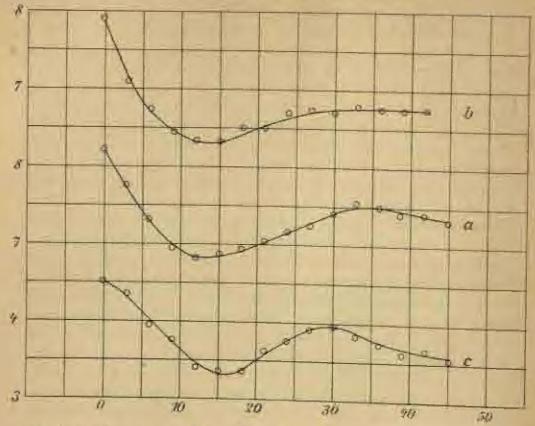
und Bernstein bietet nichts Überraschendes, ebensowenig die geringe Absorption der Elemente Diamant und Selen.

Das Wasser zeigt für die von der Quecksilberbogenlampe ausgesandte Strahlung insbesondere nach ihrer Filtrierung durch amorphen Quarz oder schwarze Pappe ein viel geringeres Absorptionsvermögen als für die von dem Auerstrumpf herrührenden Strahlen. Auch kann die Reflexion an den Wasseroberflächen nicht sehr erheblich sein, da die aus beiden Schiehtdicken ohne Berücksichtigung des Reflexionsvermögens berechneten Werte der Absorptionskonstanten q befriedigend übereinstimmen, was nicht der Fall sein könnte, wenn ein erheblicher Reflexionsverlust vorhanden wäre. Es ist daher anzunehmen, daß das Wasser anch in diesen Spektralgebieten noch einen Brechungsexponenten von geringer Größe besitzt, welcher dem im siehtbaren Spektrum beobachteten Wert erheblich näher liegt als der Quadratwurzel aus der Dielektrizitätskonstanten für langsame Schwingungen.

Da die mitgeteilten Absorptionsmessungen keinen quantitativen Anhalt über die mittlere Wellenlänge der untersuchten Strahlenarten geben können, haben wir versucht, mit Hilfe des schon mehrfach verwendeten Interferometers die Wellenlängen zu messen! Die ohne Anwendung eines Strahlungsfilters mit der Quarzquecksilberlampe erhaltenen Interferenzkurven zeigten sehr unregelmäßigen Charakter. Immerhin war zu erkennen, daß eine Strahlung von etwa derselben mittleren Wellenlänge, wie sie der Auerbrenner mit dieser Versuchsanordnung ergibt, den Hauptbestandteil der untersuchten Strahlung ausmachte. Aber schon bei dem Einschalten einer 15 mm dicken Quarzschicht zeigte sich ein wesentlich verändertes Bild. Das erste Minimum, welches bei unfiltrierter Strahlung bei einer Dicke der Luftplatte von ungefähr 3 Trommelteilen" (16 u) beobachtet worden war, zeigte sich jetzt erst bei einer Luftplattendicke von 8 Trommelteilen. Wurde die Dieke der eingeschalteten Quarzschicht auf 42 mm erhöht, so trat das erste Minimum nummehr erst bei einem Abstand der Interferometerplatten von etwa 13 Trommelteilen (68 a) ein. Zugleich zeigte die Interferenzkurve einen wesentlich glatteren Verlauf. Die ursprünglich beobachteten unregelmäßigen Maxima und Minima waren fast vollständig verschwunden, und es ergab sich neben dem bereits genannten Minimum bei 13 Trommelteilen in manchen Versuchsreihen noch ein schwach ausgeprägtes Maximum im weiteren Verlauf der Kurve. Eine solche Interferometerkurve ist in der umstehenden Figur (Kurve a) dargestellt. Kurve b derselben Figur ist bei Ein-

H. RUSENE und H. HOLLMADEL, diese Berichte 1910 S. 20.

[.] Ein Trommeltoil des Interferometers entsprieht 5.21 u.



schaltung der 2 mm dieken Platte aus amorphem Quarz, Kurve e bei Einschaltung des 0.4 mm dieken schwarzen Karions in der gleichen Weise beobachtet. Kurve e zeigt den Wellencharakter am deutlichsten. Hier liegt das Minimum bel 15 Trommelteilen, und das Maximum bei 30 Trommelteilen tritt etwas stärker hervor als in den übrigen Kurven. Eine genaus Festlegung dieser Punkte ist allerdings auch in dieser Kurve nicht möglich. Man darf jedenfalls annehmen, daß in der durch schwarze Pappe ültrierten Strahlung ein größerer Betrag dieses langwelligen Anteils enthalten ist, als er sich bei Anwendung der Quarzülter ergibt. Diesen Schluß hatten wir bereits aus den Resultaten der Absorptionstabelle gezogen.

Die Frage, ob es sich bei dieser langwelligen Strahlung um mehrere einigermaßen homogene Strahlenarten von verschiedener Wellenlänge handelt, wie man bei Annahme einer Lamineszenzstrahlung des Quecksilberdampfes erwarten sollte; oder um eine continuierliche Strahlung, welche sich über ein größeres Spektrahlereich erstreckt, wie sie bei thermaktinen Körpern meist vorkommt, läßt sich nach dem Befunde der Interferometermessungen nicht entscheiden. Dagegen kann man aus unseren Beobachtungen mit Sicherheit den Schluß ziehen, daß ein großer Teil der von dem Quecksilberdampf ausgehenden Strahlung

RUBESS in O. von Barren: Languellige Strablung des Quicksilberdampfs. 345

eine mittlere Wellenlänge von etwa 30 x 2 x 5.23 μ = 313 μ oder nahezu + mm besitzt.

Zur Begründung unserer Annahme, daß diese äußerst langwellige Strahlung von dem Quecksilberdampf selbst und nicht etwa von dem heißen Quarzrohr der Lampe herrührt, läßt sich noch folgende Überlegung anführen. Da, wie bereits im Anfang betont wurde, die intensität der Strahlung eines sehwarzen Körpers im Gebiet der großen Wellenlängen mit der vierten Potenz der Wellenlänge abnimmt, so dürfte der amorphe Quarz, welcher bei $\lambda = 100 \,\mu$ sich nahezu wie ein schwarzer Körper verhält, bei der dreifischen Wellenlänge im Höchstfalle den Siten Teil der Energie ausstrahlen, welche er bei 100 u emittiert. Bei der relativ niedrigen Temperatur der Quarzhülle würde sich aber eine derart sehwache Strahlung nicht bemerkbar machen können. Auch auf experimentellem Wege konnten wir zeigen, daß die beobachtete langwellige Strahlung von dem Quecksilberdampf selbst ausgeht, indem wir die Strahlungsintensität kurz vor und nach dem Ausschalten des Lampenstromes maßen. War das Pappfilter eingeschaltet, so fiel unmittelbar nach dem Öffnen des Lampenstromes die beobachtete Strahlungsintensität auf etwa 30 Prozent des Anfangswertes und sank dann langsam weiter herab. Wurde derseibe Versuch ohne Pappfilter angestellt, so war nach dem Öffnen des Lampenstromes nur eine Verminderung der Strahlung um etwa 30 Prozent bemerkbar.

Darf hiernach auch die Tatsache als erwiesen gelten, daß der leuchtende Quecksilberdampf die beobachtete langwellige Strahlung emittiert, so bleibt doch die Frage noch offen, ob es sich um eine Temperaturstrahlung oder eine Lamineszenzstrahlung handelt. Nach Messungen der HH, Köch und Rersemssky' herrscht in dem Dampf der Quarzquecksilherlampe bei hoher Belastung eine Temperatur, welche auf viele tansend Grade nawachsen kann. In diesem Falle ist die Beobachtung reiner Temperaturstrahlung von so großer Wellenlänge nicht unmöglich, wenn der strahlende Quecksilberdampf in jenem Spektralgebiet stark ausgeprägte selektive Absorption besitzt.

Als Hauptergebnis der vorstehenden Untersuchung kann die Tatsache augesehen werden, daß sieh Wärmestrahlen von etwa 0.5 mm Wellenlänge aus der Strahlung der Quecksliberlampe in hinreichender Stärke aussondern lassen, um die Untersuchung ihrer Eigenschaften zu ermöglichen. Das ultrarote Spektrum erfährt dadurch abermals eine Erweiterung um 1½ Oktaven.

¹ Keen and Ressembser. And all Phys. 22. 5, 595, 1907-

Über die technische Prüfung des Kautschuks und der Ballonstoffe im Königlichen Materialprüfungsamt zu Groß-Lichterfelde (West).

Von A. MARTENS.

(Vorgetragen am 16. Februar 1911 [s. oben S. 171],)

In das Tütigkeitsgebiet des Küniglichen Materialprüfungsamts sind in den letzten Jahren die Prüfungen des Kautschuks und der Erzeugnisse der Gummiindustrie sowie die Prüfung der Ballonstoffe aufgenommen. Ich will namentlich über die hierfür getroffenen Prüfungseinrichtungen berichten.

I. Über Kautschukprüfung.

Die technische Prüfung des Kautschuks beruht auf chemischen und physikalischen, insbesondere mechanischen Verfahren.

Es handelt sich in der Technik zumeist darum, den technischen Wert des Rohkautschuks oder der aus ihm erzeugten Waren zu ermitteln. Der Rohkautschuk pflegt sehon bei seiner Gewinnung mit fremden wertlosen Stoffen mechanisch verunreinigt und oft absiehtlich beschwert zu werden. Es handelt sieh alsdann darum, festzusiellen, wie groß ist der Wert des angebotenen Rohkautschuks; wie groß ist der Anteil an wertvoller Masse in der zum Verkauf angebotenen Ware und welchen technischen Wert hat die darin enthaltene nutzbare Gummimasse? Der Wert des Kautschuks wird im Handel vorwiegend nach der Erzeugungsart und nach der Herkunft bemessen. Da es noch keine guten Verfahren für die chemische Ermittelung des Gebrauchswertes gibt, so sucht man in den Fabriken durch Waschen des Rohkantschuks zunächst festzustellen, wieviel absiehtlich oder unabsichtlich beigemente wertlose Bestandteile die Ware hat. Das geschieht durch Zerkleinern der zu prüfenden Proben und Waschen zwischen kaiten oder geheizten Walzen bei reichlichem Wasserzufluß, wobei die

mechanischen Verunreinigungen förtgespült werden und der Kautschuk als rohes Fell (Haut) gewonnen wird. Der Gewichtsverlust beim Waschen (Waschverlust) dient zur Feststellung des Handelswertes, wobei zugleich auch aus der Erfahrung am Aussehen der Häute, am Geruch und an anderen Merkmalen festgestellt wird, welchen Ursprungs er ist und welchen Wert für die Fabrikation der Rohkautschuk vor-

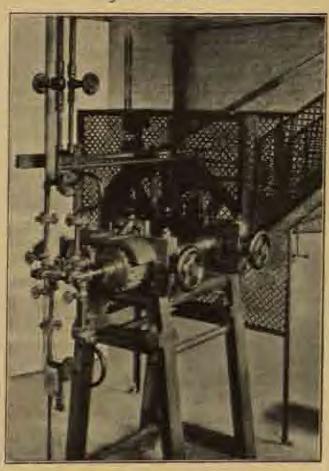
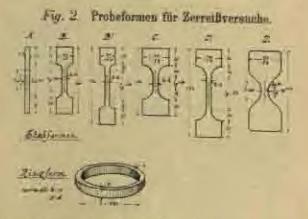


Fig. 7. Waschwalzwerk.

amssichtlich haben wird. Um ein sicheres Urteil abgeben zu können, ist hierzu große Erfahrung erforderlich, und deswegen wird eifrig nach guten Prüfungsverfahren gesucht.

Zur Ermittelung des Waschverlustes habe ich für das Amt die nötigen Walzen und Waschvorrichtungen beschafft. Diese Einrichtungen sind einfacher Natur; sie sind in Fig. 1 gezeigt.

Chemische Prüfungen, insbesondere auch optische Untersuchungen, haben Anhaltspunkte für die Feststellung der Herkunft der Ware geliefen; der technische Wert ist vor allen Dingen an Hand von Vulkanisterversuchen zu beurteilen. Deswegen arbeitei das Aust eifrig an der Ausbildung der chemischen Verfahren und ist insbesondere auch mit Vulkantsiereinrichtungen versehen worden, die sich eng an die Einrichtungen der Praxis anschließen, so daß es möglich ist kautschukmischungen in gleicher Weise herzustellen, wie es im Fabrikbetriebe geschieht. Man ist also imstande, den Verlauf des Vulkanisierprozesses genau zu verfolgen. Der Kautschuk nimmt in der Wärme und unter Druck Schwefel und andere Körper in sich auf und ändert durch diesen Vorgang seine Eigenschaften ganz erheblich; er erhält auf diese Weise seine große Elastizität und kann durch Formen, Pressen und Zusammenkleben in die Gestalt der Handelsware übergeführt werden (Weichgummi), oder er wird hart, sauber bearbeitbar und politürfähig (Hartgummi). Die Eigenschaften der in der Technik ge-



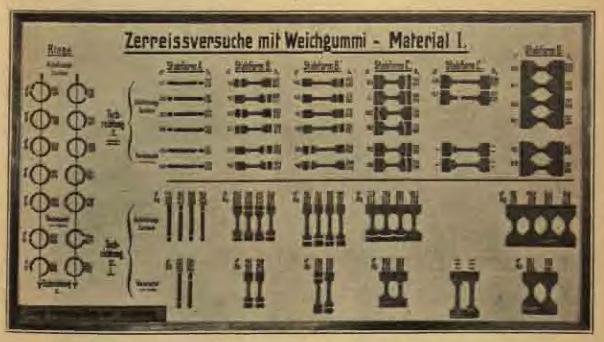
brauchten Gummiwaren sind in hohem Maße von dem Grade und der Art der Vulkanisation abhängig. Der fertige Gummi ändert seine Eigenschaften je nach seiner Zusammensetzung und je nach der Behandlung, die er erfährt, stack und mehr oder weniger sehnell. Die Technik hat also ein großes Interesse daran, daß diese Vorgänge eifzig studiert werden und daß man immer mehr die Umstände ergründet, die diese Erscheinungen berbeiführen und sie beherrschen.

Es liegt nahe, hierzu in erster Linie die chemische Untersuchung heranzuziehen, und das ist auch im Materialprüfungsamt
geschehen. Da mit persönlich diese Dinge aber ferner liegen, so lege
ich hiermit für die Bücherei der Akademie das im Materialprüfungsamt
entstandene Werk «Der Kautschuk und seine Prüfung» der ständigen
Mitarheiter Prof. Dr. Hesaneusen und Diph-ing, Mesaneu vor, in welchem
Hr. Hisaneusen die ehemische Prüfung und Hr. Mesaneu die mechanische Prüfung des Kautschuks behandelt hat. Die Herren haben die
einschlägige technische Literatur eingebend besprochen. Ich will hier
mur kurz vorführen, welche Maßnahmen im Amt besonders für die

mechanischen Prüfungen getroffen sind, weil ich in dieser Richtung mehr persönlichen Anteil genommen habe.

Die Festigkeitselgenschaften interessieren besonders den Verbraucher der Kautschukwaren; sie müssen also in möglichst vollkommener Weise durch die Wahl des Rohmaterials, durch sorgfältige Ausprobung der Mischung und durch bestes Vulkanisieren in die Erscheinung gebracht werden. Man muß dabei darauf Bedacht nehmen, daß die Gummiwaren sieb durch die Wirkung des Lichtes und der

Fig. 3.



Luft oder anderer Einflüsse nicht zu schnell verändern und ihre Gebrauchstähigkeit verlieren.

Für die Ermittelung der Festigkeitseigenschaften habe ich eine Maschine nach Art derjenigen beschaft, die ich seinerzeit mit der Firma L. Schopper in Leipzig für die Papier- und Textilstoff-prüfung ausbildete. Wie für die Papierprüfung mußte zunächst festgestellt werden, welchen Einfluß die Art der Versuchsausführung, insbesondere die Form der Probestücke, auf das Versuchsergebnis ausübt. Zu dem Zweck wurden Versuche mit den bis dahin gebränchlichen Probenformen (Fig. 2) vorgenommen. Man erkannte bald die Unzulänglichkeit der von der Praxis zumeist benutzten stabförmigen Proben für den Zugversuch und fand, daß am besten ringförmige Proben zu verwenden seien. Die stabförmigen Proben ohne Köpfe waren am unbrauchbarsten; die Stäbe mit Köpfen führten, namentlich

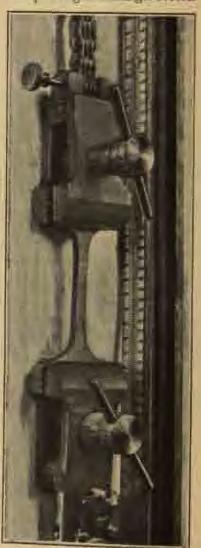
bei sehr weichem Gummi, zu Brüchen im Kopf, so daß die eigentliche Festigkeit im prismatischen Stabteil nicht zum Ausdruck kam. Fig. 3 zeigt diesen Übelstand bei fast allen Köpfen. Erst die Befolgung des

von dem ständigen Mitarbeiter Prof. Dalés gegebenen Ratschlages, Ringproben zu verwenden, die über Rollen wandern, gab befriedigende Resultate. Die Firma L. Schopper in Leipzig

Fig. 4. Festigkeitsprifer von Schopper.



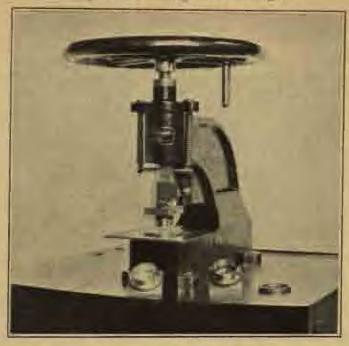
Fig. 5. Einspannung stabstemiger Proben.



liefert seitdem ihre Maschinen (Fig. 4) mit solchen Vorkehrungen. Für Stäbe mit Köpfen sind Einspannklauen vorgesehen, wie sie Fig. 5 zeigt.

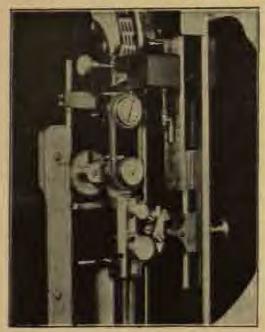
Die Proberinge haben bei 6.4 mm Querschnitt einen inneren Durchmesser von 44.6 mm; sie werden aus besonders für den Versuch aus der zu prüfenden Gummimischung hergestellten Platten mit einer kleinen Stanzmaschine (Fig. 6) hergestellt unter Benutzung von Führungsringen und Ringmessern, für deren Ausbildung sich besonders

Fig. 6. Herstellung der Probenringe.



der Assistent Schon verdient gemacht hat. Hr. Schon hat schließlich auch mit gutem Erfolg die Ringe auf der Drehbank mit dem Messer herausgeschnitten. Die Ringe müssen überall tadelles rechteckigen Querschnitt baben.

Fig. 7. Einspanning ringförmiger Proban.



Diese Ringe werden nun über die belden Rollen (Fig. 7) gelegt, von denen die obere auf Kugellager möglichst reibungsfrei läuft, während die untere, mit einem gezahnten Rand verseben, links in die Zahnstange eingreift und hierdurch zwangsweise in Umdrehung versetzt wird. Der belastete Ring wandert also wahrend des ganzen Versuches fiber die Rollen, so daß der Gummi in seiner ganzen Länge gleichmäßig beansprucht wird. Bei einer vergleichenden Prüfung haben in der Tat die Ringproben bessere Festigkeit und Dehnung geliefert (Fig. 8) als die Stabproben, und haben vor allen Dingen auch die klein-

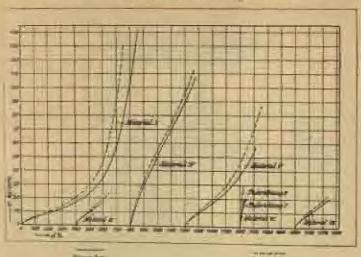


Fig. A. Vergleich zwischen Ring und Stab.

sten Abweichungen vom Mittelwert (die kleinsten mittleren Fehler) ergeben (Tabelle a und b). In diesen sind, an Stelle der Einzelwerte, die Verhältniszahlen bezogen auf den Mittelwert der ganzen Reihe, diesen gleich hundert gesetzt, zusammengestellt. Die unter 100 liegenden Werte sind eingeklammert. Aus der Verteilung dieser Fehler ersieht man auf den ersten Blick, daß die Festigkeiten und Dehnungen an den Rändern der Gummiplatten vielleicht etwas kleiner sind als in der Mitte; aber wesentliche Unterschiede haben sich nicht ergeben. Die abgeleiteten Mittel und ihre mittleren Fehler sind in die heiden Bilder eingetragen. Das Amt hat sich nach diesen Befunden für die künftige Anwendung der Ringprobe entschieden.

Die Prüfmaschine Fig. 4 ist so eingerichtet, daß die Kraftmessung durch eine Neigungswage gesehicht, deren Pendel in seinem größten Ausschlage beim Reißen der Probe in dieser Stellung durch Sperrklinken festgehalten wird, so daß man die Kraftablesung in aller Ruhe nach Beendigung des Versuches machen kann. Ahnliche Einrichtung besteht auch für die Dehnungsablesung, die an einem Maßstab (Fig. 7) geschicht, der sich, von der unteren Rolle mitgenommen, relativ gegen die obere Rolle verschiebt. Die Verbindung zwischen der unteren Rolle und dem Dehnungsmaßstab wird im Augenblick des Bruches unterbrochen.

Wie bei den Metallen, so ist auch beim Kautschuk Erfahrungstatsache, daß bei seiner inanspruchnahme durch eine anßere Kraft nicht sofort die ganze Formänderung auftritt, sondern, daß ebenso wie dort, eine Nachwirkung stattfindet, d. h., daß beim Versuch die endgültige Dehnung erst nach einiger Zeit abgelesen werden kann:

Tabelle a

Zugversuche mit ringförmigen Proben aus einer Gummiplatte.

In one une geraden Zahlen | alberteinvolumen Spalten | gestaurten | Ringen gewonnenen In die unt ungeraden Zahlen | sont die unt | prochedit een | Ergelmasse eligetragen Die Zahlen sind Verhältnistanlen der Einzelwerte von er som Mittelwert er uns allen glemmurtigen Versuchen.

Material le.

 $\sigma_{R_{\rm in}}=131.6\pm0.0$ Prox. goschultrone Kinge... $\sigma_{R_{\rm in}}=430.2\pm5.5$ Prox. gestamate Kinge.

				_		-	-				-				-175-				100	
	1	2	ii .	-1	Th.	9,	T	9	Tr	ĨI,	11	12	22	. I'E	15	180	17	14	19	-
1 [RE	ini	(12)	50	81	WAT	111	-IM	[119]	1/107	104	M/D=	犪	404	101	190	101	(89	100	573
2 1	1114	8	<u>ala</u>	int	for	201	1 de	-916	8	No.	101	HICK	164	50.2	:10	00	10.4	the	krisi	110
W. 1	mŁ	30	min	197	Time !	8/2	701	ari	lin .	1982	1130	100	£IM-	777	91	60	98.	- अस्ति।	(He	50
4 4	104	2/	101	1000	100	49	108	SMI.	100	HE	168	MIT	100	480	100	Mill	[4Jm	1903	AUG.	1957
5 1	uri.	Ass	10t	SEE	(file)	111	ton	10	100	Ma	in	Wie	93	His.	192	10/22	101	1001	102	101
9 [41	-56	ME	na	98	79	104	etri.	(500)	trim	Mes	1119	40	232	1214	42	1302	-57	160	-
7 1	107	1142	1437	403	20	(60)	79.	T.MIT	29	TES.	100	35	166	files	W.	- 587	mi	837	TOTAL	589
4	ide :	Jilin.	tol	100	1 100	NC	101	720	010	111	100	150	92	WZ	/64	dies	Joz	689	100	99
* F	er_	88	lait.	100	000	200	99	220	113	Mis	lor-	123	at	144	50	يدق	AARD -	06	101	360
m		100	HIS	ane	Ba-	44	78	ALL	H ₁	.79	-51	- site	14	70	(9)	- Si	- 30-	98	5%	60
Stinut $-g_{ij} = 3$	21.2	/2×.18	1000	120.1	180:2	120.4	1903	ATA S	180.1	dans	1012.4	(F009) A	124.0	110,5	127.0	FROM	141.5	1225/6	1324	DIM
n Am Front		44	11	4.7	14			730	ALA			45	ha	2.5	0.0	KE	12	3.2	2.4	3.9
	-		200		-		-				-					-	-			-

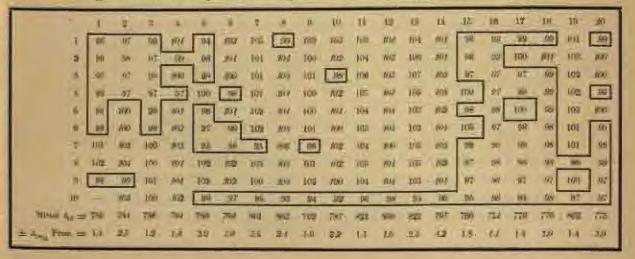
Tabelle b.

Zugversuche mit ringförmigen Proben aus einer Gummiplatte.

In the mit geraden Zahlen | the schrichtnen Spalten | geschnitzenen | Ringen gewonnenen | In the mit ungereiden Zahlen | sind die mit | geschnitzenen | Ergebnisse eingetragen. | One Zahlen und Verhältnischlen der Einzelwerte ein aum Mittelwert 2 uns allen gleichnetigen Versutelsen.

Material It.

ā_m = 795 m.2.6 Proz. gestimittom Ringo. ā_m = 786 ±2.4 Proz. gestzunte Ringo.



ebenso findet auch bei der Entlastung eine ziemlich starke Nachwirkung statt. Da die Größe dieser Nachwirkung von der Zusammensetzung der Masse und von dem Grad der Vulkanisation beeinflußt zu sein scheint, und man hoffen kann, durch das Maß dieser Erscheinungen einen Einblick in die Bedeutung der Vulkanisation für die technische Gebrauchsfähigkeit der Gummiwaren zu erhalten, so hat man diese Vorgänge auch im Amt studiert, indem man nach Fig. 9 Gummistäbe, wie sie anfangs für den Festigkeitsversuch benutzt wurden, nebeneinander aufbängte und sie mit einer angehängten Last

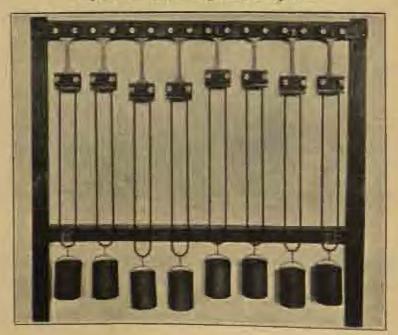


Fig. D. Danerbelastung von Gummiprobon.

versah; an einer daneben angebrachten Skala ias man die Verlängerungen des Stabes so lange ab, bis sie vollständig aufhörte fortzuschreiten. Dann hob man das Belastungsgewicht ab und beobachtete in gleicher Weise, in welchem Maße sich die Stäbe wieder zusammenzogen. Das Verhalten der Stäbe wurde miteinander verglichen. Bei diesen Versuchen hat sich gezeigt, daß die Stäbe aus verschiedenen Mischungen und von verschiedenem Vulkanisationsgrade bei dauernder Belastung, mehr oder weniger schnell, mehr oder weniger zahlreiche und mehr oder weniger tiefe Querrisse bekommen, so daß man hierauf vielleicht eine Einordnung der Ware gründen kann.

Ans der Aufbewahrung frisch geschnittener Ringe unter verschiedenen äußeren Bedingungen erkennt man leicht, daß namentlich bei der Aufbewahrung in der Wärme zumeist schnelle Änderungen im Ober-

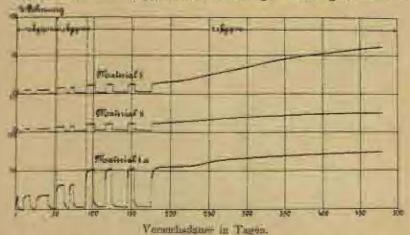
Fig. 10. Rinnige Oberffliche.



flächenaussehen und im Charakter der Ringe eintreten; sie ändern ihre Farbe, zeigen Ausschwitzungen, verlieren ihre Weichheit, werden hart und sprode. Man erkennt leicht, daß gewissermaßen eine Nachvulkanisation eingetreten ist. und hat in der Tat auch chemisch eine Zunahme an gebundenem Schwefel nachweisen können. Ähnliche Änderungen, wenn auch in geringerem Grade, gehen auch unter anderen äußeren Umständen vor sich; Ich erinnere an das Brüchigwerden von Schläuchen unter dem Einfluß der Witterung. Diese Vorgänge verlaufen von der Oberstäche aus ins Innere der Gummimasse. Wenn mit der Veründerung also eine Verminderung der Dehnbarkeit des Gummis verbunden ist; so ist das vorher beschriebene Einreißen der Oberfläche einer belasteten Gummiprobe (Fig. 10) leicht zu verstehen; zu verstehen ist dann auch, daß, wie es in der

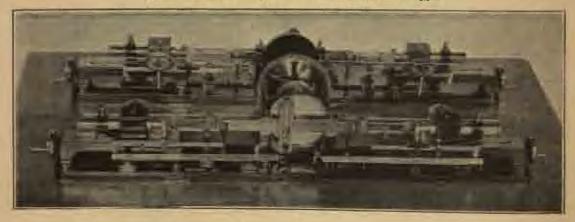
Tat beobachtet worden ist, der Vorgang der Nachdehnung unter der Last nicht kontinuierlich verläuft, sondern daß sich von Zeit zu Zeit Beschleunigungen zeigen (Fig. 11), dann nämlich, wenn die Dehnbarkeit der Außenschicht so klein geworden ist, daß jene Oberflächenrisse sich bilden; die verbleibende gesunde Masse dehnt sich dann stärker, well in the die Spannung größer wird. Man sieht hieraus, daß man diesen Erscheinungen eine große Aufmerksamkeit zuwenden muß, wenn man das Wesen des Gummis in seinem Verhalten im technischen Betriebe ganz erkennen will.

Fig. 11. Nachstreckung und Nachverkürzung von Weichgummistäben.



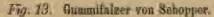
Um auf möglichst einfache Weise illese Vorgänge zu verfolgen, habe ich daher angeordnet, daß Gummiringe auf Glastafeln so nebeneinander aufgezogen werden, daß Ringe aus verschiedenen Mischungen und von verschiedenem Vulkanisationsgrade nebeneinander liegend auf diesen Glastafeln verschiedenen äußeren Hedlingungen ausgesetzt werden können. Die Ringe sind hierbel, entsprechend der Breite der Glastafeln, einer bestimmten Dehnung, also auch einer gewissen Spannung, unterworfen; sie befinden sich unter den gleichen Verhältnissen wie bei der Belastung mit einem bestimmten Gewicht, sie werden sehneller als im ungespannten Zustande die unter den äußeren Bedingungen eintretenden Wirkungen zeigen, sie werden leicht den Vergleich der verschiedenen Gummisorten untereinander liefern, man wird neben die

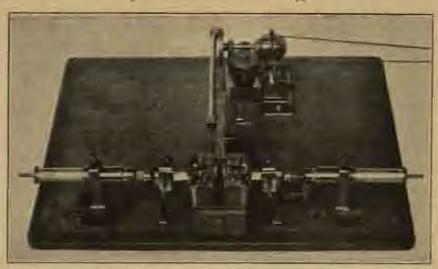
Fig. 12. Danerversuchsmaschine von Martens-Schopper.



subjektive Beobachtung die objektive durch Photographie, Abdruck usw. setzen können; kurz: ich glaube, daß die technische Prüfung durch dieses Verfahren vereinfacht und wesentlich erleichtert werden kann. Deswegen wird seine weitere Ausbildung im Amt verfolgt werden.

Es lag nahe, auch die oft wiederholte Inanspruchnahme der Ringe durch sogenannte Dauerversuche zu erproben, um zu versuchen, ob man auf diese Weise einen Einblick in die Eigenschaften des Gummis von verschiedener Zusammensetzung gewinnen könne. Deswegen habe ich die in Eig. 12 gezeigte Dauerversuchsmaschine für Zugbeanspruchung angegeben, die von L. Schopper in Leipzig für das Amt gebaut wurde. Diese Maschine prüft 4 Ringe gleichmäßig unter oftmaligem Wechsel der Zugspannungen zwischen einem Kleinstwert und einem Höchstwert; jede Beanspruchung wird gezählt, sobald der Ring reißt, steht das Zählwerk der Maschine still. Die im Laufe der Zeit unter den häufigen Beanspruchungen auftretenden bleibenden Verlängerungen werden in

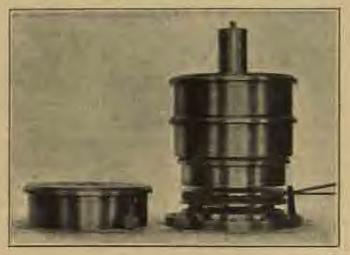




einer Vorrichtung stets unter der gleichen Belastung des Ringes gemessen. Sehr wahrscheinlich werden die vorhin geschilderten einfacheren Verfahren diesen Danerversuch ersetzen können.

Eine andere Art von Dauerversuchen, die bei der Papierprüfung sehr wesentliche Dienste leistet, wird mit der in Fig. 13 dargestellten Maschine ausgeführt. In ihr wird ein Streifen aus einer Gummiplatte oder aus einem Tuch, das aus einzelnen Gummi- und Stofflagen zusammengesetzt ist (Gummireisen für Automobile), durch 2 rechts und links angebrachte Spiralfedern mit einer bestimmten Anfangsspannung versehen und nun mittels des geschlitzten hin und her gehenden Schiebers fortwährend zwischen 2 Walzenpaaren hin und her gezogen.

Fig. 14. Danerversuchsmaschine von Martens.



Die belustete Probe wird hierbei in ihrer Mitte hin und wider gebogen (gefalzt) und dadurch auf Lockerung der Verbindung zwischen ihren einzelnen Lagen und auf Zermürbelung des Kautschuks beansprucht.

Fig. 15.. Abnutzung von Gummikugeln.

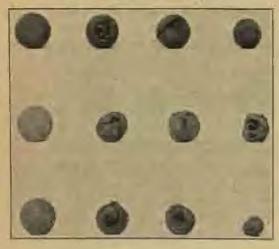
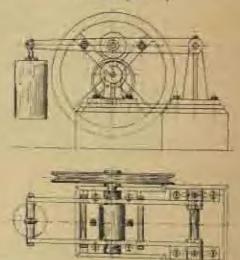


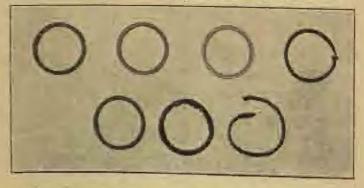
Fig. 16. Gummiprifer für Abnutzungeversuche (M. 1 : 1).



Anch diese Maschine ist, wie die äbnlichen Papierprüfmaschinen, von i. Schopper in Leipzig gebaut worden.

Eine Dauerversuchsmaschine nach eigenem Entwurf (Fig. 14) lieb ich in der Werksiätte des Amtes anfertigen. Sie dient dazu, Engeln

Fig. 17. Abuntuang von Gummiringen



von 30 mm Durchmesser in einer V-förmigen Rinne unter starker Belastung umlaufen zu lassen; hierbei wird die stark verdrückte Kugel gewissermaßen in sich selbst zerrieben und zugleich oberflächlich abgenutzt. Die Art der Abnutzung und deren Stärke ist außerordentlich charakteristisch für die verschiedenen Gummimischungen. Fig 15 zeigt die verschiedenen Abnutzungsformen.

Fig. 18.
Abuntumgsversuche mit dem Apparat von May.

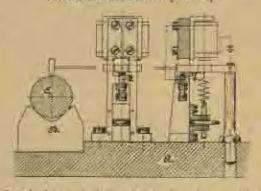


Fig. 16 gibt eine Einrichtung, weiche vom Mechaniker May im Amt erdacht und gehaut worden ist: in ihr läuft zwischen zwei Walzen ein Gummiring, wie er für die Zuglestigkeitsversuche bemutzt wird, so daß der durchlaufende Probering starke seitliche Zusammenpressung erfährt und dabei zermürbt und abgenutzt wird; der Verlauf der Gewichts- und Festigkeitsabnahme gibt ein Bild von den Eigenschaften verschiedener Gummimischungen. Fig. 17 zeigt charakteristische Abweichungen. Fig. 18 zeigt den Verlauf der Abnutzung bei verschiedenen Gummiarten.

Mehrfachen Auregungen fülgend, habe ich noch einen Apparat zur Prüfung eines Industrieerzeugnisses entworfen, der zur Prüfung von Gummiwalzen für Schreibmaschinen dimen soll.

Fig. 19 zeigt die Entwurfsskizze. Die Gummiwalze wird auf einer schweren Unterlage gelagert und mit einem kleinen elektromagnetischen Hammer, ähnlich wie in der Schreibmaschine, angeschlagen. Man wird in ähnlicher Weise den Widerstand von kleinen Kügeln oder Zylindern aus verschiedenen Gummimischungen prüfen und so vielleicht auf einfache Art einen Vergleich herbeitühren können.

Fig. 19. Elektromagnetischer Hammer zur Prüfung von Gummiwalzen für Schreibmaschinen (M. 1 : 1).



and amon schweren Gulletick A ist and schrieger Flüche der schwere Ausoch is gelagere, der die zu prütende Gunanisatick G (Schreibungschauswahre) aufmannen. Durch berschieben auf der Stärzflache kann der Probestäte in die schriege Höhenlage eingesteilt westen. Dur Hammerstein ut an dam Anker der einktronnegnatischen Himmers mittels der fodernden Stähldrubtes befonigt. Die Hilbsbergennungsschriebe B regelt gemeinsem mit der Auspannung der Marchiteke F die Schlegstäcke

II. Die Ballonstoffprüfung.

Die technische Prüfung der Luftballonstoffe erstreckt sich auf die Ermittelung der Stoffart, des Dichtungsmittels für den Stoff, der Stofffestigkeit, der Durchlässigkeit für Gas und Wärme sowie seiner Aufnahmefähigkeit für Feuchtigkeit. Die Prüfung auf seinen Reibungswiderstand gegen bewegte Luft, die vielleicht noch in Frage kommen würde, gehört nicht zum Arbeitsgebiet des Materialprüfungsamts. Die Prüfung kann sowohl am neuen unverarbeiteten Stoff als auch am verarbeiteten und bereits benutzten Stoff geschehen; der dem Wind und Wetter sowie allen Einflüssen, wie sie im Luftschiffbetriebe vorkommen, ausgesetzt war. Seine Leistungsfähigkeit im Luftschiffbetriebe kann ganz besonders daraus erkannt und bemessen werden, in welchem Maße die Eigenschaften sich im Betriebe verändern. Die technische Prüfung muß derartig angelegt werden, daß das Verhalten des Stoffes bereits erkannt werden kann, bevor das Geld für den Stoff ausgegeben wird.

Dem Lauftschiffbaumeister ist zunächst die Festigkeit und die Ausdauerfähigkeit des Stoffes wissenswert. Diese Eigenschaften sind in erster Linie abhängig von der Faserart und von dem textiltechnischen Geschick, mit dem die Faser im Gewebe verarbeitet ist. Die Faserart wird in der textilteelmischen Abteilung des Amtes durch das Mikroskop festgestellt, die Festigkeit des Stoffes wird in der gleichen Abteilung in Schopperschen Festigkeitsprüfern ermittelt. Diese Prüfungen werden wie bei den Gewebeprüfungen un 50 mm breiten Streifen von 350 mm Länge ausgeführt, die aus dem Stoff in den Fadenrichtungen entnommen werden. Das Ergebnis wird sowohl in Kilogramm auf i em Breite als auch in der im Textilfach üblichen Maßeinheit als Reißlänge R in Meter oder in Kilometer ausgedrückt. Die Reißlänge ist die Länge, die ein Stoffstreifen von gleichbleibender Breite haben muß, damit sein Eigengewicht gleich ist der Last, die ihn zu Bruche brachte. Wenn man den Stoff nach der Reißlänge liewertet, so wird der Fabrikant bestrebt sein, bei möglichst hoher Festigkeit dem Stoff ein möglichst geringes Gewicht zu geben, d. h. dem Luftschiffbaumeister in die Hände zu arbeiten. Da der Feuchtigkeitsgehalt der Luft auf das Quadratmetergewicht und außerdem auf die Festigkeit des Stoffes von Einfluß ist, so ist der Festigkeitsversuch, wie beim Papier und den Textilstoffen, auf einen bestimmten Feuchtigkeitsgehalt zu beziehen; man muß also die Stoffe in einem Raum von bestimmter Luftseuchtigkeit (65 Prozent) lagern und prüten, wenn man

an verschiedenen Prüfsteilen übereinstimmende Festigkeitswerte erhalten will.

Dem Ballonstoff gibt man häufig eine mehrfache Gewebeschicht. Zwischen die Stofflagen wird in der Regel die abdichtende Gummischicht aufgetragen. Um die Festigkeit des Stoffes möglichst vollkommen auszunutzen, werden die Stofflagen meistens so aufeinandergeklebt, daß sich die Gewebefäden der unteren Schicht unter einem Winkel von 45° mit den Fäden der oberen Schieht kreuzen (Dingonalstoff). Der einfache Stoff wird nach zwei zueinander senkrechten

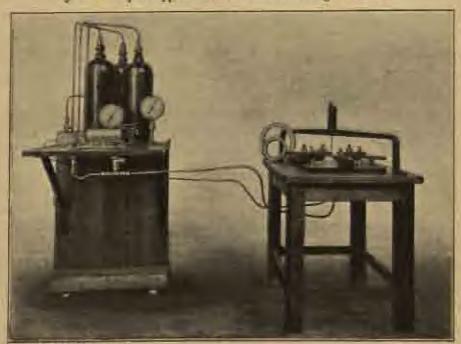


Fig. 20. Zerplatzapparat mit Selbstaufzeichnung von Martens.

Richtungen auf seine Festigkeit gepräft (nach Richtung der Kett- und Schufffülen des Gewebes), während der Diagonalstoff dementsprechend nach den vier Richtungen seiner Fadenlagen zu prüfen ist. Die Kettund Schußfälden werden häufig verschiedene Festigkeit, Faserbeschaffenheit und Zwirnung haben. Ober- und Unterschicht können verschiedene Heschaffenheit und Festigkeit haben: der geschickte Luftschiffbaumrister wird diesen Umständen, wenn sie sich stark geltend muchen. Rechnung tragen und wird die Stofflage im Luftschiff derart anordnen, daß die nach den verschiedenen Richtungen verschiedenen Festigkeiten möglichst vollkommen ausgenutzt werden. Aus dem Ge-

Man hat in jüngster Zeit aber such Staffe erzengt, bei denen der Schubfaden den Keitfalen des Gewebes unter 45° kreuzt-

sagten ergibt sieh, daß man gehörig aufpassen muß, wenn man den Ballonstoff so vollkommen wie möglich prüfen und ausnutzen will.

Die Eigenschaften des Stoffes werden durch die geschilderte, zwar etwas umständliche und darum auch kostspielige Prüfungsart, wohlrecht vollkommen erschlossen; aber es ist kein Wunder, wenn namentlich die nichttechnischen Kreise der Luftschiffer immer wieder dahin trachten, die Festigkeitsprüfung in einer solchen Form durchgeführt. zu sehen, daß sie womöglich in dem Ergebnis der Prüfung unmittelbar einen Ausdruck für die Ballonfestigkeit finden. Aus diesem Bedürfnis heraus sind die sogenannten Zerplatzapparate entworlen und gebaut worden, von denen ich Ihnen hier die von mir entworfene Form des Materialprüfungsamtes vorführe (Fig. 20). Bei den Zerplatzapparaten spannt man ein kreisförmiges Stück des zu prüfenden Stoffes fest ein und bläst dann von einem Behälter aus oder unmittelbar mit der Luftpumpe das kreisförmige Stoffstück bis zum Zerplatzen auf; der zum Zerplatzen erforderliche Luftdruck wird am Manometer abgelesen und zugleich wird die his zum Zerplatzen eingetretene Wolbhöhe in der Mitte der Stoffscheibe gemessen. Der Zerplatzdruck ist bei Benutzung der gleichen Stoffbahnen für den Versuch abhängig von der Größe des Ringdurchmessers (wobei die Wirkung der Einspannränder zu berücksichtigen ist). Auch bei diesem Versuch wird das Ergebnis von der Luftieuchtigkeit abhängig sein. Daher ist das bisweilen zum Nachweis von undichten Stellen in der Stoffhülle benutzte Befeuchten mit Seifenwasser ganz unzulāssig.

Man kunn also auch die Ergebnisse der Zerplatzversuche keineswegs unmittelhar auf die Verhältnisse im Ballon übertragen. Ich habe daher beim Entwurf des im Amt benutzten Apparates dafür Sorge getragen, daß Proben unter möglichst verschiedenen Ringdurchmessern ausgeführt werden können. Die nutzbaren Ringdurchmesser sind: 0.113, 0.160, 0.196, 0.252, 0.357, 0.505 und 0.618 m. entsprechend den umspannten Kreisflächen von 0.01, 0.02, 0.03, 0.05, 0,1 und 0.3 qm. Die Konstruktion ist später vereinsacht worden. indem als Grundlage für die einzuspannenden Ringe ein weiches Gummituch auf gehobelter Gußeisenplatte benutzt wird, auf die die Probestücke mittels Ringen durch Spannschrauben gasdicht angedräckt werden; man ist auf diese Weise in der Auswahl der Spannringgrößen sehr wenig beschränkt und kann ohne wesentliche Umstände auch in der Form der Spannringe wechseln, so daß man neben der Kreisform auch Ellipsen oder Rechtecke benutzen könnte. Damit ist slie Möglichkeit gegeben, den Kinfluß der Einspannung durch den Versuch mit Proben von gleichen Flächengrößen, aber verschiedenen

Flächenformen auszuführen. Versuche dieser Art werden demnächst in Angriff genommen werden

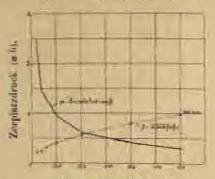
Neuerdings hat man geglanbt, den Verhältnissen im Ballon näher zu kommen, indem man aus den zu prüfenden Stoffen zylindrische kleine Ballons herstellte und diese zum Zerplatzen brachte. Die Kosten der Prüfungen werden hierdurch erheblich vermehrt, und ich fürchte. daß die Sache selbst dadurch nicht einsbeher und klarer wird; denn es wird bei kurzen Zylindern immer schwer sein, die Wirkung der Enden auszuschließen, die ähnlicher Art sein werden, wie sie oben bezüglich der Randspannungen an den Ringen besprochen worden. ist. Ganz besonders ist dies aber dann zu erwarten, wenn die Enden etwa durch feste Scheiben gebildet werden, an die der Ballonstoff angeschlossen ist. Dazu kommt, daß der Stoffverbrauch größer werden wird als bei der Prüfung mit dem Zerplatzapparat. Die Probenherrichtung und die Versuchsausführung dürften ebenfalls teurer werden.

Von militärischer Seite ist in Vorschlag gebracht worden, die Stoffestigkeit überhaupt nicht an schmalen Streifen, sondern an meterbreiten Stoffproben zu ermitteln, um unmittelbar die Festigkeit auf ı m Breite zu erhalten. Ich glaube, daß dieser Vorschlag immer nur eine Liebhaberidee bleiben wird, denn abgesehen von dem Stoffverbrauch, därfte es kaum gelingen, der versuchstechnischen Schwierigkeiten Herr zu werden und den vielen möglichen Einwendungen zu begegnen. Ebenso geringe Aussicht hat m. E. der Vorschlag, an einem wirklichen Ballonmodell die Festigkeit des Stoffes ermitteln zu wollen, für den sein Verfechter geltend machte, daß er vollkommener der Wirklichkeit entsprechen würde, weil er zugleich auch die Festigkeit der Verbindungen (Nähte) ergeben würde. Einzelversuche werden immer das Gefühl der Unsieherheit hinterlassen, und daher wird man nach meiner Überzeugung immer dabei bleiben, auch bei der Ballonstoffprüfung der Mittelbildung aus einer ausreichenden Zahl von Einzelversuchen den Vorzug zu geben. Dies wird sicherer, billiger und zweckmäßiger sein, als alle die vermeintlichen Vereinfachungen. Das Materialprüfungsamt empfiehlt hiernach his auf welteres stets, die Stoffprütungen an 50 mm breiten Streifen nach zwei oder vier Hauptrichtungen sowie Zerplatzversuche mit kreisförmigen Proben vorzunehmen. In letztere können dann auch Proben mit Stoffverbindungen (Nahte, verklehte Überlappungen) eingeschlossen werden. Bei den hisher ausgeführten Versuchen wurde erkannt, daß die Stoffe fast immer im Scheitel der Kalotte platzten und selten am Einspannring.

Nach den Versuchen mit kraisformigen Proben von verschiedenem Durchmesser habe ich das Schaubild 21 entworlen, das zeigt, in welchem Maße bei gleichem Stoff der Zerplatzdruck von dem Ring-

Fig. 21. Ballonstoffprufung.

Alakangagiant des Zerphitzdamikes rom der Größe der geprößen Fläder-

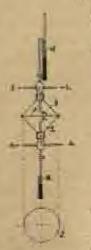


Germitte Elache ppny.

durchmesser abhängig ist; wenn erst solche Versuche in großer Zahl vorliegen, wird man die Ergebnisse auf die Verhältnisse im Ballon übertragen können, und dann ist in der Tat die Stoffprüfung auf eine recht einfache Grundlage gestellt, zumal wenn man dann auch noch von den Festigkeitsversuchen an Streifen absehen dürfte; die Erfahrung muß zeigen, wie weit man bler vereinfachen darf.

Die Stoffdichtigkeit wird zum Teil noch mit recht verwiekelten Einrichtungen geprüft. Grobe Undichtigkelten, wie sie bei der Feststellung der Luftdurchlässigkeiten von Stoffen zu berücksichtigen sind, werden im Amt, wie bei den Zeugstoffen üblich, ermittelt, indem man durch eine kreisförmige Stoffscheibe unter einem bestimmten Uberdruck Luft treibt, deren Menge mittels der Gazuhr gemessen wird Wenn man mit großen Luftmengen und bei nahezu gleichbleibender

Fig. 22. Heyns Gasdarchlaftgrüfer.



G = observe Othery fall, to . mittees Glasgerid.

H = Eighth von Wasserscoffgus.

He = Austrille von Wasserstuffgus,

L = Einsein der Lieft.

L, = Austrile des Lupt, amorbificillade des dangels die Bellomentfarebe blushnichgegenigenen Wasserstillgines

S = Ballamstaffprote, autgraparent zu erdern den baiden Chespetallen II and G ...

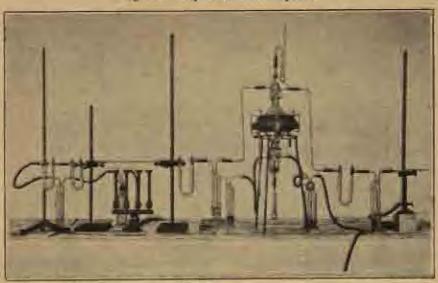
F = Placke der Rallemstoffprobe in Quadratzentimerers, durch die de Wosser-roffges hindaringag.

pt = Dearly in Millimotor Quantalities dails and eballs der Ballonstoffprobe.

p. = Druck in Milliamier Quest sillingsoully aberhalls the Ballonstoffprobe.

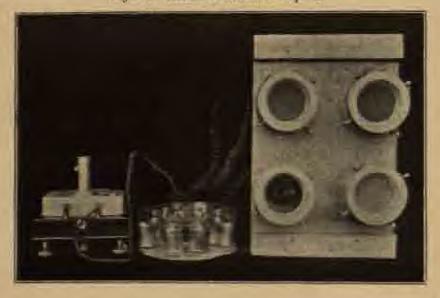
Q = oberna Que Lathermanomater. Q = unteres Qui aballa-summerurelur.

Fig. 23. Hayna Gasdurchlasprüfer.



Zimmerwärme arbeitet, so genügt dieses einfache Verfahren für technische Zwecke vollkommen. Handelt es sich dagegen um die Diffusionsgeschwindigkeit von Gasen, z. B. Wasserstoff, so muß man schon etwas mehr Kunst aufwenden. Für das Amt hat zu dem Zweck Professor Hava einen Apparat zusammengestellt, den ich Ihnen in Skizze und im Bilde vorführe. Seine Wirkungsweise ist folgende: Die Stoffplatte wird zwischen zwei trichterförmige Glasgefäße (Fig. 22) eingespannt. In das eine Gefäß tritt Luft und Wasserstoff ein, während die durch das andere Gefäß getriebene Luft den diffundierten

Fig. 24. Bauers Warmedurchlusprufer.



Wasserstoff mitnimmt. Dieser wird in dem Apparat (Fig. 23) fiber Palladiumasbest zu Wasser verbrannt und hierdurch wird die durchgegangene Wasserstoffmenge gemessen.

Will man die Leistungsfähigkeit eines Stoffes erschöpfend darstellen, so muß, wie früher gesagt, neben dem neuen Stoff auch der gleiche Stoff nach einer längeren Betriebszeit geprüft werden oder nachdem er längere Zeit dem Wind und Wetter ausgesetzt gewesen ist.

Für die Wärmedurchlaßprüfung hat Professor Baues den in Fig. 24 gezeigten Apparat zusammengestellt. Vier Vergleichsproben werden acheneinander über schwarze Gefäße gespannt, in denen hinter den Proben Thermoelemente angebracht sind, mit denen die Würmegrade gemessen werden, die sieh bei verschiedener Bestrahlung im Gefäß einstellen.

SITZUNGSBERICHTE

1911

DER

XV.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

16. März. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Vahlen.

1. Hr. Erman las über . Denksteine aus der thebanischen Gräberstadt . (Ersch. später.)

Die Handwerker der thebanischen Weststadt haben im 12. und 13. Jahrhundert v. Chr. in die Tempel volksthümlicher Gottheiten kleine Votivsteine geweiht. Auf einigen derselben bekennen die Weihenden, dass sie von dem Gott für falsches Schwören und andere Sünden mit Krankheit bestraft worden sind; ein Stein, den das Berliner Museum erwurb, war von einem Maler für die Herstellung seines kranken Sohnes gelicht und enthält den Hymnus, in dem der Vater dem Gotte seinen Dank ausspricht.

 Hr. Lencus legte vor: Das Śāriputraprakarana, ein Drama des Aśvaghosa. (Ersch. später.)

Die Entdeckung von Bruchstücken einer centralasiatischen Palmblatthandschrift ermöglicht den Nachweis, dass eines der in den Bruchstücken buddhistischer Dramenbehandeltes Stücke den Titel Süriputraprakarana trug und von Asvaghosa herrührte.

3. Hr. W. Schulze legte die von Hrn. Dr. Theodor Kavok auf einer Reise im Kaukasus aufgenommenen Photographien aus georgischen Handschriften vor.

Ein unten abgedruckter kurzer Bericht giebt Auskunft über die in Betracht kommenden Codices und den Umfang und lahalt der photographisch unfgenommenen Stücke.

4. Hr. Leonas überreichte das von ihm bearbeitete erste Heft der Sammlung kleinerer Sanskrit-Texte aus den Ergebnissen der Königlich Preussischen Turfun-Expeditionen: Bruchstücke buddhistischer Dramen. Berlin 1941.

Bericht über photographische Aufnahmen altgeorgischer Handschriften.

Von Dr. phil. THEODOR KLUGE.

(Vorgelegt von Hrn. Wumers Schulze.)

Meine von Tiftls aus im Sommer 1910 mit Unterstützung der Königlich Preußischen Akademie der Wissenschaften unternommene Bereisung kaukasischer Klöster wurde veranlaßt durch den Mangel an zusammenhängenden handschriftlichen Texten der altgeorgischen Sprache. Es kandelte sich darum, in kurzer Zeit und mit geringem Kostenaufwand eine größere Anzahl guter imd alter Texte zu gewinnen, deren Auswahl unter Berücksichtigung aller in Betracht kommenden Umstände und im Zusammenhang mit früheren Arheiten wesentlich auf das Neue Testament beschränkt werden mußte.

Aus folgenden Handschriften konnten photographische Aufnahmen gewonnen und der Akademie überreicht werden:

L. Tiflis.

Datierte Handschrift auf Pergament des 10. Jahrhunderts, sogenannter «Apostolos»; Hutsurimajuskel; 206×246 mm.

Herkunft, Ort der Herstellung, Schreiber usw. fehlen.

Handschrift am Anfang und Schluß stark beschädigt. Sie enthält den Schluß des Lebens des Apostels Paulus, dessen Briefe, die Apostelgeschichte, den Jakobusbrief, Petri t und 2 (unvollständig). Das Datum (398/399 n. Chr.) hat der Schweiber bei der Übersetzung aus der griechischen Vorlage übernommen: ... derschälte schweiber des Apleidigts schweiber ... im vierten [Jahr] des Arkadius und im dritten des Honorius

Aufbewahrt: Tiffis (Privatbesitz).

Aufgenemmen: Mit Ausnahme des Anfanges des Lebens des Apostels Paulus alles. 478 Seiten.

1 las Titliser Klechemmiseum habe ich folgende Texte kullationlert:

s. Kodex Nr. 345 sog. «Apostolos», enthaltent die Briefe des Apostels Paulus: Dhersutzung einer grücchischen, vom Jahre 390 u. Chr. datierten Hambehrift.

t. Markusevangelinur: Nr. 28 (7. Juhrh.); 309 (10. schließt mit Mark. 10. 8); 359 (10.); 98 484 645 (11.); 27 (12.); 18 (13.); 99 (14.); 26 (15.); 78 (16.); 443 (17.) [van 27.] 28 nur größere Stücke].

z. Geinti in imerethien (¿poszo).

Undatierte Handschrift auf Pergament mit Ministuren; 11. Jahrhundert; Hutsuriminuskel; 192×263 mm.

Schreiber: Blatt cir: Georgi Mt'aemindeli (გეთანე მიიწმინტელი); Ort der Herstellung nicht angegeben (wahrscheinlich Gelati).

Handschrift neuerdings umgebunden.

Aufbewahrt: Klosterkirche von Gelati.

Aufgenommen: Markusevangelium, 98 Selten.

3. Wani in Imerethien (860).

Undatierte Handschrift auf Pergament: 12. Jahrhundert: auf der Rückseite des Blattes 273 findet sich die Notiz, daß die Handschrift für die Stadt Jerusalem zur Zeit der Königin Tamara (1184—1212) angesertigt ist; Hutsuriminuskel; 293×215 mm.

Schreiber, Ort der Herstellung unbekannt (wahrscheinlich Gelati). Handschrift im Originaleinband.

Aufbewahrt: Kirche Mt'avar Angelos (% 1936 163320016) der 106-

Aufgenommen: Markusevangelium 96 Seiten.

4. Iraji in Imerethien (%%).

Handschrift vom Jahre 936 n. Chr. auf Pergament; Hutsurimajuskel; 264×217 mm.

Schreiber, Ort der Herstellung unbekannt (wahrscheinlich Jruji); Originaleinband.

Aufbewahrt: Klosterkirche Cminda Georgi (Volkes 6000650) in İruji. Aufgenommen: Markusevangelium. 100 Seiten.

Lukasevangelium. 20

5. Iruji.

Undatierte Handschrift auf Pergament mit Miniaturen; 12. bis 13 Jahrhundert: Hutsuriminuskel; 235×179 mm.

Schreiber unbekannt. Ort der Herstellung wahrscheinlich Gelati. Kodex umgebunden, Pergament ausgeilickt und stark beschnitten, Schrift zum Teil nachgeschrieben.

Aufgenommen: Matthäusevangelinm. 138 Seiten.

6, Jruit.

Undatierte Handschrift auf Pergament: 11. oder 12 Jahrhundert; Hutsuriminuskel; 257×189 mm. Handschrift unpaginiert, stelleuweise ausgeflickt. Werk des Maximus der Messner (Vogbo lighted) sedlucijejgenb).

Der Verfasser ist auch wahrscheinlich der Schreiber.

Aufgenommen: Blatt i bis 24. 48 Seiten.

7. Artwin (Gouvernement Batum).

Undatierte Handschrift auf Pergament, wahrscheinlich unvollendet: 12 oder 13: Jahrhundert: Hutsuriminuskel; 230×203 mm.

Schreiber, Ort der Herstellung usw. völlig unbekannt.

Aufbewahrt in der armenisch-gregorianischen Kirche zu Artwin (aus einem Nachbarort unbekannten Namens nach dort «überführt»).

Aufgenommen: Markusevangelium. Q2 Seiten.

Außerdem wurde im Auftrage der Septuagintakommission in Göttingen die einzige Handschrift des 2. Buches der Makkabäer photographiert, dazu konnten noch etwa 60 Probeseiten aus Handschriften und Palimpsesten, hauptsächlich der ältesten Zeit, aufgenommen werden. Ferner etwa 12 Seiten eines Markusevangeliums aus einem griechischen Pergamentkodex (angeblich aus dem 12. Jahrhundert).

Mit diesen Aufnahmen ist das Wichtigste, was sich im Kaukasus an alten Handschriften befindet, eingesammelt; wünschenswert würde allerdings sein eine Durchsicht der Bestände an altgeorgischen Handschriften in den Bibliotheken zu London, des Vatikans, des Athos, in Petersburg, Jerusalem, Sinai und Isfähan.

Der Keiserlich Russischen Regierung in Tiffis bin ich zu großem Dank verpflichtet durch die Ausstellung eines orkparing mera trotz des Kriegszustandes und für die während meiner Reisen in Transkaukasien und Armenien getroffenen Vorsorge, ferner einer großen Reihe von Zivil- und Militärbeamten, Seiner Exzellenz dem Exarchen von Grusien, den Bischöfen von Baku und Kutais, einer Reihe von Kirchenbeamten in Tiflis und den Priestern der von mir aufgesuchten Kirchen und Klöster, der armenischen Geistlichkeit in Artwin, dem K. K. Konsul in Tiffis, Grafen Heinrich Krenneville, dem deutschen Konsul in Tiffis, Dr. Feigel, und den Beamten des Konsulats, Baron von Nasacken und von Bücheler, ferner dem Bibliothekar der «Общества распространенія Грамотности - und dem Vorsteher des «Церковний Музей»; den ИН. Dr. A. Dirr, Liauzun, Exzellenz Lopatinski, Dr. Schmidt, Takaisvili, Zordania und Janasvill, endlich dem Kais. Deutschen Auswärtigen Amt und dem Kgl. Preußischen Kultusministerium, der Oberzolldirektion in Danzig, der Firma A. Dieskau & Co. für die Besorgung der photographischen Ausrüstung.

SITZUNGSBERICHTE

1911. XVI.

SHEET

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

23. März. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

1. Hr. FROBENUS las Ober uniture Matrizen.

to einer endlichen Gruppe unitärer Matrizen ist jede Matrix, bei der die Differenz von je zwei charakteristischen Wurzeln absolut kleiner als vons ist, mit jeder anderen demellen Art vertauschbar.

2. Die Akademie genehmigte die Aufnahme einer von Hrn. Watbeven in der Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe vom 16. März vorgelegten Abhandlung des Hrn. Dr. R. Isexsonum zu Frankfurt a. M. · Zur Kenntniss der Grosshirmrinde der Maus · in den Anhang zu den Abhandlungen dieser Classe.

Geschildert wird genau der Bau der Grosshummade der Hausmans (mas ausserdus), insbesondere die Anordnung der zeiligen Elemente.

3. Die Akademie genehmigte ferner die Aufnahme einer von Hrn. Dans in der Sitzung der philosophisch-historischen Classe vom 16. März vorgelegten Abhandlung des Hrn. Dr. C. Tauns in Malmö «Die Handschriften des Corpus agrimensorum Romanorum» in den Anhang zu den Abhandlungen dieser Classe.

In den Prolegomenn zu einer vom Verfasser vorhareiteten Ansgabe der Schriften der Feidmesser wird die Überlieterung auf Grund umfassender Vergleichung der Handschriften auf ein wesentlich neues Fundament gestellt. Gegenüber den vier Classen Berne-Laganaum's werden mit Monnsen nur zwei Hanptelassen angenomment. L. Arcerianus 1 und fi (Wolfenhüttei), H. Palatmus P und dindinnus G. Das Vorhältniss von A und B zu einander wird neu untersucht und als gemeinsame Vorlage beider eine Uneinlits, sach VI nachgewissen. Von den Hiss der (lasse H ist nicht G, sondern P die managebende; G ist zielnehr um eine (nicht einmal munittellure) Almehrüt von P. Auch die Zeichnungen der Has werden einer neuen Prüfung anterworfen und einige besonders wirhtige, zum Theil unpubliehre, belgegeben.

4. Hr. Walderen legte vor eine Abhandlung des Hrn. Dr. P. Rörmen in Berlin über «Zellenanordnungen und Faserzüge im Vorderhirn von Sieena lavertina». Ihre Aufnahme in den Anhang der Abhandlungen der physikalisch-mathematischen Classe wurde beschlossen.

Es werden die Anordnung der Zellgruppen, sodann der Verhalf der markhaltigen Faserzüge beschrieben und mit denen der übeigen Amphibien verglichen. 5. Hr. Laraiscu legte eine Arbeit des Hrn. Prof. Dr. R. J. Merza in Berlin vor: Über einen skundlumreichen Orthit aus Finnland und den Vorgang seiner Verwitterung.

Die Analyse des Orthits von Impilaks am Ludogasez ergah den höchsten Gehalt an Skandiumoxyd, der hisher in einem Mineral festgestellt worden ist. Durch Verwitterung wird Wasser und Kohlensäure aufgenomnen, das Eisenoxydul vollständig in Eisenoxyd übergeführt, der Kalkgehalt vermindert; schliesslich findet auch eine Fortführung der Kieselsäure statt.

6. Das correspondirende Mitglied der Akademie Hr. Frankand Zurker in Bonn hat am 14. März das fünfzigjährige Doctorjubiläum gefeiert; die Akademie hat ihm eine Adresse gewidmet, welche unten abgedruckt ist.

Die Akademie bat das ordentliche Mitglied der philosophischhistorischen Classe Reinhand Krauze von Stradontrz am 22. März durch den Tod verloren. Der Generalsecretar des Kniserlich Deutschen Archäologischen Instituts und Vorsitzende der Centraldirection Professor Dr. O. Pronsters ist in der Nacht vom 8. auf den 9 März gestorben.

Über unitäre Matrizen.

Von G. FROBENIUS.

Die folgende Untersuchung ist eine Fortsetzung meiner Arbeit Über den von L. Bennennen gefundenen Beweis eines Satzes von C. Jonnan, hier, S. 241. Die (charakteristischen) Wurzeln einer unitären Form liegen auf dem mit dem Radius r=1 um den Nullpunkt beschriebenen Kreise. Dieser, und zwar die Linie, nicht die Fläche, ist hier stets gemeint, wenn von einem Kreise die Rede ist.

Der Beweis des Hrn. Bresennach stützt sich auf eine Entdeckung, die nicht minder merkwürdig ist als der Satz von Jondan, nämlich daß in einer endlichen Gruppe unitärer Formen jede Form, deren Wurzeln einen hinlänglich kleinen Teil τ des Kreises einnehmen, mit jeder andern derselben Art vertausehbar ist. Da er aber nur die Herleitung des Jondanschen Satzes im Auge hat, macht er keinen Versuch, den Bogen τ genauer zu bestimmen. Auch nach den Ergebnissen meiner Arbeit, S. 146, scheint es noch, als oh τ vom a abhängig ist und mit wachsendem a abnimmt. Demgegenüber zeige teh hier, daß für jedes n nur $\tau < \frac{\pi}{2}$ zu sein braucht:

IV. In einer endlichen Gruppe unitärer Formen ist jede Forme, deren Wurzeln nicht ganz den sechsten Teil des Kreises einnehmen (wurin die Differenz von je zwei Wurzeln absolut kleiner als 1 ist), mit jeder Form derselben Art vertauschbar.

Der neue Weg führt zu einer deutlichen Einsicht in die Bedeutung solcher Bedingungen, wie $2\Im(E-A)<1$ oder $\Im(E-B)<1$, die auf den ersten Blick seltsam genug anmaten. Sie werden hier durch die weiteren Bedingungen ersetzt, daß die Wurzeln von A nicht ganz den sechsten Teil, die von B nicht ganz die Hälfte des Kreises einnehmen.

8:4

V. Set $C = ABA^{-1}B^{-1}$ der Kommutator der beiden unihrren Formen A und B. Die Wurzeln vom B mögen micht ganz einen Halbkreis einnehmen. Ist dann A mil C vertauschbor, so ist auch A mit B vertauschbar, also C = E.

Da man A und B derselben unitären Substitution unterwerfen kann, so nehme ich an, daß

$$B = \sum b_* x_* y_* = \sum x^{ip_*} x_* y_*$$

die Normalform hat. Weil A mit $BA^{-1}B^{-1}$ vertauschbaz ist, so ergibt sich

$$C = A(BA^{-1}B^{-1}) = (BA^{-1}B^{-1})A = AB\overline{A}B = B\overline{A}BA$$

demnach

$$\sigma_{aa} = \sum_{a} \sigma_{aa} b_a \bar{\alpha}_{aa} \bar{b}_a = \sum_{a} b_a \bar{\alpha}_{aa} \bar{b}_a n_{aa}$$

und mithin durch Vergleichung der imaginären Teile

$$\sum_{a} (|a_{aa}|' + |a_{aa}|') \sin (\varphi_a - \varphi_a) = 0.$$

Angenommen, es ist

$$\phi_i = \phi_i = \dots = \phi_i < \phi_{i+1} \le \phi_{i+2} \le \dots \le \phi_i < \phi_i + \pi_1$$

dann sind für $\mathbf{z}=1$, $2\cdots p$ alle Glieder der Summe positiv, und demnach ist $u_{ss}=u_{ss}=0$ für $\mathbf{z}=p+1$, p+2, \cdots a. Die Form A zerfällt also vollständig in zwei Formen A_1+A_s , worin A_s nur von den ersten s Variabelnpaaren abhängt, A_s nur von den letzten a-p. Analog ist (vgi, S. 243) $B=b_1E_1+B_0$, wo $E_1=x_1y_1+\cdots+x_ry_r$ ist. Für A_s und B_s gelten dieselben Voraussetzungen wir für A_s und B_s Sind also b_1 , b_{r+r} , b_{r+r+1} , \cdots die verschiedenen unter den Wurzeln von B_s so ist

 $A = A_i + A_2 + A_3 + \cdots, \qquad B = b_i E_i + b_{j+1} E_3 + b_{j+s+1} E_2 + \cdots,$ and mithin 1st A mlt B vertauschbar,

\$ 5.

VI. Liegen die Wurzeln der unitären Matrix A oder B auf einem Kreisbogen der Größe σ, zu liegen die Phasen der Wurzeln ihres Kommutators zwischen -σ und +σ.

Sel
$$P = \sum p_{si} x_s \overline{x}_i$$
 eine unitäre Form und

$$R = \sum p_* z_* \bar{z}_* = \sum (u_* + i v_*) x_* \bar{x}_*$$

thre Normalform. Der Quotient

$$\frac{\sum u_{\epsilon} x_{\epsilon} \bar{x}_{\epsilon}}{\sum x_{\epsilon} \bar{x}_{\epsilon}} = u$$

liegt zwischen den n reellen Größen $u_1,u_2,\dots u_r$, d. h. zwischen der größten und der kleinsten von ihnen. Daher ist

$$R = \sum (u_s + iv_s) \, x_u \bar{x}_s = (u + iv) \sum x_s \bar{x}_s = (u + iv) E_s$$

wo v zwischen den n reellen Größen $v_i,v_{ij},\cdots v_n$ liegt. Durch eine unitäre Substitution S gehen R und E in $S'R\bar{S}=P$ und $S'E\bar{S}=E$ über, und diese Gleichung in

$$(15.) P = \sum_{x_k} p_{x_k} x_k \bar{x}_k = p \sum_x x_x \bar{x}_{x_x}$$

wo die Abszisse von p=n+iv zwischen den Abszissen, die Ordinate zwischen den Ordinaten der Wurzeln von P liegt.

Ist Q eine zweite unitäre Form, so ist auch PQ^{-1} eine solche, und mithin hat jede Wurzel r der Gleichung

$$|PQ^{-1} - xE| = 0$$
 oder $|P - xQ| = 0$

den absoluten Betrag 1. Nun kann man $x_1, x_2, \dots x_n$ so bestimmen, daß

$$\sum_{i} p_{si} x_{s} = i \sum_{i} q_{si} x_{s}$$
 $(\lambda = 1, 2, \dots n)$ and $\sum_{i} x_{s} \tilde{x}_{s} = 1$

wird. Dann ist

$$p = \sum_{i,k} p_{ik} x_i \bar{x}_k = r \sum_{i,k} q_{ik} x_i \bar{x}_k = r q$$
.

Wenn mm die Phasen der Wurzeln von P und Q alle zwischen $-\tau$ und $+\tau$ liegen, wo $0 < \tau < \frac{\pi}{2}$ ist, so liegen die Abszissen von p und q zwischen I und $\cos(\tau)$, sind also von 0 verschieden, und die Ordinaten zwischen $-\sin\tau$ und $+\sin(\tau)$, und daher die Phasen zwischen $-\tau$ und $+\tau$. Folglich liegt die Phase von r=p:q zwischen -2τ und $+2\tau$.

Wenn nun die Wurzeln von A auf einem Kreisbogen der Größe $\tau=2\tau$ liegen, so bestimme man φ so, daß die Plasen der Wurzeln von $P=e^{i\varphi}A$ zwischen $-\tau$ und $+\tau$ liegen. Die Form $Q=BPB^{-1}$ hat dieselben Wurzeln. Daher liegen die Phasen der Wurzeln von

$$PQ^{-1} = ABA^{-1}B^{-1} = C$$

zwischen $-\sigma$ und $+\sigma$. Dabei ist $\sigma<\tau$ angenommen, denn nur dann hat die Aussage eine Bedeutung.

\$ 6.

VII. In einer endlichen Gruppe unitärer Formen ist jede Form, deren Wurzeln nicht ganz den sechsten Teil des Kreisez einnehmen, mit jeder Form vertauschbar, deren Wurzeln nicht ganz den halben Kreis einnehmen. Sel $A = \sum a_i x_i \bar{x}_i$ eine unitilee Form, deren Wurzeln a_i , a_j , $-a_i$ nicht gunz den sechsten Teil des Kreises einnehmen, und B irgendeine andere. Dann liegen die Phasen der Wurzeln der Formen

$$ABA^{**}B^{**} = U_* ACA^{**}B^{**} = D_* \cdots ALA^{**}L^{**} = M_* AMA^{**}M^{**} = N_* \cdots$$

alle zwischen $-\frac{\pi}{3}$ und $+\frac{\pi}{3}$. Nun ist

$$\mathfrak{D}(E - C) = \sum_{n, n} |a_n - a_n|^{\frac{n}{2}} |e_{nn} - b_{nn}|^{\frac{n}{2}},$$

Hier ist $|a_* - a_*|$ kleiner als die Seite des regulären Sechsecks. Ist also k der größte der Werte $|a_* - a_*|^{-1}$, so ist k < 1. Ferner ist (S. 246)

$$\exists (E-U) < k \exists (E-B) = bk, \quad \exists (E-D) < k \exists (E-C) < bk^2, \dots$$

aligemein

$$\leq (E-N) < bk'$$
.

Erzeugen nun A und B eine endliche Gruppe, so mußeinmal $\mathfrak{D}(E-N)=0$, demnach N=E, AM=MA, werden. Nach Satz V ist daher A mit L, K, -D, C vertauschbar und, wenn die Würzeln von B nicht ganz einen Halbkreis einnehmen, auch mit B.

\$ 7.

Ich habe S. 245 gezeigt, daß die Größe $k \le 2a = 2\Im(E-A)$ ist. Ist also 2a < 1, so ist auch k < 1, aber nicht umgekehrt. In ähnlicher Art hat die Voraussetzung $\Im(E-B) < 4$ des Satzes I zur Folge, daß die Wurzeln von B alle auf einer Seite eines Durchmessers liegen; es brancht aber nicht notwendig $\Im(E-B) < 4$ zu sein, wenn diese in Satz V gemachte Annahme erfüllt ist.

Wenn die a Wurzelpunkte der unitären Form R mehr als einen Halbkreis einnehmen, so kann man drei unter ihnen A, B, C so answählen, daß sie ein spitzwinkliges Dreicck bilden. Ich schließe den Fall a=2 aus, der kein Interesse bietet, und die leicht zu erledigenden Grenzfälle, wo zwei der a Wurzeln von R gleich oder entgegengesetzt gleich sind.

Man wähle A und B so, daß ihr Abstand möglichst groß ist. Sei A'(B') das Spiegelbild von A(B) in bezug auf den durch B(A) gehenden Durchmesser h(a). Dann befindet sich zwischen A und A'(B) und B'(B) kein Wurzeipunkt P_{α} weil soust BP>BA=BA' wäre. Nun liegen A und B beide auf derseiben Seite eines Durchmessers, in den α durch eine unendlich kleine Drehung übergeht. Folglich muß es auf seiner andern Seite einen Wurzelpunkt C geben, dieser

muß zwischen A' und B' liegen, und daher ist ABC ein spitzwinkliges Dreieck. Sind dann 2x, 2S, 2γ die Phasen der Punkte A, B, C, so ist

(16.)
$$\sin^2(\alpha) + \sin^2(\beta) + \sin^2(\gamma) > 1$$
,

also um so mehr (vgl. (10:))

$$\Rightarrow (E-R) = 4 \sum \sin^3\left(\frac{1}{2}\phi_0\right) > 4.$$

Mit andern Worten, es genügt, die Behauptung für n=3 zu beweisen. Allgemeiner ist sogar, wenn nur die vier Punkte A, B, C, D nicht auf einem Halbkreise liegen,

$$\sin^2(\alpha - \delta) + \sin^2(\beta - \delta) + \sin^2(\gamma - \delta) > 1.$$

wo 2 δ die Phase von D ist. Liegen sie namlich alle auf einem Halbkreise, so sind die vier Dreiecke ABC, ABD, ... sämtlich stumpfwinklig. Liegen sie aber anders, so sind immer zwei von ihnen spitzwinklig, die beiden andern stumpfwinklig. Denn ist K der Schnittpunkt der beiden inneren Diagonalen des Vierecks, so liegt das Kreiszentrum O in einem der vier Dreiecke EAB, EBC, ... und mithin in genau zwei der vier Dreiecke ABC, ABD, Unter den drei Dreiecken DAB, DAC, DBC ist also mindestens eins spitzwinklig-Sind aber x, λ, μ die Winkel eines solchen Dreiecks, so ist

$$\mu < \frac{\pi}{2} \,, \qquad z + \lambda > \frac{\pi}{2} \,, \qquad \frac{\pi}{2} > z > \frac{\pi}{2} - \lambda > 0 \,, \qquad \sin\left(s\right) > \cos\left(\lambda\right) \,,$$

demnach

$$\sin^4(x) + \sin^4(\lambda) > 1$$
.

Folglich ist, wenn das Dreleck DAB spitzwinklig ist.

$$\sin^2(a-b) + \sin^2(b-b) > 1$$
.

und daher besteht in jedem Falle die Ungleichheit (17.).

Ist das Dreieck ABC spitzwinklig, so kann man D beliebig wählen, niemals liegen die vier Punkte auf einem Halbkreise. Folglich gilt die Ungleichheit (17.) für jeden Wert von δ und geht für $\delta = 0$ in (16.) über.

Bei veränderlichem / ist das Minimum der linken Seite von (17.)

$$1 + \frac{1}{2}(1-\epsilon) = \frac{3}{2\pi} GD$$

wo G der Schwerpunkt des Dreiecks ABC ist. Ist

die komplexe Größe, die den Höhenpunkt H darstellt, so ist $i=\frac{1}{r}$ OH die positive Quadratwurzel aus

$$\{ (8,) \quad | x | = hh = 1 + 8\cos(x - 3)\cos(x - \gamma)\cos(3 - \gamma)$$

Je nachdem das Dreieck spitzwinklig oder stumpfwinklig ist, ist aber das Produkt

$$\frac{\vec{x}'}{2r} = -\cos(\pi - \vec{p}) \cos(\pi - y) \cos(5 - y),$$

positiv (und $<\frac{1}{8}$) oder negativ, ist $\varepsilon<1$ oder $\varepsilon>1$, liegt H innerhalb des Dreiecks oder außerhalb des ihm umbeschriebenen Kreises. Nach Frugungen ist ε' der Radius des Kreises um H, der dem Dreieck einbeschrieben ist, dessen Ecken die Fußpunkte der Höhen von ABC sind.

VIII. Durchläuft ein Punkt den einem Dreisck umbeschriebenen Kreis, so ist das Minimum der Summe der Quadrate seiner Abstände von den drei Ecken größer oder kleiner als das Quadrat des Durchmessers, ze nachdem das Dreisck spitzwinklig oder stumpfwinklig ist.

Entsprechend ist das Maximum der Quadratsumme kleiner oder größer als das doppelte Quadrat des Durchmessers. Die beiden Punkte des Kreises, in denen das Minimum oder das Maximum erreicht wird. liegen auf der Euleuschen Geraden HGO des Dreiceks, auf der Seite von G, wo H oder O liegt.

Über einen skandiumreichen Orthit aus Finnland und den Vorgang seiner Verwitterung.

Von R. J. MEYER

(Vorgelegt von Hro. Liensein)

Von Hen. Prof. G. Emericano (Potscham) wurde mir vor einiger Zeit eine Probe eines ihm aus Finnland zugegangemen Minerals überlassen, das sieh nach der spektrographischen Prüfung als ungewöhnlich reich an Skandium erwiesen hatte. Da nur einige kleinere Fragmente zur Verfügung standen, so wandte ich mich an Hrn. A. H. Perra in Helsingfors, den Entdecker des Minerals, mit der Bitte um Chersendung einer größeren eharakteristischen Probe. Dieser Bitte wurde in bereitwilligster Weise entsprochen, so daß ich in den Besitz von etwa 900 g des Minerals gehangte. Nach der schriftlichen Mitteilung des Hrn. Perra wurde dasselbe von ihm sals eine Seltenheits in Impilaks am Ludogasee zusammen mit Euxenit und anderen Mineralien in einem Feldspathrache aufgefunden. Es sei hisher noch nicht untersucht worden: weitere Proben davon könnten nicht mehr beschafft werden, da die betreffende Grube unter Wasser stehe und seit mehreren Jahren nicht bearbeitet werde.

Die mir übersandten Proben bestehen aus derben großen Stücken von verschiedenem Ausschen. Teils sind sie schwarz mit Pechglanz von ziemlich großer Härte und Festigkeit, teils schokoladenbrann bis rotbraun glünzend mit geringerer Festigkeit, teils stumpfbraun und bröcklig. Die Stücke haften zum Teil am Ganggestein, schön ausgebildetem, deischfarbenem Feldspat. Andeutungen von Kristallifächen sind nirgends vorhanden. Das feine Pulver der dunkeln Stücke ist ollvgrau, das der helleren rotbraun. Schon der Augenschein zeigt, daß es sich um ein stark verändertes Produkt handelt. Unter der Lupe oder im Dünnschliff unter dem Mikroskop sieht man überall an der Oberfläche ausgeschiedene Partikel von Eisenoxyd, an den dankeln Stücken mehr vereinzelt, an den helleren über die ganze Oberfläche verteilt. Vor dem Lötrohe schmelzen kleine Splitter leicht unter Aufschäumen, beim Erhitzen im Röhrehen wird viel Wasser abgegeben. Durch Salz-

säure wird das feine Pulver des Minerals sehm in der Kälte unter Abscheidung von gelatinöser Kieselsäure zersetzt. Das Fihrat von der Kieselsäureabscheidung gibt die Reaktionen des Cers mit großer Intensität und zeigt das Absorptionsspektrum des Neodyms und Prassodyms, während die Banden der Yttererden kaum zu erkennen sind.

Dieses Gesamtverhalten ließ es fast sieher erscheinen, daß dle verschiedenen Stäcke mehr oder weniger weitgehend zersetzte Orthite seinen. Die quantitative Analyse bestätigte diese Auffassung. Es wurden zwei möglichst gut ausgesuchte Proben von annähernd homogener Beschaffenheit analysiert, von denen die eine (I) - schwarz, pechglänzend, hart - ziemlich frisch gussah, während die zweite braun und ziemlich bröcklig - weitgehend verändert erschien. Der Analysengang war bis auf geringe Modifikationen der übliche, so daß von seiner Darlegung hier abgesehen werden kann. Nur die quantimtive Abscheidung und Trennung des Thoriums und Skandiums grschah nach einer im wesentlichen neuen Methode, auf die an anderer Stelle nüher eingegangen werden soll! Das Wasser wurde direkt durch Auffangen und Wagen im Chlorkalziumrohr bestimmt, der Fisenoxydulgehalt durch Titrieren der schwefelsauren Lösung mit Kaliumpermanganat im Kohlensäurestrome. Die Kohlensäure wurde durch direkte Wagung im Kaliapparat bestimmt.

	L		II.		III
	Aicral, fraigh) sper. Gew. 3.40	Mod., Quot.	Stark vorond.i	Mol. Quar.	Verglelahe ansl (Hlussä)
SiO ₃ Fe, O ₃ Al ₃ O ₃ Ce ₃ O ₃ uisw Se ₃ O ₃ Th O ₃ FeO CaO MaO MgO B ₃ O CO CO	7653 10.01 12.88 16.45 4.80 1.32 6.63 16.23 80 1.80 6.22 1.80 6.22 1.34 6.02	0.062 0.050 0.050 0.005 0.005 0.005 0.085 0.085 0.085	23,83 12,23 13,23 16,82 1,00 1,10 1,10 4,13 8,140 1,43 1,43 1,43 1,43 1,43 1,43 1,43 1,43	0.502 0.075 0.440 0.051 0.097 0.604 0.084 0.110 0.780 0.117	11.63 8.39 13.21 21.12 2.87 7.86 10.48 1.66 2.68 8.38 3.49

Die Trenung von Thorium und Skandium wurde durch Jodsäure in aufgetersaurer Lösung ausgeführt; die Grundlage für dieses Verfahren niche bei R. J. Mexus und M. Sperra, Chamikaezeitung 1910 Nr. 35.

³ Analyse von Esserabe, Zeitsuhe f. Kristalloge, 3, 191- (1879.)

Molekularverhältnis.

I: 8i0, : R₁O₁ : RO : H₁O 0.500 : 0.248 : 0.352 : 0.408 II: 0.302 : 0.285 : 0.194 : 0.780

Frischer Orthit: $6 \, \text{Si} \, O_4$. $_3 \, R_4 \, O_4$. $_4 \, R \, O$. $H_4 \, O$ (2 $H_4 \, O$) (Epidot-Formel) I: $_5 \, \text{Si} \, O_2$, $_2$, $_5 \, R_2 \, O_4$, $_3$, $_5 \, R \, O$. $_4 \, H_4 \, O$

II: 4 SiO, . 3 R.O. 2 RO . 8 H.O

Ein Vergleich der beiden Analysen läßt den Gang der Verwitterung deutlich erkennen. Die Probe I entspricht in ihrer Zusammensetzung noch mit ziemlicher Annäherung dem Typus eines normalen Orthits; wie die zum Vergleich herangezogene Analyse eines norwegischen Orthits von Hitterő (III) zeigt: Als Hauptmerkmal der Zersetzung fällt zunächst die Anfhahme von Wasser in die Augen-Schon der Wassergehalt des wenig zersetzen Materials I ist abnorm hoch (7 Prozent) - bei frischen Orthiten beträgt er selten mehr als ; bis 4 Prozent -, in der stark veränderten Probe II steigt er auf das Doppelte (14 Prozent). Hiermit geht Hand in Hand die Aufhalime von Kohlensäure, deren Anwesenheit wohl als sicherstes Kennzeichen der Veränderung gelten darf'. Weiterhin ist charakteristisch das Verhältnis von Eisenoxydul zu Eisenoxyd. Während in frischen Orthiten der Ferrogehalt den Ferrigehalt stets überwiegt, findet man in Probe I bereits das normale Verhältnis umgekehrt, und in der stark verwitterten Probe II ist der Eisenoxydulgehalt vollständig versehwunden. Dieser analytische Befund entspricht der oben erwähnten schon makroskopisch feststellbaren Ausscheidung von hydratischem Eisenoxyd. Gleichzeitig mit dem Verschwinden des zweiwertigen Eisens findet ein starker Rückgung im Kalkgehalte statt, eine Erscheinung, die, wie auch sonst in analogen Fällen, auf Hydratisierung bzw. Karbonatisierung und nachfolgende Extraktion mit Wasser zurückzuführen ist. Tatsächlich ist ein hoher Wassergehalt bei Orthiten stets mit einem niedrigen Kulkgehalt verbunden, wie ein Vergleich der bekanntgewordenen Analysen zeigt. Hiermit ist notwendigerweise ein An-

Vergleicht man in der Zussammenstellung der Orthitanalysen im Handhuch von Hierzu (Bd. II S. 272 ff.) die wenigen Analysen, in denen ein Gehalt an CO, angegeben wird, so seigt sich mit aller Deutlichken, daß mit der Anfrahme derseiben ohne Ausnahme ein abnorm beiter Wassergehalt des Minerals Hand in Hand geht, z. B. Analyse XXI: 6.71 Prozent CO, und 11.46 Prozent H₂O₁ XXXV: 2.93 Prozent CO, und 12.25 Prozent H₂O.

Siehe Historia Handbuch a.a. O. Analyse LVI: 26.5 Prozent H. O and 1.81 Prozent CaO; XXXIV: 21.11 Prozent H. O and 3.34 Prozent CaO; XLIV: 14.63 Prozent H. O and 4.97 Prozent CaO asset, withrend friedhe Orthite im Durchachnitt 10—12 Prozent CaO enthalten.

wachsen des relativen Gehaltes an den schwerer löslichen und mit der Kieselsäure wahrscheinlich in festerer Bündung stehenden Sesquioxyden (Al,O., Fe,O., seltene Erden) verbunden. Schließlich findet, wenn das Silikatmolekül weitgebend gelockert ist, eine Fortführung von Kieselsäure statt, wie der abnorm niedrige Gehalt von 23.5 Prozent SiO., der Probe II zeigt. Charakteristisch ist noch das abnorm niedrige spezifische Gewieht der Probe II: 2.84, während es bei frischen Orthiten niemals unter 3.0 sinkt.

Der Fortschritt dieser Zersetzung findet in den aus den Analysen berechneten Molekularverhältnissen SiO, R.O, RO: H.O thren Ausdruck. Vergleicht man das Verhältnis der Bestandteile des «normalen Orthits» von der allgemein angenammenen Epidotformel:

mit den Molekularverhältnissen der beiden analysierten Proben, au zeigt sich, daß bei der Verwitterung zunächst im wesentlichen nur Wasser angelagert oder eingelagert wird. Das Verhältnis der busischen Bestandteile bleibt dabei unnähernd dasselbe (Probe I), dann aber findet im weiteren Verlauf der Zersetzung eine starke Abnahme der zweiwertigen zugunsten der dreiwertigen Basen statt, zugleich mit einem Sinken des Kieselsäuregehalts. Der Gang der Zersetzung dieses Orthits zielt also hin auf die Bildung wasserhaltiger basischer Silikute der Sesquioxyde bzw. auf die Abscheidung der hydratischen Sesquioxyde selbst. Solche Endprodukte der Verwitterung dürften die erdigen Zersetzungskrusten darstellen, die vielfach auf Orthitkristallen beobachtet werden. Analysen derartiger Produkte finden sieh bei Mattart.

a. Frischer Orthit von Amherst County (Kristall):

sio,	Al_0O_3	Fo _s O ₈	Ce, O _i	Fab	ChO	H,O
31.25	46:55	3-40	: 2172	17.117	8-00	2.18
	ersetzung	skrusten	an der	Oberfläche	der Krist	alle a:
1 21.37 4 Bus	20.66 r6.81	37.61	31 Adi 7.83	=	_	36.73
ferner he	i Brown					777
-	a. Fr.	ischer O	thit you	Nelson (ounty.	
313,64			18,99		53.02	4.56
18.66	₹3.25	24-18	ungspro	dukt von	n.g	
					-	17.16

[&]quot; Mailty, Chim. News 38, 94 (1878).

Haows, tmer. Chem. Journ. 7, 178, (1885.)

Ein Vergieich der Analysen der frischen Produkte mit ihren Zerzetzungsprodukten zeigt, daß auch hier die Verwitterung in dem bezeichneten Sinne erfolgt ist, nur daß sie noch wesentlich weiter, nimlich bis zur vollständigen Eliminierung des Kalks, fortgeschritten ist.

Die Veranlassung zu der chemischen Untersuchung der Orthitproben gab zunächst der spektrographische Befund, der einen ungewöhnlich reiehen Gehalt des Minerals an Skandium voraussehen ließ. Die Analyse ergibt min mit etwa i Prozent tatsächlich den höchsten Gehalt un Skundiumoxyd, der überhaupt bisher in einem Mineral festgestellt worden ist. Nur der » Wiikit», der wohl als eine Varietät des Euxenits aufzufassen ist, birgt nach der Angabe von Sir Witanan Crookes? in gewissen Vorkommen einen ungefähr gleich hohen Skandiumgehalt. Mit Bezug hierauf ist es von Interesse, daß die beiden Mineralien Orthit und Euxenit an der finnländischen Fundstelle im Granitpegmatit nebeneinander vorkommen3. In sehwedischen und norwegischen Orthiten hat dagegen Enranaan spektrographisch kein Skandium feststellen können. Also much in diesem Falle ist die Anreicherung dieser seltnen Erde, die auch chemisch eine Sonderstellung einnimmt, an einen bestimmten engbegrenzten Bezirk gebunden, ähnlich wie im Falle des Vorkommens im Wolframit und Zinnstein des Erzgebirges. Es ware von Interesse, den orthitführenden Gangfeldspat auf einen Skandiumgehalt zu untersnehen. Es sei noch darauf hingewiesen, daß man bisher Skandium nur in vorwiegend Tttererden führenden Mineralien hat auffinden können; dieser Umstand hat seit der Entdeckung des Elements im Gadolinit, Euxenit und Yttrotitanit die Auffassung begünstigt, daß die Skandinerde der Yttererdenreihe angehöre. Wenn nun festgestellt wurde, daß die Erde im Orthit, einem typischen Ceriterdenmineral, stark an-

Es ist nicht minteressent, duß, wie die Analysen teigen, die estenen Erdan diesem Verwuterungsprozesse weniger zut widerstehen, wie Al.O. und Fe.O., was im Hinblick und ihre viel stürker besische Natur verständlich erscheint.

² Caouers, Z f. anorgan, Chem. 61, 249 (1909).

An anderen Lokalitäten ist diese Vergesollschuftung von Euxenit und Oethit in Granitpermatitgängen hänfigt en im sähwestlichen Norwegen, a bei W.C. Baduernt-Die Mineralien der slähnorwegischen Granitpermatitgänge, Christiania 1906. Die Nachburschaft von titensäurehaltigen Yttererdenmineralien scheint unnehmal die Veranlassung darn in geben, daß die Titensäure in den Orthit einwandert, der dann unch neben Ceriterden erhebliche Mengen Vitererden ruthalten kann. Siehe den interessinten Titanorthit von Fahm bei Tacurerus, Vech. Russ. Kals. Min. Ges. (II) 45 (1907) S. 289, der 1041 Prozent TiO, und 10 Prozent Vitererden enthält, im übrigen aber in enther Zusammenssetzung und in seinem Verhalten einem uorsnalen Orthit entspricht.

G. Enguera, Über die welte Verbreitung des Shandlaum auf die Enfe. L. Sitzuegsber, d. Berl. Akad d. Wiss, 38, 863 (1998).

G. Enganann, a. a. O. and H. chends 22, 404 (1910). R. J. Maven, Z. L. anorgan. Chem. 60, 134 (1908). R. J. Maven and Hannear Wiscen. Z. f. anorgan. Chem. 67, 398 (1910).

gereichert vorkommt, so wird damit die Ausieht von Ebebland gestützt, daß wir es im Skandium gewissermaßen mit einem akzessorischen Bestandteile der Mineralien zu tun baben, der lokal da auffritt, wo Skandium durch pneumatolytische Prozesse eingewandert ist.

Das Vorkommen von Orthit ist hiermit zum erstenmal in den Pegmatitgängen von Impilaks festgestellt, wenigstens ist in der ausgezeichneten Monographie von Tröstrot: «Die Erziagerstätten von Pitkärnnta am Ladogasee», die ein Verzeichnis der in diesem Gebiete nachgewiesenen Mineralien enthält, das Vorkommen von Orthit nicht erwähnt.

¹ Bull. Commess. Geolog. de Finlande Nr. 19 (1907).

Adresse an Hrn. FERDINAND ZIRKEL zum fünfzigjährigen Doktorjubiläum am 14. März 1911.

Hochgecheter Herr Kollege!

An dem Gedenktage, den Sie heute feiern, bringt Ihnen auch die Königlich Preußische Akademie der Wissenschaften herzliche Glückwünsche dar. Für Ihre Arbeitsrichtung war entscheidend der Sommer des Jahres 1860, den Sie mit William Preven auf der nordischen Vulkaninsel zubrachten. In der Untersuchung der chemischen Vorgänge, welche die gewaltige Tätigkeit der isländischen Vulkane begleiten, hatte Rourer Bosses ein für alle Zeiten denkwürdiges Beispiel für die Vertiefung der Einsicht geschaffen, die aus der Verbindung von Beobschtung und Experiment entspringt. Gleichwohl ließen sich gegen die eigensriigen petrographischen Auffassungen des genialen Chemikers begründete Einwände erheben. Indem Sie sich dem hierdurch eröffneten reizvollen Forschungsgebiete zuwandten, leisteren Sie schon mit den in Ihrer Doktordissertation niedergelegten Beobachtungen über die geognostischen Verhältnisse Islands einen erheblichen Dienst dem Wissenszweige, dem Sie fortan thre erfolgreiche Lebensarbeit gewidmet haben.

Unmittelbar darauf emplingen Sie Anregungen von tiefgreifender Wirkung im persönlichen Verkehr mit Henny Chifton Sorby, dessen bewunderungswürdige Untersachung über die mikroskopische Struktur der gesteinsbildenden Mineralien wohl unbeachtet geblieben ware, wenn Sie nicht sefort die volle Trugweite der neuen Arbeitsmethode richtig bemessen hätten, deren Ergebnisse den so lange vermißten unbestechlichen Schiedsrichter in dem Kampfe der Melnangen auf dem Gebiet der genetischen Petrographie darboten. Mit ebenso großem Eifer als Geschiek und Erfolg begannen Sie nun die weitere Ausbildung der mikroskopischen Gesteinsuntersuchung. Schon nach kurzer Frist konnten Sie es unternehmen, die Zusammensetzung und Struktur ausgewählter Gesteinsreihen in Repräsentanten von möglichst verschiedenen Fundorten monographisch darzustellen. Von hervorragender Bedeutung für die Entwickelung der Petrographie wurde vor allem die Ihrem Freunde Sonar gewidmete Schrift über die mannigfache Schar der Basaltgesteine, deren Zusammensetzung den Gegenstand zahlreicher, aber wenig befriedigender Dentangen gehildet hatte, bis es Ihrer Analyse vergönnt war, die Natur, die diagnostischen Eigentümlichkeiten und das Gefüge ihrer Gemengteile aufzuhellen. Als Sie bald darauf dazu schritten, die Schätze Ihrer Erfahrungen über die mikroskopische Beschaffenbeit der Mineralien und Gesteine in einem Lehrbuche zu vereinigen, war das Feld gepfügt und die Saat ausgestreut, die im regen Wetteifer einer großen Reihe von Forschern eine reiche Ernte hervorbringen sollte.

Noch vor dem Wendepunkt in der Entwickelung der Gesteinskunde hatten Sie in einem Lehrbuche, das die ältere Periode der Petrographie abschließt, mit der Ihnen eigenen Kunst der Darstellung alles zusammengefaßt, was über die mineralogische Zusammensetzung und die Struktur, über Systematik, Vorkommen und Entstehung der Gesteine bekannt war. Ein Vierteljahrhundert später gestalteten Sie die neue Auflage zu einem auf breiter Basis angelegten Fundamentwerk von dauerndem Wert. Mit einer schwer zu übertrenenden Klarheit der Beschreibung und einer erstaunlichen Beherrschung der Litecatur, die inzwischen einen internationalen Charakter angenommen hatte, wurden von Ihnen die eruptiven, schieferigen und sedimentären Gesteine in umfassender Weise gleichmäßig berücksichtigt. Besonderes Gewicht legten Sie in diesem Werk langer Jahre auf die historische Entwickelung unserer Kenntnisse Wo Sie der Kritik das Wort gaben, geschah es in besonnener Vorsicht, die jeden Gesichtspunkt in das gebührende Recht treten ließ.

Ihre vielseitig angelegte Natur hielt sich fern von einer Überschätzung der beschreibenden Petrographie. Mit lebhaftem Interesse begleiteten Sie die in den beiden letzten Jahrzehnten mit wachsenden Erfolgen durchgeführten Bemühungen, das in der Gesteinskunde angehäufte Tatsachenmaterial in Verbindung zu bringen auf der einen Seite mit den neuen Ergebnissen der tektonischen Geologie, auf der anderen mit den systematisch fortschreitenden Anwendungen der Thermodynamik auf die Gleichgewichte in heterogenen Systemen, und in dem fesselnden Vortrage, den Sie in St. Louis gehalten haben, legten Sie überzeugend dar, wie durch die Wiederherstellung der Beziehungen zwischen der Petrographie und den benachbarten Wissenszweigen auf verschiedenen Wegen gewonnene Erkenntnisse in wechselseitiger Förderung zusammentließen.

Möge es ihnen, hochgechter Herr Kollege, noch lange vergönut sein, sieh in körperlicher Rüstigkeit und geistiger Vollkraft zu erfreuen an dem frischen Schaffen auf dem Wissensgebiete, in dem Sie Ihre Lebensaufgabe fanden, und an dem Blühen der geliebten Stadt, in der Sie Ihre Studien begonnen und die Reform der Petrographie vorbereitet haben.

Die Königlich Preußische Akademie der Wissenschaften

SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER.

XVII.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

30. März. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Vanley.

Hr. Kosm las über die politische Haltung des Grafen Adam Schwarzenberg im ersten Regierungsjahrzehnt des Kurfürsten Georg Wilhelm von Brandenburg.

Nach einem Rückblick auf die Aufunge der stantsmitmuschen Thütigkeit Sohwarzenberg's wird eingehender an der Hamt der Asten des Geheimen Staatsarchivs sein erster, im Jahre 1626 noch ergelmisches unternammener Versuch, den Kurfürsten zum Anschluss an die Partei des Wiener Hofes zu bestimmen, besprochen, weiter Schwarzenberg's Stelling zu dem Restitutionsediet von 1629 im Zusammenhang seiner Bewerbungen um ein norddentsehes Ristham gekennseichnet.

Das Sariputraprakarana, ein Drama des Asvaghosa.

Von Heavmen Liners.

(Vorgetragen am 16, März 1911 [s. oben S. 367].)

Hierzu Taf. II und III.

Auf Grund verschiedener Erwägungen habe ich am Schlusse meiner Abhandhing über die Bruchstücke buddhistischer Dramen (S. 55) die Ansicht ausgesprochen, daß wir ihren Verfasser in dem Dichterkreise suchen müßten, dessen Mittelpunkt Asvaghosa war. Schneller als es zu hoffen war, ist das bestätigt worden. Ich kann jetzt nachweisen, daß wenigstens eines der uns in jenen Bruchstücken vorliegenden Dramen von Asvaghosa selbst herrührt.

Ich habe auf S. 12 meiner Abhandlung bemerkt, daß das Fragment 116 in zentralusiatischen Charakteren geschrieben sei, und daran die Vermutung geknüpft, daß ein ganzes Blatt der ursprünglichen Handschrift verloren gegangen und von dem späteren Restaurator durch ein neues ersetzt worden sei. Diese Vermutung war nicht cichtig: es hat sich vielmehr gezeigt, daß das Fragment i 16 einer anderen Handschrift angehört. Meine Frau hat unsern gauzen Bestand an Palmblattbruchstücken noch einmal durchgesehen und dabei ein geößeres und 17 kleinere Stücke gebinden, die in derselben Schrift wie jenes Eragment geschrieben sind. Einige dieser Stücke paliten direkt anginander, so daß sich die Zahl der einzelnen Fengmente auf 9 verringerte. Diese 9 und das früher gefundene Fragment 115 ließen sich welter unf Grund des Textes und der äußeren Beschaffenbeit an drei Blättern zusammenordnen. Von dem ersten Blatte sind uns vier, von dem zweiten und deitten Blatte je drei Stücke erhalten. Keines der deel Blätter ist also vollständig, doch fehlt von dem dritten Blatte nicht allzuviel. Der erhaltene Tell dieses Blattes mißt ungefähr 34 5 em. In der dritten Zelle der Rückseite sieht eine Vanpsastha-Strophe, von der o Aksaras fehlen. Dahinsee muß außerdem noch niglownich oder

Königlich Preudische Tarfan-Espeditionen. Kleinure Samkeit-Texte. Haft 1. Benchatünko buddhattscher Dramen. Herzungrzeben von Hausmen Löuzes. Berlin 1912.

di nişkrüntük gestanden haben. G Akşaras erfordern ungefähr 5 cm. 11 ungefähr 5.5 cm. Als Gesamtlänge des Blattes ergibt sieh also 39.5—40 cm. Auf dieselbe Zahl führt die Berechnung der Länge der beiden anderen Blätter. Das erste Blatt enthält in Z. 2 und 3 der Vorderseite eine Upajäti-Strophe, in Z. 1 und 2 der Rückseite eine Särdulavikridita-Strophe und in Z. 2 und 3 der Rückseite einen Sloka, die eine Bestimmung der fehlenden Akşaras und dadurch die Berechnung des Abstandes zwischen den einzelnen vier Stücken ermöglichen. Das ganze Blatt muß danach 39.5—40 cm lang gewesen sein. Von den drei Stücken des zweiten Blattes, dessen Schrift leider stark abgerieben ist, gehören zwei dieht aneinander. Sie messen zusammen ungefähr 15 cm. Auf der Rückseite stehen Reste einer Särdülavikridita-Strophe. Es fehlen am Ende der zweiten und am Anfang der dritten Zeile 45 Aksaras, die ungefähr 25 cm erfordern. Die Länge des ganzen Blattes muß also 40 em beträgen haben.

Die Schrift ist im wesentlichen identisch mit der Schrift des Revisors der alten Dramenbandschrift, wie ich sie in meiner Abhandbung S. 12 ff. beschrieben habe. Nur das ya zeigt hier rundere Formen. Die a. a. O. ausgesprochene Ansicht, daß diese Schrift nicht in Indien selbst entstanden, sondern die älteste Reprüsentantin der zentralasiatischen Brähmi sei, wird durch die neuen Fragmente, wie mit scheint, vollständig sichergestellt. Deutlicher noch als in der Schrift des flevisors tritt hier der zentralasiatische (harakter in der Ahnlichkeit des in und des m, des m und des m hervor. Diese Buchstaben sind hier bisweilen schon ebenso schwar zu unterscheiden wie in der späteren zentralasiatischen Brähmi. Besonderes Interesse bietet das Zeichen des Jihvänmiliga (in anniharmanihäränga 1, dukkham 3), das mit dem späteren Guptazeichen identisch ist, und das Zeichen des Upadhmäniya (in ångade pariet), das hier wie in der Kusmaschrift aus einem Kreise mit eingesetztem Kreuze zu besteben scheint.

Daß man in Zentralasien Palmblätter als Schreibmaterial verwendete, ist amalehst auffallend. Ich will nicht bestreiten, daß man besonders in den ersten Jahrhunderten a. Chr auch präparierte Palmblätter aus Indien importiert hat; in unserm Falle aber liegt die Sache anders. Die Handschrift, der die drei uns vorliegenden Blätter angehören, ist ein Palimpsest. Die alte Schrift ist an vorschiedenen Stellen noch sichtbar, um besten auf der Rückseite des ersten und auf der Vorderseite des letzten Blattes. Sie war bedeutend größer als die neue Schrift und scheint aus der Kusanazeit zu stammen. Wir haben

Die Tafel gibt den Abstand zwischen den einzelnen Stücken nicht geman wieder. Um eine zu atarke Verüleinerung zu vermehlen, sind die Stücke etwas näher ansinmolorgerückt.

390

hier also ein tatsächliches Beispiel für das Vorkommen von Palimpsesten, das für Indien, wie ich a a.O. S. 12 bemerkt habe, durch Asvaghosa bezeugt wird.

Der Inhalt der neuen Blätter ist von großem literargeschichtlichem Werte: diese drei Blätter sind die Reate einer Handschrift, die wenigstens eines der von mir behandelten buddhistischen Dramen enthicht, leh gebe im folgenden zunächst den Text der neuen bragmente in zentralasiatischer Schrift (C) und dann den entsprechenden Text der Fragmente der Handschrift aus der Kusmazeit (K). Der Vergleich mit Czeigt, daß K 25, 64, 68, 75, 101 und zwei kleine noch nicht veröffentlichte Fragmente und K 23, 50, 89, 112 zu je einem Blatte gehören. Ein kleines noch nicht veröffentlichtes Fragment läßt sich ferner wegen der äußern Beschaffenheit mit großer Wahrscheinlichkeit zu dem zweiten Blatte stellen. In den Noten zum Texte von C habe ich auch die Ergänzungen angeführt, die sich mit Hilfe von K machen lassen.

CI.

Vordorseite. e a [a]unyadı[s]ti[to] de[h]. [dh]. [10] nabalena kuryyur na yoginalai duskaram asti d ... " [Sjäri — tasmād atımusam, a .. sya' ku ... ry yum vuita ... aryyam" municaryyam = avintvaryyavireynin - aryam [v]iga[ta] ... bhayadam saranam - a svaga talan svaga talan nauhkarnjojadharava bhavisyate dharmasenapatajyel Rückseige. · Maudga || mediändhusya , [r]šanakaram nastasya sa slyn samyi[t]karam mr.

teganze Boulde — Upstabye (f.) Erganze anch h. a - in raych amissische dahyins. Leganze hand — Erganze sambarani. Erganze Buddhab | Upstaya. Erganze stammersrygum. Leganzem (f.) Leganze Buddhab | pataye. Erganze stammersrygum. Leganzem (f.) Leganze mai pataye. Erganze stammers mach h. jamazye darona. In leb hale dies trither traz ant bhydragoffecharam geleven. Die falsche Legang erkdier sieh darona dali die Bushstaben zum Tell abgerleben und verathmunch sind und hei dem Fehlen des Zusimmenhanges der Sinn nicht zu erkennen wur. In Erganze jähngeschittaberen zumele.

L'Enras: Das Săripurapeabirana, sin Drama des Asvagluna, 391
- [ka]bodhanakaram š[r]eya rum — Buddha — svagatam
[bha]
sa — tr[bh]is sisyaih sparivrtah sobhate munican-
dramāh
[n]. trfi] [yjukta iya candramah Bu.[db]: Upa-
M[8]
. [n]āma j bbbyantaram varşasatān = na bhavisynt = ity + e-
+ [pr] bbhya etān stāvad svišuddhasya
manaso m
pasam.e ksat - parammukhibhūtah i pratipadyate šre-
ster and a second control of the second cont
and the second s
C 2.
Vorderselte.
this is a second of the second
. [nila]dru[ma] . [ganata] . vipp[ra] . [tasya] sakuner sadiptam
teni ky.m° y .o. kva einispa . [s]
› . reva [khā] [m *atrptikara]ņām * paridāhā- [tmakānām * ā]
malhughrta[meddhyapay] sprstam [yat stat -
priya m api dahaty apriya [h] tty eva visa
[sar]i[r]e . [pradahati madaji]
ma ma
Rackseite
We are a serial control of the property of the serial series of the seri
. [ya] [ena] samya[g a]bhihitam [h]. Bhrgu[sa]ttam[o] .
nibhṛtair = yattā] ai
ddhi r [erad] api pu [karmmasan skrta yor " anahan-
krta yor - yuvayor - a
to [tpa]tti
0.4.
Vorderseite.
va uno bhavat so . [kṣi] y nopā e[vam hi] sati
[1] [n] *tu" yatin]ena jūš[yatām]
yy na[hi]
Lies makis. Cogundo Budilles - Upatigon. Pregione nach K engam .
show yelliena. Lies permissiskis". Krganze, grilltenteils nach K.
e davilgenariantum era nikalenman egapunatulargarasthiarya. Ergünze mulak-
yath are sukhanam. Lies karönam Ergluse elves protons yath arespeld. Ergluse pervakurama". "Ergluse tiles to.

- ri[ra]nirmuktam = a[tma]sa[m]jānkam = buddhis[an]kṣmyam tat sukṣmatvāe = e = aiva doṣāṇām = avyāpārāe = ce cetasah [i] . . . [d' = a]yuṣuṣ = e = aiva mokṣa . . [pa]rikalpyate Sāri van asya dharmasya . .
- tmyādaršanāc' sa bhavati tadyathā [nadī]srotaso varttamāna[sya] pra[t]yu ... [sya].c' ... ddhya ... y sminn" suparate sy . n .
- e kalyam krivata" tatkrto shetukasya n sorpadyate bijadakap[r]-thiv.r.m sa ... [eva]h s... [h] tasmin sa ... [ya]mān... [a]smin sa ... [a]smin sa ...

Rückseite

- * karmmā * kṣetram * bījam * utpatticetas * trṣṇā kledaechādanañ * c * ā[p]y * [avn] ya[m]" * . . . [k]. [s]..y.[v]. \hat{j}^{11} * i[ā]yamāno jūānādityo [B]. *
- vinitayor "=ya[t]idharmmena kṛtaparikarmmanoh asmāt shidhāntaprativedhāid = nildhṛtavividhadṛs[t]ilsa[tyayo[h] s[u]d[dha|manasor = yuva | h² yad = e - m , dhavādijāā[nasy² *ā] .
- i sistam dinlikhani srotasi nirvvanasya varitate tat atali param juanam sidam yatendriyan nirantaram shifivayatum vimuktaye 41 . . su bhiksam akhilim saka . . . niramaylan palto .
- sarvve il Sariputraprakarane navamo akalı 9 aryya-Savarunaliziputrasy aryy-Aśvaglusasya krtis-Saradvatiputrapprakaranam samāpiam [saļmāpiāni e-ānkāni nāva . . . gyam anulstublie] ceba .

KL

Vorderseite.

Ergänze meien Lies sate: Lies mireter Lies meilen Lies sate: Lies mireter Lies meilen Lies sate: Lies mireter Lies meilen Lies mireter miret. Reginze miret Reginz

Liturus: Das Sariputroprakaraņa, cia Drama des Asvaghoça. 393
ryyam municaryyam' anivāryyam a[ryya] [ya]-
drip Same and Land
· . [pa]caye — Maudga" — mohāndhasya" janasya na- stasya" sa
1 [kl.[r]. — B.d.a — s.āgatam"
Rāckseite.
[B]u[d]dh[ah] — U[p][t].[s]y- [y].
[d] - [i] suddhasya' manaso ragam - alpena yamena
v.snddhe=ddhyāsa[y]"
pari
* [rda]vāgniparigatam iva n[i]la d]ro[m]añ »
gaganatala[v]i
*
i[m].[dh]u[gh]rt [m].[ddh]y."
K IV.
Verderseite'
[dh]y
West of the state
ukasya n otpadya[t]." bijodakam ²⁰ pethivyan
n.s.lmas.e m. [k]. [i]ti nis.eyah k.tah [k]. [m][s].
r. h. u[p] t near loka[h]
sasynvaj - jayamano jaana[d]i
manob [a] [d] [s] [s] [s] [v] [v]
I management to the second
1 No many first and all instantings at the contract of
Das erste van mir als undentlich bezeichnete akzere ist em nachgetragenes stralasiatisches mu. Auch et ist nachgetragen; Reste des alten ni sind sicht- Lies örggem. Das en ist später nachgezogen. embit, des olles alten das es sind später nachgezogen. Das es, das es und das es sind später chresogen. Das es, das es und das es sind später chresogen. Paridibis —

Das erste van mir als undentlich bezeichnete aksara ist em nachgetragenes a nivalissiatisches mo. Auch si est nachgetragene Reste des alten mi sind sichtlier.

Lles ärpgam

Das auch apliter nachgezogen.

Das so, das es und das es sind apliter nachgezogen.

Das so, das es und das es sind apliter nachgezogen.

Das so, das es und das es sind apliter nachgezogen.

Ergänze karnen karnen karnen karnen karnen Besinze karnen Kondille seinen bei apliter aksare ettent mille an gehören.

Das so ist apliter nachgezogen.

Ergänze volusithe eddhydisage.

Das es ist verstämmelt und unsicher.

Ergänze enkhänäm.

Das so ist meht sieher.

Ergänze ghrämsendibge The karnen entweisen dieser Seite sind apliter unchgezogen.

Ergänze sissen entweisen entweisen dieser Seite sind apliter unchgezogen.

Ergänze sissen entweisen entweisen dieser Seite sind apliter unchgezogen.

Ergänze sissen entweise entweisen
Rückseite.

1	70[v]
-3	vyam siti a yamānen sās[m]t sres[th]ipu-
	#re
2	d = idanin = tutr = ai . gucchami
	hanto khu amodo ganikakule sababu .
	tanti dbiti[k] ni[ha]stari sam[vh[hā]-
	payanti vandhakim a
1	h = kila upā[sa].

Was zunächst die Anordnung der Blätter betrifft, so geht aus der Tatsache, duß die Worte neladruman guganatakwis und madhughytameddhya in K anf dem ersten, in C auf dem zweiten Blatte stehen, mit Sicherheit hervor, daß C 2 wirklich das unmittelbar auf C ; folgende Blast ist. Zugleich ist damit die Unterscheidung von Vorderund Rückseite für C1, C2 und K1 gegeben. Schwieriger ist die Frage, wie sieh C4 zu C2 verhält. Inhaltlich steht C4 den Blättern C1, C2 allerdings sehr nahe; das Kolophon macht es außerdem zweifellos, daß es hinter jene Blätter gehört. Zwischen (2 und t 4 scheint aber noch ein Blatt gelegen zu haben. Die Blätter C 1 und C 4 tragen nämlieh am linken Rande Blattzahlen, und zwar nach der älteren Weise auf der Vorderseite. Diese Zahlen sind leider stark abgerieben; doch ist unf Cr der Rest eines Zehners und darunter eine Ziffer erkennbar, die knum etwas anderes als eine 7 sein kann. Die Ziffer auf C 4 ist ganz unleserlich. Jedenfalls stand aber auf diesem Blatte nur eine Ziffer: es kunn also nur ein Zehner oder ein Hunderter gewesen sein ist daher die Lesung des Einers auf Cit richtig, so folgt daraus, daß C4 das dritte Blatt hinter C1 gewesen sein muß, und ich habe edenigeniäß bezeichnet. Zwischen den beiden Blättern von K mun dann eine noch größere Lücke vorhanden sein. Ein Vergleich von K i mit der Rückseite von C: und der Vorderseite von C: zeigt, daß S.4 Zeilen von Cangeführ 7 Zeilen in K entsprechen. Hinter madhughrtamedilhya in K 18, 5; Co , 4 hört die Übereinstimmung der beiden Handschriften zunnehst auf. Sie beginnt erst wieder mit den Worten nimmie gutam blogoti in KIV', r. C.4' 4. Die Laleka umfaßt also, vorausgesetzt,

^{*} Erganie we magn. Ergünze milrege. 1 Erganar moderate. · Live hastailers

Des Fragment von K. das dieses Wort enthält, muß ein Stück vom untern Rainle sines Illanes sein und daher zu K1 gehört haben.

Vgl. meine Bemerkungen über die Pagintering von indischen Hundschriften ans der Kumana- timt Guptsperiode, a.a.O. S. 3.

Die Vorderants von Urt ist viel weitlänfiger geschrieben als alle übrigen Seiten and kommt daher für diese Herechnungen nicht in Beitracht.

daß das fehlende Blatt C 3 auch 10 Zeilen enthielt, 194 Zeilen, denen in K 16 Zeilen entsprechen, die gerade zwei Blätter füllen würden Zwischen den beiden Blättern von K lagen also ursprünglich noch zwei Blätter, von denen uns nichts erhalten ist oder deren Bruchstücke sich wenigstens nicht als solche erkennen lassen. Ich habe daher die erhaltenen Blätter als K I und K IV bezeichnet. Vorderund Rückseite lassen sich bei K IV und C 4 nach dem Inhalt mit Sieherheit scheiden; bei C 4 kommt als äußeres Kennzeichen noch das Kolophon hinzu.

Der Text von C ist ziemlich nachlässig geschrieben. Es kommt eine ganze Reihe von Schreibichlern vor, so dharmasempatage 1°, 4 für 'senä°, atrptikurunüm 2°, 3 für °karünüm, nairätmyüdarsanäc 4°, 3 für marätmyä', karmmä 4°, 1 für karmma, sate 4°, 3 für sati, bhävayatum 4°, 5 für bhävayitum, krigata 4°, 5 walirscheinlich für krigate, bijadaka² 4°, 5 für bipodaka°. Auch nauhkarnnadhäraya in 1°, 4 scheint Schreibfehler für makkornna° zu sein. Allerdings würde das ein sehr auffallender Fehler sein, und eine absolut sichere Entscheidung ist bei dem Fehlen des Zusammenhanges nicht möglich. Die Verwechslung von narerti und närvetti in navräta 4°, 3 findet sich auch in späteren Haudschriften nicht selten. Die falsche Schreibung trühis für tribhis 1°, 2 beruht wohl auf lokaler Aussprache und hat zahlreiche Parallelen in den Inschriften. Die Schreibungen paränmukhehkütah 1°, 4 und asmän vänaste) 4°, 5 sind zu erklären wie blaggevann und senvam puspärin K, die ich a. a. O. S. 31 besprochen habe.

Gelegentlich finden sich auch Varianten im Texte von C und K. Die Lesung nimmigatam in C4³, 4 gegenüber (ni)municyatam in K IV ³ ist unerheblich. Über byjo*jakaprthic(ya)r in C4³, 5 gegenüber hijotakam prthicyart in K IV ³, 2 läßt sich nichts sagen, da der Zusammenbang unklar ist. Wichtig aber ist die Lesung aviniväryyansripyana in C4³, 3 C, wofür K I³, 5 nur aniväryyans bietet. Die Steigerung des Anupräsa in C4 läßt kaum einen Zweifel, daß hier die bessere Lesart varliegt. Es bestätigt sich also, was schon nuch den zahlreichen apateren Textänderungen in K zu vermuten war, daß K trotz ihres hohen Alters keine sehr sorgfältige Handschrift war. Eine audere Stelle, in der die Handschriften auseinandergehen, liegt vielleicht in C4³, 3; K I³, 5 vor. C liest [kha] [m*a]teptikar[a*]yan*

Die Anzahl der Zerien auf der Seite schwankt in K eteischen a und 52 stelle n. a. O. S. z.

Die römische Ziffer ist gewählt, um Verwrehahungen mit den Zahlen der winreinen beagmente in meiner Ausgabe zu vermeiden.

^{*} Es ist etwa x11 iesen [co)eyyam ulto(mar)aryyam municaryyam arisinaryyasinyyam aryam.

javidahätmukunam, während K sukhan a ... [da]uam [s] ... hat. Bei der Verstümmelung des Textes in K ist aber ein sieheres Urtell nicht möglich.

Eine fortlaufende Übersetzung des Stückes, das uns in C und KIKIV vorliegt, läßt sich bei der Lückenhaftigkeit des Textes nicht geben. Über den inhalt im allgemeinen aber kann kein Zweifel bestehen. Die hier vorliegemlen Fragmente enthalten die Szene der Aufnahme des Sariputra und des Maudgalyayana durch den Buddler. Redend scheinen in der ganzen Szene nur vier Personen aufzutreten, der Buddha, Sariputra, Mandgalyayana und die Person, die den Buddha mit seinen drei Schülern in einem Verse verherrlicht; gerade aus diesem Verse geht aber hervor, daß der Buddha noch von einem Mönche begleitet war'.

Zunächst rühmt eine Person, wahrscheinlich Maudgalyavana, die Macht der rddhis, die durch Erkenntnis und Askese erlangt werden. Er schließt mit einer Upajati Strophe :

> - - - - m en vavoli atmesyaradhyanabalena kuryur na yoginam duskaram asti (kil(meit)

> v. und des Windes* ... dürften sie wohl durch die Kraft des Nachdenkens über den Atman uml den Isvara machen; es gibt nichts, was einem Yogin schwer tiele.

Sarijentra erwidert kurz, worauf der Buddha zunächst fün auffordert, silen von den Besten zu wählenden Wandel eines Weisen. den edlen, unwiderstehlich-gewaltigen, zu wandeln. Sariputra willige ein, uml der Buddha heißt ihn willkommen mit prophetischen Worten: -Willkommen . . . dem Steuermann . . . dem künftigen Heerführer des Glaubeus - Darauf erkennt auch Maudgalyayana den Buddha in einem Verse' als seinen Meister an;

mohāndhasya janasya (da)ršanakaram mastasya sa --- sya samvitkaram |

i Died die beiden angenammen Personen ein Srammin und Kampdinyn wuren, wird Minger Research Manden.

³ Darauf weist dus M. in KIV, t.

^{*} tele gebe die Strophen in normalisierter Schreibung. Lingeklammerte Buchstabun and Silben and erganst.

Sicherhelt wur hier vom Wandeln sunf dam Pfade des Winders, sparsagnisthe me, who as Haddline 1, 55 heifit, die Reds. Die Fühigkeit zu diegen wird in dem allegoreschen Drama an erster Stelle unter den reidhe genannt; elehe a. z. O. S. 17 f.

Vgl. Fo-sha-hing-ison-hing 1407: shad then with Beshand voice, profound and weet, he farthwill hade them tweleume's

Dharmmanapati war beknnrillelt später der Belname des Sämpunga-

Auch ihm nimmt der Buddha auf, indem er seine künftige Größe vorhersagt: «Willkommen dem Herrn über die mannigfachen Arten der rddho"....» Eine nicht genaunte Person, ein Sramana, wie wir später sehen werden, preist darauf den Buddha mit seinen drei Schülern" in einem Sloka"

tribbih sisyaih parivrtah sobbate municandramah | . . . u . tri - - - , yukta iva candramah ||

- Von den drei Schülern umgeben glänzt der mondgleiche Weise wie der Mond umgeben

Das nun folgende Gespräch zwischen Buddha und Upatisya-Sariputra ist zu schlecht erhalten, als daß sieh auch nur der Gedankengang angeben ließe. Die Rede des Buddha, in der beständig das
Wort Brennen wiederkehrt, erianert an die bekannte Feuerpredigt von
Gayasirsa. Einigermaßen deutlich ist aber nur die eine Stelle: dueägniparigatam ien niladrumen gagenatalwiprasthitäsya sakuner taliptop
tradokyam... Offenbar wird hier die in Flanmen stehende Dreiwelt
einem von Waldbrand umgebenen Nesthanme, der Weise, der sieh von
der Welt abgewendet hat, dem Vogel, der sieh zum Himmelszelt auftesehwungen hat, verglichen. Den Schlaß dieses Gespräches scheint
eine Särdülavikridita-Strophe zu bilden, die als Zitat bezeichnet ist
(...ena sampan obbilatam) und wahrscheinlich dem Säriputra in den
Mund gelegt war:

-- h - Bhrgusattamo - nibhrtair yatta -- .ni -- . -- -- krtam bhrsavisaih spr(s)((am yuthā)sivişaih ||

Dann wendet sich der Buddha an die beiden nen gewonnenen Schüler, «die durch ihre früheren Taten vorbereiteten, von Egoismus freien». Von dem folgenden Gespräche ist aber so gut wie nichts erhalten, da, wie oben bemerkt, hinter C z ein ganzes Blatt fehlt und auch die letzte Zeile von C z und die erste von C 4 nahezu vollig ver-

^{&#}x27;Mandgalystyana galt spliter als ein Meister der pddhis; a Buddhacarita 17, 19; Fu-sho-hing-tsau-king 1406; Semeraen, Eine übetische Lebenshe chreilang Çâkya-mann, Man, Ac-Imp. St-Pétersbourg, T. VI. S. 236.

Der dritte Scholer ist Kninding; . S. 407f.

loren Ist. Wahrscheinlich waren in Rede und Gegenrede philosophische Fragen behandelt. Insbesondere scheint sieh der Buddha gegen die Lehre von Atman gewendet zu haben, wie sie im Buddhacarita dem Ārāda Kālāma zugeschrieben wird. Er schließt seine Ausführungen mit einem Sloka ab: Diese Feinheit der Buddhi, die vom Körper befreit ist, die als Ātman bezeichnet wird. dieses —

süksmatväe eniva dosanam avyapäräe ca cetasah |
(d)i(rghatvä)d äynsus caiva moks(as tu) parikalpyate ||
» wird, weil die Unvollkommenheiten gering sind, das Denken
ruht und die Lebensdauer lang ist, (fälsehlich) für die Erlösung
gehalten. «

Säriputra erwidert in längerer Rede. Er erkennt rückhaltlos die Argumente des Meisiers an: «Solange man am Atman festhält, gibt es kein vollständiges Nirvāna; durch die Erkenntnis der Atmanlosigkeit tritt es ein.» Er vergleicht dann das allmähliche Schwinden der Buddhi' mit dem Versiegen eines Flusses. Die Einzelheiten des breit ansgeführten Bildes werden bei der mangelhaften Überlieferung allerdings nicht klar. Den Schlaß seiner Rede bildet wiederum eine Strophe, im Sälimi-Metram

karma ksetram bijam utpatticetas trsna ktedacchādanam cāpy ava(ndh)yam | evam lokah sasyavaj jāyamamo jūšnāditye — | - |

»Das Karman ist das Feld, der Same der Wille zum Leben, der Durst die Befeuchtung, die sieher wirkt; so wie die Saat entstehend werden die Wesen ... durch die Sonne des Wissens

Noch einmal wendet sich der Buddha an die beiden Schüler, die er preist als «die nach der Weise der . . . erzogenen, durch den Dharma der Asketen gereimgten, die klaren Sinnes sind, da der Stachel der mannigfachen falschen Lehren berausgezogen ist infolge dieses Erfassens der Wahrheits. Dann spricht er den Segenswunsch²:

ata) param jäänam idam yatendriyan nirantaram bhävayitam vimuktaye | si - an bhiksam akhilam aka - niramayan pam - - - |

Im Varionally-Meleum.

Buddhi ist lifer offentar describe wie Vijning.

Nach dem Kolophon' bildet diese Szene den Schlaß des neunten und letzten Aktes des Säriputra- oder Säradvatiputraprakarana, eines Werkes des Asvaghosa, des Sohnes der Suvarnäksi. Suvarnäksiputra ist der Beiname, der dem berühmten buddhistischen Dichter auch in dem Kolophon des vor einiger Zeit entdeckten Saundaräuandakävya und in dem Kolophon der tibetischen Übersetzung des Buddhacarita gegeben wird. An der identität der Personen ist also nicht zu zweifeln. Der Dichter hat überdles gewissermaßen dem Werke selbst seine Signatur gegeben: der oben erwähnte Sloka süksnadvär enich digenäm usw. ist ein wörtliches Zitat aus seinem Buddhacarita (12, 73).

Asvaghosas Bedeutung für die Geschichte der vorklassischen Literatur wird durch den neuen Fund in noch helleres lächt gerückt. Die Tradition rühmt seine Vielseitigkeit. Sie stellt ihn ebenso hoch als Gelehrten, der das ganze brahmanische Wissen seiner Zeit besau. wie als Musiker und Komponisten, der mit seinen Liedern die Leute auf den Märkten vom Puspapura so zu bewegen wußte, daß sie die Beimat mit der Heimatlosigkeit vertauschten. Wir kennen ihn als Verfasser von Epen und Erzählungen, die einst ganz Indien las und die zu dem Besten gehören, was uns an Kävya-Poesie erhalten ist, als Metaphysiker, der den Grund zu der Lehre des Mahayans legte. die his auf die Gegenwart einen großen Teil der buddhistischen Welt beherrscht hat, als Theologen, der mit den Waffen einer oft spitzfindigen Dislektik für seinen Glauben kämpft. Von dem Dramatiker Asvaghosa aber hatten wir bis jetzt keine Kunde. Zu einem Urteil über den Wert seiner Leistungen auf dem Gebiete des Dramas reicht das uns Erhaltene nicht aus. Die Tendenz, zu beiehren und zu erbauen, die bei ihm, dem buddhistischen Mönche, allerdings nie ganz fehlt und in der er selbst sicherlich in erster Linie die Bisrechtigung semer Dichning gesehen hat, tritt jetzi durch die Schuld der mangelhaften Uberlieferung wahrscheinlich viel stürker hervor, als

I Hinter dem eigentlichen Schlasse anneighen sinken sern stittel alleiher onch ein Schreibervers.

I HARATHASAD SHATTIN, JOHN, Prog. As. Soc. Bong. Vol. 5, p. 1655.

^{*} Tronas, Ind. Ant. Vol. 32, p. 350.

* Abulleh verweist Avaghore auch in semen Sütrülamkara zweimal auf das Bulhlimcartta; siehe S. Lavo's in der süchsten Note angestährte Abbaudlung, p. 79.

File die Nachweise im amzelnen eiebe S. Leri's ausgezeichnete Abhandlung - Agrughoja, le Sotrilaukura et ses sourcess, Jaura, As. S. N. T. 12, p. 57 ff.

es der Fall sein würde, wenn wir das gauze Werk vor uns hätten. In der uns erhaltenen Szene war das Vorherrsehen des lehrhaften Elementes schon durch den Stoff bedingt. Welch eine falsche Vorstelling wurden wir uns aber vom Busldhacarita machen, wenn uns davon zum fleispiel nur die Begegnung des Buddha mit Arada Kaläma im zwölften Gesange überliefert wäre! An einer Stelle läßt sich aber doch erkennen, daß Asvaghosa ein feines Empfinden für das dramatisch Wirksame besaß. Die Fradition war, daß der Buddha, als er Saciputea und Maudgalyayana vom ferne kommen sah, sieh an die Monche in seiner Umgebung wandte und prophezeine, daß sie seine besten Jünger, das gesegnete Paar- (bladrayaga), werden würden. So heißt es Mahayagga I, 24, 3: addasa kho bhagara la Sariputta-Moggattane durato va ligarchante | distana bhikkhu amantest | etc. bhikkhavs der sahāyakā ayacchanti Kolita Upatisso va etiop me sārakayugenbhavissati aggom bhaddayngan til. Ehensu erzillilt Asvaghosa die Begebenheit in seinem Epos (17, 19)"; mur ist der Inhalt der Weissagung hier noch bestimmter: «Als Bhagavat, der größe Rsi, von der Schar seiner Schüler umgeben, die beiden von ferne erblickte, spruch er zu den Bhiksus: 'Hier kommen meine beiden gesegneten (bluden) länger, die besten unter den Weisheitsbegabten (projnarut) und unter den Winsderkräftigen (rddlimut) - In dem Drama aber läßt er den Buddha die Prophezeiung bei der Aufnahme direkt an die beiden Jünger richten. Er hat sich also nicht gescheut, um der Bühnenwirkung willen die Tradition zu verlassen.

Das Stück wird ein Prakarana genannt. Nach den Theoretikern* ist der Stoff des Prakarana dem bürgerlichen Leben entnommen und von dem Dichter frei erfunden, und der Held ist ein Minister, ein Brahmune oder ein Kaufmann, sters aber ein fester und ruhiger Charakter (dhiraprasanto), der trotz aller Hindernisso das Ziel somes Strebens auf dem Geblete des Dharma. Arths oder Kama er-

Die Gesiehichte wird dann moch einmal erzählt.

Plime und die S 400 angeführte Stelle aus der tillethichen Übersetzung des Buddhacarita hat mir Hr. Dr. Sassiran fraundhehst aus seiner Abschrift des Werkes

alob majd sder, bees de faid rgyna ma has gaigs mas. beom . Idan . drah . srah . chen . paw . dge . slon . roams . la . gsuñs . ess . rate . can . don . rdan hphral . idan . pa . rname . kyl . gian kho boh mehec gi slob ma bil ghis bile hobs . . .

Vet Fo-mo-fing pan-king 1405 f. In Schurrners libetischer Lebembeschreibung. a. a. O. S. 250, trut der Pookt, unf den es hier ankommt, nicht dentlich horvne: . Unrant wurden die samt ihren Schillern von Rhagavant aufgenommen, weicher den Cariputra den verzüglicheten der mit Weisbeit Begabren, den Maudgaljäjana den vurzibeliebeten der mit Wumberhraft Begahten, beide aber das ginckliche Musterpass monte.

^{4 18620, 18, 90} ff.; Sah, 312 fiz fink, 3, 35 ff.

reicht. Die Heldin gehört den besseren Ständen au (kulaster, kulaja) oder ist eine Hetäre. In einem Punkte, in der Stellung und dem Charakter des Helden, stimmt jedenfalls unser Prakarana mit diener Definition überein. Wieweit der Stoff von dem Dichter selbständig erfunden war läßt sieh nicht sugen; die Anlehmung an historische Ereignisse, wie wir sie in der Schlußszene und, wie wir sehen werden, überhaupt in den letzten Akten finden, schließt nicht aus, daß die eigentliche Fabel des Siückes auf freier Erfindung beruht. Die Frage, wer die Gegenspielerin war, läßt sich nicht beautworten. Die in den Fragmenten von K so häufig genannte Hetäre gehört, wie später gezeigt werden wird, einem anderen Drama un.

Das Säriputraprakarana war in 9 Akte geleilt. Auch diese große Zahl von Akten stimmt mit der Praxis der klassischen Zeit überein. Die späteren Prakaranas, Mecchakatika, Malatimadhava, Mellikamuruta, laben je 10 Akte. Bemerkenswert ist übrigens, daß hier ebenso wie in den beiden andern Aktschlüssen von K kein besomderer Titel des Aktes angegeben wird.

Für die Sprache und Metrik ergeben die Fragmente von C nichts Neues Daß der Buddha und seine Schüler Sanskrit sprachen, hatte ich schon aus den Resten von K geschlossen (a. a. O. S. 30). Nicht unwichtig für die Entwicklungsgeschichte der dramatischen Technik ist aber der Schluß unseres Prakarana. Der Ausgang des klassischen Dramas ist an ganz feste Formen gebunden. Eine Nebenberson fragt den Helden, ob sie ihm noch etwas Liebes erweisen konne . Mit der stereotypen Formel atah param api priyam astit versiehert der Held, daß er keinen Wunsch mehr bege als den einen, dem er dann in der Prasasti oder Bharatavakya genannten Schlißstrophe Ausdruck gibt. Dieser Segenswunsch ist gewöhnlich ganz aligemein gehalten: nor selten, wie z. B. in der Sakuntala, im Malavikagnimitra, im Mudraraksasa, nimun er auf die Personen und Verhältnisse des Dramas Bezug. Die Prasasti hat nun auch Asvaghosa, und wenn sie meh nicht vollständig überliefert ist, so gehr doch aus den Dualen yatendriyau und nicamayau mit Sicherheit hervor, daß sie nur den beiden Jüngern galt. Aber sie ist nicht dem Helden in den Mund gelegt, und vor allem fehlt die typische Überleitung; obwohl sie sieh in dem Gespräch zwischen dem Buddha und Särlputes mit Leichtigkeit hatte berstellen lassen. Wir dürfen daraus wohl sehließen, daß sie in dem vorklussischen Drama noch nicht gebräuchlich war-

¹ Medet lautet die Formel; kap is bhoyah projam upskaroms

¹ Sie wird nur sehr selten variurt, z. B. m. Venisandura.

bu Modefirfiksasz wird jene Versicherung und der Segenswunsch zwischen Condengupta und Rahsass geleilt.

Es bleibt endlich noch eine Frage zu beautworten: Wir haben geschen, daß einige Bruchstücke von K einer Handschrift des Sariputraprakarana angehören: können wir auch die übrigen Bruch-tileke von K diesem Deama zaweisen? Für diese Frage ist das Blatt K IV von entscheidender Bedeutung. Die eine Seite dieses Blattes enthält, wie der Vergleich mit U.4 zeigt, den Schluß des Sariputruprakaruna Auf der anderen Seite aber findet sich nichts dem Texte von t Entsprechendes, obwohl der Text auch dieser Seite zweifelles aus einem Denma stammt. Daraus folgt, daß diese Seite die Rückseite ist und daß hier ein neues Drama begann. Es bestätigt sieh also, was ich schon aus anderen Gründen vermuter hatte (a. a. O. S. 16), daß K eine Sammelhandschrift war. Eine Persmenangabe ist uns zufällig in K IV h nicht erhalten; den einzigen Anhaltspunkt für die Bestimmung des zweiten Dramas bieten daher die Worte (me)hante klas amodo panikakule. Da hier von einer Hetäre die Rede ist, so ist anzanehmen, daß auch die übrigen Fragmente von K, in denen die Hetare Maga-Diavati auftritt oder erwähnt wird, diesem Drama augehören. Nun erscheint aber die Hetäre zusammen mit dem Näyaka (4. 8. 16. 39. 51), mit Dhananjaya (8, 16, 29), dem Bösewicht (4, 37), dem Vidősaka (4, 29). Madha (38) und der Dienerin (44); in 16 spricht sie von Somadatta. Es müßten also auch alle Fragmente, in denen diese Personen genannt werden, und damit nahezu des gesamte Material außer den paar Stücken, die durch U als Teile des Sariputraprakarana beglanbigt and, aus dem Hetheendraum stammen. Das ist an und für sich nicht unmöglich; ein Umstand spricht sogar entschieden dafür. Der Held, der Nayaka, wie er in diesem Stücke sters genannt wird, kann kaum furrputra gewesen sein; sein Name war vielmehr wahrscheinlich, wie ich n. a. O. S. 19 bemerkt habe, Somadatta. Auch wird Sariputra in C in den Bühnenanweisungen immer mit seinem Namen genmnt, und es ist night anzunehmen, daß K darin von C abwich. Allerdings müssen auch in dem Hetärendrama Säriputra und Maudgalyäyana aufgetreren sein, denn in 4 wird Maudgalväyana zusammen mit dem Navaka, Magadhavati, dem Bösewiehr und dem Viduşaka genaunt. and in to beginnt eine Rede des Dhananjaya Stradenti, was sicher zu Saemicaliputen zu erganzen ist. Im einzelnen wird sieh die Zugehörigkeit der Fragmente von K genauer erst bratimmen lassen, wenn der eigentliche Stoff des Hetärendramas nachgewiesen ist; einigen alier glanbe ich doch sehon jetzt ihren Platz anweisen zu können

Mil dem *beathjudro* in Z. z ist nicht wiel anzufriegen, noch weniger natürlich mit dem up#[nr] in Z. 3. dessen Ergänzung zu upäsaka nicht eleber int.

Es scheiden zunächst aus die zu einem Blatte gehörigen Fragmente K i und 2. Für den Nachweis, daß diese aus einem allegorischen Drama stammen, verweise ich auf meine frühere Abbandlung.

Zu dem Säriputraprakarana stelle ich außer den durch C gesicherten Stücken, die in KI und KIV vereinigt sind, noch die Fragmente 3, 14, 15, 32, 54, 55, 56, 65.

Das Fragment K 3 kann dem Hetärendrama nicht angehört haben, da es, wie a. a. O. S. 24 gezeigt, den Anfang eines Stückes enthält. Wollen wir nicht noch ein viertes Drama annehmen, wozu nicht der geringste Grund vorliegt, so kann dies nur der Anfang des allegorischen Dramas oder des Säriputraprakarana sein. Äußerlich stimmt das Blatt aber mehr mit den Fragmenten des letzteren überein. Und dazu kommt ein zweites. In Z 3 der Vorderseite finden sich die Wortreste [p].[k].[vo]ne, die ich jetzt zu prakarane ergänze. In der Prastävana des Säriputraspieles, das ausdrücklich ein Prakarana genannt wird, dürfen wir dieses Wort erwarten, während das allegorische Drama kann diese Bezeichnung gehabt haben kann. Mir erscheint es daher nahezu sieher, daß uns in K 3 der Anfang des Säriputraprakarana vorliegt.

Die Fragmente K 14, 15 und 32 werden, wie ich nachträglich erkannt habe, durch die lußere Beschaffenheit, vor allem durch die Ähnlichkeit in der Aderung und dem Verlauf der Blattrippen, wie durch den Inhalt als Telle eines Blattes erwiesen! Zwischen 14 und 15 fehlen drei Aksaras, zwischen 15 und 32 ein bis zwei. An 14 und 15 hat alch außerdem noch je ein kleines Stück ansetzen lassen. Auf der von mir früher als b bezeichneten Seite von 14 vermag ich jetzt am linken Rande auch Spuren der Blattzahl zu erkennen. Diese Seite würde also die Vorderseite sein. Der Text lautet:

Dies Blatt ist für die Handschriftenkunde nicht ohne: lateressa. Die Malinisprophe in Z. z der Vorderseite läßt erkennen, daß am rechten Bodn 13 Aksaras fehlen, die 7.5-8 cm erfordern. Der erhaltene Teil des Blattes milit 30 cm. Des ganze Blatt würde also höchstens 44 cm lang gewesen sein. Das dem Hetärendrama angehörige Fragment 27 und das Fragment 65, dessen Zugehörigkeit nicht zu bestimmen ist. führen aber mif eine Blattlänge von 54-55 mm (a. a. O. S. a). Es let darmes meines Erachtens nicht zu folgern, daß das Säriputraprakarana ursprünglich eine besondere Handschrift bildete, die erst später mit der Handschrift des Hetärembrames zusammengelegt wurde. denn in KTV beginnt, wie wir sahen, das Hetkeendrams unf demosiben Blatte, auf dem das Sariputrapraharana endet. Es reigt our, das man sich in der Kusamzeit mehr nicht wie in späterer Zeit die Mühe gab, die Palmbilätter genau gleichmäßig zu schneiden. Auch die Höhn der Blätter differiert ja nicht unerhehlieb, wie ieli a. a. O. gezeigt linhe. Das Blatt, dem Fragment 7 angebürte, ist wahrscheinlich noch kürzer gewesen als unser Blatt. Der erhaltene Tell ist to em lang. In der zweiten Zeile der Vorderseite beginnt eine Szeilülavikriditastrophe, die in der dritten Zeile andet. Es feblen 53 Aksuras, die gegen 30 cm erforders. Die Lünge das Blattes betrug danach nur 40 cm.

Vorderseite.

wijijavyam aparijimijijaritham avaptukamena satsannikarse khalu pp[r]ayatitavyam maya hi [m].[g].[t].[dh]..[m]m. [s]. [dh]y.m.n.th. m..gg. . . . mrtam upalabdham bh[i]ksum asa-[ddya] . .

... [jādar]c[na]" s.ltamatibhir alab[bh].nu" yat ...ais s.s āsuraiš a" ca — vi jihāya e[t]: jītassa " vacanam sunīya apuru ... mukhavannena aā[ā]am viya" ...

t was a property of the second
Rückseite.

dhur = uṣṇe " [m]...[g].h šivo = ddhvani m.h.t.[m].s. [p]pr."

... upadeso²⁵ odisassa bambhanajanassa²⁵ anuggāhako²⁵ bh.[t]... [t]... | m] = padistam²⁶ - āturebhyo na rogappra[š]... [n]āya²⁵ bhavati kim varnan²⁶ - ta...

t. na dahanakarmā bhavati faho nikrstavarmen kakhyātam susnaparīgatay sodakan sna prablāda[m].

Das zweite en ist spliter nachgezogen; tes ist spliter eingefligt. kho ist später mehgezogen. * Ergänze minudeti (?). Ergänze kermseyem, * 11as Wort ist spater nachgezogen. * mosona 1st später machgezogen-Lies maper - mayo hi in spitter unchgezogen. Frganze gottedbaronne and hymmans the maryge ted american. " Das ja ist nicht siehen; ich halte es aber the wahrscheinlicher als so, wie ich früher las. 30 Der Annexers ist spiller nachgerogen. Erganze ethikamatikkar alabhhyang. It ee ist spater unchgerogen. Erganze yat ment e america. "Engline vida — the apajihaya stones parrajitama. " m-Coring — vigo ist später nachgezogen. Ergänze anarmamukka".

1 Lies brakennes yya.

Der ö-Strich ist dentlich.

1 Erginze yatayannaa (?).

1 tempraya ist später nachgezogen. 31 amo ist später nachgezogen. 18 ayast – nose ist später nachgezogen; āpadi ist nicht sicher. " m — ppr. ist größtenteils spüter meligezogen. Erganzs marggun und mahatamasa ppraviete. " w und fias a von so sind apater nanlegezogen. at ma bambhana ist spitter machigezogen. " ho jet spitter nachgerogen. Berginze bina - Suri. Die Ergänzung zu bina ist nicht möglich. gante conquirer acquiban upadigam. " therebye and ro let spiter anchgescogen. Erganze provide analyz. 12 Der - Strich von hi und roga sind spitter nachgezogen. 11 Das r und der a-Strieb ist später nachgezogen. 22 Der e-Strieb ist später meligerogen. " ahn, der i-Strich von ni und rope sind später nachgezogen. 30 Lies "gotoy o"; 41 Auch die Lessung & let möglich; der Sinn apricht aber für da. Ergünze prahladien, authali. 15 Firgünze mahradrad.

Wir haben hier einen Dialog zwischen dem Vidüsaka und einer Sanskrit sprechenden Person, die ich früher nicht habe bestimmen können. Jetzt sehe ich, daß es Säriputra ist. Die Personenangabe in Zeile 3 der Rückseite ist allerdings verstümmelt, aber die Buchstabenreste tassen doch deutlich erkennen, daß Säri dastand. Auch der Inhalt der Szene läßt sich jetzt angeben. Säriputra sagt: «Wer der muß überall das Banner des Wissens (?)". "wer unermeßlichen Gewinn zu erwerben trachtet, der muß sich Mühe geben bei den Guten. Denn ichs — und nun geht die Rede in Verse über" — sich habe, während ich den Dharma der . "übte, am Wege einen Mönch getroffen, von dem ich die Unsterblichkeit erlangte, die trotz ihres festen Willens nicht Götter noch Teufel zu erlangen vermögen»:

--- m - g(a)t(a)dh(ar)mme s(ā)dhy(ā)m(ā)m(e)th(a) m(ār)gg(e) (tad a)mṛtam upalabdham bhikṣum āsāddya -- |
---- jādareṇa s(th)itamatlbhir alabbh(y)am yat (su)rais (e)āsurais ca |

Der Vidüsaka erwidert: () Meister, seit du die Rede jenes Mönches vernommen hast, (zeigst du) eine Gesichtsfarbe wie nie zuvor (und) gleichsam anderes . . . Es folgt eine Lücke. Hier muß der Vidüsaka dem Säriputra vorgehalten haben, daß es ihm als Brahmanen nicht zieme, die Lehre eines Mannes aus der zweiten Kaste anzunehmen. Säriputra weist ihn zurück; man müsse das Heil ergreifen, von wessen Hand es auch geboten würde. Er spricht zunächst in Versen":

t ---- m iyan me t ---- nāśanāmall --- | aguir hi me śarāṇam āpadi sindhur uṣṇe m(ārg)g(a)h śivoddhyani m(a)h(ā)t(a)m(a)s(ā) ppr(aviṣṭe) ||

denn das Feuer bietet mir Schutz, wenn es kalt ist', der Strom in der heißen Jahreszeit und der Weg des Heils, wenn die Reise ins Dunkle geht. Und als der Vidusaka noch einmal bemerkt: (Diese) Lehre scheint (mir) für solehe Brahmanen, wie wir es sind', nicht gerade günstig zu sein . da bricht Säriputra leiden-

[†] Der Sate von 'manne — karttanjan stimmte im Ban offenhar genan mit dem folgenden Sater appromiti' — pprayatitieppe überein.

^{*} Millini Strophe.

³ Vasantatilaka-Stropke.

Das moß meines Erachteus der Sina sein. Die Lesung opadi ist unsicher.

Das scheint der Sinn von edies zu sein. Der Vidüşaka stellt sich in seinem Selbstgefühl als Brahmane auf eine Stufe mit Säriputra.

Die Erganzung der Negation wird durch den Sian gefordert.

schaftlich los: . Wie, bringt etwa eine Arznei den Kranken keine Heilung, wenn sie von einem Manne aus niedrigerer Kaste verordnet ist? . . . brennt etwa nicht . . . , oder bringt etwa das Wasser dem von Hitze Gequalten keine Erquickung, wenn ein Mann von geringer Kaste es ihm angezeigt hat?

✓ Ich habe früher (a. a. O. S. 21) den Vers über die Erlangung der Unsterblichkeit auf das Erlebnis des Buddha bezogen. Das erweist sich jetzt, wo der Zusammenhang des Textes klar ist, als falsch. Sariputra spricht von seiner Begegnung mit Asvajit, durch den er die erste Kunde von der Lehre des Buddha erhielt. Die darauf folgende Bemerkung des Vidusaka stimmt genau zu der Tradition. Im Mahavagga (I, 23, 6) wird geschildert, wie Mandgalyayana den Sariputra erblickt, als er von der Unterredung mit Asvajit zurückkommt: Deine Miene, Freunds, sagt er zu ihm, sist hell, deine Farbe klar und rein, hast du etwa die Unsterblichkeit gefunden? (rippasmanini kho te uvuso indrigani | parisuddho chavivanyo purigodato | kacci nu team acuso amatam adhigato). In seinem Buddhacarita gibt Asvaghosa den alten Bericht getren wieder. Hier (17, 16) sagt Maudgalyāyana zu Śāriputra: -O Bhiksu, durch welche Wahrheit gleichsam ein andrer geworden, nahst du rühig und froh? Hast du etwa heute die Unsterblichkeit (amrta) gefunden? Dieses heitere (prasanna) AntHtz ist nicht ohne Ursache !. Die zum Teil wortliche Chereinstimmung mit der Stelle im Drama fällt hier sofort ins Auge.

Es kann darnach keinem Zweifel unterflegen, daß jene Szene aus dem Sariputraprakarana stamint. Offenbar schloß sich die Unterredung mit dem Vidusaka unmittelbar an die Begegnung mit Asvajit an. Dann begab sieh Saviputra zu Mandgalyayana, teilte ihm seine Erlebnisse mit, und beide suchten nun den Buddha auf, worauf die Aufnahme in den Orden erfolgte, wie sie uns in der Schlußszene vorliegt.

Das Blatt ist aber nicht nur für die Rekonstruktion des Stückes wertvoll. Fast noch wichtiger ist, daß es beweist, daß der Vidüsaka in dem Sariputraprakurana auftrat, und uns überdies zeigt, welche Rolle er hier spielte: er ist der Begleiter des Sariputra genau so wie er im Nataka den König oder in der Mrechakatika den Carudatta begleitet. An und für sich ist natürlich die Idec, einem nur der Hoffnung auf Erlösung lebenden Bettelmönche — denn das war Sariputra

dge . don . de . nid . gan . gis . gian . hžin . gynr . pa . ate . brian . yin . yah . dag , dgah . kih . he . bar . son . khyed, kyle hahl seed ei zig de rin thab put ate. bein , mi , rab , tu , dan , hell , gran , tshigs , mod , ma , yim ,

Die awnite Zeile hat awei Silben zu wenig. Vgl. Fu-sho-hing-tean-klug 1401f.

schon ehe er in den buddhistischen Orden trat — die lustige Person zum Gefährten zu geben, absurd. Wenn es doch geschieht, so beweist das, daß die Verbindung des Vidusaka mit dem Helden, er mag sein wer er will, zu Asvaghosas Zeit schon ein so festes Gesetz der Bühne war, daß der Dichter sich ihm nicht entziehen konnte. Für den guten Geschmack Asvaghosas spricht es aber, daß er wenigstens in der feierlichen Schlußszene, wo der Stifter der Religion selbst auftritt, die lustige Person ferngehalten hat!

Zum Säriputraprakarans lassen sieh weiter mit ziemlicher Sieherheit die Fragmente K 54—56 stellen. Fragment 56 ist durch zwei Stäcke vergrößert worden, so daß der Text jetzt lautet:

- - . . . [glau[ra]ve[n]."..... manau nyast.[d]."n.t. . .

In 54b : lese ich jetzt:

skarot[i| vi[du] .. jā[ājnasya jāna]n]. . .

vidu ist zu viduşo oder einem andern Kasus des Wortes zu ergänzen, und die Zeile enthält ebenso wie 56 b 3 Reste einer Särdülavikridita-Strophe, die a. a. O. S. 20 nachzutragen sind.

Die äußere Beschaffenheit macht es wahrscheinlich, daß die drei Fragmente demselben Blatte angehören, wenn sich auch die Lage der einzelnen Stücke zueinander nicht bestimmen läßt. Die Gründe, die mich veranlassen, es dem Säriputraprakarana zuzuweisen, sind die folgenden. Säriputra und Maudgalyäyana werden in 54 erwähnt¹⁸. Zweimal, in 55 und 56, wird in den Personenangaben Kaundinya genannt. Es ist ferner der Buddha anwesend, denn in 55 redet Kaundinya eine Person mit bhagavan an, dem speziellen Titel des Buddha. Das Wort kommt außerdem noch einmal im Texte von 54 vor. Es handelt sich hier also um eine Szene, in der der Buddha, Säriputra, Maud-

In der ganzen Schlußszene kommt bekanntlich kein Prakrit vor. Daß der Vidfisaka hier fehlte, ist daher sicher.

^{*} Ergünze Kanopi. Wahrscheinlich ist stan shalu zu ergänzen. om dem Späteren unter der Zeile nachgetragen. Wohn es gehört, ist nicht ersichtlich Ergänze aguschalu (?). Ergänze pargoni. Ergänze kanalusedrin. Das au und den e sind später nachgezogen. Die Reste weisen aher auf du ale auf ma. " canasya ist von dem Späteren über der Zeilennehgetragen. Wohin es gehört, ist nicht ersichtlich. "Das zu ist unsicher." Lies Müsserzeh.

[&]quot; Man benchte auch den Dual "menere in K 50.

galyayana und Kaundinya auftreten. Das erinnert sofort an die Schlußszene, in der, wie wir oben sahen, der Buddha zusammen mit Sariputra, Maudgalyayana und einem dritten dort nicht genaunten Schüler erscheint. Vom historischen Standpunkte läßt sich gegen die Annahme, daß Kaundinya der Aufnahme des sedlen Paaress beiwohnte, nichts einwenden, denn Kaundinya war bekanntlich schon geraume Zeit vorher der Jünger des Buddha geworden. In der Schlußszene muß aber noch eine fünfte Person aufgetreten sein, die den Sloka tribhih sisyaib parintab usw. sprach, da dieser weder dem Buddha noch einem der drei Jünger selbst in den Mund gelegt sein kann. Auch diese Person ist in den Fragmenten erwähnt. In 54b 2 steht , tau Sariputra Mandouly ayanan kramanen. , in 54 n 2 talah pravisanti kramaun , wo ich das letzte Wort jetzt zu kramana Sarimura Mandgalgayanah erganzen möchte: Jedenfalls trat also ein Sramana auf, der das Freundespaar geleitete. Ihm dürfen wir auch unbedenklich jene Strophe zuweisen, da er als buddhistischer Monch sich des Sanskrits bedienen mußte. Nehmen wir alles zusammen, so werden wir kaum fehlgehen, wenn wir das Blatt, aus dem die Fragmente 54-50 stammen, dieht vor das Blatt K I setzen. Es enthielt die der Aufnahmeszene vorausgehende Szene. Der Buddha steht im Gespräch mit Kaundinya da. Da erscheint Sariputra und Mandgalyayana, geführt von einem Mönche. Kaundinya erblickt sie zuerst und macht den Buddha auf sie aufmerksam (56 a 2: (āgaccha)ta iti pasyāmi).

Zum Säriputraprakarana gehört endlich auch das Fragment K 65In bz habe ich hinter der Sürdülavikridita-Strophe ein sa gelesen. Es
ist aber auch der Rest eines ä-Striches sichtbar und der untere Teil
eines darauffolgenden ra. Dahinter ist eine kleine Lücke. Die Ergänzung zu der Personenangabe Süri — ist daher sieher. Das Fragment
enthält also das Gespräch des Süriputra mit einer Sanskrit redenden
Person, und dieses Gespräch betrifft den Buddha und die huddhistische
Lehre. Es ist von der Wiederkehr des unreinen Aufenthalts im Mutterleibe die Rede, von dem Kreislauf, den der Buddha beseitigt hat, von
dem herrlichen Manne, der eine Stätte der Ruhe ist. Den deutlichsten Fingerzeig geben die Worte abhäninskayltä ireyasi gehito bhaeun,
edn bist gefunden als ein Einführer in das Heils. Das können nur
die Worte sein, die Säriputra an Asvajit richtete, als er ihm den Heilsweg wies. Das Blatt enthielt also die Szene, in der Süriputra und
Asvajit sich begegnen.

Es mag noch ein oder das andere Bruchstück hierbergehören, so von größeren K 7, 20, 21, von kleineren 58, das die Personenan-

im Texte steht davur fajav, was mir unklar lit. Die Verbesserung zu der ist natürlich undelter.

gabe Sari enthält, und 90, wu Maudgalyayana auftritt und wahrscheinlich auch der Vidüsaka, der eine Person mit upajjhaga anredet, aber ein sicherer Nachweis läßt sich nicht führen, und für die Rekonstruktion des Dramas haben daher jene Fragmente keinen Wert. Soweit wir das Säriputraprakarana verfolgen können, schließt es sich, von Kleinigkeiten abgesehen, durchaus an die Tradition an. Wir dürfen aber nicht vergessen, daß alles, was uns erhalten ist, dem letzten oder den belden letzten Akten augehört; von dem, was den Inhalt der ersten 7 oder 8 Akte ausmachte, wissen wir nichts.

Die Tatsachen, die den Fragmenten des allegorischen und des Hetärendramas zu entnehmen sind, habe ich in meiner früheren Abhandlung S. 16 ff. zusammengestellt. Daß diese beiden Stücke von Asvaghosa verfaßt sind, läßt sich nicht beweisen; die Vermutung, daß die Handschrift die gesammelten dramatischen Werke Asvaghosas enthielt, liegt aber doch so nabe; daß ich es wage, sie auszusprechen

Als Anhang mögen hier noch einige Nachträge zu meiner Ausgabe des Textes der Dramen Platz finden. Den fortgesetzten Bemühungen meiner Fran ist es gelungen, noch nach der Drucklegung kleinere Stücke mit den veröffentlichten Fragmenten zusammenzusetzen, wodurch teils der Text bereichert, teils die Lesung gesichert oder auch berichtigt wird, wie ihr auch die sehon erwähnte Ergänzung der Fragmente 14, 15 und 56 verdankt wird. Ich gebe im folgenden einzelne Zeilen oder, wo es nötig ist, die ganzen Fragmente in der Form, wie sie jetzt vorliegen.

Rückseite.

niloppal.'.

tavyam' abo...

h..t.h [y]...

Unter der 30 ist der winzige Rest eines Einers sichtbar. Die Prakritform niloppal(a) ist unter den Anonymen a. a. O. S. 52 nachzutragen.

Nr. 7. Vorderseite. 3 ... [dhā]c - ca na bbhrasyati — vidū — yadi evam la ..

Rückseite. [dh]. behadrathen sätirathena nirmitam svalanketa...

Das Wort ist später nachgezogen. * Das to ist später hinzugefügt.

Ursprünglich hatte der Schreiber *rüthena ni* geschrieben, wie ich auch gelesen hatte. Er hat aber, wie es scheint, selbst das ü-Zeichen gelöscht. **dhāc ca na libhrasynti ist der Schluß der in Z. 2 beginnenden Särdülavikridita-Strophe, die Zeile der Rückseite der Rest einer Vamsastha-Strophe.

Nr. 12. a . . . stha bhavati vane - pî blân.apañ en.iyû.[v].'. ,
b - . . viya — naya — dhik abh.ksuk[i]yam - a.u.th[i] - . .

Nr. 13. Das Fragment 103 gehört immittelbar links vor 13.

a) . [kā] — bhattā iya." mhi — Dhānan — gat »āsi Somadattassa švašurākulam — ceti — bha". .

samprati pa[k]tih atha snanoda[k]. . .

tatr * aiva gae[ch]āmi — Dhānam — ārtthasidilhaye —
 vidū — bho Dhānanjaya sīggham mitthāmittham . . .

Die Erkenntnis der Zusammengehörigkeit dieser beiden Fragmente ist sehr wertvoll, da dadurch die von mir vorgeschlagene Ergänzung von iv. zu ivam bestätigt und die Erklärung des bhatta als Vokativ gesichert wird. Diese beiden Formen gehören aber zu den Hauptzeugen für den Sauraseni-Charakter des hier vorliegenden Prakrits (a. a. O. S. 48). Ich habe die Worte bhatta iv. früher mit Vorbehalt der Hetäre zugewiesen. Der Zusammenhang zeigt jetzt, daß sie der Dienerin zukommen, und daß der Buchstabenrest am Anfang der Zeile a 3 von einem ka stammt, das zu erhän zu ergänzen ist. Damit ist die Frage, ob die Dienerin Alt-Saurasen spricht, entschieden (a. a. O. S. 52).

Nr. 29. Av .. ryyākula ajivika.":

b . [ga]cchati — gani — kahi 11 ...

Ergünze bihirintapancendriyārie.

* Ergünze bahita; der Buchstabencest stimmt dasu.

* Ergünze bahita; der Buchstabencest stimmt dasu.

* Cher pake und bi, le sind von dem Späteren zwei Wörter geschrieben, die wahrscheinlich Glossen zu den darunterstehenden Würtern sind. Das erste smilte auf lake, das zweite wicht sin ka let bahakstalele zu ergünzen und dies Schreibfelder für bahakstale?

* Leh ergünze jetzt anaghiyatan tata.

* Ergünze novem popujate.

* Ergünze novem popujate.

* Ergünze pargyükule Specket.

* It ist später mechgezogun. Ergünze kahige.

Der Ajvika-Monch wird in demselben Fragment in bi erwähnt. Die Prakritform kuhi(m) ist a. a. O. S. 43 nachzutragen.

Nr. 46. Dieses Fragment wird durch ein kleines Stück mit Nr. 97 verbunden.

ti may abhihitam mada i[v]...

Die Zeile a 2 ist der Rest einer Särdülavikridita-Strophe. Die Prakritwörter von a 3 und b 2 sind unter den Anonymen a. s. O. S. 53 nachzutragen. Übrigens gehört das Fragment wahrscheinlich demselben Blatte an wie Nr. 47, und die Worte in 46a 2 und 47a 2 sind Teile derselben Strophe.

Nr. 53. a . . [kan]thabaddhe kanthavitthit . n. śa vuti[e] — . . [da]ttena śaha śamāgaccha[tu] hi

b' ntantens ca tun na c arcchati tatas tad dhetu

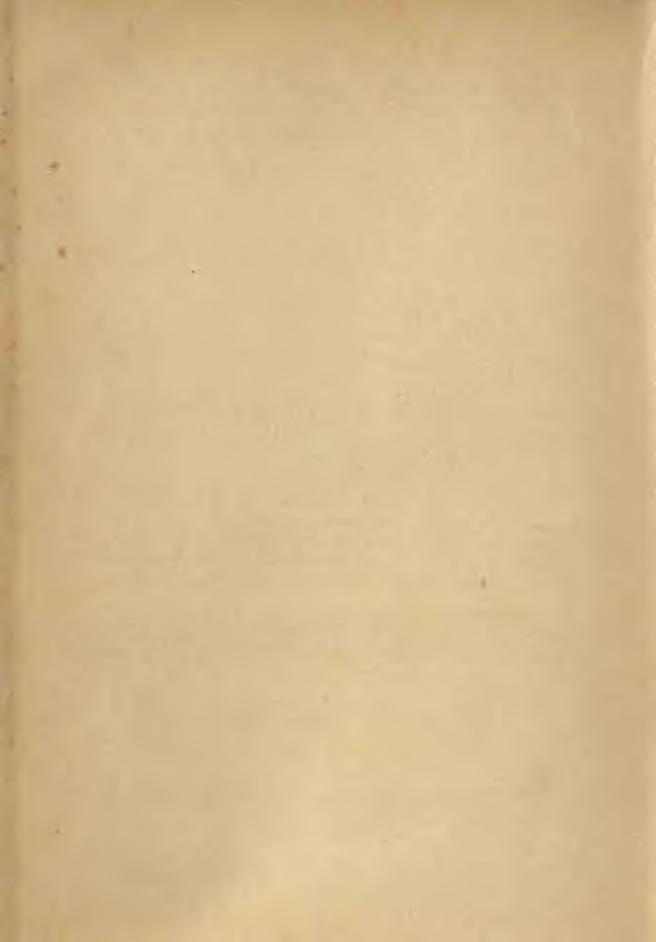
· _ parivārā hasanti dhirodatta"

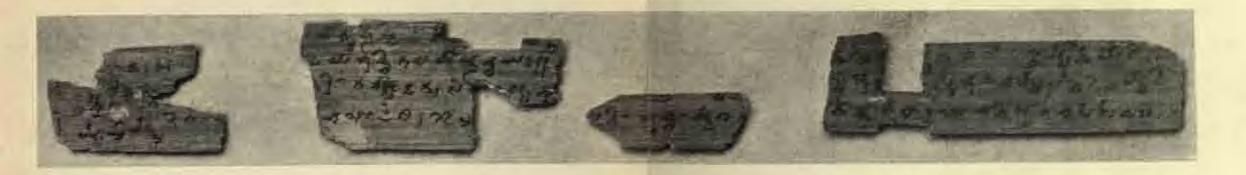
. . . avasthita ca Maga[dh]a . . [t]i . . i . ..

Die Worte der Seite a sind Alt-Magadhi. Es ist also auch die erste Zeile nicht unter die Anonymen, sondern in die Liste a. a. O. S. 35 zu stellen. Die Ergänzung und Erklärung der ersten Zeile ist bei dem Fehlen des Zusammenhanges schwierig. Sollte etwa kantha-ritthitalium sammenhanges schwierig zu lesen sein?

Ergänze spaile. * Unter se ist ye getilgt. * kan ist nicht sieher. * Ergänze Somadulten (*).

* Die ganze Seite ist später nachgezogen; von der ursprünglichen Schrift sind uur noch Spuran nichtlar. * Diese Worte sind van dem Späteren nachgetragen; wo sie einzuschlieben sind, ist nicht aralehtlich. Lies därreding (*). * Ergänze Magadharate.



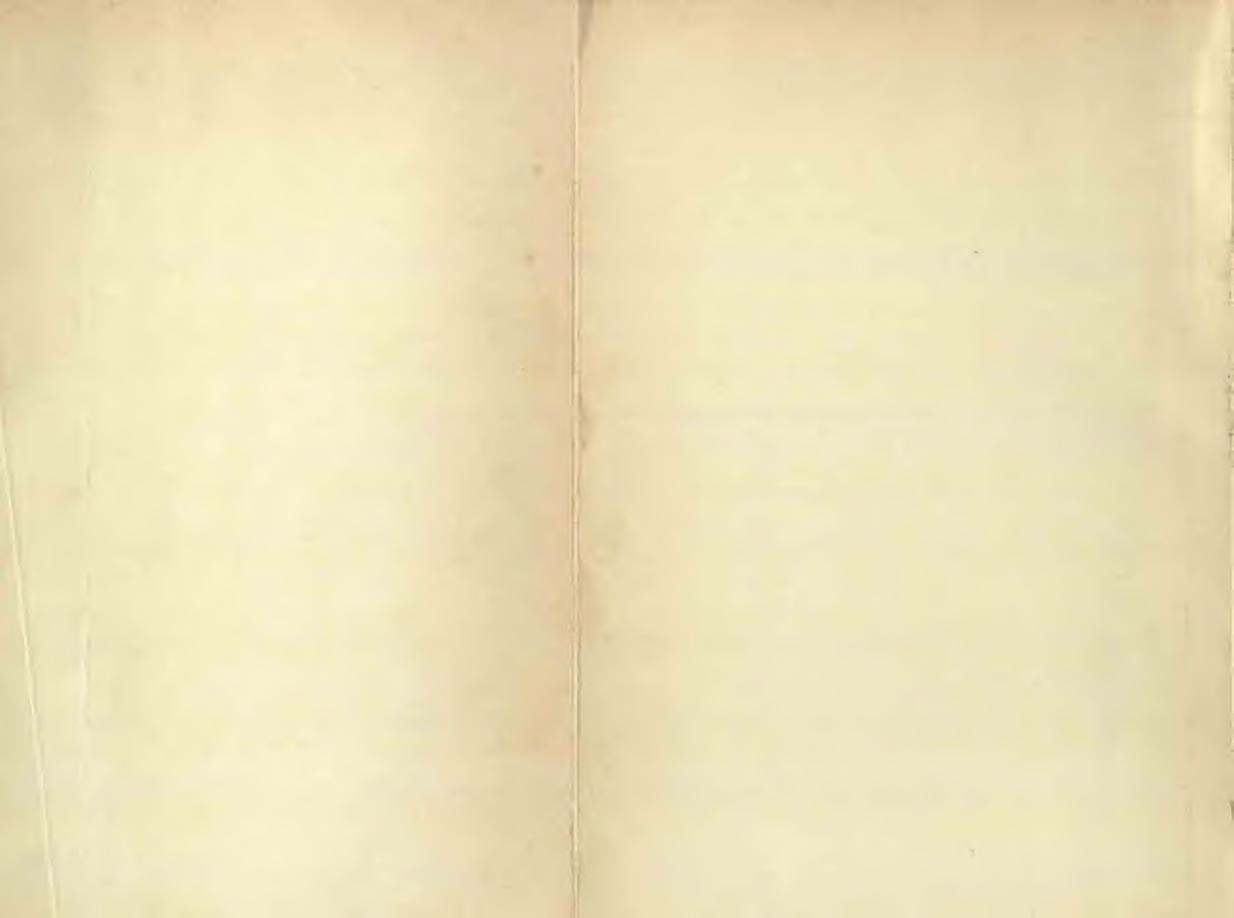






Vorderseiten.

Leoras: Das Sariputraprakarana, da Drama des Asvaghosa.



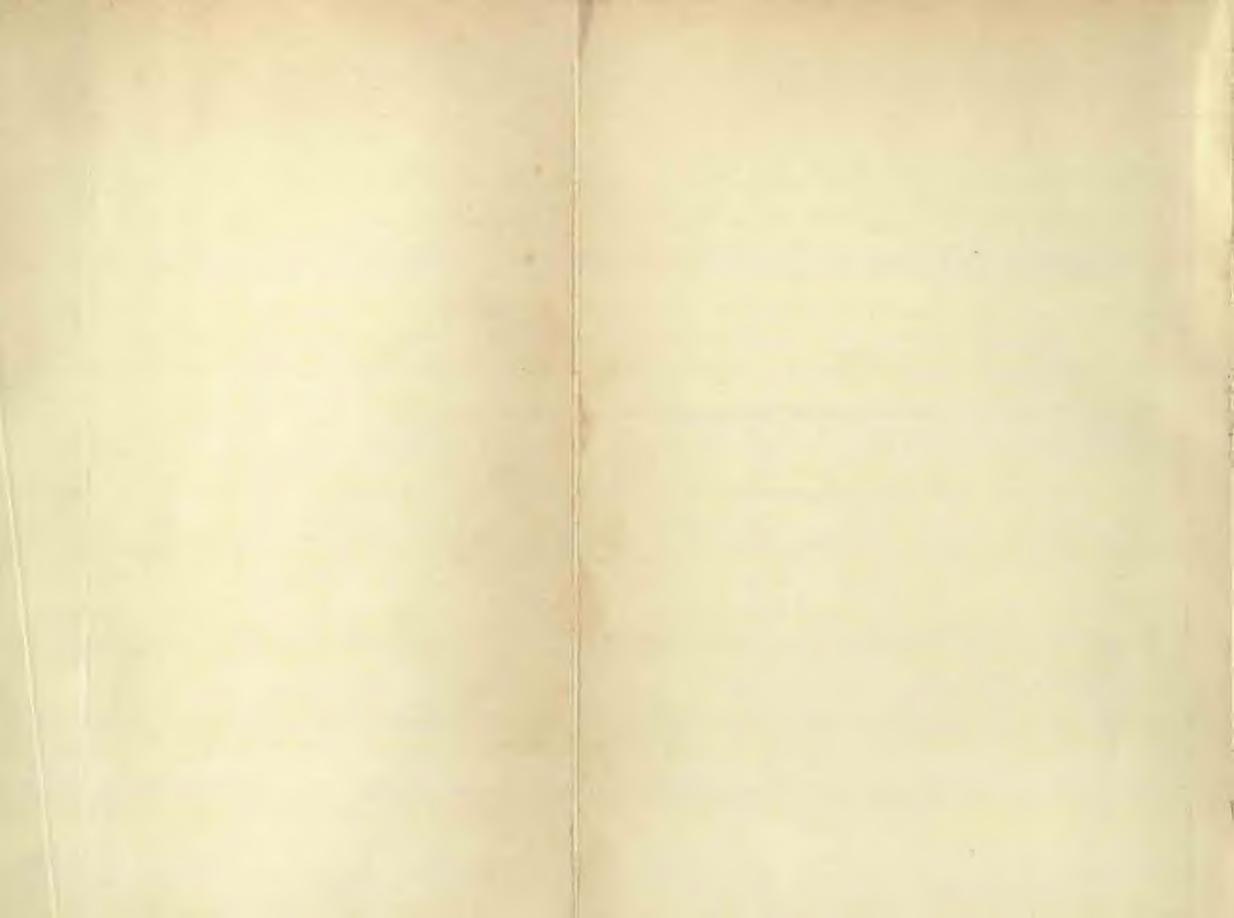






Rückseiten.

Loners: Das Sariputraprakarana, en Drama des Asvaghosa.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

JHER.

XVIII.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

30. März. Sitzung der physikalisch-mathematischen Glasse.

Vorsitzender Secretar: Hr. Waldeyer.

1 Hr. Liemsen las über den Schichtenbau und die elektrischen Eigenschaften des Zinnerzes.

Die Verschiedenheiten der Erscheimungen, welche Zinnerzkrystalle darbieten, wenn sie in Erystallographisch verschiedenen Stellungen als Anzeiger für elektrische Wellen benutzt werden, sind auf den Schichtenbau dieser Krystalle auslickzuführen.

2. Hr. Larmsen legte eine Abhandlung des Hrn. Dr. Fa. Schwirtung in Celle vor: Über den Polarisationswinkel der durchsichtigen inactiven Krystalle.

Mit Hülfe der untradialen Palarisationsrichtungen wird eine wesentliche Vereinfachung der von F. Neuerne aufgestellten analytischen Bedingung für den Polarisationswinkel gewonnen. Sie lässt sich geometrisch dahin deuten, dass der Schwächungscoefficient für die eine der beiden von A. Courv eingeführten Hauptrichtungen in der einfallenden Wellenchene gleich Null wird. Hierin ist die von J. MacCorragon gegebene Definition des Polarisationswinkels als ein besonderer Fall anthalten. Allgunein gilt der Sals von MacCorragon, dass die rellectirte Wellennermale senkrecht zur Schnittgeraden der Polarebenen der beiden gebrochenen Wellen steht.

Über den Schichtenbau und die elektrischen Eigenschaften des Zinnerzes.

Von Th. LIEBISCH.

Hr. Dr. G. Seiner in Berlin-Schöneberg gestattete mir, mit den Hilfsmitteln seines physikalisch-technischen Laboratoriums einige Mineralien auf ihre Verwendung als Anzeiger für elektrische Wellen zu prüfen. Dabei bemerkte ich ein eigentümliches Verhalten des Zinnerzes. Unter übereinstimmenden Versuchsbedingungen erwiesen sich Zinnerzkristalle zwischen zwei Metallelektroden des Indikatorkreises nur dann als Wellenanzeiger, wenn die Elektroden auf Pyramidenflächen gesetzt wurden. Dagegen blieben sie unwirksam, wenn die Elektroden mit Prismenflächen in Berührung standen. Die nähere Untersuchung ergab, daß dieses Verhalten auf den Schichtenbau der Zinnerzkristalle zurückzuführen ist.

I. Schichtenbau, optisches und thermoelektrisches Verhalten.

In einfachen Kristallen aus Selangor umgibt eine von den Prismen | 110 |, | 100 | begrenzte helle gelblichgraue Hülle einen dunkelgrauen Kern, dessen Querschnitt nach der frei ausgebildeten Endigung hin zunimmt, so daß der Kern bier unmittelbar von den Pyramiden | 1111 |, | 101 | begrenzt wird.

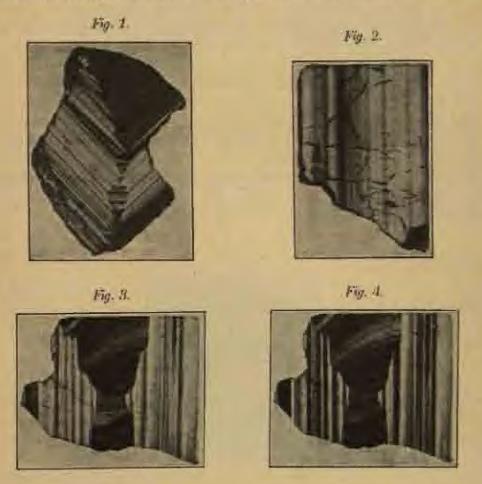
Zur qualitativen Prüfung des thermoeiektrischen Verhaltens gegen Kupfer wurde ein Zeigergalvanometer benutzt, das durch Kupferdrähte mit zwei zugespitzten Kupferstäben verbunden war. Die Stäbe wurden an die zu untersuchende Fläche gelegt, nachdem der eine von ihnen in einem Bunsenbrenner erwärmt worden war.

In den Kristallen aus Selangor ist nur der dunkle und ziemlich seharf abgegrenzte Kern stark negativ thermoelektrisch gegen Kupfer, während die helle Umhüllung unwirksam bleibt. Für diese Prüfung sind angeschliffene Flächen geeigneter als die ursprüngliche rauhe Oberfläche der Kristalle.

Ebenso verhalten sich einfache Kristalle aus Cornwall, die einen dunkeln Kern in hellerer Umhüllung und eine dunkle Kappe zeigen'.

Von besonderem Interesse ist der innere Bau der Zinnerzkristalle des süchsisch-böhmischen Erzgebirges, über den früher F. Breid und A. Pennas berichtet haben.

Aus einem Kristall von Schlaggenwald wurde zunächst dicht unter den Kanten zwischen | 111 und | 110 | eine Platte parallel zur



Basis entnommen (Fig. 1)". Darauf wurde der untere Teil des Kristalls nach den beiden Flächenrichtungen des Prismas 100 | so zerlegt, daß zwei Platten entstanden, die ungefähr die Mitte des Kristalls trafen (Fig. 2, 3). In den Abbildungen tritt der Wechsel aufeinanderfolgender verschiedenfarbiger Schichten hervor. Am dunkelsten gefärbt erschei-

Vot. H. Tantson, Denkschr. Akad. d. Wiss. Wien. Math.-naturw. Kl. 84, 574. 5701 1908.

² F. BECKE, Min. Mitt. 1877, 243; A. PELIERE, Min.-petr. Mitt. 16, 27; 1896. ⁹ Die Figuren sind in dreifscher linearer Vergrößerung aufgenommein

nen die Anwachspyramiden des Prismas | 100 | und namentlich der Kern, der eine Sanduhrgestalt besitzt.

Noch deutlicher wird der Schichtenbau in den zur optischen Axe parallelen Platten, wenn sie über einem Polarisator gedreht werden. Die fürbigen Zonen erscheinen dann hellgraubraun oder dunkelrothraun, in nachdem die Polarisationsebene des einfallenden Lichtes parallel oder senkrecht zur optischen Axe liegt. Fig. 4 gibt eine Anschauung von der starken Absorption der außerordentlichen Welle in diesen Zonen.

Ein zweites Verfahren zum Nachweis der optischen Verschledenheiten in aufeinanderfolgenden Schiehten besteht in der Kombinstion
einer zur optischen Axe parallelen Zinnerzplatta mit einem Quarzkeil.
Da Zinnerz und Quarz gleichen, nämlich positiven Charakter der Doppelbrechung besitzen, muß die Kante des Keils parallel zur optischen
Axe des Quarzes liegen. Betrachtet man im einfarbigen Licht zwischen
gekreuzten Nicols die beiden in Subtraktionslage gebrachten Präparate,
so beobachtet man in den stärker gefärbten Schichten eine Verschiebung
der durch den Keil für sich erzeugten Interferenzstreifen im Sinne zunehmender Dicke des Keils. Demnach ist hier die Doppelbrechung
des Zinnerzes größer als in den sehwach gefürbten Zonen.

Fig 5.



Aus einem anderen Kristall ist die in Fig. 5 abgebildete Platte parallel zur Basis geschnitten. Auch in ihr sind die Verschiedenheiten der Färbungen in den Anwachspyramiden der beiden Prismenbeträchtlich.

Ein an beiden Enden ausgebildeter Kristall zeigt in einem Schnitt parallel einer Flächenrichtung des Prismas |100 | dunkle Kappen unter den Pyramidenflächen. Fig. 7 stellt die Platte im gewöhnlichen Lichte dar, Fig. 8 veranschaulicht die starke Absorption der außerordentlichen Welle.

Fig. 15.



Fig 7.



Mit diesen Strukturverhältnissen stehen nun die thermoelektrischen Eigenschaften der Platten in unmittelbarer Beziehung. Die hellen Zonen sind unwirksam. Die thermoelektromotorische Kraft wächst mit der Intensität der Färbung. Am stärksten wirken die Anwachspyramiden des Prismas [100], der dunkle Kern und die dunkeln Kappen.

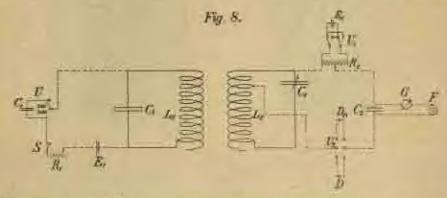
II. Einwirkung elektrischer Wellen.

Die von Hrn. Dr. G. Sener vorgeschlagene Versuchsanordnung ist schematisch in Fig. 8 dargestellt.

Das Sendersystem bestand aus einem geschlossenen Schwingungskreise L., C., in dem die Schwingungen in einer in der Hochfrequenztechnik üblichen Weise durch Stromunterbrechung erzeugt wurden. Mit dem Kreise war eine Stromquelle E., ein Regulierwiderstand R., ein Stromschlüssel S, ein Unterbrecher L' und ein Sperrkondensator C. verbunden. Die Induktionsspule L, war stufenweise veränderlich. Der Kondensator C, sollte die Funken an der Unterbrechungsstelle möglichst unterdrücken und dadurch eine möglichst sehnelle Unterbrechung des Stromes in L., die eine notwendige Voraussetzung für die Erregung elektrischer Schwingungen in dem Kreise L., C. bildet, herbeiülhren.

Die lahomogeneität der Zinnerzkristalle erschwert die Messangen der Elektricitäisleitung und der Thermokraft. (). Reienennete fand die belleu Stellen eines Kristalls von Altenberg in Sachsen nichtleitend; dagegen besall ein Stah aus einer undurchsichtigen Stelle ein verhältnismäßig sehr großes Lenvermögen (Über die Elektrizitätalentung etniger natürlich-kristallisierter Oxyde usw., Inaug.-Diss., Freihurg I. B. 1906, 13; vgi. Jon. Könnsnenger und O. Reignenners, N. Jahrb. f Min. 1906, II. 29). -C. DONLYER bestimmte die Ahnahme des elektrischen Widerstandes bis 1430° C 18itz. Ber, d. Akad, d. Wiss, Wien, Math.-naturw, Kl. 119, 70; 1910). — Die Ermittelung der Dielektrizitätekonstanten des Zinnerzes von Altenberg wurde durch die gealle Lehfähigbest verblindert (W. Schuntt, Ann. d. Phys. (4) 9, 934; 1922).

Die im Sender erzeugten Schwingungen wurden in loser magnetischer Koppelung übertragen auf das Empfängersystem, das aus dem abstimmbaren geschlossenen Resonatorkreise L_{ϵ} , C_{ϵ} und dem damit direkt verbundenen Indikatorkreise mit dem Wellenanzeiger D bestand. In Fig. 8 bedeutet L_{ϵ} eine stufenweise veränderliche In-



daktionsspule und C, einen kontinuierlich veränderlichen Drehplattenkondensator, der eine genaue Abstimmung der beiden Schwingungskreise gestattete¹. Der Indikatorkreis wurde von der Spule L, abgezweigt und konnte durch Verschieben eines Kontaktes mit dem Hauptkreise mehr oder weniger fest gekoppelt werden. Er enthielt den Wellenanzeiger D, den Sperrkondensator C, und in paralleler Schaltung mit C, den Fernhörer F und das Galvanometer G. Mit Hilfe des Umschalters U, konnte ein Vergleichsdetektor D, eingeführt werden. Durch Regulierung von L, und C, wurde der Empfänger auf den Sender abgestimmt, bis ein Tonmaximum im Fernhörer oder ein maximaler Ausschlag im Galvanometer auftrat.

In dem Indikatorkreise befand sich auch eine Potentiometerschaltung E_{*} , R_{*} , U_{*} , um prüfen zu können, ob die Empfindlichkeit der Wellenanzeiger durch Anderung eines Hilfsstromes sich ändert

Mit dieser Vorrichtung konnte die Präfung der bei D eingeschalteten Zinnerzkristalle oder der aus ihnen hergestellten Platten bequem und genau ausgeführt werden. Besonders stark reagierte der dunkle Kern der Kristalle aus Selangor, während die helle Umhällung unwirksam blieb. Als an Kristallen von Schlaggen wald die Elektroden auf eine Fläche des Prismas [110] gesetzt wurden, war im Fernhörer meist gar kein Geräusch oder nur ein ganz schwaches Summen wahrzunehmen. Auch wenn eine Elektrode auf eine Fläche der Pyramide [111] verschoben wurde, blieb das Geräusch noch schwach. Dagegen wurde es sofort sehr stark, sobald beide Elek-

Es wurde ein Präxisions-Drehkundensator unch dem System Semr-Körven verwendet, der sich bei diesen Versuchen vorzüglich bewährte.

troden auf einer Pyramidenfläche standen. In der unmittelbaren Nähe der Kanten von [111] und [110] trat der große Unterschied im Verhalten der Schichten unter diesen Grenztlächen auffallend hervor. An einem Kristall, der außer den Pyramiden [111] und [101] die Basis darbot, konnte festgestellt werden, daß auch das Gebiet unter dieser Fläche wirksam ist. Die an Zwillingsgrenzen in einspringenden Winkeln zuzusammenstoßenden Pyramidentlächen reagierten auch dann noch, wenn die Elektroden auf verschiedene Individuen des Zwillings gesetzt wurden.

III. Chemische Zusammensetzung.

Die Zusammensetzung des Zinnerzes ist noch nicht genügend erforscht, da es bisher nicht möglich gewesen ist, die Natur der in den farbigen Zonen gemischten Oxyde vollständig zu ermitteln. Aus den ülteren Durchschnittsanalysen ist ersichtlich, daß neben Zinndioxyd ein wechselnder Gehalt an Eisenoxyd auftritt. Zuweilen sind auch TiO,, SiO,, CaO, CuO, Nh,O,, Ta,O, usw. beobachtet worden. Versuche zur synthetischen Darstellung von Mischkristallen aus Zinndioxyd und anderen Oxyden hat H. Thaunk begonnen.

Vor kurzem hat G. Enemann in seinen spektrographischen Untersuchungen über die Verbreitung des Scandiums auf der Erde gezeigt,
daß das Zinnerz zu den an Scandium reichsten Mineralien gehört?.
Da eine Mitteilung über die Gesamtheit der in den Bogenspektren
von Zinnerzkristallen nachweisbaren ehemischen Elemente bisher nicht
vorlag, habe ich Hrn. Prof. Enemann ersucht, seine Aufnahmen, in denen
eine Auregung zu neuen vollständigeren Analysen enthalten ist, ausführlich zu beschreiben.

Bogenspektren von Zinnerzkristallen. Aufgenommen von G. Enxanxan in Potsdam.

Elomen	1	Wellen-	Intensis	Zinnwahl, Böhmmi	Mariasching had Granpon, Böhmen 11	Schlaggen, mald, Böhnnen HL	Ivigun, Bahmen	Omngobiet, Trees- balkation V.
Aluminium.	Δİ	3082 3093 3944 3062	500 800, 800 1000	rienlich stark	leicht -ichtbar	Inight mehiting	riemiich +15ck	kniidit elektioar

¹ H. TRAUBE; N. Jahrb. L. Min. Beil. Bd. X. 470; 1895.

³ G. Enrancau, diene Sitzungsber. 1908, 851; 1910, 404.

Die in der folgenden Zusammenstellung angegebenen Wellenlängen und Intensitäten sind entmommen aus F. Exwen und F. Hascuzz, Wellenlängentabellen auf Grund der ultravioletten Bogenspektren der Elemente, Leipzig u. Wien 1904.

Element	Wellen- länge 1	Intensi- iki J	Zimmwald, Höhmen	Macusostem ber Granpen, Böhmen H	Schlaggen- wald, Böhmen HL	Jyjgent. Böhmen IK.	Opungshist. Trans- paisalam V.
Caleinm Ca	7222 7004 1024	(00 (00 1000) sleadich stark	olist	chemileli stark	leicht sichthar	I the section
Chron Cr.	3509 3504 3505 4-51 4-75 4-90	30 40 40 30 30	-	beingadi	-	=	-
Empfer Cu	3248 -1474	1000 500	lefely sighthar	lokily sightfur	militiae	sighthar	leight sighthus
Bien with Fe	elmi etarkci	lielie Linion	-turk	riomilely start	anek	-taes	cienilleti iinik
Gilling Gs.	11170	30	sichtbar	afnhahae	sighth _{er}	Solution	-
Holinac In	3150 3150	200 306	lesions abdither	-	=	-	1
Kalinin K	H042 H011	190 290	r -	_	-	autor artis arti	=
Magnesium . Mg	2795 3837	300	-	11-1	ielt mit Sleher	holt midowelsh	ar.
Mangai Ma	4031 9217 4938	tino tino	- writher	aichtliae	whichther	a elation	e lir edeni
Molybellu Mo	3133 1170 1104 1708 1804	76 30 30 30	hutherst schwards	-	-	-	=
Niotium Nie	1059 1059 1080 1101	30 30 10 30	Notelit slotithae	-	lejirith air fishine	#4hr k	ai lathia
Scanlina - S	1914 124)	30	e à la p la	Sicherhest Sicherhest medizaweben	slelpha	ninto ner Sklonenati naviscovisco	-
Zma Si		alle L	inion atcheten	iks sum Tell i	nis anderorien	didor Starks	
Sterinicans	44.55 44.55 40.55	\$200 \$66	national solutions	2 -	inderm schwied	_	-

Nicht verhanden oder wendgstenn nicht michweister und die Ehrmanie: Silber, Guld, Baryam, Beryttim, Litthum, Netrium, Germandum, Nickel, Kohidt; Illet, Yttrime, Nebdym, Thorium.

Die spektrale Empfindlichkeit des Zinns ist außerordentlich groß, so daß sich leicht o.1 Prozent, durch Verdampfung genügender Mengen wahrscheinlich noch o.o. Prozent, nachweisen lassen. Für die geringsten Mengen sind die Linien mit den Wellenlängen 3175 und 3203 (Intensität 100). zuweilen auch noch die Linien 3009 und 3034 (Intensität 50) charakteristisch. Ist etwa 1 Prozent Zinn vorhanden, so werden auch die Linien mit den Intensitäten 20 und 10 siehtbar.

Nachtrag.

Inzwischen hat Hr. Prof. R. d. Mayra in Berlin eine neue Analyse des Zinnerzes von Schlaggenwald ausgeführt. Es wurde ein großer, etwa 8 g wiegender, sehr schön ausgebildeter Kristall benutzt, dessen Bruchstücke aus der Umgebung einer Prismenfläche 100 mit rötlichem Lichte durchsichtig waren und sich frei von Einschlüssen erwiesen. Das feine Pulver wur von schwach rötlicher Farbe.

Der Aufschluß des Minerals erfolgte durch Glühen des sehr feinen Pulvers im Wasserstoffstrome. Hierbei findet vollständige Reduktion der Zinnsäure zu Metall statt. Nach Extraktion des geschmolzenen Zinns mit konzentrierter Salzsäure bleiben Titansesquioxyd und Kieselsäure ungelöst zurück. Dieser Rückstand wurde geglüht, gewogen und zur Bestimmung der Kieselsäure mit Flußsäure und Schwefelsäure abgeraucht. Die Titansäure wurde durch die für sie charakteristischen Reaktionen als solche identifiziert. Tantalsäure, Niobsäure, Wolframsäure und Molybdänsäure sind nicht vorhanden. Das Zinn wurde mit Schwefelwasserstoff als Sulfid gefällt und als SnO, gewogen. Aus dem Filtrat vom Zinnsulfid wurde Eisen und Tonerde mit Ammoniak gefällt. Aus der sauren Lösung dieses mit Ammoniak fällbaren Anteils schied sich auf Zusatz von Oxalsäure eine kleine Menge seltener Erden aus.

SnO,	
TiO ₂ +SiO ₃ ; 1. 0,56; 2. 0.5	9 Prozent
TiO,	0.44 Prozent
SiO.	A CONTRACTOR OF THE CONTRACTOR
$Fe_*O_3 + Al_*O_1 \dots$	
Seltene Erden	0.10 +
	100.17 Prozent

Über den Polarisationswinkel der durchsichtigen inaktiven Kristalle.

Von Dr. Fr. Schwietring in Celle (Hannover).

(Vorgelegt von Hrn. Lienisch.)

Die erste allgemeine Theorie über den Polarisationswinkel i'' der durchsichtigen inaktiven Kristalle ist von F. Neumann' aufgestellt worden. Er definiert i'' in einer bestimmten Einfallsebene als den Winkel, unter dem natürliches Licht einfallen muß, damit es nach der Reflexion an dem Kristall vollständig polarisiert ist. Das Azimut des reflektierten Lichtes nennt er die Ablenkung z der Polarisationsebene. Die Bedingungen für i'' und z werden von Neumann auf anatytischem Wege gebildet. Dabet ergibt sieh, daß i'' gleich dem Einfallswinkel i' ist, für den eine bestimmte einfallende geradlinig polarisierte Welle W'' mit dem Polarisationsaximut i' nach der Reflexion die Amplitude Null besitzt, d. h. nicht reflektiert, sondern nur gebrochen wird.

J. MacContagn² benutzt eine geometrische Methode. Er definiert i² in einer bestimmten Einfallsebene als den Einfallswinkel, für den die unicadialen Polarisationsrichtungen v_i , v_i in der reflektierten Weltenebene W, zusammenfallen. Sind z_i , p_i die ihnen entsprechenden Polarisationsazimute, so ist demnach $p_i = z_i$ die Bedingung für i², und es ist: $z = p_i = z_i$. Durch Gleichsetzung der Ausdrücke für tg., und tg., erhält MacContagn in speziellen Fällen dieselben Formeln für i² wie Neumann. Da p_i , p_i die Schnittlinten der Polarebenen \mathfrak{D}_i , \mathfrak{P}_i der beiden gebrochenen Wellen mit W_i sind, so folgt, daß für i² die reflektierte Wellennormale senkrecht zur Schnittlinie von \mathfrak{P}_i , \mathfrak{P}_i , steht

Die Betrachtungsweise MacCellages ist den komplizierten Rechnungen Neumanns durch die anschauliche Darstellung und die Ein-

2 J. MacCumaun, Call Works S. 99, 1880 (1837).

F. E. Nannawa. Theoretische Untersuchung der Gesetze, nach welchen das Licht an der Grenze zweier vollkommen durchsichtigen Medien reflektiert und gebrochen wird. Alch. d. Berl. Akad. d. Wiss. 1835. — Gesammelte Werke. 2. S. 394 bi-427, 512—532. Leipzig 1906.

fachheit der Errebnisse überlegen. Deshalb ist ihr auch in den Darstellungen der Kristalloptik mit Recht der Vorzug gegeben! Ich habe jedoch darauf hingewiesen! daß MacCullagus Definition nicht so allgemein ist wie die von Neumann. Ist nämlich die Einfallsebene eine optische Symmetrieebene des Kristalls, so stehen p. p. nach Symmetriegründen siets zueinander senkrecht; ein Polarisationswinkel im Sinne MacCullagus existiert hier also nicht. In der vorliegenden Abhundlung soll die Allgemeinheit der Neumannschen Definition und die Anschaulichkeit der MacCullaguschen Methode gewahrt bleiben. Zu dem Zwecke wird die Neumannschen Methode gewahrt bleiben. Zu dem Zwecke wird die Neumannschen Rechnung auf die uniradialen Polarisationsrichtungen transformiert. Dadurch wird das Endresultat erheblich vereinfacht, das mut die MacCullagusche Bedingung p. = 5 als einen speziellen Fall in sich enthält. Weiter wird gezeigt, daß die nene Bedingung für i* auch eine allgemeine geometrische Deutung gestattet.

I. Die Transformation der Neumannschen Bedingung für i* auf die untradialen Polarisationsrichtungen.

1. Zunächst soll der Gedankengung der Neutannsehen Rechnung dargelegt werden. Es falle eine ebene, geradlinig polarisierte Welle unter dem Polarisationswinkel /* auf die ebene Grenzfläche eines Kristalis. Die Amplitude dieser einfallenden wie auch die der reflektierten Welle werde nach den Richtungen parallel und senkrecht zur Einfallsebene zerlegt; die Komponenten seien S, P, R_i , R_p . Die Grenzbedingungen führen zu der Darstellung:

$$\begin{split} R_p &= p \cdot P + s' \cdot S, \\ R_s &= p' \cdot P + s \cdot S, \end{split}$$

wo die Koeffizienten p, p', *, * kompliziert zusammengesetzte, bekannte Funktionen von * und von der Orientierung der Grenzebene und der Einfallsebene sind. Die Polarisationsrichtung der unter dem Azimut a reflektierten Welle sei p; dann hat die reflektierte Amplitude parallel und senkrecht zu p die Komponentzu:

$$R'_s = R_p \sin x + R_s \cos x = P(p \sin x + p' \cos x) + S(s' \sin x + s \cos x),$$

$$R'_s = R_p \cos x - R_s \sin x = P(p \cos x - p' \sin x) + S(s' \cos x - s \sin x).$$
2.

Für i muß jede einfallende geradling polerisierie Welle unabhängig von ihrem Polarisationsazimut anch der Reflexion das Polari-

Vgl. v. B. F. Foresta, Lehin, d. Kelstalloptik S. 188-191, 1906.

F. Scawiermen, Image-Diss Göttingen, 1908. N. Joinb. f. Min., Bell. Rd. 26, 8, 140, 1908.

S. 140, F. Sonwa versa, a, a. O. S. 317.

sationsazimut a aufweisen, falls nicht die reflektierte Amplitude Null ist. Die notwendige und hinreichende Bedingung für i^* besteht also darin, daß R_j unabhängig von P und S verschwinden muß; d. h. es müssen die Gleichungen gelten:

$$p \cos u - p \sin u = 0,$$

$$s \cos u - s \sin u = 0.$$
3.

Hierzu ist nötig, daß die Determinante der Koeffizienten von eos a und sin a verschwindet: demmach lautet die Bedingung für I.:

$$p \cdot s - p \cdot s' = 0.$$
1.

Der Wert von z folgt nach 3 aus:

$$\operatorname{ig} a = \frac{a'}{b}.$$
 5.

woher der aus 4 ermittelte Winkel it eingesetzt zu denken ist.

2. Um die vorstehende Rechnung auf die untradialen Polarisationsrichtungen zu transformieren, wird die Amplitude der unter dem Winkel i* einfallenden geradlinig polarisierten Welle nach ihren untradialen Polarisationsrichtungen q., q. in die Komponenten E, , E, zerlegt. Die reflektierte Welle habe entspeechend nach p, , p, die Komponenten R, , R., Nach den Richtungen parallel und senkrecht zur Einfallsebene mögen die vier erhaltenen Größen die Teilamplituden E, , E, , E, , E, , th, und analog R, , R, , R, , R, , liefern. Durch Einführung der Schwächungskoeffizienten:

$$\hat{\sigma}_{k_{\mu}} = \frac{R_{k_{\mu}}}{E_{k_{\mu}}}, \quad \hat{\sigma}_{k_{\mu}} = \frac{R_{k_{\mu}}}{E_{k_{\mu}}}.$$
(6)

worin A gleich i oder 2 ist, wird dann:

$$\begin{split} R_s &= R_0 + R_0 = \beta_0 E_0 + \beta_0 E_0, \\ R_t &= R_0 + R_0 = \beta_0 E_0 + \beta_0 E_0. \end{split}$$

Hierin sind die Werte der 3 durch die Grenzbedingungen betimmt. Besitzen qui qui die Azimute 1, 2, 80 ist:

$$\begin{split} E_{ij} &= E_i \cos i_{z}, \ E_{ij} = E_i \cos i_{z}, \\ E_{ii} &= E_i \sin i_{z}, \ E_{ii} = E_i \sin i_{z}. \end{split}$$
 8.

Parallel und senkrecht zu der Polarisationsriehtung h hat die redektierte Amplitude unter Berücksichtigung von 7 und 8 die Komponenten:

 $R = R_s \cos x + R_s \sin x$

 $= \mathcal{E}_{i}(\hat{z}_{i},\sin\varepsilon,\sin\omega+\hat{z}_{ip}\cos\varepsilon,\cos\omega) + \mathcal{E}_{i}(\hat{z}_{i},\sin\varepsilon,\sin\omega+\hat{z}_{ip}\cos\varepsilon,\cos\omega)$

 $K = -R_{\rho} \sin \alpha + R_{\rho} \cos \alpha$

 $=E_i(\hat{z}_n\sin z_i \cdot \cos x - \hat{z}_n\cos z_i \cdot \sin z) + E_i(\hat{z}_n\sin z_i \cdot \cos x - \hat{z}_n\cos z_i + \sin x_i)$

Abalich wie auf S 425 R_s muß nun $K=\alpha$ sein, also gelten für i^* die Gleichungen:

$$\beta_{x} \sin \xi \cdot \cos x - \beta_{x} \cos \xi \cdot \sin x = 0$$

$$\beta_{x} \sin \xi \cdot \cos x - \beta_{x} \cos \xi \cdot \sin x = 0$$
10.

and damit die Bedingung!:

$$\beta_{ij}\beta_{ij}\sin\epsilon_i\cos\epsilon_i - \beta_{ij}\beta_{ij}\cos\epsilon_i\sin\epsilon_i = \alpha$$
, 11.

Weil p, . s. die Azimute von p, , p, sind, so ist ühnlich wie in S;

$$R_{ip} = R_i \cos \rho_i$$
, $R_{ip} = R_i \cos \rho_i$, $R_{is} = R_i \sin \rho_i$, $R_{is} = R_i \sin \rho_i$, 8'.

Werden jetzt die Schwächungskoeffizienten für die beiden uniradialen Polarisationsrichtungen eingeführt:

$$\hat{\beta}_i = \frac{E_i}{R_i}, \quad \hat{b}_i = \frac{E_i}{R_i},$$
 12.

so geht 11 mit Benutzung von 6, 8, 8' über in:

$$\beta_* \cdot \beta_* (\sin \epsilon_* \cos \epsilon_* - \cos \epsilon_* \sin \epsilon_*) = 0$$

offer in:

$$S_s \cdot S_s \cdot \sin(\rho_s - \rho_s) = 0.$$
 13.

Die notwendige und hinreichende Bedingung für den Polarisationswinkel i besteht also darin, daß das Produkt aus den Schwächungskoeffizienten &, B, der beiden uniradialen Wellen und dem Sinus der Differenz der beiden uniradialen Polarisationsazimute p, p, in der reflektierten Wellenebene gleich Null sein muß.

Dieses Resultat ist wesentlinb kürzer und übersichtlicher als die Neumanssche Gleichung 4. Die dort auftretenden Koeffizienten p, p', s, s' sind nämlich den Sehwächungskoeffizienten β_{s} , β_{s} gegenüber sehr viel kompliziertere Ausdrücke, über deren physikalische Bedeutung außerdem nichts ausgesagt werden kann.

II. Die MacCullagusche Bedingung für i* als Spezialfall der transformierten Neumannschen Bedingung.

1. Die Gleichung 13 kann auf zwei verschiedene Weisen erfüllt werden. Entweder sind \mathcal{E}_i , \mathcal{E}_i von Null verschiedene echte Brüche, wie es meistens zutreffen wird; dann muß der deitte Faktor sin $(z_i - z_i)$ verschwinden, d. h. es muß $z_i = \varepsilon_i$ sein. Oder es ist sin $(z_i - z_i)$ von Null verschieden, dann muß \mathcal{B}_i oder \mathcal{E}_i verschwinden. Dieser Fall tritt

Diese Gleichung ist schon bei früherer Gelegenheit von mir hergeleitet. Vgl.

ein, wenn die Einfallsebene eine optische Symmetrieebene des Kristalls ist. Nun liegen die uniradialen Polarisationsrichtungen stets parallel und senkrecht zur Einfallsebene, es ist $z_i - z_j = 90^{\circ}$ und sin $(z_i - z_j) = 1$. Die Schwächungskoeffizienten β_{k_k} , β_{k_k} haben die Form!

$$\hat{z}_{Ap} = \frac{\sin(i - \phi_A)}{\sin(i + \phi_A)}$$
 14.

$$\bar{\beta}_{\lambda_i} = \frac{\sin \psi_i \cos (i + \phi_i) \sin (i - \phi_i) \mp \sin^i \phi_i \log s_i}{\sin \psi_i \cos (i - \phi_i) \sin (i + \phi_i) \pm \sin^i \phi_i \log s_i}, \qquad 15.$$

wo ϕ_k , ψ_k , ϕ_k den Normalenwinkel, das Polarisationsazimut und den Winkel zwischen Strahl und Normale bei der ersten oder zweiten gebrochenen Welle bezeichnen und i der Einfallswinkel ist. Wird das Außenmedium so angenommen, daß $i \geq \phi_k$ bleibt, so hat δ_k nach 14 stets einen von Null verschiedenen Wert. Mithin kann β_i für die erste, parallel zur Einfallsebene polarisierte Welle nicht verschwinden, folglich muß δ_i , für die zweite, senkrecht zur Einfallsebene polarisierte Welle gleich Null sein.

Daher geht die allgemeine Bedingung 13 nur für den besonderen Fall, daß die Einfallsebene nicht eine optische Symmetrisebene des Kristalls ist, in die Gleichung von MacCullagen über. Im anderen Falle ist die letztere unzutreffend: 13 besagt dann, daß der Schwäebungskoeffizient für die senkrecht zur Einfallsebene polarisierte unirädiate Welle verschwindet.

2. MacCunlagns Bedingung trifft nur in wenigen Symmetriefällen nicht zu. Es könnte deshalb den Anschein haben, als oh diese Ausnahmenalle für die praktische Brauchbarkeit der MacCullaguschen Regel ohne Bedeutung wären, um so mehr, als für sie die zweite untradiale Welle durch die Reflexion ausgelöscht wird und z, somit experimenteil gar nicht in Frage kommt. Eine derartige Vermutung läßt sich indessen nicht rechtfertigen, wie eine nähere Betrachtung lehrt. Setzt man für die beiden gebrochenen Wellen unter Berücksichtigung der Unterscheidungsindizes 1 und 2:

$$l = \cos\phi \cos\psi , \quad m = \sin\psi , \quad n = \sin\phi \cos\psi ,$$

$$p = \frac{\sin\phi}{\eta} \left[\sin\psi (\sigma_n, \cos\phi - \sigma_n \sin\phi) - \sigma_n \cos\psi \right] ,$$
16.

wo q die Fortpflanzungsgeschwindigkeit der Wellennormalen bedeutet und die Größen a_{ki} die Polarisationskonstanten des Kristalls sind, so ist für einen beliebigen Einfallswinkel $^{\circ}$ i:

¹ Vgl. F. Scawnermine, a.a. O. S. 313.

¹ Vgl. E. Schwieffeine, a. a. O. S. 322, 320.

$$\lg z_i = \frac{m_i \sin i \cos i + p_i}{l_i \sin i + n_i \cos i} , \quad \lg z_i = \frac{m_i \sin i \cos i + p_i}{l_i \sin i + n_i \cos i} , \quad 17.$$

$$\operatorname{tg} z_i = \frac{m_i \sin i \cos i - p_i}{l_i \sin i - n_i \cos i} \; , \quad \operatorname{tg} z_i = \frac{m_i \sin i \cos i - p_i}{l_i \sin i - n_i \cos i} \; . \quad 18.$$

$$\beta_{k_i} = \frac{l_k \sin i - n_k \cos i}{l_k \sin i + n_k \cos i} , \qquad \beta_{k_i} = \frac{m_k \sin i \cos i - p_k}{m_k \sin i \cos i + p_k} . \qquad 19.$$

MarContains Bedingung lauter danach:

$$\frac{m_{i} \sin i^{2} \cos i^{2} - p_{i}}{l_{i} \sin i^{2} - n_{i} \cos i^{2}} = \frac{m_{i} \sin i^{2} \cos i^{2} - p_{i}}{l_{i} \sin i^{2} - n_{i} \cos i^{2}}.$$
 20.

Für den Zusammenfall der Einfallsebene mit einer Symmetrierbene ist 20 in der Tat urrichtig, weil dann: $m_i = p_i = l_i = n_a = 0$. Die allgemeine Bedingung 13 lautet für diese Fälle nach 19:

$$\frac{m_i \sin i^* \cos i^* - p_i}{m_i \sin i^* \cos i^* + p_i} = 0,$$

oder, da m., p. von Null verschieden sind:

$$m_i \sin i^* \cos i^* - p_i = 0.$$
 21.

Diese wahre Bedingung für is kann nun aus der unrichtigen Gleichung 20 nur dedurch gewonnen werden, daß die unstatthafte Molliplikation der letzteren mit l_i sin $l_i - n_i$ cos $l_i' = 0$ vorgenommen wird. Daher ist MacCoupsons Bedingung auch bei einer blob formalen Behandlung zur strengen analytischen Bestimmung von is gerade in dan praktisch wichtigsten Fällen, wo die Einfallsehene eine optische Symmetriechene ist, nicht branchbar.

3. Am deutlichsten tritt dieser Mangel der MacCenausschen Bedingung hervor, wenn man von den kristallluischen Medien aus das Brawstesche Gesetz für einfachbrechende Stoffe herzdeiten versucht. Der Übergang kann dachtreh vollzogen werden, daß zumachst eine Symmetriechene als Flaudlischem gewählt wird und dersuf die beiden gebrochemen Wellen zum Zusammenfallen gebracht werden. Die Bedingung 20 wird bereits für den Symmetriefall unrichtig. Selbst bat ihrer weiteren formalen Betbehaltung würde sie jetzt die gewansehte Spezialisierung nicht gestatten, da sie beim Gleichsetzen der Indizes 1 und 2 eine identische Gleichung flesen würde. Die wahre Gleichnur 21 für den Symmetriefall führt hingegen teleht zu den einfachbrechenden Medien hinüber. Für den Zusammenfall der gebrochenen Wellen wird:

$$m_s = \sin \psi$$
, $p_s = \sin \phi \cos \phi \sin \psi$,

Fa. Scan terriso; Polarization whiled der durchsichtigen inseriven Krystalle. 429

so dati 21 lantet:

$$\sin i' \cos i' - \sin \phi \cos \phi = \phi$$
.

oder nach einfachen Umfermungen:

$$\sin zi^* - \sin z\phi = 0,$$

$$2\cos (i^* + \phi)\sin (i^* - \phi) = 0,$$

woraus $\cos(i^* + \phi) = 0$ und damit das Hæwsrensche Gesetz $i^* + \phi = 90^{\circ}$ folgt

Die MacContagnsche Bedingung für if zeigt ihren speziellen Charakter gegenüber der allgemeinen Redingung 13 auch dadurch, daß sie das Banwstensche Gesetz für einfachbrechende Stoffe nicht wie diese als Spezialfall enthält.

4. Nach dem Vorbergebenden besitzt MacCullagus Definition von i' keine allgemeine Gültigkeit. Deshalb ist es von Interesse, daß eine Folgerung MacCullagus auch für die Symmetriefälle zutrifft, plimlich der Satz, daß für den Einfall des Lichtes unter i' die reflektierte Wellennormale senkrecht zur Schnittlinie der Pelarebenen P, D der beiden gebrochenen Wellen steht. Ist die Einfallsebene nicht eine optische Symmetrieebene des Kristalls, so ist z, = z. Also sehneiden sich P, B in der reflektierten Wellenebene W, well die Schnittlinien von B, B, mit W, die anfradialen Polarisationsrichtungen v, v, vorstellen Geht die Einfallsebene in eine optische Symmetrieebene über, so unterscheiden sich z, und z, um 90°. Die reflektierte Wellennormale steht aber in diesem Falle trotzelem senkrecht zur Schnittlinie von D, B, weil num P, parallel W wird.

Schon F. Pocaris' hat hierauf aufmerksam gemacht, ohne indessen einen Beweis mitzuteilen. Die allgemeine rechnerische Entersuchung dieses Falles wird sehr kompliziert, deshalb soll die Lage von D, au drei Beispielen für Kalkspat betrachtet werden.

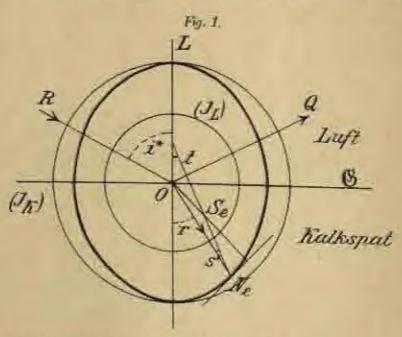
A. Die Grenzebene @ sei senkrecht zur optischen Anhse, dann ist jede Känfallsebene ein Hauptschnitt. Die Wellennormalen für das einfallende und für das reflektierte Licht seien RO und OQ, das Einfallslot heiße OL. Gegen Luft als Außenmedium ergibt die Rechnung für den Polarisationswinkel F, den Normalenwinkel F der gebrochenen außerordentlichen Welle und den Winkel Zwischen der Normale ON, und der Polarebene D dieser Welle:

$$r = 60^{\circ} \cdot 17.3$$
; $r = 33^{\circ} \cdot 1.9$; $r = 3^{\circ} \cdot 49'$

Fig. 1 zeigt mit Hilfe der Schmittkurven (J_x) und (J_x) zwischen der Emfallsebene und den Indexthäeben J_x und J_z des Kalkspates

¹ F Progres, a.a. O. S. 106.

and der Luit die Richtung des außerordentlichen Strahles OS_* , der senkrecht auf der Tangentialebene stehen muß, die in N_* an J_* gelegt wird. Die Strecke ON_* stellt die reziproke Normalengeschwindigkeit der außerordentlichen Welle dar. Wenn OS_* die zugehörige Strahlengeschwindigkeit angibt, so bedeutet N_*S_* die Schnittlinie zwischen V_* und der Einfallsebene. Wird der spitze Winkel zwischen

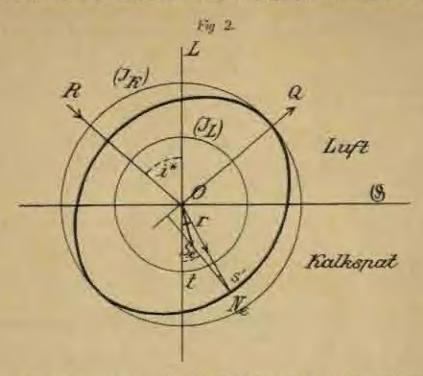


 S_sN_s und OLt genannt, so lehrt die Figur, daß r=t+s und daher t=r-s' ist. Welter tritt an der Figur deutlich hervor, daß die redektierte Wellennormale OQ senkrecht auf N_sS_s steht, wenn die Bedingung $i^*+t=90^\circ$ erfüllt ist. Die berechneten Werte für i^* , f, s' liefern:

Mithin steht OQ senkrecht auf \mathfrak{D}_r , d. h. \mathfrak{D}_r und die reflektierte Wellenchene W. sind parallel.

B. Die Grenzebene @ sei einer Spaltungsfläche parallel. Für den Einfall des Lichtes im Hauptschnitt ist nach F. Neumann: $i^* = 57^\circ 20.1'$. Die gebrochene außerordentliche Welle besitzt die Winkel: $r = 30^\circ 44.5'$; $s' = 1^\circ 52.7'$. Dieser Fall ist in ähnlicher Weise wie der erste durch Fig. 2 veranschaulicht. Die Tangentialebene in N, ist nicht angedeutet, weil sie bei dem geringen Werte von s' den Überblick nicht leichter macht. Die Figur läßt erkennen, daß nun im Gegensatz zu dem

Vergi, P. Karmanna, Inang-Disk Ghitingen 1904. N. Jahrb. C. Min., Beil.s. Bd. 20, S. 180—193, 1905.



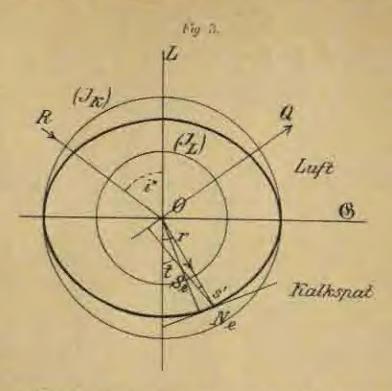
ersten Beispiel t = r + s' ist. Die Bedingung für den Zusammenfall von \mathfrak{P}_s und W_s ist wieder $i' + t = 90^\circ$. Auch dieses Mal hat sie Gültigkeit, es ist: $t = 32^\circ 37.2'$; $i' + t = 89^\circ 57.3'$.

C. Die Grenzebene $\mathfrak B$ sei parallel der optischen Achse. Ist der Hauptschnitt die Einfallsebene, so ist: $i^* = 54^{\circ}2.5$; $r = 34^{\circ}57.7$; $s' = 4^{\circ}0$. Fig. 3 zeigt, daß hier wie im vorigen Falle t = r + s' ist. Jetzt wird $t = 35^{\circ}57.7$ und $i^* + t = 90^{\circ}0.2$. $\mathfrak B$, und W, sind daher wieder parallele Ebenen.

Aus den drei behandelten speziellen Fällen folgt, daß für den Finfall des Lichtes in einer optischen Symmetriechene die zur Einfallschene senkrechte Polarebene B, mit der reilektierten Wellenebene W, zusammenfällt. Diese Tatsache hat die Bedeutung, daß die Lage der untradialen Polarisationsrichtung p, der geometrischen Definition nach unbestimmt wird. Das trifft damit zusammen, daß für in den Symmetriefällen die Amplitude für die nach p, reilektierte Welle verschwindet.

Es ist noch zu bemerken, daß sich auch der Übergang zu einfachbrechenden Medien mit Hilfe der Polarebenen, d. h. geometrisch, leicht bewerksteiligen läßt. Die Schnittlinie von D., D. wird dabei zu dem gebrochenen Strahle. Damit ist das Brewstensche Gesetz gewonnen.

Vgl. F. Poerria, s. a. O. S. 190.



Es ergibt sich also: Im Gegensatz zu der MacCullaunsehen Definition von Chesitzt der aus ihr folgende Satz, daß die reflektierte Wellonnormale senkrecht auf der Schnittlinie der beiden Polarebenen B., B. sicht, allgemeine Gültigkeit.

III. Der Polarisationswinkel i* im Vergleich zu den übrigen Einfallswinkeln in derselben Einfallsebene.

An der MacConnaenseben Bedingung tritt scharf bervor, daß sie in einer bestimmten Einfallsebene einen besonderen Einfallswinkel definiert. Der Neumannschen Bedingung 4 kommt dieser Vorzug nicht zu, weil die rier in für anfüretenden Größen zu komplizierte Ausdrücke sind. Es fragt sich, ob er vielleicht bei der transformierten Bedingung 13 siehtbar ist. Das trifft intsächlich zu. Für einen beliebigen Einfallswinkel i siehen die untradisten Polarisationsazimmte ε_i , $$\frac{\cos(\epsilon_i - \epsilon_i)}{\cos(\epsilon_i - \epsilon_i)} = S_i \vee S_i, \qquad 22.$$

Die Redingung 13 ist ein spezieller Fall von 22, dem v. s. kommen in the nicht mehr vor. Also zeigt 22, daß 13 einen besonderen Einfaltswinkel charakterisiert.

Nach S. 427 führt 13 entweder auf $z_i = z_i$ oder auf $S_i = c_i$. Für den ersten Fall geht 22 über in:

$$\cos(\epsilon, -\epsilon) = \beta_i \cdot \beta_i$$
, 23.

lm zweiten Falle ist $\hat{\varepsilon}_i = 0$, und ε_i , ε_i unterscheiden sich um 90°, daher ist 23 nuch hier erfüllt. Demnach ist i^* anch durch die Redingung 23 definiert, in der ε_i , ε_i anstatt der Azimute ε_i , ε_i auftreten.

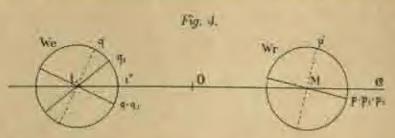
Die für einen beliebigen Einfallswinkel i zwischen den sechs Größen $i_1, i_2, i_3, i_4, i_5, i_6$, bestehende Beziehung 22 geht für i'' über in eine Beziehung zwischen nur vier Größen, entweder in $E_i \cdot S_i \sin (p_i - p_i) = 0$ oder in $\cos (p_i - p_i) = S_i \cdot S_i$.

IV. Die geometrische Bedeutung der transformierten Neumannschen Bedingung.

L. Es fragt sich jetzt noch, ob die transformierte Neumannsche-Bedingung 13 eine so bequeme geometrische Dentung gestattet, wie sie hei MacCollann möglich ist. In der Tat ist auch dieses der Fall. Es erglit sich aus dem auf S. 423 erwähnten Nechansschen Satze, daß eine gewisse unter dem Winkel i' = i' einfallende, geradlinig polarisierte Welle W' mit dem Polarisationsazimut : die reflektierte Amplitude Null aufweist. Am leichtesten läßt sich das veränschauliehen, wenn die Einfallsebene mit einer optischen Symmetrieebene zusammenfüllt: dann wird eine senkrecht zur Einfallsebene polarisierte einfallende Welle night reflektiert, es ist $\beta_1 = 0$. Ist indessen die Einfallschepe nicht eine optische Symmetrieebene des Kristalls, so kann für W' die Polarisationsrichtung b nach der Reflexion nur die zu der Polarisationsrichtung v senkrechte Lage haben, die einfallendem natürlichen Lächte entspricht. Die Neumannsche Rechnung von S. 424 lehrt nämlich, daß unch einer solchen Richtung p' laut 2 jede Amplitudenkomponente R' verschwinder. Welche Polarisationsrichtung a besitzt unn W im der einfallenden Wellenehone W.3 Alle Polarisationsrichtungen von W, sind durch die Reflexion der Richtung p in der reflektierten Wellenebene W. zugeordnet, sie unterscheiden sich jedoch voneinunder durch die zugehögigen Schwächungskoeffizienten. Diejenige Richtung a von W., zu der der größte Schwächungskorflizient gehört, wird p dabet in besonderem Maße entsprechen; alle fibrigen Richtungen von W werden nur deshalb nach p gedrelit, weil die Amplitudenkomponente nach der zu p senkrechten Richtung p' verschwindet. Demnach muß

die zu p' in W. gehörige Richtung q' in W. senkrecht zu a gelegen sein, weil sie den kleinsten Schwächungskoeffizienten Nall besitzt (Fig. 4).

In W, stehen also die Polarisationsrichtungen \mathfrak{q} , \mathfrak{q}' aufeinander senkrecht, ebenso in W, die zugeordneten Polarisationsrichtungen \mathfrak{p} , \mathfrak{p} . Folglich stellen diese vier Richtungen die beiden Hauptrichtungen von Cousu' vor und nach der Reflexion dar. Damit ergibt sich der Satz:



Die transformierte Neusannsche Bedingung für den Polarisationswinkel fo hat die allgemeine geometrische Bedeutung, daß der Schwächungskoeffizient für die eine der beiden «Hauptrichtungen» q. q' von Count in der einfallenden Wellenebene, nämlich für q', gleich Null wird. Die der anderen «Hauptrichtung» q zugehörige Richtung p in der reflektierten Wellenebene W. ist die Polarisationsrichtung für das aus einfallendem natürlichen Licht durch Reflexion hervorgegangene Licht.

Dieser Satz ist schon von Conve² im Anschluß an die Betrachtung der beiden Hauptrichtungen kurz erwähnt worden, über seine Beziehung zu den analytischen Entwicklungen Neumanns und über seine Zweckmäßigkeit für eine Definition von i^{*} ist indessen dabei nichts ausgesugt. Nach den obigen Überlegungen liegt sein Wert darin, daß er das geometrische Gewand der Neumannschen Rechnungsmethode und der Bedingung 13 darstellt. Er zeigt gegenüber der MacCollaguschen Auffassung den inneren Grund für die vollstäudige Polarisation natürlichen Lichtes durch Reilexion, ferner hat er allgemeine Gültigkeit, und er enthält auch den Fall der einfachbrochenden Medien. Daher bilder er die zweckmäßigste geometrische Definition des Polarisationswinkels.

Neumann hat bei der Herleitung des Satzes von der Gleichheit der Winkel i' und i' die Bemerkung gemacht, daß er zu einer Definition von i' benutzt werden könne. Es ist nicht ohne Interesse.

¹ Vgl, F. Pockets, A.a. O. S. 192.

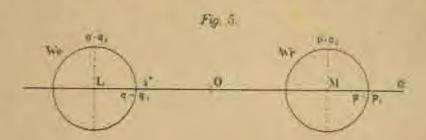
Ann. Chim. Phys. (4) 11, S. 348, 1867.

F. Neumann, u. s. O. S. 416.

Pr. Segwiscars : Polarisationswinkel der durchsichtiges insouven Keystalte. 435

zu sehen, daß jener Satz für die allgemeine analytische Redingung 13 wie für die allgemeine geometrische Erklärung von i' eine sehr wesentliche Rolle spielt

2. Die Tatsache, daß MacCoulagns Definition ihre Gültigkeit verliert, wenn die Einfallsebene in eine optische Symmetrieebene über-



geht, ist nach 8.424 in folgender Weise zu erläutern. Für 1° werden alle Polarisationsrichtungen von W, durch die Reflexion in die zu g gehörige Richtung p hineingedreht, nur die zu g senkrechte Richtung q' ist auch machher in der Lage p' noch senkrecht zu p. Solange deshalb die beiden uniradialen Polarisationsrichtungen q, , g, in W von q' verschieden sind, müssen sie der Richtung p in W, entsprechen, d. h, in W, zusammenfallen. Ist die Einfallsebene aber eine optische Symmetrieebene, so stimmt q, mit g' überein, folglich müssen dann p, p, in W, senkrecht aufeinanderstehen (Fig. 5).

Hiernach sind für den Polarisationswinkel i* nicht die untradialen Polarisationsrichtungen, sondern die Constschen « Unuptrichtungen» in physikalischer Hinsicht ausgezeichnet.

Aungegeben am 20. April.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

SHIRL

XIX.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

6. April. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Seeretar: Hr. Acwers i. V.

"I. Hr. Lesz las über die Anfänge des Ministeriums Eichhorn und die Berliner Universität.

Einer Charakteristik Friedrich Wilhelm's IV. und Eichhorn's wie ihrer Politik folgt ein Bericht über die ersten Bernfungen (Schelling's Stahl's, der Bender Grimm) und eine Schilderung der ersten Conflicte zwischen dem Minister und der Universität.

2. Hr. NERSST legte eine von ihm gemeinschaftlich mit Hrn. F. A. LANDERANN verfasste Arbeit vor « Über die specifische Wärme bei tiefen Temperaturen. V.» (Ersch. später.)

Es wird eine Formel mitgetheilt, die von der Einstras sehm etwas abweicht, aber den Vortheil bringt, dass sieh daraus der Verlauf der sperifischen Wärme sehr viel genauer berreitenn lässt, ohne dass sie mehr willkürliche Constante enthalt; former wird ein exacter Amehines an die optischen Massangen gewonnen. Die theoretische Dentong der Formel wird darin gefunden, dass die potentielle Energie in Quanten aufgenommen wird, die halb so grass sied wie die der kinetischen Energie; macht man diese Annahme, so führt auch die neue Formel zur Prance'schen Strahlungsformel-

- 3. Die folgenden Druckschriften wurden vorgelegt: durch Hrn. Nebst: W. Nebst und A. Schoeneres, Einführung in die mathematische Behandlung der Naturwissenschaften. München und Berlin 1910; durch Hrn. Conzr.: Bericht über die Arbeiten zu Pergamon 1908—1909 von W. Döhreren und H. Hending (S.-A. aus den Mittheilungen des Kais. Deutschen Archaeologischen instituts, Athenische Abtheilung Band XXXV). Athen 1910, ferner Briefwechsel Friedrichs des Grossen mit Voltaire. Hrsg. von R. Kosen und H. Droven, Th. 3. Leipzig 1911. (Publikationen aus den K. Preussischen Staatsurchiven. Bd. 86.), und Banceax V. Hend. Historia numorum. A Manual of Greek Numismatics. New Edition. Oxford 1911.
- 4. Zu wissenschaftlichen Unternehmungen hat die Akademie bewilligt; durch die physikalisch-mathematische Classe ihrem Mitgliede Hrn. F. E. Schutze als Zuschuss zu den Kosten des Drucks eines

«Nömenelator animalium generum et subgenerum» 7000 Mark, durch die philosophisch-historische Classe dem Privatdocenten Hrn. Dr. Hzanass Brown in Berlin zur Drucklegung seiner kritischen Ausgabe der buddhistischen Spruchsammlung Udänavarga 700 Mark und dem Pfarrer a. D. Hrn. Dr. Heisanen Haussusven in Bödigheim (Baden) als Beitrag zu den Kosten der Drucklegung der von ihm vorbereiteten Ausgabe der Historia Hierosolymitana Fulcher's von Chartres 1800 Mark.

Amgegehen am 20. April.

SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XX.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

20. April. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. WALDEYER.

1. Hr. Musk las: Weiteres zur Anatomie und Physiologie

an der Grosshirnrinde. (Ersch. später.)

Wie hei der früheren Untersuchung am Hinterhauptslappen, werden hier am Stirmeheitellappen die Reziehungen behandelt, in denen die anstomischen Arcan der Grosshirneinde zu den physiologischen Sinnessphären stehen. Die Annahme eines besonderen motorischen Rindengebistes neben den Sinnessphären wird widerlegt und die Rinde des Gyens contralls anierier als der Fühlsphäre zugehörig erwiesen.

2. Hr. Schotter legte eine Abhandlung der HH. Prof. C. Caratrage zur Convergenz von Functionenfolgen. (Ersch. später.)

Es wird ein zum Ideongehiet der Proxun'schen Theorems gehöriger Satz aufgestellt über die Bedingungen, welche nüttig sind, damit für eine unendliche Relbe analytischer Functionen, die für ein gegebenes Gebiet definiet sind, eine Grenze vorhauden ist, die selbst eine in diesem Gebiet regulüre analytische Function ist.

Verluste und Wiedererneuerung im Lebensprozeß.

Von MAX RUBNER.

(Vorgetragen am 2 März 1911 [s. oben S. 251].)

Über das Wesen und die letzten Gründe der Ernährung haben sieh, wie die Geschichte zeigt, die Altmeister des medizinischen Wissens je nach dem Stande der zeitgenössischen Naturerkenntnis sehr verschieden ausgesprochen. In diesen wechselnden Theorien und Hypothesen kehrt bald als einziger kausaler Faktor, bald in einer gewissen Abhängigkeit von andern Momenten, seit dem letzten Jahrhundert bis in die neuste Zeit der Gedanke des Zugrundegehens des Lebenden durch die Lebensleistungen und sein sofortiger steter Anfbau immer wieder. Recht eingehend finden wir diese Auffassung bei A. von Haller geschildert.

Wir werden nämlicht, heißt es in Hantaus derundriß der Physiologiet, sinsgesamt unanterbrochen abgezehrt und verlieren nicht allein die flüssigen, sondern selbst die für die allerfestesten gehaltsnen Teilet. Dann wird weiter die Art dieser Zerstörung auseinandergesetzt. Die Ursache der Zerstörung der festen Teile besteht in einer beständigen Ausdehnung und Zusammenziehung, welche bei jedem Schlage des Herzeus erfolgt, hunderttausendmal in einem Taget eine Bewegung, die selbst Metalle abreibt. Sodann in der Reibung der flüssigen Teile an den festen; in einem Abreiben aller Membranen, welche sich sowohl auf der Oberfläche des Körpers als in den inneren Hählen mit einem freien Ende begrenzen, in der abwechseinden Anschwellung und Niedersinkung der Muskeln, und endlich in der Anziehung und dem Druck, den unsere Muskeln äußern.

Nach dieser Auschauung werden also alle Organe mechanisch abgerieben und verlorancht, und die Nahrung hat die entstehenden Lücken jeden Tag wieder ausanfüllen. Zugrundegehen und Aufbau sind normaler Weise adaquate Größen und umfassen den ganzen Stoffwechsel.

Deutsche Ausgabe des Grundrisses der Physiologie von Hairen Herausgegeben von Sömmering & Meckel, Berlin 1788,

Nach A. von Hallen setzt mit Lavoisien der experimentelle Aufschwung der Physiologie ein; die Erkenntnis der oxydativen Spaltung und Verbreanung gibt ein Bild, wie die zerstörten Teile beseitigt werden.

Dann folgen die wichtigen Untersuchungen Massenes und seiner Schule, die als die Grundlage der experimentellen Ernährungslehre gelten können. Die Grundlanschauung der beständigen Abnutzung alles Lebenden hat noch keinen Wandel erfahren; wir finden sie wieder bei Tiedensen (Physiol. d. Menschen 1836 S. 15).

Obschen man damals bereits recht weitgehende Kenntnis des Tierleibes und der Nahrungsmittel hatte, hält sich die Definition - Ernährung in den früheren Geleisen und ohne eine Differenzierung in der Hinsicht, ob den einzelnen Nahrungsstoffen etwa besondere Bedeutung bezüglich der Ausfüllung der Lücken der zerstörten Leibesmaterie zukomme.

Als dann Lauss auf Grund seiner eigenen reichen Erfahrung auf dem Gehiete der physiologisch-ehemischen Forschung an die Aufstellung einer Ernährungstheorie herautrat, übernahm auch er von seinen Vorgängern den Gedanken der Zerstörung und des Zusammenbruchs der Iebenden Substanz durch den Lebensprozeis.

Die Funktion vernichtet also zugleich dus Organ, das Lebende. Letzteres besteht aus Eiweißverbindungen verschiedener Art.

Liebes Theorie geht nun in logischer Weise über die Auffassung seiner Zeitgenossen hinaus; er weist den einzelnen Nahrungsstoffen nach über chemischen Nahr bestimmte Funktionen zu. Zunächst erkennt er den bedeutungsvollen Unterschied in den Lebensaufgaben zwischen Nihaltigen und Nifreien Stoffen. Weil im Leben eiweißhaltiges Material zusammenbricht, sagte er sich, so können auch nur die Nihaltigen Nahrungsstoffe allein den Wiederersatz der durch die Funktion geschädigten Teile übernehmen (s. den 20. und 30. der chem. Briefe Likbins 1865); die rein mechanischen Momente der Zerstörung der Organisation, wie sie von Halling geschildert hat, unden sieh bei Lieben nicht näher erwähnt.

So wurden für Luram die Eiweißstoffe zu den plastischen, neu aufbauenden Stoffen, neben denen Fette und Kohlehydrate als Wärmebildner eine mehr untergeordnete Rolle spielten, in ihrer Verwendung von dem jeweilig aufgenommenen Sauerstoff abhängig.

Beim Muskel war die Leistung am ausgeprägtesten, also der Wiederaufbau und Ersatz am nötigsten. Hier sollte nach Lumm das Eiweiß mit dem Wiederersatz auch die Quelle der Kraft sein (s. auch Vorr in Hermanss Handbuch d. Physiologie S. 338 Bd. 6). Der Stoffwechsel war ein Wechsel der Körperstoffe, also Eiweißstoffe; und

nur dieser Vorgang trug diesen Namen, den wir heute auf verschiedene undere Prozesse der Ernährung ausdehnen. Nach Laussas Theorie war das Wertvollste der Nahrung das Eiweiß oder, wie man kurz sagte, der N, und nach dem Sticksioffgehalt ordnete man auch den Wert der verschiedenen Nahrungsmittel.

Der ausgeschiedene Harnstoff war das Maß des eigentlichen Stoffwechsels und des notwendigen Wiederersatzes der belebten Substanz Die N-freien Stoffe erlangten nach dieser Vorstellung eine selbständige. aber sekundare Stellung; ihre Zerstörung hatte den Untergang der

sonstigen belebten Substanz nicht zur Voraussetzung.

Es ist bekannt, wie die Larmsche Lehre allmählich dem physiologischen Experiment zum Opfer fiel. Als durch Wisnerstes und Fick zuerst gezeigt wurde, daß auch bei starken Muskelleistungen der Stoffwechsel im Sinne Lannes, d. h. der N-Umsatz gar nicht geändert wurde, war klar, daß die wichtigste Funktion der Arbeitsleistung möglich war, ohne das Substrat, den Muskel, anzugreifen und zu vernichten. Der Abreibungs- und Konsumtionsgedanke der alten Physiologen war damit an der wichtigsten Stelle widerlegt. Wenn selbst unter der energischsten Arbeit die zarte Zelle der Muskeln night zusammenbrach, so war kein Grund, einzusehen, warnm andre weniger eingreifende Funktionen - konsumlerend - wirken sollten Auch die mikroskopischen Beobachtungen widersprachen einem fortwährenden Zusammenbruch aller lebenden Substanz und der hieraus erfolgenden Notwendigkeit eines steten Aufbaues. Wie Bischore und Vorr vor allen zeigten, war der Umsatz von Eiweiß in allererster Linie nur von der Zuführ N-haltigen Materials ablängig und konnte auch bei Ausschluß jeglicher Muskelaktion eine fast beliebige Größe annehmen. Dur Harnstoff war also weder ein Maß für die Variationen lebenswichtiger Funktionen noch auch für die Konsumtion von Leibessubstanz und deren Kompensation durch die Eiweißzuführ in Lakeus Sinne.

Alla diese Erfahrungen haben eine wesentliche Wendung in der Auffassung vom Stoffwechsel und der Zellzerstörung gehracht, der Begriff Stoffwechsel wurde nicht mehr nur für den Eiweißemsatz, sondern im Sinne des Verbrauchs aller zur Ernährung notwendigen Staffe gebraucht.

Was Litzus von den N-freien Stoffen schop angenommen hatte, ihre Zerstörung ohne vorherigen Zusammenbruch der Organisation, wurde auch auf das Eiweiß übertragen. Die Zelle war das Beständige. Währende, die Nahrung das Unstete, Zerfallende.

Am ausführlichsten hat C. Vorr diese seine Anschauung im VI. Band, L Tell des Handbuchs der Physiologie von Hennass 1881, S. 305 nuseinandergesstat.

Nicht alle Physiologen haben sich dieser Auffassung bedingungslosungeschlossen; so z. B. hat Privans eine besondere Meinung vertreten, die aber für die Prinzipienfrage nicht von Belang ist. Seiner Ansicht nach bleiben lebendes Etweiß und die Nahrung nicht in räumlicher Prennung, wie es nach Vorrs Auffassung geschieht, sondern alle Nahrungsstoße treten zum Zwecke der Spaltung in einen lockeren Verband mit der lebenden Substanz, während letztere aber doch relativ beständig sieh erweisen soll. Das ist aber gleichfalls eine Negation des Gedankens eines fortwährend dauernden Zerfalls der organisierten Materie. Nach diesen Abschauungen der Ermährungslehre sollte also jede Zelle erhalten bleiben, solunge ihr Bedarf an Elweiß, Fetten, Kohlehydraten hefriedigt werden konute. Der Unterschied zwischen plastischen und respiratorischen Nahrungsmitteln hatte zu bestehen aufgehört.

Jedenfalls ist in den siebziger Jahren des vergangenen Jahrhunderts der Gedanke der mechanischen Abnutzung der lebenden Substanz im Siene der primitiven alten Hallenschen Anschauung, die ja nur ein Kind seiner Zeit, wo es an chemischen Vorstellungen völlig mangelte, war, nie wieder aufgenommen worden.

Zu Anfang der achtziger Jahre des vorigen Jahrhunderis wurde ich durch Untersuchungen, die anscheinend dieser Konsumtionsfrage ganz fern lagen, veranlaßt, auf sie zurückzukommen.

Als ich im Jahre 1883 durch die Entdeckung der isodynamen Vertretung der Nahrungsstoffe die energetische Auffassung der Eralbrungsvorgänge (Zeitschrift für Biologie Bd. XIX, S. 357) begründet hatte, erzab sich mit Rücksicht auf die Tatsache, daß doch zweifellos immer eine bestimmte, aber nicht nüher festgestellte Menge von Eiweiß zum Leben notwendig ist, die Frage nach dem Umfange, in welchem die Nahrungsstoffe sich im Ernährungsvorgange nach isodynamen Werten vertreten können. Ich habe daher versucht, das Mobmum des energetisch nicht ersetzbaren Eiweißverbrauches festzustellen und in orientierenden Experimenten am Menschen, am Shugetier und Vogel gefunden, daß anabhängig von Figenart und Größe der Lebewesen annähernd 4-6 Prozent der Gesamtsumme des Energieverbranchs durch Eiweiß gedeckt werden müssen; alles übrige kann durch verschiedene Nahrungsstoffe befriedigt werden. Nach meiner energetischen Auffassung des Stoffwechsels lag hier für mich der Beweis vor, daß ich alle Funktionen, welche dynamisch zu befriedigen sind, durch die Kohlenhydrate, wenn auch vielleicht noch nicht ganz, aber doch mit größter Näherung gedeckt hatte; der Rest des Stoffumsatzes, jene kleine Eiweißmenge, die immer noch verbraucht wurde, konnte nicht anders erklärt werden, als verursacht durch die Konsumtion, auf deren nähere Umgrenzung ich gleich eingehen werde. Der Um-

stand, daß verschiedene Spezies ganz die gleichen Verhältnisse hatten erkennen lassen, zeigte klar die prinzipielle Bedeutung dieser Tataache. Die völlig analogen Verhältnisse bei Warmblütern von gunz verschiedener Größe bewiesen die Beziehung zur Lebhaftigkeit des Energieumsatzes überhaupt.

Die Größe dieser Konsumtion war also genau präzisiert. Die Frage, aus welchen Gründen im Organismus, wie ich unnehmen mußte, stets eine kleine Menge Eiweiß zerstört würde, also im Ernährungsgleichgewicht den Lebewesen zugeführt werden mußte, kann in verschiedener Weise beantwortet werden.

Es konnte sich darum handeln, daß aus unbekannten Gründen, die in der Organisation liegen, diese nur bestehen bleibt, wenn sie täglich eine bestimmte Eiweißmenge zugeführt erhält, oder es kann sich um die Notwendigkeit handeln, daß bestimmte, nur aus Eiweiß abzuspaltende Produkte von der Zelle gebildet werden, deren Bestand an sich nicht angegriffen wird, wenn Eiweiß verhanden ist.

Beachtet man aber die Kleinheit der bei reiner Kohlenhydratzuführ ausgeschiedenen N-Mengen und die im Organismus verlaufenden und zum Teil wohlbekannten Funktionen, bei denen Eiweiß als Grundsubstanz vorhanden sein muß, so kann man den erwähnten N-Verlust nur auffassen als vermsacht lurch ein Zugrundegehen von Zellen oder auch Teilen des Zellmaterials, also als Verlust durch Haare, Epidermis, Epithelien, Schleim und Drüsensäften, durch Zugrundegehen von Blut usw.; ich habe später diese Verluste kurz unter dem Ausdruck «Abantzungen» zusammengefaßt und den Prozentanteil dieser Verluste am Energieverbrauch als - Abnutzungsquote - benaamt. Ein Teil. dieser Prozesse ist also ganz offenkundig ein wirkliches Absterben und eine Konsumtion, eine unvermeidliche Umwandlung lebender Zellsubatanz oder einzelner Teile derselben in tote. Der Ernährungsprozeß seigh sich nach dieser meiner Auffassung zusammen aus überwiegend rein energetischen Vorgängen und dem Bedürfnis des Wiederersatzes der kleinen Abnutzungsquote durch Eiweiß. Diese Tatsache ist nuch methodisch von großer Bedeutung, weil sie bei dem Eiwelßumsutz zwischen zwei ganz verschiedenen Funktionen des Eiweißes zu scheiden ezlaubt, die auch wahrscheinlich einen ganz verschiedenen Abbau desselben zur Grundlage haben. Der mit der Eigenart der Zellarbeit am engsten verbundene Eiweißumsatz ist der im Zustand des Ahnutzungsverbrauches gegebene. Hier darf man auch erwarten, daß die Eigenart der Tätigkeit einzelner Zellgebiete sieh in Zukunft am ehesten wird festatellen lassen.

Nach den noch im Jahre 1883 allgemein als berechtigt angeschenen Ernührungsgesetzen hatte man nach der Angabe C. Vorrs geglanbt, notwendig, als bei völliger Nahrungsentziehung an Eiweiß umgesetzt werde. Da die von mir gefundene Abnutzungsquote noch unter der Größe der Eiweißzerseizung im Hunger lag, hätte man gewiß erwartet, daß bei Eiweißzuführ ein höherer N-Umsatz nötig sein werde, als er der Abnutzungsquote entsprach. Einen direkten Versuch meinerseits stellte ich nicht an, da ich den nach der damats geltenden Ernährungstheorie etwa zu erwartenden Mehraufwand als durch die Zirkulationsverhältnisse des Nahrungsmaterials bedingt ansah, bei denen das Elweiß nicht immer gerade zu den Stellen gelange, wo es zum Wiederersatz nötig sei. Dieses Mehr des Eiweißverbrauches über die Grenze der Abnutzungsquote himaus versah aber nach meiner Auffassung nur dynamische, keine stofflichen Zwecke.

Die Bedeutung der Abnutzungsquote für die Lehre vom Eiweißverbrauch hat man erst in den leizten Jahren zu würdigen gelernt. Fast 20 Jahre bewegte sich die Mehrzahl der zahlreichen experimentellen Untersuchungen über den Eiweißstoffwechsel auf Bahnen, die auf die verschiedenen Funktionen des Eiweißes für stoffliche und dynamische Zwecke, die ich zuerst aufgestellt habe, gar keinen Bezug nahmen.

Es waren vor allem die praktisch bedeutungsvollen Fragen, wieviel ein Gesunder täglich Eiweiß notwendig habe. Gegenstand der Untersnehung. G. Vorr hatte auf Grund von hauptsächlich empirischer ernährungsstatistischer Erfahrung sich dahin ausgesprochen, daß ein erwachsener und arbeitender Mann 118g Eiweißes täglich bedürfe. Hierüber entspann sich eine lebhafte Diskussion, die durch eine Unzahl von Beobachtungen aus dem praktischen Leben immer wieder in Fluß gehalten, aber nicht zu Ende gebracht und oft mit Erbitterung geführt wurde.

Die Tatsachen, wie sie heute vor uns liegen, erklären die schwankenden Ergebnisse in sehr einfächer Welse; im wesentlichen lag der Grund darin, daß es ein einheitliches Bedürfnis an Eiweißstoffen — auch ohne Berücksichtigung individueller Eigentümlichkeiten — gar nicht gibt. Man batte die falsche Prämisse gemacht, daß alle Eiweißstoffe (besser gesagt «N-Substanz») unseer Nahrungsmittel in ihrem Nährwert identisch seien

Schon im Jahre 1897 hatte ich in einem Abriß der Ernährungslehre des Menschen, anknüpfend an ältere Versuche, die ich 20 Jahre früher mitgeteilt hatte, darauf hingewiesen, daß das Maß des kleinsten Eiweißverbrauches offenbar von der Art des gefütterten Liweißes, also wohl von der Konstitution des Eiweißes, abhängig sei, und daß gerade so N-arme Nahrungsmittel wie die als Volksnahrung wichtige Kartoffel die Möglichkeit böte, ein Ernährungsgleichgewicht zu schaffen, bei dem der Eiwelßbedarf noch auter einem Drittel der sonst als notwendig angesehenen Eiweißmenge herabging, daß man ferner mit den Klebereiweißstoffen nie ein so niedriges Eiwelßgleichgewicht erzielen könne.

Ganz besonders bemerkenswert waren Versuche, die ich gemeinsam mit HEURNER über die natürliche Ernährung des Säuglings anstellte (Zeitsehr, f. Biol. (Sq8, S. t) und später auf weitere Fälle der Sänglingsernährung ausdehnte: ihr Resultat war insofern ganz überraschend, ale sich zeigen ließ, daß der wachsende Sängling kaum 5 Prozent, und wenn man den Wachstumsbedarf beiselte läßt, sogar mir etwa 4 Prozent. seines Gesamtenergieumsatzes unter normalen Ernährungsverhältnissen bei Muttermilchkost durch Eiweiß deckt. Das war also das tiefste Minimum an N-Verbrauch, das man sonst auch bei reiner Zuckerzuführ bei den Warmblütern in meinem älteren Versuche zu erreichen Gelegenheit hatte. Übertrug man das Verhältnis des Säuglings für das N-Minimum bei normaler Ernährung auf den Erwachsenen, so hätte dieser nur rund 30 g Elweiß nötig, was der Größe des Elweißumsarzes bei ausschließlicher Kartoffelkost sehr nahekommt. Für jeden der die Ernährungsverhältnisse energetisch betrachten wollte, war die Nutzanwendung für den Erwachsenen sehr nahellegend gewesen.

Von all den weiteren Versuchen über den kleinsten Eiwelßbedarf sind besonders die Untersuchimgen am Erwachsenen von Sivin (Skand. Arch. 10, S. 9 und 11, S. 308) und Landersens 1903, ebenda XIV, S. 112) bemerkenswert, da sie zu äußerst niedrigen Werten gelangten, auf 4—5g Harn-N für 24 Stunden.

In den letzten Jahren habe ich die Versuche über die Rolle des Eiweißes in der Ernährung des Menschen systematisch in meinem Laboratorium aufgenommen; namentlich hat Dr. Tuosas sieh der mühevollen Aufgabe unterzogen, in Eigenbeobachtungen derartige Experimente durchzuführen.

Aus dem reichen Material von Tatsachen sind zwei, die hier von größtem Interesse sind, zu erwähnen; in erster Linie der für die meisten und wichtigsten Nahrungsmittel des Menschen erbrachte Nachweis, daß die einzelnen Eiweißstoffe, wie ich aus einigen Beobachtungen sehon vermutend ausgesprochen hatte, eine verschiedene Wertigkeit besitzen (Zeitsehr. f. Physiol. 1909, S. 219). Bei manchen zeigt sieh, daß sie genan den N-Verlust, der bei N-loser Kost vorhanden ist, also die Abnutzungsquote, vollwertig ersetzen, das sind z. B. manche Fleischsorten und das Milchelweiß.

Andere Eiweißstoffe wie die der Leguminosen oder jene des Klebers sind ein weit minderwertigeres Material und erfordern Mengen, die die Ausnutzungsquote um ein Mehrfaches übersteigen müssen. Hierdurch wird einerseits also auf die Bedeutung der Konstitution des Eiweißes für die Ernährung ein neues Lieht geworfen, und anderseits ist die Tatsache höchst bemerkenswert, daß Fleischeiweiß und Mileheiweiß trotz ihrer verschiedenen Konstitution doch gleichwertig sein können.

Es ist damit zweifelles erwiesen, daß auf der Basis der Ausnutzungsquote auch für den Erwachsenen ein N-Gleichgewicht unter geeigneten Umständen möglich ist. Wir sehen also in der Abnutzungsquote wirklich den letzten Rest jener für die früheren historischen Perioden charakteristischen Anschamung der Zerstörung der Leibessubstanz durch den Lebensakt, den quantitativen faßharen Vorgang spezifisch stofflicher Funktionen, die sich über das ganze Zellgebiet des Organismus erstrecken, ein Konglomerat von Vorgängen von sehr verschiedener biologischer Dignität im einzelnen.

Da wir somit erst jetzt in die stoffliche Funktion des Eiweißes wirklich klar hineinsehen und diese, geschieden von den nebensächtichen dynamischen Funktionen des Eiweißes, vor uns liegen, werden sich in Zukunft viele, wohl auch pathologische Fragen auf einer neuen Basis eindeutig behandeln lassen. Es wird daher von Bedeutung sein, die Methodik der Herstellung dieser Versuchsbedingungen kurz zu streifen.

Sivis und Landersen, welche zuerst bei Ernährungsversuchen zu ungewähnlich niedrigen N-Ausscheidungen beim Menschen gekommen waren, haben einen ziemlich mühseligen Weg eingeschlagen, um den N-Verbrauch allmählich stark zu erniedrigen. Nach Tuoras gelingt es sehr rasch, diesen Zustand kleinsten N-Verbrauchs herzustellen, wenn man mehrere Tage ein Gemisch von (N-freien) Stärke, Milehzucker, Rohrzucker verzehrt. Will man nicht gleich zur N-freien Kost übergehen, so maß man ein paar Tage mit N-armen Vegelabilien voransgehen lassen.

Was kann man als die niedrigste Stufe des N-Verbrauchs beim Erwachsenen durch N-freie Kost erreichen?

Ich habe sehon bemerkt, daß die Abnutzungsquote nach meinen Versuchen an Hunden, Vögeln, Menschen sich am eindentigsten für den Ruhezustund, mittlere Temperatur als die niedrigstprozentige Beteillgung des Eiweißes am Gesamtkraftwechsel (zu etwa a Prozent der letzteren) ausdrücken läßt. Es mag sein, daß sich noch kleine Varianten ergeben, das muß den Spezialuntersuchungen festzustellen überlassen werden.

Auch für den Erwachsenen wird die Abnutzungsquote vielleicht keine absolut konstante sein, well hier möglicherweise der ganze Organaufbau in Frage kommen kann. Immerhin ist natürlich der wechselnde Eiweißreichtum und Fettreichtum der Organismen ein Moment, dessen Einfluß zu beachten sein wird.

Die niedrigsten Zahlen, welche von Siviv, is Klasken, Thomas für Männer zwischen 58-88 kg mitgeteilt werden sind, bewegen sich zwischen 0.0317-0.0301 g Harn-N pro Kilogramm; noch etwas tiefer ist Thomas in neueren Versuchen gekommen, nämlich auf rund 2.2 g N pro Tag im Harn, was bei einem Körpergewicht von rund 73 kg etwa 30 mg N pro Kilogramm Körpergewicht ansmacht. Wenn man pro Körperkilogramm beim Manne den N-Gehalt des Körpers zu 30 g annimmt, so beträgt die Ahmutzungsquote, nach dem Harn allein beurteilt, bei Männern ungefähr 1000 des N-Bestandes pro Tag.

Von dem N-Bestand des Körpers trifft nun ein Teil wirklich auf die iebende Substanz, ein anderer, nicht unerheblicher, auf die Gerüstsubstanzen; wir dürfen behaupten, daß es wesentlich — bei Ausschluß eines lang dauernden N-Hungers — die ersteren sein werden, die sich an dem Zerfall beteiligen. Die gewaltige, aus Eiweiß aufgehaute Maschine des Organismus vollzieht die Ihrem Energiebedürfnisse entsprechende Leistung durch die N-freie Nahrung, ohne dazu eines nennenswerten Ersatzes des Eiweißmaterials au bedürfen. An diesem geringen N-Verhrauch wird auch nicht viel geändert, wenn wir noch die N-Menge der festen Abgänge mit täglich rund 0,6 g N hinzurechnen.

Aus welchen stofflichen Funktionen des Körpers rühren die gesamten N-haltigen Ausscheidungen der Ahnutzungsquote her? Da alle Funktionen des Körpers ausgeführt werden können wie bei sonstiger Ernährung, soweit wir dies aus den Leistungen des Körpers erschließen können, werden wohl alle Zellen, wenn auch quantitativ verschieden, zu dem N-Verbrauch beitragen; alle charakteristischen Leistungen sind an dem letzteren beteiligt. Was aber der N-Verbrauch als biologische Leistung in jedem Zellengebiet bedeutet, konnen wir mit Sicherheit zur Zeit nicht sagen, weil uns die Zellphysiologie in ihren Details nur stückweise bekannt ist. Selbst hinsichtlich der biologischen Dignität werden Unterschiede obwalten müssen. Absterben von Zellen, sekretorische Äußerungen, Verluste von Zellbestandtellen, die vielleicht unersetzlich sind und mit dem Altern zusammenhingen, all das wird in dieser an sieh kleinen Aboutzungsquote in buntem Bilde zusammengefügt sein. Sieherlich sind wir heute nicht in der Lage, eine voll befriedigende Zergliederung des Problems vorzunehmen; das darf uns aber doch nicht abhalten, wenigstens einen Versuch einer Aufteilung des N-Minimums in einzelne Komponenten zu versuchen.

Unter den Organgruppen, deren Beteiligung am N-Verhat als selbstverständlich erscheint, stehen die Verdauungs- und Resorptionsvorgänge in erster Linie. Die dabei entleerten Verdauungssäfte, Abscheidungen von Mucin, Zellabstoßungen sind als nächste Quelle für die Darmabscheidungen nie bezweifelt worden. Sie sistieren ja nicht einmal im Hunger völlig, werden aber anderseits durch die Aufnahme auch N-freier, selbst ganz leicht wasserlöslicher Kost unzweifelhaft gesteigert.

Wir können aber die festen Ausscheidungen nicht einfach als die restlosen Ausammlungen der Verdamungssäfte betrachten.

Über den Vorgang der Ausscheidung von Verdauungssäften ist uns als sicher bekannt, daß letztere, was ihre Menge an Trockensubstanz anlangt, die Menge der wirklich beobachteten festen Abgänge weit überschreitet. So hat schon (). Vorr darauf verwiesen, daß nach den Experimenten an Gallensteltieren die Menge der sezernierten Galletrockensubstanz die Menge der festen Abgänge übertrifft, woraus man auf eine erhebliche Resorption von Gallebestandteilen aus dem Darm schließen muß. Nach Versuchen von Farrz Vorr (Zeitschr. f. Biol. XXIX, 8, 351) wäre selbst die Menge von Stoffen, die sich in künstlich isolierten und im Verband des lebenden Tieres gelassenen Dünndarmschlingen sammeln, auch nur ein Rest ergossener Säfte, die einer teilweisen Aufsaugung unterworfen sind, und für sich allein betrachtet, so groß, daß 2/10 der ganzen festen Ausscheidungen sich dadurch erklären lassen

Daraus folgt, daß Galle, Pankreassaft und Dünndarmsäfte usw., zusammengenommen, erheblieb größer sein müssen als die tatsächlich mit dem Kote ausgeschiedenen Bestandteile; somit werden viele Substanzen also wieder resorbiert. Welcher Natur dieses Kotgemenge sei, ist uns zur Zeit nicht näher bekannt. Daß aber Mucin, Eiwelßartiges und Epithelreste nicht die Hauptmasse ausmachen, folgt schon aus der von mir festgestellten Tatsäche der Alkohollöslichkeit von fast 4/4 der N-Substanzen und der verbrennlichen Substanzen überhaupt.

An dem Reste, dem in Alkohol unlöslichen, sind auch die Leiber der Darmbakterien mit beteiligt: zwar ist deren Menge im Verhältnis zur Nahrungsaufnahme bei gut resorbierbarer Kost verschwindend klein, aber doch nicht in dem Falle zu vernachlässigen, wenn es sich, wie hier, nur um ihre Beteiligung an der Zusammensetzung der festen Abgänge handelt. Manche Beobachter haben sogar in den Bakterien einen wesentlichen, wenn nicht überwiegenden Bestandteil der festen Stoffe der Ausscheidungen sehen wollen. Dies kann nach den Untersuchungen, welche in meinem Laboratorium gemacht sind, nicht allgemein der Fall sein (Lassaura, Arch. f. Hyg. LVIII, S. 145), indem bei animalischer Kost, bei der eigentliche Nahrungsreste in den Ausscheidungen fast ganz oder

ganz fehlen, rund 4.3 Prozent der Trockensubstanz des Kotos aus Hakterienleibern bestanden.

Sonach kann die Herkunft der überwiegenden Masse des Kot-N, aus den Resten der Verdauungssäffe stammend, als sicher augenommen werden; also ist diese Masse immerbin ein Maßstab zwar nicht für den Gesamtumsatz N-haltiger Substanz im Darm und seinen Deüsen, wohl aber für die mit der Verdauung selbst in Zusammenhang stehenden Vorgänge. Daneben haben wir aber wohl auch unter den Hacuprodukten noch einen, vielleicht nicht ganz verschwindenden Rest an N, der von der Umwandlung des resorbierten Darmsaftanteils herrührt, wenn wir von den bekannten Fäulnisprodukten aromatischer Natur abschen, als deren Ausscheidungsort der Harn ja allgemein bekannt ist.

Es sind kaum bei dem Mangel geeigneter Unterlagen und Anslesen für die Verhältnisse bei dem Menschen auch nur einige Näherungswerte für jene N-Menge, die etwa aus dem Darm nach dem Harne übertriet, zu finden. Allenfalls könnte folgendes ein allerdings unsicherer Versuch einer Rechnung sein. C. Vorr (Zeitschr. f. Biol. XXX. S. 548) mucht einige Angaben über die Gallebildung beim Hunger, von denen ich den Wert des ersten Tages des Hungerns, als von der vorherigen Nahrung beeinflußt, zur Seite lassen will; bei zwei Fällen, einem für ein Körpergewicht eines Hundes vom 24 kg, bei dem andern von 30 kg, findet Vorr 3.5 bls 6.7 g trockene Galle raglich. Auf den Menschen im Verhältnis des ungleichen Energieverbrauchs übertragen, könnte man täglich auf rund to g trockene Galle, eine viel kleinere Menge, als sie Raske für den Erwachsenen bei Ernährung geschätzt hat (etwa 30.8 g pro 70 kg), rechnen. Die Galle enthält 3.8 Prozent N der Trockensubstanz und liefert 6.3 kg/cal, pro 1 g bei der Verbrennung (Reases, Gesetze d. Energieverbrauchs S. 388), also 10 g pro-Tag = 0.38 g Stickstoff und 63 kg.cal. an Verbrennungswärme.

Wenn es zutreffend ist, wie Fa Vorr angibt, daß das Darmsekret usw. ohne Galle (und Pankreassaft) bereits 1/10 der ganzen festen Ausscheidung des Kotes, also etwa auch des N, liefern, der überhaupt im Kote austritt, dann wäre von 0.6 g N des Kotes, der hier in Frage steht, 0.54 auf das Darmsekrei und 0.58 auf Galle, also 0.92 auf beide, zu rechnen, und es müßten mindestens 0.32 N im Harn auf diese aus dem Darm resorbierte N-Menge der Verdauungssäfte usw bezogen warden. So unbefriedigend nun auch die Rechnungsbasis erscheint, so kann das Resultat doch eine gewisse Wahrscheinlichkeit für sieh in Anspruch nehmen und kommt der Beobachung von C. Vorr, daß die trockene Galle die sonst ausgeschiedene Kotmenge bei Hunger überschreitet, sehr nahe

Die Natur der flüssigen Ausgaben zeigt bei dem Tiefstand auf der reinen Ausnutzungsquote beim Sängling, wie Heunen und ich gefunden haben, völlig undere Verhältnisse, wie sie sonst beobachtet worden sind (Zeitschr f. Biol. XII, S. 49). Der Harn ist nämlich sehr reich an N-armen Kohlenstoffverbindungen und hat eine sehr hohe Ver-

brennungswärme, so daß das Verhältnis $\frac{kg/cal}{N}$ des Harnes, das man

den kalorischen Quotienten nennt, und im Mittel beim Menschen etwa 8 entspricht, auf mehr als 12 in die Höhe geht. Es ist naheliegend, hier wo das Verhältnis von N-Umsatz im Harn und in Kotbildung sehr zugunsten der letzteren verschoben ist, an einen Übergang gelöster Substanzen aus den resorbierten Darmsekreten in den Harn zu denken.

Die Herkunft der Ahfallstoffe des N-Minimums aus abgestoßenem Zellmaterial, aus spezifischen Ausscheidungen der Zellen bringt an sieh schon einen großen Gegensatz zur üblichen Zerlegung des Eiweißes für dynamische Zwecke, wobei dieses in die Harnstoffgruppe und den verbrennlichen N-freien Rest zerfällt, zum Ausdruck. Abgestorbene Epithelien werden in toto ausgeführt, auch wohl das Mucin, die Reste der Sekrete sind jedenfälls nicht sehr weit abgebaute Stoffe, wenn man sie vom Standpunkt der möglichen Oxydation betrachtet, da z. B. die Galle trocken noch 6.3 kg/cal. pro 1 g Trockensubstanz bei der Verbrennung liefert.

Gewiß wird nicht alles Material der Ausscheidungen unter diesen Begriff unvollkommen oxydierter Massen fallen. Es mag nebenbei innerhalb der Organe zugrunde gehendes Material, etwa wir beim Hungern, nach seiner Autolyse noch weiter nach Art des üblichen Eiweißumsatzes gespalten und verbraucht werden. Aber die Prozesse der erstgeschilderten Art werden kanm in ihrem Emfange hinter jenen der zweiten Art zurücktreten.

Sind nun auch die in Frage kommenden Ausscheidungen im N-Minimum zur Zeit noch nicht genügend eingehend untersucht, so kann man sieh doch ein ungefähres Bild über deren Natur und danach über Ihre Herkunft machen.

Die ganze Zerlegung der bei der Abnutzungsquote verbrauchten Substanz ist mit Rücksicht auf die Eigenart der flüssigen Abgänge und der erheblichen Menge von festen Abgängen wesentlich unders als bei dem sonstigen Eiweißumsatz.

Denken wir uns, um wenigstens eine Orlentierung über den Vorgang zu erhalten, die Zerlegung des Fleisches in seine Endprodukte unter der Voraussetzung der allerdings noch geringen Erfahrungen, die wir über Harn und Kot innerhalb des Wirkungskreises der Abnutzungsquote haben, dann läßt sieh eiwa folgendes sagen:

Wenn man für Fleisch auf : Teil N 34.7 kg/cal, als Verbrennungswarme rechnet and im Harn (wie beim Sängling) auf 1 Tell N 12.1 gal.. im Kot aber auf i Teil N (nach direkten Bestimmungen) 76.7 kg/cal. treffen, so erhält man folgende Schätzung:

oder in Prozent ausgedrückt: 26.3, während bei normaler Zerlegung für energetische Zwecke, beim Menschen für Liweiß (Fleisch), 76,8 Prozent Nutzeffekt bestimmt worden sind (Runner, Gesetz d. Energieverbrauchs S. 33). Da an dem Verluste pro Tag nur 0.43 g Bakterlen = 0.05 N mit 2.41 kg/cal. beteiligt sind, andert thre Einführung in die Rechnung nichts Wesentliches an dem Resultat.

Läßt man also für die obige Schätzung auch einige Fehlerquellen gelten, so bleibt doch so viel sicher, daß die Zerlegung des N-Materials beim Abautzungsverbrauch anders verläuft, als wir es sonst bei der Eiweißzersetzung bei der üblichen Ernährung zu sehen gewohnt sind. dall also bei dem Abbau von Organstoffen im N-Minimum Gruppen wenig veränderter Zellbestandtelle nach außen entleert werden oder Spaltstücke in anderen Fallen sich bilden, die des weiteren Abbaues nicht mehr fähig sind. Daß alle diese Stoffe echte Exkrete sind, habe leh selion erwillint; das im N-Minimum ausgeschiedene Material lst zum Untergang bestimmt.

Die Verluste von Haaren, Epidermis und Schweißbestandteilen sind hier nicht erwähnt, weil sie ja besondere Quellen der N-Abgabe darstellen, die hier außer Betracht bleiben können und Harn und Kot direkt gicht berühren.

Nach den oben gegebenen Anseinandersetzungen können wir es als die nächstliegende Annahme betrachten, daß die N-Ausscheidung ans dem Darm eine Bilanz zwischen den Sekreilonen und der Resorption darstellt, daß aber wahrscheinlich ein Teil des Harnstiekstoffs (sicher manche aromatische Verbindungen) als Resorptionsprodukte des Darminhalts aufzufassen ist. Lassen wir aber Produkte dieser Art ganz aus der Diskussion, so können sich eine Reihe vielleicht nicht uninteressanter Erwagungen an die objektive faßbare Zahl der N-Ausscheidung im Harne knüpfen.

Denken wir uns alle Organe des Körpers gleichmäßig an dem täglichen N-Verlast von 2,3 g (abgeschen von Haaren, Epidermis,

Schweiß) beteiligt, so würde, die Gesamtmasse des am Körper vorhandenen N = 2000 g angenommen, in runder Summe täglich 1.1 Promille des N-Bestandes zugrunde gehen. Man könnte zunächst einwenden, daß bei dieser Rechnung die Verdauungsdrüsen des Darms ja sehen ausgeschieden wären, da für deren N-Umsatz die N-Ausscheidung von Kot in Anspruch genommen worden sei. Dem ist zu entgegnen, daß die Sekretion nach dem Darm zweifellos nicht die einzige Funktion des betreffenden Zellgebiets sein kann, daß also deshalb ihre Berücksichtigung nicht unterbleiben darf. Ihr Ausschluß von nachstehender Sehätzung hätte aber kaum einen nennenswerten Einfluß auf das Resultat.

Läßt man also gelten, daß der tägliche N-Umsatz im N-Minimum und N-Gleichgewicht!) 1.11 Promille beträgt, so würde, vorausgesetzt daß alle lebende Substanz in gleichmäßigem Turnus bei diesem Zugrundegehen sich beteiligt, erst in 5 Jahren eine völlige Auswechslung und ein Wiederersatz vollendet sein.

Nun stehr aber fest, daß gewiß manche Organe nur in verschwindender Masse an einer solchen Konsumtion teilnehmen und daß ferner sicherlich nicht alle Teile der Zellen zu einem solchen Untergang bestimmt sind und, wie oben schon gesagt, auch wohl die Gerüstsuhstanz mehr oder minder in geringem Umfang zerstört werden dürfte — aber alles in allem genommen zeigen die abgeleiteten Rechnungen wenigstens doch, wie langsam man sich den Zerfall für diejenigen Fälle vorstellen muß, in denen es zur allmählichen Konsumtion der Zeilen wirklich kommu.

Leider besitzen wir recht wenig Mittel, um einzelne Funktionen in normaler Weise und meßbar so anzuregen, daß eine Beobachtung der Veränderung des N-Minimums ums einen Aufsehluß zur Schätzung des mit der gesteigerten Funktion einhergehenden N-Konsums bietet. Für den Darm allerdings können wir durch Steigerung der Menge und Art der N-freien Kost eine Erhöhung der Funktion und gleichzeitige Mehrung der N-Ausführ im Darm hervorrufen. Indes erlauben die gewonnenen Resultate keine weiteren Schlüsse als solehe allgemeiner Art.

Unter den underen variablen Funktionen ist die Steigerung der Moskelarbeit nicht nur an sich diejenige, welche die genaueste Abstufung erlaubt, sondern durch die Masse der Muskeln ein quantitativ sehr wichtiger Vorgang. Es lag daher nahe, hier unzugreifen.

Wenn auch die Erage der Rückwirkung der Muskeltätigkeit auf die N-Ausscheidung im allgemeinen oft schon Gegenstand des Experimentes gewesen ist, so rechtfertigte doch die Möglichkeit, das N-Minimum der Abnutzungsquote herzustellen, gewiß die Wiederaufindume des Versuchs, ob unter diesen besonderen Umständen vermehrte Arbeit vielleicht eine Steigerung des Verlustes von Zeilsubstanzen beslünge. Hr. Tuosas hat einige Experimente in dieser Richtung ange-

stellt. Nachdem ein N-Minimum erreicht war, wurde an drei aufeinanderfolgenden Tagen eine filr die ungeäbte Versuchsperson schwere Arbeit am Garrera schen Ergostaten geleistet und nachfolgend eine Ruheperiode von mehreren Tagen angeschlossen. Das erhaltene Resultat konnte fast den Anschein erwecken, als sei die tägliche Arbeit von 105000 bis 136000 kg/m ziemlich spurlos an dem N-Verbrauch vorübergegangen; aber man kann doch an den Arbeitstagen eine kleine Mehrung der N-Ausscheidung sehen, etwa im Verhältnis von 2.27: 2.04 g pro Tag, also wie 1: 1.20. Wenn man eine Ausnutzung des Nahrungsumsatzes von 20 Prozent für die Arbeit voraussetzt, so sind täglich für 1410 kg/cal, an Mehrumsatz für die Zwecke der Arbeitsleistung 0.67. N mehr in den Ausscheidungen gekommen, auf 100 kg/cal. Muskelumsatz rund 41 mg. Diese letzteren trugen, wie nabellegend ist, so gut wie nichts zur Kraftlieferung bel, denn wenn man den durch sie bedingten Energiewert ins Auge fallt, könnte knapp 1/100 des Kraftbedarfs durch diesen vermehrten N-Umsatz geliefert werden. Es liegt also näher, hier wirklich eine mit der Steigerung der Funktion einhergehende Zunahme des Untergangs der Zellsubstanzen anzunehmen, die man naturgemäß auf die Muskelsubstanz beziehen wird. Dieser Verlust ist noch erheblicher, als man meinen möchte. wenn man die Eewägung anstellt, daß von 2.2 g N-Umsatz pro Tag ja nur ein Teil auf die Muskelsubstanz im Ruhezustand zu beziehen ist. Sollte es zulässig sein, proportional der Beteiligung der Muskelmasse an dem Körpergewicht - also mit 43 Prozent - den N-Verbrauch zu verteilen, so tralen im Ruhezustande 0.95 g N auf die gesamte Muskulatur während 24 Stunden als N-Umsatz, die Arbeit war aber nur über die Togesstunden varteilt, also über eine Periode, unt die vielleicht nur die Hälfte des eben geschätzten N-Verbrauchs zu rechnen ware. Außerdem ist die Mehrausscheidung an N in der Arbeitszeit ja nicht auf die gesamte Muskelmasse des Körpers (= 43 Prozent der Masse) zu beziehen, denn bei der Arbeit um Ergostaten war ia mir ein kleiner Teil der Muskulatur in intensiver Tütigkeit. Unter diesem Gesichtspunkt betrachtet ist also die N-Mehrung anders zu beurteilen. Es ist sicher nicht unwahrscheinlich, daß im Verhältnis zum N-Umsatz der rohenden Muskelmasse die Steigerung des N-Umsatzes bei der Arbeit eine erhebliche, der Vermehrung des Gesamtenergieumsatzes in den Muskeln um ein Mehrfaches entsprechende gewesen war. Durch diese Überlegungen wird aber an imserem Resultat, welches die N-Mehrung auf (lie Mehrung des Gesamtstickstoffumsatzes bezieht und sie so zahlenmäßig zum Austruck brachte, nichts geändert.

Ob nan einer geringen Steigerung der N-Ausscheidung nach den Arbeitstagen, die K. Thomas beobachtete, eine allgemeine Bedeutung

in dem Sinne beizulegen hat, daß ein kleiner Teil des N-haltigen Umsetzungsprodukts auch noch nachträglich ausgeschieden wurde, mag dahingestellt bleiben. Mit der Möglichkeit solcher Vorgänge muß man rechnen, wie ich durch die Untersuchung des Harnes nach Fleischextraktflitterung gefunden habe, wobel kohlenstoffreichere Harnbestandteile noch nachträglich ausgeschieden wurden (Arch. f. Hyg. L. I. S. 5.2).

Aus der nachträglichen Ausscheidung solcher N-haltiger Stoffe kann man nicht mit Bestimmtheit schließen, daß diese von Umsatzproduktion des Muskels herrühren; es wäre im Zusammenhang der durch Muskelarbeit bedingten Änderung der Blutverteilung an sich wohl denkbar, daß in den weniger mit Blut versorgten Teilen ein solches Zurückhalten kleiner Mengen von Stoffwechselprodukten eintrete. Dies ist um so wahrscheinlicher, als die Leistungsfähigkelt des Blutstroms hinsichtlich der Ausspülung von Abfallstoffen in gut durchbluteten Organen, wie dem arbeitenden Muskel, eine sehr weitgebende und vollkommene ist.

Aus der gelegentlichen Zurückhaltung von Stoffwechselprodukten, die ja nur vorübergehender Natur sein wird, könnte sich vielleicht eine sehr wichtige Schlußfolgerung für die Frage ergeben, ob einzelne Organe nicht bei einem Tätigkeitswechsel vorübergehend unter ihren Ruhewerth absinken können. In dem Leben der Mikroben spielt dieser Faktor die allergrößte Rolle, durch Stoffwechselprodukte werden sie in ihrer Tätigkeit in physiologischer Weise eingeschränkt, ohne der Autolyse zu verfallen und treten bei Entfernung derselben sofort wieder in volle Aktion.

Da pro 100 kg/cal. Muskelumsatz 41 mg N trafen und der Energieverbrauch des Mannes 3000 kg/cal. ausmacht, so würde dieser «Muskelwert» auf den ganzen Kraftwechsel berechnet unr 1.24 g N ausmachen,
während von dem Manne 2.2 g N im Ruhezustande ausgeschieden
wurden. Daraus folgt, daß also der durchschnitzliche N-Verbrauch des
ganzen Körpers größer ist, als wenn letzterer nur aus Muskelsubstanz
bestände. Es muß also eine Reihe von Organfunktionen geben, durch
walche weit mehr N verbraucht wird als durch die Muskelmasse.

Die Tatsache, daß mit der Muskelaktion doch eine geringe Vermehrung der Abnutzung und der N-Ausscheidung eintritt, würde sich
bei den früheren üblichen Methoden der Stoffwechselanordnung niemals
durch einen merkbaren Ausschlag in dem Ergebnisse verraten haben.
Nur bei der enormen Verödung des Körpers an N-Stoffwechselprodukten, wie sie im N-Mluimum gegeben ist, gelingt es, solche sonst
nicht quantitativ faßbare Größen meßbar zu machen. Wenn also
manche Beobachter schon früher bei voller Nahrungszufuhr, in der
zumeist größe Eiweißmengen vertreten zu sein pflegen, einen Zuwachs

an N-Umsatz an den Arbeitstagen beobachtet haben, so finden diese Versuche durch die in meinem Laboratorium ausgeführten keine Stätze, da unsre Ergebnisse von ganz umberer Größenordnung sind.

Für den auf die Muskulatur treffenden Anteil des N der Abnutzungsquote kann man zwei Werte angeben. Entweder nehmen wir die Zahl, welche oben aus dem proportionalen Verhältnis des Muskels zur Gesamtmasse des Körpers berechnet wurde = 0.95 g N, oder wir berechnen für die Summe der im Ruhezustand umgesetzten 3000 kg cal, und aus der Schätzung, daß 100 Kal. Muskelumsatz 41 mg N-Ausscheidung liefern, einem zweiten Wert. Dieser wird ja dann zu (3000 · 43 · 0.041) 0.53 g N gefunden. Im Mittel zwischen beiden also 0.95 + 0.53 = 0.74 pro Tag.

Nach Abzug dieses Wertes von der Tagesausscheidung (2,2) blieben sonach etwa 1,46 g N für alle übrigen Prozesse des N-Verbrauches übrig, die nicht auf die Wirkung der Muskelfunktionen bezogen werden können. Ein Teil dieses Restes muß, wie oben schon auseinandergesetzt wurde, auf resorbierten N aus den Verdauungssäften des Darmes aurflekgeführt werden (vielleicht etwa 0,32 g pro Tag).

Von der Tätigkeit der übrigen Organe außer den Muskeln wissen wir bezüglich der quantitativen Verhältnisse eines etwaigen N-Verbranchs so gut wie nichts.

Fine besondere Stellung nimmt das Blut ein: Blut tritt so haufig als gelegentlicher Verinst auf, und Verletzungen, Brüchigwerden von Gefäßen, sexuelle Vorgänge des Blutverinstes sind so häufige Ereignisse, daß sehen aus diesen Gründen das Blut einer lebhaften Erneuerung fähig sein muß. Auch noch andere Überlegungen haben dahin geführt, in dem Blute ein Objekt zu sehen, das relativ eine kurze Lebensdauer besitzt und im regelmäßigen Turnus erneuert wird.

Quiscre hat die Meinung ausgesprochen, das Leben der roten Blatkörperchen währe nur 3—4 Wochen; so wäre also anzunehmen datt in dieser Zeit eine Erneuerung des Blutes eintreten müsse. Ob aber neben den Erythrocyten und Leucocyten auch das Plasma zugrunde geht, darüber läßt sieh, soweit die Literatus in Betracht kommt, eine bestimmte Meinung nicht vertreten. Würde in irgundeinem Zeitmoment das Plasma sieh einseitig vermehren, dann ließe sieh auch wohl eine Zerstörung derselben als wahrscheinlich annehmen, nehmen aber sofort neue Blutkörperchen die Stelle der zugrande gehenden ein, so kann man zweifelhaft sein, ob dann eine Ursache für die Auflösung des Plasmas gegeben ist. Schätzt man beim Erwachsenen die Menge des N, der durch die Erythrocyten repräsentiert wird, so wird diese vielleicht an 90—100 g N betragen.

Wollte man mit obiger Annahme eines 18 tägigen Turnus der Bluterneuerung rechnen, so müllten an einem Tage allein $\frac{100}{28} = 3.6$ g

N-Ansscheidung in minimo in den Ansgaben vorhanden sein, während überhaupt nur ein N-Minimum von 2.2 N im Harn für alle Funktionen, bei denen N beteiligt ist, gefunden wurden. Das Blut kann also immöglich so kurziebig sein, als man sagt, ja, seibst wenn wir die unmögliche Annahme machten, daß auch der gesamte nicht auf Darm und Muskulatur als Umsatz zu rechnende N (1.46 oder 1.46—0.32 = 1.14 g) ganz auf den Untergang der Blutkörperchen träfe, köme man auf mindestens 70—90 Tage Lebensdauer, und auch diese Werte dürften noch hinter der Wirklichkeit zurückbleiben.

Immerhin wird aber zugegeben werden können, daß die Bluterneuerung ein Faktor ist, der sich an der gesamten N-Ausscheidung
der Abmutzungsquote verhältnismäßig, d. h. mit Rücksicht der geringen
Gewichtsmasse, in der das Blut an dem Aufbau des Körpers vertreten
ist (7 Prozent), mit einem welt höheren Werte beteiligt als andere Organe, denn aus dem Gewichtsanteil berechnet, dürfte der N-Verlust
durch das Blut nur (äglich (7 Prozent von 2.2) 0.15 g N betragen

Wir müssen es also der Zukumft überlassen, durch besonders experimentelle Untersuchungen allmählich über die Beteiligung der einzeinen Organsysteme und sonstiger Vorgänge mit N-Verlust eine völlige Bilanz der Ahautzungsspiete herzustellen, wo wir heute erst eine allgemeine Skizze dieser Verhältnisse geben können.

Der Gedanke der Konsumtion hat für die Betrachtung der biologischen Verhältnisse noch eine andere, über den Gesichtskreis der
Ernährungsvorgänge im engeren Sinne hinausreichende Bedeutung.
Für die Theorien des Alterns und der Lebenslänge überhaupt bedeutet Konsumtion den Verlust wichtiger, unentbehrlicher, unersetzlicher Stoffe, nach deren Verbrauch der Organismus funktionsumfähig
wird. Ich habe bereits vor Jahren über diese Anschauungen berichtet, die ich auf der Basis einer energetischen Betrachtung bei verschiedenen Sängern nachzuweisen in der Lage war.

Diese allmählich sich vollziehende Veränderung hängt gewiß auch mit den Konsumtionsvorgängen zusammen, die wir eben als tägliche Erscheinung kennen gelernt haben; es ist aber sehr wahrscheinlich, daß diese für das Altern entscheidenden Verluste jedenfälls wieder nur einen Bruchteil der in der Abautzungsquote vorliegenden Stoffkansumtion darstellen, zu deren Nachweis uns vorläufig alle methodischen Mittel fehlen.



SITZUNGSBERICHTE

191L

BER

XXL

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

20. April. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender: Hr. Conze i. V.

Hr. von Willamowitz-Morllendorf las über die Wespen des

Aristophanes. (L)

1. Konzoption und Ausgestaltung. Es wird auf Grund von dem, was die Wespen lehren, die Tätigkeit der Aristophenes in seinen ersten Jahren verfolgt.
2. Dramaturgis. Es wird gezeigt, daß die Komödie weder in der Handlung noch in der Charakterzeichnung Einheit und Konsequenz austrebt, auch nicht die Einheit des Ortes festhält; eine Szene der Wespen spielt im Hause. 3. Die Parodos. Es wird gegen die Annahmen von Persimenverteilung und Responsion über die Schollen hinaus die Überlieferung gerechtfertigt.

Über die Wespen des Aristophanes. (I.)

Von Ulrich von Wilamowitz-Moellendorfe.

1. Konzeption und Ausgestaltung.

Der Wespencher will seinen Kollegen Philokleon zur Schwargerichtssitzung abholen, weil ihr Patron Kleon angesagt hat, die Sache des Laches stünde zur Verhandlung, und der hätte einen ganzen Sack Geld. natürlich unterschlagenes (240). Sie kommen zwar nicht zur Sitzung. aber dafür richtet Philokleon in dem Hundsprozeß, Kyon wider Labes, der einen sizilischen Käse gefressen hat, wolcher für das Schiffsvolk aufgerieben werden sollte. Labes wird treiz offenkundiger Schuld freigesprochen. Laches von Aixone ist 427/26 Feldherr in Sizillen gewesen, aber erst im Winter 426/25 abgeläst; er tritt erst 421 nach Kleons Tode wieder in Amtern hervor. Kein Zweifel, daß er 425 einen Prozell durchgemacht hat, der ihn zwar nicht vernichtet, aber doch auf eine Wede kaltgestellt hat. Das Kleon, wenn nicht formell Ankläger, so doch die Seele der Anklage war, ist durchaus glaublich. Aristophanes hat also den Prozeß des Jahres 425 zum Kerne seiner an den Lenäen 422 gegebenen Wespen gemacht! Der Vers der Parodos, der im Stücke keineswegs zur Orientierung des Publikums dient (der Hundeprozeß kommt ganz plützlich mis Tapet, denn Labes hat eben den Klise gefressen, 836), verlegt streng genommen die Handlung auf 425 zurück. Also entweder hat der Dieliter, als er die eisozikis der Athener geißeln wollte, sich besonnen, wo nehme ich ein Exempel her, und ist auf den Lachesprozen verfallen, oder er hat 425 den Gedanken gefaßt, aus dem skundalösen Handel, bei dem sich Luches, Kleun und das Gericht blamiert hatten, eine Komödie zu machen. Wer von dichterischem Schaffen eine Vorstellung hat, wird nicht zweifeln, daß die konkreten Gestalten dem Dichter die Handlung eingegeben haben; der Aristophanes der Pedanten hätte sich gesagt; amm muß ich zur Besserung und Belehrung meines Publikums ihre Leidenschaft für die

²⁵⁰ welt linbe ich das vor 18 Jahren ausgeführt. Arist, in Athen, I 244. Ich erführ auf diesem Anfants ein dari gegebenes Versprechens den Aristophanes sonstand ich damale im wessmällichen ehense wir hente.

Schwurgerichte geißeln, also eine Debatte für und wider die Würde des Geschworenen dichten, und dann — Ja, wo hab' ich wohl einem Prozeß, der als Exempel dienen kann, riehtig, vor zwei Jahren gab's ja Kleon wider Luches. Aber dieser Aristophanes würde die Wespen nicht gedichtet haben, soudern ein ledernes Schuldrama, das die Athener ausgepfüßen hätten. Ist die Komödie aber 425 konzipiert, so haben wir nicht nur die Möglichkeit, einmal Konzeption und Geburt eines antiken Dramas unterscheiden zu können, sondern in die dichterische Entwickelung des genialen Komikers hineinzublicken.

Philippos, der Vater des Aristophanes, war ein Städter, aus Kydathenaion, der bei der Annexion von Aigina +31 via Landlos erhielt, denn deu Diehter selber wird man sieh nicht als Klernehen denken. 425 (Acharn, 054) rechnet er sich im Scherz als Aigineten; was man nicht weiter pressen soll: es versteht sich von selbst, daß er sich dauernd im Trabel der Hauptstadt bewegt hat, wenn er auch für die Reize des Landlebens die vollste Empfänglichkeit hat. In der Parabase der Wolken 530, gedichtet erst nach 420, erklärt er, seine ersten Stücke wegen seiner Jugend anderen zur Aufführung überlassen zu haben. Da der andexanec über die Cherenten zu befehlen haben muß, ist begreiflich, daß man für ihn mindestens die Mündigkeit forderte. Später, als der Chor fortfiel, hat such ein Ephebe aufführen durfen, wo dann die Chronik den Vermerk ovroe tousor touses zufligte : so ist es bei Menander gewesen. Über die Dichter stand nichts in den Akten, aber es ist kein Anlaß, zu bezweifeln, daß Aristophanes die Wahrheit sagt, also 427 erst 18 oder 19 Jahre alt war. Wenn die Suidasvita Expolls 17 Jahre som läßt, als er unter Apollodoros 429 zueist aufführte, so heißt das eben auch, er war Ephebe; und die Komiker haben so viel voneinander und von sieh selbst erzählt, dail es vorschnell ware, einer solchen Angabe den Glauben zu versagen, weil sie nicht ans den Akten der Archonten stammen kann. In den Daitales, 417, debütiert Aristophanes mit den Erfahrungen, die er als Schüler gemecht hat, den einzigen, über die er verfügte; das war gewiß nasewels, aber so ctwas will vorkomment, und daß ein komisches Genie früher produktiv wird als ein tragisches, ist nur in der Ordnung. 426 brings er aber ein politisches Drama, die Babylonier. Er mag ja nun in die Volksversammlung gegangen sein, und seine reaktionäre Haltung verrät sieh schon in den Daitales. Aber ist es zu modern gedacht: wenn man den Rittern . den Kreisen der vornehmen Bürgerschaft, in der kimonische Traditionen lebendig waren,

Sie geht ihm indessen unt der Zeit verloren; die Vogel bieten die betaten Belege.

Wilness, Urkondon dramatischer Amführungen 45, 350.

zntraut, sich des talentvollen Anfängers bemachtigt zu haben, um gegen die imperialistischen Tendenzen vorzustoßen, die doch sehon lange. bewor es zu der Erhöhung der Tribute kam, haut geworden sein müssen? Die Forderung lag wahrlich in der Luft, daß die Bündner zu den Kriegskosten beitragen müßten, wenn die Athener sieh selbst besteuerten. Von der Handlung der Babylonier wissen wir freilich damit noch gar nichts, daß die Bündner als babylonische Sklaven den Chor bildeten; aber wenn Dionysos auftrat und ihm von athenischen Demagogen der Prozeß gemacht ward, so hatte Eupolis in den Taxiarchen den Gott als Soldaten von Phormion gedrillt werden, diesem aber doch gegen die Demagogen Hilfe bringen lassen i da har Aristophanes bei dem wenig Alteren, aber doch schon bühnen- und lebenskundigeren Genossen gelernt: Es ist dem Kleon nicht zu verdenken, daß er gegen den verantwortlichen Anaschange der Babylonier einschrift, denn diese Darstellung ihrer Politik angesichts der Festgesandten der Bündner konnte sich die Reichsregierung nicht gefallen lassen. Kleon selbst brachte den Kallistratos vor den Rat (Ach. 355)". An den Kragen ist's ihm nicht gegangen, aber Aristophanes hat sich die Lehre genommen, seine Angriffe fortan so einzurichten, daß die Polizei nicht einschreiten konnte. Um so leidenschaftlicher war sein Haß gegen Kleon, und er bereitete sofort einen Vorstoß vor, den er in eigner Person wagen. wollte, gestätzt auf die Ritter», mit denen ihn aun der gemeinsume Haß verband; sie hatten 426 irgendeinen erfolgreichen Handel mit. dem plebejischen Demagogen gehabt". Dies Hauptstück, seine Ritter, hatte Aristophanes schon in Arbeit und kündigte es verblümt in den Acharnern (301) an, die Kallistratos an den Lensen 425 aufführte. Sie sind die Verteidigung in dem Handel um die Babylonier, also ganz rasch hingeworfen, und der Telephos des Euripides hat dem Diehter den keimkräftigen Gedanken gegeben. Da las er in der Verteidigungsrede des Helden (Fr. 706):

Acharn, 6 mit scholien: Auch bler liffet sich das Tatsüchillebe mit geweren Mitteln witht whier lesturmen.

t pie Taxurchen geben die Erfahrungen dez Rekruten Eupolis geomt zu wieder seje die Dalmies die des Studenten Aristophanes; dan Eupolis für das Vaterland foelst and 410 am Hallespunt fiel, Aristophanes hoch land are Erontzreserve aweiter Klasgaliart hat, mucht much für ihre Gedichte chwis air,

¹ Oh Kleon 428/17 oder 427/26 Ratsherr war; ifiltt sich nicht mit Sicherheit ausmanhen: Besone, Geach. III 998 überschlitzt die Kraft der Grunde, die für den frahere Jahr aprechen. Den Kallistrauss kann Kleur in der Volkaversamollung die Assertur gleich each den Dhanysien durch meosone belangt haben; er kann ihn beim Rate als der Polizeitschörde demunziert haben; wenn er Raisherr war, leg ihm die Initiative much offher. Wiesen können wir den Modus nield, das Ergelmis der Verbandhoug such zieht; our ist es nicht sehr schlimm geworden. Die Konnödie ist nicht gelichtet worden wie die Mindroy Lampe des Phryrichus. Wormit die verdorlewen Verss Werje, 1289-91 zielen, wissen wir nield mal konnen nichts vermuten.

AFAMENHON, O'D' ET TEARKYN EN XETOIN EXUN MEANDI TIC ESE TEATHACH EMBAREN EXON, CIEHCOMAT DÍKAIA I ANTEINTÉIN ÉXUN.

Das lieferte ihm die glänzende Erfindung, wie sein Anzaideone die Verteidigungsrede mit dem Halse auf dem Block, sozusagen, hält; sie ist ganz uml gar mach der des Telephos gearbeitet, und wie bei Euripides ist ihr Erfolg, daß die Gegner sich spalten und damit die Gefähr beschworen wird. Es ist wahr, es geht unheimlich schnell: und Lamachos-Achilleus, der mit tragischen Dochmien' herbeigerufen wird, läßt sich in sehr wenig glaubhafter Weise durch die Flegeleien und Schimpfereien des Dikaiopolis ins Bockshorn jagen. Aber es ist doch uur ein Zeichen von Verständnislosigkeit für poensches Schaffen, wenn die Kritiker durch das Anrufen ihres Spiritus familiaris, des tückischen Bearbeiters, haben helfen wollen. Dieser Lamachos benimmt sich wie die Figuren, die in den burlesken Szenen der Komödie nur auf die Bühne kommen, um sich verprügeln zu lassen. Aristophanes hatte von der Opferung des Kohlenkorbes, die er schon dem Telephos nachbildete, bis zur Parabase' unter dem Einfaß der tragischen Vorlage gestanden, die ihm ja auch die Versmaße an die Hand gab. Das führte er in der Abfertigung des Lamnchos irgendwie zu Ende, und dabei ging ihm der Atem aus; seinem Helden einen wirklich individuellen Gegenspieler entgegenzustellen, hat er ja niemals erreicht, außer in den Fröschen, wo beide gegeben waren. Dazwischen steht mm die Szene mit Euripides; ein Ästhetiker muß schon sehr guten Wind machen, wenn er ihre organische Zugehörigkeit beweisen will; aber wie sie entstanden ist, versteht man leicht. Aristophanes hatte so viel Euripides gelesen, hatre selbst euripidisieren gelernt; da ffel

Doctonien aind immer lengisch; an beabsichtigts Paradis hestimenter Stellen natürlich nicht zu denken.

Lamaches ist hier Stratege; in den späteren Szenen libehstens Lochage. Das hat großen Anatoli erregt; was wir später an Philoklieun erfahren werden, wird geningen, die Freiheit des Dichters zwar alcht zu rechtfertigen, aber zu konstalleren, der miner Person die Charge gibt, die Jedesmal entwendig ist. Ob Lamaches 420/5 Stratege war? Schwertich, da er dann vor dem konstache eigentlich geschützt war. Er heißt nesstac, Dikalopolis ist refers. Das eine ist ihnen zu jung, das andere zu iht es gibt aber zwischen beiden keine Altersbezeichnung, diese beiden aber vond relativ. Der rachten und nesmac sein; die aristophanischen Halden sind immer recontec, was ihre Leistungsfähigkeit nur zuweilen sof dem oder jenem Gebiete beschrüchtigt.

^{*} Die schönen Verse des Paigos 659 = Ein: fr. 918 sind auch mit vollem Rechte für den Telephos in Anspruch genommen; die Anspäste teigen, daß sie in dieselbe bzene wie fr. 713. 713. 713 gehören. Belläufig, fr. 700 darf nur å Φοία Άπαλλου Αγου für den Trugiker in Anspruch genommen worden; 704 ist elles Faselei bei Olympiodur, 714, 1 mm5 κόσου nicht bei Sextus, der ein Florilegium auszieht, aber bei Euripides igniziehen werden.

dies ganz von selbst ab. Dankbarkeit war seine Sache nicht; er zuhlte für die Beautzung des Telephos mit diesen Witzen über die Jammerprinzen»; ich denke, wir verzeihen ihm, denn die Witze sind vortrefilieh. Aber vergessen wis nicht, wie er zu seinem Feldzuge gegen Euripides gekommen ist, er, den Kratinos auch nicht achlecht packte, als er das Wort examazarrosasions prägte. Ganz sein eigen ist der höchst glückliche Gedanke, das alkans, für welches Dikalopolis dem Tode trotzt, in der Friedensliebe zu finden; das wird in den Segaungen des Privatfriedens zu unserer reinsten Ergötzung durchgeführt. Es war ein Meisterzug, die Vorwürfe, die er wegen der Befehdung der Reichspolitik im Innern erfahren hatte, so zu entkräften, daß er so tat, als wäre es ihm nur um den Frieden nach außen, mit Sparta und Theben, zu tun. Er hat damit wie mit der Verfolgung des Euripides die fruchtbarsten Themen gefunden, die er auf Jahre hinans bearbeiten konnte; wir aber sehen an den Acharnern, wie er sie gefunden hat

In wenigen Monaten sind die Acharner fertiggestellt; die Ritter waren in Arbeit, und eben in diesen Monaten erfaßte er in dem Lachesprozeß ein Thema, das sich gegen Kleon brillant verwenden ließ. Es sind ju die Monate, in denen Kleon den Erfolg von Pylos davontrug (die Wochen der Spannung müssen auch die Arbeit an den Rittern aufgehalten haben), und in denen er den Richtern fhren Sold auf eine halbe Drachme erhöhte das legte also auch schon den Sport über die Helinsten nabe. Aber das mußte für jetzt zurückstehen; su den Lensen sollte Aristophanes persönlich seine Ritter aufführen, und die wollten und wollten nieht fertig werden. Das schöne Motiv, daß gegen den Teufel nur ein schlimmerer Teufel helfen kann, gab manche gute Szene her, aber es gab keinen Abschluß, den Herr Demos vertragen konnte, der Herr, den auch der Komlker umsehmeicheln mußte Zum Glück nahm dieser aceknosor die gewaltsame Verwandlung seines Patrons und seiner selbst schmunzelnd entgegen, die uns kalt läßt, es sei denn, wir freuen uns, daß der Schluß mit seinen prachtyollen Anapasten dem modernen Schema der regelrechten Komödie ins Gesieht seldagt. Aber fertig ist Aristophanes auch so nur mit Hilfe des Eupolis geworden.

Zwei lenäische Siege hintereinander, das konnte wohl stolz machen: Aristophanes meinte der Gunst des Publikums sieher zu sein, aber er war Poet genug, ihm etwas Neues bieten zu wolfen. Die Wolken griffen zwar auf die Daitales zurück, insofern sie sieh gegen die modische Bildung wandten, und den Sokrates nahm gleichzeitig auch

Des Dazum gibt das Wespenschoften des Ravennas 88 Kachn etfatierikas trubutaces emarcs ton supain, dem zo mistrouen bein Grund ist. Daß die Achardes davim schweigen beweist nichts: wo salten so es erwähnen?

Ameipsias aufs Korn; allein die Ziele, die sich der Dichter steckte. der selbst ein so schweres Buch wie das des Arziphilosophen Diogenes von Apollonia dazu studierte, waren wirklich ungewöhnlich boch, zu hoch, wie der Erfolg bewies. Aristophanes nahm die Niederlage sehr bitter auf, zumal die Kollegen ihn nicht schonten; mit Eupolis ging die Freundschaft auch in die Brüche. Aber er verdoppelte seine Tätigkeit und brachte an den Lennen 422 Prongon und Wespen mit Erfolg. auf die Bühne . Er hatte sich rehabilitiert und gonnte sich etwas Ruhe, denn der Friede, das schwächste der erhaltenen Stücke, ist flüchtig hingeworfen, ein brillanter Anfang, wieder von Euripides entlehnt, und dann nichts als gemeine Gemeinplätze, selbst die Parahuse zum besten Teile Wiederholung. Die Komödie war den zweiten Preis nicht wert, den thre Tendenz ihr verschaffte: die schärfsten Angriffe blieben nicht aus; Eupolis war offenbar in diesen Jahren Sieger. Ich hoffe noch immer, daß sich über seme Tätigkeit in diesen Jahren etwas Sicheres ausmachen fäßt. Vom Proagon ist nicht mehr kenntlich als Verhöhnung der euripideischen Tragik; die Wespen nutzen den alten Gedanken des Lachesprozesses aus. Wir müssen zunächst ihre Angaben über die frühere Tätigkeit des Dichters genau betrachten.

Der Sklave des Prologs kündet bescheiden an, es werde nichts dan nera geben, aber auch keinen aus Megara gestohlenen? Scherz; es würden nicht zwei Sklaven Nüsse unter die Zuschauer werfen und Herakles würde nicht um das Essen gepreht; das zweite könnte ein allgemeines Thema sein, meint aber doch etwas Bestimmtes, da der Dual der Sklaven sich nur so verstehen hibt. Aber das sind keine aristophanischen Stücke, da bei den zwei folgenden die Wiederholung bezeichnet ist

OVA AVEIC ENACESTACIONENDO E PRIMIDIO,

OVA EL KAEWH E ENAMYO, THE TYXIC SAFIR

AVOIC TON AVEAN ANAPA MYTTWEEVEDMEN.

Dail der Proagon den ersten, die Wespen den zweiten Preis whielten, ist sieht zu bezweifeln; das Philosodes beide aufführte, kaum glaublich, wenn auch nicht ganz unmöglich. Die Linendanen von Worten, die als solche keinen Austell hieren, sondern nur revoor reputzoyen, kann die Texthriffk mir in seltanen Fällen arveichen.

T CKOMA METAFOGES SEKAMMÉRON; die Schöllen geben die Form mit a de Variante nod neunen un dorisch. Bei Athenaeus 409 E wird sekam von Kekammai abgeließt, aber der Marcianne hat Kékammai und vordheit vor der Epitome gehört zu werden: der Vokal schädet nichts, elrioff ist auch zu abbummi gestellt. Endlich Csamen. Au. Oxon. IV 196 (Herkunft der Exzerpte mis imbekannt) Kékammai els Nebenform aus einem normalen schanenat. De dürfte a wohl den besten Ansproch habon.

Dus überlieferte Anacearanionence ist nicht auf unbelegt, sondern mit dieser Präposition ist des Passiv Acearaneces) (und Passiv must es sein) kanns deukbar. Was Hamases und Dispusar gegeben haben, bedentet consuprana, Pollus 6, 126, oder doch ein starkes Tepicaenor 8, 78. Was der Komiker selbst jemand antat, wird er nicombs to neutent dies Milwerständnis habe ich lange geteilt.

Enacentalnezoar ist ein Wort, das mit den Acentainun immer das abelste Licht wirft. Das geht also nicht auf die Behandlung durch den Komiker; also ist Euripides auf der Bülme so schnöde behandelt, wie in auch Hearanc to defithou transmissor die Bühnentigur ist. Dasselha gilt von Kleon; denn die gewöhnliche Erklärung. - Kleon hat giffinzenden Erfolg dank dem Zufall gehabt . kann nicht richtig sein: dieser Erfolg war alter als die Ritter, seitdem war nichts hinzugetreten. Also heißt es: aund wenn Kleon geglänzt hat, werde ich den Mann wegen dieses glücklichen Erfolges nicht wieder zu Mus hackens. Es ist der Kleon der Ritter. Damit ist gesagt, daß Aristophanes vor den Wespen den Kuripides auf der Bühne hat accarde behandeln lassen, was ihm weder in den Acharnern noch in den ersten Wolken passiert Ist, in denen er schwerlich auftrat. Folglich geht dies auf ein unbekanntes Stück. Verführend ist es, an den Proagon zu denken: denn daß der Dichter noch eine Zeile einfügen konnte, nachdem die Reihenfolge der Aufführungen festgestellt war, zeigen die Ekklesiazusen 1158. Gewißheit ist mis versagt. Sohr artig erklärt Aristophanes schließlich, die Komödie sollte diesmal nicht gescheiter sein als die Athener; deren Torheiten wird er ja vorführen, und sie werden zufrieden sein. Im Hintergrunde liegt; voriges Jahr waren meine Wolken zu gescheit für euch. An dieser Stelle durfte er aber noch nicht direkt auf sie deuten; ihrer Verteidigung gilt die Parabase, die ein durch die köstliche Gerichtsszene günstig gestimmtes Publikum vor sich hat. Sie ist so viel milbverstanden, daß der ganze Bau erläutert werden muß. Hört also zu, der Dichter will dem Publikum eine Vorhaltung machen -

ΑΔΙΚΕΊΘΒΑΙ ΓΑΡ ΦΗΟΙ ΠΡΌΤΕΡΟΟ ΠΌΛΑ ΑΥΤΟΎΟ ΕΥ ΠΕΠΟΗΚΌΟ
ΤΑ ΜΕΝ ΟΥ ΦΑΝΕΡΙΙΟ, ΑΛΑ ΕΠΙΚΟΥΡΙΜΑ ΚΡΥΝΔΉΝ ΕΤΕΡΟΙΟΙ ΠΟΗΤΑΊΟ,
ΜΙΜΗΚΑΜΕΝΟΟ ΤΗΝ ΕΥΡΥΚΑΘΟΎΟ ΜΑΝΤΕΙΑΝ ΚΑΙ ΔΙΑΝΟΙΑΝ,
ΕΊΟ ΑΛΛΟΤΡΙΑΟ ΓΑΟΤΕΡΙΑΟ ΕΊΟΔΥΟ ΚΙΜΙΜΙΔΙΚΑ ΠΌΛΛΑ ΧΕΛΟΘΑΙ,
ΜΕΤΑ ΤΟΎΤΟ ΔΕ ΚΑΙ ΦΑΝΕΡΙΙΟ ΚΌΗ ΚΙΝΟΥΝΕΥΙΜΝ ΚΑΘ ΕΛΥΤΌΝ
ΟΎΚ ΑΛΛΟΤΡΙΜΝ ΑΛΑ ΟΙΚΕΙΜΝ ΜΟΥΟΜΝ ΕΤΌΜΑΘ ΝΙΝΙΧΗΘΑΟ.

Wenn man 1018 hinter 1017 hört oder liest, so erwartet man, daß ein Partizipium folgte, subjungiert dem ev menausson; das müßte dann xeimmer sein, und wenn das dastünde, so würden sich die

MANTELA KAI DIĀNOM IDIQ ist cine Act en aja avojn; il Esperadore mantela hisnocital cicavas cie fanotelae racterae. Entykles war kein Bauchredner, sondern ein Hypnotheur, der andere Leute zwang, aus schoen Sinne herans zu entworten, sich and anderen wahrzusagen. Aristophanes stimmt gabz zu Platon Soph. 3520; die Bauchredneret des Emykleides bei Athon. 190 mill den Namen durch ein Millverständiglerbalten haben 1922 beingt so stark die eigne Arbeit zu den Riuern, dail der Vormurf. Eupulis hätte geholfen, bereits erhoben worden sein muß.

fölgenden beiden Verse ohne weiteres anschließen. Nun steht aber der Infinitiv xéacear de, und die Versuche, ihn zu beseitigen, sind so unglücklich ausgefällen wie andere gewaltsame Operationen. Leugnen konn man nicht: daß untadelhaft ist ouch ... The men of sameptic commencial HORAL XEACOM, ARTA TARTA AR KAI CAMEGOC, und daß die vielen Partizipia sich vortrefflich einfügen, während es denn doch wohl des Guten ciwas zuviel wäre, weim еў пепонкыс, оў заперыс алла круваны ёш-KOVPIJN, MIMHELMENOC . . ÉIGAYC . . . XEAMENOC GOSAGI WATE. Anderseits branchte nur TA men TAP by samesus dazustehen, so ware der Grammatik genügt. Wie ist das also? Aristophanes hat wirklich erst so hegonnen, als wollte er subjungieren; dann ist ihm die Schwerfälligkeit zu stark geworden, und er hat xexcest gesetzt, auf suci bezogen: das ergibt zwar kein Anakoluth, aber doch einen inkonzinnen Ausdruck: aber der interpret hat seine Pflicht erfüllt, wenn er das konstatiert und in der Häufung der Partizipia den Grund aufzeigt. Man stößt ja auch erst an, wenn man konstruiert; daß man das tut, ist in der Ordnung, aber zu erzwingen, daß ein Poet immer der grammatischen Logik folge, ist eine ganz unberechtigte Petitio principii.

. Und als er wie nie ein anderer geehrt ward (also nach dem Siege seiner Ritteri, ist er nicht hochmütig geworden', hat nicht in den Ringschulen die schönen Knaben zu fangen gesucht und die Aufforderungen von Liebhabern abgewiesen, die ihn angingen, ihre Geliebten, denen sie grollten, in den Komödien vorzunehmen: Biedermann, wie er ist, wollte er seine Muse nicht zur Kupplerin machen. Erst beide Handlungen zusammen würden die sovca wirklich zur gezarucoc machen. Die Wiederholung des ersten Punktes im Frieden 762 ist. deutlicher sich habe mich nicht in den Ringschulen herumgetriehen, sondern meine Sachen zusammengepackt und bin ruhig nach Hause gegangen . Das war also gleich mach der Vorstellung. Der zweite Punkt, eine recht komplizierte Aktion (Angriff auf Bestellung) kann dem Aristophanes nicht zum Vorwurf gemacht worden sein, da er ja den betreffenden Knaben nicht angegriffen haben kann: also ist er hier selbst Angreifer eines Konkurrenten, dem er inshmiert ver hat nach seinem Siege die Knaben für sich haben wollen und hat einen bestellten Angriff gegen einen abgesetzten Liehling gerichtet . Ohne Zweifel war das einer der Sieger an den Dionysien 424 und 423, denn Kratinos, der die Wolken schlug, kann es nicht sein. Das Publikum verstand das; die Sache war also Stadtgespräch. Daß Eupolis gemeint ist, glaubt man gern, weil es die Grammatiker glaubten; aber der Beweis ist nicht erbracht, läßt sich mit anserm Material nicht erbringen.

^{1041 004} EKTERÉCA) BIRIN HARREIC 094 OFRÖCAI TÖ OFROMBA IST UNETKÄRT UND

org ore meuron in the analexem (neromote one emercent, - ANA HEAKAGOYC OPTIM THE EREN TOTAL METERODIC CHIRALINGIN. PRACEIUS EVENTAS EVENS ATT APRIES ANTINI TWI KAPKAROADINTI

worauf seine Schilderung folgt', und abschließend angesichts dieses Ungetüms habe ich mich nicht fürchtsam durch Bestechung niederhalten lassen. Er latte 1021 von einer Aufführung in eignem Namen geredet, 1023 von dem Siege und seinem Verhalten nach dem Siege: beides ging auf die Ritter. Gesetzt, 1029 fehlte, wie sie ihn jetzt meist verwerfen, so schlösse aaaa an das Verhalten nach dem Siege der Ritter an, ware also der Kampf gegen Kleon etwas Nenes, d. h. die Athetese macht die Stelle sinnlos. Der Dichter mußte unbedingt die Ritter, seine erste AIAACKANA, hier wieder bezeichnen, weil er, um einem Konkurrenten bei Wege etwas zu versetzen, über sie sehen hinnusgeschritten war. Und der Interpolator wäre ein feiner Geselle gewesen, der in assessmer den so recht erwünschten Gegensatz zu dem Ungetam, dem resac, erfaßt hatte, das mit va merieva farbles bezeichnet. ist, aben weil der Gegensatz Ansganor die nötige Farbe gibt. evere an sexus 1031 und das Prasens emxereis besagen, daß der Kampf gegen Kleon noch fortgeht, was die Wespen ja auch schon sattsam gezeigt haben. Es deutet aber auch auf den nächsten Abschnitt.

LAN PREF PAGE EN VAL HVAL HOARART, SHOW TE MET AFTOY TOIC HIMAAOIC EDIXEIPHCAL REPYCIA KAI TOIC HYPETOEIN. of tore Harerat T Brion NYKTHE KAL TORE HARMOVE AMERINIFON KATAKAMOMEND T' OM TAÏC KAINAIC ENI TOJOM ÄTIPALINGUIN THIAN anyumodiac kal ispockaticeic kal masyyriac cynerogaun; WET ANATHAIN ASIMALITAGE HORACYC GE TON HOREMATKON. TOIGNA EPPONTER LASSIKAKON THE KOPAS THEMS KASAPIRIN HEPVEIR KATATIPOTA OTE:

Der AREEKAKOG 1043 Heutet auf den Heakang 1030, Emissien 1034 auf emisserein 1030: dem Ungetüm gesellen sich die anissor, die Kobolde.

r' ist Zunass der Byznnüner, aber eine so leichte Besserung, daß man Ihnen folgen muß.

Die famose Pointe dieser Schilderung ist, daß das Ungeführ am Popunt ist. dessen Geführlichkeit eitel Riendwerh ist. Die Blitze winer Amzen nind die einer Hurs (spailhaft, daß ein Kritiker sich eine zweite Gello oder Empasa konstroiert, damit sie firechthar wird), die Köpfe um den Leib dieser Skylle sind zerana sonname die Simume tost wie ein Wildhoch; aber eine sagaans jauft hald uh, der Roldbengestank im gewißl echt, aber der hat den Menelans nicht geschrecker die Hoden sind die der Lamin; das let one night klar, sher thre Furchibarkeit held die weibliche Besitzerin and and appeared same over wie kammerlich es mis den bestellt ist, weiß jeder, der ein Kamel kennt; as steld such ingendwa xamberr Arrivoresoc, aber ich flude die Stelle nicht, da meine Leinnerung, es bei einem Parhmingraphen gelesen zu haben, trügerlich su cein scheint; gelesen habe ich es sieher

die das Alpdrücken bringen ; der erste Angriff galt dem Kleen; es ist in der Ordnung, daß dieser Angriff auf Avroy dem kleinen Ungeziefer gilt olme einen anßerlieben inian wird niemand daran rütteln, daß Arismphanes die Kobolde met arrov, mit Kleon zusammen, bekämpft hat, népve, also 423, wo er die Wolken gab. Zweimal steht nervo, 1038 und 1044; es kann unmöglich auf zwei verschiedene Stücke gehen. An der zweiten Stelle geht es auf die Wolken, denn an diesen wird doch Aristophanes die Neuheit der Erfindung loben, von Ihnen bei Dionysos beschwören, daß sie die schönste Komödie wären und auf den ersten Anblick zu hoch für die Athener, so daß sie nicht zur Geltung gekommen wären. Hier erst kommt ja das gesyacear heraus, das als Inhalt der Parabase angekündigt war, für das also alles übrige nur Vorbereitung ist. Wenn aber, wie niemand zweifelt noch zweifeln kann, 1044 auf die Wolken geht, so muß die ganze Partie auf sie gehen. Es ist schlechthin unerlaubt, nésyc auf zweierlei zu beziehen, unerlauht, eine zweite durchgefallene Komödle zu eründen. Aber wo sind die eritates in den Wolken? Wo erwürgen sie ihre Grotiväter und schmieden Prozesse gegen die harmlosen Bürger? Wo ist darin etwas, das den Kleon in Mitleidenschaft zieht? Wahrlich, begreiflich ist's, daß wir weiter suchten als die antiken Grammatiker. die nur von den Wolken reden; aber diese haben doch ein richtigeres Gefühl gehabt. - Meine Wolken sind Akt 2 meines Kampfes für euch. Athener, und das ist auch ein Kampf gegen Kleon und seine Rotte. The habt sie nur nicht recht verstanden. Ich richte mich ja gegen die verdorbene Jugend: Pheidippides, der den Vater prügelt, ist einer von den nen, die euch das Leben sauer machen, und der Sokrates und Strepsinles, das sind solche infamen Acrossaco, wie sie euch jetzt mit Prozessen behelligen. Ihr wißt schon; ich hab's euch sonst geaugt (Achaen. 703-18, Wesp. 687). Also diese Bande, zu der die tearon resans reakes von Kleon natürlich gehören, die habe ich eigentlich gemeint: ihr habr's voriges Jahr nicht gemerkt; es war ja auch etwas ganz Neues, aber ich garantiere es euch, etwas Feines war's auch: also in Zukunft mehr Respekt vor einem Diehter, der höher hinaus will; heute ist's ja kein alan nera, aber was Gescheites ist's doch (66). So schien sieh's am kürzesten sagen zu lassen, daß Aristophanes die Tendenz seiner Wolken dahin erklärt, in Sokrates hätte er die Sophisten treffen wollen, welche die bösen Kniffe Jehren, durch die der Riedermann seine Prozesse verliert, und in Pheidippides die pictatiose

Dail ar die recette saligt, die senant als Fisher zu lassen gebrien, geschieht wesentlich als Warterlie; freilich heißt das Fisher nur strazz, stell man es als fisher auchten den refere gebru kann. Die der febru ist gleicher Art.

Jugend. Wenn aber jemand einwendet, »das stimmt ja nicht zu den Wolkens, so ist es geraten, die Ausrede fallen zu lassen, daß wir die ersten Wolken nicht mehr lesen: mit einem Unbekannten, dem man ad hoe einen hestimmten Wert gibt, kunn man kein zweites Unbekanntes bestimmen. Aber es war dem Aristophanes ja gar nicht darum zu tun, die Wahrheit über die Wolken zu sagen, sondern den Athenern aufzureden, sie wären in derselben Tendenz geschrieben wie die Ritter, was sich ohne Gewaltsamkelt nicht behaupten ließ. Die Assawie taxysovam mochten immer das Maul aufsperren und sagen, davon haben wir in den Wolken uichts gemerkt : dann war's ja am Tage, daß sie die feine, neue Erfindung nicht verstanden hatten. Und dann reclinete er nuf die Aennaios merapoyaos, die sich buld jeder einzeln einreden sollten, ver hat Recht, und wenn die andern nicht so dumm gowesen waren, ich merkte schon so was . Aristophanes kannte das Publikum und behandelte es danach: er schrieb nicht, damit wir verlorne Stücke rekonstrulerten. Aber wie wir über seine Kunst oder Moral urtellen wollen, ist überhaupt das zweite: erst heißt es verstehen, was er gesagt list; was gar nicht schwer ist, wenn man ihn nur hören will, denn verständlich redet er wahrhaftig.

Von dem, was zwischen den Zeilen sicht, entgeht uns recht vielt wir müßten mindestens den Proagon und seine Parabase vergleichen können und etwas von den Angriffen und Repliken seiner Gegner lesen. Aber die Parabase des Friedens lesen wir und müssen zugestehen, daß die Wiederholung des Selbstlobes nach 14 Monaten einen kümmerlichen Eindruck macht. Selbstlobes ollte mit Prügeln geahndet werden, aber wenn der vortrefflichste und berühmteste Komiker Ehre verdient! dann ist es unser diaackange (diesmal führte der Dichter selbst auf), erstens hat er den Komikern die gemeinen Späße abgewöhnt (darunter tove "Heakhéac tove mättontac kal tove membatac ékstnove, entsprechend Wesp. 60) und eine große Kunst gesehaffen.

THE O'R LAIMTAC ANORMITICKOYC KOMMIADA O'AL TYRAKAC,

AAA HEAKACOYO GEFAN TIN' EXION TOTOL MERICTOIC ETRICIPEL

AIABAC EYECON OCMAC ACINAC KATICIAAC OCPROPOGYMOYO

KAI TIPOTON MEN MAXEMAI TIANTON AYTOL TOL KAPXAPOAONTI

folgt die aus den Wespen abgeschriebene Beschreibung des Ungeheuers, dann zieht er Wesp. 1036, 37 zusammen

TOIDSTON TAWN TEPAC OF KATEGOIC, AND STREET YAWN TONEMICHING AND RAI TWN TANGE HACEN.

Der Venetin hat die Simonidesverse erhalten, die Aristophanes aufgreift ei af Aristophanes aufgreift ei nicht, wie und vorkennen kann, daß awlichen beiden Versen zin Pentameter und ein Raximeter ausgelassen sind.

Das ist flüchtige Arbeit: dem underen men entspricht nichts als die Phrase 760, wo die nach das Reich bedeuten, ohne daß Bestimmtes gemeint ware. Der Unterschied der Stücke, die von anderen Diehtern aufgeführt waren, von den Rittern, ist weggefällen, so daß underen Diehtern auf die erste gedichtete Komödie gedeutet werden könnte, und die kräftige Antithese nicht Menschen habe ich in meiner ersten eignen Komödie angegriffen, sondern den sanabhave (Kerberos) mußte dem zahmen nicht inieral anappenieren kal fyrkärer weichen. So geht es beim Zusammenflicken; aber was soll man von der Kritik halfen, die das Original der Wespen nach diesem Cento zurechtgeschnitten hat!?

Also nach einem neuen glänzenden Siege und einer empfindlichen Niederlage hat Aristophanes 423 auf den Stoff zurückgegriffen, der sich ihm 425 dargeboten hatte. Er verdoppelt seine Produktion, um die Scharte auszuwetzen, da ist ein alter Plan willkommen Der Prozeff des Laches hat freilich seine Aktualität verloren, und dem Kleon kann ein Angriff wegen seiner noch dazu unverdienten Niederlage in Jenem Handel nicht mehr empfindlich sein. Aristophanes hat also den Prozeß nur noch indirekt vorgeführt; es ist poetisch die Glanzpartie des Stückes; aber wir lachen über die Hunde Klaon und Laches mehr, als wir ihnen böse werden, und der Blamierte ist vor allem der Richter. Kleon hatte sich durch die Erhöhung threr Diaten die Richter gewonnen; ihn bei diesen zu diskreditieren, war für seine Gegoer ein erstrebenswertes Ziel. Das erreicht Bdelykleon, denn womit überzeugt er die Heliasten? . Von den Einnahmen des Staates kommt auf den Richtersold eine Kleinigkeit; nur die Demagogen haben von der Herrschaft des Reiches einen klingenden Gewinn; das Volk, das alles geleistet hat, bekommt nichts. Die frechen Bengel beziehen als cysarneo eine Drachme; der Richter kann froh sein. wenn ihm seine halbe Drachme gezahlt wird. Es ware ein leichtes, die Richter von den Städten als Pensionlice unterhalten zu lassen; aber die Richter lassen sich düpieren und laufen denen nach, die thmen die Dinten geben, und höchstens einmal eine Metze Gerste, auch die nicht ohne Schererei. Mit dieser übelsten Demagogie, des

Geradesu unverständlich ist die Behauptung, die beiden Komödien gemeinaumen Verse Längten erkt nach Kleons Tod gedichtet sein. Wenn man die Überlieferung gehen läbt, ist der Angelff auf das Ungetüm genau auf die erste eigne Auführung datiert, geht der Kampf noch jetzt weiter und ist vorm Jahre Kleon mit den erpaan zugenziefen. Jeder Gedanke, daß er nicht mehr gefährlich wäre, ist ausgeschlossen.

Wursthändlers würdig, wird Philokleon geködert. Man könnte dem Diehter böse werden, und für die Beurtellung der Demagogen (demokratisch oder reaktionär macht nie einen Unterschied) soll man's nicht vergessen; aber er versöhnt durch die geschickte und doch unverblämte Darstellung des souverinen Volkes in seiner leichtgläubigen Dummheit und Eitelkelt, wie man anderseits diesem Volke viel zugute hilt; weil es sich das ins Gesicht sagen ließ.

Mit der Verschiebung des Lachesprozesses und dem Angriffe auf die spatsecc tempoace und thren seaseon war viel gewonnen; aber die Komodie war wieder noch nicht voll. Wenn Philokleon nun, auf sein Altenteil gesetzt, im Genusse, auch wohl ausgelassenen Genusse dieser behöglichen Existenz eingeführt wäre, wie sie ihm der Sohn etwa 344 und 736 in Aussicht stellt, so ware das ein Abschlud gewesen, den Acharnern ähnlich! Das genügte dem Aristophunes nicht; so läßt er den Bdelykleun plötzlich 1005 dem Vater ansagen. er wollte ihm in die Gesellschaft einführen; das erzielt hübsche Szenen durch den Gegensatz der alten bänerlichen Derbheit zu der modernen Eleganz. In die Handlung passen sie eigentlich schlecht, und was sie fortspinnen, sind Motive der Wolken und der Daitales. Der Dichter hatte auch das Gefühl, sein Stück wäre nicht ersten Ranges; schade, daß man den erfolgreichen Proagon nicht vergleichen kann. Immerkin verstehen wir die Entwickelung der aristophanischen Diehtung von 127-21 leidlich gut; wir sehen ein Talent, höher strebend, aber dem Momente dienend, dem Geschmacke des Publikums trotz allem unterworfen, um die Mittel nicht verlegen. Umd recht hat er doch wenn er sich rühmt, das Publikum zu Höherem erziehen zu wollen; ob er sich der Erziehung seiner Konkurrenten mit gleichem Recht berühmt, mag fraglicher sein. Das beste war, daß er sich selbst erzog: Vögel und Lysistrate sind vollkommenere Kunstwerke, und die The smophoriazusen versuchen eine wirkliche Handlung his zum Schlüsse durchzuführen; aber seine Entwickelung können wir weiter nicht verfolgen, weder die aufsteigende noch den Niedergang, den die beiden letzten Střeke bezeugem

2. Dramaturgie.

Die Wespen beginnen mit einem wirklichen Bahnenbilde. Vor dem Bauernhofe des Philokleon sitzen zwei Sklaven schläfrig auf der Schwelle oder auch den Prellsteinen; auf dem Dache sieht man einen bangen Kerl, den Edelykleon (68), schlafend liegen. Denken müssen

Auch da ist aber die Schlußszene im Grunde anorganisch angedickt dem Dikniepolia träumphiert nicht, weil er seinen Separativischen geschlossen hat, sondern weil er an den Choen im Weittrinken geniegt hat.

wir uns, daß es Nacht sei. Nach den spaßigen Szenen des Prologesbekommen wir genau dasselbe Bild, nur sitzt oder liegt jetzt auch Bdelykleon vor der Tür; Nacht ist es noch immer. Der Parallelismus der Bilder ist sehr wirksam.

Auf die Anlage des Hauses, das die Hinterwand bildet, kommt in den ersten Szenen his 462 etwas an Es hat nur eine Tür: so pflegt es in der alten Komödie zu sein, aber es ist wichtig, daß sich über dieser Tür ein Fenster befindet, aus dem sich der Alte herabtaßt (302), an dem also 217 sein Kopf sich zeigte. Der Prellstein vor der Tür und die eisecunia, die Erntekefinze (-zweige), neben ihr werden zu jedem athenischen Hause gehört haben, auch auf der Hühne; das Haus des Demos in den Rittern (729) ist dasselbe; auch das flache Dach wird normal sein, also immer für die Handhung verwandt werden konnen. Aber etwas Besonderes ist, daß das Haus ein Nebengebände hat, so nahe und so niedrig, daß man vom Dache aus sein Rauchloch zudecken kann (xansa 105). Das ist der mucc. Küche und Backstube, die eben darum einen Rauchfang hat. Aus ihr geht auf die Strade ein Durchlaß für die Abwässer, in einiger Entfernung von der Haustfir, denn ein Sklave wird von da sherumgeschickte, den Durchiaß zu beobachten (141). Daß diese Räume außerhalb des eigentlichen Hauses an die Hofmauer angelehnt sind, vornehmer zu reden, in den Peristyl eingebaut, entspricht dem allgemeinen griechischen Brauche; auch städtische Häuser werden oft so ausgesehen haben, aber der Nachtmarsch der Wespen zeigt, daß wir höchstens in der Vorstadt sind. Über Haus und Nebengebände ist ein Netz gespannt (164, 208, 368), das indessen den Verkehr durch die Haustür nie beltindert, also so weit nicht herabreicht, wenn es auch das Fenster sperrt, und von unten, also an herabhängenden Stricken, in Bewegung gesetzt werden kann (200).

Man müßte eigentlich noch einen Ansgang aus dem Hofe auf die Straße annehmen, weil Bdelykleon auf dem Dache (53 sagt, er wollte herunterkommen, und (68 vor der Haustür erschein), an der der Vater innen rüttelt. Indessen das bedeutet nichts mehr, als daß der Dichter ihn außen auftreten läßt, als er ihn da braucht, von der

^{308,} als der Alte sich herablibh, beliehnt der Sohn aman Sklaven Anabons Angent karte für kriten erten der taken ertande product für Sklave mil) mit den Zweigen schlagen, damit der Alte um Seile wieder himatklimmer also muß er von unten binaufschlagen. Dami ist nicht save von erten anderner zu verstehen, weil da keine zwei Treppen sind, sondern esut der einen von beiden Seiten der Tür, mit unbestimmten Feminium, wie brieba derna ber von beiden Seiten der Tür, mit unbestimmten Feminium, wie brieba derna besche uns hach genug. Das gibt ein gutes Bhimealsid: die Stellung des Feminies wird mich klar Der Alte klimmt nicht zurück, sundern läßt sich unf den Beden herab, wu für seine Organs parlien.

Seite her, da er durch die Haustür nicht kommen kann. Wie er's macht, fragen wir nicht: hätte der Hof noch einen anderen Ausgang, so müßte der bewacht werden.

Die Haustür ist eine Lattentür, durch die man den Alten sehen kann, als er an ihr rättelt, 152, und sich mit Gewalt und Drohungen Ausgang erzwingen will. Als der Sohn hinzukommt, wird er artig (169), hat aber sofort den Esel zur Hand, der natürlich nun erst siehtbar wird. Auf die Aufforderung, den Esel selbst hervorzuhoten. die der Sklave mit Recht -heuchlerisch bescheiden - nennt, läßt Bdelykleon die Tür öffnen, was mancherlei Manipulationen nötig macht. die uns beschrieben werden, als sie nachher wieder geschlossen wird (190), also durch die Pause in der Handlung die Spannung steigert: dann führt er den Esel selbst heraus; er hat aber die List durchschaut', der Odysseus unter dem Eselbauche wird entdeckt, der Altawird wieder eingesperrt, noch einmal vom Dache gescheucht, und die Wächter sind überzeugt, daß sie nun Ruhe haben. Eigentlieb könnte Philokleon seine Versuche wiederholen; aber der Dichter hat genug gespielt, und weil er will, erfüllt sieh Bdelykleons Erwartung, und der Alte zeigt sich nicht mehr-

Die Kyklopenepisode der Odyssee, aus der der Dichter die List Philokleons mit dem Esel entnommen hat, setzt er natürlich im Gedächtnis

I RICHGAMH TEXNIGHENOY: LAN EIGHTH MID TON ONON EENTEIN ADRO, BRIDE AN D TEPOH отеё паракуты палы. Das kann zunlichst nur heißen: sich denke, daß ich den Esel heraunführe : um, wenn nölig, eine Parallele zu geben, Menander Coccion, erd nen finn not acket ... emanton ... bran trexonta. Begreiflich also, daß man exarem schreibt. um den Finalsstz anzuschließen. Dem fügt sieh auch A. T. Moznav (Class. Phitology V 488), der ehen den Sprachgebrauch von sond und sond seit mit dem Infinitiv besonnen erörtest und die starve holländische Regel einschränkt. In der Tat ist das Futurum mitwendig, wern es beifen soll sich linhe vor, den Esel hermismführen, damit der Vater anch cicht einmal wieder vorguekt». Aber paßt das hier? Dann mißte ja die Gegenwart des Esels min Vorgueken bedingen. Rein finale Redeuting von bried wird luer überhaupt nicht beiriedigen künnen. Eurip. Hel. 1253 nur santere; &c an orriac the Medicasi Epistec Randon mera: bitus an trapactucin trxal, ebenso Tru. 1052. Aliechi HIR. 233 AMEINECUS TONAS TON TROTTON, BITTER AN INFARIC MIKAL. Überall ist ibc, brige, melter Herkunft eutsprechend, prout, sin der Weise, dem entsprechend wies. Also sagt Billykleon sich weiß, daß er etwas im Schilde führt, und denke, ich führe den Erel so baraus, daß der Alte nicht noch mal vorguekts. Also die Modalität seiner Herausführung bezeichnet er, und sie ist dem Zuschauer blar, da die Worte gesprochen werden, während die entsprechende Aktion ausgeführt wird. Die denken wir uns teicht; er zieht den Es-I zwischen den Türslügein so vor, daß der Esel, von der Seite gesehm, dem Publikum seinen Odysseus zeigt. Er hat eben das reznaceta geahnt, und mgt daher (er selbst, niebt der Skleve) sandun ti kaasie; bii mempacsi threpon; baaize sarron: ri crenzic; el ma sérmo Onycréa mul. Er ziehi den Enel vor, sieht thus also meht unter den Bauch. Das tut der Sklove und führt daher fort ann nat en die schen. Nur diese Personenverteilung ist passend. Damit ist bestänigt, daß Bdelykleon die List geahnt hat; was er sich denkt, ist also sdas Hermaführen besorge ich me, daß dem Alten die Laut zu weiterem Vorgueken vergeht.

seiner Zuschauer voraus. An den Menschenfresser mahnt es, wenn Philokleon sich vorstellt, daß Bdelykleon eneracteion reporter Amartikov verspeisen wird (193). Der Scholinst sagt and roy indractrion bnoy exponto the tore onelose. Dab Eselsfleisch auch einmal gegessen ward, ist richtig; Hippokrates п. дылже II Кар. 46 bespricht seine Bekömmlichkeit. Aber die Gelehrsamkeit ist übel angebracht; der Kyklop wird essen, was one carrel des Essis ist, dus ist dieser Odysseus; der Genitiv ist nicht partitiv, sondern attributiv. Die Kyklopie hatte schon manche Bearbeitung auf der Bühne gefunden: wir kennen natürlich nicht alle, wissen aber doch von dem Kyklopen des Aristias und Euripides, und von der Odvsseuskomödie des Kratinos. Daß der Witz mit dem Namen Ovne überall vorkam, ist begreiflich; den Widder hat Euripides fortgelassen (also gerade was Aristophanea gibt): über Kratinos konnen wir nichts sagen. Trotzdem ist behauptet worden und ernst genommen. Aristophanes parodierte den Euripides*. Beides ist keiner Widerlegung wert, denn nur etwas; das Homer nicht bietet, konnte einen Anhalt geben; und selbst dann müßte die Übereinstimmung frappant sein, um Abhängigkeit wahrscheinlich zu machen. Parodie eines Satyrspiels ist meines Wissens überhaupt so gut wie unerhört"; und wie sollte die Komödie an diesen Stil Anschluß suchen; von dem, was an Euripides Bewunderung oder Abscheu bei den Athenern weckte, steckt in seinen Satyrspielen vollends kanın etwas

Die Richter, die den Philokleon abholen werden, sind als Wespen mit einem Stachel am Hintern angemeldet (225); auch daß sie Phrynichosmelodien singen werden. Aber in der Parodos erscheinen sie in

Daß auf ihn eher als auf Euripides die Verbindung der Satyrn mit der Kyklopie zurückzuführen ist, die wir auf einem Vasenhilde finden, habe ich früher geragt (Griech, Trag. III 15).

^{*} Wesp, 1326 sagt Philokleon ***exe wie der Kykiop des Euripides 203, aber auch wie die Kassaudra der Troerinnen 303, an die der Schollast erinnert; das rief man also is dem Sinne «Halt, Piatz gemacht)»; Philokleon ist betrunken und führt eine Diene mit sich; der Kyklop ist betrunken und sittat sich auf den Silen. Darson wird Abhängigkeit konstruiert. Jole Nacht «hnitieren» also Datzende betrunkener Konnasten in Athen den Kyklopen. Bemerkenswort ist, daß Euripides und Aristophanes das Ethnikon Teasee gebrauchen. Homer loazsiene. Das liegt daran, daß die Athener im Ionischen Meere Bescheid wußten, Homer nicht, denn die Bewohner birßen wirk-lich wie ihre Insel. Das hat der einzige Volkabeschinß der Insel gelehrt. Inselie, v. Magnesia 36. Da sie weder bei Thukydides noch im zweiten attischen Seebund erwähnt wird, ist sie damals nicht selbständig gewesen; wem sie gehörte, ist unbekannt, vermutlich einer der kaphallenischen Städte, deren Sprache sie teilt.

lange Mantel gewickelt, Stocke in der Hand, ganz als alte Athener; das spannt die Neugier: Die Parodos ist eine Einlage, die mit der Handlung nichts zu tun hat; sie soll später für sich erläutert werden. Von der Wespennajur des Chores ist anch in dem eesten Gespräch mit Philokleon nichts zu merken, es sei dem darin, daß sie ihn schmeichlerisch «mein Bienchen» ameden (367). Denn für uns befremdlich, aber jedem Zweifel entrückt, ist, daß Aristophanes den Wespen durchaus die Natur der Biene gegeben hat?. Eest als es zum Angriff geht, den Alten zu befreien, wird der Stachel vorgeholt", wozu natürlich die Müntel abgelegt werden müssen; mit denen werden die Jungen fortgeschickt, die bisher dem Chore leuchteten (es ist mm. Margen geworden): Jungen und Mantel sind eben beide überflüssig. und die ersteren fortzuschaffen, wird das Motiv angewandt, sie sollten die Sache dem Kleon anzeigen; Folgen hat das nicht". Jetzt erst sieht also der Sklave (und der Zuschauer) die Stachel (420); der Kampf, zu dem Bleigklein Verstürkung aus dem Hause holt, wird zum Teil so vorgestellt, wie wenn Wespen stechen und Wespennester ansgeräuchert. werden; daneben gibt es eine regelrechte Progelei, in der der Chor den kürzeren zieht; es müssen also gegen die 24 Wespen nicht viel weniger Sklaven aufgehoten sein, die verschwinden, sobald keine Geführ mehrist. Nun hat aber auch die Wespenmaske ihre Schuldigkeit getan; 727 ist die Waffe des Chares nur der Stock. Einzig in dem Epierhema wird, wie es Still ist', die Maske noch erläutert; dabei erfahren wir; daß der Chor sich eine Wespentaille gesehnürt hat, und glauben leielst, daß sein Gewand unterwarts in eine Art Wespenleib ausging, aus dem der Stachel hinten hervorkam oder hervorkommen konnte, zur

¹ Das hat H. Wesen. Arietophanische Studien 145, ausgeführt; nur so weit, wie ich's oben sage, kann ich ihm folgen. Ich kann meht anders annehmen, als daß Arretophanes wirklich die Wospan für eine Sarte besonders großer Benen gehalten list.

⁴⁰⁷¹ soviel ist der verdorbenen Stelle an entrollmen. Die Debetten über die Kinder und die Möntel werden gegenständiste, sakald nam die Handlung versteht und sich nicht einhildet, die Zahl der Statisten dem träumphaam vorschreiben zu könnru. Einen dungen, der die Weiberkostum des Michildeines tragen soll, bringt sich ouch Koriphites mit. Thesin. 1202. Fried 731 ist Bedienung zur Hand, den Banern des Chores the Handwerkstrag abzunehmen; die wird vor der Paralage die Blumon aufgegeben und von den Dieben geredet, die um das Thester herminlungern. Der Choren war etwas genem des Schaf zum Opfer mußte ihm gespart werden, 1022.

Mit demochen Maily tringt der Dichter in den Fröschen 500 die Hökerinnen von der Billine; Folgrit hat es sternowenig.

Unbefangenem Auge until er seltsum erscheinen, dati diese Erläuserung der Maske an einer au späten Stelle der Komodien stellt, wo die Maske schon für die Hamiliang songespielt hist. Das wird sofart verständlich, subald begriffen ist, das rikrozes und maskenes einem) dasselbe start der Chor kommt auf den Festplatz des finttes, ein Führer hält die Anaprache, in der dem Valke oder einzelnen die Laviten gelegen wurden, der Chor augt, was dem Gute gehöhrt dann erfäutert er seine Maske.

Attacke werden sie ihn zwischen den Beinen durchgezogen haben. was bei den Kindern Lachen genug bervorgerufen haben mag.

Die Debatte zwischen Vater und Sohn ist zuerst auf den Schiedsspruch des Chores angelegt (521); es kommt aber anders, denn Philokleon ist schon vorher einer Ohnmacht nahe, so daß der Chor thin nur zureden kann, sich dem Sohne zu fügen (728). Der Wahrspruch, den man erwarten mußte, wird nicht abgegeben. An der Durchführung seines Mutives liegt dem Dichter nichts, dagegen korrespondiert genau, daß Philokleon sich ein Schwert geben lißt, in das er sich stürzen will, wenn er unterliegt (522), und daß er es fallen MBt, weil ihm schwach wird (714); hier mußte der Dichter konsequent sein, well das Schwert vor den Augen der Zuschaner blieb.

Bis zu diesem Punkte ist seit der Parodos die metrische Form der Parabase eingehalten, daß immer auf eine Strophe eine Szene in Tetrametern folgt1. Nun muß der Dichter den Ubergang zu den einfachen Trimetern machen, die his zum Ende reichen. Die Situation ist nicht eigentlich tragisch, und der Alte hat wenig von einem euripideischen Helden; aber die Tragodie bot so bequeme Formen, daß Aristophanes nach Dochmien greift und den Philokleon Anapäste der Alkestis und des Bellerophontes's anwenden Bist: das soll den Euri-

Oh die Tetrameter in ein Unigos übergeben, wie meist bei der eigentlichen navisacie, oder nicht, wie bin den smreheata, steht im Belieben des Dichters. Die Strophen and meist auf Chor und Schampieler rerteilt, nismals in sich digeschlessene

² Zu diesen noneren die Schollen keine bestammten Vorlagen (sie haben in auch zu 750 Alkestis 360 mehl zitiert); man braucht auch keine, aber in mood, meod 46. ross, in Arepanum, in east rearen cranamidassi kann michanil den tragiaciom Tim repkennen. Die Amistropim, 743-749, bi beres Flickwork.

Philokloop sagt som deinen Versprechungen will ich ulchte wissen; ich seine unch much dem saligen Orte, wo der Herald zur Abstimmung ruft. Conya d vyedauf, meine Scole - 1707 au 1725; was lat meine Soele? (d. lt. ich habe keine mehr, leier micht mehr) riebet - chieple egib Raum, schattige - nein, belait Herakles, min mag leb nicht mal Kleon als Dieb verurbeiler. Hier ist also die Peripetio, die Katastropher von dem Sahnen unch dem Richten zu dem Verziehre selfist auf den Hochgenuß. Kleun unter den Pitten zu haben. Den Hbergang oder Umschlag (denn psychologische Künste wird man ulcht mehen) markfert die Aufnahme und Ablehnung euripideischer Worte. Wie warm vor dem nieer o cuera hilflos, warden fint werd wie vicintles Korruptelen und Lücken aunehmen, wenn die Scholien nicht aus dem Bellerophontes erhalten frutten marec & troppa evanace . Infl mich durch, schattiges Laub, fiber die Wiesengrunge will ich mich habens den Ather über unt zu schmien stroll ich. Wo. stellt die Hekate? (d. la. wie von jedem Palaste auf Erden oder des athenischen Burgem Extraon steht, much es Shulich vor der Dick Ayan sein). Alan der tallküline Flug des Bellerophantes kommt dem Philiskleon in den Sinns tentz allem will such er einen Kopf durchsetzen. Natürlich muß hier der Hörer un naper & cemes die gange Treade erkremen. Dami until aber auch corber chera d'vexa nov sur evan crat den Lithmen Vorente, dane den Rückschleg gehan. Mit andern Worten, das ernte gehört dem Europides. Endlich au bedenken: der Dichter der Wespen hat die Szene des

pides alcht persiffieren; es ist nur bequemer als ein neues Lied zu erlinden (das man erwartet), und bekannte Verse in lächerlicher Verwendung sind immer willkommen.

Das Privatgericht vor dem eignen Hanse erfordert recht viele Requisiten, die aber alle einzeln aus dem Hause geholt werden. Da die Bühne dann für die Parabase von den Schauspielern geräumt wird, ist Zeit genug, alles unbeachtet wieder wegzuschaffen.

Als das Antepirchems verklungen ist, 1122, sehen wir Philokleon sich gegen die Zumutung seines Sohnes sträuben, der Ihm den Mantel abnehmen will. Mitten in lebhaften Streit führt uns der Dichter hinein. Bdelykleon hat einen persischen zottigen Mantel zur Hand, den er dem Vater am Ende aufzwingt, dann ein Paar lakonische Stiefel. 1200 muß der Alte sieh zur Probe auf das Sopha legen: die Kissen werden 1213 genannt, und es versteht sich von selbst, daß die Probe nicht auf dem nackten Boden gemacht werden kann. 1251 wied dem Sklaven befohlen, das Essen einzupacken, das sie zum Picknick mitnehmen: so ziehen sie ab. Wo spielt diese Szene? Vor dem Hause? Undenkbar, Also sehen wir hier in die Stube: daher können die beiden mitten im Gespräche sein, als das Schauspiel nach der Parabase wieder anhebt. Das bestätigt sieh dadurch, daß der Chor an der ganzen Szene nicht den mindesten Anteil nimmt; er ist gur nicht gegenwärtig. Er steht nämlich vorher und nachher da, wo die Parabasen gesproclien werden; napaske nøde fon aflaon, er hat sich von der Hinterwand weg an den Rand der Orchestra auf die Mitte der Zuschauer hin bewegt: da bleibt er, da singt er 1265 wieder, und zwar wieder Trochaen, wie die der vorigen Ode. Wer sich daran stößt, daß er den Zuschauern zum Teil die Schauspieler verdecken müßte, kann sich das Zimmer, in dem jene erscheinen, beliebig hoch über dem Boden denken: darüber können wir ja gar nichts wissen; es kann ja auch das Ekkyklema angewandt sein:

Nach der Parabase kommt ein Diener zum Chor als Bote; es muß eigentlich der sein, der ihnen den Korb getragen hat; aber danach fragen wir nicht, ebensowenig was der Chor hier noch zu suchen hat; der bleibt, weil wir Komödie spielen, und der Bote will uns, den Zuschauern, erzählen, wie sich Philokleon in der Gesellschaft betragen hat. Gleich nach ihm kommt auch der Alte, schwer betrunken,

Außtiege aus dem euripideischen Drama im Gedüchtnist der des Friedens bant auf sben diese die einzige gelungene Erfindung seiner Komödie. Wenn er diese Parodie schon geplant hätte, würde er die Anapäste des Belleruphontes, die Fried. 32 parodiest werden, atcht hier verwertet haben. Aber au Friedens war ja vor der Schlacht bei Amphispielis, Herlei 422, kein Gedanker begreiflich, daß Aristophanes in äußerster Eile auf ein Mette surückgriff, das er ehen bestäufig gestreift haute.

die Flötenspielerin zieht er mit sieht sie ist spillternackt, wie sieh mehher zeigt und wie solche marakoperinata öfter sind - in diesen Rollen spielt die Weiblichkeit, bezogen vom narnosockie, mit. Ein Bild wie Furrwandler-Rudmold, Ser. II. Taf. 103 illustriert das Frauenzimmer gut. Eine Gruppe Leute, die Philokleon verhöhnt und verprügelt hat, drängt hinterher, und einer führt für sie das Wort; Compitue the ist als Personenbezeichnung sehon zu viel, denn es ist schwerlich einer von den Teilnehmern des Picknick. Später kommt der Sohn; die Flötenspielerin wird so hingestellt, daß der Alte sagen RBHH: EN AROPAL TOTO GEOTO GAIC MAETAL [1372]: also sind wir am Altar der 12 Götter auf dem Markte. Da hat doch auch die Brothökerin thren Stand gehabt izu der Stunde ist das freilich seltsam; aber wer darf nach der Uhr fragen?). Wir sind also während dieser Szene auf dem Heimwege von Philoktemons Haus, wo das Piekniek war. zu dem des Philokleon, das eigentlich gar nicht in der Stadt liegt. Als der Diehter genug Spälie gemacht hat, sind wir vor diesem Hause, und der Sohn nimmt seinen Vater hoelt und sehleppt ihn hinein. Der Chor hat wieder mit keinem Worte teilgenommen, selt der Sklave thm den Botenbericht brachte. Jetzt singt er ein Lied; dann kommt wieder ein Sklave heraus, der sehon derselbe wie vorher gewesen sein wird, aber ehensowenig auch nur einen Schatten von Persönlichkeit hat: daß Bdelykleon auftritt, wie einzelne Herausgeber ohne jeden Anhalt im Texte oder den Scholien annehmen, verstößt gegen den Sinn der Szene ebenso wie gegen den elementarsten Grundsatz der Interpretation: wen er einführt, macht der Dramatiker selbst kenntlich. Der Sklave kommt auch nicht zum Chor, sondern zum Publikum: in dem sind die tragischen Schauspieler gegenwärtig gedacht, die Philokleon zum Wettanzen auffordert; aus dem denken wir also die drei Knirpse vortretend, die Söhne des Karkinos; dargestellt werden sie durch drei aus der Schar von Jungen, die in der Parodos den Chor begleiteten: weil wirklich Jungen aufgeboten sind, haben sie die Statur der Karkinosbrut. Ihrem Cancan macht der Chor Platz (1516). singt zu ihrem Hopsen und geleitet Philokleon und sie am Ende durch eine der nasoau, der Seitenzugänge, hinnus, nicht ohne die neue Erundung des Aristophanes ausdrücklich zu preisen, der mit diesen Tünzen statt des gewähnlichen Komos das Publikum überrascht. Wo spielt also diese letzte Szene? Wo unders als im Theater? Mit der Fabel des Stückes hat sie nicht das mindeste mehr zu tun: das «Komosspiel» des Aristophanes sehließt sie in origineller Weise glänzend ab.

Wenn die letzte Szene im Theater spielt, gehört sie gar nicht mehr zu der Handlung; es ist doch such nicht der alte Heliast Philokleon, der mit dem Chore, der auch kein Wespenehor mehr ist, zur Orchestra hinaustanzt. Ist dem so, so schließt das vorhergehende Chorlied das Drama inhabilish ab. Der Chor epilogistert. . Man muß dem Philokleon gratulieren, daß er sich von dem trocknen Tone! seiner Lebensweise bekehrt hat. Nun wird er wohl Hederlich werden: das heißt, vielleicht geht's auch anders, denn man verleugnet seine Natur schwer; mancher läßt sich freilich nuch umstimmen. Unbedingt dagegen verdient Edelykleon Lob, für den sehwärme ich, denn die Grande, mit denen er seinen Vater bekehrt hat, waren alle unwiderleglich. - Daran ist gewiß weder tiefe Weixheit noch hohe Poesie zu loben: aber der Dichter zieht das Fazit aus seiner Komödie, das er allein ziehen kann. Es ist ihm darum zu tun, dem Publikum sein Hauptmotiv wieder einzuschärfen, das durch die tollen letzten Szenen zurückgedrängt ist. Die stepanta ist vom Ubel; die siegreichen Grunde Bdelykleons dürfen wir nicht vergessen. So ist es für Philokleon ein Gewinn, daß er sein ruppiges Heliastentum ablegte: hat er Jetzt einmal über die Stränge geschlagen, Dia xeonov encevces (1212), kunn es immer noch gut, es kann auch schlecht werden. Halten wir uns an das Unzweifelhafte, was wir bei Bdelykleon gelernt laben. - Unsere-Kritik mag diesen Ausblick in die Zukunft (METATIGGETAL 1454 und Argan 1464) witzig oder frostig nennen; ein Ausblick bleibt es, und ein Fabula docet, das hinter die Fabel gehört. Sollten wir da noch ein Wort gegen die Vertauschung dieses Liedes mit der zweiten Parabase sagen, die jetzt bei van Lreuwen und Sramon Aufnahme gefunden hat? Das Chorlied paßt nur an den Schluß, und die Parabase pails nur da, wo sie die ersu sozusagen forssetzt und den Chor von der häuslichen Szene fernhält. Aber von allem abgesehen: wie sollen denn zwei Cherpartien in der Überlieferung vertanscht sein? Was berechtigt zu solcher kritischen Manipulation? Das ist das Churakteristische: man fragt gar nicht nach ihrer Berechtigung. Diese Umstellung ist ein Survival aus den Zeiten der durch Größenwalm tollgewordenen Methode, die immer andere Leute dafür verantworthell machte, wenn sie stwas nicht verstand. Verstehen fühl sich das Chorlied, wo es steht, vielmehr nur da, wo es steht. Wenn wir es verstanden haben, dürfen wir uns eingestehen, daß es recht trivial ist: das gehört auch zu der Manier des Aristophanes, daß er sieh leichten Herzens mit Trivialitäten behilft, wenn ihm nichts Besseres einfällt.

Sehr viel benne ist die Mahaneg 743-49 nicht, ader die Annade 1072, eiler Wolken 1303-20, das ille Handlang frostig weiter verbereitst. Horzzens kordarung daß Poesie sich bewähren moß, auch wenn man die membes pessie discar, ist änderst praktisch. Probiere man es z. B. av der Antode; man wird zweitelst fernen, erstens, daß sie stockprosaisch ist, zweitens, daß Aristophanes sich sehr gewallsame Umstellun-

Unt die Einheit des Ortes steht es also so, daß hinter der Parabase ein Auffritt in der Stube spielt; dann mübte eigentlich die Szene sich wandeln, da wir Philokleon auf seinem Heimgeng über den Markt begleiten; die Exodos spielt, wo sie gespielt wird, im Theater. Die Acharner fangen auf der Pnyx aus dort verhandelt Dikalopolis mit Amphitheos; der Chor läuft hinter diesem her, trifft aber den Dikniopolis in seinem Demos, eigentlich also Cholleidai, bei der Feier der ländlichen Dionysien (Posideon). Als dieser das Telephoskostüm braucht und zu Euripides geht, ist dessen Haus gleich das aber der Chor muß während der ganzen Euripidesszene fortgedacht werden. Dann ist auch jenes Haus fort; dafür ist Lamachos in Hörweite. Hinter der Parabase sind wir in der Stadt, wo Dikaiopolis und Lamachos als Nachbarn wohnen. Das Jahr rückt bis zu den Anthesterion vor. Am Ende zieht Dikaiopolis mit seinen Weibern und Komusten über die Bühne, also scheinbar von seinem Hause weg. Wie der Regisseur sich geholfen hat, können wir nicht wissen, sollen wir nicht wissen wollen: aber die Verse, die wir haben, sind unzweidentig, und sie geben auch ein mehr als befriedigendes Bild von der poetischen Einheit der Komödie. Aber mit Ort und Zeit mol-Handling springt der Komiker um, wie's ihm palit. Palit es ihm, so kann er auch die Monatstage genau nachrechnen und die Einheit des Ortes wahren, wie in den Wolken. Gesagt ist die Wahrheit natürlich oft genug; viele werden sie erkannt haben, ohne davon zu reden; aber der Pedantismus der Erklärer zwingt immer wieder, sie einzuschärfen, und es ist wichtig, den Aristophanes auch hierauf genan augusehen, nicht nur für ihn, sondern auch für die Komödie vor und nach ihm. Bei Menander ist der Zeit in der uns geläufigen Welse durch die Zwischenakte genug gefan; das stammt aus der Tragodie. Die Hinterwand ist fest: wieviel ihrer Turen als Häuser oder Telle von Häusern gereelmet werden, kommt allmählich im Stücke hermis'; Requisiten braucht der Dichter, soviel wir sehen, gar nicht Das Spiel ist zu fester, recht ärmlicher Form erstarrt (wer den Anschluß an die Tragodie verkennen wollte, ware ein Narr). Bei Aristophanes hat der Chorege für napaxopuranata genug gesorgt, die Menge Jungen,

gen erlauht, nicht im besonderer Wirkung willen, sundern dem Verse gehorchend. Beides ist auch für die Kritik von praktischer Bedoubung. Ubrigens wird man solehe Beobachtungen an Amistrophen öfter machen; es ist klar, warum.

¹ Damit soll nicht gesagt sein, daß alle Komfalien Menanders oder gur der sets überbaupt zu eine Dekoration gespielt werden könnten wie die meisten, die wir kennen. Die erste Szene des Stichus, der Seibstmordversuch der Abesimurchus in der Chieblacia, deuten auf Interieurs, die auch soost nicht fehlen. Es ist eine zusammenfassende Untersuchung nötig, die auch die Tragödia (Schließ der Autope) nicht helseite lassen darf.

die Flöterispielerin, den Esel, die Hunde, den Hahn usw. Die Hinterwand hat in ührer Küche auch etwas Besonderes und fordert Dokocation; die Gerichtsszene braucht eine Menge Requisiten. Da wird die Armut der Bürger später wohl mehr zur Vereinfachung geführt haben als die Tendenz, alle Äußerlichkeiten abzustreifen. Gewiß aber ist die strenge und straffe Stilisierung der Handlung, die nur durch Wort und Geste wirken will, zum Teil auch von dem künstlerischen Geschmacke bestimmt. Wir werden wohl sagen, daß Gewinn und Verlust sich die Wage halten. Denn Rücksichtslosigkeit gegen die Einheit von Handlung und Charakteren kann unmöglich an sieh ein Lob beausprachen; sie erklärt sieh aus der Entstehung des komischen Spieles, dessen Kern nicht eine Handlung, sondern die Parabase eines Bürgerehors war; Handlungen brachte erst das enemen der Einzelpersonen hinein, aber je eine auf das enemen.

Als er zu dichten anfängt, denkt auch Aristophanes gar nicht daran, in seiner Fabel oder in der Zeichnung seiner Personen Einheitlichkeit und Konsequenz anzustreben: in der Situationskomik liegt seine Force. Daß der Chor hinter der Parabase nicht mehr Wespe, sondern komischer Chor ist, haben wir gesehen; das gilt allgemein, solange is einen Chor gibt. Unter den Personen entbehren die Sklaven jeder Individualität, und die Handschriften, die sie oketat oder erpänoster (wie in der Tragödie) nennen, am Anfänge der Wespen also oketat avo setzen, sind verständiger als unsere Ausgaben, die von der hypothetischen Verteilung auf die Schauspieler ausgehen und danach Eigennamen verwenden. Hätte Aristophanes zwei Personen unterscheiden wollen, so würden sie einander mit ihren Namen anreden; aber erst als der Herr sie ruft, 136, hören wir die Namen Xanthias und Sosias; der erste Name ist in der alten, der andere in der neuen Komödie gewöhnlich. Als Bdelykleon ins Haus geht, um Verstärkung zu holen.

* Da Socies auch ein gemeiner Name freier Männer ist, kann man sieh nicht wundern, wenn er dem Dichter 72 für einen beliebigen Athener in den Mund kommt. Erst die Modernen haben sieh darüber den Kopf zerbrochen und nicht einmat bedacht, daß die Zuschauer doch noch gar nicht wissen können, daß der Hen den Sklaven namer wird.

Ans der Komödis stammt daher dieser Lerminis Metagenes mit seinem kar insucation seraalage für seren gilt das Bild der ültesten Kamödis; selbst in der Odyssenskomödis des Kratines, deren Eingang und Ausgang sie so fest amrahmt, mögen solehe Episoden gewesen min, die mit dem Kyklopen nichts zu inn batten. Vollkommen widerstmig wird es, die ensichte ab Teile der Tragödie aufzudrängen: man kann's nus den Hikitiden, Persern, Sieben abnehmen. Denn en Prometheus mitsen freilich die untern alle kommen, weit er gefesseit ist. Von Akten, seen, reden die Granmatiker mit Berlat auch bei Asschylor, denn Teile hat jedes Granze; aber von einem Schoma der Klateilung hat die nischyleische Tragödie noch nichts gewißt, sondern dem Dichter die vollste Freibeit gestattet; auch bei den späteren sollte nan auf Termini verzi bien, die sich dem individuellen Verständnisse auf in den Weg iegen.

nennt er aus der größeren Schar drei mit Namen, 433, einmal noch den Kanthias, 456'. Dann kommt kein Name wieder vor, obwohl immer eine Schar zur Stelle ist, sobald Bedienung nötig wird, in der Gezichtsszene sogar einer das Wort führt. Später, als sie zum Picknick gehn, soll einer das Essen einpacken: der wird Krotsos gerufen?. Ist es nicht actt, daß da ein Kritiker sagt, der Name müsse wegemendiert werden, denn der Sklave hieße ja Sosias? Dann reden noch zwei Boten, oder auch einer: wenn die Kritiker konsequent wären. müßten sie den ersten Kroisos nennen. Für den Komiker sind sie Sklaven, weiter nichts, wie die Boten für den Tragiker auch nichts weiter sind (nur Euripides versucht zu individualisieren), einerlei. wie viele auffreten. Wo nur ein Sklave agiert, wie Xanthias neben Dionysos in den Fröschen, Karion im Plutos, ist der Name fest, aber der Gegensatz zur neuen Komödie bleibt derselbe: erst in dieser ist Jeder Sklave ein Charakter, während er bei Aristophanes mur ·Sklave ist.

Bdelykleon hat seine Rolle im Namen; er bekämpft in dem Helinstentume den Kleon; und doch ist es der Kreis Kleons und seiner Schmeichler, in den er seinen Vater mitzunehmen vorhat, wenn man der Szene glauben darf, in der er den Vater auf seine Salonfähigkeit examiniert. Der Dichter wollte den Kleon, Theoros, Alschines noch einige Hiebe austeilen; ob Bdelykleon in thre Gesellschaft paßte, kümmerie ihn nicht'. Nachher sind sie in eine ganz andere Gesellschaft gekommen, von der ein paar Gesellen sich wieder einen Hieh holen; ein Antiphon ist aus der zweiten Parabase als Hungerleider bekannt, also keinesfalls der Rhamnusier; möglich, daß of nest Devai-

Bd.: Schlage die Wespen vom Hanse weg, Xanthias! Der Sklave, also Xanthing: Day to ich . Bd.: . Und du vertreibe tie mit Rouch! . . Wollt der weg! Wollt the rum Henker! Geht the night? Bd.: -Schlag sie mit dem Kunttel und die netze three mit Rauch aut. «Na. schließlich haben wir sie doch vertrieben.» Die Personenverteilung ist so weit klar, daß die Belehle von dem Heren kommun; für die Sklaven spricht aber Xauthias nicht alles: die drei parallelen Rufe ofel cofce i ofe &c measac; née Arate; gehören mehreren. Sie hogleiten ja den orfolgreichen Angriff der ganzen Sklavenschur. Ebenso geliören die Beifallarufe Ekkl. 213 wieht einer Frau, sondern der ganzen Zuhörurschaft.

^{*} Xavcoc überliefert, das ich in die Orthographie umgesetzt habe, die von den Steinen bezeugt wird (Arist. u. Ath. Il 176). Wenn jemand die Qualität dieser und der handschriftlichen Überlieferung nicht zu schätzen und abzuwligen verstaht, ist ihm nicht an heifen-

Außer Ihnen seunt er noch den Phanus, den wir aus den Rithern 1236 nich mir ungenügend kennen. Dann folgt renoc ne treroc mée renadic Accertosoc, was die Erklärer durchaus nicht verstehen wollen. Wenn sein anderen Freunder zu Häupten des Akestor- hege, so ist eben Akestor ein Fremder, und auf diese Boaheit gegen den Fragiker mit dem vornehmen athenischen Namen (Ar. und Ath. II 81) kommt es dem Dichter an. Wie kannen sie agen : «Das gent nicht, der Fremde ist in nicht genannt!»

cos auf den späteren Oligarchenführer geht, nicht weil er schon Bedeutung gehabt hätte, sondern weil er noch ein armseliger Sykophant war. Möglich, daß Hippyllos und Lykon mich wirkliche Menschen sind, für die die Nennung schon ein Hieb war; aber ebensogut können es leere Namen sein, und für uns sind sie es unbedingt !: der Schluß ist doch einfach kindisch: den Hippyllos kennen wir olcht, also verbirgt sich unter ihm jemand, den wir kennen, und wir müssen das Rätsel raten. Rieten es auch die Athener in dem Moment, da bei der Vorstellung der Name vor ihren Ohren verklang? Viel ersprießlicher ist es, sich zu überlegen, daß Bdelykleon zuerst 737 seinem Vater als Erantz für den Verzicht auf das Richten nur die Versorgung eines Altsitzers in Aussicht stellt, wie das zu dem hisherigen Verlauf des Drames pasit, aber nach dem Gerichte ihn plötzlich in die Gesellschaft einführen will: das hatten wir ihm his dahin nieht im entferntesten zugetraut. Natürlich, es ist die gewaltsame Verzahnung der beiden Teile, vor und nach der Parabase, die schlecht genug zueinander passen, wenn wir den unberechtigten Maßstab der Einheitlichkeit anlegen.

Philokleon selbst ist zuerst ein alter Mann; er hat Naxos im Jahre 471 belagert, 355; im Hause wird er behandelt, als wäre er naranozat verurteilt. Aber 610 hat er eine Frau, die ihm um den Bart geht, und eine kleine Tochter, die ihm einen Schmatz gibt; und wenn der Sohn und der diesem gefügige Hausbofmeister mit dem Frühstäck säumen, geht er zu den Frauen hinüber und helt sich einen ganzen 2000 voll Wein; die Frauen haben, scheint's, kein anderes Gefüß als diesen Knieschutz, auf dem sie den Flachs reiben. Um des Witzes willen hat Philokleon so ein Ding gleich bei sieh, auch voll Weines, denn er muß das Planschen vormachen, mit dem der Wein aus 30 einem Dinge allein in einen Becher oder auch in den Mund gegossen werden kann; erst dies Planschen rechtfertigt das katanisateest des "Esels". Diese ganze Szene stimmt zu dem,

Lykon, der Vater des Ankolykos um spätere Ankläger des Sokrates, ward um jene Zult von Eupolis stark ungegriffen (Xenoplan will im Symposina ein tie-dächtnis rehabilitieren); man kann kann denken, das die Athoner auf ihn binblickton, als der Name här vorkama es soom Namensvettern genug im Theater. Leider hat kein Geringerer als Danyson damit begonnen, am diesem Namen für die Geschichts Kapital schlagen an wollen, was am Ende zu der Tollheit geführt hat, Happylios wäre Thokydides der Historikor. Damit hat sich diese Exeges vellet ad allementum geführt; man kann sich weitere Worte sparen.

Die Erklärung der Stelle ist ein sehöner Trimuph der Archänlogie, dann nur wir die fönernen 6801 kannte, war instande den Witz zu veralehen; für die Wespen häusen den Gelassich alles gesegt Ersot der 1891, 234. Die antiken Grammatiken nicht mehr verfertigt ward, denn ar besteht nach hente auf kreta, wie Xan aummatiken Alle Mitt. 35, 523 —hr hülesch gezeitet hat

was Philokicon sonst ist, nicht von fern. Aber das ist nicht der einzige selche Zug. Er hat ein Orakel, 139, daß ihn der Sehlag rühren würde, wenn ihm ein Verklagter entginge; in der Tragödie müßte das sich in dem Drama irgendwie erfüllen, könnte es auch hier; aber das Orakel gilt nur für den einen Vers. Er hat erst keine Zähne, das Netz durchzuheißen, 169; nachher beißt er es durch, 368. Er ist Филоклам, und sein Hauptwunsch wurde sein, den Kleon einmal zu verurteilen, 759. Die letzten Szenen behastigen uns geralle dadurch, daß sein Benehmen mit den reduct abvaraccennaket des Heliasten im Widerspruch steht. Das ist vormefflicht; die Wahrheit der Komödie ist eben keine psychologische Wahrheit.

Wer weiß das nicht? Wozu die offene Tür einrennen? Weil in der Erklärung des einzelnen und der Verwertung der aristophanischen Zeugnisse die Erkenntnis immer wieder vergessen wird. Nur für den einen Vers; in dem ihr Demotikon genaant werden mußte, sind Dikaiopolis aus Cholleidal, Strepsiades aus Kikymaa, Trygaios aus Athmopon; weiterhin gilt die Ortsbezeichnung nicht. Peithetnicos heißt so, nachdem er rove traisove truce; vorher einmal Stilboniales 129. An ihm und noch mehr an Lysistrate kann man lernen, wie der Dichter zugelernt hat und einen Charakter besser festhalten kann; wenn Strepsiades bald dumm, bald klug ist, kann man leider keinen Schluß auf Uberarbeitung ziehen. In den Thesmophoriazusen ist eine Intrige einigermaßen durchgeführt, und gerade da ist mit Händen zu greifen, daß die Tragödie Lehrmeisterin gewesen ist. Um die Entwicklung des Aristophanes und der Komödie überhaupt zu beurteilen, müßten wir eine mythologische Travestie und ein Stück des Pherekrates, wie die Korianno kennen: so ist es bitter, aber unvermeidlich, daß wir resignieren. Aber für Plantus dürfte es auch zu beherzigen sein, daß wir seine Stücke und ihre Vorlagen nicht mit dem Maßstabe der Epitrepontes messen!, und wo sle das picht vertragen, auf Kontamination schließen. Ich kann mich nicht enthalten, gegen Leo, dessen Ahhandlung über den Amphitruo ich oben gelesen habe, prinzipielle Einwände zu erheben; Anstöße einzelner Verse haben bei dem Stande der Plantusüberlieferung geringes Gewicht. lm Amphitruo wird Herakles geboren, und er beginnt mit der langen Nacht, in der er nach der Sage gezeugt ward. Sind da ein Stück, das die Zeugung, eins, das die Geburt behandelte, kontaminiert? Das erste ist gar nicht zu Ende zu denken; wohl aber war Zeus, solange Amphitryon im Felde stand, nicht in der Lage, in dessen Gestalt bei Alkmene aufzutreten: also handelt der Komiker nur verständig, der das hübsche Motiv der

Der Heautontimerungene ist geradeze als des Stück zu bezeichnen, das um alben des Grees einer menandrischen Komödes gibt; und doch ist er dem Verdichte der Kontamination uicht entgangen

langen Nacht auf das erste Wiedersehen nach der Heimkehr sehiebt. Das glänzende, übrigens auch allein wirksam versöhnende Finale, die Geburt der Zwillinge, lieferte Euripides, dessen Alkmene ja zugrunde liegt. Damit war die Fabel gegeben. Daß Amphitryon sich einen Verwamiten seiner Frau als Vermittler holen will, der nicht kommen darf, da wie eine Vermittlung nicht brauchen können, daß er ihn also nicht findet, aber dafür einen Zengen mitbringt, der dazu gut ist und zu weiternichts - kann das beiremden, wenn man auf Aristophanes blickt? Und wenn Mollère all das in das Wahrscheinliche umändert, was bedeutet das anders, als daß man im 17. Jahrhundert Anforderungen stellte, die uns vielleicht auch notwendig scheinen. Ob sie das Publikum an den Dichter des Amphitryon stellte, und ob dieser sie an sich stellte, ist damit noch nicht gesagt. Plantus hat das nicht getan: Aristophanes hat es nicht getan. Das ist beides unwidersprechlich. Der Schluß ist eigentlich gar nicht zu umgehen, daß es der Dichter, dessen Werk Plautus bearbeitete, auch nicht getan hat. Wenn er Menanders Zeitgenosse war, so lernen wir, daß es damals noch mehrere Typen der Komödie gab, Ich denke, das ist nur erfreulich; jedenfalls sehe ich nicht, weshalb ich's nicht glauben dürfte.

3. Die Parodos.

Die Parodos, die freilich mit der Handlung so wenig zu tun bei wie mit dem Wespenkostüm des Chores, ist ein Kleinod aristophanischer Kunst; aber die Erklärer haben Orgien des Mißverständnisses geseiert, so daß es einige Überwindung kostet, über ihre Entdeckungen, epirrhematischen Bau, Responsion, Personenverteilung u. dgl. zu schweigen. Hossentlich wird es doch genügen, ahne weiteres kurz das Richtige zu sagen. Die Scholien sagen zum Ansunge der Parodos angenessen ist, eine Schar, die sich erst sammelt, nicht geschlossen einmarschieren zu lassen. Gleichwohl tut dies Aristophanes im Frieden und, wenn man den mitzählen soll, im Plutos. Die Acharner ziehen als geschlossene Hausen ein, vollends die Ritter; meist werden auch

Ich menne vor allem die in sprachlich grammatischen Dingen höchst schätzture Schulbesgaler (oder kasteiert men den Dichter in England auch für Erwachsene?)
von Stassen (97), dann vas Luruwer (09); der Oxforder Lext von Hatt und Gennaguhat keinen Ausproch mit Herüchsichtigung; die Adnotatio tänscht fast suf Jeder Seite
Danehen seien genannt als Seserés des Unsinns in der Chara-splitterung G. Hestasse,
Opuse, VIII und Ausoner. Chartechnik des Aristophanes, Rouses, Sindien zu Aristophanes (02), H. Wenes, Aristophanesstudien (03), V. Contes quaest, erd. in Ar. (08)
schließlich kann ich nicht umhin, sus Henwenness positiomen Aufsatze in der ietzten

etliche Personen namhaft gemacht, während später in dem Chore niemals eine einzelne Person unterschieden wird. Dies ist also sein gewöhnlichster Typus¹, und die Wespen und die Chöre der Lysistrate) weichen nur so weit davon ab, daß der Chorführer, nachdem er einige seiner Begleiter zur Eile angetrieben hat, einen nachrückenden Trupp begrußt: - Na, Strymodoros, ist hier wohl Euergides und Chabes? Das hier ist beider der einzige Rest des Jahrgangs Rekruten, der einst in Byzanz in Garnison lag, du und ich. Weißt du noch, wie wir der Bäckersfrau ihren Trog stablen? usw. - Jugendreminiszenzen, bei denen man an den Friedensrichter Schaal denkt. Gewiß liegt es nahe, in панесо с ди догном г ет ест апрата папаза наис ексине ще Апамога des Strymotloros zu sehen; aber das wird man aufgeben, sohald man liest erd to sal ev, ohne daß ein Name genannt wird: denn nur diese Nennung könnte die Personen wirklich scheiden. Es erfolgt auf die Kriegserinnerung auch keine Antwort, sondern der Redner ruft sich zur Sache zurück, indem er den Befehl zum Marseli erteilt, And Erkowosen ingert. Also hat sich der Redner, indem er den anderen Trupp überschaute, selbst überzeugt, dass von der alten Gards kein dritter mehr da war. Wer will, kann den Angeredeten mit einem Kopfnicken (Ananeyem) die Antwort geben lassen. Die Begrilbung last den ersten Aufenthalt auf dem Marsche gegeben. Aber vorwärts, Leute, denn

Massasyan berenzuheben, daß der naszmildliche Geichte, dessen Methode ich auch bler wieder bekämpte, derzuf himseist, daß er schun 1869 die seböne und nichtiges Konjektur veröffentlicht bat. die immer noch nicht den Text behannter, 1398 not seier épie p'épiece usw. Die moure épie p'ele les moure épies p'ele habe sie meh einmal gemacht, undere meh, nicht immer ganz: Henvendere sell sie bekalten. 1270 hat er nun richtig erklärt der einkt aus wie ein Furunkei in Zwiebelschalen. (Philokleon tit dem Perserkleich) dem Athener wäre dies Hellmittel suzuhrauen. Gewiß, es ist nicht schün, aber im Stilo vieler Aristophanescritisrungen, daß man von einem Athener gefabelt hat, der mit Namen «Furunkei» 200000 tieß.

Die Ritter mößten eigentlich zu Pferde einzlehen; die Pferde preist such das Entrenoma 505, das herkommlich die Marke des Chores behandelt. In der Altesten Zeit wird man Mann auf Monn haben reiten lassen, und sich an diesen Pferden beleitigt haben. Davon ist hier kehm Spor, and für Aristophanes sind die Rüter kein Gegonstand des Spottes. Die Wolkenfennen singen noch hinter der Szene eine bochpostische Strophe, 275; er hat sich wirklich bemiller, in diesem Werke etwas ganz Neues zu geben. In den Themopheriazusen wird der Cher mitsamt der Dekoranen, die das Heiligtum andentet, hernvagniulit; die Seligen der Frieche müssen irgendwie aufgetreten sein. alier für die Phomasie konnut vieimelle Dionysos in das Reich, wo sie mange ihre seligen Beigen tanzen. In den Ekklesingeren schließen sich Chorenten, die vorher nis Statisten suf die Bühne gekommen waren, zum Abzuge zusammen: der Chur als solcher, verliert seine Bedeutung. Eigentümlich ist das Anftreten der einzelnen und einzeln charakterisierten Choronten in den Vögeln: aber de folgt Aristophanes dem Eupolis, der den Chor semer Hoases so hatte auffreten lassen, such wahl den des Xerzone resoc, der mis lanter Kruppein und Lumpen bestand, wie sich für Kleons goldanes Zeitalter geziente (fr. a Moin.).

heute gilt es dem Laches, der soll sehr viel Geld haben. Also' hat Kleon uns angewiesen, wir sollten mit der nötigen Ration Galle zur Stelle sein. Vorwärts denn, vor Tagesanbruch müssen wir marschieren und mit der Laterne voranleuchten, daß wir über keinen Stein stolpern. Das hängt gut zusammen; aber wenn nicht kook 244 am Versende stünde, würde dort längst ein Personenwechsel angesetzt sein.

Sie marschleren nun etwas voran; aber gleich ruft einer der Jungen, die sie als Laternenträger begleiten, natürlich der Sohn des Chorführers: Papa, nimm dieh vor der Blotte hier in Acht!« Der Alte sieht nichts, denkt, es lage an der Laterne. Est den Docht vorziehen: der Junge zut das mit den Fingern, bekommt für die Ölverschwendung eine Ohrfeige, droht; er und seine Kameraden würden weglaufen, und dann sollten die Alten im Dreck patschen. Der Alte kommt sich ganz forsch vor: «Ich werde noch mit ganz underen Leuten fertig. Aber hier trete ich ja auch auf Stein, und (es kann auch gar keinen Schmutz geben, denn es hat lange nicht geregnet) es muß in den nächsten vier Tagen regnen, da ist ja eine Schnuppe un dem Docht, die zeigt Regen au, und für die Sant, die nicht von der frühen Sorte ist (die also noch kümmerlich steht) muß es mich regnen und dann ein frischer Wind darüber gehn. · Vortrefflich, wie der Junge dem Alten bloß einen Schabernack gespielt hat; wenn es regnen muß, so hat es nicht geregnet, und wenn es nicht geregnet hat, ist auch kein Schmutz auf der Straße, davon überzengt sich der Alte durch festes Auftreten; aber die Erwägung, daß er das hätte wissen müssen, weil die Saat ja nach Regen dürstet, lenkt seine Gedanken von dem nichtsnutzigen Jungen ab. Er denkt gleichsam weiter während seines Marsches. Ist es noch nötig, mit den Modernen zu rechten. die verlangen, daß Schmutz da sein müßte, weil der Junge es sagt, oder an den Überlegungen des Bauern korrigieren, oder gar 246 ihn, der mit 23 Kameraden marschiert, sich nicht vor einem Steine, sondern einem «Verborgenen» (Wegelagerer) fürchten lassen ?

266. 7 seña de sk the sixiae theas cynaixaethe némonden de of sainetal. Dus steht usyndetisch: dem Chorführer fährt in seine bäuer-lichen Träume der Gedanke: «Wir sind jetzt vor Philokleon's Hofe; warum kommit er nicht? da müssen wir stehen bleiben und ihn her-

¹ Keez own schließt hirr geneu so gut an wie 1358 torr own; also kein Grand zu andern.

Das Letzte, weil 247 nur V siede erimiten hat. R saedel. Scholien fehlen-250 liet V mit saksassoc auch das Richtigere, von dem son G. Hennan alseanen gefunden hat: sorsover R ist eine schlechte Kunjektur, diktiert von der Ansahme, der Junga müßte die Wahrheit sagen. Scholien fehlen. Daß ein Vater und ein Sohn überall sprechen, sagen die Scholien wiederholt.

RUSTHIFTE . TIAPATENOMENOC ESC TON OTKON TOV DIAOKAEWNOC EXKARETAL ASTON. sagt richtig der Scholiast. Wir sehen also, daß der Chor, aufgehalten durch die Begrüßung und dann den Schabernack des Jungen, jetzt erst bis auf die Mitte der Orchestra gelangt ist, vor das Hans, auf dessen Schwelle Edelykleon und die Sklaven schlafen: die sind für diese Szene nicht vorhanden, his der Dichter sie braucht; also stört sie der Gesang nicht. Nun das feierliche Lied, das in seiner Melodie, also auch in seinem Maße, an Phrysiches erinners muß (269): Da Philokleon nicht hart, befiehlt der Chorführer (ele ton resontun sagt der Scholiest) . Vorwärts, Junge! - und sie würden fortgehn, wenn nicht der anartige Bengel ein neues retardierendes Moment hineinbrächte: man denkt an Lanzelot und den alten Gobbo. «Vater, willst du mir wohl was kaufen? . . Gern, wohl Murmeln? . Nein, Feigen, sehmeckt süßer. . Die gibt's nicht. . Dann geh' ich nicht mehr mit. . . Aber von der halben Drachme muß ich für Mutter und uns beide Essen kaufen. - «Und wenn der Archen keinen Gerichtstag hält, weißt du du sanias apactan tima alia a nopon. Sanac ispon? . Welle, nelli, dann gibt's kein Essen. - Mutter, wozu hast du mich gehoren? - Damit ich mich schinde, dich zu füttern. . Wozu habe ich dann dich, mein Kleinod, mein Mehlsäckehen ? - (Vater und Sohn:) - Wehe, beide müssen wir weinen . - Da sind wir weit abgekommen von unserer Handlung; aber es tont vom Fenster her die Stimme des Philokleon: Freunde, längst hört euch meine Schnsucht, aber ich kann nielit kommen.

Auch wenn uns die Scholien nichts sagten, würde man den Anklang an die Tragödie hören, wenn der Junge klagt et me ant û menés mater étates und snomton ara c' û avaskion t' elkon kraskie. Das braucht gar nicht bestimmte Stellen zu parodieren; die Steigerung des Tones wirkt skurril genug. Wohl aber würden wir den Witz von 305 ohne die Scholien nicht verstehen, esse ennlas spectantels nom a nöben ist gut; da ist nöben Ausweg, wie bei Euripides Her So im ennla nöben euthele. Aber der Junge sagt noch nöben Easse lebon, seinen heiligen Hellesponts. Blübender Blödsimt! Da halft die Augabe, daß bei Pindar stand; nangeiseren men enter nöhten

^{&#}x27; Des hatte er mit, om von dem Triobolon Mehl zu haufen und zur Alendmahbeit beimzebringen. Erfindung natürlich nur für diesen Satz bier. Abulieb Ekkl. 582

Aus den Schallen wissen wir, daß un Theseus des Euripides ein Chor der Athenerkinder (vermatlich doch ein Nebenchor) Ahnliches sang; und wenn er in Ionikern sang, klang die Melodis mit. Auf die Worte ist wenng Verlaß; den Irrinn, der den Hippolytos als Person des Theseus erscheinen läßt, habe ich Herm 15, 484 erklärt.

An den Jonikern

- für den Jonikus eintreten kann, muß es — auch können, und so sieht auch auch auch können, und so sieht

EARAC HORON SERON! Also der Junge gerät von nordn auf die Stelle des Gedichtes, das er in der Schule gelernt hat, und fliekt daraus die Worte an, in denen noson eine ganz andere Bedeutung hat. Das ist an sieh sehon ein Unsinn, über den man lachen kann?; rechnet man die Melodie hinzu, die sich bei dem gleichen Versmaße genau. so gut anbringen ließ, so wird die Wirkung verdoppelt. Was in aller Welt soll nun der moderne Zusatz von sinem oder even und die Verwandlung von ieros in leos, die wider Pindar und Aristophanes gleichermaßen ist? Sinn gibt's freilich nicht, Anlaß zum Ausfall gibt's auch nicht, aber seit Hernass wird die Szene als antistrophisch betrachtet, wozu noch an zwei Stellen Zusätze und eine Änderung nötig werden. Was soll denn die Reponsion? Gibt es hier Tanz? Gibt es eine parallele Bewegung des Sinnes? Gott bewahre: im Gegenteil, der tragischen Parodie entspricht nichts vorher: vom einfachen Gespräch steigt der Ton schrittweise auf diese Höhe. Es ist nichts als die gedankenlose Sucht, Responsion zu erlangen, das heißt, sieh an einem Schema und einigen Zahlen zu erhauen.

Die überlieferten Joniker ergeben folgende Summen von Metra: 1. 1., 12 ider epitritische Ausgang Annoveen C mai gliedere ab), 9 (mit mehreren Anaklasen), o. (darin hänfig eine Länge onterdrückt, wodurch sich der Klang vollkommen ändert, Ansgang ev as evas a alreic --- -- mit tambisch klingender anaklastischer Katalexe), 12. (anapästische Katalexe), 5, 3, 4, 2. (6 & mara noin cremarein - - - - markhastische Katalexe). Darauf banen sie eine Responsion! Und die ersten beiden Metra können sie doch nicht unterbringen: tut den Gläubigen nichts-Entweder man schlägt sie zu dem Liede vorher, wiederholt also den Befehl «Voran, Junge!», hinter der Strophe, wo der Junge nichts hört und der Chor nicht weitergeht; oder man stellt's einfach für sich, mag s schen, wo es bleibt, wenn nur eine Responsion erreicht wird. Hier geschieht das noch so, daß die respondierenden Teile kongruent werden; aber jetzt haben wir ja die neue Weisheit, die Responsion des Ungleichen, die sich mit der gleichen Taktsumme begnügt. Ich beabsichtige nicht auf dieses Dogma weiter einzugehen; aber das kleine Lied, das Philokleon zum Fenster hinaus singt, will ich als Probe geben. Es hat folgende MaBe:

* sienau as beginnt Baelykleun ogs seine Rede & pares unevers Kannan, waer dan Kranden ohne weitere Beziehung am Homer andheler.

teh habe früher an diesen Worten, die der Venetus gibt, geändert und die undern auch (Pind. ir. (89); aber win den Persera kann es gut gesagt werden sgant fürehterlich (zogen) die über den Wellespont ... HANGEMATOR ist ein seltenes Work. aber paus im Stile der Lyrik und steht in dem Hymnus an die Mulren bei Stofmens Eci. I, 3, 10-17. Versmaß -- - iet rein honisch; Konjekturen, welche disses Maß zerstören, richten sich selbst.

THE STANDAR MEN TRAVAL OUR THE STATE | doction. + give reiz.

" Acad the DYX DIOC T' sin' theele' ti mosco; dochm. + phereur.

danach 4 give. 2 pher., endlich Anapäste, erst 6., dann 14. Diese können nicht mehr als Gesang gerechnet werden. Was in aller Welt dazu veranlassen soll, den letzten Pherekrateus Asa' & Zev merangonta in einen Paromiakus zu verwandeln, ist ebensowenig einzusehen wie die Verwandlung des Dochmius (oder sage man des Kolon edite regibus) in das Reizinnum Ann of the offic T cis. O: Schroeden erklärt die Anapasta für zweimal elf; also Kataleye bedeutet nichts mehr. Jede gerade Zahl läßt sich durch 2 dividieren, also das stimmt immer; es sind eben zweimal zehn, wenn der Pherekrateus vorher unbehelligt bleibt. Ohne den sollen es vorher zweimal 8 Takte sein - natürlich. wenn's 16 sind, muß das gehen; zu dem Behufe wird sino Tésona and als 2 Bakchien genommen, gleichwertig mit төрөгөм а эно томa susi; in 318 wird umgestellt; und wenn der Pherekrateus 323 nicht zerstört wird, ist's vielleicht nicht so bequem, aber schließlich 18 Metra lassen sich irgendwie beschaffen, und dann ist es zweimal o und die Pythagoristenkunst ist gerettet. Am Ende ist diese Zahlenspielerei doch viel unschädlicher als die Dialogresponsion, die voreinem Menschenalter grassierte; aber sie beeinträchtigt doch die Förderung des metrischen Verständnisses, die O. Sennormen einzeln auch in den Wespen erreicht hat. Erst bei ihm ist das Chorlied 273-80 von den abscheutichsten Interpolationen befreit, weil er die Freiheiten der Responsion in den Daktyloepitriten offenen Auges anerkannt hat die hier so weit gehen, daß eit conermanen aprop mit and ropy dayaneele respondiert. Wir das zu erklären ist, kann zurückstehen, wenn nur der Tatbestand nicht verdunkelt wird. Soviel ist klar, das Lied beginnt und schließt mit regelrechten lonikern, die sich in dem nicht strophischen Teile fortsetzen. Dazwischen aber stehen anders gebaute Verse, die wir von den Daktyloepitriten nicht sondern können, auf die ja auch der Anschluß an Phrynichosmelodien deutet. Diese Verse, denen ich Ihren gewohnten Namen lässe, sind also nicht dasselbe wie die loniker, lassen sich aber mit ihnen verbinden. Es ist nicht wenig gewonnen, wenn nur beides anerkannt wird.

i daesin für Alasin der Codd, ist gewiß vielen engefallen, denn jenes ist sinnlos, da er ja stegt, und der Begriff skommen- ist allein angemessen. Aber zw sieht wie eine gewähtlitige laterpolation aus; daß es nur ein orthographischer Schnitzer ist, der eine Verleung hervorrief, wird jezet denen klar sein, die mit Papyri wirtschaften: AIΛOIN als AIΔEIN zu lessen, lag wahrlich nahe.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DEH

XXII.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

27. April. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Secretar: Hr. VAHLEN.

1. Hr. Waldeven las über «Gehirn und Skelet einer tojährtgen Mikrocephalin». (Ersch. später.)

Das nur 439 g schwere fielden zeigt besonders auffällige Veränderungen in der Brock'schen Sprachregion, womit das wilhrend des Labens beobachtete unvollkommene Articulationsvermögen stimmt. Der Schädel entsprisht in seiner Entwicklung dem Gehirn; das übrige Skelet ist von schöner, graciler Form, das Becken zeigt fast männliche Proportionen.

2. Folgende Druckschriften wurden vorgelegt: Wielands Gesammelte Schriften. Brsg. von der Deutschen Kommission der Akademie. Abt. 3: Übersetzungen. Bd. 3, bearb. von E. Stanke. Berlin 1911 und zwei von der Akademie unterstützte Werke: H. Guöck, Blologische und morphologische Untersuchungen über Wasser- und Sumpfgewächse. Tl. 3. Jena 1911 und Libanii opera rec. R. Foersten. Vol. 5. Lipsiae 1911.

Untersuchungen über die spezifische Wärme bei tiefen Temperaturen. V.

Von W. NERNST und F. A. LANDEMANN.

(Aus dem Physikulisch-Chemischen Institut der Universität Berlin.)

(Vorgetragen am S. April 1911 (s. oben S. 437).)

In der dritten Mitteilung wurden die Resultate einer Anzahl Messungen über den Verlauf der spezifischen Wärme bis zur Temperatur des siedenden Wasserstoffs hinab mitgeteilt, und es wurde insbesondere darauf hingewiesen, daß der Abfall der Atomwärme bei den untersuchten Elementen Pb, Ag, Zn, Cu, Al und ferner beim KCl bei tiefen Temperaturen langsamer erfolgt, als der Formel von Ensertis entspricht.

§ 1. Die Messungen, die der eine von uns (W. N.) inzwischen an einer Anzahl anderer Stoffe angestellt hat, haben dies Ergebnis ausnahmstos bestätigt: ganz besonders deutlich ausgesprochen zeigte sich dies, wie übrigens zu erwarten war, beim Diamant. So drängte sich immer mehr die Überzeugung auf, daß man es hier keineswegs nur mit einer sekundären Störung zu tun babe, sondern daß hier eine Disharmonie mit der sonst so vortreiflich brauchbaren Quantentheorie vorliegt, die volle Beachtung verlangt.

Als ein beliebiges Beispiel sei die Atomwärme (A. W.) des Kupfers nach der Formel von Exserns

$$\Lambda. W_{s} = \frac{3R}{3R} \frac{\left(\frac{\beta \nu}{T}\right)^{2} e^{\frac{\beta \nu}{T}}}{\left(\frac{\beta \nu}{T} - \frac{1}{T}\right)^{2}}$$

bernehnet:

Tabelle I. Kupfer; $\bar{\beta}_{\ell} = 240$.

T	A	W.
	hop	loob.
53-4 93-5	3.38 0.034 0.023	J-38 0-393

¹ Shamogelier, il Herl, Alad, d. Wiss, 1911, S. 306.

§ 2. Wenn man die Atome elektrisch geladen annimmt und wenn daher im Molekül keineriel Schwingungen von ungeladenen Massen stattfinden, so sollte man nach Ersstus aus den optisch zu messenden Frequenzen die Atomwärme berechnen können. Nun hat nach Reness und Hollmagen. Chlorkalium zwei nahe benachbarte Absorptionsbanden (= 4.78 bzw. 4.18-10"); man sollte also mit dem Mittelwert Er = 217.8 aus Gleichung (1) die Atomwärme (= halbe Molekularwürme) von KCl erhalten:

Tabelle II, KCI

	.Aii	W.	
A	her. S- = 2173	her. r = 148	Newh
86	33#	4.33	4.16
52.8	1/70	2274	2:80
jari	0.233	0.70	0.98
21.3	0.039	0.30	0.58

Die in der zweiten Kolumme verzeichneten Werte differieren besonders bei tiefen Temperaturen beträchtlich von der Beobachtung; und wenn man & passend wählt, so daß bei höheren Temperaturen Übereinstimmung vorhanden ist (vgl. dritte Kolumne), so hört wiederum bei sehr tiefen Temperaturen, wie § 1 bereits dargelegt, die Übereinstimmung auf

Auf der anderen Seite wird man nicht anßer acht lassen dürfen, daß man nach Ersstein den Verlauf der spezifischen Wärme beim KCl (und ähnlich beim NaCl) wenigstens in seinen allgemeinen Zügen ans optischen Messungen ableiten kann; man wird trotz der numerischen Diskrepanz dem glücklichen genialen Griff Erssteins die Bewunderung nicht versagen dürfen.

So schien es boffnungsvoll, den erwähnten Abweichungen nachzuspüren, um sie durch eine relativ nicht sehr durchgreifende Änderung der Theorie zu beseitigen; wir glauben, daß uns dies gelungen ist.

- § 3. Wir fragten uns nämlich zunächst:
- t. Kann die Formel (t) derartig modifiziert werden, ohne den Anschluß an Praseas Strahlungsformel völlig zu verlieren, daß die vorhandenen Messungen damit dargestellt werden?

Phil Mag., Mai 1910.

einzigen einwandfreien Betspielen, woffir die Daten vorliegen — ausden Reststrahien exakt berechnet werden kann?

§ 4. Die erste Aufgabe läst fulgende von uns durch Prohieren gefundene Formel:

(2)
$$\Delta.W. = \frac{3}{2} R \left(\frac{\left(\frac{\beta \nu}{T}\right)^{\frac{2}{2^{2}}}}{\left(c^{\frac{\beta}{2}}-1\right)^{\alpha}} + \frac{\left(\frac{\beta \nu}{2T}\right)^{\frac{2}{2^{2}}}}{\left(c^{\frac{\beta}{2^{2}}}-1\right)^{\alpha}} \right).$$

Diese Formel teilt mit Gleichung (t) den Vorzug, nur eine individuelle Konstante, nämlich die Schwingungszahl z, zu besitzen;
und da diese Konstante (oder richter ihr reziproker Wert) nur als
Faktor von T vorkommt, so muß, wie auch bereits in der dritten Mitteilung gefinden, der Verlauf der Atomwärme bei Elementen und Verbindungen, die, wenn mehr als einen, doch nur wenig verschiedene
r-Werte besitzen, übereinstimmend sein.

Folgende Beispiele mögen die Brauchbarkeit der neuen Formel beweisen:

Tabelle III. Kupfer: & = 320.

T	A.	W.
	bents	hor.
88	3-38	3-30
37	3-33	1.11
33-4	0-535	11,000
33/7	0.121	P 313
23.5	0.223	9-155

Tabelle IV.

Aluminium: & = 405.

T	A.	W
	Seels	hier.
58.3	2.63	Eh.
5640	2.50	1.53
836	2-65	1142
5571	0.33	0/114
314	oles	6.328

Natürlich müssen ihr Hypothesen gemecht werden, daß z. R. beim KPl auch im Krismilmotekül das Kalama und Chlar eurgegengesmat elektrisch geladen sind und Jaß der fahatt an kinetischer Energie anschielllich in den Seineingungen der beiden Ioosa bezieht. Dad diese Hypothesen staubaft stud (vgl. w. m.), füt wohl von allgemeinerem theoretischen Interesse.

Tabelle V. Silber: βv = 232.

T	A.	W.
	beah.	fine.
17.0	2.00	ş166.
53.8	2,90	0.93
5 (4)	2.81	2.79
45-5	PAT.	2.41
43.9	2.20	3.31
19-7	1.70	1.91
3500	513	7.58

Tabelle VI. Blei: 5. = 92.

Ť	A75	N.
	beob_]	ber.
90.3	5.60	5,05
93-5	5.67	5:61
58.4	4-45	4.51
36-8	6.41)	4-43
38.3	1.93	3.7=
33,0	3006	3.06

Besonders interessant und lohnend erschien die Berechnung beim Diamant; hier hat der eine von uns in letzter Zeit dank dem großen Entgegenkommen des Hrn. Hofjuweliers Marcus, der mit größter Freundlichkeit 22 g schöner klarer Steine zur Verfügung stellte, die Messungen bis zu sehr tiefen Temperaturen führen können. Tab. VII enthält neben den Zahlen anderer Forscher auch diese Beobachtungen, über die an anderer Stelle Ausführlicheres zu berichten sein wird.

Die Übereinstimmung läßt wohl auch in dem großen hier vorllegenden Temperaturintervall nirgends zu wünschen übrig: bei den Versuchen bei 92° und 88° war der Wasserwert des Silbergefäßes, in welchem sieh die Diamanten befanden, fast zehnmal so groß wie der des Inhalts, so daß eine Unsieherheit von einigen Hundertatel der Atomwärme möglich ist.

Daß der Diamant in einem der Messung durchaus zugänglichen Gebiete eine verschwindend kleine spezifische Wärme annimmt, daß also hier für diesen Kürper, wie man dieses Ergebnis wohl verallgemeinern darf, der Temperaturbegriff seine Bedentung verliert, ist wohl als eine besonders auffallende neue Bestätigung der Quantentheorie von Interesse.

Tabelle VII.

Dimmunt: 8== 1940.

	A_W,		A.W. Binhanhter	
-	hoof	berr	4'scoasealtizas.	
1 169	5-45	3.19	H. F. WHER	
413.	2.66	7-53	1	
358	232	2:07	3.	
331	1.84	1.82	-	
306	1.58	1-59		
284	1-35	131		
202	1.14	1.16		
232	n.85	10/47	MORET	
222	9.76	0.78	WEER	
220	0.78	0.74	Nessyl	
2119	0.66	0.85		
205	262	0.52	-	
92	0.03	0.000	9	
88	- a.o.j	0.006	-	
42	0.00	0.000	A/	
30	0.00	0.000		

§ 5. Des weiteren zeigte sich, daß Formel (2) aus den Reststrahlen die spezifische Wärme mit sehr befriedigender Gennutgkeit berechnen läßt:

Tabelle VIII.

K Cl; Su = 232,4 bzw. 203,2 (Rusens u. Hollmagel).

T	A. W.	
	beak	her
86	4.30	4-46
76.4	4.17	1.10
70.0	A79	1.85
63.2	535	3-31
57.6	1,06	342
92.8 48.1	4.85	2,0%
39.0	2.84	二份
13.7	1.B3	1-58
200 B	0.98	1.53
2144	0.75	1.73
22.3	0.58	0.70

Tabelle IX. Na (1; & = 265,2 hzw. 309,3 (Runers in Hollmager).

T	4.	W.
	beols.	Her
83-4	3-15	3.61
51-4	3-54	341
69.8	343	2,444
67.5	1.06	4.61
0.85	01.0	(148
25-5	0031	0.34
25/0	0.20	0.12

Die Übereinstimmung zwischen dem optisch und dem thermisch gemessenen Energieinhalt läßt nunmehr wohl nichts zu wünschen übrig.

§ 6. Die im § 4 nachgewiesene Brauchbackeit der Gleichung (2) last vielleicht immer noch die Möglichkeit zu, daß es sich mur um eine gute Interpolationsformel handelt; wenn man aber das in § 5 gewonnene Resultat damit kombiniert, das zum ersten Male eine exakte Beziehung zwischen Absorptionsbanden und Wärmekapazität schafft, so wird man nicht umhin können, jener Gleichung eine tiefere theoretische Bedeutung zuzuschreiben. Diese Frage wollen wir jetzt kurz erörtern.

Halten wir zunächst, wie hisher, daran fest, daß kinetische und potentielle Energie der Atome stets einander gleichbleiben, so würden wir, mstatt zur Pranckschen Strahlungsformel

$$\rho_{r} = \frac{R}{N_{s}} \cdot \frac{8\pi r^{s}}{r^{2}} \cdot \frac{\beta}{r^{\frac{1}{2}} - 1} \, . \label{eq:rho_spectrum}$$

zu folgender Gleichung geführt werden:

$$\bar{s}_i = \frac{R}{N_s} \ \frac{4\pi r^i}{c^i} \Biggl(\frac{\beta}{e^T-1} + \frac{\frac{\beta}{2}}{e^T-1} \Biggr).$$

Aus verschiedenen Gründen, auf die bler nicht näher eingegangen werden soll, scheint uns diese Formel als Strahlungsformel unzulässig!

Die Dinge scheinen sich vielmehr in folgender einfacher Weise zu klären.

Es wirde z. II. sich daraus $\beta = 0.57 \cdot 10^{-11}$ (anstatt 4.865 - 10-11 nach Plannik) ergeben, d.h. die in Tab. VIII n. IX erzielle Übereinstimmung wurde ganz zerzort werden.

500

Aus Gleichung (2) folgt für den Energieinhalt eines geAtoms

(3)
$$E = \frac{3}{2} E \left(\frac{\beta_r}{\frac{\delta_r}{e^{\frac{1}{2}} - 1}} + \frac{\frac{\beta_r}{2}}{\frac{\delta_r}{e^{\frac{1}{2}} - 1}} \right),$$

d. h. er setzt sich aus zwei verschiedenen Summanden zusammen, die bei höheren Temperaturen einander immer mehr nähern.

Machen wir nun die Annahme, daß der erste Summand die kinetische, der zweite die potentielle Energie darstellt, so fallen alle Widersprüche fort, und wir erreichen damit, daß die Strahlungsformel von Planck und alle damit gewonnenen Resultate ungeändert bleiben, weil für die Strahlung natürlich nur die kinetische Energie maßgebend ist; ferner erreichen wir, daß der Verlauf der spezifischen Wärme durch Formel (3) gut wiedergegeben wird (§ 4), und daß die optisch und thermisch bestimmten Frequenzen zusammenfallen (§ 5).

Die von Plasck gegebene Ableitung der Strahlungsformel bedarf natürlich nur einer für das Endergebnis belanglosen Modlifikation, ebenso wie die Quantenhypothese einer Verfinderung unterworfen werden muß, um zur Gl. (2) anstatt zur Gl. (1) zu gelangen. Und zwar wird es klar, wenn man die von einem von uns kürzlich gegebene Ableitung' zu Hilfe nimmt, daß sich unter gewissen Voraussetzungen Gl. (2) bzw (3) gewinnen lassen, wenn man annimmt, daß die potentielle Energie in halb so großen Quanten aufgenommen wird wie die kinetische Energie.

Aus den Prinzipien der Mechanik läßt sich natürlich weder die alte noch die neue Hypothese ableiten, so daß man nicht sugen kann, es sel von vornherein die eine wahrscheinlicher als die andere: Aber wir glauben oben vielseltig und zweifellos nachgewiesen zu haben, daß nur die modifizierte Quantenhypothese dem vorhandenen Tatsachenmaterial gerecht wird.*

§ 7. In den mitgereilten Tabellen wurde die neue Formel, mit Ausnahme von Tabelle VI, nur in Gebieten geprüft, in denen die Atomwarme bereits erheblich unter den Normalwert von 3 R gesunken ist; bei höheren Temperaturen unterscheidet sich aber die neue Formel nur ganz unbedeutend von der Enstrussehen, und da hier die Gültigkeit des letzteren bereits früher von meinen Schülern und mit nachgewiesen worden ist, so können wir konstatieren, daß das exakte

Zeinehr, f. Elektrochunie 17, 208 (1911).

^{*} Auch die in der dritten Mittellung (S. 311) konstatierte vortreffliche Bestäugung der Formel von Lindenann bleibt bestehen, wenn man als Proportionalitätsfakter 1.80 · 10¹⁰ (austate 2.12 · 10²¹) himmt.

* Vgl. besonders Pollitzen, Zeitsche, f. Elektruchemie 17, 5 (1911)

Gültigkeitsbereich der neuen Formel nach oben bin sich erheblich weiter erstreckt, als die Tabellen zum Ausdruck bringen.

Bei viel böheren Temperaturen, jedoch nicht zu nahe dem Schmelzpunkt, steigt bekanntlich die Atomwärme einige Zehntel über den
von dem Gesetze von Denose und Perri verlangten Normalwert an;
dies Austeigen ist mindestens zum Teil auf Rechnung der Ausdehnungsarbeit zu setzen, indem unsere Formel, wie diejenige von Enseren,
streng genommen auf die Atomwärme bei konstantem Volumen zu beziehen ist. Für die unter kleinem Druck nach den üblichen Methoden bestimmte Atomwärme ist also noch ein (nicht sehr erhebliches) Zusatzglied
hinzuzufügen, das aber wegen der kleinen Ausdehnung der festen Körper
hel tiefen Temperaturen nur bei höheren Temperaturen eine Rolle spielt,

Es verdient Beachtung, daß auch die Strahlung, die ja ebenfalls nicht etwa für konstantes Volumen der festen strahlenden Körper gemessen wird, in dem entsprechenden Gebiete (T kommensurabel oder größer als &v) etwas größer gefunden wurde, als der Formel von Planck entspricht²; doch bedürfen diese Fragen wohl noch der weiteren experimentellen Prüfung.

Zusammenfassung.

Es wurde der Nachweis erbracht, daß die Enstrusche Formel zur Berechnung der spezifischen Wärme durch die analog gebaute Gleichung

$$\text{Atomwärme} = \frac{3}{2} R \left(\frac{\left(\frac{\beta i}{T}\right)^s e^{\frac{\beta i}{T}}}{\left(\frac{\beta i}{T} - 1\right)^s} + \frac{\left(\frac{\beta a}{2T}\right)^s e^{\frac{\beta i}{2T}}}{\left(\frac{\beta i}{T} - 1\right)^s} \right)$$

zu ersetzen ist, und zwar ergaben sich mit dieser Formel die aus dem Verlauf der spezifischen Wärme abgeleiteten Werte der Schwingungszahl r identisch mit dem Ergebnis der optischen Messung.

Die theoretische Deutung der Formel wird darin erblickt, daß bei der Erwärmung fester Körper die potentielle Energie der Atome stußenweise in Quanten aufgenommen wird, welche die Hälfte der bisher angenommenen Energiequanten betragen, während die kinetische Energie in den von der hisherigen Quantenhypothese geforderten Beträgen stußenweise ansteigt. Und zwar führt diese Auffassung nicht nur zur obigen Gleichung, soudern auch zur Plancuschen Strahlungsformel.

Vat. Politrzen, d. s. O. S. 9.

³ Vgl. bierüber die Zusammenstellung bei G. Grannor, Die Strahlungsgesetze m.w. **, Leipzig bei Hachmeister und Thal, 1910 (37 S.)



SITZUNGSBERICHTE

1911

DER

XXIII.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

4. Mai. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Diers.

- 1. Hr. von Whanowitz-Moellesporer les über die Wespen des Aristophanes. (IL)
- 4. Textkrittsches. Recensio und Emendatio des Aristophanes und Anwendung der Principuen auf die Wespen. 5. Freiheiten der Responsion. Es wird gezeigt dass die Kamödie Lieder baut, welche nur am Anfang respondiren; einmal erscheint soger Pross.
- 2. Hr. F. W. K. Mührer macht unter Bezugnahme auf das vor kurzem von chinesischen Gelehrten herausgegebene Werk Tun-hunng ä-Nyi-su auf die sprach- und religionsgeschichtliche Bedeutung der Handschriftenerwerbungen Pranor's aus der alten Klosterbibliothek von Tun-hunng aufmerksam und gibt gleichzeitig einen Entzifferungsversuch der in obigem Werk enthaltenen manichäischen Glossen und christlichen Namen. (Ersch. später.)
- 3. Vorgelegt wurden von Hen Ennas die 3. Auflage seiner «Aegyptischen Grammatik». Berlin 1911 und von Hen Lübers das Werk H. Walkern, Die buddhistische Philosophie in ihrer geschiehtlichen Entwicklung. Tl. 2. Die mittlere Lehre des Nägärjuna. Heidelberg 1911.

Über die Wespen des Aristophanes. (II.)

Von Urmen von Wilamowitz-Morlenbourf.

4. Textkritik.

Es gibt keine Ausgabe der Wespen, aus der man sich über die Überlieferung unterrichten kann; aber R und V liegen nun in Photographien vor, und F kenne ich durch die Liebenswürdigkeit von Dr. P. Vosneumfund. der mir mit seiner Kollation einen Wunsch erfüllt hat: die Liederlichkeit des Schreibers kannte ich freslich von Euripides und auch dan Scholien zur Lysistrate ber 1. Vergliehen muß der Vatieanopalitimis P werden. Selbst wenn Verses-Zacura die Wespen in ihrer Art ediert hatten, wurde man die Überlieferung ungenügend kennen, nicht nur well bei ihnen das Wissenswerte in nutzlesem Wuste vergraben liegt, sondern auch weil das Wichtigste fehlt, die Zitate und die Lesarten der Schollen. Doch hat Zachen über die Genesis unserer Handschriften ein ganz treffendes Urteil; es kommt nur leider durch die Art, wie er es vorträgt, nicht zur Geltang. Das Unternehmen der amerikanischen Gelehrten, John William Witte und Eauxest Carr, sümtliebr Aristophaneshandschriften zu prafen", mag sonst noch so viel Interessantes mitage fördern, für den Aristophanestext ist nur dann etwas zu erwarten, wenn eine ganz unabhängige Handschrift autage treten sollte, und das ist schwerlich zu erwarten. Scheinen doch für die ersten drei Stücke manche Schollen wirklich nur auf der Aldina des Musuros, einzeln gar auf der luntina zu beruhen. Zachen und Cans sagen mit Recht, daß unsere Handschriften alle, einschließlich Suidas, auf einen Archetypus des 9. Jahrhunderts zurückgehen', da Ihmen

2 Classical Philology I, Harvard Studies XVIII. Die Prüfung erstreckt sich nur auf die Acharmer.

So hat der Monseenzis N. den Verress für die Ekklesiszuren vorgezogen hat, praktisch gar krimm Wert, abwahl er von R und & mahliknig bet.

Sehal Lysiste, ed. G. Serin, Gönnigen or. Natürlich habe ich meinem Schüler um gehalfen, wenn er mich rief. Berichtigungen von Zachen, Berl. Phillid. Wochenschrift or.

Auf Miniskel beruhende Korroptelen, Cany, Harv, Stud. 1922. Ich verweise mil den Verlesen von 2002, 954 περακίας V.Φ., μερακίας R. 1193 ακοττίτου R. Canterine V. Barytáthel P. 159 αλομέρος Ηπακίας, βάρβαρος V. Menaros Interpolation & Φ. Ehomo dendich ε und = 577 λοείς RV Φ. Χαικ B. vine wirklich guie Konjektur.

Fehler gemeinsum sind, die auf der Minuskel beruhen. Es macht praktisch wenig aus, wenn man sich nicht sowohl einen Archetypus denkt als eine Bibliothek und einen Kreis von byzantinischen Gelehrten, die mit ihrem Material antiker Böcher Handschriften herstellen, die in der neuen Schrift, mit Worttrennung und Lesezeichen ausgestattet, dem neuerwachten Interesse un der antiken Poesie entgegenkommen. Wie Arethas und andere Kirchenfürsten sich um Platon, Klemens, Lukian bemühen, indem sie die Ränder mit Auszügen der damals geläufigen Hilfsbacher (Lexika, Parömiographen, Apollodors Bibliothek, Proclus, Pollax) füllen, wissen wir, wissen ja viel über ihre Kritik der Prosaiker. Für diese ist die Zeit der Umsehrift in die Minuskel kritisch, da sie meist zugleich eine, zuweilen einschneidende, Textrezension in sich schließt. Auf die Dichter hat man diese Betrachtung noch wenig angewandt, und doch steht es im Alschylos. und Sophokles, den kommentierten Euripidesstücken, auch im Nikander, ganz shulich. Die unverzeihliche Torheit, im Laurentianus die einzige Quelle der beiden Tragiker zu sehen, versinkt sofort in ihr Nichts, wenn man die Einheitlichkeit der Überlieferung aus der byzantinischen Redaktion, welche die Worte trennte und akzentnierte, und ihren Vorlagen abzuleiten gelernt hat. Von Aischylos ist neben M sieher eine frisch kommentierte Ausgabe, spittestens des 12, Jahrhanderts, für die ersten droi Stücke zu unterscheiden; im Sophokles steht A zu L genau wie Im Euripides zu MVI, im Aristophanes zu RV. Der Parishus B der Euripides ist eine einschneidend redigierte byzantinische Ansgabe von Text und Scholien aus dem 10. Jahrhundert, sehr wohl vergleichbar der Edition der drei Aischylosstücke, zu der die Scholia recentiora gehören. Den Aristophanes hat man zum Glück nicht so intensiv behandelt, aber Emendationsversuehe fehlen nuch in R und V durchaus nicht. Die Scholien siml im wesentlichen nur verkurzt bis auf Tzetzes und Musures, über die wir auf die alteren Handschriften zurückgehen: sie haben diese Verkürzung aber auch im Altertum seit Symmachos erfahren; die Vermehrung (Orthographika, Prosodisches, vielleicht etliehe Vokabelerklärungen) ist für den Text ohne Belang; die Paraphrase spielt kaum eine Rolle. Was wir von Resten antiker Hand-

Vist selbet in den Schollen der ersten sieben Stücke und im Texte starb von einem Byzantiner redigiert; wahrscheinlich hat diezer ein Exempler der LP-Klasse augezogen, deren West durin besteht, itaß sie von den undern im Alterum abgezweigt ist. Gegen Ende relahmen die Byzantiner meist; so liegen ims die Hikenden des Aischylas noch mit unvollkommense Wortesmann vor, dafür von byzantinechen Anderungen fret. Die Vorlagen der Byzantiner haben wie um die Zeit suzusetzen, woman die Rollen in dieke Kodizes übertrog; auch sie erlahmen gegen Ende, daher die Verdömmung der Schollen in den letzten Stücken des Aeistophanss und Enripides.

schriften besitzen' und die Zitate, die man der eigenen Lektüre von Leuten der Spätzeit zutrauen darf, bauen die Textgeschiehte kaum weiter aus, als sich für den von selbst versteht, der die allgemeine Überlieferung der Literatur im Altertum soweit kennt, wie es für alle Kritik unerläßliche Vorbedingung ist. Worttremmung, Interpunktiom, Betanung, Elision oder volle Schrefbung, selbst mit dem Ny, auch Personenverteilung (trotzdem, daß Doppelpunkt und Paragraphos vielleicht sehon voralexandrinischer Praxis entsprechen), sind sehlechthin unverbindlicht; die lyrischen Partien sind ausnahmsweise nach bestimmter Überlieferung abgeteilt (oder einmal abgeteilt gewesen), und Heliodor selbst hat nur ihm gegebene Verse erklärt; aber unverbindliche Zutat ist auch die alexandrinische Versabteilung.

Von Handschriften haben wir in den Wespen R und V; der dritte Zeuge A fehlt und kann durch seinen nahen Verwandten D nicht ersetzt werden. Wir brauchen ein solches Kollektivzeichen, damit das unklare Gerede von deteriores aufhört und der unerträgliche Unfug, byzantinische Konjekturen (B) auf einer Linie mit den handschriftlichen Lesarten zu führen; es ist, als wollte man Triklinius in den Apparat des Pindar und Sophokles setzen. Aber & ist auch eine bestimmte Handschrift gewesen, auf die FRCB \(\Delta^{\pi} \) zurückgehen!; also nur sie, nicht die Sünden der einzelnen, darf überhaupt im Apparat geführt werden. Wo A vorhanden ist, schickt es sich, die eignen Fehler von & auch unter den Tisch zu werfen. O im Verhältnis zu seiner Nachkommenschaft erkennt man durch das, was Zacher-Bachmann in der Vorsede zum Frieden S. IX berichten; es fehlen in FPCB die Verse 048-1011. F hat dazu noch zwei Lücken von 54 und 62 Versen unserer Zählung: 28 waren also noch zwei Blätter in Φ verloren, als er kopiert wurde. Von den Wespen hat I jetzt nur 421-1336 und den Schluß von wie amerenie 1404 ab, well er hinter 705 verschlagen war. Für diese fehlenden Telle wird R als Ersatz zu vergleichen sein: C und erst recht B, den Bacunass auf Triklinius zurückführt, beingen, wo sie von f ab-

Straffburger Pergamentfetzen Hermes 33,602. Mélanges Nicole 211. Berliner Klassikertexte V z. Wertwoller Journal de Philologie 82, 129 - Wax, Études de litérature 10.

Kommt man mit den Varianten böher hinauf, so wird es natürlich interessant. Proben, Herm. 33, 537 aus den Homerschollen BV; das heilt wohl nur eine apatere Korruptel, aber Herm. 37, 301 ist eine Variante hei Praxiphanes aufgezeigt.

^{*} Δ, der von Parisini direkt abstannen mag, kann überhaupt verschwinden.

Zu untersuchen ist wohl der Mutinensis E, den Canv für die Acharner einordnet1 ich weiß nicht, ab er aus Φ stammt. Es darf eben sotche Untersuchung niemals auf ein Stilch beschränkt werden, sondern die Handschriften sind als Individuen zu füssen und an vergleichen.

weichen! Konjekturen. Der Wert von & ist selbst hier, wo er A. ersetzen muß, gering, aber ganz entbehrlich ist er nicht. Als Singularität sei hervorgehoben 1085, wo ¿weiseces, das Echte, in den homerischen Epimerismen (Cranen, An. Ox. 1 446) erhalten ist; @ hat arrewedмесел, VГ * ссигомесел, R спачельнова, so wild interpolierend wie Coneт mit erperamecea?. Suidas kommt außer 713 (wo es unverzeihlich ist, ihn zu verwerfen) praktisch nicht in Betracht'. Praktisch steht es so. daß R und V das Echte enthalten können, einerlei ob Φ Suid, für oder gegen den einzelnen stimmen; auf sie kommt's also im wesentlichen an, nur muß man die Scholien immer zuziehen; wo A vorbanden ist, tritt er als ein sehr viel besserer älterer Verwandter von Ф neben R und V, aber auch da kann die Recensio nur mehrere an sich gleich gut bezeugte Lesarten ergeben. Wir erreichen also einen Text des 9. Jahrhunderts mit Varianten: wieviel dieser taugt, ist damit gar nicht gesagt. « Wherlieferung» kann absolut verhindlich sein und ebenso schlechthin unglaubwürdig. Das hängt von den Schieksalen ab, die der Text zwischen der Niederschrift durch seinen Verfasser und dem, was für uns . Überlieferung . ist, erfahren hat. Von diesem geschichtlichen Prozesse muß der Herausgeber sich eine Vorstellung gebildet haben, sonst kann er zwar -die Überlieferung -, aber nicht den Schriftsteller herausgeben, und das genügt allenfalls für Galen oder Origenes, aber bei Aristophanes will und soil jeder Herausgeber mehr leisten.

Die allgemeine Textgeschichte der Schulschriftsteller garantiert uns, daß die Grammatiker für die Erhaltung dessen gesorgt haben,

^{† 8} direkt am Γ abmleiten konnte in den Ekklestazusen probabel arbeimen; im ganzen wird et sich schwerlich balten bassen. Γ8 neugen dann für die Verstimmelung von Φ. Ekkle 358 ff. 341 lat ein frappanter Beleg für den Archetypus. τοῦτο ist das Echte, wie jeder Grieche jederzeit sehen konnte; Korrektur hat es in R aus τοντοπο gemacht: ΒΓΝ haben τοῦτο πω, Schlimmbesserung darans. Wer den Knirher Menander kennt, sicht geradezu τονπο mit der Korrektur des Schreibers το darüber; der Schreibfehler setzt antike Buchsehrift ahne Wortabteilung und Alexente voraus.

Ans den Teilen, wo mir Γ verstattet, blur zu schon, weiß ich mir zu nennen nermasseic Φ gegen RV mermasseez; aber da hatten die Scholien (Anathecic) das Richtige. 1211 (ΑΤΑΚΑΙΝΙΚΑΙ Φ gegen «ΑΤΑΚΑΙΝΙΚΑΙ Β, «ΑΤΑΚΑΙΝΙΚ V; aber das ist ein Fablet des Schreibers von V. Auf eine Wortsbiedung. ΑΛΟ βα Γ ΚΑΝΙΚ RV), ist nichts zu geben. ichteras Φ τουδ gegen écherce RV ist wenigstens eine erwägenswerte Variante. In dem centen Teile, der in Γ fehlt, mag z. H. 90 und 308 Φ etwas Richtiges erhalten haben; dan sind aber Hagstellen, die amb ein Byzantiner ahne Vorlage finden konnie, und bei denen es ganz einerlei ist. ob sie als Überließerung oder als Konjektur in den Text kommen.

^{* 000 07}x 012 5000 (5000 Suid.) erkektranear trid tiln anardatum. De ist die Entscheidung um ummöglich, weil ich nicht weill, eie das singulare erkeneigen auftufassen ist. Die Glossen aufagesandar (V), andertrera (Suid.) slod ohne Gowahr. Wes er 773 gult, lat eine antike Variante, der in R V v eine schiechtere gegenübersteht. Auf Varianten beruhen viels Störungen des Textes; ich hätte wohl Proben geben sollen.

was Aristophanes von Byzanz als Überlieferung einmal kanonisiers hatte, und die Scholien enthalten einen nuverschtlichen Rest der gratumatischen Erklärungsarbeit. Aber auch ganz abgesehen hiervon trägt der Text, wie ihm die «Cherlieferung» gibt, in sich die Gewähr, daß er viel reiner ist als in den modernsten Ausgaben. Eine Lücke hat freilich Heliodor bereits konstatiert: der zweiten Parabase fehlt die Antode und ein Vers des Antepirrhema, das auch sonst verdorben ist. Es gibt auch sonst mehrere ganz verzweifelte Stellen, die ich nicht aufzählen mag, dagegen keinen einzigen interpolierten Vers! Außerdem werden recht häufig die leichten Einrenkungen nötig, die zumeist von den Byzantinern, zumal in B, dann von Beneuer und den Possosschülern vorgenommen sind: unter ihnen hat Domen die Palme verdient, der selten ohne Grund unstößt, meist den Anstoß sicher hebt. ein Philalog, kein bloßer Grammatiker. Gewaltsame Mittel haben sieh erst die Deutschen (Hramans voran, der aber auch einiges Vortreffliche gefunden hat) und vor allem die Holländer erlaubt, ohne zu fragen, ob Gewalt hier überhaupt zulässig wäre. Daß sie es wentestens in den kommentierten Klassikern nicht ist, kann nach der Entdeckung so vieler antiker Buchreste als ausgemacht gelten. Verführt hat zu den Gewaltsamkeiten meistens Petitlo falsi principil, in der Metrik der Glaube an eine Entsprechung von Silbe zu Silbe, von dem das nachste Kapitel handelt, aber auch das man sich für berechtigt hielt. den wirklichen oder scheinbaren Wohlklung als zureichenden Grund für Änderungen gelten zu lassen". Die Sprache aber hat mus an einem attischen Kanon gemessen, den man sich selbst verfertigte; was diesem

* These residue leb night nur an Offenbares wis morexonesse: Imperiodation Humanical TRI straight 105, aindern such die von Possos beaustandelen Annpaste wie despetate it neek 397, 350.

^{1 1513} wird ohne jeden Grand verwerfen. Das Nestfüllichen der Krebefemilie multi- irg-udwie beunnders einenkterisiert werden; dall es nichtblob Tracorate ist, sondorn rior reargiaian most, markt eich besonders giet. Die Familienverhältnisse konnen wir mehl kontrollieren. Falsche Interpunktion hat meh lang- verführt, 1385 zu verwarfen. Philodeleon verspricht der Flötenspielerm, ar wallte sie zie mannan im limm nehmen leine soiche hatte ihm such der Sohn verspirechen 739); er ware nur meh nicht months, theor for the ral evalutional secopa to the name their at her let seler granit und fürchtet für meine Miral, er hat je auch keinen andern Vaier-, Es ist aler, dall neor ras else un den besaeren Witzen nicht paut; aber streichen lifte es sieh meht. wed eraltross von dem intgenden to the flagon meet me gefordeet wird. the dels of search the fine swarter xpontrue and sa treattown parallel; wonnels so liderjungieren. - Gegen Ende werden die Fehler stärker; 1514 ist der Schliff nur 1504 eingedrungen, von Heamann berichtigt. So leite ich den Schlut von 1507 aus 1508 bei. Dean wenn Pulaktean beim Erscheinen des zweiten Krobsis sagt da hab ich la Beilage genng sum Frilheincks wedens tox, so kann der Sklave night hestatigen sta TON OF OTHER LAROTTANNETS ASSEMBLYCH. Shewoll, nights als Krebses. Day ist doch ausreichemi und dem Alten genehm. Auch das schlechte es zeigt das Füllsel. Da stand ein Witz, den ich nicht paten mag-

I CTENTANT (CTENTION & falsch) Le Xearantata R, was wahrlich unf area mit diergeschriebenem a führt, das nicht aus, sondern and bezeichnete. O hat am fortgelessen, V Annaa, interpoliert. Es ist schauderhaft, das Blöten in Brütien (spyracesau in findern) welchen Klang das Wort lat, mag man bei Ammonium lesso, wonn man's nicht aus der Literatur weiß. Ebenso schlunn ist's, Xea en lutten, als ob es auf das Konsert unkline, nicht and durch ausnis, Anarendaren, anderen en die Hard gegeben wäre.

Der Attizismus, wie ihn uns Pollux und besonders Phrynichos repräsentieren, sucht Im Interesse des Attisch Schreibenden für alles die echt attischen Vokabeln, nicht ohne die hellenischen oder die der cyaneria zu gelbeln. Tm. Henstranuss ward als Herausgeber des Aristophanes, Pollux und Lukian auf das reine Attisch und seine Nachahmung in der Kniserzeit gestoßen; eine Ausgabe des Hesveh bereitete er vor. So trat das Studium der griechischen Sprache nach der Seite von Formenlehre und Wortschatz, das erst mit dieser hulländischen Schule beginnt, von Anfang an unter das Zeichen des antiken Attizismus; und wie sellte es miders sein? Er bot ja feste Regein für das richtige. Griechisch, nach denen man sich sehnen mußte. Phrynichos war schon früh gedruckt; die Lexica Segueriana, die erst Bekuns veröffentlichen sollte, schrieb Rounnen sich ab; ediert wurden aber bezeichnenderweise nur Möris und Timans; den Antisttizisten ließ man bei Seite; er enthält, wie traurig zusammengestrichen auch, die Tradition des Byzantiers Aristophanes περί των Δοκονητών κά είρθεσαι roic appaint; man willte ihn jetzt im Stile von Pressos oder Lopein. kommentieren. Die AIAAOXA Hollands folgte den Spuren von HEMBERE mays his auf Wyrresnach. Poesons Schule, von Bentley her an einkonsequenteres Beobschten und entschlossenere Kritik gewöhnt, tat einen großen Schritt vorwärts; sie erwarb sich den Ruhm, daß ihre Aufstellungen über die attischen Flexionen und die attische Syntax durch die authentischen Zeugnisse der Inschriften in allem Wesentlichen bestätigt worden sind, während Hennasss philosophische Dialektik sich an der Grammatik nicht anders vergriff als die damalige Naturphilosophie an der Naturwissenschaft. Endlich führte Coner das Prinzip des reinen Attisch am entschiedensten durch, für die echten Attiker und für die Imitation der Kaiserzeit: vom Hellenismus verstand er nichts und wollte er nichts verstehen, von den Dialekten (anders als HERSTERREYS und VALCKENARR) auch nicht. Die Verdienste aller dieser berühmten Manner in Ehren, ist es doch an der Zeit, ihr Werk im Sinne einer Philologie zu revidieren, die aus der antiken Grammatik zu einer historischen Wissenschaft geworden ist. Retuteroan, der bei Coner gelernt hatte, stellt in seinem schönen New Phrynichus das Problem, wie sich die attische Sprache gebildet hat; aber seine reichen und feinen Beobachtungen über Synonymik suchen doch feste Normen, ein für die Schriftsteller maßgebendes Attisch. Aber Leben ist Werden, und nur eine tote Sprache ist au die starre Regel, hie richtig, dort falsch, gebunden, und zu jeder Zeit bewegt sieh die lebendige Rede auf einer sehr langen Skala. Die Zeit, da die Packträger und Marktweiber redeten wie die Musen und die Musen sich an ein Dictionnaire de l'academie du Parnasse hielten, let so real wie die paradiesische

Blüte Griechenlands. Wie die Ungebildeten redeten, hat Kretschere an den Vaseninschriften gezeigt; in ihnen spürt man sehon das Eindringen des Fremden, das sich steigern mußte, als Athen zu einer Großstadt ward. Gerade zu der Zeit, da sich die Sprache der Komödie erst fixiert, klagt die Schrift von der attischen Verfassung über die Verunreinigung der Sprache; wir aber haben wirklich eine sehr ungenügende Kenntnis von dem, was für diesen Beobachter reines Attisch war. Die Komödie, die wir kennen, zumal in ihren ültesten Resten, horgt keineswegs nur zu parodischen Zwecken beim Epos und bei der Tragödie; wüßten wir mehr von ihm, würde der ionische lambus auch seinen Einfluß verraten!. Der Komiker, der den Megarer und Böster ihre Mundart reden läßt1, damit man über sie lache, wird keine puristischen Rücksichten respektiert haben, wenn er Athener der niederen Schichten einführte. Bei Menander schworen die Frauen gamaten: CAMANIE ZET bei Aristophunes (Rrit. 1200) bruncht wahrlich keine Parodie zu sein, sondern die Anrufung des Zeus von Aigina, der dem Kleruchen Aristophanes mahe genug wohnte.

Aristophanes hatte sicherlich eine gute Schulbildung, wenn er auch nicht gerade den Prodikos über descenes gehört hatte. Sein Gedächtnis war also voll von der dazumal klassischen Literatur; aber die Worte und Wendungen, die er auf der Tenne und im Weinberg, auf dem Markte und beim Barbier hörte, kamen ihm doch am leichtesten auf die Lippen, da er das attische Leben, das ihn umgab, wiedergeben wollte. Es war ihm nicht bewußt, daß er und Freund Eupolis den klassischen Stil der Komödie schüfen. In der Tragödie findet jeder,

Alteres als Kratinos war nicht erhalten: das ist eine unbestrütene Tatsache. Van ihm haben wir immerhin genug, um den Abstand von der Sprache zu merken, die Pherekrates, Espedis, Aristophanes für uns ahne wesentliche Unterschiede schreiten. Ob es Zufüll ist, daß die Reste der Hyrisot, seines spätesten Stückes, modera klingen? Von dem, was die Alexandriner in ihrer Kritik der revgavrica (Phot son avesion) un Auge hatten, vermag ich keine klare Vorstellung in gewinnen.

Wer durf verlangen, daß der Konnker diese Dialekte mit voller grammatischer Genauigkeit wiedergebet Aber man erwartet gar im Böotischen die phonetische Orthographie, die es noch gar nicht gab. Man dekretiert, daß die Fran aus Syparis (1418) A saga, nicht zi, obwohl der Kritiker nicht wissen kann, wie man in Sybaris gesprochen hat, und Aristophanes von der Sprache der hundert Jahre vor ihm zerstörten Stadt nichts wußte. Das ist ein Adisphoron; wientig dagegen, daß er für sein Lakonisch sieh an die literarische Sprache des Alkman gehalten hat (Textgesch, der Lyriker 34). Das possierlichste ist, daß man das Stammeln des Skythen und Triballers mit Akzenten versicht, Zurkumdexen, Akuten u dgl. Nichts denken zie sich dabei, als daß Lesezeichen unm Oriezhischen gehörten; und wie würden sie zetern, wenn man diese weig-ließes, wie die Naivität sich ausdrückt. Darf man doch nicht einmal die arkadischen, kyprischen, thessalischen Inschriften ohne diese täuschende Verzierung drucken, wo doch an der Täuschung auch die nicht zweifeln können, die wunderglänkig genug sind, die alexanitrinische Betonung der lestischen und homerischen Gedichte für überhöfert aus der Zeit der Diehter zu halten.

der thre Sprache ernstbaft anpackt, Wörter, die dann erst viele Jahrhunderte später wieder auftauchen, in Kreisen, die über den Verdacht erhaben sind, den Sophokles oder die spacies assie gelesen zu haben. Denn nuch der Tragiker saturer en voc connectat, die wir viel weniger kennen als die konventionellen Stile. Und dem Komiker sollen wir's nachrechnen, was er sich erlachen darf? Welche Selbsinberschätzung. entscheiden zu wollen, wann ihm eine Steigerung ins Tragische passend schien, so daß er serac sugen direffe, gesetzt, die Kürze des Ei klänge sofori tragisch. 1400 reonoic enemanan karenvoan. An dien ekreicoal sic rost ist man gewöhnt, wenn man genng hellenistische Proct geleben hat: blassisch ist es freilich nicht. Stauen hätte es also beanstanden sollen; aber er rechnet gar nicht mit dem hellenisti chen Gebrauche. den ihm der Thesaurus doch bereitstellte'. Befremden darf und soll mis das vereinzelte Auftreien; wir sollen our nicht gleich die Ehre des Attikers bedroht glauben oder ihr gar mit Gewalt aufhelfen. Mencers Histories critica pilegt die einzelnen Komiker auf ihre Verstöße gegen die reine Sprache zu prufen; der Komiker Platon bestand besonders schlecht vor ihm, der junge Coner aber brach zugunsten seines Schützlings eine Lanze. Es ist doch klar, daß diese ganze Betrachtungsweise ungereicht ist, weil sie die Freiheit und Biegsamkeit der lebendigen Sprache außer seht läßt. Mögen wir die Beobachtung des Sprachgobranches bis zur gennuesten Statistik stelgern: daß ein Wort oder eine Konstruktion vereinzelt bleibt, zwingt durchaus nicht, sie zu verdammen. wie amberseits grobe Fehler (Futur mit &s, xalrows) durch ein Dutzend scheinbarer Belege nicht gerechtfertigt werden. Unsere Aufgabe ist ja nicht, e lexico et grammatica sapere, sondern das Sprachgefühl zu gewinnen, das dem schöpferischen Schriftsteller auch auf unbetretenem Wege folgt. Was wir freilich am besten bel den attizistischen Kritikern ternen, denen wir die Dankbackeit gerade dann beweisen, wenn wir die Schranken threr Sprachbetrachung durchbrechen,

Philokheon schämt sich, daß ihn das Flehen des Verklagten zu Trönen gerührt hat sich glaube, mir sind die Tränen nur gekommen, weil ich die (heiße, q.8) Brühe getranken hattos. Ausgarza, q.03; wie soll man das sich vergoß Tränens anders sagen? Ist da ein Beleg nötig? Es scheint so, denn sie nehmen ausgakeren von Triklinius gegen RVF aut, das gewöhnlich ist, aber hier gar nicht paßt. In Wahrheit fehlt sogne ein Beleg nur, wenn man die ausgakerente sagen der späten

STABRID Ritlert außer nood résertit éta sienes (Lykophronides), dus die Entstehung der Wendung gut befeuchtet, aus Pindar Isthus, 1.4 Añoc en it reservant nicht vo-mittel beson omeht du an muß man herstellen; det ein Boutenness berunts, markt die Kleinigkeit interussant.

Arzte nicht rechnet. - voscosus sagt der Athener von dem Sklaven, der auf den Ruf erscheint oder das Befohlene unt daher wird es zu obmiller und regiert den Dativ. Gegen diese Regel ist nichts zu sagen. Die Wespen klagen it not of med expun eamer Le' anin e renun ord Volkevel, 273. Der Alte hört sie, möchte auch kommun, känn über nicht Da sagt er takomai enda vitakofun. 314. Er kunti nicht enda sagen, er gehorcht ja nicht: er mag nicht bloß serson sagen, denn er ist avnang ein vrakovan. Daher braucht er den Genitiv. Es mag sein. daß das singulär ist; aber es gibt die Nuance, die der Dichter und wir branchen, und do wird er wohl zufrieden sein, wenn wir ihm nachdenken statt ein miserables en koovaa aufzudrängen - Die Regel sugt, utilisch kateach the kedaahe, spater the kedaahe. Wenn nun der Athener einmal sagen wollte, wieviel von dem Kopfe abgeschlägen wäre, was sollte er anders als den Akkusutiv branchen, also the кераліс мега Cobass, 1428. Kein Wunder, wenn es keinen Beleg gibt; aber gesetzt, es ware anstöldig, so konnte man es immer noch allenfalls auf die Sprache schieben, in der die Anekdote von Philokleen gehört wäre, the or thre Pointe in der Form gibt appointe in exactor clash rexion. Durin ist (PAS) ganz unattisch, also sicher entlehnt. Das ist darum wichtig, well es verlangt, das Philokleon von sich etwas zufügt. Denn wenn er einen Mensehen verprügelt hat und dem zur Beruhigung eine sybacitische Anekdote erzählen will, so kann die nicht auf die Mahmung treibe, was du verstehsts hinaushufen, sondern auf das, was überliefert ist vao laufe auch du zum Fehlscher». Umstellung gehr also nicht. Es ist wahr, die Nutzanwendung der Geschichte paßt schlocht zu ihr. Aber Philokleon ist betrunken, und für seinen Verstaud palit jede Geschiehte, in der sich auch einer ein Loch in den Konf geschlagen hat. Dies Beispiel führt bereits hinüber zu den Aufgaben, welche der Interpretation gestellt sind und wo wieder vorgefaßte Meinungen von der Tiefe und Vortrefflichkeit des Klassikers zu überwinden sind; die antiken Grammatiker waren vielleicht zu rasch bei der Hand, sieh bei einem Amandera maize zu bernhigen. Interpretation tut not, die den Dichter versteht und nicht weiser machen will, als er war; es mag immer noch zu sehr im alten Stile sein, wenn die folgenden Bemerkungen sich vorwiegend auf Stellen erstrecken, wo die Erklärung mit der Textkritik verbunden ist

Die Werestellung ist sinch etwas, das dem Dichter oft korrigiert wird, sel es, dall man that seine unterweilen starken Inversionen nicht verstattet, sei es, dall man cine besondere Absieht verkennt. 18 sécols che à natife frankerios avroy sécol. Son SPRAVATO KYUN AARITA TON TYPON AAREN ETI MONGE EKTREBER. WO VON KAIKENI TON TYPON meht die Rede ist, kondern nur von kareceiem. 94 5mb ro? At ten rücht el exem, wo as re geteennt ist. Schlinm hat Court gleich die könliche Erzahlung des Trainnes CONTROLL IS ECONOVY AIRTON KATATITOMENON EX THE APORAH RETAIN HAVE ANAPHACANTA

20 οναδη άγα τρίφου διαφέρει Καεώνυμος.

«Τώς Δήμ προερεί τις τόξοι ευμπόταις, γαέτω,

Οτι παύτον έν τηι τ' άπέθασεν κάν ουρανών

κάν την θαλάττηι θηρίον την άσπίσα»

— οίμοι τι δητά μοι κακόν γεννισταί

Ιδόντι τοιοθτον ενύππιον: — μη θροντίσης.

25 — ουδέν γάρ εσται δείνον: — ου μα τούς θεσύς δείνον γε πούς διαρωπος άποβασών όπας.

An 21 ist viel versucht, well man seros las, worn mocesi wirklich nicht paßt. Es erledigt sieh, sobald man sern aus V aufnimmt, und mit noc an verbindet, das gemeiniglich dem andern Sklaven gegehen wird, dem aber auf das Rātsel nichts ankommt; er hat Angst wegen des Traumes. Um wieviel schlechter die gewöhnliche Personenverteilung ist, - MA apparticule: OFACH TAP ECTAL ACINON OF MA TOVE DESYDE Acison re tovce A. A. C., die nuch das überlieferte nov zu ändern zwingt, ist kaum nötig au sagen. . Wirds wirklich nicht gefährlich?. . Bewahre, geführlich ist doch wohl ein Feigling nicht. Verzweifeln muß man an dem falschen Versanfang Taonn tologron, denn der Einschnitt in dem Anapäst ist wirklich falsch: aber Hilfe gibts mit Konjizieren nicht. Nun stellt ein genan so falscher Versausgang 1369 KASTARTA - noian avanmas, wo such jede Anderung den vortrefflichen Ausdruck zerstört. Sollte nicht die lebendige Aussprache тооттон (so sprach man doch) und noss (so kunnte man sprechen) so kurz zusammengezogen haben, daß es in eine Silbe zusammenklang und einmal so genommen werden konnte? Ekkl. 1005 na ckonte n'o tanan anna. Da ist -- kaum erträglich: aber so sieht es nur aus, gesprochen ward van, oder doch beinalie van. Wesp. 967 & assonie tager, ist als Proceleusmaticus wirklich unzulässig; aber wenn man casmae sprach und schrieb (Antiattizist 92), so ist es begreiflich, dati man exec zweisilbig sprach.

V. 76 – 85 wird jetzt auf die beiden Sklaven verteilt; die Scholien sagen met annsala appletieres as aerecum ante chaege nebe enec. Sie haben ganz recht; dann kostet es auch nicht die Annahme einer Lücke. Der Sklave, der das Publikum über das Sujet aufklärt, ist herangetreten: um den andern kümmern wir uns nicht; wo gibt es auch ein solches Dreinreden, wie die Modernen ihm zutrauen? » Nun ratet mal-

roje escrem aeman serem ernannen anekte sie ton oppanen. Da stellt er serem ans Ender gan wenn's ein Schillerexerktionn wire. Aber der Redenda teagt in der Reproduktion des schaueritehen Gesichtes die sündichen Epitheta nach, wie ihm das Gesichten immer deutlicher die Bähler reproduktion. Da sah ich einen Adler, der flog mit den Markt berunter, ein großer Adler, der packte mit semen Krällen einen Schild (sie hängen da in der Sten Poikile, Ritt. 845, Pausan, t. 15, 4), einem erzheschildigenen, und flog mit ihm in die Höhe, in die Litte hinauf. Jenles Stück hietet einhille Beiege für seiem Verschränkungen.

Da der Amynins' sugt, der Herr würe slackyege, AAA ORGEN AETEL, MA Al', 484' 46' APTOP THE HOCON TERMADETAL. - Aber das ist nichts, wirklich nichts, sundern er schließt von sieh .- Publikum lacht. Er fährt fort FORK LAAL MAD MEN SETTIN APRA TOP ADVOYS. Nein: das heißt, mit was fangt es an: saweit hat er recht. Wozu de Lücke oder Personenwochsel? ove said ist V. 6 and 1272 annin, sonderns, 62a, hinter dem Kompliment gracuos akoycamen gyrus eynerüs aerontos, sagt Philokleon ovk. inci egewiß micht; aber er meinte, ich würde nicht redens, so daß es affirmativ wird. 1141 das sieht mir aus wie das Costum des Morychose sove, Asa' en Experience rate vealurra : alas night, other in Ekhatana wird es allerdings gewobens. Genau so hier; es nimmt das ov na Ala auf, aber Jasa schränkt ein. Man rezitiere nur out, dann wird die Wirkung dreimal so groß, weil derselbe Mund alles spricht. Nun tut er so, als horte er einen andern Zuschauer soal at see Cuciac THAT APPRIADE EINAL MINORIOTION ANTON OVERHELD IT, THE ANTH TO XPHOTON COT IN anapan a sococ. Da kana doch die abweisende Negation gar kein anderer sprechen, als der die Frage gestellt und die falsche Antwort gehört hat. Über den dritten Versuch richtet er die Kritik direkt an den Ratenden, und brieht dann ab AAAUC DAYAPETTE Wenn Irier ein Dialog ware, müßte er durch die Beziehung der Redenden aufeinander kenntlich werden; es gibt aber nur eine Beziehung auf die Ratenden im Publikum

147 fängt in R korrupt an ATAP OFK ÉPPRICE CE, und V hat mit tresperce cine Interpolation; ofken ist nicht besser, denn éppes heißt nun und nimmer «hinauskommen». Das war offt kamacen re, wie 186 offt kamacen re steht.

218 ac and mecon nykian to hapakanove del ayxhoye exontee. Das Verlum ohne Objekt ist unerträglich und stammt aus 215 seovem napakanoveres toyton! Die Verbesserung ist leicht napasanover. Bekken An. 112, 32 napakanore ele ton tonon cynexale oceraie. Das Zitat, das der Antiattizist beigefügt hatte, ist nicht erhalten; die Bedeutung ist wie auf diese Stelle zugeschnisten.

441 SÎTA BHT OF HOAN ENECTI DEINA TOI CHEAI KAKA;

Wer kami ansinßen? Aber weil die Byzantiner ARAAM akzentulert hatten, schrieb Comm ana a'el sal nen re, wo weder at noch re recht passen.

Ob Recodnist nach der ersten oder dritten ginge, mögen die Athener später nicht gewußt haben; aber Recodnic steht auf der Dedikation der drei Hipparchen (I. G. I Sappl. S. 184), und daß es richtig ist, beweiet das gewühnliche Recourriese.

627 KITKEKOLACIN A' O HADYTOPATEC KAI (C), HANV CHAROL, Ohne den Artikel sind die Reichen nuch die Hochangesehenen.

733 col de nyn tic bewn tiapón émpanho Eyarambanet 109 tipármatoc kal dâróc cetin el holóm, ey al Tiapón déxoy.

Für den Modernen ist das zweite nasch überfüssig, denn wenn einer eda iste, nămlieb wo der andere ist, muß ja wohl dieser auch da sein. Also konjiziert man, und wie, мавши (was?) парсіс (was?) nasos (als ob er's sonst night gedurft hätte) neoscos tals ob er der Gott ware). In der alten Sprache wird das reziproke Verhältnis nun einmal ducch Wiederholung bezeichnet, its te, Xes men - Xes ac, genter pauporibus prodest, locupletibus ocque, alles ist im Grunde derselben Art. nandh tan rove masontae evanancie Eurip. His 649, Anthom. 748 nanun moc papontac emanue ramerove. Also der Anstoß bernht nur auf imzureichendem Sprachgefühl. Merkwürdig dagegen ist die Stelle für das religiõse Gefühl und seinen Ausdruck. Die sinnfällige Gegenwart eines Gottes wird empfunden, wo doch nichts als die Rede des Bdelykicon tätig gewesen ist. das beglöckende Gefühl, von Vorurteil und freum erfőst zu sein, verdichtet sich zu dem Glauben »das ist eine Gnade Gottes , und dann hat dieser Gott selbst eingegriffen, sein Wirken ist seine Epiphanie Es ist dasselbe Gefüld, das den Apollon in die Kentaurenschlacht des olympischen Giebels stellte: die Athena in die Troerschlachten des Aphaisgiebels Und der Philologe muß sich dies Gefühl ebenso zu eigen machen wie die Wiederholung von napon. Vergessen darf man natürlich nicht, daß die Stillisierung bier nicht dem Komiker gehört, der vielmehr tragischer Weise, wenn nicht einem bestimmten Vorbilde falgt.

797 Philokleon erklärt sein Einverständnis mit dem Privatgericht. Bdelykleon sagt andmene nyn; das paist: erw as tave hew serws. Darin ist tavta unverständlich, von Reiser in manta geändert: aher wir wiesen gar nicht, was das salless sein soll. Als er zurückkommt, segt er: «Was sagst din nun?» we kriaut erw serw deaner. Saackon kati nunahin nasiona. Also hatte er vorher eine Aufzahlung gegeben, und vor oder besser hinter anamene nyn ist eine Lücke; vermutlich hatte der Alte sich unglänlig geäußert, ob auch alles zu beschaffen wäre.

Sto. Dem Alten fehlt noch etwas zu seinem Privatgerichtshofe: sandinn ei mut tekonicht zh für Arkor. Der Vers wird doch wohl identisch sein mit dem unter Eupolis' Namen von Herodian (Carsten, An. Ox. III 253, Пеннаку, Emendand, grammat. Gr. 309) angeführten armon ei mut som komichie für Arkor; aber viel Verlaß ist auf die Variante nicht. Zu seiner Überraschung präsentiert ihm der Sohn Heroen

and Heros; der Alte meint zwar, der Heros wäre etwas schwer zu schen', aber Geister erscheinen nun einmal in welcher Gestaft sie wallen, und so hat Lykos seine Wuffen abgelegt, so daß er wie der ACTUARIOSANC Kleonymos mussieht. Was Bilelykleon zeigt, kann kein mussion sein, wie der Scholiast meint, kein Tontafelchen mit Bild und Weihung, denn in Wahrheit ist oben Lykos nicht dargestellt. Jede Vasenscherbe mit einem nachten oder bekleideten Menschen reichte hin; nur eine Säule, d. h. die billigste Andeutung eines Heiligtumes, moßte dabei sein, da dies von dem Heros unterschieden wird. Auf das Heiligtum kommt es nümlich au: daß dies auf dem Banernhofe verlangt wird und diesem Verlangen Gennge geschieht, darin liegt dar Witz. Donn Lykos hatte seine Statue mit einem heiligen, von einem Robigstter untfriedeten Flecke, untürlich auch mit einem Altar, dicht bei der Heilaia um Markte. Das ist von den Grammatikern bezeugt. folgt aber meh aus den Wespen selbst, 389. Philokleon soll door seine seol marrion anrufen und sage: " Avke Accuota reitum Bruc. du hast ja dieselben Nelgungen wie ich, freust dieh an dem Gewimmer der Verklagten und hast, um dies zu hören, dieh da angesiedelt. CACHCON with tow carrot mancioxideos. Dann will leb auch drine Robeställe. respektieren : was die Herren Richter, wenn sie austraten, also nicht en ton pflegten. Daß für den Alten der Heros, der neben der Heliaja wohnt, sein Nachbar und sein nateuiec ist, darin liegt die Pointe. Darnim 1st es so lustig, daß Balelykleon es ermöglicht, bei dem Privatgerichte ein Lykosheiligtum zu schaffen. Dann kann Philokleon aber numöglich den für Ihn unrealisierbaren Wunseh im Optativ ausgesprochen haben, und es stimmt gut, daß dieser Optativ in den Handschriften eine unpoetische Ferm trägt. Die Forderung eines Ierealisliefert dann leicht die Verbesserung sermon ei muc en konicat: die Verderbnis wird begonnen linben, als ar kosicas geschrieben war,

Achten wir zwischen diesen kritischen Betrachtungen darauf, wie geschickt der Dichter 834 den Alten von der Bähne bringt, damit der

^{*} MARTINE SIGNAM DYNAMINESCHE Emendation für MARTINE RVT

Es genögt dafür der Hinweis auf den Artikel im Roschuse Lexikon 1187. Die Status wird dem Sohne Pandione gesetzt sein, als der Mackt mit den Eponymenstauen geschmückt ward; daß wir von seinen Brüdern Aigens und Pandion nichts hören, wird darau liegen, daß eie zu den Eponymen gehören. Die Status des Lykonist ja mich nur dedurch berufen worden, daß eie neben fer Heliala stand. Des hat auch die Anekdute erzeugt, daß Lykos der erste Sykophant ward, der den Thesesetti Terassuzi (also aus der Gesinnung der Wespenbellasten berufen) verbamdate und seinen Ustrukiemes bervorrief. (Subul Ar. Plut 627, daraus wohl Schol Aristid (38 Daff.) Diese Verböhnung der demokratischen Institution kann wohl nur erfünden sein, als die nuch bestand, und man kann kann umfah, an eine alte Konfidie zu dienken. Theophraist (bes Pausanias dem Altizisten, Eustatio 782 — Suid, Ares Gersia) hat slie miter seine Exempel mete vere santere aufgenommen.

Sklave die frische Untat des Labes melden kann; Edelykleon war ja in Verlegenheit um einem passenden Rechtshandel (828). Gleichzeitig kommt heraus, wie erpicht der Alte aufs Richten ist!, das er so lange aufgehalten hatte. Als er endlich sitzt und die Akten geholt werden, schimpft er über die Trödelei: «ich hätte es so nötig, mein Feld zu pflügen». So schalten die biedern Bauern in der Heliaia; für Philokleon paßt es gar nicht; aber wir wissen, das geniert den Aristophanes nicht.

875 betet Bdelykleon zum Apollon Agyleus, der in seinem Symbol immer gegenwärtig ist², in Anapästen. Daß diese aus einer Reihe von Tetrametern mit Puigos bestünden, ist nicht erforderlich, aber natürlich willkommen. Δ Δέσμοτ έκες τείτοκ έτνιεν τονκον προφέρον: [πεονπέλον V], πρός πέλος: in B hatte zuerst πρόσεικ πέλος gestanden. Was die Modernen daraus machen, περιπέλεια oder πεόσεικ προπελείον, paßt in den Vers, ergibt aber eine lästige Abundanz; Μεικεκες πέλος κέλος ist freie Fiktion. Man kann kaum anders, als die Diagnose stellen, daß nur die Varianten προφέρον und προφέλον zugrunde liegen, von denen die erste dem Bauernhause besser entspricht. Für den Sinn sind auch alle Zusätze schädlich. Gibt man sie auf, an ergeben sieh als Summen der Metra 7, 4, 4, 13. Ich würde dem dennoch nicht trauen, da Tetrameter in diesen Systemen so selten sind, wenn nicht das Kommation des Friedens sich mit demselben Mittel beilen ließe. Es beginnt

AAN TO XAIPEN AMESO DE TEME TADE TA CREYN [MAPAGONTEC] TOTO AKONOYOGO DEMEN CHIZEIN HISW.

Die Summen der Metra sind nach Beseitigung der Interpolation 7, 4, 4-Dann folgen Trochäen wie im Kommation der Wespen, wo akatzlektischen Trochäen akatalektische Anapäste vorhergehen, höchst befremdlich. Aber Tetrameter mit folgendem Pnigos sind im Kommation

Dies fordert G. Hinnards Verbesserung 833, Arröc komoraal to in maraytis' enages Sumora seima. Uberfiefert int it note to krima; aber zu der verwunderten Frage hat Bdelykleon beine Veranlazung, Dagegen weiß Philokleon, daß er keine wirklichen Schrunken schaffen kann, will sich also für diesmal Irgendwas bolen. Er kommt mit der Hürde, die auf dem Rofe das oder die Ferkel zum Opfer für Hestis einschließt. Die Erklärer, weiche meinen, Philokleon hätte am Herde einen Schweinekoben gehabt, unterschätzen denn doch die Lebenshaltung der Aihener. Bei Kullimachos, 6, 108, verrehrt Erysichthon das Kalli the strial Etrass pater. Die Königin hat ein teureres Tier, sonst ist die Sitte dieselbe.

Daher die auch bei Menander ganz gewöhnliche Beteuerung all ton Andanse revrosi. Befremdend ist nie Theum 728, weil der Agyieus die von dem Thesmophorion stehen muß. Faurzerun hat zu dem Verse viel gutes Material. Kaum kann man anders urteilen, als daß ein Alter vor der Hinterwand der Bülme schon so zum festen Restande gehörte, daß der Dichter ihn vorausseust, auch wo er kanm paßt.

von Williamerre-Mozzanismerr | Cher die Wespen des Aristophanes. (II.) 519

ebensowenig erfordert wie in der Wespenszene, wo die Anapäste vor den Strophen eines Chorifedes stehen!

903 AV AVI HAPECTIN: ETEPOC OVTOC AV AABHO AFABOC T VAAKTEIN KAI HEPFARIXEN TAC XYTPAC.

Da ist die Personenverteilung zu verbessern. Kyon meldet seine Anwesenheit durch Gebell: der Alte sagt: «Das ist bloß ein Schnapphahn Nr. z.» Bdei Der versteht das Bellen Ph. «ja, und das Topflecken auch». So muß verteilt werden. Das Loh kraede i vaaktein kann dem Alten nicht gehören, auch formal wegen des is nicht.

030. Epilog des Kyon. » Verurteilt ihn, damit ich nicht vergebens belle, sonst belle ich in Zukunft nicht mehr. ist das nicht eine abschenliche Tautologie? Da sollten die Erklärer etwas sagen; aber sie verbreiten sich nur über an kenne anno. Kleon wird durch die Schlußverse charakterislert: als as - wir sind auf etwas Furchtbares gefußt. Aber mapa neocaoxian folgt: . Wo night so - belle ich night mehr. Welch Unheil für Athen, das muß abgewandt werden! Richtig rezitiert wirkt es großartig. Cherhaupt sind diese altesten Plaidovers auch für die Rhetorik unschätzbar, ganz wie die Formen des Prozesses und der Abstimmung zusammen mit der Areopagitenszene der Eumeniden allein die Peavis des 5. Jahrhunderts kennen lehren. Anklage: Pronimion, zugleich Prothesis, dann KATAGGEYA, vilo mile acta des Antigicoc, Epilog mit dem eben bezeichneten asikon. Verteidigung: Problimion, ABACKSYN, MARTIPIAI, CACOC, MINOS TON ANTIAUXON. Dabei ist das Lustige, daß die XATACKEYH in OF MCTEAUK' ENO! gipfelt, die Verteidigung in dem Eingeständnis der Schuld.

1060 © ITÁNAI TICT DINTEC RIMÉIC TAKIMOL MÉN EN ROPOTE ANXIMOL D'ÉN MÁXAIC KAT AYTO TOUTO MONON TRISPEC MAXIMOTATOL

Abgesehen von der freien Responsion in den Trochnen, ist BAXIMOTATOI offenkundiger Schreibschler; aber den hat BENTLEY mit ARREIKOTATOI verbessert, denn der Chor schließt die Strophe mit der Versicherung, auch sein Greisenalter schlöge immer noch ROMAGN KUKINNOYC
MEANIGN KAI CKIMA (füshlonable Erscheinung) KAI EFFYTERIKTIAN. Wie soll

Die Strophe ist an Apollon gerichtet, daher schließt sie der sakrale Zuruf iche maks. Die Antistrophe richtet sich an Bdelykleon; trotzdem hat Manneke mit dem Zusatze vom hoe maks Glück gemacht. Wenn's nur respondiert; der Sinn ist Nebensache. Der Zuruf hat wester Maß noch Melodie, wenn man auch ein Reixianum in ihm finden kann. Wohl aber zeigt dieser Ruf der Korona ebenso wie die Aufforderung eine systema 868 (die Bdelykleon nicht ergeben lassen kann, da grassens Schweigen fordert, nicht Gerang), daß der Chorffibrer die Strophen singt. Sie bestetten zus einfachen Imben; ein Dochmins schließt ab.

dazu Assessitatos den Gegensutz bilden, was Mode ist für maximutaros zu setzen? Und das Enfrebena schließt damit, daß die Perser sagen muden Attixov counce and provide pon. Manufichkeit beweist sich durin. daß die Leute so stramm zu tanzen wie zu fechten verstehen; dasselbe ward in den Spartanern (Plutarch Lyk. 21) gerühmt. Natürlich zeigte der Tanz der Wespen die Spuren der alten Strammhelt ebenso wie die steifen Glieder. Die Ode der Komödie nimmt entweder nur alte Melodien auf oder mit diesen auch die Textworte und variiert oder parodiert dann die Motive von beiden; dem muß der Erklärer nachgehen! Hier liegt der Spruch maan por Bean aaking Miancial zugrunde; Laximoc ist im Attischen Fremdwort. Im Venetus steht aber. ZU 1063 die Noliz Alaymoc men of naphiance fasta ex ton tos Ti-ACKPEONTOC TOY POAlov. Kann man zweifeln, daß damit jener Vers gemeint war? Ob die Notiz zu laktaot oder zu nein nor da gestellt ward, war ja gleichgültig. Ich habe früher die Uberlieferung des Spruches behandelt (Textgesch, der Lyriker 32) und die Herkunft von Anakreon bezweifelt, aber noch geginubt, daß der Vers in seinen Werken stand. Der Name beruht auf Zenobius V 80 (aus diesem Schol. Aristoph, Plut, (1902) und ist bei ihm nicht Schreibfehler. Aber nun steht Anaκρέων bei Zenobius gegen Τικοκρέων bei Didymos, und da würde der herühmte Name weichen müssen, auch wenn nicht dem Spötter Timokreon ein Wort besser als jedem anderen zukäme, das nach 494 geprägt ist

1122 Philokleon will seinen alten Tribon nicht ablegen.

ETEL MONOC M' ÉCUCS TIAPATETACMENON. Se' O BOPÉAC D MÉTAC ÉTECTPATEYCATO.

Wenn das richtig ist, so stand er beim Einfall des Boreas in der Front, und da kam sein Mantel und rettete ihn. Dem Hopliten hilft der Nebenmann (Eur. Her. 191): mit dem kann man den Mantel am besten vergleichen. In diesem Sinne steht magatättetbay z. B. bei Kenophon Symp. S. 34. Also magatätzenene.

1125. Bdelykleon: «Du scheinst gar nichts Gutes haben zu wollen.» Philokleon:

MA TON OF THE OFFICE MOLENDAMENTS ATTEMPT OF THE OFFICE MOLENDE THE OFFICE MOLENDAMENTS ATTEMPT OF THE OFFICE MOLENDAMENTS ATTEMPT OF THE OFFICE MOLENDAMENTS ATTEMPT OF THE OFFICE MOLENDAMENTS OF THE OFFICE MOL

I Auch die Ode der zweiten Parabasa wurd auf ein Skalina zurückgehennozakoo ah and enartus neuterneuten der exact organisaturer, aber Ausynina ist durch Anlehnung an einen bekannten Vers geworden sein kann.

Der Scholiast meint, es ware Ihm bei dem Essen der gerösteten Fische Sauce (die leider nicht genannt ist) auf den Rock gespritzt, und da hatte er sich die Flecke auswaschen lassen müssen. Leeuwen und Spanner erzählen mehr oder minder deutlich, die Fische wären ihm so sehlecht bekommen, daß er in der Nacht nicht schnell genug auf den Hof himmter kam, und den Rock, in dem er schlief, daher einer gründlichen Reinigung unterziehen lassen mußte. Über diese schöne Geschichte würde sich Aristophanes wohl deutlicher ausgelassen haben: auch wurde ich ihm geraten haben, ein Gericht zu nennen, dem die durchsehlngende Wirkung leichter zuzutrauen wäre als den trockenen Fischen. Aber was soll überhaupt occiaun aneauxa? Bin ich schuldig geworden, sollte es heißen. Aristophanes sagt: Als ich mich recht satt gegessen hatte, zahlte ich au den Walker eine halbe Drachme, die ich ihm schuldig war. . Aisch. Prom. 085 ocelaun Thom an avrun vien. .ich bin's wohl schuldig, dem Zens den Gefallen zu tun. Davon. daß zwischen dem Essen und der Schuld ein Zusammenhang wäre, kein Wort, nur zwischen dem Essen und dem Zahlen. Sollte nicht ein Student oder Leutnant in einer modernen Posse sagen können; Wenn mir mal was Gutes passiert, hat's immer schlimme' Folgen; neulich nach einem Austernfrühstfick habe ich meinem Schneider eine Rechnung bezahlt. Die unnatürliche Stimmung verführt zu einer Handlung wider die Natur. Daß es hier ein alter Knicker ist, der seine Rechnungen prinzipiell unbezahlt läßt, entspricht der allgemeinen Charakteristik des Alten in der Komödie; wenn Philokleon soust diese Züge nicht trägt, so werden wir Konsequenz nicht mehr fordern. Er sehreibt den Geiz 1357 seinem Sohne zu, aber nur weil der dort die Rolle des Vaters spielt. - Den Vers 1227 zitlert Athenaus in der Form sal car mediceron ale ansparianen kashe mine mus den Wespene Kock führt ihn trotzdem als ein besonderes Fragment. Die Varimite bringt die Sauce hinein, die der Scholiast voraussetzt, aber das Verhältnis zu kneuer deelaun wird nicht besser; wohl aber erkliet sich aus der Deutung des Scholiasten die Entstehung der Variante. Was aber ist sic, das der Lexikograph vorfand, aus dem Athenaus schöpft, denn der Vers steht unter dem Lemma ANSPANIAC? Ich wage die Vermutung. daß es mis einem abgekürzten axoc entstanden war, das die Präposition von enangeakier verdrängt hatte. Diese Einführung der Variante kenne ich zwar wicht aus antiken Handschriften, aber in den Homerschollen der Aristurcheer ist es gewöhnlich und fehlt auch in unserem Aristophanes nicht, z. B. zu Lysistr. 1300.

1139. Bdelykleon sagt, als der Alte den persischen Flausch für ein Schafsvlies hält:

KOV BAYMA' I', SIC CAPABIC THE DIK BAHAYBAC ÉTNUC TAP AN, MYH A' DYXI TITHUBCKBIC : EFD MA TON AI OF TOINTH ATAP ADKET I'S MOI EDIKENAI MARKETA MOPYXOY CAPMATI.

Darin ist die Dubiette «sonst würdest du es kennen, jetzt kennst du es nights befremdlich, ebenso die so stark bekräftigte Verneimung, in der mir wenigstens tolsys überhaupt nicht verständlich wird. Und dann kann der Alte eigentlich ein Kleidungsstück, das ihm eben noch ein Vlies zu sein schien, nicht wohl für das Kostüm des eleganten Morychos halten, der wirklich beim König Gesandter gewesen war (Schol, Ach. 61). Das erledigt sich durch den Fortschritt der Handlung. dem die Worte genau entsprechen. Indem Bdelykleon das bisher zusammengefaltete Himation auseinanderschlägt, wie er muß, um es dem Vater umzulegen, sagt er: «Wenn du in Sardes gewesen wärst, würdest du es kennen. Kennst du es jetzt nicht?. Worauf der Alte sagt: Nein, ich kenn' es auch jetzt nicht, außer daß Morychos so was Ahnliches trigt. Das zwar nicht; aber in Ekbatana, wo Morychos seins auch herhat, wird es allerdings gewoben. Es war also treffend, wenn Parsen tolore in to see andern wollte, mor hat Stance mit der Ablehnung dieser der Komödie fremden Wendung auch recht. leh denke, das war orak non.

1149. ex weast kal cene ambiexomenoe: R versucht mit aname die fehlende Silbe zu geben, Byzantiner mit ve. Es ist vielmehr nuch kal zu viel, denn exe ist kein besonderer Befehl, 1135 ex anabage. Also ist hinter ethe mehr ausgefallen, z. B. apermac; das bloße cene sagt auch wenig.

1:58. Reim Wechsel der Stiefel ist monacceat ein paarmal eno-Aveacear geschrieben; 1157 nuch vnoavov für vnoavov; das ist längst erledigt. Aber tacal a anycac Pricayel tac Aarminac straubt sielt. Denn mit vnoacy erzielt man erst durch verschlechternde Umstellungen einen Vers. Also hat Aristophanes wirklich gesagt ducke dieh unter diese Stiefels, mit dem Akkusativ, wo wir doch vnosyna mit vno verbunden fordern, also ein momentaner toller Einfall, der mit dem Anklang der Verba spielt. Die emainen tragen im Namen, daß sie keine Sandalen, sondern Schuhe sind; die Askonkal sind in den Ekklesiazusen auch emakeec, 74, 507, 508, we the Distinktiv in der Verschnürung angegeben wird (xaaa cynamtove nniac Aakunikae wird in den ersten drei Worten tragische Entlehnung sein): hier aber kommt es darauf an, daß sie den Fuß besser schützen; es ist ein Gegensutz wie Stiefel und Schuhe; wir werden also die riesigen Stiefel Axunusai nennen dürfen, die wir zuweilen auf den Vasen sehen (z. B. Furtwändere-Ruchonn Il 107 soger Damenstiefel); man begreift die Stimmung des Bauernjungen, der sich, «wenn er ein Krösus wäre», in neuen Asykaa porträtieren lassen würde (Theokr. 10, 35); man begreift auch, daß Aristophanes von ihnen nicht «sich unter den Fuß binden» sagen mag, sondern «sich in sie verkriechen»; er wird sie in entsprechendem Format auf die Bühne gebracht haben.

geputzten ruppigen Alten besser bezeichnen könnte als canakun; wer's nicht weiß, brancht nur den Thesaurus aufzuschlagen. Aber im Altertum hat jemand angestoßen, und auf die erste falsche Konjektur αιασγκώνισον ist die zweite αιακανώνισον gefolgt, vielleicht die dritte; es ist nicht unwahrscheinlich, aber keineswegs sicher, daß bei Hesych αιασκανίσουν als eine solche aufzufassen ist, vgl. Nabru zu Phot σαικανίσου. Als Konjektur wird es aber ausdrücklich bezeichnet, und unbekannt und unverständlich ist es auch. Und doch wird es für das Überlieferte, Verständliche, Passende eingesetzt. Ein Hohn auf die Krittk. Aber Anapäst hinter Tribrachys klingt schlecht (von einem Proceleusmaticus, der wirklich unerträglich sein würde, ist ja keine Rede). Und wenn er schlecht klänge, so hätte ihn Aristophanes doch gemacht so gut wie

Ach. 47 AAA AGAMATOC & TAP AMPLEODE AMMITTED AN ERRIL 315 KAI COMMATION OTE AR & CREING THAAGON,

Und wenn man in diesen auf die starke Interpunktion nicht ohne Grund hinweist, passen etwa die schlenkernden Kürzen nicht für das cayaonewenas? Sie malen wohl auch in dem Acharnerverse, wie der hungrige Hidalgo seinen Stammbaum herunterschnattert. Der Dichter hat doch das Recht, innerhalb der Schranken seines Verses durch Arrhythmie zu malen; er mag sich auch einmal eine solche läßlich verstatten. Aristophanes hat sogar gewagt, gegen das Maß den Trimeter, Früsche 1203, mit xal syakkon zu schließen. Wer ihn schulmeistern will, der emendiere doch die dreisilbige Senkung «Ich liebe dich, mich reizt deine schöne Gestalt» aus dem Erlkönig weg.

Diner geladen ist, das Silber der Kredenz und den (gemalten oder wohl eher kassettierten) Plafond zu loben und kpekkalande entracen. Da strändt man sich, den Vogel krez anzuerkennen, auf den die Scholien verweisen und ihn mit einem Kranich vergleichen: Herodot II 78 vergleicht mit ihm den Ibis. Ähnliche Vögel zeigen die Vasen häufig als Haustiere (z. B. Furw. Reich. II 66.99); Pfaue und Fasans erwähnt Aristophanes selbst, so daß an dem Sinn der Stelle kein Zweifel ist. Formell bleibt allein die Frage, ob es eine Nebenform krasic gab, deren Diminutiv dann wohl auf einen Satz Küken geht, oder ob Aristo-

phanes seisa a' avasc «der Vogel auf dem Hofe», so hat sagen können, wie die Grammatiker vom Aassaus aus Yweinoc reden. Mir scheint dies unbedenklich!

1240. Theoros singt das Admetosskolion; Philokleon soll einfallen; hier ist nämlich der Rundgesang επ προώντως oder πασσολες; ich hätte die Stelle anfähren sollen, als ich den den Rhapsoden und der Schule gemeinsamen Terminus besprach (Hom. Unters. 265). τούτων τί λέπεις ακολίοκ;: ωιακώς ετώ, und es folgt ein Lied in fallenden Ionikern. Wie darf man den Gegensutz zwischen λέπεω und ωτακώς zerstören, statt sich zu freuen, daß wir das Musikalische in den anaklastischen Ionikern richtig empfinden?

1.301. ÎŬ XEAŬNAI MAKĂPIAI TOV DEPMATOC KAÎ TPICMAKAPIAI TOVITÎ TAÎC MAETPAÎC WC EV KATHPEYACHE KAÎ NOVBYCTIKÛC KEPÂMUI TO NÔTON ÚCTE TÂC MAETPAC CYÉTEIN.

So überliefert. Es ist ein Verbrechen gegen die Recensio, wenn die Harausgeber aus B tac manac créten aufnehmen, auch gegen die Scholien, die cynéxen als Erklärung geben. Wer hat nicht aus dem Anfang des en Koaman im Gedächtnis nyeren of noam crétoven? Also die beiden Verse 1203, 4 sind nicht anzutasten. Wenn ich die Schole der Schildkröte mit einem Dache vergleiche (das hört der Grieche in keramun), das die Luftziegelwände schützt, so kann ich nicht zugleich von der Haut der Schildkröte reden. Dieser Witz stand vorher 430 tac nach auch einem Bekenhaft, sondern es ist die Glosse to? dépmatoc toynkröc nachpaic eingedrungen und hat den einfachen Vers zerstört

HE KENDNAI MAKAPIAI TPICMAKAPIAI.

1326. Philokieon kommt schwankenden Ganges (1324) und wehrt eine nachdrängende Menge mit der Fackel ab: was er singt, sind Trochsen. Einer aus der Menge droht ihm mit der Vorladung vor

Hei Artstoteles Hist an. X 17, 616b hellit es à très té mèn mot manmot, tim at diament etmaxanot troc tèn mon, anauc de karénotroc fiente. Die poesische Vokabel ist eben an seltann, wie dali sie avconémetor hedeuten muß. Das sagt Kallmachon tentum im Schol. Lykophr. 513, und zwar gilt das böse Vorzeichen hesonders einem Brantpaar. Da sollie man sich wondern, daß die Athener sich solch einen Vogel hielten; aber sie werden den Abergianben nicht geteilt haben, denn Porphyrios, de absön. III 5 nennt die kest der Athena heilig.

Fortsetzung des Harmodiosliedes gehännelt hat, napamaan sommenoe. Das war für uns tatsächlich unverständlich, denn erst Hypereides gegen Philippides 3 hat gelehrt, daß von Harmannen Epige. Epige. u. Skol. 27.

VON WILLEOWITZ-MOCILENDORFF! Dier die Western des Aristophanes. (IL) 525

Gericht und geht dann ab; die Menge verläuft sich. Philokleon erwidert in Jamben:

IN TER MANOYMENOL.

Da Hiatus eintritt, macht er eine Pause. Dann fährt er fort:

APRAÎL P YMUN, KEL P ÎCO DC OVA AKOYUN ÎNEXOMAI AIKUN ÎAIKOÎ AÎKOÎ!

Da er nun zu den Trochsen zurückkehrt, ist wieder eine Pause.

TAGE M' APÉCKEI, BANNE KUMOVO. OVE ÉTERCE TOV OTHE HANACTHO; ÉKTISOÚM.

Und nun zieht es die Flötenspielerin dieht an sich und geht sacht mit ihr weiter ; an der Hand geführt hat er sie natürlich immer, damit sie thm nicht wegliefe. Auf die Drohung weomen ce mpekanoymeno hut er zunächst nur den Hohn, daß er, betrunken wie er ist, das letzer Wort mit einer schnöden Interjektion wiederholi. Dann wendet er sich verächtlich ab: «alter Unsinn von euch! wißt ihrs nicht, daß ich es nicht ausstehen kann, von Prozessen auch nur zu hören? pfui Teufel-Nun Pause. Das hier gefällt mir. Was ist das anders als seine Begleiterin und was er mit für treibt? sanne kumove. Da verstehen die Scholien die Deckel der Gerichtsurnen, die oben 98 lediglich um des gezwungenen Anklanges an den schönen Demos genannt waren. Figentlich ist es ja, wie der Gebrauch von comus im Lateinischen zeigt, der Maulkorb, der die Pferde am Beißen verhindert. Wo ist hier so ein Ding, das weggeworfen werden soll? Da er sich an das Franceizimmer gewandt hat, sucht man es an ihr. Sie ist zwar splitterfasernackt, aber als Flötenspielerin kann sie doch noch etwas an sieh haben, das einem sehmatzenden Liebhaber im Wege ist: die Mundbinde. die sorasia. Und richtig, dafür ist nicht nur кимос passend, sondern im Photioslexikon ausdrücklich bezeugt. Also «dies hier paßt mir; weg mit der Mundhindes. Und nun, nachdem er ihr den Schmatz

Das Akzentnieren dieser Laute, mit denen die griechische Sprache so glücklich ist, die martikulierten Stimmungsäußerungen wiedergeben zu können, ist eigentlich Unsinn. Da sie Vokale zusummenstoßen und je nach Bedarf lang inler kurz sein lassen, ist Worsternmung erst recht Unsinn; aber wenn man's nur weiß, kann man der cynnocas folgen.

T Andraum auf der segt er; demelle steht Ritt 149, und es wird von dem Klettern auf die sensch gefrecht. Annate morran naams segt der Megarer zu den Feckeln, Ach. 732. Annathem von den Zengen, die vortreten, aber doch keine Stufen hinunfateigen, ist technisch, Anababien sie amacrönen Plat. Apol. 40 b. Entsprechend karanamen eit Arüna 1514; Ehkl. 1152, diese Sitzungsber. 1903, 451.

Genau derselhe Witz mit der soresik wird Vög, 67s gemacht, wo die Flötenspielerin als Nachtigall auf die Bühne gerofen wird; nur ist es niedlicher, weil die Doppelflöte als Prexoc оземском дуом, als Schnabel gedeutet wird.

gegeben hat «will er nicht gehen?», da wendet er sich also zurück zu dem Verfolger, «wo ist der Heliast? Weg ist er». Nichts zu tadeln, als daß die Trochäen nicht klappen. Da machen sie no? en nov erm, frei nach Vög 1122: aber zweimal ruft man «wo ist er», wenn man jemanden sucht, nicht, wenn man sich verwundert, daß man den Lästigen bereits los ist. Die Sache ist ganz einfach. Die dritte Person ist eingedrungen, well man die zweite nicht ertrug, da sie an eine andere Person gerichtet ist als in banne; was sich doch durch die Pause rechtfertigt. Mit osk knet; nofce hancter sind die Trochäen in Ordnung.

5. Freiheiten der Responsion.

In meinem Isyllos 137 und besser in den choriambischen Dimetern (Sitzungsber, 1902, 888) habe ich die von dem Vorurteil syllabarischer Entsprechung zerstörten choriambischen Strophenteile 527-535 631-641 gerechtfertigt. Meine Ausgabe der Choephoren behandelt in einem Anhang die Senkungen in den Trochäen auch bei Aristophanes und zeigt an einer Anzahl von Beispielen, daß Strophe und Antistrophe eine Senkung bald füllen, bald leer lassen. Als ich das Datum der Thesmophoriszusen feststellte und dazu die Lieder 313 ff. und 352 ff. behandelte (Arist. und Ath. II, 353), habe ich ausgesprochen, daß in der Komödie nicht selten nur die Strophenanfänge eines Liedes respondieren. Die Erscheinungen sind mir also zum Teil seit langen Jahren bekannt; aber Metrik erfordert Geduld, und erst allmählich lernt man, ob ein Einfall etwas taugt, wenn er sich nämlich in der Textkritik bewährt Kürzlich hat O. Schnöder sämtliche Chorlieder unalysiert, was ich mir nicht zutraue; den Text hat er offenbar nicht durchgearbeitet: von der Versabteilung, die er doch im Prinzip nur filr wertlos halten kann, ist er tausschlich nicht unahhängig; seine Theorie erlandt ihm tina проском éxon für gleichwertig einem kretischen oder trochäischen Dimeter zu halten. Dagegen will ich nicht mit Worten streiten; es fehlt aber auch nicht an Übereinstimmungen, die Ich ebensowenig notière.

Die beiden ersten Oden des epirrhematischen Teiles hinter der Parodos sind trochäisch-kretisch; respondierende Verse der Schauspieler unterbrechen sie. In der ersten scheint die Responsion genau gewesen zu sein; die Überlieferung ist aber getrübt. 338,9 hat auch die Strophe normal einen Tetrameter und dahinter einen phonischen Dimeter gehabt, denn mit Recht lautet die Vulgata seit Berga

TOP & CREEN & MATRIE TAPTA APAN CE HOYACTAI

Nămlich va ist gestrichen, als man totren oder gar vocata schrieb (beides in V), also the tor coexen necessin verband. Aber V hat daneben die gute Erklärung nara roic transcie feetic è nrocacaic, was durch Heaven bestätigt wird former (d. i. form) sarm, Eneka, frinken, nebe оден Ефантанс Пеневом (500). Natürlich ist der Sinn nur mit епохин scharf getruffen -um was zu hindern :; es ist ja auch ein Wort, das chen nicht Euripides gebraucht, sondern Kritias, aber das diskreditiert es nicht für einen andern Attiker. - Die letzte Periode des Liedes ist in der Antistrophe in Gestalt von 11 zusammenhängenden trochälsehen Metra wohl erhalten; über die Strophe gestattet unheilbare Korruptel kein Urteil'.

Auch die erste Periode des zweiten Liedes ist in der Strophe (405-7) schwer entstellt; die Worte geben weder Maß noch Sinn. Die Antistrophe gibt sleben trochäische Metra, das vorletzte in päonischer Form?. Dann folgen zwei Tetrameter und zum Absehluß ganz Verschiedenes, das ich nebeneinander stellen kann:

410 HA KEAEVET AYTON HEEIN 468 OFTE THE EXWH TIPOPACIN DC ET ANAPA MICOTONIN OYTE ADTON EVTPATIENDM. DHTA KATTOACYMENON, ÖTT ATTOC APXON MONOC. TONGE ADOON SICHEPEI DC KPA MIN ASKAZEIN ALKAC.

Gegen den Sinn ist, wie jeder sieht, nirgend etwas zu sagen: aber wällrend die Antistrophe sechs reine Päone zeigt, stehen in der Strophe erst acht trochäische Metra, von denen nur zwei päonische Form haben (Auconosis und Tonas socios), und dahinter kommit noch vor einem nur-

Philoklean hat berichtet, daß sein Sohn ihn am Richten verhindern will Ikorexpandiert mit 100 a' teem), ihn daffir aber gut verpflegen. Da ruft der Chor ent-HISE TOFT STOAMHE & HIAPOC MANESH; & AHMONDORASON OT ASTRICT THEM TON HEAM ANHESE 59 ras an mos ottoc ands tort stoameren agreen el ma eynomothe me din. Da haba ich schon blitter rancis gegen das Herkmumen interpungtert, denn ich halte für evident, daß der Sinn war . Dus erfrecht sich der Schucke zu außern? Da sieht man, daß Kleon liber die Junker etwas Triftiges segt, denn so würde der Mensch nicht reden, wenn av nicht ein Varachwörer ware. Was man mit etlichen wertlasen Zusätzen hineinbringen will, ist keiner Widerlegung wert. Aber herstellen kann ich's eicht, denn asso-ADPORASION (offer AMMOAGOOC KAERIN V, aber da ist mm o liber e gentellt) ist weder an sich stwas, noch kann es, sei es den Kacon, sel en den Basaykason bezeichnen. Anno-Abroc ist überhaupt unmöglich: Platon zeigt am Ende des Sophistes selbist, dall er anmonario nen bildet.

^{* 465} richtig in R de Albrai i ealmean (ealmean V) imovel me. Dem soll entsprechen 407 de vonazó necea géntros enterat ori; der Stachel ist aber noch picht gereckt, sondren vs werden dazu erst die Verbereitungen gemacht, enteracen von Bi avnes willede genügen; aber wie erhillet sich die Korruptel, und dann wird immer noch die Antistrophe vergewaltigt. Die Verse 403, 4 spricht der Chorithrer, denn in der Antistropha gehören sie dem Bdelykleon. Das ist auch besser: 405 reagiert der Chor auf die Aufforderung seines Führers-

malen trochlischen Dimeter sin Spondens, d. h. ein Metron, dessen beide Senkungen unterdrückt sind; die Gattung habe ich in dem Exkurs zu den Chorphoren hinreichend erläntert. Hier ist Responsion nur mit Gewalt und unter der Annahme von Lücken möglich, für die der Sinn nicht den geringsten Anhalt bietet. Natürlich sträubt man sich dagegen, daß in der Strophe ein ganz abweichendes Stück stehen soll; das kann man erst glauben, wenn man mehr Belege hat

Dann entspricht 417 = 474 katalektischer und akatalektischer trochäischer Tetrameter*, an den je acht Kretiker sich schließen; sie sind in der Strophe mit sicheren Emendationen hergestellt. Endlich 428, 9 = 486, 7 kretische Tetrameter, aber in der Antistrophe schwer verdorben*.

Die Ode des dritten ephrhematischen Systems ist choriambische: über die freie Responsion ihrer beiden ersten Perioden branche ich nichts mehr zu sagen; die dritte lantet in der Antistrophe 644

DE DE CE HANTOIAC HAÉRCIN EÍG ÁHÓÐEYÐIN HAAAMAC, TÜN FÁP ÉMÜN ÓFFÚN HEHÁNAI XAAEHÓN MÍH HEÓC ÉMOS AÉFONTI.

Das sind neum tadellose Choriumben ohne Ruhepunkt. Dagegen staht in der Strophe

DÝRŠTI ПРЕСВУТОМ DXAOE XPHCIMOC ÉCT DYD ARAPH, CKUITTÓMRHOI & ÁN (AÝTÍK) ÉM TAÏCIM BADÎC AMÁCAIC BAAADOOPRI KAAOIMEÐ, ÁNTOMBEIÐN KEAÝÐF.

Ohne Änderung gibt es keine möglichen Verse, aber nicht nur weil sie so viel leichter ist als Pousons a' en raic daoic e kaadynze' (wer hütte das denn so geändert?), scheint mir die Ergänzung von zwei Silben vorzuziehen, such nicht nur, weil sich nun drei schöne anakreontische Tetrameter ergeben, sondern weil mein Stilgefühl hinter dem nach Wachenagers (iesetz vorgezogenen in und vor der irrelevanten Lokalbestimmung ein Wort wünscht, auf dem der Ton liegen kann. Auf artiks lege leh natürlich keinen Wert. Resultat: die Periode enthält zwar Verse desselben Geschlechts, aber sie entsprechen sich nicht einmal in der Zah).

^{1 417} TYPANNIC SCIN CASSPIC - 476 RAL MONAPHIAC SPACE

^{1 487} öctic finden ein treasaila' éctione; Schulien fehlen. Wenn des heißt dus dich auf den Weg zur Tyrannis über nies gemachte, zo pufit das sur lidelykleun nicht: der ist kein Peisintratos, sondern höchstens ein Evramottic (483 von Corkt schön verbinssert). Henkarst Zustik (54) éctione, der den Vers flicken soll, verdirht er moch mehr, dann Bleitykleun ist nicht zum Chore gekommen, sondern umgekehrt. Die Worze kfinnen als trochäischer Trimeter gemessen werden, aber den kann man mit einem krytischen Tetrameter nicht ausgnichen. Man wünsent öchte — Radio érn tyeksmital.

Die Ode der Parabase hat dieselben Trochäen wie die beiden ersten Strophen vorher'; ich erwähne nur die Olieder mit verschiedener Füllung der Senkungen.

1062 KAT KAT ANTO TONTO MONON ANAPEC ANAPIKOTATO! ==

1093 TOYS ENANTIONS TREWN ENGICE THIS TRIMPECIN

LOGA O'XETAL KYKNOY TE MOMINTEPAL AR

1065 Ald STIANGOYON TRIVES =

LOGS PHOIN ET AGTEIN EMEAAOMEN TOT BY AG

1006 CYKODANTHEEM TINA.

Die Überließerung schwankt in 1064, 65. measurerat an osa — tricke V. noaisterat an osa — tricke Suid: noaisterat an osa — tricke R. noaistera an osa — tricke F. D. h. noaisterat mit a darüber ist verschieden gedeutet (es sollte noaisterat in das Femininum genndert werden, um dem folgenden asat zu entsprechen, das neben osat überließert war), und aus demselben Grunde mußte tricke in tricke verwandelt werden. Was echt ist, kann keinem Verständigen zweißelhaß sein.

In den archilochischen Versen des Schlußliedes respondieren 1521 kal ein kabe atpyrétoio kaplaun Adened und 1526 labate and ceènce auch dem Dichter konnte der homerische Genitiv genehm sein, und wenn dann das respondierende azwein langgezogen werden mußte, so möchte Ich darin einen Gewinn sehen.

Aus den übrigen Dramen will ich nur verschiedene Perioden anführen, nicht verschieden gefüllte Senkungen; von diesen sei nur kurz Vög. 1701 (Foerial zu kal Pialuno) genannt, wo der Überschuß einer Silbe gegen 1560 nun wohl unbehelligt bleiben darf².

Frieden 865—67 schließt eine Strophe, die zwischen Chor und Schanspieler geteilt ist, mit einer Reihe von 11 iambischen Metra. In der Antistrophe 918—21 steht dafür 8.4. Die Worte sind ganz unantastbar?

Dasselbe Maß hat auch die Ode der zweiten Parabase. Es zieht sich also als das herrschende Maß durch die genzen Wespen; dasselbe gilt von den Acharnern. In den Wolken dominieren die loulker. Ahnlishes bemerkt man in manchen Tragödien (lamben in Euripides Hiketiden und Troerinnen, Schlasstücken), ja in der ganzen Orestin. Man wird von da aus auch auf die Musik sehließen dürfen.

Fried. 346 ff. und die Responsion 583 ff. habe ich früher besprochen und 550 getigt. Ich weiß nicht, wie ich 385 ff. beiseite lassen konnte, wo Trygaios einen Vers 389 dazwischenwirft: diesem zu entsprechen ist 350 verfertigt. In dieser Strophe sieht 391 Antisonoven weiß, also ein katalektischer choriumbischer Dimeter, der un sich auch für einen trochäischen katalektischen Dimeter einzutreten berechtigt ist, an Stelle sinns akatalektischen. Das kann ich mir als Seitsamkeit, die ich noch nicht synatche, notieren,

Beiläufig, 916 seigt Bacumanus Annuerkung, daß Triklinius in B den Athenaus benutzt hat, vermutlich eine Handschrift der Epitome.

Frieden 950-55 und 1032-38 sind auch Schlußstücke einer solchen zwischen Chor und Schauspielern geteilten Strophe.

950 ofk ofn aminanceedon, we hin Xaïpie thác Idhi
théoeiden ataheun arabitoc, ráita toyt ev oló éti! 81
evednti kal tionovménud tipocouceté ahtiov. 21 + teiz
1032 tíc ofn án (án ofn corp. Dind.) ofr étainécei- 21
en ándra tolovton úctic tióna anatnác écuce tán Iepán tiónin,
bet ofré ma tayoei tiot ún zhawtóc átacin 21 + reiz.

Ausgleichung durch Gewalt oder List, d. h. metrische Umrechnung, ist undurchführbar: es bleibt also nichts als die Anerkennung, daß der Dichter die Strophen verschieden schließen durfte; für Übereinstimmung im Anfang und auch in dem letzten langen Verse hat er gesorgt.

Vögel 327 EA EA

TPODEDÓMES ANÓCIA

T ETTAGOMEN ÖC TAP

SINDE ÂN OMÓTPOBA

B HMÎN ENÉMETO

TEDÍA ITAF HMÎN

TTAPÉBH MÊN BECMOÝC APXAÍDYC,

TTAPÉBH A OPXOYC OPNIBUN.

343 IW IW
ETTAT' ETTA' ETTATE

TOAEMION DEMAN

OUNIAN TITEPYTA TE

TIANTAL TEPLBAAR

TIEPL TE KYKAWCALL

WE AST TWA OTMOZEIN AMOUNTED

KAT AOVNAL PYTYKEL OOPHAN

Diese Anapäste stimmen auf das genauste; daß Reisus neelaas für enlaas 346 nicht in den übrigens auch sinnles abgeteilten Texten steht, ist eine Schande; jeder, der ein bißehen aufpaßt, umß es bei jedem Lesen unwillkürlich herstellen. Nun folgt aber in der Strophe 333

CO AÉ ADADH EKANECE MAPÉHANE T' EME MAPÀ FÉNDO ANDCION DITER ÉE - OT ÉFÉNET EM ÉMOI - MONÉMION ÉTRACH

ein wohlklingender tadelloser päonischer Trimeter und drei den obigen konforme anapästische Metra. Dagegen bilden den Abschlaß der Antistrophe zehn in schöne Dimeter getailte Päone: wieder ist jede Ausgleichung offenbar Vergewaltigung.

OFTE TOAIÓN TRAAFOC ÉCTIN ÖTI DÉTETAI TIME ÉTTORYFONTE ME

Bemurkenswert, daß die Synaphie in den Jamben unterbrochen wird; an etwas ist selben, aber wer es hier oder in Frochsen oder Glykoneen lengnen wollte, würde in urgen Willkheitenkeiten gedrängt werden.

Dies Beispiel ist insofern underer Art; als das Lied ganz dem Chor gehört und die Antistrophe sehr bald nach der Strophe gesungen wird, Darin geht die Parodos der Lysistrate noch weiter, denn die verschieden gebauten Strophen folgen in demselben Liede nur durch ein paar Tetrameter getrennt! Ein Tetrameter beginnt auch in beiden. das folgende kann ich gegenüberstellen.

260 TYNAKAC AC ENDEKOMEN KAT' OTKON EMPANED KAKON KATA MEN ATION EXEIN RPETAC. KATA A AKPONOMIN EMHNI AABEIN KANIBPOIC AE KAI MOXAOTOINE ΤΑ ΠΡΟΠΥΛΑΙΆ ΠΑΚΤΟΎΝ

275 ATTHREEN ATRACTOR ANA OMUC AAKONIKON TINEWN LIXETO GUITAA" HAPAGOYE EMOI CHIKFON EXUN STANY TRIBUNION HINGH PYTIAN ATIAFATIATOC ET STON ANOTTOC

Also die Strophe ist einfach lambisch; der Ithyphallikus am Ende fügt sich dem Maße leicht, auch wenn der Vers vorher als katalektisch gefaßt wird. Die Antistrophe rahmt die drei disparaten Verse durch abereinstimmende ein. Deren Maß ist allerdings höchst seltsam: auf einen Choriamben oder Dilambus folgt - - - - , also dem Anschein nach ein Dochmius; im dritten Verse aber, der dem katalektischen Dimeter der Strophe entspricht, erscheint dieser «Dochmius» in derselben Form wie vorher, nur katalektisch ---- Diese Diagnose drängt sich auf; Responsion werden keine Taschenspielerkünste erzielen: eine Erklärung kann und will ich von den Dochmien- auch nicht geben: aber die Tatsachen sind da, und thre Anerkennung fordere ich

Thesm. 312 beginnt ein längeres Lied mit einem immbischen Terrameter, auf den ein Dimeter folgt. 352 erwarten wir die Gegenstrophe: es kommen auch zuerst die beiden Zeilen wie oben, dann aber ganz andere Verse, so daß Umfang und Klang der Lieder sich gar nicht welter vergleichen lussen. 434, 459, 520 stehen Lieder des Chores, die zwar das trochäische Maß gemein haben, das bald hier, bald da Anklänge, auch wohl Gleichklänge hervorruft; aber alle Versuche, Responsion zu erzwingen, richten sich schon durch die Unmöglichkeit, sie auf die drei Gesangstücke auszudehnen. Das ganze Drama

* sexacion as kai kasismuon R. noxacio wie es scheint D; umgestellt hat Donnous; muglich ist auch maxaoic as gal kasumor, aber für die Umstellung sprieht das leichtime Mail und die Parallelstelle Eur. Amir. 951.

Der Gedankenfortschritt ist so einheitlich wie in der Parodos der Wespen; also gibt er keine Veranlassung zur Personenverteilung, und wenn des Solo des Chorfübrers und der Vollgesang abwechselten, so hatte das nur musikalische Bedeutung.

¹ Dies hat Φ (Γ) gegen R exer onas erhalten: die schmale Grundinge des Textes R &, der eine noch ärgere Verkürzung der Schollen entspricht, mucht die Kritik natwendig unsicherer.

^{4 436} steht ovad acostrepos carovose ale Lub einer Rednerint das andern sie in demotesa reforche, was doch nur heißt die Schroeklicheres sagt. Der Sinn wird

hat nur in dem Anfang der an die Götter gerichteten Lieder, die es so seltsam häuft, eine kurze respondierende Partie 959-841. Die

Die Aufforderung zu dem Reigentauze, die 953-59 vor dem Liede steht, ist kein Ragout von Glykoneen, Anapästen, Trochäen, lamben und Lekythiens (ich behaupte zuversichtlich, daß es solch ein Ragout überhaupt nicht gegeben hat), undern

es aind schöne Trochhen, die sich sogar in Tetrameter absoilen lassen

OPMA, XÚPEL KOÝPA TOCÍN ÁF ÉC KTKAON, XEP CYNAITTE XÉPA, (KPÁC) PYBMÓN KOPEIAC YTIAFE TIÁCA, BAÑNE KAPITANÍMOIN TOLOÍN, ÁFTICKOTTEÍN LÉ ITANTÁKH KYKAOÝCAN ČÁNA XPI KOPOŤ KATÁCTACÍM.

Um das en erreichen, mußte mar xesa und xest, was Arnstophanes geschrieben hatte, nicht als Diphthong gesprochen werden; dieser Fehler war längst berichtigt, nond habe ich mar ispät zugestigt; das Wort konnte so leicht ausfalten, und es pakt schwer-lich ein anderes besser; aber auf das Wort lege ich kein Gowicht, wohl aber mußte der Tanz ein Epütheten erhalten, und dafür war dort der richtige Ort. Sie treten ant dem entsprechen die beiden schweren Takte bers zuest; dann erichen sie einander die Binde und beginnen den Takt des ... Tanzes, nun wirteln die Füße; aufpassen umb der Chor aber doch, nämlich zuf den Gefnugenen. Offenhar mußte gesagt werden, wozu sie tanzen: es ist der beilige Thesmophorienreigen, 948. Es solgen zwei Strophen mit Anzusungen der Götter, 985 wird der Besehl gegeben, eine Wendung zu machen, immbischer Trimeter und Dimeter (Töbere machen üben war dach wohl rübere, Eur. Kykl, 661; die Verba werden olt verwechselt, und Töbereln knun dechen wohl knum werden; Eur, Her, 978 hat sich die Konjektor tor(n)erne nande als Überlieserung herzusgestellt) Was dann folgt, dithyrambische Aurusung des Dinayson, in ein Strophenpaar zu zwängen, ist unbedachte Willkör. Ich setze es her.

HOY AE T BA APTOC CY KRICOSOPE BAKKEIE ACCOUNT, ETQ AR XAMOR DE BIADXÓPOICI MEATH 990 οτ Διός ὁ Διόννος BROMIE KAI COMENAC TIAT KAT OFER NYMBRY EPRTORIN YMMORG. KUFFIC TERMOREHOC בוזטא ברומא ביומו (BIACON) ANAXOPETON 995 AND AS CYTATYTHETAL KHAIPONIOC POXO MEAAMOYAAA T' GPH BACKIA KAI HATIMI PRETPOARE SPENDATAL KYEAM AS THEN OR KINGGO ETHETAAGO KANS GAAAEL

988 ist of Glossem to Artoc. 990 είνου & Δ. — mal xeroic — isátoic éu. Zur Verbergerung führt i, das Vehlen vom Διός, a. das Fehlen einer z. Pers. Sing, eines Verbung. 3. hier kann nichts das dem Nymphenhedern sein. Und geschlichter maß die Epiphenie des Gottes im Gebirge sein. 994 liegt an dem Worte siacon ger mehts; es phili nicht schlechter ein Wort des Sinnes xoreian. R¹ hat anxoreion, da kann auch von einem Akkusativ übrig sein. 95 συκτυπείται wird achlecht als coi ετ. choriambisch, und dafür noch Pherekrateen wieder in verschiedener Gestalt, auch phallikus, wenn er da war, gehört dazu. Das alles int einfach. Merkwürdig aber ist, daß der Anklepfadem 906 und sein erstes Glied 991 auftritt. Ich konstatiere für jeset die Tatsache.

nene Musik, die an Agathon im Prolog verspottet wird, hat dem Dichter doch für dieses eine Drama den Weg gewiesen, und wir müssen seine Singularität anerkennen: wieviel weiter entfernt es sieh von der •alten• Komödie als Lysistrate und Früsche.

Endlich die Einzellieder der Ekklesiazosen, die als solche nicht ohne weiteres auf derselben Stafe stehen. Die kümmerliche Überlieferung macht das Urteil unsicher; aber gerade darum müssen sie alle betrachtet werden. Erst singt die Alte ein einfaches trochäisches System (12), das untadelhaft schließt 898 over tot uttersin in cocaoi mannen il für fon sinen. Danach sieht die Paragraphos, die sonst nur Personenwechsel bezeichnet, und auf sie folgt dimen tyngien inn ein ein ein den Vers', auch nicht als Variante. Mag es nun Variante gewesen sein, mag es den Obelos getragen haben: es gebört nicht her'. Dies Lied hat keine Entsprechung,

Die Junge singt:

MH GOONEI TAÏCIN NÉAICIN,

TO PRYOTEÒN FÀP ÉMMEGYKE TOÍC ÀMANDÍCI MHPOÏC

KÁMÍ TOÏC MHADIC ÉMANG- GEÏ, CÝ Δ΄ Œ FPAŸ MAPANÉAETAI

KÄNTETPITAI TŨI GANATUI MÉAHMA.

Die Alte antwortet:

EKTÉCOI COY TỔ TRHMA,

TỔ Δ' GYIKAMITPON ÁTIOBÁAGIC BOYAGMÉNH CTIOΔΕΊCOAI,

KÁTÍ TĤC RAÍNHC SOIN EÝ~ POIC KA) TPOCEAKÝCAIO

BOYAGMÉNH PIANCAI.

In der Strophe ist alles leicht, denn der katalektische choriambische Dimeter bovaomens endassen ist auch als Abschluß von Trochäen legitim Lesen läßt sich auch die Antistrophe ganz, denn — poic kal nec: — kann ein trochäisches Metron sein: aber ich glaube nicht an diese, in der Komödie mir unbekannte Härte, zumal in diesem volkstümlichen Liedehen. Auch die zweite Silbe von dem als Länge ist zwar denkbar (Phot. s. v.), aber wenig glaublich. Also da mag etwas sehlen, es kann aber auch expore kal aus einem Scholion stammen, denn mit seiner Entfernung ist alles in Ordnung. Nur die Zahl der trochäischen Metra ist verschieden, was kaum noch Anstoß erregen wird. Arg ist, daß sich in den Texten das vollkommen ungriechische

Es sei denn, man ließe einen Chneinmhus statt des Ditrochaus geiten, was in der Vereinzelung doch wenig ansprieht, und daß das Lied akstalektisch schlösse, einmanwenig.

⁴ Eine Analogie ist Frösche 664, von Kocz richtig beurfeilt Höcemon: fiathen no: Anoc en benoeun. Da liteten die Handschriften de Airaioy monac exac fi carrac nease: Anoc en benoeun. Es ist der sophiskleische Vers eingedrungen, auf den Arnatophanes biogowiesen haben sollte.

Genus verbi knosksom für das überlieferte knosksom behauptet, bloß um die Senkung gemäß der Strophe auszufüllen.

Ich nehme dann die Lieder von Mädchen und Jüngling vorweg. 953-061:

DETPO DE DEPPO DE ITPÓCEAGE KAI ETNEYNOC [MOI] THE ETAPONIM DITUC ÉCEI, TIANY TAP (ABINOC) TIC ÉPUC ME DONCÍ TUNDE TUN COM BOCTPYXON

ATOROC L'ÉFREITAI MOI TIC TIÓBOC.

folgt ein trochäischer Refrain. Der Jüngling antwortet:

DEPPO DE DEPPO DE MOI KATADPAMOYON THE EVEN RECION TENDO SE DE MA KATATECON KEICOMAI ANNIE EN [TOI] COI BOYNOM(AI) (ÉTO) KONTIUI TANKTIZECOM METÀ [TRC] CRC TYPRO KYTEL TI M'ÉKMAÍNGIC ÉTI TAYTHI;

folgt der Refrain. Der Anfang stimmt überein; dann folgt eine trochäische längere Reihe, die sich vielleicht ausgleichen Ileße, oder besser, die so stark zerstört ist, daß man auch denken kann, die Korruptel ginge so weit, daß ursprüngliche Gleichheit, natürlich mit freier Behandlung der Senkungen, vorhanden gewesen wäre. Auch der trochäische Dimeter des Schlusses stimmt unter dieser Voraussetzung. In der Mitte kann man in den Worten des Mädchens zwei anapästische Dimeter und hinter jedem einen trochäischen Dimeter lesen; sie sind aber so hart, daß ich dem nicht traue. In den Worten des Jünglings habe ich mit nicht zu scharfen Mitteln zwei anapästische Dimeter bergestellt; die trochäischen fehlen, und, was die Hauptsache ist: daß diese Mittelpartie jemals respondlert hätte, ist ganz wider alle Wahrscheinlichkeit.

Nun zum Schluß das Strophenpaar, das die Junge und die Alte singen 912-923.

AÍAÍ TÌ TIOTE MEICOMAI, OYX ÄKEI MOYTAÎFOC, MONH A' AYTOY AEIMOM', À FÀP MOI MÀTHP ÂAAHI BÉBHREN, KAI TÀNNA: OYAÉN METÀ TAYTA AEÎ NÉFEIN

Meuren mit unterdrückter erster Senkung; das hat hier keine Analogie, ist daher bedenklich, aber die Uberlieferung läßt kaom eine Wald.

² Dall hier ein Adjektiv fehlt, wie Dranoar eins eingesetzt het, ist unverkennbar-* sions ist vor Anak überliefert: auf die Umstellung und Ergünzung führt der parallele Bau; die folgenden Anderungen sind von dem Veramalie diktiert, also hedenkilch, aber sie verbessen den Sinn oder schaden wenigstens nicht.

von Willandwerz-Morlinsbourg: Char die Wespen des Arlanophanes. (IL) 535: folgt eine innische gut respondierende Partie¹. Dann die Alte:

> han fon an Tambac Trotton Tambia xnholaic, Advance of Moi was abbae wata toyo acceloyo

folge die ionische Partie. Da ist am Anfang der lambische Dimeter das einzige wirklich Entsprechende, und doch ist alles gut verständlich, Responsion mit keinen Mitteln erreichbar. Während aber die Alte in einfachsten lamben spricht, spotten die Worte des Mädchens jeder Messung. Die Grammatiker haben die Hinte freilich durch Elision und eine schwere Krasis (so o stallsoc) beseitigen wollen, aber mich dünkt, es bleibt doch Prosa. Wenn es aber Prosa ist, so erklärt sich kal Tiana; der Rest ist der Improvisation des Schauspielers überlussen. Das ist ganz unerhört; ich habe mich auch viele Jahre gescheut, meinen Einfall auszusprechen. Aber führt der Text nicht auf ihn? Prosa ist in der Komödie nicht ganz selten. Abgesehen von den Gesetzes- und Gebetsformelo, Vog. 862, 1048 Thesm. 295, we such die Gemeinde mit Prosa einstimmt, sind es Heroldsrufe, Ach. 34, 61, evenneire evenneire vor dem Opfer Ach. 237, und besonders Ritt. 941 ev te na ton Ala sal ton Anonau kal tim Anmersa, wo Helionor bemerkt est de nona kal mas! ETHOMOL CECHMEIOMENA Aber das ist doch alles anderer Art. Sei das denn eine Vermutung, die man zunächst mit Kopfschütteln aufnehmen muß; die Freiheiten In der Responsion sind Tassache, und in ihnen muß ein wichtiger Unterschied der komischen von der tragischen Technik anerkanut werden.

Ausgegeben am 11. Mai.

o 18 hat Humans office cavitet Care extended organze, was man our in Stone as a sudern omb, da bruce an sich micht tremnon lächt. Für den Optativ mit in gibt Vög. 1318 einen Beieg. In dieser ganzen Partie ist keine Fermate; ich kann heute ebensowenig wie layll 138 eine Erklärung geben, nach der die loniker aufgehen, und mit dem verwundten Verse 972 konzen krikzov me auk von de nömere eine gelit es mir ebenso. Dennt das erste Glied ist kein tambischer hatalektischer Dimeter, solange das Gesetz gilt, daß in einem solchen die drittletzie Silbe kurz ist; wenn Schadorn dies Gesetz ignoriert, Franklarun (Hermes 44, 330) die Mittelsilbe von karkzor kurz mißt, so bin ich für diese neue Metrik zu allmodisch.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXIV.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

4. Mai: Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Auwers.

Hr. Exerca berichtete über eine in Gemeinschaft mit Hrn. Dr. K. Krause ausgeführte Untersuchung: Über den anatomischen Bau der baumartigen Cyperacee Schoenodendron Bücheri Engr. (Abh.)

Die vor wenigen Jahren nos den Gebirgen Kameruns bekannt gewordene kernphytische Cyperacro Schenodendron Bücher ist die erste Art dieser Familie mit ausgesprochen bäumchenfürmigem Wucht nich Art der Velloziaceen. Sie ist nurkwürdig
dadurch, dass alle Aste des bis 60 cm hohen Blumchens mit einer unter den Biatebasen vollständig verborgenen diehten Schicht von Adventivwurzeln verzehen sind,
welche an den Asten und am Stamm entlang nach unten wachsen und hier erst in
den Boden dringende Seitenwurzeln entwickeln, während die Wurzeln oben zur Aufnahme von Wasserdampf befähligt sind. Afrikanische und amerikanische Velloziaceen
seigen sehr Ehnliche Verbültnisse.

Ausgegeben am 11. Mai.

PULL THER IS THE MANAGER PUR PROPRIES

SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXV.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

11. Mai. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Secretar: Hr. Diels.

"l. Hr. Darsen las: über die Medaillonprägung in der römischen Kaiserzeit und über die Entwicklung und Bedeutung der Medaillousammlung des Berliner Münzenbinets.

An die reguläre Kopferprägung des römischen Seints schliesst sich eine ausserordentliche, durch besondere Ereignisse veraniasste und nur in beschränktem Maasse
ausgelähte kutserliche Kupferprägung an. Sie umfasst, ausser einigen als Nominal
ausgelandten Silleken, mehr oder weniger grosse und beliebig schwere, durch Stil
and Technik sich auszeichnende Prägungen (die sog. Medaillons), die nicht für den
Verhehr bestimmt waren, sondern wie die kaiserlichen Gold- und Silbermedaillons bei
festlichen Gelegenbeiten als Geschenke vertheilt wurden. Demselhen Zwecke dienten
auch die wenigen zum Senat geprägten Kupfermedaillona. — Die Medaillonsammlung
des Bariiner Cahinats, die, abgesehen von einigen sehr werthvullen Stücken aus altem
Besitze, noch um die Mitte des vorigen Jahrhunderts zumlich unbedoutend war, erhielt
erst 1873 durch Ankauf eines Theile der Sammlung Tyseklewier und denn 1879 mit
der Erwerbung der Römersammlung Sandes nanhaften Zuwards und ist seitdem beständig vermehrt worden; beute zählt sie nahen 250 Stücke, davon 32 von Gold und
30 von Süber.

2. Hr. von Whanowitz-Moellendorer legte eine Mittheilung des Hrn. Prof. Dr. Richard Meisten in Leipzig vor: Inschriften in Rantidi auf Kypros. (Ersch. später.)

Die von Hrn. Dr. Zann im Anttrage der Akademie in Rautidi ausgeführten Gralungen haben an Inschriften eine Anzahl Wellungen au Apollon, Aphrodite und weniges andere ergeben.

3. Hr. Rubens legte eine Mitthellung des Hrn. Geh. Reg.-Raths Prof. Dr. F. Kvermaum in Charlottenburg vor: Messung der Sonnentemperatur.

Die betreffenden pyrometrisch-optischen Beobachtungen hat der Verfasser in Assuan im Jahre 1908 in 160 m über dem Meere augestellt. Die auguwendete Methode lat erheblich gennee als alle bisher benutzien Verfahren. Das Ergebniss der Messungen atimut mit den filteren Werthen befriedigend überein.

4. Hr. Kosen übergab den Jahresbericht über die Herausgabe der Monumenta Germaniae historica.

- 5. Folgende Druckschriften wurden vorgelegt: J. Vanlen, Gesammelte philologische Schriften. Tl. 1. Leipzig und Berlin 1911 und Διενοσίου ν Αργγίου περί όφους, de sublimitate libellus. Ed. O. Iann n. 1867. Quartum ed. n. 1910 L Vanlen. Lipsine 1910; ferner von Hrn. Conze: C. Schnehmardt, Stonehenge. Sondersbürgek aus der Prachistorischen Zeitschrift II, Heft 4. 1911.
- 6. Die Akademie hat durch die philosophisch-historische Classe bewilligt: Hrn. Kossa zur Fortführung der Herausgabe der Politischen Correspondenz Friedrich's des Grossen 6000 Mark: Hrn. von Williamwirz-Morllender zur Fortführung der Inscriptiones Graecae 5000 Mark: der Deutschen Commission zur Fortführung der Forschungen des Hrn. Bennach über die neuhochdeutsche Schriftspruche 4000 Mark: für die Bearbeitung des Thesaurus linguae Latinne über den etatsmässigen Beitrag von 5000 Mark hinnus noch 1000 Mark; zur Bearbeitung der hieroglyphischen Inschriften der griechisch-römischen Epoche für das Wörterbuch der aegyptischen Sprache 1500 Mark; für das Cartellunternehmen der Herausgabe der mittelalterlichen Bibliothekskataloge als fünfte Rate 500 Mark.
- 7. Die Akademie hat auf den Vorschlag der vorberathenden Commission der Borr-Stiffung aus den Erträgnissen der Stiffung Hrn. Dr. Walten Senungen, Assistenten an der Königlichen Bibliothek zu Berlin, zur Fortsetzung seiner Jaina-Studien 1350 Mark zuerkannt.

Die Akademie hat in der Sitzung vom 27. April den Professor Franz Comust in Brüssel, den Professor der Anthropologie an der Universität Liverpool James George Franzen, wohnhaft in Cambridge (England), den Professor der griechischen Alterthumskunde und Epigraphik un der Universität Wien Dr. Ander Wahnen und den Docenten der Nordischen Literatur an der Universität Kopenhagen Dr. Axen Orma zu correspondirenden Mitgliedern ihrer philosophisch-historischen Classe gewählt.

Messung der Sonnentemperatur.

Von Prof. Dr. F. KUREBAUM in Charlestenburg.

(Vorgelegt von Brn. Reness.)

Die Frage nach der Temperatur der Sonne hat nur unter gewissen Voraussetzungen einen Sinn. Zunächst besitzt die Sonne in verschiedenen Teilen eine verschiedene Temperatur. Sie ist im Innern heißer; die außeren Gase sind kälter, ganz abgesehen von den Unregelmäßigkeiten der Temperatur der Sonnenflecke. Man könnte also streng genommen nur von der Temperatur bestimmter Teile der Sonne sprechen.

Ferner setzen alle optischen Temperaturmessungen irgend etwas über das Emissionsvermögen des betreffenden Körpers voraus. Da man über das Emissionsvermögen der Sonne nichts Bestimmtes weiß, so begnügt man sich gewöhnlich mit der Annahme, daß sie angenähert wie ein schwarzer Körper strahlt, weil die strahlende Schicht unendlich dick sei. Unter der Voraussetzung, daß die Gesetze der Strahlung des schwarzen Körpers unbeschränkt für beliebig hohe Temperaturen gelten, läßt sich untersuchen, ob die Sonne ein schwarzer Körper ist, indem man die verschiedenen Strahlungsgesetze zur Temperaturen vergleicht.

Wenn man bei der Frage nach der Temperatur der Sonne von der ungleichmäßigen Verteilung der Temperatur absieht, so heißt dies nichts anderes, als daß nach der Temperatur desjenigen gleichmäßig temperierten schwarzen Körpera gefragt wird, welcher die gleiche Strahlung aussendet. Es wird damit nach der schwarzen Temperatur der Sonne gefragt, und diese Frage hat eine bestimmte und berechtigte Bedeutung.

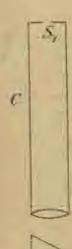
Das Problem wird dadarch aber nicht einfacher, sondern komplizierter, denn es muß noch definiert werden, für welche Wellenlänge oder für welchen Spektralbezirk die schwarze Temperatur bestimmt werden soll. Die Frage nach der schwarzen Temperatur hat aber noch einen anderen Slan. Die gefundene schwarze Temperatur



sagt etwas über das Emissionsvermögen für die betreffende Wellenlänge aus. Je höher die Temperatur gefunden wird, um so größer ist das Emissionsvermögen für die betreffende Wellenlänge, und die höchste einwamlicei gemessene Temperatur kommt der wirklichen Temperatur am nächsten. In dem Sinne der vorstehenden Betrachtungen bitte ich die folgenden Messungen aufzufassen







Die angewandte Methode besteht darin, daß die Strahlung der Sonne in verschiedenen Spektralbezirken indirekt mit der Strahlung des schwarzen Körpers vergliehen wird. Der benutzte Spektralapparat besteht aus dem Kollimator C mit dem Spalt S, dem gerudsichtigen Prisma! P und dem Fernrohr F, in welchem das Okular durch einen Spalt S, ersetzt werden kann,



H

Setzt man vor den Spalt S. des Kollimators C. den leuchtenden Bügel einer Glühlampe G und eine Linse L, in richtigen Abständen, so sieht man bekauntlich durch den Okularspalt S, des Fernrohrs F das Bild des Bügels scharf in der jeweiligen Spektralfurbe lenchten. Die Drehung des Fernrohrs für Einstellung auf die verschiedenen Wellenlangen wurde mit Hilfe einer Mikrometerschranbe mit Trommelteilung bewirkt. Stellt man nun noch vor die Glühlampe G eine Blendenöffnung B und entwirft in der Ebene der Glühlampe das Bild eines glühenden schwarzen Körpers, so leuchter die Offnung B und der optisch auf ihr liegende Glühlampenbügel G in der gleichen Spektraffarbe, und es ist möglich, durch Regulierung des Lampenstromes das Bild des Bügels auf der leuchtenden Fläche zum Versehwinden zu bringen, wie in dem optischen Pyrometer von Holnors und Kumnaum2. Diese spektrale Anordnung ist im Prinzip die gleiche wie die von Hrn. HENNING benutzte.

* F. Hersten, Zeibeler, f. Instrumentent unde 1910, S. 61.

Das Prisma besitzt eine Dispersion $G - F = \S^2$ 50'.

L. Hotsons und F. Kunnaum, Suzungsber, d. Borl, Abad.
d. Wiss. 1901, N. 71z.

Auf solche Weise können Glühlampen für verschiedene Temperaturen des schwarzen Körpers photometrisch geeicht werden, indem die Temperatur des schwarzen Körpers und der zugehörige Glühlampenstrom notiert wird. Allerdings verlaufen die Eichungskurven für verschiedene Wellenlängen ein wenig verschieden, da einerseits der Enden der Glühlampe nicht vollkommen schwarz und anderseits die Strahlungsintensität des schwarzen Körpers durch die Projektionslinse geschwächt ist, so daß der schwarze Körper und der Glühlampenfaden bei Strahlungsgleichheit nicht die gleiche Temperatur besitzen. Die Lampen müssen also für verschiedene Wellenlängen besonders geeicht werden!

Lichtschwächung für die Sonne

Da die Strablungsintensität der Sonne enorm groß gegenüber der. Strablung des schwarzen Körpers ist, so muß auch eine enorme Lichtschwächung benutzt werden.

Um innerhalb experimentell möglicher Temperaturen des schwarzen Körpers bzw. der Glühlampen bleiben zu können, muß eine Lichtsehwächung auf ungeführ 0.00002 angewendet werden. Hierzu reicht aus leicht ersichtlichen Gründen weder ein rotierender Sektor, noch ein variabler Spalt, noch eine Nicol aus, da die Meßgenautgkeit zu klein werden würde. Allenfalls würde eine Kombination von allen dreien genügen. Einen Satz absorbierender Glüser, die einzeln mit rotierendem Sektor zu eichen wären, zu benutzen, ist auch sehr mißlich

leh habe deshalb eine Lichtschwächung benutzt, welche unmittelbar auf eine ungefähre Größe von 0.00002 führt und durch das Verhältnis des Radius der Sonne zum Radius der Erdbahn gegeben ist

Der Sonne kommt eine bestimmte Flächenhelligkeit H_i zu; stelle ich eine ideal diffus reflektierende Ebene zu den Sonnenstrahlen senkrecht, so ist die Helligkeit H dieser Fläche gleich $\left(\frac{r_i}{r_i}\right)^*H_i$, wobei r_i den Radius der Sonne, r_i den der Erdbahn bedeutet. Eine ideal diffus reflektierende Fläche set eine solche, welche alles Licht vollkommen reflektiert, und zwar dem Kosinns entsprechend. Die Flächenhelligkeit der Sonne ist allerdings am Rande geringer, weil die dort aus dem Innern kommenden Strahlen eine größere Strecke kälterer

Für die sorgfältige und mähevolle Unterstützung, die mir Hr. Dr. Korz bei geneinsamer Eichung der Lampen gewährt hat, sage ich ihm auch bier meinen besteu Dank,

Gasmassen durchlaufen müssen; es kann also nur von einer mittleren Flächenbeiligkeit gesprochen werden.

Eine ideal diffus reflektierende Fläche gibt es nan zwar nicht, aber Magnesiumoxyd, von der Flamme eines Magnesiumbandes auf einer ebenen Fläche niedergeschlagen, gewügt den Anforderungen, wenn das diffuse Reflexionsvermögen R experimentell bestimmt wird.

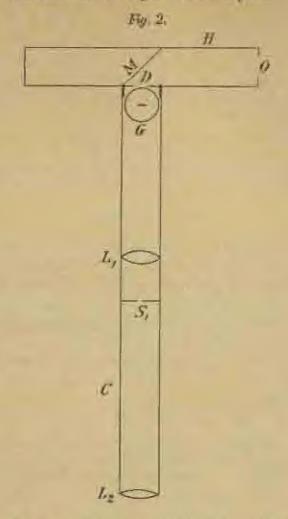
Die Flächenhelligkeit H_n der Magnesiaoberfläche wird dann $H_n = \left(\frac{r_i}{r_i}\right)^i R H_i$, oder die Lichtschwächung wird gleich $\left(\frac{r_i}{r_i}\right)^i R$, wofür R-sin's gesetzt werden kann, wenn sin-z den scheinbaren Halbmesser der Sonne bedeutet. Die Lichtschwächung L ist also:

(GL t.)
$$L = R \cdot \sin^* x$$

Die Bestimmung von R habe ich gemeinsam mit Hru Dr. Kock nach einer besonderen Methode ausgefährt, die Resultate werden an anderer Stelle veröffentlicht werden. Als Wert für R habe ich hier eingesetzt 0.870, und zwar unahhängig von der Wellenlänge, da die Abweichungen gering sind. Eine solche von der Sonne beschienene Magnesiumoxydschicht besitzt eine Flächenheiligkeit, welche sieh ohne Lichtschwächung mit der Helligkeit des schwarzen Körpers zwischen den Temperaturen 1200—1550° C je nach der Wellenlänge des sichtbaren Gebietes vergleichen läßt. Fallt man für diesen Zweck die bestrahlte Magnesiumoxydschicht als strablenden Körper auf, so kann die sehwarze Temperatur dieses Körpers gemessen werden.

Durch diese Art der Lichtschwächung wird zugleich eine Vereinfachung des Spektralapparates herbeigeführt. Bei Belichtung des
Kollimatorspaltes durch die Sonne müßte sonst entweder ein Heilostat henutzt werden, damit das Spektrometer fest an seinem Platze
stehenbleiben kann, oder das Spektrometer müßte um eine vertikale
und eine horizontale Achse drehbar sein, damit der Kollimator dem
jeweiligen Sonnenstande folgen kann.

Hier war das Spektrometer selbst nur um eine vertikale Achse drehbar, dagegen befand sich rechtwinklig zur Verlängerung des Kollimatorrohres C (s. Fig. 2) ein Rohr H drehbar um diese Verlängerung-Das Rohr H hatte eine Öffnung O, durch welche die Sonnenstrahlen auf eine Magnesiumoxydplatte M fallen konnten. Diese Platte bildete mit der Achse des Kollimatorrohres einen halben rechten Winkel Das Rohr H trägt einen Diopter, mit welchem der Apparat so eingestellt werden konnte, daß die Sonnenstrahlen den Magnesiaschirm unter einem halben rechten Winkel trafen. Dadurch erscheint das vor der Glüblampe G stehende Diaphragma D wie mit lenchtend weißer Masse belegt. Die Linse L_1 entwirft ein scharfes Bild vom Faden der



Glüblampe ungefähr an der Stelle der Linse L_* . Der Faden erscheint dann, durch den Okularspalt des Fernrohrs betrachtet, auf einem hellen Hintergrunde, welcher durch das Bild des Diaphragmas D gegeben ist 1 .

Ich betone, daß die Unschärfe des Bildes von D keinen Fehler herbeiführt; es muß nur dafür gesorgt sein, daß die Zerstreuungsscheibehen jedes Punktes relativ klein gegen den Durchmesser des Diaphragmas sind. In diesem Falle bleibt im Bilde des Diaphragmas ein innerer heller Kreis mit gleichmäßiger Helligkeit, unabhängig davon, ob scharf oder unscharf eingestellt ist. Auf diesem inneren hellen Kreis kann der Bügel der Glählampe, welcher durch den Okularspalt betrachtet wird, durch Regulieren des Lampenstromes in einem bestimmten Spektralbezirk zum Verschwinden gebracht werden, so daß er die gleiche Helligkeit wie der spektrale Hintergrund besitzt.

Alle Penie des Spekteelapparates vom Fermrohr bis eum Ruhr H waren mitürlich auf einem einzigen festen Arm mundert.

Auf diese Weise wird mit den geeichten Glühlampen die sehwarze Temperatur des Magnesiaschirmes bestimmt. Die vorber besprochene Lichtschwächung muß nun aber bei dieser Versuchsanurdnung noch mit cos 45° multipliziert werden, da die Somenstrahlen unter einem Winkel von 45° auf die Magnesiaschicht fallen. Dadurch wird die Lichtschwächung

(Gl. 2i)
$$L = R \cdot \sin^4 \alpha \cdot \cos 45^6$$

Beobuchtungen.

Zur Ausführung solcher Beobachtungen wäre derjenige Ort der beste, an welchem die Luft die geringste Menge Wasserdampt unter möglichst konstanten Verhältnissen enthält, also ein Ort mit Wüstenklima; ferner wäre vorteilbaft, daß der Ort möglichst hoch liegt, damit die Schichtdicke der Luft, welche die Sonnenstrahlen passieren müssen, möglichst gering ist. Schließlich wäre ein Ort nahe am Äquator erwünscht, damit die Sonnenstrahlen die Schichtdicke möglichst senkrecht durchsetzen. Alle diese Bedingungen werden sich nicht gut gleichzeitig erfüllen lassen.

Die hier mitgeteilten Beobachungen sind in Oberägypten bei Assuan auf einer Anböhe, die sich 160 in über dem Spiegel des Mittelmeeres erhebt, im Februar und März 1908 ausgeführt. Auf diesem Hügel Takuk steht ein englisches Fort, dessen primitive Räume als Beobachtungsstation eingerichtet wurden. Für die freundliche Berritwilligkeit, mit der meine Arbeiten von Hrn. Kapitän Evons, Chef der ägyptischen Vermessungsbehörde in Gizeh bei Cairo unterstützt wurden, sei auch an dieser Stelle der herzlichste Dank ausgesprochen.

An Apparaten wurden neben dem besprochenen Spektralapparat noch Präzisionsamperemeter benutzt, welche an Ort und Stelle mit Kadmiumelement und Präzisionswiderständen geeicht werden konnten. Für den Lampenstrom dienten kleine Akkumulatoren, welche in Assuan geläden wurden. Die ostenropäische Zeit wurde täglich durch ein telegraphisches Signal von der Sternwarte zu Heluan nach Assuan gemeldet.

Es ist aber noch eine sehwierige Frage zu besprechen, nämlich die Frage nach der Temperaturskala, welche den Messungen zugrunde zu legen ist

in der Abbandhug von A. Mikville und E. Lennann. Sitzungsber, d. Berl. Ahad. d. Wisa. 1909, S. 273 ist versebendlich 110 m. angegeben.

Die benutzte Temperaturskala.

Bis zum Jahre 1907 galt die von L. Holborn und A. Day' durch Anschluß des Pt.-Pt-Rh-Elements un das Stickstoffthermometer aufgestellte Temperaturskala als vollkommen sicher. Bis 1130° C war das Stickstoffthermometer hemitat und die Temperaturskala oberhalb 1130° C für das Thermoelement extrapoliert, und zwar nach dem Gesetz, welches bei den unterhalb 1130° liegenden Temperaturen gültig befonden war. Es erschien alles in bester Ordnung, da die Strahlungsgesetze und die Gleichungen für die Thermoelemente bei Extrapolation eine überraschende Übereinstimmung in den Temperatursangaben zeigten.

Als L. Holsons und S. Valentiner die Messungen am Stickstoffthermometer über 1130° U bis rund 1680° U fortsetzten, fanden sie, daß die Extrapolation der Thermoelemente und das Stickstoffthermometer sehr verschiedene Temperaturangaben machten.

Im Jahre 1910 veröffentlichte dann A. L. Day und R. B. Sosman' eine Arbeit über den gleichen Gegenstand und funden gleichfalls eine erhehliche Differenz zwischen der Extrapolation des Thermoelements und dem Stickstoffthermometer.

Um diese Differenz anschaulich zu machen, habe ich die zu gleichen Thermokräften gehörigen Temperaturen nebeneinandergestellt.

Pi_Pi Rh. Millivoli	Holdings and Day	Holdorn, Valentines	DAY, Soman
10/20-	1 = 1100° C	3 = 1099° (5	1097° C
11.90	1200	1203	1197
13-14	1300	801.0	1301
3/6/41	1400	(13.9	1407
4,5-7,1	1500	1835	3534
17.05	1500	1658	1624
	= 14580	= 14700	

Unter der Temperaturskala ist noch die zugehörige Konstante e der Wienschen Formel angegeben. c = 14580 ist von Lowen und Phisosneim, c = 14200 von Holmoss und Varkerinen bestimmt.

L. Hindson and A. Dav, Wied, Ann. 58, S. 317, 1890 and Ann. d. Phys. 3, S. 505, 1900.

² Lumber and Paingeners, Phys. Zeitschrift 3, S. 98, 1901. Verhandlung der Denisch Phys. Ges. 1901, S. 42, F. Pascaes and H. Wanner. H. Wanner, Ann. d. Phys. 2, S. 241, 1900.

² Ann. d. Phys. 22, S. 1, 1907.

^{*} Am. Journ of Science Vol. XXIX, S. 63, 1900.

Wie man sieht, nimmt die Temperaturskala von Day und Sassas im wesentlichen eine mittlere Stellung ein.

Da eine Entscheidung zwischen diesen Temperaturskalen nicht so hald getroffen werden wird, so habe ich meine Beobachtungen mit jeder der beiden extremen Skalen getrennt ausgerechnet, was bei der Extrapolation auf hohe Temperaturen allerdinge sehr starke Abweichungen ergibt. Die Temperaturen der Skala Holsorn-Day seien mit 6. diejenigen der Skala Holsorn-Valentiske mit 5 bezeichnet.

Messungen.

Es ist pur an solchen Tagen beobachtet worden, an denen der Himmel vollkommen frei von Wolken und Dunst erschien. Zunächst mußte der Spektralapparat justiert und der Spalt so eng gestellt werden, daß die Faxevnorrischen Linien scharf erschienen und als Marke für den gewünschten Spektralbereich dienten. Dann wurde der Kullimatorspalt auf die Breite 0.5 mm eingestellt und das Okular durch einen Okularspalt von gleichfalls 0.5 mm ersetzt. Vor den Kollimatorspalt mußte die Linse und Glühlampe so gestellt werden, daß, durch den Okularspalt betrachtet, die Glühlampe im Lichte der betreffenden Spektralfarbe lenchtend und scharf erschien. Dann wurde durch Drehung um die vertikale und horizontale Achse des Spektralapparates erreicht, daß die Sonnenstrahlen unter einem Winkel von 45° auf die Magnesiaschicht fielen. Hierauf wurde der Lampenstrom so einreguliert, daß der Bügel der Glühlampe auf dem spektralen Hintergrund verschwand, und der Strom am Amperemeter abgelesen. Zu jeder Wellenlänge gehört also ein Lampenstrom, der einer bestimmten Temperatur entspricht, und eine Zeitangabe, durch welche der Sonnenstand und damit die durchstrabite Schiehtdieke d der Luft definiert ist.

z. B.
$$\lambda = 0.651 \mu$$

15. Febr. 1908 11⁶27' $d = 1.28 \text{ Atm.}^4$
0.685 Amp. $t = 1211^8 \text{ C.}$

Die Einstellungen auf Versehwinden des Lampenfadens und die Ablesungen am Amperemeter sind so genau, wie es ungefähr einem Prozent photometrischer Helligkeit entspricht. Die so gemessene schwarze Températur der Magnesiaplatte muß aber noch auf die Dicke Null der Lauftschicht reduziert werden.

Hier ist unter Atmosphäre utels one Schiehtsliebe d=1 verstamlen, die ener Luftmasse über dem Berg Takuh bei mittlerem Barometerstand endgricht. Die Variationen des Barometerstandes sind nicht berücksichigt, da die mustigen Fehlerquellen erheblich größer sind.

Zu dem Zwecke gehen wir von der Wiesschen Gleichung in der Inerfür bequemen Form:

(Ot. 3.)
$$\log \operatorname{nat} \frac{J_i}{J_i} = \frac{v}{\lambda} \left(\frac{1}{T_i} - \frac{1}{T_i} \right)$$

aus, worin J_* and J_* die zu den absoluten Temperaturen T_* und T_* gehörigen Intensitäten sind, während λ die zugehörige Wellenlänge und c eine Konstante bedeutet:

Bestimmen wir nun bei sehr verschiedenem Sonnenstande die Temperaturen T_i und T_{ir} so ist $J_2:J_i$ bekannt.

Es ist aber $J_* = J_a \cdot a^{d_a}$, wenn J_a die Intensität der Strahlen vor Eintritt in die Luft, a der Durchlässigkeitsfaktor und d_a die Schichtdicke der Luft ist. Ebensa ist $J_* = J_a \cdot a^{d_a}$, es ist also $J_* : J_* = a^{d_a - d_a}$.

(61. 4.)
$$\log \operatorname{nat} n^{t_1 - t_1} = \frac{e}{\lambda} \left(\frac{1}{T_1} - \frac{1}{T_2} \right).$$

Es kann somit der Durchlässigkeitsfaktor a durch Messung der Temperaturen bei verschiedener Schiehtdicke a bestimmt werden,

z, B.:
$$\lambda = 0.588 \,\mu$$
,
 $d_i = 1.24$ $d_i = 2.60$,
 $t_i = 1322.5^{\circ} \,\mathrm{C}$ $t_i = 1303^{\circ} \,\mathrm{C}$ $v = 14580$ $a = 0.868$,
 $S_i = 1332.7^{\circ} \,\mathrm{C}$ $S_i = 1311.5^{\circ} \,\mathrm{C}$ $c = 14200$ $a = 0.861$.

Nach Gleichung a läßt sich dann mit Hilfe des nun bekannten Wertes von a die bei der Schichtdicke d, gemessene Temperatur T, auf die zur Schichtdieke d=0 gehörige Temperatur T_c reduzieren, indem T_c als Unbekannte statt T_c und $-d_c$ statt d_c-d_c eingesetzt wird. So ergibt sich z. B. auf d=0 reduziert:

$$L_0 = 1341^{\circ} \text{ U statt } 1322.5^{\circ} \text{ U},$$
 $S_0 = 1333^{\circ} \text{ C statt } 1332.7^{\circ} \text{ U}.$

Die folgende Tabelle enthält die Durchlässigkeitsfaktoren a der Luft für verschiedene Wellenlängen, sowohl nach der Temperaturskala Honnons-Day wie nach derjenigen Honous-Vanstrissa berechnet.

Teurpoortieskalit	1 makii c	@\$\$\$ (I	a 182,0	0.485 #
Programmes-Day	a = 0.89€	elsen	10.943	=8#3
	a = 0.884	olseo	11.928	a.ko;

Diese Mittelwerte für a sind aus je vier Einzelwerten berechnet, welche an vier verschiedenen Tagen gefinden sind. Sie zeigen eine deutliche Abnahme nach den kürzeren Wellenlängen hin. Für $\lambda=0.651$ und $0.588~\mu$, wofür die benutzten Temperaturen bei 1240 bzw. 1330° C

llegen und die Differenz der Temperaturskalen noch nicht groß ist, dürften die Werte wohl ungefähr auf i Prozent richtig sein. Meines Wissens ist der Durchlässigkeitsfaktor der Luft bisher für verschiedene Wellenläugen noch nicht bestimmt worden, wohl nur deshalb, weil keine gename Methode zur Bestimmung vorlag. Durch die telstiv gute Übereinstimmung dieser Werte bin ich selbst überrascht, denn nach den Abweichungen, die bei Temperaturbestimmungen an verschiedenen Tagen stattfinden, war dies nicht zu erwarten. Deshalb glaube ich, daß trotz der Klarheit der Luft doch noch gewisse Tageseinfüsse vorliegen.

Dieser kinfluß fiel aber bei Bestimmung des Durchlässigkeitsfaktors fort, da nur Werte benutzt wurden, die an dem gleichen Tage und nur bei versehiedenem Sonnenstande gefunden waren. Es sind zur Bestimmung des Durchlässigkeitsfaktors nur Schichtdieken benutzt, die z bis 3 Aum. nicht übersehritten. Bei sehr tiefem Sonnenstande, also bei Höhenwinkeln kleiner als 15°, habe ich, trotzdem die Metigenmügkeit eine sehr gute sein müßte, starke Abweichungen und viel zu kleine Werte für den Durchlässigkeitsfaktor erhalten; ich schließe darans, daß hier das Bouweasche Gesetz nicht mehr gilt.

Mit Hilfe der angegebenen Durchlässigkensfaktoren sind nun die sehwarzen Temperaturen der Magnesiaplatte für die verschiedenen Weltenlängen auf die Schichtdieke Null reduziert, natürlich jede Temperaturmit dem Durchlässigkeitsfaktor der gleichen Temperaturskala.

Es sind für jede Wellenlänge an acht verschiedenen vollkommen klaren Tagen je 10 bis 20 Temperaturbestimmungen gemacht. Hierbei kommen allerdings Abweichungen von 5 und selbst 10° vor. diese schreibe ich aber teils Tageseinflüssen zu, teils dem Umstande, daß die 11 benutzten Lampen, sechs Kohlefaden- und fünf Osramlampen, zum Teil auf verschiedene schwarze Körper geeicht waren. Es wurden drei verschiedene schwarze Körper, in der Ausführung nach Lussum und Kentbaun, mit drei verschiedenen Thermoelementen benutzt.

Die auf Schichtdieke Null reduzierten Beobschtungen sind alle bei so hohem Sonnenstande ausgeführt, daß die Schichtdieke nie mehr als 1-3 Atm. betrug, es sind dann die Temperaturen ebenso wie die Schichtdieken einfach gemittelt.

Temperaturakala	t =: 0.151 h	0.988	10:521	n 481
Horams-Day	d= 1.21 l= t210.710	1319.3	1.24	1.24
Holsons Day	$d = 0$ $f = 12\pi \xi .69 \Pi$	1337.4	0 1)834	0
Hormus-Valentiess	$d=0$ $0=1798,7^{\circ},0$	0 1349.2	5 1513-7	1510.7

Aus diesen sehwarzen Temperaturen der Magnesiaplatte kann nun die Temperatur der Sonne berechnet werden, und zwar muß hier, da die gesuchte Temperatur sehz hoch ist, die Plancksche Formel augewandt werden, um bequemsten in der Form:

(Gl. 5.)
$$J_i:J_i = \left(e^{\frac{t}{\sqrt{t}}} - 1\right):\left(e^{\frac{t}{\sqrt{t}}} - 1\right),$$

wobei T_i gegeben und T_i gesucht ist. An Stelle von $J_i:J_i$ ist aber die S. 5.46 besprochene Lichtschwächung (Gl. 2) $L=R \cdot \sin^2 \alpha \cdot \cos 4.5^\circ$ zu setzen, an welcher noch eine Korrektion anzubringen ist.

Es war gesagt, daß bei Eichung der Glühlampen das Bild der Öffnung des schwarzen Körpers mit einer Projektionslinse in die Ebene des Bügels der Glühlampe geworfen wurde. Der Projektionslinse kommt ein Durchlässigkeitsfaktor a zu, welcher durch das Reilexions- und Absorptionsvermögen bedingt ist und auf ähnliche Weise bestimmt werden kann wie der Durchlässigkeitsfaktor der Erdatmosphäre. Man projiziert durch zweimalige naturgroße Projektion die Öffnung des schwarzen Körpers auf den Bügel der Glühlampe und mißt die Temperatur T_{ij} dann schaltet man die zu untersuchende Projektionslinse aus und projiziert nur einmal, wobel man die höhere Temperatur T_{ij} findet. Der Durchlässigkeitsfaktor i dieser Linse ist dann nach der Wusschen Gleichung:

$$\log \operatorname{nat} \frac{J_i}{J_i} = \frac{\varepsilon}{\lambda} \left(\frac{1}{T_i} - \frac{1}{T_i} \right) = \log \operatorname{nat} \frac{\Gamma}{I} .$$

Auf diese Weise wurde gefunden:

Tamperomeskála	$\lambda = o(t_0)$	0.588	0 531	0.185
Holmony-Vaccourses	l = 0.891 l = 0.850	0,850 0,868	0.870	0,86 c 0,833

Da diese Linse bei den Temperaturmessungen mit Hilfe der Sonnenstrahlen nicht eingeschaltet ist, so wird die wahre Lichtschwächung:

$$L_{i} = \frac{R}{I} \cdot \sin^{5} \alpha \cdot \cos 45^{\circ},$$

da das Fehlen der Linse in gewissem Sinne wie eine Verstärkung des Lichtes wirkt-

Daher erhalten wir nach Gl. 5:

$$R \cdot \sin^{4} \alpha \cdot \cos 45^{\circ} : I = \left(e^{\frac{\alpha}{\lambda T_{\alpha}}} - 1\right) : \left(e^{\frac{\beta}{\lambda T_{\alpha}}} - 1\right),$$

Hierin ist der scheinbare Halbmesser der Sonne für die Zeit in der Nühe des 1. März konstant gleich sin 0.200° gesetzt, für das diffuse Reflexionsvermögen ist entsprechend S. 544 der Wert 0.870 eingesetzt. Die welteren für die Gleichung nach den Temperaturskalen zusammengehörigen Wertpaare simt nach der:

Temperaturskala Holmony-Dar, 1901. c= 14380.

λ	1	4,	82	Ť.
0.631 H 0.588 11.521 12.453	0.891 0.880 0.870 0.895	1337.6 1337.6 148.64 158.3-3	1504° U 5456 3471 5183	\$782° alm \$744 \$744
		Mittel	5455* ()	5728 nin.

Temperaturskala Holsonn-Valentines, 1907. c= 14200.

K	1	-5-1	5;	T_3
0.588 0.81 0.521 0.81	0.860 0.868 0.855 0.855	1349.2 1349.2 1575:3 1610.3	6002° C (01,1 6217 6223	6286 6286 6290 6406
		Willel assa	6114	637 M-

Nach der alten Skaia liegt die Sonnentemperatur zwischen 5385 und 5500° C. Diese Übereinstimmung der Resultate kann bei der außerordenflich weiten Extrapolation wohl als befriedigend angesehen werden, namentlich da das Sonnenspektrum selbst wegen der Verteilung der Frausnorauschen Linien ungleichmäßige Helligkeit besitzt.

Nach der neuen Skals liegt die Sonnentemperatur zwischen 5002 und 5223°C, was eine sehr starke Divergenz beider Skalen bedeutet, namentlich da die Temperaturen der alten Skala fallende, die der neuen Skala steigende Tendenz zeigen. Dieser Emstand ist wohl dahin zu deuten, daß die Abweichungen der Temperaturskalen keineswegs durch die verschiedenen Werte von e ausgeglichen sind.

Es ist leicht, relative Temperaturen mit Hilfe einer geeichten Glühlampe so genau zu messen, daß der photometrische Fehler z. B. zwischen 1100 und 1500° C nicht mehr als 1° C beträgt. Man stößt aber sehon auf große Schwierigkeiten, wenn man eine Glühlampe mit Hilfe des schwarzen Körpers auf 5° genau eichen will. Die jetzige Differonz zwischen den verschiedenen Temperaturskalen, welche die Grundlage für solche Eichungen geben, ist allerdings wesentlich größer. Diese Schwierigkeit läßt sich für Temperaturmessangen der Sonne nicht dadurch umgeben, daß man etwa von der Temperatur 1200° C, die

sehr gut fundiert ist, ausgeht, weil die photometrische Helligkeit kürzerer Wellenlängen bei dieser Temperatur noch zu gering ist.

Es ist sehr zu wünschen, daß die Skala für hühere Temperaturen eine neue siehere Grundlage erhält, hei der großen Schwierigkeit der Aufgabe wird dies aber kaum in nahellegender Zeit geschehen.

Hier sei erwähnt, daß die Skala Holborn-Valentisen unch Versuchen von Hen. Valentinen' mit dem Steran-Boltzmannschen Gesetz in Einklang steht.

Zum Vergleich sind hier einige neuere Werte für die absolute Temperatur der Sonne zusammengestellt, die sieh nach anderen Methoden berechnen lassen und in den «Vorlesungen über die Physik der Sonne» von E. Pausosumus. S. 417—422 angegeben sind.

E. Warnung berechnet aus der Solarkonstante gleich 3 bis 4 g-Cal/em ² -Min. und der Konstante des Steras- lioltenannschen Gesetzes σ = 0.0176 g-Cal/em ² -Sek. den		
West mercene empercemental representations.	67609	alis.
E. Phinosumin setzt für σ den gleichen Wert, aber		
für die Solarkonstante als wahrscheinlichsten Wert 2.2		
g-Cal/ent'-Min., dies ergibt	5000°	4
Wird nach O. Lossma and E. Pansesners X T		
= 2940 and mach Franc W. Very A = 0.532 u ge-		
setzt, so ergibt sich	5530°	
λ _{see} = 0.433 μ nach Assor und Fowng ergibt	67909	2)
Nach D. A. Goldmann' ist die Temperatur, berech-		
not nach Energiekurven von Lassurv mus dem Jahre 1881,		
der Größenordnung nach	100000	
Meine Messungen ergeben im Mittel		
nach der Temperaturskala Hotsoss-Day	5730°	
* * HOLBOHN-VALENTINER	6390°	-

Schr bemerkenswert ist die von Hrn. Gormannen gefindene Temperatur von 10000° abs. Hr. Gormannen bemerkt mit Recht, daß die höchste gemessene Temperatur der wahren Temperatur am nächsten kommen muß. Er findet für $\lambda=1.8\,\mu$ die höchste Temperatur, es ist jedoch fraglich, ob die Beobachtungen von Lander aus dem Jahre 1881 für diese Berechnung genau gemig sind.

Wie man sieht, sind die Abweichungen in den Temperaturmessungen nach den verschiedenen Methoden noch sehr erheblich, aber sie

¹ S. VALENTINES, Ann. d. Phys. 31, 175, 1910.

E. Phinomera, B. G. Transen 1910.

E. Wanners, Verla d. Phys. Ges. r. 50, 1896.
 D. A. Goldbergers, Ann. d. Phys. 25, 905, 1908.

sind, abgesehen von den Werten von Hrn. Gennammen, nicht so erheblich, daß man hiernach auf ganz besonders selektive Eigenschaften der Sonne schließen müßte.

Nach Hrn. Goldmannen müßten allerdings solche Eigenschaften in sehr starkem Maße vorhanden sein, da die Temperatur bei den Wellenlängen $\lambda=0.35$ bis $\lambda=2.4$ u zwischen $\pm 200^\circ$ und 9200° absschwankt. Es sind aber wohl erst neuere Versuche abzuwarten, da die Bestimmung eines Normalspektrums mit genauer Intensitätsungabe sehr große experimentelle Schwierigkeiten bietet.

Die Abweichungen meiner Werte werden im wesentlichen durch die Unsieherheit innerhalb der Temperaturskalen und der zugehörigen Konstanten e bestimmt, da die reine Meßgenauigkeit der Methode sehr groß ist. Man wird daher sehr siehere Resultate erhalten können, wenn es sieh nur um relative Bestimmungen, z. B. der Intensität im sichtbaren Spektralgebiet der Sonne, handelt.

Die Intensität der Strahlung, welche zur Erde gelangt, ist proportional sin'a, wenn sin a den scheinbaren Halbmesser der Sonne bezeichnet. Da a von Winter zu Sommer vom Wert 0.263° bis 0.272°, d. h. um 5.3 Prozent schwankt, so schwankt sin'a, also auch die Intensität um 6.6 Prozent. Das ist aber ein Betrag, der mit mehreren geeichten Glählampen sieher auf einer geeigneten Station nachzuweisen wäre, da die photometrische Genauigkeit etwa i Prozent beträgt und der zu Winter bzw. Sommer gehörige Durchlässigkeitsfaktor der Luft entsprechend genau bestimmt werden kann.

Jahresbericht über die Herausgabe der Monumenta Germaniae historiea.

Von REINHOLD KOSER.

Die 37 Pienarversammlung der Centraldirection der Monumenta Germaniae historiea wurde vom 20. bis 22. April d. J. in Berlin abgehalten. Anwesend wuren die HH. Prof. Bresslau aus Straßburg i. E., Archivdirektor Archivent Dr. Krusen aus Hannover, Hofrat Prof. Leschus Ritter von Erenneuten aus Graz, Prof. von Ottenthal aus Wien, Geheimrat Prof. von Ruzzen aus München. Geh. Hofrat Prof. von Strusturven aus Erlangen, Prof. Wermingnoff aus Königsberg i. Pr. sowie die hiesigen Mitglieder Wickl. Geh. Rat Prof. Brunnen Exz., Geh. Regierungsrat Prof. Holder-Ermen, Wirkl. Geh. Oberregierungsrat Kosen als Vorsitzender, Geheimrat Prof. Schäffen, Geh. Hofrat Prof. von Simson, Prof. Tanna, der das Protokoll führte, und Prof. Zeumen. Am Erscheinen verhindert war aus Familienrücksichten Hr. Prof. Rimmen in Witze.

Seit der Erstattung des vorjährigen Berichtes wurden ausgegeben: In der Abteilung Scriptores:

Scriptorum rerum Merovingicarum tomus V ed. Br. Kausen et W. Levison.

Scriptores rerum Germanicarum in usum scholarum separatim editi: Johannis abbatis Victoriensis liber certarum historiarum T. H ed. F. Schneder.

In der Abteilung Leges:

Constitutiones et acta publica imperatorum et regum. Tomi IV partis posterioris fasciculus II ed. J. Schwarz.

Vom Neuen Archiv der Gesellschaft für allere deutsche Geschichtskunde:

Bd, XXXV Heft 3 and Bd. XXXVI Heft 1 and 2.

Im Druck befinden sich seehs Quart- und vier Oktavhände.

Der Schlußband (VI) der Serie der Scriptures verum Merovingicurum ist im Drucke bis zum 23. Bogen gefordert. Für die alteste Vito Lamberti hat der Leiter dieser Serie, Hr. Archivdirektor Kausen in Hannover, sich bemüht, das außerordentlich umfangreiche Handschriftenmaterial, das sich in zwei his ins 8. Jahrhunden zurückreichende Familien spaltet, in möglichster Vollständigkeit zusammenzutragen; für den Altesten Text sind im ganzen 19, für zwei von einander unabhängige mittelalterliche Überarbeitungen seines barbarischen Lateins 27 Handschriften vergliehen worden. Aber auch in die späteren Biographien des Märtyrers, für die bisher noch so gut wie nichts getan war, mußte tiefer eingedrungen werden, als ursprünglich beahsichtigt war, um an diesem typischen Beispiel durch Abdruck größerer Abschnitte aus der jüngeren Überlieferung das Überwuchern der Legende zu zeigen. Handschriften wurden für die Zwecke der Merowingerscrie zugesandt von den Bibliotheken in Admont, Berlin, Bern, Bonn, Brüssel, Coblenz, Dijon, St. Gallen, Gießen, Halberstadt, Lüttich, Luxemburg, München, Prag, Trier (Dom-, Seminar- uml Stadtbibliothek) und Würzburg. Der Leiter der k. k. Familienfideikommiß-Bibliothek in Wien. Hr. Dr. Schnüber, stellte eine photographische Aufnahme des eigentümlichen zweiten Sigiberttextes der Vita Lamberti zur Verfügung, da die Urschrift nicht versendbar war. Durch Besorgung von Kollationen. Auskünfte über einzelne Stellen und sonstige Mitteilungen unterstützten Hrn. Dr. Kursen die HH. P. Fatenmen Frentza in Admont, der Bollandist Hr. P. ALBERT PONCELET in Brüssel, die HH. P. GREGOR JACOBER und FR GALLUS BECKEL in Engelberg, Bibliothekar Dr. J. Brassisse in Lüttich, Bibliothekar Grann in Montpellier und Dr. From Schnemen in Rom. Eine Reise des ständigen Mitarbeiters Hrn. Prof. Levison in Bonn mich England galt insbesondere der Überlieferung der Vita Wilfridi. Neben dieser Vita wurden von demselben eine Reihe von Kapiteln der Vita Trudonis und die bisher ungedrockten Mirucula Gangulfi Tullensia, zur Ergitazung der Vila Gangulfi, für den Druck fertiggestellt. Zu Dank verpflichteten ihn die HH. H. G. Annis und Rosnas von der Universitätsbibliothek und C. W. Moere und Dr. STREAM VOID Corpus Christi College in Cambridge, Rev. C. E. Woodscor and Dr. E. Moone in Canterbury, Rev. A. R. Mannisos in Lincoln, Jeners vom Lambeth Palace in London, A. Cowley von der Bodleiana, R. W. Livisasrose vom Corpus Christi College und W. A. STEVENSON vom St. Johns College in Oxford, Prof. Landove in Paris and Oberbibliothekar G. Lemmann in München, sowie die HH, Beamten des Britischen Museums in London und der Kgl. Bibliothek in Brüssel

Die englische Forschungsreise des Hrn. Prof. Levison hat auch seinen Sammlungen für den zweiten Teil des Liber Pontificalie Ertrag geboten. Die Ergebnisse einer einschlägigen Einzehuntersuchung wurden in dem Aufsatze über Pseudo-Lindprand (Neues Archiv Bd. XXXVI) niedergelegt.

In der Hauptserie der Scriptores hat der Abteilungsleiter Hr. Geh. Regierungsrat Prof. Honora-Essan nach Wiederherstellung seiner Gesundheit, deren Zustand eine längere Unterbrechung seiner Tätigkeit erforderlich gemacht hatte, die Arbeiten für seine Lebensbeschreibung des Minoriten Salimbene de Adam, die nummehr in Druck gegeben werden kann, und für seine Einleitung zu der im XXXII. Band der Scriptures vorliegenden Ausgabe Salimbenes wiederaufgenommen. im zweiten Hefte des XXXVI. Bandes vom Neuen Archiv bewirkte er eine vorlänfige Ausgabe des Schlußteiles des Liber de historia Romana, letzten Werkes des Ricolaild con Ferrara, nach der 1901 von ihm abgeschriebenen einzigen Handschrift zu Poppl in Toskana; den Anlaß gab der Umstand, daß die Texthilfsquelle für diesen Schlubteil, eine bereits 1801 von Hen. Holder-Eogen geprüfte Italienische Übersetzung auf der Marcus-Bibliothek in Venedig, vor kurzem durch Carlo Faari, aber noch ohne Heranziehung des lateinischen Originals, veröffentlicht worden ist. Abermals, wie im Vorjahre, war Hr. Holmer-Eoder in der Lage. über eine bisber unbekannte Widukouf-Handschrift zu berichten (Neues Archiv XXXVI), die, auf Konrad Pentingers Veranlassung in der ersten Hälfte des 16. Jahrhunderts hergestellt, seit 1903 der Münchener Hafund Staatsbibliothek gehört und durch den Hrn. Oberbibliothekar Dr. Lemmark freundlichst nachgewiesen und zur Verfügung gestellt wurde. Die im vorigen Jahresbericht angekündigte Untersuchung über die Gesta Florentinorum hat der ständige Mitarbeiter Hr. Privatdozent Dr. Schmenten in Laipzig als letzte seiner der Ausgabe des Tholomeus von Lucca gewidmeten Vorarbeiten inzwischen in demselben Bande des Neuen Archivs erscheinen lassen,

Nachdem in der Sammlung der Scriptores verum Germanicarum die fünfte, von Hrn. Holder-Eguen besorgte Auflage der Vila Karoli Magni des Einhard schon fünf Jahre nach ihrem Erscheinen vergriffen war; hat der Bearbeiter sieh entschlossen, für eine sechste Auflage den gesamten Handschriftenvorrat über die von den früheren Herausgebern Warrz und Jaszi geleistete kritische Arbeit hinaus einer durchgreifenden Revision zu unterziehen, wobei ihn die HH. HERRI LEBESUR in Paris, Dr. Danvez in Florenz und Privatdozent Dr. Hisson in Wien freumdlichst unterstützten. Für die erforderliche neue Bearbeitung der Werke des Lindprand von Cremona ist Hr. Oberlehrer Dr. Josep Broken in Rogasen gewonnen worden; die der Vita Heinriei IV. hat gleichfalls der Abteilungsleiter übernommen. Hr. Dr. Schmeiden hat die Arbeiten für seine Ausgabe des Adam von Bremen vervollständigt; dem Hrn. Bibliothekar A. Baönsnö in Kopenhagen verdankt er, neben fortgeseizter Unterstützung bei Benutzung des Kopenhagener Materials, den Hinwels auf eine Inkunabel der Prager Universitätsbibliothek, die auf

einigen Blättern eine aus dem Kloster Segeberg stammende Abschrift der Epistolo Sidono aus dem Beginn des 16. Jahrhunderts enthält; weiter war u. a. eine Handschrift der Gronim Normegle Duein et Swerie aus der Gymnasialbibliothek zu Coblenz, jetzt auf dem Staatsarchiv daselbst befindlich, neu heranzuziehen, die das vierte Buch der Gesta Hammihurgensis exlesiue zum größten Tell wiedergibt. Für die Bearbeitung des kritischen Apparates zu Cosmar von Prog hat sich Hr. Landesarchivdirektor Barranaz in Brûnn mit Hrn. Dr. Weinneagen in Verbindung gesetzt; eine Bereicherung erhielt der Apparat durch die Wiederauffindung der verloren geglanbten Brewnower Handschrift. Von der durch den ständigen Mitarbeiter Hrn. Privatdozenten Dr. Horomaten besorgten zweiten Auflage der Chronik Ottos von Freising steht nur der Druck der Vorrede und des Registers noch aus. Das Manuskript für die dritte Auflage der Gesta Friderici I von Otto und Rahmein hat Hr Geh. Hofrat Prof. von Smson druckfertig eingeliefert. Hr. Prof. Unique in Graz hat die für die Texikonstitulerung der Annales Austriae grundlegenden Hamlschriften mit einem Besuche der Bibliotheken und Archive der Stifter St. Peter in Salzburg, Melk, Heiligenkreuz, Reun und Voran nahezu erhaligt; zu großem Danke verpflichteten ihn durch ihr Entgegenkommen die Direktion der k. k. Hofbibliothek in Wien, die hochwürdigsten HII, Abte Willingen Haufhalbe, Angenes Jons, D. Garron Pock, Bisso Brancuer, der bochwärdige Hr. Prior Dr. R. Koursonav und die hochwürdigen HH. Bibliothekare P. Fangomen Fran, D. FERRIAN WATEL, ANTON WESS, THEOROGICH LARPER (1).

Für die Bearbeitung der Historischen Lieder in deutscher Sprache muß leider, da auch Hr. Dr. Miener von dieser Ausgabe zurückzutreten genötigt war, abermals ein Ersatz gesucht werden. Die Bearbeitung der Dichtungen Suchenwirts hofft Hr. Dr. Louisen in Göttingen demnächst abzuschließen.

In dem der Leitung des Hrn. Wirkl. Geh. Rats Prof. Baussen untersteilten Bereiche der Leges hat Hr. Geh. Justizrat Prof. Sacasa eine achte Quellenstudie zu Benedictus Levilu nahezu fertiggesteilt: der Cod. Paris. lat 4634, der den ganzen Benedictus enthält, ist durch Hrn. Dr. Casasa, die Handschrift 145 der Bibliothek zu Avranches für Benedictus I und II. 1—362 durch Hrn. Dr. E. Müllen kollationiert worden. Der durch Hrn. Prof. von Schwish für das Neue Archiv bestimmten Abhandiung über das Verhältnis der Handschriften der Lex Bainmariorum wird Hr. von Kralik eine kleine Untersuchung über die deutschen Wörter dieses Volksrechts folgen lassen. Hr. Privatdozent Dr. Freiherr von Schwenn hat in die Vorarbeiten für seine Ausgabe der Lex Thuringorum auch die in deren einziger Bandschrift mitenthaltene Lex Sammon mit den anschließenden beiden Kapitalarien ein-

bezogen, um dadurch eine sicherere Lösung der noch ungeklärten Fragen nach der Heimat dieser Handschrift und des in der Ausgabe von Hemoto benutzten Kodex herbeizuführen.

Was die von Hrn. Prof. Zeusen geleiteten Serien der Abteilung Leges anbetrifft, so hat zumächst der ständige Mitarbeiter Hr. Dr. Kannann in der Abhandlung Zur Entstehung der Lex Salica. (in der Festschrift für Heisenen Brennen, Weimar 1910) die Ergebnisse seiner Forschungen dahin zusammengefallt, daß unsere ganze Überlieferung der Lex Salica auf eine Neubearbeitung des alten Gesetzes durch König Pippin, vermutlich nus den Jahren 762/54, zurückgeht; des weiteren beschäftigte ihn die Anlage des umfänglichen sachliehen Kommentarzu dem Urtext und die Abfassung einer als selbständiges Buch demnächst zu veröffentlichenden Textgeschiehte der Lex Salica. Hr. Privatdozent D. Dr. Henner Bassass in Straßburg hat die für die Serie der Concilia von ihm übernommene Bearbeitung der Libri Gradial im druckfertigen Manuskript vorgelegt.

Der Plan zu einer Sammlung der Hof- und Dienstrechte des 11. bis 13: Jahrhunderts mußte bis auf weiteres zurückgestellt werden, da Hr. Dr. Ruges in Heidelberg nicht in der Lage ist, sich dieser

Aufgabe weiter zu widmen.

In der Serie der Constitutiones et acta publica region et imperatorum hat Hr. Bibliothekar Prof. Schwarm in Hamburg das Registerheft zu dem vierten Bande erschemen lassen; der Index nominum ist von dem Herausgeber seiber, der Index rerum et verborum von Hrn. Dr. R. Salonos, der Index chronologicus über die Bände I-IV dieser Serie von Hen, Referendar F. Sammon verfaßt. Der Druck des zweiten Halbbandes von Bd. V ist durch Hen. Prof. Schwalm bis zum Bogen 96 (Sommer 1324), der des zweiten Halbbandes von Bd. VIII durch den Herrn Abteilungsleiter und Hrn. Dr. R. Salonov his zum Bogen 61 (Ende 1347) gefördert worden. Einen ausführlichen Bericht über seine in den Jahren 1908 und 1909 ausgeführten Forschungsreisen hat Hr. Dr. Saloson im Neuen Archiv Bd. XXXVI, 470-517 veröffentlicht; im September 1910 unternahm er eine Reise nach Paris. Durch Zusendung von Archivalien und Ertellung von Auskünften unterstützten den Abteilungsleiter und seinen Mitarbeiter die staatliehen Archive in Berlin, Breslau, Coblenz, St. Gallen, Karlsruhe, Marburg, München. Prag, Solothurn, Stuttgart, die Bezirksarchive in Colmar und Straßburg, die Stadtarchive in Colmar, Frankfurt a. M., Freiburg i. Br., Kaysersberg, Mülhausen i. E., Oberchnheim, Schlettstadt, Türkheim, Villingen, Weißenburg, das Deutschordenszentralarchiv in Wien, die Universitätsbibliothek in Leipzig; ferner die HH. Archivrat Dr. Jaccos in Wernigerode, Stantsarchivar A. Placer in Neuenburg (Schweiz), Akademiker (ich Rat Salemann in St. Petersburg, P. Dr. Redout Sensenburg in Melk, Archivassistent Dr. J. Senneze in Marburg, Staatsarchivar Prof. Dr. Türkir in Bern.

For die Diplomata Karolingrum hat Hr. Prof. Taxon die große Gruppe der Salzburger Urkunden, um den in der jüngst erschienenen ersten Lieferung des IL Bandes des Salzburger Urkundenbuchs unerledigt gehliebenen kritischen Fragen näherzutreten, zum Gegenstund einer umfassenden Untersuchung gemacht und zu diesem Behufe in die im k. and k. Haus-, Hof- and Staatsarchiv zu Wien befindlichen Originale dieser Gruppe im Herbst vorigen Jahres nochmals Einsicht genommen. Dabei ergab sieh u. a., in Erweiterung der hisher an der großen Arnulf-Fälschung geübten Kritik, die Unsehtheit der Arnulf-Urkunde Mühlbacher! Nr. 1858. Für die Urkunden Ladwigs des Frommen setzte Hr. Taxon die Bearbeitung der Empfängergruppen fort, der stän- . dige Mitarheiter, Hr. Dr. Münza, die der sachlichen Gruppen (Zollurkunden, Besitzurkonden, Immunitätsdiplome). Für die Urkunden Ludwigs des Deutschen legte derselbe ein Verzeichnls nach dem Rechtsinhalt an. Eine plumpe Fälschung auf den Namen Karls des Großen, die im Archivio Muratoriano Nr. VI veröffentlicht worden ist, ließ sieh einem in der ersten Hälfte des 15 Jahrhunderts arheitenden Fälscher, dem eine Urkonde aus der Kaiserzeit Karls IV. als Vorlage diente, zuweisen.

Die Arbeiten für den V. Band der Diplomata sacc, XI sind durch Hrn. Prof. Bresslau zu Straßburg i. E. im Verein mit Hrn. Prof. Wired. weitergeführt worden. Ein Versuch, in Nordhausen Spuren einer noch von Fossterann gekannten handschriftlichen Überlieferung der Diplome Heinrichs III. wiederaufzufinden, ist leider erfolglos geblieben. Dagegen sind in Paderhorn beim Umzug des bischöflichen Generalvikariats in ein neues Dienstgebäude die seit 60 Jahren vermißten Urkunden für das Kloster Helmarshausen wieder zum Vorschein gekommen, darunter außer einer erheblichen Anzahl von Mainzer Erzbischofs- und Paderborner Bischofsurkunden des 12. Jahrhunderts drei Diplome der salischen Zeit: das schön erhaltene Original für D.K. H 190, ein nunmehr in Bd. V unter den Nachträgen nochmals zu veröffentlichendes Stück; die Urschrift der Fälschung auf den Namen Heinrichs IV., Stumpf 2938 und das Original der Urkunde Hehrrichs V., St. 3017, die neben einem verlorenen Diplom Heinrichs IV. für jene Fälschung benutzt worden ist. Durch einen freundlichen Hinweis des Hrn. Oberlehrers Dr. Prary in Hofgeismar auf die Ausfindung aufmerkaam geworden, hat Hr. Prof. Burssnar dank dem Entgegenkommen des bischöflichen Generalvikars, Hrn. Dompropstes Sensirz in Paderborn, die Urkunden an Ort

Unter Leitung des Hrn. Prof. von Orreguat wurden in Wien die Arbeiten für die Diplomata sace, XII von then und den HH. Dr. Herson und Dr. Sanance in der Weise fortgesetzt, daß die mit Originalen Konrads III. einsetzenden deutschen Gruppen bis zum Ausgang der Regierungszeit Heinrichs VI. Erledigung fanden, und zwar die Gruppen Salem und St. Peter im Schwarzwald (aus Karlsruhe); Ranshofen, Ursberg, Waldsassen, Weitlenohe (aus München); Kloster St. Lambrecht in Steiermark; Gottesgnade (aus Magdeburg), Nienburg (aus Magdeburg und Zerbsti; außerdem einiges abschriftliche Material aus dem Staatsarchiv in Weizlar and dem Haus- and Landesarchiv in Detmold. Eine weit größere Ausbeute gewährten zwei Reisen. Der Herr Abteilungsleiter, von den Vorständen der Archive überall auf das entgegenkommendste aufgenommen, verfolgte die abschriftlichen Überlieferungen der Gruppen Fulda (im Staatsarchiv zu Marburg), Elten und Stable (Düsseldorf). Corvey, Marienmünster, Wildeshausen (Münster), Drübeck und Hilwartshausen (Wernigerode), Stadt Magdeburg und Alsleben (Magdeburg), Nienburg (Zerbst), Bürgeln (Altenburg, Weimar, Gotha); der Versuch, der noch unbekannten Überlieferung von Diplomen für Gerhard von Lochtum und Königslutter nachzukommen, blieb erfolglos. Der ständige Mitarbeiter. Hr. Privatdozent Dr. Husen, erfedigte auf einer fünfwöchigen Reise die Gruppen Staatsverträge, S. Niccolò al Rialto, SS. Ilario e Benedetto in Venedig, Santa Maria in Porto in Ravenna und die Kaiserurkunden der Bistumer Treviso und Feltre. Das Staatsarchiv und die Biblioteca Marciana in Venedig, die Biblioteca Classensis und das Archivio Capitolare in Ravenna, das Archivio della mensa vescovile, die Biblioteca Capitolare und die Biblioteca Comunale in Treviso, das Museo civico in Bassano und in Bellimo, das Archivio Capitolare und das Archivia Vescovile in Feltre, die Biblioteca Comunaie in Udine. und die Seminarbibliothek in Padua haben die Nachforschungen des Hen. Dr. Hinsen mit größter Liberalität, auch durch die Erlaubnis zu photographischen Aufnahmen, unterstützt.

In der Abteilung Epistolae ist die Druckiegung der Briefe des Papstes Nikolaus I. bis zum 72. Bogen des zweiten Halbhandes vom Band VI vorgeschritten. Durch Kollationen und Auskünste unterstützten den Herausgeber Hrn. Privatdozenten Dr. Perrus, außer dem mit der Leitung dieser Edition betrauten Hrn. Prof. Werdnsunden in Königsberg, die HH. Privatdozent Dr. Caspan und Geheimrat Prof. Seckul in Beelin, Dr. Finder Schnender in Rom. Hofrat Prof. Tranka in Graz. Für die ihm weiter übertragene Ausgabe der Briefe und Prologe des Anastasius Bibliotherarius kollationierte Hr. Dr. Perrus die nach Berlin übersandte Handschrift der Bibliothek zu Chartres, unter Heranziehung der durch Hrn. Prof. Leuson in Bonn von seiner englischen Studienreise mitge-

brachten Vergleichungen. Hr. Dr. Gaseau hat für den VII. Band, von dem Abteilungsleiter Hrn. Prof. Tasst und Hrn. Dr. Punkts unterstützt, den im September 1910 begonnenen Druck des Registrum Johannis VIII. his zum Bogen 15 vorschreiten lassen und eine zusammenftessende Untersuchung über diese Quelle im XXXVI. Bande des Neuen Archivs vorgelege. Auf einer für die Zwecke dieser Edition im März d. J. unternommenen Reise nach Italien hat er seine Studien über das päpstliche Registerwesen auf das Register (regors VII. ausgedehnt und in Modena und Rom sowohl dessen älteste (vatikanische) Handschrift wie auch die jüngeren geprüft, nachdem er bereits im Juli und August 1910 eine Kollation der uns nach Berlin ausgeliehenen Handschrift von Troyes angefertigt hatte.

Für die Serie der Portas Latini in der Abteilung Antiquitates hat deren ständiger Mitarbeiter Hr. Prof. Stazekka nach Abschluß einer umfassenden, auf nahezu 40 Handschriften ausgedehnten Untersuchung über die Cena Cypriani, sowie nach Rezension ihrer Cherarbeitung durch Hrobeans Mourus, der unter den Werken des Beda stehenden Vila Justini, der ungedruckten Vita S. Christophori und nach Bearbeitung ehythmischer Gedielite komputistischen Inhalts die Sammlung der kurnlingischen Rhythmen im Manuskript so weit fertiggestellt, daß der Druck in absehbarer Zeit beginnen kann. Für freundliche Unterstützung hat er zu danken den Vorständen der Bibliotheken in Avranches, Grenoble, Montpellier, Tours, Troyes, Ivrea, Brüssel, Leiden, München, Trier und Wien, ferner den HH. Biocso Arners in Monte Cassino, H. Brewen und P. Albert Posezer in Brüssel, H. Dreven in Florenz, G. Kre-TENER In Trier, H. LEBERCE in Paris, W. Lavison in Bonn, B. Rivière in Doual, F. Schweimen in Rom, Hars Freiherrn von Sobes und M. Tassi. in Berlin.

Von dem vierten, durch Hrn. Pfacrer Dr. Adalment Focus O.S.R. in Brunnkirchen bearbeiteten Bande (Passauer Diözese österreichischen Anteils) der Serie Necrologie liegen 21 Bogen gedruckt vor; leider konnte das dem Hrn. Abseilungsleiter Geheimrat Prof. Holden-Eosen schon vor Jahresfrist übergebene Manuskript des V. Bandes mit den durch den Erabischöflichen Bibliothekar Hrn. Dr. Fastlissen gesammelten Nekrologien aus dem bayerischen Anteil der Passauer Diözese von der bereits zu stark belasteten Druckerei noch nicht in Angriff genommen werden.

Die von Hrn. Prof Enwann in Gothn vorbereitete und nunmehr zum Druck angemeldete, bisher zur Aufnahme in die Sammlung der Poetae Latini bestimmte Ausgabe der Werke des Ablhelm von Sherborne wird auf Beschluß der Centraldirection als XV. (Schluß-) Band der Auctores untoquissimi erscheinen. Nachdem der Herr Staatssekretär des innern dem Hra. Prof. Chrocest in Würzburg für die Fortsetzung der von ihm herausgegebenen Monnmento palarogrophien eine beträchtliche Unterstützung aus Reichsmitteln bewilligt und zugleich aus diesem Anlaß der Centraldirection der Monnmento Germanias eine begutachtende Mitwickung bei der genannten Publikation übertragen hat, haben wir für diese Aufgabe einen Ausschuß bestellt, dem nuber dem Vorsitzenden die HH. Bessslau, von Otterstutze, von Stersbewere und Tanan angehören.

Für die Zwecke der uns übergebenen Tranke-Bibliothek wurde im Berichtsjahre unter der Verwaltung des Hrn. Bibliothekars Dr. Jacons der Betrag von 4907 Mark aufgewandt.

Der vorstehende Bericht läßt von neuem erschen. In wie ausgedehntem Maße und wie andauernd unsere Arbeiten von allen Seiten, sowohl von wissenschaftlichen Anstalten wie von einzelnen Gelehrten, Förderung erfahren. Zu immer erneutem Dank verpflichteten uns auch das Auswärtige Amt des Deutschen Reiches, das Kgl. Preußische Historische Institut in Rom, der Hr. Präfekt der Vatikanischen Bibliothek P. Franz Ehrzu, Hr. Onont von der Nationalbibliothek in Paris und die Herren Beamten der Handschriftenabzeilung und des Zeitschriftensaales der Berliner Kgl. Bibliothek.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DEK

XXVI.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

18. Mai. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. WALDEVER J. V.

1. Hr. Fiscura his über eine in Gemeinschaft mit Hrn. Dr. H. Schrmien ausgeführte Untersuchung - Zur Kenntniss der Waldenschen Umkehrung - Verwandlungen der S-Aminobuttersäure.

Die Uherführung der activen Aminosaure in Oxysaure giebt optisch verschiedene Producte, je usehdem sie durch salpetrige Säure ader durch Nitzosylchlorid und nachtengliche Behandlung der hierhei entstehenden Chlorhattersäure bewirkt wird. Damit ist der Beweis geliefert, dass auch in der G-Reihe eine Umkehrung der Configuration möglich ist.

Vorgelegt wurde der 2. Band des mit Unterstützung der Akademie bearbeiteten Werkes Logarithmisch-trigonometrische Tafeln mit ucht Dezimalstellen. Neu berechnet und brsg. von J. Bausemssen und J. Peters. Leipzig 1911.

Zur Kenntnis der Waldenschen Umkehrung VI.

Verwandlungen der B-Aminobuttersäure.

Von Emi: Fischer und Helmuth Schemler.

I'm die Frage zu entscheiden, ob eine Wardenselie Umkehrung, die hisher dur hei z-substituierten Säuren festgestellt wurde, auch in der E-Reihe stattfinden kann, haben wir früher Versuche mit der linksdrehenden E-Oxybuttersäure angestellt, konnten aber bei der Überführung in Chlorbuttersäure und deren Rückverwandlung in Oxysäure keinen Wechsel der Konfiguration nachweisen. Wir haben deshalb die Untersuchung auf die E-Aminobuttersäure ausgedehnt. Sie ist bisher nur in der racemischen Form bekannt. Ihre Spaltung in die optisch aktiven Komponenten hat uns besondere Mühe hereitet. Sie gelang erst durch Kristallisation des Kamphersulfonates ihres Methylesters

Die aktive Aminosäure ließ sich nun auf zweierlei Weise in Oxysäure verwandeln, einmal durch salpetrige Säure und das andere Maldurch Behandlung mit Nitrosylchlorid und nachträgliches Koehen der dabei entstehenden Chiorbuttersäure mit Wasser. Beide Reaktionen verlaufen lange nicht so glatt wie bei den z-Aminosäuren. Außerdem findet ziemlich starke Racemisierung statt. Trotzdem glauben wir den Beweis liefern zu können, daß beide Wege von der gleichen Aminosäure zu den beiden optisch entgegengesetzten Oxysäuren führen.

 $d\text{-}\beta\text{-}\text{Aminobutters}$ $A_{G_{i}} = b\text{-}\beta\text{-}\text{Chlorbutters}$ $\frac{(H_{i}O)}{d\text{-}\beta\text{-}Oxybutters}$

Daraus folgt weiter, daß wenigstens bei einer der augewandten Reaktionen eine Wardensche Umkehrung stattfindet. Dieses Phänomen ist also nicht mehr auf die z-substituierten Säuren beschränkt.

Vgl. frahere Mitteilungsu; Ber. d. D. chem. (Ies. 40, 489 (1907); 41, 889 (1908);
 41, 1891 (1908); 42, 1219 (1909); 43, 1020 (1910);
 E. Finenez und H. Sengman, ther. d. D. chem. (Ies. 42, 1219 (1909))

Darstellung des dl-&-Aminobuttersauremethylesters.

Da wie für die nachfolgenden Versuche erhebliche Mengen des Esters nötig hatten, so war es für uns wichtig, ein ergiebiges Verfahren für seine Darstellung auszuarbeiten. Wir haben deshalb die Methode von Essen zur Bereitung der S-Aminobuttershure aus Crotonsäure und Ammoniak, die trotz der Verbesserung von Tu. Courtes? in hezug auf Ausbeute und Reinheit des Produktes zu wünschen übrigläßt, etwas abgeändert. Dabei kamen uns die Beobachtungen von G. Stadminger zustatten, daß bei dieser Reaktion als Nebenprodukt. sym, 3-Iminodibuttersäure entsteht, deren Menge aber bei langer Dauer des Erhitzens viel geringer ist. Wir können diese Erfahrungen noch durch die Beobachtung ergänzen, daß die als Methylester isolierte 5-Iminodibuttersäure sich durch 24 stündiges Erhitzen mit überschüssigem, wässerigem Ammoniak auf 130-140° zum größten Teil in E-Aminobuttersäure umwandeln läßt. Letztere haben wir bei den Versuch in ganz reinem Zustand isoliert und durch die Analyse identitiziert.

Entsprechend diesen Erfahrungen haben wir 100 g Grotonsäure mit 1 / wäßrigem, in der Kälte gesättigtem Ammoniak in einem eisernen, mit Porzellaneinsatz versehenen Autoklaven 24 Stunden im Ölbad auf 130-140° (Temperatur des Öls) erhitzt, dann die Lasung in einer Schule auf dem Wasserbade verdampft und den Rfiekstand noch mehrmals mit Wasser eingedampft, um das Ammoniak möglichst zu entfernen. Für die Reinigung der Aminosäure haben wir ebenso wie STADNBOFF ihren Ester benutzt, aber statt der Athylverbindung den Methylester dargestellt, weil wir ihn auch für die Spaltung in die aktiven Komponenten nötig hatten. Zu dem Zweck wurde die rohe-Aminosäure mit überschüssiger Salzsäure versetzt, wieder verdampft, der zurückbleibende Sirup in 500 eem Methylalkohol gelöst und die Flüssigkeit in der äblichen Weise mit gusfärmiger Salzsäure gesättigt. Nach mehrständigem Stehen wurde der Methylalkohol unter vermindertem Druck verdampft und die Veresterung mit trocknem Methylalkohol wiederholt. Beim abermaligen Verdampfen unter vermindertem Druck blieb das Hydrochlarid des Esters als Sirup zurück. Zur Darstellung des freien Esters haben wir es nicht mit Alkali, sondern mit Ammaniak zerlegt. Zu dem Zweck wurde der Sirup unter Kühlung durch eine Mischung von Eis und Kochsalz unter Schütteln mit

¹ R. Exuen, Bull, sec. shim. 50, res (1888).

³ Th. Courney, Joseph prakt. Ch. [2] 70, 204 (1904).

² G. Stansmert, Chem. Zentralblatt 1909 H. 1988. Rev. d. D. chem. Gen. 44, 45 (1911).

yersetzt und schließlich noch gasförmiges Ammoniak langsam versetzt und schließlich noch gasförmiges Ammoniak eingeleitet, bis die Flüssigkeit ziemlich stark danach roch. Die Temperatur blieb dauernd unter o°. Dann wurde mit 500 ccm Äther versetzt, vom Chlorammonium abültriert, die Flüssigkeit 10 Minuten mit Kallum-carbonat geschütielt und unter vermindertem Druck aus einem Rade, dessen Temperatur nicht über 20° stieg, verdampft. Der Rückstand wurde in wenig Äther gelöst, mit Natriumsulfat getrocknet und nach dem Verjagen des Äthers bei ungeführ 15 mm fraktioniert. Die Fraktion von 45 bis 80° betrug 80 g. Sie wurde nochmals mit Natriumsulfat getrocknet. Abermalige Destiliation gab jetzt 75 g (55 Prozent der Theorie) reinen Methylester (Sdp.,, = 62—63°). Der Nachlauf wur gering (3.7 g). Aus dem beträchtlichen Vorlauf wurden durch Verseifung mit Wasser noch 7.5 g (6.2 Prozent d. Th.) & Aminobuttersänre erhalten. Die Gesamtansbeute betrug also gegen 61 Prozent d. Th.

0.1408 g Subst.: 0,2643 g CO., 0.1201 g H₂O 0.1794 g Subst.: 18.6 cem N (18%, 760 mm)

C.H., O.N (117.1) Berechnet: C 51.23 H 9.47 N 11.96 Gefunden: C 51.19 H 9.54 N 12.02

Der β -Aminobuttersäuremethylester kocht unter 13 mm bei 54 bis 55° $d^{-}=0.993$. Er gleicht dem schon bekannten Äthylester', ist eine farblose, stark riechende Flüssigkeit, die sich in Wasser, Alkohol, Äther und Ligroin leicht löst.

dl-G-Aminobuttersäure.

Durch 4 stündiges Kochen mit der 10 fachen Menge Wasser am Rückflußkühler wird der Aminobuttersäureester völlig verseift, wie das Verschwinden der alkalischen Reaktion beweist, und beim Eindampfen der wäßrigen Lösung bleibt die inaktive 3-Aminobuttersäure sofort kristallinisch und fast rein zurück. Zum Umkristallisieren löst man am besten in trocknem, kochendem Methylalkohol, wovon etwa die 20 fache tiewichtsmenge nötig ist, konzentriert diese Lösung durch Abdampfen stark und fügt dann etwa die 10 fache Menge heißen Athylalkohol zu, worin die Aminosäure viel schwerer löslich ist. Beim Abkühlen erfolgt bald die Abscheidung von kugeligen Kristallaggregaten, die aus feinen Nadeln bestehen. Im Vakuumexsikkator getrocknet war dieses Präparat analysenrein.

E. Fisches and G. Ronnes, Ber. d. O. chem. Ges. 34, 3755 (1901).

0.1523 g Subst : 0.2605 g CO₂, 0.1197 g H₂O 0.1675 g * 18.8 ccm N (12°, 770 mm)

C.H.O.N (103.1) Berechnet: C 46.56 H 8.80 N 13.59 Gefunden: C 46.65 H 8.79 N 13.52

Die Aminosäure zersetzt sich beim Schmelzen unter Gasentwicklung, weshalb der Schmelzpunkt nicht konstant ist. Wir funden ihn im Kapillarrohr gegen 187—188° (korr. 191—192°), was mit der Angabe von Weinsz und Romanne (184°) oder Stanskoss* (185—187°) genügend übereinstimmt.

Mit dem reinen Material haben wir die älteren Versuche über die Benzoyl- und die Phenylisocyanatverbindung wiederholt und bestätigt gefunden.

Das Kupfersalz erhielt Essei durch Kochen der wälbrigen Lösung der Aminosäure mit Kupferoxyd. Wir haben aber gefunden, daß die Bildung des Salzes viel langsamer erfolgt als bei den z-Aminosäuren und führen zum Beweise dafür folgenden Versuch an.

0.5 g reine 2-Aminobattersäure wurde mit 10-15 ccm Wasser und überschüssigem, frisch gefälltem Kupferoxyd eine Stunde gekocht, dann flitriert und stark eingeengt. Die Kristallisation des Kupfersalzes begann bald. Zur völligen Abscheidung wurde die Flüssigkeit noch mit Alkohol versetzt. Die Ausbeute betrug aber nur 0.27 g, also noch nicht die Hälfte der Menge, die hätte entstehen müssen, und aus dem Filtrat konnte viel unveränderte Aminosäure isoliert werden.

Wie E. Fischer und G. Zehrles betont haben, ist die Fähigkeit, in wäßriger, kochemier Lösung reichliche Mengen von Kupferoxyd aufzunehmen, beschränkt auf die z- und S-Aminosäuren, denn 7-, 6- und s-Säuren lösen unter diesen Bedingungen das Metalloxyd entweder gar nicht oder nur in sehr geringer Menge. Wie obiger Versuch zeigt, besteht nun auch noch zwischen z- und S-Aminosäuren ein Unterschied in der Leichtigkeit, die Kupferverbindung zu bilden.

Man stellt deshalb das Kupfersalz der 3-Aminobuttersaure besser so dar, daß man i g Säure mit 0.96 g (āquimolekulare Menge) reinem, aus Wasser umkristallisiertem Kupferacetat in heißer wäßriger Lösung zusammenbringt, dann auf dem Wasserbade verdampft und nach Zusatz von Wasser das Verdampfen mehrmals wiederholt, bis der Gerneh der

¹ H. Weiber, and E. Rottusen, Mountah. 17, 186 (1896).

³ G. Stansmort, Her. d. D. chem. Ges. 44-47 (2011).

^{*} E. Fischen und G. Roeden, Ber. d. D. chem. Gos. 34, 2755 (1901).

^{*} B. Exact, Bull soc. chim. 50, 102 (1888).

Ber. d. D. chem. Ges. 42, 4883 (1909).

Essigsäure verschwunden ist. Das Kupfersalz läßt sich durch Umlösen aus Wasser leicht völlig reinigen und die Ausbeute ist nahezu quantitativ.

S-Naphthallusulfo-dl-S-Aminobuttershure, CmH, SO, NH, CH (CHJ), CH, COOH.

Sie läßt sieh in derselben Weise wie das E-Naphthalinsulfoglycin darstellen. Beim Ansäuern der ulkalischen Lösung fällt sie erst ölig aus, kristallisiert aber bald. Zur völligen Reinigung wurde sie aus der 250 fachen Menge siedendem Wasser umkristallisiert und für die Analyse im Vakunmexsikkator getrocknet.

0.1696 g Subst., 0.3555 g CO., 0.0810 g H,O 0.2029 g Subst.: 8.4 cem N(19°, 767 mm)

C. H. O.NS (293.2) Berechnet: C 57:30 H 5-16 N 4-78 Gefunden: C 57:14 H 5-34 N 4.82

Aus Wasser kristallisiert sie in Prismen. Im Kapillarrohr sintert sie von 163° korr.) an und schmilzt bei 166—167° (korr.). in Alkohol und Essigester ist sie leicht löslich. Wegen der geringen Löslichkeit in Wasser kann sie zur Abscheidung und auch zur Erkennung der E-Aminobuttersäme benutzt werden.

E-limino-dibuttersauremethylester.

Er entspricht in Bildungsweise und Eigenschaften der von Stansucher beschriebenen Äthylverbindung. Wir haben ihn bei der Darstellung des 2-Aminobuttersäuremethylesters als Nebenprodukt erhalten, besonders dann, wenn die Erhitzung der Grotonsäure mit Ammoniak nach der Vorschrift von Cournes ausgeführt wurde.

Der zweimal destillierte Ester hat:

 $Sdp_{16} = 135^{\circ}$, $Sdp_{16} = 144 - 145^{\circ}$; $d^{\circ} = 1.044$.

0.1512 g Subst.: 0.3050 g CO2, 0.1186 g H,O 0.2013 g Subst.: 11.2 ccm N (186, 756 mm)

O. H. O. N (217.2) Berechnet, C 55.25 H 8.82 N 6.45 Gefunden: C 55.02 H 8.78 N 6.44

^{*} K. Fissman and P. Banagir, Ber. d. D. Chem. Ges. 35, 3779 (1902).

* Ber. d. D. Chem. Ges. 44, 47 (1911).

Spaltung des dl-2-Aminobuttersäuremethylesters in die optisch aktiven Komponenten.

Zu einer Lösung von 116 g d-Kamphersulfosäure (0.5 Mol.) in 350 g trocknem Methylalkohol fügten wir unter Kühlung zuerst 58.5 g reinen S-Aminobuttersäuremethylester (0.5 Mol.) und damn unter Umschütteln 1300 rem trocknen Äther. Nach kurzer Zeit begann die Kristallisation des Kamphersulfonats, das sehr leichte mikroskopische Nädelchen bildet. Nach tratundigem Stehen im Eisschrank wurde die Kristallmasse, welche die Flüssigkeit ganz durchsetzte, scharf abgesaugt und mit einer auf oo abgekühlten Mischung von i Teil trocknem Methylalkohol und 3 Teilen trockenem Ather ausgewaschen. Die Ausbeute betrug ungefähr 130 g oder d der Gesamtmenge des gelösten Salzes. Das Salz enthält den Ester der linksdrehenden Aminosäure im Überschuß, das Filtrat diente dementsprechend zur Darstellung der d-Verbindung. Das kristallisierte Salz wurde von neuem in der doppelten Gewichtsmenge trocknem Methylalkohol gelöst und nach Zusatz des dreifschen Volumens Äther im Eisschrank der Kristallisation überlassen, wobei wieder ungefähr 4 der Gesamtmenge ausfielen. Die Trennung der beiden Kamphersulfonate ging leider auf diesem Wege so langsam vor sich, daß selbst nach zehnmaligem Umkristallisieren die optische Aktivität der aus dem Salz isollerten Aminosäure erst 40 Prozent des richtigen Wertes betrug. Wir haben uns deshalb in der Regel mit 4 oder 5 Kristallisationen begnügt und die aus dem Salze regenerierte Aminosiure durch Kristallisation aus Methylalkohol gereinigt. Nach der 5. Kristallisation betrug die Menge des Kamphersulfonates nur noch 45 g. Selbstverständlich haben wir dann alle Mutterlaugen systematisch aufgeschnites.

Aus dem Kamphersulfonat ließ sich der freie Ester auf folgende Art isolieren. 45 g Salz wurden in etwa 22 eem warmem Methylalkohol gelöst und hierzu ein geringer Überschuß von methylalkoholischem Ammoniak von bekanntem Titer zugegeben. Das sehwer lösliche Ammoniamkamphersulfonat kristallisierte bald und wurde vollständig durch Zusatz des zehnfachen Volumens Äther gefällt. Nach einstündigem Stehen im Eisschrank wurde abgesaugt, mit etwas Äther nachgewaschen und das Filtrat unter vermindertem Druck bei etwa 20° eingedampft. Bei der Destillation des Rückstandes unter 12 mm Druck ging nach einem beträchtlichen Vorlauf der Ester von 53 bis 57° über. Es wurde mit Natriumsulfat getrocknet und zeigte bei abermaliger Fraktionierung bei 13 mm den Siedepunkt 54-55°.

⁴ A. RETTULER, Bull. soc. chim. [3] 19. 121 (1898).

0.1710 g Subst.: 0.3204 g CO., 0.1140 g H,0 0.1869 g Subst.: 19.4 cem N (17°, 744 mm)

C.H., O.N(117.1) Berechnet: C.51.23 H 9.47 N 11.95 Gefunden: U.51.10 H 9.42 N 71.82

Der zweimal destillierte Ester hatte $d^a = 0.991$, er dechte im 1-dem-Rohr bei 19° und Natriuwlicht $6.91^o~(\pm 0.02^o)$ nach links. Mithin $[a]_0^a = -6.97^o~(\pm 0.02^o)$.

Wie später auseinandergesetzt wird, ist diese Zahl viel zu klein. Sie beträgt kanm

des richtigen Wertes.

Durch Kochen mit Wasser lieferte dieser Ester eine Aminosäure von der spezifischen Drehung -7.9°.

Aus der Mutterlauge, die bei der obenbeschriebenen ersten Kristallisation des d-kamphersuifosauren \mathbb{A} -Aminobuttersäuremethylesters blieb und die noch 44 g Salz enthielt, wurde in der gleichen Weise ein rechtsdrebender \mathcal{B} -Aminobuttersäuremethylester dargestellt. Er hatte nach zweimaligem Destillieren denselben Siedepunkt, drehte aber etwas stärker, und zwar bei 20° und Natriumlicht 8.81° ($\pm 0.02^{\circ}$) nach rechts $d^{\circ} = 0.989$. Mithin $[x]_{0}^{\infty} = +8.91^{\circ}$ ($\pm 0.02^{\circ}$).

0.1828 g Subst.; 0.3415 g CO., 0.1554 g H₂O 0.1755 g Subst.; 16.8 ccm N (15°, 777 mm)

C.H., O.N(117.1) Berechnet: C 51.23 H 9.47 N 11.96 Gefunden: C 50.95 H 9.50 N 11.48

Aus diesem Ester wurde durch Verseifung eine E-Aminobuttersäure von $|\alpha|_D^m = \pm 10.1^{\circ}$ gewonnen. Nimmt man an, daß die später beschriebene aktive Aminosäure von $|\alpha|_D^m = \pm 35.3^{\circ}$ optisch rein gewesen ist und daß bei der Verseifung des Esters keine Racomisation eintritt, so würde sich für den reinen Methylester ungeführ $|\alpha|_D^m = \pm 31^{\circ}$ berechnen.

I-B-Aminobuttersauce.

Zur Gewinnung der Aminosäure ans dem Kamphersulfonat ihres Fsters ist dessen Isolierung nicht nötig. Man kommt bequemer zum Ziel, wenn man seine ätherisch-methylaikoholische Lösung, die nach dem Auskristallisieren des kamphersulfosauren Ammoniums resultiert, wiederholt mit kleinen Mengen Wasser ausschüttelt, bis dieses nicht mehr alkalisch reagiert. Das ließ sich durch tomaliges Ausschütteln teicht erreichen. Die vereinigten wäßrigen Lösungen des Esters wurden dann 4 Stunden am Rückslußkühler gekocht und schließieh

die Büssigkeit unter vermindertem Druck verdampft. Die Ausbeute an Aminosaure war so gut wie quantitativ. Die weitere Verarbeitung dieses Praparates auf optisch reine Aminosaure geschah durch Kristallisation aus trocknem Methylalkohof. Wir wollen den Verlauf der Kristallisation schildern für 8 g Aminosaure von $|\alpha|_b^{sa} = -6.5^{\circ}$, die also noch über 80 Prozent inaktive Substanz entitelt. Die 8 g Rohprodukt wurden in etwa 200 eem trocknem Methylalkohol gelöst und auf 40 cem eingeengt. Nach 15 stündigem Stehen im Eisschrank waren 4.5 g von |a| = - t2° auskristallisiert. Die nach Einengen des Filtrats erhaltene zweite Kristallisation von 1.7 g erwies sich als fast inaktiv. Beim weiteren Umkristallisieren obiger 45 g aus der vierfachen Gewichtsmenge Methylaikobol wurden erst 3 g von - 18.2° und dann 2.; g von -26.5° erhalten. Das Präparat war nun soviel schwerer löslich geworden, daß die zur Lösung erforderliche Menge Methylalkohol relativ erhablich erhöht werden mußte und daß nach dem Einengen auch sehon aus der zehtfachen Gewichtsmenge Methylalkohol der größere Teil wieder aussiel. Es wurden so erhalten 1.3 g von -33.5° , dann 1 g von -34.9° und schließlich 0.6 g von $[x]_{0}^{10}$ = 35.2°. Da dasselbe Resultat auch bei der rechtsdrehenden Aminosaure erhalten wurde, so scheint hiermit der richtige Wert ganz oder doch nahezu erreicht zu sein. Leider war uns eine weitere Prüfung durch Kristallisation aus underen Lösungsmitteln nicht möglich, denn das Trennungsverfahren ist nicht allein recht mühsam, sondern auch sehr verlustreich. Aus diesem Grunde haben wir auch für die Umsetzungen der Aminosäure nicht die Präparate vom liöchsten optischen Wert, sondern die leichter zugänglichen mittleren Kristallisationen verwendet. Die von uns erhaltene reinste aktive 3-Aminobuttersäure unterscheidet sich von dem Racemkörper sehr deutlich durch die Kristallform, die geringere Schmelzbarkeit und die geringere Löslichkeit in Methylalkohol.

Während der Racemkörper aus Methylalkohol in mikroskopischen Nädelchen ansfällt, die meist zu kugeligen Aggregaten vereinigt sind, kristallisiert die aktive Säure aus Methylalkohol in gut ausgebildeten dicken Prismen, die wir leicht bis zu 1 mm Länge erhielten. Beim langsamen Verdunsten der wäßrigen Lösung im Vakuumexsikkator bekamen wir dännere, bis zu 1 cm lange Prismen. Der Geschmack ist wenig charakteristisch. Die Aminosäure hat keinen richtigen Schmelzpunkt. Beim raschen Erhitzen im offenen Kapillarrohr tritt gegen 220°, also étwa 30° höher als beim Racemkörper, völlige Zersetzung unter Gasentwicklung ein. Die über Schwefelsäure getrocknete Substanz verlor bei 76° und 15 mm über P.O. nicht mehr an Gewicht. Die optisch reinste Aminosäure gab folgende Zahlen:

0.1201 g Subst.: 0.2050 g CO₂, 0.0904 g H O 0.1118 g Subst.: 12.8 ccm N (15°, 772 mm)

C. H. O. N (103.1) Berechnet: C 46.36 H 8.80 N 13.59 Gefinden: C 46.76 H 8.98 N 13.64

0.1290 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht 1.2947 g. $d^*=1.025$. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 3.59° ($\pm 0.02^\circ$) nach links. Mithin

$$[a]_{i}^{n} = -33.2^{\circ}(\pm 0.2^{\circ}).$$

Wir führen auch noch die optische Untersuchung der vorletzten Kristallisation nn:

0.1290 g Subst., gelöst in Wasser, Gesamtgewicht 1.2917 g. $d^{**}=1.025$. Drehung im 1-dem-Rohr bel 20° und Natriumlicht 5.57° ($\pm 0.02^{\circ}$) nach links. Mithin

$$|\alpha|_p^{\infty} = -34.9^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

d-3-Aminobuttersaure.

Sie wurde aus dem in der ersten methylalkoholischen Mutterlauge verbliebenen Kamphersulfonat des rechtsdrehenden Methylesters genau so dargestellt, wie zuvor für die l-Verbindung beschrieben ist. Das Rohprodukt hatte hier sehon $[z]_D^m = \pm 10.1^\circ$. Es gelang dementsprechend auch durch Kristallisation aus Methylalkohol rascher, die boch drehenden Präparate zu erhalten. Die vorletzte Kristallisation zeigte $[z]_D^m = \pm 34.9^\circ$ ($\pm 0.4^\circ$). Für die letzte Kristallisation geben wir die vollen Daten.

0.1520 g Subst.: 0.2597 g CO, 0.1214 g H₀O 0.1146 g Subst.: 13 2 ccm N (19°, 762 mm)

C.H.O.N (103.1) Berechnet: C 46.56 H 8.80 N 13.59 Gefinden: C 46.60 H 8.94 N 13.32

0.1207 g Subst., Gesamtgewicht der wäßrigen Lösung 1.3561 g. $d^*=1.023$: Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 3.45° (± 0.02 °) nach rechts. Mithin

Die Substanz zeigte in Kristallform, Löslichkeit, Geschmack und Verhalten in der Hitze Übereinstimmung mit dem Antipoden.

Von diesem Präparat haben wir auch noch die Drehung in salzsaurer und in alkalischer Lösung bestimmt. 0.0454 g Subst., gelöst in a-Salzsäure, Gesamtgewicht 0.4843 g. $d^{20}=1.04$. Drehung im 4-dem-Rohr bei 20° und Natziumlicht 1.45° ($\pm 0.02^{\circ}$) nach rechts. Mithin

0.0343 g Subst., gelöst in n-Natronlauge. Gesuntgewicht 0.3805 g. d¹⁰ = 1.06. Drehung im 4-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 0.70° (±0.02°) nach rechts. Mithin

$$[\alpha]_{ii}^{**} = +14.7^{\circ} (\pm 0.4^{\circ}).$$

1-8-Aminobuttersaure und salpetrige Saure.

Die Verwandlung der Aminosäure in Oxyverhindung geht hier nicht so leicht vonstatten wie bei den aliphatischen α-Aminosäuren. Dasselbe zeigte sich bei der ε-Amino-ε-phenylpropionsäure und dürfte also für die meisten ε-Aminosäuren gelten.

i g $k\beta$ -Aminobuttersaure von $[\alpha]_p^{\infty} = -28.7^{\circ}$ wurde in 10 cem a-Schwefelsäure (1 Mol.) gelöst und mit einer konzentrierten Lösung von 0.7 g Natriummitrit (1 Mol.) bel 00 langsam versetzt. Nach vier Stunden haben wir nochmals 2 ccm 5 n-Schwefelsäure und 0.7 g Natriumnitrit in konzentrierter, wäßeiger Lösung zugefügt. Nach weiteren rier Stunden wurden das dritte Mol. Natriumnitrit und 2 cem 5.n-Schwefelsäure angewandt. Nachdem nun die Flüssigkeit noch weitere 24 Stunden im Eisschrank aufbewahrt war, haben wir sie mit einem geringen Überschuß von Schwefelsäure versetzt, dann mit Natriumsulfat gesättigt und schließlich in einem Atherextraktionsapparat 12 Stunden ausgezogen. Nachdem der Äther unter vermindertem Drück verdampft war, wog der ölige Rückstand o.8 g; er enthielt etwas Salpetersaure. Eine zweite zwölfstündige Extraction der wäßrigen Fillssigkeit blieb resultatios. Der Rückstand von o.S g wurde mit wenig Wasser aufgenommen, wobei ein Ol übrigblieb. Um dies zu entfernen, haben wir die Flüssigkeit mit etwas Tierkohle geschüttelt, filtriert und unter geringem Druck verdampft. Zum Rückstand wurde Wasser gefügt und wieder eingedampft und diese Operation wiederholt, bis das Destillat nicht mehr sauer rengierte. Der Rückstand enthielt die 2-Oxybuttersäure. Er wurde mit n-Natronlauge neutralisiert, wovon 3.84 eem nötig waren. Daraus berechnet sich, daß im günstigsten Falle 39.5 Prozent der theoretischen Menge von &-Oxybutterskure vorhanden waren. Die neutrale Lösung hinterließ beim Verdunsten das Natriumsalz der E-Oxybuttersäure, das nach einmaligem Umkristalli-

¹ E. Fiscarea, H. Schringer and H. Gron, Ber. d. D. chem. Ges. 43, 2018 (1910).

sieren aus Alkohol optisch geprüft wurde. Getroeknet wurde bis zum konstanten Gewicht unter 15 nun Druck bei 100°.

0.1557 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht der Lösung 1.5656 g. d. = 1.05. Drehung im 1-dem-Rollr bei 200 mid Natriumlight 0.57° (±0.02°) nach rechts. Mithin

$$|\alpha|_0^+ = \pm 5.5^\circ (\pm 0.2^\circ),$$

Es handelt sich also um d-E-Oxybuttersäure. Da aber das Natriumsalz im optisch reinen Zustand die spezitische Drehung - 14.5° hat1. so war obiges Praparat zu 62 Prozent racemisiert. Bei dem Versuch, durch nochmaliges Umkristallisieren aus Alkohol die Aktivität zu steigern, zeigte sich die gegenteilige Wirkung.

0,0010 g Subst., Gesamtgewicht der wäßrigen Lösung 1:2345 g. d= = 1.05. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Nateiumlicht 0.26° (± 0.020) nach rechts. Mithin

Von diesem Praparat wurde eine Natriumbestimmung ausgefährt:

0.076; g Subst.: 0.0437 g Na,80, C.H.O.Na (126.1) Berechnet: Na 18.24 Gefunden: Na 18.59

Ein zweiter Versuch mit 2 g 4-3-Aminobuttersäure von nur |z|n = - 5° gab ein ähnliches Resultat. Das Natriumsalz der hier entstandenen 3-Oxybuttersäure drehte nach dem Umkristallisieren aus Alkohol ebenfalls nach rechts, aber viel sehwächer als zuvor-

0.1444 g Subst., Gesamigewicht der wäßrigen Lösung 1.4688 g. die = 1.05. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° uml Natriumlicht 0.10° (± 0.029) nuch rechts. Mithin

$$|a|_0^{\circ} = +1.6^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}),$$

S-Aminobuttersauremethylester and salpetrige Saure.

Die Einwirkung der salpetrigen Saure auf inaktiven G-Aminobuttersäureäthylester ist schon von Curros und Miller untersucht worden2. Sie erhichten dabei ein Öl, das nach der Destillation die Zusammensetzung des 3-Oxybuttersäureesters hatte. Über den Verlanf der Reaktion und die Ausbeute machten sie keine Angahen. Um Erfahrungen über die Behandlung des teueren aktiven Esters zu sam-

A. Maonus-Lavy, Archiv für experim Patind in Pharm. 43, 390 (1901). * To, Programs small Militan, Ber. d. D. chem. Gen. 37, 1077 (1904).

Farmen o H. Scattmann: Zoo Konathio der Water Victor Umkehrung VI. 577

mein, haben wir den Versuch mit dem inaktiven c-Aminobuttersamemethylester wiederholt.

2 g Ester wurden in 20.5 ccm a-Schwefelsäure (1.2 Mol.) bei 09 eingetragen und dazu langsam eine konzentrierte Lösung von 1.4 g Natriumnitrit (1.2 Mol.) unter Umrühren zugetropft. Die Stickstoffentwicklung trat bald ein. Nach vierständigem Stehen bei 6° wurde die Lösung mit Natriumsulfat gesättigt, ausgeäthert, die ätherische Lösung mit Natrhimsulfat getrocknet und das beim Verdampfen des Athers zurückbleibende Öl fraktioniert. Unter 12 mm ging bei 60 bis 70° ein Öl (0.73 g) über, während im Kolben ein bedeutender Rückstand zurückblich. Um den Ester als Derivat der 3-Oxybuttersäure zu kennzeichnen, haben wir daraus das charakteristische Natriumsalz der 2-Oxybuttersäure hergestellt. Das Öl wurde in 9.5 cem n-Natronlauge gelöst und zur völligen Verseifung is Stunden bei Zimmertemperatur aufbewahrt, dann mit Schwefelsaure neutralisiert. unter vermindertem Druck verdampft, der Rückstand mit wenig überschüssiger 5n-Schwefelsäure aufgenommen und diese Flüssigkeit mit trockenem Natriumsulfat verrieben. Aus dieser Masse ließ sich im Extraktionsapparat die E-Oxybuttersäure leicht ausziehen. Nach dem Verdampfen des Äthers lösten wir den Rückstand in Wasser, filtrierten die mit Tierkohle geklärte Flüssigkeit, verdampften dann unter vermindertem Druck und wiederholten nach Zugabe von Wasser das Eindampfea, bis das Destillat nicht mehr sauer rengierte. Dadurch werden kleine Mengen illichtiger, organiselier Säuren entfernt. Die rückständige E-Oxybutterslure haben wir mit n-Natronlauge nentralisiert, wozu 5.5 ccm erforderlich waren. Die Lösung des Natriumsalzes wurde unter vermindertem Druck verdampft und das Salz aus Alkohol umkristallisiert: Ausbeute 0.43 g. Zur Analyse war nochmals aus Alkohol umgelöst und unter 12 mm Druck bei 1000 über Phosphorpentoxyd getrocknet worden.

> 0.1806 g Subst.: 0.2524 g CO, 0.0903 g H_eO 0.0802 g Subst.: 0.0455 g Na₂SO₂

C,H,O,Na (126.1) Berechnet: C 38.06 H 3.59 Na 18.24 Gefunden: C 38.12 H 5.59 Na 18.37

Anf dieselbe Art haben wir z g des linksdrehenden β -Amino-buttersäuremethylesters durch salpetrige Säure zersetzt und dazu ein Präparat von $[x]_{\mu} = -7^{\circ}$ verwandt, das also nach früherer Darlegung zu ungefähr $\frac{3}{4}$ racemisiert war. Der destillierte Oxysäureester, der allerdings nicht ganz rein war, drehte im +-dem-Rohr $z.63^{\circ}$ nach rechts. Das würde auch ungefähr einem zu $\frac{1}{4}$ racemisierten d- δ -Oxy-

buttersäureester entsprechen, denn für den möglichst reinen optischen antipoden haben wir früher im 4-dem-Rohr eine Linksdrehung von 11.16° beobachtet!

Ans dem Ester wurde, wie zuvor beschrieben, das Natriumsalzbereitet und aus Alkohol umkristallisiert.

0.1505 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht der Lösung 1-5371. $d^m=1.048$. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° uml Natriumlicht 0.17° (\pm 0.02°) nach rechts. Mithin

$$[x]_{ii}^{\infty} = +1.7^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

Bei der Wiederholung des Versuches mit demselhen Ausgangsmaterial erhielten wir ein Natriumsalz von $|z|_0^2 = +2.1^{\circ}$: dieses Praparat diente auch zur Analyse.

0.0268 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht der Lösung 0.2731 g. die = 1.048. Drehung im ‡-dem-Rohr o.11° (± 0.02°) nach rechts. Mithin

|a||| = +2.1° (±0.4°). 0.0910 g Subst.: 0.0530 g Na,SO,

C. H. O. Na (126.1) Berechnet: Na 18.24 Gefunden: Na 18.86

Endlich haben wir noch denselben Versuch mit z g des rechtsdrehenden 3-Aminobuttersäuremethylesters von $[a]_{D}^{\infty} = +8.9^{\circ}$ ausgeführt und linksdrehendes oxybuttersaures Natrium erhalten.

0.2043 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht 2.0199 g. $d^{-}=1.048$. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 0.16° nach links. Mithin

$$|a|_0^{10} = -1.5^{\circ}$$
.

Da das reine Natriumsalz |a|b = -14.5° hat, so whren die von uns erhaltenen Präparate zwar sehr stark racomisiert, wie es bei dem von uns benutzten Ausgangsmaterial erwartet werden mußte: aber nach den beobachteten Drehungen des Esters und des Natriumsalzes kann man doch nicht zweifeln, daß aus dem 43-Aminobuttersäuremethylester der Ester der d-3-Oxybuttersäure entstanden war. Daraus folgt, daß die Wirkung der salpetrigen Säure sowohl auf die aktive 3-Aminobuttersäure als auch auf ihren Methylester optisch in gleichem Sinne verläuft.

К. France und H. Scheiner, Ber. d. D. chem. Ges. 42. 1222 (1909).
 Ме Ккихи, Journ. chem. Soc. 81, 1402 (1902).

Verwandlung der 3-Aminobuttersäure in 3-Chlorbuttersäure durch Nitrosylchlorid.

Im Gegensatz zu den «Aminosäuren wird die S-Aminobuttersäure in halogenwasserstoffsaurer Lösung durch Stickoxyd und Chlor oder Brom bei oo und gewöhnlichem Druck sehr langsam angegriffen. Die Umsetzung erfolgt jedoch, wenn man das ursprüngliche Verfahren von W. A. Tribes und Forster', die Aminosauren mit fertigem Nitrosylchlorid unter Druck zu behandeln, auf die B-Säure anwendet. Man kann zu dem Zweck die gepulverte 3-Aminobuttersäure mit einem großen Überschuß von Nitrosylchlorid im geschlossenen Rohr unter Zusatz von Glasperlen schütteln, wobei nach 1-2 Tagen bei gewöhnlicher Temperatur Lösung erfolgt. Noch besser verwendet man eine Lösung der 3-Aminobuttersäure in starker Salzsäure, fügt unter starker Abkühlung überschüssiges Nitrosylchlorid zu und läßt im geschlossenen Rohr 2-3 Tage hei Zimmertemperatur stehen. Das Nitrosylchlorid löst sich unter diesen Bedingungen in erheblicher Menge mit dunkelbrauner Farbe und bewirkt dann die Umwandlung der Aminosfure. Wir haben den Versuch zunächst mit rucemischer 3-Aminobuttersäure ausgeführt.

1.5 g Aminosäure wurden im Einschmelzrohr mit 3 ccm 25 prozentiger wäßriger Salzsäure gelöst, dazu ungefähr 5 g Nitrosylchlorid (5 Mol.), das in bekannter Weise aus Kochsalz und Bleikammerkristallen vorher bereitet war, zudestilliert, während das Rohr auf etwa - 408 abgeküldt war, dann das Rohr zugeschmolzen und 24 Stunden bei gewöhnlicher Temperatur aufbewahrt. Als das Rohr nun in flüssiger Luft abgekühlt und geöffnet wurde, entwich eine große Menge Gas. Das wieder geschlossene Rohr wurde nach 14 stündigem Stehen bei Zimmertemperatur in gleicher Weise geöffnet. Obschon noch Druck vorhanden war, haben wir doch den Versuch nus unterbrochen. Beim langsamen Auftauen entwich die Hauptmenge des unveränderten Nitrosylchlorids, der Rest wurde unter vermindertem Druck bei gewöhnlicher Temperatur verjagt. Die im Rohr zurückbleibende farblose Flüssigkeit haben wir mit dem doppelten Volumen Wasser verdünnt, wobei ein Öl ausfiel, und die gesamte Mischung ausgefithert. In der wäßrigen Lösung war noch eine geringe Menge (o.1 g) einer in Ather unlöslichen, stickstoffhaltigen Substanz, sehr wahrscheinlich das Hydrochlorid von unveränderter Aminosäure. Der mit Natriumsulfat getrocknete, fitherische Auszug hinterließ beim Verdampfen einen farblosen Sirup, etwa i g. Er war ein Gemisch von E-Chlorbuttersäure

¹ Journ. cliem. Soc. 67, 489 (1895).

mit anderen Produkten, von denen eines fest ist, viel Chlor enthält und von Alkalien mit gelber Farbe unter Zersetzung gelöst wird. Zur Isolierung der S-Chlorbuttersäure haben wir daher das Rohprodukt in mehreren Portionen mit Petroläther (etwa 15 ccm) kurz aufgekocht, die vereinigten Auszüge in Eis abgekühlt und vom Ungelösten abgegossen. Nachdem nun der Petroläther unter vermindertem Druck verdampft war, wurde das zurückbleibende Öl mit n-Natriumcarbonatiösung in geringem Überschuß durchgeschüttelt. Hierbei ging die Hauptmenge ohne Farbe in Lösung, während ein stechend riechendes Öl zurückblieb, das durch Ausäthern entfernt wurde. Die alkalische Lösung gab beim Ausäuern die S-Chlorbuttersäure, die in ätherischer Lösung getrocknet und nach dem Verdampfen des Äthers fraktioniert wurde. Ausbente 0.25 g. die unter 15 mm Druck bei ungefähr 103 bis 105° kochten. Das Produkt war in 10 Teilen Wasser klar löslich. Eine Chlorbestimmung zeigte, daß es noch nicht ganz rein war.

O.1361 g Subst.: 0.1534 g AgCl C.H.O.Cl (122.5) Berechnet: Cl 28 94 Gefunden: Cl 27.87

Zum Beweise, daß es sich aber wirklich um S-Chlorimitersäuse bandelt, haben wir 0.3 g eines Präparates, das auf die gleiche Art dargestellt war, durch Kochen mit Wasser auf die früher für den d-S-Chlorbuttersäuremethylester beschriebene Weise in das Natziumsalz der inaktiven S-Oxybuttersäure verwandelt. Seine bienge betrug nach dem Umkristallisteren aus Alkohol 0.15 g.

0.0730 g Subst.: 0.0407 g Na,SO, C,H,O,Na (126.1) Berechnet: Na 18.24 Gefunden: Na 18.05

Versuch mit d-5-Aminobuttersäure. Verwandt wurden 2 g Aminosäure von [2] = + 24.2°. Die Ausbeute an destillierter 3-Chlorbuttersäure war 0.3 g. Sie drehte ziemlich stark nach links. Zur weiteren Reinigung diente das Silbersalz. Für seine Bereitung wurden 0.3 g Säure in 2.45 com eiskaltem, wäßrigem n-Ammoniak [1 Mol.] gelöst und durch eine Lösung von 0.5 g Silbernitrat (1.2 Mol.) in 2 cem Wasser bei 0° gefällt. Nach dem Auswaschen mit Eiswasser und Trocknen im Vakuumexsikkator hetrug die Menge des Salzes 0.55 g-Es bildet farblose, ziemlich lichtbeständige Nadeln. Die Analyse, die durch Erhitzen mit rauchender Salpetersäure ausgeführt wurde, zeigte, daß das Salz noch nicht ganz rein war.

[:] P. Premen and H. Scarragan, Ber. d. D. chem. Ges. 42, 1226 (1909).

0.0974 g Subst.: 0.0621 g AgCl

C. H.O. Clag (229.4) Berechnet: Ag 47.03 Cl 15.46 Gefunden: Ag 47.98 Cl 15.77

Wir haben es deshalb bei o° in n-Salpetersäure gelöst und die von einer geringen Menge Chlorsilber rasch abfiltrierte Flüssigkeit sofort mit der äquivalenten Menge n-Ammoniak ebenfalls bei o° wieder gefällt. Das rasch mit Elswasser gewaschene und im Vakunmexsikkator getrocknete Salz diente sowohl für die Bestimmung des Silbers wie für die optische Untersuchung. Zu dem Zweck wurde das Salz mit überschüssiger n-Salzsäure bei gewöhnlicher Temperatur geschüttelt, das Gesamtgewicht der Lösung festgestellt, dann filtriert und die Lösung optisch untersucht. Das ausgewaschene Chlorsilber wurde nochmals in verdünntem Ammoniak gelöst und durch Salpetersäure wieder abgeschieden.

0.0835 g Silbersaiz (entsprechend 0.04.46 g β -Chlorbuttersäure), versetzt mit a-Salzsäure. Gesamtgewicht 0.0866 g. Berechnet für AgCl 0.0522 g, also Gewicht der Lösung 0.9344 g. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht (19° (\pm 0.02°) nach links. — $d^{\circ}=1.02$. Mithin

|\alpha|_0^2 = -24.4° (±0.4°).
0.0835 g Subst.; 0.0519 g AgCl
C,H,O, ClAg (229.4) Berechnet: Ag 47.03
Gefunden: Ag 46.78

Wir haben auch noch aus dem Silbersalz die Chlorbuttersaure durch n-Salzsäure in Freiheit gesetzt, ausgeäthert, in der ätherischen Lösung getrocknet und den Ather möglichst sorgfältig verdampft. Der Rückstand wurde in wäßriger Lösung optisch untersucht.

0.0632 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht 1.2883 g. $d^{26}=1.02$. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 1.20° (±0.02°) nach links. Mithin

$$|\alpha|_{0}^{10} = -24.0^{\circ} (\pm 0.4^{\circ}).$$

Für die β -Chlorbuttersäure, die auf die gleiche Art aus dem Silbersalz der ganz reinen d-Säure in Freiheit gesetzt war, haben wir unter genau denselben Bedingungen wie bei der ersten oben angeführten Bestimmung den Wert $[a]_0^m = +47.7^\circ$ gefunden. Die mit Nitrosylchlorid bereiteten Proben waren somit etwa zur Hälfte racemisiert. Da aber schon die angewandte d- β -Aminobuttersäure von $[a]_0^m = +24.2^\circ$ zu $\frac{1}{3}$ racemisch war, so kann man sagen, daß bei der Umwandlung der Aminosäure in Chlorsäure keine starke Racemisation stattfindet

Einen mehr qualitativen Versuch ähnlicher Art haben wir mit der linksdrehenden S-Aminobuttersäure, die allerdings nur $\|s\|_p^p = -14^\circ$ hatte, durchgeführt und so eine Chlorhuttersäure erhalten, deren 10 prozentige Tohnollösung im $\frac{1}{2}$ -dem-Rohr 0.40° nach rechts drehte.

Im Auschluß an obige Versuche wollen wir noch einige neue Erfahrungen über Eigenschaften und Darstellung der

d-3-Chlorbuttershure

mitteilen. Im Besitze größerer Mengen konnten wir die Säure durch wiederholte Kristallisation reinigen. Für ihre Darstellung haben wir wie früher' die aus diabetischem Harn gewonnene 1-2-Oxybuttersäure bemutzt. Die Veresterung der Säure hat auch gegen die frühere Vorschrift eine kleine Änderung erfahren.

alkohol, der i Prozent HCl enthielt. 4 Stunden am Rückfinßkähler gekocht, dann die Salzsünre durch 3 stündiges Schütteln mit Kallunkarbonat entfernt und die filtrierte Lösung unter vermindertem Druck verdampft. Der zurückbleibende Sirup wurde mit trocknem Ather aufgenommen, die von den ausgeschiedenen Salzen abfiltrierte Lösung verdampft und der Rückstand fraktioniert. Unter 13 mm Druck ging die Hauptmenge von 60 bis 70° über. Zur völligen Reinigung wurde nochmals mit Natriumsulfat getrocknet und fraktioniert. Ansbeute etwa 60 g. Das Verfahren ist nicht allein bequemer, sondern auch ergiehiger als das früher beschriebene. Das Drehungsvermögen varüerte bei verschiedenen Darstellungen. Es wurde niemals höher als der früher angegebene Wert [2] = -21.1° gefunden, lag aber öfters einige Grade niedziger.

Die Bereitung des d- β -Chlorbuttersäuremethylesters aus der Oxyverbindung haben wir ebenfalls vereinfacht.

In 30 g & Oxybuttersauremethylester von |z|_0^* = -18.1°, die durch eine Mischung von Eis und Salz gekühlt war, wurden 66 g gepulvertes Phosphorpentachlorid (1.25 Mol.) in kleinen Portionen im Lauf von 2 Stunden eingetragen. Der durch ein Chlorealeiumrohr vor Feuchtigkeit geschützte Kolben blieb noch einige Stunden bei 0° und dann 24 Stunden bei Zimmertemperatur stehen. Die fast ganz füssige Mischung wurde nun auf 50 g zerstoßenes Eis, das sich in einem weiten Enlementen-Kolben befand, gegossen und nun unter steter Kühlung und Schützeln mit festem Natriumbicarbonat neutralisiert. Wir haben nun mehrere solcher Portionen vereinigt und den E-Chlorbuttersauremethylester, der mit Äther etwas flüchtig ist, unter starker

^{*} E. FOODER und H. Senringen, Ber. d. D. phon. Grs 42, 1224 (1909).

Kühlung mit Athylchlorid ausgeschüttelt. Nach dem Abdestillieren des Athylchlorids, das wieder zu neuen Extraktionen benutzt werden kann, wurde der Ester noch mit Natriumsulfat getrocknet und unter 13 mm Druck fraktioniert. 60 g Oxysäureester gaben bei der ersten Destillation 37 g und bei nochmaliger Fraktionierung 34 g Chlorbuttersäuremethylester; außerdem ein höher siedendes Nebenprodukt (13.5 g). Den Siedepunkt fanden wir in Übereinstimmung mit der früheren Angabe bei 48-51°. Unter gewöhnlichem Druck lag er bei 148-152°. [x]; = +22.6°. Dieser Wert ist aber sehr wahrscheinlich zu niedrig, da bei der Verseifung des Esters eine ziemlich stark racemisierte Chlorbuttersäure entstand.

Die Verseifung des Esters durch starke Salzsäure haben wir neuerdings, um Racemisation möglichst zu vermeiden, bei Zimmertemperatur ausgeführt.

20 g Ester von [a]" = +22.6° wurden mit 100 cem Salzsaure (d = 1.19) bei ungefähr 20° bis zur Lösung geschüttelt, was ungefähr rage dauerte. Die Flüssigkeit blieb dann bei derselben Temperatur 8 Tage stehen, wurde nun mit dem gleichen Volumen Wasser verdünnt und bei co mit einer konzentrierten Lösung von Kaliumcarbonat. bis zur alkalischen Reaktion versetzt. Nachdem der unverseifte Ester ausgeäthert war, wurde die wäßrige Lösung angesäuert, ausgeäthert, der ätherische Auszug mit Natriumsulfat getrocknet und nach dem Verdampfen des Äthers unter 13 mm Druck destilliert, wobei die Chlorbuttersaure konstant bei 101° kochte. Ausbeute nur 11.5 g. da ein Teil des Esters noch nicht verseift war. Für diese Säure lag |a| zwischen + 27 und + 29° in toprozentiger Lösung in n-Natronlauge. Aus dem Präparat ließ sich aber eine viel höher drehende Säure gewinnen. Zu dem Zweck haben wir 14 g der destillierten Share mit 3.5 ccm Ligroin vermischt, in einer Mischung von Eis und Salz gekühlt, die bald ausgeschiedenen Kristalle abgesaugt und mit wenig kaltem Ligroin gewaschen. Ausbeute 6.2 g. Sie wurden aus 7 ccm warmem Ligroin auf die gleiche Weise umkristallisiert und dabei 5.4 g zurückgewonnen. Bei nochmaliger Kristallisation änderte dieses Präparat weder den Schmelzpunkt noch die spezifische Drehung. Zur Analyse war im Vakuum über Paraffin und Phosphorpentoxyd getrocknet.

> 0.1711 g Subst.: 0.0888 g H₂O 0.2451 g CO₂ 0.1824 g Subst.: 0.2130 g AgCl

C.H.O.Cl (122.5) Berechnet: G 39.18 H 5.76 Cl 28.95 Gefunden: C 39.07 H 5.80 Cl 28.80 Diese vermutlich reine d-E-Chlorbuttersäure sehmolz bei 43-44.5° (korr.), während der Schmelzpunkt des Racemkörpers bei 15-15-5° angegeben ist!

Sie kristallisiert aus warmem Ligroin in ziemlich großen Frismen und ist hierin schwerer löslich als der Racemkörper. Für die optische Untersuchung haben wir die Lösung in Wasser benntzt. Die nachfolgenden Zahlen beziehen sich auf zwei Präparate, von denen das erste zweimal und das andere zum drittenmal aus Ligroin kristallisiert war.

0.2222 g Subst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht der Lösung 2.2485 g. $d^{**}=1.025$. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht $5.04^{\circ}~(\pm 0.02^{\circ})$ nach rechts. Mithin

$$[\alpha]_{D}^{20} = +49.8^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

0.1316 g Subst., Gesamtgewicht der wäßrigen Lösung 1.5483 g. $d^{23} = 1.025$. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 4.95° ($\pm 0.02^{\circ}$) nach rechts. Mithin

Ferner wurde noch das Drehungsvermögen der Lösung in Toluol ermittelt.

0.1387 g Subst., gelöst in Toluol. Gesamtgewicht 1.3576 g. $d^{\mu}=0.890$. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 4.14° ($\pm 0.02^{\circ}$) nuch rechts. Mithin

$$[x]_0^{50} = +45.6^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

Um das Drehungsvermögen des Natriumsalzes zu ermitteln, wurde die Säure bei o° in der Aquivalenten Menge n-Natronlange gelöst. Diese Lösung ist bei Zimmertemperatur hinreichend beständig.

0.0300 g Subst., gelöst in n-Natronlange. Gesamtgewicht 0.3397 g-d= 1.06. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 1.09° (±0.02°) nach rechts. Mithin

Silbersalz der d.S. Chlorbuttersäure.

0.5 g Säure wurde mit t eem Wasser übergessen, auf o° abgekühlt, durch Zusatz von 4.08 eem n-Antmoniak (r Mol.), das ehenfalls auf o° abgekühlt worden war, gelöst und sofort durch eine starke, wäß-

A. M. Coves, Ann. d. Chem. 319, 360 (1901).

rige Lösung von 0.8 g Silbernitrat (1.2 Mol.) gefällt. Wird das alsbald in feinen farblosen Nadeln kristallisierende Silbersalz nach kurzeni-Stehen abgesangt, mit kaltem Wasser gewaschen und im Vakuumexsikkator getrocknet, so hält es sich auch am Lichte ziemlich lange unverändert. Ausbeute gegen 90 Prozent d. Th. Zur Bestimmung von Silber und Chlor wurde das Salz in der üblichen Weise mit rauchender Salpetersäure im Rohr zersetzt.

0.1163 g Subst.: 0.0725 g AgCI

O, II, O, ClAg (229.4) Berechnet: Cl 15.46 Ag 47.03 Gefunden: Cl 15.43 Ag 46.92

Auf dieselbe Weise läßt sich das sehr äbnliche racemische S-chierbuttersaure Silber darstellen, von dem ebenfulls eine Analyse ausgeführt wurde.

0.2053 g Subst: 0.1280 g AgCl

U.H.O.ClAg (229.4) Berechnet: Cl 15.46 Ag 47.03 Gefunden: Cl 15.42 Ag 46.92

Eine andere Probe des aktiven Silbersalzes haben wir durch Zersetzung mit Salzsäure in bezug auf Silbergehalt und Drehungsvermögen ebenso analysiert, wie es früher für des aus Aminobuttersäure enthaltene aktive chlorbuttersaure Silber beschrieben wurde:

0.1301 g Silbersalz (entsprechend 0.0695 g d- β -Chlorbuttersaure), behandelt mit n-Salzsäure. Gesamtgewicht 1.4950 g. Berechnet für AgCl 0.0814 g, also Gewicht der Lösung 1.4136 g. Drehung im 1-dem-Rohr bei 20° und Natriumlicht 2.39° (\pm 0.02°) nach rechts. $d^{-}=1.02$. Mithin

 $[*]_{ii}^{\circ\circ} = +47.7^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}),$ 0.1301 g Subst.: 0.0812 g AgCl

C, H, O, Cl Ag (229.4) Berechnet: Ag 47.03 Gefunden: Ag 46.07

Im Besitz größerer Mengen der stark drehenden d-3-Chlorbuttersäure haben wir endlich die früher nur flüchtig studierte Verwandlung in l-3-Oxybuttersäure wiederholt.

Die Oxybuttersäure wurde als Natriumsalz isoliert und analysiert.

0.0773 g Subst.: 0.0443 g Na, SO,

C, H, O, Na (126.1) Berechnet: Na 18.24

Gefunden: Na 18.57

0.1201 g Suhst., gelöst in Wasser. Gesamtgewicht 1.2788 g. d==+.048. Drehung im 1-deur-Rohr bei 20° und Natriumlicht 0.43° (±0.02°) nach links. Mithin

$$[\pm]_{D}^{=} = -4.4^{\circ} (\pm 0.2^{\circ}).$$

Das Salz war also zu 70 Prozent racemisiert. Dabei ist aber zu berücksichtigen, daß bei der Kristallisation des Salzes, die für die völlige Reinigung unvermeidlich ist, der Racemkörper sich anreichert.

Beiträge zur Konvergenz von Funktionenfolgen.

Von

Prof. Dr. C. Carathéodory und Prof. Dr. E. Landau lis Bresslan m Göttingen.

(Vorgelegt von Hen Schoerer am 20 April 1911 (s. oben S. 4391.)

Einleitung.

Der sogenannte Weienstrasssche! Doppelreihensatz war das Anfangsglied einer Kette von Sätzen, welche sukzessive aus immer geringeren Voranssetzungen dasselbe Ergebnis lieferten: den Nachweis, daß ein gewisser Ausdruck eine analytische Funktion darstellt. In der vorllegenden Arbeit liegt es uns hauptsächlich daran, einen Satz (VI) zu beweisen, der alle Sätze jener Kette als Spezialfälle enthält, und der hisher weder ausgesprochen noch bewiesen worden ist, so nahe auch drei neuere Antoren (Vitair', Mostel', Sevenni') herangekommen sind. Allerdings stiltzt sich unser - nur wenige Zeilen langer - Beweis auf einen Satz aus dem Picarp-Landau-Schotter-Carathkonogyschen lileenkreise, der erst vor wenigen Monaten von Landau formuliert und bewiesen wurde. Trotz der Kürze unseres Beweises wollen wir uns nicht auf die Publikation jener wenigen Zeilen beschränken, sondern einerseits noch tiefer in die Probleme eindringen, anderseits zunächst

Sopra le serie di funzioni analitiche [Annali di Mutematien pura ed applicata.

Sen III, Bd X (1904), S. 05-52), S. 50-81.

 Sulle successioni oginite ili funcioni analiliche [Atti del IV Congresso Internaciouale dei Matematici (Roma, 6-11 Aprile 1908), Bd. II (1909), 5 183-1931, S. 186-188.

² Zur Finntmenlebre | Monstaberlehte der Königlich Pronsilschen Akademie der Wissenschaften zu Berlin aus dem Jahre 1880, S. 719-743; Aldandlungen aus der Functionenichre (1886), S. 67-tor; Mathematische Werke, Ed. II (1893), S. 201-230]. 8.723-726 bzw. 73-76 bzw. 205-208. Dieser fundamentale Warrant nassache Satz spielt in der ganzen modernen Analysis eine ausschlaggebende Rolle und findet sielt natürlich jetzt in jedem Lehrbuche der Funktionentheorie-

Sur les points irréguliers des séries convergences de fenciones analytiques | Comptes rondus hebdomadnires des sennes de l'Academie des Sciences, Paris, Bd. CXXXXV (1907), S. 910—913], S. 911—913; Legons our les séries de polynomes à une variable complexe [Paris (Gabruma-Villams), 1910], S. 124-175. Die erstere Note (in der allerdings die Beweise nicht angegeben sind) tet Hrn. Sevenss entgangen, die Sevenstsche Arheit Hrn. Mosera hel Drucklegung seines Buches nicht bekannt gewesen.

aus der etwas reichhaltig vorhandenen und ziemlich zerstreuten Literatur die einfachsten Beweise für diejenigen nach Weitnatuass gefündenen Tatsachen zusammenstellen, welche wir branchen.

Bei unseren ganzen Betrachtungen sprechen wir nur von einem Kreise (statt eines Bereiches allgemeinerer Art), wählen hierfür den Einheitskreis und nehmen meist unsere Funktionen auch noch auf dessen Rande regulär an; dies läßt nämlich den Kern der ganzen Untersuchung am deutlichsten hervortreten und stellt tatsächlich keine Beschränkung der Allgemeinheit dar.

Die §§ 1—3 enthalten nichts Neues, abgesehen von einem am Ende des § 3 mitgeteilten neuen Beweis von Hrn. stud, math. P. Bernars in Görtingen für den Hilfssutz von Landau, von welchem sehon oben die Rede war. § 4 enthält für unseren neuen Hauptsatz (VI) den Beweis, die §§ 5—7 eine von der ersten unabhängige Beweisanordnung und weitergebende Verallgemeinerungen, die in dem von uns mit IX bezeichneten Satze gipfeln.

8 2.

Der klassische Weitenstrasssche Satz lautet: Satz I: Es seien die analytischen Funktionen

$$f_*(x), f_*(x), \dots, f_*(x), \dots$$
 and inf.

für $|x| \le 1$ regulür. Es existlers für $|x| \le 1$

$$\lim_{x \to \infty} f_n(x) = f(x),$$

and zwar gleichmößig. Dann ist f(x) für |x| < z eine reguläre analytische Funktion.

Van den vielen Möglichkeiten, ihn zu beweisen, soll hier natürlich nicht die Rede sein. Übrigens wird er zufällig nicht einmal im folgenden angewendet werden.

Unter Überspringung mehrerer Zwischenstationen nennen wir jetzt folgenden schönen Satz, den man Hrn. Vrratz' verdankt:

Satz II: Es seien die analytischen Funktionen

$$f_*(x), f_*(x), \ldots, f_*(x), \ldots$$

Sopra le serie di funzioni annimiche [Rendiconti del Reale Istituto Lombardo di scienzo e lettere, Ser. II. Ed. XXXVI (1903), S. 772—774; lia Sitzungsbericht vom 18. Juni 1903] und S. 73—74 der oben zitierten Abbandlung (im Mürzheft 1904). Im Jahre daranf seurde der Satz von Hen. Pourza wiederentdeckt: Concerning Series of Analytic Figuriore [Annals of Mathematics, Ser. II. Ed. VI (1904—1905). S. 190—1923 im Juliumi 1905]; diese Arbeit fehlt übrigens in dem ausführlichen Lineraturverzeichnis des Hen. Savanisi (n. n. O. S. 183—184).

für |x| = 1 regulär und gleichmäßig beschränkt. D. h. es gebe eine als solute (vom x und n unubhangige) Konstante g devart, daß für $|x| \leq 1$ und alle ganzen $n \ge 1$

$$|f_a(x)| \leq g$$

ist. Es existiere

$$\lim_{n\to\infty} f_*(x)$$

für unendlich viele Punkte des Gebietes |x| \(\subseteq t, welche mindestens einen Häufungspunkt im Innern des Einheitskreises hüben! Dann existiert

$$\lim_{x \to \infty} f_*(x) = f(x)$$

für alle Punkte des Gebietes |x| < 1; dies f(x) ist ferner für |x| < 1 eine regulare analytische Funktion, und es ist sogur bei festem S, das > 0 und < 1 lst, für |x| ≤ 3 gleichmäßig

$$\lim_{x \to \infty} f_*(x) = f(x).$$

Der Satz II soll im nächsten Paragraphen (§ 2) auf dem einfächsten der bekannten* Wege bewiesen werden. Wenn wir auch später einen allgemeineren Satz (VI) entwickeln werden, so werden wir nämlich den Satz II beim Beweise des neuen Satzes anwenden,

Es sei hier sogleich darauf aufmerksam gemacht, dals die Voraussetzungen des Satzes II in denen des Satzes I enthalten sind. Denn aus der im Satz I vorausgesetzten gleichmäßigen Existenz des lim f. (x) für |x| ≤ t ergibt sich das Vorhandensein eines N≥ t derart, daß für n > N and $|x| \le 1$

$$|f_n(x)-f_N(x)|\leq 1$$
.

also

$$|f_a(x)| \le |f_N(x)| + 1$$

ist; wenn nun eine Konstante G so gewählt wird, daß für $|x| \le 1$

$$|f_n(x)| \leq G, \dots, |f_N(x)| \leq G$$

lst, so ist, was such das $n \ge 1$ bedeuten mag, für $|x| \le 1$

$$|f_*(x)| \le 6 + \epsilon = g;$$

Le warde genan dasselbe wie im Text bedeuten, wenn die Existenz des Limes für anendlich viele Pankte vorausgesetat wird, welche bei festem 0 < 1 dem Gebint |x|≤0 angehören. Im Häufungspunkt selbst wird die Existent des Limes nicht vorausgesetzt.

² Vgl. S. 68-69 und 75-77 in Hrn. Montres Thèse Sur les suites definies de fournime (Paris (1907)); abgedeuckt in den Annales scientifiques de l'École Normale supérieure, Ser. III, Bd. XXIV (1907), S. 233-334, woselles S. 300-301 and 307-309 in Betracht kummen] und sein fluch, S. 20-25. Hrn. Mowreck Literaturangaben daselbst ist obiger Hinweis and Verati and Powers hinzuxufügen.

d. b. die $f_n(x)$ sind für $|x| \le 1$ gleichmäßig beschränkt. Die übrigen Annahmen des Satzes II sind offenbar geringer als die entsprechenden des Satzes I. Gleichmäßige Konvergenz wird überhaupt nirgends vorausgesetzt und Konvergenz nicht einmal im ganzen Gebiete, sondern eventuell nur in abzählbar vielen Punkten, die nicht einmal überall dicht zu liegen brauchen, sondern nur mindestens einen Häufungspunkt im Innern haben müssen.

§ 2.

Erster Hilfssatz: Es sei für 121, m20

$$|c_m| \leq y$$

also für jedes v≥1 die Potenzreihe

$$F_s(x) = \sum_{m=-\infty}^{\infty} c_m x^m = c_m + c_m x + c_m x^2 + \dots$$

im Kreise |x| < 1 konvergent. Es sei für jedes m \subsection

$$\lim_{r\to\infty} c_m = c_n$$

vorhanden, wobei en ipsn

$$|c_m| \leq g$$

ist und infolgedessen die Potenzreihe

$$F(x) = \sum_{n=-\infty}^{\infty} r_n x^n = r_n + r_n x + c_n x^n + \dots$$

für |x| < 1 konnergiert. Dann ist für |x| < 1

$$\lim_{x \to \infty} F_r(x) = F(x).$$

und zwar ist bei festem \Im zwischen \Im (ausschl.) und \Im (ausschl.) im Gebiete $|x| \le \Im$ gleichmäßig

$$\lim_{x \to \infty} F_x(x) = F(x).$$

Beweis: Es sei S zwischen o und i gegeben und fest (o < S < 1): ferner sei ein δ > o gegeben. Man wähle ein ganzes positives $k = k(\delta)$ so, daß

$$\frac{y3}{1-3} \le \frac{3}{3}$$

ist. Dann ist für |x| 59

$$||F(x)| - \sum_{n=0}^{t-1} c_n x^n|| = \left|\sum_{n=1}^{\infty} c_n x^n\right| \le g \sum_{n=1}^{\infty} S^n = \frac{g S^k}{1-S} \le \frac{\delta}{3},$$

desgleichen für |x|≤9 bei jedem +≥1

(1)
$$\left| F_{\epsilon}(x) - \sum_{n=0}^{k-1} c_n x^n \right| = \left| \sum_{n=0}^{\infty} c_n x^n \right| \le g \sum_{n=0}^{\infty} \Im^n \le \frac{\delta}{3}$$
.

Nun werde ein $N = N(\delta)$ so gewählt, daß für $i \ge N$ und $0 \le m \le k-1$

$$|c_{\infty}-c_{\omega}|<\frac{\delta}{3k}$$

ist; dann ist für $|x| \leq 9$

$$(3) \left| \sum_{n=1}^{\delta-1} c_m x^n - \sum_{n=1}^{\delta-1} c_n x^n \right| = \left| \sum_{n=1}^{\delta-1} (c_n - c_n) x^n \right| < \frac{\delta}{3k} \sum_{n=0}^{\delta-1} 1 = \frac{\delta}{3}.$$

Aus (1), (2), (3) folgt für $v \ge N(\delta)$ im Gehiete $|x| \le 5$

$$|F_{s}(x) - F(x)| < \frac{\delta}{3} + \frac{\delta}{3} + \frac{\delta}{3} = \delta$$

womit gleichmäßige Konvergenz im Gebiete $|x| \le 3$, also insbesondere (da das positive 5 beliebig nahe unterhalb i liegen konute) Konvergenz für |x| < 1 bewiesen ist.

Zweiter Hilfsantz: Es sei für n≥1, m≥0

$$|v_{nm}| \leq g$$
 ,

so daß für jedes feste $m \ge 0$ die Menge a_m (n = 1, 2, ...) mindestens eine Hänfungsstelle hat. Dann läßt sich eine Folge wachsender ganzer positiver Zahlen $n_1, n_2, ..., n_n$ derart auswählen, daß für jedes $m \ge 0$ die Folge

$$\mathcal{U}_{n_4 \Rightarrow p} : \mathcal{U}_{n_6 \Rightarrow p} : \mapsto \mathcal{U}_{n_6 \Rightarrow p} : \mapsto$$

pegen einen Limes konvergiert:

$$\lim_{n\to\infty} a_{n,n} = a_n.$$

Hierbei darf außerdem noch für ein m=m, vorgeschrieben werden, welche der Häufungsstellen der Menge u_{mn} $(n=1,2,\cdots)$ — falls es deren überhaupt nicht als eine gibt — die Zahl a_{nn} bezeichnet.

Beweis: Ohne Beschränkung der Allgemeinheit (da ja kein m den Vorrang vor einem anderen hat) darf beim Beweise angenommen werden, daß die Häufungsstelle a. der a. vorgeschrieben ist.

Man wähle eine wachsende Folge von Indizes

592 Sitzing der phys-math Chase v. 18. Mai 1611. — Mitth. v. 20. April. derart, daß, wenn n diese Folge durchfüuft,

$$\lim_{\phi \downarrow} a_{ss} = a_s$$

Es bezeichne a_n eine Häufungsstelle der Menge, welche aus denjenigen a_{nr} besteht, bei denen n der Folge [o] angehört. Es werde aus der Folge [o] eine solche wachsende Folge

[4]
$$n_{eo}$$
, n_{ee} , n_{re} , \cdots , n_{s0} , \cdots

ausgewählt, daß erstens

$$n_{in} = n_{oo}$$

und zweitens, wenn n die Folge [1] durchläuft.

$$\lim_{i \to i} a_{ni} = a_i$$

ist.

Jetzt bezeichne a_s eine Häufungsstelle der Menge, welche aus denjenigen a_s , gebildet wird, bei denen n der Folge [1] angehört. Es werde aus der Folge [1] eine solche wachsende Folge

[2]
$$n_{se}, n_{si}, n_{sv}, \dots, n_{sv}$$

misgewählt, daß erstens

$$n_{\nu} = n_{\nu}$$
, $n_{\nu} = n_{\nu}$

und zweitens, wenn m die Folge [2] durchläuft,

$$\lim_{[n]} a_n = a_n$$

ist.

Und so fort.

So entsteht ein Schema

[1]
$$n_{ik}, n_{ik}, n_{ik}, \dots, n_{ik}, \dots$$

[2]
$$n_{so}, n_{sv}, n_{sv}, \dots, n_{sv}, \dots$$

$$[m]$$
 B_{\min} , B_{\max} , B_{\max} , B_{\min} , ...

mit folgenden vier Eigenschaften. Erstens enthält jede Zeile lauter wachsemi geordnete positive ganze Zahlen. Zweitens ist jede Spalte von dem Gliede der Hauptdiagonale an konstant. Drittens kommen

$$\lim_{k \to \infty} a_{s_0, n} = a_s$$

und in der Folge das Entsprechende vermeiden.

Wir wollen bier die schwerfällige Schreibweise

C. Canarpiconer and L. Landau: Zur Convergenz von Functioneofolgen. 593

die Zahlen jeder Zeile in der vorigen (also in jeder voraugehenden) vor. Viertens ist für jedes m≥o

$$\lim_{[m]} u_{mn} = u_m.$$

Es werde nun

$$n_{aa} = n_{c}, \ n_{c} = n_{c}, \ n_{aa} = n_{c}, \dots, \ n_{aa} = n_{c+c} \dots$$

gesetzt. Von diesen Zahlen $n_i(r=1,2,\cdots)$ ist jede größer als die vorangehende, weil für $r \ge 0$

$$n_{i+1,i+1} > n_{i+1,i} = n_{ii}$$

ist. Ferner erfüllen die Zahlen n_i für jedes $m \ge 0$ die in der Behauptung vorkommende Gleichung

$$\lim_{r\to\infty}a_{n_rm}=a_m,$$

d. h. es ist wirklich

$$\lim_{n \to \infty} a_{n,m} = a_m;$$

in der Tat sind n_{mn} , $n_{m+1,m+1}$, ... zur Zelle [m] gehörig; also ist wegen (4) a fortiori (5) erfüllt.

Damit ist der zweite Hilfssatz bewiesen.

Aus den beiden Hilfssätzen ergibt sich nun folgender

Beweis des Satzes II: Es soll zunächst festgestellt werden, daß in dem Koeffizientenschema der

$$f_n(x) = a_n + a_n x + \dots + a_m x^n + \dots = \sum_{n=n} a_{nn} x^n$$

für jedes m≧o

existiert

Jedenfalls ist nach der Capenyschen Koeffizientenabschätzung

$$|a_{**}| \leq \frac{g}{r^n} = g.$$

so daß für jedes m die Menge $a_{\infty}(n=1,2,\ldots)$ mindestens eine Häufungsstelle hat. Würde nun nicht stets (d. h. nicht für jedes $m \ge 0$)

existieren, so hatte für mindestens ein m die Menge a_m mindestens zwei Häufungsstellen. Etwa für $m=m_o$ seien a und b zwei solche, also

$$a + b$$
.

594 Sitzung der phys-math Classe v. 18 Mai 1911. - Mitth. v. 20. April.

Dann läßt sich einerseits nach dem zweiten Hilfssatz eine wachsende Folge n_1, n_2, \dots, n_n derart finden, daß für jedes $m \ge 0$

$$\lim_{n\to\infty}a_{s_{q^{(n)}}}=a_n$$

existiert und hierbei

$$u_{\rm max} = a$$

ist; anderseits läßt sich nach dem zweiten Hilfssatz eine wachsende Folge $N_1, N_2, \dots, N_s, \dots$ derart finden, daß für jedes $m \ge 0$

$$\lim_{n\to\infty} u_{N,n} = b_n$$

existiert und hierbei

$$L_{m} = b$$

ist

Es werde nun für = 1, 1, ...

$$f_{s_i}(x) = \sum_{m=0}^{\infty} \sigma_{s_i,m} x^m = F_s(x)$$

und

$$\sum_{n=n}^{\infty} a_n x^n = F(x) .$$

ferner

$$f_{N_s}(x) = \sum_{n=1}^{\infty} a_{N_s n} x^n \equiv G_s(x)$$

und

$$\sum_{n=\infty}^{\infty} b_n x^n = G(x)$$

gesetzt. Dann ist jede der soeben erklärten Funktionen für |x| < 1 regulär. Ferner ist nach dem ersten Hilfssatz für |x| < 1

$$\lim_{x \to \infty} F_{x}(x) = F(x)$$

und

$$\lim_{x \to \infty} G_*(x) = G(x) ,$$

Nach einer gemachten Voraussetzung ist für eine gewisse Punktmenge im Kreise $|x| \le i$ mit mindestens einem Häufungspunkt im Innern

$$\lim_{x \to \infty} f_n(x)$$

vorhanden. Für jene Punkte ist

$$F(x) = \lim_{n \to \infty} f_{n_n}(x) = \lim_{n \to \infty} f_{n_n}(x) = G(x).$$

Die beiden für $|x| < \tau$ konvergenten Potenzreihen F(x) und G(x) müßten also identisch übereinstimmen, was sich mit

$$a_{sa} = a \Rightarrow b = b_{sa}$$

nicht verträgt.

Die Annahme, daß für irgendeln m≥0

nicht existiert, ist also falsch. Daher existiert für jedes m \geq 0

$$\lim u_{-}=v_{n}.$$

Wenn

$$\sum_{n=1}^{\infty} c_n x^n = f(x)$$

gesetzt wird, ist nach dem ersten Hilfssatz für |x| < 1

$$\lim_{x \to \infty} f_b(x) = f(x),$$

und zwar ist nach jenem Hilfssatz für $|x| \le 3$, wo 0 < 9 < 1 und 9 fest ist, gleichmäßig

$$\lim_{x\to\infty} f_*(x) = f(x).$$

Damit ist der Satz II bewiesen.

Hr. Schottky' hat die wichtige Entdeckung gemacht: Satz III: Es sei für |x| < 1 die Funktion

$$F(x) = a + a x + \dots + a x + \dots$$

ergulär, $\pm \alpha$ und ± 1 . Es sei $\alpha < \Theta < 1$. Dann existiert eine nur con Θ und α , (nicht von α , α , ...) abhängige Zahl $\Omega = \Omega(\Theta, \alpha)$ derart, doß für $|x| \leq \Theta$

$$|F(x)| \leq \Omega$$

Bet.

Mit amleren Worten: Wenn Θ eine feste Zahl zwischen ϕ und ι ist und man von F(x) nur weiß, daß es für $|x| < \iota$ regulär, $\pm \phi$, $\pm \iota$ ist, und außerdem, welchen Wert es im Punkte ϕ hat, so kann man eine absolut feste Schranke angeben, welche von |F(x)| in keinem Punkte des Kreises $|x| \leq \Theta$ übertroffen wird.

Uber des Pivasp'schen Sut: und die floren'schen Ungleschungen (Sitzungsberichte der Königlich Presidischen Akademie der Wissenschaften, Berlin, Jahrgang 1904. S. 1244-1262). S. 1255-1256.

Hr. Schoteky hatte aber a. a. O. noch mehr bewiesen. Ein Blick auf seine explizite Formel für $\Omega(\Theta_{+},a_{n})$ lehrt den

Satz' IV: Es sei für |x| < 1 die Funktion

$$F(x) = a_s + a_s x + \dots + a_n x^n + \dots$$

regulür, ± 0 und ± 1 . Es sei $0 < \theta < 1$. Es erfülle bei festem, aber beliebig kleinem positiven z die Zehl a, die Bedingungen²

$$|a_b| \ge \varepsilon_1 |a_b - 1| \ge \varepsilon_1 |a_b| \le \omega$$
.

Denne existert eine nur von Θ , ω und ε (nicht von a_*, a_*, a_*, \dots) abhängige Zahl $Y = Y (\Theta; \omega, \varepsilon)$ derart, daß für $|x| \leq \Theta$

$$|F(x)| \le \Psi$$

ist.

Erst kürzlich bewies Lannau³, daß hierin die z-Beschränkung glatt fortbleiben kann, d. h. den

Satz V: Es sei für |x | < 1 die Funktion

$$F(x) = a_n + a_1 x + \dots + a_m x^m + \dots$$

regular, \$0 und \$1. Es sei 0 < 0 < 1, ferner

$$|a_{\mu}| \leq \omega$$
.

Dann existient eine nur von Θ und ω (nicht von a_n , a_1 , a_2 , ...) abhängige Zahl $\Phi = \Phi(\Theta, \omega)$ derart, daß für $|x| \leq \Theta$

 $|F(x)| \leq \Phi$

lat.

Hr. Mouver schreibt and S. 124 seines Buches irrünmlich die Samerrayschen sätze III, IV Lasuau zu und formaliert IV müerdem unrichtig. Er gibt nämlich die Beilingung (die seinerzeit noch erforderlich war) richtig an, läßt jedoch die a-Beilingung fort; dadurch entsteht ein offenkundig falscher Satz, wie schon das triviale Beispiel F(x) = a lehrt. Wenngleich Hru Möstratz Behandlung der vorliegenden Probleme uns zu verschiedenen Beanstandungen historischer und sachlicher Art veranlaßt, zo wollen wir doch nicht unterlassen, besonders hervorzuheben, daß wir sowohl seine Thèse als auch sein Buch sehr hoch schätzen und viel Neues daraus gelernt haben. Sie enthalten wichtige Fortschritte nicht nur bei vielen anderen Problemen, sondern meh bei Fragen, weichte den marigen nahe liegen und welche wir in unserem auf ein bestimmtes Ziel hinstehenruden Text unerwähnt gelassen haben.

D. h. a. let um mimbettens eine angebbare Größe von er und vom i verschieden und gehört einem angebbaren undlichen Getiet der Ebene an.

Vgl. den (wie a. a. O. angegeben) von ihm herrührenden § 2 (8, 309—312) seiner gemeinsam mit Hrn. Bonn verfaßten Arbeit (deren interessantisten Ergelmissder § t. wie a. a. O. angegeben, von Hrn. Bonn allein herrührt): Über des Verhalten von L(s) und ζ (s) in der Nähn der Garaden σ = 1 [Nachrichten der Küniglichen Gesellschaft, der Wissensahaften zu Göttingen, mathematisch-physikalische Klasse, Jahrgang 1910, 5, 303—330]

Die HH. Sevensel und Moster waren nicht im Besitze des Satzes V. sondern bedienten sieh bei ihren Untersuchungen des Satzes IV mit dem erschwerenden Ballast der E-Bedingung!. Und doch ist es nicht einmal nötig, wenn man den Satz IV kennt, nochmals in die Tiefen der Modulfunktionen bzw. der durch Hrn. Bozen begründeten elementaren, aber komplizierten Beweismethoden hinabzusteigen, um zum Satz V zu gelangen. Das hat allerdings erst Hr. Bezzays entdeckt und noch nicht publiziert: wir benutzen diese Gelegenheit, um seinen direkten Übergang vom Satz IV zum Satz V mitzuteilen.

Hr. Bennavs schließt so: Für |x| < t ist unter den Voraussetzungen des Satzes V

$$F(x) = e^{h_x + h_1 x + h_2 x^2 + \cdots},$$

wo der Wert b, = log o, so gewählt sei, das

$$-3\pi < \Im(h_0) \leq -\pi$$

ist. Die Funktion

$$G(x) = \frac{1}{2\pi i}(b_a + b_c x + b_c x^2 + \cdots) = c_a + c_c x + c_c x^2 + \cdots$$

ist für |x| < 1 regulär und keine ganze Zahl, speziell + 0 und + 1. Erster Fall: Es sei

$$\Re(a_o) \ge \frac{1}{2}.$$

Dann ist

$$\begin{split} |a_a| & \ge \frac{1}{2} \,, \\ -\log z & \le \log |a_a| = \Re(b_a) \le \log a \,, \\ |\Re(b_a)| & \le \operatorname{Max.} (\log z, |\log a|) = g_*(a). \end{split}$$

Wegen

¹ A. A. O. S. 157.

³ A. a. O. (Hugh), S. 124.

Das Vonthandensein der selledingung veranhalt beide Antoren zur Hernnzichung eines Ornzonzeiten Satzes, den wir nicht benuchen (vans der Konvergenz von $f_n(x)$ in einem Gebiete folgt die Existens eines Tellgebietes, in welchem die Konvergenz gleichmäßig ists), infolgsdessen zu der Annahme der Konvergenz von $f_n(x)$ im gausen Gebiete und auf dem genannten Unrwege sogar zu einem Fehlschluß. Hr. Mosrza übersicht auf S. 124, Z. 6—3 v. n., daß sein lim $P_n(x) = f(x)$ in dem betreffenden Teilsen

gebiet identisch o oder identisch i sein kann (z, 0, 0) für $F_n(x) = \frac{n}{n+1}$, so daß sein Punkt er nicht zu existleren brancht. Hr. Saventer hatte auf S. 188, Z. 3—4, dasselbe Versehen gemacht. Der Fall, daß f(x) identisch o oder i ist (selbst im ganzen Gebiet), ist keineswegs als trivial ausschließbar, da ja nicht my Regularnät von f(x), sondern auch gleichmäßige Konvergene behauptet wird. Bei Anwendung des Satzes V bedari janer Pall überhaupt keiner besonderen Diskussion

598 Siming der phys.-math. Classe v. 15, Mai 1911, - Minth. v. 20, April. ist also

$$\frac{b_n}{2\pi i} \leq \frac{y_n(u) + 3\pi}{2\pi} = g_n(u).$$

Anderseits ist

(7)
$$\mathfrak{M}\left(\frac{b_a}{2\pi i}\right) = \frac{\Im(b_a)}{2\pi} \le -\frac{1}{2}.$$

Das konstante Glied $c_- = \frac{b_c}{2\pi i}$ in G(x) gehört nach (6) und (7) dem Gebiete

$$|c_n| \ge \frac{1}{2}$$
, $|c_n - 1| \ge \frac{1}{2}$, $|c_n| \le g_2(\omega)$

an. Nach dem Schoffavsehen Satz IV ist also für $|x| \leq \Theta$

$$|G(x)| \le \Psi\left(\Theta, g_*(\omega), \frac{1}{2}\right) = g_*(\Theta, \omega),$$

 $|F(x)| \le e^{|x-x|\Theta(\omega)|} \le e^{x-y_*(\Theta, \omega)} = g_*(\Theta, \omega).$

Zweiter Fall: Es sei

$$\Re \left(a_{a}\right) < \frac{t}{2}$$
.

Dann ist

$$1 - F(x) = 1 - a_0 + \dots$$

für |x| < t regulär, ± 0 und $\pm t$, und der reelle Teil des konstanten Gliedes hierin ist $> \frac{1}{2}$; ferner ist

$$|x-a_k| \leq 1+m$$

Nach dem Ergebnis des ersten Falles ist also für $|x| \leq \Theta$

$$|x - F(x)| \le y_*(\Theta, x + u) = y_*(\Theta, u),$$

 $|F(x)| \le x + y_*(\Theta, u) = y_*(\Theta, u).$

Wird nun

$$\operatorname{Max.}\left(g_{\ast}(\Theta, \omega), g_{\ast}(\Theta, \omega)\right) = \Phi(\Theta, \omega)$$

gesetzt, so erkennt man die Richtigkeit des Satzes V. Soweit Hrn. Branavs' Beitrag zu umserer vorliegenden Arbeit.

\$ 4.

Hauptzweck dieser Arbeit ist der Beweis für den neuen Satz VI: Es seien die analytischen Funktionen

$$f_*(x), f_*(x), \dots, f_*(x), \dots$$

für |x| ≤ 1 regulär. Es gehe zwei verschiedene komplexe Konstanten a und b depart, daß für | x | \le 1 jede der Eunklinnen fo(x) beide Werte a und b aus-Es existiere WBL.

$$\lim_{x \to \infty} f_n(x)$$

für unendlich viele Punkte, die mindestens einen Häufungspunkt im Innern des Einheitskreises haben. Dann ist für alle x des Gebieles |x| < 1

$$\lim_{x \to \infty} f_*(x) = f(x)$$

corhanden. Ferner ist f(x) file |x| < 1 regulier. Entilleh ist, wenn o < 5 < 1 and 2 fest ist, für |x| \le 9 gleichausBig

$$\lim_{x\to\infty}f_*(x)=f(x).$$

Vorbemerkungen: 1. Der Satz VI enthält offenbar den Satz II als Spezialfall. Denn, wenn für $|x| \le 1$ alle $f_{\epsilon}(x)$ gleichmäßig beschränkt sind, d. h. stets

$$|f_{\nu}(x)| \leq y$$

ist, so gibt es natürlich zwei Werte (nämlich zwei beliebig außerhalb des Kreises mit dem Radius y um den Nullpunkt zu wählende Zahlen a, b), so daß alle fo(x) diese beiden Werte für |x| \le 1 auslassen.

- 2. Das außerste in dieser Richtung in der Literatur' bisher erreichte Ziel ist mehr als II und weniger als VI, nämlich VI mit vorausgesetzter Existenz von Ilm $f_{\epsilon}(x)$ im ganzen Gebiete $|x| \leq 1$.
 - 3. Beim Beweis darf ohne Beschränkung der Allgemeinheit

$$a = 0, b = 1$$

[·] Vgl., die in der Elaleitung zitterten Stellen bei den UH. Veraus, Museren and Szyrmer. Daß sirch der im Text genannte Wortlaut, der weniger als VI besagt. von den HH. Mosver, und Sevensu nicht einwandfrei bewiesen wurde, haben wir achen erwähnt. Der Beweis von Hen. Vreaus (der Gbrigens nur die Regularität von /(a), nicht die gleichmübige Konvergenz für | a | 5 feststellen will) enthält eine andere Lücker es handelt sich um seine Behanptung auf S 80, Z. 5 v. u., daß sein ziwaj für jeden Punkt von C. konvergiert. Wir sehen keine Möglinhkeit, diese Lücke ohne Zuhilfenahme der beschränkenden Vorausseizung auszufüllen, duß mindestens ein z = zo existert, filt welches him fa(zo) von Null und Eins verseitieden ist. Die Möglichkelt, daß lim fa(s) für einen Teil des Gebietes gleich Null und für einen anderen Teil gleich Eine sei, ist zwar als Folge uneres Satres VI ausgeschlossen; für dieses Resultit scheinen aber die Hilfsmittel, welche Hyn. Vicata zur Verfügung standen, nicht amazureichen. Amlersuits müssen wir konstatieren, daß Hr. Mostra (auf S. 912 seiner in der Einleitung zitierten Note) und Hr. Sevemar (auf S. 128 seiner ebenda genannten Abhandlung) die Stelle bei Hen Versti erwähnen, ohne legendein Bedenken gebend zu machen

angenommen werden, da man sonst nur nötig hiltte, die Funktionen

$$\frac{f_n(x)-a}{b-a}$$

un Stelle der f.(x) zu betrachten.

4. Beim Beweis darf ohne Beschränkung der Allgemeinheit angenommen werden, daß der Punkt o zu den Konvergenzpunkten gehört. Denn sonst könnte man, wenn z ein bestimmter im Kreise gelegener Konvergenzpunkt ist, durch eine lineare Transformation

$$y = \frac{x - x_0}{t - x \bar{x}_0}$$

den Einheitskreis so auf sich abbilden, daß $x=x_0$ in y=0 fällt, und die Eigenschaften der $f_*(x)$ als Funktionen von y liefern unmittelbar die Behauptungen.

Beweis: Aus der nach 4. vorhandenen Existenz von

$$\lim_{n\to\infty} f_n(0)$$

folgi

$$|f_n(0)| \leq \omega$$

bei passender Wahl von a.

Es sei 0 < 3 < 1 und 3 fest gegeben. Es werde 6 oberhalb 9, oberhalb des absoluten Betrages der vorausgesetzten Häufungsstelle und muerhalb 1 gewählt. Aus der nach 3. gemachten Voraussetzung

$$f_s(x) \neq 0$$
 and $\neq 1$ für $|x| \leq 1$

folgt much Satz V für $|x| \le \Theta$

$$|f_{\omega}(x)| \leq \Phi = \Phi(\Theta, \omega),$$

wo Φ von a und x unabhängig ist. Die Funktionen $f_*(x)$ sind also für $|x| \le \Theta$ regulär und gleichmäßig beschränkt. Es existiert ferner nach Veraussetzung

$$\lim_{x \to \infty} f_n(x)$$

für unendlich viele x mit einem Häufungspunkt im lunern des Kreises $|x| \le \Theta$. Nach dem Vitatischen Satze II' gibt es daher eine für $|x| < \Theta$ regulärs Funktion f(x) derart, daß für $|x| \le \mathbb{R}$ gleichmäßig

$$\lim_{x \to \infty} f_*(x) = f(x)$$

ist. Jenes f(x) ist somit für |x| < 1 regulär, und für |x| < 1 ist $\lim_{x \to \infty} f_x(x) = f(x)$.

⁾ Dersidhe war oben nur für den Embeltskreis als Grundbereich formuliert, güt aber sellstverständlich infolgedessen auch für $|x| \le \theta$ als Grundbereich.

Wir beweisen ferner den

Satz VII: Es sei $f_n(x)$ (n = 1, 2, ...) für $|x| \le 1$ regulär, $\pm a_n$ und # b., wobei nuch Annuhme eines gewissen festen 7

$$|a_*| < \gamma, |b_*| < \gamma, |a_* - b_*| > \frac{1}{\gamma}$$

ist. Es existiere

$$\lim_{n\to\infty} f_n(x)$$

für unendlich viele Punkte mit einer Häufungsstelle im Innern des Einbests-Dann ist für $|x| \le 9$, wo 0 < 9 < 1 ist, gleichmäßig Kreises.

$$\lim_{x \to \infty} f_*(x) = f(x)$$

corhanden.

Dies f(x) muß natürlich dann für |x| < 1 regulär sein.

Beweis: Es darf Konvergenz für x = 0 vorausgesetzt werden: dann ist

$$\left| \frac{f_*(0)| \le \omega,}{b_a - a_a} \right| \le \frac{\omega + \gamma}{1} = \gamma (\omega + \gamma).$$

Für |x|≤1 ist

$$\frac{f_n(x)-a_n}{b_n-a_n} \neq 0 \text{ and } \neq 1.$$

Wenn D < 2 < 1 ist und O wie beim Beweise des Satzes VI gewählt wird, ist noch Satz V für |x |≤0

$$\left| \frac{f_n(x) - a_n}{b_n - a_n} \right| \le \Phi = \Phi(\Theta, \gamma(w + \gamma)),$$

wo 4 von u und z unabhängig ist, also

$$|f_a(x)| \le |a_a| + |b_s - a_a| \Phi < \gamma + 2\gamma \Phi$$
.

Die $f_*(x)$ sind also für $|x| \le \Theta$ gleichmäßig beschränkt. Nach Satz II ist daher für |x | S gleichmäßig

$$\lim_{x \to \infty} f_n(x) = f(x)$$

vorhanden, womit Satz VII bewiesen ist,

Den Gedanken, die Ausnahmewerte a, und b, von a abhängig zu lassen, hat auch schon Hr. Vitant' angewendet; sein diesbezügliches

¹ Vgl. S.Sz miner in der Einleitung zitterten Arbeit.

Kesultat besagte jedoch weniger als der Satz VII; insbesondere setzber Konvergenz im ganzen Bereiche voraus. Außerdem können wir aus dem in § 4 erwähnten Grunde nicht anerkennen, daß er sein Resultat bewiesen hat.

\$ 6:

Der Satz VII seheint — uninteressante Ausdehnungen unberücksichtigt gelassen — der allgemeinste zu sein, den man mit Hilfe der
von uns bisher benutzten Methode beweisen kann. Wir wollen jetzt
eine zweite Methode entwickeln, die uns erlauben wird, Sätze zu beweisen, welche VI und VII als spezielle Fälle enthalten: diese Methode
erscheint uns übrigens auch au sieb interessant.

Es ist uns jetzt bequem, wenn wir von einer Folge komplexer Zahlen und von einem Limes sprechen, auch co als Zahl und als Limes zuzulassen. Wenn wir also sagen, eine Folge von Zahlen

sei gegeben, so steht an jeder Stelle eine endliche Zahl oder das Symbol co. Wenn wir sagen, daß

$$\lim_{n\to\infty}y_n=n$$

ist, so bedeutet das im Falle eines endlichen η , daß bei gegebenem positiven v von einer gewissen Stello an (für $n \ge n$ (\tilde{v}) die Zahl y, endlich und

$$|y_n - y| < \delta$$

ist; es bedeutet im Falle $v=\infty$, daß hei gegebenem positiven a von einer gewissen Stelle an (für $n \ge n_a(\delta)$) entweder $y_a = \infty$ oder y_a endlich und

ist.

Die oben angekündigte zweite Methode beruht auf folgendem Hilfssatze, der aus einer Verallgemeinerung einer Schlaßfolgerung von Hrn. Moxra. 1 entsteht.

Dritter Hilfssatz: Es seien

(8)
$$F_*(x), F_*(x), \dots, F_*(x), \dots ad inf.$$

für |x| < 1 eindeutig erklärt²; es breuchen nicht einmol analytische Funktionen zu sein. Wir setzen voraus, daß man aus jeder unendlichen Teis-

¹ Vel. 8, 23-22 seioes Buther.

^{*} Ifterhel lat, wie gesagt, much co als Wert zulässig.

folge non (8) eine neue Teilfolge aussandern kann, die file |x| < 1 gegen eine dasellist meromorphe Funktion koncerniert.

Dann ist entweder die Folge (8) für |x| < 1 gegen eine dort meromorphe Funktion konvergent, oder die Menge der Konvergenzpunkte der Folge (8) im Kreise $|x| < \epsilon$ hat in dessen Innern keine Hilufungsstelle.

Beweis: 1. Es existiere

$$\lim_{x \to \infty} F_*(x) = F(x)$$

für |x| < 1. Dann ist F(x) für |x| < 1 meromorph; denn wir können nach Voranssetzung eine Teilfolge von (8) bilden, die gegen eine für |x| < 1 meromorphe Funktion konvergiert, and diese muß mit F(x)identisch sein.

z. Es existiere

$$\lim_{x\to\infty} F_{\pi}(x)$$

nicht im ganzen Einheitskreise. Es sei a, ein Divergenzpunkt im Einheitskreise. Dann hat die Folge

$$F_{\bullet}(x_{\scriptscriptstyle 0})$$
, $F_{\scriptscriptstyle 0}(x_{\scriptscriptstyle 0})$, ..., $F_{\scriptscriptstyle 0}(x_{\scriptscriptstyle 0})$, ...

mindestens zwei verschiedene Hänfungsstellen a. E. falls der Punkt co eventuell mitgezählt wird. Man kann also aus (8) zwei Teilfolgen

(9)
$$F_{a_1}(x), F_{a_2}(x), \dots, F_{a_k}(x), \dots$$

und

(10)
$$F_{i_1}(x), F_{i_2}(x), \dots, F_{i_n}(x), \dots$$

aussondern, für welche

$$\lim_{k\to\infty}F_{a_k}(x_0)=\alpha$$

und

$$\lim_{k\to\infty}F_{r_k}(x_k)=\beta$$

Nach Voraussetzung können wir aber aus (9) eine Teilfolge aussonders, die für |x| < 1 gegen eine dort meromorphe Funktion $\Phi_{\nu}(x)$ konvergiert; ebenso aus (10) eine Teilfolge, die für |x| < 1 gegen eine dort meromorphe Funktion Φ, (x) konvergiert. Dann ist

$$\Phi_s(x) - \Phi_s(x) = \Psi(x)$$

für |x| < 1 meromorph, aber nicht identisch o. weil

$$\Psi(x_0) = x - \beta + 0$$

2 In sinom Pole der Grenzfunktion bedeutet dies mach dem Obigen, daß der

Lines der Folge co ist.

In der Terminologie von Hen. Frieder würde man diese Bellingung ausdrücken, indem man sagt, daß die Menge Fri Fr, ... kompakt ist; vgl. seine Thise Sur qualques points du Calcul Fonctionnel [Réndicunt) del Circulo Matematico di Palermu. Bd. XXII (1966), S 1-741, S.6,

ist. Folglich hat die Menge der Nullstellen von V(x) im Innern des Kreises |x| < 1 keine Häufungsstelle. Die Folge (8) kann aber höchstens in Nullstellen von V(x) konvergieren.

Damli ist der dritte Hilfssatz bewiesen.

Es ist nun nützlich, folgende Definition einzuführen.

Definition. Is set $\Phi(x)$ filt $|x| \leq r$, we r > 0 ist, meromorph; $\Phi(x)$ set also dort regulär mit etwniger Auxnahme endlich eieler Pole x_1, \dots, x_p . Diese Pole seien irgendwie durch wolche Kreise K_1, \dots, K_p ausgewhallten, daß filt jede dieser Kreisflächen ausschl, des Mittelpunlaes, ober einschl. des Randes $\Phi(x)$ regulär und von Null verschieden ist. Donn heiße eine Funktionenfolge

$$F_s(x)$$
, $F_s(x)$, ... ad inf.

für $|x| \le r$ gleichmitßig gegen $\Phi(x)$ konvergent, wenn nicht nur für $|x| \ge r$

$$\lim_{x \to \infty} F_*(x) = \Phi(x)$$

ist, sandern erstens in demjenigen Teil des Kreises $|x| \le r$, der außerhalb ein K_s , K_s liegt, im üblichen Sinne gleichmäßig

$$\lim_{x \to \infty} F_*(x) = \Phi(x)$$

ist, zweitens im übrigen Teile des Kreises | x | Se im üblichen Sinns gleichmitsbig

$$\lim_{n \to \infty} \frac{1}{F_n(x)} = \frac{1}{\Phi(x)}$$

ISL.

Diese Definition muß durch die — leicht beweisbare — Bemerkung gestützt werden: Wenn bei einer Wahl der Kreise K_1,\dots,K_r sie gleichmäßige Konvergenz liefert, so liefert sie die gleichmäßige Konvergenz auch bei irgendelner anderen Wahl K_1,\dots,K_r jener Kreise. In der Tat werde der Ring zweier verschiedener Kreise K_r , K_r um den Pol x_r ins Auge gefaßt, deren Radien x_r , x_r seien; es sei etwa $x_r < x_r$. Dann hat $|\Phi(x)|$ für den Ring $x_r \ge |x-x_r| \le x_r$ eine positive untere und eine endliche obere Grenze, und die beiden Aussagen $x_r \in K_r$ konvergiert für den Ring im üblichen Sinne gleichmäßig gegen $\Phi(x)$ und

* $\frac{1}{F_*(x)}$ konvergiert für den Ring im üblichen Sinne gleichmäßig gegen

 $\Phi(x)$ sind völlig gleichbedeutend. Die Definition hängt also, wie es sich gehört, nur von den Funktionen $F_n(x)$, nicht etwa von der Größe der Radien der um die Pole ihrer Grenzfunktion gezogenen Kreise ab.

Wir können jetzt den dritten Hilfssatz folgendermaßen vervollständigen: Vierter Hilfssniz: Die Funktionen (8) seien für |x| < 1 eindeutig erklärt. Es lasse sich aus jeder Teilfolge von (8) sine neue Teilfolge aussondern, die für |x| < 1 gegen eine ausvomorphe Funktion konvergiert, und zwar bei festem 3 zwischen 0 (ausschl.) und 1 (ausschl.) für $|x| \leq 3$ gleichmäßig.

Es si die Folge (8) für |x| < 1 konvergent. Dann konvergiert sie gleichonäßig für $|x| \le 9$.

Beweis: Die Folge (8) konvergiert nach dem dritten Hilfssatz für |x| < 1 gegen eine dort meromorphe Funktion F(x). Wir behaupten, daß diese Konvergenz für $|x| \le 3$ eine gleichmäßige ist. Die etwaigen Pole von F(x) im Geblete $|x| \le 3$ seien x_1, \dots, x_p ; es seien h_1, \dots, h_p trgendwelche Kreisilächen um x_1, \dots, x_p , die einschließlich ihres Randes keine singuläre Stelle und keine Nullstelle von F(x) enthalten.

(iesetzt, die Konvergenz von (8) sei für $|x| \le \Im$ ungleichmäßig. Dann existieren ein positives δ und unendlich viele verschiedene positive ganze Zahlen

und ihnen entsprechende komplexe Zahlen

im Gebiete |x| 53 derart, dail

$$|F_n(y) - F(y)| > \delta$$

bzw.

$$\left|\frac{1}{F_{n}(y_{j})} - \frac{1}{F(y_{j})}\right| > \delta$$

ist, je nachdem y_i innerhalb einer der Kreisflächen K_1,\dots,K_p (einschl. Rand) liegt oder nicht. Unter diesen Umständen wäre es aber unmöglich, aus der Folge

$$F_{*_i}(x)$$
 , $F_{*_i}(x)$, ...

eine Teilfolge auszusondern, die für $|x| \le 3$ gleichmäßig gegen F(x) konvergiert. Damit ist der vierte Hilfssatz bewiesen.

Wir wollen jetzt folgenden Satz beweisen, der den Satz VI als Spezialfall enthält.

Satz VIII: Es seien die analytischen Funktionen

$$(11) \qquad f_i(x), f_i(x), \dots, f_i(x), \dots$$

für |x| < 1 meromarph. Es gebe drei verschiedene komplexe Konstanten u, b, c und drei positive ganze Zahlen k, l, m mit folgenden Eigenschaften.

^{&#}x27; Eine der Zahlem a, b, e darf oc win.

Jedu der Zählen k, l, m darf ∞ soin. $k = \infty$ bedeutst π . B. hel coefficient s, daß die Funktion $f_n(x) - n$ identisch α ist oder für $\alpha < |x| < x$ nicht verschwindet.

BOG Sittening der pleys-math. Classe v. 18. Mai 1911. - Muth. v. 20. April.

Erstens int

$$\frac{1}{k} + \frac{1}{l} + \frac{1}{m} < 1.$$

Zweitens hat für 0 < |x| < 1 jede Nullstelle von $f_*(x) - a$ (bzw. für $n = \infty$ xon $\frac{1}{f_*(x)}$) thre Ordnung' durch k teilbar, and es gilt das Entsprechende, wenn a, k durch b, l bzw. c, m ersetzt wird.

Ferner existiere

$$\lim_{n\to\infty} f_n(x)$$

für unendlich viele Punkte, die mindestens einen Häufungspunkt im Inaern des Einheitskreises haben; dieser Grenzwert sei für mindestens einen dieser Punkte endlich.

Dann ist für alle x des Gebietes | x | < !

$$\lim_{x\to\infty} f_k(x) = f(x)$$

corhanden und meromorph. Ferner ist, wenn 0 < 2 < 1 und 2 fest ist, für $|x| \le 2$ gleichmüßig

$$\lim_{n=\infty} f_n(x) = f(x).$$

Beweist Ohne Beschränkung der Allgemeinheit dürfen wir von vornherein annehmen, daß k, l und m endlich sind. Denn andernfalls kann man für diejenigen dieser drei Zahlen, die ∞ sind, solehe endlichen Zahlen setzen, daß für das neue, endliche System k', l', m'

$$\frac{1}{k'} + \frac{1}{\ell'} + \frac{1}{m'} < 1$$

ist, also alle Voraussetzungen des Satzes VIII gelten.

Wir werden zeigen, daß man aus der Folge (11) eine Teilfolge aussondern kann, die für $|x| \le 1$ gegen eine meromorphe Funktion konvergiert, und daß für $|x| \le 9$ die Konvergenz eine gleichmäßige ist. Wenn wir das gezeigt haben werden, so dürfen wir es offenbar statt auf (11) auf jede beliebige Teilfolge von (11) anwenden; es wird sich alsdann aus dem dritten Hilfssatz ergeben, daß die Folge (11) für $|x| \le 1$ gegen eine dort meromorphe Funktion f(x) konvergiert, und aus dem vierten Hilfssatz, daß diese Konvergenz für $|x| \le 9$ eine gleichmäßige ist, womit alles im Satz VIII Behauptete begründet sein wird.

Wenn die Funktion identisch alst, eigen wir, die Ordnung (∞) sel für jedes z und jedes k durch k teilbar.

^{(1).} In $(f_n(s)-a)^{\frac{1}{2}}$ bow $\left(\frac{s}{f_n(s)}\right)^{\frac{1}{2}}$ ist in der Umgebung jeder Nullstelle im Gebiete 0 < |s| < t unverzweigt.

Es sei u eine beliebige Häufungsstelle der Zahlen f.(o): dann können wir aus (11) eine Teilfolge

$$f_{q_1}(x), f_{q_2}(x), \dots, f_{q_n}(x), \dots$$

aussomlern, für welche

$$\lim_{n\to\infty} f_{y_n}(0) = u_n$$

ist. Wenn w entweder mit h oder mit o zusammenfallen sollte, konnen wir in unserer Bezeichnungsweise den betreffenden Wert mit a vertauschen und eine entsprechende Permutation unter den Zahlen k, l, m vornehmen. Wir können also ohne Beschränkung der Allgemeinheit voraussetzen, duß

北丰的

unil

ist; ferner, daß unter den Funktionen $f_m(x)$ keine einzige für $x=\phi$ den Wert h oder c hat.

Wir führen nun die für |x| < 1 meromorphen Funktionen

$$\phi_{u}(x) = \frac{(f_{iu}(x) - u)(b - c)}{(f_{vu}(x) - c)(b - u)}$$

ein: hierbei bedeutet natürlich, wenn eine der Zahlen a, b, e unendlich ist, o.(x) den durch Weglassung der betreffenden zwei (co seienden) Faktoren (oben und unten) entstehenden Bruch. Diese Funktionen o iv) haben folgende Eigenschaften:

Erstens existiert

$$\lim_{n\to\infty} \phi_n(0) = \frac{(n_0-n)(b-c)}{(n_0-c)(b-n)} = y_0;$$

dies y ist endlich (weil in + r ist) und von i verschieden (weil u = b (at).

Zweitens ist $\phi_n(\phi)$ für jedes n endlich und $\pm t$.

Drittens sind für o < | x | < 1 die Funktionen

$$\left(\phi_s(x)\right)^{\frac{r}{2}}, \, \left(\phi_s(x)-1\right)^{\frac{1}{2}}, \, \left(\frac{1}{\phi_s(x)}\right)^{\frac{1}{n}}$$

in der Umgebang ihrer Nallstellen unverzweigt-

Wir betrachten jetzt in einer komplexen Zahlenebene a ein Kreisbogendreieck OAB, dessen eine Ecke O mit dem Koordinatenanfangspunkt ω = o zusammenfällt, während die Seite OA ein Stück der positiven reellen Achse und OB ein geradliniger Strahl ist, der mit dem ersten den Winkel k einschließt. Der Kreisbogen AB ist derart gewählt, daß er mit den beiden Strahlen OA und OB bzw. die Winkel wurd einschließt und den Einheitskreis der zehbene orthogonal schneidet. Ein derartiges Dreitek existiert unter der gemachten Annahme (12) linmer.

Wir hilden das Innere dieses Dreiecks auf die obere Hälfte der y-Ebene derort ab, daß den Punkten O, A, B der ω -Ebene die Pankte O, A, ∞ der y-Ebene entsprechen. Diese Abbildung geschicht bekanntlich mit Hilfe eines bestimmten Zweiges einer Funktion $\omega(y)$, die folgende Eigenschaften hat:

- 1. Die Funktion $u\left(y\right)$ ist überall regulär bis auf die Punkte y=0, 1, ∞ . Diese sind Verzweigungspunkte in jedem Blatt der Rumannschen Fläche, und zwar bzw. von der Ordnung k,l,m.
- 2. thre Umkehrung y(w) ist für |w| < 1 meromorph und über den Kreis |w| = 1 nicht fortsetzbar.
- 3. Der in Betracht kommende Zweig besitzt außerdem in der Umgebung von y = 0 die Entwicklung

$$w = y^{\frac{1}{k}} (a_* + \sigma, y + \dots).$$

wo no + o ist.

Wir betrachten nun die Funktion

$$\Omega(y) = u^*(y),$$

die bei analogen Problemen schon gute Dienste geleistet hat!. Sie besitzt folgende Eigenschaften:

- 1. Die Funktion $\Omega\left(y\right)$ ist überall regulär bis auf die Punkte o. 1, ∞ . Von diesen sind y=i und $y=\infty$ überall Verzweigungspunkte, und zwar i-ter bzw. m-ter Ordnung: y=0 ist, abgesehen von einem Blatt, Verzweigungspunkt k-ter Ordnung.
- 2: Thre Umkehrung $y\left(\Omega\right)$ ist für $|\Omega|<1$ meromorph und über den Kreis $|\Omega|=1$ nicht fortsetzbar.
- 3. Eine Entwicklung von $\Omega(y)$ in der Umgebung von y=0 but die Gestalt

$$\Omega = b_i y + b_j \dot{y}^* + \dots,$$

wo b, + p ist.

Wir schneiden nun die y-Ebene längs einer geraden Linie auf, welche die Punkte t und ∞ verbindet und weder den Punkt 0 noch den Punkt y_* enthält. Die so aufgeschnittene Ebene wird durch den soeben betrachteten Zweig (14) auf ein Gebiet der Ω -Ebene abgebildet, das wir mit Ω bezeichnen wollen.

Vgi Canaraimenas. Sur quelques applications du théorème de Landau-Picuri (Camptes rendus behidomadatres des scances de l'Académie des Sciences, Paris, Bd. CXXXXIV (1907). S. 1203-1206).

Durch die Funktion (1 (y) wird auf das lanere des Kraises (1) < 1 eine Rithanssche Fläche konform abgebildet, die aus unendlich vielen Blättern besteht, von denen immer je k im Punkte y = 0, je l im Punkte y = 1 und je m im Punkte $y = \infty$ zusammenhängen, mit Ausnahme eines einzigen Blattes dieser Fläche, das im Punkte $y=\alpha$ un-Dies Blatt entspricht dem Zweige, den wir soeben veryweigt ist. hetrachteren:

Nun kehren wir zu auseren Funktionen das zurück und setzen sie für y in 12 (y) ein: wir können und wollen dabei festsetzen, dals dem Punkte & (o) immer ein Punkt des Innern oder des Randes von il entsprechen soll. Genauer soll, wenn \$\phi_s(0)\$ and dem Schnitt von t bis co liegt, derjenige Wert in I genommen werden, der einem bestimmten Ufer des Schnittes entspricht. Dann ist für jedes h

$$\Omega_{+}(x) = \Omega\left(\phi_{+}(x)\right)$$

im Punkte x = 0 eindentig bestimmt und für |x| < 1 regulär, mit Rücksicht auf die oben zusammengestellten Eigenschaften der Funktionen ϕ_{*} und Ω_{*} . In der Tut ist jeder Punkt des Gebiets 0 < |x| < 1. in welchem q. (x) einen der Werte o, 1 oder co hat, regulärer Punkt für $(\phi_{+}(x))^{\frac{1}{2}}$ bzw. $(\phi_{+}(x)-z)^{\frac{1}{2}}$ bzw. $\left(\frac{1}{\phi_{-}(x)}\right)^{\frac{1}{2}}$, also regulärer Punkt für 2 (\$\psi_*(x)).

 $\Omega_{-}(x)$ ist daher für |x| < i regulär: überdies ist für |x| < i mach den Eigenschaften der Ω -Funktion $|\Omega_s(x)| < 1$.

Wir können also wie beim Beweise des Satzes II aus der Folge Ω, Ω, · · · eine Teilfölge

$$\Omega_{i_1}, \ \Omega_{i_2}, \ \cdots, \ \Omega_{i_{j-1}} \cdots$$

aussondern, die für | z | < 1 gegen eine reguläre analytische Funktion Ω (x) konvergiert, und zwar bei festem S zwischen o und 1 gleichmālig für | x | S. Für | x | < 1 ist dann

$$|\Omega_{\kappa}(z)| \leq \epsilon;$$

da nun

$$|\Omega_{s}(0)| = \left| \lim_{n \to \infty} \Omega\left(\phi_{s}(0)\right) \right| = \left|\Omega\left(y_{s}\right)\right| < \epsilon$$

ist, so lst fiir | x | < 1

denn wäre einmal

$$|\Omega_{\omega}(x')| = 1$$

wobei |x| < t ist, so ware $\Omega_{\epsilon}(x)$ gewiß keine Konstante; also wäre in einem passend wählbaren Punkte z" im Innern des Einheitskreises

$$|\Omega_{\epsilon}(x')| > 1$$
.

Wir behaupten, daß die entsprechenden Funktionen

$$\phi_{\gamma_j}(x) = y\left(\Omega\left(\phi_{\gamma_j}(x)\right)\right) = y\left(\Omega_{\gamma_j}(x)\right),$$

welche nach Voraussetzung für | x | < 1 meromorph sind, dort für $j=\infty$ einem Limes $\phi(x)$ zustreben, und zwar für $|x| \leq 3$ gleichmäßig.

Last man j bei festem x wachsen, so konvergiert $\Omega_{ij}(x)$ für |x|<1

gegen 11 (x): da für 11 <1

$$\lim_{\Omega = \mathbb{R}^r} y(\Omega) = y(\Omega')$$

ist, so existiert

$$\lim_{t\to\infty}\phi_{s_j}(x)=y\left(\Omega_{s}(x)\right)=\phi(x).$$

Diese Funktion $y(\Omega_{\epsilon}(x))$ ist nun für $|x|<\epsilon$ entweder meromorph oder konstant co. Nach (13) hängen die Funktionen (c. (x) mit auseren arsprünglichen Fanktionen $f_{b_k}(x)$ durch eine linear gebrochene Substitution zusammen. Aus der Reihe der $f_n(x)$ können wir also eine Teilfolge aussondern (nämlich die aus denjenigen $f_{i,j}(x)$ bestehende, für welche $n = s_j$ is:), die für |x| < 1 konvergiert, und zwar entweder gegen eine dort meromorphe Funktion oder gegen co; leizteres ist aber ausgeschlossen, da wir von vornherein nur solcke Folgen f. ix) betrachtet haben, die für mindestens einen Wert von z gegen eine endliche Zahl konvergieren.

Es bleibt zu beweisen, daß die Konvergenz für |x| \S 3 eine gleichmäßige ist. Dazu ist es hinreichend festzustellen, daß für jedes r im Einheitskreise eine Umgebung existiert, in welcher die Komvergenz eine gleichmäßige ist. Es sei also

18/<1.

und es werde

 $\sigma(\xi) = \kappa$

bno

以的一只

gesetzt. Dann ist sicher

Nun nehmen wir einen beliebigen Kreis am , der dem Innern des Einheitskreises der Q-Ebene angehört und so klein ist, daß außer höchstens der Stelle C keine einzige Nulistelle und kein Pol der Funktion y(D) in the oder auf seiner Peripherie liegt. Es sel 2 ; der Radius dieses Kreises und v der Radius eines Kreises der x-Ebene, dessen Mittelpunkt & ist und der so klein ist, daß für alle seine Punkte

$$|x-\xi| < \frac{1-|\xi|}{2}$$

und

$$|U_{\alpha}(x)-\zeta|<\varepsilon$$

ist. Dann wird im selben Kreise der x-Ebene wegen der gleichmäßigen Konvergenz der Folge $\Omega_{x}(x)$ von einem gewissen j an

$$|\Omega_{ij}(x) - \zeta_i| < 2p$$

sein. Unter den von uns gemachten Voraussetzungen zieht dadurch die gleichmäßige Konvergenz (im üblichen Sinne) der $\Omega_{\nu}(x)$ diejenige

der $\phi_{\pi}(x)$ (bzw., falls $\pi = \infty$ ist, diejenige von $\frac{1}{\Phi_{\pi}(x)}$) nach sich.

Hieraus folgt schließlich, daß die $f_{i,j}(x)$ auch gleichmäßig konvergieren.

Wir können jetzt genau wie beim Satze VII die Zahlen a.b.e von a abhängig machen, wenn nur gewisse Bedingungen erfüllt sind. Das Ziel dieses Schlaßparagraphen ist nämlich der

Satz IX: Es seien die analytischen Funktionen

(15)
$$f_s(x) = f_s(x) = \cdots = f_s(x)$$
, ...

für |x| < 1 merumorph. Es seien k, l, m drei positive gunze Zahlen (einschließlich ∞) und

$$\frac{1}{k} + \frac{1}{I} + \frac{1}{m} < 1$$
.

Jeder Funktion der Falge (13) seien drei verschiedene Konstanten a., b., c., mit folgenden Eigenschaften zugeordnet. Erstens sind für keine Teilfolge n., bei der

$$\lim_{n\to\infty}a_{n_n}=a,\ \lim_{n\to\infty}b_{n_n}=\beta,\ \lim_{n\to\infty}c_{n_n}=\gamma$$

existieren, irgend zwei unter den drei Zahlen x, β , γ einander gleich. Zweilens hat für 0 < |x| < 1 jede Nullstelle von $f_*(x) - a_*$ (bow. für $a_* = \infty$ von $\frac{1}{f_*(x)}$) ihre Ordnung durch k teilhar, und es gilt das Entsprechende, wenn a_* , k durch b_* , l bow. c_* , m ersetzt wird.

Es existiere

$$\lim_{n \to \infty} f_n(x)$$

für unendlich viele Punkte, die mindestens einen Häufungspunkt im Lauren des Binheitskreises haben: dieser Grenzwert (16) sei für mindestens einen dieser Punkte endlich.

Dann ist five alle & des Gebietes | x | < 1

$$\lim_{x \to \infty} f_*(x) = f(x)$$

vorbanden und merenngruh. Ferner, ist für |x | & gleichmellig

$$\lim_{x \to \infty} f_*(x) = f(x)$$

Vorbemerkung: Die im Satz VII gemachten Annahmen über a. und b. sind, wenn c. = ∞ gesetzt wird, selbstverständlich in unseren jetzigen Annahmen enthalten. Daher enthält offenbar der Satz IX den Satz VII und damit nuch die Sätze I, II und VI. Außerdem enthält Satz IX den Satz VIII.

Beweis: ()
hne Beschränkung der Allgemeinheit dürfen offenbar k , ℓ , m als endlich angenommen werden.

Es ist wiederum nur nötig, aus (15) eine Teilfolge anszusondern, die für $|x| \le 1$ gegen eine meromorphe Funktion konvergiert, und zwar für $|x| \le 3$ gleichmäßig

Erster Schritt: Wir wählen eine Folge verschiedener positiver ganzer Zahlen $r_1, r_2, \dots, r_r, \dots$ derart, daß

$$\lim_{r\to\infty}a_{r_i}=a,\ \lim_{j\to\infty}b_{r_j}=b,\ \lim_{j\to\infty}c_{r_j}=c$$

existieren. Nach Voraussetzung sind alsdann a, b_1 v drei versehledene Zahlen.

Zweiter Schritt: Ans der Menge r_i wählen wir eine Teilmenge q_a aus, so daß

$$\lim_{n\to\infty} f_{g_n}(0) = u_n$$

existiert. Ohne Beschränkung der Allgemeinheit darf angenommen werden, daß $u_a \neq b$ und $u_a \neq c$ ist, sowie jede der Zahlen $f_{**}(o)$ von b_{**} und c_{**} verschieden ist.

Dritter Schritt: Wir führen die für |x| < 1 meromorphen Funktionen

$$\phi_{n}(x) = \frac{(f_{nn}(x) - a_{gn}) \cdot (b_{gn} - c_{gn})}{(f_{gn}(x) - c_{gn}) \cdot (b_{gn} - a_{gn})}$$

em. Die Funktionen $\phi_n(x)$ haben folgende Eigenschaften. Erstens existiert

$$\lim_{n\to\infty} \phi_n(\alpha) = \frac{(u_n-a) \cdot (b-c)}{(u_n-c) \cdot (b-a)} = y_n;$$

dies y, ist endlich und \$1,

Zweitens ist $\phi_*(0)$ für jedes n endlich und ∓ 1 . Drittens sind für 0 < |x| < 1 die Funktionen

$$\left(\phi_n(x)\right)^{\frac{1}{p}}, \left(\phi_n(x) - 1\right)^{\frac{1}{p}}, \left(\frac{1}{\phi_n(x)}\right)^{\frac{1}{p}}$$

in der Unigebung ihrer Nollstellen unverzweigt-

Sie haben also genau dieselben Eigenschaften wie die Funktionen $\phi_*(x)$, die wir zum Beweise des Satzes VIII eingeführt haben. Wir können nach dem damals Geschlossenen aus dieser Folge eine neue Folge

$$\phi_{a_1}(x)$$
, $\phi_{a_2}(x)$, ..., $\phi_{n_j}(x)$, ...

aussendern, so daß

$$\lim_{i = \infty} \phi_{sj}(x) = \phi(x)$$

für |x|< t existiert und eine meromorphe Funktion oder die Zahl ∞ darstellt, und daß außerdem für $|x|\leq 3$ die Konvergenz eine gleichmäßige ist.

Wenn wir nun zu den $f_*(x)$ zurückkehren, so sehen wir, daß wir im Besitz einer Teilfolge sind, die für |x| < 1 konvergiert, und zwar gegen eine dort meromorphe Funktion oder gegen ∞ ; letzteres ist nach Voraussetzung ausgeschlossen.

Daß diese Konvergenz für $|x| \le 9$ gleichmäßig ist, ersieht man ebenso wie beim Beweise des Satzes VIII.

Schluß.

Die ganzen Resultate dieser Untersuchungen dürfen wir wohl als recht merkwürdig bezeichnen; hatte doch bereits Strautes, der eine gewisse Zwischenstation zwischen Satz I und Satz II (historisch die erste fiber Weierstrass hinnusgehende) erreicht hatte, in einem Briefe an Hermite (vom 14. 2. 1894) seiner Verwunderung über sein eigenes Ergebnis in folgenden Worten Ausdruck verliehen: -ayant longuement réfléchi sur cette démonstration, je suis sur qu'elle est bonne, solide et valable. J'ai do l'examiner avec d'autant plus de soin qu'a priori il me semblait que le théorème énoncé ne pouvait pas exister et devait être faux. Je vous avouerai cependant que je serais beureux si quelqu'un voulait examiner la démonstration; peut-être M. Picard qui a le coup d'œil si facile et si juste Mit Ahnlichen Empfindungen hatte Landau im Jahre 1904 den Beweis seiner Verallgemeinerung des Picamschen Satzes betrachtet und lange mit der Publikation gezögert, da auch der Beweis richtig, aber der Satz zu unwahrscheinlich erschien. Und nun findet das merkwürdige Zusammentreffen statt, daß der Stientussche Satz (in der Vitauschen Verschärfung) und der Landausche Satz (in der Schotter-Lasbauschen Verschärfung) vor dasselbe Problem mit Erfolg gespannt wurden.

Correspondance d'Henance et de Stiertues, Bd. II (1905) [S. 308-370]. S. 570.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DEER

XXVIL

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

18. Mai. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

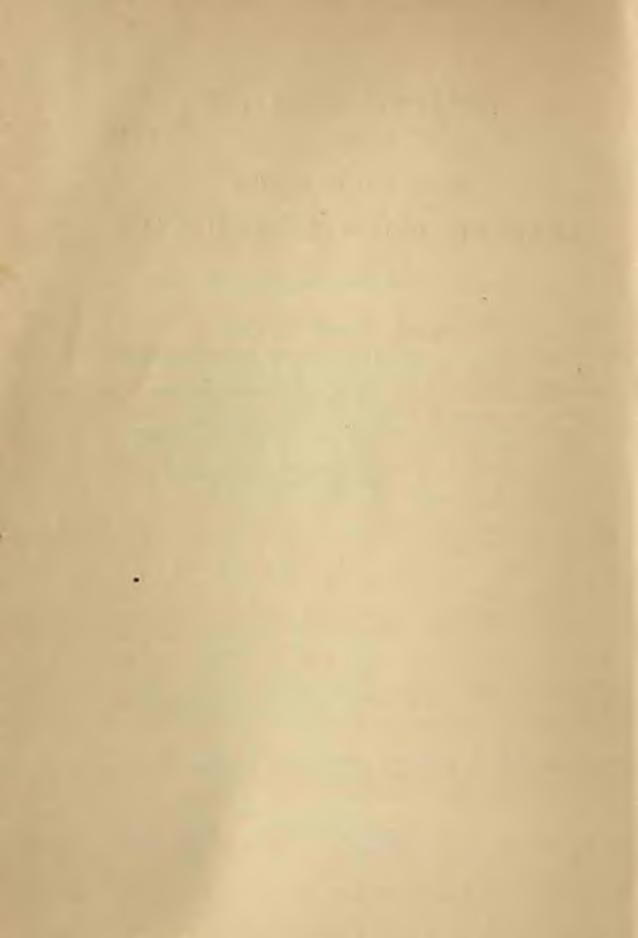
Vorsitzender Secretar: Hr. Dous.

Hr. Bunnach las Die alteste Gestalt des West-östlichen

Divans. Zweite Untersuchung . (Ersch. später.)

Die Berkaer Anflinse der Dichning (dum 1814) werden gewürdigt aus der Goethe damals umfüngenden musikalischen Atmoophäre: Epimenider: Protegias.

Die Weisen und die Leut's egeschlige Lieders: Bach'sche Sonaten, liberwein. Bernin Auselm Weber, Zeiter; Fr. A. Wolf's Theorie altgriechischer Musik und Matrik (Trochäm). An den vor der Rheinreise und an den während der fünd Reisetage (Weimar-Wiesbaden: 25.—29. Juli 1814) entstandenen Gedichten wird das Werden des neuen lyrischen Stills daugelegt, im steten Hinblick auf die Opermicamen Epimenides. Der Löwenstahls und auf den genetlige Lied.



SITZUNGSBERICHTE 1911.

XXVIII.

DEE

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

1. Juni. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Secretar: Hr. Diels.

 Hr. Pasca las über einige verwickelte Hebungserscheinungen. (Ersch. später.)

Auf die bekannte Helung, welche durch die Bohrlöcher an der Säulen des Serapistempels to Pozznoll angezeigt wird, ist naumehr eine Senkung gefolgt, welche in den letzten Jahren 1.5 cm jährlich betragen hat. Auch an der Punta di Sorrento, an der Villa des Pollic, finden sich Spuren marmer Thätigkeit 5—6 m über dem hautigen Morresspiegel am römischen Manerwerke und daneben Anzeichen ganz jugendslicher Senkung. Hiernach können die Hebungen und Senkungen des Serapistempols nicht auf Vorgänge specialt im Berniche eines alten Vulkam zurünkgeführt werden. Bei Mombaus spielten sich während der Quartirpariode ab: 1. eine Senkung, angezeigt durch den unteren todten Biffkalk, z. eine darzuffolgende Hebung, angezeigt durch Verwitterungserscheinungen auf der Oberfläche dieses Riffkalkes, 3, eine musellehsenkung, repräsentiet durch den oberen todten Riffkalk, z. eine tweite Hebung, welche das Einschneiden von Thülern zur Folge hatte, 5, eine dritte Sonkung, durch welche die Thüler in tiefe Buchten verwandelt wurden; während derselben erfolgte die Bildung des lebenden Riffes zu der Aussenköste.

2. Hr. Fronzence legte eine Mittheilung des Hrn. Prof. I. Schwe in Berlin vor: Über Gruppen periodischer linearer Substitutionen.

Es wird gezeigt, dass jede derartige Gruppe eine invariante Auszsche Untergruppe von endlichem index enthält, und ein Verfahren angegeben, die unsvollichen periodiselsen Schettintionsgruppen uns den emilieben Gruppen absuleiten.

- 3. Die Akademie genehmigte die Aufnahme einer von Hrn. Watteren in der Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe vom 18. Mai 1911 vorgelegten Abhandlung des Hrn. Dr. K. Aganschastanz in St. Petersburg über die Kerne des menschlichen Kleinhirns in den Anhang zu den Abhandlungen dieser Classe.
- 4. Das correspondirende Mitglied der Akademie Hr. Enser Enters in Göttingen hat am 18. Mal das fünfzigjährige Doetorjubiläum gefeiert: die Akademie hat ihm eine Adresse gewidmet, deren Wortlant unten folgt.

5. Zu wissenschaftliehen Unternehmungen har die Akademie durch die physikalisch-mathematische Classe bewilligt: Hen Essexa sur Fortführung des Werkes . Das Pflanzenreich . 2300 Mark; Hrn. F.E. Schwar. zur Fortführung des Unternehmens . Das Tierreich. 7650 Mark: Hrn. Russes zur Fortführung seiner Untersuchungen auf dem Gebiete der langwelligen Strahlung 1000 Mark: dem correspondirenden Mitglied Hrn. Woldenan Voier in Göttingen zur Beschaffung eines Magneten behufs Untersuchung der Gesetze der complicirien Typen des Zerman-Effectes 5000 Mark: dem von dem II. Deutschen Kalitage für die wissenschaftliche Erforschung der norddeutschen Kalisalzlager eingesetzten Comité als funfie Rate 1000 Mark; der Zoologischen Station in Roscoff gegen Einräumung eines von der Akademie zu vergebenden Arbeitsplatzes für die Dauer eines Jahres eine dritte Rate von 1500 Fres:: als Beihülfe zu den Kosten der Herausgabe einer Sammlung aller in der Literatur vorkommenden physikalisch-chemischen Constanten 1000 Mark; Hrn. Prof. Dr. Jumps Franz in Breslau zur Fortsetzung seiner für die Internationale Mond-Nomenelatur-Commission übernommenen Arbeit an der Bestimmung der Coordinaten hanarer Objecte 600 Mark; Hrn. Dr. Victor Frank in Frankfurt a. M. zur Fortsetzung seiner Untersuchungen über Fischwanderungen 300 Mark; Hrn. Prof. Dr. Ferenmen Freiherrn von Huene in Tübingen zu einer Reise nach Nordamerika behufs Studien über fossile Reptillen 750 Mark; Hrn. Prof. Dr. Hawman Poll in Berlin zur Fortsetzung seiner Studien über Kreuzung und Vererbung 700 Mark: Hrn. Prof. Dr. Ovro Russ in Danzig zur Fortsetzung seiner Untersuchungen über das Osminni 500 Mark: Hrn. Prof. Dr. Gustay Tousies in Berlin zu Untersuchungen über den Bau der paläontologischen Dinosaurier 900 Mark.

Über Gruppen periodischer linearer Substitutionen.

Von Prof. Dr. I. Schur in Beella.

(Vorgelegt von Hru, Fionusies.)

Eine lineare homogene Substitution

(A)
$$x_1^i = a_{11}x_1 + a_{22}x_2 + \cdots + a_{4n}x_n$$
 $(k = 1, 2, \cdots, n)$

nennt man periodisch, wenn unter ihren Potenzen A, A^z , A^z , ... die identische Substitution E vorkommt. Der kleinste Exponent m, für den $A^a = E$ wird, heißt die Ordnung von A. Notwendig und hünreichend für die Periodizität einer Substitution A ist, daß die charakteristische Determinante [A - xE] von A nur für Einheitswurzeln $z_{i,i}$, ..., $z_{i,j}$ verschwindet und lauter lineare Elementarteiler besitzt. Die Ordnung von A ist gleich dem kleinsten gemeinsamen Vielfachen der Exponenten, zu denen die Einheitswurzeln $z_{i,i}$, $z_{i,j}$, $z_{i,j}$ gehören.

Unter einer periodischen Substitutionsgruppe verstehen wir im folgenden eine Gruppe linearer homogener Substitutionen, die sämtlich periodisch sind. Zu diesen Gruppen gehören insbesondere alle endlichen Gruppen linearer Substitutionen von nicht verschwindenden Determinanten. Es gibt aber auch unendliche Gruppen dieser Art. Das einfachste Beispiel bildet die Gesamtheit der Substitutionen $x'=\varepsilon x$, wo zulle Einheitswurzeln durchläuft. Ferner erzeugt jedes unendliche System von Substitutionen der Form

$$\vec{x_i} = p_i x_{ij}$$
 $\vec{x_i} = p_i x_{ij}$, \cdots , $\vec{x_i} = p_i x_{ij}$.

wo $\rho_1, \rho_2, \dots, \rho_n$ Einheitswurzeln sind und $\alpha_1, \alpha_2, \dots, \alpha_n$ his auf die Reihenfolge die Zahlen $1, 2, \dots, n$ bedeuten, eine unendliche periodische Substitutionsgruppe.

Ein einfaches Kriterium für die Endlichkeit einer periodischen Substitutionsgruppe verdankt man Hrn. W. Burnsmet, der gezeigt hat,

On criteria for the finiteness of the order of a group of linear substitutions, Proceedings of the London Mathematical Society, Ser. z, Vol. 3 (1905), S. 435. Vgl. auch A. Louwr, Uber the Gruppen linearer homogenes Substitutionen sum Typus siner endirches Gruppe, Math. Annalen, Bd. 64, S. 264.

daß eine solche Gruppe stetz und aur deuer endlich ist, wenn die Ordnungen aller Substitutionen der Gruppe unterhalt einer endlichen Schranke liegen.

Unter Benutzung dieses Kriteriums soll hier gezeigt werden, daß für jede periodische Substitutionsgruppe (6 in a Variabeln folgende Sätze bestehen:

 Jedes System von endlich olelen Substitutionen der Gruppe (8) erzengt eine endliche Gruppe.

II. Die Gruppe & ist eine Henntresche teruppe, d. h. es gild mindestens eine positiv definite Henntresche Form (son nicht verschwindender Delerminante), die durch jede Substitution von & in sich transformiert wird.

III. Die Gruppe ® enthält eine invariante Anntsche Untergruppe 3, deren Index entlich ist und unterhalt einer allein von a abhängigen Schranke liegt, sowie eine endliche Untergruppe S. deren Elemente zusammen mit den Elementen von 31 die ganze Gruppe ® erzeugen.

Durch diese Sätze wird die enge Verwandtschaft der allgemeinen periodischen Substitutionsgruppen mit den endlichen Gruppen dargetan. Der Satz III bildet ein Analogon zu dem bekannten von Hrn. C. Jonnas berrührenden Theorem über endliche Gruppen und liefert ein Verfahren zur Aufstellung aller periodischen Substitutionsgruppen mit gegebener Variabelnanzahl. Der Beweis dieses Satzes wird hier geführt mit Hilfe einer von Hrn. L. Bezaranach angegebenen und von Hrn. G. Fronzsius vereinfachten Methode.

\$ 1.

Der Beweis des Satzes I stützt sich auf folgenden Hilfssatz;

Es seien w_1, w_2, \dots, w_p beliebige reelle oder komplexe Zahlen smal es sei $K = V(w_1, w_2, \dots, w_p)$ derzenige Zahlkörper, der aus dem Körper V der rationalen Zahlen shrich Adjunktion von w_1, w_2, \dots, w_p hervorgeht. Dann ist der Trilkörper V von V, der von den in V enthaltenen (in bezug auf V) algebraischen Zahlen gebildet wird, ein endlicher algebraischer Zahlkörper über V ist ferner V eine gunze rationale Zahl, so gibt es nur endlich viele Kinheitswerzeln v, die Gleichungen in ein Grades mit Koeffizienten aus dem Körper V genagen.

Wir können ohne Beschränkung der Allgemeinheit annehmen, daß unter den p Größen $\omega_1, \omega_2, \cdots, \omega_p$ die ersten q transzendente Zahlen sind, zwischen denen keine algebraische Gleiehung

$$\sum A_{i_1,i_2,\dots,i_p} w_1^{i_1} w_2^{i_2} \cdots w_p^{i_p} = 0$$

Cher den non L. Brenzensson pefundenen Beneie sous Saires con C. Jonnay, Situnggeberiable 1911, S. 241.

Ther emm Satz des Ura, C. Januars in der Theorie der millichen Gruppen lineurer Substitutionen, Sitzungsberichte 1911, S. 331.

mit rationalen Koeffizienten besteht, während für *>q die Zahlen w_1,w_2,\dots,w_q,w , durch eine Gleichung dieser Art verbunden sind. Es gibt dann auch keine ganze rationale Funktion $f(x_1,x_2,\dots,x_q)$ mit algebraischen Koeffizienten, die für $w_1=w_1,x_2=w_1,\dots,x_r=u_r$ versehwindet. Denn ersetzt man in f die Koeffizienten auf alle möglichen Arten durch die konjugiert algebraischen Zahlen, so würde das Produkt $F(x_1,x_2,\dots,x_q)$ der so untstehenden Funktionen f,f,f,\dots eine ganze rationale Funktion mit rationalen Koeffizienten werden. Da aber auch $F(w_1,w_2,\dots,w_q)=0$ wird, so würden wir eine Gleichung der Form (1,1) erhalten.

Bezeichnet man nun den Körper $P(w_1, w_2, \dots, w_p)$ mit Ω , so sind $w_{p+1}, w_{p+1}, \dots, w_p$ als algebraische Zahlen in bezug auf Ω anzusehen, daher wird

$$K = Q\{w_{y+1}, w_{y+2}, \cdots, w_{y}\}$$

ein endlicher algebraischer Zahlkörper über 42. Ist k der Grad dieses Körpers, so besteht für je k+1 Zahlen a_1, a_2, \dots, a_{n+1} von K eine Gleichung der Form

wo $\varphi_1, \varphi_2, \dots, \varphi_{s+1}$ gewisse ganze rationale Funktionen von $\omega_1, \omega_2, \dots, \omega_s$ mit rationalen Koeffizienten sind. Die linke Seite dieser Gleichung läßt sich als ganze rationale Funktion von $\omega_1, \omega_2, \dots, \omega_s$ schreiben, deren Koeffizienten die Form

$$(2.) a_1 z_1 + a_2 z_2 + \dots + a_{r+1} z_{r+1}$$

besitzen, wo a_1, a_2, \dots, a_{r+1} rationale Zahlen bedeuten. Sind aber speziell a_1, a_2, \dots, a_{r+1} (in bezug auf P) algebraische Zahlen, so müssen alle Koeffizienten (2.) verschwinden, denn andernfalls würde sich für w_1, w_2, \dots, w_r eine Gleichung mit algebraischen Koeffizienten ergeben. Der Teilkörper 1 von K besitzt also die Eigenschaft, daß je k+1 der in ihm enthaltenen Zahlen in bezug auf P linear abhängig sind. Hieraus folgt aber, daß 1 ein endlicher algebraischer Zahlkörper über P ist, dessen (irad höchstens gleich k wird.

lst nun e eine primitive mite Einheitswurzel, für die eine Gleichung aten Grades mit Koeffizienten aus dem Körper K besteht, so denken wir uns die Gleichung

(3.)
$$f(x) = x^{\gamma} + k_1 x^{\gamma-1} + \dots + k_{\kappa} = 0 \qquad (\kappa' \le n)$$

niedrigsten Grades gebildet, der z im Körper K genügt. Dann muß f(x) ein Divisor von x^*-1 sein. Die Wurzeln der Gleichung (z_i) sind daher sämtlich mte Einheitswurzeln, und dennach die Koeffizienten k_1, k_2, \cdots, k_n algebraische Zahlen, die als Größen von K im Körper k_1 enthalten sein müssen. Bildet man nun aber, wenn k der Grad des

algebraischen Zählkörpers A ist, das Produkt g(x) der f(x) konjugiert algebraischen Funktionen $f, f', \dots, f^{(k+1)}$, so wird g(x) eine ganze rationale Funktion des Grades u/ mit rationalen Koeffizienten, die für $x=\varepsilon$ verschwindet. Die Gleichung niedrigsten Grades, der ε im Gebiete der rationalen Zählen genügt, ist aber die mite Kreisteflungsgleichung, deren Grad gleich g(m) ist. Daher ist

$$\varphi(m) \le n' \le n!$$

Hieraus folgt aber, daß m bei festgehaltenem n eine gewisse endliche Sehranke nicht überschreiten kann. Daher kommen für die Einheitswurzel ε nur endlich viele Werte in Betracht.

Es sei num \mathfrak{M} eine beliebige periodische Substitutionsgruppe in n Variabeln. Man wähle in \mathfrak{M} irgenitwelche endlich viele Elemente H_1, H_2, \cdots, H_r , und betrachte die durch sie erzeugte Untergruppe \mathfrak{H} von \mathfrak{M} . Die Koeffizienten einer Substitution H von \mathfrak{H} sind dann gewisse ganze rationale Funktionen der $p=n^3r$ Koeffizienten w_1, w_2, \cdots, w_r von H_1, H_2, \cdots, H_r , also in dem Körper $K=\mathbb{P}(w_1, w_2, \cdots, w_r)$ enthalten. Die charakteristische Gleichung |H-xE|=0 von H ist daher eine Gleichung nten Grades, deren Koeffizienten dem Körper K angehören. Die Wurzeln dieser Gleichung sind aber, da H als Element von \mathfrak{M} periodisch ist, Einheitswurzeln. Ans dem oben bewiesenen Hilfssatz ergibt sieh daher, daß unter den charakteristischen Wurzeln aller Substitutionen H von \mathfrak{H} nur endlich viele voneinander verschiedene Größen vorkommen. Folglich kommen auch für die Ordnungen der Substitutionen H nur endlich viele Werte in Betracht Nach dem Bernsideschen Kriterium ist daher \mathfrak{H} eine endliche Gruppe.

§ 2.

Eine Gruppe & linearer homogener Substitutionen in n Variabeln wird als irreduzibel bezeichnet, wenn sich kein System von m < n Linearformen y_i, y_+, \cdots, y_n angeben läßt, die durch alle Substitutionen von & untereinander linear transformiert werden. Die Gruppe & heißt ferner collständig reduzibel, wenn sie sich durch eine lineare Transformation P der Variabeln in eine mit ihr ähnliche Gruppe $\mathfrak{B} = P(\mathfrak{B} P^{-1})$ überführen läßt, welche die Form

$$\mathfrak{B}' = \begin{pmatrix} \mathfrak{B}_1 & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \mathfrak{B}_2 & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & \mathfrak{B}_2 \end{pmatrix}$$

besitzt, wo(0, 0, -1, 0) træduzible Gruppen sind. Diese k Gruppen sind, wenn shnliche Gruppen als nicht voneinander verschieden an-

gesehen werden, durch die Gruppe ® his auf die Reihenfolge eindentig bestimmt und werden als die *irreduziblen Bestandteile* von Ø bezeichnet. Zu den vollständig reduziblen Gruppen gehören insbesondere die endlichen Gruppen und allgemeiner alle Hermyrsschen Gruppen. Umgekehrt ist jede vollständig reduzible Gruppe, deren irreduzible Bestandteile Hermyrssche Gruppen sind, selbst eine Hermyrssche Gruppe.

Um num den Satz II zu beweisen, genügt es zu zeigen:

- Jode periodische Substitutionsgruppe ® ist vollständig reduzibel.
- Eine irreduzible periodische Substitutionsgruppe ist eine Henmussche Gruppe.

Es sei nämlich r die Anzahl der linear unabhängigen Substitutionen in der Gruppe \mathfrak{G} . Besitzen dann die Substitutionen H_1, H_1, \cdots, H_r diese Eigenschaft, so lißt sieh jedes Element G von \mathfrak{G} in der Form

$$G = a_1 H_1 + a_2 H_2 + \cdots + a_r H_r$$

darstellen. Nun ist aber die durch H_1, H_2, \cdots, H_r erzeugte Untergruppe $\mathfrak H$ von $\mathfrak H$ nach Satz I eine endliche Gruppe, also vollständig reduzibel. Ist insbesondere $\mathfrak H$ eine irreduzible Gruppe, so ist a fortiori auch $\mathfrak H$ irreduzibel. Im anderen Falle bestimme man die lineare Transformation P der Variabeln, so daß $P\mathfrak H P^{-1}$ vollständig zerfällt. Dann lehet uns die aus (4.) hervorgebende Gleichung

$$PGP^{-1} = u_1PH_1P^{-1} + u_2PH_2P^{-1} + \dots + u_rPH_rP^{-1}$$

daß PGP^{-1} in derselben Weise zerfällt wie die Substitutionen der Gruppe PSP^{-1} Da dies für jedes Element 6 von $\mathfrak B$ gilt, so ist $\mathfrak B$ eine vollständig reduzible Gruppe. Zugleich ergibt sich, daß $\mathfrak B$ nur dann irreduzibel ist, wenn unter den emiliehen Untergruppen von $\mathfrak B$ auch irreduzible Gruppen vorkommen.

Es sei man $\mathfrak B$ eine irreduzible periodische Substitutionsgruppe. $\mathfrak S$ eine irreduzible endliche Untergruppe der Ordnung h von $\mathfrak B$. Wir können dann jedenfalls eine positiv definite Heaurresche Form F angeben, die durch alle Substitutionen von $\mathfrak B$ in sich transformiert wird. Diese Form F ist ferner, da $\mathfrak B$ irreduzibel ist, bis auf einen konstanten Faktor eindeutig bestimmt. Ich behaupte nun, daß auch jede beliebige Substitution $\mathfrak G$ von $\mathfrak B$ die Form F ungeändert läßt. In der Tat sei $\mathfrak B$ die durch die h Elemente von $\mathfrak B$ and das Element G erzeugte Gruppe. Da $\mathfrak B'$ nach Satz I wieder eine endliche Gruppe ist,

Vgi, des Artikel von Hrn. A. Lorwy in Pascars Reperterium der höheren Mathematik, z. Auflage, Bd. I. Kapi III. 8 a.

^{*} Vgl.W. Bunkitte. On the reduction of a group of homogeneous home substitutions of finite order. Acta Mathematica. Bd. 48. S. 309; ferner G. From Nus and I. Schon, filter die redlen Darstellungen der endlichen Gruppen. Strangsberichte 1906. S. 186.

so gibt es eine positiv desinite Hesserssche Form F, die durch alle Substitutionen von \mathfrak{H} in sich übergeführt wird. Diese Form wird aber speziell auch durch die Substitutionen von \mathfrak{H} nicht geändert und muß sich daher von F nur um einen konstanten Faktor unterscheiden. Hieraus folgt aber, daß die Substitution G die Form F in sich transformiert. Hiermit ist der Satz II vollständig bewiesen.

Bestimmt man, wenn F eine positiv definite Heautesche Form der Variabeln x_1, x_2, \cdots, x_n ist, die durch alle Substitutionen einer Gruppe $\mathfrak B$ nicht geändert wird, die lineare Transformation

wird, so führen die Substitutionen der mit $\mathfrak G$ ähnlichen Gruppe $P\mathfrak G P^{-1}$ die Hessarzsche Einheitsform in sich über. Eine solche lineare Substitution bezeichnet man als *unitär*. Der Satz II läßt sich daher auch folgendermaßen aussprechen:

III. Jede periodische Substitutionsgruppe ist einer Gruppe unitärer Substitutionen ühnlich.

Eine unendliche Gruppe unitürer Substitutionen besitzt stets infinitesimale Operationen, d. h. es läßt sich zu jedem positiven e eine von der identischen Substitution E verschiedene Substitution A der Gruppe angeben, deren Koeffizienten sich dem absoluten Betrage nach von den Koeffizienten von E um weniger als e unterscheiden!. Aus II.* ergibt sich daher:

Eine periodische Substitutionsgruppe, die keist infinitesimalen Operationen enthält, ist eine endliche Gruppe.

Nach dem Vorgange von Hrn. Frommus (vgl. die in der Einleitung zitierte Arbeit) soll, wenn S eine beliebige lineare Substitution in a Variabeln ist, die Quadratsumme der absoluten Beträge der a' Koeffizienten von S mit $\Im(S)$ bezeichnet werden. Für jede unitäre Substitution U ist dann

$$\mathfrak{s}(S) = \mathfrak{s}(US) = \mathfrak{s}(SU) = \mathfrak{s}(U \cap SU).$$

Es gilt ferner, wie Hr. Frozenius gezeigt hat, folgender Satz: Sind A und B zwei unitäre Substitutionen einer endlichen Gruppe wull ist

(5.)
$$\Rightarrow (E-A) = \frac{1}{2}$$
, $\Rightarrow (E-B) = 1$, so ist A mit B vertouschbar.

Vgl. L. Rizmennich, Über die Revergungsgruppen aber Eicklichenhen Rimme (§ 9).
Math. Annalen, Bil. 70, S. 297.

Der Beweis des Satzes III ergibt sich nun, indem man die von Hrn. Frosesus für den Fall einer endlichen Gruppe durchgeführte Betrachtung fast wörtlich wiederholt. Wir können wegen II annehmen, daß die Substitutionen der zu betrachtenden periodischen Substitutionsgruppe 6 sämtlich unitär sind. de zwei Substitutionen A. B von 6, die den Bedingungen (5.) genügen, sind dann, da sie in einer endlichen Gruppe, nämlich in der durch sie erzeugten Gruppe, enthalten sind, untereinander vertauschbar. Diejenigen Elemente A von 6, für die

$$(6.) 5(E-A) < \frac{1}{2}$$

ist, erzeugen daher eine Assische Untergruppe 21 von 65. Da ferner für jedes Element G von 65 aus (6.) auch

$$\Rightarrow (E - G^{-1}AG) = \Rightarrow [G^{-1}(E - A)G] = \Rightarrow (E - A) < \frac{1}{2}$$

folgt, so ist \mathfrak{A} eine invariante Untergruppe von \mathfrak{B} . Zwei Elemente R und S von \mathfrak{B} , für welche die Komplexe $\mathfrak{A}R$ und $\mathfrak{A}S$ voneinander verschieden sind, müssen der Bedingung $\mathbb{P}(R-S) \geq \frac{1}{2}$ genügen. Denn andernfalls würde sich

$$\Rightarrow (E - SR^{-1}) = \Rightarrow [(R - S)R^{-1}] = \Rightarrow (R - S) = \frac{1}{2}$$

ergeben, d. h. SR^{-1} müßte in $\mathfrak A$ enthalten sein; hieraus würde aber $\mathfrak AR = \mathfrak AS$ folgen. Die Anzahl der unitären Substitutionen R_1, R_2, \cdots in a Variabeln, für die

$$\ni (R_a - R_b) \ge \frac{1}{2}$$

wird, ist aber endlich und zwar kleiner als $\lambda_n = (Vsn+1)^{ns}$. Daher ist der index p der Untergruppe $\mathfrak A$ von $\mathfrak B$ endlich und kleiner als λ_n .

Wird nun

an erzeugen R_i , R_i , R_j eine endliche Untergruppe $\mathfrak H$ von $\mathfrak W$. Die Elemente dieser endlichen Gruppe erzeugen dann zusammen mit den Elementen von $\mathfrak A$ die ganze Gruppe $\mathfrak H$.

Nimmt man die endlichen Substitutionsgruppen als bekannt an, so läßt sich auf Grund des Satzes III ein Verfahren angeben, auch alle unendlichen periodischen Substitutionsgruppen aufzustellen.

Es sei nämlich & eine beliebige endliche Gruppe linearer homogener Substitutionen in a Variabela. B trgendeine invariante Annische Untergruppe von &; hierbei kann B anch die Ordnung i besitzen, d. h. nur die identische Substitution E enthalten. Wir können die Gruppe R durch eine mit ihr ähnliche Gruppe R = PRP^{-1} ersetzen, in der jedes Element B der Untergruppe $R = PRP^{-1}$ die Normalform

$$(71) \quad x_1' = \beta_1 x_1, \quad x_2' = \beta_2 x_2, \quad \dots \quad x_n' = \beta_n x_n$$

besitzt. Man wähle nun irgendwelche Substitutionen R , S , von denen jede die Form

(8.)
$$x_1' = \rho_1 x_1, \quad x_2' = x_2 x_2, \quad \dots, \quad x_n' = \rho_n x_n$$

hat, wo z_1, z_2, \cdots, z_n behebige Einheitswurzeln sind, die nur der Bedingung unterliegen, daß steis $z_1 = z_1$ sein soll, wenn in allen Substitutionen B von $\mathfrak B$ die Zahl $\mathcal B$, gleich $\mathcal B$, ist. Es soll nun gezeigt werden.

 Die durch die Substitutionen R. S. -- und die Elemente von R' erzeugte Gruppe W' ist eine periodische Substitutionsgruppe.

Jede periodische Substitutionsgruppe ® ist einer Gruppe ® ähnlich, die in der geschilderten Weise aus einer endlichen Gruppe R hervorgeht

Man betrachte nämlich die durch die Substitutionen R, S, — und die Elemente von B erzeugte Abersche Gruppe E. Diese Gruppe ist vollständig zerfallend und besitzt, wegen der über die Substitutionen R, S, — gemachten Voranssetzung, genau ebenso viele voneinander verschiedene irreduzible Bestandteile wie die Gruppe B In einer vollständig reduziblen Aberschen Gruppe ist aber bekanntlich die Anzahl der linear unabhängigen Substitutionen gleich der Anzahl der voneinander verschiedenen irreduziblen Bestandteile der Gruppe. Daher ist jede der Substitutionen R, S, — von den Elementen der Gruppe B linear abhängig. Da ferner B eine invariante Untergruppe von R sein soll, so sind für jedes Element K von R auch die Substitutionen

als lineare homogene Verbindungen der Elemente von $\mathfrak B'$ darstellbar; daher besitzen sie sämtlich die Normalform (8.). Läßt man nun in (9.) das Element K alle Substitutionen der Gruppe $\mathfrak R$ durchlaufen, so erzeugen die so entstehenden Substitutionen, da sie periodisch und untereinander vertauschbar sind, eine periodische Substitutionsgruppe $\mathfrak D$, die durch jedes Element von $\mathfrak R$ in sich transformiert wird. Benehtet man, daß jedes Element Q der zu betrachtenden Gruppe $\mathfrak B'$ die Form DK hat, wo D in der Gruppe $\mathfrak D$ und K in der Gruppe $\mathfrak R$ enthalten ist, so ergibt sich unmittelbar, daß $\mathfrak B'$ eine periodische Substitutionsgruppe Ist.

Es sei nun 6 eine beliebige periodische Substitutionsgruppe. für welche die Untergruppen A und 6 dieselbe Bedeutung haben mögen

wie in § 3. In der Aberschen Gruppe A bestimme man m Elemente B, B, B, B, durch die sich alle übrigen Elemente von M linear und homogen darstellen lassen. Es bedeute R die durch B, B, ..., B, und die Elemente von 5 erzeugte Gruppe, ferner sei B der größte gemeinsame Teiler von 2 und R. Dann ist R eine endliche Gruppe, in der B als invariante Annische Untergruppe enthalten ist. Man bestimme nun eine lineare Transformation P der Variabeln, so daß die Substitutionen B der Gruppe PBP-1 die Normalform (7.) erhalten, und betrachte die Groppe $\mathfrak{G}' = P(\mathfrak{G}P^{-1})$ Diese Groppe wird durch die von den Elementen B von B' verschiedenen Substitutionen R, S, - der Untergruppe $\mathfrak{A}' = P\mathfrak{A}P^{-1}$ und die Substitutionen der endlichen Gruppe $\Re = P \Re P^{-1}$ erzengt. Da aber R, S, \cdots als lineare homogene Verbindungen der Elemente H von B' darstellbar sind, so zerfallen sie in derselben Weise wie die Substitutionen B. Dies lehrt uns aber. daß die zu 19 fihnliche Gruppe 6 in der vorhin angegebenen Weise aus einer endlichen Gruppe R abgeleitet werden kann-

Adresse an Hrn. Ernst Ehlers zum fünfzigjährigen Doktorjubiläum am 18. Mai 1911.

Hochgeehrter Herr Kollegel

Freudigen Anteil nimmt an der goldenen Jubelfeier Ihrer medizinischen Doktorwürde heute die Berliner Akademie der Wissenschaften, welche Sie mit Stolz seit 14 Jahren zu den Ihrigen zählt.

Daß Sie, wie so viele Zoologen, in der medizinischen Fakultät Ihre erste wissenschaftliche Ausbildung erhalten haben, ist für die Richtung Ihrer zoologischen Arbeiten bedeutungsvoll geworden. Unter dem mächtigen Einfluß Ihres geistvollen Lehrers in der Anatomie, Janon Hextz, haben Sie die strenge Methode des Denkens und Forschens sowie jene Vorliebe für gründliche anatomische Studien gewonnen, welche alle Ihre Publikationen auszeichnet.

Durch den gineklichen Umstand, daß Sie noch vor Beendigung Ihrer Studienzeit Ihren Freund und Lehrer in der Zoologie, Winners Kriebstein, auf einer längeren Forschungsreise nach dem Eldorado aller Zoologie, Neapel und Messina, begleiten durften, wurde Ihre Neigung zur Zoologie in dem Maße verstärkt, daß Sie sich, obwohl noch lange als anatomischer Prosektor tätig, doch ganz der Wissenschaft zuwandten, in welcher Sie sich bald als Forscher und Lehrer so große Verdienste erwerben sollten.

In jedem Bezirke des weiten Tierreichs wohl orientiert, haben Sie sich doch seit Ihrer Doktordissertation, welche den merkwürdigen Sternwarm Priapulus behandelte, vorwiegend mit dem als phylogenetische Ausgangsgruppe aller höheren Tierabteilungen so überaus wiehtigen und Interessanten Stamm der Würmer beschäftigt. Sehon in dem Bericht, welchen Sie im Vereine mit Kurnasten über die gemeinsamen Untersuchungen der niederen Mittelmeerfanna herausgaben, spielen die speziell von Ihnen näher studierten Gephyreen eine hervurragende Rolle. Und wenige Jahre später haben Sie mit Ihrer Monographie der Borstenwürmers ein für Anatomie und Systematik dieser höchstentwickelten Würmer grundlegendes Werk geschaffen. Gleiche Sorgfalt und Gemungkeit zeigt die lange Reihe der Publikationen, in

welchen Sie die Ausbeute an Borstenwürmern von zahlreichen deutschen und fremdländischen Expeditionen wissenschaftlich verwertet haben, sowie die vielen Mitteilungen über einzelne Arten und Organe von Würmern, welche sich sogur auf fossile Angehörige dieser Tiergruppe ausdehnten.

Doch entsprach es keineswegs Ihrer Neigung, sieh ausschließlich auf diese eine Abteilung der Tiere zu beschränken oder auf anatomische Zergliederungen vorzunehmen. Auch wiehtige systematische, entwieklungsgeschichtliche und famistische Abhandlungen verdauken wir Ihnen, und nicht nur über die Würmer, sondern über die verschiedensten Tiergruppen, Vortizellen, Bryozoen, Milben, Mollosken, Fische und Säugeflere. Selbst in das Gebiet der Anthropologie und Präbistorik haben Sie hinübergegriffen.

So war es denn begreiflich, daß der alternde hochverdiente Mitbegründer und Herausgeber unserer vornehmsten zoologischen Zeitschrift, vos Siesoun, gerade Sie zum Beistand bei den Redaktionsgeschäften heranzeg, welche Sie dann, nach von Smooths Tode, im Verein mit Katteren und seit 5 Jahren allein in bewunderungswürdiger Weise geführt haben und hoffentlich noch recht lange führen werden.

Neben diesen vielseitigen erfolgreichen Forschungsarbeiten und den zeitraubenden Redaktionsgeschäften haben Sie sich mit gleicher Hingebung dem Lehrberufe gewidmet, wofür Ihnen die zahlreichen und vielfach als tüchtige Hochschullehrer wirkenden Schüler treue Dankbarkeit bewahren.

Besonders hervorzuheben ist endlich Ihre langjährige Tätigkeit an der Spitze der Königlichen Gesellschaft der Wissenschaften, die in der letzten Zeit mit unserer Akademie durch das Kartell und die Assoziation in innigere Beziehung getreten ist. Wenn diese Verbindungen der Akademieen sich segensreich entwickelt haben und die Schwierigkeiten der Gründung und Ausgestaltung glücklich überwunden worden sind, so wird Ihrer besonnenen und einsichtsvollen Mitwirkung dahei ein guter Teil des Erfolges verdankt.

Möge es Ihnen, hochverehrter Jubilar, vergönnt sein, noch lange in gleicher Weise wie bisher, in voller geistiger und körperlicher Rüstigkeit - ein echter deutscher Gelehrter - zum Nutzen der Wissenschaft als Forscher, Lehrer und Leiter zu wirken; das wünscht mit Ihren Schülern und Verehrern

die Königlich Preußische Akademie der Wissenschaften.

Inschriften aus Rantidi in Kypros.

Von Prof. RICHARD MEISTER in Leipzig.

(Vorgelegt von Hrn. v. Willamowitz-Morliksboner am 11. Mai 1911 [s. oben S. 539].)

Hierzu Taf. IV

Die von Hrn. Dr. Zans 1910 in Rantidi ausgegrabenen griechischen Inschriften sind alle im kyprischen Syllabar von links nach rechts geschrieben, und zwar zeigen die Buchstaben c. o. u. b. va. ko. to die spezifisch paphischen, vom gemeinkyprischen Syllabar abweichenden Formen, während die fibrigen Buchstaben gemeinkyprisch sind. In der Tabelle auf S. 632 habe ich alle Buchstabenformen der bis jetzt bekannten Rantidi-Inschriften vereinigt.

Die zehn Inschriften aus Rantidi, die sehen vor Dr. Zauss Grabung zum Vorsehein gekommen waren (Sächs. Berichte 1910, 243 ff., Taf. H. III), stimmen nach Schriftcharakter und Inhalt mit den neu gefundenen im ganzen überein (einige Verschiedenheiten werden gleich zur Sprache kommen). Sechs von ihnen habe Ich in den Sächsischen Berichten a. n. O. publiziert; Ich wiederhole sie hier in der griechischen Umschrift:

- 1. TI MYRPETEO E TO ONACATORAY TO TIME.
- 2. ANIKATE BIAC.
- 3. Amba(a)wall Timosla.
- **4.** Φίλος ειάτ.
- 5. --- TIPAA | ALIGETY | BYMI JATA.
- 6. OLA PHETO(M)TIA.

Die übrigen vier lasse ich jetzt folgen. Die Steine befinden sich, wie alle übrigen in Rantidi gefundenen, im Cyprus-Museum zu Nicosia.

Die Abklatsche, nach denen ich sie gelesen habe, und einige Notizen über die Steine verdanke ich Hrn. Kreantms Piennus in Limassol. 7. Long 0.54, larg 0.39, épaiss 0.25 - Buchstabenhübe e. 0.13.

to te n to n 10 ecu 10 Apo lo no se 110A(A) whoc.

Auch auf der Rückseite des Steins sollen nach Prennis' Angabe Zeiehen sein.

- Long. 0.55, larg. 0.35, épniss. 0.21. Buchstabenhôhe c. 0.10.
 to te α to α τω εεω τω Αpo lo no se πόκ(κ)ωκος.
- 9. «Morcesu d'une grande pierre.» Nach dem Abklatsch gemessen 0.23 lang, 0.14 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. si ta ma [z. B. 'Osalcusasa.

 Pierre longe de 0.60, cassée. Les morceaux peut-être ne sont pas classés par ordre. 4 Steinfragmente, von Prantis mit 2, S, γ, δ numeriert. Buchstabenhôhe c. 0.10.

> β) to te γ) ο to π po α) lo ê) no se τῶ esῶ τῶ Απόκ(κ)ωνος.

Diese zehn inschriften sind nach Prentes' Angabe außer Nr. 1 an der Stelle, wo Hr. Dr. Zaus später gegraben hat, gefunden worden, Nr. 1 aber, wie Hr. Prentes Hen. Dr. Zaus mitgeteilt hat, an einer anderen Stelle des großen Gebiets von Rantidi. Die inschrift Nr. 1 unterscheidet sich auch durch ihre Beschaffenheit von den übrigen. Es ist die einzige, die bustropheden geschrieben ist; ihr Schriftcharakter ist altertümlicher; das Zeichen zo hat den oberen Querstrich ungewöhnlich hoch über dem oben offenen Winkel; sollte es eine Grabinschrift sein, was ich annahm, so würde sie sich auch dadurch von den übrigen Rantidi-Inschriften, in denen sich nichts Sepulkrales findet, unterscheiden.

Die von Dr. Zaus ausgegrabenen inschriften gebe ich auf Grund der von ihm mir freundlichst zur Verfügung gestellten Abklatsche, Photographien und Beschreibungen. Abklatsche habe ich von jeder Inschrift mindestens ein Exemplar erhalten, von den meisten zwei, von einigen drei. Photographien sind von 28 Inschriften vorhanden, allerdings kleinen Formats (Größe 0.115×0.08); auf einigen Platten sind mehrere Steine zusammen photographiert. Von 51 Steinen liegen Beschreibungen vor. Die Erhaltung der inschriften ist im ganzen schlecht; die meisten sind fragmentiert, das Material ist weich und brüchig, die Zeichen sind außerdem bei nicht wenigen gestissentlich zerstört worden. Auf den Abklatschen von 12 Steinen [Z. 14A. 28b 53. 57. 58. 64. 83. 110. 111. 120. 127; ohne Zahl (c)] habe ich keine Inschrift gefunden. Ich zittere hinter der Nummer jeder Inschrift die von Dr. Zahs [Z.] auf den Stein geschriebene Zahl (fünf Steine sind ohne Zahl geblieben) und das mir vorliegende Material. Die in An-

Buchstabenformen der Inschriften ans Rantidi.

Virkate	*	##	*,*	1	×
1	***************************************		-	_	=
æ	*	1	=	300	_
12	Y		F	XXX	-
1	¥ la	To the	_	1	
m	M M mat	7,0	<u>~</u>	D AH C	X
T	〒 200	151 ne	2		
Gulturate	M M ma T na 1 exa	33	Y A CAN WAY	II No	* ku
Lentale	+ la	¥	7	X.	Fil
Latinte	‡ pa		×	Spic .	_
a	v va	44)	1	-	=
*) Lea	-	-	-	-

führungsstrichen gegebenen Beschreibungen der Steine stammen von Dr. Zaus. In der Silbennunschrift gebe ich, wie gewöhnlich, die deutlichen Zeichen durch kursive, die nach den mir zu tiebote stehenden Hilfsmitteln als undeutlich zu bezeichnenden durch stehende Buchstaben wieder. Divisoren bezeichne ich durch Punkte.

Inschrift des apolllnischen Orakeltempels.

11. [Z ohne Zahl (b)] Großer Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.70 lung, 0.30 breit, Buchstabenhöhe c. 0.12. 1 Abklatsch.

a po la no se to te ATON NUNDE TORE to to ma lo ki o ne to Auma Adrion.

Aŭma hezelchnet den Tempel (wie z. B. in der kyprischen Sakralinschrift, Sitzungsber, d. Berl. Akad. d. Wiss. 1910, 151, Z. (6). Mit τό Δῶμα κότιου vgl. οι κοτιοι «die Weissager», τλ κότια «die weissagenden Sprüche».

Tempelsatzungen.

* 12. [Z. 4] *Rohe Platte aus weißem Stein. Links oben ein Loch. Höhe 0.99; Breite 0.46; Dicke 0.20 – 0.22*. Buchstabenhöhe e. 0.12. Nur die oberste Zeile ist leabar. 2 Abklatsche.

te se mo se econoc.

Die Setzung des Silbenzeichens se für c voz m drückt aus, daß -c- zur ersten Silbe gehört und -cm- als egetrennte Lautgruppe geschrieben wurde, wie das auch aus der Schreibung i na la li si im na = hannancmenn SGDI 60 m [Hoffm. 135] ersichtlich ist (Verf., Idg. Forsch. 4, 185).

[Z. 102] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.42 lang,
 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche, Photographie.

te se mo acomolo

Inschriften apollinischen Eigentums und dem Apollon dargebrachter Weihungen.

- 14. [Z. 80] «Stück eines rohen Quadersteins», nach dem Ahklatsche gemessen 0.46 lang, 0.25 breit. Buchstabenhöhe e. 0.07. 3 Abklatsche.

 a po lo no se Anga(s)@soc.
 - 15. [Z. ohne Zahl (a)] Großer Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.96 lang, 0.25 breit. Buchstabenhöhe in der oberen Zeile c. 0.12, in der unteren c. 0.09. Von den Zeichen sind auf dem Stein mar ganz sehwache Spuren erh
 älten. 1 Abklatsch.

ku po ro ke re te se a ri si to ta mo a po lo ni o ne te ke i tu ka i a za ta i Κνιτεοκρέτης Απιστομάμω Άπολ(λ)ωνι υνέθηκε ί(π) τγχλι έχλολί.

16. [Z. (O1] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.82 lang. 0.33 breit: Buchstabenhöhe c. 0.13. 1 vollständiger Abklatsch, 1 Teilahklatsch der unteren Zeile, Photographie.

> to i a po to ni rūi Attoriajuni a ti jo ta se 4(n)ti japāc.

Mit der Schreibung Mart japat vgl. Anda(a)wai japa SGD1 72 [Hoffen. 147]. Anti japat Ostrakon, Sächs. Abhandlungen 27 [1909]. 300 u. a. — Anti Apat offer das Gelübden, dem Sinne nach so viel wie Apa Nr. 66; SGD1 72 [Hoffen. 147]: Verf., Gr. Dial. II 175, Nr. 25 [Hoffen. 83] und erswal SGD1 27 [Hoffen. 94].

- 17. [Z. 96] Großer Stein. «Inschrift auf zwei Seiten» a (nach dem Abklatsch gemessen 0.34 lang, 0.66 hoch) und b (nach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang, 0.17 breit).
 - a) Buchstabenhöhe c. o. 12. 1 vollständiger Abklatsch, 1 Teilabklatsch der unteren 3 Zeilen, Photographie. Oben, links und unten scheint der Stein gebrochen, rechts ist freier Raum am Ende der Zeilen.

u po lo ni [TDi] Atton(n) uni ke re se se [z. B. Timo] kettic ke re te o se [z. B. Timo] kettic ri si to ku mo [TD Apictoramu] te te lo i tu [sa] térher l'(n) tr-

b) Buchstabenhöhe c. 0.12. 1 Abklatsch.
mo ta mo [z. B. Tijnoskaw.

18. [Z 34] *Platte von weißlichem Steine. Läuge 0.59; Breite 0.50; Höhe 0.48.* Buchstabenhühe c. 0.13. Auf zwei aneinanderstoßenden Schmalseiten (a, b) einer Platte: von a i Abklatsch, von h 3 Abklatsche.

19. [Z. 26] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.47 lang, 0.15 breit. Buchstabenhöhe c. 0.14. «Oben Eintiefung.» 2 Ab- blatsche, Photographie.

to to a a po lo ni TO SEO ATTOMINIONI.

20. [Z. 6] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.41 lang, 0.19 breit. Buchstabenhöhe c. 0.13. 2 Abklatsche.

te o a po lo ni -- esc. Anoxiajum.

21. [Z. 50] Stein, nach dem Ahklatsch gemessen 0.38 lang.

to a po lo ni To Amba(a) was.

22. [Z. 97] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.47 lang, 0.22 breit. Buchstabenhöhe e. 0.11. 2 Abklatsche.

a po h ni Anosisiusi.

23. [Z. 05] «Etwa die Hälfte einer Platie aus grauweißem Steine. Länge 0:46; Breite 0:29; Dicke 0:15: Buchstabenhöhe c. 0:10. z Abklatsche.

24. [Z. 70] «Ganz zerstörter Stein mit überer Eintiefung.» Nach dem Abklatsch gemessen 0.65. lang, 0.15 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche

to mi to te o o ne të ke -- Anojakami të ecë oncence --

- 25. [Z. 109] Fragment, mich dem Abklatsch gemessen 0.45 lang, 0.24 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. 2 Abklatsche, Photographie.
 - o me to he hi is por -- oncounce to Amolala win].
- 26: [Z. 10] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.23 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe e. 0.07: 2 Abklatsche.

o ne te ke to a - - oneenke to Almon(n) unil.

27. [Z. 54B] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen C. 14 lang, O. 11 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. 1 Abklatsch.

to ni [And] A(A) wall

28. [Z 17] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.27 lang, 0.26 breit. Buchstabenhöhe 0.08. 2 Abklatsche. Auf dem Fragment befinden sich die Schlußzeichen von drei Zeilen. Erkennbar sind nur die der dritten Zeile.

to mi - - Anclalajuni.

29. [Z. 94] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.13 lang, 0.09 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. 1 Abklatsch.

to me [And Majum.

30. [Z. 88] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.35 lang, 0.13 breit. Buchstäbenhöhe 0.09. 1 Abklatsch.

a po lo no se / - Anos siunos á mil.

31. [Z. 25] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.39 lang, 0.26 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche, Photographic.

to a po by sew Anon(n)win -- 1.

32. [Z. 8] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.31 lang, 0.21 breit. Buchstabenhöhe c. 0.15. 3 Abklatsche.

te ο σ po lo Θεώ Απόν(κ)ω(κ - - - -

33. [Z. 123] Fragment, nach dem Abklatsch gemossen 0.38 lang.
0.19 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. 2 Abklatsche, Photographie

to a po lo TO ATION (A) W [N - +].

34. [Z. 31] «Fragment einer großen Platte. Zeichen auf der Oberseite.» Nach dem Abklatsch gemessen 0.48 lang, 0.21 breit. Buchstabenhöhe c. 0.16. 2 Abklatsche.

to a TO A[TOA(A)WH - -].

Über dem Zeichen to ist der Horizontalstrich eines Zeichens der oberen Zeile erhalten.

35. [Z. 52] «Fragmentierte Quader aus weißlichem Steine. Länge 0.41: Breite 0.26; Höhe 0.15. « Buchstabenhöhe e. 0.18. 2 Abklatsche.

a po lo Amontaluin - - .

36. [Z. 24] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.29 lang. 0.13 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 3 Abklatsche. Das Fragment zeigt Reste von Zeichen in drei Zeilen; erkennbar ist in der dritten Zeile:

u po lo Απολ(λ)ω[n - -].

37. Z. 29 Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.19 lang, 0.11 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 1 Abklatsch.

a po lo Aman(a)w[n - -].

38. [Z. 32] • Oben Eintiefung. Links fragmentiert. Länge 0.51;
Breite 0.51; Höhe 0.12. Granweißer Stein. • Buchstabenhöhe c. 0.11.

2 Abklatsche. u po lo Anos(s)u/s = -].

Stein mit dem Namen der Aphrodite im Nominativ.

39. [Z. 16] Rohe Quader aus weißlichem Stein. Länge 1.01; Breite 0.47; Höhe 0.33; Buchstabenhöhe c. 0.08. 2 Abklatsche, Photographie.

a to a or or po ro fi lo A BEA A ASPOSITA.

Inschriften aphroditischen Eigentums und der Aphrodite dargebrachter Weihungen.

40. [Z. 116, 110] «Inschrift auf zwei Seiten.» Die beiden Wörter auf je einer Seite (a und b). Nach dem Abklatsch gemessen ist a 0.53 lang, 0.12 breit; b 0.17 lang, 0.12 breit. Buchsiabenhöhe c. 0.11. Von jeder Seite 2 Abklatsche.

a) a po ro ti tu se "Asponivación e mi

41. [Z. 100b, 100a] «Üben Eintiefung, Inschrift auf zwei Seiten.»

a (nach dem Abklatsch gemessen 0.31 lang, 0.14 breit. Buchstabenhähe c. 0.12) und b (nach dem Abklatsch gemessen 0.46 lang, 0.12
breit. Buchstabenhöhe c. 0.11). Von Seite a 1 Abklatsch, von Seite b

2 Abklatsche. 1 photographische Aufnahme von b hat mir auch Hr. Dr.

Ohsefalsch-Richten zur Verfügung gestellt; es ist dieselbe, nach der
der Stein im Globus 1910, S. 295 Abb. 3 im Zusammenhang mit
einem Aufsatze Dr. Ohsefalsch-Richtens abgebildet ist.

n) a pa ro ti ta w Aeroaltac

6) e mī ямі.

42 [Z. 12] Stein, nach dem Abklatschigemessen 0.46 lang, 0.19 breit. Buchstabenhühe c. 0.12. 2 Abklatsche.

a po ro ti in se Asposivac.

43. [Z. 43] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.32 lang, 0.23 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche.

a po ro fi la se Associrac.

44. [Z. 46] Platte aus weißem Stein, ringsum Rand. Länge 0.33; Breite 0.38; Höhe 0.16. Buchstabenhöhe c. 0.00. Inschrift auf einer Breitseite (a) und einer Schmalseite (b). Von a 3 Abklatsche

und i Teilabklaisch des rechten Endes; Photographie. Von 6 i Abklatsch

- n) a po ro ti ta se Aeroditac
- 45. [Z. 80] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.48 lang, 0.12 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. Oben Fintiefung. 2 Abklatsche, Photographie.
- 46. [Z. 98] Stein, mach dem Abklatsch gemessen 0.49 lang, 0.16 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche.

a po ro ti ta se Associtac...

47. [Z. 49] Einfache Platte aus weißlichem Stein. Inschrift auf der einen Langseite (a). Rest einer zweiten Inschrift auf der andern Langseite (b). Auf der Oberseite vielleicht 7. Länge 0.67; Breite 0.40; Höhe 0.15. Buchstabenhöhe c. 0.11. Von a 3 Abklatsche, von b 1 Abklatsch.

al pa si te mi se

Tracinemic

- b) o un te ke ta a po ro ti ta ouesacc ta Aseculta i.
- 48. [Z. 108] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.42 lang, 0.28 breit. Buchstabenhöhe in der oberen Zeile c. 0.15, in der unteren c. 0.09. 2 Abklatsche, Photographic.

u o [th be] A[secotion]
In he i tu ka [one onke i(n) tixa[i Azagai

- 49. [Z. 23] Bruchstück. Auch hinten gebrochen. Länge 0.37; Breite 0.12; Dicke 0.05. Buchstabenhöhe c. 0.10. Inschriften auf der Oberseite (a) und Vorderseite (b). Von a z Abklatsche, von b 1 Abklatsch.
 - a) to a a po ro

 [th] sea Assolutai]
 b) von 3 Zeichen nicht sieher zu
 - 6) von 3 Zeichen nicht sieher zu deutende Spuren.
- 50. [Z. 69] Roher großer Baustein von granlicher Farbe. Länge 1:02: Breite 0.29: Höhe 0.47. Inschrift absiehtlich getilgt. * Buchstabenhöhe c. 0.20. 2 Abklatsche.

to n in TA SEAL MOPOSITAL.

[Z. 40] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.22 lang,
 0.19 breit. Buchstabenhölie 0.09. 2 Abklatsche.

a o po to The SEA ASPOINTAIL

52. [Z. 54A] *Platte aus weißlichem Steine, wohl vollständig. An der rechten Seite roh, aber doch Sparen von Bearbeitung. Länge 0.47; Breite 0.44; Hühe 0.14.* Sehr große Buchstaben (c. 0.30)

hoch). Die Inschrift lief über mehrere Platten. 1 Abklatisch, Photographie.

Links Spuren von te, rechts Spuren von po.

53. [Z. 55] Bruchstück mit drei Zeilen, nach dem Abklatschgemessen 0.23 lang, 0.17 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. Erkennbarsind nur die Zeichen der ersten Zeile. 2 Abklatsche.

te a u po ro TA esa Assolatrati:

- 54. [Z. 62] Fragment, much dem Abklatsch gemessen 0.20 lang, 0.25 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. «Obere Eintiefung.» 1 Abklatsch.

 α to α po το [τ2 es | 2 τλ Άρτο Δίτει].
- 55. |Z. 104| Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.24 lang, 0.12 breit. Buchstabenhöhe c. 0.07. / Abklatsch.

a po to ti Aspoalita -- ...

56. [Z. 22] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.11 lang, 0.12 breit. Buchstabenhöhe e. 0.10. 2 Abklatsche.

po ro Ajero alta - - .

57. [Z 48] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.20 lang, 0.19 breit Buchstabenhöhe c. 0.12. Oben Eintiefung - Anßer den zwei Buchstaben noch Spuren einer oberen und einer unteren Zeile. 1 Abklatsch.

po ro [A]+polaira - -

58. [Z. 59] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.20 lang, 0.24 breit. Buchstabenhöhe c. o.o8. 2 Abklatsche

u po ro Assolaita - - |

59. [Z.71] «Stück einer Platte. Gelblichgrauer Stein. Länge 0.66; Breite 0.46; Höhe 0.20.» Buchstabenhöhe e 0.16. 2 Mb-klatsehe.

a po ro Assolaita - -].

Der Vanassa (= Aphrodite) dargebrachte Wethung.

60. [Z. 131] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang. 0:34 breit. Buchstabenhöhe e. 0.15. 1 vollständiger Abklatsch, 1 Teilabklatsch vom rechten Ende.

ER LE R I TR ER --- TA BEAT TA FAINACCA! --

Vanassa war der Titel der Aphrodite in Paphos. Der königliche Priester der Aphrodite von Paphos nemnt sich in seinen Weihinschriften: 5 Павы вархайс (г. В. Мікокайзьк) в (јархус тас гапас(сјас, vgl. SGD) 38 [Ноги. 103]; 39 [104]; 40 [105]; Verf., Gr. Dial, II 179 Nr. 368 [102]; 180 Nr. 368 [101] usw.

Namen im Nominativ, durch die Aphrodite oder ihr verwandte göttliche Wesen bezeichnet zu sein scheinen.

61. [Z 103] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.86 lang, 0.19 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. Schöne, regelmäßige, tief eingehauene Buchstaben 2 Abklatsche, Photographie.

ro to sa ka ra pa Ponockkeek.

· Rosenstreuerin · , vgl. Hes. ckapeacear ckedannycear.

62. [Z. 78] Etwa die Hälfte eines ovalen Steines. Weißlicher
 Stein. Länge 0.25; Breite 0.35; Höhe 0.18. Breite der Eintiefung
 0.24. Buchstabenhöhe c. 0.09. 2 Abklatsche.

to lo I + - BANGO MAND.

Von me ist noch ein Rest erhalten: Onne hieß in Athen eine der drei Horen (Preller-Robert I 478).

63. [Z 76] «Weißer Stein, an der Oberfläche gelblich. Länge 0.71; Breite 0.365; Höhe 0.23. Obere Eintiefung 0.46 x 0.28. Schriftzeichen auf drei Seiten.» Schmalseite a. Langseite b. Oberseite c. An der Langseite und der Schmalseite sind die Schriftzeichen absiehtlich getilgt. • Buchstabenhöhe auf a und b e. 0.13, auf c e. 0.08. Von a z Abklatsch, von b und e je z Abklatsche und Photographie.

a) to a b) a ma to po to ra Gel L HONTOLOPA.

r) ka lo pi vo Kanosiru.

Der Name des Weihenden im Genitiv mit hinzugedachtem sol wie Nr. 74-75 u. 5. Karosifor ist bemerkenswert wegen des bei sloc nach der Etymologie (Preliwerz, Etym. Wörterb.* 77) zu erwartenden, bisher aber noch nicht belegten Digamma.

64. [Z. 1] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.45 lang, 0.21 breit. Buchstabenhähe e. 0.10. 2 Abklatsche.

e u ti ja: Erdija.

Die Freundliche oder Heltere.

Drei Namen einer Göttin im Nominativ.

65. [Z 61°, 61°] «Weicher hellgelber Stein. Länge 0.78: Breite 0.45; Höhe 0.14—0.25. Obere Eintießung 0.60 × 0.35.« Die Inschriften α und h stehen auf den Langseiten des Steins; Inschrift α füllt die ganze Länge der Seite, Buchstabenhöhe e. 0.08; Inschrift b ist nur 0.265 lang, Buchstabenhöhe e. 0.04. Auf Tafel IV sind beide Inschriften nach Dr. Zauns Photographien abgebildet. Außer den Photographien habe ich von α 2 Abklatsche, von b 3 Abklatsche.

Einige Buchstaben zeigen eine von den übrigen Rantidi-Inschriften abweichende Gestalt. In bunterscheidet sich das vierte Zeichen (von links)

von der in Rantidi gebräuchlichen Gestalt des ru dadurch, daß es einen Kreis und unter thin eine thin night tangierende Horizontale zeigt. Fremdartig erscheinen in a das zweite und vierte Zelehen (von links). Das zweite ist sicher kein -; bemerkenswert sind die beiden nahe aneinander hefindlichen vertikalen Parallelstriche in der unteren Halfre des Zeichens; von den drei oberen Paralleistrichen scheinen die beiden außeren in gekrümmten Idnien nach umen fortgesetzt gewesen zu sein:) [[. Ist dies so, dann unterscheidet sich das Zeichen vom paphischen in den Rantidi-Inschriften angewendeten pa nur dadurch, daß statt des liegenden Kreuzes zwei nach außen geöffnete Bogenlinien, wie im gemeinkyprischen ra, eingemeißelt sind. Auch das andere der beiden fremdurfig aussehenden Zeichen entpuppt sieh vielleicht als ein bekanntes, nur durch zufällige Einwirkungen absonderlich gestaltetes Syllabarzeichen. Zunächst dürfte der auf Photographie und Abklatsch erscheinende Strich, der auf der linken Seite des Zeichens von der Mitte nach links abwärts führt, lediglich auf Verletzung der Oberdäche des Steins beruhen. Lassen wir diesen Strich unbeachtet, so zeigt sieh der Buchstabe gebildet aus zwei nach außen geöffneten Bogenlinien, zwischen denen sieh oben zwei kleine unten vereinigte Parallelstriche befinden. Die Krümmung der beiden Bogenlinien ist dem Steinmetzen nicht gut geglückt - nur dadurch scheint sich das Zeichen von der gemeinkyprischen und auch in Rantidi gebräuchlichen Form des ma zu unterscheiden. Die übrigen Zeichen der Inschriften sind deutlich.

a) ti [vn] e [mn] ma e i ta a $\Delta t[FA] \exists i$ [MA]m(n) i i Take.
b) si ti ja ra ta se Ci(n) $\Delta t[APTAC.$

Durch den letzten der drei Namen wird die Göttin als die auf dem Ida wehnende Maras 'Lasia (vgl. z. B. Eur. Or. 1453) bezeichnet, and dansch dürfen wir [Ma]a/a)@ als Nebenform ihrer Namen Mi und Assic (Hes.) auffassen. Offic erscheint als Nebenform des Namens Ajria, den wir in der großen Inschrift von Sillyon (Sächs. Berichte 1904, 3ff., besonders S. (6ff.) kennen gelernt haben; ob der Name Ala einer in Phlius und Sikyon verchrten (öttin (Strab. 8, 6, 24) Pans. 2, 13, 4) auf Dies oder Dieis zurückgeht, läßt sich nicht ausmachen; daß in Sillyon wie in Philius and Sikyon die Marie mit diesem Namen ursprünglich bezeichnet worden sei, habe ich a. O. wahrscheinlich zu machen versucht, und durch die Inschrift aus Rantidi seheint die Identifizierung bestätigt zu werden. Der Name dessen, der das Weihgeschenk der dreinamigen Göttin dargebracht hat, ist ungriechtsch: die Umschrift Camajastac habe ich nur beispielsweise eingesetzt. Er stellte sein Weihgeschenk an diesem Platze, an dem die griechische Aphrodite verehrt wurde, wahrscheinlich deshalb auf,

weil er zwischen der kleinasiatischen Muttergöttin und der griechischen Aphrodite, die beide Göttinnen der Fruchtsarkeit waren und manches im Mythos (vgl. Adonis-Attis; "laalee Associate Anth. Pal. App. 51, 4) gemeinsam hatten, eine gewisse Wesensverwandtschaft sah. Sprachlich bemerkenswert ist laas (aus 'lasis) wegen des Verlustes des lota, da die kurzen i-Diphthonge vor Vokal im Kyprischen gewöhnlich ihr lota behalten, und wegen des zum homerischen Dislekt stimmenden digammalosen Anlauts des Bergnamens 'las (über den kretischen Zeve Biastrac und Biasc oder Biasc vgl. Verf., Dorer und Achäer I 88, A. 3).

Bruchstücke von Weihinschriften ohne Götternamen.

66. [Z. 5] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.72 lang. 0.20 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. 2 Abklatsche.

a ru : la o des And z. B. Time.

Ex voto Loo[timi]. — Der Göttername steht hei Δελ, Δ[n]τί Δελε, εκκωλά im Dativ, abhängig von dem Verbum «geweiht» oder «er weihte»: Δελ Δεί Verf., Gr. Dial II 175 Nr. 25 [Horem. 83]; σκέθεκε Όπλοίτικος τῶι Ἀνόλ(λ)ωκι jaρλ [[n] τέπεκος SGDI 72 [Horem. 147]; τῶι εξωι τῶ [Υλλται Οπλοίσικος & Ετλιμοίκων κατεστάςε εγκωλλ [[n] τέχλι SGDI 27 [Horem. 94]; τῶι Ἀπόλ(λ)ωκι λ(n)τί jaπλε oben Nr. 16. Benner-kenswert ist, daß auch in diesem neuen Beispiel λελ in der echten Instrumentalform, ohne Iota, geschrieben ist (Verf., Gr. Dial, II 295 f.; Süchs, Berichte 1904, 18 f.; Ein Ostrakon, Sächs, Abh. 27 [1909], 323 f.).

67. [Z. 105] Bruchstück, nach dem Ahklatsch gemessen 0.18 lang, 0.11 breit. Buchstabenhühe c. 0.00. 1 Abklatsch.

to le o to - - +0 600 +0 - -

68. [Z. 99] «Roh zugehauene Quader uns weißem, an der Oberfläche gelblichem Steine. Länge 0.80; Breite 0.35-0.39; Höhe 0.25;» Von den zwei Zeilen, die der Stein trug, sind nur noch wenige Buchstaben erkennbar. Buchstabenhöhe c. 0.09. 2 Abklatsche.

to 0 to -- 000 TO --

69. [Z. 87] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.30 lang, 0.14 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche,

10 - 000 - -

70. [Z. 124] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0,28 lang.
0.14 breit. Buchstabenhöhe 0.10. Vier Zeichen, von denen nur die beiden mittleren erkennbar sind.

10 0 - - GEQ - -

71. [Z. 112] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.25 lang, 0.10 breit. Buchstabenhöhe c. 0.00. 1 Abklatsch.

o m te ke -- onconce --

72. [Z. 39] . Oben Eintiefung. · Bruchstück, nuch dem Abklatsch gemessen 0.28 lang, 0.15 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. 2 Abkbusnhe.

te ke si - - one onke (oder leatélance) Ci(z. B. maio).

73. [Z. 82] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.28 hung, 0.15 breit. . Ohen Eintiefung; . Buchstabenhöhe c o 10, 2 Abklatsche. - - fond our fond frateloure) - to ke

Personennamen, vermutlich zu Weihinschriften gehörig.

74. [Z. 28] «Gelblichweißgrauer Stein. Länge 0.99; Breite 0,46; Höhe 0,36. Obere Eintlefung 0,70 x 0,30. Der Rand um die Eintiefung wurde später weggemeißelt, um den Block als Quader zu verwenden. Buchstabenhöhe c. 0.11. Schöne regelmäßige Zeichen. 2 Abklatsche und 1 Teilabklatsch des fechten Endes. Photographie.

pa si ti mo e mi TAGITING HAL

steh bin (das Weihgeschenk) des Pasitimos .. 75. [Z. to] . Quader ans weißlichem Steine, roh gearbeitet. Länge 0.87; Breite 0.40; Höhe 0.34. Schriftzeichen auf der Oberseite (a) und Vorderseite (b). Die Buchstaben der Vorderseite sind teilweise ausgemeißelt - Buchstabenhöhe auf der Oherseite c. 0.14, auf der Vorderseite e. o.og. Von diesem Stein erhielt ich bereits im September 1910 durch Hrn. Dr. Omneralson-Richten Photographica nach zwei Aufnahmen (die eine Aufmahme hat Hr. Dr. Onneralsch-Richten in der Zeitschriff Globus 1910, S. 293 Abb. 4 reproduzieren lassen) und Abklatsche, und schiekte auf seine Bitte eine kurze Mitteilung über die Lesung der Inschrift an die Londoner Times (abgedruckt in der Nummer vom 12. Nov. 1910, 8, 13). Später erhielt ich durch Hrn. De. Zann von dem Stein z photographische Aufnahmen und sehr gut gelungene, scharfe Abklatsche (von à 2, von à 3), aus denen ich bei wiederholter Beschäftigung mit dem Stein erkannte, daß mehrere Zeichen der schwer lesbaren Inschrift anders, als ich sie anfangs gedeuter hatte, zu lesen sind.

a) II ma se TIMAG

b) r mi ti ve o se Ami Alfeoc.

«Ich bin (das Weihgeschenk) der Tima, der Tochter des Dives». Der Personenname alleine (Eics-Hickert 99) ist in Kleinasien häufig. namentlich in der kleina-intischen Kolis, z. B. Nominativ Absc IG XII z. Mytilene 35 gi 209; 257; 329; Genitiv aloye ebenda 35 gi Genitiv alii ebenda 222.; 333. Aus Kypros stammt der Genitiv Aicy, der zur folgenden Inschrift angeführt werden wird-

76. [Z. 27] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.66 lang, 0.15 breit. Bunhstabenhöhe e. 0.10. 2 Abklatsche, Photographie.

e mi ro te 2 - - - Ami Pozer (oder Poant).

Der (ienitiv des Eigennamens ist nicht erhalten. Podev (sev) ist der Genitiv von Pode(c), dem Namen des Vaters des Dedikanten. Mit Podev vgl. Timace: (sev) von Timace(c) Sächs. Berichte 1909,8 ff. und Δiev von Δie(c) in der Inschrift einer reichziselierten Silberschale aus Kurion. Ham., Journal of the American Oriental Society XI 1885, Octob. p. IV. V: Cessona. Descriptive Atlas Bd. I. Taf. XXXIII n. 1; Bd. Hl. Taf. CXII n. 3; Maisten, Gr. Dlal, II 180, 52°; Hoffmann I 63, 122. Alle Buchstaben sind, wie ich mich durch Autopsie überzeugt habe, klar und deutlich: Ham hat bei seiner Publikation im Journal h für si verlesen und den letzten Buchstaben der ersten Zeile n übersehen; die Abbildung, die im Cesnonaschen Atlas Bd. III abgedruckt ist, läßt auch den letzten Buchstaben der zweiten Zeile mi nicht erkennen:

Emiore (oder -wew) aley (oder Airy)

77. [Z. ohne Zahl (e)] Fragment, mach dem Abklatsch gemessen 0.76 lang, 0.20 breit. Buchstabenhöhe e. 0.14. 1 Abklatsch.

to e mi (freier Raum) [z. B. Asic]ru ami,

78. [Z. 56] «Graulicher Stein, links etwas fragmentiert. Länge 0.39; Breite 0.33; Höhe 0.19. Obere Eintiefung 0.34 × 0.26. « Schriftzeichen auf einer Langseite (a) und rechts sich anschließender Schmalseite (b). Buchstabenhöhe c. 0.08. Von a und b je 2 Abklatsche.

79. [Z. 75] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.42 lang, 0.22 breit. Buchstäbenhöhe c. 0.09. Z Abklatsche, Photographie.

80. [Z. 15] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.54 lang. 0.21 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche, Photographie.

e u on te o EYFA(H)GEO C.

81. [Z. St] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.40 lang, 0.16 breit. Buchstabenhöhe c. 0.09 2 Abklatsche.

to a ki no a -- - Tw Eximaly,

Mit (Exenance) Exinance (s. Sitzungsber, d. Berl, Akad. d. Wiss, 1010, 153-136) vgl. den Phäakennamen Exenance ii 155. a 342, den Namen Exenance aus Pharsalos IG IX 2, 255,.

82. [Z. 126] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.45 lang, 0.14 breit Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche, Photographic.

ri si to ta mo A pictosamu.

83. [Z. 36] «Kleine Quader aus weißlichem Steine, nach hinten unregelmäßig. Länge 0.39: Breite 0.20: Höhe 0.18. Inschrift auf der Vorderseite. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche.

si mo to Z. B. OHA CIMO DA MOKAEFEDE].

84. [Z.38] «Ungefähr quaderförmiger Stein. » Nach dem Abklatsch gemessen 0.63 lang, 0.22 breit. Buchstabenhöhe c. 0.12. 2 Abklatsche.

ti o tu u - Alosav loder Biogas),

Vgl. Διοδίκο Fritt-Bronzen 99, Θεναία chenda 105, Θ ovano chenda:

85. [Z. 5] «Grangelblicher Stein, roh bearbeitet. Länge 0.63; Breite 0.34; Höhe 0.28. Obere hintiefung 0.47 × 0.27. Buchstabenhöhe c. o. ic. Die Inschrift füllt die eine Langseite aus. 3 Abklatsche, Photographie.

pi ti ti ke le ve o ta mo • Фаla Клегеодами. Bemerkenswert ist der altachäische Eigenname Oals.

S6. [Z. 9] · Fragment eines Bausteines. · Nach dem Abklatsch gemessen 0.45 lang, 0.23 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. 3 Abklatsche.

te ta mo mo (freier Raum) Ter(r)a Manin)u.

Beides +kleinasiatische Lallnamen.

87. [Z. 43] Großer Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.72 lang, 0.30 breit, mit drei Zeilen, die durch horizontale Linien voneinander getrennt sind; so schlecht erhalten, daß sieh nur der Anfang der ersten Zeile und ein Zeichen am Ende der zweiten entziffern läßt. Buchstabenhöhe c. o.12. 1 Abklatsch.

pi lo ku po ro se - - - Фискупрос - - -- - - - - - - hi -2 - - - -

88. [Z. 92] Fragment eines Bausteines , nach dem Abklatsch gemessen 0.63 lang, 0.20 hreit. Buehstabenhöhe e. 0.12. 2 Abklatsche. mi se pa si ku |- - GEINIE TACIKÝ TIPO).

89. [Z. 106] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang, 0.17 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche.

pa al la ra se Tinclausoc.

90. [Z. 131] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.32 lang, o, 10 breit. Buchstabenhöhe c. c. 11. 2 Abklatselie

mo te o se [Ti] Móneoc.

91. [Z. 132] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang. 0.27 breit. Buchstabenhöhe e. 0.11. 2 Abklatsche.

ke re te se - « кретис.

92. [Z. 41] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.35 lang. 0.16 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche,

20 le [Δ] Foαs[n] - -].

93. [Z. 66] "Weißgrauer fragmentierter, etwa quaderformiger Baustein. - Nach dem Abklatsch gemessen 0.46 lang, 0.16 breit. Buchstabenhöhe c. c.12: 3 Abklatsche.

o na si ke Onacikiz. B. PET - 1].

94. [Z. 115] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0,46 lang. 0.24 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11: 3 Abklatsche, Photographie.

o na si te mi 'Onabecsi - -.

95. [Z. 85B] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.25 lang, 0.20 breit. Buchstabenhöhe c. 0.14. 2 Abklatsche.

na si te O NACIOE MI - -

96. [Z. 129] Fragment, nach dem Abklutsch gemessen 0.45 hoch.
0.22 breit. Buchstabenhöhe c. 0.15. 1 Abklatsch.

ar tin

Zu einem Namen wie Bectlac, Menertlac, Tenertlac gehörig?

97. [Z. 134] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.25 hoch, 0.18 lang. Buchstabenhöhe c. 0.06. 2 Abklatsche.

o na si o z B. Onacio poci (oder. - sia poci).

Vgl. Onacloro(c) Athienn SGDI 75 [Horre. 150]; möglich ist auch Onaclo[pu]; Onaclo[o], Onaclo.

Inschriften, in denen nur asl sicher erkennbar ist.

98. [Z. 18] Großer Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.98 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe c. 0.14. 1 Abklatsch, Photographie

e mi

Nach den erhaltenen Spuren vor am vielleicht mo, nach ast vielleicht ku po ro ke, also vermutungsweise:

- - - HO I'M KYTHOKPETEOC.

99. [Z. ohne Zahl (d)] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.50 lang, 0.24 breit. Buchstabenhöhe c 0.10. 1 Abklatsch

e mi Associtac? Hal.

Die Spuren vor am scheinen auf ta se - zu deuten.

100. [Z 53] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.27 lang, 0.15 breit. Buchstabenhöhe e. 0.08. 1 Abklatsch.

e mi

Die Spuren von am denten auf se, also [- - c] ami

101. [Z. 114] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.19 lang, 0.20 breit. Buchstabenhöhe c. 0.06. 1 Abklatsch.

o mi - - AMI.

102. [Z. 130] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.21 lang, 0.155 breit. Buchstabenhöhe c. 0.07. 2 Abklatsche

e mi -- imi

103. [Z. 68] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen in der Zeilenrichtung 0.12 lang, 0.23 breit. Buchstabenhöhe c. 0.08. 2 Abklatsche.

104: [Z. 93] Eruchstück, unch dem Abklatsch gemessen 0.35 lang, 0,18 breit. Buchstabenhöhe c. 0,12. 2 Abklatsche.

mi (freier Raum) ~ * H MI.

Inschriften, in denen aur vereinzelte Zeichen erhalten oder steher erkennbar sind.

105. [Z. z] -Platte aus grauweißem Steine. Länge 0.46; Breite 0.39; Dieke 0.18. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche.

to

In der zweiten Zeile ist nach te aus einigen Spuren die Lesung ke möglicherweise zu gewinnen. Danach vielleicht: - - |cnt|en|xc| - -

106. [Z. 33] Stück einer Quader? Weißer Stein. Fossile Pflanzenabdrücke. Länge 0.34: Breits 0.24: Höhe 0.20. Buehstabenhöhe e. 0.00. 2 Abklatsche.

te

Zwischen e und me scheim ein Buchstabe gestanden zu haben: für mi ist der Zwischenraum etwas zu schmal,

107. [Z. 74] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o.30 lang. 0.20 breit. Buchstabenhöhe e. 0.08. 2 Abklatsche.

In dem Raum zwischen den beiden Buchstaben ist jetzt ein Lochim Stein; es könnte mi dort gestanden haben.

108. [Z. 77] «Grauweißer Stein, links beschädigt. Länge 0.541 Breite: 0.33: Höhe 0.24. Kintiefung 0.48 × 0.28. Buchstabenhöhe c. 0.10, 3 Abklatsche.

ro va te

Etwa ein Eigenname Kan Poraduc (oder Kan Porade oc), vergleich-BAT MIT AMMANC, ASAANC: ASWANC, TIMMANC ANON HIG II 3126)?

109. [Z 86] Hohes, aber schmales Bruchstück eines großen Steins, das von drei Zeilen nur je i Buchstaben erhalten hat; nach dem Abklatsch gemessen 0.43 hoch, 0.16 breit. Buchstabenhöhe e. 0.10. te

110. [Z. 148] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen o. 28 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe 0.15. 2 Abklatsche.

111. [Z. 7] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.30 lang. 0.25 breit. Buchstalienhöhe 0.20, 2 Abklatsche.

112. [Z. 47] «Oben Eintiefung.» Bruchstück, nach dem Abklatsche gemessen 0.38 lang, 0.11 breit. Buchstabenhähe c. 0.10. → Abklatsche.

乱

Nach a noch unbestimmbare Reste von zwei Zeichen.

113. [Z. 50] *Unregelmäßige Plante aus weißem Steine. Länge 0.42; Breite 0.36; Höhe 0.07. Buchstabenhöhe 0.14. 1 Abklatsch.

a

114. [Z. 79] Fragment einer Quader-Inschrift ausgemeißelt.

Nach dem Abklatsch gemessen 0.32 lang, 0.25 breit. Buchstabenhöhe 0.18. 2 Abklatsche.

17

Vor a Spuren eines zweiten a, also wahrscheinlich - - [esa] A[ero-altai - - .

115. [Z. 67] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.25 lang, 0.23 breit Buchstabenhöhe 0.13. 1 Abklatsch.

a

Links davon vielleicht o. dann möglicherweise te. also [sew]
A --! Von einer oberen Zeile sind Reste siehtbar.

116. [Z. 107] Bruchstück, nach dem Abklätsch gemessen 0.43 bang, 0.11 breit. Buchstabenhöhe 0.11. Die Inschrift scheint weg-gemeißelt zu sein. 1 Abklätsch.

28

117. [Z. 128] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.38 bing, 0.30 breit. Buchstabenhühe 0.23. 1 Abklatsch.

a

Anscheinend vorher a. nachher po, also vielleicht -- | nea | A | aco-

118. [Z. 95] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.21 lang, 0.10 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklatsche.

18

Dann nach schwachen Spuren vielleicht po ro ti, also möglicherweise A zeoaita - - |

119. (Z. 37) Fragment einer größeren, wohl quadratischen Platte aus weißlichem Steine. Länge 0.43; Breite 0.25; Höhe 0.16. Buchstabenhühe 0.16. 2 Abklatsche.

1711

120. [Z 115] -Inschrift auf zwei Seiten» (a und b). «Oben Eintiefung.» Nach dem Abklatsch gemessen a 0.31 lang, 0.12 breit: b 0.20 lang, 0.13 breit. Buchstabenhöhe 0.10. Von a und b je 1 Abklatsch.

o) Nichts zu erkennen. b) mi Vor mi eine Spur von e, also wahrscheinlich -- [a]mi

121: [Z. 119] Fragment, nach dem Abklatsch gemessen 0.68 lang. 0.10 breit. Buchstabenhöhe c. 0.11. 2 Abklatsche, Photographie.

(freier Raum) e sa la ro

Nach ro ist noch ein vertikaler Strich sichtbar, der ein Divisor sein oder zu einem w gehören kann. Etwa fic(c)a (hom. cica)? Dann AAPO H ans "AAPPO - = AANO - *steinern *?

122. [Z. 13] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.15 lang, 0.10 breit. Buchsiabenhöhe etwa 0.07. 1 Abklatsch,

Links davon ein horizontaler, zu einem ta passender Strich; vielleicht | DA | Mo - - (oder -- | DA | MO - - oder -- | DA | MW).

123. [Z. 30] Bruchstätck, nach dem Abklatsch gemessen 0.30 lang. 0.19 breit. Buchstabenhöhe 0.15. 1 Abklatsch,

Vorher ein Rest, der zu a oder i passen würde; möglich z. B. [A(A) = --

124. [Z. 14 B] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.48 lang. 0,28 breit. Buchstabenhöhe 0,12, 1 Abklatsch.

Nach den Spuren ist es möglich, links davon po, rechts davon ti zu lesen, also vielleicht Asisolatra --].

125. [Z. 20] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.13 lang, 0.13 breit. Buchstabenhöhe 0.06. 3 Abklatsche.

se (danach leerer Raum) -- c.

126. [Z. 116] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.74 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe 0.11 2 Abklatsche.

127. [Z. 117] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0,20 lang, 0:20 breit. Buchstabenhöhe 0.17. 1 Abklatsch.

128. [Z. 133] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.49 lang, o. 11 breit. Buchstabenhühe o.10. 2 Abklatsche, Photographie.

129. [Z. 45] Kleines Bruchstück, nach dem Abkintsch gemessen 0.19 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe schützungsweise 0.24. 1 Abklatsch to

130, [Z. 90] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.36 lang, p. 18 breit. Buchstabenhöhe c. 0.00. 2 Abklatsche.

Links davon zuwichst ein ganz unkenntlich gewordenes Zeichen. dann ein liegendes Krenz.

131. [Z. 85A] Bruchstück, nach dem Abklätsch gemessen 0.30 lang, 0.26 breit. Buchstabenhöhe 0.07. 1 Abklätsch.

ti

Inschriften, von deren Zeichen sich keines mehr sicher erkennen läßt.

132. [Z 21] Kleines Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.20 lang, 6.115 breit. 1 Abklatsch.

Striche eines Zeichens sichtbar, das o, lo, na, si sein kann.

133. [Z. 51] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0:27. lang, 0:13 breit. Buchstabenhöhe c. 0:13.

Abklatsche.

Striche von drei oder vier unbestimmbaren Zeiehen.

134. [Z. 94] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0:32 lang, 0:28 besit Buchstabenhühe c. 0:06. Inschrift in mehreren Zeilen. 2 Abklatsche.

In der ersten Zeile links anscheinend ti-

135. [Z. 125] Stein, nach dem Abklatsch gemessen 0.37 lang, 0.28 breit. Buchstabenhöhe c. 0.22. z Abklatsche.

Ein Zeichen, tief eingegraben, stark misgebrochen oder zerhauen; es könnte vielleicht ke gewesen sein.

136. [Z. 122] Stein, mach dem Abklatach gemessen 0.34 lang, 0.18 breit. Buchstabenhöhe c. 0.13. 1 Abklatach.

In der Mitte anscheinend o, rechts davon vielleicht se.

137. [Z. 35] Vorderstück einer großen Platte aus weißlichem Stein. Länge 0.04; Breite 0.14; Dicke 0.16. Buchstabenhöhe 0.10. 2 Abklatsche.

In der Mitte i oder a.

138. [Z 72] Bruchstück, nach dem Abklitisch gemessen 0.33 lang, 0.19 breit. Buchstabenhöhe c. 0.10. 2 Abklitische.

Möglicherweise ist mo se zu lesen.

Phonizische Inschrift?

139. [Z. 73] Bruchstück, nach dem Abklatsch gemessen 0.35 lang, 0.20 breit. Buchstückenhöhe e. 0.08. 2 Abklatsche. Das Bruchstück enthält Reste von 2 Zeilen, in der unteren Zeile 3 ziemlich deutliche Buchstaben, die dem kyprischen Syllabar nicht angehören, sondern phönizisch zu sein seheinen. Hr. Prof. M. Luznauszt in Greifswald, dem ich einen Abklatsch zur Prüfung zugesandt hatte, gab mir freundlichst folgende Auskunft: «Man kann das kleine Fragment phönizisch lesen. In diesem Falle stände in Zeile 1 die Zahl 32, in Zeile 2 qb

seine (oder Ahre' fem.) Stimme'. Aber auch diese Lesung bietet Bedenken. Für die hier angenommenen Werte h zeigen die sonstigen kyprisch-phönizischen Inschriften undere Formen; auch stehen vor dem angenommenen q Striche, die sich im phönizischen Alphabet nicht unterbringen lassen. Die Zahl 32 könnte nur zu einem Datum und danach in den Anfang der inschrift gehören, während qij zur Schlußformel gehört. Die beiden Zeiten müßten also eine ungewöhnliche Länge gehabt haben.



Inacheift Nr. 55%.



Inschrift Nr. 65h

R. Meister: Inschriften aus Rantidi in Kypros.



SITZUNGSBERICHTE

1911

DER

XXIX.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

15. Juni. Sitzung der philosophisch-historischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Diels.

1. Hr. Roethe las über die mhd . Farbendentung . (Ersch. später.)

Eine kritische Ausgabe auf Grund vom 7 Hss. wurde eurgelegt; darzo wurden. Beabschungen über Reim, Versban, Composition gweibt; von allem wurde an der Hand der anaphorischen Reiben und der Stichenrythis auf die besonderen Stilbedingungen des mid. Allegorum hingewiesen, die to lateinische Vorbilder gehnüpft wurden.

 Vorgelegt wurden Fasc. II des aus einer Preisaufgabe der Chan-Lotten-Stiftung hervorgegangenen Werkes M. Tulli Giceronis Paradoxa Stoicorum, Academicorum reliquiae cum Lucullo, Timaeus usw. ed. O. Plasarza. Lipsiae 1911 und H. Mont, Aus Dichtung und Sprache der Romanen. 2. Reihe: Strassburg 1911.

Ausgegeben am 22. Juni.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXX.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

15. Juni. Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe.

Vorsitzender Secretar: Hr. Auwers.

1. Hr. Schwarz berichtete über einige Ergebnisse einer Untersuchung, mit welcher er seit einigen Jahren beschäftigt ist, betreffend die Bestimmung aller reellen und nicht reellen Minimalflächen, welche eine (oder mehr als eine) Schrar von Curven zweiten Grades enthalten. (Ersch. später.)

Insbesandere wurde die Gleichung einer nicht reellen Minimalfliebe vierten

Grades $x^2 + y^2 + x^2 + \lambda x^3(x + y) = 0$ mitgetheift.

2. Hr. Fronzens legte eine Arbeit vor: Über die unzerlegbaren discreten Bewegungsgruppen.

Die Herleitung, die Hr. Biesensach für diese Gruppen mit endlichem Fundamestalbereich gegeben hat, wird mit Hülfe des Begriffes der Spannung einer Matrix vereinlacht.

CINENCET-

3. Hr. Rusens berichtete über die Fortsetzung seiner in Gemeinschaft mit Hrn. Prof. Dr. Orro von Barven nüsgeführten Untersuchung der langwelligen Strahlung der Quarz-Quecksilberlampe.

Durch stärkere Belastung der Lampe sowie durch Auwendung einer lichtstärkeren Quarslingennordnung war es den Verfassern möglich, die Energievertheilung der genannten Stealdung mit Hülfe des Interforometers zu untersuchen. Hierbei konnte das Vorhandensein sweier Emissionsgebleie unchgewiesen werden, von welchen das eine bei zuön, das andere bei 3434 ein Maximum besitzt.

4. Ur. Prof. Dr. Kam. Peren in Greifswald übersendet einen S. A. aus dem «Archiv für Entwicklungsmechanik der Organismen» Bd. XXXI: Neue experimentelle Untersuchungen über die Grösse der Variabilität und ihre biologische Bedeutung. Leipzig 1911, als Bericht über seine 1910 in der Zoologischen Station in Neapel mit Unterstützung der Akademie ausgeführten Arbeiten.

Über die unzerlegbaren diskreten Bewegungsgruppen.

Von G. FROBENIUS.

Die Bewegungsgruppen des n-dimensionalen cuklidischen Raumes, insbesondere die mit einem endlichen Fundamentalbereich, hat Hr. L. Busbungen in einer Mitteilung in den Göttinger Nachrichten 1940 bestimmt. Den algebraischen Teil der Untersuchung hat er in einer im 70. Bande der Mathematischen Annalen erschienenen Abhandlung vollständig ausgeführt. Diese Entwicklungen lassen sieh in ähnlicher Art vereinfachen, wie ich es hier vor kurzem von seinem Beweise des Johnanschen Satzes gezeigt habe, der mit jenen Untersuchungen im engsten Zusammenhang steht. Ich werde meine Arbeit Über den con L. Biebenhach gefundenen Beweise eines Satzes con C. Johnan und ihre Fortsetzung Über unitüre Matrizen mit J., die beiden Arbeiten des Hrn. Biebenhach mit G. und H. zitieren.

Durch eine lange Kette höchst scharfstnniger Überlegungen, die sich eng an die Betrachtungen auschließen, mittels deren Hr. Schorsstatts die Einteilung der Kristalle für n=3 begründet hat, gelangt Hr. Burrenach zu dem wichtigen Ergebnis, daß es bei gegebenem a nur eine endliche Anzahl von Bewegungsgruppen mit endliehem Fundamentalbereich, also (nach G. XV) von unzerlegbaren diskreten Bewegungsgruppen, gibt. Dabei sind zwei Gruppen nicht als verschieden betrachtet, wenn sie (einstufig) isomorph sind (G. S. 2 und 9). Da es über in der Kristalltheorie nicht auf die Struktur der abstrukten Gruppen, sondern auf ihre Darstellung durch lineare Substitutionen von n=3 Variabein ankommt, so betrachte ich hier zwei Gruppen nur dann als äquivalent, wenn sie übnlich sind, und ich beweise den Satz des Hrn. Burnenach für diese engere Definition der Gleichheit.

Da nun die rotztiven Teile der Bewegungen einer Gruppe doch jeder beliebigen Transformation unterworfen werden können, so ist es vorzuziehen, gleich von vornherein eine Bewegungsgruppe als eine Gruppe von Substitutionen zu definieren, deren rotative Teile irgendeine posities Henneresche Form ungeändert lassen. Gerade in dem letzten, rein

arithmetischen Abschnitt der Entwicklung, deren Fortgang Hr. Benennach (G. S. 6 – 8) vollständig angedentet, aber noch nicht ausgeführt hat; erweist sich diese Definition als besonders vorteilhaft. Nur für den Teil der Untersuchung, worin die Abschätzung der Größe der Koeffizienten der einzelnen Substitutionen eine Rolle spielt, ist es bequem, jene Hemmersche Form als die Hauptform vorauszusetzen.

\$ 1.

Setzt man zwei nichthomogene lineare Substitutionen

$$z_* = p_* + \sum_i a_{ii} y_i$$

und

$$y_k = q_k + \sum_s b_{s_s} z_s$$

zusammen, wo sich jeder index von 1 bis a bewegt, so erhält man eine Substitution

$$x_s = r_s + \sum_s c_{ss} x_s$$

deren Koeffizienten man auf folgende Art durch Komposition von Matrizen finden kann. Die aus den n^i Koeffizienten n_n gebildete Matrix bezeichne ich mit A_i die aus den n Größen p_n gebildete Spalte (oder einspaltige Matrix) mit p_i und die Matrix (n+1) ten Grades

$$\begin{array}{ccc} a_{ii} & a_{ii} & p_{i} \\ \vdots & \vdots & \vdots \\ a_{ii} & a_{ii} & p_{i} \\ 0 & \cdots & 0 & 1 \end{array} = \begin{pmatrix} A & p \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

mit (A, p). Dami ist (G. S. 327)

(2.)
$$(C,r) = (A,p)(B,q), C = AB, r = Aq + p$$
,

und insbesondere

$$(A, p)^{-1} = (A^{-1}, -A^{-1}p).$$

Eine aus solchen Substitutionen (A,p),(B,q),(C,r), gebildete Gruppe $\mathfrak S$ nenne ich eine Bewegungsgruppe der Dimension n, wenn es eine positive Heamresche Form H gibt, die von den homogenen Substitutionen A,B,C,\cdots in sich transformiert wird, $\overline{A}^{*}HA=H$, dedes Element (A,p) der Gruppe $\mathfrak S$ nenne ich eine Bewegung, A ihren rotativen, p thren translativen Teil. Ist E die Hauptmatrix, so nenne ich (E,t) oder kurz t eine Translation. Da

(3.)
$$(A,p)(E,t) = (E,At)(A,p), (E,s)(E,t) = (E,s+t)$$

ist, so bilden die Translationen von & eine invariante, kommutative Untergrappe E, und wenn / eine Translation ist, so ist nuch Af eine solche. Nach (2.) und

(4.)
$$(A, p)(A, q)^{-1} = (E, p+q), \quad (E, p)(A, q) = (A, p+q)$$

hilden die rotativen Teile einer Bewegungsgruppe $\mathfrak H$ eine mit $\mathfrak H$ homomorphe, mit $\mathfrak H$: E (somorphe Gruppe $\mathfrak H$). Die Bewegung $(A,p)=(E,p)\,(A,0)$ läßt sich aus der Translation p und der Rotation A zusammensetzen. Diese brauchen aber nicht einzeln der Gruppe $\mathfrak H$ anzugehören.

Ist U irgendeine Matrix aten Grades von nicht verschwindender Determinante, so nenne ich die Bewegungsgruppe

(5.)
$$(U,s) = \mathfrak{G}(U,s) = \mathfrak{G}$$

der Gruppe \mathfrak{H} äquivalent. Die Substitutionen der zugeordneten Gruppe \mathfrak{H} führen die Form UHU in sich über. Durch die Transformation (U,s) geht \mathfrak{H} in \mathfrak{H} und die Bewegung (A,p) in

$$(U,s)^{-1}(A,p)(U,s) = (U^{-1}AE,U^{-1}(As-s+p))$$

über. Insbesondere ist

(6.)
$$U = (A, p)U = (U + AU, U + p), \quad (E, -r)(A, p)(E, r) = (A, p + (E - A)r).$$

Links ist, wie stets in solchen Zusammensetzungen geschehen soll, U für $\{U,0\}$ geschrieben.

Man kann U so wählen, daß U'HU = K wird. Ist dies der Fall, so sind A, B, C = unitäre Substitutionen. Für den algebraischen (aber nicht für den arithmetischen) Tell der Untersuchung erweist sich die Annahme H = E als besonders bequem, und wird daher zunächst immer gemacht werden. Die abgeleiteten Sätze gelten aber alle unabhängig von dieser Voraussetzung. Ist in der Gleichung (5.) U eine unitäre Matrix, so nenne ich W und W kongruent.

tch setze voraus, daß die Gruppe 5 uneudlich und diskret ist, daß es also darin nicht zu jeder gegebenen Größe ε eine von (E,0) verschiedene Substitution (A,p) gibt, in der $\Im(E-A)$ und $\Im(p)<\varepsilon$ ist. Mit $\Im(p)$ wird die Summe der Normen der n' Koeffizienten $p_1,p_2,\cdots p_n$ bezeichnet.

Dadurch ist ausgeschlossen, daß die Substitutionen von $\mathfrak F$ homogen sind, daß also darin die translativen Teile p,q,r sämtlich verschwinden. Denn da die Koeffizienten der unitären Matrizen A, B, C—alle absolut ≤ 1 sind, so muß es in unendlich vielen Systemen von je n^* Koeffizienten eine Häufungsstelle geben (G, S, 327). In deren

Umgebung gibt es zu jedem gegebenen e zwei verschiedene Matrizen P und Q von \mathfrak{H} , wolfte $\mathfrak{S}(P-Q)<\varepsilon$ ist. Da num (J(6.))

$$\mathfrak{s}(P-Q) = \mathfrak{s}(E-PQ^{-1})$$

Ist, so ist $R = PQ^{-1}$ von E verschieden und $\Im(E-R) < \varepsilon$.

\$ 2.

 In einer diskreten Bewegungsgruppe ist jede Matrix, worm die Differenz von je zwei Wurzeln absolut kleiner als 1 ist, mit jeder undern Matrix derselben Art veriousehbar.

Die n+1 Wurzeln der Matrix (A,p) sind die Zahl I und die n auf dem Einheitskreise liegenden Wurzeln $a_1, a_2, \dots a_n$ der unitären Matrix A. Demnach werden die Differenzen $|a_1-a_2|$ und $|1-a_2|$ alle $\leq k < 1$ vorausgesetzt. Diese Bedingungen sind sämtlich erfüllt, wenn $2\Im(K-A) < 1$ ist (A,S,245).

lst U eine unitäre Matrix, und ist P eine Matrix von n Zeilen und einer beliebigen Anzahl von Spalten, so ist $\Im(UP)=\Im(P)$ (J. (5.)). Ist A eine unitäre Form, so kann man die unitäre Substitution U so bestimmen, daß

$$UAU^{*i} = \sum a_i x_i y_i$$

die Normalform wird. Ist t eine Spalte, so ist auch Ut=s eine Spalte, deren Koeffizienten $s_1,s_2,\dots s_s$ seien. Dann ist die Spannung

$$\mathbb{P}\big((E-A)t\big) = \mathbb{P}\big(U(E-A)U^{-\epsilon}t\big) = \mathbb{P}\big((E-UAU^{-\epsilon})t\big) = \sum |(1-a_i)t_i|^{\epsilon}$$

und

$$\sum |s_i|^2 = \mathfrak{p}(s) = \mathfrak{p}(t),$$

and mithin, wenn $|1-a_i| \le k$ 1st,

$$\Rightarrow ((E-A)t) \leq k^2 \Rightarrow (i).$$

Allgemein ist, wenn P und Q zwei beliebige Matrizen sind,

$$p(PQ) = \sum_{n,n} \left| \sum_{k} p_{nj} q_{jk} \right|^2$$

und

$$\left|\sum_{i}p_{s_{i}}q_{p_{i}}\right|^{2} \leq \left(\sum_{i}|p_{s_{i}}q_{p_{i}}|\right)^{2} \leq \left(\sum_{i}|p_{s_{i}}|^{2}\right)\left(\sum_{i}|q_{s_{i}}|^{2}\right)$$

and mithin

(i.)
$$\Rightarrow (PQ) \leq \Rightarrow (P) \Rightarrow (Q)$$
.

Der Kommutator von (A,p) mid (B,q) sei (C,τ) . Dann ist $C=ABA^{-1}B^{-1}$ und

(2.)
$$r = p - ABA^{-1}p + Aq - ABA^{-1}B^{-1}q$$
.

Aus der Ungleichheit (J. (7.))

$$V_{\Xi}(P-Q) \leq V_{\Xi}(P) + V_{\Xi}(Q)$$

folgt dalier

$$V_{\Xi}(r) \leq V_{\Xi}((E - ABA^{-1})p) + V_{\Xi}(A(E - BA^{-1}B^{-1})q).$$

Nun ist

$$\mathbb{E}((E-ABA^{-1})p) \leq \mathbb{E}(E-ABA^{-1})\mathbb{E}(p) = \mathbb{E}(E-B)\mathbb{E}(p) = \delta\mathbb{E}(p)$$

und

$$\mathbb{P}(A(E-BA^{-1}B^{-1})q) = \mathbb{P}((E-BA^{-1}B^{-1})q) \le k^{q}\mathbb{P}(q).$$

und folglich ist

$$|\Xi(r) \leq kV \Xi(q) + V \delta \Xi(p)$$

Jetzt sei (D,s) der Kommutator von (A,p) and (C,r), (M,v) der von (A,p) and (L,u), (N,w) der von (A,p) and (M,v). Dann ist (J,S,376), wenn $|a_s-a_r| \leq k$ ist,

$$\Rightarrow (E-C) \leq bk^s$$
, $\Rightarrow (E-D) \leq bk^s$, $\Rightarrow (E-M) \leq bk^{s-s}$

und

$$s(E-N) \leq bk^s$$
.

Ferner (st

$$|\widehat{\varphi(q)}| \leq k |\widehat{\varphi(p)}| + |\widehat{\varphi(E-U)\varphi(p)}| \leq k^{\frac{1}{2}} |\widehat{\varphi(q)} + 2k |\widehat{A\varphi(p)}|.$$

und wenn

$$\Rightarrow (v) \leq k^{-1} \sqrt{\Rightarrow (q)} + (v-1)k^{-1} \sqrt{b \Rightarrow (p)}$$

îst; anch

$$\mathbb{E}(w) \leq k\sqrt{\mathbb{E}(r)} + \sqrt{\mathbb{E}(E-M)} \mathbb{E}(p) \leq k^{-1}\sqrt{\mathbb{E}(q)} + (k^{-1}\sqrt{b} \mathbb{E}(p)).$$

Ist also k < 1, so werden die Spannungen $\Im(E - N)$ und $\Im(w)$ mit wachsendem v unendlich klein. Ist daher \Im eine diskrete Gruppe, so muß einmal $\Im(w) \equiv 0$ und $\Im(E - N) \equiv 0$, demnach $(N, w) \equiv (E, 0)$ werden. Genügen nun die Wurzeln der Matrix (B, q) denselhen Bedüngungen wie die von (A, p), so ist nach $J \S 6$ auch M = E, L = E, C = E, also AB = BA. Dann ist aber nach (2,1)

(3.)
$$r = (E - B)p - (E - A)q$$

und

$$v = (A - E)v$$
, $w = (A - E)v = (A - E)v$

Da die Formen A und B miteinander vertauschbar sind, so kann man sie nach J. § 1 durch eine unitäre Substitution U gleichzeitig in ihre Normalformen transformieren, und weil

$$U(A,p)U^{\alpha} = (UAU^{\alpha},Up)$$

ist, so bleibt dabei $\Im(p)=\Im(Up)$ ungeämlert. Dann stellt w=0 die a Gleichungen

$$(1-a_1)^{n-1}((1-b_1)p_1-(1-a_1)q_1)=0$$

dar. Non kann man aber in dieser ganzen Entwicklung A und B vertauschen. Für ein hinlänglich großes r ist also auch

$$(1-b_i)^{i-1}((1-b_i)p_i - (1-a_i)q_i) = 0$$
.

mithin

$$r_i = (1 - b_i)p_i - (1 - a_i)q_i = 0$$

oder symbolisch

$$r = (Aq + p) - (Bp + q) = 0.$$

Nach (2,) § 1 ist daher (A,p) mit (B,q) vertauschbar.

Der Komplex aller Elemente der Gruppe 5, welche die Bedingung des Satzes I erfüllen, sei

$$S = (A, p) + (B, q) + (C, r) + \cdots$$

Insbesondere gehören dazu alle etwa in S enthaltenen Translationen (E, I). Da

$$(L, u)(A, p)(L, u)^{-1} = (LAL^{-1}, v)$$

ist und LAL^{-1} dieselben Wurzeln wie A hat, so ist $\mathfrak S$ ein in $\mathfrak S$ invarianter Komplex. Je zwei der Bewegungen von $\mathfrak S$ sind miteinander vertauschbar, also auch je zwei der Formen A, B, C, ... Man kann daher durch eine unitäre Substitution die linear unabhängigen unter ihnen und folglich alle gleichzeitig in ihre Normalformen transformieren. Für je zwei Bewegungen von $\mathfrak S$ ist Aq+p=Rp+q, also $(1-b_k)p_k=(1-a_k)q_k$, und mithin

$$p_k:q_k:r_k: + = 1 - a_k: 1 - b_k: 1 - c_k: \cdots$$

Sind num für einen Index a die Differenzen auf der rechten Seite nicht alle 0, so ist

$$p_i = (1-a_i)n_i$$
, $q_i = (1-b_i)n_i$; $r_i = (1-a_i)n_i$...

In der Substitution (A, p) lautet daher die Ate Gleichung

$$x_1 = a_k y_k + (1 - a_k) x_k$$
, $x_k - c_k = a_k (y_k - x_k)$.

Durch eine Translation « des Koordinatensystems kann man folglich bewirken, daß p_1,q_1,r_2,\cdots alle verschwinden. Dies möge eintreten für die Zeilen $\lambda=1,2,\cdots$ k. Dann hat jede Bewegung von \otimes die Gestalt (H. S. 326).

$$(1.) \qquad (A, p) = \begin{pmatrix} A_1 & 0 & 0 \\ 0 & E_2 & p_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

wo jetzt p_s eine Spalte von n-k Koefflzienten bezeichnet. Ist x einer der Indizes $1,2,\cdots k$, so sind die Differenzen $1-a_s$, $1-b_s$, $1-c_s$, nicht alle Null. Mithin kann man unter den Bewegungen von \otimes eine endliche Anzahl so answählen, daß in keiner der k linearen Formen

$$(1-a_*)^{\frac{1}{2}}+(1-b_*)\eta+(1-c_*)^{\frac{1}{2}}+\cdots$$

der Variabela £, n, ¿, ... alle Koeffizienten verschwinden. Daher kann auch das Produkt dieser & Formen, also die Determinante der Matrix & ten Grades

$$\{2.\} \qquad \qquad \xi(E_i - A_i) + \eta(E_i - B_i) + \xi(E_i - C_i) + \cdots$$

nicht identisch verseliwinden.

Ist die Grappe 5 reell, so kann man die komplexe Normalform der Bewegungen von \mathfrak{S} zunächst dazu benutzen, aus ihnen, wie oben, eine endliche Anzahl A, B, C, \cdots auszuwählen. Dann hat die Matrix $\xi A + \varepsilon B + \zeta C + \cdots$ die Wurzel $\xi a_i + \varepsilon b_i + \zeta c_i + \cdots$, also wenn ξ , ε , ε , ε reelle Variable sind, und a_i , b_i , c, ε nicht alle reell sind, auch die konjugiert komplexe Wurzel, etwa $\xi a_i + \varepsilon b_i + \zeta c_i + \cdots$. Nun ist

$$\begin{pmatrix} e^{i\phi} & 0 \\ 0 & e^{-i\phi} \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 & i \\ i & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} 1 & i \\ i & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} \cos \phi & -\sin \phi \\ \sin \phi & \cos \phi \end{pmatrix}.$$

Seien jetzt A_1 , B_1 , $C_{1,1}$ \cdots die reellen orthogonalen reduzierten Formen, die man durch diese Umformung erhält. Dann behalten sie die Eigenschaft, daß die Determinante der Matrix (2) nicht identisch verschwindet. Ferner kann man die Substitution U so bestimmen, daß für jedes Element von \otimes gleichzeitig

$$U^{-1}AU = \begin{pmatrix} A_1 & 0 \\ 0 & E_1 \end{pmatrix}, \qquad U^{-1}BU = \begin{pmatrix} B_1 & 0 \\ 0 & E_2 \end{pmatrix}, \dots$$

wird. Da aber die rechten Seiten ebenso wie A, B, C, \cdots reelle orthogonale Matrizen sind, so kann man dann auch eine reelle orthogonale Substitution U finden, die diesen Gleichungen genügt. Die Bewegung (A,p) von \mathfrak{S} geht durch die Substitution (U,0) in

$$\begin{pmatrix} A_1 & 0 & p_1 \\ 0 & E_2 & p_3 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix},$$

wo jetzt p_i eine Spalte von k Koeffizienten bedeutet. Aus der komplexen Normalform schließen wir, daß es eine Spalte s_i gibt, die gleichzeitig den Bedingungen

$$(E_i-A_i) s_i = p_i$$
, $(E_i-B_i) s_i = q_i$. $(E_i-C_i) s_i = r_i$, ...

genügt. Da die Koeffizienten dieser Gleichungen mell sind, so haben sie auch eine reelle Lösung. Durch diese Translation s_i gehen $(A_i, p_i)_i$ $(B_i, q_i)_i \cdots$ in $(A_i, 0)_i$ $(B_i, 0)_i \cdots$ über.

Irgendeine Bewegung von 55 sei

$$(L,u) = \begin{pmatrix} L_{11} & L_{12} & u_1 \\ L_{21} & L_{32} & u_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix},$$

so geschrieben, daß die ersten k Zeilen und Spalten von den folgenden n-k abgetrennt sind. Zu jeder Matrix (A,p) des invarianten Komplexes \otimes gibt es eine andere (B,q), so daß (L,u) (A,p) = (B,q) (L,u) ist oder

$$\begin{pmatrix} L_{31} & L_{13} & u_1 \\ L_{31} & L_{23} & u_3 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} A_1 & 0 & 0 \\ 0 & E_1 & p_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} B_1 & 0 & 0 \\ 0 & E_2 & q_2 \\ 0 & 0 & 3 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} L_{21} & L_{13} & u_1 \\ L_{21} & L_{23} & u_3 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Daher ist

 $L_{tt}(E_t - A_t) = 0$, $(E_t - B_t) L_{tt} = 0$, $(E_t - B_t) u_t + L_{tt} p_t = 0$, also anch

$$L_{ii}(\xi(E_i - A_i) + \eta(E_i - B_i) + \xi(E_i - C_i) + \cdots) = 0$$

und mithin $L_0 = 0$. Ebenso ist $L_0 = 0$, demnach $(E_i - B_i)u_i = 0$, und folglich $u_i = 0$. Jede Bewegung von \mathfrak{H} hat demnach die Gestalt

(3.)
$$(L,u) = \begin{pmatrix} L_1 & 0 & 0 \\ 0 & L_2 & u_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Nun kann nicht k=n sein. Denn sonst würde in jeder Rewegung (L,u) der translative Teil n verschwinden. Ist k < n aber > 0, so wird eine Gruppe von Bewegungen zerlegbar genannt, wenn in einer kongruenten Gruppe alle Bewegungen die Gestalt (3,) haben $(H,\S S)$. Soll also \S unzerlegbar sein, so muß k=0 sein, und folglich ist in jeder Bewegung (i,) des Komplexes \Im der rotative Teil A=E, also ist (A,p)=(E,p) eine Translation. Da umgekehrt \Im alle Translationen enthält, so ist $\Im = \Im$.

II. Jede Bewrgung einer unendlichen diskreten unzerlegbaren Bewegungsgruppe, worin die Differenz von je zwei Wurzeln absolut kleiner als 1 ist. ist eine Translation.

ist also (L, u) eine Bewegung einer solchen Gruppe, und ist L von E verschieden, so ist $2\Im(E-L) \ge 1$.

§ 4.

Sind P and Q zwei verschiedene Elemente von \mathfrak{H}' , so ist $PQ^{-1} = L$ von E verschieden, und mithin ist (J, (6.))

$$z(P-Q) = S(E-L) \ge \frac{1}{2}.$$

Es gibt aber nur eine endliche Anzahl unitärer Matrixen, von denen je zwei dieser Ungleichheit genügen. Diese Zahl liegt unterhalb einer bestimmten, nur von a abhängigen Greuze (J. (t, +)). Daher ist \mathfrak{H}' eine endliche Gruppe. Würde nun \mathfrak{H} keine Translation enthalten, so würde jedem Elemente L von \mathfrak{H}' nur ein Element (L, u) von \mathfrak{H} entsprechen, und folglich wäre auch \mathfrak{H} eine endliche Gruppe. Daher muß jede unzerlegbare, unendliche, diskrete Bewegungsgruppe Translationen enthalten,

Die Anzahl der linear unabhängigen Translationen von $\mathfrak H$ kann höchstens n sein. Ist sie gleich n-k>0, so kann man die Matrizen von $\mathfrak T$ durch eine unitäre Substitution gleichkeitig in

(1.)
$$(E, p) = \begin{pmatrix} E_1 & 0 & 0 \\ 0 & E_2 & p_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

transformiert werden, wo die Spalte p_n nur n-k Koeffizienten hat. Denn man kann eine unitäre Matrix U so bestimmen, daß jede ihrer k ersten Zeilen $u_{n1}, u_{n2}, \cdots u_{nn}$ den Gleichungen

$$\sum_{i} p_{i} u_{ii} = 0 , \qquad \sum_{k} q_{k} u_{ki} = 0 , \qquad \sum_{k} r_{k} u_{ki} = \hat{u}_{k+1} .$$

genügt, unter denen n-k unabhängig sind. (Vgl. z. B. Ennano Semant, Dissertation § 3.) Dann ist

$$U(E,p)U^{-1} = \{E,U_p\}$$

und in Up verschwinden die ersten k Koeiffzienten.

Da I eine invariante Untergruppe von 5 ist, so ist

$$(L,u)(E,p) = (E,q)(L,u), \qquad L_P = q, \qquad L_{DP} = 0.$$

also ist $L_{\rm rs}=0$, denn für p_i kann man n-k linear unabhängige Spalten setzen. Da L unitär ist, so muß, wenn $L_{\rm rs}=0$ ist, auch $L_{\rm si}=0$ sein. Daher ist

$$(\hat{L},u) = \begin{pmatrix} L_1 & 0 & u_1 \\ 0 & L_2 & u_2 \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}.$$

Jedem der hverschiedenen Elemente L , M , N , \cdots von $\tilde{\mathfrak{D}}'$ ordne man willkürlich ein Element

(2.)
$$\{L_{i}u\}, \quad \{M_{i}v\}, \quad \{N_{i}w\}, \dots$$

von 5 zu. Dann erhält man alle Elemento von 5, indem man in der Matrix

$$(E, p)(L, u) = \begin{pmatrix} L_i & 0 & u_i \\ 0 & L_b & u_b + p_s \\ 0 & 0 & 1 \end{pmatrix}$$

für (L,u) der Reihe nach jene h ausgewählten Bewegungen und für (E,p) alle Translationen seizt. In der Substitution (t_i) § t_i die dieser Matrix entspricht, hängen die k Variabein $x_1, \cdots x_k$ nur von $y_1, \cdots y_k$ ab. Die van den Koeffizienten dieses Teils der Substitutionen gebildeten Matrizen

$$\begin{pmatrix} E_1 & u_1 \\ 0 & 1 \end{pmatrix}$$

bilden eine endliche Gruppe. Durch eine Verlegung des Koordinatenanfangs (nach dem Schwerpunkt der h Punkte u_i, v_i, w_i, \cdots) kann man daher, wie ich in § 5 zeigen werde, erreichen, daß in jeder dieser h Bewegungen $u_i = 0$ wird. Ist dann k > 0, so ist $\mathfrak S$ zerlegbar.

III. In einer unenellichen diskreten unzerlegbaren Bewegungsgruppe der Dimension a befinden sich a linear unabhängige Translationen. Die ratativen Teile der Bewegungen bilden eine endliche Gruppe, deren Ordnung eine bestaumte nur von a abhängige Schvanke nicht überschreitet.

\$ 5.

Die Summe der translativen Telle der ausgewählten A Rewegungen (2.) § 4 bezeichne ich mit

$$hs = u + v + u + \dots$$

So lange jene Auswahl noch nicht getroffen ist, ist * nur his auf den Aten Teil einer willkürlichen Translation genau bestimmt. Verlegt man den Koordinatenanfang nach *, so geht (L,u) in

$$(E, -s)(L, u)(E, s) = (L, Ls - s + u)$$

fiber. Ist nun LM = N, so ist

$$(L,u)(M,v) = (N,w+z),$$

wo z eine Translation von \mathfrak{B} ist. Wenn man hier (L,u) festhält, aber (M,v) die h Bewegungen (v) § 4 durchlaufen \mathfrak{BB} t, so durchläuft auch (N,w) diese h Bewegungen. Durch Addition der h Gleichungen

$$L_0+u=w+z$$

ergibt sich

$$hLs+bu=hs+t, \quad h(Ls-s+u)=t,$$

wo / als Summe von Translationen in 5 auch eine solche ist.

IV. In einer unendlichen diskreten unzerlegbaren Bewegungsgruppe seien L, M, N, — die h verschiedenen votativen Teile der Bewegungen, und (L,u), (M,v), (N,w), — h beliebig ausgewählte Bewegungen, deren entative Teile verschieden sind. Man verlege den Koordinatenunfang nach

dem Schwerpunkte der Punkte u, c, w. Lit dann (A, p) orgendeine Bewegning der Gruppe, so ist (E, hp) eine Translation der Gruppe.

Dieselbe Betrachtung kann man in dem Falle anwenden, wo $\mathfrak S$ eine endliche Gruppe ist. Verlegt man dann dem Koordinatenanfang nach dem Schwerpunkte von v, c, w, \cdots , so verschwinden in allen Bewegungen der Gruppe die franslativen Teile, und man erhält eine mit der Darstellung (2.) § 4 kongruente Darstellung der Gruppe durch homogene Substitutionen $(L,0), (\mathfrak M,0), (N,0), \cdots$. Durch diese Reduktionsmethode hat Hr. J. Sauca in § 3 seiner Arbeit Neue Begründung der Theorie der Gruppencharaktere, Sitzungsber, 1905, für endliche Gruppen die Methode von Mascuar (H. S. 327) ersetzt.

Die weiteren Entwicklungen des Hrn. Bubernach sind rein arithmetischer Natur, beziehen sich nur auf reelle Gruppen und stützen sich auf Sätze von Miskowski. Sein Hauptresultat läßt sieb in etwas schärferer Fassung (indem Isumorphismus durch Aquirubuz ersetzt wird) so aussprechen:

V. Die unendlichen diskreten, unzerlegboren, reellen Bewegungsgruppen der Dimension in zerfallen in eine endliche Anzahl äquicalenter Gruppen.

Man kann eine endliche Anzahl von Bewegungsgruppen 5 (nicht in orthogonaler Gestalt) angeben, unter denen sieh aus jeder Klasse mindestens eine findet.

Die Substitutionen jeder endlichen Gruppe $\mathfrak H$ von Matrizen aten Grades, deren Koeffizienten ganze Zahlen sind, transformieren eine positive quadratische Form in sich. Zwei solche Gruppen $\mathfrak H$ und $\mathfrak H$ nenne ich $(\mathfrak G, S, \mathfrak H)$ unimodular äquivalent, und ich rechne sie zu derselben Klasse, wenn $\mathfrak H$ durch eine ganzzahlige Substitution der Determinante ± 1 in $\mathfrak H$ transformiert werden kann. Aus einem Satze von Mixkowski folgt dann, daß diese Gruppen in eine endliche Anzahl von Klassen zerfallen. Sei $\mathfrak H = A + B + C + \cdots$ der Repräsentant einer dieser Klassen, h die Ordnung von $\mathfrak H$ Die zu definierenden Bewegungsgruppen $\mathfrak H$ haben alle dieselbe Translationsgruppe $\mathfrak T$. Sie besteht aus allen Translationen $\mathfrak H$ deren Koeffizienten ganze Zahlen sind. Die Gruppe $\mathfrak H$ besteht aus den Substitutionen

(1.)
$$\left(A, \frac{1}{h}t_A\right), \quad \left(B, \frac{1}{h}t_B\right), \quad \left(C, \frac{1}{h}t_B\right), \dots$$

worin für t_A, t_B, t_O, \cdots alle Spalten ganzer Zahlen zu setzen sind, die einer bestimmten Spalte (mod. h) kongruent sind. Die Spalten t_A, t_B, t_C bilden (mod. h) eine Lösung der Kongruenzen, die man aus

$$(z.) A t_0 + t_1 = t_{40} \pmod{h}$$

erhält, indem man für A und B irgend zwei Elemente von \mathfrak{H}' setzt. Der Gruppe \mathfrak{H}' entsprechen so viele Gruppen \mathfrak{H}_* als diese Kongruen-

zen Systeme inkongruenter Lösungen zulassen. Ist s eine willkürliche Spalte ganzer Zahlen, so genügen die Spalten $t_A = (E-A)s$ jenen Kongruenzen. Zwei Lösungen, deren Differenz diese Gestalt hat, führen auf kongruente Gruppen. Aus einer Lösung t_A , t_B , t_C , kann man eine neue Pt_A , Pt_B , Pt_C , ableiten, wenn P, wie z. B. pE eine ganzzahlige Matrix ist, die mit jedem Elemente der Gruppe \mathfrak{S}^* vertauschbar ist.

Jede Wurzel r der charakteristischen Gleichung f(s) = 0 der Substitution I ist eine Einbeitswurzel. Gebört sie zum Exponenten k, so ist

$$\varphi(k) \leq \pi.$$

Da die Koeffizienten von f(s) ganze Zahlen sind, so genügen jener Gleichung auch die $\phi(k)$ mit r konjugierten Einheitswurzeln. Daraus ergibt sich leicht, daß $2\Im(E-A) \ge 1$ ist, und so kann man die Geltung des Satzes I für die Substitutionen von $\mathfrak H$ bestätigen.

Über die Energieverteilung der von der Quarzquecksilberlampe ausgesandten langwelligen Strahlung.

Von H. RUBENS und O. von BAEYER.

In einer kürzlich veröffentlichten Abhandlung' haben wir über eine änberst langweilige Strahlung berichtet, welche man aus der Emission der Quarzquecksilberlampe mit Hilfe der von dem einen von aus in Gemeinschaft mit Hrn R. Wood angegebenen Quarzlinsenanordnung' isolleren kann. Mit dem Quarzplatteninterferometer gemessen, ergab sich die mittlere Wellenlänge dieser Strahlung aus dem ersten Minimum der Interferenzkurve zu 272 & (entsprechend 13 Trommetteilen), wenn die Strahlung durch eine 2 mm dieke Platte aus amorphem Quarz hindurchgegangen war, und zu 314 & (15 Trommetteilen entsprechend), wenn eine 0.4 mm dieke Platte aus schwarzem Karton als Strahlenfilter verwendet wurde. Die Strahlung erwies sich als sehr inhomogen. Die Lage des ersten Maximums war aus diesem Grunde und infolge der Kleinheit der beobachteten Ausschläge nicht mit Sieherheit festzulegen.

Es ist uns nunmehr gelungen, sowohl durch höhere Belastung imserer Quarzqueeksilberiampe als auch durch Anwendung einer erheblich lichtstärkeren Quarzlinsenanordnung die beobachteten Ausschläge auf den 24 fachen Betrag zu erhöhen, ohne die Konstanz der Lampe und die Meßgenauigkeit der Anordnung zu verringern. Wir sind daher jetzt in der Lage, die Interferenzkurven weiter zu verfolgen und können aus ihrem Verlaufe einigermaßen zuverlässige Rückschlüsse auf die Energieverteilung der beobachteten Strahlung ziehen.

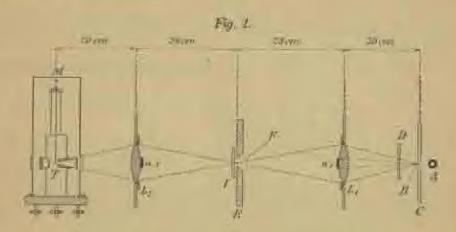
Die Belastung unserer Lampe konnten wir dadurch erhöhen, daß wir statt der früher henutzten 120-Volt-Batterie eine solche von 160 Volt.

H. Romas and R. W. Wood, diese Berichte, S. 1320, 1911.

Die Beschreibung der Interferumeters siehe R. Brussen und H. Hollnauer, diese Berichte, S. 26, 1910.

verwendeten Es ließ sich auf diese Weise die Klemmspannung der Lampa von 100 Volt auf 133 Volt steigern, während allerdings die Stromstäcke von 4 auf 3,5 Amp. zurückging. Immerkin wurde auf diese Weise eine Vergrößerung der Ausschläge um etwa 20 Prozent erreicht.

Die von uns neuerdings benutzten bikonvexen Quarzlinsen hatten einen Durchmesser von 16 cm und eine Brennweite von 25 cm für Lichtstrablen. Sie waren an den Rändern 5 mm, in der Mitte 12 mm dick. Die gesamte im Strablengunge befindliche Quarzschieht betrog hier im Durchschnitt etwa 23 mm gegen 17 mm bei der früher verwendeten Anordnung, bei welcher die Quarzlinsen nur einen Durchmesser von 7 cm besaßen.



Die Entfernung der Linsen voneinander und von den Disphragmen ist aus Fig. i zu ersehen. Um mit möglichst großen Öffnungskegeln zu arbeiten, benutzten wir die Quarzlinsen nicht in symmetrischer Stellung, sondern wählten die Entfernung der Linsen L, und L, von dem Disphragma F größer als thren Abstand von der Lichtquelle A bzw. von dem Thermoelement T. Wir erwichten hierdurch zugleich. daß die Divergeux der Strahlen in der Luftplatte des Interferometers I geringer war, als sie sich bei symmetrischem Durchgang der Strahlen durch die Linsen L, und L, ergeben blitte. Die Randstruhlen des Kegels hilderen mit dem Zentralstrahl unter den von uns gewählten Bedingungen einen Winkel & von toe, während der mittlere Neigungswinkel der Strablen gegen die Achse des Strablenkegels auf etwa 7º veranschlagt werden kann. Dieser mangelnde Parallelismus des Strahlenbändels übt auf die Form der beobachteten Interferenzkurven einen doppelten Einfluß aus. Erstens ergeben sich die Maxima und Minima der Interferenzkurve sämtlich bei etwas größeren Dicken der Luftplatte, als dies der Fall sein würde, wenn alle Strahlen durch die

Luftplatte senkrecht hindurchgingen. Der Ganguntersehled der Interferierenden Strahlen ist infolge ihrer schieben hizdenz nicht gleich der doppeiten Dieke der Luftplatte 2d. sondern gleich 2d cos \(\phi \), worin cos \(\phi \) zwischen \(\text{tor den Lentralstrahl} \) und 0.085 ffür den Randstrahl sehwankt und im Mittel etwa 0.993 beträgt. Zweitens erfährt der Verlauf der Interferenzkurve infolge des mangeinden Parallelismus der Strahlung eine Veränderung in dem gleichen Sinne, in welchem eine Verminderung der Homogenität auf die Form der Kneve einwirken würde. Diese Anderung ist aber hier von so geringer Größe, daß ihr Kinfluß vernachlässigt werden kann. Dagegen müssen sämtliche aus der Lage der Maxima und Minima der Interferenzkurven unter der Annahme senkrechten Durchgangs der Strahlen durch die Luftplatte berechneten Weilenlängen mit dem Korrektionsfaktor 0.993 multipliziert werden.

Mit der neuen Quarzlinsenanordnung wurden die folgenden Interferometerkurven aufgenommens

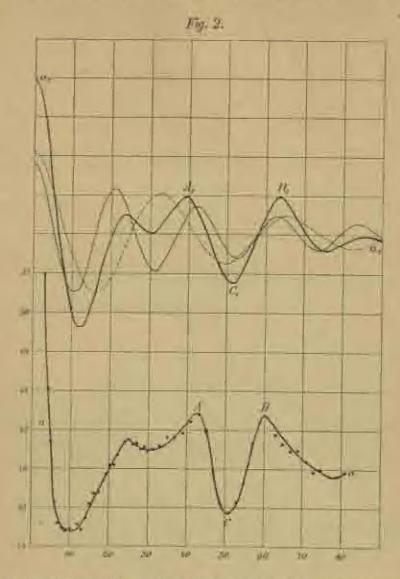
- t. für die Strahlung der Quarzquecksilberlampe unfiltriert (Kurve a, Fig. 1);
- 2. für die durch 2 mm amorphen Quarz filtrierte Strahlung der Quarzquecksilberlampe (Kurve b, Fig. 3):
- 3. für die Strahlung der Quarzquecksilberlampe, ültriert durch sehwarzen Karton von 6.4 mm Dieke (Kurver, Fig. 4).

Als Abszissen sind die Dieken der Luftplatte des Interferometers in Trommeiteilen (1 Teil = 5.23 a), als Ordinaten die beobachteten Ausschläge des Mikroradiometers aufgetragen. Für geringe Dieken der Luftplatte (unter 0.03 mm) wurde wie trüber die Diekenbestimmung nicht mit Hilfe der Trommeiteilung, sondern auf optischem Wege durch Abzählen von Interferenzstreifen senkrecht einfallenden Natriumlichts vorgenommen.

Infolge der erheblich größeren Dieke der im Strahlengung befindlichen Quarzschicht trift bei den hier beschriebenen Verauchen der Einfluß der von den Quarzwänden der Lampe herrührenden relativ kurzweiligen Strahlung gegenüber der langwelligen Strahlung des Quecksilberdampfes selbst viel mehr zurück, als dies bei der friller benutzten Lansenanordnung der Fall war. Hierauf und auf die höhere Belastung der Lampe ist die Tatsache zurückzaführen, daß jetzt die Lage des ersten Minimums der Interferenzkurve auch ohne Anwendung eines besonderen Strahlenfliters erst bei etwa 10 Trommetteilen beobachtet wird (Kurve a) und daß die entsprechende Kurve im Gegensatz zu unsern früheren Versuchen einen verhältnismäßig glatten Verlauf zeigt.

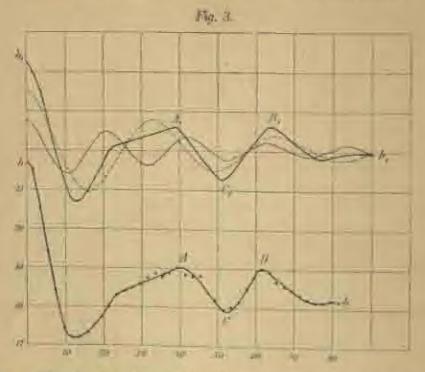
Null der Laftplatte entspricht der Ausschlag is = 54.1 mm.



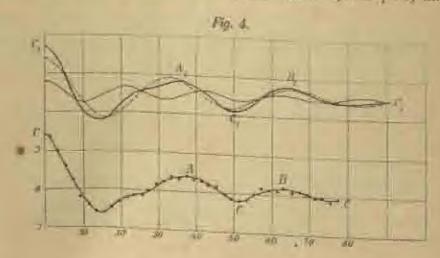


Immerhin ist auch in Kurve a der Einfluß der Quarzstrahlung noch dentlich bemerkbar. Er ämbert sich hauptsächlich in einer Verschiebung des ersten Minimums nach kleineren Schiehtdicken. Dagogen darf in den Kurven b und e der Einfluß der Quarzstrahlung wohl als nahezu beseitigt gelten.

Alle 3 Interferenzkurven lassen sofort erkennen, dall es sieh hier nicht um eine homogene Strahlung handelt, sondern daß die heobachtete Strahlung im wesentlichen zwei verschiedenen, ziemlich ausgedehnten Spektralgebieten angehört. Dabei zeigt sich die spektrale Ausdehnung oder Inhomogenität der einzelnen Emissionsgebiete durch die Dümpfting der batreffenden Interferenzkurven. Mit ziemlich guter Annäherung lassen sich alle 3 Kurven a, b und e durch Superposition



zweier gedämpfter Sinuskurven darstellen, wie dies aus den Kurven v_i (Fig. 2), b_i (Fig. 3) und c_i (Fig. 4) zu erschen ist. Die langwelligere dieser beiden gedämpften Sinuskurven besitzt stets eine Wellenlänge von 33 Trommelteilen und ein logarithmisches Dekrement $\gamma_i = 0.71$, die kurzwelligere dagegen eine Wellenlänge von 24 Trommelteilen und ein logarithmisches. Dekrement $\gamma_i = 0.44$ Verschieden ist bei den Kurven a_i , b_i und c_i nur die Höbe: der Anfangsnaphtunden der beiden gedämpften Sinuswellen. In allen 3 Fällen ist die Anfangsamplitude der längeren Welle die größere, Jedoch verhalten sich die Anfangsamplituden für beide Wellen im Fall der Kurve a_i wie 7: b_i im Fall



der Kurve b, wie 2:1 und im Fall der Kurve c, wie 3:1. Diesen beiden gedfimpften Sinuswellen entsprechen zwei Strahlenkomplexe von der mittleren Wellenlänge

$$\lambda_s = 33 \times 3 \times 3.23 \times 0.993 \mu = 343 \mu$$

 $\lambda_s = 21 \times 2 \times 3.23 \times 0.993 \mu = 218 \mu$

Offenhar wird, wenn die langwellige Quecksilberdampfstrahlung die Platte aus amorphem Quarz oder schwarzem Karton durchdringt, stets das kurzwelligere Strahlenbündel stürker absorbiert als das langwelligere. Im letzteren Falle ergibt sich das Intensitätsverhillmis der beiden Strahlenbündel, welches mit dem Verhältnis der Anfangsamplituden der beiden Sinuswellen der Kurve c. übereinstimmt, gleich 3:1. Dieses entspricht einer mittleren Wellenlänge des gesamten, den schwarzen Karton durchdringenden Strahlenkomplexes von 112 u. was mit dem früher erhaltenen, aus dem ersten Minimum der Interferometerkurve berechneten Wert gut übereinstimmt.

Dati in der Kurve o die Tiefe des ersten Minimums den aus der Amyschen Formel berechneten Wert bei weitem nicht erreicht, ist schon aus dem Grunde erklärlich, weil hier der Quecksilberdampfstrahfung noch die sehr inhomogene Strahlung der heißen Quarzwände in erheblicher Stärke beigemischt ist, welche für sich betrachtet bei 3 - 6 Trammeltellen ein Minimum, bei 10-11 Trammelteilen ein Maximum der Interferenzkurve hewirken würde. Es ist jedoch auffallend, daß auch bei den Interferenzkurven b und e die Tiefe des ersten Minumums. keineswegs dem aus der Amyschen Formel berechneten Werte entsmicht, sondern erhablich dahinter zurückbleibt, wenn man annimmt. daß es sich hier nur um die beiden Emissionsgebiete mit den mittleren Wellenlängen 343 a und 218 a hundelt. Es kunn daher keinem Zweifel unterliegen, daß die betrachtete Strahlung noch andere Wellenlängengeblete enthält, welche aber wegen zu geringer Stärke oder zu großer Inhomogenität an der Interferenz nicht merklich teilnehmen und im wesendlichen nur eine Parallelverschiebung der Interferenzkurve nach Seite der größeren Ausschläge bewirken. Daß es sich hier nicht um kurzweilige Strahlung handeln kann, geht aus der Tatsache herver, daß die Durchdringungsfähtgkeit der Strahlung, welche bereits durch eine o.a mm dieke Kartonschieht hindurchgegungen ist, mit der Zahl der eingesehalteten Kartonplatten nur sehr langsam zunimmt Die entsprechenden Zahlen sind in der folgenden Tabelle i enthalten. Die benutzten Kartouplatten waren aus derselben Tafel geschnitten and erwiesen sich threr Wirkung nach als nabezu gleichwertig. Die Einsehaltung der Platten in den Strahlengung gesehah stets in unmittellarer Nähe des Diaphragmas F.

Tabelle L

Zalden der eingeschafteten Kartumplatten	Amaibleg c.	I sorthing again $D_i = \frac{\lambda_0}{\lambda_0} \qquad D_i = \frac{\lambda_0}{\lambda_0 - 1}$					
0 3 3	85,0 12.4 4-50 1.15 0.71	14.4 Prop. 3.06 2.04 - 0.83 -	140 Pro-				

Die Durchlässigkeit D, bezieht sich stets auf sämtliche eingeschaltete Platten, während D, die Durchlässigkeit der neuhinzugekommenen Platte für denjenigen Tell der Strahlung ausdrückt, welcher durch die fibrigen Platten bereits hindurchgegangen ist. Die Durchdringungsfähigkeit der Strahlung ist aus dem Wert von D, zu erschen, welcher, nachdem erst eine Kartonplatte eingeschaltet ist, kaum noch wächst. Da man nun annehmen muß, daß der Karton eine mit zunehmender Wellenlänge steigende Durchlässigkeit besitzt, so wird man zu dem Schlusse geführt, daß die an der Interferenz nicht merklich tellnehmende Strahlung, welche in der durch schwarzen Karton filtrierten Emission der Quarzquecksilberlampe nußer den beiden Strahlenbündeln von 218 u und 343 a mittlerer Wellenlänge noch vorhanden ist, jedenfalls dem Spektralgebiet oberhalb 200 u angehören muß.

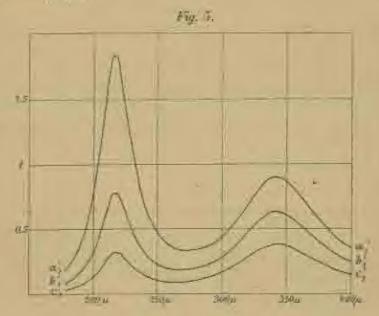
Vergleicht man die von uns aufgenommenen Interferenzkurven a. b und e mit den entsprechenden aus der Superposition zweier gedämplier Sinuswellen entstandenen Kurven auch, og genauer, so erkennt man übrigens, daß die l'bereinstimmung keineswegs eine innerhalb der Fehlergrenzen vollkommene ist. Während die Lage des Minimums C bzw. C. der beobschteten und berechneten Kurven gleich gewählt ist, zeigt sich in allen berechneten Kurven das Maximum A, gegen A nach links, das Maximum B, gegen B nach rechts verschohen. Durch Annahme eines dritten Emissionsgebietes von größerer Wellenlange (etwa 600 a) ließe sich diese Diskrepanz zwischen beobachteten und berechneten Kurven beseitigen und auch in den übrigen Teilen der Interferenzkurve eine vollkommene Übereinstimmung erzielen. Indessen lität sich dasselbe Ziel auch ohne Anwendung eines dritten Emissionsgebietes erreichen. wenn man die willkürliche Voranssetzung fallen läßt, daß die Energievertellung innerhalb der beiden Emissionsgebiete bei $\delta_{\nu}=343~\mu$ und λ, = ri 8 u durch eine Resonanzkurve von der Form

$$\Psi_{\lambda} = \Phi_{\lambda} \frac{Y_{\lambda}^{2}}{Y_{\lambda}^{2} + 4\pi^{2}z^{2}}, \qquad z = \frac{\lambda_{\lambda} - \lambda_{\lambda}}{\lambda_{\lambda}}$$

dargestellt wird.

In Wicklichkeit wird diese Annahme, welche nur zur Vereinfachung der Rechnung gemucht ist, nur in rober Annäherung erfüllt sein. Nimmt man über eine von der symmetrischen Form abweichende Energieverteilung in beiden Emissionsgebieten au, so lassen sich wahrscheinlich die beobachteten und berechneten Interferenzkurven bis zu einem sehr boben Grade vom Annäherung bringen.

Den berechneten Interferenzkurven a., b. und c. der Fig. 2. 3 und 4 entsprechen angenähert die in Fig. 5 wiedergegebenen Energieverteilungskurven a., b., c.



Man erkennt, daß die spektrale Ausdehnung der Emissionsgebiete so groß ist, daß sie ineinander übergehen. Es läßt sich jedoch hieraus noch nicht unmittelbar auf das Vorhandensein einer kontinuierlichen Emission in dem gesamten zwischen 200 u und 400 u gelegenen Spektralgebiet schließen. Es bleibt daneben die Möglichkeit bestehen, daß die Strahlung von einer größeren Zahl von diskontinuierlieben Emissionsbanden berrührt, welche in der Nähe der Emissionsmaxima bei 218 u und 344 u besonders intensiv sind oder besonders dicht beieinunder liegen.

Es schien uns von Interesse, festzustellen, ob auch in dem Spektrum der Quecksilberamalgamlampe eine langwellige Strahlung ähnlich der bei der Quecksilberiampe beobachteten vorhanden wäre und ge-

Siebe H. Russes and H. Hongander, a. s. O. S. 37. H. Russes, Verhandl. d. Dt. Phys. Ges. XIII, S. 103, 1914. Es mag hier duran crimnert werden, dall dus Varhältnis de. nicht das Höbenverhättner der Maxima beider Energiekurven, sondern das Verhältnis three Flachenmhalte bedeuter.

gebenenfalls the Zusammensetzung dieser Strahlen zu untersuchen. Es stand one eine Amalgamianope von Hantus zur Verfügung, welche etwa 60 Prozent Quecksilber, 20 Prozent Wismut, 20 Prozent Blei sowie Spuren von Cadmium und Zink enthich. Die Lampe konnte bei einer Lichtbogenlänge von 6 cm mit 130 Volt und 4 Amp, belastet werden und gab dann, als Lichtquelle bet unserer neuen Quarelinsenanordnung benotzt, einen Ausschlag von etwa toomm, also von derselben Größenordnung wie die Quecksilberlampe unter den gleichen Bedingungen. Leider erwics sich die Strahlung der Amalgamlampe als weniger konstant als diejenige der Quecksilberlampe, vermutlich infolge des an den Quarzwänden stets auftretenden Niederschlages fester Metallteilehen. Wir verziehteten deshalb auf die Aufnahme einer Interferenzkurve und begnügten uns damit, die Strahlung der Amulgamlampe mit derjenigen der Quecksilberlampe durch Messung der Absorption zu vergleichen, welche belde Strahlungen in einer 2 mm dicken Platte von geschmolzenem Quarz und in einer o.4 mm dieken Kartouplatte erfähren. Die betreffenden Zahlen sind aus den beiden ersten Horizontalreihen der Tabelle 2 zu ersehen.

Tabelle 2.

		-		
Elettquellu	Durchtwigh amorphus Quara	sit tants. The		
Quaricalleriampe	12.4 13.0- 16.4 24.4	14.6 14.7 4.0 3.8		

Der Betrag der Durchlässigkeit ist für beide Strahlungsqueilen und für beide absorbierenden Substanzen innerhalb der Fehlergrenzen der gleiche. Es ist hiernach böchst wahrscheinlich, daß sieh auch die Straklungen beider Liebsquellen nur wenig unterscheiden. Dieses Resultat heß sich insofern als wahrscheinlich voranssehen, als nuch in der Amalgamlampe der bei weitem größte Teil des Dampfes aus Quecksifber besteht, welches nicht nur in größeren Mengen vorhanden ist, sondern auch bei den hier in Betracht kommenden Temperaturen einen erheblich größeren Dampfdruck besitzt als die übrigen in der Lampe vorhandenen Metalle.

Tabelle 2 enthält ferner die Resultate einiger Versuche, welche mit einer Kadmiumlampe als Lichtquelle ausgeführt worden sind. Die Lampe bestand aus einem bis zur Hälfte mit Kadmium gefüllten U-färmigen Quarzrohr, welches durch einen seitlichen Rohransatz mit einer Gaedepumpe in Verbindung stand. Die Vorwärmung geschah mit einer Ge-

biasedamme. Die Einleitung des Lichtbogens wurde durch einen Induktionsfunken bewirkt. Die Lampe ergab bei einem Energieverbranch von 5.2 Amp. and 2.4 Volt eine etwa viermal schwächere langweilige Strahlung als die Quecksilberhampe, und es ließ sieh durch Beobachtungen unmittelbar vor und nach dem Auslöschen der Lampe leicht zeigen, daß der grüßte Teil dieser Strahlung von den heißen Wänden des Quarzrohres herrührte. Dennoch lassen sich, wie es scheint, auch hei der Kadmittimlampe Spuren einer von dem Metalldampfe ausgehanden langwelligen Strahlung wahrnehmen. Lim hierfür einen Anhaltspunkt zu geben, sind in der letzten Spalte der Tabelle z die Wacte der Durchlässigkeit angegeben, weiche für die amorphe Quarzplatte und die verwendete Pappschicht beobachtet wurden, wenn als Strahlungsquelle ein mit Hilfe einer Bunsenflaume ! erhitztes Rohr aus amorphem Quarz diente; dessen Wandstärke etwa i mm berrug. Diese Werte sind merklich kleiner als die entsprechenden Zahlen, weiche mit der Kadmiumlampe erhalten worden waren, so daß man berechtigt ist, in der Strahlung der Kadmiumlampe einen langweiligen, nicht von den Quarzwänden herrührenden Bestandtell zu vermuten. Für eine eingehendere Untersuchung der langwelligen Kadminundampistrahlung ist jedoch die beobachtete Energiemenge viel zu gering.

Die Frage, ob es sich bei der beobachteten langwelligen Emission des Queeksilberdampfes um eine Lumineszenzstrahlung oder um eine Temperaturstrahlung handelt, bleibt auch nach der Erweiterung, welche unsere Kenntais threr spektralen Zasammensetzung durch die vorstehende Untersuchung erfahren hat, noch unentschieden. Nimmt man jedoch Strahlungserregung durch Lumineszenz an, so kann ein von Hrn. F. A. Lung-MASS herrührender Gedanke mit Vorteil zur Deutung des Emissionsverganges herangezogen werden. Hiernach söllen die im Entladungsraum vorhandenen positiven und negativen Atomionen, soweit sie sich nach erfolgter Annaherung nicht wieder auf hyperbolischer Bahn voneinunder entfernen oder bei ihrem Zusammenstoß sofort neutralisieren, wie Donpelsterne umeinander rotieren, und zwar in einem gegenseitigen Abstand. welcher annähernd von derselben Größe ist, wie ihn die Moleküle des festen und füssigen Quecksilbers besitzen. Für einfach geladene, in dieser Welse umeinander rotierende Atomionen würde dann die Gleichung erfüllt sein müssen

$$\frac{mv^*}{r} = \frac{r^*}{u \, r^*}.$$

¹ Der von der Bansenlämme selbst berrührende Ausschlag betrüg nur etwa 1 Prozent desjenigen, welcher von dem heißen Quarzrahr bervorzenten wurde. Von der längwelligen Strahlung des Bausenbrenners gingen 9-4 Prozent durch die z nun dieke Platte aus ansorphism Quarz bladurch.

worin m die Masse eines lans, r seine Geschwundigkeit, r der Radius der Bahn, « das Elementarquantum der Elektristätt in elektrostatischen Einheiten bedeutet. Hirraus folgt

$$c = \frac{1}{2} \sqrt{\frac{3}{rm}}$$

and für die Tourenzahl ergibt sieh dann

$$t = \frac{a}{a \cdot \pi} = \frac{a}{a \cdot \pi} \left[\frac{1}{e^{i} m} \right]$$

Benntzt man die von Hrn. Rearves aus der Zählung der z-Teilehen gewonnenen Daten

$$m_{H_0} = 4.8 \times 10^{-9} \, S.E.$$
 $m_{H_0} = 100 \cdot 1.654 \cdot 10^{-9} = 3.31 \cdot 10^{-9}$

und setzt man ferner tetraedrische Anordnung der Moleküle in flüssigem Quecksilber voraus, unter welcher Bedingung sieh $r=1.63\cdot 10^{-7}$ em ergibt, so erhült man für i den Wert 1.014 · 10^{18} , entsprechend einer Welbeilänge in Luft von $\lambda_1=296 \mu_0$

Betrachtet man ferner den Fall, daß sich ein einfach geladenes (negatives) und ein doppelt geladenes (positives) Ion in der gleichen Weise und in demselben Abstande umkreisen wie in dem ersten Falle. so wird die zu erwartende Schwingungszahl Vamai größer, die zogehörige Wellenlänge Vemal kleiner, und man erhält $\lambda_s = 200$ a Die Übereinstimmung dieser Werte mit den von uns gefundenen mittleren Wellenlängen der beiden Emissionsgebiete Is: Immerhin bemerkenswert. Die Unterschiede zwischen Rechnung und Beobachtung lassen sich ohne Schwierigkeit einerselts aus der Unsscherheit des zur Rechnung benntzten Zahlenmaterials, insbesondere desjenigen, welches die Ermittlung des Rudius e beirifft, anderseits aus der Tatsache erklären. daß der Bahnradius der rotierenden fonen niehr konstant ist, sondern ie nach der Geschwindigkeit der zusammentreffenden Ionen Innerhalb gewisser Grenzen schwanken muß, wobei die hier für den Bahuradius r und für die Wellenlänge A berechneten Werts als untere Grenzwerte anzusehen sind. Man wird daher annehmen müssen, daß die emittierte Strahlung ziemlich inhomogen ist und sich über ein größeres Wellen-Ungenbereich erstreckt.

In einer kürzlich erschienenen, sehr interessanten Mitteilung hat Hr. Kamentman-Omnes² aus Messungen des elektrischen Leitvermögens

F. Riccesse, diese Berichto S. 948, 1909.

² H. Kamenanon-Orner, Communications from the Physical Laboratory of Leiden No. 139 and 130, 1911.

an festem Quecksilber im Gebiete der tietsten Temperaturen auf eine Eigenfrequenz der Quecksilbermoleküle von einen i = 5 × 10 geschlossen. Diese Frequenz liegt in derselben Größenordnung wie die beiden von uns im leuchtenden Hg-Dampf beobachteten Schwingungszahlen. Nimmt man jedoch die von Hrn. Lisenmann gegebene, im vorstehenden dargelegte Theorie der Strallungserregung in der Quecksilberbogenhaupe als richtig an so wurde ein einfacher Zusammenhang zwischen den von Hrn. Kannanson-Osses berechneten und von uns beobachteten Eigenfrequenzen nicht ohne weiteres zu erkennen sein.

Ausgegehen um 22. Juni.



SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXXI.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

22. Junt. Gesammtsitzung.

Vorsitzender Secretar: Hr. Diels.

*1. Hr. Schiere las Über die materiellen Kräfte des schwedischen Staatswesens zur Zeit von Gustaf Adolf's Regierungsantritt.

Er legte vergleichend dar, wie bescheiden ein waren neben deren des rivallsierenden Dänemark und der führenden Territorien des gleichzeitigen Deutschland. Erst die Fentstellung dieser Thatsache seint die persönliche Bodenung Gustaf Adolf's in das rechte Licht

2. Hr. Fronzaus legte eine Arbeit vor: Gruppentheoretische Ableitung der 32 Krystallelassen.

Die Lehre von den Gruppencharakteren wird bemutzt, um die Eintheilung der Krystalle in Classen abzuleiten und die 32 Classen in übersichtlicher Weise auszubrichen.

3. Das correspondirende Mitglied Hr. Jacom in Bonn hat eine Mittheilung übersandt, bettelt: Zur Frühgeschichte der indischen Philosophie. (Ersch. später.)

Fa wird gezeigt, daze im 4. Jahrhundert v Chr. Mimänisä. Sänkhya, Yoga und Lokäyata schon aperkunnte philosophische Systeme waren, während Nyava und Valiesika sowie wahrscheinlich auch die buddhistische Philosophie cest später entstanden sind.

4. Hr. von Whanower-Moellenboure legte vor: Arkadische Forschungen von F. Freiherrn Hillen von Gaertningen und H. Latter-nass. (Abb.)

Die Abhandlung enthält einen Bericht über die von März his Juni 1910 für das arkadische Imschriftenwerk (Inscriptiones Graceae V z) unternonmene Reise. Als Beispiel für die epigraphische Forschung wird das bekannte «Lottesurtheil von Mandasia», für die topographische Orchimmenos und die (his 369) сумтелойся полак. Менфудгіон mit sinem neu ausgegrahenen Tempel. Thisbu und Teuthis behandelt. Topographische Kartesanfhahmen und Photographien von Hen. Lattenaan erläutern die Ausführungen.

5. Die Akademie genehmigte die Aufnahme einer von Hrn. Seuwarz in der Sitzung der physikalisch-mathematischen Classe vom 15. Juni vorgelegten Arbeit des Hrn. Dr. Leon Lieurenstein hierselbst in den Anhang zu den Abhandlungen: Beweis des Satzes, dass

jedes hinzeichend kleine im wesentlichen stetig gekrümmte, singularitätenfreie Flächenstück auf einen Theil einer Ebene zusammenhängend und in den kleinsten Theilen ähnlich abgebildet werden kann.

- 6. Der Vorsitzende überreichte den Bericht der Commission für den Thesaurus lingune Latinae über die Zeit vom 1. October 1910 bis 1. April 1911.
- 7. Die Akademie hat nunmehr die Bestimmungen über die Verleihung des aus der v. Bürrissun-Stiftung beschafften Mesothoriumbromids (vgl. Sitzungsher. 1910, S. 049) festgesetzt. Sie folgen unten im Wortlaut.
- 8. Folgende Druckschriften wurden vorgelegt: Bd. 19 der von der Deutschen Commission der Akademie herausgegebenen Deutschen Texte des Mittelaliers, enthaltend die poetische Bearbeitung des Buches Daniel brsg, von A. Hüsska. Berlin 1911; zwei neu erschienene Bämb der Ergebnisse der Plankton-Expedition der Hussonor-Stiftung. Bd. II. H. e enthaliend die Chätognathen von R. von Ritten-Zanost und Bd. III. L. h. 11 enthaltend von den tripyleen Radiolarien die Challengeridae von A. Bosgest, Kiel und Leipzig 1911; drei mit Unterstützung der Akademie gedruckte Bände des von Hen. Essuen und Hen. O. Diene in Dresden herausgegebenen Sammelwerkes »Die Vegetation der Erde». Bd. 11: L. Abagović, Die Vegetationsverhältnisse der Balkanländer, Bd. 12: A. Webrubauer. Die Pilanzenwelt der peruanischen Anden und Bd. 13: J. W. Hausmussens, Phytogeographic Survey of North America Leipzig 1909-11: ferner zwel Werke von correspondirenden Mitgliedern: W. Könner, Über die Bestimmung des chemischen Ortes bei den aromatischen Substanzen. Vier Abhandlungen Leipzig 15 to und W. Janes (1), Some Problems of Philosophy. New York 1911: endlich die 15. wissenschaftliche Veröffenblichung der Deutschen Orient-Gesellschaft: R. Koldkwey, Die Tempel von Babylon und Borsippa. Leipzig 1911.

Gruppentheoretische Ableitung der 32 Kristallklassen.

Von G. FROBENIUS.

Die von Hen L. Bienenbach entwickelte Theorie der unzerlegbaren, unendlichen, diskreten Bewegungsgruppen habe ich in einer kürzlich hier erschienenen Arbeit vereinfacht. Die reellen Gruppen der Dimension 3 stehen in engster Beziehung zu den Symmetrieeigenschaften der Kristalle. Zwei Kristalle werden zu derselben Klasse gerechnet, wenn die beiden Ihren Gruppen $\mathfrak S$ und $\mathfrak S_s$ zugeordneten endlichen Gruppen $\mathfrak S'$ und $\mathfrak S_s'$ aquivalent sind, $\mathfrak S_s' = U^{-1} \mathfrak S'U$. Diese endlichen Gruppen sind dachneh charakterisiert, daß sie Gruppen Lquivalent sind, deren Konflizienten ganze Zahlen sind. Die Aufgabe ist also, alle nicht Aquivalenten endlichen ternären Gruppen mit ganzzahligen Konflizienten zu ermitteln

Die Substitutionen einer solchen Gruppe, die ich jetzt mit 5 beseichnen will, lassen eine positive quadratische Form mit ganzen Koeffizienten ungeändert. Die Gruppen können daher aus der Theorie der Reduktion der positiven ternären Formen abgeleitet werden. Hier aber will ich einen anderen Weg einschlagen und sie allein aus der Lehre von den Gruppenzbarakteren entwickeln. Transformiert man jene quadratische Form in eine Summe von Quadraten, so erhält man eine mit 5 äquivalente Gruppe orthogonaler Substitutionen. In dieser Gestalt, die der geometrischen Deutung bequemer zugänglich ist, werden diese Gruppen gewöhnlich betrachtet. Aber eine Kristallklasse wird durch eine endliche orthogonale Gruppe nur dann denniert, wenn sie einer ganzzahligen Gruppe äquivalent ist. Gläcklicherweise lassen sich 25 der 32 Gruppen 5 als ganzzahlige orthogonale Gruppen darstellen, nur die 7 Gruppen des hexagonalen Systems lassen eine solche Darstellung nicht zu.

Der Ausdruck Gruppe wird hier meist in dem Sinne von Durstellung einer abstrakten Gruppe gebraucht. Zwei endliche Gruppen von Matrizen $\mathfrak{H} = A + B + C + \cdots$ und $\mathfrak{H}_n = A_n + B_n + C_n + \cdots$ werden Aquivalent genannt, wenn es eine solche Substitution U gibt, daß $U^{-1}AU$, $U^{-1}BU_+U^{-1}CU_+$, obgeschen von der Reihenfolge mit A_+, B_+, C_+ . übereinstimmen. Dann gibt es, wenn $\mathfrak H$ und $\mathfrak H$, ganzzahlig sind, auch stets eine ganzzahlige Substitution U_+ die $\mathfrak H$ in $\mathfrak H$, überführt. Dem die Koeffizienten von U sind aus linearen Gleichungen (z. B. $AU = UC_+$) zu berechnen.

Die eben aufgestellte Definition einer Kristallklasse findet sich nicht überall mit ausreichender Genauigkeit gegeben. Die Definition der Äquivalenz von zwei Darstellungen derselben abstrakten Gruppe 6 ist etwas schärfer, und erfordert, daß $U^{-1}AU = A_+, U^{-1}BU = B_+ \cdots$ ist Dazu ist notwendig und hinreichend, daß $\mathfrak{H} = A_+ + B_+ + C_+ + \cdots$ und $\mathfrak{H} = A_+ + B_+ + C_+ + \cdots$ in dieser Reihenfolge der Substitutionen isomorph, und mit \mathfrak{H} homomorph sind, und daß entsprechende Substitutionen die gleiche Spur $\chi(A) = \chi(A_+), \chi(B) = \chi(B_+), \cdots$ haben. Dieser Satz gestattet genau zu erkennen, welche der ermittelten Gruppen äquivalent und welche wirklich verschieden sind.

S In

Die Sätze, die ich aus der Theorie der Gruppencharaktere brauche, will ich hier kurz zusammenstellen. Ist $\chi(R)$ der Charakter einer irreduzibeln oder transitiven Gruppe $\mathfrak H$ der Ordnung h, so ist

(i.)
$$\sum_{k} \chi(R^{-1}) \chi(R) = h.$$

Let $\psi(R)$ ein von $\chi(R)$ verschiedener Charakter, so ist

$$\sum \psi(R^{-1}) \chi(R) = 0.$$

insbesondere ist, wenn & der Haupteharakter ist,

(3.)
$$\sum \chi(R) \equiv \text{oder } h$$
,

das letztere, wenn $\chi(R)$ auch der Hauptcharakter ist. Sind f, f', f'', die Grade der sämtlichen verschiedenen transitiven Darstellungen von \mathfrak{H} , so ist

(4.)
$$f^{s}+f'^{s}+f''^{q}+\cdots=\lambda$$
.

Ferner ist

(5:)
$$\sum \chi(R^2) = \pi h.$$

Hier ist c=1; wenn die Darstellung reell (einer reellen äquivalent) ist, sonst ist c=-1 oder 0, je nachdem sie der konjugiert komplexen Darstellung äquivalent ist oder nicht. (Uber die reellen Darstellungen der endlichen Gruppen, Sitzungsber, 1906.) Eine reelle Darstellung, die nur reell unzerleghar ist, zerfällt in zwei konjugiert komplexe Darstellungen, die einander äquivalent sein können oder nicht.

Das Produkt von zwei Charakteren ist eine lineare Verbindung der Charaktere, deren Koeffizienten (positive oder negative) ganze Zahlen sind. Ist daher f(x) eine ganze Funktion der Variabeln x, deren Koeffizienten ganze Zahlen sind, so ist auch $f(\chi(R))$ eine solche Verbindung, und mithin ist nach (3.)

(6.)
$$\sum f(\chi(R)) \equiv 0 \pmod{k}$$

In der folgenden Untersuchung sind die h Werte von $\chi(R)$ rationale ganze Zahlen. Kommen unter ihnen nur m verschiedene vor. v_1, v_2, \dots, v_n , und zwar g_i mal der Wert v_i , so ist demnach (vgl. J. Senue, Über eine Klasse von endlichen Gruppen lineurer Substitutionen, Sitzungsber. 1905)

(7.)
$$\sum_{k} g_{k} f(v_{k}) \equiv 0 \pmod{h},$$

also für
$$f(x) = (x-v_i) (x-v_i) \cdots (x-v_n)$$

(8.)
$$g_i(v_1-v_2) (v_1-v_1) \cdots (v_i-v_n) \equiv a \pmod{h}$$
.

Diese Relation gilt aber auch, wenn $v_1, \cdots v_n$ nicht rationale Zahlen sind. Es kann sogar unter $\chi(R)$ eine lineare Verbindung

$$v = u'\chi'(R) + u''\chi''(R) + u'''\chi'''(R) + \cdots$$

der unabhängigen Variabeln u', u'', u''', \cdots verstanden werden, deren Koeffizienten mehrere verschiedene Charaktere sind, und unter $v_1, v_2, \cdots v_n$ die verschiedenen unter diesen linearen Funktionen.

§ 2.

Bei den abzuleitenden 32 Gruppen unterscheide ich 4 Typen. Die Gruppen des letzten, regulären Typus sind irreduzibel; die des ersten, elementaren zerfallen in 3 reelle Komponenten, ihre Substitutionen haben alle die Ordnung 2. Die des zweiten und dritten Typus zerfallen in 2 Komponenten der Grade 1 und 2. Beim dritten, metazyklischen Typus ist die binäre Komponente überhaupt irreduzibel, beim zweiten, zyklischen, ist sie nur reell unzerlegbar. Der erste und der zweite Typus enthalten die kommutativen Gruppen

Außerdem erreiche ich eine besondere Übersichtlichkeit, indem ich die Gruppen nicht wie üblich in 2, sondern in 3 Arten teile. Die Substitutionen der betrachteten Gruppen haben die Determinante +1 oder -1. Je nachdem heißen sie eigentüche Substitutionen (Drehungen), oder uneigentliche. Es gibt nur eine Substitution, deren 3 charakteristische Wurzeln alle gleich -1 sind, die Inversion J=-E. Die 11 Gruppen M der ersten Art enthalten nur Drehungen, die 14 Gruppen E der dritten Art enthalten die Inversion, die 16 Gruppen B der zweiten Art enthalten nicht die Inversion und nicht nur Drehungen.

Eine Substitution R einer dieser ternären Geuppen kann nur die Ordnung

haben, weil nach der Formel (3.) § 5 meiner Arbeit Über die unzerlegbaren diskreten Bewegungsgruppen $g_{-}(k) \geq 3$ sein muß. Die 3 Wurzela einer solchen Matrix R sind durch die $Spur_{-N}(R)$ und die Determinante s vollständig bestimmt, sie genügen der Gleichung

$$s^{4} - \chi(R)s^{4} + \chi(R)ss - s = 0.$$

Gehört die Matrix R einer Gruppe II der ersten Art an, ist also ihre Determinante gleich + 1, so sind für ihre II ebarakteristischen Wurzeln nur die folgenden 5 Kombinationen zulässig, worin a eine primitive kubische Einheitswurzel bezeichnet:

Die Summe der 3 Wurzeln oder der Charakter y (R) ist entsprechend

Nach (8.) § i geht daher die Ordnung h von \mathfrak{A}_i weil $g_i = 1$ ist, in (3+1)(3-1)(3-0)(3-2) = 24 auf. Unter den h Werten $\chi(R)$ seien g_i gleich λ (= 0, ± 1, 2, 3).

Zerfällt die Gruppe II in 3 reelle Komponenten, so haben ihre Substitutionen die Gestalt

(i)
$$x = \pm x', \quad y = \pm y', \quad z = \pm z'.$$

weil + 1 und - I die einzigen reellen Einheitswurzeln sind. Die 1 eigentlichen unter diesen 8 Substitutionen bilden die Vierergruppe 21, worin die Gruppen 21, und 21, der Ordnungen 1 und 2 enthalten sind.

Ist dagegen M irreduzibel, so ist nach (v_i) § 1, weil der Charakter $\chi(R) = \chi(R^{-1})$ reell ist,

$$\sum g_i \lambda^z = h$$
, $\sum g_i = h$, $\sum g_i (\lambda^z - 1) = 0$,

also

$$(2.) g_6 = 8 + 3g_2,$$

wo g_s und g_i die Anzahl der Substitutionen der Ordnungen 3 und 3 bezeichnen. Mithin ist $h \ge g_i + g_0 \ge 9$ (was such aus (4.) § i folgt), und daher h = 12 oder 24.

Ist h=12, so ist $g_s=0$. Sonst ware $h\geq g_s+g_s+g_s\geq 9+4g_s\geq 13$. Daher ist $g_s=8$, and $\mathfrak A$ enthalt 4 Untergruppen $\mathfrak B$ der Ordnung $\mathfrak A$ Folglich ist die Gruppe $\mathfrak A$ isomorph einer Gruppe von Permutationen von

 $(\mathfrak{A}:\mathfrak{B})=12:3=4$ Symbolen, der Tetraedergruppe. In der Tat läßt sich diese stets und nur in einer Art als irreduzible ternäre Gruppe \mathfrak{A}_{ij} darstellen (Über Gruppencheraktere, § 8; Sitzungsber, 1896).

$$g_2(2-3)(2+1)(2-1)(2-0) \equiv 0 \pmod{24}$$

Ist also $g_i > 0$, so ist $g_i \ge 1$ and $h \ge g_i + g_0 + g_1 \ge 9 + 4g_1 \ge 25$. Daher ist y = 0, und 21 enthält 4 Entergruppen B der Ordnung 3. Die mit @ vertauschbaren Substitutionen von & bilden eine Gruppe @ der Ordnung 24:4 = 0. Folglich ist M isomorph einer Gruppe von Permutationen von (A:06') = 1 Symbolen, der Oktaedergruppe, vorausgesetzt, daß 68' keine invariante Untergruppe von A enthält (Uher endliche Gruppen, § 4: Sitzungsber. 1895). Nun ist $\mathfrak{G} = E + L + L^*$ wohl in Θ' , aber nicht in $\mathfrak A$ Invariant, eine Untergruppe $\mathfrak F=E+M$ der Ordnung 2 ist aber nicht einmal in B' invariant, sonst wäre L mit M veriouschbar, und LM hätte die Ordnung 0, während $g_i = 0$ ist. In der Tat besitzt die Oktaedergruppe zwei und nicht mehr irreduzilde ternäre Darstellungen, A., und B., (Über Gruppencharaktere, § 8). Die letztere entsteht, indem man von der Gruppe aller Permutationen von 4 Symbolen die dem Haupteharakter entsprechende Darstellung abspaltet, und enthalt daher 12 eigentliche Substitutionen (21,2) und 12 unnigentliche. Multipliziert man diese 12 mit -E, so erhält man die zu Bei assozierte Darstellung & (vgl. § 4).

8 3-

Besitzt die Gruppe I zwei reelle Komponenten, so hat jede ihrer Substitutionen R die Gestalt

$$z = zz' + by', \quad y = \gamma z' + by', \quad z = iz'.$$

Hier ist $*=\pm 1$, und mithin $*\delta - \$\gamma = *$. Folglich ist R durch seinen binaren Teil vollständig bestimmt; dieser allein soll daher in diesem Paragraphen mit R bezeichnet werden, und die von diesen Substitutionen R gebildete binäre (truppe mit $\mathfrak A$. Für die Wurzeln von R sind nur die folgenden 6 Kombinationen

zulässig, denen die Werte des Cliarakters

entsprechen. Es ist $g_*=1$, and $g_{-*}=1$ oder 0, je nachdem die Substitution F=-E in 21 vorkommt oder nicht.

lat die Gruppe & nur reell unzerlegbar, an sind thre beiden Komponenten konjugiert komplex (und nicht aquivalent): folglich kann keine Substitution von & die Wurzeln 1, - 1 haben.

lst g_{-} , = 0, so lst such g_i 0 and g_i = 0. Denn hat R die Wurzeln i, -i, so hat R^s die Wurzeln -1, -1. Nach $(\$,) \nleq 1$ ist daher h cin Divisor von 0, and man erhält die zyklische Gruppe \mathfrak{A}_i

let y == 1, so schliebe ich mis (1.) und (2.) \$1

$$\sum g(\lambda^{n} = 2h, \quad \sum g_{n}(\lambda^{n} - 1) = h, \quad g_{n} = n - h.$$

demnach h=4 oder 6. Ist h=4, so ist $g_i=2$; ist h=6, so ist $g_i=0$, $g_1+g_2=4$. Da aber -E in $\mathfrak A$ vorkommt, so ist $g_1=g_2=4$, weil jeder Substitution R der Ordnung 3 oder 6 eine Substitution -R der Ordnung 6 oder 3 entspricht. So erhält man die beiden zyklischen Gruppen $\mathfrak A$, und $\mathfrak A$.

Ist aber I im Bereiche aller Größen irreduzibel, so ist

$$\sum g_{\lambda} \lambda^{\lambda} = h_{\lambda} \qquad \sum g_{\lambda} (\lambda^{\lambda} - 1) = 0, \qquad g_{\lambda} = 3 \left(g_{\lambda} + g_{\lambda, \lambda} \right).$$

Ist abor $g_{-z}=1$, so ist $g_{c}=6$. In diesem Falle müssen wir die Formel (5:) § :

$$\sum \chi(R^z) = h$$

zu Hilfe nehmen. Von jenen $g_0=0$ Substitutionen mögen g' die Wurzeln 1,-1 haben, g' die Wurzeln 1,-1. Dann ergibt sieh

$$g' - g'' = h - h$$
, $2g' = 12 - h$, $2g'' = h$,

Daher ist $h \le 42$, $h \ge y_2 + y_{-2} + y_n \ge 8$. Als Divisor von 24 ist daher h = 8 oder 12.

Ist h=8, so enthalt $\mathfrak A$ genan g'=2 Substitutionen L and L^{\Rightarrow} der Ordnung 4, also eine invariante Untergruppe 2 der Ordnung 4, und außer E und $L^{z}=F$ nur noch g'=4 Substitutionen M der Ordnung 2. Demnach ist $\mathfrak A=\mathfrak L+\mathfrak LM$, $(LM)^2=E$, $M^4LM=L^{-1}$ Aus eine und nur eine binäre Darstellung $\mathfrak A$, besitzt.

let h=12, so ist g'=0, g''=0, $g_i+g_{-i}=1$, mithin $g_i=g_{-i}=2$. Die Gruppe enthält genon $g_i=2$ Substitutionen L und L^{-i} der

Ordnung 8, und außer F noch g''=6 Substitutionen M der Ordnung 2, und es ist $M^{-1}LM-L^{-1}$. Dire Kommutatorgruppe $E+L^2+L^4$ hat die Ordnung 3. Daher hat die Gruppe 12:3 = 4 Darstellungen des Grades f=1. Ist R=E+F, so ist die Gruppe M:3 mit $M_{*,*}$ isomorph und besitzt daher eine binäre Darstellung, deren Charakter U(K) für R=F den Wert U(F)=+2 hat. Außer diesen mit M bomomorphen Darstellungen hat sie daher nach M is eine und nur eine mit M isomorphe binäre Darstellung $M_{*,*}$, worin M is M is M is M is M is M.

Von den 6 abgeleiteten hinären Gruppen enthalten A., A. und A. nur eigentliche binäre Substitutionen, A., M., und M., auch uneigentliche. Mit Hilfe der Substitutionen

$$(r_*) \quad L_* = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad L_* = \begin{pmatrix} -1 & -1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}, \quad L_* = \begin{pmatrix} 0 & -1 \\ 1 & 1 \end{pmatrix}, \quad M = \begin{pmatrix} 0 & 1 \\ 1 & 0 \end{pmatrix}$$

lassen sich diese Gruppen ganzzählig darstellen.

Es gibt zwei irredozible bināre Gruppen O und O' der Ordnungen 8 und 12, die vollständig durch die Bedingungen bestimmt sind, daß sie nur ein Element der Ordnung 2 enthalten und doch nicht kommutativ sind. O ist die bekannte Quaternionengruppe. Für die Wurzeln theer Substitutionen sind auch nur die obigen Kombinationen zulässig, ihre Charaktere sind reell, aber die Gruppen bissen sich nicht in reeller Gestall darsiellen, sondern sind der konjugiert komplexen Gruppe äquivalent. Daber ist $\sum \chi(R^z) = -b$ und y'' = 0. Um diese beiden Gruppen auszuschließen, mußte Ich oben von der Formel (5.) § 1 Gebrauch muchen.

8-4-

In der obigen Entwicklung hätte ich, ohne die Schlüsse zu ümlern, mit den Gruppen der ersten Art & auch gleich die der zweiten Art & ermitteln können. Eine deutlichere Einsicht in den Bau und die Beziehungen dieser Gruppen erhält man aber, wenn man sie auf die der ersten Art zurückführt.

Die eigentlichen Substitutionen einer Gruppe $\mathfrak B$ hilden eine Gruppe der ersten Art $\mathfrak A'$, deren Ordnung h die Hälfte der Ordnung 2h von $\mathfrak B$ ist. Die h Matrizen der uneigentlichen Substitutionen vom $\mathfrak B_i$ unter deuen sich -E nicht befindet, seien $-P_+-Q_+-R_+$. Von den eigentlichen Substitutionen $P_+Q_+R_+$. deren Komplex ich mit $\mathfrak A'$ bezeichne, ist keine in $\mathfrak A'$ enthalten, denn sonst enthielte $\mathfrak B$ die Substitutionen P und $-P_+$ also auch die Inversion $-E_-$ Sie bilden mit den Substitutionen von $\mathfrak A$ zusammen eine Gruppe $\mathfrak A'+\mathfrak A'=\mathfrak A$ der ersten Art von der Ordnung $2h_-$ Analog bezeichne ich den Komplex $-P_+-Q_+-R_+$. mit $-\mathfrak A'$ und setze $\mathfrak B=\mathfrak A'+(-\mathfrak A')$ oder kürzer $\mathfrak B=\mathfrak A'-\mathfrak A'$. Mit Ausmit $-\mathfrak A'$ und setze $\mathfrak A'=\mathfrak A'+(-\mathfrak A')$ oder kürzer $\mathfrak A'=\mathfrak A'-\mathfrak A'$. Mit Ausmit $-\mathfrak A'$ und setze $\mathfrak A'=\mathfrak A'+(-\mathfrak A')$ oder kürzer $\mathfrak A'=\mathfrak A'-\mathfrak A'$. Mit Ausmit $-\mathfrak A'$

nahme von \mathfrak{B}_i enthält jede Gruppe der zweiten Art eine Splegehaut S_i kunn also $\mathfrak{E}^i = -\mathfrak{A}^i S = -S\mathfrak{A}^i$ gesetzt werden.

Sei umgekehrt I eine Gruppe der ersten Art von gernder Ordnung 2h, die invariante Untergruppen von Index 2 hat. Ist II irgendeine solche, und I' der Komplex der h anderen Substitutionen, so ist I'-U' B eine Gruppe der zweiten Art. Zwei Gruppen I = I'+U' und I = I'-U' werden assoziiert genaumt. II' ist der größte gemeinsame Divisor von II und B.

Das hier beautzie allgemeine Prinzip der Gruppentheorie lautet so: Besitzt eine Gruppe einen Charakter ersten Grades x, \hat{S} , γ_1 = so ergibt sielt aus jeder ihrer Darstellungen durch die Matrizen A, B, C, — eine andere durch die Matrizen xA, $\hat{S}B$, γC , — Zwei solche Darstellungen werden associarts genannt.

Jeder Gruppe B ist daher eine und nur eine Gruppe M assoziiert einer Gruppe M aber, die invariante Untergruppen vom Index 2 hat, können auch mehrere Gruppen B assoziiert sein. Assoziierte Gruppen erhalten in der Tabelle dieselbe Nummer, welche Ihrer Ordnung gleich ist.

Den Gruppen A., A. und A., die keine invarianten Untergruppen vom Index 2 haben, ist keine Gruppe B assoziiert, den Gruppen A., A., A., and A., je eine. Die Substitutionen von A., zerfallen in die folgenden 5 Klassen konjugierter Elemente

$$E_i = L^2$$
, $L + L^3$, $M + L^2M$, $LM + L^2M$

Jeder dieser invarianten Komplexe erzeugt eine Gruppe. Diese Gruppen und ihre Produkte sind die sämtlichen invarianten Untergruppen von $\mathfrak{A}_{i,i}$. Drei davon haben die Ordnung 1. Die eine, $\mathfrak{A}_{i,i}$ wird von den Potenzen von L gebildet und fährt zu $\mathfrak{B}_{i,i} = \mathfrak{A}_i - \mathfrak{M}_i$. Die beiden andern sind Vierergruppen und führen zu den Gruppen zweiter Art

$$E \stackrel{L^{\circ}}{E} \stackrel{M}{L^{\circ}} \stackrel{L^{\circ}M}{L^{\circ}M} \stackrel{-L}{-L} \stackrel{-L^{\circ}}{-L^{\circ}} \stackrel{-L^{\circ}M}{-L^{\circ}M} \stackrel{-L^{\circ}M}{-M}.$$

Diese sind in der angegebenen Anordnung isomorph, und die entsprechenden Substitutionen haben denselben Charakter. Daher sind die Gruppen Equivalent. Die erste geht durch die Transformation

(L)
$$U = \frac{E + \{1 + \sqrt{2}\}L}{L + \{1 + \sqrt{2}\}E}$$

in die zweite über. Ist L orthogonal, so ist es auch U_* eine Drehung um dieselbe Achse wie L_* aber nur um den halben Winkel.

Wir erhalten also nur eine zweite Gruppe $\mathfrak{B}_{a,b}^{\mathcal{F}} = \mathfrak{A}_{a,b} - \mathfrak{L}_{b,r}$. Ebenso ist es bei $\mathfrak{A}_{a,b}$ und $\mathfrak{A}_{a,b}$. Die der Gleichung (1.) entsprechende Transformation erhalt man bei $\mathfrak{B}_{a,r}^{\mathcal{F}}$, indem man V2 durch V3 ersetzt.

Die Zeichen if und M bedeuten hier nicht Gruppen, sendern Komplexe aus so vielen eigentlichen Substitutionen, wie ihr Index augibt. Insbesondere ist ein solcher Komplex stets und nur dann mit M bezeichnet, wenn seine Substitutionen alle die Ordnung 2 haben (also die von - M Spiegelungen sind).

Die Diedergruppen $\mathfrak{A}_{*,*}, \mathfrak{B}_{*,*}$ und $\mathfrak{B}'_{*,*}$ werden von zwei Substitutionen L und M erzeugt, die den Bedingungen

(2.)
$$L^* = E$$
, $M^* = E$, $M^{-1}LM = L^{-1}$

genügen. In $\mathfrak{B}_{*,*}$ ist L eine eigentliche, M eine uneigentliche Substitution, in $\mathfrak{B}_{*,*}$ ist L eine uneigentliche Substitution, für M kann eine eigentliche oder eine nneigentliche gewählt werden.

Tabelle der 32 Kristallklassen.

1 Art	2. Art	3.	Art						
1. W.	intarer Typus.		E,						
$\begin{array}{rcl} 2\cdot \mathfrak{N}_1 &= \mathfrak{N}_1 + \mathfrak{M}_2 \\ 2\cdot \mathfrak{N}_{x,x} &= \mathfrak{N}_x + \mathfrak{M}_y \end{array}$	$\mathfrak{B}_{1} = \mathfrak{N}_{1} + \mathfrak{M}_{2}$ $\mathfrak{A}_{1,1} = \mathfrak{N}_{2} + \mathfrak{M}_{3}$		€,						
Zyki	ischer Typus.								
4. N ₂ 5. N ₃ = N ₂ + 2. 6. N ₄ = N ₃ + 2.	$\mathfrak{D}_{i} = \mathfrak{A}_{i} - \mathfrak{L}_{i}$ $\mathfrak{D}_{i} = \mathfrak{A}_{i} - \mathfrak{L}_{i}$		E, E,						
Metazy	klischer Typus.								
$\begin{array}{lll} 4 & \mathfrak{A}_{k,k} &= & \mathfrak{A}_{k} + \mathfrak{M}_{k} \\ 5 & \mathfrak{A}_{k,k} &= & \mathfrak{A}_{k} + \mathfrak{M}_{k} &= & \mathfrak{A}_{k,k} + \mathfrak{L}_{k,k} \\ 6 & \mathfrak{A}_{k,k} &= & \mathfrak{A}_{k} + \mathfrak{M}_{k} &= & \mathfrak{A}_{k,k} + \mathfrak{L}_{k,k} \end{array}$	$\begin{array}{ll} \mathfrak{B}_{0,1} = \mathfrak{A}_1 - \mathfrak{M}_3 \\ \mathfrak{B}_{1,1} = \mathfrak{A}_2 - \mathfrak{M}_1 \\ \mathfrak{B}_{0,2} = \mathfrak{A}_2 - \mathfrak{M}_3 \end{array}$	$\begin{array}{l} \mathfrak{B}_{1,i}^{\varepsilon} = \mathfrak{A}_{4,i} - \mathfrak{E}_{3,i} \\ \mathfrak{B}_{4,i}^{\varepsilon} = \mathfrak{A}_{4,i} - \mathfrak{E}_{4,i} \end{array}$	E E						
Regulärer Typus									
7. A ₁₀ = A ₁₀ + b',	 B _n = N _n -2 _n		E,						

Die Gruppen der dritten Art $\mathfrak E$ enthalten die Inversion J=-E, die mit jeder Substitution vertauschbar ist. Die eigentlichen Substitutionen von $\mathfrak E$ bilden eine Gruppe $\mathfrak A$ der ersten Art, die uneigentlichen den Komplex $\mathfrak AJ$. Ist also $\mathfrak Z=E+J$, so ist

$$\mathfrak{C} = \mathfrak{U} \times \mathfrak{I}$$

das direkte Produkt der beiden Gruppen I und J. So entsprechen den 11 Gruppen I eindeutig 11 Gruppen C. Die Ordnung von C ist doppelt so groß wie ihr Index. Ist B irgendeine mit I ussoziierte Gruppe, so ist auch $\mathfrak{C} = \mathfrak{B} \times \mathfrak{J}$. Die Gruppe \mathfrak{C} ist das kleinste gemeinschaftliche Vielfache von I und B (und B').

Die außerordentliche Zweckmäßigkeit der hier eingeführten Bezeichnung für die 32 Kristallklassen, die ohne jede Willkür aus der
Gruppentheorie geschöpft ist, ergibt sich auch bei der Einordnung der
32 Klassen in die bekamten 7 Kristallsysteme. Diese sind das 1 trikline, 2. monokline, 3. rhombische, 4. rhomboedrische, 5. tetragonale,
6. bexagonale, 7. reguläre System. Die Ziffern in der ersten Spalte
der Tabelle geben an, zu welchem Systeme die Gruppen der Zeile
gehören.

Wenn \mathfrak{C}_i für $\lambda=4$, 6 dem zweiten, $\mathfrak{C}_{i,j}$ dem dritten Typus zugerechnet ist, so ist damit nicht ausgedrückt, daß \mathfrak{C}_{k} eine zyklische. \mathfrak{C}_{k+1} eine metazyklische Gruppe ist. Dies trifft aur für die Gruppen der beiden ersten Arten zu.

\$ 3.

Eine Substitution, die zugleich ganzzahlig und orthogonal ist, enthält in jeder Zeile und in jeder Spalte einen Koeffizienten ± 1 und zwei Koeffizienten 0. Solcher ganzzahliger Substitutionen, die $x^1+y^2+z^2$ ungeändert lassen, gibt es $\mathbb R$, nus jeder der 6 Permutationen, z. B. x=y', y=z', z=x' entspringen 8, nämlich $x=\pm y', y=\pm z', z=\pm x'$. Die von ihnen gebildete Gruppe muß also mit $\mathfrak T_m$ identisch sein. Die 8 Substitutionen (1.) § z bilden die Gruppe $\mathfrak T_m$, die 6 Permutationen bilden die Gruppe $\mathfrak T_m$, demnach ist

(ii)
$$\mathfrak{C}_{i_1} = \mathfrak{B}_{i_2} \mathfrak{C}_{i_2}$$

Mit dieser einfachsten Darstellung von \mathfrak{C}_n ist zugleich für die meisten der 32 Gruppen eine normale Darstellung gewonnen, weil sie fast alle Intergruppen von \mathfrak{T}_n sind. Ausgenommen sind allein die 7 Gruppen des hexagonalen Systems \mathfrak{A}_{*} , \mathfrak{B}_{*} , \mathfrak{C}_{*} , \mathfrak{A}_{*} , \mathfrak{B}_{*} , \mathfrak{B}_{*} , and \mathfrak{C}_{*} . Sie sind alle in der Gruppe \mathfrak{C}_{*} , enthalten, und diese besteht aus allen ganzzahligen Substitutionen, welche die beiden Formen $x^* + xy + y^*$ und z^* ungeändert lassen.

Die ternären Substitutionen R der Ordnung 6 zerfallen in 3 Arten; je nachdem $\chi_i(R) = \pm 2$, -2 oder 0 ist. In \mathfrak{C}_{si} kommen nur solche vor, wofür $\chi_i(R) = 0$ ist, d, h. -R die Ordnung 3 hat; in \mathfrak{C}_{si} aber kommen nur solche vor, wofür $\chi_i(R) = \pm 2$ ist, d. h. R zugleich mit -R die Ordnung 6 hat. Die Substitutionen von \mathfrak{C}_{si} , lassen sich ganzzahlig darstellen (vgl. (1.) § 3), oder orthogonal, aber nicht, wie die von \mathfrak{C}_{si} gleichzeltig ganzzahlig und orthogonal.

Zu einer normalen Gestalt für die Sabstitutionen von $\mathfrak{C}_{e,*} = \mathfrak{B}_{e,*} \times \mathfrak{J}_{e}$ worin sie zugleich rational und orthogonal sind, gelangt man, indem man die Substitutionen von $\mathfrak{B}_{e,*}$ aus den 6 Permutationen von $\mathfrak{B}_{e,*}$ und der Substitution

 $L^{3} = \frac{1}{3} \begin{pmatrix} -1 & 2 & 2 \\ 2 & -1 & 2 \\ 2 & 2 & -1 \end{pmatrix}$

entstehen lißt,

Bericht der Kommission für den Thesaurus linguae Latinae über die Zeit vom 1. Oktober 1910 bis 1. April 1911.

- 1. Der Bericht wird diesmal schon nach einem halben Jahre erstattet, da die Kommission, wie im vorigen Bericht in Aussicht gestellt, hauptsächlich wegen der Schwierigkeiten der Finanzlage ihre Sitzung schon im Frühjahr, am 22. April abgehalten hat. Die nächsten Sitzungen sollen wieder im Frühjahre stattfinden, uml die Berichte werden darum künflighin die Zeit vom 1. April umfassen.
- 2. Das Halbjahr hat eine große Veränderung für das Burenn gebracht: das bayerische Finanzministerium verlangte das ihm gehörende Hans Herzogspitalstraße 18, in dem der Thesaurus jetzt fast drei Jahre lang untergebracht war, für eigene Zwenke zurück. Da weder die baverische Akademie noch das Kultusministerium passende Räume zur Verfügung hatte, war die Sorge groß. Schließlich wurde ein geeigneres Privathaus. Thierschatraße 11, IV, ausfindig gemacht, und der Herr Minister erklärte sich in dankenswerter Weise bereit, diese Räume zunächst für fünf Jahre dem Thesaurus zu siehern. Diese neue Unterkunft ist mit ihren hellen und luftigen Zimmern für die jetzige Aufgabe des Bureaus durchaus zweekentsprechend; aber die Kommission hat sich doch der Ansicht nicht verschließen können, daß nicht nur die Kontinuität der Arbeit, sondern auch der unberechenbare Wert des in Zukunft nach stetiger Ordnung zu verwaltenden Materials die Aufnahme des Thésaurus etwa nach Ablauf der gegenwärtigen fünfjährigen Mietperiode in die Räume der Akademie wünschenswert machen. Nur unter der Voraussetzung einer solchen Einrichtung glanbt die Kommission an dem dauernden Verbleih des Thesaurus in Mün-
- 3. Im Jahre 1910 sind zum ersten Male von allen beteiligten Regierungen die Jahresbeiträge in dem erhöhten Betrage von 6000 Mark gezahlt worden. Außerdem haben die Berliner und Wiener Akademie besondere Zuwendungen von je 1000 Mark gemacht. Weiter ist der Betrag der Gussecke-Stiftung von 5000 Mark eingegangen, fer-

ner sind Zuschüsse von den Regierungen in Hamburg, Württemberg, Baden in Höhe 1000, 700 und 500 Mark überwiesen worden. Vom Jahre 1911 ab hat die Wissenschaftliche Gesellschaft in Straßburg zunächst auf 5 Jahre einen jährlichen Zuschuß von 600 Mark zugesagt. Außerdem hat die preußische Regierung von neuem zwei-Stipendien zu je 1200 Mark an Thesaurus-Assistenten bewilligt und wiederum einen Oberichter für ein Jahr an den Thesaurus beurlaubt: Bayern hat die Benriaubung des Sekretärs Prof. Hey verlängert, Österreich von neuem einen beurlaubten Gymnasiallehrer gesandt, und nunmehr hat auch Sachsen von Ostern 1911 ab einen Oberichter zur Teilnahme an den Thesaurusarbeiten zur Verfügung gestellt. Für alle diese Beiträge und Bewilligungen spricht die Kommission ihren aufrichtigen Dank aus.

- 4. Nach dem der Kommission vorgelegten Berichte des Generalredaktors über das letzte Halbjahr wurden fertig gedruckt 27 Bogen.
 Band III bis commerciam, Band V bis depositulator, die Eigennamen bis
 Cinno; zurückgeordnet wurde das Zettelmaterial aus Band III bis commeatus, aus Band V bis contra. Zur Arbeit fertig geordnet wurde weitures Material aus F.
- 5. Der Bestand der Mitarbeiter hat zum 1. Januar durch die plötzliche Einberufung zweier Assistenten in den bayerischen Schuldienst wieder einmal eine empfindliche Störung erlitten; erst von Ostern 1911 ab wird die Zahl der Mitarbeiter außer Redaktoren und Sekretär wieder auf 15 gebrucht sein.

					- 10 1 - O - O - O - O - O - O - O - O - O -
6.	lm	14	alire	1010	betrugen

die	Finnahmen	4	-	-		à	4		=	200		51312.46 Mark
*	Ausgaben		-	47	1			40		-	-	52750/24 .

Der Sparfonds war schon zu Beginn des Rechnungsjahres 1910 aufgebraucht, und es bestand schon am 1 Januar 1910 ein Defizit von 4130.81 Mark. Dieses Defizit setzte sich zusammen aus

- t. dem Abreehnungsdefizit vom t. lanuar 1910 . 2043.93 Mark,
- 2. den Kosten für die Herstellung der Räume in der Herzogspitalstraße 18, die von der bayerischen Regierung bisher nicht wiedererstattet worden sind . 2086.88 ...

4130.81 Mark.

Die als Reserve für den Abschluß des Unternehmens vom Buchstaben P an bestimmte Wöttrus-Stiftung betrug nach Erlegung der Erbschaftssteuer von 1444 Mark am 1. April 1911 53386.47 Mark.

7. Übersicht über den Finanzplan für 1912.

Einnahmen:

Beiträge der Akademien und	gelehr	ten	Ger	sell	schaft	en		
(einschließlich der Sonderl								
Wien)			-	,			32000	Mark-
Beitrag der Wissenschaftliche	n Ges	ella	dias	R E	n Stn	B-	2	
hurg	4 0						600.—	
GESECKE-Stiftung 1912	d u	-	41				5000	7
Zinsen, rund			30			16	100	
Honorar von Teuenes für 50	+10	Bog	zen				11620	
Stipendien und Beiträge einz	elner	Sta	nter	T.			-8200	
Zuschuß aus dem neu zu en	richtes	ader	1 8	Dar	fonds	-	2475	
		1000	10.00			-	60093.—	
	Kunne						00093.	ACRES D.
Water	Ausg							
Gehälter	n 19	12	*	41		.9	38985	Mark.
Liutende Ausgroen	- 1	-	120				3508-	
kionorar für 70 Bogen .			-				FARMS	
verwalting ,							The state of the s	
Exzerpte und Pachtrage							1000.—	
Kamerenz und Druck	4						-	
Aumerorgeninenes							200	
minute in non charionns .		100					and the latest terminal termin	
Defizit vom 1. Januar 1911	= 4			-		3	5568 So	-
				3			62578.80	
Vorauszusehendes Defizit							012/0100	200203-0-0
774811			2	196	4 100		2482.80	MINER.

Berlin, Göttingen, Leipzig, München, Wien, den 22. April 1911

BRUGGARN, DIELS, HAULER, LEO, VOLLMER.

Bestimmungen über die Verleihung des aus der v. Böttinger-Stiftung beschafften Mesothoriumbromids.

Das von der Firma Knöfler & Co. in Plötzensee bei Berlin nuch dem Verfahren von Prof Orro Hans im Frühjahr 1911 dargestellte Mesuthoriumbromid enthält 20—25 Prezent Radiumbromid. Dementsprechend sendet das Praparat nur wenig z-Strahlen und wenig Radiumemanation aus, dagegen in großer Menge die durchdringenden β- und γ-Strahlen.

Bei der Desierung ist reines Radiumbromid als Maßstab zugrunde

gelegt.

Die Radioaktivität steigt bis zum Jahre 1914 und beträgt dam ungefähr das tijtache des jetzigen Wertes. Von da an nimmt sie wieder ab und fällt bis 1931 ungefähr auf die Hälfte des jetzigen Wertes.

Das Praparat wird von der Akademie an deutsche Gelehrte für

Forschungszwecke unter folgenden Bedingungen ausgeliehen:

t. An die Akademie der Wissenschaften zu Berlin W. Potsdamer Straße 120, ist ein schriftliches Gesuch zu richten, in dem Zweck und Methode der Untersuchung darzulegen und die gewünschte Menge in Milligramm (bezogen auf reines Radiumbromid) angegeben ist.

Soll das Praparat für medizinische Zwecke benutzt werden, so ist die Form der Kapsel, die zur Aufnahme desselben dient, genau anzugeben. Noch besser werden diese Kapseln von dem Gesuchsteller

selbst geliefert.

2. Die Dosserung geschieht vorläufig durch einen Chemiker der Firma Knöfler & Co. und wird durch Prof Orro Haus im Chemischen Institut der Universität. Berlin N 4. Hessische Straße 1. kontrolliert. Die Dosserungsgebühr beträgt für jedes Präparat 10 Mark. Ebenso ist für die Kapseln, falls sie nicht vom Gesuchsteller geliefert werden, eine angemessene Vergütung zu zahlen.

 Die Verleibung geschieht im allgemeinen auf ein halbes Jahr, kann aber dann verlängert werden, falls ein neues Gesuch an die

Akademie geriehtet wird.

Über die Verleihung muß ein Leihschein ausgestellt werden, un welchem die Aktivität, bezogen auf Milligramm reinen Radiumbrondels, anzugeben ist.

4. Der Entleiher übernimmt die unbedingte Haftung für etwaige gänzliche oder teilweise Verluste des Präparates, gleichgültig, ob ein derartiger Verlust durch eigenes Verschulden stattfinlet öder nicht Die Akademie kann verlangen, daß der Entleiher eine entsprechende Kantion hinterlegt oder für Bürgschaft durch einen Dritten sorgt.

Leihschein.

Hiermit bescheinige ich, eine Quantität Mesothoriumbromid, aquivalent mg Radiumbromid, von der Kgl. Preuß. Akademie der Wissenschaften entlichen zu haben, und erkenne zugleich die vorstehenden Bediugungen als für mich bindend an,

(Unterscheift.)

Ausgegeben am 2% Junt,

SITZUNGSBERICHTE

1911.

DER

XXXII.

KÖNIGLICH PREUSSISCHEN

AKADEMIE DER WISSENSCHAFTEN.

29. Juni. Öffentliche Sitzung zur Feier des Lemuzischen Jahrestages.

Vorsitzender Secretar: Hr. Waldever.

Der Vorsitzende eröffnete die Sitzung mit einer kurzen Anspruche. Es folgten die Antrittsreden der seit der Lemau-Sitzung 1910 neu eingetretenen Mitglieder der philosophisch-historischen Classe HH. Mont und Wührten, welche von Hrn. Diess beantwortet wurden.

Antrittsreden und Erwiderung.

Antrittsrede des Hen. Mont.

Die romanische Philologie, die ich als der bescheidene Nachfolger eines illustren Meisters in Ihrer Mitte zu vertreten die Ehre habe, ist fast so alt wir die romanischen Literaturen selbst. Sie ist sozusagen mit den eesten literarischen Kunstwerken der Romanen und an ihnen entstanden: mit und an den Liedern der Troubadours. Diese älteste persönliche Poesie des Abendlandes, der proyenzalische Minnesang, rief schon ums Jahr 1200 Auslegungskunst und Denkmalkritik ins Leben, und bereits erkannte oder deutste man in der Diehtung auch das Erlebnis. Ein Italienischer Schüler dieser Troubadours wird ein wahrer Virtuese solcher Auslegungskunst, Dante, und er muß geradezu als der älteste romanistische Philologe angesprochen werden. da er als der erste sich mit romanischer Linguistik und Literaturgeschichte beschäftigt hat. In einer Abhandlung De vulgari eloquentia, die er um 1304, vielleicht als Lehrer an der Universität Bologna, verfaßt hut, spricht er zuerst die Erkenutnis aus, daß die Sprachen Italiens, Frankreichs und Spaniens auf eine gemeinsame Grundsprache zurückgehen. Er erkennt also zuerst die linguistische Einheit der Romania. Er nennt diese ihm unbekannte romanische Ursprache nostrum blionia im Gegensutz zum Griechischen im Osten und Germano-Slawischen im Norden. Durch Spaltung selen aus diesem einen romani-

selien Idiom die Vulgärsprachen Italiens, Frankreichs und Spanienentstanden - ab uno colomque idiamite idurum trium gratium progratiuntur vulgarie -, denn im Munde der anbeständigen Mensehen wandb sich auch die Sprache unablässig. Er mustert die Dialekte seiner Italia, geht ihnen nach durch die Provinzen dahin his in die einzelnes Quartiere der Stadt Bologim und begleitet seine Beobachtungen nicht nur mit temperamentvollen politischen, sondern auch mit klogen philologischen Bemerkungen. Auch eine literarische Einheit der Romania schwebt Dante vor, wenn er den Charakter des französischen, provenzalisehen und italienischen Schrifttums skizziert und das franabsische bliem als Sprache der Prosa und der angenehmen Gemeinverständlichkeit abseits stellt von den beiden sußen Sprachen der Poeste, der provenzalischen und der tuttenischen. Er zeigt eine durchous richtige geschichtliche Auffassung, wenn er dem provenzalischen Minnesang ein Alter von etwa 150 Jahren gibt, in den Provenzalen die poetischen Lehrmeister der Romania erkennt und den Uesprung filrer Kunst in dem Bedürfnis des Dichters sucht, von Frauen verstanden zu werden, denen lateinische Verse unverständlich geblieben sein würden.

Denn für Dante ist Poesie überhaupt nur die Liebeslyrik: vorsi d'umore. Als Dichter und Theoretiker der Liebeskunzone ist er Philologe gewurden. Auf dieser engen, über siehern Grundlage erhebt sieh seine philologische Rundschau über die Romania.

Seine Erkenntnisse sind im Laufe der nächsten Jahrhunderte nicht fruchtbar geworden. Mit dem Wachstum und der Differenzierung der romanischen Schrifttimer ging die Übersicht verloren, obwohl die Romanen niemals aufgehört haben, dem östlichen und nördlichen Europa gegenüber sich als Sonderwelt zu fühlen. Ein Spanier, der Marquös de Santillana, gibt ihrem literarischen Gemeinschaftsgefühl um 1450 noch einmal Ausdruck. In der Renaissancezeit ist diese Auffassung indessen nicht gefördert worden, sowenig wie im 17. und 18. Jahrhundert, obwohl es au gelehrten Arbeiten über Sprache und Literatur der einzelnen romanischen Länder nicht fehlt. Es kommt durin über mehr ihre sprachliebe und literarische Rivalität als ihre Sondarität zum Ausdruck.

Noch war der Auteil Deutschlauds an dieser Arbeit spärlich. Doch fehlen darin Beiträge von Mitgliedern dieser Akademie nicht, und Laneuz selbst hat sieh um Stoff- und Sprachgeschichte des Französischen bemüht.

Mit dem 18. Jahrhundert geht die kulturelle Vorherrschaft der Romania, wie sie seit der Hohenstaufenzeit im Abendlande bestanden, zu Ende. Das germanische Europa tritt der Romania zur Seite, und aus der Fusion der beiden Kulturen entsteht, was wir Romantik nennen, was aber seinem Ursprunge gemäß viel eher nach den Germanen benannt werden müßte.

Die Romantik hat die philologischen Studien völlig erneut: Insbesondere ist die moderne romanische Philologie ein Kind der Romantik, eine Schwester der romantischen Dichtung. Es begab sich, wie zur Zeit Dantes, daß die Poeten unter die Philologen gingen-Mit dieser Herkunft ist die Romanistik erblich belastet, und ihre wissenschaftliche Entwicklung hat sich vielfach im Kampfe gegen diese hereditäre Anlage vollzogen. Noch heute beruft sich J. Brimm in seiner realistischen Interpretation der Chansons de geste darauf, daß er eine romanische Auffassung des altfranzösischen Epos bekämpfe, der auch Gastos Paus noch verfällen war — G. Paus, der Sohn des militanten Romanukers Pauss.

Die Romantik hat die ersten Schritte unserer Disziplin gelenkt und ihre ersten Interessen bestummt. Sie war zumächst die Philologie des Rittertums, des Minnesangs, der mittelalterlichen Kirchlichkeit. Die Nähe der Poesie schloß sie an Kathedralen, Turnterplätze und Minnehöfe an. Wer sieh vor drei oder vier Johrzehnten dem Studium der romanischen Philologie zuwamite, den empfing und umfing diese Romantik. Es dominierte in Forschung und Lehre das Mittefalter. Das Hauptinteresse galt den ältesten Sprach- und Literaturdenkmälern, deren dänne Reihe mit dem neunten Jahrhundert beginnt. Man ging gleich an die Lösung der Ursprungsfragen und begann Paläontologie zu treiben, ehe man biologisch geschult war. Die Arbeit war sieher verfrüht, aber unnütz war sie nicht. Sie hat die Kräfte geübt, Auge und Ohr geschärft; sie hat Grundlagen geschaffen und Wege gebahnt, anf denen wir hente noch stehen und gehen. Es war ein großer Zug an thr, daß sie von Anfang an thr Augenmerk, wie Dante, auf die ganze Romania als Einheit richtete und unter der Führung von Fausamen Drz gemeinremanisch war. Seither hat auch hier die Spezialisierung Platz gegriffen. Der Arbeitsstoff hat sich in unübersehbarer Fülle gehäuft. Es sind Einzelphilologien entstanden, und unser akademischer Unterricht erzwingt gehieterisch die Vorherrschaft der französischen Philologie. Ich habe mich bemült, daroh den gemeinromanischen Zusammenhang night zu verlieren und die romantsche Philologie weder in der Forschung noch im Unterricht der französischen zu opfern. Aber eine Verschiebung ursprünglicher Arbeitspläne haben jene Zwänge auch mir gebracht und nach einer ersten romantischen Liche für Spanien — besonders für die arabisch-romanische Aljamia mich eine Vernunfiehe mit dem Französischen schließen lassen, in der Geilleh die währe Neigung auch nicht fehlt, da der Bund von meinem unvergeßlichen Lehrer Gastox Paris geschlossen worden ist. Und bei

der führenden Rolle des Französischen kam mir das auch wissenschaftlich zustatten, als ich später den Versuch unternahm, eine Literaturgeschichte der gesamten Romania zu schreiben.

Auch dafür hat uns Farmagen Durz das Beispiel gegeben, daß die linguistische und die literarhistorische Forschung nicht getrennt werden sollen. Der romanische Philologe soll Linguist und Literarhistoriker sein, wir es ja auch About Torune war. Und wenn es auch keinem mehr gelingt, die beiden Forschungsgehiete in gleicher Weise zu beherrschen, so soll sich doch jeder darum bemühen und das eine Feld durch den Ertrag des andern befruchten. Der von der Linguistik getrennten Literaturgeschichte droht ästhetisierende Verflachung.

Wenn wir solchergestalt als Schüler von Farenann Diez uns bemühen, Romanisten zu bleiben und Sprachgeschichte nicht von der Literaturgeschiehte zu trennen, so hat sich uns anderseits frellich der Schwerpunkt der Arbeit verschoben. Der Zug der Zeit zu realistischer Forschung, zur Verbindung von Forschung und Leben, hat dazu geführt, daß im Studium neben das Mittelalter mit Macht üle neuere Zeit und neben die trümmerhafte Überlieferung älterer Sprachstaßen das bunte Sprachleben der Gegenwart getreten ist. Die romanische Philologie ist nicht mehr die philologie du mogen age, unter welchem Ausdruck A. W. Schleben sie mit der Germanistik zusammenfaßte. Früh haben die Anforderungen des akademischen Unterrichts auch mir diese Verschiebung gebracht, und früh habe ich es beklagen lernen, daß ich während meiner Studienzeit in Spanien, weltabgewandt, über dem Kopteren altspanischer Handschriften kastilianisches und undalasisches Sprachleben übersah.

Seither hat sich in mir immer mehr die Überzeugung befestigt, dan alle Interpretation sprachlicher Überlieferung des Lichts der lebenden Sprache bedarf - auch imsere Textkritik, die dahei lernen wird, respektvoller, konservativer, weniger schulmeisterlich zu sein — und daß alle Linguistik ihre Prinzipienlehre im unermüdlichen Studium der lebenden Mundarten suchen muß. Das Studium dieser lebenden Mundarten zu einem integrierenden Teile des akademischen Unterrichts zu machen, habe ich vor einem Vierteljahrhundert schon in Bern unternommen, wo die Nähe der Sprachgrenze gestattete, linguistische Exkursionen damit zu verbinden. Daraus entstand das Projekt eines Idiotikons der französischen Schweiz, das Gestaltung und Ausführung jetzt in den kundigeren Händen einstiger Zuhörer findet. Dabel mußte ich nuch erkennen, daß an die Basis alles Sprachstudiums die Erforschung der Sprachlaute gehört, die Phonetik, nicht in ihrer alten ·romantischen · Form, sondern in der exakten Gestalt, die ihr die letzten Jahrzehnte gegeben haben.

Anch das habe ich früh, und alcht nur auf linguistischen Wanderungen durch italienisches, ratoromanisches und französisches Sprachgelände, einsehen lernen, daß die sogenannte praktische Sprachbeherrschung vom Forscher nachdrücklich gepflegt werden soll. Die fremde Sprache zu beherrschen, die den Gegenstand unserer Forschung bildet, ist nicht nur «praktisch» - diese Sprachbeherrschung kann als eine Quelle lebendigen Sprachgefühls, als das feinste Hilfsmittel der Kulturerkenntnis von größter wissenschaftlicher Bedeutung sein. Und das Studium der Kultur darf vom linguistischen nicht getrennt werden. Nicht nur gehören . Wörter und Sachen zusammen, sondern alles sprachliche Leben, auch der Lautwandel, ist kulturell bedingt, und in den eigenen bescheidenen Beiträgen zur romanischen Dialektforschung. habe ich mich bemüht, den kulturellen Bedingungen des Sprachwandels nachzugelien. Diese kulturelle Sprachforschung, deren Grundlage muderne Sprachatlanten sind, bildet mit der exakten Lautforschung heute die Hauptaufgabe der romanischen Linguistik

So muß für uns jede Beschäftigung mit der Sprache der Gegenwart zurückführen zur Vergangenheit, und alles Studium vergangener Sprachstufen soll fest verankert sein in dem Sprachleben, das um uns wogt. Vorbildlich hat Adolf Tobler die Verkettung von sprachlicher Vergangenheit und Gegenwart im romanischen Wort- und Satzgefüge

erkanne und dargestellt.

Seinem Vorbilde nachzueifern, soll mein Bestreben sein. Möge die Akademie dieses redliche Bemühen fernerhin so freundlich aufnehmen und so nachsichtig beurteilen, wie sie es mit mehnen bisherigen Leistungen getan hat, als sie mich der Ehre würdigte, in diesen Kreis von Forschern einzutreten.

Antrittsrede des Hrn. Wölfflin.

Der Eintritt in die Akademie würde für mich eine große Verlegenheit sein, wenn ich die Wahl zum Mitglied dieser gelehrten Körperschaft als Anerkennung persönlicher Leistungen und nicht in erster Linie als Anerkennung des Wertes der Kunstgeschichte als wissenschaftlicher Disziplin auffassen müßte: die Kunstgeschichte tritt als gleichberechtigt in den Kreis der älteren historischen und philologischen Fächer. Diese Gleichberechtigung wird sie in dem Maße mehr verdienen, je mehr es ihr gelingt, sieh von den undern Disziplinen zu unterscheiden und, ihrem besonderen Stoffe gemäß, eigene Begriffe und Methoden auszubilden. Zwar lautet die Aufgabe für die untike und für die neuere Kunstgeschichte im Grunde gleich, allein es liegen hier die Verhältnisse doch wesentlich anders, wo die Er-

schließung des Tathestandes, d. h. die blobe Vorarbeit, so viel weniger Kraft und Anfmerksamkeit in Anspruch nimmt, sondern von vornherein ein ungeheures, gesiehertes Material zur Behandlung bereit liegt Und nun ung man noch so sehr durchdrungen sein von der Wichtigkeit der sehriftlichen Überlieferung und ruhig zugeben, daß jede Kunstbetrachtung, die ihre Denkmäler nicht aus dem Sachgehalt der Zeit zu interpretteren vermag, in der Luft bängt, so ändert das doch nichts an der Tatsache, daß die Verarbeitung von literarischen Quellen nicht weiter führt als bis zu dem Punkt, wo das spezifisch kunstbistorische Problem erst aufängt. Dinge, die auf Auschauung berechnet sind, wollen von dieser ihrer sichtbaren Seite her gefaßt sein. Es gilt, die Mittel in die Hand zu bekommen, mit denen der Künstler gearbeitet hat, genan so wie der Literarhistoriker mit der Sprache als solcher anfängt.

Eine derartige methodisch-formale Kunstbetrachtung ist etwas anderes als ein bloßes Beurteilen der Dinge vom Geschmacksstandpunkt zum — und sei dieser noch so fein entwickelt —, und es genügt keineswegs, ein natürliches künstlerisches Gefühl mitzahringen alle künstlerischen Werte müssen als historisch gewordene begriffen werden.

Wenn ich von meiner eigenen Entwicklung reiten darf, so möchte ich zuerst Hermica Bursws gedenken, dessen formale Analysen antiker Denkmäler mir einen nachhaltigen Eindruck hinterlassen haben. Als eigentlichen Lehrer aber verehre ich Jakon Buscanange. Es ist bedeutsam, daß dieser Geleinte, dem eine so reiche kulturhistorische Bildung zur Verfügung stand, in seinen kunsthistorischen Arbeiten kaum davon Gebrauch gemacht hat. Es erschien ikm wie eine Verschleierung des Hauptproblems. Zwar wollte er überall genau erklärt wissen, wie die bestimmten Aufgaben der Kunst in die Welt gekommen waren, im übrigen aber hielt er dafür, daß man zunächst die optische Form absolche sieh anssprechen lassen müsse und eine vorzeitige Milleuschilderung nur zerstreuend wirken könne.

In Anlehmung an Burcknarder Renaissancearchitektur ist als meine erste kunsthistorische Schrift eine Untersuchung über die Entstehung des Barock in Italien veröffentlicht worden, wo auf dem speziellen Gebiet der Architektur eine bedeutungsvolle Stilwandlung beschrieben und erklärt werden sollte. Später habe ich die Begriffe der klassischen Italienischen Renaissance in einem weiteren Umfang festzulegen versucht, wobei die Künstlergeschichte nur einen Teil bilden durfte, die systematische Betrachtung des Kunstinhalts der Zeit nach den Kapiteln Gesinnung. Schönheit und Bildform den andern Teil ergab, der so eine Art Gegenprobe zum ersten biblet.

Auch in einem Buche über Dürer ist der formal-analytische Gesichtspunkt das Wesentliche für mich gewesen. Unter Verzicht auf die
ausführliche Erzählung von Lebensgang und Lebensumständen, aber
unter Verwertung des gesamten, jetzt erst erschlossenen künstlerischen
Materials ist die Arbeit daraufhin angelegt, das Phänomen der Dürersehen Kunst, die wir so ganz auders sehen als das letzte Jahrhundert,
auf möglichst bestimmte Begriffe zu bringen.

In der wechselweisen Beschäftigung mit germanischer und romanischer Kunst war mit dann der Wunsch erwacht, die typischen Gegensätze dieser zwei Welten allgemein zu fassen und jenen oft sich wiederholenden, merkwürdigen Prozeß, der sich bei Dürer in besonderer Reinheit beobachten läßt, im großen darzulegen, ich meine; wie die nordische Plantasie von der italienischen Gestaltungsart in Bann geschlagen wird. Bei den Vorarbeiten dazu mußte ich indessen bald inne werden, daß die Begriffe der Kunstgeschichte noch zu wenig ausgebildet sind, um ein derartiges Buch schreiben zu können und daß zunächst ersi gründlichere Anschauungen über Wesen und Entwicklung künstlerischer Darstellungsformen gewonnen werden müssen. Nach dieser Seite vornehmlich habe ich in den letzten Jahren beobachtet und glanbe dabei zu Resultaten gekommen zu sein, die jeder Kunstgeschichte einmal als Grundlage nützlich sein können.

Kein Zweifel: was den Ruhm der heutigen Kunstgeschiehte ausmacht, ist die Fülle und Übersichtlichkeit des Stoffes, die so weit über alles hinausgeht, was man vor 50 Jahren für möglich hielt, und es wäre unrecht, die entscheidenden Verdienste der großen Museen an dieser Stelle nicht zu erwähnen, allein je erfolgreicher die Tätigkeit derer ist, die, immer weiteres Material zutage fördernd, alte Namen mit neuem Inhalt füllen, um so mehr wird man geneigt sein, auch jener stilleren Arbeit ein Recht zuzugestehen, die sieh — in einem etwas moderalsierten Sinn — zu den Worten bekennt, mit denen der Begründer der Kunstwissenschaft, Windermann, seine Geschichte der Kunst des Altertums eröffnet: Das Wesen der Kunst sei der eigentliche Endzweck der Kunstgeschichte.

Erwiderung des Sekretars Hrn. Diens.

Die Akademie begrüßt ihren Eintritt, verehrte Herren Kollegen, mit besonderer Freude. Von jeher hat sie Wert darauf gelegt, daß in ihren Reihen das Fähnlein der Schweizer seinen Ehrenplatz behaupte. Als ieh vor dreißig Jahren die Ehre hatte, in die Akademie aufgenommen zu werden, waren es zwei ihrer Landsleute, flass Laspour und Arous Tourra, die gleichzeitig mit mir eintraten, wobei sie von einem dritten

Schweizer, dem damaligen Sekretar av Bers-Revsone, landsmannschaftlich begrüßt wurden. Jene beiden hervorragenden Vertreter ihres Heimatlandes und ihres Faches hat uns leider das vorige Jahr mit einem Schlage entrissen. Die Iden des März rafften den berühmten Chemiker binweg, und drei Tuge darauf folgte ihm Tomen, der erste Vertreter der romanischen Philologie, nach. An seine Stelle treten nun Sie, Hr. Monz, der Landsmann und Freund des Heimgegangenen, den er noch selbst, zu seiner Unterstützung im Lehranite der Universität gerufen hatte. Wir dürfen uns glücklich schätzen, daß durch Ihren Eintritt auch in der Akademie die Tradition des verewigten Meisters fortgeführt und weitergeführt wird.

Auf Threm bernischen Heimathoden, wo die deutsche und romanische Kultur im ihrem friedlichen Wettstreit und in ihrer wechselseitigen Durchdringung Ihnen frühe nabetrat, laben Sie diese sprachlichen, literarischen und sozialen Probleme mit scharfem, aber unbefangenem Blicke auffassen lernen. Wie Ihr Heimstland deel romanische Idiome und diese wieder in merkwürdiger dialektischer Mannigfaltigheit umschließt, so ist auch ihr wissenschaftliches Forschen durch alle Gebiete der Romania geschweift. Dialekt und Schriftsprache, Lautlehre und Syntax, Press und Poesie. Volkslied und Kunstdichtung. Kultur und Läteratur hat Sie auf diesem Gebiete gleichmäßig angezogen. Wenn schon Ihre übrigen zahlreichen und wertvollen Arbeiten Zeugnis ablegen von dem enzyklopädischen Drange Ihres Forschergeistes, so zeigt ihre Zusammenfassung der romanischen Sprachen und Literaturen in der «Kultur der Gegenwart» eine solche Universalität des Wissens, daß man Sie wohl mit einem Worte Ihres Lieblings Dante 'il maestro di color che sanno ani diesem Gehiete nennen darf. Zu dieser Vielseitigkeit und Gründlichkeit des Wissens, die sieh auch in den Kritiken Bures mit Hen. Brann, hernusgegebenen 'Archivs' offenbart. kommt noch eine eigne Anmut der Derstellung binzu, die Ihren jetzt in zwei Bänden gesammelten Vorträgen und Skizzen. «Aus Dichtung und Spruche der Romanen- weit über den Kreis der Fachgenossen hinaus ein aufmerksames Publikum gewinnen wird.

Während About Tonica, wie so viele große Gelehrte des vorigen Jahrhunderts, Freund der Vita contemplativa war, gehören Sie, Hr. Mous, einer jüngeren Generation an, die nuch in der Vita activa sieh betätigen zu müssen glaubt. So hoffen wir, daß Sie Ihr Organisationstalent, das sieh in früheren Stellungen so hervorragend betätigt hat, auch in den Dienst unserer Akademie stellen werden, die seit Beginn dieses Jahrhunderts ührer praktischen und arganisierenden Tätigkeit auf rielen Gebieten weitere Grenzen gesteckt hat

Unser zweiter Willkommensgruß gilt Ihnen, Hr. Wöhrens, der die seit Friedrichs des Großen Zeit übliche Vierzahl der Schweizer in der Reihe der ordentlichen Mitglieder unseres Institutes wieder vollzählig macht. Sie sind bernfen, dem akademischen Reiche eine neue Pravinz hinzuzufügen. Es ist nicht ohne Grund, daß die moderne Kunstgeschiehte bei uns erst so spät ihren gebührenden Platz erhält. Kunst und Wissenschaft sind von Hause aus nach verschiedener Richtung auseinanderstrebende Schwestern. Im Künstler erstrahlt das Weltbild durch das Medium der Individualität in unendlichen Brechungen, während die Wissenschaft im Gegenteil aus den bunten Mannigfaltigkeiten und Zufälligkeiten des Individuellen die allgemein gültigen Norman zu abstrahieren sucht. Einfacher und leichter gelingt dies den mathematisch begründeten Naturwissenschaften, bei deren Objekten das Individuum wenig zu bedeuten hat, sehwer und mühselig ist es in den Kniturwissenschaften, aus der Fülle des Konkreten und der Sonderart des Individuellen in den Äther des Allgemeinen aufzutauchen. Am schwersten wird diese Aufgabe der Kunstgeschichte. Die Meihoden, die in der wissenschuftliehen Erforschung der alten wie der modernen Kunstwelt eingeschlagen worden sind, die äußerliche Kunstkennerschaft, der unlebendige Historizismus, das schematische Ästhetisieren haben sich alle als unzureichend erwiesen. Es bedarf neben allen diesen technischen, historischen, philosophischen Vorkenntnissen vor allem eines dem schaffenden Künstler wahlverwandten Sehvermögens, um in das wirkliche Wesen des einzelnen Kunstwerks einzudringen. Und dann muß zu der künstlerischen Erfassung des Einzelnen eine höhere Universaloptik hinzutreten, die das Wesensverwundte ganzer Epochen zusammenschauen und ihre Formensprache deuten und daestellen kann. Diese Methode haben Sie bereits in Threr Jugendschrift «Renaissance und Barock» eingeschlagen, wo es sich darum handelte, in der scheinbaren Willkur des Verfalls das Gesetz der Wandelung zu erkennen. Noch bewußter in den Stillanalysen Ihrer «Klassischen Kunst». Und Ihr letztes größeres Werk über Albrecht Dürer läßt wie flire frühere Studie über die Jugendwerke des Michelangelo erkennen, dan Sie Ihre glückliche Generalisationsgabe nicht hündert, in die feinsten Falten einer individuellen Künstleeseels einzudringen und die kühle Abstraktion mit dem warmen Leben der Wirklichkeit zu durchdringen. So sehen wir Sie auf dem Wege die moderne Kunstwissenschaft in strenger und allseitiger Methode auszugestalten. Wir glauben auversichtlich, daß die von Ihnen nunmehr in die Akademie eingeführte jüngste Schwester den älteren in würdiger Weise sich angliedern wird. Möge Ihnen, Hr. Wölveris, das ist unser aufrichtiger uml herzlicher Wunsch, in unserer Mitte ein langes und gesegnetes Wirken beschieden sein!

Hierauf wurden Gedächtnissreden gehalten von Hen Erran auf Richaud Lepsids, von Hen More auf Angle Tonier, von Hen Wilhelm Schulze auf Heisauch Ziemen und von Hen Fischen auf Jakos Heisauch van't Hoff. Die Reden der HH. Erman und More folgen hier, die der HH. Wilhelm Schulze und Fischen erscheinen in den Abhandlungen.

Gedüchtnissreden.

Gedächtnissrede des Hrn. Ennas auf Richain Lessus.

Es ist in der Regel nicht Gebrauch unserer Akademie, der hundertsten Gebartstage ihrer Mitglieder zu gedenken. Wenn wir heute eine Ausnahme davon machen, so tun wir dies, weil erst in den letzten Jahrzelmten seit dem Bekanntwerden der Tagebücher der Preußischen Expedition die Bedeutung seines Wirkens in ihrer ganzen Größe hervorgetreten ist. Und unsere Körperschaft hat um so mehr ein Recht, dies hier zu betonen, als Lersus ju durch die engsten Bande mit ihr verknüpft gewesen ist, und zwar von seinen wissenschaftlichen Anfängen an Könnte man ihn doch fast einen Zögling unserer Akademie neunen. Denn als Busses und Granano nach Guantonass Tode im Jahre 1833 auf den Gedanken kamen, den jungen Dr. Lersus, der sich bisher mit Archhologie und Sprachwissenschaft befaßt hatte, zum Ägyptologen auszobilden, da war es die Akademie, die die Mittel dazu gewährte.

Es ist charakteristisch, wie sich der dreinndzwanzigjährige Mann bei dieser Wendung seines Schieksals benimmt. Er erwägt in einem Briefe an seinen Vater ruhig das Für und Wider und geht an die Erforsehung des alten Ägyptens ohne die Begeisterung und ahne die Schwärmerei, die sonst die Anfänge der jungen Agyptologen bezeichnen. Es war eine Vernunftehe, die er mit der neuen Wissenschaft schloß, aber gerade das sollte ihr zum Segen werden, denn Larsus brachte etwas in sie ein, was die Enthusiasten nicht hatten, den ruhigen Verstand und die sichere Methode.

Diese guten Gaben verhalfen ihm dann sogleich zu einem großen Fortschritte. Champolities hatte mit genialem Scharfsinn erkannt, wie die Hieroglyphen zu lesen waren und hatte es in den letzten Jahren seines Lebens erstaunlich weit im Verständnis der Texte gebracht, aber wie eigentlich das komplizierte System dieser Schrift beschaffen war, davon hatte er nur eine sehr unvollkommene Verstellung gewonnen. Hier setzte Læpsies ein und legte schon 1837 in seiner Lettre à Mr. Rosentaure den Bau der Hieroglyphenschrift klar, und zwar so richtig, daß wir, von Einzelheiten abgeschen, noch heute die Hieroglyphen nicht viel anders ausehen, als er es dannis lehrte.

Daß der junge Gelehrte, der so sieher zu urteilen wußte, auch imstande war, selbst Inschriften zu lesen und leichtere Texte zu übersetzen, wird man nicht bezweifeln wollen. Wenn er trotzdem mit solchen Versuchen nicht in die Öffentlichkeit trat, so hatte das seinen guten Grund. Ihn stieli das Dilettantenhafte der Entzifferungsarbeit ab, das Raten und Vermuten, ohne das es dabei einmal nicht abgeht. Nicht in genialem Ansturm wollte er ein halbes Verständnis der ägyptischen Inschriften erringen, er wollte den methodischen Weggeben, der und langsam zu Resultaten führt, dann aber auch zu gesicherten.

Und so geht er planmäßig vor. Er sammelt vor allem zunächst gute Kopien bleroglyphischer Inschriften, um sich ein sicheres Fundament für seine Arbeiten zu schaffen und veröffentlicht 1842 daraus seine · Auswahl der wichtigsten Urkunden des ägyptischen Altertums»; ein bewundernswertes Werk, das schop in der Sichtung und historischen Anordning der Denkmäler zeigte, welche feste Hand die Agyptologie jetzt vorwärts führte. Noch im selben Jahre erschien weiter seine Ausgabe des Totenbuches nach dem Turiner Papyrus. Es ist noch heute eine Freude, die Vorrede dieses Werkes zu lesen, die so rightig ein umfangreiches Buch charakterisiert, von dem damals doch nur das Wenigste verständlich war, und die so klar sieht, was hier zu gewinnen war und was nicht. An dem Wege, den Læsses mit dieser Ausgabe eingeschlagen hatte, hat er dem auch sein Leben hindurch festgehalten, und zwei Unternehmen seiner späteren Jahre schließen direkt an sie an; die große Ausgabe des Totenbuches des neuen Relebes; die die Akademie veranstaltete und die Hr. Navanta in den Jahren 1876 bis 1881 durchführte, und die Veröffentlichung der «Altesten Texte des Totenbuches nach Sarkophagen des Berliner Museums (1867).

Schon 1842 ward ihm dann die große Aufgabe gestellt, die für sein ganzes Leben bestimmend werden sollte. Er wurde der Leiter der Preußischen Expedition nach Ägypten, des ersten wissenschaftlichen Unternehmens im großen Stile, das unser Stant anssendere. Schon die fürßere geschäftliche Durchführung dieser Expedition, die drei Jahre bindurch Ägypten und Nubien durchforsehte, war eine bewundernswerte Leistung, die für den Eifer, die Klugheit und den Takt ihres jungen Führers Zengnis ablegten. Und nun erst seine wissenschaftliche Leitung. Das war kein bloßes Bereisen und zufälliges Absuchen des Landes mehr, es war eine systematische Untersuchung, und der sie führte, wußte, was er suchte. Seit die Tagebücher der Expedition veröffentlicht sind, sehen wir mit Bewunderung, was Lersus mit sein Genosse Ernkan damals geleistet haben, wie genial sie das

Gefundene erfaßten und verstanden. Aus den Gräbern von Memphiserstand ihnen so die große Zeit des alten Reiches, von der bisher nur weniges bekannt gewesen war, in Nubien erschloß sich ihnen das fabelhafte Reich der Äthiopenkönige — es gibt kaum eine Stelle des ungeheuren Gebietes, die ihnen nicht die reichsten Resultate gegeben hätte.

Mit Freude sehen wir, wie Leraus sich diesen großertigen Erfolgen gegenüber benimmt. Wer hätte es ihm veräbeln wollen, wenn er, erfüllt von dem Erreichten, die neuen Erkenntnisse in lehhafterem Tone den wissenschaftlichen Kreisen verkündet hätte? Aber wer seine «Reisehriefe» liest, der trifft darin nur auf kurze, rem sochliche Angaben, bei denen oft mit keinem Worte angedeutet ist, daß sie Entdeckungen mitteilen. Es ist ein vornehmer Sinn, der sich hier ausspricht, jene Zurückhaltung, die des angenblicklichen Beifalles nicht bedarf, da sie der Dauer ihres Wertes gewiß ist

Auch die Veröffentlichung der Ergebnisse der Expedition, des Denkmälerwerk, wurde im gleichen Sinne gehalten, und wer dieses Riesenwerk heute durchsicht, wird selten bemerken, wie viele wissenschaftliche Fortschriften sich in der Anordnung der Tafeln und in ihren einfachen Unterschriften verstecken.

Der Text zu diesen Tafela ist nie erschienen, ebenso wie auch so manches andere Werk von Liesaus leider unvollendet geblieben ist. Es lag das einmal an der Last der Geschüfte, die in den folgenden Zeiten auf ihm lastete — hat er doch, um nur eines hervorzuheben, auch das ägyptische Museum in jahrelunger Arbeit neu zu schaffen gehabt. Mehr aber noch iag es an dem Ernste, mit dem er alles betrieb, und an dem Widerwillen, den er gegen jedes hegte, das nicht völlig durchgedacht und gesichert war. Die Ernte der Expedition und seiner früheren Reisen war zu groß, als daß er sie hätte bewältigen können, trotzdem er in den fünfziger und sechziger Jahren unermüdlich tätig gewesen ist an größeren Werken und an einzelnen Auffähren, die aumeist in den Schriften unserer Akademie erschlenen.

Da sind vor allem die historischen Arbeiten zu nennen, insbesondere sein «Königsbuch», das Fundamentalwerk der ägyptischen Geschichte, an dessen Bau auch alle späteren Funde nichts mehr gefundert haben. Sodann das Schwesterwerk, die «Chronologie», mit dem es eine merkwürdige Bewandtals hat. Seine Rekonstruktion der Chronologie beruht auf einer Theorie, die heute als unhaltbar erkannt ist, und doch, wenn man Leesnes Zahlen mit denen vergleicht, die heute auf sichererem Wege gewonnen sind, so ist es auffallend, wie nahe sie diesen stehen. Man möchte glauben, daß ihn unbewußt die richtige Vorstellung geleitet hat, die er sich aus den Denkmälern über die Dauer der einzelnen Perioden gehildet hatte

Zwei Abhandlungen, die Fragen der ägyptischen Religion behandein, sind in ihrem methodischen Gange vorbildlich geworden. Eine viel benutzte Untersuchung ist der Metrologie Ägyptens gewidmet; zwei andere, die schon in den Beginn der slebziger Jahre fallen, behandeln die den Ägyptern bekannten Metalle und den Gang der ägyptischen Kunst — beide voll von scharfsinnigen und geistreichen Bemerkungen.

Dazwischen gehen mannigfache lautliche Untersuchungen richer, die zum Teil den praktischen Zweck verfolgten, eine allgemein gültige Umschreibung der Laute, ein «Standardalphabet» zu schaffen. Wichtiger noch und erfolgreicher war seine Arbeit an afrikanischen Sprachen, für die er auf der Expedition eifrig gesammelt hatte. Seine Grammatik des Nubischen, die übrigens auch beinabe ungedruckt geblieben wäre, zeigt, wie ganz er sich in diese illiterate Sprache hineingelebt hatte. Und mit Bewunderung wird man immer die ihr zur Einleitung dienende Abhandhung «Ober Völker und Sprachen Afrikas» lesen: wie viel darin auch nicht mehr haltbar sein mag, sehon der Versuch, in dem Wirzwarr der Sprachen eines ganzen Erdteiles Ordnung zu schaffen, hat etwas Großartiges.

Nur der einen Sprache Afrikas, die Ihm doch eigentlich am nachsten liegen mußte, der ägyptischen, widmete er auch in dieser Zeit rastloser Arbeit kaum eine Untersuchung. Man geht wohl nicht fehl, wenn man annimmt, daß dieses Studium, dessen Notwendigkeit er so oft betont hatte, ihm sellist verleidet war. Eine neue Generation von Agyptologen war inzwischen aufgewachsen, die sich gerade der philologischen Seite ihrer Disziplin widmete und die darin gewaltige lirfolge errang. Lersus war nicht blind gegen ihre großen Leistungen. aber sein geschulter Geist konnte das Tomultnarische einer Forschung, wie sie jene betrieben, nicht ertragen. Daß er selbst einen ägyptischen Text zu interpretieren wußte, zeigte die Einfeitung zu seinen sältesten Texten des Totenbuches : auf die gewagteren Wege aber, auf denen die neue Generation den Inschriften und Papyrus ihren Inhalt entrili, mochte er sich nicht einlassen. Er blieb in der Periode der Entzifferung stehen; die Periode der kühnen Übersetzungen machte er nicht mehr mit.

So kam es denn auch, daß die neue zweisprachige Inschrift, die ihm das Glück 1866 bescherte, das Dekrei von Kanopus, ihm selbst nicht den vollen Gewinn brachte. Und ebenso ließ er den großen Papyrus Westenr unveröffentlicht und unbearbeitet, den er persönlich besaß und der uns später eine der Grundlagen der ägyptischen Sprachwissenschaft werden sollte.

Und doch war er nach wie vor von dem Gedanken erfüllt, daß nichts der Agyptologie so not tue wie eine systematische Bearbeitung der

Sprache. Dankbur erinnere ich mich daran, daß er mich selbat einst diese Wege gewiesen hat, und wieder glaube ich die feine tronie zu hören mit der er damals von den Fachgenossen sprach, die da vermeinten, gleich ein Großen arbeitens zu können. Er hatte ein Recht zu solchem Lächeln, denn wahrlich, er hatte nie nach billigem Ruhme gestrebt; ernst hatte er gearbeitet sein Leben lang und sieh nimmer genng tan können. Und gerade darum ist der Einfluß, den er auf die Wissenschaft ausgeübt hat, ein bleibender geworden. Wo immer die ägyptischen Studien heute ernst betrieben werden, da folgen sie seinen Sparen oder nehmen seine Arbeit wieder auf. Nach seinem Vorbilde werden die systematischen Grabungen der neueren Zeit geführt, in seinem Sinne erforschen wir die Grammatik und den Wortschatz des Ägyptischen, und die große Ausgabe der Pyramidentexte setzt seine Arbeit am Totenbuche fort.

Und wenn man trotz alledem gefragt hat, oh wie nicht Læstes Wirken überschätzen, so möge man eines überlegen. Es gibt so manche Gelehrte, deren Arbeit sich aus ihrer Wissenschaft hinwegdenken ließe ohne daß darum in dieser eine größere Lücke entstehen würde. Aber wie sähe wohl die Ägyptologie aus, wenn man aus ihr die Lettre è Rosentuste, die Totenbuchausgaben, das Königsbuch und die Preußische Expedition mit all ihren Ergebnissen striche? Sie würde dann überhaupt noch nicht als eine ernste Wissenschaft gelten können.

Es ist daher nicht zuviel, wenn wir Larsus dem großen Begründer der ägyptischen Wissenschaft anreihen. Erst seine methodische Arbeit hat aus dem, was Canaronnou genial entworfen hatte, den sieheren Bau aufgeführt, an dem wir heute welterarbeiten.

Gedächtnissrede des Hrn. Mour auf Anour Tonnen.

Als Monris Hauer sich 1867 bei Faiedatca Diez nach dessen Schüler, Andre Tomes, dem damals 32 jährigen Schweizer Gymnasiallehrer, erkundigte, der als erster Romanist für die Berliner Universität in Frage kam, da bezeichnete Diez diesen Tomes als ein ungewähnliches Talent und schrieb von Ihm, daß er in rascher, freudig verdringender Arbeit sich als tüchzigen Kritiker und als kenntnisreichen, geistvollen Literarhistoriker gezeigt habe. Dieses Urteil entschied über A. Tomes Schicksal: er wurde zum Wintersemester 1867 an die Universität Berlin und dann 1881 von dieser Akademie in ihre Mitte berufen. Monsen begrüßte ihn bler als den ersten Vertreter der nun mündig gewordenen Wissenschaft der romanischen Philologie.

Daß diese Wissenschaft mündig geworden, war mit A. Tomass Werk. Er war selion damals einer ihrer Meister, und diese Meisterschaft wirft ihren Glanz über die 28 Jahre, während derer er der Akademic angebort hat

Seine Arbeiten erstrecken sich über das ganze Gebiet der romanistischen Forsehung, über Sprache, Literatur und Kultur, über Versbau und Folklore. Lind der gelehrte Philologe war zugleich ein feinsinniger Obersetzer. Fragen der Methode und des Unterrichts hat er chentalls behandelt: «denn anch die Schule hat Teil an mir», erklärte er hier kei seinem Antritt.

Das Französische stand im Zentrum seiner Arbeit; aber jene grundlegenden Bücher über französischen Vers- und Satzbau, die wir ihm verdanken, bieten eine Fülle gemeinrommischer Belehrung: italienisches, spanisches, provenzalisches, portugiesisches Sprachleben erfüllt sie

Wohl war das Altfranzösische, die Sprache des mittelalterlichen Frankreichs, der Chansons de greje, der Minneromane und der Fuldieux, Tomens Lieblingsgebiet; aber mit vollen Händen streute er zwischen die Belege längst entschwundener Rede die Zeugnisse der lebenden

Speache.

Eine stattliche Reihe altfranzösischer, provenzallseher, altitalienischer Texte, lyrische, epische und didaktische, hat Tonnen aus mittelalterlichen Handschriften ans Lieht gezogen und in vorbildlicher Weise kritisch ediert. Er zuerst hat (1871) an einem altfranzösischen (iedieht es unternommen, die ursprüngliche mundartliche Gestalt wieder herzustellen, und er hat das Beispiel solcher Restitution noch wiederholt gegeben. In den Erlänterungen zu diesen Texten hat er eine große Zahl sprachgeschichtlicher Probleme entweder überhaupt zum erstenmal behandelt oder doch zum erstennial mit Fülle und Veruefung dargestellt. In solchen gelegentlichen Anmerkungen, in beiläufigen Rezensionen hat er, ohne Aufhebeus davon zu machen, oft genug eigentliebe Fundamente für die Forschung gelegt. Andere haben auf diesen Fundamenten weitergebaut und solide Konstruktionen darauf errichtet. die nun das Auge auf sich ziehen, während das tragende Fundament dem Blick des Außenstehenden entzogen ist. Aber Tonian wäre der Letzte gewesen, der sich darüber beklagt hätse. Niemand übte das richesse oblige vornehmer als er.

Auch was so in Bemerkungen und Rezensitmen nur wie vorläufig von ihm geboten wurde, sieht nie aus wie ein erster Entworf, sondern erscheint gereift und gediegen. Der Reichaum seiner Beobachtungen und die tiefgehende, siehere Art seiner Darstellung verliehen seinem Worte eine ungewöhnliche Überzeugungskraft. Kein Geringerer als G. Panes hat ihm le plus profond connaisseur de notre vieille langue genannt, und bewundernde Anerkennung zollte ihm das ganze romanische Ausland. Mit uns trauerte es um ihn, als um einen großen

Lehrer. Toman appartenant, so liest man moch chen im Jahresbericht der Societ des Auciens Textes, à la gloricuse generation de mas maîtres et ses leçons prolongement leur écho des bords de la Sprée jusqu'aux texit de la Seine.

Es ist für Toblies Arbeiten bezeichnend, daß sie in ihrer schlichten Art oft mehr enthalten, als ihr Titel vermuten läßt. Welch felne Charakteristik Gestave Flauberts übertsseht z. B. den Leser, der zu Tomras Ausgabe der Legende vom heiligen Julian greift! Auch wer seine Darstellung der altfranzösischen Epik und Ihres Spielmanns gelesen hat, wer sich an seinem Vortrag über Castiglione, an seiner Robe über «Dante und vier deutsche Kaiser» erfreut hat, wer welß, wie sehön er 1890 in seiner Rektoratsrede von der Aufgabe des Literathistorikers sprach, der wird bedauern, daß Tompa nicht hänfiger zu literargeschichtlichen Thematen gegriffen hat.

Das ist um der syntaktischen und lexikologischen Forschungen willen geschehen.

Man darf von Tommes Arbeit sagen, daß sie die romanische Satzforschung völlig erneut hat. Die heutige historische Syntax der Romanisten ist sein Werk. Er hat an Stelle jener überlieferten Satzerklärung, die sich mit billigen Hypothesen behalf und die Grammatik in das Prokrustesbett logischer Kategorien zwängte, die induktive entwicklungsgeschichtliche Satzforschung gesetzt, die geduldig und lernbegierig Erfahrungen sammelt, che sie urteilt, und sieb von den Lebensvorgängen der Sprache leiten läßt, statt diese Sprache zu schulmeistern. Und in den Dienst dieser Methode hat er eine umübertroffine Beobachtungsgabe gestellt. Er gleicht jenen großen Mikroskopikern, die nicht nur die Methode und das Instrument verbessern, sondern die mit dem nämlichen Instrument auch mehr sehen als undere, weil sie von Natur ein begnadetes Auge haben. So vermochte Tontras feines Ohr dem leisen Schritt der Sprache durch die Jahrhunderte zu folgen, um den Zusammenhang zwischen Gedankengestaltung und Sprachgestaltung zu finden. Für diese Grammatik, vor der manche, wie er scherzhaft meinte, anls vor Psychologie sich bekreuzigen-, hat er sich viellisch eine besondere Terminologie geschaffen. Seiner Durstellungsweise ist der Vorwurf gemacht worden, daß sie sich schwer lese, worauf er erwiderte: Was so schwer zu lesen ist, so möchte ich mich rechtfertigen, ist eben auch vielfach recht schwer zu sehreiben gewesen. • Und gewiß liegt das, was an dieser • psychologischen Grammatik - manchem Leser so sohwer erscheint, nicht sowohl in der Form als in der Sache selbst, in der Vertiefung der Probleme.

Monuses begrüßte 1882 in A. Tostes auch .den entsagenden und mutigen Unternehmer eines jener fundamentalen Werke.

die geschaffen zu haben dem Gelehrten das reine Gefühl nützlichen Strebens gewährt, an denen helfend und fördernd mitgewirkt zu haben der Ruhm der Akademien wie der Regierungen bleibt».

Monnsen sprach hier von dem Wörterbuch der altfrauzöstschen Sprache, für das Tomen damals sehon seit zwanzig Jahren sammelte: ein gewaltiges Werk, dessen Mühsal er mutig auf sich genommen und dessen Drucklegung er eben damals — entsagt hatte. Godernovs Dictionnaire de l'anciente langue française hatte eben zu erscheinen begonnen (1880—1902). Das Urteil über dieses fleißige, aber diffuse und unzuverlässige Werk steht längst fest; ihm gehen in Anlage und Ausführung gerade die philologischen Qualitäten ab, die das Wörterbuch Tomens ausgezeichnet haben würden, und wenn Godernovs Dictionnaire uns allen genützt hat, so hat es anderseits der ganzen Forschungsarbeit der letzten dreißig Jahre den Schaden zugefügt, daß sie seinetwegen Tomens Wörterbuch entbehren mußte.

Was uns dieses gebracht hätte, das ließen all die Beiträge erkennen, die Tontra zur Wortforschung in etymologischen und syntaktischen Arbeiten zerstreut hat: blühende Zweige, die von einem
Baume gebrochen sind, dessen ganze Krone, dessen Stamm unserm
Auge sieh entzogen. Welch fruchtbeschwerte Aste dieser Baum tragen
mochte, ließ sieh auch daraus erkennen, daß nach Tontrus Cherzengung -der größte Teil dessen, was gemeiniglich der Syntax zugewiesen wird, fürs Französische durebaus dem Wörterbuch und nur
ihm anheimfällt».

Jetzt, da der unermüdliche Sammler und Ordner geschieden ist, besteht für die Nachgeborenen die Pflicht, die lexikographischen Reichtümer, die er in halbhundertjähriger Arbeit zusammengebracht und deren Materialien eine Reihe von 20000 Zetteln füllen, durch den Druck allgemein zugänglich zu machen. Diesem Unternehmen leiht die Akademie ihre tatkräftige Unterstützung. So ehrt sie das Andenken ihres Mitgliedes, überzeugt, daß sein posthumes Werk ihr selbst zur Ehre gereichen wird.

Des Schwindens seiner Kräfte nicht achtend, ist An Tonen mitten aus der Arbeit hinweggenommen worden. Dem Freunde, der einst seine Bitten mit denen der besorgten Gattin vereinigte, um Tonen zur Schonung seiner bedrohten Seldkraft zu bewegen, verwies er diese Mahnung mit den Worten: Man muß nicht auf sich nehten! Und er hat wirklich nicht auf sich gesehtet. Der vornehme Mann war vor allem steeng gegen sich selbst. Er lehte ganz seiner Pflicht. Er war vorbildlich nicht nur als Forscher, sondern auch als Menselt.

Verleihung der LEIUNIZ-Medaille.

Alsdann verkündigte der Vorsitzende, dass die Akademie die von Sr. Majestät dem Kniser und König an Allerhöchstseinem Geburtsfeste am 27. Januar 1000 gestiftete Leneuz-Medaille zur Ehrung besonderer Verdienste um die Förderung der Aufgaben der Akademie verliehen habe

- a) in Gold: dem Geheimen Hofruth Prof. Dr. Haws MEYER in Leipzig:
- b) in Silber: dem Kustos am Geologisch-Paisontologischen Institut und Museum der Universität Berlin Dr. Wennen Januager, dem Kaufmann Hass Osven, z. Zt. in Montevideo, und dem Oberbibliothekar an der Universitäts-Bibliothek in Marburg Prof. Dr. Georg Wennen.

Hrn. Wexers, der an der Sitzung Theil nahm, wurde die Medaille von dem Vorsitzenden überreicht.

Schliesslich erfolgten Mittheilungen betreffend das Preisausschrei-, ben aus dem Cornessus schen Legat, den Preis der Graf Loubar-Stiftung und das Stipendinm der Erwano Gernand-Stiftung.

Preisausschreiben aus dem Cornesius'schen Legat.

Die Akademie hat in der Lemsiz-Sitzung des Jahres 1908 folgende Preisaufgabe aus dem Cornesius sehen Legat ausgeschrieben:

Der Entwickelungsgang einer oder einiger Ustilagineen soll möglichst Rickenlos verfolgt und dargestellt werden, wobei besonders auf die Überwinterung der Sporen und Mycelien Rücksicht zu nehmen ist. Wenn irgend möglich, sind der Abbandlung Praeparate, welche die Frage entscheiden, beizulegen.

Bewerbungssehriften, welche bis zum 31. December 1910 erwartet wurden, sind nicht eingelaufen; die Akademie hat darauf hin beschlossen, die Aufgabe unverändert zu erneuern.

Der ausgesetzte Preis beträgt zweitausend Mark-

Die Bewerbungsschriften können in deutseher, lateinischer, französischer, englischer oder italienischer Sprache abgefasst sein. Schriften, die in störender Weise unleserlich geschrieben sind, können durch Beschluss der zuständigen Classe von der Bewerbung ausgeschlossen werden,

Jede Bewerbungsschrift ist mit einem Spruchwort zu bezeichnen, und dieses auf einem beizufügenden versiegelten, innerlich den Namen und die Adresse des Verfassers angebenden Zeitel ausserlich zu wiederholen. Schriften, welche den Namen des Verfassers nennen oder deutlich ergeben, werden von der Bewerbung ausgeschlossen. Zurückziehung einer eingelieferten Preisschrift ist nicht gestattet.

Die Bewerbungsschriften sind bis zum 31. December 1913 im Bureau der Akademie, Berlin W 35. Potsdamer Strasse 120, einzuliefern. Die Verkündigung des Urtheils erfolgt in der Lemsuz-Sitzung

des Jahres 1914.

Sümmtliche bei der Akademie zum Behuf der Preisbewerbung eingegangene Arbeiten nebst den dazu gehörigen Zetteln werden ein Jahr lang von dem Tage der Urtheilsverkündigung ab von der Akademie für die Verfasser auf bewahrt. Nach Ahlauf der bezeichneten Frist steht es der Akademie frei, die nicht abgeforderten Schriften und Zettel zu vernichten.

Preis der Graf Lounar-Stiftung.

Die Akademie hat auf Vorschlag ihrer Commission für die Graf Louar-Stiftung beschlossen, den für dieses Jahr ausgeschriebenen Preis derselben von 3000 Mark Hen. Athunt Bernham Faust. Assistant Professor un der Cornell University zu Ithaca, N. Y. für sein zweihändiges Werk, «The German Element in the United States». Boston und New York 1909, zuzuerkennen.

Stipendium der Envano Gennano-Stiftung-

Das Stipendium der Engard Gerhaud-Stiftung war in der Leibniz-Sitzung des Jahres 1910 für das laufende Jahr mit dem Betrage von 2000 Mark ausgeschrieben. Von dieser Simme sind 2500 Mark Hrn. Dr. Fartz Werge, z. Zt. in Rom. zur Fortsetzung seiner Studien über die Neronische Domus Aurea zuerkannt worden.

Für das Jahr 1912 wird das Stipendium mit dem Betrage von 2500 Mark ausgeschrieben. Bewerbungen sind vor dem 1. Januar 1912 der Akademie einzureichen.

Nach \$ 4 des Statuts der Stiffung ist zur Bewerbung erforderlich:

- t. Nachweis der Reichsangehörigkeit des Bewerbers;
- 2. Angabe eines von dem Petenten beabsichtigten durch Reisen bedingten archäologischen Planes, wobei der Kreis der archäologischen Wissenschaft in demselben Sinn verstanden und anzuwenden ist, wie dies bei dem von dem Testator begründeten Archäologischen Institut geschieht. Die Angabe des Planes muss verbunden sein mit einem ungefähren sowohl die Reisegelder wie die weiteren Ausführungsarbeiten einschliessenden Kosten-

anschlag. Falls der Petent für die Publication der von ihm beabsichtigten Arbeiten Zuschuss erforderlich erachtet, so hat er den voraussichtlichen Beirag in den Kostenanschlag aufzunehmen, eventuell nach ungefährem Überschlag dafür eine angemessene Summe in denselben einzustellen.

Gesuche, die auf die Modalitäten und die Kosten der Veröffentlichung der beabsichtigten Forschungen nicht eingehen, bleiben unberückslehtigt. Ferner hat der Petent sich in seinem Gesuch zu verpflichten:

- vor dem 1. December des auf das Jahr der Verleihung folgenden Jahres über den Stand der betreffenden Arbeit sowie nach Abschluss der Arbeit über deren Verlauf und Ergebniss an die Akademie zu beriehten;
- 2. falls er während des Genusses des Stipendiums an einem der Palilientage (21. April) in Rom verweilen sollte, in der öffentlichen Sitzung des Deutschen Instituts, sofern dies gewünscht wird, einen auf sein Unternehmen bezüglichen Vortrag zu halten;
- 3. jede durch dieses Stipendium geförderte Publication auf dem Titel zu bezeichnen als herausgegeben mit Beihülfe des Eppano Gemano-Stipendiums der Königlichen Akademie der Wissenschaften;
- 4. drei Exemplare jeder derartigen Publication der Akademie einzureichen.

(07)

Ausgegeben sen h. Juli,



